

## مراجعة هيكل الفيزياء للصف الحادي عشر متقدم

### 1 Center of Mass and Center of Gravity

Define the center of mass as the point at which all the mass of an object appears to be concentrated.

### 2 Center of Mass and Center of Gravity

Locate the center of mass of an extended, symmetric object of uniform mass distribution by using the symmetry.

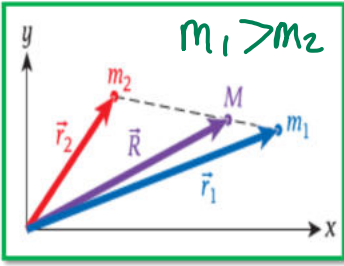
**مركز الكتلة** النقطة التي تتركز فيها كتلة الجسم

يقع مركز كتلة الجسم المنتظم (الكثافة الكتلية للجسم ثابتة) في المنتصف تماماً

قد يقع مركز كتلة الجسم خارج الجسم مثل الخاتم أو الهلال

**مركز الكتلة المشترك لجسمين**

متجه موقع مركز الكتلة هو متوسط متجهات مواقع الأجسام مضروبة في كتلتها



$$\vec{R} = \frac{\vec{r}_1 m_1 + \vec{r}_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$Y = \frac{y_1 m_1 + y_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$Z = \frac{z_1 m_1 + z_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

يقع مركز الكتلة لهما في منتصف المسافة بين مركزي كتلة الجسمين

← جسمان متساويان في الكتلة

يقع مركز الكتلة لهما أقرب إلى الكتلة الأكبر

جسمان مختلفان في الكتلة

$$X = \frac{1}{M} \sum x_i m_i$$

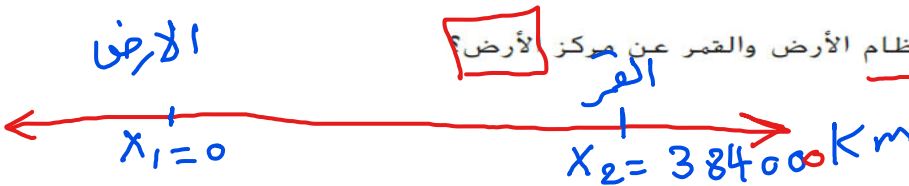
**مركز كتلة الأرض والقمر**

**مسألة محلولة 8.1**

تبلغ كتلة الأرض  $5.97 \times 10^{24}$  kg وتبلغ كتلة القمر  $7.36 \times 10^{22}$  kg. ويدور القمر حول الأرض على مسافة تبعد 384,000 km أي أن مركز القمر يبعد مسافة مقدارها 384,000 km عن مركز الأرض. كما هو موضح في الشكل 8.3a.

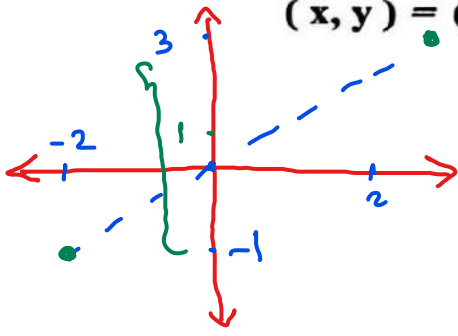
**المسألة**

ما المسافة التي يبعدها مركز كتلة نظام الأرض والقمر عن مركز الأرض؟



$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2} = \frac{0 + 384000 \times 7.36 \times 10^{22}}{5.97 \times 10^{24} + 7.36 \times 10^{22}} = \text{Km}$$

وضع سلك رفيع ومستقيم منتظم الكثافة في المستوى  $(x, y)$  ويقع طرفا السلك عند النقطتين  $(x, y) = (2.0 \text{ m}, 3.0 \text{ m})$  و  $(x, y) = (-2.0 \text{ m}, -1.0 \text{ m})$  أين يقع مركز كتلة السلك ؟



$(0, 1)$

$(x, y) = (0 \text{ m}, 0 \text{ m})$  ☐

$(x, y) = (0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$  ☒

$(x, y) = (1.0 \text{ m}, 0 \text{ m})$  ☐

$(x, y) = (1.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$  ☐

$m_1 = m_2 = 1$

$x_1 = -2 \quad y_1 = -1$

$x_2 = 2 \quad y_2 = 3$

$x_1 \quad y_1$

$X = \frac{-2 \times 1 + 2 \times 1}{1 + 1} = 0$

$Y = \frac{-1 \times 1 + 3 \times 1}{1 + 1} = 1$

يتكون نظام من جسمين : الجسم الأول  $(m_1 = 4.0 \text{ kg})$  ويقع عند  $(-4.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$  والجسم الثاني  $(m_2 = 5.0 \text{ kg})$  ويقع عند  $(2.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$ .

ما مقدار مركبة  $X$  لمركز كتلة النظام ؟

$-1.0 \text{ m}$

$-0.67 \text{ m}$

$-2.0 \text{ m}$

$-1.3 \text{ m}$

$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2} = \frac{-4 \times 4 + 2 \times 5}{4 + 5} = \frac{-6}{9} \text{ m}$

يتكون نظام من جسمين : الجسم الأول  $(m_1 = 4.0 \text{ kg})$  ويقع عند  $(-4.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$  والجسم الثاني  $(m_2 = 5.0 \text{ kg})$  ويقع عند  $(2.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$ .

ما مقدار متجه الموقع لمركز كتلة النظام ؟

$0.92 \text{ m}$

$1.2 \text{ m}$

$2.9 \text{ m}$

$3.6 \text{ m}$

$X = -0.67$

$(X, Y) = (-0.67 \text{ m}, 1 \text{ m})$

$Y = \frac{1 \times 4 + 1 \times 5}{4 + 5} = 1$

$\vec{r} = -0.67 \hat{x} + 1 \hat{y}$

$|\vec{r}| = \sqrt{0.67^2 + 1^2} = 1.2 \text{ m}$

## مراجعة المفاهيم 8.1

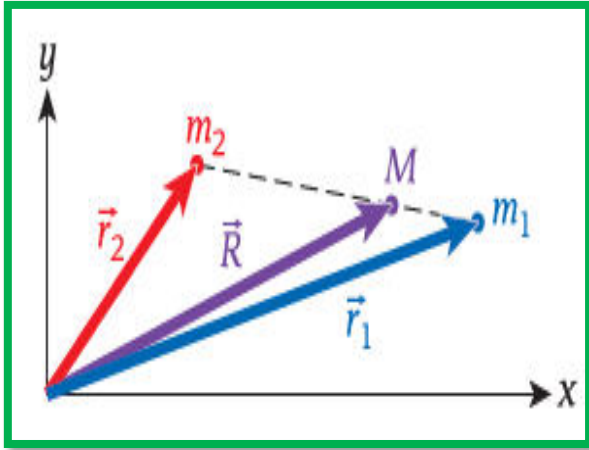
في الحالة الموضحة في الشكل 8.2، ما المقادير النسبية للكتلتين  $m_1$  و  $m_2$ ؟

$m_1 < m_2$  (a)

$m_1 > m_2$  (b)

$m_1 = m_2$  (c)

(d) لا يمكن تحديد أي الكتلتين أكبر استناداً إلى المعلومات المتوفرة في الشكل فقط.



**8.31** يقف بهلوانات صفار في وضع سكون على منصة أفقية دائرية مرتكزة على حامل عند نقطة منتصفها. لذا من المفترض أن تقع نقطة الأصل للنظام الإحداثي الديكارتي ثنائي الأبعاد عند منتصف المنصة. ويقف بهلوان كتلته 30.0 kg عند (4.00 m, 3.00 m)، بينما يقف بهلوان آخر كتلته 40.0 kg عند (-2.00 m, -2.00 m). بافتراض أن البهلوانات يقفون في وضع سكون في مواقعهم، فأين يجب أن يقف بهلوان كتلته 20.0 kg بحيث يكون مركز كتلة النظام المكون من البهلوانات الثلاثة عند نقطة الأصل وتكون المنصة متوازنة؟

$$m_1 = 30 \text{ kg} \quad x_1 = 4 \text{ m} \quad y_1 = 3 \text{ m}$$

$$m_2 = 40 \text{ kg} \quad x_2 = -2 \text{ m} \quad y_2 = -2 \text{ m}$$

$$m_3 = 20 \text{ kg} \quad x_3 = ? \quad y_3 = ?$$

$$x = 0$$

$$y = 0$$

$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2 + x_3 m_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$0 = \frac{4 \times 30 + (-2) \times 40 + 20 x_3}{30 + 40 + 20}$$

$$x_3 = -2 \text{ m}$$

$$0 = \frac{3 \times 30 + (-2) \times 40 + 20 y_3}{30 + 40 + 20}$$

$$y_3 = -0.5 \text{ m}$$

4

## Polar Coordinates

Express the Cartesian coordinates  $(x, y)$  in terms of the polar coordinates  $(r, \theta)$  and vice versa

## الإحداثيات

## القطبية

$$(r, \theta)$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

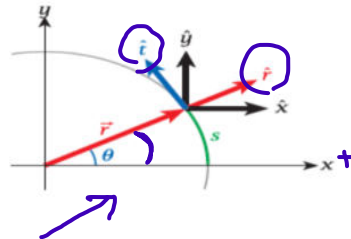
$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right)$$

