



مدرسة غرناطة الإعدادية للبنات

Gharnata Preparatory School

تدريبات اثرائية
للفصف السابع
على
دروس الفصل الدراسي الثاني

تكوين مقادير متكافئة

الوحدة
4

- | | | |
|----|-------------------------------------|-----|
| 7 | كتابة المقادير الجبرية وإيجاد قيمها | 4-1 |
| 13 | تكوين مقادير جبرية متكافئة | 4-2 |
| 19 | تبسيط المقادير الجبرية | 4-3 |
| 25 | إيجاد مفكوك المقادير الجبرية | 4-4 |
| 31 | تحليل المقادير الجبرية | 4-5 |
| 39 | جمع المقادير الجبرية | 4-6 |
| 45 | طرح المقادير الجبرية | 4-7 |

السؤال الأول : اوجد قيمة كل مقدار مما يلي:

$$(2) \quad 3m - 5 \text{ عندما } m = 4$$

$$\begin{aligned} &= 3(4) - 5 \\ &= 12 - 5 \\ &= 7 \end{aligned}$$

$$(1) \quad 2x + 7 \text{ عندما } x = -5$$

$$\begin{aligned} &= 2(-5) + 7 \\ &= -10 + 7 \\ &= -3 \end{aligned}$$

$$(4) \quad 5x - 20 \text{ عندما } x = 10$$

$$\begin{aligned} &= 5(10) - 20 \\ &= 50 - 20 \\ &= 30 \end{aligned}$$

$$(3) \quad 250 - 5t \text{ عندما } t = 30$$

$$\begin{aligned} &= 250 - 5(30) \\ &= 250 - 150 \\ &= 100 \end{aligned}$$

$$^{(6)} \text{ أوجد قيمة المقدار } \frac{1}{2}t + \frac{3}{8} \text{ عندما } t = \frac{1}{4}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{2}\left(\frac{1}{4}\right) + \frac{3}{8} \\ &= \frac{1}{8} + \frac{3}{8} \\ &= \frac{4}{8} \\ &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$^{(5)} \text{ ما قيمة المقدار } 8.4n - 3.2p \text{ عندما } n = 2 \text{ و } p = 4$$

$$\begin{aligned} &= 8.4(2) - 3.2(4) \\ &= 16.8 - 12.8 \\ &= 4 \end{aligned}$$

1) اكتب مقداراً جبرياً يمثل ارتفاع شجرة بدأ عن 6 m وازداد بمقدار 2 m كل سنة ، افترض ان y تمثل عدد السنوات .

$$6 + 2y$$

(2) ما ارتفاع الشجرة بعد 7 سنوات؟

$$6 + 2y$$

$$6 + 2(7)$$

$$6 + 14 = 20$$

السؤال الثالث :

يحتوي خزان ماء على 300L من الماء، ويتسرب منه $\frac{1}{8}L$ في الدقيقة.
1) اكتب مقداراً جبرياً لتحديد كمية الماء المتبقية في الخزان بعد m من الدقائق؟

$$300 - \frac{1}{8}m$$

(2) ما كمية الماء المتبقية في الخزان بعد مرور 40 دقيقة؟

$$300 - \left(\frac{1}{8} \times \frac{40}{1}\right)$$

$$300 - 5$$

$$= 295$$

(2) توجد غواصة على عمق 150 متر تحت سطح البحر، وتصعد بمعدل 3 متر في الدقيقة.

1) اكتب مقداراً جبرياً يمثل موقع الغواصة بعد m دقيقة؟

$$-150 + 3m$$

(2) ما موقع الغواصة بعد 20 دقيقة؟

$$-150 + 3(20)$$

$$= -150 + 60$$

$$= -90$$

1) يريد سيف ادخار مبلغ من المال لشراء دراجة. أعطاه والده QR60، وقرّر ادخار QR15 كل أسبوع .

1) ما هو المبلغ الذي سيجمعه سيف بعد w أسبوع؟

$$60 + 15w$$

(2) كم المبلغ الذي سيكون مع سيف بعد 5 أسابيع؟

$$60 + 15(5)$$

$$60 + 75 = 135$$

السؤال الاول : استعمل خواص العمليات لكتابة مقدار مكافئ لكل مقدار معطى:

A: $9x - 3 - 7x$

$$= (9x - 7x) - 3$$

$$= 2x - 3$$

B: $\frac{1}{3} + \left(x - \frac{2}{3}\right)$

$$= \left(\frac{1}{3} - \frac{2}{3}\right) + x$$

$$= -\frac{1}{3} + x$$

C: $-5x - 2 + 8x + 9$

$$= (-5x + 8x) + (-2 + 9)$$

$$= 3x + 7$$

D: $3w - 5 + 2w$

$$= (3w + 2w) - 5$$

$$= 5w - 5$$

لتجميع الحدود المتشابهة نستعمل خواص العمليات: تبسيط مقادير جبرية

السؤال الثاني: بسط المقادير التالية :

A: $2x - 5 - 7x + 1$

$$= (2x - 7x) + (-5 + 1)$$

$$= -5x + (-4)$$

$$-5x - 4$$

B: $-5t - 3 + 2.5s - 7t + 7.5s$

$$(-5t - 7t) + (2.5s + 7.5s) - 3$$

$$= -12t + 10s - 3$$

C: $\frac{1}{3}n - \frac{1}{2}m + \left(-\frac{5}{3}n\right) + 2$

$$= \frac{1}{3}n + \left(-\frac{5}{3}n\right) - \frac{1}{2}m + 2$$

$$= -\frac{4}{3}n - \frac{1}{2}m + 2$$

نستعمل خاصية التوزيع لإيجاد مفكوك مقدار جبري

السؤال الثالث: بسط المقادير التالية :

A) $7(x - 2)$

$$= 7x - 7 \times 2$$

$$= 7x - 14$$

B) $-2(-3x + 1)$

$$= (-2) \times (-3x) + (-2) \times (1)$$

$$= 6x + (-2)$$

$$= 6x - 2$$

C) $-2(4x + y)$

$$= (-2) \times (4x) + (-2) \times (y)$$

$$= -8x - 2y$$

D) $-3(15x + y)$

$$= (-3) \times (15x) + (-3) \times (y)$$

$$= -45x + (-3y)$$

$$= -45x - 3y$$

السؤال الاول : استعمل العامل المشترك الأكبر لتحليل المقادير التالية:

A. $6x - 12y + 24$

6:العامل المشترك الأكبر

$$= 6 (x - 2y + 4)$$

B. $12w - 18x$

عوامل 12 : 1, 2, 3, 4, 6, 12

عوامل 18 : 1, 2, 3, 6, 9, 18

6 :العامل المشترك الأكبر

$$= 6 (2w - 3x)$$

C. $21 - 56y$

عوامل 21 : 1, 3, 7, 21

عوامل 56 : 1, 2, 4, 7, 8, 14, 28, 56

7:العامل المشترك الأكبر

$$= 7 (3 - 8y)$$

D. $16d + 20f$

عوامل 16 : 1, 2, 4, 8, 16

عوامل 20 : 1, 2, 4, 5, 10, 20

4:العامل المشترك الأكبر

$$= 4 (4d + 5f)$$

السؤال الأول : اوجد ناتج الجمع :

$$a + (5a - 3)$$

$$= (a + 5a) - 3$$

$$= 6a - 3$$

$$(-3x + 4y - 7) + (5 + 2y - 2x)$$

$$= (-3x - 2x) + (4y + 2y) + (-7 + 5)$$

$$= -5x + 6y + (-2)$$

$$= -5x + 6y - 2$$

$$(3.5 + 2t - 4s) + (5t - 3s)$$

$$= (2t + 5t) + (-4s - 3s) + 3.5$$

$$= 7t + (-7s) + 3.5$$

$$= 7t - 7s + 3.5$$

$$(-7w - 5 - 3v) + (8 + w - 7v)$$

$$= (-7w + w) + (-3v - 7v) + (-5 + 8)$$

$$= -6w + (-10v) + 3$$

$$= -6w - 10v + 3$$

السؤال الثاني : اوجد ناتج الطرح :

$$(7a - 2) - (3a - 5)$$

$$= 7a - 2 - 3a + 5$$

$$= 7a - 3a + 5 - 2$$

$$= 4a + 3$$

$$(4x + 7) - (2x - 3)$$

$$= 4x + 7 - 2x + 3$$

$$= 4x - 2x + 7 + 3$$

$$= 2x + 10$$

$$(8w + 7) - (5w - 1)$$

$$= 8w + 7 - 5w + 1$$

$$= (8w - 5w) + (7 + 1)$$

$$= 3w + 8$$

$$(6x - 2y - 5) - (-5 + 9y - 8x)$$

$$= 6x - 2y - 5 + 5 - 9y + 8x$$

$$= (6x + 8x) + (-2y - 9y) + (-5 + 5)$$

$$= 14x + (-11y) + 0$$

$$= 14x - 11y$$

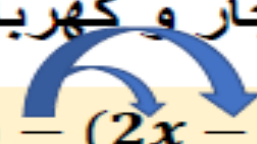
¹ لدى ليلي العدد n من أقلام التلوين. لدى هدى عدد من أقلام التلوين أصغر بمقدار 1 من مثلي عدد أقلام التحديد التي لدى ليلي. اكتب مقدارًا جبريًا لتمثيل العدد الكلي لأقلام التلوين لدى الفتاتين، وبسطه.

$$\begin{aligned}n + 2n - 1 \\= 3n - 1\end{aligned}$$

(2) مع أحمد x من القطع النقدية و مع سيف قطع نقدية أكثر من مثلي القطع النقدية التي مع أحمد بعدد 7. اكتب مقدارًا جبريًا يمثل العدد الكلي للقطع النقدية التي مع أحمد و سيف معًا، ثم بسط المقدار.

$$\begin{aligned}x + 2x + 7 \\= 3x + 7\end{aligned}$$

(3) يدفع صاحب متجر شهريًا $5x + 11$ ريالًا قطريًا بدل إيجار و كهرباء. إذا دفع $2x - 3$ ريالًا قطريًا بدل إيجار، كم يدفع بدل فاتورة الكهرباء؟


$$\begin{aligned}(5x + 11) - (2x - 3) \\= 5x + 11 - 2x + 3 \\= (5x - 2x) + (11 + 3) \\= 3x + 14\end{aligned}$$

حل المسائل باستعمال المعادلات والمتباينات

64	مشروع STEM
65	راجع ما نعرفه!
67	5-1 كتابة معادلات ذات خطوتين
73	5-2 حل معادلات ذات خطوتين
79	5-3 حل معادلات باستعمال خاصية التوزيع
87	5-4 حل متباينات باستعمال الجمع أو الطرح
93	5-5 حل متباينات باستعمال الضرب أو القسمة
99	5-6 حل متباينات ذات خطوتين
105	5-7 حل متباينات متعددة الخطوات

السؤال الاول :

اكتب معادلة تصف كل موقف من المواقف التالية:

$$2x + 5 = 45$$

(1) مثلي العدد x مضاف إليه 5 يساوي 45.

$$2x - 3 = 10$$

(2) طرح 3 من مثلي x يساوي 10.

$$2x - 4 = 30$$

(3) مثلي x ناقص 4 يساوي 30

$$3x + 7 = 25$$

(4) 3 أمثال x زائد 7 يساوي 25

**السؤال
الثاني :**

A. اشترى أحمد 5 هدايا متشابهة. وكانت التكلفة الاجمالية QR 120 بعد حصوله على قسيمة تخفيض قيمتها 15 على المبلغ كاملاً. إذا كان x يمثل ثمن الهدية الواحدة:

$$5x - 15 = 120$$

(1) اكتب معادلة تمثل هذا الموقف؟

(2) حل المعادلة لإيجاد ثمن الهدية الواحدة.

وضح خطوات الحل

$$5x - 15 = 120$$

$$+15 \quad +15$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{135}{5}$$

$$x = 27$$

B. استأجر سيف مضرب بيسبول مقابل QR 3 ، و لعب 4 وجولات في لعبة البيسبول و كانت التكلفة الاجمالية لذلك QR 63 .

اكتب معادلة وحلها لإيجاد تكلفة كل جولة. (افترض أن x تمثل تكلفة الجولة الواحدة).

وضح خطوات الحل

$$4x + 3 = 63$$

$$-3 \quad -3$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{60}{4}$$

$$x = 15$$

4) ناتج جمع أربعة أمثال عدد ما و 8 يساوي 28

a) اكتب معادلة تمثل هذا الوصف.

$$4x + 8 = 28$$

$$4x + 8 = 28$$

$$\begin{array}{r} -8 \quad -8 \\ 4x + 8 = 28 \\ \hline 4x = 20 \end{array}$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{20}{4}$$

$$x = 5$$

b) حلّ المعادلة لإيجاد هذا العدد.

5. أربعة أمثال العدد n مضاف إليه 3 يساوي 47

a. اكتب معادلة يمكنك استعمالها لإيجاد هذا العدد.

$$4n + 3 = 47$$

$$\begin{array}{r} -3 \quad -3 \\ 4n + 3 = 47 \\ \hline 4n = 44 \end{array}$$

$$\frac{4n}{4} = \frac{44}{4}$$

$$n = 11$$

b. ما العدد الذي يمثله n ؟

$$a) \quad 4t - 2.5 = 5.5$$

$$+2.5 \quad +2.5$$

$$\frac{4t}{4} = \frac{8}{4}$$

$$t = 2$$

$$b) \quad \frac{n}{5} + 3 = 12$$

$$-3 \quad -3$$

$$\cancel{5} \times \frac{n}{\cancel{5}} = 9 \times 5$$

$$n = 45$$

$$c) \quad 3x - 7 = 14$$

$$+7 \quad +7$$

$$\frac{3x}{3} = \frac{21}{3}$$

$$x = 7$$

$$d) \quad \frac{x}{7} - 3 = 2$$

$$+3 \quad +3$$

$$\cancel{7} \times \frac{x}{\cancel{7}} = 5 \times 7$$

$$x = 35$$

$$e) \quad \frac{1}{3}p - 2 = 13$$

$$+2 \quad +2$$

$$\frac{1}{3}p = 15$$

$$\cancel{3} \times \frac{1}{\cancel{3}}p = 15 \times \frac{3}{1}$$

$$p = 45$$

$$f) \quad 2x + 4 = 10$$

$$-4 \quad -4$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{6}{2}$$

$$x = 3$$

السؤال الرابع :

