



دليل التقويم الرياضيات

المستوى العاشر

طبعة 2022 - 1444



حضره صاحب السمو الشيخ تميم بن حمد آل ثاني
أمير دولة قطر

النشيد الوطني

قَسَمًا بِمَنْ رَفَعَ السَّمَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ بِقَلْبِي سِيرَةً
قَسَمًا بِمَنْ نَشَرَ الضَّيَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ الرِّجَالِ الْأَوَّلَيْنَ
قَسَمًا بِمَنْ بَرُوحِ الْأَوْفِيَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ بِقَلْبِي سِيرَةً
قَسَمًا بِمَنْ عَلَى ضِيَاءِ الْأَنْبِيَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ الرِّجَالِ الْأَوَّلَيْنَ
عِزْزٌ وَأَمْجَادُ الْإِبَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ الرِّجَالِ الْأَوَّلَيْنَ
حُمَّاتُنَا يَوْمَ الْنِّدَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ الرِّجَالِ الْأَوَّلَيْنَ
جَوَاحِّ يَوْمَ الْفِدَاءَ
قَطَرُ سَتَبْقَى حُرَّةً
سِيرُوا عَلَى نَهْجِ الْأَلَى
قَطَرُ الرِّجَالِ الْأَوَّلَيْنَ
وَحَمَائِمُ يَوْمَ السَّلَامَ

© بيرسون للتعليم المحدودة 2021. بموجب ترخيص.

www.pearson.com

هذه المطبوعة محمية بموجب حق النشر. يجرم القانون القطري نسخ أي جزء من هذه المطبوعة، أو تخزينه في نظام استرجاع، أو نقله بأي شكل من الأشكال أو وسيلة من الوسائل، سواء كانت إلكترونية أو ميكانيكية أو عن طريق تصوير النسخ أو التسجيل أو غير ذلك من دون الحصول على إذن مسبق. للمعلومات عن الترخيص، استثمارات الطلب وقنوات الاتصال المناسبة، يرجى الاتصال بيرسون للتعليم المحدودة.

ISBN-13: 978-1-292-4292-12
ISBN-10: 1-292-4292-16

المحتويات

تقويم بداية السنة الدراسية

الوحدة 1 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الوحدة 2 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الاختبار التراكمي للوحدتين 1 و 2

الوحدة 3 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الوحدة 4 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الاختبار التراكمي للوحدات 1-4

الوحدة 5 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الوحدة 6 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الاختبار التراكمي للوحدات 1-6

الوحدة 7 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

الوحدة 8 تقويمات واختبارات سريعة في الدروس

اختبار نهاية السنة الدراسية

تقويم بداية السنة الدراسية

4. صيغة مساحة المثلث هي $A = \frac{1}{2}bh$ ، حيث b طول قاعدة المثلث و h ارتفاعه. ما طول قاعدة مثلث مساحته 32 cm^2 وارتفاعه 4 cm ؟

- (A) 4 cm
- (B) 8 cm
- (C) 16 cm
- (D) 18 cm

5. ما معادلة المستقيم الذي يمر بال نقطتين $(-2, -5)$ و $(1, 4)$ بصيغة الميل ونقطة؟

- (A) $y + 2 = 3(x + 5)$
- (B) $y - 2 = 3(x - 5)$
- (C) $y + 5 = 3(x + 2)$
- (D) $y - 5 = 3(x - 2)$

6. ما المقطع x والمقطع y للتمثيل البياني للمعادلة $3x - 5y = -15$ ؟

- (A) المقطع $x: 3$ ؛ المقطع $y: -5$
- (B) المقطع $x: -3$ ؛ المقطع $y: 5$
- (C) المقطع $x: 5$ ؛ المقطع $y: -3$
- (D) المقطع $x: 5$ ؛ المقطع $y: 3$

1. صيغة حجم شبه المكعب هي $V = \ell wh$ حيث ℓ طول شبه المكعب و W عرضه و h ارتفاعه. أعد ترتيب المقادير الواردة في هذه الصيغة للحصول على صيغة لإيجاد عرض شبه المكعب.

- (A) $w = \frac{Vh}{\ell}$
- (B) $w = \frac{\ell h}{V}$
- (C) $w = \frac{V\ell}{h}$
- (D) $w = \frac{V}{\ell h}$

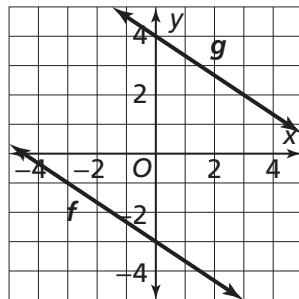
2. حل المعادلة $S = Vt + S_0$ لإيجاد قيمة t .

- (A) $t = \frac{S - S_0}{V}$
- (B) $t = \frac{S}{V} - S_0$
- (C) $t = \frac{S}{V} + S_0$
- (D) $t = \frac{S_0 - S}{V}$

3. تُستعمل المعادلة $3w + 4j = 39$ لإيجاد عدد عبوات المياه w ، وعدد عبوات العصير j التي يمكن شراؤها بمبلغ QR 39. إذا اشتريت 6 عبوات عصير، ما عدد عبوات المياه التي يمكنك شراؤها؟

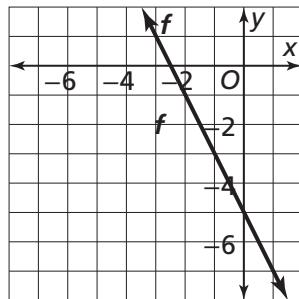
- (A) 3
- (B) 5
- (C) 15
- (D) 17

10. إذا كانت k قيمة $f(x) + g(x)$ ، ما هي قيمة k التي تحول تمثيل بياني للدالة f إلى تمثيل بياني للدالة g ؟



- (A) $k = 9$
- (B) $k = -9$
- (C) $k = 7$
- (D) $k = -7$

11. ما معادلة المستقيم الممثل بيانياً أدناه؟



- (A) $y = -2x - 5$
- (B) $y = 2x - 5$
- (C) $y = -\frac{1}{2}x - 5$
- (D) $y = \frac{1}{2}x - 5$

12. أي من الخيارات التالية يمثل حل للمتباينة $8 - \frac{1}{4}b \leq 27$ ؟

(A) -76 (C) -86
(B) -80 (D) -140

أي من المعادلات التالية تمثل معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة $(3, -2)$ ويتعامد مع التمثيل البياني للمعادلة $3x - 2 = y$ ؟

Ⓐ $y = -\frac{1}{3}x + \frac{7}{3}$
Ⓑ $y = -\frac{1}{3}x + \frac{11}{3}$
Ⓒ $y = 3x + 9$
Ⓓ $y = 3x - 3$

8. تمثل المعادلة $3x + 5y = 120$ العلاقة بين عدد أشرطة ألعاب الفيديو المستعملة، x ، وعدد أشرطة ألعاب الفيديو الجديدة، y ، التي يمكن لجسم شراؤها بـ 120 QR. ماذا تمثل المقطع y لهذه المعادلة؟

Ⓐ العدد الأدنى لأشرطة ألعاب الفيديو المستعملة التي يمكن لجسم شراؤها

Ⓑ العدد الأقصى لأشرطة ألعاب الفيديو المستعملة التي يمكن لجسم شراؤها

Ⓒ العدد الأدنى لأشرطة ألعاب الفيديو الجديدة التي يمكن لجسم شراؤها

Ⓓ العدد الأقصى لأشرطة ألعاب الفيديو الجديدة التي يمكن لجسم شراؤها

أ. أيٌ من الدوال التالية تصف جدول القيم أدناه؟

x	-2	0	2	4
$f(x)$	-7	-1	5	11

- (A) $f(x) = 1 - 3x$
- (B) $f(x) = x - 5$
- (C) $f(x) = 3x - 1$
- (D) $f(x) = 4x + 1$

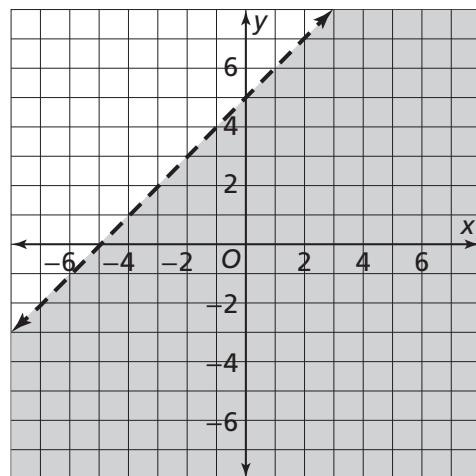
16. أي من الخيارات التالية يمثل حل نظام المعادلات أدناه؟

$$3x + 2y = 15$$

$$4x - 3y = -14$$

(A) (6, 1)
 (B) (-6, -1)
 (C) (1, 6)
 (D) (-1, -6)

17. أي من المطابقات التالية تمثل في التمثيل البياني أدناه؟

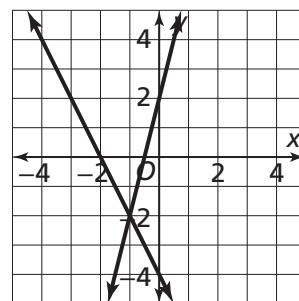


(A) $y \leq x + 5$
 (B) $y > x + 5$
 (C) $y < x + 5$
 (D) $y \geq x + 5$

13. افترض أنك تحتاج إلى 12 min لقطع المسافة الفاصلة بين منزلك ومدرستك سيراً على الأقدام بسرعة 260 ft/min، وأن منزل أحد أصدقائك أقرب إلى المدرسة من منزلك. أي من المطابقات التالية تمثل المسافة d ، بالأقدام، التي تفصل بين منزلك صديقك والمدرسة؟

(A) $d < 260$ (C) $d > 3120$
 (B) $d > 260$ (D) $d < 3120$

14. أي من الخيارات التالية يمثل حل نظام المعادلات الخطية الممثل بيانيًّا أدناه؟



(A) (-2, -1) (C) (-1, -2)
 (B) (-2, 0) (D) (0, 2)

15. لديك 35 قطعة نقدية قيمتها الكلية 20 QR. بعض

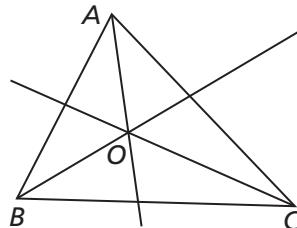
هذه القطع من فئة الريال وبعضها الآخر من فئة ربع الريال. أي من أزواج المعادلات التالية يمكنك استعمالها لإيجاد عدد القطع النقدية من كل فئة؟

(A) $r + q = 200$
 $100r + 25q = 35$
 (B) $r + q = 200$
 $r + q = 20$
 (C) $r + q = \frac{20}{35}$
 $r + 0.25q = 20$
 (D) $r + q = 35$
 $100r + 25q = 2000$

21. إحداثيات رؤوس المثلث DEF هي $(19, 1)$ و $(-8, -1)$ و $(-8, 16)$. ما نوع هذا المثلث؟

(A) مثلث قائم الزاوية
 (B) مثلث متطابق الأضلاع
 (C) مثلث متطابق الضلعين
 (D) مثلث مختلف الأضلاع

22. تتقاطع منصفات زوايا المثلث ABC في النقطة O . أي من العبارات التالية يمكن أن تكتبها في برهان أن النقطة O تبعد نفس المسافة عن أضلاع المثلث ABC ؟



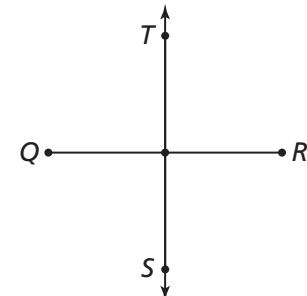
(A) بما أن النقطة O تقع على منصف الزاوية A , فإنها تقع كذلك على منصف الضلع \overline{BC} .
 (B) بما أن النقطة O هي نقطة تتقاطع منصفات زوايا المثلث, فإنها تبعد نفس المسافة عن رؤوس المثلث.
 (C) بما أن النقطة O تقع على منصف الزاوية A , فإنها تبعد نفس المسافة عن ضلعي هذه الزاوية.
 (D) بما أن النقطة O تقع على منصفات زوايا المثلث, فإنها تبعد نفس المسافة عن وسط كل من أضلاع المثلث.

18. تزيد مجموعة من الطلاب جمع مبلغ لا يقل عن QR 450 من أجل جمعية خيرية. قام الطلاب ببيع الكعك بسعر 5 QR للكعكة الواحدة وعبوات العصير بسعر 3 QR لعبوة العصير الواحدة. أي من المتيابينات التالية توضح عدد قطع الكعك, x , وعدد عبوات العصير, y , التي يجب أن بيعها الطلاب لجمع المبلغ المطلوب؟

(A) $5x + 3y > 450$
 (B) $5x + 3y < 450$
 (C) $5x + 3y \geq 450$
 (D) $5x + 3y \leq 450$

19. المستقيم \overleftrightarrow{TS} هو المنصف العمودي للقطعة المستقيمة \overline{QR} . أي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟

(A) $\overline{QR} \cong \overline{TS}$
 (B) $\overline{TQ} \cong \overline{TR}$
 (C) $\overline{QT} \cong \overline{QS}$
 (D) $\overline{TR} \cong \overline{QS}$



20. إحداثيات النقطتين A و B هي $(4, -2)$ و $(12, 10)$. ما إحداثيات النقطة التي تقع عند $\frac{1}{4}$ المسافة من A إلى B ؟

(A) $(1, -0.5)$ (C) $(10, 7)$
 (B) $(6, 1)$ (D) $(3, 2.5)$

27. حلل ثلاثة الحدود $36 - 54y - 10y^2$ إلى عواملها.

- (A) $2(y + 6)(5y - 3)$
- (B) $(2y - 12)(5y + 3)$
- (C) $2y(5y - 27) - 36$
- (D) $2(y - 6)(5y + 3)$

28. ما العامل المشترك الأكبر بين حدود كثيرة الحدود $-28y^3 + 20y^2 - 12y$ ؟

- (A) $2y$
- (B) $4y^3$
- (C) $-4y$
- (D) $-2y^3$

29. تعطى الصيغة $V = \pi r^2 h$ حجم الأسطوانة V بدلالة ارتفاعها h وطول نصف قطر قاعديها r . إذا كان h يساوي 3 in و V يساوي $3\pi y^2 + 30\pi y + 75\pi$ in³، ما قيمة طول نصف قطر r بدلالة y ؟

- (A) y
- (B) $y + 5$
- (C) $3y + 15$
- (D) $\frac{1}{y}$

30. ما عرض المستطيل الموضح أدناه؟

- (A) $4x - 4$
- (B) $2x - 15$
- (C) $2x - 4$
- (D) $4x - 15$

$$\begin{array}{c} 4x + 3 \\ \hline A = 8x^2 - 10x - 12 \end{array}$$

23. ما الصيغة التحليلية لثلاثة الحدود $?x^2 + 12x - 64$ ؟

- (A) $(x - 4)(x + 16)$
- (B) $(x - 2)(x + 32)$
- (C) $(x + 4)(x - 16)$
- (D) $(x - 6)(x + 18)$

24. ما الصيغة التحليلية لثلاثة الحدود $?25b^2 - 60b + 36$ ؟

- (A) $(6b - 5)^2$
- (B) $(5b - 6)^2$
- (C) $(5b - 4)(5b - 9)$
- (D) $(5b - 12)(5b - 3)$

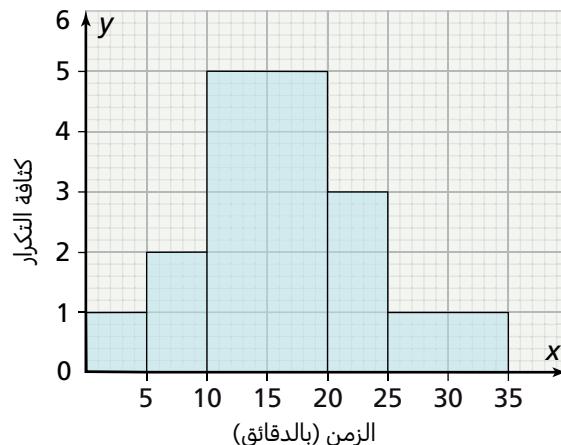
25. أوجد ناتج الضرب $(6x - 2)(6x + 2)$.

- (A) $36x^2 - 24x + 4$
- (B) $36x^2 - 4$
- (C) $36x^2 + 4$
- (D) $36x^2 + 24x + 4$

26. ما الصيغة التحليلية لثلاثة الحدود $?x^2 + x - 20$ ؟

- (A) $(x - 5)(x - 4)$
- (B) $(x + 5)(x - 4)$
- (C) $x(x - 4) + 5(x - 4)$
- (D) $x(x + 1) - 20$

34. يوضح المدرج التكراري أدناه الأزمنة الازمة لاعضاء أحد النوادي الرياضية للوصول إلى صالة التدريب. ما عدد اعضاء هذا النادي؟



(A) 12
(B) 50
(C) 90
(D) 175

35. يمثل الجدول التكراري أدناه عدد المتنزهات في مدن دولة معينة. أي من الخيارات التالية يمثل قيم الوسط الحسابي والمنوال والوسيط لهذه البيانات.

(A) 5.3, 5, 5
(B) 5, 10, 6
(C) 5.3, 5, 6
(D) 5.3, 10, 5

عدد المدن, x	عدد المتنزهات, f
2	6
5	10
6	8
8	5
9	1

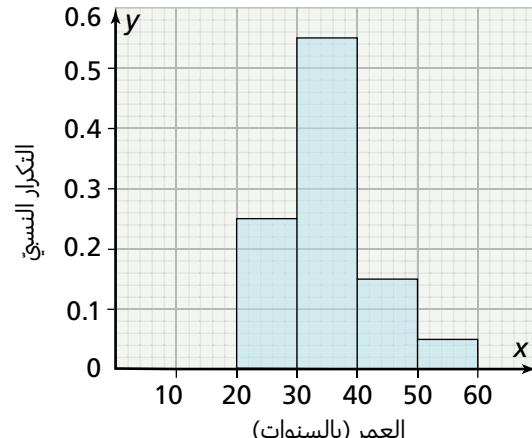
36. أوجد الانحراف المعياري للبيانات الواردة في التمرين السابق، مقرئاً إلى أقرب جزء من مائة.

(A) 2.01
(B) 2.00
(C) 4.01
(D) 4.00

31. إذا كان التكرار النسبي في جدول تكراري لفئة تكرارها 18 يساوي 0.4، ما مجموع التكرارات في هذا الجدول؟

(A) 45
(B) 58
(C) 72
(D) 360

32. يوضح المدرج التكراري أدناه توزيع أعمار 220 موظفاً في إحدى الشركات. ما عدد الموظفين الذين تتراوح أعمارهم بين 40 و 50 سنة في هذه الشركة؟



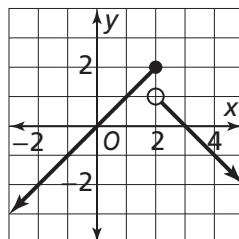
(A) 11
(B) 15
(C) 33
(D) 121

33. إذا كانت كثافة التكرار للفئة 13-17 تساوي 3، ما تكرار هذه الفئة؟

(A) 3
(B) 4
(C) 12
(D) 7

1 تقويم بداية الوحدة

6. ما مجال ومدى الدالة الممثلة بيانياً أدناه؟



المجال:

المدى:

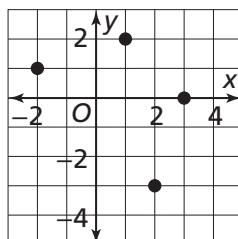
7. ما مجال الدالة المعروفة بمجموعة الأزواج المرتبة التالية: $\{(-2, 1), (-1, 3), (0, 2), (1, 0)\}$ ؟

(A) $\{0, 1\}$
 (B) $\{0, 1, 2, 3\}$
 (C) $\{-2, -1, 0, 1\}$
 (D) $\{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}$

8. ما مدى الدالة $f(x) = 2x^2$ ؟

(A) $0 < f(x) < \infty$ (C) $2 \leq f(x) < \infty$
 (B) $0 \leq f(x) < \infty$ (D) $-\infty < f(x) < \infty$

9. أي من الدوال التالية ممثلة بيانياً في الرسم أدناه؟



(A) $\{(3, -2), (2, 1), (-1, 2), (0, 3)\}$
 (B) $\{(-2, 3), (2, 1), (2, -1), (0, 3)\}$
 (C) $\{(2, -3), (1, 2), (-2, 1), (3, 0)\}$
 (D) $\{(-2, 3), (1, 2), (2, -1), (3, 0)\}$

1. أوجد قيمة الدالة $f(x) = 2x^2 - 6x + 3$ إذا كان $x = -1$.

(A) -5 (C) 7
 (B) -1 (D) 11

2. أوجد قيمة الدالة $f(x) = -2(x - 4)^2$ إذا كان $x = 2$.

(A) -8 (C) 4
 (B) -4 (D) 8

3. أي من الدوال التالية تحقق $f(-3) = 0$

اختر كل ما ينطبق.

(A) $f(x) = (x - 3)^2$
 (B) $f(x) = -x^2 - 3x$
 (C) $f(x) = -(x + 3)^2$
 (D) $f(x) = x^2 + 5x + 4$
 (E) $f(x) = 2x - 3(x + 1)$
 (F) $f(x) = -2(x - 2) + 3x$

4. أكمل الجدول أدناه باستعمال

الدالة $g(x) = x^2 - 2x$.

x	-2	-1	0	1	2
$g(x)$					

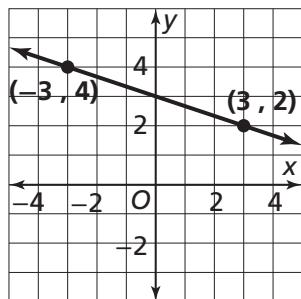
5. ما مجال ومدى الدالة الموضحة في الجدول أدناه؟

x	$f(x)$
0	-3
1	-1
2	1
3	3

المجال:

المدى:

14. أوجد ميل المستقيم الممثل بيانيًّا أدناه.



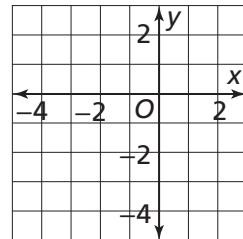
15. ما المقطع y للمستقيم الممثل بيانيًّا في التمرين 14؟

- (A) 6
- (B) 4
- (C) 3
- (D) 2

16. ما الميل والمقطع y للتمثيل البياني للدالة الخطية $f(x) = -5x + 6$ ؟

- (A) 5; -6
- (B) 5; 6
- (C) -5; -6
- (D) -5; 6

10. مثل الدالة المعروفة بمجموعة الأزواج المرتبة التالية:

$$\{(-3, -4), (-2, 2), (0, 2), (2, 1)\}$$


11. أي من الدوال التالية تمثلها البياني مستقيم ميله 2 – ويمر بالنقطة (4, 0)؟

- (A) $f(x) = 2x + 4$
- (B) $f(x) = 2x - 4$
- (C) $f(x) = -2x + 4$
- (D) $f(x) = -2x - 4$

12. مثل الدالة $f(x) = \frac{3}{2}x - 1$ بيانيًّا.

13. ما ميل المستقيم الذي يمر بال نقطتين (4, 2) و (6, 8)؟

- (A) 2
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 6

1-1 اختبار الدرس

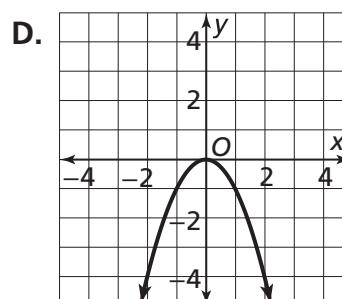
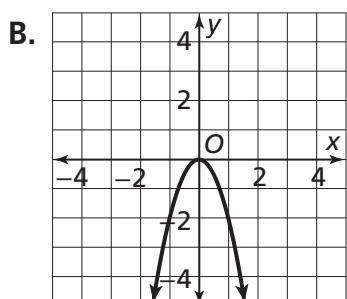
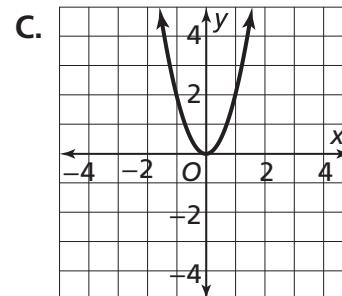
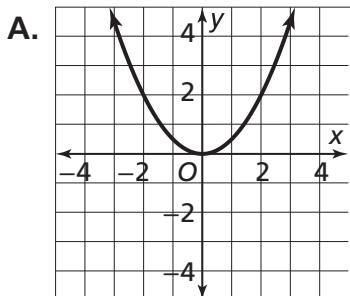
الممیزات الأساسية للدالة التربيعية

1. رسم أحمد التمثيل البياني لدالة تربيعية، فحصل على قطع مكافئ يقع رأسه عند النقطة $(0, 5)$. أي مما يلي يمثل محور التنازول لهذه الدالة؟

(A) $x = -5$ (C) $x = 5$
 (B) $x = 0$ (D) $x = y$

2. اكتب أمام كل تمثيل بياني أدناه رقم الدالة التي يمثلها.

I. $f(x) = -2x^2$ II. $g(x) = -x^2$ III. $h(x) = 0.5x^2$ IV. $j(x) = 2x^2$



3. أي من الدوال التالية معدّل تغيرها في الفترة $5 < x < 1$ أكبر من معدّل تغير الدالة $g(x) = 1.8x^2$ في الفترة نفسها؟

(A) $f(x) = x^2$ (C) $h(x) = 1.5x^2$
 (B) $g(x) = 1.2x^2$ (D) $k(x) = 2x^2$

x	$f(x) = 3x^2$	(x, y)
-2	12	(-2, 12)
-1	3	(-1, 3)
0	0	(0, 0)
1	3	(1, 3)
2	12	(2, 12)

4. في أي فترة تكون الدالة الموضحة في الجدول المقابل متناقصة؟

5. حديقة منزل سالم على شكل مربع طول ضلعه ft . يريد سالم أن يغرس 5 شتلات من أزهار الخزامي في كل قدم مربعة. اكتب دالة g لنمذجة عدد الشتلات التي سيغرسها سالم. ما عدد الشتلات التي سيغرسها إذا كان طول ضلع الحديقة 8 أقدام؟

1-2 اختبار الدرس

الدوال التربيعية بصيغة الرأس

1. أي من الدوال التالية يشكل تمثيلها البياني إزاحة رأسية بمقدار 6 وحدات إلى الأعلى، للتمثيل البياني للدالة

$$\text{الرئيسة } f(x) = x^2$$

(A) $g(x) = x^2 + 6$ (C) $g(x) = x^2 - 6$
 (B) $g(x) = (x - 6)^2$ (D) $g(x) = (x + 6)^2$

2. أي من الدوال التالية يشكل تمثيلها البياني إزاحة رأسية بمقدار 8 وحدات إلى اليسار، للتمثيل البياني للدالة

$$\text{الرئيسة } f(x) = x^2$$

(A) $h(x) = x^2 + 8$ (C) $h(x) = x^2 - 8$
 (B) $h(x) = (x - 8)^2$ (D) $h(x) = (x + 8)^2$

3. أي من الدوال التالية يقع رأس ومحور تناظر تمثيلها البياني، إلى يسار رأس ومحور تناظر التمثيل البياني للدالة

$$\text{الرئيسة } f(x) = (x - 1)^2 + 1$$

(A) $g(x) = 2(x - 1)^2 - 1$
 (B) $g(x) = -(x + 1)^2 - 2$
 (C) $g(x) = 2(x - 1)^2 + 2$
 (D) $g(x) = -(x - 2)^2 + 1$
 (E) $g(x) = -(x + 2)^2 + 2$
 (F) $g(x) = 2(x + 1)^2 + 2$

4. مثّل الدالة $f(x) = -(x + 1)^2 + 2$ بيانيًا. حدد رأس التمثيل البياني ومحور تناظره.5. التمثيل البياني للدالة g هو قطع مكافئ يقع رأسه عند النقطة $(5, 9)$ ، وهو يمر في النقطة $(3, 1)$. اكتب معادلة الدالة بصيغة الرأس.

1-3 اختبار الدرس**الدوال التربيعية في الصيغة القياسية**1. أي مما يلي يمثل محور التنازول للدالة $f(x) = x^2 + 4x + 6$ ؟

(A) $x = -4$ (C) $x = 2$
 (B) $x = -2$ (D) $x = 3$

2. تم إطلاق كرة في الهواء. تنموذج الدالة $h(x) = -16(x - 2)^2 + 72$ ارتفاع الكرة h ، بالأقدام، بعد x ثانية. ما معادلة هذه الدالة في الصيغة القياسية، وما أقصى ارتفاع تبلغه الكرة؟

(A) $h(x) = -16x^2 + 32x + 72$, 72 ft
 (B) $h(x) = -16x^2 - 32x + 72$, 32 ft
 (C) $h(x) = -16x^2 - 64x + 32$, 32 ft
 (D) $h(x) = -16x^2 + 64x + 8$, 72 ft

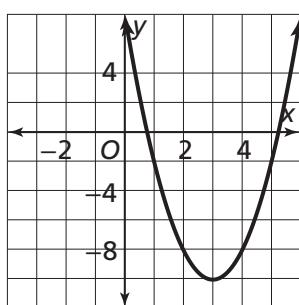
3. مثل الدالة $f(x) = 0.5x^2 - 2x - 2$ بيانيًا، ثم حدد رأس التمثيل البياني ومحور تنازوله والمقطع y .

محور التنازول: _____

الرأس: _____

المقطع y : _____4. أي من العبارات التالية تنطبق على الداللتين $f(x) = x^2 - 4x$ و $g(x) = x^2 - 4x + 3$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) يقع رأس التمثيل البياني للدالة g فوق رأس التمثيل البياني للدالة f .
 (B) التمثيلان البيانيان للداللتين لهما نفس محور التنازول.
 (C) للدالة f قيمة عظمى وللدالة g قيمة صغرى.

5. التمثيل البياني للدالة $y = 2x^2 + bx + 8$ موضح في الرسم المقابل. أوجد قيمة b .

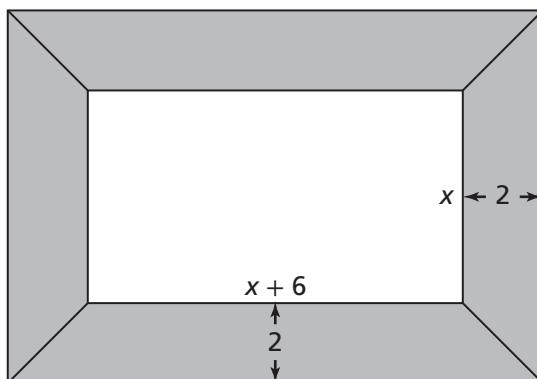
1-4 اختبار الدرس**النماذج باستعمال الدوال التربيعية**

1. أي من الدوال التالية تنمذج مساحة مستطيل أبعاده $4 - 2x$ وحدة و $1 + x$ وحدة؟

(A) $f(x) = 2x^2 - 4x + 4$ (C) $f(x) = 2x^2 - 8x + 4$
 (B) $f(x) = 2x^2 + 8x - 4$ (D) $f(x) = 2x^2 - 2x - 4$

2. تنمذج الدالة $h(t) = -16t^2 + 32t + 24$ ارتفاع كرة h ، بالأقدام، بعد t ثانية من إطلاقها في الهواء إلى الأعلى. ما السرعة المتجهة الابتدائية للكرة، وما ارتفاعها الابتدائي؟

(A) 16 ft/s; 32 ft (C) 32 ft/s; 24 ft
 (B) 24 ft/s; 32 ft (D) 48 ft/s; 24 ft



3. لوحة فنية يزيد طول أحد بعديها عن طول بعدها الآخر

مقدار 2 in، وللوحة إطار عرضه 6 in اكتب دالة تربيعية f بالصيغة القياسية تمثل المساحة الكلية لللوحة والإطار. ثم أوجد المساحة الكلية لللوحة والإطار إذا كان طول الضلع الأقصى لللوحة يساوي 8 إنشات.

الدالة: _____

المساحة: _____

x	y	القيمة المتبقية
0	9	
1	7	
2	10	
3	12	

4. تراقب شركة مواد غذائية أسعار السلع المستوردة.

يوضح الجدول المجاور قيمة سلعة y ، بالريال القطري، بعد مرور x سنة.

تنمذج الدالة $f(x) = 3x^2 - 7x + 10$ العلاقة بين هذه البيانات.

أوجد القيم المتبقية للبيانات.

5. يستعمل جاسم الحاسبة البيانية لرسم نموذج انحدار تربيع f لمجموعة بيانات معطاة. عند مقارنته النموذج f بنموذج انحدار سابق g لمجموعة البيانات نفسها، وجد أن النموذج g أكثر ملاءمةً للبيانات. أي من العبارات التالية صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) يرجح أن الدالة f لها قيم متبقية قرب المحور x أقل مما للدالة g .
 (B) يرجح أن الدالة f لها قيم متبقية صفرية أكثر مما للدالة g .
 (C) للدالة g قيم متبقية قرب المحور y أكثر مما للدالة f .

1 تقويم الوحدة، النموذج A

5. ما إحداثيا رأس التمثيل البياني للدالة

$$f(x) = 2(x - 2)^2 + 3$$

6. ما معادلة محور تناظر الدالة 5؟

(A) $x = -5$ (C) $x = 3$
 (B) $x = -3$ (D) $x = 5$

7. أي من الدوال التالية رأس تمثيلها البياني إزاحة أفقية

بمقدار 5 وحدات إلى يمين رأس التمثيل البياني

$$g(x) = (x + 2)^2 + 2$$

(A) $g(x) = -(x - 3)^2 + 2$
 (B) $g(x) = (x + 7)^2 + 2$
 (C) $g(x) = (x + 5)^2 + 2$
 (D) $g(x) = -(x + 2)^2 + 5$

8. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة

$$y = (x + 2)^2 - 3$$

الرأس:

المقطع y :9. التمثيل البياني للدالة h هو إزاحة للتمثيل البيانيللدالة $f(x) = x^2$ بمقدار 4 وحدات إلى اليمينووحدة واحدة إلى الأسفل. اكتب الدالة h بصيغة

الرأس.

1. التمثيل البياني للدالة $g(x) = ax^2$ مفتوح نحو

الأسفل، وهو أضيق من التمثيل البياني للدالة

 $f(x) = x^2$. أي مما يلي يمكن أن يكون قيمة a ؟

(A) -3 (C) 0.5
 (B) -0.6 (D) 2

2. ما معدل تغير الدالة $f(x) = 2x^2 + x + 5$ فيالفترة $-2 \leq x \leq 2$ ؟

(A) -4 (C) 1
 (B) -1 (D) 4

3. أي من العبارات التالية تنطبق على التمثيلين
البيانيين للداللتين $f(x) = -\frac{1}{4}x^2$ و $g(x) = x^2$ ؟

اختر كل ما ينطبق.

(A) التمثيل البياني للدالة g أوسع من التمثيل
البياني للدالة f

(B) التمثيلان البيانيان للداللتين f و g مفتوحان
في نفس الاتجاه.

(C) التمثيلان البيانيان للداللتين f و g لهما نفس
الرأس.

(D) التمثيلان البيانيان للداللتين f و g لهما نفس
محور التناظر.

4. في أي فترة تكون الدالة الموضحة في الجدول

أدنى متزايدة؟

x	$y = -\frac{1}{2}x^2$	(x, y)
-4	-8	(-4, -8)
-2	-2	(-2, -2)
0	0	(0, 0)
2	-2	(2, -2)
4	-8	(4, -8)

15. أي من الدوال التالية تمثل البيانات الواردة في الجدول أدناه بأفضل تمثيل ممكن؟

	الزمن (s)	0	0.5	1.0	1.5	2.0
(m)	الارتفاع (m)	3.0	6.7	8.2	7.0	3.3

(A) $h(t) = -15.9t^2 + 2.99t + 10.22$
 (B) $h(t) = -16.1t^2 + 10.22t + 2.99$
 (C) $h(t) = -5.03t^2 + 10.22t + 2.99$
 (D) $h(t) = -5.03t^2 + 2.99t + 10.22$

16. تمثل الدالة $f(x) = -4x^2 + 18x + 16$

المبيعات المتوقعة لمتجر من القبعات بعد ارتفاع سعرها بمقدار x . استعمل الجدول أدناه، الذي يوضح قيم المبيعات الفعلية، وقيم المبيعات المتوقعة، لإيجاد القيمة المتبقية.

x	المبيعات الفعلية (QR)	المبيعات المتوقعة (QR)	القيم المتبقية
0	17	16	
1	29	30	
2	34	34	
3	33	34	
4	22	24	

17. إذا كانت الدالة g أيضًا تمثل البيانات الواردة في التمرين 16، وكان متوسط مسافة القيم المتبقية من المستقيم $y = 0$ بالنسبة للدالة g يساوي 1.3، أي من الدالتين f و g هي الأفضل لنمذجة البيانات؟

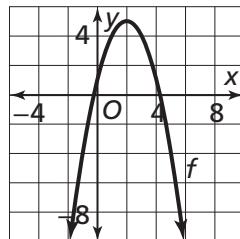
10. ما محور تناول التمثيل البياني للدالة $f(x) = 2x^2 + 8x - 5$

(A) $x = -5$ (C) $x = -2$
 (B) $x = -4$ (D) $x = 2$

11. تمثل الدالة $h(t) = -16t^2 + 24t$ ارتفاع كنغر بالأقدام، بعد t ثانية من قفزه. ما أقصى ارتفاع يبلغه الكنغر في هذه القفزة؟

(A) 9 ft (C) 27 ft
 (B) 18 ft (D) 36 ft

12. التمثيل البياني للدالة $f(x) = -x^2 + bx + 1$ موضح في الرسم أدناه. أوجد قيمة b .



13. يريد سالم وضع إطار سماكته W إنش لللوحة فنية أبعادها 5 إنشات و 11 إنشاً. اكتب دالة A تمثل المساحة الكلية لللوحة والإطار معًا بالصيغة القياسية.

14. افترض أن عرض إطار اللوحة المذكورة في التمرين 13 يجب ألا يقل عن إنش واحد وألا يزيد عن 3 إنشات.

ما مجال ومدى الدالة التي كتبتها في هذه الحالة؟

المجال:

المدى:

1 تقويم الوحدة، النموذج B

5. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني للدالة

$$f(x) = 2(x - 4)^2 - 1$$

6. ما معادلة محور تناظر الدالة

$$y = -3(x - 2)^2 + 1$$

(A) $x = -3$

(C) $x = 1$

(B) $x = -2$

(D) $x = 2$

7. أي من الدوال التالية رأس تمثيلها البياني إزاحة أفقية

بمقدار 3 وحدات إلى يسار رأس التمثيل البياني

$$f(x) = (x + 1)^2 - 4$$

(A) $g(x) = (x + 1)^2 + 4$

(B) $g(x) = -(x + 3)^2 + 3$

(C) $g(x) = 2(x + 4)^2 - 4$

(D) $g(x) = (x - 2)^2 - 4$

8. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة

$$f(x) = (x - 1)^2 - 4$$

الرأس:

المقطع y :9. التمثيل البياني للدالة h هو إزاحة للتمثيل البيانيللدالة x^2 $f(x) = x^2$ بمقدار 4 وحدات إلى اليسارو 7 وحدات إلى الأسفل. اكتب الدالة h بصيغة

الرأس.

1. التمثيل البياني للدالة $g(x) = ax^2$ مفتوح نحو

الأسفل، وهو أوسع من التمثيل البياني للدالة

أي مما يلي يمكن أن يكون قيمه a ؟

(A) -10

(C) 0.1

(B) -0.1

(D) 10

2. ما معدل تغير الدالة $f(x) = 2x^2 - x - 4$ في الفترة $-4 \leq x \leq 2$ ؟

(A) -8

(C) 1

(B) -5

(D) 5

3. أي من العبارات التالية تنطبق على التمثيلين

البيانيتين للدالتين $f(x) = x^2$ و $g(x) = -5x^2$ ؟

اختر كل ما ينطبق؟

(A) التمثيل البياني للدالة g أوسع من التمثيل البياني للدالة f .(B) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g مفتوحان في نفس الاتجاه.(C) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g لهما نفس الرأس.(D) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g لهما نفس محور التناظر.

4. في أي فترة تكون الدالة الموضحة في الجدول

أدناه متزايدة؟

x	$y = \frac{3}{4}x^2$	(x, y)
-4	12	(-4, 12)
-2	3	(-2, 3)
0	0	(0, 0)
2	3	(2, 3)
4	12	(4, 12)

15. أي من الدوال التالية تمثل البيانات الواردة في الجدول أدناه بأفضل تمثيل ممكن؟

الزمن، (s)	0	0.5	1.0	1.5	2.0
الارتفاع، (m)	1.5	2.11	2.3	2.02	1.38

(A) $h(t) = -2.9t^2 + 7.99t + 4.32$
 (B) $h(t) = 0.85t^2 + 1.63t + 1.51$
 (C) $h(t) = 2.9t^2 + 7.99t + 4.32$
 (D) $h(t) = -0.85t^2 + 1.63t + 1.51$

16. تتمذج الدالة $f(x) = -5x^2 + 17x + 21$ المبيعات المتوقعة لمتجر من القبعات بعد ارتفاع سعرها بمقدار X . استعمل الجدول أدناه، الذي يوضح قيم المبيعات الفعلية، وقيم المبيعات المتوقعة، لإيجاد القيم المتبقية.

x	المبيعات الفعلية (QR)	المبيعات المتوقعة (QR)	القيم المتبقية
0	22	21	
1	33	33	
2	36	35	
3	28	27	

17. إذا كانت الدالة g أيضاً تتمذج البيانات الواردة في التمرين 16، وكان متوسط مسافة القيم المتبقية من المستقيم $y = 0$ بالنسبة للدالة g يساوي 1.1، أي من الداللتين f و g هي الأفضل لنمزجة هذه البيانات؟

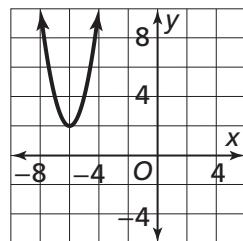
10. ما محور تناظر التمثيل البياني للدالة $f(x) = -x^2 - 6x + 8$ ؟

(A) $x = -6$ (C) $x = 3$
 (B) $x = -3$ (D) $x = 8$

11. تتمذج الدالة $h(t) = -16t^2 + 18t$ ارتفاع فهد، بالأقدام، بعد t ثانية من قفزه. ما أقصى ارتفاع، مقارباً إلى أقرب عدد صحيح، يبلغه الفهد في هذه القفزة؟

(A) 5 ft (C) 7 ft
 (B) 6 ft (D) 8 ft

12. التمثيل البياني للدالة $f(x) = 2x^2 + bx + 74$ موضح في الرسم أدناه. أوجد قيمة b .



13. يريد أحمد وضع إطار سماكته x إنش لللوحة فنية أبعادها 16 إنشاً و 20 إنشاً. اكتب دالة تربيعية A تمثل المساحة الكلية لللوحة والإطار ممّا بالصيغة القياسية.

14. افترض أن عرض إطار اللوحة المذكورة في التمرين 13 يجب لا يقل عن إنش واحد وألا يزيد عن 3 إنشات.

ما مجال ومدى الدالة التي كتبتها في هذه الحالة؟

المجال:

المدى :

1 تقويم الوحدة، النموذج C

5. ما إحداثيا رأس التمثيل البياني للدالة

$$f(x) = (x + 2)^2 - 3$$

6. ما معادلة محور تناظر الدالة $y = (x - 1)^2 - 4$

(A) $x = 1$ (C) $x = -1$
 (B) $x = -4$ (D) $x = 4$

7. أي من الدوال التالية رأس تمثيلها البياني إزاحة

أفقية بمقدار 5 وحدات إلى يمين رأس التمثيل

$$y = (x - 1)^2 + 3$$

(A) $g(x) = (x - 1)^2 + 8$
 (B) $g(x) = 2(x - 6)^2 + 3$
 (C) $g(x) = 2(x + 4)^2 + 3$
 (D) $g(x) = (x - 5)^2 + 3$

8. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة

$$f(x) = -(x + 2)^2 + 3$$

الرأس:

المقطع y :9. التمثيل البياني للدالة h هو إزاحة للتمثيل البياني

$$f(x) = x^2$$

بمقدار وحدتين إلى اليسار

و 5 وحدات إلى الأعلى. اكتب الدالة h بصيغة

الرأس.

1. التمثيل البياني للدالة $g(x) = ax^2$ مفتوح نحو

الأعلى، وهو أضيق من التمثيل البياني للدالة

أي مما يلي يمكن أن يكون قيمه a ؟

(A) -6 (C) 0.4
 (B) -0.7 (D) 3

2. ما معدل تغير الدالة $f(x) = -x^2 + 3x + 6$ في الفترة $-3 \leq x \leq 3$

(A) -2 (C) 3
 (B) -1 (D) 6

3. أي من العبارات التالية تنطبق على التمثيلين

$$g(x) = \frac{3}{2}(x - 1)^2$$

و $f(x) = x^2$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) التمثيل البياني للدالة g أوسع من التمثيل
البياني للدالة f .

(B) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g مفتوحان
في نفس الاتجاه.

(C) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g لهما
نفس الرأس.

(D) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g لهما نفس
محور التناظر.

4. في أي فترة تكون الدالة الموضحة في الجدول

أدناه متزايدة؟

x	$y = -2x^2$	(x, y)
-3	-18	(-3, -18)
-1	-2	(-1, -2)
0	0	(0, 0)
1	-2	(1, -2)
3	-18	(3, -18)

15. أي من الدوال التالية تمثل البيانات الواردة في الجدول أدناه بأفضل تمثيل ممكن؟

	الزمن (s)	0	0.5	1.0	1.5	2.0
	الارتفاع (m)	1.0	5.42	9.71	5.9	2.6

(A) $h(t) = -9.82t^2 + 12.99t + 1.22$
 (B) $h(t) = -6.73t^2 + 14.19t + 0.83$
 (C) $h(t) = 6.73t^2 + 14.19t + 0.83$
 (D) $h(t) = 9.82t^2 + 12.99t + 1.22$

16. تمذج الدالة $f(x) = -2x^2 + 9x + 12$ المبيعات المتوقعة لكتاب بعد ارتفاع سعره بمقدار x . استعمل الجدول أدناه، الذي يوضح قيم المبيعات الفعلية، وقيم المبيعات المتوقعة، لإيجاد القيم المتبقية.

x	المبيعات الفعلية (QR)	المبيعات المتوقعة (QR)	القيم المتبقية
0	14	12	
1	18	19	
2	23	22	
3	21	21	
4	15	16	

17. إذا كانت الدالة g أيضًا تمذج البيانات الواردة في التمرين 16، وكان متوسط مسافة القيم المتبقية من المستقيم $y = 0$ بالنسبة للدالة g يساوي 0.9، أي من الدالتين f و g هي الأفضل لنمذجة البيانات؟

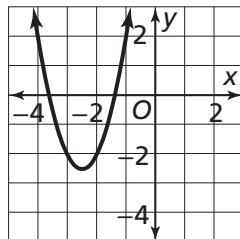
10. ما محور تناظر تمثيل البياني للدالة $y = -3x^2 + 6x + 2$ ؟

(A) $x = -2$ (C) $x = 1$
 (B) $x = -1$ (D) $x = 2$

11. تمذج الدالة $h(t) = -16t^2 + 18t$ ارتفاع نمر، بالأقدام، بعد t ثانية من قفزه. ما أقصى ارتفاع، مقاربًا إلى أقرب عدد صحيح، يبلغه النمر في هذه القفزة؟

(A) 4 ft (C) 6 ft
 (B) 5 ft (D) 7 ft

12. التمثيل البياني للدالة $f(t) = 2t^2 + bt + 10$ موضح في الرسم أدناه. أوجد قيمة b .



13. يريد عثمان وضع إطار سماكته x إنش لللوحة فنية أبعادها 8 إنشات و 12 إنشاً. اكتب دالة تربيعية A تمثل المساحة الكلية لللوحة والإطار معًا بالصيغة القياسية.

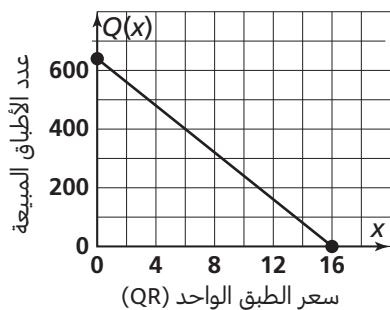
14. افترض أن عرض إطار اللوحة المذكورة في التمرين 13 يجب ألا يقل عن إنش واحد وألا يزيد عن 3 إنشات.

ما مجال ومدى الدالة التي كتبتها في هذه الحالة؟

المجال:

المدى:

1 تقويم الأداء، النموذج A

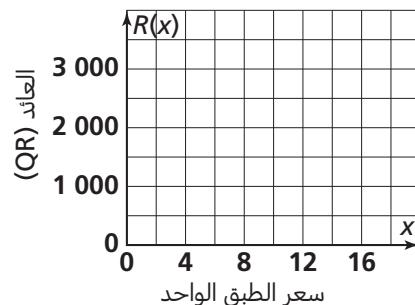


يُتابع أطباق التحلية في أحد فروع مطعم بأسعار مختصة لفترة محددة. بناءً على البيانات المأخوذة من عروضات سابقة، يمكن نمذجة عدد الأطباق المباعة بالدالة الخطية $Q(x) = -40x + 640$ حيث x سعر الطبق الواحد، بالريال القطري.

1. ما المجال المعقول والمدى المعقول للدالة Q ؟ وضح إجابتك.

2. يمكن نمذجة العائد R من بيع أطباق التحلية بضرب سعر الطبق الواحد في عدد الأطباق المباعة. اكتب الدالة التربيعية R التي تمثل هذا النموذج تمثيلاً صحيحاً. بذر إجابتك.