## الديكارتية

$$(x, y)$$

$$x = r \cos \theta$$

$$y = r \sin \theta$$

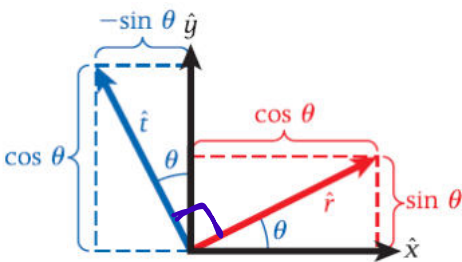


متجه الوحدة القطري:

$$\hat{r} = \cos \theta \hat{x} + \sin \theta \hat{y} = (\cos \theta, \sin \theta)$$

متجه الوحدة المماسي:

$$\hat{t} = -\sin \theta \hat{x} + \cos \theta \hat{y} = (-\sin \theta, \cos \theta)$$



$$r = 10 \text{ m}$$

$$\theta = 180 - 37 = 143^\circ$$

$$= \pi - 0.64 = 2.5 \text{ rad}$$

1- نقطة موقعها بالإحداثيات الديكارتية  $[(x, y) = (8.0, 6.0) \text{ m}]$  . ما موقع هذه النقطة بالإحداثيات القطبية ؟

$$r = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ m}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{6}{8}\right) = 37^\circ = 0.64 \text{ rad}$$

$$37 \times \frac{\pi}{180} = \text{rad}$$

$$(r, \theta) = (10 \text{ m}, 0.64 \text{ rad})$$

$$(r, \theta) = (10 \text{ m}, 0.46 \text{ rad})$$

$$(r, \theta) = (5.0 \text{ m}, 0.64 \text{ rad})$$

$$(r, \theta) = (5.0 \text{ m}, 0.46 \text{ rad})$$

$$(x, y) = (-8, 6)$$



5

## Angular Coordinates and Angular Displacement

Describe circular motion using polar coordinates, where the distance to the origin,  $r$ , of the object in motion stays constant and the angle varies as a function of time,  $\theta(t)$ .

Solve problems related to angular coordinates and angular displacement

6

## Angular Coordinates and Angular Displacement

Relate the arc length ( $s$ ), to the radius ( $r$ ) of the circular path and the angle ( $\theta$ ), measured in radians, by .

الإزاحة

زاوية

$$x = r \theta$$

خطية

الأزاحة الزاوية  $\theta$  تقاس  $rad$   $rev$   $deg$

الأزاحة الخطية  $x$  تقاس بالمتر  $m$

$$1 rev = 2\pi rad = 360^\circ$$

$$5 rev = \dots rad \quad 5 \times 2\pi = 10\pi rad$$

$$60^\circ = \dots rad \quad 60 \times \frac{\pi}{180} = \frac{\pi}{3} rad$$

$$rev \xrightarrow{\times 2\pi} rad$$

$$deg \xrightarrow{\times \frac{\pi}{180}} rad$$

تحديد موقع نقطة باستخدام الإحداثيات الديكارتية والقطبية

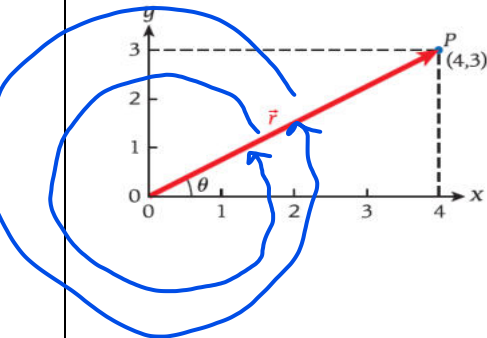
مثال 9.1

نقطة موقعها محدد بالإحداثيات الديكارتية  $(4,3)$ . كما هو موضح في الشكل 9.5.

المسألة

كيف يمكننا تمثيل موقع هذه النقطة بالإحداثيات القطبية؟

$$(r, \theta) = (5, 0.64 rad)$$



$$r = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 m$$

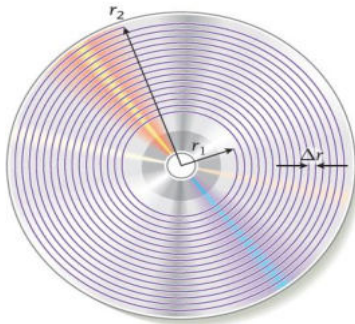
$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right) = 0.64 rad$$

$$= 37^\circ$$

## مسار على القرص المضغوط

### مثال 9.2

في الشكل 9.5 يمثل مسار على القرص المضغوط. وهو مسار حلزوني يبدأ بنصف قطر داخلي  $r_1 = 25 \text{ mm}$  وينتهي بنصف قطر خارجي  $r_2 = 58 \text{ mm}$ . والتباعد بين الحلقات المتتالية للمسار ثابتة.  $\Delta r = 1.6 \mu\text{m}$



المسألة

كم يبلغ الطول الإجمالي لهذا المسار؟

$$\bar{r} = \frac{25 + 58}{2} = 41.5 \text{ mm} \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$n = \frac{r_2 - r_1}{\Delta r} = \frac{(58 - 25) \times 10^{-3}}{1.6 \times 10^{-6}} = 20625$$

$$L = n \cdot 2\pi \bar{r} = 20625 \times 2\pi (41.5 \times 10^{-3}) =$$

عجلة رياضية يبلغ قطر إطارها  $110 \text{ cm}$ . إذا دارت العجلة 30 دورة.

ما مقدار المسافة التي قطعتها نقطة على حافة الإطار؟  $r = 55 \text{ cm} = 0.55 \text{ m}$

54.0 m

86.2m

90.3m

104m

$$\theta = 30 \text{ rev} = 30 \times 2\pi = 60\pi \text{ rad}$$

$$S = R \theta_{\text{rad}}$$

$$= 0.55 \times 60\pi =$$

تقع مدينة عند  $(51.0^\circ)$  شمالاً. ما المسافة التي تتحركها على سطح الأرض من المدينة حتى تصل خط الإستواء؟

(علماً بأن نصف قطر الأرض  $6370 \text{ km}$ )

3310km

4340 km

5490km

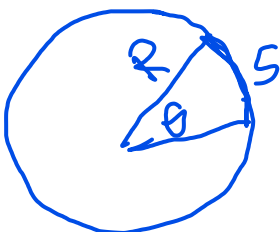
5670km

$$\theta = 51^\circ \times \frac{\pi}{180}$$

$$S = R \theta_{\text{rad}}$$

$$S = ?$$

$$S = 6370 \times 51 \times \frac{\pi}{180} =$$



$$\rightarrow S = \theta R$$

$$\rightarrow v = \omega R$$

7

Angular Velocity, Angular Frequency, and Period

Relate the instantaneous value of the magnitude of the angular velocity (or the instantaneous angular speed),  $\omega$ , to the time derivative of the angular position as

$$\omega = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt} \quad \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

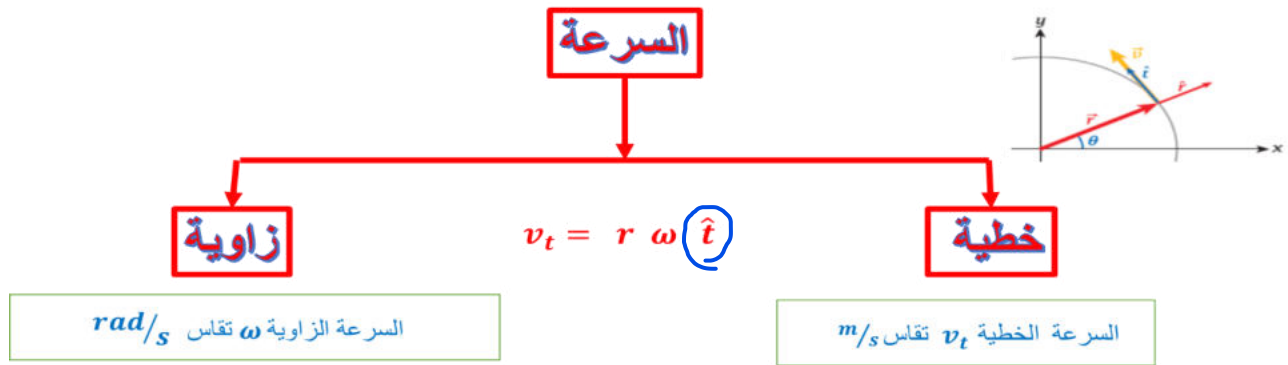
Relate the magnitudes of linear (tangential) and angular velocities for circular motion as  $v = r\omega$ , and explain that this relation does not hold for tangential and angular velocity vectors

8

Angular Velocity, Angular Frequency, and Period

Relate the average magnitude of angular velocity  $\bar{\omega}$  (or average angular speed) to the angular displacement ( $\Delta\theta$ ) and the time interval for that displacement ( $\Delta t$ ) as

$$\bar{\omega} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$$



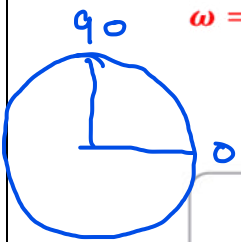
$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{r}$$

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$



$$v_t = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt} = r\omega$$

دوران عكس عقارب الساعة  $\omega = +$   
مع عقارب الساعة  $\omega = -$



### الدوران المداري للأرض والدوران المحوري لها

### مثال 9.3

#### المسألة

تدور الأرض حول الشمس وكذلك تدور حول محورها الذي يمتد من القطب إلى القطب. أوجد السرعات الزاوية لهذه الحركات وكذلك تردداتها وسرعاتها الخطية.