ستعمل خاصية التوزيع لحل المعادلات التالية:

$$a) \frac{1}{2}(-20p + 6) = 5$$

$$\frac{1}{2} \times (-20p) + \frac{1}{2} \times 6 = 5$$

$$-10p + 3 = 5$$

$$\frac{-10p}{-10} = \frac{2}{-10} \quad p = -\frac{1}{5}$$

$$b) -2(x - 3) = 4$$

$$-2x + 6 = 4$$

$$\frac{-2x}{-2} = \frac{-2}{-2}$$

$$x = 1$$

$$c) 5(n - 1) = 13$$

$$5n - 5 = 13$$

$$\frac{5n}{5} = \frac{18}{5}$$

$$n = 3.6$$

$$d) 2(x + 3) = 18$$

$$2x + 6 = 18$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{12}{2}$$

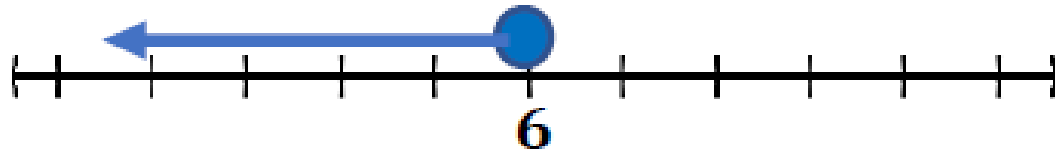
$$x = 6$$

حل المتباينات التالية ثم مثل الحلول بيانيا:

$$x - 2 \leq 4$$

$+2 \quad +2$

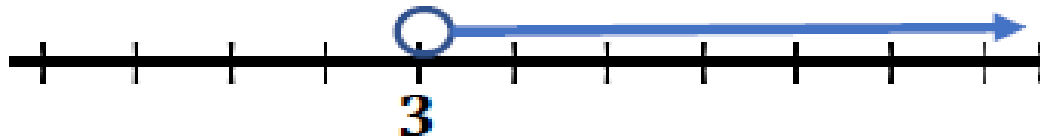
$$x \leq 6$$



$$m - 6 > -3$$

$+6 \quad +6$

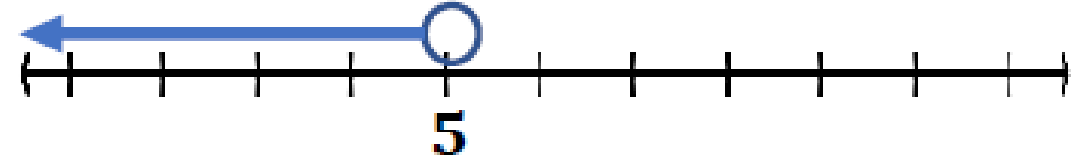
$$m > 3$$



$$n + 4 < 9$$

$-4 \quad -4$

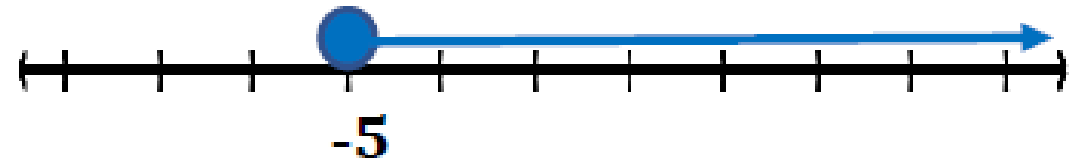
$$n < 5$$



$$p + 1 \geq -4$$

$-1 \quad -1$

$$p \geq -5$$



$$\frac{-4x}{-4} \leq \frac{-12}{-4}$$

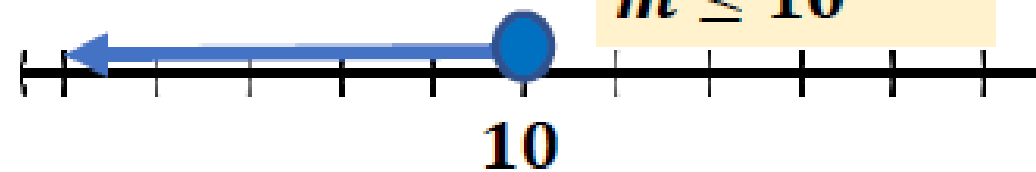
$$x \geq 3$$



$$\frac{m}{-5} \geq -2$$

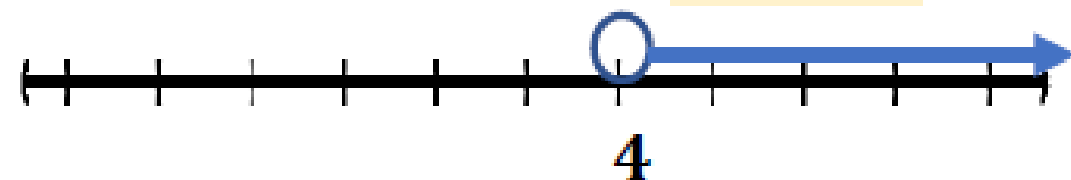
$$-5 \times \frac{m}{-5} \leq -2 \times -5$$

$$m \leq 10$$



$$\frac{5x}{5} > \frac{20}{5}$$

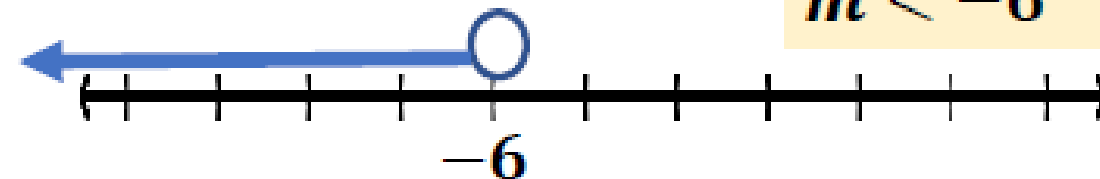
$$x > 4$$



$$\frac{m}{2} < -3$$

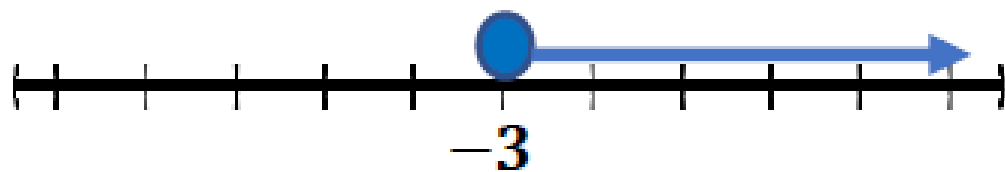
$$2 \times \frac{m}{2} < -3 \times 2$$

$$m < -6$$

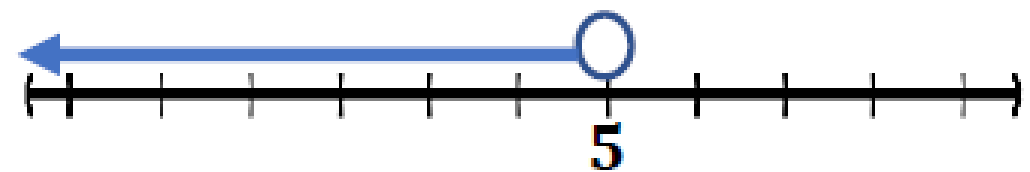


السؤال الخامس :

$$\frac{3}{2} \times \frac{2}{3} m \geq -2 \times \frac{3}{2}$$
$$m \geq -3$$



$$\frac{8x}{8} < \frac{40}{8}$$
$$m < 5$$



السؤال السادس :

- 1) لدى فاطمة مبلغ من المال، أنفقت $QR\ 6$ على وجبة خفيفة بعد الظهر فبقي لدى $QR\ 12$ على الأقل
اكتب متباينة لتمثيل المبلغ x الذي كان لدى فاطمة ، ثم حلّها.