3. مثل الدالة R في المستوى الإحداثي أدناه. سُمِّيَّ رأس التمثيل البياني. ماذا يمثل رأس التمثيل البياني في سياق هذه المسألة؟ وضح إجابتك.

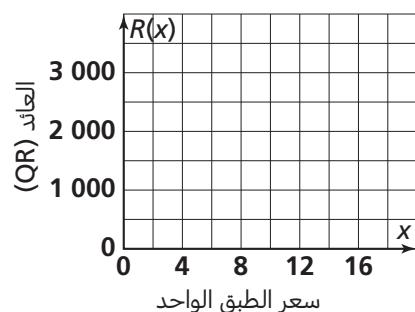


سعر الطبق	العائد الفعلي (QR)	العائد المتوقع (QR)	القيمة المتبقية
4	2 012		
5	2 275		
6	2 352		
7	2 506		
8	2 616		
9	2 529		
10	2 330		
11	2 079		
12	1 824		

4. يوضح الجدول المجاور أسعار الأطباق والعائدات الفعلية من عروض سابقة.

A الجزء

عين النقاط التي تمثل البيانات المعطاة (سعر الطبق، العائد الفعلي) على التمثيل البياني أدناه. ثم استعمل النموذج الذي كتبته في التمرين 2 لملء خانات عمود العائد المتوقع في الجدول. أخيراً، املأ خانات عمود القيمة المتبقية.



B الجزء

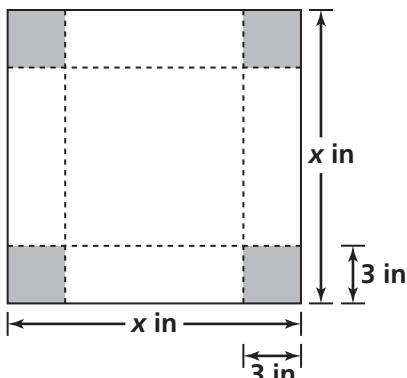
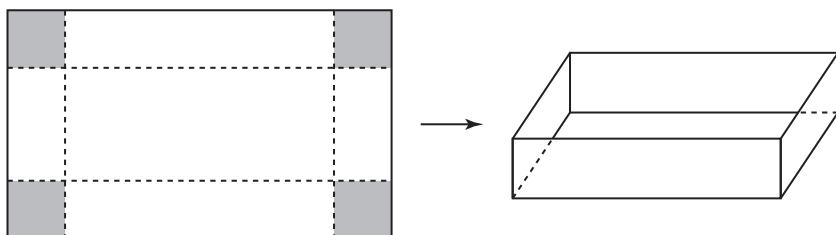
حاول مدير مطعم الفرع الثاني استعمال نموذج مختلف لتمثيل البيانات، $P(x) = -41x^2 + 630x$ ، حيث العائد المتوقع من سعر معطى للطبق، بالريال القطري. قارن هذا النموذج بالنموذج الذي كتبته في التمرين 2 من خلال تمثيل القيم المتبقية بيانياً. أي من النموذجين يلائم هذه البيانات أكثر؟ بزر إجابتكم.

C الجزء

استعمل حاسبة بيانية لإيجاد نموذج انحدار تربيعي A يمثل قيم العائد الفعلي المكتوبة في الجدول الوارد في الجزء A. أجر توقعاً بشأن مدى ملاءمة النموذج الذي وجدته لهذه البيانات.

1 تقويم الأداء، النموذج B

يصنع سالم علب هدايا بأحجام مختلفة من خلال قص مربع من كل زوايا قطعة مستطيلة الشكل من الورق المقوى ثم ثني أطرافها إلى الأعلى، كما هو مبين في الشكل أدناه. يريد سالم أن يعرف كمية الورق المقوى التي يستعملها لصنع كل علبة وحجم كل علبة.

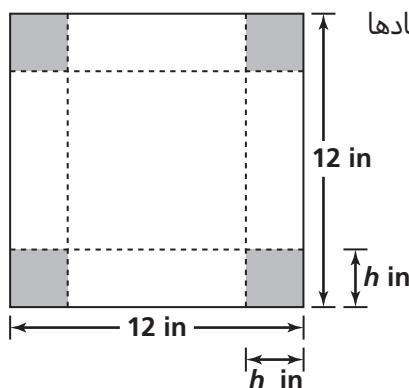


1. لصنع علبة عمقها 3 إنشات، يقص سالم مربعاً أبعاده 3 إنشات و 3 إنشات من كل زاوية من زوايا قطعة مربعة الشكل من الورق المقوى أبعادها x إنش و x إنش. اكتب دالة تربيعية A بالصيغة القياسية لنمذجة مساحة القطعة المتبقية من الورق المقوى بعد قص زواياها. بّرر إجابتك.

2. اكتب دالة تربيعية V بالصيغة القياسية لنمذجة حجم العلبة بعد ثني أطرافها. بّرر إجابتك.

3. مثل الداللين A و V بيانياً باستعمال الحاسبة البيانية. صُف مجالاً معقولاً لكل دالة.

4. يريد سالم أن يصنع علبة أخرى ارتفاعها h إنش من قطعة من الورق المقوى أبعادها 12 إنشاً و 12 إنشاً. لصنع هذه العلبة قام بقص مربع طول ضلعه h إنش من كل زاوية وثني الأطراف إلى الأعلى.



الجزء A

اكتب دالة تربيعية B بالصيغة القياسية لنمذجة مساحة قاعدة العلبة الجديدة. صنف مجالاً ومدى معقولين لهذه الدالة. بّرر إجابتك.

ارتفاع العلبة h (in)	مساحة القاعدة B	الحجم
1		
2		
3		
4		
5		

الجزء B

يستعمل سالم قطعة مربعة الشكل من الورق المقوى أبعادها 12 إنشاً و 12 إنشاً لصنع علب ذات ارتفاعات مختلفة. أكمل الجدول المجاور لإيجاد مساحة قاعدة وحجم كل علبة. صنف الأنماط التي تلاحظها في الجدول.

الجزء C

اكتب دالة V لنمذجة حجم علبة مماثلة للعلب الموصوفة في الجزء B. هل الدالة التي كتبتها دالة تربيعية؟ وضح السبب.

2 تقويم بداية الوحدة

9. أي من القيم التالية تمثل حلًّا للمعادلة $16 = x^2$?
اختر كل ما ينطبق.

(A) -8 (C) 4
(B) -4 (D) 8

10. أي من أزواج الأعداد التالية يضم عددين ناتج ضربهما يساوي 36؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) 3, 12 (C) 6, 6
(B) 4, 9 (D) 18, 18

11. أي من أزواج الأعداد التالية يضم معاملين للعدد 30 – ناتج طرحهما يساوي 13؟

-2 و 15 -2 و -15 (A)
-3 و 10 -3 و -10 (B)

12. أي من أزواج الأعداد التالية يضم معاملين للعدد 60 – ناتج جمعهما يساوي 17؟

(A) 3, 20 (C) -5, -12
(B) 5, 12 (D) -3, 20

13. اكتب المعادلة $y = 2(x - 7)$ بالصيغة القياسيّة.
ثم حدد المقطعين x و y للتمثيل البياني لهذه المعادلة.

المعادلة:

المقطع x : _____

المقطع y : _____

1. حل المعادلة $5x - 4 - x = 0$

2. ما حل المعادلة $\frac{1}{2}(x - 6) - \frac{5}{6}(x + 4.8) = 0$?
(A) $x = -\frac{7}{3}$ (C) $x = -21$
(B) $x = -\frac{11}{3}$ (D) $x = -33$

3. استعمل الصيغة $F = \frac{9}{5}K - 455.67$ لتحديد قيمة K عندما $F = 0$.

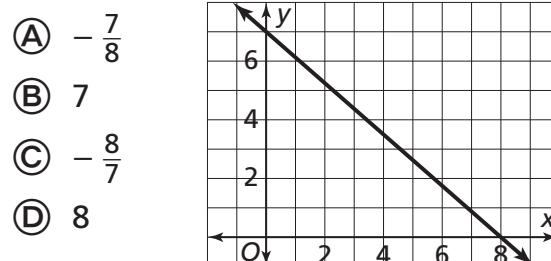
(A) -455.67 (C) 455.67
(B) 253.15 (D) 820.206

4. ما المقطع x للتمثيل البياني للدالة $y = 4x - 12$ ؟

(A) -12 (C) 3
(B) $\frac{1}{3}$ (D) 4

5. حل المعادلة $y = -\frac{2}{3}(x + 9) + 4$ لإيجاد قيمة x عندما $y = 0$.

6. ما المقطع x للدالة الممثلة بيانياً أدناه؟



7. بسط المقدار $-\sqrt{49}$.

8. أي من القيم التالية تكافئ المقدار $\sqrt[6]{3^6}$ ؟

(A) 9 (C) 27
(B) 18 (D) 729

19. ما حل المعادلة $3(x - 4) = x + 8$ ؟

(A) $x = 2$ (C) $x = 6$
(B) $x = 5$ (D) $x = 10$

20. ما حل المعادلة $2(2x + 1) = 5(x + 4)$ ؟

(A) $x = -18$ (C) $x = -3$
(B) $x = -6$ (D) $x = -2$

21. أوجد حل المعادلة

$$\frac{2}{3} \left(\frac{3}{5}x + 9 \right) = \frac{1}{4}(2x + 40)$$

22. أوجد المسافة بين النقطتين $(-1, 4)$ و $(-3, 23)$.

(A) 5 (C) 31
(B) 25 (D) 625

23. أي من أزواج النقاط التالية يضم نقطتين تبعdan نفس المسافة عن النقطة $(6, 4)$ ؟

(A) $(1, 3)$ و $(-1, -3)$
(B) $(6, -4)$ و $(-6, 4)$
(C) $(9, 7)$ و $(2, 0)$
(D) $(10, 2)$ و $(8, 8)$

24. أي من النقاط التالية تبعد 20 وحدة عن النقطة $(-1, -3)$ ؟

(A) $(1, 1)$ (C) $(-15, 15)$
(B) $(9, -9)$ (D) $(17, 19)$

25. ما محيط المثلث الذي تقع رؤوسه عند النقاط $(-2, 2)$, $(-7, 2)$ و $(14, -2)$ ؟

26. حل المتباينة $-3 < \frac{-7x}{2}$ هو:

(A) $x > \frac{6}{7}$ (C) $x > -\frac{6}{7}$
(B) $x < \frac{6}{7}$ (D) $x < -\frac{6}{7}$

14. أي من الدوال التالية تكافئ $y - 2 = \frac{3}{4}(x - 12)$? اختر كل ما ينطبق.

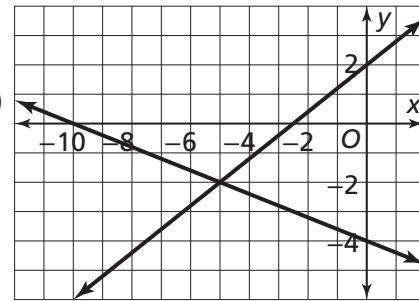
(A) $y = \frac{3}{4}x - 11$ (C) $y = \frac{3}{4}x - 7$
(B) $3x - 4y = 28$ (D) $3x - 4y = 44$

15. أي من المعادلات التالية مكتوبة بصيغة الميل والمقطع ومكافئة للمعادلة $2x - 6y = 18$ ؟

(A) $y = 3x - 3$ (C) $x - 3y = 9$
(B) $x = 3y + 9$ (D) $y = \frac{1}{3}x - 3$

16. أي مما يلي يمثل حلًّا لنظام المعادلات الممثل بيانيًّا أدناه؟

(A) $(-10, 0)$
(B) $(-5, -2)$
(C) $(-4, 0)$
(D) $(2, 0)$



17. ما الإحداثي x في الزوج المرتب الذي يمثل حلًّا لنظام المعادلات التالي: $\begin{cases} y = -x + 10 \\ 2x + 6y = 8 \end{cases}$ ؟

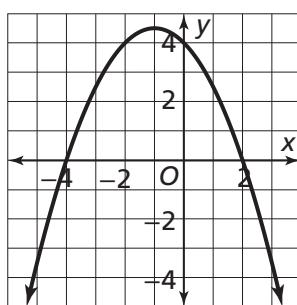
18. ما حل نظام المعادلات أدناه؟
$$\begin{cases} 2x - 7y = -15 \\ 4x - 14y = 30 \end{cases}$$

(A) النظام ليس له حل.
(B) النظام له عدد لانهائي من الحلول.

(C) $(0, -\frac{15}{7})$
(D) $(\frac{15}{2}, 0)$

2-1 اختبار الدرس

حل المعادلات التربيعية باستعمال التمثيلات البيانية والجداول



1. استعمال التمثيل البياني المقابل لإيجاد حلول المعادلة $0 = -\frac{1}{2}x^2 - x + 4$.

2. المعادلة $0 = ax^2 + bx + c$ ليس لها حلول حقيقة. أي من العبارات التالية تنطبق على التمثيل البياني للدالة $f(x) = ax^2 + bx + c$ ؟

(A) يمكن أن يمر في نقطة الأصل

(B) يمكن أن يقع رأسه عند النقطة $(-6, 0)$

(C) يمكن أن تكون له قيمة عظمى عند النقطة $(2, -3)$

(D) يمكن أن تكون له قيمة صغرى عند النقطة $(0, 4)$

3. حل المعادلة $0 = x^2 - 2x - 3$ بيانياً.

4. يوضح الجدول أدناه القيم المدخلة والمخرجية للدالة $y = x^2 + 12x - 2$. أي من القيم التالية يمثل حل تقربياً للمعادلة $0 = x^2 + 12x - 2$ ؟

(A) -2

(B) -0.2

(C) 0

(D) 0.13

X	Y1
-0.2	-4.36
-0.1	-3.19
0	-2
0.1	-0.79
0.2	0.44
0.3	1.69

5. يمكن نمذجة مسار كرة طائرة فوق الشبكة بالدالة $A(x) = -0.02x^2 + 0.6x + 5$, حيث x المسافة الأفقية التي تقطعها الكرة من نقطة انطلاقها بالأقدام، و A ارتفاع الكرة بالأقدام. اكتب معادلة يمكن حلها لإيجاد المسافة التي تقطعها الكرة أفقياً قبل ارتطامها بالأرض، ثم أوجد هذه المسافة.

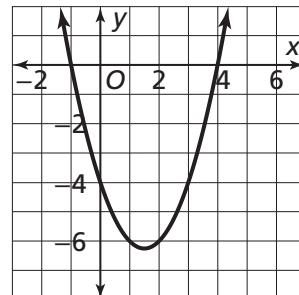
المسافة: _____ المعادلة: _____

2-2 اختبار الدرس

حل المعادلات التربيعية بالتحليل إلى العوامل

1. ما الصيغة التحليلية للدالة الممثلة بالتمثيل البياني أدناه؟

(A) $(x + 4)(x - 1)$
 (B) $(x - 4)(x + 1)$
 (C) $(x - 4)(x - 1)$
 (D) $(x + 4)(x + 1)$

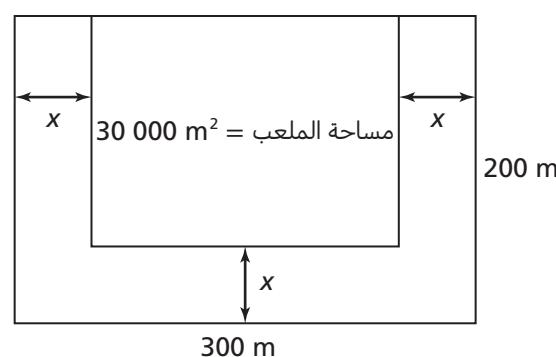
2. ما حلول المعادلة $3x^2 - 5x + 2 = 0$ ؟

2 و 1 (A)
 $\frac{2}{3}$ و 1 (B)
 -2 و -1 (C)
 $-\frac{2}{3}$ و -1 (D)

3. استعمل التحليل إلى العوامل لإيجاد إحداثي رأس التمثيل البياني للمعادلة $x^2 + 8x + 12 = 0$ ، مثل الدالة بيانياً.

الصيغة التحليلية للمعادلة:

إحداثياً الرأس:

4. حل المعادلة $36 = 9x + x^2$ بطريقة التحليل إلى العوامل.5. ملعب كرة قدم محاط من ثلاث جهات بموقف للسيارات، عرضه يساوي x . الطول الكلي للملعب وموقف السيارات معاً يساوي 300 m، والعرض الكلي لهما يساوي 200 m، مساحة الملعب تساوي $30\,000 \text{ m}^2$ ، ما عرض موقف السيارات؟

مصادر التقويم

2-3 اختبار الدرس

إعادة كتابة المقادير الجذرية

1. أي من أزواج المقادير الجذرية التالية يضم مقدارين متكافئين؟

A) $3\sqrt{15}$ و $\sqrt{45}$

B) $3\sqrt{5}$ و $\sqrt{75}$

C) $9\sqrt{6}$ و $\sqrt{54}$

D) $3\sqrt{20}$ و $\sqrt{180}$

2. اكتب مقداراً يمثل ناتج الضرب $(\sqrt{6x})(\sqrt{15x^3})$ من دون عوامل مرتبطة كاملة في الم根ذور.

3. صل كل مقدار جذري إلى اليسار بالمقدار المكافئ له إلى اليمين.

$xy\sqrt{18x^2y^2}$

$2\sqrt{3x^3y}$

$x\sqrt{12xy}$

$2x\sqrt{6xy^2}$

$x^2\sqrt{8y^2}$

$2y\sqrt{2x^4}$

$y\sqrt{24x^3}$

$3x^2\sqrt{2y^4}$

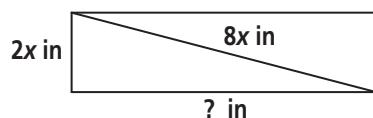
4. أي من المقادير التالية يمكن كتابته في الصورة $k\sqrt{3}$ ، حيث k عدد صحيح؟

A) $\sqrt{63}$

B) $\sqrt{108}$

C) $\sqrt{144}$

D) $\sqrt{150}$

5. أوجد مقداراً مكافئاً لطول الضلع الناقص في المستطيل. ثم أوجد قيمة هذا الطول إذا كان $3 = x$. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الإنش.

الطول: _____ المقدار: _____

2-4 اختبار الدرس**حل المعادلات التربيعية باستعمال الجذور التربيعية**

1. أي من المعادلات التالية حلولها هي -4 و 4 ? اختر كل ما ينطبق.

- (A) $x^2 = 8$
- (B) $x^2 + 16 = 0$
- (C) $2x^2 = 32$
- (D) $-3x^2 = -48$
- (E) $6x^2 + 56 = -40$
- (F) $27 - 5x^2 = -53$

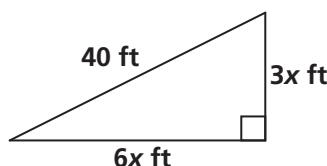
2. أي من المعادلات التالية ليس لها حلول حقيقة؟

- (A) $-2x^2 = -168$
- (B) $4x^2 + 76 = 32$
- (C) $25x^2 = 1$
- (D) $43 - x^2 = 12$

3. أي من المعادلات التالية لها حلان حقيقيان؟

- (A) $x^2 = -100$
- (B) $5x^2 = 1$
- (C) $6x^2 + 17 = 11$
- (D) $7(x^2 + 6) = 42$

4. حل المعادلة التربيعية $4x^2 + 7 = 25$.



5. أوجد قيمة x في المثلث المقابل. ثم أوجد طولي الضلعين الناقصين في المثلث. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من القدم إذا لزم الأمر.

طولا الضلعين: $x =$ _____

2-5 اختبار الدرس**إكمال المربع**1. ما قيمة c التي تجعل المقدار $c + 14x + x^2$ مربعاً كاملاً؟

(A) -49
 (B) -7
 (C) 7
 (D) 49

2. استعمل طريقة إكمال المربع لتحديد القيمة التي تمثل حلّاً للمعادلة $28 = 3x^2 - 24x + 40$ ممّا يلي.

(A) $2 \pm 4\sqrt{3}$
 (B) $4 \pm 2\sqrt{3}$
 (C) $3 \pm 3\sqrt{2}$
 (D) $6 \pm 2\sqrt{5}$

3. حلّ المعادلة التربيعية $0 = x^2 + 12x + 8$ بطريقة إكمال المربع. اختر نعم أو لا، لتحديد القيم التي تمثل حلولّاً ممكنة للمعادلة.

	نعم	لا
$-6 + \sqrt{7}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$-6 + 2\sqrt{7}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$6 - 2\sqrt{7}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$-6 - \sqrt{7}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$-6 - 2\sqrt{7}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

4. اكتب الدالة $f(x) = 3x^2 - 30x + 71$ بصيغة الرأس، ثم حدد إحداثيّي رأس التمثيل البياني للدالة.صيغة الرأس للدالة $f(x)$: _____

إحداثيّي الرأس: _____

5. تنموذج الدالة $5 - 2x^2 + 8x = a$ الارتفاع a ، بالأقدام، لكرة أطلقت في الهواء، والمسافة الأفقية التي تقطعها الكرة بالأقدام. اكتب هذه الدالة بصيغة الرأس. ثم أوجد الارتفاع الأقصى الذي تبلغه الكرة.

صيغة الرأس: _____

الارتفاع الأقصى: _____

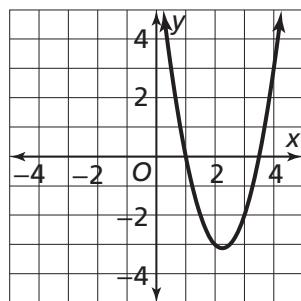
2-6 اختبار الدرس

القانون العام لحل المعادلات التربيعية والمميز

1. ما عدد الحلول الحقيقة للمعادلة $8x^2 - 10x + 15 = 0$ ؟

- (A) ليس لها حلول حقيقة
- (B) لها حلٌ حقيقي واحد
- (C) لها حلان حقيقيان
- (D) لها أكثر من حلٍ حقيقيين

2. أي من العبارات التالية تنطبق على الرسم البياني الموضح؟ اختر كل ما ينطبق.



(A) معادلة التمثيل البياني هي $y = 2x^2 - 9x + 7$.

(B) لدالة هذا التمثيل البياني جذران.

(C) حلول المعادلة التربيعية الممثلة بالتمثيل البياني هي -3 و -1.5 .

(D) لمعادلة التربيعية الممثلة بالتمثيل البياني حلان.

3. ما حلول المعادلة التربيعية $2x^2 - 4x = 3$ ؟

- (A) $1 \pm \sqrt{10}$
- (B) $2 \pm \frac{\sqrt{10}}{4}$
- (C) $1 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$
- (D) $4 \pm 2\sqrt{10}$

4. حل المعادلة $0 = 9 - 4x^2 - 12x$ باستخدام القانون العام.

5. يمكن نمذجة أرباح مؤسسة صغيرة (بالي ريال القطري) بالدالة $P(x) = 0.3x^2 + 7x - 40$ ، حيث x عدد القطع المباعة. ما عدد القطع التي يجب أن تبيعها المؤسسة لتحقيق ربحًا مقداره QR 60؟

2-7 اختبار الدرس**حل المعادلات النسبية**

1. ما حل المعادلة $\frac{1}{2x-3} = 4$ ؟

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{8}{13}$
- (C) $\frac{11}{8}$
- (D) $\frac{13}{8}$

2. يستطيع ناصر طلاء باب في 6 ساعات، ويستطيع راشد طلاء نفس الباب في 3 ساعات. إذا عمل ناصر وراشد معاً، كم ساعة يلزمهما لانتهاء من طلاء الباب؟

3. حل المعادلة $\frac{3}{x-1} = \frac{4}{2x+3}$.

$x =$ _____

4. حل المعادلة $\frac{-3}{x+3} = \frac{x}{x+3} - \frac{x}{5}$ ؛ ثم حدد الحل غير المقبول.

$x =$ _____
الحل _____

الحل غير المقبول: $x =$ _____

5. تبلغ سرعة مركب في المياه الراكدة 10 mi/h ، قاد جاسم المركب في اتجاه منبع أحد الأنهار لمدة 60 دقيقة، ثم عاد أدراجه إلى النقطة التي انطلق منها في اتجاه مصب النهر، خلال مدة مقدارها 20 دقيقة. ما سرعة التيار؟

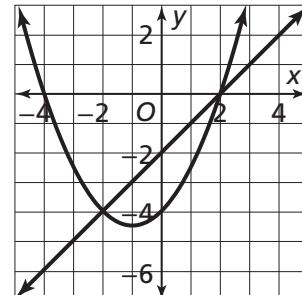
- (A) 2 mi/h
- (B) 3 mi/h
- (C) 4 mi/h
- (D) 5 mi/h

2-8 اختبار الدرس

حل أنظمة المعادلات الخطية والتربيعية

1. أي مما يلي يشكل حلًّا لنظام المعادلات الممثل بيانيًّا أدناه؟

- (A) $(-4, 0)$
- (B) $(2, -4)$
- (C) $(0, -2)$
- (D) $(2, 0)$



2. أي من الدوال التالية لا يتقاطع تمثيلها البياني مع التمثيل البياني للدالة $y = x^2 + 3$ ؟

- (A) $y = 2x - 5$
- (B) $y = -2x + 2$
- (C) $y = 3x + 3$
- (D) $y = -3x + 5$

3. اكتب المعادلة $x + 2x + 3 = x^2 + 2x + 3$ في صورة نظام معادلات.
ثم مثُل نظام المعادلات بيانيًّا لإيجاد حلول المعادلة.

النظام: _____

الحلول: _____

4. حل نظام المعادلات التالي باستعمال الحذف.

$$y = x^2 - 3x + 16$$

$$y = 9x - 20$$

5. حل نظام المعادلات التالي باستعمال التعويض.

$$y = x^2 - 7x - 5$$

$$y = -2x + 19$$

2-9 اختبار الدرس

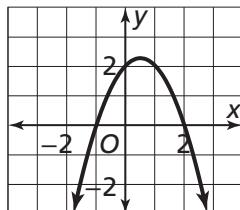
حل المtbodyات التربيعية في متغير واحد

1. أي مما يلي يحقق المtbodyة التربيعية $x^2 + x - 6 < 0$ ؟

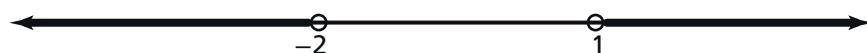
(A) -3
(B) 3
(C) -2
(D) 2

2. أي من الخيارات التالية يمثل حل المtbodyة التربيعية $(2x - 1)(x + 1) \geq 0$ ؟

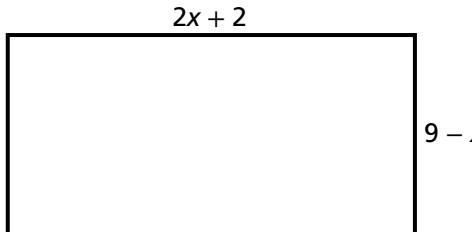
$[-1, \frac{1}{2}]$ (A)
 $[-1, \frac{1}{2}]$ (B)
 $[\frac{1}{2}, +\infty] \cup [-\infty, -1]$ (C)
 $[\frac{1}{2}, +\infty] \cup [-\infty, -1]$ (D)

3. استعمل التمثيل البياني المجاور للدالة التربيعية $f(x) = -x^2 + x + 2$ لحل المtbodyة $x^2 - 2 \leq x$. اكتب الحل باستعمال الفترات.

4. أي من المtbodyات التالية، حلها ممثلا على خط الأعداد أدناه؟



(A) $(x + 2)(x - 1) < 0$
(B) $(x + 2)(x - 1) \leq 0$
(C) $(x + 2)(x - 1) > 0$
(D) $(x + 2)(x - 1) \geq 0$

5. ما العدد الكلي x الذي يجعل مساحة المستطيل أدناه أكبر من 48 وحدة مربعة؟
أوجد هذه المساحة.

$$x = \underline{\hspace{2cm}}$$

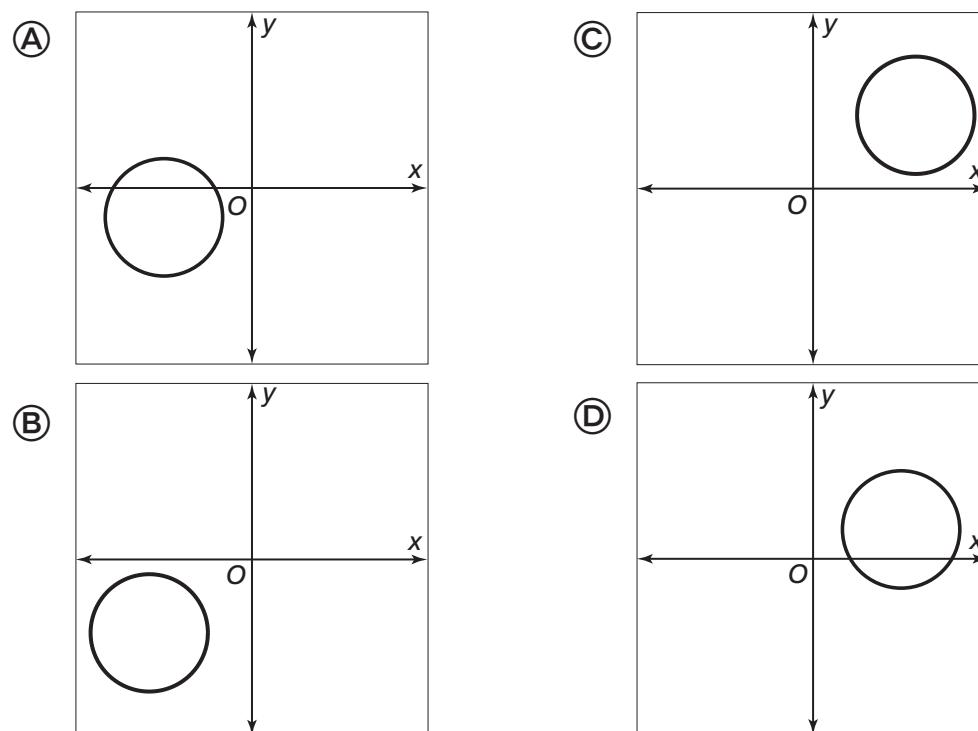
مساحة المستطيل: $\underline{\hspace{2cm}}$

2-10 اختبار الدرس

معادلة الدائرة في المستوى الإحداثي

1. أي مما يلي يمثل الصيغة القياسية لمعادلة الدائرة التي طول نصف قطرها 9 ومركزها $(-4, 6)$ ؟

(A) $(x + 6)^2 + (y - 4)^2 = 9$
 (B) $(x - 6)^2 + (y + 4)^2 = 9$
 (C) $(x + 6)^2 + (y - 4)^2 = 81$
 (D) $(x - 6)^2 + (y + 4)^2 = 81$

2. اكتب معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها 10 ومركزها $(9, -7)$ بالصيغة القياسية.3. أي من التمثيلات البيانية التالية قد يكون التمثيل البياني لمعادلة $(x - 3)^2 + (y - 1)^2 = 4$ ؟4. حدد مركز وطول نصف قطر الدائرة التي معادلتها $x^2 + y^2 - 8x - 4y - 5 = 0$

المركز: _____ طول نصف القطر: _____

5. حل نظام المعادلات التالي:

$$x^2 + y^2 = 26$$

$$y = 5x$$

2 تقويم الوحدة، النموذج A6. ما حل المعادلة $3x^2 + 4x = 3$ ؟

(A) $-2 \pm \sqrt{7}$
 (B) $2 \pm \sqrt{7}$
 (C) $2 \pm \sqrt{3}$
 (D) $-2 \pm \sqrt{3}$

7. حل نظام المعادلات أدناه.

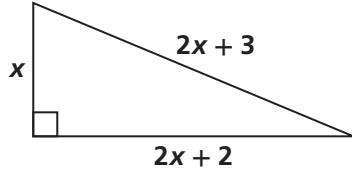
$$\begin{cases} y = 5x \\ y = x^2 + 5x - 9 \end{cases}$$

8. أي من المستقيمات التالية يتقاطع مع القطع

المكافئ ذي المعادلة $y = x^2 - 3x + 4$

عند نقطتين؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $y = -3x + 2$
 (B) $y = -3x + 3$
 (C) $y = -3x + 5$
 (D) $y = -3x + 6$

9. يمر التمثيل البياني لدالة تربيعية بال نقطتين $(0, 0)$ و $(-2, -22)$. ما أحد أصفار هذه الدالة؟10. ما قيمة x في الشكل أدناه؟1. حل المعادلة $2x^2 + x - 3 = 0$ باستعمال التحليل إلى العوامل.2. أوجد حلول المعادلة $x^2 - x - 2 = 0$ باستعمال التمثيل البياني.

الحلول:

3. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني للدالة $y = x^2 + 8x + 1$ ؟

(A) $(-8, 1)$
 (B) $(-4, -15)$
 (C) $(4, 49)$
 (D) $(8, 129)$

4. اكتب المقدار العددي $\sqrt{140}$ من دون عامل مربع كامل في المجدور.

5. أي من المعادلات التالية لها حل حقيقي وحيد؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $x^2 + 6x + 7 = 6x + 7$
 (B) $3x^2 + x - 5 = x + 5$
 (C) $7x^2 = 5$
 (D) $3x^2 + 2x = 2x$

16. استعمل القانون العام لحل المعادلة التربيعية $2x^2 + 6x = -3$ ، أي مما يلي يمثل حلول هذه المعادلة مقرّبةً إلى أقرب جزء من مئة؟

(A) 0.63 و 2.37
(B) -0.63 و 2.37
(C) 0.63 و -2.37
(D) -0.63 و -2.37

17. أي مما يلي هي عوامل للمقدار الجبري $81 - 5x^4$? اختر كل ما ينطبق.

(A) $x^2 + 9$
(B) $x^2 + 3$
(C) $x^2 + 27$
(D) $x + 3$

18. تندمج الدالة $d = -3x^2 + 16$ المسافة، بالأقدام، التي تفصل متزلّجاً عن قاع منحدر التزلّج بعد مرور x ثانية على اصطدامه من قمة المنحدر، بعد كم ثانية سيكون المتزلّج على مسافة 8 أقدام من قاع المنحدر؟

(A) 3.6 s
(B) 2.6 s
(C) 1.6 s
(D) 0.6 s

19. ما قيمة c التي تجعل ثلاثة الحدود $9x^2 + 12x + c$ مربعاً كاملاً؟

(A) 4
(B) 8
(C) 12
(D) 16

11. أي مما يلي يكفي المقدار $(\sqrt{16x^5})(5\sqrt{9x^3})$ ؟

(A) $60x^4$
(B) $60x^8$
(C) $12x^8$
(D) $12x^4$

12. حل المعادلة $\frac{1}{x^2 - 1} = 1$

13. حل المعادلة $5x^2 + 2x - 3 = 0$ باستعمال التحليل إلى العوامل.

14. تندمج الدالة $P(x) = -4x^2 + 16x + 25$ مقدار ربح إحدى الشركات من إنتاج قطعة معينة، حيث x عدد القطع المنتجة بالألاف و $P(x)$ الربح بالريال القطري. ما عدد القطع التي تؤمن أقصى ربح للشركة؟

(A) 1 000
(B) 2 000
(C) 3 000
(D) 4 000

15. حل المعادلة $(2x - 1)^2 = 25$

25. تستطيع مريم وفاطمة تقشير 20 جزرة في 6 دقائق إذا عملتا معاً. تستطيع مريم تقشير 5 جزرات في دققيتين إذا عملت وحدها. كم دققة تحتاج فاطمة لتقشير 10 جزرات إذا عملت وحدها؟

- (A) 15
- (B) 12
- (C) 8
- (D) 4

. $\frac{3(1+x)}{4x} = 1 - \frac{1}{x}$ 26. حل المعادلة

1 = $\frac{x^2 + 3x - 16}{x^2 - 6x + 8}$ 27. حل المعادلة

28. يستغرق ملء خزان مياه باستعمال الصنبور A ساعتين، ويستغرق ملء الخزان باستعمال الصنبور B ثلث ساعات. ما الزمن الذي يستغرقه ملء الخزان إذا استعملت الصنبورين معاً؟

- (A) 0.2
- (B) 1.2
- (C) 0.8
- (D) 1.8

? $\frac{1}{x(x-3)} = \frac{2}{x-3} + \frac{3}{x}$ 29. ما حل المعادلة

- (A) -2
- (B) 2
- (C) 1
- (D) -3

20. أعد كتابة المقدار $(\sqrt{4x^5})(\sqrt{8x^4})$ ، حيث قيمة x موجبة، من دون عامل مربع كامل في المحدود.

- (A) $8x^5\sqrt{2x}$
- (B) $4x^4\sqrt{2x}$
- (C) $2x^4\sqrt{2x}$
- (D) $4x^5\sqrt{2x}$

. $\sqrt{(18-6)^2 + (17-1)^2}$ 21. أوجد قيمة المقدار

22. دالة تربيعية أصفارها هي -7 و 3، أي من الدوال التالية قد تكون هذه الدالة؟ اختر كل ما ينطبق.

- (A) $f(x) = x^2 + 4x - 21$
- (B) $f(x) = x^2 - 4x - 21$
- (C) $f(x) = 2x^2 - 8x - 42$
- (D) $f(x) = 5x^2 + 20x - 105$

23. في مباراة لكرة القدم، ركل أحد المدافعين الكرة نحو منتصف الملعب. تمت نمذجة مسار الكرة بالتمثيل البياني للدالة $y = \frac{x^2}{1000} - \frac{x}{5}$ ، حيث x المسافة الأفقية بين الكرة والمدافع، و y المسافة الرأسية بين الكرة والأرض. ما إحداثيا رأس التمثيل البياني لمسار الكرة؟

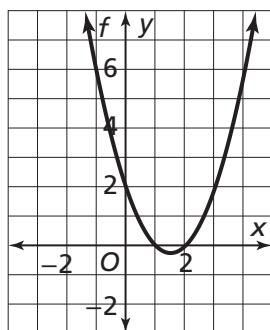
? $2x^2 - 3x + 1 = 0$ 24. ما قيمة المميز في المعادلة

- (A) -17
- (B) -1
- (C) 1
- (D) 17

35. التمثيل البياني أدناه هو للدالة $f(x) = x^2 - 3x + 2$. أعطِ قيمتين للمتغير x

إحداهما تمثل أحد حلول المتباينة

$x^2 - 3x - 2 < 0$ والأخرى لا تمثل حلًّا للمتباينة.



36. محيط ملعب مستطيل الشكل في إحدى المدارس يساوي 160 m، ومساحته أقل من $700 m^2$ حيث x يمثل طول الملعب، أوجد قيمة x .

30. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 7 ومركزها عند النقطة (0, 0)؟

(A) $x + y = 7$
 (B) $x^2 + y^2 = 7$
 (C) $x + y = 49$
 (D) $x^2 + y^2 = 49$

31. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 6 ومركزها عند النقطة (2, 10) بالصيغة القياسية؟

32. ما إحداثياً مركز الدائرة التي معادلتها $x^2 + y^2 - 2x + 10y + 17 = 0$ ، وما طول

نصف قطر هذه الدائرة؟

إحداثياً المركز:

طول نصف القطر:

33. حلّ نظام المعادلات أدناه.

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= 20 \\-2y &= x\end{aligned}$$

34. لأي قيمة A تمثل المعادلة

$$Ax^2 - 10y^2 + 90 = 0$$

(A) 0
 (B) 10
 (C) -10
 (D) -90

2 تقويم الوحدة، النموذج B6. ما حل المعادلة $5x^2 - 6x = 11$?

(A) $3 \pm 2\sqrt{5}$
 (B) $-3 \pm 2\sqrt{5}$
 (C) $-3 \pm \sqrt{5}$
 (D) $3 \pm 5\sqrt{5}$

7. حل نظام المعادلات أدناه.

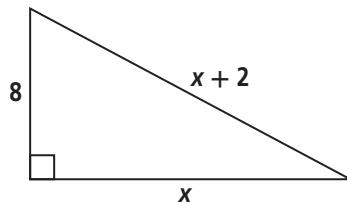
$$\begin{cases} y = x \\ y = x^2 - 3x \end{cases}$$

8. أي من المستقيمات التالية يتقاطع مع القطع

المكافئ ذي المعادلة $y = x^2 - x + 3$

عند نقطتين؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $y = -x + 2$
 (B) $y = -x + 3$
 (C) $y = -x + 4$
 (D) $y = -x + 5$

9. يمر التمثيل البياني للدالة تربيعية بال نقطتين $(0, -4)$ و $(0, 2)$. ما أحد أصفار هذه الدالة؟10. ما قيمة x في الشكل أدناه؟1. حل المعادلة $2x^2 + 7x - 4 = 0$ باستعمال التحليل إلى العوامل.2. أوجد حلول المعادلة $x^2 - 2x = x$ باستعمال التمثيل البياني.

الحلول:

3. ما إحداثيا رأس التمثيل البياني للدالة

$$y = x^2 + 2x + 8$$

(A) $(-1, -7)$
 (B) $(-1, 7)$
 (C) $(1, 9)$
 (D) $(1, 10)$

4. اكتب المقدار العددي $\sqrt{128}$ من دون عامل مربع كامل في المجنزور.

5. أي من المعادلات التالية لها حل حقيقي وحيد؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $4x^2 + 4x + 1 = 4x + 1$
 (B) $2x^2 + x + 1 = x + 1$
 (C) $4x^2 = 1$
 (D) $4x^2 - x - 1 = 0$

16. استعمل القانون العام لحل المعادلة التربيعية $x^2 + 14x + 44 = 0$ أي مما يلي يمثل حلول هذه المعادلة مقرّبةً إلى أقرب جزء من مئة؟

(A) -4.76 و -9.24
(B) 4.76 و -9.24
(C) 4.76 و 9.23
(D) -2.64 و 16.64

17. أي مما يلي هي عوامل للمقدار الجبّري $16 - 5x^6$ اختر كل ما ينطبق.

(A) $x^3 - 4$
(B) $x^3 - 2$
(C) $x^3 - 8$
(D) $x^3 + 4$

18. تندّج الدالة $d = -2x^2 + 10$ المسافة، بالأقدام، التي تفصل متزلّجاً عن قاع منحدر التزلّج بعد مرور x ثانية على انتلاقه من قمة المنحدر. بعد كم ثانية سيكون المتزلّج على مسافة 1 قدم من قاع المنحدر؟

(A) 2.1 s
(B) 4.1 s
(C) 8.0 s
(D) 10.0 s

19. ما قيمة c التي تجعل ثلاثة الحدود $25x^2 + 70x + c$ مربّعاً كاملاً؟

(A) 36
(B) 49
(C) 64
(D) 81

11. أي مما يلي يكفي المقدار $(3\sqrt{2x^3})(\sqrt{8x^5})$ ؟

(A) $12x^4$
(B) $12x^8$
(C) $24x^8$
(D) $6x^4$

12. حل المعادلة $.x(12 - x) = 3(4x - 3)$

13. حل المعادلة $84 = 5x - x^2$ باستعمال التحليل إلى العوامل.

14. تندّج الدالة $P(x) = -3x^2 + 12x + 75$ مقدار ربح إحدى الشركات من إنتاج قطعة معينة، حيث x عدد القطع المنتجة بالألاف و $P(x)$ الربح بالريال القطري. ما عدد القطع التي تؤمن أقصى ربح للشركة؟

(A) 1 000
(B) 2 000
(C) 4 000
(D) 6 000

15. حل المعادلة $(x + 7)^2 = 49$

25. يمكن لالتين إنجاز إحدى المهام في 5 دقائق إذا استعملتهما معاً. يمكن للآلة الأولى أن تنجز المهمة في 15 دقيقة إذا استعملتها وحدها. كم دقيقة تحتاج الآلة الثانية لإنجاز هذه المهمة إذا استعملتها وحدها؟

- (A) 10
- (B) 7.5
- (C) 5
- (D) 2

26. حل المعادلة $\frac{2(1-x)}{3x} = 1 - \frac{3}{x}$.

27. حل المعادلة $x = \frac{2x^2 + x - 7}{2x + 8}$.

28. يستغرق ملء خزان مياه باستعمال الصنبور A أربع ساعات، ويستغرق ملء الخزان باستعمال الصنبور B ست ساعات. ما الزمن الذي يستغرقه ملء الخزان إذا استعملت الصنبورين معاً؟

- (A) 1.4
- (B) 2.4
- (C) 2.0
- (D) 5.0

29. ما حل المعادلة $\frac{x^2 + x - 4}{x - 2} = x - \frac{1}{x - 2}$ ؟

- (A) -2
- (B) 1
- (C) -1
- (D) 3

20. أعد كتابة المقدار $(2\sqrt{6x^3})(\sqrt{18x^5})$ ، حيث قيمة x موجبة، من دون عامل مربع كامل في المجذور.

- (A) $12x^8\sqrt{3}$
- (B) $6x^8\sqrt{3}$
- (C) $12x^4\sqrt{3}$
- (D) $6x^4\sqrt{3}$

21. أوجد قيمة المقدار $\sqrt{(3 + 2)^2 + (16 - 4)^2}$.

22. دالة تربيعية أصفارها هي -4 و 9، أي من الدوال التالية قد تكون هذه الدالة؟ اختر كل ما ينطبق.

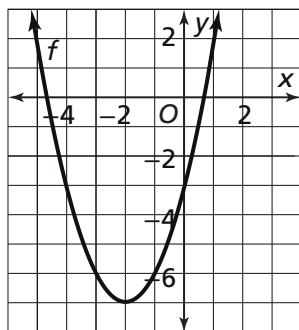
- (A) $f(x) = x^2 - 5x + 36$
- (B) $f(x) = x^2 + 5x - 36$
- (C) $f(x) = x^2 - 5x - 36$
- (D) $f(x) = \frac{x^2 - 5x - 36}{5}$

23. في مباراة للتنس الأرضي، ضرب اللاعب الكرة فمررت فوق الشبكة. تمت نمذجة مسار الكرة بالتمثيل البياني للدالة $y = \frac{2x}{5} - \frac{x^2}{500}$ ، حيث x المسافة الأفقية بين الكرة واللاعب، و y المسافة الرأسية بين الكرة والأرض. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني لمسار الكرة؟

24. ما قيمة الممíز في المعادلة $2x^2 + 3x + 4 = 0$ ؟

- (A) 41
- (B) -24
- (C) -23
- (D) 23

35. التمثيل البياني أدناه هو للدالة $f(x) = x^2 + 4x - 3$. أعطِ قيمتين للمنتغير x أحدهما تمثل أحد حلول المتباينة $x^2 + 4x > 3$ والأخرى لا تمثل حلًّا للمتباينة.



36. محيط قاعة مستطيلة الشكل في إحدى الجامعات يساوي 120 m ، ومساحتها أقل من 500 m^2 حيث x يمثل طول القاعة، أوجد قيمة x .

30. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 4 ومركزها عند النقطة $(0, 0)$ ؟

(A) $x^2 + y^2 = 2$
 (B) $x^2 + y^2 = 4$
 (C) $x^2 + y^2 = 8$
 (D) $x^2 + y^2 = 16$

31. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 2 ومركزها عند النقطة $(-1, -9)$ بالصيغة القياسية؟

32. ما إحداثياً مركز الدائرة التي معادلتها $x^2 + y^2 + 6x - 20y + 60 = 0$ وما طول

نصف قطر هذه الدائرة؟

إحداثياً المركز:

طول نصف القطر:

33. حلّ نظام المعادلات أدناه.

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= 160 \\y - 3x &= 0\end{aligned}$$

34. لأي قيمة A تمثل المعادلة $Ax^2 - 5y^2 + 45 = 0$ معادلة دائرة؟

(A) 0
 (B) -45
 (C) -5
 (D) 5

2 تقويم الوحدة، النموذج C6. ما حل المعادلة $6x^2 + 6x = 1$

(A) $-3 \pm \sqrt{10}$
 (B) $3 \pm \sqrt{10}$
 (C) $-3 \pm 2\sqrt{2}$
 (D) $-3 \pm \sqrt{2}$

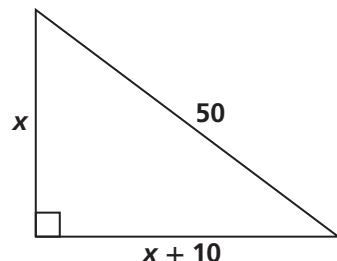
7. حل نظام المعادلات أدناه.

$$\begin{cases} y = 4x \\ y = 4x^2 + 4x - 1 \end{cases}$$

8. أي من المستقيمات التالية ينقطع مع القطع

المكافئ ذي المعادلة $y = x^2 + 6x - 2$ عند نقطتين؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $y = 6x - 4$
 (B) $y = 6x - 3$
 (C) $y = 6x - 2$
 (D) $y = 6x - 1$

9. يميز التمثيل البياني لدالة تربيعية بال نقطتين $(0, -39)$ و $(0, -13)$. ما أحد أصفار هذه الدالة؟10. ما قيمة x في الشكل أدناه؟1. حل المعادلة $x^2 + 2x - 8 = 0$ باستعمال التحليل إلى العوامل.2. أوجد حلول المعادلة $x^2 - x - 2 = 0$ باستعمال التمثيل البياني.

الحلول:

3. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني للدالة $y = x^2 - 2x - 8$

(A) $(1, -8)$
 (B) $(1, -9)$
 (C) $(2, -8)$
 (D) $(1, -7)$

4. اكتب المقدار العددي $\sqrt{240}$ من دون عامل مربع كامل في المجدور.