حول الشمس

$$T = 365 \text{ day} \times 24 \times 60 \times 60 = 3.15 \times 10^7 \text{ s}$$

$$f = \frac{1}{T} = 31.7 \times 10^{-9} \text{ Hz}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{3.15 \times 10^7} = \text{rad/s}$$

$$v = \omega r$$

حول محورها

$$T = 24 \text{ h} \times 60 \times 60 = 8.64 \times 10^4 \text{ s}$$

$$f = \frac{1}{T} = 1.16 \times 10^{-5} \text{ Hz}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{8.64 \times 10^4} = \text{rad/s}$$

$$v = \omega r \cos \theta$$

$\omega$  rad/s  $s^{-1}$   $f$  Hz  $s^{-1}$

$$\omega = 2\pi f$$

يدور قرص بتردد  $(1.3s^{-1})$  . ما السرعة الزاوية للقرص ؟

$$\omega = 2\pi \times 1.3 = \text{rad/s}$$

2.4 rad/s ☐

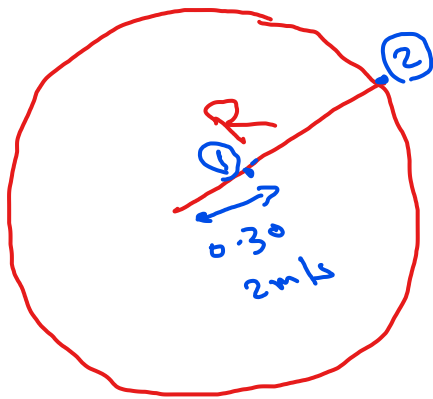
4.7 rad/s ☐

8.2 rad/s ☐

7.4 rad/s ☐

$$R = 55 \text{ cm} = 0.55 \text{ m}$$

دراجة سباق قطر إطارها  $(110 \text{ cm})$  يدور الإطار بسرعة زاوية ثابتة . نقطة تقع على الإطار على بعد  $(0.30 \text{ m})$  من مركز الإطار تبلغ سرعتها  $(2.0 \text{ m/s})$  . احسب السرعة الخطية لنقطة تقع على حافة الإطار الخارجي .



$\omega$  ثابتة

$$\omega = \frac{v_1}{r_1} = \frac{v_2}{r_2}$$

$$\frac{2}{0.30} = \frac{v_2}{0.55}$$

0.687 m/s ☐

2.33 m/s ☐

1.57 m/s ☐

3.67 m/s ☐

$$v_2 = \frac{2 \times 0.55}{0.30} = 3.67 \text{ m/s}$$

ما مقدار السرعة الزاوية لعقرب الدقائق ؟

$$\frac{\pi \text{ rad}}{7200 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{3600 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{1800 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{60 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{30 \text{ s}}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{60 \times 60} = \frac{\pi}{1800} \text{ rad/s}$$

ما مقدار السرعة الزاوية لعقرب الثواني ؟

$$\frac{\pi \text{ rad}}{7200 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{3600 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{1800 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{60 \text{ s}}$$

$$\frac{\pi \text{ rad}}{30 \text{ s}}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{60} = \frac{\pi}{30} \text{ rad/s}$$

عصر الساعات

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{12 \text{ h} \times 60 \times 60} = \frac{\pi}{2.16 \times 10^4} \text{ rad/s}$$



$$V = ?$$

$\theta$

إذا كان خط العرض لمدينة يبلغ  $(60^\circ)$  فما سرعة الدوران المحوري لها . علماً بأن نصف قطر الأرض عند خط الاستواء يُساوي  $(6380 \text{ km})$ .

$$\omega = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 60} \text{ rad/s}$$

$$232 \text{ m/s} \quad \boxed{\quad}$$

$$0.398 \text{ m/s} \quad \boxed{\quad}$$

$$V = \omega R \cos \theta$$

$$464 \text{ m/s} \quad \boxed{\quad}$$

$$V = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 60} \times 6380 \times 10^3 \cos 60^\circ =$$

$$564 \text{ m/s} \quad \boxed{\quad}$$

$\text{m/s}$

في الشكل المقابل : كم تكون الإزاحة الكلية للجسم عند الزمن  $t$  إذا بدأ حركته من السكون؟

$\omega \text{ (rad/s)}$

$$\alpha = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

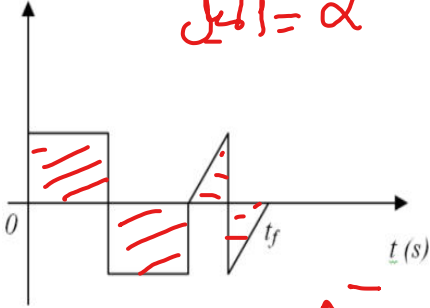
$$\Delta \theta = \text{المساحة المحيطة بالخط}$$

صفر ☒

مع عقارب الساعة ☐

عكس عقارب الساعة ☐

لا يمكن تحديدها ☐



تدور مروحة سقف عكس عقارب الساعة عند النظر إليها من أسفل .

إذا كانت المروحة في حالة تباطؤ ما اتجاه السرعة الزاوية والعجلة الزاوية للمروحة ؟

السرعة الزاوية لأسفل والعجلة الزاوية لأعلى . ☒

السرعة الزاوية لأسفل والعجلة الزاوية للأسفل . ☒

السرعة الزاوية لأعلى والعجلة الزاوية لأعلى . ☒

السرعة الزاوية لليمين والعجلة الزاوية لليساار . ☒

$$\omega = + \text{لأسفل} +$$

$$\alpha = - \text{لأعلى}$$

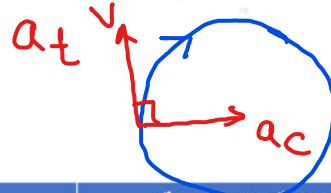
Relate the instantaneous magnitude of angular acceleration,  $\alpha$ , to the time derivative of angular speed and angular position as  $\alpha = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2}$ .

Apply the equation for the magnitude of centripetal acceleration,  $a_c = v\omega = r\omega^2 = \frac{v^2}{r}$ .

$$a_c = v\omega = r\omega^2 = \frac{v^2}{r}$$

أي جسم يدور

$\omega = -\alpha$   $\omega = +\alpha$   
 $\omega = +\alpha$   $\omega = -\alpha$   
مباطو سارع



وجه المقارنة	العجلة الخطية (المماسية) $a_t$	العجلة الزاوية $\alpha$	العجلة المركزية $a_c$
المنشأ	تنشأ من تغير من مقدار السرعة الخطية	تنشأ من تغير السرعة الزاوية	تنشأ من تغير اتجاه السرعة الخطية
الاتجاه	باتجاه المماس	حسب حركة الجسم واتجاه السرعة الزاوية	في اتجاه المركز
المقدار	$a_t = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2} = \alpha \times R$	$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2 \theta}{dt^2} = \frac{a_t}{R}$	$a_c = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R = v\omega$
يمكن تطبيق معادلات الحركة			
وحدة القياس	$m/s^2$	$rad/s^2$	$m/s^2$

إذا اردت توليد عجلة مركزية بمقدار 840,000 مثل عجلة الجاذبية الارضية في عينة تدور على بُعد 23.5 cm من محور دوران جهاز الطرد المركزي فائق السرعة، فما التردد الذي يتعين عليك إدخاله إلى عناصر التحكم؟ ما السرعة الخطية التي تتحرك بها العينة بعد ذلك؟

$$a_c = 840000 \times 9.8 \text{ m/s}^2$$

$$R = 0.235 \text{ m}$$

$$f = ?$$

$$v = ?$$

إطار نصف قطره (35 cm) يدور بسرعة زاوية (2.5 rad/s). ما العجلة المركزية لنقطة على حافة الإطار؟

$$R = 35 \text{ cm} = 0.35 \text{ m}$$

$$\omega = 2.5 \text{ rad/s}$$

$$a_c = ?$$

$$a_c = \omega^2 r$$

$$a_c = 2.5^2 \times 0.35$$

= 10

$$0.88 \text{ m/s}^2$$

$$17.9 \text{ m/s}^2$$

$$1.8 \text{ m/s}^2$$

$$2.2 \text{ m/s}^2$$

كرة مثبتة في خيط وتدور في مسار دائري نصف قطره  $r$  . إذا زادت السرعة الخطية للضعف مع ثبات نصف القطر فإن :