وضح خطوات الحل

$$x - 6 \geq 12$$

$$+6 \quad +6$$

$$x \geq 18$$

- 2) قاد حمد بسرعة 45.5 على الطريق السريع وكأنت السرعة القصوى المحددة 80 .

A : اكتب متباينة تبين كم يمكن أن يزيد حمد من سرعته بحيث لا تتجاوز حد السرعة المسموح به.

$$45.5 + x \leq 80$$

وضح خطوات الحل

B : حل المتباينة . كم يمكن أن تزيد مشاعل سرعتها؟

$$45.5 + x \leq 80$$

$$-45.5 \quad -45.5$$

$$x \leq 34.5$$

السؤال السادس :

- (3) . لدى علي فترة 3 أسابيع ليقطع مشيًا مسافة تزيد عن 300 km وذلك في إطار نشاط تحدٍ رياضي.
إذا كان يقطع المسافة نفسها، a ، في الأسبوع الواحد، فكم يجب عليه أن يقطع في كل أسبوع؟

وضح خطوات الحل

$$\begin{aligned} \frac{3a}{3} &> \frac{300}{3} \\ a &> 100 \end{aligned}$$

4) تريد سلمى حمل 4 صناديق متساوية الوزن في سيارتها، شرط أن يكون الوزن الأقصى للصناديق 800 kg . افترض أن x هو وزن الصندوق الواحد

$$4x \leq 800$$

A. اكتب متباينة تمثل هذه المسألة؟

B. حل المتباينة أعلاه لإيجاد الوزن الأقصى للصندوق الواحد.

وضح خطوات الحل

$$\frac{4x}{4} \leq \frac{800}{4}$$

$$x \leq 200$$

(5) مع أسماء 6 حقائب متساوية الوزن والحد الأقصى لوزنهم الإجمالي 120 kg .
افترض أن x يمثل وزن الحقيبة الواحدة.

A. اكتب متباينة تمثل هذا الموقف؟

$$6x \leq 120$$

B. حل المتباينة أعلاه لإيجاد الوزن الأقصى للحقيبة الواحدة؟

$$\frac{6x}{6} \leq \frac{120}{6}$$

$$x \leq 20$$

(6) حل المتباينات التالية ثم مثل الحلول بيانياً:

$$x + 2 < 9$$

$$\quad -2 \quad -2$$

$$x < 7$$



(7) حل المتباينة

$$y - 3 < 8$$

$$\quad +3 \quad +3$$

$$y < 11$$



(8) حل المتباينة $2(n+3) > 10$

$$2n + 6 > 10$$

$$\begin{array}{r} \cancel{2n} + 6 > 10 \\ -6 & -6 \end{array}$$

$$\frac{2n}{2} > \frac{4}{2}$$

$$n > 2$$



(10) $2(x+1) < 8$

$$2x + 2 < 8$$

$$\begin{array}{r} \cancel{2x} + 2 < 8 \\ -2 & -2 \end{array}$$

$$\frac{2x}{2} < \frac{6}{2}$$

$$x < 3$$



(9)

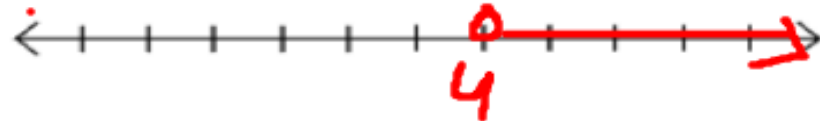
$$2(x+3) > 14$$

$$2x + 6 > 14$$

$$\begin{array}{r} \cancel{2x} + 6 > 14 \\ -6 & -6 \end{array}$$

$$\frac{2x}{2} > \frac{8}{2}$$

$$x > 4$$

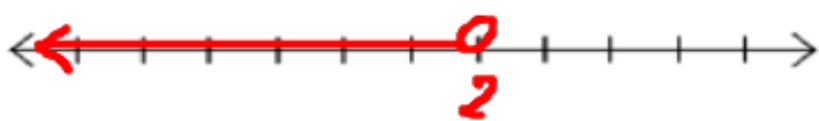


(11) $2x + 6 < 10$

$$\begin{array}{r} \cancel{2x} + 6 < 10 \\ -6 & -6 \end{array}$$

$$\frac{2x}{2} < \frac{4}{2}$$

$$x < 2$$



$$6x - 9 > 54$$

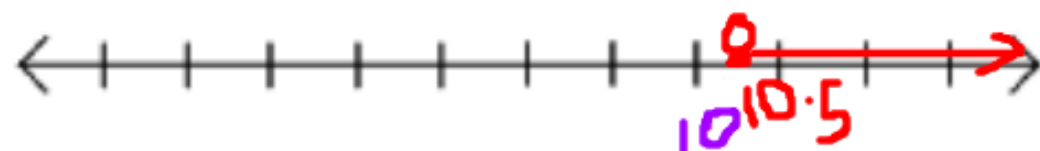
$$+9 \quad +9$$

$$\frac{6x}{6} > \frac{63}{6}$$

$$x > \frac{21}{1}$$

$$x > 10.5$$

(13)



$$2(3y - 5) < -16$$

$$2(3y) - 2(5) < -16$$

$$6y - 10 < -16$$

$+10 \quad +10$

$$\frac{6y}{6} < \frac{-6}{6}$$

$$y < -1$$

(12)



استعمال العينات للتوصل إلى استدلالات حول مجتمعات الدراسة

الوحدة
6

118

مشروع STEM

119

راجع ما تعرفه!

121

6-1 المجتمعات والعينات

الوحدة السادسة : الدرس 6-1 : المجتمعات والعينات

س: ما هو الفرق بين العينة ومجتمع الدراسة؟

ج / مجتمع الدراسة هو المجموعة الكاملة من الأشياء أو الأفراد التي تريد دراستها.
العينة هي جزء من ذلك المجتمع.

س: أيهما أكبر: مجتمع الدراسة أم العينة؟
ج/ مجتمع الدراسة أكبر من العينة.

س: لماذا تستعمل العينة لفهم المجتمع؟
ج/ في بعض الحالات، تكون دراسة عينة من مجتمع هي الطريقة العملية الوحيدة لفهم هذا المجتمع. يمكن جمع المعلومات من عينة في وقت أقل وبتكلفة أقل. يمكن للعينات أن توفر معلومات دقيقة وموثوقة للغاية.