5. أي من المعادلات التالية لها حلٌّ حقيقيٌّ وحيد؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $x^2 - 2x + 3 = 3 - 2x$
 (B) $x^2 + 5x - 2 = 5x + 2$
 (C) $3x^2 = 14$
 (D) $2x^2 + 2x - 1 = 4x - 2$

16. استعمل القانون العام لحل المعادلة التربيعية $2x^2 + 3x = 4$ ، أي مما يلي يمثل حلول هذه المعادلة مقرّبةً إلى أقرب جزء من مئة؟

(A) 0.85 و 2.35
(B) -0.85 و 2.35
(C) 0.85 و -2.35
(D) -0.85 و -2.35

17. أي مما يلي هي عوامل للمقدار الجبري $16 - x^4$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $x^2 + 4$
(B) $x^2 - 8$
(C) $x^2 - 2$
(D) $x + 2$

18. تندمج الدالة $d = -2x^2 + 15$ المسافة، بالأقدام، التي تفصل متزلجاً عن قاع منحدر التزلج بعد مرور x ثانية على انطلاقه من قمة المنحدر. بعد كم ثانية سيكون المتزلج على مسافة 8 أقدام من قاع المنحدر؟

(A) 0.9 s
(B) 1.9 s
(C) 3.4 s
(D) 3.9 s

19. ما قيمة c التي تجعل ثلاثة الحدود $4x^2 + 12x + c$ مربعاً كاملاً؟

(A) 3
(B) 6
(C) 9
(D) 12

11. أي مما يلي يكافئ المقدار $(3\sqrt{12x^5})(4\sqrt{12x^3})$ ؟

(A) $144x^8$
(B) $144x^4$
(C) $24x^8$
(D) $12x^4$

12. حل المعادلة $\frac{1}{2x^2 - 1} + 2 = 0$.

13. حل المعادلة $0 = 3x^2 - 2x - 5$ باستعمال التحليل إلى العوامل.

14. تندمج الدالة $P(x) = -x^2 + 10x - 4$ مقدار ربح إحدى الشركات من إنتاج قطعة معينة، حيث x عدد القطع المنتجة بالألاف و $P(x)$ الربح بالريال القطري. ما عدد القطع التي تؤمن أقصى ربح للشركة؟

(A) 5 000
(B) 10 000
(C) 20 000
(D) 50 000

15. حل المعادلة $25 = (x - 3)^2$.

25. تستطيع ريم وعبير تنظيف غرفتها في 20 دقيقة إذا عملتا معاً. تستطيع ريم تنظيف الغرفة في 30 دقيقة إذا عملت وحدها. كم دقيقة تحتاج عبير لتنظيف الغرفة إذا عملت وحدها؟

- (A) 30
- (B) 60
- (C) 50
- (D) 80

$$\cdot \frac{5}{x+2} + \frac{x+2}{2-x} = \frac{x^2}{4-x^2} \quad 26.$$

$$\cdot \frac{x}{3-x} - \frac{3-x}{x} = \frac{3}{x} \quad 27.$$

28. يستغرق ملء خزان مياه باستعمال الصنبور A 45 دقيقة، ويستغرق ملء الخزان باستعمال الصنبور B 63 دقيقة. ما الزمن الذي يستغرقه ملء الخزان إذا استعملت الصنبورين معاً؟

- (A) 15
- (B) 26.25
- (C) 25
- (D) 38

$$\frac{x}{x-4} - \frac{4}{x+5} = \frac{36}{(x-4)(x+5)} \quad 29.$$

المعادلة لا حل لها (A)
20 (B)
40 (C)
10 (D)

20. أعد كتابة المقدار $(\sqrt{8x^2})(\sqrt{10x^5})$ ، حيث قيمة x موجبة، من دون عامل مربع كامل في المجذور.

- (A) $80x^3\sqrt{5}$
- (B) $4x^7\sqrt{5}$
- (C) $4x^3\sqrt{5x}$
- (D) $4x^3\sqrt{5}$

21. أوجد قيمة المقدار $\sqrt{(2+3)^2 + (10+2)^2}$.

22. دالة تربيعية أصفارها هي 7 و -3، أي من الدوال التالية قد تكون هذه الدالة؟ اختر كل ما ينطبق.

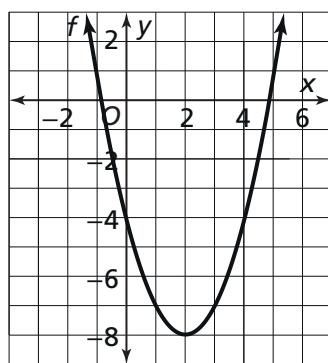
- (A) $f(x) = x^2 + 4x - 21$
- (B) $f(x) = x^2 - 4x - 21$
- (C) $f(x) = 2x^2 - 8x - 21$
- (D) $f(x) = 5(x^2 - 4x - 21)$

23. في مباراة للكرة الطائرة، ضرب أحد اللاعبين نحو الجهة الأخرى من الشبكة. تمت نمذجة مسار الكرة بالتمثيل البياني للدالة $y = \frac{4x}{5} - \frac{x^2}{125}$ ، حيث x المسافة الأفقية بين الكرة واللاعب، و y المسافة الرأسية بين الكرة والأرض. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني لمسار الكرة؟

24. ما قيمة المميز في المعادلة $x^2 - 3x + 2 = 0$ ؟

- (A) -5
- (B) -1
- (C) 1
- (D) 5

35. التمثيل البياني أدناه هو للدالة $f(x) = x^2 - 4x - 4$. أعطِ قيمتين للمنتغير x أحدهما تمثل أحد حلول المتباينة $x^2 - 4x < 4$ والأخرى لا تمثل حلًّا للمتباينة.



36. محيط حديقة مستطيلة الشكل يساوي 200 m، ومساحتها أقل من 900 m² حيث x يمثل طول الحديقة، أوجد قيمة x .

30. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 5 ومركزها عند النقطة (0, 0)؟

(A) $x^2 + y^2 = 5$
 (B) $x^2 - y^2 = 5$
 (C) $x^2 + y^2 = 25$
 (D) $x^2 - y^2 = 25$

31. ما معادلة الدائرة التي طول نصف قطرها يساوي 8 ومركزها عند النقطة (5, -3) بالصيغة القياسية؟

32. ما إحداثياً مركز الدائرة التي معادلتها $x^2 + y^2 + 12x + 4y + 36 = 0$ ، وما طول نصف قطر هذه الدائرة؟

إحداثياً المركز:

طول نصف القطر:

33. حلّ نظام المعادلات أدناه.

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= 18 \\y + x &= 0\end{aligned}$$

34. لأي قيمة A تمثل المعادلة $Ax^2 - 20y^2 + 180 = 0$ معادلة دائرة؟

(A) -20
 (B) 20
 (C) -180
 (D) 0

2 تقويم الأداء، النموذج A

ما المسافة التي تقطعها السيارة قبل أن توقف تماماً بعد أن يضغط السائق على الفرامل؟ كيف يحدد المحققون في حوادث السير ما إذا كانت السيارات التي تتعرض للحوادث تسير بسرعات آمنة أم لا؟ لقد فكر هؤلاء المحققون في متغيرات مثل سرعة السيارة، وزمن استجابة السائق، ونوع الطريق، وأحوال الطقس، ومدى كفاءة الفرامل.

1. افترض أن سائق سيارته يقود سيارته في طريق مستوي وجاف وأن زمن استجابته متوسط. تربط الصيغة $y = 0.048x^2 + 0.37x$ بين مسافة توقف السيارة التقريرية y ، بالأقدام، وسرعة السيارة x ، بالأميال في الساعة.

A الجزء

مثّل الصيغة بيانياً.
سمّ المحورين واستعمل مقاييس مناسبين لهما.

B الجزء

ما السرعة التقريرية التي يجب أن يقود بها سائق سيارته بحيث يضمن سرعة توقف تساوي 50 أو أقل؟
استعمل الصيغة التربيعية المذكورة أعلاه لإيجاد السرعة. اشرح خطوات الحل.

الجزء C

وُضِّحَ كيف يمكنك إيجاد السرعة التي وجدتها في الجزء B باستعمال حاسبة بيانية لتمثيل الدالّتين بيانياً.

2. عندما يضغط السائق على الفرامل تترك إطارات السيارة علامات انزلاق على الطريق يمكن استعمالها لتقدير سرعة السيارة قبل الفرملة. في طريق مستوي وجاف، يمكن استعمال المقدار $3\sqrt{3} \cdot \sqrt{d}$ لتقدير السرعة، بالأميال في الساعة، التي تركت بها السيارة علامة انزلاق بطول d قدم أثناء سيرها عند ضغط السائق على الفرامل.

إذا انزلقت السيارة مسافة 60 ft قبل أن تتوقف، ما المقدار الذي يمثل السرعة التي كانت تسير بها السيارة؟ اكتب إجابتك بحيث لا تكون هناك عوامل مرتبطة كاملة في المجذور، ثم قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة من الميل في الساعة. بين عملك.

$x(\text{mi/h})$	$w(x)(\text{ft})$
0	0
5	1.9
10	7.4
15	16.7
20	29.6
25	46.3

3. افترض أن شركة لتصنيع السيارات تختبر الفرامل في سياراتها الرياضية في نوعين من ظروف الطريق. في طريق جاف، السيارة التي تسير بسرعة x ميل في الساعة تترك علامة انزلاق بطول f قدم، وفق المعادلة $f(x) = \frac{x^2}{27}$. في طريق مبلل، السيارة التي تسير بسرعة x ميل في الساعة تترك علامة انزلاق بطول w قدم، وفق الجدول المجاور. قارن بين الدالّتين. ما الاستنتاجات التي يمكنك استخلاصها بشأن تأثير أحوال الطقس على مسافة الانزلاق؟ هل يجب أن تخفّف من سرعتك في قيادة السيارة عندما تمطر أم يجب أن تسرع؟

4. في تصميم سطح طريق جديد، تربط المعادلة $10 - \frac{1}{2}x + \frac{x^2}{20} = y$ بين مسافة توقف السيارة y ، بالأقدام، وسرعتها قبل الفرملة x ، بالأميال في الساعة. افترض أنّ سيارة تقطع مسافة 300 قدم لتتوقف بعد الضغط على الفرامل. استعمل طريقة إكمال المربع لإعادة كتابة المعادلة $300 = 10 - \frac{1}{2}x + \frac{x^2}{20} = q(x + p)^2$ في الصورة $q(x + p)^2 = 300$. ثم قدر سرعة السيارة قبل الضغط على الفرامل. بين عملك.

2 تقويم الأداء، النموذج B

عندما يطلق فارس سهماً، يتبع السهم مساراً له شكل قطع مكافئ في الجو. يمكن تمثيل هذا القطع المكافئ بدالة تربيعية، حيث يمثل x المسافة الأفقية التي تفصل بين السهم والرامي بمرور الزمن، ويمثل y ارتفاع السهم فوق الأرض.

1. أطلق فارس سهماً من ارتفاع كتفه البالغ 4 ft، بلغ السهم أقصى ارتفاع له عند ارتفاع 40 ft قبل أن يبدأ بالسقوط. ارتطم السهم بالأرض على مسافة تبعد 160 ft تقريباً من مكان وقوف فارس. نمذج فارس هذا الموقف باستعمال دالة تربيعية. ما صفر هذه الدالة؟ ما المقطع y للتمثيل البياني للدالة؟ أنشئ تمثيلاً بيانياً لهذا الموقف بناءً على المعطيات التي توصلت إليها، حيث يمثل y الارتفاع الرأسى، بالأقدام، ويمثل x المسافة الأفقية، بالأقدام.

2. أطلق فارس سهماً من قمة تل نحو الأرض. يمكن نمذجة مسار السهم بالدالة التربيعية $y = -5x^2 + 15x + 90$ ، حيث يمثل y الارتفاع الرأسى للسهم، بالأمتار، ويمثل x الزمن، بالثوانى. استعمل طريقة التحليل إلى العوامل لإيجاد صفر الدالة الموجب. ماذا يمثل هذا الصفر؟ ثم أوجد القيمة العظمى للدالة بطريقة إكمال المربع. ماذا تمثل هذه القيمة العظمى؟ ووضح جميع الخطوات في حلق.

3. يستعمل رماة السهام زاوية التسديد إلى الهدف للتحكم بالمسافة التي تقطعها سهامهم. يجب عليهم تسديد سهامهم إلى نقطة تقع فوق مركز الهدف لتحييد المسافة التي يهبطها السهم؛ تحت تأثير الجاذبية الأرضية. كذلك، بما أنّ مركز الهدف يقع عند ارتفاع 1.2 m من سطح الأرض، عليهم أن يحاولوا إطلاق السهم بحيث يقطع مسافة تخطي موقع الهدف ليتمكن من إصابة المركز أثناء هبوطه. يقدر فارس القيم y التالية لتمثيل ارتفاع سهمه، بالأمتار، والقيم x التالية لتمثيل المسافة الأفقية المقابلة لكل ارتفاع، بالأمتار.

- عند $m = 0\text{ m}$ ، $x = 0\text{ m}$ ، $y = 1.4\text{ m}$ (ارتفاع الكتف)
- عند $m = 1.2\text{ m}$ ، $x = 90\text{ m}$ ، $y = 1.2\text{ m}$ (ارتفاع مركز الهدف)
- عند $m = 95\text{ m}$ ، $x = 95\text{ m}$ ، $y = 0\text{ m}$ (المسافة التي يقطعها السهم في حال عدم وجود الهدف).

A الجزء

استعمل حاسبة بيانية ونقط فارس التقديرية لإيجاد نموذج يمثل هذا الموقف. وضح إجابتك.

B الجزء

استعمل حاسبة بيانية لإيجاد الارتفاع الأقصى الذي يبلغه سهم فارس والمسافة الأفقية التي يقطعها السهم من موقع فارس إلى هذه النقطة.

4. أطلق فارس سهماً نحو هدف متحرك. الدالة التي تمثل مسار السهم هي $y = -0.02x^2 + x + 4$ ، والدالة التي تمثل مسار الهدف هي $y = 0.3x$ ، المتغيران x و y في كلا النموذجين يمثلان المسافات الأفقية والرأسيّة بالأقدام. عندما يصيّب السهم الهدف، ما المسافة الأفقية التي يبعدها السهم عن فارس، وما ارتفاع السهم عن الأرض؟ (افتراض أنّ الجسمين يصلان إلى نقطة التقاطع في نفس الوقت). استعمل التمثيل البياني لحركتي الجسمين لنقدّير الإجابات في هذه المسألة. ثم استعمل الجبر لحلّ المسألة. وضح إجابتك.

الاختبار التراكمي للوحدتين 1 و 2

5. ما معادلة محور تنازير الدالة $y = -(x + 3)^2 + 5$ ؟

- (A) $x = -5$
- (B) $x = 3$
- (C) $x = -3$
- (D) $x = 5$

6. مثل الدالة $f(x) = 3(x - 4)^2 + 5$ بيانياً، ثم حدد رأس التمثيل البياني.

1. أي من الدوال التالية متوسط معدل تغيرها، في الفترة $4 < x < 1$ ، أكبر من متوسط معدل تغير الدالة $S(x) = 3.5x^2$ في الفترة نفسها؟

- (A) $u(x) = 3.2x^2$
- (B) $t(x) = 2.9x^2$
- (C) $g(x) = 2x^2$
- (D) $h(x) = 4x^2$

2. في أي فترة تكون الدالة الموضحة في الجدول أدناه متزايدة؟

x	$y = -\frac{1}{3}x^2$	(x, y)
-9	-27	(-9, -27)
-3	-3	(-3, -3)
0	0	(0, 0)
3	-3	(3, -3)
9	-27	(9, -27)

الرأس:

7. أي من الدوال التالية رأس تمثيلها البياني إزاحة أفقية بمقدار 6 وحدات إلى يسار رأس التمثيل البياني للدالة $f(x) = (x - 4)^2 + 8$ ؟

- (A) $h(x) = (x - 4)^2 + 14$
- (B) $h(x) = (x + 2)^2 + 8$
- (C) $h(x) = (x - 10)^2 + 8$
- (D) $h(x) = (x - 4)^2 + 2$

3. التمثيل البياني للدالة $f(x) = ax^2$ مفتوح نحو الأعلى، وهو أضيق من التمثيل البياني للدالة $g(x) = x^2$. أي مما يلي يمكن أن يكون قيمة a ؟

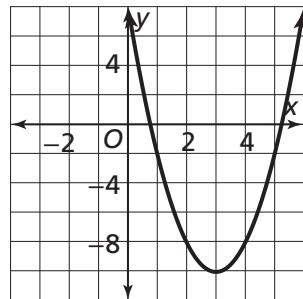
- (A) -0.5
- (B) 6
- (C) 0.25
- (D) -2

4. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة $y = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - 7$

الرأس:

المقطع:

11. التمثيل البياني للدالة $f(x) = 2x^2 - 12x + c$ هو إزاحة رأسية للتمثيل البياني أدناه بمقدار وحدتين إلى الأسفل. ما قيمة c ؟



- (A) -6
- (B) -2
- (C) 2
- (D) 6

12. يبني أحمد قلعة من الرمل قاعدتها مستطيلة الشكل. أطوال أضلاع القاعدة هي 25 in و 16 in. يريد أحمد إحاطة قاعدة القلعة بخندق عرضه w إنش. اكتب دالة تربيعية A تمثل المساحة الكلية اللازمة لبناء القلعة والخندق بالصيغة القياسية.

13. يبلغ عرض لوحة فنية، من دون إطارها، مثلين ونصف ارتفاعها h بالإنش. عرض الإطار المحيط باللوحة يساوي 3 in، اكتب مقداراً بالصيغة القياسية يمثل مساحة اللوحة والإطار معًا بدالة h .

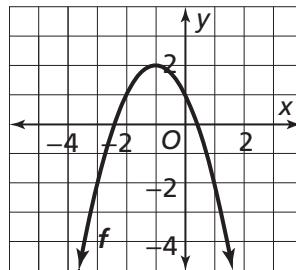
8. ما معادلة محور تناظر التمثيل البياني للدالة $f(x) = -4x^2 + 16x - 15$ ؟

- (A) $x = -2$
- (B) $y = 2$
- (C) $x = 2$
- (D) $x = 4$

9. ما إحداثياً رأس التمثيل البياني للدالة $y = x^2 + 14x + 33$ ؟

- (A) (-16, 7)
- (B) (16, -7)
- (C) (7, -16)
- (D) (-7, -16)

10. التمثيل البياني للدالة $f(x) = -x^2 + bx + 1$ موضح أدناه. ما قيمة b ؟



- (A) -2
- (B) -1
- (C) 1
- (D) 2

18. حل المعادلة $0 = 17y + 10 - 3y^2$ باستعمال التحليل إلى العوامل.

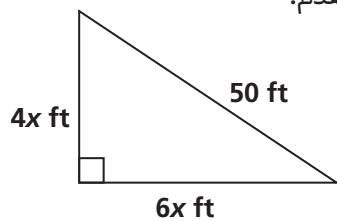
19. اكتب المقدار العددي $\sqrt{175}$ من دون عامل مربع كامل في المجنزور.

20. أعد كتابة المقدار $(\sqrt{50x^4})(\sqrt{25x^5})$ ، حيث قيمة x موجبة، من دون عامل مربع كامل في المجنزور.

(A) $50x^5\sqrt{2x}$
 (B) $25x^4\sqrt{2x}$
 (C) $5x^4\sqrt{2x}$
 (D) $25x^5\sqrt{2x}$

21. حل المعادلة $x(18 - x) = 2(9x - 32)$.

22. أوجد قيمة x في المثلث أدناه. ثم أوجد طولي الضلعين الناقصين في المثلث. قرب الإجابة إلى أقرب وحدة من القدم.



$$x = \underline{\hspace{2cm}}$$

طولاً الضلعين المجهولين:

14. تتمذج الدالة $h(t) = -16t^2 + 40t$ ارتفاع كرة، بالأقدام، بعد t ثانية من قذفها في الهواء. ما أقصى ارتفاع يمكن أن تبلغه الكرة بعد قذفها؟

(A) 25 ft
 (B) 27 ft
 (C) 50 ft
 (D) 75 ft

15. تتمذج الدالة $H(x) = -16x^2 + 24x + 15$ ارتفاع سنحاب فوق الأرض عند قفزه من غصن شجرة، حيث x عدد الثوانی المنقضية بعد قفز السنحاب. بعد كم ثانية من القفز يبلغ السنحاب ارتفاعه الأقصى؟

(A) 1.33 s
 (B) 0.50 s
 (C) 0.75 s
 (D) 1.00 s

16. يمّر التمثيل البياني للدالة $f(x) = 2x^2 + x - 15$ بالنقطتين $(-5, 0)$ و $(0, -3)$. ما أحد أصفار الدالة f ؟

17. يوضح الجدول أدناه القيم المدخلة والمخرجة للدالة $f(x) = x^2 + 8x - 1$. أي من القيم التالية يمثل حلّاً تقربيّاً للمعادلة $x^2 + 8x - 1 = 0$ ؟

X	Y ₁
-0.2	-2.56
-0.1	-1.79
0	-1
0.1	-0.19
0.2	0.64
0.3	1.49

(A) -1
 (B) -0.2
 (C) 0
 (D) 0.14

27. ما حل المعادلة $2x + \frac{12}{x-3} = \frac{4x}{x-3}$ ؟

$$1 = \frac{4}{x^2 - 1} - \frac{2}{x - 1} \quad \text{حل المعادلة .28}$$

اذكر أي قيود على المتغيرات.

- (A) $-3, x \neq -1, 1$
- (B) $1, x \neq 1$
- (C) $-3, 1$
- (D) $3, x \neq -1, 1$

29. أوجد حلول المعادلة $-4 + x^2 = -3x$ باستعمال

التمثيل البياني.

23. أوجد قيمة c التي تجعل ثلاثة الحدود $c + 12x + x^2$ مترجعاً كاملاً.

(A) 6
(B) 9
(C) 12
(D) 36

24. اكتب الدالة $f(x) = 4x^2 - 40x + 96$.

بصيغة الرأس. ثم حدد إحداثي رأس التمثيل البياني للدالة.

صيغة الرأس:

الرأس:

25. استعمل القانون العام لحل المعادلة التربيعية

$$2x^2 - 5x = 4$$

المعادلة مقربةً إلى أقرب جزء من مئة؟

0.64₉ -3.14 (A)
-0.64₉ -3.14 (B)
0.64₉ 3.14 (C)
-0.64₉ 3.14 (D)

26. ما عدد الحلول الحقيقية للمعادلة

$$?x^2 - 2x + 2 = 0$$

- لها حلول حقيقة A
- لها حل حقيقى واحد B
- لها حلان حقيقيان C
- لها أكثر من حلّين حقيقى D

الحلوان

30. حل نظام المعادلات أدناه.

$$y = -4x$$

$$y = 2x^2 - 15x$$

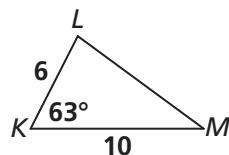
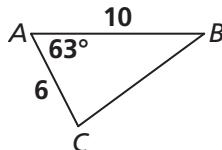
3 تقويم بداية الوحدة

6. تحويلات التطابق تحافظ على

9

7. يحول انعكاس حول محور رأسي ΔJKL إلى ΔPQR . أي مما يلي يمثل أفضل مقارنةبين محيطي ΔPQR و ΔJKL ؟

Ⓐ محيط ΔJKL يساوي محيط ΔPQR .
 Ⓑ محيط ΔJKL أكبر من محيط ΔPQR .
 Ⓒ محيط ΔJKL أصغر من محيط ΔPQR .
 Ⓓ لا توجد معلومات كافية لمقارنة محيطي المثلثين.

8. أي مما يلي يمثل أفضل مقارنة بين ΔABC و ΔKLM ؟

Ⓐ المثلثان متطابقان بالنظرية ASA.
 Ⓑ المثلثان متطابقان بالنظرية SAS.
 Ⓒ المثلثان متطابقان بالنظرية SSS.
 Ⓓ لا يمكن تحديد العلاقة بينهما.

1. إذا كان $(2, -2)$ ما إحداثيا (A) ؟

Ⓐ $(-8, 2)$ Ⓑ $(2, 2)$
 Ⓒ $(2, 6)$ Ⓓ $(5, 2)$

2. خريطة مقايسها $1 \text{ in} = 12 \text{ mi}$ ، إذا كانت المسافةبين بلدتين على الخريطة 4.5 in ، ما المسافة
الحقيقية بينهما؟

Ⓐ 30 mi Ⓑ 54 mi
 Ⓒ 45 mi Ⓓ 60 mi

3. ما قيمة x ؟

$$\frac{x}{8} = \frac{9}{6}$$

Ⓐ 1.3 Ⓑ 12
 Ⓒ 1.5 Ⓓ 72

4. تمدد معامله 2 يحول ΔABC إلى ΔDEF أي مما يلي يمثل أفضل مقارنة بين $m\angle E$ و $m\angle B$ و $m\angle F$ ؟

Ⓐ $m\angle B = 2(m\angle E)$
 Ⓑ $m\angle E = 2(m\angle B)$
 Ⓒ $m\angle B = m\angle E$
 Ⓓ $m\angle E = 180^\circ - m\angle B$

5. إحداثيات رؤوس المثلث DEF هي $D(1, 1)$ و $E(1, 5)$ و $F(5, 1)$. المثلث $D'E'F'$ صورة
للمثلث DEF تحت تأثير تمدد مركزه $(0, 0)$ ومعامل قياسه 7، أوجد $D'F'$.

12. يكون مصلعان متطابقين إذا، وفقط إذا، كان هناك تركيب من $\underline{\hspace{2cm}}$ يحول أحد المصلعين إلى المصلع الآخر.

13. أوجد قيمة p في ما يلي:

$$\frac{45}{20} = \frac{40.5}{p}$$

14. يحول تركيب مكون من إزاحة ودوران الرباعي $ABCD$ إلى الرباعي $EFGH$. إذا كان $m\angle BCD = 27.9^\circ$ ، ما قياس $\angle FGH$ ؟

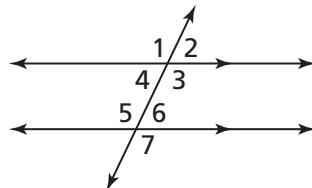
15. المستطيلان $ABCD$ و $WXYZ$ متتشابهان، لكنهما ليسا متطابقين. أي ترتيب من التحويلات التالية يمكن أن يحول $WXYZ$ إلى $ABCD$ ؟

التحولات	نعم	لا
دوران، تمدد	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
دوران، انعكاس	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
إزاحة، تمدد	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
إزاحة، انعكاس	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

16. أوجد قيمة a في ما يلي:

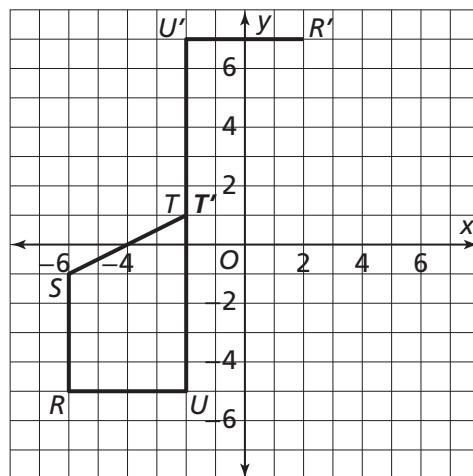
$$\frac{49.6}{24.8} = \frac{16}{a}$$

9. أي من الروايات التالية متطابقة مع $\angle 1$ ؟
اختر كل ما ينطبق.

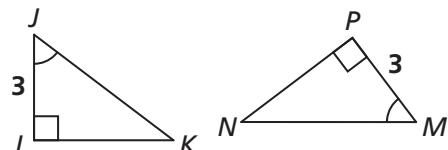


(A) $\angle 2$ (D) $\angle 5$
 (B) $\angle 3$ (E) $\angle 6$
 (C) $\angle 4$ (F) $\angle 7$

10. تم تمثيل الصورة $(RSTU)$ $r_{(180^\circ, T)}$ جزئياً في الرسم البياني أدناه. ما إحداثيا النقطة S ؟



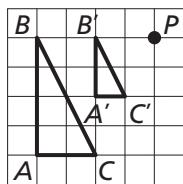
11. أي مما يلي يصف العلاقة بين $\triangle MNP$ و $\triangle JKL$ وصيفاً صحيحاً؟



(A) المثلثان متطابقان بالنظرية ASA.
 (B) المثلثان متطابقان بالنظرية SAS.
 (C) المثلثان متطابقان بالنظرية HL.
 (D) لا يمكن تحديد العلاقة بينهما.

3-1 اختبار الدرس

التمدد

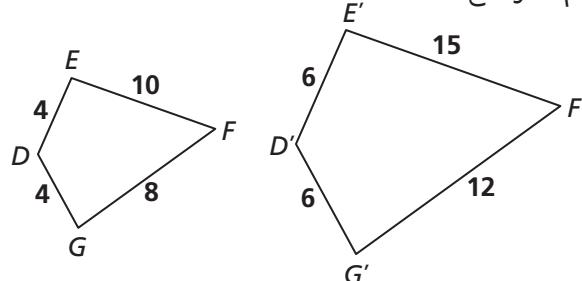


1. إذا كان المثلث $A'B'C'$ تمدداً للمثلث ABC ، فما العلاقة بين قياسات زوايا وأطوال أضلاع كل من المثلث الأصلي وصورته؟

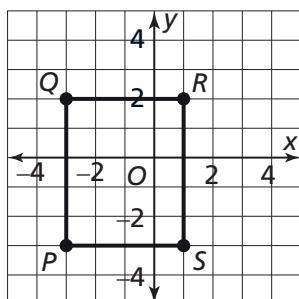
- (A) قياسات الزوايا متطابقة وأطوال الأضلاع متطابقة.
- (B) قياسات الزوايا متطابقة وأطوال الأضلاع متناسبة.
- (C) قياسات الزوايا متناسبة وأطوال الأضلاع متطابقة.
- (D) قياسات الزوايا متناسبة وأطوال الأضلاع متناسبة.

2. ما قيمة معامل القياس في الرسم الموضح أدناه؟

- (A) $\frac{3}{2}$
- (B) 2
- (C) 3
- (D) $\frac{2}{3}$



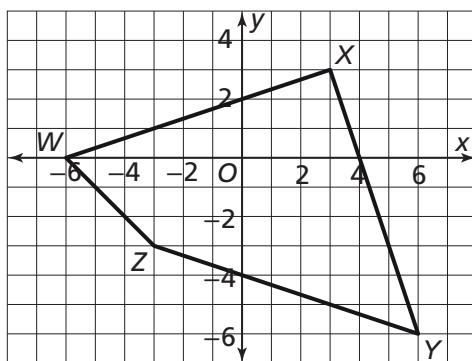
3. ما إحداثياً النقطة R' الناتجة عن التمدد $D_{(0.5, P)}(\Delta PQR)$ في الشكل المجاور؟



4. رؤوس ΔJKL هي $J(-3, -2)$ و $K(1, 4)$ و $L(4, 2)$. أي من أزواج الإحداثيات التالية تمثل رؤوس المثلث الناتج عن التمدد $D_5(\Delta JKL)$ ؟

	نعم	لا
$(-15, -10)$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$(5, 4)$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$(20, 10)$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

5. مثل $D_{\frac{1}{3}}(WXYZ)$ بيانياً.

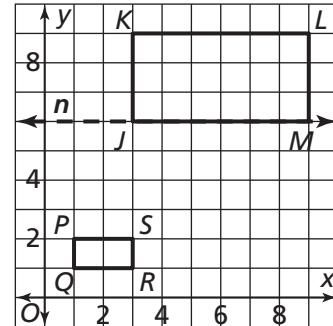


3-2 اختبار الدرس**تحويلات التشابه**

1. كل تحويل هندسي مركب من تحويل واحد أو أكثر، من تحويلات التطابق وتمدد يسمى _____.

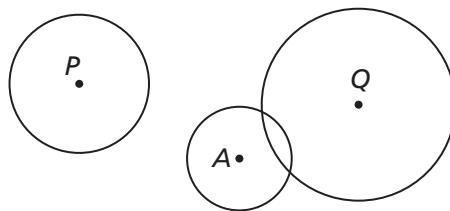
2. أي من العبارات التالية تصف بأفضل شكل تركيب تحويلات التطابق الذي يحول الشكل $PQRS$ إلى الشكل $JKLM$ ؟

- (A) $(D_3 \circ R_n)(JKLM)$
- (B) $(D_{\frac{1}{3}} \circ R_n)(JKLM)$
- (C) $(D_3 \circ T_{(-2, -5)})(JKLM)$
- (D) $(D_{\frac{1}{3}} \circ T_{(-2, -5)})(JKLM)$



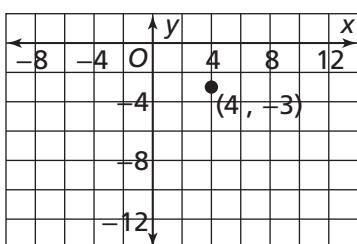
3. أي من التحويلات التالية يحول $\triangle ABC$ إلى مثلث مشابه؟

- (A) $(D_4 \circ r_{180^\circ})(\triangle ABC)$
- (B) $(r_{90^\circ} \circ T_{(2, -2)})(\triangle ABC)$
- (C) $(T_{(2, -2)} \circ R_{x\text{-axis}})(\triangle ABC)$
- (D) $(R_{x\text{-axis}} \circ r_{90^\circ})(\triangle ABC)$



4. حدد ما إذا كانت كل من العبارات التالية صحيحة أم خطأ.

	صحيح	خطأ
يوجد تحويل تشابه يحول الدائرة P إلى الدائرة Q .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
إذا كان تحويل تشابه يحول الدائرة A إلى الدائرة Q ، يجب أن يشتمل على دوران.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
كل الدوائر متشابهة.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



5. مثل الصورة $(4, -3) \rightarrow (D_2 \circ R_{y\text{-axis}})(4, -3)$ بيانياً.

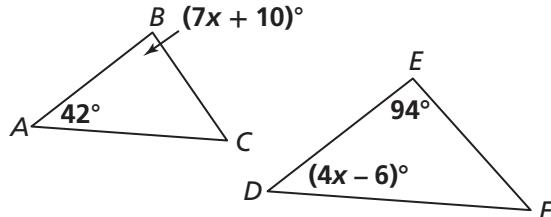
6. ما إحداثيات النقطة 'V' في $(T_{(3, -2)} \circ D_5)(\triangle TUV)$ إذا كان $T(-1, -1)$ و $U(-1, 2)$ و $V(2, 1)$ ؟

3-3 اختبار الدرس

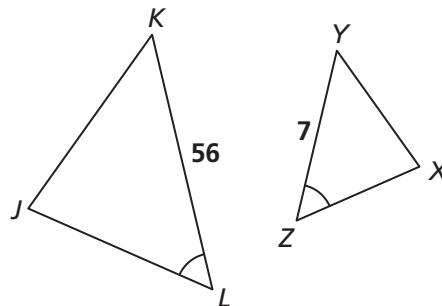
إثبات تشابه المثلثات

1. أي قيمة للمتغير x تجعل $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ ؟

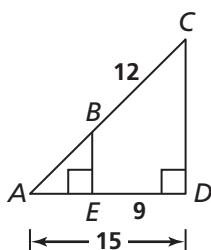
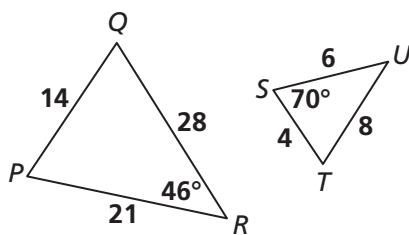
(A) 12
(B) 25
(C) 44
(D) 52

2. أي من الشروط التالية يتتيح لنا إثبات أن $\Delta JKL \sim \Delta XYZ$ ؟

(A) $\frac{JK}{XY} = \frac{1}{8}$
(B) $\frac{JL}{XZ} = \frac{1}{8}$
(C) $\frac{KL}{YZ} = 8$
(D) $\frac{JL}{XZ} = 8$

3. إذا كان $\Delta FGH \sim \Delta LMN$ ، فأي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $\frac{FG}{LM} = \frac{FH}{LN}$
(B) $FH \sim LN$
(C) $\frac{m\angle F}{m\angle L} = \frac{m\angle G}{m\angle M}$
(D) $GH \cong MN$
(E) $m\angle H \cong m\angle N$

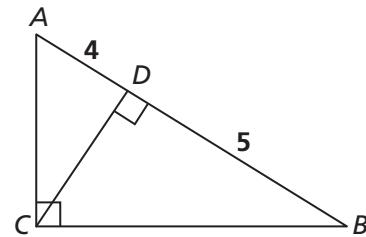
4. لدينا المثلثان ΔABE و ΔACD . أوجد AB .5. لدينا المثلثان ΔPQR و ΔSTU . أوجد $m\angle Q$.

3-4 اختبار الدرس

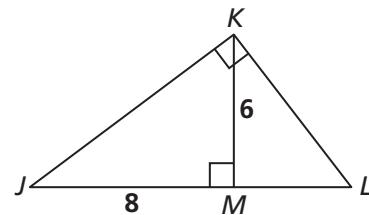
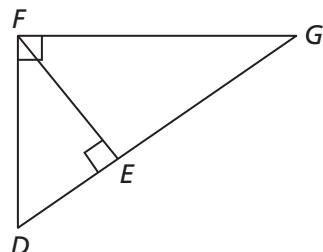
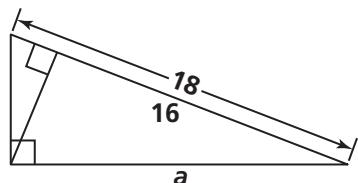
التشابه في المثلثات القائمة

1. أي مما يلي يمثل الطول AC ؟

(A) $2\sqrt{5}$
 (B) $3\sqrt{5}$
 (C) 6
 (D) 9

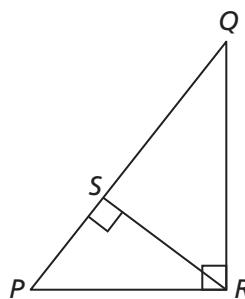
2. أي مما يلي يمثل الطول JL ؟

(A) 4.5
 (B) 6.75
 (C) 8.75
 (D) 12.5

3. اكتب تناصياً يمكن استعماله لإيجاد قيمة a .4. أي من المثلثات التالية مشابه للمثلث DEF ؟

	نعم	لا
$\triangle DFG$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle EGF$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle FEG$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

5. استعمل تناصياً يمكن استعماله لإكمال الجدول التالي:



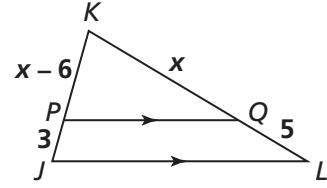
المتوسط الهندسي	القطع المستقيم
$QS \text{ و } PS$	
9	PR
$QS \text{ و } PQ$	

3-5 اختبار الدرس

التناسب في المثلثات

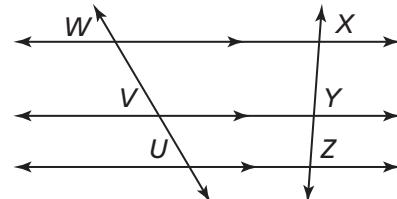
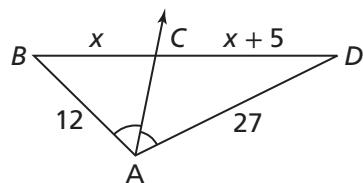
1. ما قيمة x ؟

(A) $\sqrt{3}$
 (B) $\sqrt{21}$
 (C) 9
 (D) 15

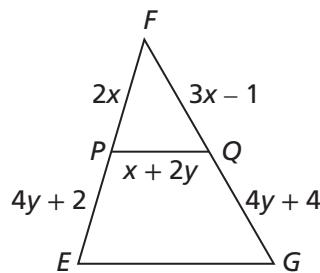


2. أي من الاستنتاجات التالية يدعمه الرسم البياني أدناه؟

(A) $\frac{UV}{VW} = \frac{ZY}{YX}$
 (B) $\frac{VY}{WX} = \frac{UZ}{VY}$
 (C) $UZ = \frac{1}{2}WX$
 (D) $VY = \frac{1}{2}WX$

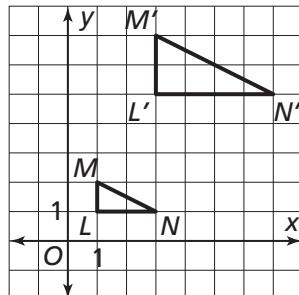
3. أوجد BD .

4. املأ الفراغات. إذا كانت قطعة مستقيمة تصل بين نقطي منتصف ضلعى مثلث، فإنها _____ الضلع الثالث، وطولها يساوى _____.

5. إذا كان ΔEFG محيط $GQ = FQ$ و $EP = FP$ ، ما محيط ΔEFG ؟

3 تقويم الوحدة، النموذج A

5. أي مما يلي هو الوصف الأفضل لتركيب التحويلات الذي يحول $\Delta L'M'N'$ إلى ΔLMN ؟



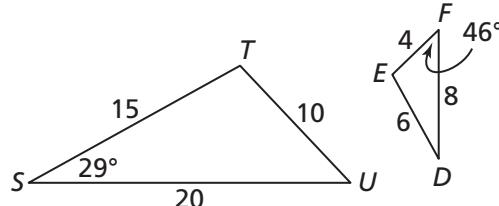
- (A) $(D_2 \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$
- (B) $(D_{\frac{1}{2}} \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$
- (C) $(T_{(1, 3)} \circ D_2)(\Delta LMN)$
- (D) $(T_{(-1, -2)} \circ D_{\frac{1}{2}})(\Delta LMN)$

6. ما إحداثيا الصورة V' الناتجة عن التحويل $T(-7, -6) \circ D_4(\Delta TUV)$ حيث $T_{(-3, 1)} \circ D_4(\Delta TUV)$ ، $V(2, 1)$ ، $U(-8, 3)$ ؟

7. حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة أم خطأ.

- كل تحويل تشابه يحول دائرة إلى دائرة يجب أن يتضمن دورانًا.
- كل الدوائر متشابهة.
- هناك دائرة تحويل تشابه يحول دائرة إلى دائرة.

8. لدينا $m\angle U$ و ΔDEF و ΔSTU . أوجد $m\angle U$.

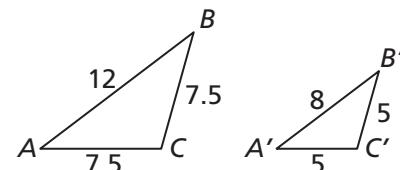


1. ما العلاقة بين قياسات زوايا وأطوال أضلاع الشكل الأصلي، وصورته الناتجة عن تمدد معامله لا يساوي 1؟

- (A) الزوايا متطابقة؛ أطوال الأضلاع متطابقة.
- (B) الزوايا متطابقة؛ أطوال الأضلاع متناسبة.
- (C) الزوايا متناسبة؛ أطوال الأضلاع متطابقة.
- (D) الزوايا متناسبة؛ أطوال الأضلاع متناسبة.

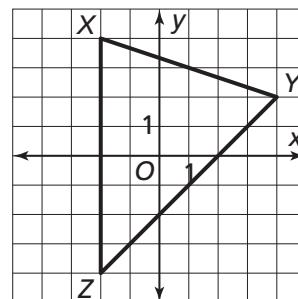
2. ما معامل قياس التمدد الموضح أدناه؟

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{2}{3}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- (D) $\frac{3}{2}$

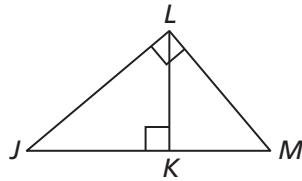


3. ما إحداثيا الصورة $D_{0.5}(1, 2)$ ؟

4. مثل ΔXYZ $D_{\frac{1}{2}}$ بيانياً.



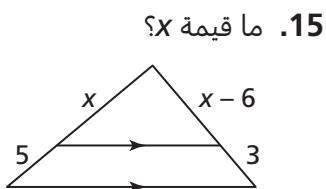
14. أي من المثلثات التالية يتشابه مع $\triangle JKL$ ؟



	نعم	لا
$\triangle LKM$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle JLM$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle KML$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

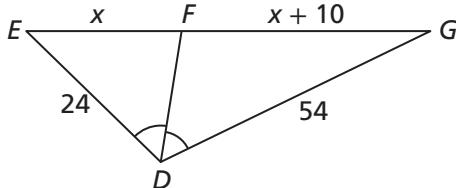
(A) 3
(B) 9
(C) 15
(D) 30

15. ما قيمة x ؟

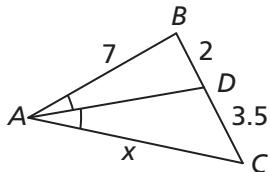


(A) $AF = \frac{1}{2}CD$
(B) $BE = \frac{1}{2}CD$
(C) $\frac{AB}{BC} = \frac{FE}{ED}$
(D) $\frac{BE}{CD} = \frac{AF}{BE}$

17. ما قيمة EG ؟



18. لدينا $\triangle ABC$. ما قيمة x ؟

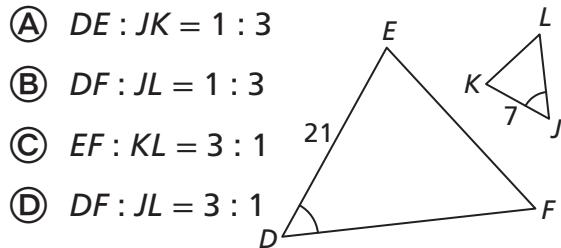


9. إذا كان $\triangle PQR \sim \triangle XYZ$ ، أي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.

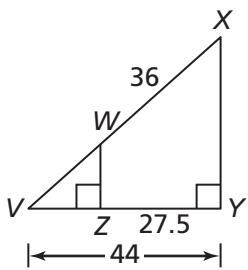
(A) $\frac{PQ}{XY} = \frac{PR}{XZ}$
(B) $\frac{m\angle P}{m\angle X} = \frac{m\angle Q}{m\angle Y}$
(C) $QR = YZ$
(D) $m\angle R = m\angle Z$

10. أي من الشروط التالية يحقق $\triangle DEF \sim \triangle JKL$ ؟

(A) $DE : JK = 1 : 3$
(B) $DF : JL = 1 : 3$
(C) $EF : KL = 3 : 1$
(D) $DF : JL = 3 : 1$

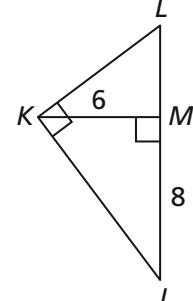


11. لدينا $\triangle VWZ$ و $\triangle VXY$. ما قيمة VW ؟



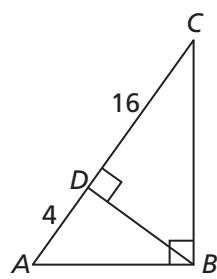
12. ما قيمة JL ؟

(A) 9
(B) 12.5
(C) 17.5
(D) 25



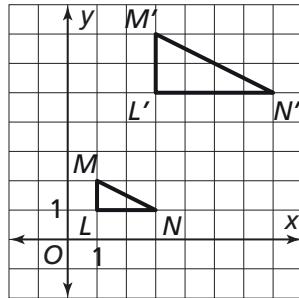
13. ما قيمة BD ؟

(A) $2\sqrt{5}$
(B) $4\sqrt{5}$
(C) 8
(D) 10



3 تقويم الوحدة، النموذج B

5. أي مما يلي هو الوصف الأفضل لتركيب التحويلات الذي يحول $\Delta L'M'N'$ إلى ΔLMN ؟



- (A) $(T_{(1, 3)} \circ D_2)(\Delta LMN)$
- (B) $(T_{(-1, -2)} \circ D_{\frac{1}{2}})(\Delta LMN)$
- (C) $(D_2 \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$
- (D) $(D_{\frac{1}{2}} \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$

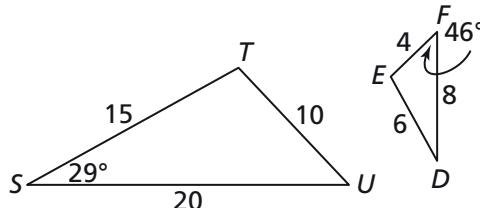
6. ما إحداثيا الصورة U' الناتجة عن التحويل $T(-7, -6) \circ D_4$ حيث $T_{(-3, 1)} \circ D_4(\Delta TUV)$ ، $V(2, 1)$ ، $U(-8, 3)$ ؟

7. حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة أم خطأ.

كل تحويل تشابه يحول دائرة إلى دائرة يجب أن يتضمن انعكاساً.

ليس هناك تحويل تشابه يحول دائرة إلى دائرة كل الدوائر متشابهة.

8. لدينا $m\angle D = 80^\circ$. أوجد ΔDEF و ΔSTU .

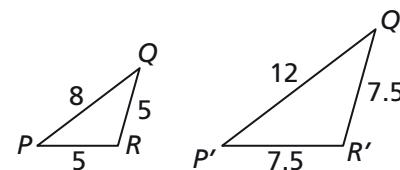


1. ما العلاقة بين قياسات زوايا وأطوال أضلاع الشكل الأصلي، وصورته الناتجة عن تمدد معامله أصغر من 1؟

- (A) الزوايا متناسبة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أكبر من أطوال أضلاع الصورة.
- (B) الزوايا متناسبة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أصغر من أطوال أضلاع الصورة.
- (C) الزوايا متطابقة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أكبر من أطوال أضلاع الصورة.
- (D) الزوايا متطابقة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أصغر من أطوال أضلاع الصورة.