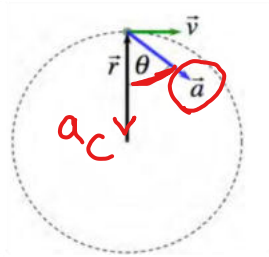
العجلة المركزية ثابتة ☐

تزداد العجلة المركزية للضعف ☐

تزداد العجلة المركزية أربعة أضعاف ☒

تقل العجلة المركزية للنصف ☐

$$4 = \frac{v^2}{R} \Rightarrow a_c = \frac{v^2}{R}$$



في الشكل المقابل إذا علمت أنك :  $\vec{a} = 16 \frac{m}{s^2}$  ,  $\vec{r} = 25.0 \text{ cm}$  ,  $\theta = 20^\circ$  احسب مقدار السرعة الخطية  $\vec{v}$  .  $0.25 \text{ m}$

$$a_c = 16 \cos 20^\circ \text{ m/s}^2$$

$$a_t = 16 \sin 20^\circ \text{ m/s}^2$$

4.01 m/s ☐

2.12 m/s ☐

3.29 m/s ☐

1.94 m/s ☐

$$a_c = \frac{v^2}{R}$$

$$v = \sqrt{a_c R} = \sqrt{16 \cos 20^\circ \times 0.25} \text{ m/s}$$

في الشكل المقابل إذا علمت أن :

(  $\vec{a} = 16 \frac{m}{s^2}$  ,  $\vec{r} = 25.0 \text{ cm}$  ,  $\theta = 20^\circ$  )

احسب مقدار التسارع الزاوي  $\alpha = ?$

1.37 rad/s<sup>2</sup> ☐

3.75 rad/s<sup>2</sup> ☐

21.9 rad/s<sup>2</sup> ☐

60.1 rad/s<sup>2</sup> ☐

$$a_t = \alpha R$$

$$\alpha = \frac{a_t}{R} = \frac{16 \sin 20^\circ}{0.25} = 21.9 \text{ rad/s}^2$$

جسم يتحرك في مسار دائري بحيث تزداد سرعته الخطية . أي الجمل التالية صحيحة ؟

يكون اتجاه سرعته الخطية متعامداً على اتجاه العجلة الخطية . ☐

مقدار العجلة الخطية أكبر من مقدار العجلة المركزية ☐

تتعد العجلة الخطية والعجلة المركزية  $\alpha$  ☐

تكون العجلة الخطية والعجلة المركزية متعامدتان ☒

$$\omega = 0.1 t \rightarrow \alpha = ?$$

$$t = 8 \text{ s}$$

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} \Big|_{t=8} = 0.1 \text{ rad/s}^2$$

$$\omega_i = 0$$

$$r = 0.5 \text{ m}$$

بدأ قرص قطره (1.0 m) الدوران من السكون وكان التسارع الزاوي للقرص يتغير مع الزمن وفق

الدالة ( $\alpha = 0.1 t$ ). ما مقدار السرعة الزاوية للقرص بعد (8.0 s) من بدء الدوران ؟  $\omega_f = ?$

$$3.2 \text{ rad/s}$$

$$6.4 \text{ rad/s}$$

$$17 \text{ rad/s}$$

$$51 \text{ rad/s}$$

$$\Delta \omega = \int_0^8 \alpha dt = \int_0^8 0.1 t dt$$

$$\Delta \omega = 3.20 \text{ rad/s}$$

استقاً  
 $\theta$   
 $\omega$   
 $\alpha$

$$a_c \neq 0$$

يتحرك قطار لعبة بسرعة خطية ثابتة في مسار دائري، أي العبارات الآتية صحيحة ؟

$$\alpha = 0$$

التسارع الزاوي دائماً سالب

التسارع الزاوي دائماً موجب

مقدار التسارع المركزي ثابت لا يتغير

التسارع المركزي صفر

تتحرك كرة مثبتة في نهاية خيط في مسار دائري نصف قطره  $r$  وتسارع مركزي مقداره ( $a$ )، إذا أصبح نصف

قطر المسار ( $2r$ ) وبقيت السرعة الزاوية ثابتة، ماذا يطرأ على مقدار التسارع المركزي للكرة؟

$$a_c = \omega^2 r$$

يقول للنصف

يقول للربع

يزداد للضعف

يزداد أربعة أضعاف

## 11 Centripetal Force

Relate the magnitude of the centripetal force to the centripetal acceleration by applying Newton's Second Law in the radial direction as:  $F_c = ma_c = m\omega^2 r = m \frac{v^2}{r} = m\omega^2 r$

## 12 Centripetal Force

Describe centripetal force as the net inward force (towards the center of the circular path) needed to provide the centripetal acceleration necessary for circular motion.

## القوة المركزية

هي محصلة القوة المؤثرة باتجاه المركز واللازمة لحركة الجسم في مسار دائري

$$\rightarrow F_c = ma_c = m\omega^2 r = \frac{mv^2}{r} = mv\omega$$



وضع درهم على بعد (42 cm) من مركز قرص دائري يدور في مستوى أفقي حول محور مار بؤركه .  
عندما أصبحت السرعة الزاوية (3.7 rad/s) بدأ الدرهم بالانزلاق على القرص نحو مركزه .  
احسب معامل الاحتكاك بين الدرهم و سطح القرص .

$$r = 0.42 \text{ m}$$

$$\omega = 3.7 \text{ rad/s}$$

$$\mu = ?$$

$$F_c = m\omega^2 R$$

$$\cancel{\mu} \cancel{m} g = \cancel{m} \omega^2 R$$

$$\mu = \frac{\omega^2 R}{g} = \frac{3.7^2 \times 0.42}{9.8} =$$

0.32 ☐

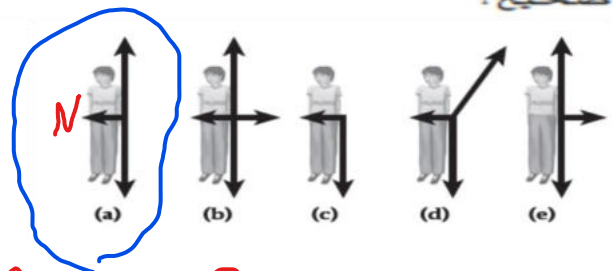
0.59 ☐

0.64 ☐

0.83 ☐



9.11 يوضح الشكل راكبًا مستندًا إلى حائط لعبة ترفيحية في الملاهي دون أن يلمس الأرض. ما الخطط الذي يوضح القوى المؤثرة في الراكب بشكل صحيح؟

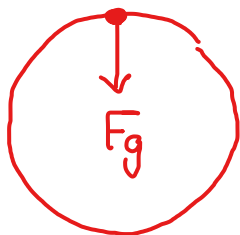


$$N = 0$$

$$v = ?$$

$$R$$

لعبة أفعوانية نصف قطرها (16 m). ما مقدار السرعة الخطية للراكب عند أعلى نقطة كي يشعر بحالة انعدام الوزن؟



$$F_c = \frac{mv^2}{R}$$

$$\cancel{m} g = \frac{\cancel{m} v^2}{R}$$

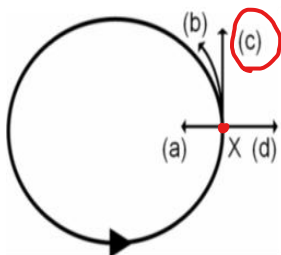
$$v = \sqrt{gR} = \sqrt{9.8 \times 16} = \text{m/s}$$

2.50 m/s ☐

7.0 m/s ☐

3.75 m/s ☐

12.5 m/s ☐



في الشكل المقابل : إذا انعدمت القوة المركزية فإن الجسم يتحرك في اتجاه :

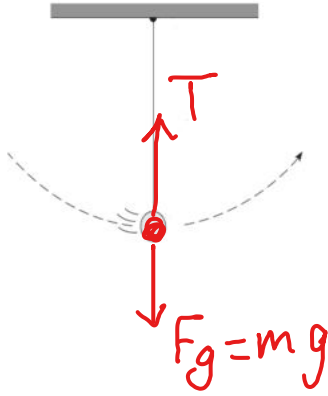
a ☐

b ☐

c ☒

d ☐

بندول كتلته (5 kg) وتبلغ سرعته (3m/s) عند أدنى نقطة له . إذا كان طول الخيط (1m) . احسب قوة الشد المؤثرة في الخيط عند هذه النقطة .



$$F_c = \frac{mv^2}{R}$$

$$T - mg = \frac{mv^2}{R}$$

$$T = \frac{mv^2}{R} + mg = \frac{5 \times 3^2}{1} + 5 \times 9.8 =$$

45 N ☐

94 N ☐

73 N ☐

67 N ☐

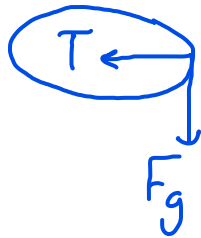
حجر كتلته (5 kg) مثبت في طرف خيط طوله (1m) ويدور في مستوى دائري أفقي . احسب أكبر سرعة يمكن أن يتحرك بها الحجر إذا علمت أن أقصى قوة شد يتحملها الخيط (520 N) .