(2) من مجموعة تضم 150 عاملاً، تم اختيار 25 عاملاً للمشاركة في مسح حول المسافة التي يقطعونها للذهاب إلى العمل أسبوعياً. ما العينة في هذا الموقف؟ الإجابة: 25	(1) تريد إدارة متجر لبيع السمك إجراء استبيان لتحديد النسبة المئوية التقريبية لزبائنه الذين يفضلون الموقع الجديد للمتجر. ما مجتمع الدراسة لهذا الاستبيان؟ الإجابة: الزبائن
(4) حضر 40 مسافراً من أصل 351 مسافر عرضاً مسرحياً أقيم على سطح سفينة سياحية. ما العينة؟ (A) 40 (B) ما مجتمع الدراسة؟ 351	(3) يريد مدير نادٍ رياضي تحديد ما إذا كان الأعضاء يفضلون إنشاء غرفة ساونا جديدة أم غرفة بخار جديدة. أجرى مدير النادي مسحاً شمل 60 عضواً من أعضاء النادي البالغ عددهم 475 عضواً. حدد مجتمع الدراسة في هذا الموقف. (A) 475 (B) حدد العينة في هذا الموقف. 60



(6) حضر 30 مسافرا من أصل 400 مسافرا
عرضا مسرحيا أقيم على ظهر سفينة
سياحية .
ما العينة في هذا الموقف ؟
30
ما مجتمع الدراسة ؟ 400

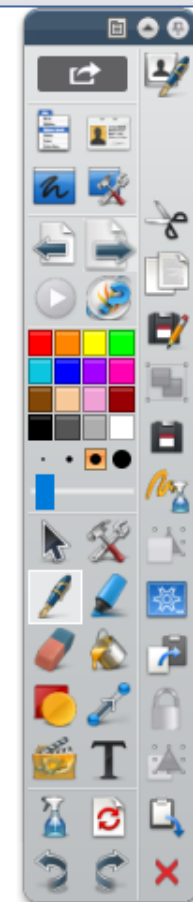
(5) تم اختيار عدد 30 طالب من مدرسة تحتوي
على 500 طالب وذلك للمشاركة في مسابقة
علمية .
مم تتكون العينة في هذا الموقف ؟
30
مم يتكون مجتمع الدراسة ؟ 500



الاحتمال

الوحدة
7

158		مشروع STEM
159		راجع ما نعرفه!
161		7-1 فهم الإمكانية والاحتمال
167		7-2 الاحتمال النظري
173		7-3 الاحتمال التجريبي
179		7-4 استعمال نماذج الاحتمال
187		7-5 تحديد نواتج الأحداث المركبة
193		7-5 إيجاد احتمالات الأحداث المركبة



(1) إذا ألقت منى مكعب الأعداد 12 مرة، ما عدد توقعات أن تحصل على عدد أكبر من 4؟ 5, 6



$$P = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

العدد المتوقع: 4 مرات $(\frac{1}{3} \times 12 = 4)$



(2) فكر وثابر في الحل قطعة لعب منتظمة مكونة من 12 وجهًا مرقمة من 1 إلى 12

12 مرات a. أوجد احتمال ظهور عدد أكبر من 10

$$\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

12, 3, 4 مرات b. أوجد احتمال ظهور عدد أصغر من 5

$$\frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

(3) بوضح الجدول أدناه نتائج 80 مرة من دوران قرص مقسم إلى أربعة أجزاء متساوية المساحة ومارقمة من 1 إلى 4؛

دورات القرص				
النواتج	1	2	3	4
التكرار	8	22	18	32

$$\frac{1}{4}$$

1- ما الاحتمال النظري لاستقرار القرص على العدد 3

$$\frac{18}{80}$$

2- بناء على نتائج الجدول ما الاحتمال التجريبي لاستقرار القرص على الرقم 3

البطاقات المختارة					
العدد	1	2	3	4	5
التكرار	15	30	35	20	25

(4) في أحد الاستطلاعات، طلب من 125 شخصا اختيار بطاقة واحدة عشوائيًا من 5 بطاقات متماثلة تحمل الأعداد من 1 إلى 5، والنتائج موضحة في الجدول أدناه.

1- ما الاحتمال النظري لاختيار بطاقة تحمل رقم 1

$$P(1) = \frac{1}{5}$$

2- ما الاحتمال التجريبي لاختيار بطاقة تحمل الرقم 1 ؟

$$P(1) = \frac{15}{125}$$

(5) تدريب: أدار بلندر المؤشر المجاور 30 مرة وحصل على النتائج الموضحة في الجدول أدناه.

الرقم	1	2	3	4
عدد مرات استقرار المؤشر	8	5	7	10



A. ما الاحتمال النظري لاستقرار المؤشر على العدد 3.

$$P(3) = \frac{1}{4}$$

B. ما الاحتمال التجريبي لاستقرار المؤشر على العدد 4.

$$P(4) = \frac{10}{30} = \frac{1}{3}$$

$$19 + 12 + 14 = 45$$

(6) تحتوي علبة على 14 كرة خضراء و 12 كرة برتقالية و 19 كرة بنفسجية من كرات التنس . يريد أحمد اختيار كرة عشوائيا من العلبة

1. ما احتمال اختيار كرة خضراء $P(G) = \frac{14}{45}$

2. ما احتمال كرة برتقالية $P(O) = \frac{12}{45}$

3. ما احتمال كرة بنفسجية $P(V) = \frac{19}{45}$

7) يحتوي صندوق عملات ورقية على 3 أوراق من فئة ريال واحد (O) وورقتين من فئة 5 ريالات (F) وورقتين من فئة 10 ريالات (T)، وورقة واحدة من فئة 100 ريال (H).
اختر طالب ورقة نقدية واحدة من الصندوق بطريقة عشوائية.

1. ما احتمال اختيار الطالب ورقة نقدية من فئة ريال واحد

$$P(\text{ريال واحد}) = \frac{3}{8}$$

1. ما احتمال اختيار الطالب ورقة نقدية من فئة عشرة ريال

$$P(T) = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

3	0	و
2	F	فئة
2	T	عشره
1	H	مئة
8		



(8) ادار رامي مؤشر القرص الدوار ادناه .

1- ما فضاء العينة لنموذج الاحتمال ؟ $\{1, 2\}$

2- اوجدني احتمال كل حدث في فضاء العينة ؟

$$P(1) = \frac{1}{2} \quad P(2) = \frac{1}{2}$$



(9) ادار محمد مؤشر القرص الدوار ادناه .

1- ما فضاء العينة لنموذج الاحتمال ؟ $\{1, 2, 3\}$

2- اوجدني احتمال كل حدث في فضاء العينة ؟

$$P(1) = \frac{1}{3} \quad P(2) = \frac{1}{3} \quad P(3) = \frac{1}{3}$$



10) أنشئ نموذج احتمال للقرص الدوار الموضح أدناه.

- فضاء العينة:

$$S = \{ \dots 1 \dots, \dots 2 \dots, \dots 3 \dots, \dots 4 \dots, \dots 5 \dots \}$$

$$P(1) = \dots \frac{1}{5} \dots, P(2) = \dots \frac{1}{5} \dots,$$

$$P(3) = \dots \frac{1}{5} \dots, P(4) = \dots \frac{1}{5} \dots$$

$$P(5) = \dots \frac{1}{5} \dots$$

(11) تحتوي حقيبة على قطع متماثلة تحمل الحروف **X** و

Y و **Z**، ويحتوي صندوق على قطع متماثلة تحمل

الحددين **1** و **2** ارسم مخطط الشجرة الاحتمالية

لتمثيل فضاء العينة لأحدث مركب عبارة عن سحب

قطعة واحدة عشوائياً من كل من الحقيبة والصندوق.