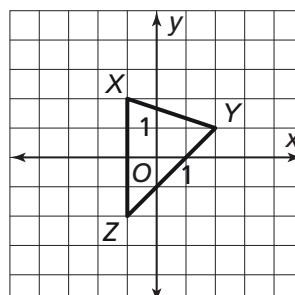
2. ما معامل قياس التمدد الموضح أدناه؟

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{2}{3}$
- (C) $\frac{3}{2}$
- (D) 2

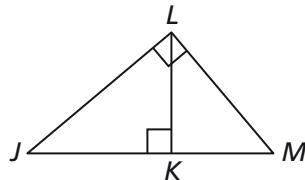


3. ما إحداثيا الصورة $D_{0.5}(2, 4)$ ؟

4. مثل $D_2(\Delta XYZ)$ بيانياً.



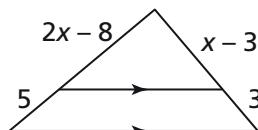
14. أي من المثلثات التالية يتشابه مع $\triangle MKL$ ؟



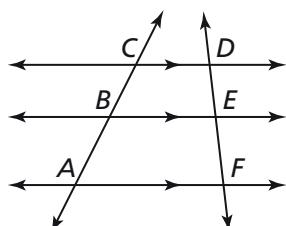
	نعم	لا
$\triangle LKJ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle LMK$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle MLJ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

(A) 3
(B) 9
(C) 15
(D) 30

15. ما قيمة x ؟

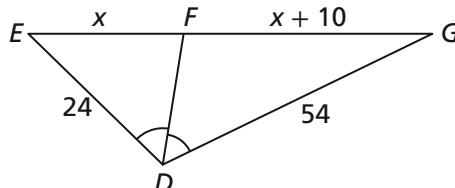


16. ما الاستنتاج الذي يدعمه الشكل أدناه؟

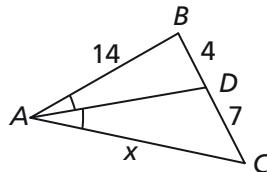


(A) $\frac{AB}{BC} = \frac{FE}{ED}$
(B) $AF = \frac{1}{2}CD$
(C) $\frac{BE}{CD} = \frac{AF}{BE}$
(D) $BE = \frac{1}{2}CD$

17. ما قياس EF ؟



18. لدينا $\triangle ABC$. ما قيمة x ؟

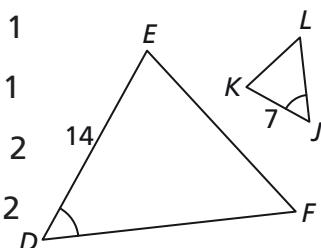


9. إذا كان $\triangle LMN \sim \triangle RST$, أي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.

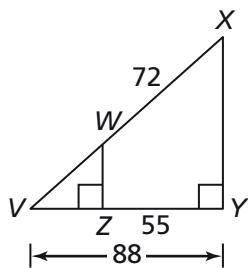
(A) $\frac{m\angle L}{m\angle R} = \frac{m\angle M}{m\angle S}$
(B) $\frac{LM}{RT} = \frac{LN}{RS}$
(C) $m\angle N = m\angle T$
(D) $MN = ST$

10. أي من الشروط التالية يحقق $\triangle DEF \sim \triangle JKL$ ؟

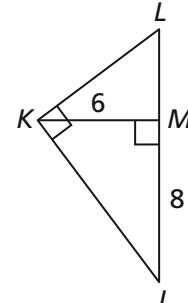
(A) $EF : KL = 2 : 1$
(B) $DF : JL = 2 : 1$
(C) $DE : JK = 1 : 2$
(D) $DF : JL = 1 : 2$



11. لدينا $\triangle VWZ$ و $\triangle VXY$. ما قياس WZ ؟

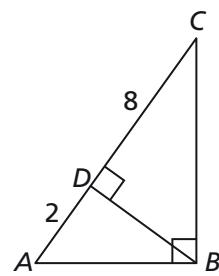


12. ما قياس JL ؟



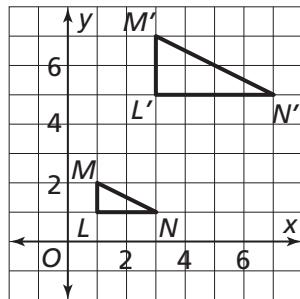
13. ما قياس BD ؟

(A) 4
(B) 5
(C) $\sqrt{5}$
(D) $2\sqrt{5}$



3 تقويم الوحدة، النموذج C

5. أي مما يلي هو الوصف الأفضل لتركيب التحويلات الذي يحول ΔLMN إلى $\Delta L'M'N'$ ؟



- (A) $(D_2 \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$
- (B) $(D_{\frac{1}{2}} \circ R_{x\text{-axis}})(\Delta LMN)$
- (C) $(T_{(-1, -2)} \circ D_{\frac{1}{2}})(\Delta LMN)$
- (D) $(T_{(1, 3)} \circ D_2)(\Delta LMN)$

6. ما إحداثيا الصورة T' الناتجة عن التحويل $T(-7, -6) \circ D_4(\Delta TUV)$ حيث $(T_{(-3, 1)} \circ D_4)(\Delta TUV)$ ؟ $V(2, 1), U(-8, 3)$

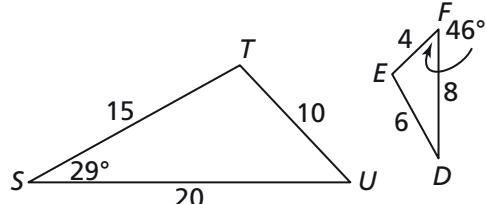
7. حدد ما إذا كانت العبارات التالية صحيحة.

ليست كل الدوائر متشابهة.

هناك تحويل تشابه واحد يحول دائرة إلى أخرى.

كل تحويل تشابه يحول دائرة إلى أخرى يجب أن يتضمن إزاحة.

8. لديك ΔDEF و ΔSTU . أوجد $m\angle E$.

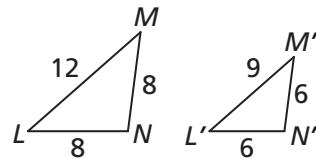


1. ما العلاقة بين قياسات زوايا وأطوال أضلاع الشكل الأصلي، وصورته الناتجة عن تمدد معامله أكبر من 1؟

- (A) الزوايا متناسبة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أكبر من أطوال أضلاع الصورة.
- (B) الزوايا متناسبة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أصغر من أطوال أضلاع الصورة.
- (C) الزوايا متطابقة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أكبر من أطوال أضلاع الصورة.
- (D) الزوايا متطابقة؛ أطوال أضلاع الشكل الأصلي أصغر من أطوال أضلاع الصورة.

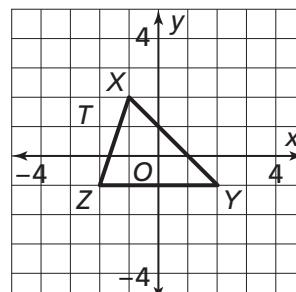
2. ما معامل قياس التمدد الموضح أدناه؟

- (A) $\frac{1}{2}$
- (B) $\frac{2}{3}$
- (C) $\frac{3}{4}$
- (D) $\frac{4}{3}$

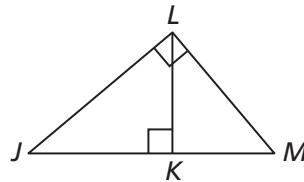


3. ما إحداثيا الصورة $D_{0.5}(3, 5)$ ؟

4. مثل $(D_2)(\Delta XYZ)$ بيانيا.



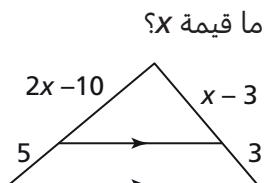
14. أي من المثلثات التالية يتشابه مع $\triangle KJL$ ؟



	نعم	لا
$\triangle MKL$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle KLM$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle LJM$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

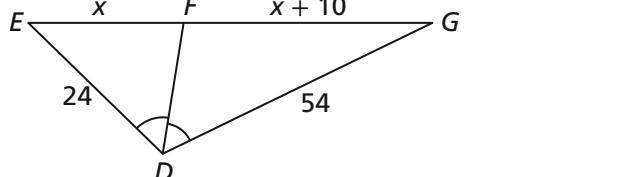
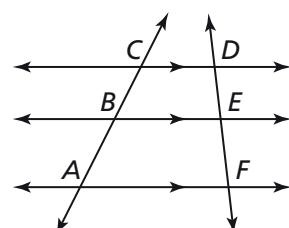
(A) 3
(B) 9
(C) 15
(D) 30

15. ما قيمة x ؟

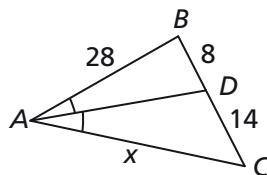


(A) $AF = \frac{1}{2}CD$
(B) $\frac{BE}{CD} = \frac{AF}{BE}$
(C) $BE = \frac{1}{2}CD$
(D) $\frac{AB}{BC} = \frac{FE}{ED}$

16. ما الاستنتاج الذي يدعمه الشكل أدناه؟



18. لديك $\triangle ABC$. ما قيمة x ؟

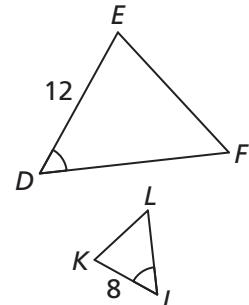


9. إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ، أي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.

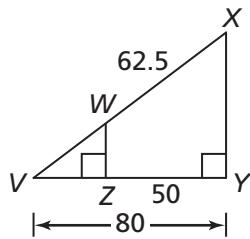
(A) $BC = EF$
(B) $\frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF}$
(C) $m\angle C = m\angle F$
(D) $\frac{m\angle A}{m\angle D} = \frac{m\angle B}{m\angle E}$

10. أي من الشروط التالية يحقق $\triangle DEF \sim \triangle JKL$ ؟

(A) $EF : KL = 1.5 : 1$
(B) $DE : JK = 1 : 1.5$
(C) $DF : JL = 1.5 : 1$
(D) $DF : JL = 1 : 1.5$

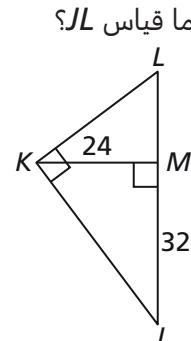


11. لديك $\triangle VWZ$ و $\triangle VXY$. ما قياس W ؟



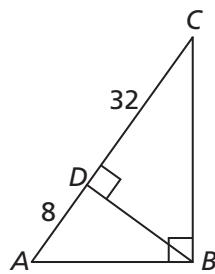
12. ما قياس JL ؟

(A) 50
(B) 35
(C) 21
(D) 18



13. ما قياس BD ؟

(A) 20
(B) 16
(C) $4\sqrt{5}$
(D) $8\sqrt{5}$

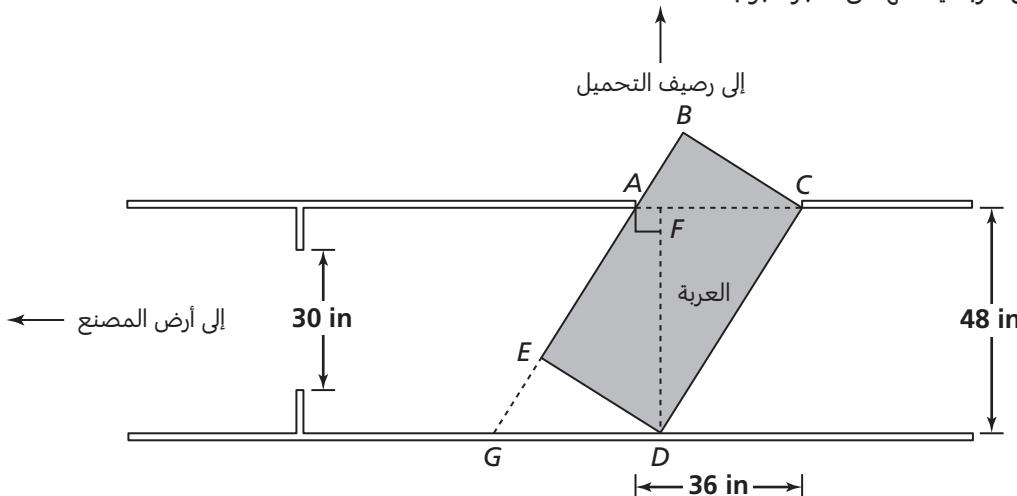


3 تقويم الأداء، النموذج A

والد أحمد مهندس ميكانيكي يصمم عربات مستطيلة الشكل لنقل البضائع المنتهي تصنيعها من أرض المصنع إلى رصيف التحميل، حيث توضع في شاحنات النقل.

رسم رسمًا يوضح أين يجب أن تتعطف العربات من ممّ عرضه 48 إنشًا، لتعبر بوابة عرضها 36 إنشًا.

يوضح الرسم أطول عربة يمكنها أن تعبر البوابة.



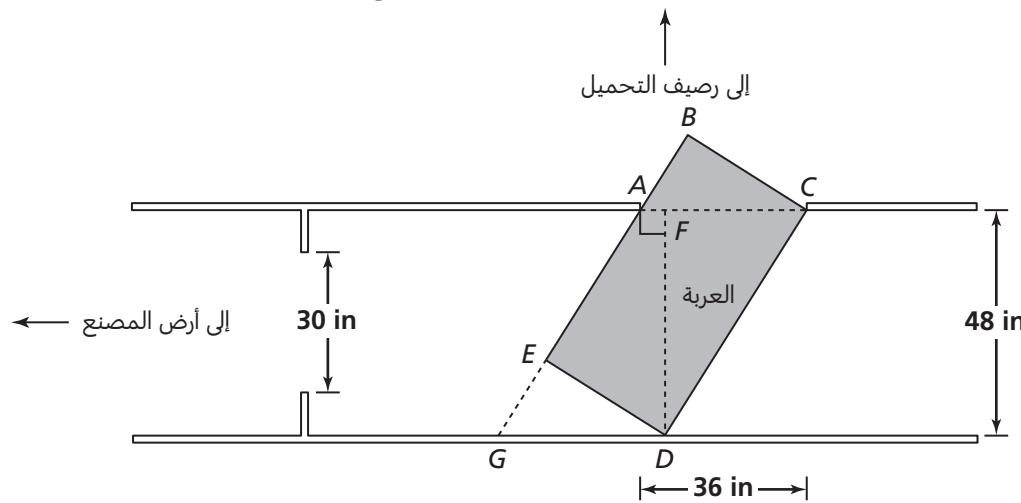
1. ما نوع ΔCFD و ΔABC ؟

2. في الرسم، كل سدس إنش يمثل 1 من الأقدام. ما معامل قياس الرسم؟ وضح إجابتك.

يجب أن يكون عرض العربات أكبر عرض ممكن. العربة ذات العرض الأكبر التي ستعبر البوابة الواقعة بين أرض المصنع ورصيف التحميل يبلغ عرضها 30 إنشًا. يجب أن يكون طول العربات أيضًا أكبر طول ممكن، بحيث تتمكن من نقل أكبر كمية من البضائع المنتهية التصنيع في كل عملية نقل. قال أحمد لوالده إن بإمكانه حل هذه المسألة باستعمال تشابه المثلثات.

3. التشابه الأول الذي يجب على والد أحمد تحديده هو تشابه ΔGED و ΔABC .
 اكتب برهانًا لإثبات أن $\Delta ABC \sim \Delta GED$.

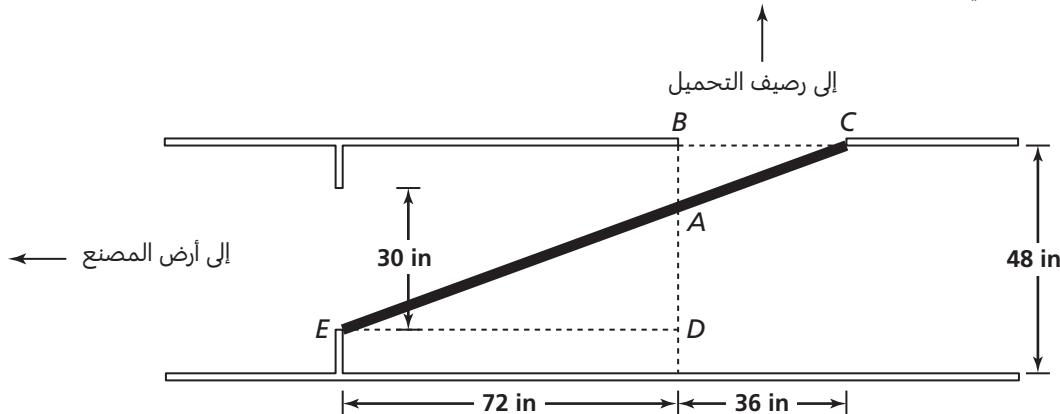
4. ما معامل القياس لتشابه $\Delta ABC \sim \Delta GED$? هل هذان المثلثان متطابقان؟ وضح إجابتك.



5. اكتب برهاناً لإثبات أن $\Delta ABC \sim \Delta CFD$.

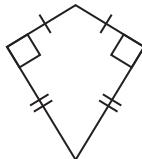
6. ما طول أطول عربة يمكنها المرور عبر البوابة الثانية؟ وضح إجابتك.

بعض منتجات المصنع عبارة عن قضبان طويلة سهلة الكسر، لذا، يتم نقلها عبر الباب باليد. يبعد الباب الأول عن بداية الباب الثاني 72إنشاً في اتجاه الغرب. افترض أن عرض القضيب يساوي الصفر وأن $BA = 13 \text{ in}$.



7. ما طول أطول قضيب يمكن نقله إلى رصيف التحميل؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الإننش.

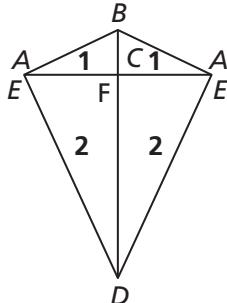
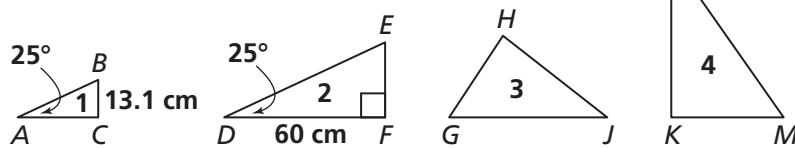
3 تقويم الأداء، النموذج B



يساعد جاسم أخيه في صنع طائرات ورقية لبيعها في معرض الحرف اليدوية. أطah أخوه أكواً من مثلثات بلاستيكية بأربعة قياسات مختلفة، وطلب منه أن يخيط هذه المثلثات البلاستيكية بعضها بعض لتحويلها إلى طائرات ورقية. أخبره أخوه أن عليه استعمال أربعة مثلثات على الأقل لصنع كل طائرة ورقية، وأن الطائرات الورقية يجب أن تحقق المتطلبات الموضحة في الشكل المجاور.

يحب على جاسم أيضًا أن ينشئ جيوًّا في الجانب الخلفي للطائرة الورقية، بحيث يتمكّن من تثبيت عودين على طول قطري الطائرة الورقية لثبيتها. بعد ذلك، يجب أن يخيط شريطًا عاكسًا حول محيط الطائرة الورقية.

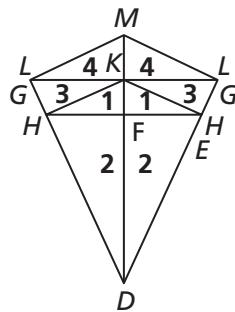
أحد جاسم بعض القياسات من هذه الأشكال المثلثية الأربع:



1. بعد محاولة ترتيب المثلثات بعدة طرق مختلفة، اكتشف جاسم أن بإمكانه وضع مثلثين من النوع 1 ومثلثين من النوع 2، كما هو موضح، لتحقيق متطلبات أخيه.

a. ما طول كل من العودين اللذين يجب على جاسم قصهما؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة. وضح إجابتك.

b. ما طول الشريط العاكس الذي يحتاجه جاسم من أجل المحيط؟
قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.



2. استمر جاسم في إيجاد طرق أخرى لصنع الطائرات الورقية.

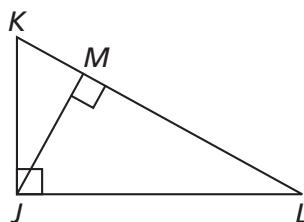
لقد اكتشف أن بإمكانه صنع طائرات ورقية أكبر حجماً عن طريق وصل مزيد من المثلثات بالتشكيلة الأولى.

a. قال جاسم: بما أن التشكيلتين تحققان متطلبات أخيه، فإن المثلثات الأربعية يحب أن تكون متشابهة. هل هو على صواب؟ إذا كان الأمر كذلك، وضح وصف تحويل التشابه الذي ينقل المثلث 4 الذي إلى اليسار إلى المثلث 2 الذي إلى اليمين. إذا كنت لا تتفق معه، وضح السبب.

b. في بعض الطائرات الورقية، يحتاج جاسم إلى خياطة خط محيطي ثانٍ باستعمال شريط عاكس له نفس شكل الطائرة الورقية، لكن طوله يساوي نصف محيط الطائرة الورقية. صف كيف يمكنه القيام بذلك بالنسبة للطائرة الورقية الموضحة.

3. يحتاج جاسم إلى صنع طائرة ورقية بقياس مختلف، بحيث تكون أكبر من الطائرة الورقية الأولى، وأصغر من الطائرة الورقية الثانية. ارسم مخططاً يوضح كيف يمكن لجاسم صنع هذه الطائرة الورقية الثالثة.

4 تقويم بداية الوحدة

6. ما الوسط الهندسي لطولي القطعتين المستقيمتين LM و KM 

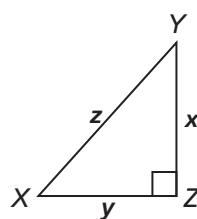
(A) JM (C) JL
 (B) KL (D) JK

7. أوجد قيمة a في المعادلة أدناه.

$$\frac{15}{4} = \frac{21}{a}$$

8. أي من مجموعات القيم التالية يمكن أن تكون أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية؟

(A) 5, 12, 169 (C) 31, 32, 63
 (B) 28, 45, 53 (D) 36, 49, 64

9. أي من المقادير التالية يكفي قيمة x في المثلث XYZ 

(A) $y^2 + z^2$ (C) $\sqrt{y^2 + z^2}$
 (B) $z^2 - y^2$ (D) $\sqrt{z^2 - y^2}$

10. أوجد قيمة q في المعادلة أدناه.

$$\frac{4}{q} = \frac{q}{16}$$

1. أي من الاستنتاجات التالية يدعمه التنااسب أدناه؟

$$\frac{3}{9} = \frac{9}{27}$$

(A) الوسط الحسابي للعددين 3 و 27 هو 9
 (B) الأعداد 3 و 27 أعداد أولية.
 (C) الوسط الهندسي للعددين 3 و 27 هو 9
 (D) الأعداد 3 و 27 يمكن أن تكون أطوال أضلاع مثلث.

2. أوجد قيمة x في المعادلة أدناه.

$$\frac{x}{20} = \frac{5}{8}$$

(A) 0.625 (C) 12.5
 (B) 2.5 (D) 32.0

3. طولاً ضلاغي القائمة في مثلث قائم الزاوية هما 6 و 10، ما طول الوتر في هذا المثلث؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

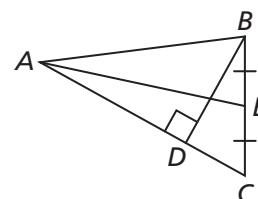
4. ما المقدار المكافئ لقيمة x في المعادلة أدناه؟

$$x^2 + y^2 = 4z$$

(A) $y - 2\sqrt{z}$ (C) $\sqrt{y^2 - 4z}$
 (B) $2\sqrt{z} - y$ (D) $\sqrt{4z - y^2}$

5. أي من القطع المستقيمة التالية تمثل ارتفاعاً في $\triangle ABC$ ؟

(A) \overline{AD}
 (B) \overline{AE}
 (C) \overline{BC}
 (D) \overline{BD}



18. إذا كان a هو الوسط الهندسي للعددين b و c ، أي مما يلي صحيح؟

(A) $\frac{b}{a} = \frac{a}{c}$ (C) $a^2 + b^2 = c^2$
 (B) $a = \frac{b+c}{2}$ (D) $a = \frac{1}{2}bc$

في المثلث ABC ، $m\angle C = 20^\circ$ ، $m\angle A = 90^\circ$ ، $AB \approx 4.1 \text{ cm}$ ، $BC \approx 12 \text{ cm}$ ، $EF = 6 \text{ cm}$ و $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ كما أن استعمل هذه المعطيات لحل التمارين 19-23، قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من وحدة القياس إذا لزم الأمر.

19. أوجد $m\angle B$.

70° (C) 20° (A)
 لا يمكن تحديده (D) 45° (B)

20. أوجد طول \overline{DE} .

21. أوجد طول \overline{DF} .

22. أوجد $m\angle E$.

23. أوجد $m\angle F$.

24. استعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد المسافة بين النقطتين $(0, 0)$ و $(3, 2)$.

(A) $\sqrt{5}$ (C) $\frac{3}{2}$
 (B) $\sqrt{13}$ (D) $\frac{2}{3}$

25. أكمل ما يلي: إذا كان $\Delta ABC \cong \Delta FED$ ، $\overline{AC} \cong \underline{\hspace{2cm}}$ و $\angle C \cong \underline{\hspace{2cm}}$ فإن

11. استعمل المعادلة أدناه لكتابية مقدار مكافئ لقيمة المتغير b .

$$c^2 = b^2 + d^2 - 2cd$$

12. تصف نظرية فيثاغورس العلاقة بين

13. أوجد قيمة x في المعادلة أدناه. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

$$x + x\sqrt{2} = 10$$

14. إذا كان طول الوتر في مثلث قائم الزاوية يساوي 25، أي مما يلي يضم قيمتين قد تكونان طولي ضلعي القائمة في هذا المثلث؟

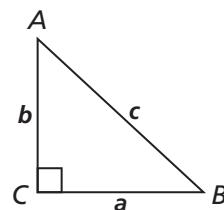
24 و 7 (C) 4 و 3 (A)
 15 و 10 (D) 5 و 5 (B)

15. ما الوسط الهندسي للعددين 8 و 18؟

(A) 10 (B) 12 (C) 13 (D) 20

16. أي من مجموعات القيم التالية تضم قيمًا قد تكون قيم a و b و c في ΔABC ؟

a	b	c	نعم	لا
3	4	5	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
10	8	6	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
5	12	13	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
1	1	2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

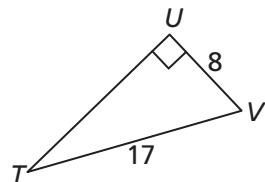


17. أوجد قيمة r في المعادلة أدناه.

$$\frac{32}{14} = \frac{r}{44.8}$$

4-1 اختبار الدرس

المثلثات القائمة الزاوية ونظرية فيثاغورس

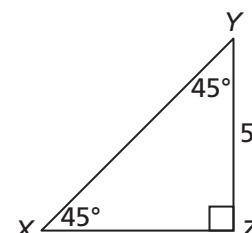
1. أوجد UT .

2. حدد ما إذا كانت كل مجموعة من القطع المستقيمة الثلاث المعطاة أطوالها تشكل مثلثاً قائماً أم لا.

	نعم	لا
12, 35, 37	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
16, 30, 34	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
18, 24, 42	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
20, 21, 29	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

3. أوجد XY .

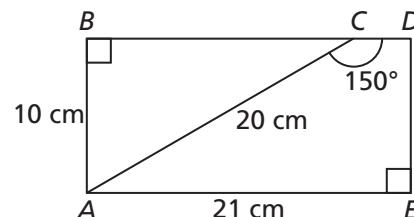
(A) $\sqrt{2}$
 (B) 5
 (C) $5\sqrt{2}$
 (D) 10

4. مثلث $30^\circ-60^\circ-90^\circ$ طول الوتر فيه يساوي 10 إنشات. أي مما يلي يمكن أن يكون طول أحد ضلعين القائمة في هذا المثلث؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) 6
 (B) 8
 (C) 5
 (D) $5\sqrt{3}$

5. ما مساحة $ACDE$ مقربةً إلى أقرب عدد كثيّ؟

(A) 87 cm^2
 (B) 105 cm^2
 (C) 123 cm^2
 (D) 210 cm^2

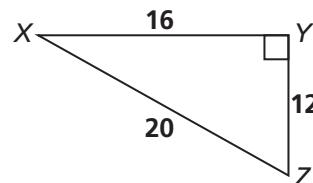


4-2 اختبار الدرس

النسب المثلثية

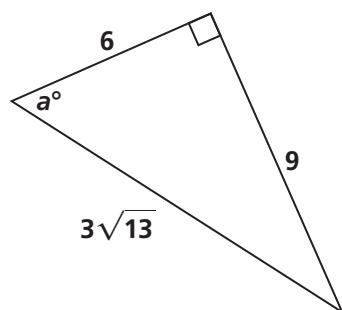
1. ما قيمة نسبة جيب التمام لـ $\angle Z$ ؟

(A) $\frac{12}{20}$
 (B) $\frac{12}{16}$
 (C) $\frac{16}{20}$
 (D) $\frac{20}{12}$



2. أكمل الجدول التالي:

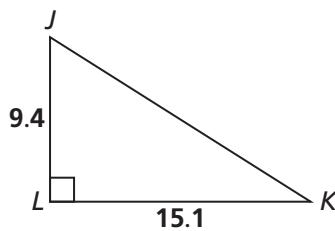
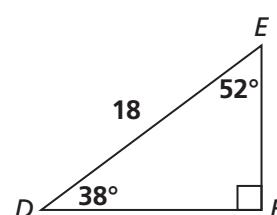
القيمة	النسبة المثلثية
	$\sin a^\circ$
	$\cos a^\circ$
	$\tan a^\circ$

3. أي من النسب المثلثية التالية تساوي $\frac{1}{2}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $\sin 30^\circ$
 (B) $\sin 45^\circ$
 (C) $\cos 45^\circ$
 (D) $\cos 60^\circ$
 (E) $\tan 30^\circ$
 (F) $\tan 45^\circ$

4. ما محيط $\triangle DEF$ مقارنةً إلى أقرب جزء من عشرة؟

(A) 19.4
 (B) 20.1
 (C) 25.3
 (D) 43.3

5. ما $m\angle J$ مقارنةً إلى أقرب جزء من عشرة؟

4-3 اختبار الدرس

النسب المثلثية ومقلوباتها

1. إذا كان $\cos \theta = \frac{5}{13}$ ، أي مما يلي هي نسب مثلثية أخرى للزاوية θ ؟ اختر كل ما ينطبق.

- (A) $\sin \theta = \frac{13}{5}$
- (B) $\tan \theta = \frac{12}{5}$
- (C) $\cot \theta = \frac{5}{12}$
- (D) $\sec \theta = \frac{13}{5}$
- (E) $\csc \theta = \frac{13}{12}$
- (F) $\tan \theta = \frac{5}{12}$

2. ما نسبة كل من الجيب وجيب التمام لمثلث $30^\circ-60^\circ-90^\circ$ طول وتره 6 ، إذا كانت 60° ؟

- (A) $\sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ، $\cos \theta = \frac{1}{2}$
- (B) $\sin \theta = \frac{1}{2}$ ، $\cos \theta = \frac{2\sqrt{3}}{3}$
- (C) $\sin \theta = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ ، $\cos \theta = \frac{1}{2}$
- (D) $\sin \theta = \frac{1}{2}$ ، $\cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$

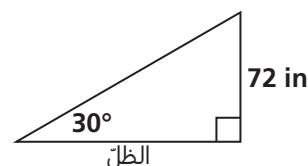
3. إذا كان $\tan \theta = \cot 40^\circ$ ، أوجد θ .

- (A) 40°
- (B) 50°
- (C) 80°
- (D) 90°

4. أكمل الجمل التالية بكتابية متطابقة مقلوب كل نسبة مثلثية مستخدماً أحد هذه المصطلحات: \tan ، \cos ، \sin ، \cot ، \sec ، \csc ، أو \cdot .

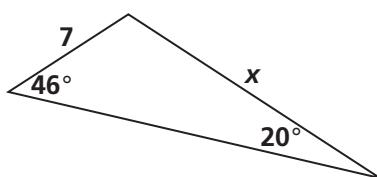
$$\begin{aligned} \cdot \frac{1}{\sec \theta} \text{ هو } & \theta \\ \cdot \frac{1}{\csc \theta} \text{ هو } & \theta \\ \cdot \frac{1}{\cot \theta} \text{ هو } & \theta \end{aligned}$$

5. تشكل أشعة الشمس عند شروقها زاوية قياسها 30° مع سطح الأرض. إذا كان طول دعامة سياج 72إنشاً،
فما طول ظلّ هذه الدعامة عند شروق الشمس؟ قرب الإجابة إلى أقرب إنش.

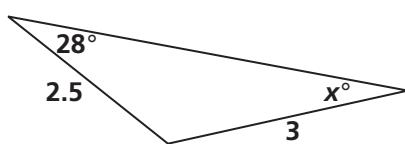


4-4 اختبار الدرس**قانون الجيب**

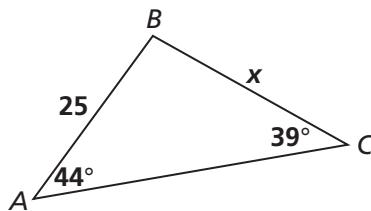
1. أكمل الجملة التالية: في أي مثلث، نسب الزوايا إلى أطوال الأضلاع لها متكافئة.



2. أوجد قيمة x . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

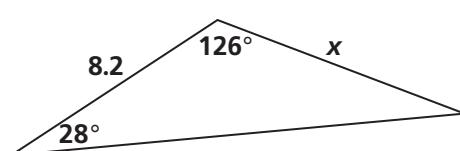


3. استعمل قانون الجيب لكتابة مقدار يمثل قياس الزاوية x ؟



4. ما محيط $\triangle ABC$ مقرئاً إلى أقرب عدد كلي؟

- (A) 53
- (B) 92
- (C) 108
- (D) 180

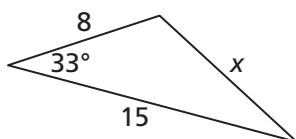
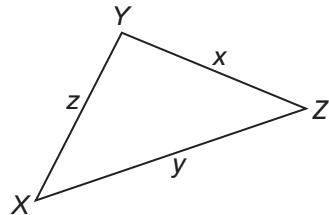


5. ما قيمة x مقرئاً إلى أقرب جزء من عشرة؟

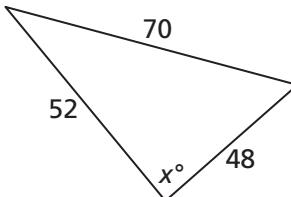
- (A) 4.8
- (B) 7.7
- (C) 8.8
- (D) 14.1

4-5 اختبار الدرس

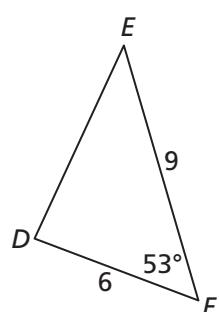
قانون جيب التمام

1. استعمل قانون جيب التمام لكتابة مقدار مكافئ لقيمة المتغير z .2. أوجد قيمة x . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.3. ما قيمة x مقرّبةً إلى أقرب جزء من عشرة؟

- (A) 25.7
- (B) 43.2
- (C) 88.8
- (D) 89.7

4. طولاً ضلعين في مثلث هما 16 و 21، وقياس الزاوية الممحصورة بينهما يساوي 116° ما طول الضلع المقابل للزاوية 116° ؟

- (A) 31.5
- (B) 18.5
- (C) 26.4
- (D) 20.1

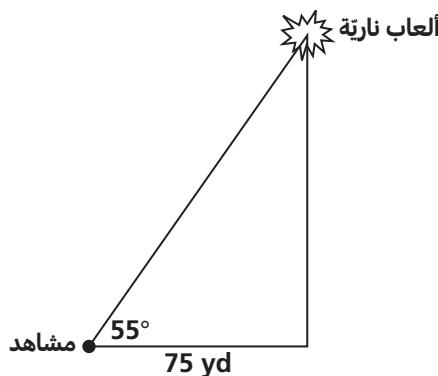
5. أي من الأجزاء في $\triangle DEF$ يمكن تحديد قيمتها باستعمال قانون جيب التمام فقط؟

	نعم	لا
DE	☒	☐
$m\angle D$	☐	☒
$m\angle E$	☐	☒

4-6 اختبار الدرس**تطبيقات على النسب المثلثية**

1. ما قياس زاوية الانخفاض من أعلى سلك طوله 500 قدم يمتد من برج سكني، إلى نقطة تبعد عن قاعدة البرج السكني مسافة 350 قدمًا؟

- (A) 34.9°
- (B) 35.3°
- (C) 44.4°
- (D) 45.6°



2. قياس زاوية الارتفاع من موقع شخص يشاهد عرضاً

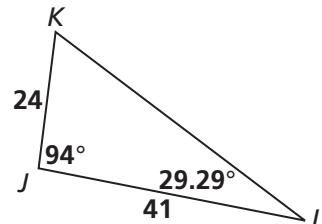
للألعاب النارية إلى نقطة العرض يساوي 55°

إذا كان المشاهد يبعد مسافة 75 ياردة عن مكان إطلاق الألعاب النارية، فما ارتفاع مركز عرض الألعاب النارية؟
قرب إجابتكم إلى أقرب ياردة.

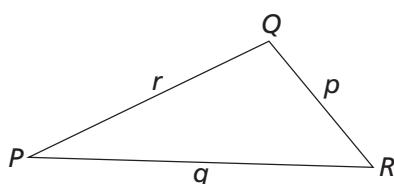
3. ما قياس زاوية الارتفاع من الأرض إلى قمة شجرة، ارتفاعها 45 قدمًا وتبعد مسافة 65 قدمًا؟
قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.

4. ما مساحة ΔJKL بالوحدات المربعة؟

- (A) 215.7
- (B) 431.4
- (C) 490.8
- (D) 981.6



5. إذا كانت مساحة ΔPQR تساوي A ، اكتب مقداراً يمكنك استعماله لإيجاد قياس $\angle R$.



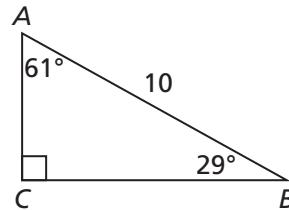
4 تقويم الوحدة، النموذج A

6. أي مما يلي يساوي $\frac{\sqrt{2}}{2}$? اختر كل ما ينطبق.

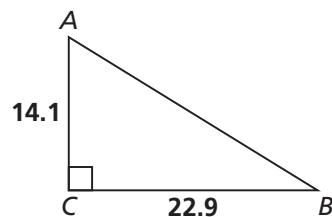
(A) $\sin 30^\circ$ (D) $\cos 60^\circ$
 (B) $\sin 45^\circ$ (E) $\tan 30^\circ$
 (C) $\cos 45^\circ$ (F) $\tan 45^\circ$

7. أي مما يلي يساوي محيط $\triangle ABC$ مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة؟

(A) 4.8
 (B) 8.7
 (C) 13.6
 (D) 23.6

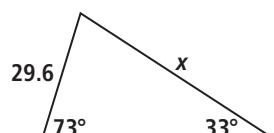


8. أوجد $m\angle B$. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

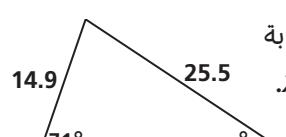


9. نسب _____ الزوايا في أي مثلث إلى أطوال الأضلاع _____ متساوية.

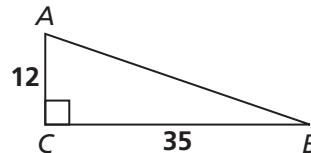
10. أوجد قيمة x . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.



11. استعمل قانون الجيب لكتابة مقدار يمثل قياس الزاوية x .



1. ما طول \overline{AB} ؟



2. هل تشتمل كل مجموعة من القطع المستقيمة المعطاة أطوالها، مثلثاً قائم الزاوية؟

	نعم	لا
9, 40, 41	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
11, 60, 62	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
48, 55, 73	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

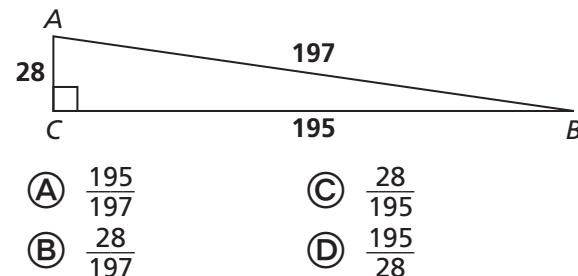
3. طول الوتر في مثلث قياسات زواياه $30^\circ-60^\circ-90^\circ$ يساوي 12 cm، أي مما يلي يمكن أن يكون طول أحد ضلعي القائمة في هذا المثلث؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) 8 cm (C) 6 cm
 (B) 10 cm (D) $6\sqrt{3}$ cm

4. أي من الخيارات التالية يمثل مساحة المستطيل المعطى؟

(A) 7 935 (B) 11 500 (C) 13 248 (D) 14 835

5. أي من القيم التالية تساوي نسبة جيب التمام للزاوية A ؟



(A) $\frac{195}{197}$ (C) $\frac{28}{195}$
 (B) $\frac{28}{197}$ (D) $\frac{195}{28}$

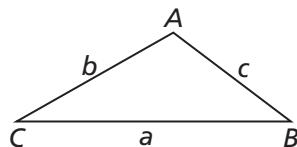
17. ما قياس زاوية الانخفاض من قمة منحدر ارتفاعه 6 أقدام، وينتهي عند نقطة تبعد عنه 40 قدمًا بمحاذة الأرض؟

(A) 0.15° (C) 8.5°
(B) 8.2° (D) 45.6°

18. قياس زاوية الارتفاع من عين شخص ينظر إلى قمة سارية علم يساوي 50° ، إذا كان هذا الشخص يبعد عن السارية مسافة 40 قدمًا، وعيناه على ارتفاع 5.5 قدم عن الأرض، فما ارتفاع السارية مقربًا إلى أقرب جزء من عشرة من القدم؟

19. ما قياس زاوية الارتفاع من سطح مبني ارتفاعه 35 قدمًا إلى نقطة على سطح الأرض تبعد عن المبني مسافة 75 قدمًا؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.

20. إذا كانت مساحة $\triangle ABC$ تساوي D ، اكتب مقدارًا يمكنك استعماله لإيجاد قياس $\angle C$.



21. إذا كان $\sin \theta = \frac{12}{13}$ ، فما قيمة كل من ظل تمام وقاطع θ ؟

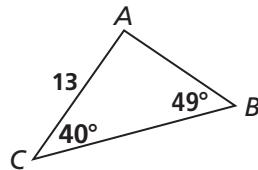
$$\cot \theta = \text{_____} \quad \sec \theta = \text{_____}$$

22. إذا كان $\cot \theta = \tan 30^\circ$ ، أوجد θ .

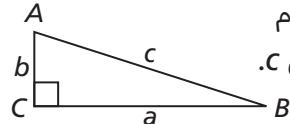
(A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 90°

23. عندما يكون قياس الزاوية التي تكونها أشعة الشمس مع سطح الأرض 60° ، يكون طول ظل مريم 36 in. أوجد طول قامة مريم. قرب الإجابة إلى أقرب إنش.

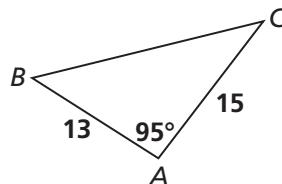
12. ما محيط $\triangle ABC$ مقربًا إلى أقرب عدد صحيح؟



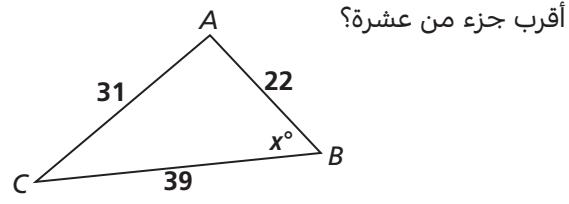
13. استعمل قانون جيب التمام لكتابه مقدار مكافئ للطول c .



14. أوجد طول BC . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

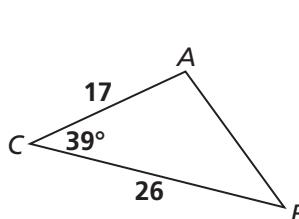


15. أي مما يلي يمثل قيمة x مقربةً إلى أقرب جزء من عشرة؟



(A) 37.5 (C) 75.0
(B) 52.5 (D) 103.0

16. أي قياس في المثلث ABC يمكن تحديده إذا استعملنا قانون جيب التمام فقط؟



	نعم	لا
AB	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle A$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle B$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle C$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

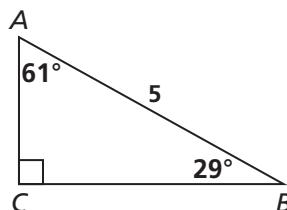
4 تقويم الوحدة، النموذج B

6. أي مما يلي يساوي $\frac{1}{2}$? اختر كل ما ينطبق.

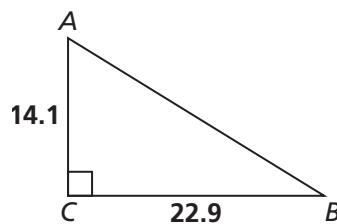
(A) $\sin 30^\circ$ (D) $\cos 60^\circ$
 (B) $\sin 45^\circ$ (E) $\tan 30^\circ$
 (C) $\cos 45^\circ$ (F) $\tan 45^\circ$

7. أي مما يلي يساوي محيط $\triangle ABC$ مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة؟

(A) 2.4
 (B) 4.4
 (C) 6.8
 (D) 11.8

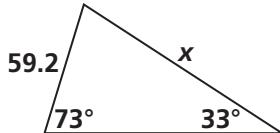


8. أوجد $m\angle A$. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

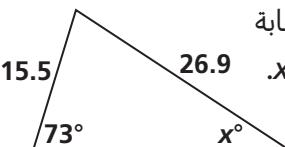


9. نسب _____ الزوايا في أي مثلث إلى أطوال الأضلاع _____ متساوية.

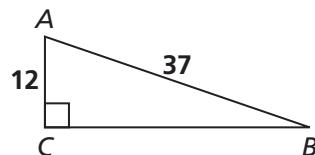
10. أوجد قيمة x . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.



11. استعمل قانون الجيب لكتابة مقدار يمثل قياس الزاوية x .



1. ما طول BC ؟



2. هل تشتمل كل مجموعة من القطع المستقيمة المعطاة أطوالها، مثلثاً قائم الزاوية؟

	نعم	لا
28, 45, 53	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
33, 56, 64	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
36, 77, 85	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

3. طول الوتر في مثلث قياسات زواياه $30^\circ-60^\circ-90^\circ$ يساوي 15 cm، أي مما يلي يمكن أن يكون طول أحد ضلعي القائمة في هذا المثلث؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) 9 cm (C) 12 cm
 (B) $7.5\sqrt{3}$ cm (D) 7.5 cm

4. أي من الخيارات التالية يمثل مساحة المستطيل المعطى؟

87 (A) 12 325
 (B) 12 615
 (C) 20 300
 (D) 22 272

5. أي من القيم التالية تساوي نسبة الجيب للزاوية A ؟

A (A) $\frac{195}{197}$ (C) $\frac{28}{195}$
 (B) $\frac{28}{197}$ (D) $\frac{195}{28}$

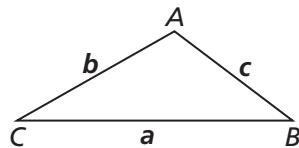
17. ما قياس زاوية الانخفاض من قمة منحدر ارتفاعه 3 أقدام، وينتهي عند نقطة تبعد عنه 20 قدماً بمحاذاة الأرض؟

(A) 0.15° (C) 8.5°
(B) 8.2° (D) 45.6°

18. قياس زاوية الارتفاع من عين شخص ينظر إلى قمة سارية علم يساوي 50° ، إذا كان هذا الشخص يبعد عن السارية مسافة 20 قدماً، وعيناه على ارتفاع 5 أقدام عن الأرض، فما ارتفاع السارية مقارباً إلى أقرب جزء من عشرة من القدم؟

19. ما قياس زاوية الارتفاع من سطح مبني ارتفاعه 45 قدماً إلى نقطة على سطح الأرض تبعد عن المبني مسافة 85 قدماً؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.

20. إذا كانت مساحة $\triangle ABC$ تساوي D ، اكتب مقداراً يمكنك استعماله لإيجاد قياس $\angle A$.



21. إذا كان $\sin \theta = \frac{24}{25}$ ، فما قيمة كل من جيب تمام وظل θ ؟

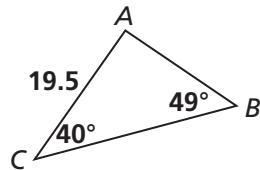
$$\cos \theta = \quad \tan \theta = \quad$$

22. إذا كان $\cot \theta = \tan 60^\circ$ ، أوجد θ .

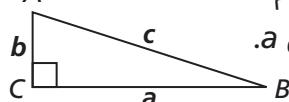
(A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 90°

23. عندما يكون قياس الزاوية التي تكونها أشعة الشمس مع سطح الأرض 60° ، يكون طول ظل نعمة 39 in أوجد طول قامة نعمة. قرب الإجابة إلى أقرب إنش.

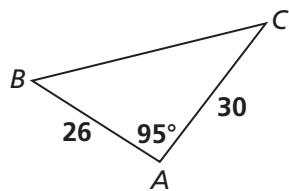
12. ما محيط $\triangle ABC$ مقارباً إلى أقرب عدد صحيح؟



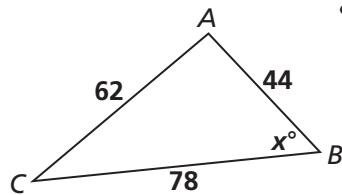
13. استعمل قانون جيب التمام لكتابة مقدار مكافئ للطول a .