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$r = 1 \text{ m}$$

$$v = ?$$

$$T = ?$$



$$F_c = \frac{mv^2}{R}$$

$$T = \frac{mv^2}{R}$$

9.5 m/s ☐

4.9 m/s ☐

10.2 m/s ☐

20.2 m/s ☐

$$v = \sqrt{\frac{TR}{m}} = \sqrt{\frac{520 \times 1}{5}} = \text{m/s}$$

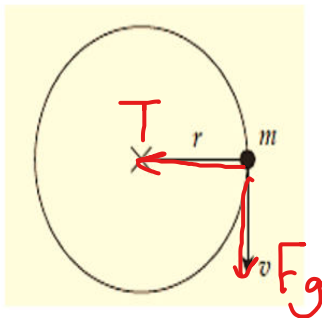
يظهر الشكل جسما كتلته 650 g مربوط في طرف خيط ويدور في مسار دائري رأسي نصف قطره 120 cm . عندما يكون الجسم في الوضع الظاهر في الشكل بحيث تكون سرعته الخطية (6.0 m/s) ، ما مقدار قوة الشد في الخيط؟

13.5N

19.5N

27N

135 N



$$m = 0.650 \text{ kg}$$

$$r = 1.20 \text{ m}$$

$$v = 6 \text{ m/s}$$

$$T = \frac{mv^2}{r} = \frac{0.650 \times 6^2}{1.20} =$$

N

13

## Circular and Linear Motion

Compare the kinematical variables (s, v and a) for linear motion with the kinematical variables ( $\theta$ ,  $\omega$  and  $\alpha$ ) for circular motion.

$$x = r\theta$$

$$v = r\omega$$

$$a = r\alpha$$

14

## Circular and Linear Motion

Show that circular motion with constant angular acceleration is described by kinematic equations in ( $\theta$ ,  $\omega$  and  $\alpha$ ) which are the circular motion equivalents of the kinematical equations for straight-line linear motion with constant acceleration in one dimension in (s, v and a) such that:

معادلات الحركة الدورانية بعجلة ثابتة

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\Delta\theta$$

$$\Delta\theta = \omega_i t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\Delta\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

الكميات الخطية والدورانية

$$v_t = r\omega \quad a_t = r\alpha$$

$$\vec{v} = r\omega\hat{t} \quad \vec{a} = r\alpha\hat{t}$$

$$v = r\omega \quad a = r\alpha$$

$$\vec{v} = r\omega\hat{t} \quad \vec{a} = r\alpha\hat{t}$$

$$\text{rpm} = \text{rev/min}$$

$$\xrightarrow[\text{60}]{\times 2\pi} \text{rad/s}$$

مجفف ملابس يدور بسرعة (75 rpm). إذا قام أحمد بفتح الباب فتوقف عن الدوران بعد قطع أربع دورات. احسب العجلة الزاوية.

$$\omega_i = 75 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\theta$$

$$\omega_f = 0$$

$$\alpha = \frac{\omega_f^2 - \omega_i^2}{2\theta}$$

$$\theta = 4 \text{ rev} = 8\pi \text{ rad}$$

$$\alpha = ?$$

$$\alpha = \frac{0 - \left(75 \times \frac{2\pi}{60}\right)^2}{2 \times 8\pi} = \text{rad/s}^2$$

$$-1.23 \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$-2.75 \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$-3.25 \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$-7.14 \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$\text{rad/s}^2$$

دراجة سباق قطر إطارها (110 cm) يدور الإطار بسرعة زاوية ثابتة. نقطة تقع على الإطار على بعد (0.30 m) من مركز الإطار تبلغ سرعتها (2.0 m/s). احسب السرعة الخطية لنقطة تقع على حافة الإطار الخارجي.

$$r_1 = 0.55 \text{ m} \quad v_1 = ?$$

$$0.687 \text{ m/s} \quad \square$$

$$2.33 \text{ m/s} \quad \square$$

$$r_2 = 0.30 \text{ m} \quad v_2 = 2.0 \text{ m/s}$$

$$1.57 \text{ m/s} \quad \square$$

$$3.67 \text{ m/s} \quad \square$$

$$\omega_1 = \omega_2$$

$$\frac{v_1}{r_1} = \frac{v_2}{r_2}$$

$$\frac{v_1}{0.55} = \frac{2}{0.30}$$

$$v_1 = \text{m/s}$$

جهاز فصل مركزي يدور بمعدل (5400 rpm) وعندما تم فصله عن الكهرباء دار (دورة 100) قبل التوقف تماماً .

$$\omega_i = 5400 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\theta = 100 \text{ rev} = 200\pi \text{ rad}$$

$$\omega_f = 0$$

$$\alpha = ?$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\theta$$

$$\alpha = \frac{\omega_f^2 - \omega_i^2}{2\theta}$$

$$= \text{rad/s}^2$$

احسب العجلة الزاوية .

$$-60.0\pi \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$-81.0\pi \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$+60.0\pi \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

$$+81.0\pi \text{ rad/s}^2 \quad \square$$

في سباق دراجات نارية تتسارع بشكل منتظم من السكون حتى تصل إلى سرعة (280 km/h) خلال (39 s). إذا علمت أن قطر إطار الدراجة (64 cm). احسب العجلة الزاوية لكل إطار .

$$v_i = 0 \quad \omega_i = 0$$

$$v = 280 \times \frac{10^3}{3600} = 77.8 \text{ m/s}$$

$$t = 39 \text{ s}$$

$$r = 0.32 \text{ m}$$

$$\omega_f = \frac{v_f}{r} = \frac{77.8}{0.32} = 243.1 \text{ rad/s}$$

$$\alpha = \frac{\omega_f - \omega_i}{t}$$

$$\alpha = \frac{243.1 - 0}{39} = 6.23 \text{ rad/s}^2$$

جهاز فصل مركزي يبدأ حركته من السكون حتى يصل إلى سرعة (3800 rpm). احسب الزمن اللازم لإكمال

$$\omega_i = 0$$

$$\omega_f = 3800 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$t = ?$$

$$\theta = 86 \text{ rev} = 172\pi \text{ rad}$$

$$\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

$$172\pi = \frac{1}{2}(0 + 3800 \times \frac{2\pi}{60})t$$

$$t = \text{ s}$$

$$0.0423 \text{ s} \quad \square$$

$$2.72 \text{ s} \quad \square$$

$$1.36 \text{ s} \quad \square$$

$$3.14 \text{ s} \quad \square$$

تبدأ حدافة المحرك البخاري في الدوران من السكون بعجلة زاوية ثابتة مقدارها  $\alpha = 1.43 \text{ rad/s}^2$ . لمدة  $t = 25.9 \text{ s}$  ثم تستكمل الدوران بسرعة زاوية ثابتة.  $\omega$ . بعد دوران الحدافة لمدة 59.5 s. ما القيمة الكلية للزاوية التي دارتها الحدافة منذ بدء دوراتها؟

$$\omega_i = 0 \quad \textcircled{1}$$

$$\alpha = 1.43 \text{ rad/s}^2$$

$$t_1 = 25.9 \text{ s}$$

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t$$

$$= 37 \text{ rad/s}$$

$$\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

$$\theta = \frac{1}{2} \times (0 + 37) \times 25.9$$

$$\theta_1 = \text{ rad}$$

$$\textcircled{2}$$

$$\omega = 37 \text{ rad/s}$$

$$t_2 = 59.5 - 25.9$$

$$= 33.6 \text{ s}$$

$$\theta = \omega t$$

$$= 37 \times 33.6 \text{ s}$$

$$= \text{ rad}$$



$$\theta = \text{ rad}$$

$$\theta = \left(\frac{1}{2} \times 25.9 \times 37\right)$$

$$+ (33.6 \times 37) \text{ rad}$$

$$\theta_{\text{tot}} = \theta_1 + \theta_2 =$$

$$\text{ rad}$$



Recall that the centripetal force can be provided by different forces (frictional force, tension, gravitational force...)

Apply Newton's laws of motion and/or energy conservation principles to analyze circular motion in a vertical or horizontal plane (motion in vertical loop of an amusement park ride, rotating cylinder, moving through a leveled or banked curve,...).

Recall that the centripetal force can be provided by different forces (frictional force, tension, gravitational force...)

## سباق ناسكار

## مسألة محلولة 9.4

$$F_f = \mu N$$

عندما يسير متسابق مشارك في سباق ناسكار في منحنى مائل، يساعد هذا الميل السائق في تحقيق سرعات أعلى، لتر كيف يكون ذلك. يوضح الشكل 9.25 سباق سيارات على منحنى مائل.