أو



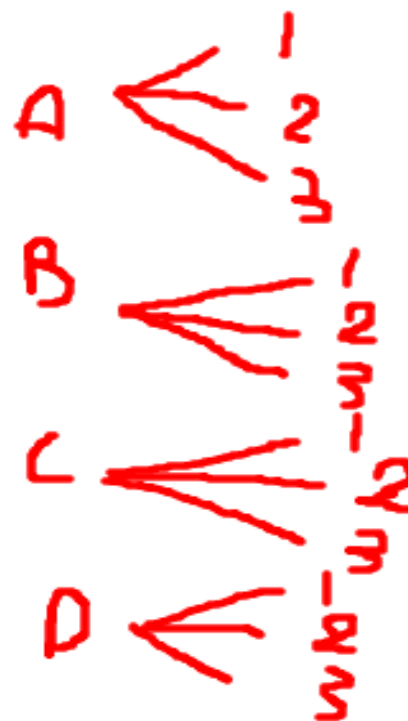
ما عدد النواتج الممكنة؟ **كانواتج**

(12) عند تدوير قرص مرقم من 1 إلى 8 ما إمكانية ظهور عدد أكبر من 3 ؟ 4 ، 5 ، 6 ، 7 ، 8

$$P(\text{أكبر من 3}) = \frac{5}{8}$$

(13) يمكن شراء سيارة جديدة والاختيار من بين أربعة ألوان خارجية (A و B و C و D) وثلاثة ألوان داخلية (1 و 2 و 3).

1. ارسم مخطط الشجرة الاحتمالية لتمثيل فضاء العينة .



2. ما عدد النواتج الممكنة $4 \times 3 = 12$

	H	T
H	HH	HT
T	TH	TT

14) تم القاء العملة مرتين كما هو موضح في الجدول المجاور

(A) ما احتمال ظهور الكتابة T مرة واحدة $P(T) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

(B) ما احتمال ظهور الصورة مرتين HH $P(HH) = \frac{1}{4}$ ؟

(C) ما عدد النواتج الممكنة؟ 4

(D) ما فضاء العينة؟ $S = \{HH, HT, TH, TT\}$

(E) ما احتمال ظهور الكتابة H مرة واحدة $P(H) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ **الصواب**

(F) ما احتمال ظهور الكتابة مرتين TT $P(TT) = \frac{1}{4}$ ؟

15) يوضح الجدول أدناه كل النواتج الممكنة لرمي قطعة نقود معدنية في الهواء وإدارة مؤشر قرص دوار مقسم إلى أربعة أقسام متساوية المساحة مرقمة من 1 إلى 4

	1	2	3	4
صورة (H)	H, 1	H, 2	H, 3	H, 4
كتابة (T)	T, 1	T, 2	T, 3	T, 4

عدد النواتج
8

a. ما احتمال توقف مؤشر القرص على العدد 3 واستقرار قطعة النقود المعدنية على الصورة؟

$$P(H, 3) = \frac{1}{8}$$

b. ما احتمال توقف مؤشر القرص على عدد فردي واستقرار قطعة النقود المعدنية على الصورة؟

$$P(H, \text{فردي}) = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

16) تم رمي مكعب أعداد مرقم من 1 إلى 6 مرتين وجمع العددين اللذان تم الحصول عليهما.

الرمية الثانية		1	2	3	4	5	6
الرمية الأولى	1	2	3	4	5	6	7
	2	3	4	5	6	7	8
	3	4	5	6	7	8	9
	4	5	6	7	8	9	10
	5	6	7	8	9	10	11
	6	7	8	9	10	11	12

(A) كيف يمكنك تحديد العدد الكلي للناتج الممكنة؟

$$6 \times 6 = 36$$

(B) أوجد احتمال الحصول على عددين ناتج جمعهما يساوي 10 عند إلقاء هذا المكعب.

$$P(10) = \frac{3}{36} = \frac{1}{12}$$

17 صندوق به بطاقات A , B , C قام سعود بسحب بطاقة وتكرار التجربة 30 مرة

A	B	C
13	7	10

ما الاحتمال التجريبي لظهور البطاقة A ما الاحتمال التجريبي لظهور البطاقة B ما الاحتمال التجريبي لظهور البطاقة C

$P(A) = \frac{13}{30}$ $\frac{7}{30}$ $\frac{10}{30} = \frac{1}{3}$

18 صندوق به بطاقات مكتوب عليها (حمد ، سعيد ، خميس) تم سحب بطاقة وتكرار التجربة 20 مرة

حمد	سعيد	خميس
9	4	7

ما الاحتمال التجريبي لظهور اسم (حمد) ما الاحتمال التجريبي لظهور اسم (سعيد) ما الاحتمال التجريبي لظهور اسم (خميس)

$\frac{9}{20}$ $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$ $\frac{7}{20}$



(19) قرص مكتوب على وجهيه (A , B) تم رمي القرص مرتين وكان فضاء العينة كالتالي

AA	BB
AB	BA

ما احتمال الحصول على الحرف B فقط

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

ما احتمال الحصول على الحرفين AA معا

$$\frac{1}{4}$$



حل مسائل تتضمن الهندسة

الوحدة

8

214

مشروع STEM

215

راجع ما تعرفه!

217

حل مسائل تتضمن رسوماً مرسومة وفق مقياس

8-1

237

حل مسائل باستعمال العلاقات بين الزوايا

8-4

243

حل مسائل تتضمن محيط الدائرة

8-5

251

حل مسائل تتضمن مساحة الدائرة

8-6

263

حل مسائل تتضمن المساحة السطحية

8-8

269

حل مسائل تتضمن الحجم

8-9

(21)

ما الطول الفعلي لضلع المربع المرسوم ادناه وفق مقياس الرسم $1\text{ cm} : 4\text{ m}$ ؟



3 cm

$4 \times 3 = 12\text{ m}$

A	3 m
B	4 m
C	7 m
D	12 m

(20)

ما الطول الفعلي لضلع المثلث المرسوم ادناه وفق مقياس الرسم $1\text{ cm} : 3\text{ m}$ ؟



7 cm

$7 \times 3 = 21\text{ m}$

A	7 m
B	14 m
C	21 m
D	35 m

22 استعمال الرسم المرسوم وفق مقياس للإجابة عن
السؤالين الآتيين:

ما الطول الفعلي لقاعة الاجتماعات ؟

$$4 \times 3 = 12 \text{ m}$$



23 انشأ خليفة رسما وفق مقياس لصورة مستعملا مقياس الرسم 1 cm = 2 m .