14. أوجد طول BC . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

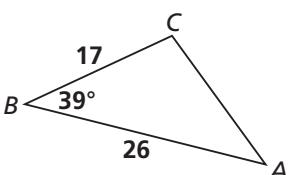


15. أي مما يلي يمثل قيمة x مقارباً إلى أقرب جزء من عشرة؟



(A) 37.5 (C) 75.0
(B) 52.5 (D) 103.0

16. أي قياس في المثلث ABC يمكن تحديده إذا استعملنا قانون جيب التمام فقط؟



	نعم	لا
$m\angle A$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle B$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle C$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
AC	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

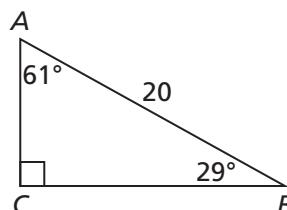
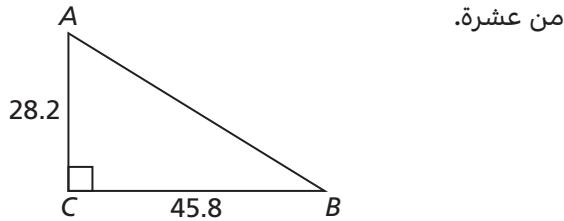
4 تقويم الوحدة، النموذج C

6. أي مما يلي يساوي 1؟ اختر كل ما ينطبق.

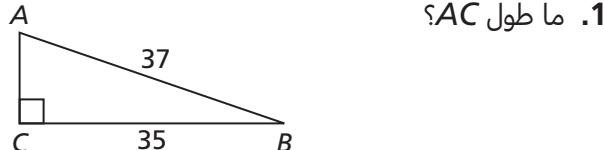
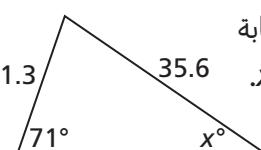
(A) $\sin 30^\circ$ (D) $\cos 60^\circ$
 (B) $\sin 45^\circ$ (E) $\tan 30^\circ$
 (C) $\cos 45^\circ$ (F) $\tan 45^\circ$

7. أي مما يلي يساوي محيط $\triangle ABC$ مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة؟

(A) 9.6
 (B) 17.4
 (C) 27.2
 (D) 47.2

8. أوجد $m\angle B$. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

9. نسب _____ الزوايا في أي مثلث إلى أطوال متتساوية. الأضلاع _____.

11. استعمل قانون الجيب لكتابة مقدار يمثل قياس الزاوية x .1. ما طول AC ؟

	نعم	لا
11, 60, 61	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
13, 84, 85	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
39, 80, 91	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

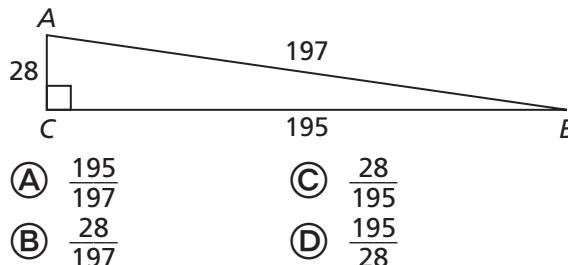
2. هل تشكل كل مجموعة من القطع المستقيمة المعطاة أطوالها، مثلثاً قائم الزاوية؟

3. طول الوتر في مثلث قياسات زواياه $30^\circ-60^\circ-90^\circ$ يساوي 20 cm، أي مما يلي يمكن أن يكون طول أحد ضلعين القائمة في هذا المثلث؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) 10 cm (C) 16 cm
 (B) 12 cm (D) $10\sqrt{3}$ cm

4. أي من الخيارات التالية يمثل مساحة المستطيل المعطى؟

(A) 15 376 وحدة مربعة
 (B) 23 250 وحدة مربعة
 (C) 25 482 وحدة مربعة
 (D) 28 365 وحدة مربعة

5. أي من القيم التالية تساوي نسبة الظل للزاوية A ؟

(A) $\frac{195}{197}$ (C) $\frac{28}{195}$
 (B) $\frac{28}{197}$ (D) $\frac{195}{28}$

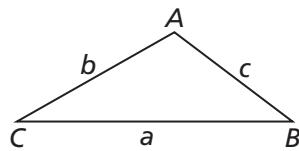
17. ما قياس زاوية الانخفاض من قمة منحدر ارتفاعه 12 أقدام، وينتهي عند نقطة تبعد عنه 80 قدماً بمحاذة الأرض؟

(A) 0.15° (C) 8.5°
(B) 8.2° (D) 45.6°

18. قياس زاوية الارتفاع من عين شخص ينظر إلى قمة سارية علم يساوي 50° ، إذا كان هذا الشخص يبعد عن السارية مسافة 80 قدماً، وعيناه على ارتفاع 5.5 قدم عن الأرض، فما ارتفاع السارية مقارباً إلى أقرب جزء من عشرة من القدم؟

19. ما قياس زاوية الارتفاع من سطح مبني ارتفاعه 55 قدماً إلى نقطة على سطح الأرض تبعد عن المبني مسافة 95 قدماً؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.

20. إذا كانت مساحة $\triangle ABC$ تساوي D ، اكتب مقداراً يمكنك استعماله لإيجاد قياس $\angle B$ ؟



21. إذا كان $\sin \theta = \frac{7}{25}$ ، فما قيمة كل من ظل θ وقاطع θ ؟

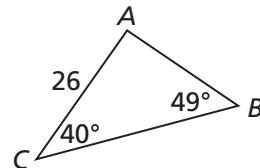
$$\tan \theta = \underline{\hspace{2cm}} \quad \sec \theta = \underline{\hspace{2cm}}$$

22. إذا كان 45° ، $\cot \theta = \tan \theta$ ، أوجد θ .

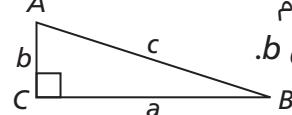
(A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 90°

23. عندما يكون قياس الزاوية التي تكونها أشعة الشمس مع سطح الأرض 60° ، يكون طول ظل نادية 31 in أوجد طول قامة نادية. قرب الإجابة إلى أقرب إنش.

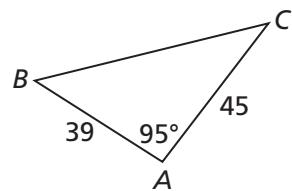
12. ما محيط $\triangle ABC$ مقارباً إلى أقرب عدد صحيح؟



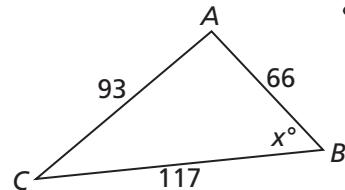
13. استعمل قانون جيب التمام لكتابة مقدار مكافئ للطول b .



14. أوجد طول BC . قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة.

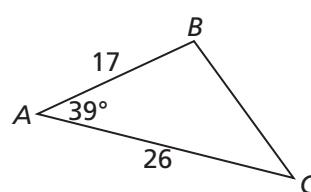


15. أي مما يلي يمثل قيمة x مقارباً إلى أقرب جزء من عشرة؟



(A) 37.5 (C) 75.0
(B) 52.5 (D) 103.0

16. أي قياس في المثلث ABC يمكن تحديده إذا استعملنا قانون جيب التمام فقط؟



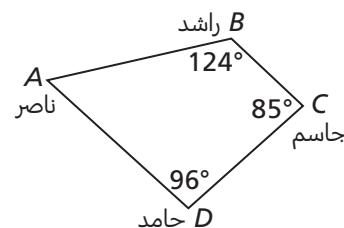
	نعم	لا
BC	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle A$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle B$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle C$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

4 تقويم الأداء، النموذج A

ساحة مسيّحة في محمية للحياة البريّة، لها برج مراقبة عند كلّ رأس من رؤوسها. يريد ناصر وراشد وجاسم وحامد تحديد معلومات عن الساحة المسيّحة. صعد كلّ منهم إلى قمة برج مراقبة واستعمل تطبيقاً لقياس الارتفاعات لتحديد ارتفاعه فوق مستوى سطح البحر. يوضّح الجدول الأول أدناه ارتفاعاتهم. قام ناصر بقياس زاوية ارتفاع خطّ نظره إلى كلّ من راشد وحامد، وقام جاسم بقياس زاوية انخفاض خطّ نظره إلى راشد. هذه المعلومات موضّحة في الجدول الآخر أدناه. بيّن المخطّط منظّراً علويّاً للساحة المسيّحة.

الارتفاعات	
ناصر	690 ft
راشد	713 ft
جاسم	743 ft
حامد	725 ft

قياسات زوايا ارتفاع وانخفاض خطّ النظر	
ناصر إلى راشد	زاوية ارتفاع 2°
ناصر إلى حامد	زاوية ارتفاع 3°
جاسم إلى راشد	زاوية انخفاض 5°



1. ما طول كلّ من AB و BC و AD ؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة. وضح إجابتك.

2. ما طول BD ؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة. وضح إجابتك.

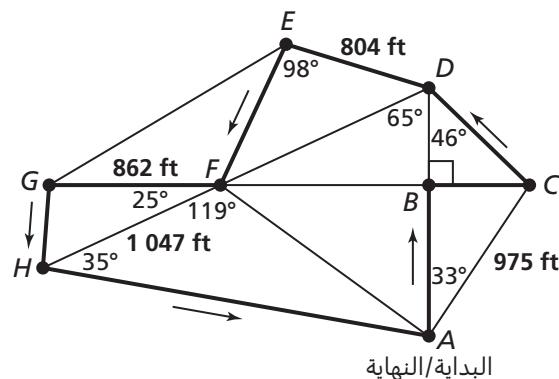
3. ما محيط الساحة المسيّحة؟ قرّب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة. وَضَحَّ إجابتُك.

4. وفقاً لحساباتك، ما قياس زاوية ارتفاع خط نظر ناصر إلى جاسم؟ قرّب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة. وَضَحَّ إجابتُك.

5. ما مساحة الساحة المسيّحة؟ قرّب الإجابة إلى أقرب عدد كلي. وَضَحَّ إجابتُك.

4 تقويم الأداء، النموذج B

تقود سلوى رحلات سيراً على الأقدام عبر جزء من مدينتها. إنها تحتاج إلى تحديد طول مسارها، لكن خريطة المدينة التي بحوزتها تبين بعض المسافات فقط. قامت سلوى بقياس بعض الزوايا الإضافية لتحديد المسافة المتبقية. المسافات وقياسات الزوايا المعلوّمة موضحة في المخطط أدناه. الخطوط الغامقة في المخطط تبيّن المسار الذي تسلكه سلوى.



1. ما طول الجزء المؤدي من A إلى D من مسار الرحلة؟ قرب الإجابة إلى أقرب عدد كلي. وضح إجابتك.

2. ما طول الجزء المؤدي من D إلى F من مسار الرحلة؟ قرب الإجابة إلى أقرب عدد كلي. وضح إجابتك.

3. ما طول الجزء المؤدي من F إلى H من مسار الرحلة؟ قرب الإجابة إلى أقرب عدد كلي. وضح إجابتك.

4. ما طول الجزء المؤدي من H إلى A من مسار الرحلة؟ قرب الإجابة إلى أقرب عدد كلي. وضح إجابتك.

5. ما الطول الكلي لمسار الرحلة؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة.
(1 mile = 5 280 feet)

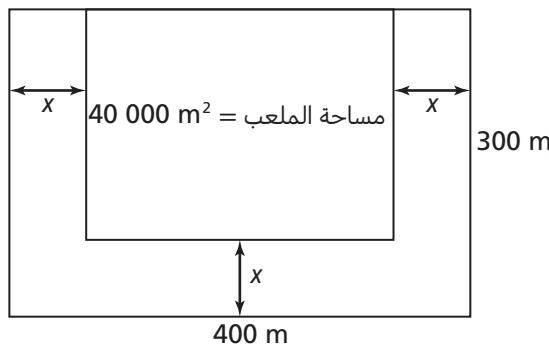
6. طلب بعض الزبائن أن يكون مسار الرحلة أقصر مع محطّات توقف أقل. جميع رحلات سلوي يجب أن تبدأ وتنتهي عند النقطة A . اقترح مساري أقصر يتجنّب محطتين أو ثلاث محطّات توقف من مسارها الحالي. ما طول المسار الذي تقترحه، بالأميال؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة.

الاختبار التراكمي للوحدات 4-1

5. أعد كتابة المقدار $(2\sqrt{10x^3})(\sqrt{50x^5})$ ، حيث قيمة x موجبة، من دون عامل مربع كامل في المجذور.

- (A) $2x^8\sqrt{5}$
- (B) $10x^8\sqrt{5}$
- (C) $20x^4\sqrt{5}$
- (D) $10x^4\sqrt{5}$

6. ملعب كرة قدم محاط من ثلاث جهات بموقف للسيارات، عرضه يساوي x . الطول الكلي للملعب والموقف معاً 400 m ، والعرض الكلي لهما 300 m ، مساحة الملعب $40\,000\text{ m}^2$ ، ما عرض موقف السيارات؟



7. ما حلول المعادلة التربيعية $3x^2 - 6x = 2$?

- (A) $1 \pm \sqrt{15}$
- (B) $2 \pm \frac{\sqrt{15}}{6}$
- (C) $1 \pm \frac{\sqrt{15}}{3}$
- (D) $6 \pm 2\sqrt{15}$

1. التمثيل البياني للدالة $f(x) = ax^2$ مفتوح نحو الأسفل، وهو أضيق من التمثيل البياني للدالة $g(x) = x^2$. أي مما يلي يمكن أن يكون قيمة a ؟

- (A) -0.5
- (B) 6
- (C) 0.25
- (D) -2

2. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة

$$y = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - 5$$

الرأس:

المقطع y :

3. ما معادلة محور تناول التمثيل البياني للدالة $f(x) = 2x^2 + 16x - 15$ ؟

- (A) $x = 4$
- (B) $y = -4$
- (C) $x = -4$
- (D) $x = -8$

4. تعطي الدالة $H(x) = -8x^2 + 12x + 13$ ارتفاع

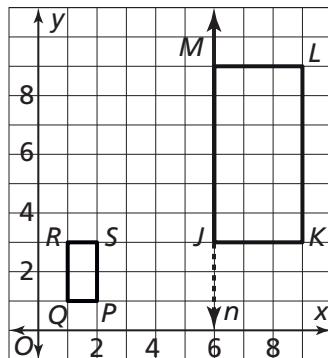
سنحاب فوق الأرض، بالأقدام، عند قفزه من غصن شجرة، حيث x عدد الثوان المنقضية بعد قفز السنحاب. بعد كم ثانية من قفزه يبلغ السنحاب ارتفاعه الأقصى؟

- (A) 1.33 s
- (B) 0.50 s
- (C) 0.75 s
- (D) 1.00 s

12. أي من التحويلات التالية يحول ABC إلى مثلث مشابه؟

- (A) $(D_3 \circ r_{90^\circ})(\Delta ABC)$
- (B) $(r_{180^\circ} \circ T_{<3, -3>})(\Delta ABC)$
- (C) $(T_{<3, -3>} \circ R_{y\text{-axis}})(\Delta ABC)$
- (D) $(R_{y\text{-axis}} \circ r_{180^\circ})(\Delta ABC)$

13. أي من العبارات التالية تصف بأفضل شكل تركيب تحويلات التطابق الذي يحول الشكل $JKLM$ إلى الشكل $PQRS$ ؟



- (A) $(D_3 \circ R_n)(JKLM)$
- (B) $(D_{\frac{1}{3}} \circ R_n)(JKLM)$
- (C) $(D_3 \circ T_{<-5, -2>})(JKLM)$
- (D) $(D_{\frac{1}{3}} \circ T_{<-5, -2>})(JKLM)$

14. الصورة الناتجة عن تحويل واحد أو أكثر من تحويلات التطابق وتمدد، هي دائمًا للشكل الأصلي.

15. أي من الشروط التالية يتيح لك إثبات $\Delta JKL \sim \Delta XYZ$ ؟

- (A) $\frac{JK}{XY} = \frac{1}{6}$
- (B) $\frac{JL}{XZ} = \frac{1}{6}$
- (C) $\frac{KL}{YZ} = 6$
- (D) $\frac{JL}{XZ} = 6$

8. أوجد حلول نظام المعادلات التالي:

$$y = 3x$$

$$y = x^2 + 3x - 16$$

9. أي مما يلي يمثل الصيغة القياسية لمعادلة الدائرة التي طول نصف قطرها 4 ومركزها $(2, -3)$ ؟

- (A) $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 = 4$
- (B) $(x + 3)^2 + (y - 2)^2 = 4$
- (C) $(x - 3)^2 + (y + 2)^2 = 16$
- (D) $(x + 3)^2 + (y - 2)^2 = 16$

10. ما إحداثيات رؤوس الصورة الناتجة عن التحويل $B(-2, 5)$ و $A(0, 4)$ إذا كان $D_{(3, A)}(\Delta ABC)$ و $C(3, 7)$ ؟

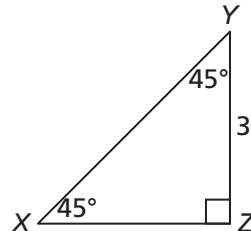
- (A) $A'(0, 12), B'(-6, 15), C'(9, 21)$
- (B) $A'(0, 15), B'(-6, 18), C'(9, 24)$
- (C) $A'(0, 9), B'(-6, 12), C'(9, 18)$
- (D) $A'(0, 4), B'(-6, 7), C'(9, 13)$

11. ما قيمة معامل القياس في الرسم الموضح أدناه؟

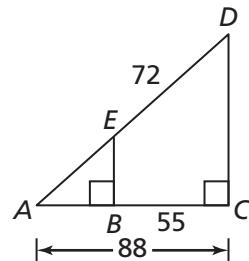
- (A) $\frac{5}{3}$
- (B) 3
- (C) 5
- (D) $\frac{3}{5}$

20. ما قيمة XY ؟

- (A) $\sqrt{2}$
- (B) 3
- (C) $3\sqrt{2}$
- (D) 6



16. أوجد قيمة AE .

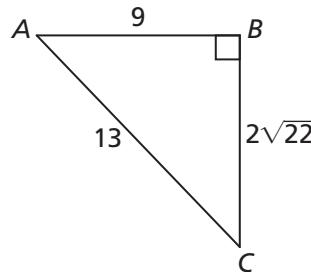


21. مثلث $30^{\circ}-60^{\circ}-90^{\circ}$ طول الوتر فيه يساوي 6 إنشات. أي مما يلي يمكن أن يكون طول أحد ضلعين القائمة في هذا المثلث؟ اختر كل ما ينطبق.

- (A) 8
- (B) 10
- (C) 3
- (D) $3\sqrt{3}$

22. ما القيمة الدقيقة لـ $\tan A$ ؟

- (A) $\frac{9}{13}$
- (B) $\frac{2\sqrt{22}}{9}$
- (C) $\frac{2\sqrt{22}}{13}$
- (D) $\frac{9}{2\sqrt{22}}$

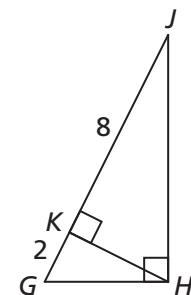


23. أي مما يلي يكافئ القيمة $\sin 51^{\circ}$ ؟

- (A) $\cos 51^{\circ}$
- (B) $\cos 39^{\circ}$
- (C) $\tan 39^{\circ}$
- (D) $\tan 51^{\circ}$

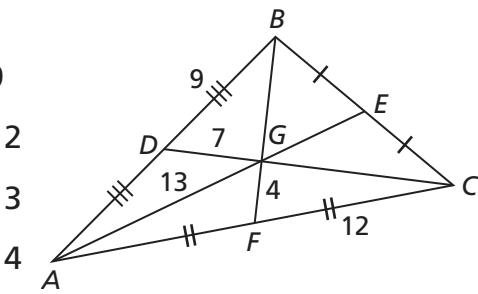
17. ما قيمة HK ؟

- (A) 5
- (B) 4
- (C) $2\sqrt{5}$
- (D) $\sqrt{5}$



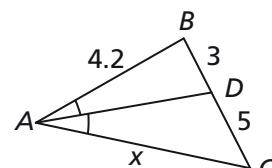
18. ما قيمة GC ؟

- (A) 9
- (B) 12
- (C) 13
- (D) 14



19. ما قيمة x في المثلث ABC ؟

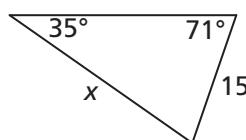
- (A) 2.2
- (B) 2.52
- (C) 6.2
- (D) 7



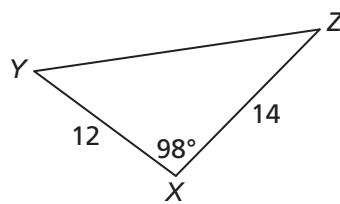
28. عندما يكون قياس الزاوية التي تكونها أشعة الشمس مع سطح الأرض 30° يكون طول ظل أحمد 94 in ما طول قامة أحمد؟ قرب الإجابة إلى أقرب إنش.

- (A) 47 in
- (B) 54 in
- (C) 81 in
- (D) 94 in

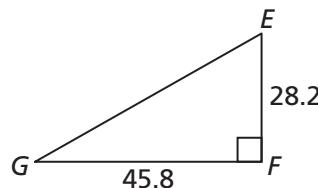
29. ما قيمة x ؟ قرب إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة.



30. ما قيمة $\angle YZ$ ؟ قرب إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة.



24. أوجد $m\angle G$. قرب إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.



25. أي مما يلي يساوي $\frac{1}{2}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $\sin 30^\circ$	(D) $\sin 45^\circ$
(B) $\cos 45^\circ$	(E) $\cos 60^\circ$
(C) $\tan 30^\circ$	(F) $\tan 45^\circ$

26. ما نسبة كل من جيب وجيب التمام لمثلث $\theta = 30^\circ$ ؟ طول وتره 6، إذا كانت $30^\circ-60^\circ-90^\circ$

- (A) $\sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos \theta = \frac{1}{2}$
- (B) $\sin \theta = \frac{1}{2}, \cos \theta = \frac{2\sqrt{3}}{3}$
- (C) $\sin \theta = \frac{2\sqrt{3}}{3}, \cos \theta = \frac{1}{2}$
- (D) $\sin \theta = \frac{1}{2}, \cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$

27. إذا كان $\tan \theta = \cot 30^\circ$ ، فما قياس θ ؟

- (A) 30°
- (B) 45°
- (C) 60°
- (D) 90°

5 تقويم بداية الوحدة

5. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $10^{12} \div 10^4$ ؟

(A) 1^3 (B) 10^3 (C) 1^8 (D) 10^8

6. حلّت خولة مسألة الرياضيات التالية باستعمال

خاصيّة قوّة الضرب، كما هو مبيّن أدناه.

هل حلّها صحيح؟ وضح إجابتك.

$$5^3 \times 8^3 = 40^3$$

7. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $7^9 \cdot 7^{12} \cdot 7^0$ ؟ اختر كلّ ما ينطبق.

$3^3 \cdot 3^4 \cdot 4^9$
 $(3^3)^9 \cdot (7^3)^6$
 $7^3 \cdot (3^{-4})^{-3} \cdot 7^6$
 $(3^3 + 3^9) \cdot (7^6 + 7^3)$
 $3^{20} \cdot (7^3)^3 \cdot (3^4)^{-2}$

8. يقول جاسم إن $6^5 = (6^2)^3$. هل هو على صواب؟ وضح إجابتك.

9. صل كلّ عدد أتي إلى اليسار بالعدد المكافئ له إلى اليمين.

7^{-2}
 3^{-4}
 9^0
 11^{-1}

$\frac{1}{11}$
 $\frac{1}{49}$
 1
 $\frac{1}{81}$

1. لدى بلال حديقة مربعة الشكل مساحتها 121 قدماً مربعة، ويريد بناء سياج حولها. ما طول السياج الذي يحتاج إليه بلال؟

(A) 13 قدماً
(B) 26 قدماً
(C) 39 قدماً
(D) 44 قدماً

2. كيف تصنّف العدد 216؟

(A) مربع كامل
(B) مكعب كامل
(C) مربع كامل ومكعب كامل في آنٍ
(D) ليس مرتّغاً كاملاً ولا مكعّباً كاملاً

3. أي مما يلي يمثل حلّ المعادلة $x^2 = 324$ ؟

(A) $x = +18$
(B) $x = +162$
(C) $x = \pm 18$
(D) $x = \pm 162$

4. صاحب المعلم أحمد أوراق الاختبار الذي أحراه لطلابه فوجد أنّ الطّلاب قد قدّموا أربعة حلول مختلفة للمعادلة $x^3 = 55$. أيّ من هذه الحلول هو الحل الصحيح؟

(A) $x = 55^3$
(B) $x = \sqrt[3]{55}$
(C) $x = \pm \sqrt[3]{55}$
(D) $x = \sqrt{55}$

15. أوجد ناتج ضرب المقادير أدناه، وحدّد القيود على قيمة المتغير.

$$\left(\frac{2}{x} - \frac{x}{2}\right) \left(\frac{2x}{x^2 + 4x + 4}\right)$$

16. حدد القيود على قيمة المتغير عند إيجاد ناتج قسمة $\left(1 - \frac{x^2}{9}\right) x$ على $\left(\frac{x}{3} - \frac{3}{x}\right)$.

(A) $x \neq 3 \text{ و } x \neq 0 \text{ و } x \neq -3$
 (B) $x \neq 3 \text{ و } x \neq -3 : 3$
 (C) $x \neq 3 \text{ و } x \neq -3 : -3$
 (D) $x \neq 3 \text{ و } x \neq 0 \text{ و } x \neq -3 : 3$

17. أوجد ميل المستقيم الذي يمر بال نقطتين $(a, \frac{-1}{a})$ و $(b, \frac{-1}{b})$.

(A) $\frac{1}{ab}$ (C) $\frac{-1}{ab}$
 (B) $\frac{a-b}{ab}$ (D) $\frac{b-a}{ab}$

18. أوجد ناتج $\frac{12}{a-4} + \frac{3a}{4-a}$ وحدّد القيود على قيمة المتغير.

(A) $-3; a \neq -4$ (C) $-3; a \neq 4$
 (B) $3; a \neq -4$ (D) $3; a \neq 4$

19. أوجد ناتج $\frac{5}{3x+2} + \frac{8}{6x+4}$ حيث $x \neq -\frac{2}{3}$.

(A) $\frac{9}{3x+2}$
 (B) $\frac{13}{6x+4}$
 (C) $\frac{5x+8}{6x+4}$
 (D) $\frac{18}{3x+2}$

20. بسط المقدار التالي:

10. أكمل الجدول التالي.

الصورة الأشنية	الصورة المبسطة
	6^{-1}
	6^{-2}
	6^{-3}
	6^{-4}

11. في التمارين d-a، اختر نعم أو لا لتحديد ما إذا كانت القيمة المعطاة أصغر من 1 أم لا، حيث x عدد غير الصفر.

a. $(23)^0$ ○ نعم ○ لا
 b. $(-x)^0$ ○ نعم ○ لا
 c. $-(x)^0$ ○ نعم ○ لا
 d. -23^0 ○ نعم ○ لا

12. إذا كان $\frac{1}{b} = \frac{3}{x} + \frac{3}{y}$ ، فما قيمة المقدار $\frac{x+y}{3y+3x}$ ؟

(A) $\frac{x+y}{3y+3x}$
 (B) $\frac{3xy}{y+x}$
 (C) $\frac{xy}{3y+3x}$
 (D) $\frac{xy}{3y+x}$

13. إذا كان $a = \frac{1}{x} + \frac{1}{y}$ ، فما قيمة المقدار $\frac{xy}{y+x}$ ؟

(A) $x+y$ (C) $\frac{xy}{y+x}$
 (B) $\frac{x+y}{xy}$ (D) $x^2 + y^2$

14. بسط المقدار $\frac{(x+3)(x^2-9)}{(x+3)^2(x-3)^2}$ وحدّد مجاله.

المقدار:

المجال:

5-1 اختبار الدرس**الجذور النونية والجذور والأسس النسبية**

1. اكتب كل الجذور الحقيقية من الدرجة الرابعة للعدد 256

2. أعد كتابة المقدار $\sqrt[6]{7^2}$ باستعمال أسس كسرية.

(A) $\sqrt[3]{7}$

(B) $7^{\frac{6}{2}}$

(C) 7^3

(D) $7^{\frac{1}{3}}$

3. وضح معنى العدد $243^{\frac{3}{5}}$ ، ثم أوجد قيمته.. _____ للعدد 243 _____ هو الجذر من $243^{\frac{3}{5}}$

. _____ قيمته تساوي _____.

4. بسط المقدار $\sqrt[4]{81m^8n^{12}}$

(A) $3m^2n^3$

(B) $9m^2n^3$

(C) $\pm 3m^2n^3$

(D) $\pm 9m^4n^6$

5. حل المعادلة $-4x^3 = 32$

5-2 اختبار الدرس**العمليات على الأسس والجذور**1. أعد كتابة المقدار $\sqrt[3]{81y^7}$ باستعمال خصائص الأسس.

(A) $9y^3 \sqrt{y}$

(B) $3y^2$

(C) $3y^2 \sqrt[3]{3y}$

(D) لا يمكن تبسيط المقدار.

2. اكتب المقدار $\sqrt[4]{\frac{3a^2}{8b^3}}$ بالصيغة الجذرية المبسطة.3. ما الصيغة الجذرية المبسطة للمقدار $\sqrt[3]{250} + \sqrt[3]{54} + \sqrt{72}$ ؟

(A) $\sqrt[3]{250} + \sqrt[3]{54} + \sqrt{72}$

(B) $8\sqrt[3]{2} + 6\sqrt{2}$

(C) $14\sqrt[3]{2}$

(D) $5\sqrt{10} + 3\sqrt{6} + 6\sqrt{2}$

4. أوجد ناتج ضرب $(2\sqrt{x} + 3)(2\sqrt{x} - 3)$.5. اكتب المقدار $\frac{7}{3 - \sqrt{2}}$ بالصيغة الجذرية المبسطة.

5-3 اختبار الدرس

المعادلات الأسيّة

1. كيف يُكتب المقدار $\sqrt[5]{n^4}$ باستعمال الأسس النسبة؟

(A) $n^{\frac{4}{5}}$

(B) $n^{\frac{5}{4}}$

(C) n^{20}

(D) $\frac{n^4}{n^5}$

2. تربط الصيغة $6V^{\frac{2}{3}} = A$ بين المساحة السطحية A للمكعب، بالوحدات المربعة، وحجمه V ، الوحدات المكعبة. ما حجم مكعب، بالإنشات المكعبة، مساحته السطحية 486 in^2 ؟3. حلّ المعادلة $10^{10} = 10^{\frac{x}{8}}(10^{\frac{x}{6}})$ هو:

$$x = \underline{\hspace{2cm}}$$

4. حلّ المعادلة $9^{x-8} = 3^{4x-12}$ هو:

(A) $-\frac{2}{3}$

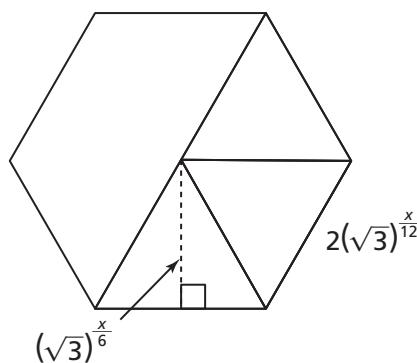
(B) $\frac{4}{3}$

(C) 2

(D) -2

5. يوضح الرسم أدناه بلاطة سداسية الشكل تُستعمل في تبليط الأرضيات. مساحة كل بلاطة تساوي $18\sqrt{3} \text{ in}^2$. أوجد قيمة x . ثم أوجد القيمة الدقيقة لطول ضلع السداسي. (مساعدة: ستة مثلثات متطابقة الأضلاع تكُون مصلّعاً سداسياً).

$$x; \text{ طول ضلع السداسي} = \underline{\hspace{2cm}}$$



1 تقويم الوحدة، النموذج A

8. اكتب المقدار $\sqrt[4]{\frac{5a^2}{27b^7}}$ في الصورة الجذرية المبسطة.

9. ما الصورة الجذرية المبسطة للمقدار $\sqrt[3]{135} + 2\sqrt[3]{40} + \sqrt{180}$

(A) $\sqrt[3]{135} + \sqrt[3]{320} + \sqrt{180}$
 (B) $7\sqrt[3]{5} + 6\sqrt{5}$
 (C) $13\sqrt[3]{5}$
 (D) $3\sqrt{15} + 4\sqrt{10} + 6\sqrt{5}$

10. أوجد ناتج ضرب ما يلي: $(3\sqrt{x} - 5)(3\sqrt{x} + 5)$

11. إذا كان حجم مكعب يساوي 1.5 m^3 ، ما طول ضلع هذا المكعب؟ قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من المتر.

12. أنبوب أسطواني الشكل طوله 9 ft وحجمه 100 ft³. أوجد طول قطر هذا الأنبوب. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مائة من القدم.

(A) 1.88 ft (C) 3.33 ft
 (B) 2.23 ft (D) 3.76 ft

13. كررة طول نصف قطرها r وحجمها $\frac{4}{3}\pi r^3$. أوجد قيمة r بدلالة V .

1. اكتب المقدار $7^{\frac{4}{5}}$ في الصورة الجذرية.

2. الصورة المبسطة للمقدار $\sqrt[4]{16a^4b^{20}}$ هي:
 (A) $4a^2b^{10}$ (C) $2b^{16}$
 (B) $4a^2|b^5|$ (D) $2|a| \cdot |b^5|$

3. أعد كتابة المقدار $\sqrt[9]{5^3}$ باستعمال أس كسري.
 (A) $\sqrt[3]{5}$ (C) 5^3
 (B) $5^{\frac{9}{3}}$ (D) $5^{\frac{1}{3}}$

4. أي من الأعداد التالية أعداد حقيقة؟
 اختر كل ما ينطبق.

(A) $\sqrt{115}$ (C) $\sqrt[3]{-\sqrt{16}}$
 (B) $\sqrt{10}$ (D) $\sqrt[4]{1 - \sqrt{2}}$

5. أوجد جميع الجذور الحقيقة من الدرجة الرابعة للعدد 625

6. ما عدد الجذور التكعيبية للعدد -64؟
 وضح تبريرك المنطقي.

7. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $\frac{2}{1 + \sqrt{5}}$?
 (A) $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ (C) $\frac{\sqrt{5} - 1}{2}$
 (B) $\frac{1 - \sqrt{5}}{2}$ (D) $\sqrt{5} - 2$

19. حل المعادلة $\left(\frac{1}{3}\right)^{x+1} = \left(\frac{1}{9}\right)^{x+3}$ هو:

(A) $x = 5$

(B) $x = -\frac{7}{3}$

(C) $x = -5$

(D) لا حل لها

20. حل المعادلة $\frac{(6^x)^{\frac{1}{3}}}{6^{\frac{2}{3}}} = 36$ هو:

(A) $x = 8$

(B) $x = 7$

(C) $x = 512$

(D) $x = \frac{4}{3}$

14. اكتب المقدار $\sqrt[4]{5}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) $5^{\frac{1}{4}}$

(C) 5^4

(B) $4^{\frac{1}{5}}$

(D) 4^5

15. اكتب المقدار $\sqrt[3]{9}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) $3^{\frac{1}{9}}$

(C) $3^{\frac{2}{3}}$

(B) 3

(D) 3^9

16. كيف يكتب المقدار $\sqrt[4]{n^3}$ باستعمال أسس نسبية؟

(A) $n^{\frac{3}{4}}$

(C) n^{12}

(B) $n^{\frac{4}{3}}$

(D) $\frac{n^3}{n^4}$

17. اكتب المقدار $\sqrt[3]{\sqrt{2^5}}$ باستعمال أسس نسبية.

18. حل المعادلة $\left(\frac{1}{49}\right)^{x+2} = (7)^{x-3}$ هو:

(A) $x = -7$

(B) $x = -\frac{1}{3}$

(C) $x = \frac{1}{3}$

(D) لا حل لها

5 تقويم الوحدة، النموذج B

8. اكتب المقدار $\sqrt[6]{\frac{7a^2}{32b}}$ في الصورة الجذرية المبسطة.

9. ما الصورة الجذرية المبسطة للمقدار $\sqrt[3]{375} + 2\sqrt{108} + \sqrt[3]{192}$ ؟

(A) $\sqrt[3]{375} + \sqrt{432} + \sqrt[3]{192}$
 (B) $21\sqrt[3]{3}$
 (C) $9\sqrt[3]{3} + 12\sqrt{3}$
 (D) $5\sqrt{15} + 20\sqrt{3}$

10. أوجد ناتج ضرب ما يلي: $(5\sqrt{a} - a)(5\sqrt{a} + a)$

11. صيغة حجم الكرة هي $\frac{4}{3}\pi r^3$. أوجد قيمة r إذا كان $V = 10 \text{ m}^3$. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من المتر.

12. أنبوب أسطواني الشكل ارتفاعه 25 ft وحجمه 900 ft³، أوجد طول قطر هذا الأنبوب. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة من القدم.

(A) 3.39 ft (C) 6.77 ft
 (B) 6 ft (D) 12 ft

13. مخروط طول نصف قطر قاعده r وارتفاعه h . أوجد قيمة r بدلالة V و h . $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$

1. اكتب المقدار $5^{\frac{3}{4}}$ في الصورة الجذرية.

2. الصورة المبسطة للمقدار $\sqrt[6]{64a^6b^{30}}$ هي:

(A) $8a^3b^{15}$ (C) $2|a| \cdot |b^5|$
 (B) $2b^{24}$ (D) $8a^3 \cdot |b^5|$

3. أعد كتابة المقدار $\sqrt[6]{7^2}$ باستعمال أسس كسري.

(A) $\sqrt[3]{7}$ (C) 7^3
 (B) $7^{\frac{1}{3}}$ (D) $7^{\frac{6}{2}}$

4. أي من الأعداد التالية أعداد حقيقة؟

اختر كل ما ينطبق.

(A) $\sqrt{12}$ (C) $\sqrt[3]{-1}$
 (B) $\sqrt{0}$ (D) $\sqrt[4]{-1}$

5. ما هي جميع الجذور الحقيقة من الدرجة الرابعة للعدد 81؟

6. ما عدد الجذور التكعيبية للعدد -125؟
 وضح تبريرك المنطقي.

7. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $\frac{m-1}{\sqrt{m}-1}$ ؟

(A) $\frac{\sqrt{m}-1}{m-1}$ (C) $\sqrt{m}+1$
 (B) $\sqrt{m}-1$ (D) $\frac{\sqrt{m}-1}{m}$

19. حل المعادلة $(\frac{1}{49})^{x+2} = (7)^{x-3}$ هو:

(A) $x = -7$

(B) $x = -\frac{1}{3}$

(C) $x = \frac{1}{3}$

(D) لا حل لها

20. حل المعادلة $\frac{(5^x)^{\frac{1}{4}}}{5^{\frac{3}{4}}} = 125$ هو:

(A) $x = \frac{7}{2}$

(B) $x = 15$

(C) $x = 50625$

(D) $x = \frac{9}{4}$

14. اكتب المقدار $\sqrt[3]{10}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) 3^{10}

(C) $3^{\frac{1}{10}}$

(B) 10^3

(D) $10^{\frac{1}{3}}$

15. اكتب المقدار $\sqrt[3]{25}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) $3^{\frac{1}{25}}$

(C) 3^{25}

(B) 5

(D) $5^{\frac{2}{3}}$

16. كيف يكتب المقدار $\sqrt[5]{x^2}$ باستعمال أسس نسبية؟

(A) $x^{\frac{5}{2}}$

(C) x^{10}

(B) $x^{\frac{2}{5}}$

(D) $\frac{x^2}{x^5}$

17. اكتب المقدار $\sqrt[5]{\sqrt{3^2}}$ باستعمال أسس نسبية.

18. حل المعادلة $(5^{\frac{x}{3}})(5^{\frac{x}{5}}) = 5^4$ هو:

(A) $x = 2$

(B) $x = \frac{15}{2}$

(C) $x = \frac{15}{4}$

(D) لا حل لها

5 تقويم الوحدة، النموذج C

8. اكتب المقدار $\sqrt[4]{\frac{13x^2}{27y}}$ في الصورة الجذرية المبسطة.

9. ما الصورة الجذرية المبسطة للمقدار

$$\sqrt[3]{128} + 3\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{250}$$

(A) $\sqrt[3]{128} + \sqrt{288} + \sqrt[3]{250}$
 (B) $20\sqrt{2} + 5\sqrt{10}$
 (C) $21\sqrt[3]{2}$
 (D) $9\sqrt[3]{2} + 12\sqrt{2}$

10. أوجد ناتج ضرب ما يلي:

11. دائرة مساحتها 340 m^2 ، أوجد طول قطرها مقارنة إلى أقرب جزء من مئة من المتر.

12. أنبوب أسطواني الشكل ارتفاعه 36 ft وحجمه 100 ft^3 ، أوجد طول قطر هذا الأنبوب. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة من القدم.

(A) 0.94 ft (C) 1.88 ft
 (B) 1.67 ft (D) 3.33 ft

13. هرم رباعي طول ضلع قاعدته المرיבعة s وارتفاعه h . أوجد قيمة s بدلالة V و h .

1. اكتب المقدار $3^{\frac{2}{5}}$ في الصورة الجذرية.

2. الصورة المبسطة للمقدار $\sqrt[3]{64a^6b^{15}}$ هي:

(A) $8a^2b^5$ (C) $4a^3b^{12}$
 (B) $4a^2b^5$ (D) $8a^3b^5$

3. أعد كتابة المقدار $\sqrt[15]{a^3}$ باستعمال أسس كسري.

(A) $a^{\frac{1}{5}}$ (C) a^5
 (B) $a^{\frac{15}{3}}$ (D) $\sqrt[5]{a}$

4. أي من الأعداد التالية أعداد حقيقة؟

اختر كل ما ينطبق.

(A) $\sqrt[3]{-\frac{1}{2}}$ (C) $-\sqrt[3]{7}$
 (B) $\sqrt{2} - \sqrt{5}$ (D) $\sqrt{\sqrt{2} - \sqrt{3}}$

5. أوجد جميع الجذور الحقيقة من الدرجة الرابعة

للعدد 1 296

6. ما عدد الجذور التكعيبية للعدد 729؟

ووضح تبريرك المنطقي.

7. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $\frac{x}{\sqrt{x} - x}$ ؟

(A) $\frac{x + \sqrt{x}}{x - 1}$ (C) $\frac{x + \sqrt{x}}{1 - x}$
 (B) $\frac{\sqrt{x} + 1}{x - 1}$ (D) $\frac{\sqrt{x} - x}{x}$

19. حل المعادلة $128^x = \left(\frac{1}{2}\right)^{2x-3}$ هو:

(A) $x = \frac{1}{3}$

(B) $x = -\frac{3}{5}$

(C) $x = 5$

(D) لا حل لها

20. حل المعادلة $\frac{(2^x)^{\frac{1}{2}}}{2^{\frac{3}{2}}} = 32$ هو:

(A) $x = \frac{15}{2}$

(B) $x = 6$

(C) $x = 169$

(D) $x = 13$

14. اكتب المقدار $\sqrt[5]{7}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) 5^7

(C) $5^{\frac{1}{7}}$

(B) 7^5

(D) $7^{\frac{1}{5}}$

15. اكتب المقدار $\sqrt[12]{16}$ باستعمال أسس نسبية.

(A) $12^{\frac{1}{16}}$

(C) 4

(B) $2^{\frac{1}{3}}$

(D) 12^{16}

16. كيف يكتب المقدار $\sqrt[6]{a^5}$ باستعمال أسس نسبية؟

(A) $\frac{a^5}{a^6}$

(C) a^{30}

(B) $a^{\frac{6}{5}}$

(D) $a^{\frac{5}{6}}$

17. اكتب المقدار $\sqrt[6]{7^4}$ باستعمال أسس نسبية.

18. حل المعادلة $(2^{\frac{x}{5}})(2^{\frac{x}{2}}) = 2^{14}$ هو:

(A) $x = 20$

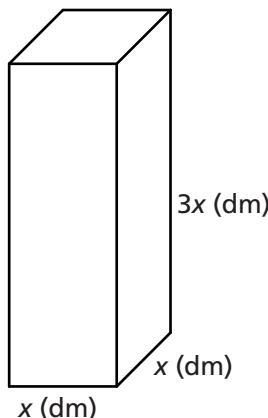
(B) $x = 7$

(C) $x = 10$

(D) لا حل لها

5 تقويم الأداء، النموذج A

1. تريد إحدى الشركات تعبئة الزيت في خزانات معدنية على شكل منشور مستطيل، قاعدته مربعة وأبعاده موضحة في الرسم المجاور.

**A الجزء**

أوجد حجم الخزان V بدلالة x . ثُم أوجد قيمة x بدلالة V . اكتب المعادلة التي تمثل قيمة x في صورة أَسْ نسبي والمقام من دون رمز الجذر إذا لزم الأمر. وَضْح إجابتكم.

B الجزء

تريد الشركة بيع كل خزان مملوء بالزيت بسعر QR 20 لكل لتر من الزيت، بالإضافة إلى ثمن الخزان البالغ QR 210 لكل متر ارتفاع. إذا كان حجم الخزان 192 لترًا، ما ارتفاعه؟ ما المعادلة التي تعطي ثمن خزان مملوء بالزيت P بدلالة x ؟ ما ثمن هذا الخزان المملوء بالزيت؟ وَضْح إجابتكم.

2. في الواقع، طول قاعدة الخزان يساوي $\frac{1}{2} \text{ m}$ ، وتريد الشركة وضع هذه الخزانات في مستودعات مربعة الشكل، بحيث تضع في كل مستودع n خزان. ناتج ضرب مساحات قواعد الخزانات A يساوي $\frac{1}{1\,048\,576} \text{ m}^2$ يساوي n . اكتب معادلة تعطي ناتج ضرب مساحات قواعد الخزانات بدلالة n ، ثم استعمل هذه المعادلة لإيجاد قيمة n .

3. لأسباب اقتصادية، قررت الشركة تخزين الزيت في خزانات أسطوانية الشكل ارتفاع كل منها 15 dm وحجمه نفس حجم الخزان السابق.

أوجد طول نصف قطر القاعدة الدائرية لهذا الخزان الأسطواني. قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة من المليمتر.

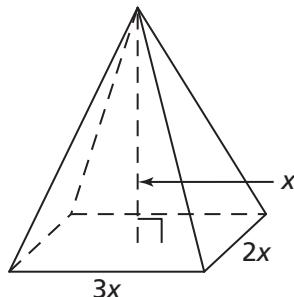
5 تقويم الأداء، النموذج B

وفقاً لمعلومات شائعة، لكن ليست حقيقة، اكتشف علماء البحار، في أعماق المحيط، صوراً لأهرامات عملاقة مصنوعة من مواد شبيهة بالزجاج. افترض أن واحداً من هذه الأهرامات المتخيلة له الأبعاد المبينة في الشكل المجاور.

1. حجم الهرم V يساوي $\frac{1}{3}Bh$ حيث B مساحة قاعدة الهرم و h ارتفاعه.

A الجزء

أوجد المعادلة التي تمثل قيمة V بدلالة x . ثم أوجد قيمة x بدلالة V . اكتب المعادلة التي كتبتها لإيجاد قيمة x في صورة أسّ نسبيّ، واقتب المقامات في صورة أعداد نسبية عند الضرورة. وضح إجابتك.

**B الجزء**

افترض أن هذه الأسطورة حقيقة، وأن بالإمكان استئجار خدمات مقاول لرفع هرم من هذه الأهرامات إلى سطح المحيط. التكلفة التقديرية (x) لهذه العملية هي QR 200 000 لكل متر من ارتفاع الهرم، مع تكلفة إضافية $a(V)$ مقدارها QR 300 لكل متر مكعب من حجم الهرم. افترض أن حجم أحد الأهرامات هو $2 000 000 \text{ m}^3$ ما ارتفاع هذا الهرم؟ ما المعادلة التي تمثل التكلفة الكلية t لرفع هرم من أي حجم بهذه التنسابات بدلالة x ؟ كم ستبلغ تكلفة التقسيب عن هذا الهرم؟ وضح إجابتك.

2. أخذ علماء المحيطات صورة من قاع أحد المحيطات أظهرت وجود عدد x من الأهرامات الصغيرة المتماثلة والمترابطة، طول ضلع قاعدة كل هرم منها هو 2 m ، وناتج ضرب مساحات قواعد هذه الأهرامات يساوي 536، 65، اكتب معادلة تبيّن ناتج ضرب مساحات قواعد الأهرامات وتتضمن المتغير x ، ثم استعمل هذه المعادلة لإيجاد قيمة x .

3. إذا كان ناتج ضرب ارتفاعات هذه الأهرامات يساوي 561 m ، أوجد ارتفاع كل هرم بما أن الأهرامات الثمانية متماثلة. ليكن h ارتفاع كل هرم.