## المسألة

إذا كان معامل الاحتكاك السكوني بين سطح المضمار وإطارات السيارة هو  $\mu_s = 0.620$  ونصف قطر المنحنى  $R = 110 \text{ m}$ ، فما أقصى سرعة يمكن للسائق التحرك بها على منحنى مائل بزاوية  $\theta = 21.1^\circ$ ؟ (هذه زاوية مائلة نموذجية إلى حد ما لمضامير ناسكار. لكن الميل في إنديانابوليس  $9^\circ$  فقط، لكن توجد بعض المضامير التي لها زوايا ميل تزيد عن  $30^\circ$ ، ومنها دايتونا  $(31^\circ)$  وتلاديجا  $(33^\circ)$  وبرستل  $(36^\circ)$ .)

$$F_f \cos \theta + N \sin \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$\mu N \cos \theta + N \sin \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$\textcircled{1} \leftarrow N (\mu \cos \theta + \sin \theta) = \frac{mv^2}{R}$$

$$F_{\text{net } y} = 0$$

$$N \cos \theta - F_f \sin \theta - mg = 0$$

$$\textcircled{2} \leftarrow N (\cos \theta - \mu \sin \theta) = mg$$

$$\frac{\mu \cos \theta + \sin \theta}{\cos \theta - \mu \sin \theta} = \frac{v^2}{Rg}$$

$$\frac{0.620 \cos 21.1 + \sin 21.1}{\cos 21.1 - 0.620 \sin 21.1} = \frac{v^2}{110 \times 9.8}$$

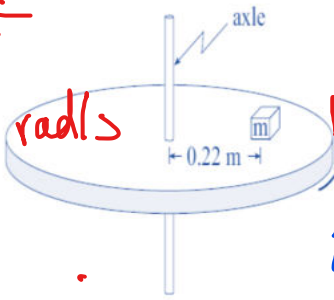
$$v = \quad \text{m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{v^2}{Rg} \rightarrow \text{بدون احتكاك}$$

في الشكل المقابل : إذا علمت أن الكتلة  $m$  تبعد عن محور الدوران مسافة  $(0.22\text{ m})$  وتدور دورة واحدة كل  $(0.74\text{ s})$  إذا كانت قوة الاحتكاك بين الكتلة  $m$  والسطح تساوي  $(13\text{ N})$ . احسب مقدار الكتلة  $m$ .

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{0.74} \text{ rad/s}$$



$$F_f = 13\text{ N}$$

$$F_f = F_c = m\omega^2 R$$

$$13 = m \times \left( \frac{2\pi}{0.74} \right)^2 \times 0.22$$

$$m = \text{kg}$$

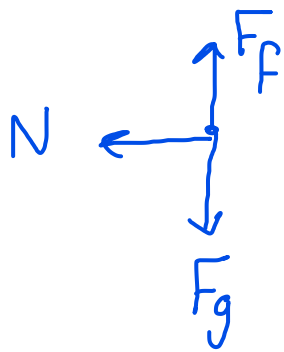
$$0.82\text{ kg} \quad \square$$

$$1.3\text{ kg} \quad \square$$

$$2.7\text{ kg} \quad \square$$

$$5.7\text{ kg} \quad \square$$

في لعبة الأسطوانة الدوارة في الملاهي إذا علمت أن نصف قطر الأسطوانة  $(2.10\text{ m})$  ومعامل الاحتكاك السكوني بين الأشخاص وجدار الأسطوانة  $(0.390)$ . فما الحد الأدنى من السرعة الزاوية التي يمكن سحب الأرضية عندها؟



$$N = F_c = m\omega^2 r$$

$$\frac{mg}{\mu} = m\omega^2 r$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{\mu r}} = \sqrt{\frac{9.8}{0.390 \times 2.10}} = \text{rad/s}$$

$$6.0\text{ rad/s} \quad \square$$

$$4.5\text{ rad/s} \quad \square$$

$$3.5\text{ rad/s} \quad \square$$

$$2.0\text{ rad/s} \quad \square$$

$$F_f = mg$$

$$\mu N = mg$$

$$N = \frac{mg}{\mu}$$

منحنى على شارع للسيارات نصف قطره  $(200\text{ m})$  والسرعة عليه محددة بمقدار  $(16\text{ m/s})$ . ما مقدار معامل الاحتكاك بين إطارات السيارة والشارع لكي تجتاز السيارة المنحنى بالسرعة المحددة؟

$$0.72$$

$$0.51$$

$$0.26$$

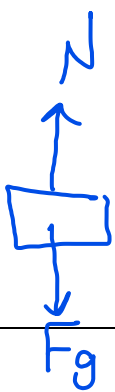
$$0.13$$

$$F_f = F_c = \frac{mv^2}{R}$$

$$\mu mg = \frac{mv^2}{R}$$

$$\mu = \frac{v^2}{gR}$$

$$\mu = \frac{16^2}{9.8 \times 200} =$$



ما أقصى سرعة لسيارة تدور على طريق منحدر يميل بزاوية  $(31^\circ)$  ونصف قطر اللفة  $(301m)$  بإهمال الاحتكاك بين إطارات السيارة والطريق  $V=?$

$$13 \text{ m/s}$$

$$39 \text{ m/s}$$

$$42 \text{ m/s}$$

$$50 \text{ m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{v^2}{Rg}$$

$$v = \sqrt{Rg \tan \theta}$$

$$v = \sqrt{301 \times 9.8 \tan(31)} = 42 \text{ m/s}$$

17

Kinetic Energy of Rotation

Calculate the rotational kinetic energy of a point particle, or several point particles, rotating about a fixed axis of rotation by applying the expression for the rotational kinetic energy in terms of the rotational inertia and angular speed ( $K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n m_i r_i^2 \omega_i^2 = \frac{1}{2} I \omega^2$ ).

18

Kinetic Energy of Rotation

Identify that moment of inertia of a point particle or a group of several point particles depends only on the mass of the individual particles and their distances to the axis of rotation, and express it in equation form ( $I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2$ ).

$$K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I \omega^2$$

$$I = cmR^2$$

$$I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2$$

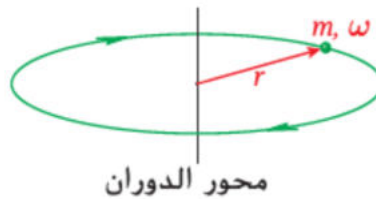
**الطاقة الحركية**

**دورانية**

$$K = \frac{1}{2} I \omega^2$$

**خطية**

$$K = \frac{1}{2} mv^2$$



$$K_{\text{tot}} = \frac{1}{2} mv^2 + \frac{1}{2} (cmR^2) \left(\frac{v}{R}\right)^2 = \frac{1}{2} mv^2 (1 + c)$$

كلما زاد  $c$  ← تزداد الطاقة الحركية الكلية

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$m$  $R = 0.15m$  $C = \frac{2}{5}$ 

تتدحرج كرة صلبة مصمتة نصف قطرها (15cm) وكتلتها (25kg) على ممر أملس  
بسرعة (6.0m/s) ✓

احسب مقدار الطاقة الحركية الكلية للكرة. (علماً بأن عزم القصور الذاتي لها  $\frac{2}{5} mR^2$ )

$$K_{tot} = \frac{1}{2} m v^2 (1 + C) = \frac{1}{2} \times 25 \times 6^2 \left(1 + \frac{2}{5}\right)$$

$$= \underline{\underline{J}}$$

كرة صلبة  $C = \frac{2}{5} = 0.4$

أسطوانة صلبة  $C = \frac{1}{2} = 0.5$

أسطوانة جوفاء  $C = 1$

$$\uparrow K = \frac{1}{2} m v^2 (1 + \uparrow C)$$

## 10.2 مراجعة المفاهيم

جسم كروي صلب وأسطوانة صلبة وأسطوانة جوفاء متماثلة من حيث الكتلة ونصف القطر وتتدحرج بالسرعة نفسها. ما العبارة الصحيحة مما يلي؟

(a) الجسم الكروي الصلب به أعلى طاقة حركية.

(b) الأسطوانة الصلبة بها أعلى طاقة حركية.

(c) الأسطوانة الجوفاء بها أعلى طاقة حركية. (م circled)

(d) جميع الأجسام الثلاثة لها طاقة حركية ماثلة.

19

Calculation of Moment of Inertia

Determine the moment of inertia of extended objects like the hoop, solid uniform cylinder, uniform sphere, long uniform rod, rectangular plate, or others by applying suitable mathematical equations.

20

Calculation of Moment of Inertia

Determine the moment of inertia of extended objects like the hoop, solid uniform cylinder, uniform sphere, long uniform rod, rectangular plate, or others by applying suitable mathematical equations.

**عزم القصور الذاتي I : مقاومة الجسم للتغير في حالته الحركية الدورانية**

الكتلة

$$I = c m R^2$$

الكثافة

$$I = \frac{M}{V} \int_V r_{\perp}^2 dV \quad (\text{للكثافة الكتلية الثابتة, } \rho)$$

$$I = \rho \int_V r_{\perp}^2 dV \quad (\text{للكثافة الكتلية الثابتة, } \rho)$$

➤ يعتمد عزم القصور الذاتي على :

كتلة الجسم - مربع البعد عن محور الدوران - الشكل الهندسي للجسم

➤ للجسم الصلب الذي لا يدور مثل الصندوق أو المكعب :  $c = 0$



15 - بحسب عزم القصور الذاتي لدوران جسم صلب متجانس ( له كثافة كتلية ثابتة ) حول محور دوران من المعادلة

$$[I = \frac{x}{V} \int_V r_{\perp}^2 dV]$$

حيث  $r_{\perp}$  البعد العمودي لمحور الدوران و  $V$  حجم الجسم . ما الكمية الفيزيائية الذي يمثلها الرمز  $x$  في المعادلة ؟

☐ كمية الحركة الزاوية للجسم

☐ كثافة مادة الجسم

☐ عزم الدوران

☒ كتلة الجسم

$$R \quad C=1$$

$$m_1 \quad m_2$$

يجلس ولدان كتلة كلاً منهما ( 60 kg , 45 kg ) على نقاط مختلفة من حافة قرص يدور وله نصف قطر مقداره ( 4.0 m ) .