اوجد الطول الفعلي اذا كان طولها على الرسم 5 cm

$$5 \times 2 = 10 \text{ m}$$

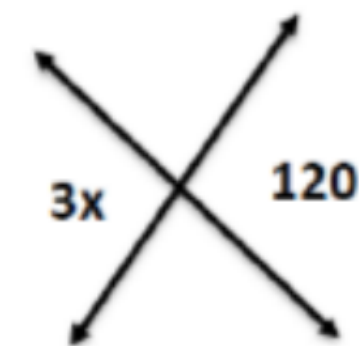


(24) في الشكل المقابل
زاوية 1 ، زاوية 2 متكامله

إذا كانت زاوية 1 قياسها 35° فما قياس زاوية 2

$$180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$$

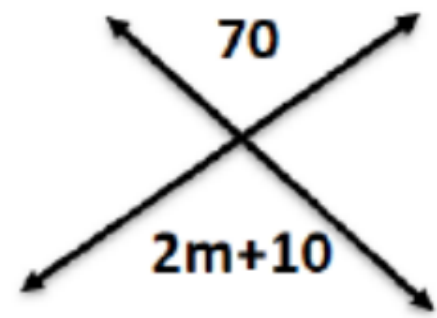
أوجد قيمة x .



زوايا متقابل بالراس

$$\frac{3x}{3} = \frac{120}{3}$$
$$x = 40$$

أوجد قيمة m .



زوايا متقابل بالراس

$$2m+10 = 70$$
$$\underline{-10} \quad \underline{-10}$$
$$\frac{2m}{2} = \frac{60}{2}$$
$$m = 30$$

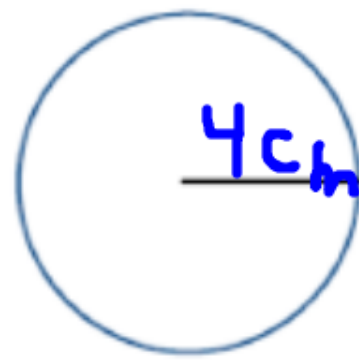


(27)

ما قانون مساحة الدائرة ؟

$$\pi r^2$$

في الشكل المرسوم
طول نصف قطر الدائرة يساوي 4 cm
ما طول قطر الدائرة ؟



$$4\text{cm} \quad d = 4 \times 2 = 8\text{cm}$$

A	$2\pi r$	A	2
B	πr	B	4
C	$3\pi r$	C	6
D	πr^2	D	8

$$r=7$$

(28) دائرة طول نصف قطرها 7 cm

$$(1) \text{ ما طول القطر } = 7 \times 2 = 14$$

$$(2) \text{ ما محيط الدائرة بدلالة } \pi = C = \pi \times 14$$
$$C = 14\pi$$
$$C = \pi d$$

قطر

(29) محيط إطار دراجة 30π cm فما قطر الإطار؟

$$C = \pi d$$
$$\frac{30\pi}{\pi} = \frac{\pi d}{\pi}$$

$$d = 30 \text{ cm}$$

(30) ما طول قطر دائرة محيطها 25π ؟

$$C = \pi d$$
$$\frac{25\pi}{\pi} = \frac{\pi d}{\pi}$$
$$d = 25$$

(31) دائرة محيطها 27π أوجد طول قطرها.

$$C = \pi d$$
$$\frac{27\pi}{\pi} = \frac{\pi d}{\pi}$$
$$d = 27$$

(32) اوجد محيط الدائرة اذا كان نصف قطرها 5cm بدلالة π ؟

$$C = \pi d \quad d = 5 \times 2 = 10 \text{ cm}$$

$$C = \pi \times 10$$
$$C = 10\pi$$

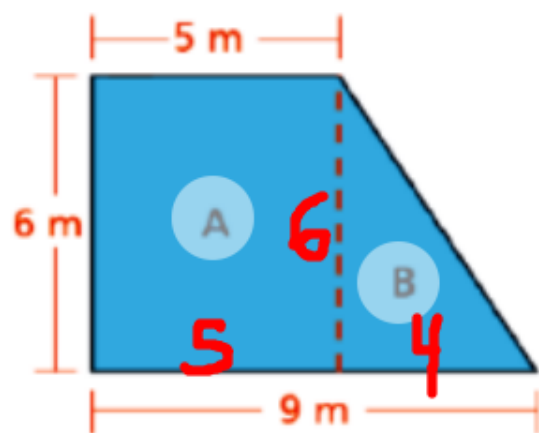
(33) اوجد مساحة الدائرة بدلالة π اذا كان نصف قطرها 3 cm ؟

$$A = \pi r^2$$
$$= \pi \times 3 \times 3$$
$$A = 9\pi$$

(34) دائرة طول نصف قطرها 8 cm

$$(1) \text{ ما طول القطر } = 8 \times 2 = 16 \text{ cm}$$

$$(2) \text{ ما محيط الدائرة بدلالة } \pi = 16\pi$$
$$C = \pi d$$

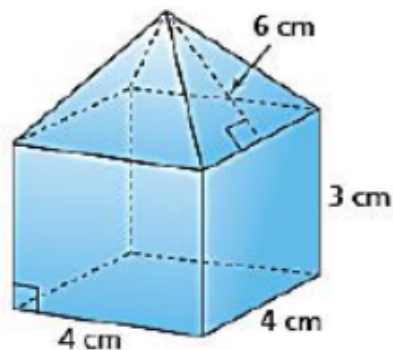


(35) في الشكل المجاور

مساحة الشكل A $5 \times 6 = 30 \text{ m}^2$

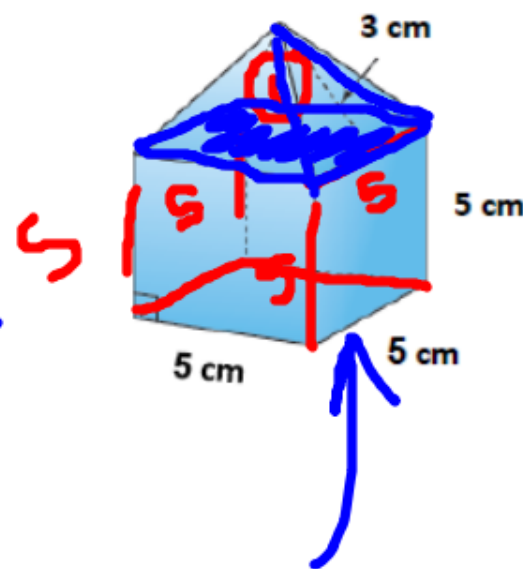
مساحة الشكل B $\frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12 \text{ m}^2$

مساحة الكلية $30 + 12 = 42 \text{ m}^2$



(36). الجزء السفلي للشكل المجاور منشور مستطيل، والجزء العلوي هرم قاعدته مربعة. ما أقل كمية ورق لازمة لتغطية الشكل بالكامل؟
وضح إجابتك.

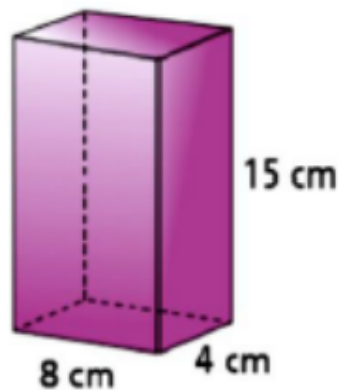
$$\begin{array}{r} 25 \\ \times 5 \\ \hline 125 \end{array}$$



(37) الجزء السفلي للشكل المجاور منشور مستطيل، والجزء العلوي هرم قاعدته مربعة. ما أقل كمية ورق لازمة لتغطية الشكل بالكامل؟
وضح إجابتك.