6 تقويم بداية الوحدة

6. دائرة محاطها يساوي 64π ؛ ما طول نصف قطر هذه الدائرة؟

(A) 32 (C) 80
(B) 64 (D) 128

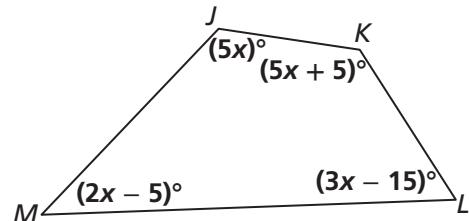
7. ما قيمة a ؟

$$42 = 8a$$

8. أي من مجموعات القيم التالية يمكن أن تكون أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية؟

(A) 8, 15, 17
(B) 6, 12, 18
(C) 4, 7, 22
(D) 3, 5, 34

9. ما قياس $\angle J$ ؟



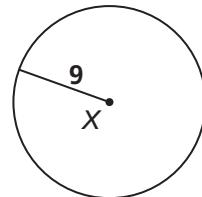
(A) 13°
(B) 25°
(C) 125°
(D) 130°

10. حل المعادلة الموضحة أدناه لتجد قيمة p .

$$(q + p)q = (s + r)s$$

1. ما مساحة X معتبراً عنها بدلالة π ؟

(A) 4.5π
(B) 9π
(C) 20.25π
(D) 81π



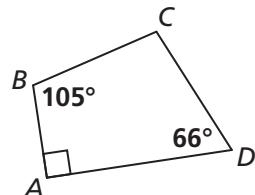
2. ما قيمة x ؟

$$(7 + x)5 = (3x + 1)3$$

(A) 1.5 (C) 8
(B) 6 (D) 9.5

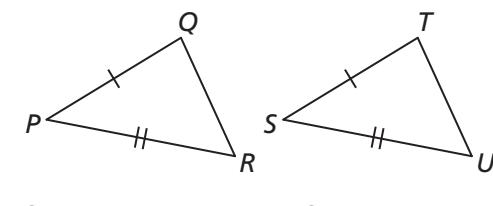
3. طولاً ضلعي القائمة في مثلث قائم الزاوية هما 20 و 21، ما طول الوتر في هذا المثلث؟

4. في الرباعي $ABCD$ ، ما قيمة $m\angle C$ ؟



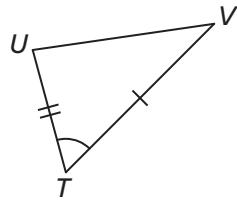
(A) 87°
(B) 99°
(C) 189°
(D) 261°

5. ما الحقيقة الإضافية الالزامية لإثبات $\Delta PQR \cong \Delta STU$ أن



(A) $\angle P \cong \angle S$
(B) $\angle Q \cong \angle T$
(C) $\angle R \cong \angle S$
(D) $\angle R \cong \angle U$

15. أي من المثلثات التالية متطابق مع $\triangle TUV$ ؟

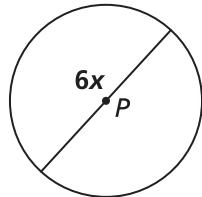


(A) (C)
 (B) (D)

16. أي مما يلي يعد أفضل وصف لمثلث أطوال أضلاعه 65 و 72 و 97؟

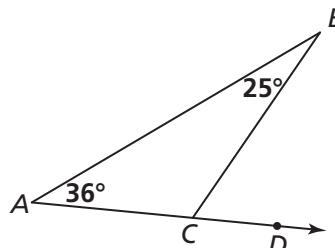
(A) مثلث قائم الزاوية مختلف الأضلاع
 (B) مثلث حاد الزوايا مختلف الأضلاع
 (C) مثلث قائم الزاوية متطابق الضلعين
 (D) مثلث منفرج الزاوية متطابق الضلعين

17. اكتب مقداراً بدلالة π لتمثيل مساحة الدائرة P .

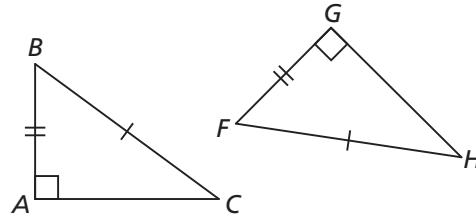


18. ما قيمة $m\angle BCD$ ؟

(A) 11°
 (B) 61°
 (C) 119°
 (D) 144°



11. أي من العبارات التالية تصف العلاقة بين $\triangle ABC$ و $\triangle FGH$ وصفاً صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.



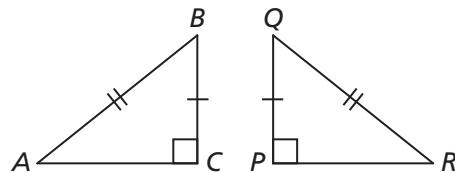
(A) $\overline{AC} \cong \overline{GH}$ (C) $\overline{GH} \cong \overline{BC}$
 (B) $\angle B \cong \angle H$ (D) $\angle F \cong \angle B$

12. إذا كانت مساحة دائرة تساوي 12π ؛ ما محيط هذه الدائرة معيناً عنه بدلالة π ؟

13. مثلث قائم الزاوية طولاً ضلعي القائمة فيه يساويان d و e و طول وتره يساوي f . صن كل طول إلى اليسار بالمقدار المكافئ له إلى اليمين.

(A) d	i. $\sqrt{d^2 + e^2}$
(B) e	ii. $\sqrt{f^2 - d^2}$
(C) f	iii. $\sqrt{f^2 - e^2}$

14. أي من العبارات التالية تعدّ الوصف الأفضل للسبب في أن $\angle A \cong \angle R$ في المثلثين الموضحين أدناه؟



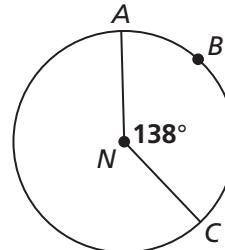
(A) نظرية التطابق بثلاثة أضلاع
 (B) نظرية التطابق بضلعين والزاوية المحصورة بينهما
 (C) الأجزاء المتناظرة في المثلثات المتطابقة
 (D) تربع طول الوتر يساوي مجموع تربيعي طولي ضلعي القائمة

6-1 اختبار الدرس

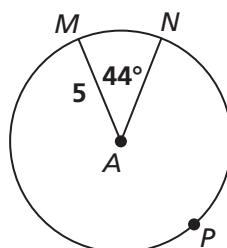
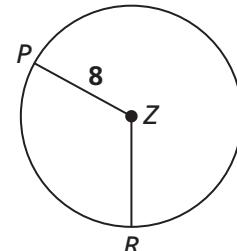
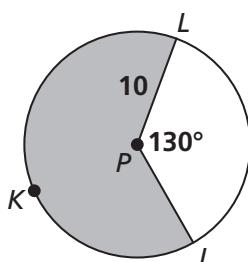
الأقواس والقطاعات الدائرية

1. لديك $\odot N$ ، ما القيمة $m\widehat{ABC}$ ؟

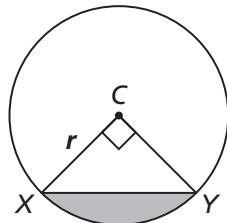
(A) 111°
 (B) 138°
 (C) 222°
 (D) 276°

2. في $\odot Z$ ، $m\angle PZR = \frac{2}{3}\pi$ رadians. ما طول القوس \widehat{PR} ؟

(A) $\frac{2}{3}\pi$
 (B) $\frac{8}{3}\pi$
 (C) $\frac{4}{3}\pi$
 (D) $\frac{16}{3}\pi$

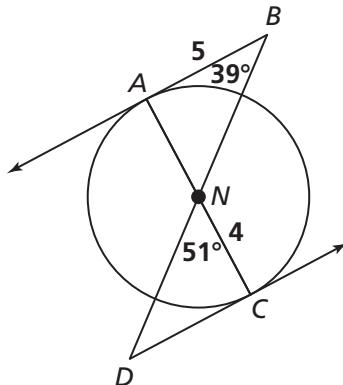
3. ما طول القوس \widehat{MPN} بدلالة π ؟4. حدد ما إذا كانت كل من العبارات التالية صحيحة أم لا في $\odot P$.

	نعم	لا
$m\widehat{KL} = 230^\circ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
مساحة القطاع المظلل $= \frac{230}{18}\pi$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
مساحة القطاع غير المظلل $= \frac{325}{9}\pi$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

5. اكتب مقداراً يمثل مساحة القطعة المظللة من $\odot C$ بالوحدات المربعة.

6-2 اختبار الدرس

مماضات الدائرة

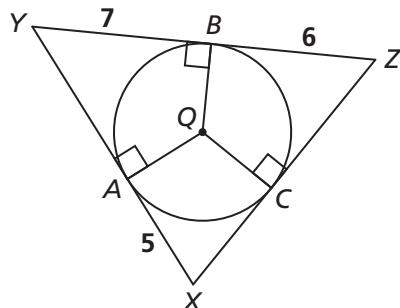


1. إذا كان \overrightarrow{DC} مماساً لـ $\odot N$ عند النقطة C ، حدد ما إذا كانت كل من العبارات التالية صحيحة أم لا في $\odot N$.

	نعم	لا
$m\angle DCN < m\angle BAN$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
\overrightarrow{BA} مماس للدائرة N عند النقطة A	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$NB \approx 6.4$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

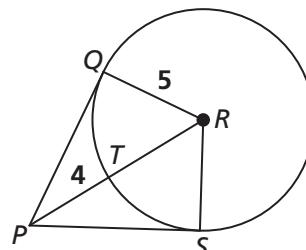
2. إذا كان \overline{PQ} مماساً للدائرة R عند النقطة Q ، وكان \overline{PS} مماساً لـ $\odot R$ عند النقطة S ، فما محيط الرباعي $PQRS$ ؟

(A) 14
(B) $10 + 4\sqrt{14}$
(C) $5 + 4\sqrt{14}$
(D) 28



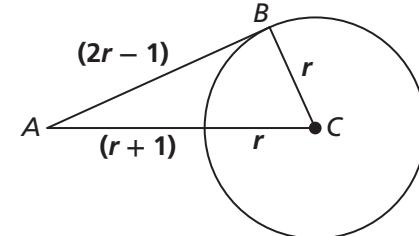
(A) 16π
(B) 30π
(C) 34π
(D) 64π

استعمل مسطرة غير مدرجة لإنشاء \overline{BP} . سم النقطة C حيث يتقاطع \overline{BP} مع الدائرة الداخلية.
استعمل مسطرة غير مدرجة لإنشاء \overline{TC} .
استعمل فرجاً لإنشاء دائرة مركزها P وتمز بالنقطة T . أنشئ مستقيماً متعامداً مع \overline{TP} عند A . سم النقطة B حيث يتقاطع المستقيم العمودي مع الدائرة الخارجية.
استعمل مسطرة غير مدرجة لرسم \overline{PT} . سم النقطة A حيث يتقاطع \overline{PT} مع الدائرة.

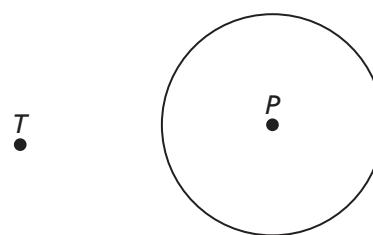


3. ما محيط $\triangle XYZ$ ؟

4. إذا كان \overline{AB} مماساً لـ $\odot C$ عند النقطة B ، فما محيط $\odot C$ ؟

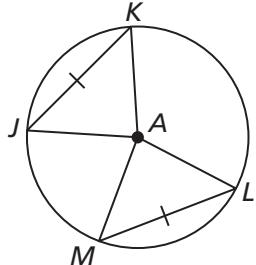


5. يوضح الجدول المجاور الخطوات اللازمة لإنشاء مماس للدائرة P من النقطة T . اكتب أرقاماً تبيّن ترتيب هذه الخطوات من 1 إلى 4



6-3 اختبار الدرس

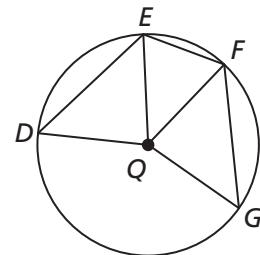
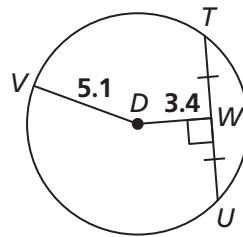
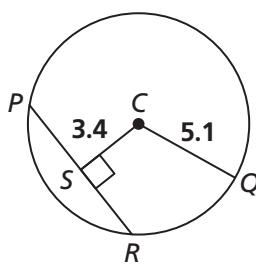
أوتار الدائرة

1. حدد ما إذا كانت كل من العبارات التالية صحيحة أم لا في $\odot A$.

	نعم	لا
$\overline{KA} \cong \overline{MA}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\angle JKA \cong \angle MLA$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\angle LAK \cong \angle MAJ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

2. في $\odot Q$. أي مما يلي يجب أن يكون صحيحاً؟ اختر كل ما ينطبق.

- (A) $DE \cong FG$
- (B) $\overline{EF} \cong \overline{QD}$
- (C) $\triangle DQE \cong \triangle FQE$
- (D) $\triangle FQE \cong \triangle FQG$
- (E) $\angle DQE \cong \angle GQF$

3. إذا كان $TU = 7.4$ ، فما طول PS في $\odot C$ ؟ قرب إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة.4. في $\odot Z$ ، الوتران \overline{JK} و \overline{LM} متطابقان. أي من المسافات التالية تكافئ المسافة بين \overline{JK} والنقطة Z ؟

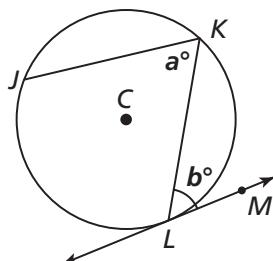
- (A) المسافة بين \overline{LM} و \overline{JK}
- (B) المسافة بين \overline{LM} والنقطة Z
- (C) المسافة بين النقطة K و \overline{LM}
- (D) المسافة بين النقطة J والنقطة Z

5. لديك $\odot N$ و \overline{AB} وتر فيها. أي من النقاط التالية تقع على المنصف العمودي لـ \overline{AB} ؟

- (A) N (C)
- (B) A (A)
- (C) لا يوجد أي من هذه النقاط (D)
- (D) B (B)

6-4 اختبار الدرس

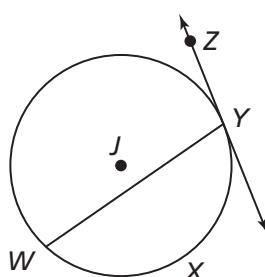
الزوايا المحيطية



1. $m\widehat{JK}$ مماس لـ $\odot C$ عند النقطة L . اكتب مقداراً يمثل قيمة \overleftrightarrow{LM} .

2. أكمل الجملة التالية باستعمال المصطلحات المناسبة:

في أي دائرة معطاة، قياس يساوي نصف قياس _____.

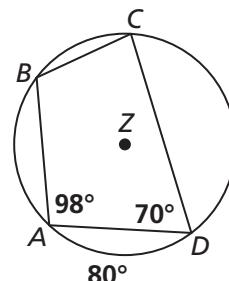


3. إذا كان \overleftrightarrow{YZ} مماساً لـ $\odot J$ عند النقطة Y و $m\angle WYZ = 104^\circ$ ، فما قيمة $m\widehat{WXY}$ ؟

في التمرينين 4 و 5، استعمل $\odot Z$.

4. ما قيمة $m\widehat{BC}$ ؟

- (A) 28°
- (B) 56°
- (C) 70°
- (D) 140°

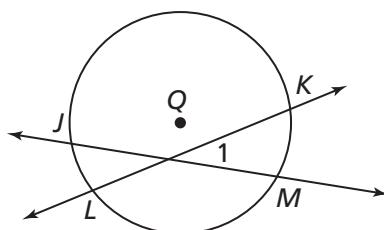


5. ما قيمة $m\angle BCD$ ؟

- (A) 82°
- (B) 168°
- (C) 192°
- (D) 220°

6-5 اختبار الدرس

الأوتار المتقاطعة

1. في $\odot Q$, $m\angle 1 = 116^\circ$ و $m\widehat{JK} = 180^\circ$. ما قيمة $m\widehat{LM}$ ؟

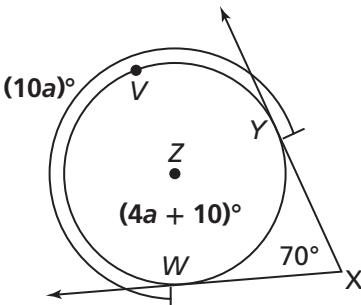
2. أكمل الجملة التالية باستعمال الكلمات أو الأعداد المناسبة:

قياس الزاوية الناتجة عن تقاطع مستقيمين خارج الدائرة يساوي _____.

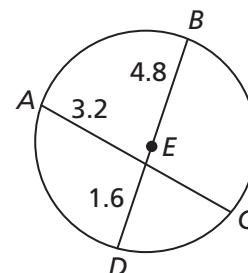
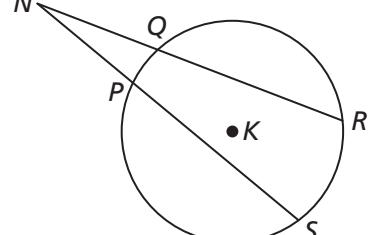
_____ بين قياسي _____.

3. لديك $\odot Z$ ومماسان لها \overrightarrow{XY} و \overrightarrow{WX} . ما قيمة $m\widehat{WVY}$ ؟

- (A) 70°
- (B) 140°
- (C) 250°
- (D) 270°

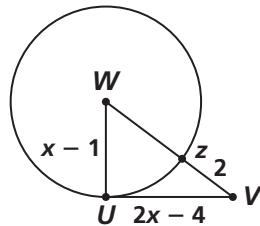
4. في $\odot E$, ما الطول AC ؟

- (A) 2.4
- (B) 5.2
- (C) 6.4
- (D) 5.6

5. لديك $\odot K$ وقاطعان لها \overline{NS} و \overline{NR} . اكتب مقداراً يمثل قيمة PS .

6 تقويم الوحدة، النموذج Aفي التمارين 5 و 6، استعمل $\odot W$.5. $\odot W$ مماس لـ \overline{UV} عند النقطة U .ما قيمة x ؟

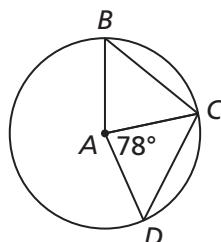
(A) 3
(B) 4
(C) 5
(D) 6

6. ما مساحة $\odot W$ ؟

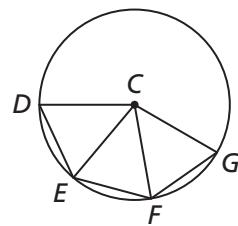
(A) 3π
(B) 6π
(C) 9π
(D) 36π

7. لتكن $m\widehat{BC} = m\widehat{CD}$. ما قيمة $\odot A$ ؟

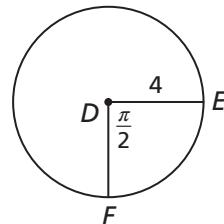
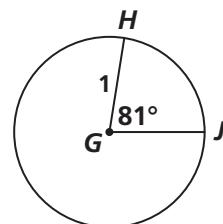
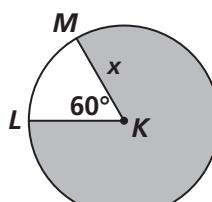
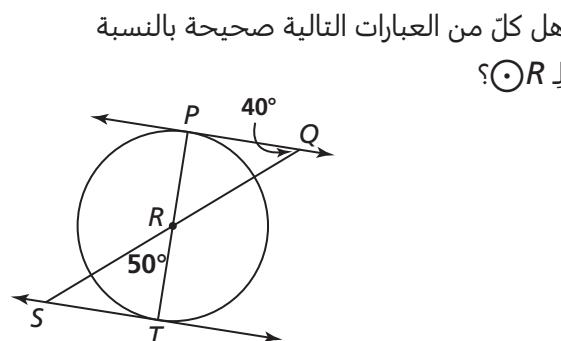
(A) 39°
(B) 78°
(C) 156°
(D) 222°

8. لتكن $\odot C$ ، ول يكن $\overline{DE} \cong \overline{FG}$. أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

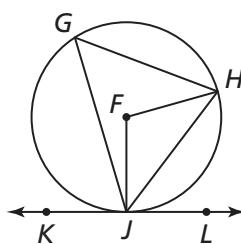
(A) $\widehat{DE} \cong \widehat{FG}$
(B) $\overline{EF} \cong \overline{ED}$
(C) $\triangle DCE \cong \triangle FCE$
(D) $\triangle FCE \cong \triangle FCG$
(E) $\triangle DCE \cong \triangle GCF$



(A) 8π
(B) 4π
(C) 2π
(D) π

1. ما طول \widehat{EF} ؟2. ما طول \widehat{HJ} معنًّا عنه بدلالة π ؟3. اكتب مقدارًا بدلالة π يمثل مساحة الجزء المظلل من $\odot K$.4. هل كل من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لـ $\odot R$ ؟

	نعم	لا
\overleftrightarrow{ST} مماس للدائرة R عند النقطة T .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle RST = m\angle SRT$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle STR = m\angle QPR$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

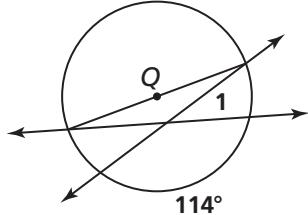


16. إذا كان \overleftrightarrow{KL} مماساً للدائرة $\odot O$ عند النقطة J ، أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

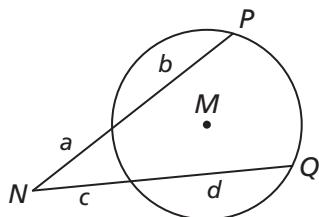
- (A) $m\angle FJL = m\angle JFH$
- (B) $m\angle HJL = m\angle JFH$
- (C) $m\angle HJL = m\angle JGH$
- (D) $m\angle GHJ = m\angle KJG$
- (E) $m\angle GJL = m\angle KJH$

17. في $\odot Q$ ، ما قيمة $m\angle 1$ ؟

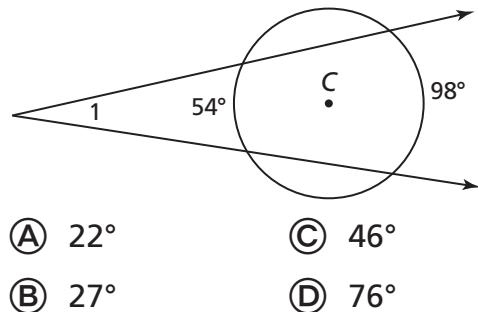
- (A) 33°
- (B) 47°
- (C) 57°
- (D) 66°



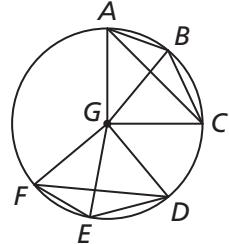
18. بالنسبة لـ $\odot M$ والقاطعين \overline{NQ} و \overline{NP} ، ما المقدار الذي يمثل قيمة d بدلالة a و b و c ؟



19. ما قيمة $m\angle 1$ ؟



- (A) 22°
- (B) 27°
- (C) 46°
- (D) 76°



في التمارين 9-11، استعمل $m\angle AGC = 90^\circ$ مع $\odot G$ و $\overline{AB} \cong \overline{EF}$ و $\overline{AC} \cong \overline{DF}$ و

9. أي زاوية مطابقة لـ $\angle AGB$ ؟

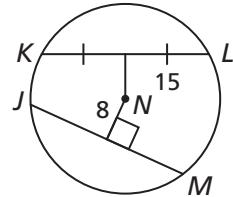
10. إذا كان $m\angle E\widehat{F} = 50^\circ$ ، ما قيمة $m\angle B\widehat{C}$ ؟

11. أي قطعة مستقيمة مطابقة لـ \overline{BC} ؟

في التمارين 12 و 13، استعمل $\odot N$ مع $\overline{KL} \cong \overline{JM}$ و

12. ما طول JM ؟

- (A) 8
- (B) 15
- (C) 17
- (D) 30



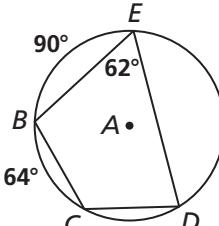
13. ما طول نصف قطر N ؟

- (A) 15
- (B) 17
- (C) 30
- (D) 34

في التمارين 14 و 15، استعمل $\odot A$ و

14. ما قيمة $m\angle CDE$ ؟

- (A) 45°
- (B) 62°
- (C) 64°
- (D) 77°

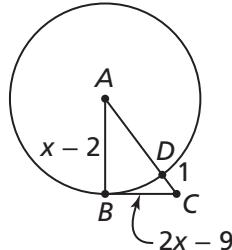


15. ما قيمة $m\angle C\widehat{D}$ ؟

- (A) 60°
- (B) 62°
- (C) 65°
- (D) 124°

6 تقويم الوحدة، النموذج Bفي التمارين 5 و 6، استعمل $\odot A$.5. $\odot A$ مماس لـ \overline{BC} عند النقطة B . ما قيمة x ؟

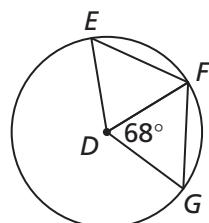
(A) 4
(B) 5
(C) 6
(D) 8

6. ما مساحة $\odot A$ ؟

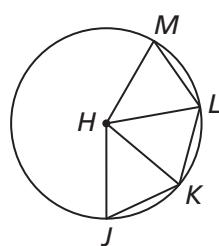
(A) 8π
(B) 9π
(C) 16π
(D) 25π

7. لتكن $m\widehat{EF} = m\widehat{FG}$. ما قيمة $\odot D$ ولتكن $\angle D$ ؟

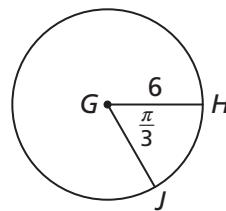
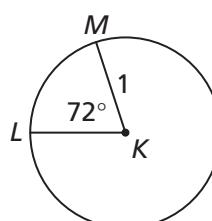
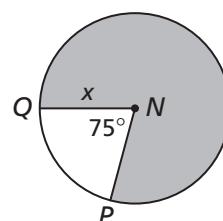
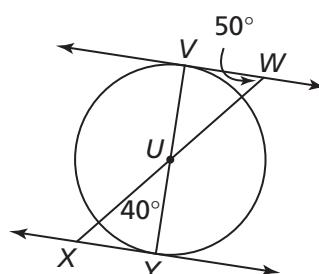
(A) 34°
(B) 38°
(C) 68°
(D) 136°

8. لتكن $\odot H$ ، ولتكن $\angle JHK = \angle LHM$.أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟
اختر كل ما ينطبق.

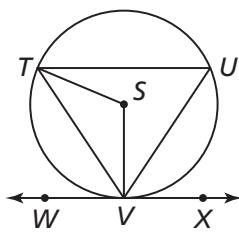
(A) $\Delta LHK \cong \Delta JHK$
(B) $\overline{ML} \cong \overline{JK}$
(C) $\widehat{MLK} \cong \widehat{LJK}$
(D) $\Delta LHM \cong \Delta LHK$
(E) $\Delta JHK \cong \Delta LHM$

1. ما طول \widehat{HJ} ؟

(A) $\frac{\pi}{18}$
(B) $\frac{\pi}{3}$
(C) π
(D) 2π

2. ما طول \widehat{LM} معنّياً به بدلالة π ؟3. اكتب مقداراً بدلالة π يمثل مساحة الجزء المظلل من $\odot N$.4. $\odot U$ مماس لـ \overleftrightarrow{XY} عند النقطة Z .هل كل من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لـ $\odot U$ ؟

	نعم	لا
$m\angle VUW = m\angle UXY$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle VWU = m\angle YXU$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
مماس للدائرة U عند النقطة V	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

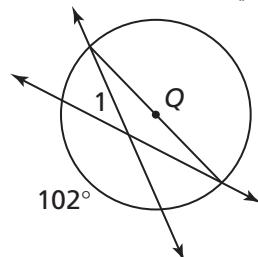


16. إذا كان \overleftrightarrow{WX} مماساً للدائرة $\odot S$ عند النقطة V ، فأي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

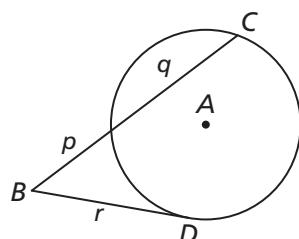
- (A) $m\angle TUV = m\angle TVW$
- (B) $m\angle TSV = m\angle UVX$
- (C) $m\angle UVX = m\angle VTU$
- (D) $m\angle TVW = \frac{1}{2}m\angle TSV$
- (E) $m\angle TVX = 2m\angle UVX$

17. في $\odot Q$ ، ما قيمة $m\angle 1$ ؟

- (A) 33°
- (B) 39°
- (C) 51°
- (D) 57°



18. بالنسبة لـ $\odot A$ والقاطع BC والمماس BD ، ما المقدار الذي يمثل قيمة r بدلالة p و q ؟



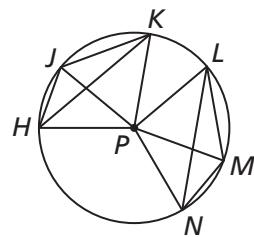
19. ما قيمة $m\angle 1$ ؟

(A) 21°

(C) 24°

(B) 23°

(D) 47°



في التمارين 9-11، استعمل $m\angle KPH = 100^\circ$ مع $\odot P$ $JK \cong LM$ و $HK \cong LN$ و

9. أي زاوية مطابقة لـ $\angle JPH$ ؟

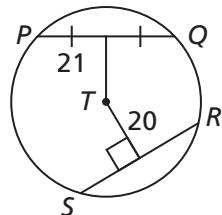
10. إذا كان $m\widehat{JH} = 60^\circ$ ، فما قيمة $m\widehat{LM}$ ؟

11. أي قطعة مستقيمة مطابقة لـ \overline{MN} ؟

في التمارين 12 و 13، استعمل $\odot T$ مع

12. ما طول SR ؟

- (A) 58
- (B) 42
- (C) 41
- (D) 40



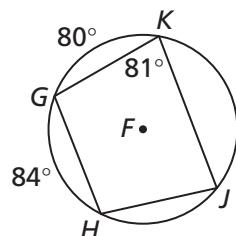
13. ما طول نصف قطر TR ؟

- (A) 20
- (B) 21
- (C) 29
- (D) 41

في التمارين 14 و 15، استعمل $\odot F$.

14. ما قيمة $m\angle HJK$ ؟

- (A) 80°
- (B) 81°
- (C) 82°
- (D) 84°



15. ما قيمة $m\widehat{HJ}$ ؟

(A) 82°

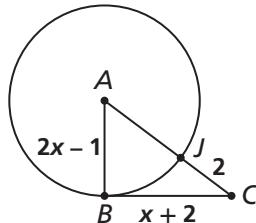
(C) 80°

(B) 81°

(D) 78°

6. تقويم الوحدة، النموذج Cفي التمارين 5 و 6، استعمل $\odot A$.5. $\odot A$ مماس لـ \overline{BC} عند النقطة B .ما قيمة x ؟

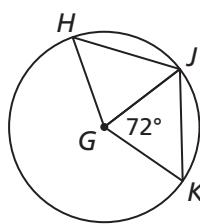
(A) 2
(B) 3
(C) 4
(D) 5

6. ما مساحة $\odot A$ ؟

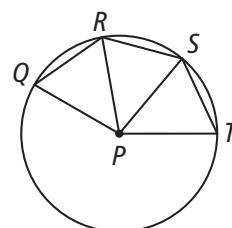
(A) 8π
(B) 9π
(C) 16π
(D) 25π

7. لتكن $\odot G$ ولتكن $\overline{HJ} \cong \overline{JK}$. ما قيمة $m\widehat{HJ}$ ؟

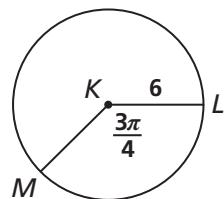
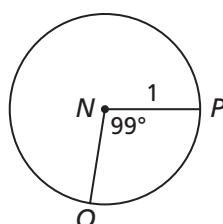
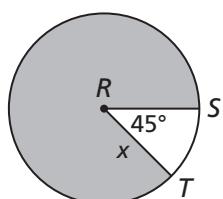
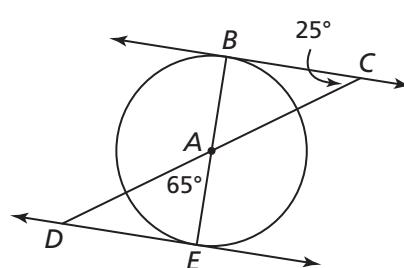
(A) 36°
(B) 72°
(C) 108°
(D) 144°

8. لتكن $\odot P$ ، ولتكن $\overline{QR} \cong \overline{ST}$. أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

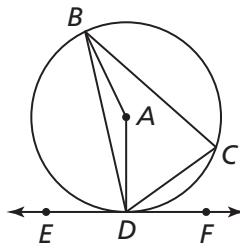
(A) $\Delta QRP \cong \Delta STP$
(B) $\overline{QR} \cong \overline{RS}$
(C) $\angle QPS \cong \angle RPT$
(D) $\Delta RPS \cong \Delta SPT$
(E) $\overline{QR} \cong \overline{ST}$

1. ما طول \overline{LM} ؟

(A) $\frac{3\pi}{4}$
(B) $\frac{9\pi}{4}$
(C) $\frac{9\pi}{2}$
(D) 9π

2. ما طول \overline{PQ} معتبراً عنه بدلالة π ؟3. اكتب مقداراً بدلالة π يمثل مساحة الجزء المظلل من $\odot R$.4. $\odot A$ مماس لـ \overline{BC} عند النقطة B .هل كل من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لـ $\odot A$ ؟

	نعم	لا
$\overleftrightarrow{BC} \cdot \overleftrightarrow{DE}$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$m\angle ADE = m\angle ACB$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
مماض للدائرة A عند النقطة E.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

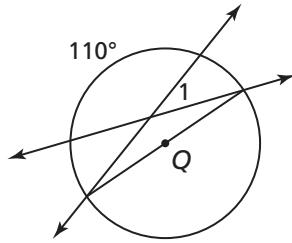


16. إذا كان \overleftrightarrow{EF} مماساً للدائرة $\odot A$ عند النقطة D أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

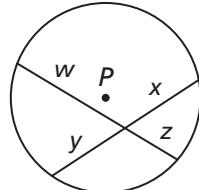
- (A) $m\angle DAB = 2m\angle DCB$
- (B) $m\angle CBD = m\angle CDF$
- (C) $m\angle BDC = m\angle BDE$
- (D) $m\angle CDF = \frac{1}{2}m\angle BDF$
- (E) $m\angle BDE = \frac{1}{2}m\angle BAD$

17. في $\odot Q$ ، ما قيمة $m\angle 1$ ؟

- (A) 70°
- (B) 40°
- (C) 35°
- (D) 57°

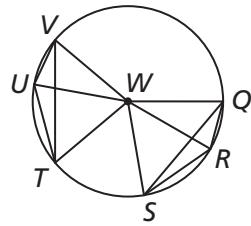
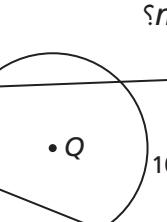


18. بالنسبة لـ $\odot P$ ما المقدار الذي يمثل قيمة z بدلالة y و w ؟



19. ما قيمة $m\angle 1$ ؟

- (A) 24°
- (B) 26°
- (C) 28°
- (D) 52°



في التمارين 9-11، استعمل $m\angle QWS = 80^\circ$ مع $\odot W$. $\overline{QR} \cong \overline{UV}$ و $\overline{QS} \cong \overline{TV}$ و

9. أي زاوية مطابقة لـ $\angle UWV$ ؟

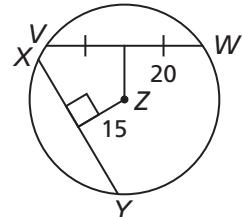
10. إذا كان $m\widehat{RS} = 50^\circ$ ، ما قيمة $m\widehat{UV}$ ؟

11. أي قطعة مستقيمة مطابقة لـ \overline{UT} ؟

في التمارين 12 و 13، استعمل $\odot Z$ مع $\overline{VW} \cong \overline{XY}$.

12. ما طول XY ؟

- (A) 30
- (B) 35
- (C) 40
- (D) 50



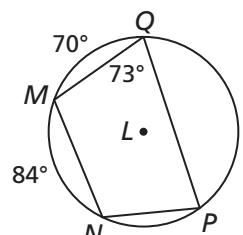
13. ما طول نصف قطر $\odot Z$ ؟

- (A) 25
- (B) 20
- (C) 15
- (D) 10

في التمارين 14 و 15، استعمل L .

14. ما قيمة $m\angle MNP$ ؟

- (A) 73°
- (B) 107°
- (C) 110°
- (D) 146°

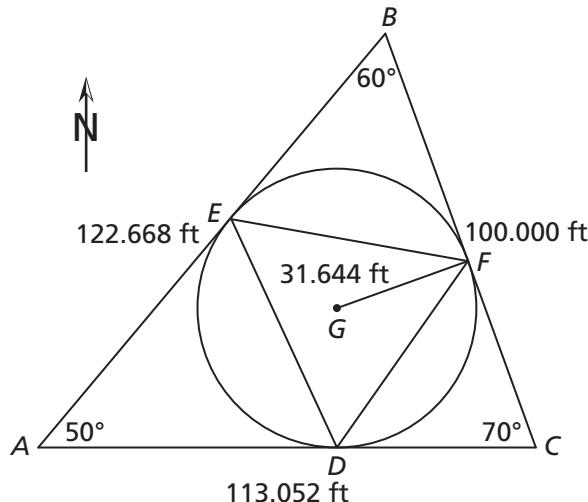


15. ما قيمة $m\widehat{NP}$ ؟

- (A) 62°
- (B) 67°
- (C) 70°
- (D) 73°

6 تقويم الأداء، النموذج A

وليد مهندس معماري، وهو يصمم قاعدة لنصب تذكاري كبير الحجم سيوضع في قطعة أرض مثلثة الشكل. بدأ وليد مخططه برسم قطعة الأرض، التي سماها ΔABC حيث حدود قطعة الأرض الثلاثة تمثل مماسات لها، كما هو موضح في الشكل أدناه.



ستشكل الدائرة سياحاً للنصب التذكاري. وستكون قاعدة النصب مثلثة الشكل ومحاطة بجدار حجري، سماه وليد ذلك لرفع النصب وجعله أعلى من الأرض المحيطة به.

1. ما نوع المثلث الذي تشكله قاعدة النصب التذكاري؟

2. أين يقع مركز الدائرة بالنسبة لـ ΔABC ؟ وضح إجابتك.

3. ما قيمة $m\angle BFG$ ؟ وضح إجابتك.

4. تكلفة القدم الواحدة من السياج الذي اختاره وليد هو QR 29.53، وهذا يشمل تركيبه. ما تكلفة السياج؟

5. ما النسبة المئوية التي ستحصل من السياج لتسبيح المسافة الواقعة بين النقطتين D و E؟ قرب الإجابة إلى أقرب نسبة مئوية.

قرر وليد تقدير تكلفة الجدار الحجري بضرب تكلفة плюсъ الأطوال في ثلاثة.

6. أي ضلع من أضلاع ΔDEF هو الأطول؟ وضح إجابتك.

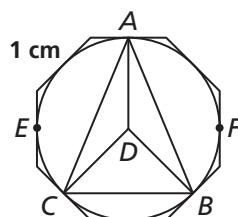
7. ما طول أطول ضلع من أضلاع المثلث؟ وضح إجابتك.

8. وجد وليد مقاولاً تعهد بأن يبني الجدار الحجري مقابل QR 80.72 للقدم الواحدة. إذا قدر تكلفة الجدار على أنها تساوي ثلاثة أمثال تكلفة بناء плюсъ الأطوال، فما هي التكلفة الكلية للجدار؟

9. ما طول كل من الضلعين الآخرين؟ وضح إجابتك.

6 تقويم الأداء، النموذج B

كمال صائغ مجوهرات وهو يصنع مشبك صدر. للبدء بتصميم المشبك قصّ كمال ثمانياً منتظمًا من صفيحة من الفضة، طول ضلعه 1 cm



لصنع الطبقة التالية من تصميمه، يريد كمال أن يقصّ دائرة من صفيحة نحاسية بحيث يمسّ محيطها حواّف الثمانى.

1. ما طول نصف قطر الدائرة النحاسية؟ وضح إجابتكم.

2. ما مساحة الثمانى؟ وضح إجابتكم.

3. ما مساحة الدائرة؟ وضح إجابتكم.

لصنع الطبقة الأخيرة من تصميمه، سيقطع كمال صفائح رقيقة من الحجر المصقول بثلاثة ألوان لملء المثلثات الموضحة في الرسم.

4. ما قيمة $m\angle BDC$ ؟ وضح إجابتك.

5. ما أطوال أضلاع ΔBCD عند قاعدة التصميم؟ وضح إجابتك.

6. ما قيمة كل من $m\widehat{CEA}$ و $m\widehat{BFA}$ ؟ وضح إجابتك.

7. هل تتيح لك النتيجة التي توصلت إليها في التمرين 6 إثبات أن $\Delta ABD \cong \Delta ACD$ ؟ وضح إجابتك.

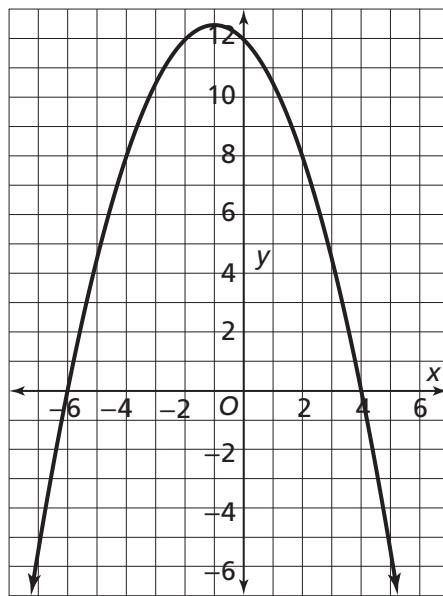
8. ما المساحة الكلية للمثلثات الثلاثة؟ وضح إجابتك.

9. إذا كانت تكلفة صفيحة الفضة QR 9.75 لـ cm^2 ، وتكلفة صفيحة النحاس QR 3.25 لـ cm^2 ، وتكلفة الأحجار المصقولة QR 1.75 لـ cm^2 ، ما تكلفة المواد اللازمة لصنع المشبك؟

الاختبار التراكمي للوحدات 1-6

5. استعمل التمثيل البياني أدناه لإيجاد حلول المعادلة

$$-\frac{1}{2}x^2 - x + 12 = 0$$

6. أي من المقادير التالية يمكن كتابته في الصورة $k\sqrt{5}$, حيث k عدد كلي؟

(A) $\sqrt{75}$
 (B) $\sqrt{180}$
 (C) $\sqrt{225}$
 (D) $\sqrt{1000}$

7. استعمل القانون العام لحل المعادلة التربيعية $x^2 + 12x - 34 = 0$. أي مما يلي يمثل حلّي

المعادلة بالتقريب إلى أقرب جزء من مئة؟

14.37 و 2.37 (A)
 14.37 و -2.37 (B)
 -14.37 و 2.37 (C)
 -14.37 و -2.37 (D)

1. التمثيل البياني للدالة $f(x) = ax^2$ مفتوح نحو الأسفل وهو أوسع من التمثيل البياني للدالة $g(x) = x^2$. أي مما يلي يمكن أن يكون قيمة a ؟

(A) -0.5
 (B) 6
 (C) 0.25
 (D) -2

2. حدد الرأس والمقطع y للتمثيل البياني للدالة

$$y = 2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + 3$$

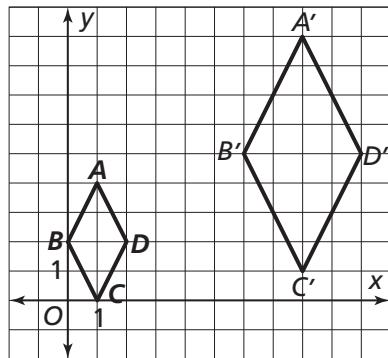
الرأس:

المقطع y :3. مثل الدالة $-3(x + 2)^2 + 3 = f(x)$ بيانياً، ثم حدد معادلة محور تنازول التمثيل البياني.

معادلة محور التنازول:

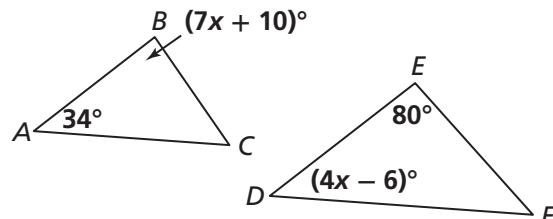
4. ي يريد حماد إنشاء حديقة مستطيلة الشكل طولها 35 m وعرضها 20 m، ويريد إحاطتها بممزر عرضه w متر. اكتب دالة تربيعية A تمثل المساحة الكلية للحديقة والممزر معاً بالصيغة القياسية.

11. أي مما يلي هو الوصف الأفضل لتركيب التحويلات الذي يحول المعيّن $ABCD$ إلى المعيّن $A'B'C'D'$ ؟



(A) $(D_2 \circ R_{x\text{-axis}})(ABCD)$
 (B) $(D_{\frac{1}{2}} \circ R_{x\text{-axis}})(ABCD)$
 (C) $(T_{(6, 1)} \circ D_2)(ABCD)$
 (D) $(T_{(2, 1)} \circ D_2)(ABCD)$

12. أي قيمة للمتغير x تجعل $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ صحيحة؟



(A) 10
 (B) 21.5
 (C) 44
 (D) 46

13. معين طول ضلعه 25، أي من الخيارات التالية يمكن أن يمثل طولي قطرى هذا المعين؟

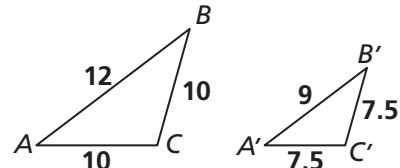
40 و 22 (A)
 36 و 26 (B)
 48 و 26 (C)
 40 و 30 (D)

8. أي من الدوال التالية لا يتقاطع تمثيلها البياني مع التمثيل البياني للدالة $y = x^2 - 3$ ؟

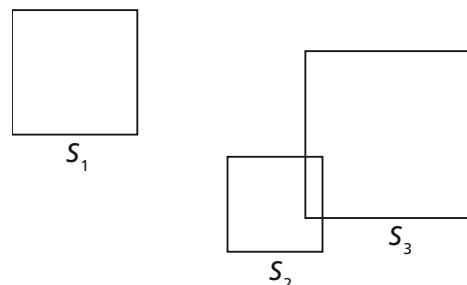
(A) $y = 2x - 3$
 (B) $y = -2x - 4$
 (C) $y = 3x - 6$
 (D) $y = -3x + 2$

9. ما معامل قياس التمدد الموضح أدناه؟

(A) $\frac{3}{4}$
 (B) $\frac{5}{6}$
 (C) $\frac{6}{5}$
 (D) $\frac{4}{3}$



10. حدد ما إذا كانت كل من العبارات التالية صحيحة أم خطأ.



صحيح	خطأ
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

يوجد تحويل تشابه يحول المربع S_1 إلى المربع S_3 .

إذا كان هناك تحويل تشابه يحول المربع S_2 إلى المربع S_3 ، يجب أن يشتمل على دوران.

كل المربعات متشابهة.

17. الصورة المبسطة للمقدار $\sqrt[4]{16a^4b^{20}}$ هي:

- (A) $4a^2b^{10}$
- (B) $4a^2|b^5|$
- (C) $2b^{16}$
- (D) $2|a| \cdot |b^5|$

18. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $\frac{14}{3 - \sqrt{2}}$ ؟

- (A) $\frac{42 - 14\sqrt{2}}{11}$
- (B) $6 + 2\sqrt{2}$
- (C) $6 - 2\sqrt{2}$
- (D) $4\sqrt{2}$

19. تعطي الصيغة $r = \left(\frac{3V}{4\pi}\right)^{\frac{1}{3}}$ طول نصف القطر r لكرة حجمها V . إذا كان $V = \frac{\pi}{6} \text{ cm}^3$ ، ما قيمة r بالسنتيمتر، مقربة إلى أقرب جزء من عشرة من السنتيمتر؟

- (A) 0.1
- (B) 0.4
- (C) 0.5
- (D) 1.0

20. كيف يكتب المقدار $\sqrt[3]{9}$ باستعمال أس نسبي؟

- (A) $3^{\frac{1}{9}}$
- (B) 3
- (C) $3^{\frac{2}{3}}$
- (D) 3^9

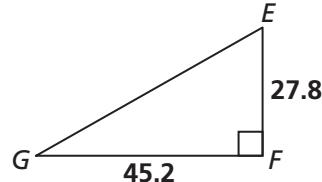
21. أي مما يلي يساوي المقدار $\sqrt{\sqrt{196}}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

- (A) $\sqrt{14}$
- (B) 14
- (C) $2^{\frac{1}{2}} \cdot 7^{\frac{1}{2}}$
- (D) $\sqrt[4]{196}$

22. حل المعادلة التالية لإيجاد قيمة x .