احسب عزم القصور الذاتي للولدين .

$$0.420 \times 10^3 \text{ kg.m}^2$$

$$1.00 \times 10^3 \text{ kg.m}^2$$

$$1.68 \times 10^3 \text{ kg.m}^2$$

$$2.12 \times 10^3 \text{ kg.m}^2$$

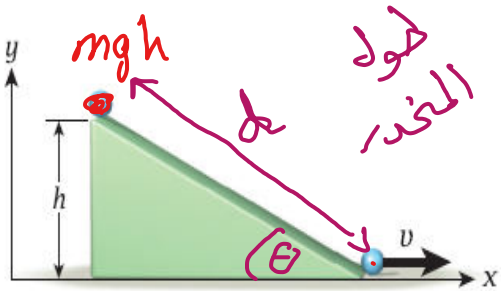
$$I = C m R^2 = 1 \times (60 + 45) \times 4^2 = \quad \text{kg.m}^2$$

21

Rolling without Slipping

Describe that rolling motion without slipping can be considered as a combination of pure translation and pure rotation.

$$h = d \sin \theta$$



$$\frac{1}{2} m v^2 (1 + C)$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{1 + C}}$$

كلما زاد الثابت  $C$  ← يقل مقدار السرعة فيأخر وصول الجسم

كلما قل الثابت  $C$  ← يزداد مقدار السرعة و يصل الجسم أسرع

$$C = \frac{2}{5}$$

10.9 جسم كروي صلب يتدحرج دون انزلاق على مستوى مائل، ويبدأ من حالة السكون. في الوقت نفسه، يبدأ صندوق من حالة السكون على الارتفاع نفسه وينزلق على المستوى المائل نفسه، مع احتكاك ضئيل. ما الجسم الذي سيصل إلى القاع أولاً؟

(a) سيصل الجسم الكروي الصلب أولاً.

(b) سيصل الصندوق أولاً.

(c) كلاهما سيصل في الوقت نفسه.

(d) من المستحيل تحديد ذلك.

$$0.4 \quad 0.5$$

$$\frac{2}{5} \quad \frac{1}{2} \quad 1$$

12- ثلاثة أجسام صلبة، حلقة دائرية و قرص و كرة مصمتة، تبدأ مع التدحرج دون انزلاق على سطح منحدر؟ أي الأجسام الثلاثة يصل أولاً نهاية المنحدر؟

☒ الكرة المصمتة

☐ الحلقة الدائرية

☐ جميع الأجسام تصل معاً

☐ القرص

m

$$C = \frac{2}{3} = 0.7 \quad C = \frac{2}{5} = 0.4$$

10.41- تبدأ كرة صلبة وكرة جوفاء، كتلة كل منهما 1.00 kg ونصف قطرها 0.100 m. من السكون وتتدحرجان في منحدر طوله 3.00 m بميل 35.0°. ينزلق مكعب ثلج له كتلة مماثلة دون احتكاك إلى أسفل المنحدر نفسه.

(a) ما الكرة التي ستصل إلى القاع أولاً؟ اشرح! كرة صلبة

(b) هل يتحرك مكعب الثلج أسرع أم أبطأ من الكرة الصلبة في المستوى المائل؟ اشرح استنتاجك.

(c) ما سرعة الكرة الصلبة في أسفل المستوى المائل؟

$$h = 3 \sin 35$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{1+C}}$$

$$v = \sqrt{\frac{2 \times 9.8 (3 \sin 35)}{1 + \frac{2}{5}}} =$$

m/s

$$C = \frac{1}{2}$$

أسطوانة صلبة كتلتها  $m$  ونصف قطرها  $r$  وطولها  $L$  بدأت الحركة من السكون وتدحرجت دون انزلاق على سطح مائل ارتفاعه  $h$ .

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{1+C}} = \sqrt{\frac{2gh}{1+\frac{1}{2}}}$$

ما سرعتها الخطية عند أسفل المنحدر ؟

$$\sqrt{gh}$$

$$\sqrt{\frac{4gh}{3}}$$

$$\sqrt{2gh}$$

$$\sqrt{\frac{3gh}{2}}$$

22 Torque

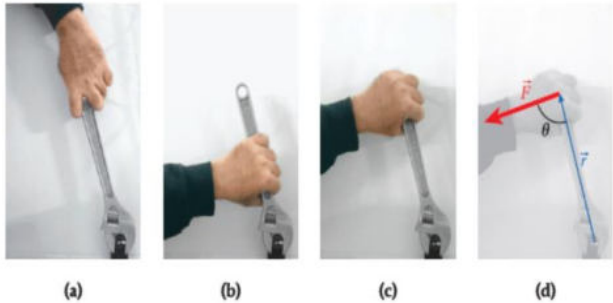
→ Use the right-hand rule to determine the direction of a torque vector.



23 Torque

→ Identify that torque is a vector quantity, measured in the SI units of Nm.

عزم الدوران  $\tau$  N.m

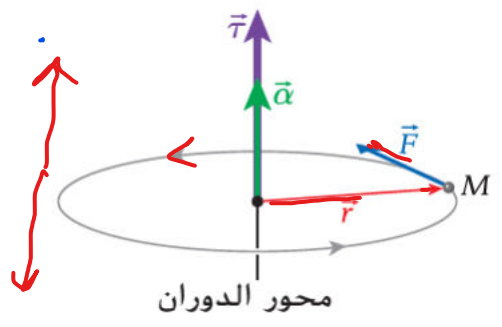


نتاج الضرب الاتجاهي لمتجه الموقع في متجه القوة

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = r F \sin\theta$$

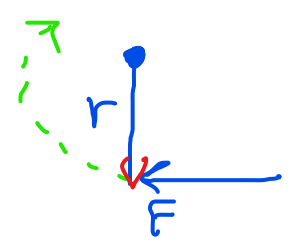
$$\tau \perp r \perp F$$



دوران عكس عقارب الساعة  $\tau = +$   
دوران مع عقارب الساعة  $\tau = -$

قاعدة أصابع اليد اليمنى

الايهام  $\tau$   $\downarrow$   $\tau$   $\downarrow$   $\tau$   
اليد اليمنى  $\tau$   $\downarrow$   $\tau$   $\downarrow$   $\tau$   
الرجل  $\tau$   $\downarrow$   $\tau$   $\downarrow$   $\tau$

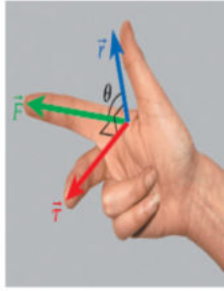
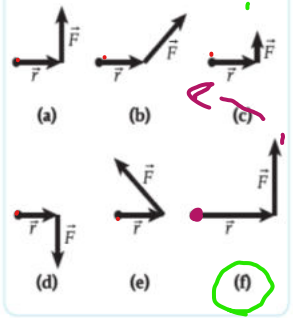


مع عقارب الساعة  $\tau = -$  داخل الصفحة

$$\tau = r F \sin \theta$$

#### 10.4 مراجعة المفاهيم

اختر مذبذبا من متجه الموقع  $\vec{r}$ ، ومتجه القوة  $\vec{F}$  ينتج عزم الدوران لأعلى مقدار حول النقطة التي تشير إليها النقطة السوداء.



يدور على حطاب  
الساعة  
 $\tau = +$   
خارج الصفحة

إذا أثرت قوة يتحدد مقدارها من المعادلة :  $(\vec{F} = 3.0\hat{x} + 2.0\hat{y} - 1.0\hat{z})$  في جسم عند نقطة يتحدد متجه الموقع لها من العلاقة  $(\vec{r} = 2.0\hat{x} + 1.0\hat{y} + 3.0\hat{z})$  . احسب عزم الدوران المؤثر في الجسم -7

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ 2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & -1 \end{vmatrix}$$

$$+ (1 \times -1 - 2 \times 3) \hat{x} - (2 \times -1 - 3 \times 3) \hat{y} + (2 \times 2 - 1 \times 3) \hat{z}$$

$$\vec{\tau} = -7 \hat{x} + 11 \hat{y} + \hat{z} \text{ N.m}$$

$$\tau = \sqrt{7^2 + 11^2 + 1^2} = \text{N.m}$$

24

Newton's Second Law for Rotation

Apply Newton's second law for rotation which relates the net torque on a body to the body's rotational inertia and rotational acceleration, all calculated relative to a specified rotation axis  $(\tau = I\alpha ; \vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}_{\text{net}} = I\vec{\alpha})$ .

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

25

Newton's Second Law for Rotation

Solve problems related to Newton's second law for rotation.