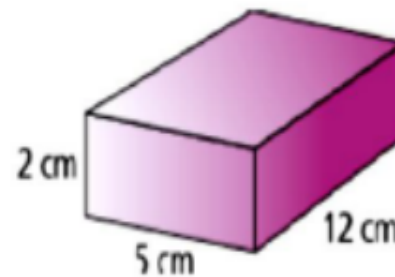
$$\begin{aligned} \textcircled{1} & \quad 4 \times \frac{1}{2} \times 3 \times 5 = 30 \text{ cm}^2 \\ \textcircled{2} & \quad 5 \times 5 \times 5 = 125 \text{ cm}^2 \\ \textcircled{3} & \quad 30 + 125 = 155 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

(39) أوجد حجم المجسم أمامك :



$$V = 8 \times 4 \times 15$$
$$= 480 \text{ cm}^3$$

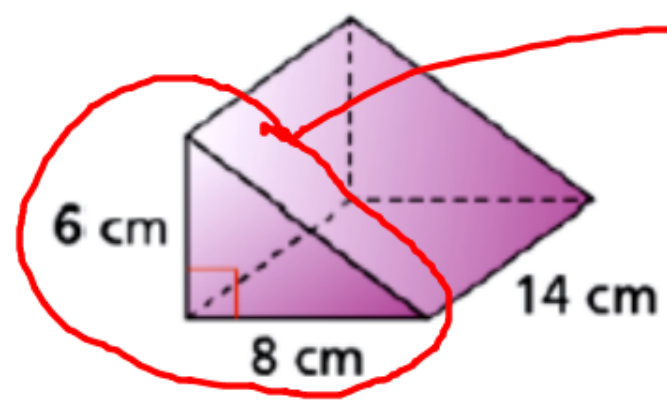
(38) أوجد حجم المجسم أمامك .



$$V = 2 \times 5 \times 12$$
$$= 120 \text{ cm}^3$$

$$V = B \times h$$

(40) في الشكل المقابل
أوجد حجم المنشور الثلاثي



$$V = \frac{1}{2} \times 8 \times 6 \times 14 =$$

$$\text{الحجم} = \frac{1}{2} \times \frac{8}{1} \times \frac{6}{1} \times 14 = 336 \text{ cm}^3$$

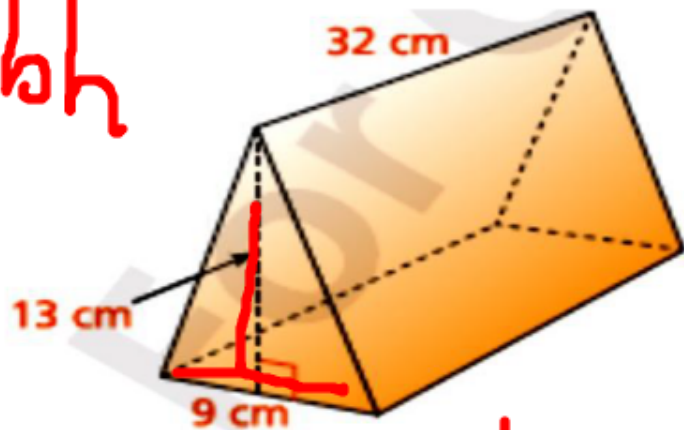
$$\begin{array}{r} 14 \\ \times 6 \\ \hline 84 \\ \times 4 \\ \hline 336 \end{array}$$

اوجدي الحجم للمنشور الثلاثي المجاور .

$$V = B h$$

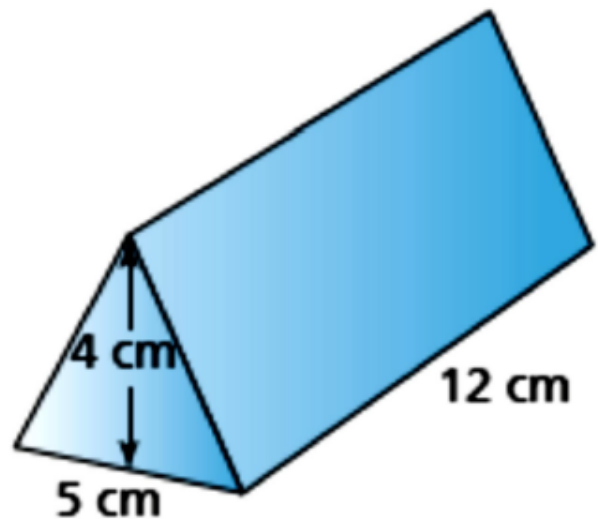
$$V = \frac{1}{2} \times \frac{9}{1} \times \frac{13}{1} \times \frac{32}{1}$$

$$= 1872 \text{ cm}^3$$



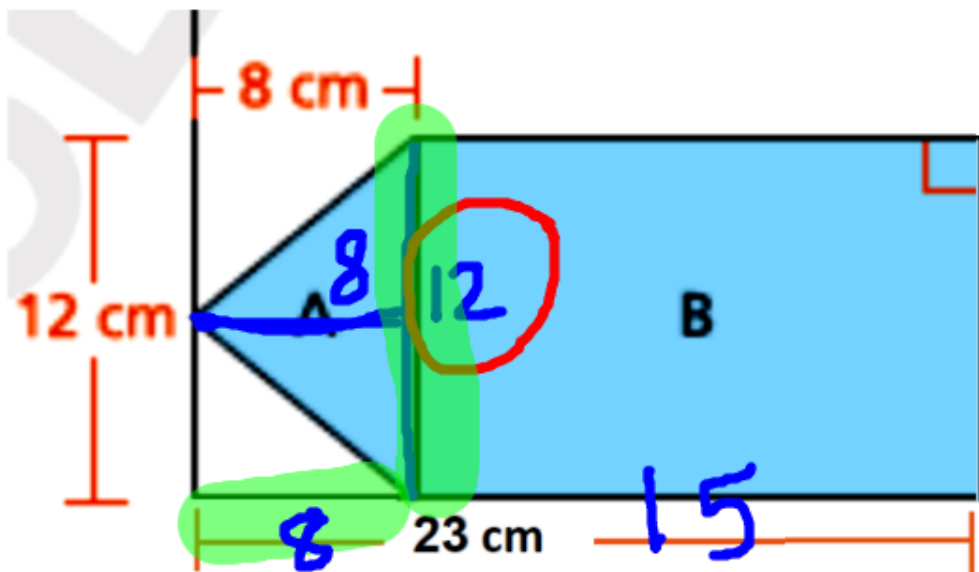
$$\frac{1}{2} b h$$

$$\begin{array}{r} \times \quad 13 \\ \quad 9 \\ \hline \times \quad 117 \\ \quad 16 \\ \hline \end{array}$$



اوجدي الحجم للمنشور الثلاثي المجاور .

$$V = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{4}{1} \times \frac{12}{1}$$
$$= 120 \text{ cm}^3$$



اوجد المساحة الكلية للشكل المجاور

$$A = \frac{1}{2} \times \frac{12}{1} \times \frac{8}{1} = 48 \text{ cm}^2$$

$$B = 12 \times 15 = 180 \text{ cm}^2$$

$$23 - 8 = 15$$

$$\text{المساحة الكلية} = 48 + 180 = 228 \text{ cm}^2$$