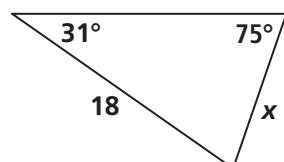
$$(5^{\frac{x}{6}})(5^{\frac{x}{2}}) = 5^{16}$$

14. ما قيمة $m\angle G$ مقربة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة؟



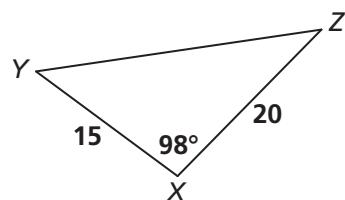
- (A) 31.6°
- (B) 38.0°
- (C) 52.0°
- (D) 58.4°

15. ما قيمة x مقربة إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة؟



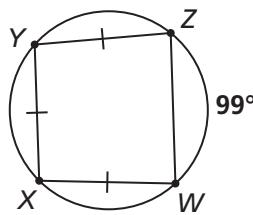
- (A) 7.4
- (B) 9.6
- (C) 33.8
- (D) 59.6

16. ما قيمة YZ مقربة إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة؟



- (A) 5.6
- (B) 9.6
- (C) 26.6
- (D) 70.0

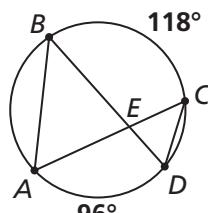
27. ما قيمة $m\widehat{XY}$ ؟



23. حل المعادلة $\frac{(6)^{\frac{x}{3}}}{6^{\frac{2}{3}}} = 36$ هو:

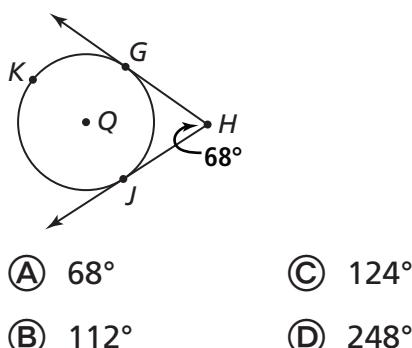
- (A) $x = 8$
- (B) $x = 7$
- (C) $x = 512$
- (D) $\frac{4}{3}$

28. قياس أي من الزوايا التالية هو الأكبر؟



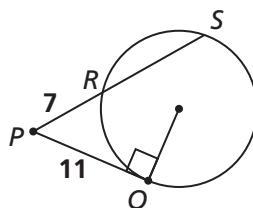
- (A) $\angle ABE$
- (B) $\angle BAC$
- (C) $\angle CED$
- (D) $\angle DCA$

29. كل من الشعاعين HG و HJ يمثل مماساً لـ $\odot Q$. ما قيمة $m\widehat{GKJ}$ ؟

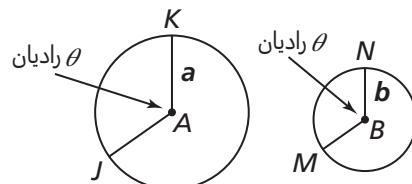


- (A) 68°
- (B) 112°
- (C) 124°
- (D) 248°

30. ما قيمة RS ؟ قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.

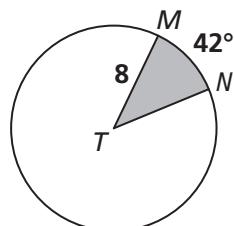


24. ما نسبة طول \widehat{JK} إلى طول \widehat{MN} ؟



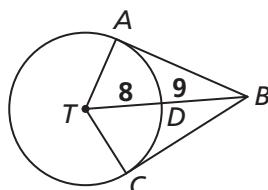
- (A) $\frac{a}{b}$
- (B) 1
- (C) ab
- (D) $\frac{b}{a}$

25. ما مساحة القطاع الدائري MTN ؟



- (A) $\frac{53}{180}\pi$
- (B) $\frac{28}{15}\pi$
- (C) $\frac{60}{7}\pi$
- (D) $\frac{112}{15}\pi$

26. كل من القطعتين المستقيمتين AB و CB تمثل مماساً لـ $\odot T$. ما محيط الرباعي $ABCT$ ؟



- (A) 46
- (B) 50
- (C) 60
- (D) 80

7 تقويم بداية الوحدة

5. لتكن (y, x) ، صل كل زوج من إحداثيات A' بالتحويل الهندسي المناظر له.

$A'(y, x)$	تمدد
$A'(-x, y)$	إزاحة
$A'(4x, 4y)$	انعكاس
$A'(x + 3, y - 1)$	دوران

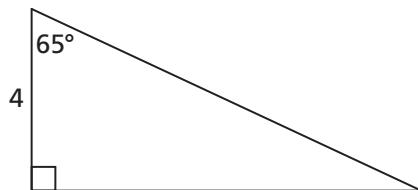
6. أي مما يلي يصف التحويل الهندسي التالي:

$$(x, y) \rightarrow (2x, -2y)$$

(A) تمدد وانعكاس
 (B) تمدد ودوران
 (C) إزاحة وانعكاس
 (D) إزاحة ودوران

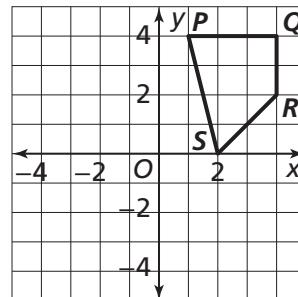
7. مثلث تقع رؤوسه عند النقاط $(-3, 2)$ و $(4, 2)$ و $(-3, -22)$.
 ما طول أطول أضلاع هذا المثلث؟

8. ما طول الوتر في المثلث الموضح أدناه، مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة؟



(A) 2.1
 (B) 4.4
 (C) 8.6
 (D) 9.5

1. ارسم صورة الرباعي $PQRS$ بعد دورانه بزاوية قياسها 90° باتجاه حركة عقارب الساعة حول نقطة الأصل.



2. ما إحداثيات رؤوس الرباعي $PQRS$ المذكور في التمرين 1 بعد انعكاسه حول المحور y ؟

3. ما إحداثيات رؤوس صورة مثلث، رؤوسه هي $A(2, 3)$ و $B(4, -5)$ و $C(0, -1)$ بعد إزاحة المثلث الأصلي 3 وحدات إلى اليسار و 5 وحدات إلى الأعلى؟

4. المستطيل JKL هو صورة ناتجة عن تمدد، مركزه نقطة الأصل، للمثلث DEF . إذا كانت النقطة $D(0, 3)$ والنقطة $(9, 0)J$ ، فما قيمة معامل قياس هذا التمدد؟

(A) $\frac{1}{3}$
 (B) 2
 (C) 3
 (D) 6

14. حل نظام المعادلات التالي باستعمال طريقة الحذف.

$$3x - y = 10$$

$$5x + 3y = -15$$

15. حل نظام المعادلات التالي باستعمال طريقة

التعويض.

$$4x + 2y = -2$$

$$3x + 2y = 6$$

9. ما طول القطعة المستقيمة التي تقع إحدى نقطتها نهايتها عند نقطة الأصل، وتقع نقطة نهايتها الأخرى عند النقطة $(-5, 12)$ ؟

(A) $\sqrt{17}$

(B) 13

(C) 17

(D) 169

10. ما قياس الزاوية الحادة التي تكونها القطعة المستقيمة المذكورة في التمرين 9 مع المحور x ؟

(A) 21°

(C) 67.4°

(B) 22.6°

(D) 69°

11. مثلث قائم الزاوية طول وتره 14 وطول أحد ضلعي القائمة فيه 7، ما قياس الزاوية التي يكونها هذان الضلعان؟

(A) 0.5°

(C) 30°

(B) 2°

(D) 60°

12. أوجد قياس أصغر زاوية في مثلث قائم الزاوية، طولاً ضلعي القائمة فيه هما 2 و 9، مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة.

13. ما عدد حلول نظام المعادلات التالي؟

$$6x - 15y = -3$$

$$10y = 2(2x + 2)$$

0 (A)

1 (B)

2 (C)

عدد لا نهائي من الحلول (D)

7-1 اختبار الدرس

العمليات على المصفوفات

1. تمثل العناصر في المصفوفة C أعداد الطالب المشاركون في مسابقة رياضية. العمود 1 يمثل الطالب المقيمين، والعمود 2 يمثل الطالب المواطنين، والصف 1 يمثل الصغار، والصف 2 يمثل الكبار. ماذا يمثل العدد المكتوب في الموقع C_{21} ؟

$$C = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

Ⓐ 6 مواطنين كبار	Ⓐ 4 مواطنين صغار
Ⓑ 6 مقيمين صغار	Ⓑ 4 مقيمين كبار

2. تمثل الأعداد المكتوبة في الصوف في المصفوفة A أسعار قمصان طويلة الأكمام وقصيرة الأكمام. وتمثل الأعمدة أنواع الأقمشة: قطن،كتان، حرير. إذا كانت نسبة الضريبة على المبيعات 5%， استعمل الضرب في عدد ثابت لإدراج ضريبة المبيعات على كل قميص في المصفوفة S . اكتب كل عنصر في صورة عدد عشري مقارب إلى أقرب جزء من مئة.

$$A = \begin{bmatrix} 25 & 40 & 50 \\ 20 & 35 & 45 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

3. لديك المصفوفتان $Y = \begin{bmatrix} -4 & 1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$ و $X = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$. أكمل مصفوفة الجمع أو الطرح مما يلي.

$$X + Y = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix} \quad X - Y = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix} \quad Y - X = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix}$$

4. ما هي المتغيرات في معادلة المصفوفتين التاليتين؟

$$\begin{bmatrix} 9 & 3x \\ 18 & 16 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 6 \\ 2y & 16 \end{bmatrix}$$

Ⓐ $x = 5, y = 8$ Ⓑ $x = 6, y = 3$ Ⓒ $x = 3, y = 6$ Ⓓ $x = 2, y = 9$

5. إذا كان $C = \begin{bmatrix} -2 & -5 \\ -1 & 4 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$ ، فأي من العبارات التالية تتطابق على المصفوفات A و B و C ؟ اختر كل ما ينطبق.

Ⓐ المصفوفتان A و B نظيران جمعيان.
 Ⓑ المصفوفتان A و C نظيران جمعيان.
 Ⓒ لا يمكن دمج المصفوفتين B و C باستعمال الجمع أو الطرح.
 Ⓓ لا يمكن دمج المصفوفتين A و B باستعمال الجمع أو الطرح.

$$A + B = B + A \quad Ⓛ$$

$$A - B = B - A \quad Ⓜ$$

7-2 اختبار الدرس

ضرب المصفوفات

1. في إحدى المدارس، يتم تقييم أداء الطالب في الاختبارات السريعة والامتحانات الفصلية والمشاريع، باستعمال نظام يعتمد الدرجات والأوزان، حيث لكل نوع من هذه الأعمال وزن مختلف. تمثل المصفوفة W أوزان هذه الأنواع الثلاثة من الأعمال، وتمثل المصفوفة G درجات الطالبين ناصر وراشد.

$$W = \begin{bmatrix} Q & T & P \\ 0.40 & 0.50 & 0.10 \end{bmatrix}$$

$$G = \begin{bmatrix} Q & 80 & 70 \\ T & 60 & 80 \\ P & 90 & 60 \end{bmatrix}$$

راشد ناصر

الدرجات النهائية ممثلة في المصفوفة F . إذا كان $F = WG$ ، فما هي المصفوفة F ؟

Ⓐ $\begin{bmatrix} 71 \\ 74 \end{bmatrix}$ Ⓑ $[71 \ 74]$ Ⓒ $[74 \ 71]$ Ⓓ $\begin{bmatrix} 74 \\ 71 \end{bmatrix}$

2. لديك المصفوفتان $Y = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$ و $X = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}$ ، أوجد ناتج الضرب XY .

$$XY = \begin{bmatrix} \quad & \quad \end{bmatrix}$$

3. أي من المصفوفات التالية أدناه هي المصفوفة الضريبة المحايدة / لمصفوفة رتبتها 4×4 ؟

Ⓐ $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ Ⓑ $\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ Ⓒ $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ Ⓓ $\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$

4. المصفوفات A و B و C جميعها من الرتبة 2×2 . أي من العبارات التالية أدناه تتطبق على المصفوفات A و B و C ؟ اختر كل ما ينطبق.

Ⓐ $AB = BA$ Ⓑ $(AB)C = (BA)C$ Ⓒ $C(A + B) = CA + CB$
 Ⓓ $(AB)C = A(BC)$ Ⓔ $AA + AB = A(A + B)$ Ⓕ $(A + B)B = AB + BA$

5. أكمل المصفوفة التالية أدناه التي تمثل انعكاساً حول المحور x في المستوى الإحداثي.

$$\begin{bmatrix} 1 & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}$$

7-3 اختبار الدرس

المتجهات

1. تقع نقطة بداية متجه عند $(2.1, 4.5)$ ، وتقع نقطة نهايته عند $(2.1, 7.8)$. أكمل العبارات التالية باستعمال الأعداد المناسبة. قرب إجاباتك إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.

الصورة التركيبية للمتجه هي $\langle \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}} \rangle$.

مقدار المتجه يساوي $\underline{\hspace{1cm}}$ تقريرياً.

اتجاه المتجه هو $\underline{\hspace{1cm}}^\circ$ تقريرياً.

2. لديك $\langle 6, 1 \rangle$ و $\langle 0, -4 \rangle = \langle 1, \vec{v} \rangle$. ما مقدار $\vec{w} + \vec{v}$ مقارناً إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة؟

(A) 10.1

(B) 6.1

(C) 4.0

(D) 2.2

3. تم ضرب $\langle 2, 3 \rangle = \vec{r}$ في العدد الثابت -4 ، أي من العبارات التالية تنطبق على مركبات ومقدار واتجاه ضرب المتجه في عدد ثابت $-4\vec{r}$ ؟ اختار كل ما ينطبق.

(A) الصورة التركيبية للضرب $-4\vec{r}$ تساوي $\langle -8, -12 \rangle$.

(B) مقدار $-4\vec{r}$ يساوي 4 أمثال مقدار \vec{r} .

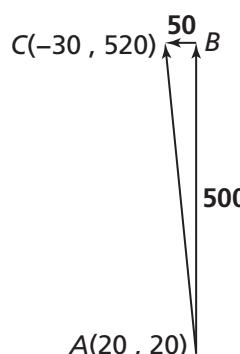
(C) اتجاه $-4\vec{r}$ هو نفس اتجاه \vec{r} .

(D) يقع $-4\vec{r}$ في الربع الرابع.

(E) اتجاه $-4\vec{r}$ أكبر من معكوس ظل مركباته بمقدار 180° .

4. ليكن $\langle -2, 10 \rangle = \langle 3, -6 \rangle = \vec{w} - \vec{v}$ ، ما هو $\vec{v} - \vec{w}$ ؟

الصورة التركيبية للمتجه هي $\langle \underline{\hspace{1cm}}, \underline{\hspace{1cm}} \rangle$.



5. تم ضبط طائرة لتطير باتجاه الشمال، لكنها واجهت رياحاً معتبرة تهب باتجاه الغرب. عند الساعة 1.00 P.M. كانت الطائرة عند النقطة A ، وعند الساعة 2.00 P.M. أصبحت عند النقطة C ، كما هو مبين في الرسم المجاور. ما اتجاه الطائرة وما سرعة طيرانها؟

(A) اتجاه الطائرة هو 5.7° تقريرياً شمال غربي، وسرعتها 500.1 mph تقريرياً

(B) اتجاه الطائرة هو 5.7° تقريرياً شمال غربي، وسرعتها 502.5 mph تقريرياً

(C) اتجاه الطائرة هو 84.3° تقريرياً شمال غربي، وسرعتها 500.1 mph تقريرياً

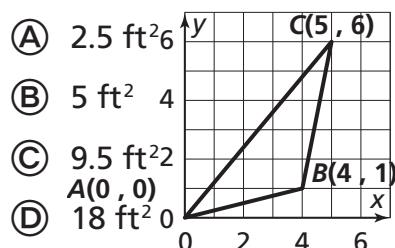
(D) اتجاه الطائرة هو 84.3° تقريرياً شمال غربي، وسرعتها 502.5 mph تقريرياً

7-4 اختبار الدرس**المحددات والنظير الضريبي للمصفوفة**

1. ما النظير الضريبي للمصفوفة $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ ؟ اكتب الأعداد في صورة كسور اعتيادية.

$$\begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix}$$

2. يوضح الرسم البياني أدناه موقع مثلث مطلوب طلاؤه على جدار. كل وحدة في الشبكة تمثل 1 من الأقدام.
ما مساحة المثلث بالأقدام المربعة؟



3. متوازي أضلاع يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل، ومحدد بالمتجهين $\langle 6, -3 \rangle$ و $\langle 4, a \rangle$ ، ومساحته تساوي 6 وحدات مربعة. ما القيم الممكنة للمتغير a ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) -6 (B) -3 (C) 0 (D) 3 (E) 6

4. أي من المصفوفات التالية لها نظير ضريبي؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $\begin{bmatrix} 4 & 6 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$	(C) $\begin{bmatrix} -2 & 6 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}$	(E) $\begin{bmatrix} -2 & 6 \\ 9 & -3 \end{bmatrix}$
(B) $\begin{bmatrix} -6 & -2 \\ 9 & -3 \end{bmatrix}$	(D) $\begin{bmatrix} 4 & 6 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$	(F) $\begin{bmatrix} -2 & -6 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}$

5. ما مساحة مثلث محدد بالمتجهين $\langle 4, 2 \rangle$ و $\langle -1, 6 \rangle$ ؟

وحدات مربعة _____

7-5 اختبار الدرس

حل أنظمة المعادلات الخطية باستعمال المصفوفات

1. ما المعادلة المصفوفية لنظام المعادلات التالي $\begin{cases} 2x + 3y = 8 \\ 4x - y = 5 \end{cases}$ ؟ أكمل المعادلة أدناه باستعمال الأعداد المناسبة.

$$\begin{bmatrix} 2 & & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \end{bmatrix}$$

2. أي من العبارات التالية تنطبق على النظام $\begin{cases} 4x + 3y = 12 \\ 8x + 6y = 4 \end{cases}$. اختر كل ما ينطبق.

(A) مصفوفة المعاملات هي $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 8 & 6 \end{bmatrix}$

(B) محددة مصفوفة المعاملات هي 8

(C) مصفوفة المعاملات ليس لها نظير ضربي.

(D) يمكن حل النظام باستعمال النظير الضربي.

(E) حل النظام هو (2, -2)

تكلفة إنتاج زوج واحد من الأحذية (QR)

نوع الحذاء	اليد العاملة	المواد
القصير الساق	15	22
الطويل الساق	24	30

3. تنتج شركة لتصنيع الأحذية أحذية قصيرة الساق وأحذية طويلة الساق. أنفقت الشركة في الأسبوع الأخير QR 855 على اليد العاملة، و QR 1 150 على المواد الأولية. ليكن s عدد أزواج الأحذية القصيرة الساق المنتجة، و t عدد أزواج الأحذية الطويلة الساق المنتجة. أي معادلة من المعادلات المصفوفية التالية تندمج هذا الموقف؟

(A) $\begin{bmatrix} 15 & 22 \\ 24 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 855 \\ 1 150 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 15 & 24 \\ 22 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 855 \\ 1 150 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 15 & 22 \\ 24 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 150 \\ 855 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 15 & 24 \\ 22 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s \\ t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 150 \\ 855 \end{bmatrix}$

4. يمثل إحداثياً نقطة (x, y) في المستوى الإحداثي حلًّا للمعادلة المصفوفية التالية في أي ربع من المستوى الإحداثي تقع هذه النقطة؟

(A) I

(B) II

(C) III

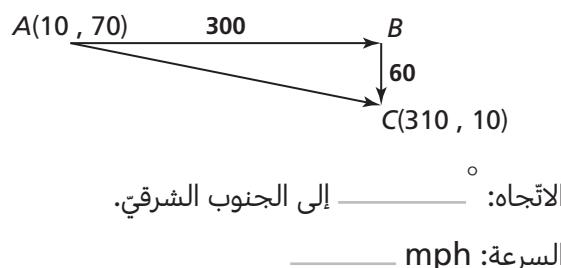
(D) IV

5. ما حل المعادلة المصفوفية التالية؟ $\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 \\ -1 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \end{bmatrix}$$

7 تقويم الوحدة، النموذج A

5. أقلعت طائرة متوجهة في اتجاه الشرق، لكتها دفعت عن مسارها نحو الجنوب بفعل هبوب رياح متعامدة. عند الساعة 9 A.M. كان موقع الطائرة عند النقطة A ، وعند الساعة 10 A.M. كان موقع الطائرة عند النقطة C ، كما هو موضح في المخطط أدناه. ما قياس زاوية اتجاه مسار الطائرة وما سرعة طيرانها؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.



6. في المصفوفة V ، تمثل المدخلات أعداد عبوات الخضار في متجر. العمود الأول يمثل عبوات البازلاء، والعمود الثاني يمثل عبوات الذرة، والصف الأول يمثل العبوات الصغيرة، والصف الثاني يمثل العبوات الكبيرة. ماذا يمثل العدد الموجود في الموضع V_{12} ؟

$$V = \begin{bmatrix} 22 & 15 \\ 10 & 9 \end{bmatrix}$$

- Ⓐ 10 عبوات كبيرة من البازلاء
- Ⓑ 15 عبوة صغيرة من البازلاء
- Ⓒ 15 عبوة صغيرة من الذرة
- Ⓓ 10 عبوات كبيرة من الذرة

7. ما نظام المعادلات الذي تمثله المعادلة المصفوفية التالية:

$$\begin{bmatrix} 2 & -4 \\ 1 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 \\ -1 \end{bmatrix}$$

1. المصفوفات X و Y و Z جميعها مصفوفات 2×2 . أي من العبارات التالية صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

- Ⓐ $(XY)Z = X(YZ)$
- Ⓑ $(XY)Z = (YX)Z$
- Ⓒ $XX + XY = X(X + Y)$
- Ⓓ $Z(X + Y) = ZX + ZY$

2. الصفوف في المصفوفة H تمثل أسعار قبعات عاديّة، وقبعات موسومة بالأحرف الأولى، بالريال القطري. الأعمدة تمثل القياسات الصغيرة والمتوسط والكبيرة. إذا كان معدل ضريبة المبيعات 6%， استعمل الضرب القياسي لكتابة قيمة ضريبة المبيعات لكل قبعة في المصفوفة S .

$$H = \begin{bmatrix} 10 & 12 & 14 \\ 13 & 15 & 16 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

3. ليكن $\vec{w} = \langle 6, -4 \rangle$ و $\vec{v} = \langle 1, -4 \rangle$ و $\vec{u} = \langle 2, 1 \rangle$. ما الصورة التركيبية والمقدار والاتجاه للمجموع $\vec{w} + \vec{v}$ ؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.

الصورة التركيبية:

المقدار:

الاتجاه:

4. ما مساحة المثلث الذي يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل والمحدّد بالمتجهين $\langle 5, 3 \rangle$ و $\langle -2, 4 \rangle$ وبالوحدات المربعة؟

- Ⓐ 6
- Ⓑ 11
- Ⓒ 12
- Ⓓ 22

12. لديك المصفوفتان

$$Y = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} -6 & -1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$

أوجد المصفوفة $Y + X$.

$$X + Y = \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}$$

13. متوازي أضلاع يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل، ومحدد بالمتوجهين $\langle 2, 5 \rangle$ و $\langle -2, y \rangle$ ، ومساحته تساوي 12 وحدة مربعة. ما قيمة y الممكنة؟

14. أي من المصفوفات التالية لها مصفوفة عكسية؟

(A) $\begin{bmatrix} 6 & -9 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$ (C) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 9 \end{bmatrix}$
(B) $\begin{bmatrix} -4 & -3 \\ 8 & 6 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ -2 & 8 \end{bmatrix}$

15. تصنع شركة أوشحة طويلة وأوشحة قصيرة. أنفقت الشركة في الأسبوع الماضي 19 500 QR على اليد العاملة و 25 000 QR على المواد.

تكلفة إنتاج الوشاح الواحد (QR)		
نوع الوشاح	اليد العاملة	المواذ
طويل	4	5
قصير	3	4

افترض أن x يمثل عدد الأوشحة الطويلة المنتجة، و y يمثل عدد الأوشحة القصيرة المنتجة. أكمل المعادلة المصفوفية أدناه لنمذجة هذا الموقف، ثم حل المعادلة لإيجاد قيمة كل من x و y .

$$\begin{bmatrix} 4 \\ \quad \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

في التمارين 8 و 9، فكر في المصفوفتين

$$Y = \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} 3 & 7 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$$

8. ما المصفوفة $Y - X$ ؟

9. ما المصفوفة XY ؟

10. ما التحويل الهندسي الذي تمثله المصفوفة

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$
 في المستوى الإحداثي؟

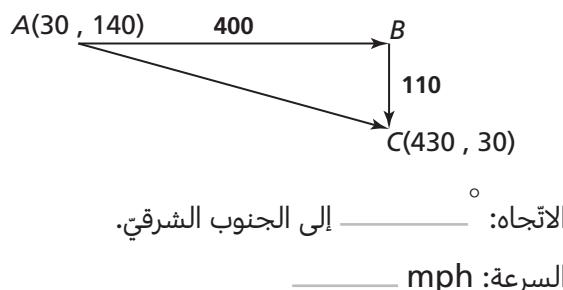
(A) انعكاس حول المحور x
(B) انعكاس حول المحور y
(C) دوران بزاوية قياسها 90° في اتجاه حركة عقارب الساعة
(D) دوران بزاوية قياسها 90° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة

11. فكر في المتوجه $\langle 4, 6 \rangle = \vec{a}$. أي من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لنتائج الضرب القباسي $2\vec{a}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) الصورة التركيبية $2\vec{a}$ هي $\langle 8, 6 \rangle$.
(B) مقدار $2\vec{a}$ يساوي ضعف مقدار \vec{a} .
(C) اتجاه $2\vec{a}$ هو نفس اتجاه \vec{a} .
(D) يقع $2\vec{a}$ في الربع الأول.

7 تقويم الوحدة، النموذج B

5. أقامت طائرة متوجهة في اتجاه الشرق، لكتها دفعت عن مسارها نحو الجنوب بفعل هبوب رياح متعامدة. عند الساعة 8 P.M. كان موقع الطائرة عند النقطة A ، وعند الساعة 9 P.M. كان موقع الطائرة عند النقطة C ، كما هو موضح في المخطط أدناه. ما قياس زاوية اتجاه مسار الطائرة وما سرعة طيرانها؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.



6. في المصفوفة V ، تمثل المدخلات أعداد الكعكات في متجر حلوى. العمود الأول يمثل الكعك بالليمون، والعمود الثاني يمثل الكعك بالشوكولا، والصف الأول يمثل الكعكات الصغيرة، والصف الثاني يمثل الكعكات الكبيرة. ماذا يمثل العدد الموجود في الموضع V_{22} ؟

$$V = \begin{bmatrix} 22 & 15 \\ 10 & 9 \end{bmatrix}$$

(A) 9 كعكات شوكولا كبيرة
 (B) 10 كعكات ليمون كبيرة
 (C) 10 كعكات شوكولا كبيرة
 (D) 9 كعكات ليمون كبيرة

7. ما نظام المعادلات الذي تمثله المعادلة المصفوفية التالية:

$$\begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 2 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 13 \\ -2 \end{bmatrix}$$

1. المصفوفات R و S و T جميعها مصفوفات 3×3 . أي من العبارات التالية صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $ST + TT = S(T + T)$
 (B) $T(R + S) = TR + TS$
 (C) $(RS)T = T(RS)$
 (D) $(RS)T = R(ST)$

2. الصفوف في المصفوفة B تمثل أسعار باقات ورد صغيرة وكبيرة، بالريال القطري. الأعمدة تمثل ورود التوليب والجوري والأفخوان. إذا كان معدل ضريبة المبيعات 4%， استعمل الضرب القياسي لكتابه قيمة ضريبة المبيعات لكل باقة في المصفوفة S .

$$B = \begin{bmatrix} 15 & 30 & 20 \\ 25 & 50 & 35 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

3. ليكن $\vec{w} = \langle 0, -2 \rangle$ و $\vec{v} = \langle 2, 8 \rangle$ و $\vec{w} + \vec{v}$ ؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.

الصورة التركيبية:

المقدار:

الاتجاه:

4. ما مساحة المثلث الذي يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل والمحدد بالمتجهين $\langle -3, -5 \rangle$ و $\langle 2, -4 \rangle$ وبالوحدات المربعة؟

(A) 3 (B) 6 (C) 7 (D) 11

12. لديك المصفوفتان

$$.Y = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

أوجد المصفوفة $X + Y$

$$X + Y = \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}$$

13. متوازي أضلاع يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل، ومحدد بالمتوجهين $\langle 2, 4 \rangle$ و $\langle -2, y \rangle$ ، ومساحته تساوي 10 وحدات مربعة. ما قيمة y الممكنة؟

14. أي من المصفوفات التالية لها مصفوفة عكسية؟

(A) $\begin{bmatrix} 6 & -9 \\ -4 & -6 \end{bmatrix}$ (C) $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
(B) $\begin{bmatrix} -4 & 8 \\ -3 & 6 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 7 & -7 \end{bmatrix}$

15. تصنع شركة سترات وبناطيل. أنفقت الشركة في الأسبوع الماضي QR 18 500 على اليد العاملة و QR 16 000 على المواد.

تكلفة إنتاج النوع الواحد (QR)		
نوع الملابس	اليد العاملة	المواد
سترة	15	12
بنطال	11	10

افترض أن c يمثل عدد السترات المنتجة، و p يمثل عدد البناطيل المنتجة. أكمل المعادلة المصفوفية أدناه لنمدحه هذا الموقف، ثم حل المعادلة لإيجاد قيمة كل من c و p .

$$\begin{bmatrix} 15 \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c \\ p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

في التمارين 8 و 9، فكر في المصفوفتين

$$.Y = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} 2 & 6 \\ -5 & -1 \end{bmatrix}$$

8. ما المصفوفة $X - Y$ ؟

9. ما المصفوفة XY ؟

10. ما التحويل الهندسي الذي تمثله المصفوفة

$$\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(A) انعكاس حول المحور x

(B) انعكاس حول المحور y

(C) دوران بزاوية قياسها 90° في اتجاه حركة عقارب الساعة

(D) دوران بزاوية قياسها 90° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة

11. فكر في $\vec{v} = \langle 1, 2 \rangle$.

أي من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لنتائج الضرب القياسي $\vec{v} \cdot \vec{v}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) الصورة التركيبية $\vec{v} - 2\vec{v}$ هي $\langle -4, -2 \rangle$.

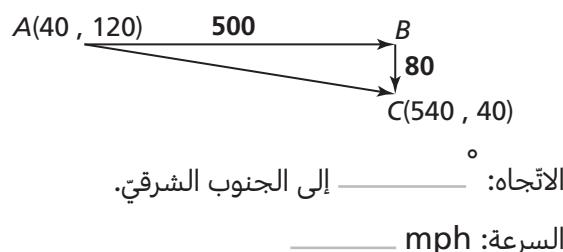
(B) مقدار $\vec{v} - 2\vec{v}$ يساوي ضعف مقدار \vec{v} .

(C) اتجاه $\vec{v} - 2\vec{v}$ هو عكس اتجاه \vec{v} .

(D) يقع $\vec{v} - 2\vec{v}$ في الربع الأول.

7 تقويم الوحدة، النموذج C

5. أقلعت طائرة متوجهة في اتجاه الشرق، لكنها دفعت عن مسارها نحو الجنوب بفعل هبوب رياح متعدمة. عند الساعة 5 كان موقع الطائرة عند النقطة $P.M.$ ، وعند الساعة 6 كان موقع الطائرة عند A ، والنقطة C ، كما هو موضح في المخطط أدناه. ما قياس زاوية اتجاه مسار الطائرة وما سرعة طيرانها؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.



6. في المصفوفة S ، تمثل المدخلات أعداد وسائل النقل الخاصة المركونة في موقف. العمود الأول يمثل الدراجات النارية، والعمود الثاني يمثل السيارات، والصف الأول يمثل وسائل النقل الحمراء، والصف الثاني يمثل وسائل النقل الزرقاء. ماذا يمثل العدد الموجود في الموضع S_{12} ؟

$$S = \begin{bmatrix} 5 & 8 & 15 \\ 7 & 10 & 25 \end{bmatrix}$$

(A) 12 دراجة نارية حمراء
 (B) 14 سيارة زرقاء
 (C) 14 دراجة نارية زرقاء
 (D) 12 سيارة حمراء

7. ما نظام المعادلات الذي تمثله المعادلة المصفوفية التالية:

$$\begin{bmatrix} 6 & 7 \\ 9 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 \\ 5 \end{bmatrix}$$

1. المصفوفات A و B و C جميعها مصفوفات 4×4 . أي من العبارات التالية صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) $BB + BC = B(B + C)$
 (B) $A(B + C) = AB + BC$
 (C) $BC = CB$
 (D) $(CB)A = C(BA)$

2. الصفوف في المصفوفة S تمثل أسعار أزواج من الجوارب الطويلة والقصيرة، بالريال القطري. الأعمدة تمثل أقمصة القطن والصوف والحرير. إذا كان معدل ضريبة المبيعات 4% ، استعمل الضرب القياسي لكتابية قيمة ضريبة المبيعات لكل زوج من الجوارب في المصفوفة S .

$$S = \begin{bmatrix} 5 & 8 & 15 \\ 7 & 10 & 25 \end{bmatrix}$$

$$T = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix}$$

3. ليكن $\vec{w} = \langle 0, 9 \rangle$ و $\vec{v} = \langle 1, -5 \rangle$ و $\vec{u} = \langle 2, -2 \rangle$. ما الصورة التركيبية والمقدار والاتجاه للمجموع $\vec{w} + \vec{v}$ ؟ قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الوحدة.

الصورة التركيبية:

المقدار:

الاتجاه:

4. ما مساحة المثلث الذي يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل والمحدد بالمتجهين $\langle -3, 2 \rangle$ و $\langle 2, -2 \rangle$ وبالوحدات المربعة؟

(A) 7 (B) 11 (C) 14 (D) 22

12. لديك المصفوفتان

$$Y = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ 9 & 8 \end{bmatrix}$$

أوجد المصفوفة $X + Y$

$$X + Y = \begin{bmatrix} \quad & \quad \\ \quad & \quad \end{bmatrix}$$

13. متوازي أضلاع يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل، ومحدد بالمتجهين $\langle 2, 6, -4 \rangle$ و $\langle y, -4, -2 \rangle$ ، ومساحته تساوي 16 وحدة مربعة. ما قيمة y الممكنة؟

14. أي من المصفوفات التالية لها مصفوفة عكسية؟

(A) $\begin{bmatrix} 5 & 10 \\ -2 & -4 \end{bmatrix}$	(C) $\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -6 & -4 \end{bmatrix}$
(B) $\begin{bmatrix} 4 & -4 \\ -2 & 2 \end{bmatrix}$	(D) $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 6 & -9 \end{bmatrix}$

15. تصنع شركة نظارات شمسية بقياس كبير وصغير. أنفقت الشركة في الأسبوع الماضي QR 31 500 على اليد العاملة و QR 26 500 على المواد.

تكلفة إنتاج النظارة الواحدة (QR)		
القياس	اليد العاملة	المواز
كبير	12	10
صغير	13	11

افترض أن x يمثل عدد النظارات المنتجة من القياس الكبير، و y يمثل عدد النظارات المنتجة من القياس الصغير. أكمل المعادلة المصفوفية أدناه لنجد هذا الموقف، ثم حل المعادلة لإيجاد قيمة كل من x و y .

$$\begin{bmatrix} 12 & \\ & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \\ \end{bmatrix}$$

في التمرينين 8 و 9، فكر في المصفوفتين

$$Y = \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ -2 & 8 \end{bmatrix} \text{ و } X = \begin{bmatrix} 3 & -6 \\ 2 & -4 \end{bmatrix}$$

8. ما المصفوفة $Y - X$ ؟

9. ما المصفوفة XY ؟

10. ما التحويل الهندسي الذي تمثله المصفوفة

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \text{ في المستوى الإحداثي؟}$$

(A) انعكاس حول المحور x

(B) انعكاس حول المحور y

(C) دوران بزاوية قياسها 90° في اتجاه حركة عقارب الساعة

(D) دوران بزاوية قياسها 90° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة

11. فكر في المتجه $\vec{v} = \langle -3, 1 \rangle$. أي من العبارات التالية صحيحة بالنسبة لنتائج الضرب القياسي $3\vec{v}$ ؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) الصورة التركيبية $3\vec{v}$ هي $\langle -9, 1 \rangle$.

(B) مقدار $3\vec{v}$ يساوي 3 أضعاف مقدار \vec{v} .

(C) اتجاه $3\vec{v}$ هو نفس اتجاه \vec{v} .

(D) يقع $3\vec{v}$ في الربع الثاني.

7 تقويم الأداء، النموذج A

يعُد تسرب النفط والتلوث الكيميائي للمياه الجوفية من المخاطر البيئية الحديثة. يستعمل العلماء العاملون في حقل المعالجة الإحيائية البيولوجية البكتيريا التي تنشأ بشكل طبيعي في البيئة لتفكيك النفايات الخطرة.

مستويات المكونات في التربة (mg/kg)

المنطقة	B	T	E	X
1	0.06	0.95	0.9	18.5
2	0.06	1.05	0.73	13.5
3	0.35	6	5.6	49
4	0.22	0.19	2	19.5
5	0.11	0.82	2.5	26

1. يوضح الجدول المجاور بيانات مأخوذة من مشروع للمعالجة البيولوجية فوق سطح الأرض. لقد قام العلماء بتحليل خمس عينات من التربة أخذت من خمس مناطق مختلفة بحثاً عن المكونات الخطرة من المنتجات النفطية، وقد عثروا في هذه العينات على مادة البنزين (B)، ومادة التولوين (T)، ومادة إيثيل البنزين (E)، ومادة الزيلين (X). إن العثور على 0.06 mg/kg من البنزين في العينة 1 يعني أن كل 1 كيلوجرام من التربة يحتوي على 0.06 mg تقريباً من البنزين.

A الجزء

اكتب البيانات الواردة في الجدول في صورة مصفوفة C بحيث تضع المناطق الخمس التي أخذت منها العينات في صفوف المصفوفة C والمكونات الأربع في أعمدة المصفوفة C.

B الجزء

من الجزء A، استعمل أحد المهندسين 20% من كل عينة في المصفوفة C لتحليل الأخطاء. استعمل إحدى العمليات على المصفوفات لإيجاد المصفوفة P (mg/kg) التي يمثل كل عنصر من عناصرها 20% من العنصر المناظر له في المصفوفة C. قرب الأعداد إلى أقرب جزء من مئة.

C الجزء

من الجزء A، أنشئ مصفوفتين وسماهما R و S بحيث تكون R مصفوفة من الربطة 2×5 وتمثل قيم البنزين والتولوين في النماذج، وبحيث تكون S مصفوفة من الربطة 2×5 وتمثل قيم إيثيل البنزين والزيلين في النماذج. ثم أوجد المجموع $R + S$.

2. قرر بعض المهندسين البيولوجيين معالجة المنطقتين 3 و 5 لتطهيرهما من مادّي التولوين والزيلين. ارجع إلى التمرين 1 لإنشاء مصفوفة تربيعية F تضمّ مستويات التلوث التقديرية. باستعمال المناطق الخمس المختلفة التي أخذت منها العينات كصفوف، واستعمال المواد الملوثة كأعمدة. تمثّل المصفوفة G تكلفة معالجة التربة، حيث تمثّل g_{11} تكلفة معالجة 1 mg من التولوين، بالدرارهم لكل كيلوجرام، وتمثّل g_{21} تكلفة معالجة 1 mg من الزيلين بالدرارهم لكل كيلوجرام.

$$G = \begin{bmatrix} 0.07 \\ 0.22 \end{bmatrix}$$

هل $FG = GF$ ؟ وَضَحَّ معنى أي ناتج ضرب تقوم بحسابه. قرّب الإجابة إلى أقرب جزء من مئة من الدرهم.

3. يريد أحد المهندسين توقّع معدلات تدفق الماء (L/s) في جدولين مائيين A و B يمّزان بالقرب من منطقة تسرب نفطي لتصميم خطط معالجة في حال تسرب النفط إلى أحد هذين الجدولين. يمثّل نظام المعادلات الوارد أدناه هذا الموقف. اكتب نظام المعادلات الخطية هذا في صورة معادلة مصفوفية. ثم حلّ النظام باستعمال مقلوب المصفوفة لإيجاد معدل تدفق الماء في كل جدول. قرّب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة. وَضَحَّ إجابتك.

$$\begin{cases} 30A + 28B = 680 \\ 36A + 36B = 840 \end{cases}$$

7 تقويم الأداء، النموذج B

ذهبت مجموعة من الطلاب في رحلة تخيم. في أثناء رحلتهم، طلب منهم معلم الرياضيات التعبير عن تنقلاتهم في الغابة باستعمال المتجهات والمحددات.

- أراد الطالب إيجاد مصدر للمياه. قام الطالب بتحليل رحلتهم باستعمال مستوى إحداثي تمثل فيه كل وحدة ميلًا واحدًا. وقد بدؤوا بحثهم انطلاقًا من موقع مخيّمهم الواقع عند النقطة $(2, 2A)$.

A الجزء

أنهى الطالب بحثهم عند النقطة $(3.5, 4.9)$. ما المتجه، بالصورة التركيبية، الذي يمثل التغيير الكلي في الموقف المتعلق برحلتهم؟ ما مقدار واتجاه هذا المتجه؟ قرب القيم إلى أقرب جزء من عشرة.

B الجزء

سلك الطالب، في اليوم التالي، مسأراً مختلفاً انطلاقاً من موقع مخيّمهم في محاولة لإيجاد مصدر للمياه. يمثل المتجه $\langle -2, 3.1 \rangle$ مسار رحلتهم. استعمل \overrightarrow{AB} من الجزء A لإيجاد $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ جبرياً وبيانياً. وضح إجابتك.

C الجزء

من الجزء B، افترض أن المتجه \vec{r} يمثل مجموع المتجهين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC} . في اليوم الثالث، قرر الطالب التحرك من موقع المخيّم وفق المتجه $1.5 \cdot \vec{r}$ ، أوجد $1.5 \cdot \vec{r} + 1.5 \cdot \vec{r}$ ، ما واجه المقارنة بين مقدار واتجاه $1.5 \cdot \vec{r}$ ومقدار واتجاه \vec{r} ؟ قرب القيم إلى أقرب جزء من مئة. وضح إجابتك.

2. وجد الطلاب أخدوداً مثلث الشكل تقريباً. يمكن رسم هذا المثلث في المستوى الإحداثي بحيث يقع أحد رؤوسه عند نقطة الأصل والأسنان الآخران عند النقطتين $(-3, 5)$ و $(-1, 10)$. استعمل مصفوفة متّجه T ومحدّدته لتقدير مساحة الأخدود بالأميال المربعة. وضح إجابتك.

3. ذهب المعلم برفقة عدد من الطلاب في رحلة عبر النهر بقارب يتحرّك بسرعة متّجهة $\vec{v} = 10 \text{ mph}$ في اتجاه بزاوية 30° في الاتّجاه الشمالي الغربي. سرعة تيار النهر هي $\vec{c} = 4 \text{ mph}$ في اتجاه بزاوية قياسها 45° في الاتّجاه الشرقي الجنوبي.

A الجزء

ما الصورة التركيبية لكل من \vec{v} و \vec{c} ؟ وضح إجابتك.

B الجزء

إذا أخذت تأثير التيار في الحساب، ما السرعة الفعلية التي يتحرّك بها القارب، وفي أي اتجاه، بحيث يتمكّن من عبور النهر؟ وضح إجابتك.

8 تقويم بداية الوحدة

4. في التمرين 3، ماذا يمكنك أن تستنتج من مخططٍ الصندوق وطرفيه بشأن تغيير قيم البيانات؟

5. ماذا يمكنك أن تستنتج من مقارنة قياسات النزعة المركزية للبيانات الواردة في الجدول أدناه؟

الأذمة التي حققها 30 عداء في سباق مئة متر حواجز

متوسط الانحراف المطلق (MAD)	الوسط الحسابي	
1.3	15.8 s	السنة الماضية
1.8	14.6 s	السنة الحالية

(A) كان كل متسابق أسرع في السنة الماضية منه في السنة الحالية.

(B) كان معظم المتسابقين، في المتوسط، أسرع في السنة الماضية منهم في السنة الحالية.

(C) كان معظم المتسابقين، في المتوسط، أسرع في السنة الحالية منهم في السنة الماضية.

(D) كان كل متسابق أسرع في السنة الحالية منه في السنة الماضية.

1. سأل جاسم أصدقائه عن عدد الدول التي زارها كلّ منهم. استعمل البيانات الواردة في الجدول أدناه لإيجاد قيمة كلّ من الوسيط والمنوال والمدى.

عدد الدول
3, 0, 2, 5, 3, 6, 0, 1, 1, 2, 0, 4

(A) الوسيط: 2؛ المنوال: 0؛ المدى: 6

(B) الوسيط: 2؛ المنوال: 3؛ المدى: 1

(C) الوسيط: 3؛ المنوال: 3؛ المدى: 6

(D) الوسيط: 3؛ المنوال: 0؛ المدى: 1

2. فيما يلي أعمار 9 أولاد: 8, 7, 8, 7, 6, 8, 6, 8, 7. أي من الخيارات التالية يمثل القيمة الصحيحة لكلّ من الوسيط والمنوال لهذه البيانات؟

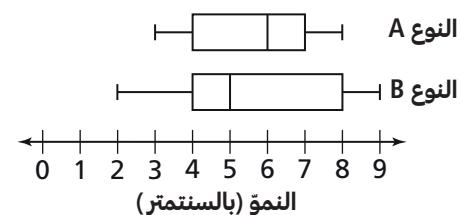
(A) الوسيط والمنوال يساويان 7

(B) الوسيط يساوي 7 والمنوال يساوي 8

(C) الوسيط يساوي 8 والمنوال يساوي 7

(D) الوسيط والمنوال يساويان 8

3. تقارن هدى بين نموّ نوعين من النباتات A و B.



ماذا يمكنك أن تستنتج من مخططٍ الصندوق وطرفيه عن نموّ نبتة نموذجية من كلّ نوع؟ بّرر إجابتك.

8. حللت منها البيانات التي حصلت عليها من تجربة علمية أجرتها، ووجدت أن متوسط الانحراف المطلق (MAD) لهذه البيانات أكبر من مداها الرباعي (IQR). ماذا يمكنك أن تستنتج من ذلك عن تغير قيم البيانات؟

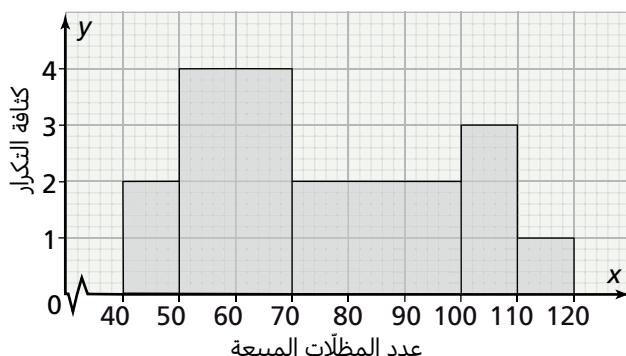
(A) النصف الأوسط من البيانات أكثر تشتتاً من متوسط التغير.

(B) متوسط التغير أكثر تشتتاً من النصف الأوسط من البيانات.

(C) متوسط البيانات أقرب إلى القيمة الصغرى منه إلى القيمة العظمى.

(D) متوسط البيانات أقرب إلى القيمة العظمى منه إلى القيمة الصغرى.

9. يوضح المدرج التكراري أدناه عدد المظلات التي باعها كل متجر من 200 متجر في إحدى المدن خلال فصل الشتاء. أوجد عدد المتاجر التي باعت أقل من 100 مظلة.



(A) 4 (B) 8 (C) 40 (D) 160

10. في التمرين 9، ما النسبة المئوية للمتاجر التي باعت ما بين 70 مظلة و 110 مظلات؟

(A) 5% (B) 40% (C) 45% (D) 90%

6. يشتري محل بقالة البرتقال من مزرعتين مختلفتين. الوسط الحسابي لأوزان ثمرات البرتقال في المزرعة A يساوي 0.2 oz، والوسط الحسابي لأوزان ثمرات البرتقال في المزرعة B يساوي 0.9 oz، متوسط الانحراف المطلق (MAD) لكلتا مجموعتي البيانات يساوي 2، ماذا يمكنك أن تستنتج من ذلك حول مجموعتي البرتقال؟

(A) قيمة متوسط الانحراف المطلق (MAD) كبيرة.

(B) مجموعتا البيانات مختلفتان جدًا.

(C) لا فرق بين مجموعتي البرتقال.

(D) قيمة الوسط الحسابي صغيرة.

7. سأل حمد مجموعة من راكبي الدراجات في حيّه عن متوسط عدد الأميال التي يقطعونها بدرجاتهم يومياً. النتائج موضحة أدناه.

6, 11, 12, 5, 13, 20, 9, 4

ما قيمة متوسط الانحراف المطلق لهذه البيانات؟

ماذا يمكنك أن تستنتج من قيمته عن عدد الأميال التي يقطعها الدراجون يومياً؟

14. أوجد قيمة x التي تجعل الوسط الحسابي للبيانات التالية يساوي 17

13, 13, x , 16, 17, 18, 18, 20, 20, 20

(A) 13 (B) 14 (C) 15 (D) 16

15. معدل عدد ساعات مشاهدة التلفاز اليومية لمجموعتين من الطلاب هو 1.8 ساعة. الانحراف المعياري للمجموعة الأولى يساوي 0.9 ساعة، والانحراف المعياري للمجموعة الأخرى يساوي 0.4 ساعة. أكمل العبارة التالية باستعمال: أقل/أكثر، أقل تقارئاً/أكثر تقارئاً.

بما أن قيمة الانحراف المعياري للمجموعة الأولى من قيمة الانحراف المعياري للمجموعة الأخرى، فهذا يعني أن عدد ساعات مشاهدة التلفاز اليومية لطلاب المجموعة الأولى بعضها من بعض من عدد ساعات مشاهدة التلفاز اليومية لطلاب المجموعة الأخرى.

16. في نهاية العام الدراسي، بلغ الوسط الحسابي لدرجات بلال في مادة الرياضيات 78 درجة، مع انحراف معياري قيمته 6.4، في حين بلغ الوسط الحسابي لدرجات أحمد 86 درجة، مع انحراف معياري قيمته 2.8، أي من العبارات التالية صحيحة؟ اختر كل ما ينطبق.

(A) معدل أداء بلال أفضل من معدل أداء أحمد.

(B) معدل أداء أحمد أفضل من معدل أداء بلال.

(C) أداء بلال أكثر ثباتاً من أداء أحمد.