طرد مع  $\tau$   
عكس مع  $I$

### قانون نيوتن الثاني

حلافة عكسية

#### الحركة الدورانية

$$a = \alpha R$$

$$\alpha = \frac{a}{R}$$

#### الحركة الانتقالية

$$F_{\text{net}} = ma$$

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$\alpha = \frac{\omega_f - \omega_i}{t}$$

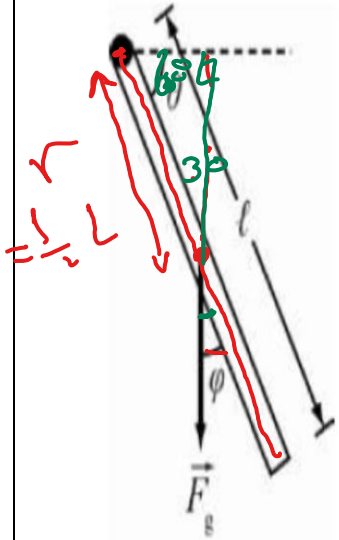
$$\tau = r F \sin \theta \quad I = cm R^2$$

لما زاد عزم القصور الذاتي ← يقل التسارع الزاوي



10.50 ساق رفيع منتظم (الطول = 1.00 m، الكتلة = 2.00 kg) يدور على محور حول قطعة خشبية أفقية عديمة الاحتكاك بأحد طرفيه. وعزم القصور الذاتي للساق خلال هذا المحور هو  $\frac{1}{3}mL^2$ . يُطلق الساق عندما يكون  $60.0^\circ$  أسفل المستوى الأفقي. ما العجلة الزاوية للساق لحظة إطلاقه؟

$$\alpha = ?$$



$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$r F \sin \theta = \frac{1}{3} m L^2 \alpha$$

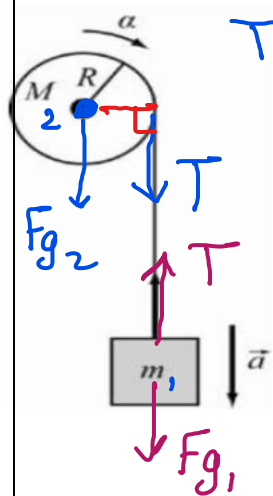
$$\frac{1}{2} L m g \sin \theta = \frac{1}{3} m L^2 \alpha$$

$$\frac{1}{2} \times 1 \times 2 \times 9.8 \sin 30 = \frac{1}{3} \times 2 \times 1^2 \alpha$$

$$\alpha = \text{rad/s}^2$$

$$m_1 g - T = m_1 a$$

$$T = m_1 g - m_1 a$$



10.55 عجلة بها  $C = \frac{4}{9}$  وكتلتها 40.0 kg ونصف قطر إطارها 30.0 cm ومثبتة بشكل رأسي على محور أفقي. وتعلق كتلة قدرها 2.00 kg من العجلة باستخدام حبل ملفوف حول الإطار. أوجد العجلة الزاوية للعجلة عند تحرير الكتلة.

حظة

$$C = \frac{4}{9} \quad m_2 = 40 \text{ kg} \quad R = 0.30 \text{ m} \\ m_1 = 2 \text{ kg} \quad \alpha = ?$$

$$a = \alpha R$$

$$r F \sin \theta$$

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$R T \sin 90 = \frac{4}{9} m_2 R^2 \alpha$$

$$T = \frac{4}{9} m_2 R \alpha$$

$$F_{\text{net}} = 0$$

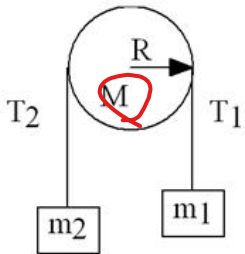
$$T - m_1 g = -m_1 a$$

$$T = -m_1 a + m_1 g$$

$$T = -m_1 \alpha R + m_1 g$$

$$\frac{4}{9} m_2 R \alpha = -m_1 \alpha R + m_1 g \quad \alpha = 3.3 \text{ rad/s}^2$$

$$\frac{4}{9} \times 40 \times 0.30 \times \alpha = -2 \times \alpha \times 0.30 + 2 \times 9.8$$



كثلتان معلقتان بقرص عديم الاحتكاك نصف قطره  $R$  وكثلته  $M$  كما بالشكل المقابل .

$$\alpha = 0$$

إذا كانت السرعة الزاوية للقرص ثابتة وتساوي  $2 \text{ rad/s}$  عكس عقارب الساعة.

$$a = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2 + \frac{1}{2}M} g$$

$$\tau_{\text{net}} = 0$$

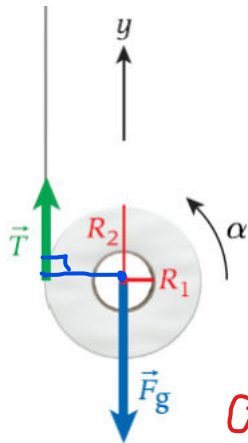
أي العبارات التالية صحيحة ؟

$$T_2 > m_2 g$$

$$T_1 > T_2$$

$$\tau_{\text{net}} = 0$$

$$T_1 m_1 + T_2 m_2 = Mg$$



### ورق المرحاض

### مثال 10.3

قد يحدث معك الموقف التالي: نحاول أن نضع لفة جديدة من ورق المرحاض داخل حاملها. ولكن تسقط منك اللفة، وتتمكن من الإمساك بالورقة الأولى فقط. وفي طريقها إلى الأرضية، تنفك لفة ورق المرحاض، كما يوضح الشكل 10.19a.

#### المسألة

كم من الوقت تستغرق لفة ورق المرحاض للاصطدام بالأرض، إذا سقطت من ارتفاع  $0.73 \text{ m}$ ؟ اللفة نصف قطرها الداخلي  $R_1 = 2.7 \text{ cm}$ ، ونصف قطرها الخارجي  $R_2 = 6.1 \text{ cm}$  وكثلتها  $274 \text{ g}$ .

$$a = ?$$

$$t = ?$$

$$\Delta y = 0.73 \text{ m}$$

$$v_i = 0$$

$$R_1 = 0.027 \text{ m}$$

$$R_2 = 0.061 \text{ m}$$

$$m = 0.274 \text{ kg}$$

$$r F \sin \theta$$

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$R_2 T = \frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2}$$

$$T = \frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2^2}$$

$$\begin{cases} F_{\text{net}} = ma \\ T - mg = -ma \\ T = mg - ma \end{cases}$$

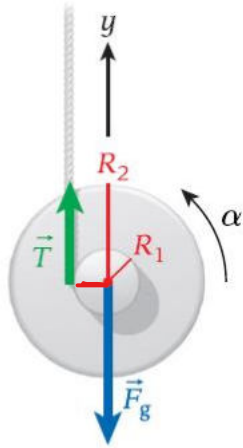
$$\frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2^2} = mg - ma$$

$$\frac{1}{2} \times 0.274 (0.027^2 + 0.061^2) \times \frac{a}{0.061^2} = 0.274 (9.8 - a)$$

$$a = 6.14 \text{ m/s}^2$$



(a)



(b)

إذا علمت أن :  $R_2 = 5 R_1$

احسب التسارع الخطي لليويو .

$$\begin{aligned} \tau_{\text{net}} &= I \alpha \\ T R_1 &= \frac{1}{2} m R_2^2 \frac{a}{R_1} \\ T &= \frac{1}{2} m R_2^2 \frac{a}{R_1^2} \end{aligned} \quad \left\{ \begin{aligned} F_{\text{net}} &= m a \\ T - m g &= -m a \\ T &= m g - m a \end{aligned} \right.$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m \frac{R_2^2}{R_1^2} a &= m g - m a \\ \frac{1}{2} \left( \frac{5}{1} \right)^2 a &= 9.8 - a \end{aligned}$$

$$a = \dots \text{ m/s}^2$$

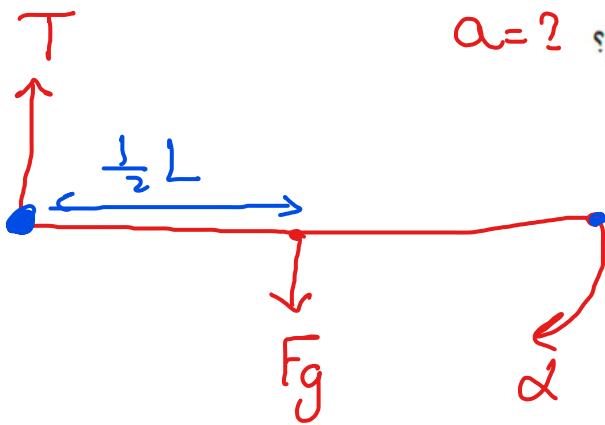
### سقوط ساق أفقي

### مسألة محلولة 10.3

ساق رفيع طوله  $L = 2.50 \text{ m}$  وكتلته  $m = 3.50 \text{ kg}$  يتدلى أفقياً بواسطة زوج الحبال العمودية المربوطة بالطرفين (الشكل 10.22). بعد ذلك، يُقطع الحبل الذي يدعم الطرف B .

### المسألة

ما العجلة الخطية للطرف B في الساق بعد قطع الحبل؟  $a = ?$



$$\begin{aligned} \tau_{\text{net}} &= I \alpha \\ m g \frac{1}{2} L &= \frac{1}{3} m L^2 \frac{a}{L} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{2} g = \frac{1}{3} a$$

$$a = \frac{3}{2} g =$$

$$\text{m/s}^2$$