(D) أداء أحمد أكثر ثباتاً من أداء بلال.

11. يوضح جدول التكرار النسبي أدناه توزيع 50 طالباً من ثلاث عمري مختلفة شاركوا في مسابقة رياضيات وطنية. قالت إدارة المسابقة إنّ أعمار أكثر من نصف الطلاب المشاركون تقلّ عن 14 عاماً. هل الإدارة على صواب؟ ما عدد هؤلاء الطلاب؟

الفئات	10-12	12-14	14-16	16-18
التكرار النسبي	0.2	0.4	0.22	0.18

(C) لا؛ 10 (A) نعم؛ 30
(D) لا؛ 20 (B) نعم؛ 41

12. في التمرين 11، أوجد عدد الطلاب المشاركون الذين تتراوح أعمارهم بين 12 و 16 عاماً.

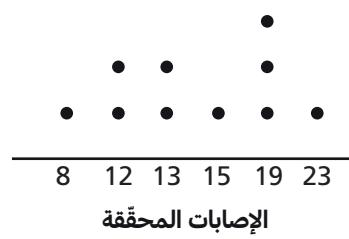
(A) 31 (B) 40 (C) 41 (D) 50

13. أوجد قيمة كل من الوسط الحسابي والمنوال والوسيط للبيانات الموضحة في الجدول التكراري أدناه.

القيمة x	f التكرار
15	2
16	5
17	7
18	8
19	3

(A) الوسط الحسابي: 17؛ المنوال: 8؛ الوسيط: 7
(B) الوسط الحسابي: 17.2؛ المنوال: 18؛ الوسيط: 17
(C) الوسط الحسابي: 17؛ المنوال: 8؛ الوسيط: 17
(D) الوسط الحسابي: 17.2؛ المنوال: 18؛ الوسيط: 7

20. يوضح التمثيل بالنقاط أدناه عدد الأهداف (من أصل 30 هدفًا) التي أصابها كل من عشرة رياضيين في مسابقة رماية. بعد خضوع هؤلاء الرياضيين لتدريب مكثف، تبين أن الوسط الحسابي لعدد الأهداف التي أصابها كل منهم في مسابقة الرماية أصبح 23.6 باإنحراف معياري قيمته 2.4، هل أسهم التدريب في تحسين معدل الإصابات المحققة للرياضيين العشرة؟ وهل أصبحت نتائج الرياضيين أكثر تقارئًا؟ ببر إجابتك.



17. أوجد قيمة كل من الوسط الحسابي والإنحراف المعياري لمجموعة البيانات الموضحة أدناه. قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر.

15, 15, 17, 18, 18, 18, 19, 21, 22, 23

الوسط الحسابي:

الإنحراف المعياري:

18. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة البيانات أدناه يساوي $2n$ ، فما قيمة تباينها؟

$n, 55, 68, 72, 93$

(A) 20.1
(B) 32
(C) 64
(D) 405.2

19. أوجد قيمة كل من التباين والإنحراف المعياري للبيانات الواردة في الجدول التكراري أدناه. قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر.

القيمة X	التكرار f
17	2
18	4
20	6
21	6
24	2

التباین:

الإنحراف المعياري:

8-1 اختبار الدرس

مقاييس النزعة المركزية

1. أوجد الحدين الأدنى والأعلى لفئة مركبها يساوي 16 وطولها يساوي 4

Ⓐ الحد الأدنى: 14؛ الحد الأعلى: 20

Ⓑ الحد الأدنى: 14؛ الحد الأعلى: 18

في التمرينين 2 و 3، يبيّن الجدول أدناه أعمار الطلاب المشاركون في فعاليات نهاية العام الدراسي، مقرّبةً إلى أقرب سنة كاملة.

الفئات	8 - 10	10 - 12	12 - 14	14 - 16	16 - 18
النكرار	2	5	6	1	2

2. قدر قيمة كل من الوسط الحسابي والمنوال لأعمار الطلاب المشاركون.

Ⓐ الوسط الحسابي: 13؛ المنوال: 6

Ⓑ الوسط الحسابي: 12.5؛ المنوال: 13

3. قدر قيمة الوسيط لأعمار هؤلاء الطلاب، ثم فسّر معناه.

وسط الأعمار:

تفسير معنى الوسيط:

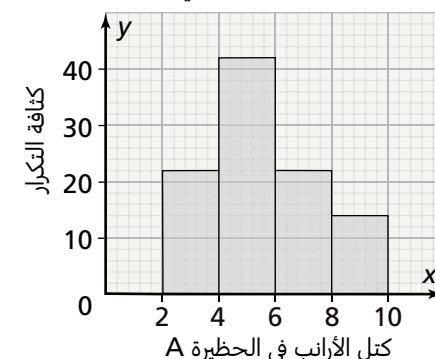
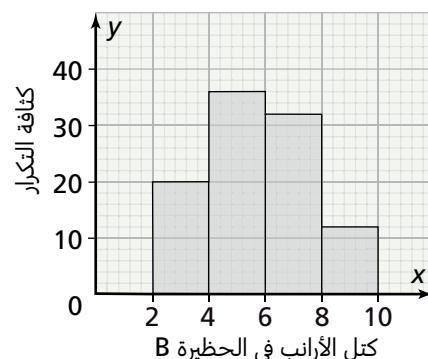
4. أوجد قيمة x إذا كان الوسط الحسابي للبيانات الواردة في الجدول أدناه يساوي 10.6 تقرّباً.

Ⓐ 6

Ⓒ 13

الفئات	3 - 7	7 - 11	11 - 15	15 - 19	19 - 23
النكرار	8	15	x	3	2

5. وزع مالك إحدى المزارع الأرانب البالغ عددها 200 أرنب بالتساوي على حظيرتين. يوضح المدرجان التكراريان أدناه توزيع كتل هذه الأرانب في كلتا الحظيرتين.



يقول مالك المزرعة إن كتل الأرانب التي في الحظيرة A أكبر من كتل الأرانب التي في الحظيرة B. هل هو على صواب؟
ووضح إجابتك عن طريق إيجاد الوسطين الحسابيين لكتل الأرانب في الحظيرتين ومقارنتهما.

8-2 اختبار الدرس

مقاييس التشتت

1. أي مما يلي يمثل قيمة التباين لمجموعة بيانات انحرافها المعياري يساوي 16؟

(A) 4 (B) 8 (C) 32 (D) 256

في التمارين 2-4، يبيّن الجدول أدناه الأزمنة التي استغرقها المشاركون في سباق دزاجات هوائية للوصول إلى خط النهاية، مقرّبًا إلى أقرب دقيقة.

الفئات	8 - 10	10 - 12	12 - 14	14 - 16	16 - 18
f التكرار	2	4	16	21	7

2. أوجد مدى البيانات الواردة في الجدول أعلاه.

(A) 2 (B) 5 (C) 10 (D) 19

3. أوجد قيمة الوسط الحسابي لأزمنة الوصول.

(A) 0.07 (B) 1.3 (C) 10 (D) 14.08

4. أوجد الانحراف المعياري لأزمنة الوصول مقرّبًا إلى أقرب جزء من عشرة من الدقيقة.

(A) 1.9 (B) 3.7 (C) 7.2 (D) 51.7

5. يبيّن الجدولان أدناه درجات طلاب الشعبتين A و B من طلاب الصف العاشر في اختبار الرياضيات الذي تبلغ الدرجة القصوى فيه 100 درجة.

درجات طلاب الشعبة A

الفئات	40 - 50	50 - 60	60 - 70	70 - 80	80 - 90	90 - 100
f التكرار	2	7	6	3	1	1

درجات طلاب الشعبة B

الفئات	40 - 50	50 - 60	60 - 70	70 - 80	80 - 90	90 - 100
f التكرار	3	5	4	5	2	1

أوجد قيمة كل من الوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات طلاب كل شعبه، ثم استعمل هذه القيم لمقارنة أداء طلاب الشعبتين.

8-3 اختبار الدرس

المنحنى التكراري التراكمي

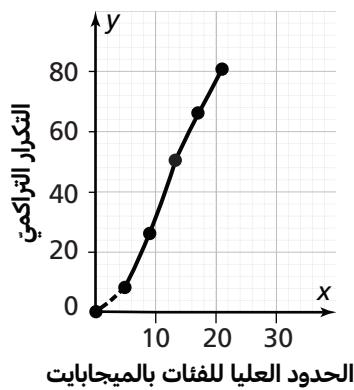
1. يبيّن الجدول أدناه كتل 36 بطيخة قطفها أحمد من حقله، مقرّبةً إلى أقرب كيلوجرام.

الفئات	7-9	9-11	11-13	13-15	15-17
f التكرار	4	8	12	10	2

ارسم المنحنى التكراري التراكمي لهذه البيانات، ثم قدر قيمة الوسيط.

الوسيط: _____

في التمارين 2-5، يبيّن المنحنى التكراري التراكمي المجاور أحجام الملفات التي قام بلال بتنزيلها على حاسوبه في الأسبوع الفائت، مقرّبةً إلى أقرب ميجابايت.



الحدود العليا للفئات بالميجابايت

2. قدر قيمة كل من الربيع الأول والربيع الثالث والمدى الربيعي.

الربيع الأول: _____

الربيع الثالث: _____

المدى الربيعي: _____

3. أي مما يلي يُعد تقديرًا جيدًا لعدد الملفات التي تقع أحجامها بين 10 و 15 ميجابايت؟

(A) 5 (B) 26 (C) 32 (D) 58

4. أي مما يلي يُعد تقديرًا جيدًا لحجم الملف الذي يقلّ عنه 65% من البيانات؟

(D) 65 ميجابايت (C) 52 ميجابايت (B) 15.5 ميجابايت (A) 13.5 ميجابايت

5. أوجد النسبة المئوية لعدد الملفات التي يتراوح حجمها بين 9 و 13 ميجابايت.

8 تقويم الوحدة، النموذج A

في التمارين 3-5، يبيّن الجدول أدناه درجات الحرارة القصوى المسجلة في إحدى المدن خلال 100 يوم متتالٍ.

الفئات (°C)	14-18	18-22	22-26	26-30	30-34
التكرار f	21	12	15	41	11

3. قدر الوسط الحسابي لدرجات الحرارة المسجلة، ثم فسّر معناه.

4. قدر منوال درجات الحرارة المسجلة، ثم فسّر معناه.

5. قدر وسيط درجات الحرارة القصوى المسجلة، مقربًا إلى أقرب جزء من مئة من الدرجة، ثم فسّر معناه لتقدر عدد درجات الحرارة التي تتراوح بين 26°C و 27°C .

1. أوجد الحدين الأدنى والأعلى لفئة مركزها 15 وطولها 6

(A) الحد الأدنى: 12؛

الحد الأعلى: 21

(B) الحد الأدنى: 9؛

الحد الأعلى: 21

(C) الحد الأدنى: 12؛

الحد الأعلى: 18

(D) الحد الأدنى: 9؛

الحد الأعلى: 18

2. أوجد قيمة x إذا كان الوسط الحسابي للبيانات الواردة في الجدول أدناه يساوي 12 تقريرًا.

الفئات	0-4	4-8	8-12	12-16	16-20
التكرار f	1	3	x	9	4

(A) 5

(B) 7

(C) 10

(D) 43

في التمارين 9-11، يبيّن الجدول أدناه الأزمنة التي استغرقها 40 طفلاً في تركيب صورة أحجية، مقربةً إلى أقرب دقيقة.

الفئات	5-9	9-13	13-17	17-21	21-25
f التكرار	3	5	18	10	4

9. أوجد مدى البيانات الواردة في الجدول أعلاه.

(A) 1 (B) 4 (C) 15 (D) 20

10. قدر قيمة الوسط الحسابي للأزمنة الواردة في الجدول، ثم فسّر معناه.

11. أوجد قيمة كل من التباين والانحراف المعياري للبيانات الواردة في الجدول. قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الدقيقة.

البيان: _____
الانحراف المعياري: _____

12. عند مقارنة أعمار الموظفين في شركتين هندسيتين، تبيّن أنَّ الوسط الحسابي لأعمار 25 موظفًا في الشركة A يساوي 36 سنة مع انحراف معياري يساوي 7.8، وأنَّ الوسط الحسابي لأعمار 25 موظفًا في الشركة B يساوي 39 سنة مع انحراف معياري يساوي 6.3. أعمار الموظفين في أيٍ من الشركتين أكثر تقاريًّا؟

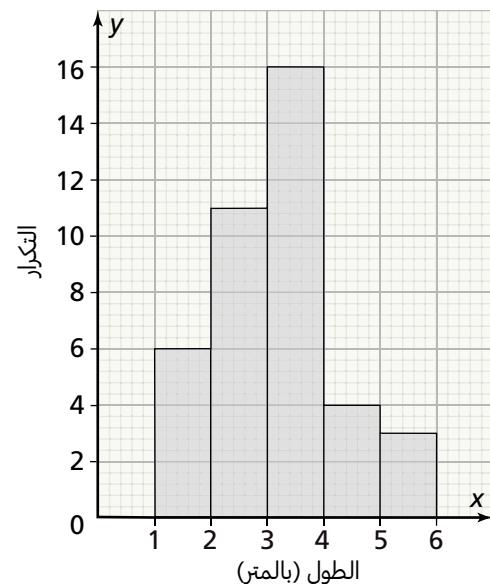
(A) الشركة A

(B) الشركة B

(C) تقارب أعمار الموظفين في كلتا الشركتين متماثل.

(D) المعطيات غير كافية لتحديد ذلك

في التمارين 6 و 7، يوضح المدرج التكراري أدناه أطوال الشجيرات في حديقة عامة.



6. أنشئ جدولًا تكراريًّا لهذه البيانات.

7. قدر قيمة الوسط الحسابي لأطوال الشجيرات. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من المتر.

8. أيٌ مما يلي يمثل قيمة التباين لمجموعة بيانات، انحرافها المعياري يساوي 0.16؟

(A) 0.0256

(B) 0.08

(C) 0.4

(D) 0.32

في التمارين 14-16، يبين الجدول أدناه كتل الطّلاب في صّف جاسم، مقرّبة إلى أقرب كيلوجرام.

الفئات	48-50	50-52	52-54	54-56	56-58
f التكرار	2	3	7	9	4

14. أنشئ الجدول التكراري التراكمي لهذه البيانات.

15. ارسم المنهج التكراري التراكمي لهذه البيانات.

16. قدر قيمة وسيط البيانات.

13. دُون أحمد نتائج مسابقة في الجري مسافة 100 m بين طلاب الشعبتين A و B من شعب الصف العاشر ثم سجل الوسط الحسابي والانحراف المعياري للأزمنة في الجدول أدناه.

B الشعبة	A الشعبة	
13.3 ثانية	14.5 ثانية	الوسط الحسابي
4.6 ثانية	2.1 ثانية	الانحراف المعياري

استعمل هذه النتائج للمقارنة بين أداء طلاب الشعبتين A و B في المسابقة.

19. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لحجم الملف الذي يقل عنه 60% من البيانات؟

24 كيلوبايت (A)

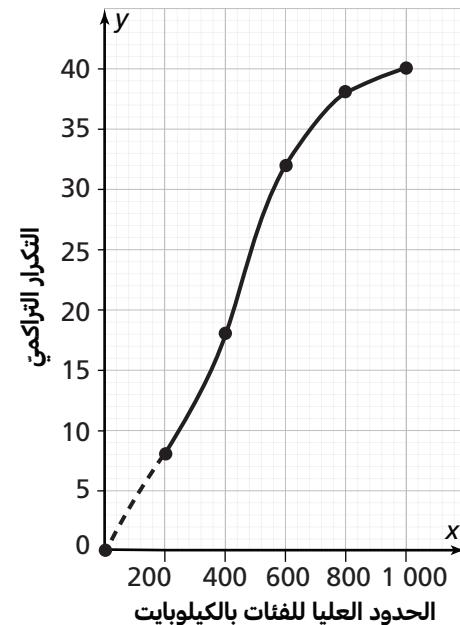
60 كيلوبايت (B)

480 كيلوبايت (C)

560 كيلوبايت (D)

20. أوجد النسبة المئوية لعدد الملفات التي حجمها يتراوح بين 400 و 800 كيلوبايت.

في التمارين 17-20، يبين المنهج التكراري التراكمي أدناه أحجام الملفات التي تلقاها بلال عبر بريده الإلكتروني، مقرّبةً إلى أقرب كيلوبايت.



17. قدر قيمة كل من الربيع الأول والربيع الثالث والمدى الربيعي.

الربيع الأول:

الربيع الثالث:

المدى الربيعي:

18. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لعدد الملفات التي تترواح أحجامها بين 250 و 500 كيلوبايت؟

(A) 11

(B) 14

(C) 24

(D) 250

8 تقويم الوحدة، النموذج B

في التمارين 3-5، يبيّن الجدول أدناه كتل حبات البطيخ التي جناها أحد المزارعين من بستانه، مقرّبًا إلى أقرب كيلوجرام.

الفئات (kg)	5-7	7-9	9-11	11-13	13-15
f التكرار	11	17	21	23	8

3. قدر الوسط الحسابي لكتل حبات البطيخ، ثم فسر معناه.

4. قدر منوال كتل حبات البطيخ، ثم فسر معناه.

5. قدر وسيط كتل حبات البطيخ، مقرّبًا إلى أقرب جزء من عشرة من الكيلوجرام، ثم فسر معناه لتقدر عدد حبات البطيخ التي تترواح كتلها بين 9 kg و 10 kg

1. أوجد الحدين الأدنى والأعلى لفئة مركزها 13 وطولها 4

(A) الحد الأدنى: 9

الحد الأعلى: 17

(B) الحد الأدنى: 11

الحد الأعلى: 17

(C) الحد الأدنى: 9

الحد الأعلى 15

(D) الحد الأدنى: 11

الحد الأعلى 15

2. أوجد قيمة x إذا كان الوسط الحسابي للبيانات الواردة في الجدول أدناه يساوي 12 تقريرًا.

الفئات	0-4	4-8	8-12	12-16	16-20
f التكرار	1	x	7	9	4

(A) 3

(B) 6

(C) 15

(D) 39

في التمارين 9-11، يبيّن الجدول أدناه الأزمنة التي استغرقها 50 طالباً في حل مسألة رياضية، مقربةً إلى أقرب دقيقة.

الفئات	5-9	9-13	13-17	17-21	21-25
f التكرار	3	8	27	7	5

9. قدر مدى البيانات الواردة في الجدول.

(A) 2 (B) 4 (C) 20 (D) 24

10. قدر قيمة الوسط الحسابي للأزمنة الواردة في الجدول، ثم فسر معناه.

11. أوجد قيمة كل من التباين والانحراف المعياري للبيانات الواردة في الجدول. قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الدقيقة.

البيان: _____
الانحراف المعياري: _____

12. عند مقارنة أعمار الموظفين في شركتين هندسيتين تبيّن أن الوسط الحسابي لأعمار 30 موظفاً في الشركة A يساوي 40 سنة مع انحراف معياري يساوي 6.9، وأن الوسط الحسابي لأعمار 30 موظفاً في الشركة B يساوي 38 سنة مع انحراف معياري يساوي 7.4

أعمار الموظفين في أيٍ من الشركتين أكثر تقاربًا؟

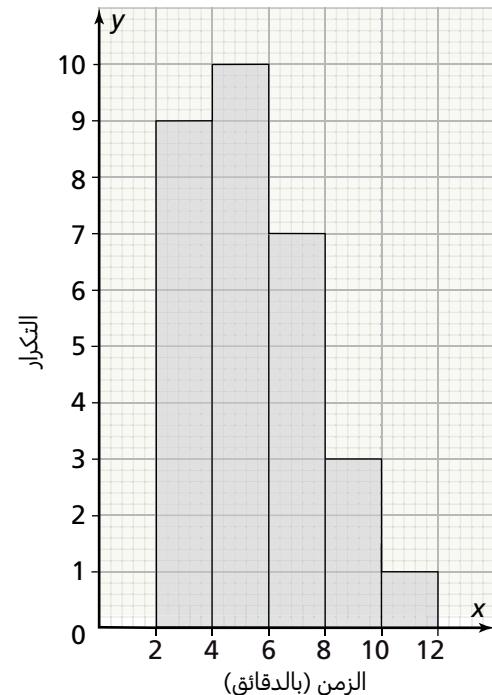
(A) الشركة A

(B) الشركة B

(C) تقارب أعمار الموظفين في كلتا الشركتين متماثل.

(D) المعطيات غير كافية لتحديد ذلك

في التمارين 6 و 7، يوضح المدرج التكراري أدناه أزمنة انتظار سيارة أمام محطة وقود خلال 30 يوماً.



6. أنشئ جدولًا تكرارياً لهذه البيانات.

7. قدر قيمة الوسط الحسابي لأزمنة انتظار السيارة. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من الدقيقة.

8. أيٌ مما يلي يمثل قيمة التباين لمجموعة بيانات انحرافها المعياري يساوي 9؟

(A) 3

(B) 4.5

(C) 18

(D) 81

في التمارين 14-16، يبين الجدول أدناه أوزان الطالبات في صفٍّ مريم، مقرّبًا إلى أقرب كيلوجرام.

الفئات	42-45	45-48	48-51	51-54	54-57
f التكرار	2	8	10	6	4

14. أنشئ الجدول التكراري التراكمي لهذه البيانات.

15. ارسم المنهج التكراري التراكمي لهذه البيانات.

16. قدر قيمة وسيط البيانات.

13. دُون خالد نتائج مسابقة في تركيب صورة أحجية بين طلاب الشعبتين A و B من شعب الصف العاشر ثم سجل الوسط الحسابي والانحراف المعياري للأزمنة في الجدول أدناه.

B الشعبة	A الشعبة	
1.6 دقيقة	1.2 دقيقة	الوسط الحسابي
0.9 دقيقة	0.7 دقيقة	الانحراف المعياري

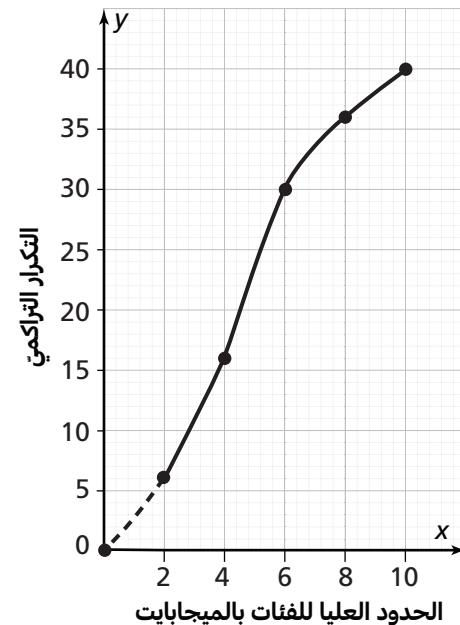
استعمل هذه النتائج للمقارنة بين أداء طلاب الشعبتين A و B في المباراة.

19. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لحجم الملف الذي يقل عنه 60% من البيانات؟

- (A) 5.2 ميجابايت
- (B) 6 ميجابايت
- (C) 24 ميجابايت
- (D) 60 ميجابايت

20. أوجد النسبة المئوية لعدد الملفات التي حجمها يتراوح بين 6 و 10 ميجابايت.

في التمارين 17-20، يبين المنهج التكراري التراكمي أدناه أحجام الملفات التي قام حمد بتنزيلها على حاسوبه لإجراء بحث بيئي، مقرّبةً إلى أقرب ميجابايت.



17. قدر قيمة كل من الربيع الأول والربيع الثالث والمدى الربيعي.

الربيع الأول:

الربيع الثالث:

المدى الربيعي:

18. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لعدد الملفات التي تراوح أحجامها بين 3 و 7 ميجابايت؟

- (A) 4
- (B) 11
- (C) 22
- (D) 33

8 تقويم الوحدة، النموذج C

في التمارين 3-5، يبيّن الجدول أدناه المسافات التي قطعها أحد العدائين خلال 70 يوماً من التدريب.

الفئات (km)	6-8	8-10	10-12	12-14	14-16
النكرار f	14	14	21	14	7

3. قدر الوسط الحسابي للمسافات التي قطعها العداء، ثم فسّر معناه.

4. قدر منوال المسافات التي قطعها العداء، ثم فسّر معناه.

5. قدر وسيط المسافات التي قطعها العداء، مقرّباً إلى أقرب جزء من عشرة من الكيلومتر، ثم فسّر معناه لتقدير المسافات التي قطعها العداء والتي تراوح بين 10 km و 11 km

1. أوجد الحدّين الأدنى والأعلى لفئة مركّزها 17 وطولها 6

(A) الحدّ الأدنى: 11؛
الحدّ الأعلى: 20

(B) الحدّ الأدنى: 14؛
الحدّ الأعلى: 20

(C) الحدّ الأدنى: 14؛
الحدّ الأعلى 23

(D) الحدّ الأدنى: 11؛
الحدّ الأعلى 23

2. أوجد قيمة x إذا كان الوسط الحسابي للبيانات الواردة في الجدول أدناه يساوي 18 تقرّباً.

الفئات	0-6	6-12	12-18	18-24	24-30
النكرار f	1	3	7	x	4

(A) 3

(B) 9

(C) 21

(D) 75

في التمارين 9-11، يبيّن الجدول أدناه الأزمنة التي استغرقها 50 طالباً في حل مسألة رياضية، مقربةً إلى أقرب دقيقة.

الفئات	2-6	6-10	10-14	14-18	18-22
f التكرار	2	12	17	6	3

9. أوجد مدى البيانات الواردة في الجدول.

(A) 1 (B) 4 (C) 15 (D) 20

10. قدر قيمة الوسط الحسابي للأزمنة الواردة في الجدول، ثم فسّر معناه.

11. أوجد قيمة كل من التباين والانحراف المعياري للبيانات الواردة في الجدول. قرب الإجابات إلى أقرب جزء من عشرة من الدقيقة.

البيان:

الانحراف المعياري:

12. عند مقارنة أعمار الموظفين في شركتين هندسيتين تبيّن أن الوسط الحسابي لأعمار 35 موظفاً في الشركة A يساوي 38 سنة مع انحراف معياري يساوي 6.8، وأن الوسط الحسابي لأعمار 35 موظفاً في الشركة B يساوي 39 سنة مع انحراف معياري يساوي 5.7

أعمار الموظفين في أيٍ من الشركتين أكثر تقارباً؟

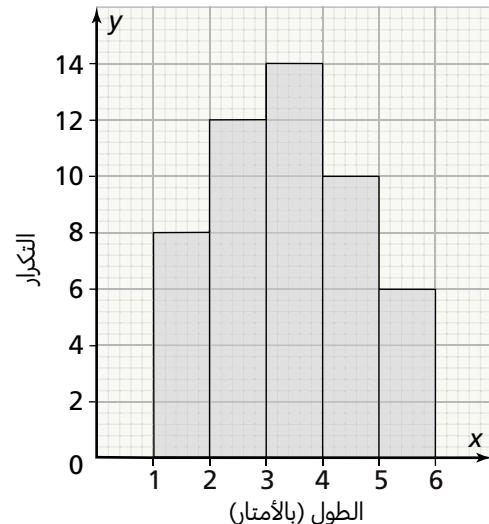
A الشركة A

B الشركة B

C تقارب أعمار الموظفين في كلتا الشركتين متماثل.

D المعطيات غير كافية لتحديد ذلك

في التمارين 6 و 7، يوضح المدرج التكراري أدناه أطوال 50 لوحاً خشبياً اشتراها جاسم لمشغله.



6. أنشئ جدول تكرارياً لهذه البيانات.

7. قدر قيمة الوسط الحسابي لأطوال الألواح. قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة من المتر.

8. أيٌ مما يلي يمثل قيمة التباين لمجموعة بيانات انحرافها المعياري يساوي 2.56؟

(A) 1.28
 (B) 1.6
 (C) 5.12
 (D) 6.5536

في التمارين 14-16، يبيّن الجدول أدناه كتل الأغنام في مزرعة بلال، مقارنةً إلى أقرب كيلوجرام.

الفئات	40-45	45-50	50-55	55-60	60-65
f التكرار	12	20	16	8	4

14. أنشئ الجدول التكراري التراكمي لهذه البيانات.

15. ارسم المنهجي التكراري التراكمي لهذه البيانات.

16. قدر قيمة وسيط البيانات.

13. دون سالم نتائج مسابقة في حبس النفس بين طلاب الشعبتين A و B من شعب الصف العاشر ثم سجل الوسط الحسابي والانحراف المعياري للأزمنة في الجدول أدناه.

الشعبة B	الشعبة A	
52.4 ثانية	48.6 ثانية	الوسط الحسابي
4.7 ثانية	3.8 ثانية	الانحراف المعياري

استعمل هذه النتائج للمقارنة بين أداء طلاب الشعبتين A و B في المسابقة.

19. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لحجم الرسالة النصية الذي يقل عنه 60% من البيانات؟

(A) 5 كيلوبايت

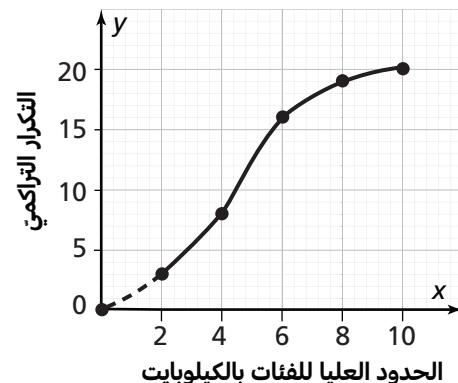
(B) 5.8 كيلوبايت

(C) 12 كيلوبايت

(D) 60 كيلوبايت

20. أوجد النسبة المئوية لعدد الملفات التي حجمها يتراوح بين 6 و 10 كيلوبايت.

في التمارين 17-20، يبيّن المنهج التكراري التراكمي أدنى أحجام الرسائل النصية التي تلقتها خولة عبر هاتفها الجوال خلال 20 يوماً، مقرّبةً إلى أقرب كيلوبايت.



17. قدر قيمة كل من الربيع الأول والربيع الثالث والمدى الربيعي.

الربيع الأول:

الربيع الثالث:

المدى الربيعي:

18. أي مما يلي يُعد تقديراً جيداً لعدد الأيام التي تلقت خولة فيها رسائل نصية تتراوح أحجامها بين 4 و 8 كيلوبايت؟

(A) 4

(B) 8

(C) 11

(D) 19

8 تقويم الأداء، النموذج A

غالباً ما تكون الدراسات الإحصائية عاملاً مساعداً عند اتخاذ القرارات في العديد من المجالات الطبية والاقتصادية والمالية والتربوية، حيث يعتمد واضعو السياسات في هذه المجالات على المعطيات التي تؤمنها الدراسات الإحصائية لأنها مؤشرات ذات دلالة تسمح بتكوين فكرة موضوعية عن العناصر التي تدرس بعيداً عن الميول الشخصية والتوجهات الذاتية.

تتولى شركة لبيع الملابس افتتاح فرع جديد لها، وعلى مدير الشركة أن يختار موقع الفرع الجديد من بين موقعين مختلفين في مراكزين تجاريين A و B، لذلك طلب البيانات المتعلقة بقيمة إنفاق زبائن كلا المراكزين التجاريين خلال شهر كامل (من خلال قيم الفواتير المدفوعة في مختلف المتاجر) مع إهمال الفواتير التي تزيد قيمتها عن 500 ريال قطري.

1. ما مقياس التشتيت الذي يمكن تحديد قيمته من خلال الشرط الذي وضعه مدير الشركة عن قيم الفواتير بالإضافة إلى شرط آخر يتمثل بإهمال الفواتير التي تقل قيمتها عن 100 ريال قطري؟
وضح إجابتك.

2. زود المركز التجاري A الشركة بالبيانات التالية حول إنفاق زبائنه خلال الشهر الماضي:

قيمة الفاتورة (بمئات الريالات القطرية)	0-5	5-10	10-15	15-20	20-25
عدد الزبائن (بالآلاف)	5	8	10	7	4

- قدّر قيمة كلّ من الوسط الحسابي والانحراف المعياري لهذه البيانات.

b. قدر قيمة وسيط هذه البيانات.

c. استعمل القيم التي أوجدتها في الجزأين a و b لوصف البيانات الواردة في الجدول.

3. أما المركز التجارى B فقال إن 400 30 زبون زاروا المركز خلال نفس الفترة الزمنية، وعند دراسة قيم الفواتير المدفوعة تبين ما يلى:

- الوسط الحسابي يساوى 150 QR تقريرًا.
- الانحراف المعياري يساوى 495 QR تقريرًا.
- الوسيط يساوى 150 QR تقريرًا.

صف قيم الفواتير المدفوعة في زبائن المركز التجارى B وفقاً لهذه المقاييس الإحصائية.

4. إذا أراد مدير الشركة اختيار المركز التجارى الذي يحقق شرط التقارب في قيم فواتير الزبائن، أي من المركزين يجب أن يختار، ولماذا؟

8 تقويم الأداء، النموذج B

نظمت وزارة التربية والتعليم مبارزة في الرياضيات لطلاب وطالبات الصف العاشر في المدارس الحكومية والخاصة. تضمنت المبارزة ثلاثة مراحل، وقد وصل إلى المرحلة النهائية 150 طالباً ممن تفوقوا في المرحلتين الأولى والثانية. يبيّن الجدول أدناه درجات هؤلاء الطلاب في المرحلة النهائية (الدرجة القصوى هي 80 درجة).

الدرجات	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70	70-80
عدد الطلاب	9	16	24	29	23	22	17	10

1. استعمل طريقتين لتحديد الدرجة التي يقلّ عنها درجات 50% من درجات الطلاب.

a. الطريقة الأولى: استعمل جدول التكرار التراكمي التصاعدي.

b. الطريقة الثانية: استعمل المنهج التراكمي التكراري.

2. قررت الوزارة منح كل طالب من الطالب الذين حصلوا على أعلى 10% من الدرجات ميدالية ذهبية، ومنح كل طالب من الطالب الذين حصلوا على أعلى 20% من الدرجات التي تلي درجات حاملي الميدالية الذهبية ميدالية فضية، ومنح كل طالب درجته من بين الدرجات الا 10 الأعلى بعد درجات حاملي الميدالية الفضية ميدالية برونزية.

a. حدد قيمة تقريرية للدرجات التي تخول أصحابها الحصول على ميدالية ذهبية.

b. حدد قيمة تقريرية للدرجات التي تخول أصحابها الحصول على ميدالية فضية.

c. حدد قيمة تقريرية للدرجات التي تخول أصحابها الحصول على ميدالية برونزية.

اختبار نهاية السنة الدراسية

5. حل المعادلة $2x^2 + 3x - 5 = 0$ باستعمال التحليل إلى العوامل.

6. أي من الخيارات التالية يتضمن مقدارين جذريين متكافئين؟

$4\sqrt{20}$ و $\sqrt{80}$ (A)

$2\sqrt{7}$ و $\sqrt{98}$ (B)

$25\sqrt{5}$ و $\sqrt{125}$ (C)

$2\sqrt{27}$ و $\sqrt{108}$ (D)

7. ما حل المعادلة $2x^2 + 4x = 3$ ؟

(A) $-1 \pm \sqrt{10}$

(B) $-2 \pm \frac{\sqrt{10}}{4}$

(C) $-1 \pm \frac{\sqrt{10}}{2}$

(D) $-4 \pm 2\sqrt{10}$

8. أوجد حلول المعادلة $-3x = -4 + x^2$ باستعمال التمثيل البياني.

1. ما معادلة محور تناول التمثيل البياني للدالة

$$y = -(x - 5)^2 + 3$$

(A) $x = -5$

(B) $x = -3$

(C) $x = 3$

(D) $x = 5$

2. أي من الدوال التالية رأس تمثيلها البياني إزاحة أفقية

بمقدار 6 وحدات إلى يمين رأس التمثيل البياني

$$f(x) = (x + 2)^2 - 8$$

(A) $h(x) = (x + 2)^2 - 2$

(B) $h(x) = (x - 4)^2 - 8$

(C) $h(x) = (x + 8)^2 - 8$

(D) $h(x) = (x + 2)^2 - 14$

3. ما إحداثيا رأس التمثيل البياني للدالة

$$y = x^2 - 14x + 33$$

(A) $(-16, 7)$

(B) $(16, -7)$

(C) $(7, -16)$

(D) $(-7, -16)$

4. عرض لوحة فنية، من دون إطارها، يساوي مزة

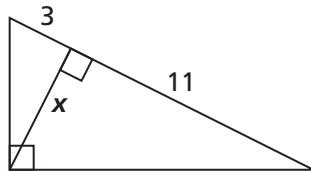
ونصف المرة ارتفاعها h بالإنش. عرض الإطار المحبيط

لللوحة يساوي 3 in، اكتب مقداراً بالصيغة القياسية

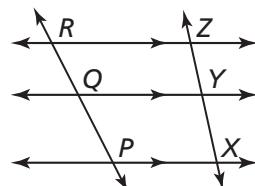
لتمثيل مساحة اللوحة والإطار معاً بدلالة h .

الحلول:

12. ما التناوب الذي يمكنك استعماله لإيجاد قيمة x ؟

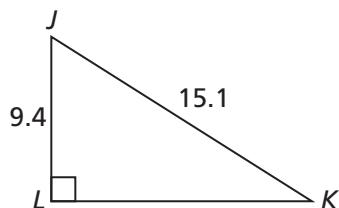


13. ما الاستنتاج الذي يدعمه الشكل أدناه؟



- (A) $\frac{PQ}{QR} = \frac{XY}{YZ}$
- (B) $PX = \frac{1}{2}RZ$
- (C) $\frac{QY}{RZ} = \frac{PX}{QY}$
- (D) $QY = \frac{1}{2}PX$

14. ما قيمة $m\angle J$ مقربة إلى أقرب جزء من عشرة من الدرجة؟



- (A) 31.9°
- (B) 38.5°
- (C) 51.5°
- (D) 58.1°

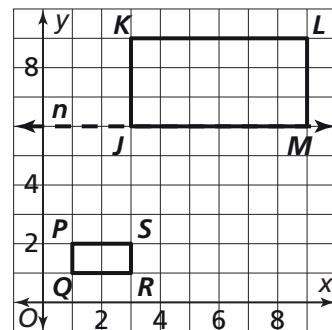
15. ما قيمة ظل الزاوية θ في مثلث $90^\circ-60^\circ-30^\circ$ طول وتره 6، إذا كانت $\theta = 30^\circ$ ؟

- (A) $\sqrt{3}$
- (B) $\frac{2}{\sqrt{3}}$
- (C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$
- (D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

9. ما العلاقة بين قياسات زوايا وأطوال أضلاع الشكل الأصلي، وصورته الناتجة عن تمدد معامله لا يساوي 1؟

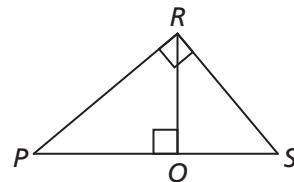
- (A) الزوايا متناسبة والأضلاع متطابقة.
- (B) الزوايا متناسبة والأضلاع متناسبة.
- (C) الزوايا متطابقة والأضلاع متطابقة.
- (D) الزوايا متطابقة والأضلاع متناسبة.

10. أي مما يلي هو الوصف الأفضل لتركيب التحويلات الذي يحول الرباعي $PQRS$ إلى الرباعي $JKLM$ ؟



- (A) $(D_{\frac{1}{3}} \circ T_{(-2, -5)})(JKLM)$
- (B) $(D_3 \circ R_n)(JKLM)$
- (C) $(D_{\frac{1}{3}} \circ R_n)(JKLM)$
- (D) $(D_3 \circ T_{(-2, -5)})(JKLM)$

11. أي من المثلثات التالية يتشابه مع $\triangle PQR$ ؟



	نعم	لا
$\triangle RQS$	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$\triangle QSR$	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
$\triangle PRS$	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

19. الصورة المبسطة للمقدار $\sqrt[3]{64x^{18}y^6}$ هي:

- (A) $8x^9y^3$
- (B) $8|x|^9 \cdot |y|^3$
- (C) $4x^6y^2$
- (D) $8x^{15}y^3$

20. أي من المقادير التالية مكافئ للمقدار $\frac{6}{2 - \sqrt{5}}$ ؟

- (A) $\frac{2\sqrt{5} - 4}{3}$
- (B) $-6\sqrt{5} + 12$
- (C) $6\sqrt{5} + 12$
- (D) $-6\sqrt{5} - 12$

21. في المقدار $PV^{\frac{2}{3}}$ ، يمثل P ضغط الغاز داخل عبوة غاز ويمثل V حجم العبوة. أوجد قيمة $PV^{\frac{2}{3}}$ عندما $V = 8$ و $P = 9$.

- (A) 18
- (B) 36
- (C) 72
- (D) 576

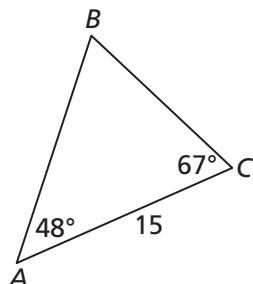
22. اكتب المقدار $\sqrt[6]{9}$ باستعمال أس نسبي.

- (A) $6^{\frac{1}{9}}$
- (B) 3
- (C) 6^9
- (D) $3^{\frac{1}{3}}$

16. طول قامة بلال 63 إنشاً تقريباً. ما طول ظل بلال وهو واقف عندما تشكل أشعة الشمس مع سطح الأرض زاوية قياسها 30° ؟ قرب إجابتك إلى أقرب إنش.

- (A) 36 in
- (B) 63 in
- (C) 109 in
- (D) 126 in

17. أي مما يلي يمثل صيغة مساحة المثلث ABC ؟

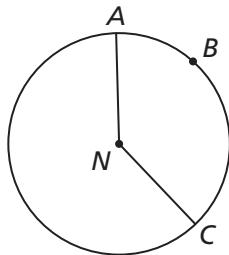


- (A) $\frac{15 \sin 65^\circ}{2 \sin 67^\circ} \cdot 15 \cdot \sin 48^\circ$
- (B) $\frac{15}{2 \sin 48^\circ} \cdot \sin 67^\circ$
- (C) $\frac{15 \sin 67^\circ}{2 \sin 65^\circ} \cdot 15 \cdot \sin 48^\circ$
- (D) $\frac{15 \sin 65^\circ}{2 \sin 48^\circ} \cdot \sin 67^\circ$

18. طولاً ضلعي مثلث 15 و 22، وقياس الزاوية المحصورة بينهما 100° ، ما طول الضلع المقابل لهذه الزاوية؟

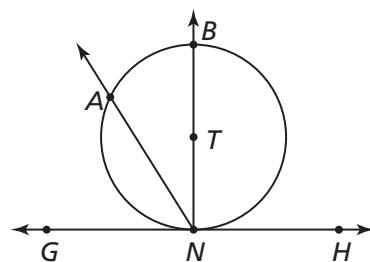
- (A) 28.7
- (B) 18.5
- (C) 26.6
- (D) 24.4

؟ $m\angle ANC = 142^\circ$. ما قيمة $m\widehat{ABC}$ في $\odot N$. 26



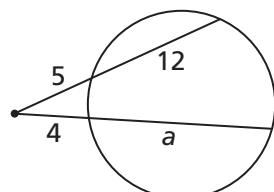
- (A) 109°
- (B) 142°
- (C) 218°
- (D) 284°

؟ $m\widehat{ABC} = 142^\circ$. إذا كان $m\angle AGB = 54^\circ$ ، فما قيمة $m\angle ANG$. 27



- (A) 63°
- (B) 72°
- (C) 126°
- (D) 144°

؟ a ما قيمة 28



- (A) 12
- (B) 15
- (C) 17.25
- (D) 21.258

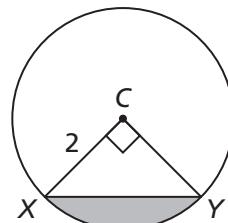
23. حل المعادلة $\left(\frac{1}{16}\right)^{x+3} = \left(\frac{1}{4}\right)^{x+1}$ هو:

- (A) $x = -5$
- (B) $x = -\frac{1}{4}$
- (C) $x = 5$
- (D) لا توجد حلول حقيقية لهذه المعادلة

24. في دائرة طول نصف قطرها يساوي 10، طول قوس من محيطها يساوي $\frac{49\pi}{9}$ ، ما قياس الزاوية المركزية المقابلة لهذا القوس؟

- (A) $\left(\frac{49\pi}{9}\right)^\circ$
- (B) $\left(\frac{49\pi}{90}\right)^\circ$
- (C) 98°
- (D) 196°

25. ما مساحة القطعة المظللة في الدائرة C أدناه؟



- (A) $\pi - 2$
- (B) π
- (C) $3\pi + 2$
- (D) 4π

33. أي من أنظمة المعادلات التالية تمثلها

$$\begin{bmatrix} 1 & -5 \\ 9 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 \\ -1 \end{bmatrix}$$

المعادلة المصفوفية

(A) $\begin{cases} x + 9y = 9 \\ -5x + 3y = -1 \end{cases}$

(B) $\begin{cases} -x + 5y = -9 \\ 9x + 3y = 1 \end{cases}$

(C) $\begin{cases} x - 5y = 9 \\ 9x + 3y = -1 \end{cases}$

(D) $\begin{cases} x + 3y = 9 \\ 9x - 5y = -1 \end{cases}$

34. ما حل المعادلة المصفوفية التالية

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -5 \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix}$$

في التمرينين 35 و 36، يوضح الجدول أدناه أعمار الطلاب المشاركون في معرض فني مدرسي، مقرّبةً إلى أقرب سنة.

الفئات	8 - 10	10 - 12	12 - 14	14 - 16	16 - 18
f التكرار	7	12	11	6	4

35. قدر قيمة كل من الوسط الحسابي والمنوال لأعمار هؤلاء الطلاب.

(A) الوسط الحسابي: 13؛ المنوال: 12

(B) الوسط الحسابي: 12.4؛ المنوال: 11

(C) الوسط الحسابي: 13؛ المنوال: 11

(D) الوسط الحسابي: 12.4؛ المنوال: 12

29. لديك المصفوفتان

$$Y = \begin{bmatrix} -2 & 4 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$$

أوجد ناتج الضرب XY .

$$XY = \begin{bmatrix} \quad & \quad \end{bmatrix}$$

30. ليكن $\vec{b} = \langle 12, -8 \rangle$. أي مما يلي صحيح؟

(A) $3\vec{b} = \langle 15, -5 \rangle$

(B) المتجهان \vec{b} و $3\vec{b}$ لهما نفس الاتجاه.

(C) $|3\vec{b}| \approx 8.94$

$$3\vec{b} - \vec{b} = \langle 24, 16 \rangle$$

31. ليكن $\vec{w} = \langle 3, -1 \rangle$ و $\vec{v} = \langle 5, 2 \rangle$. ما الاتجاه التقريري للمنتج $\vec{v} + \vec{w}$ ؟

(A) 82.9°

(B) 56.3°

(C) 33.7°

(D) 7.1°

32. أي من المصفوفات التالية لها نظير ضريبي؟

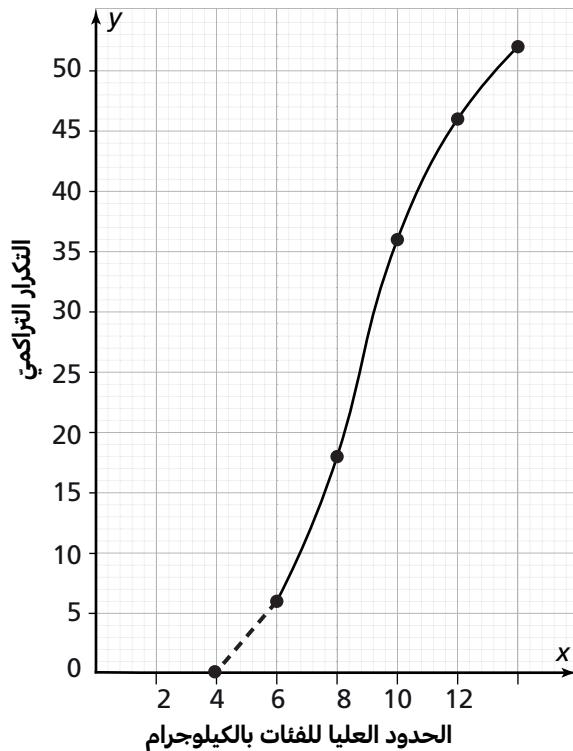
(A) $\begin{bmatrix} -9 & 6 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} -4 & 3 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 8 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} -1 & 3 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$

في التمرينين 39 و 40، يبيّن المنهج التكراري التراكمي أدناه أوزان الأرانب في مزرعة جابر، مقرّبةً إلى أقرب كيلوجرام.



39. قدر قيمة الوسيط.

8.8 كيلوجرام **(A)**

10 كيلوجرامات **(B)**

18 كيلوجراماً **(C)**

26 كيلوجراماً **(D)**

40. قدر قيمة كل من الربع الأول والربع الثالث والمدى الربيعي.

الربيع الأول:

الربيع الثالث:

المدى الربيعي:

36. قدر قيمة الوسيط لأعمار هؤلاء الطلاب، ثم فسر معناه.

37. أي مما يلي يمثل قيمة التباين لمجموعة بيانات، انحرافها المعياري يساوي 5.76؟

(A) 2.4 (C) 11.52
(B) 2.88 (D) 33.1776

38. دُون عامر نتائج مسابقة في الجري لمسافة 100 m بين طلاب الشعبتين A و B من شعب الصف العاشر، ثم سُجل الوسط الحسابي والانحراف المعياري للأزمنة في الجدول أدناه.

الشعبة A	الشعبة B	
13.6 s	14.3 s	الوسط الحسابي
2.4 s	3.2 s	الانحراف المعياري

استعمل هذه النتائج لمقارنة أداء طلاب الشعبتين A و B في المسابقة.

مصادر التقويم

شكر وتقدير

