

مراجعة هيكل الفيزياء للصف الحادي عشر متقدم

1 Center of Mass and Center of Gravity

Define the center of mass as the point at which all the mass of an object appears to be concentrated.

2 Center of Mass and Center of Gravity

Locate the center of mass of an extended, symmetric object of uniform mass distribution by using the symmetry.

مركز الكتلة النقطة التي تتركز فيها كتلة الجسم

يقع مركز كتلة الجسم المنظم (الكتافة الكتالية للجسم ثابتة) في المنتصف تماماً

قد يقع مركز كتلة الجسم خارج الجسم مثل الخاتم أو الهلال

مركز الكتلة المشترك لجسمين

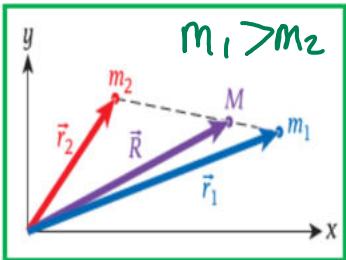
متجه موقع مركز الكتلة هو متوسط متجهات مواقع الأجسام مضروبة في كتلتها

$$\vec{R} = \frac{\vec{r}_1 m_1 + \vec{r}_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$Y = \frac{y_1 m_1 + y_2 m_2}{m_1 + m_2}$$

$$Z = \frac{z_1 m_1 + z_2 m_2}{m_1 + m_2}$$



يقع مركز الكتلة لهما في منتصف المسافة بين مركزي كتلة الجسمين

جسمان متساويان في الكتلة

يقع مركز الكتلة لهما أقرب إلى الكتلة الأكبر

جسمان مختلفان في الكتلة

$$X = \frac{1}{M} \sum x_i m_i$$

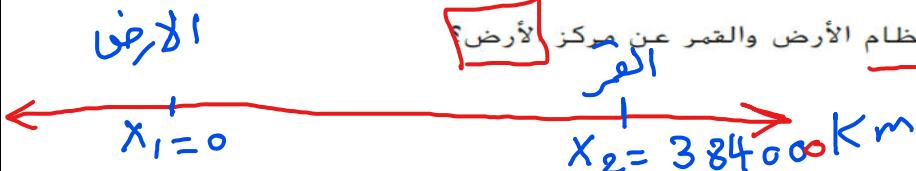
مركز كتلة الأرض والقمر

مسألة محلولة 8.1

تبلغ كتلة الأرض $5.97 \times 10^{24} \text{ kg}$ وكتلة القمر $7.36 \times 10^{22} \text{ kg}$. ويدور القمر حول الأرض على مسافة تبعد 384,000 km أي أن مركز القمر يبعد مسافة مقدارها 384,000 km عن مركز الأرض. كما هو موضح في الشكل 8.3a

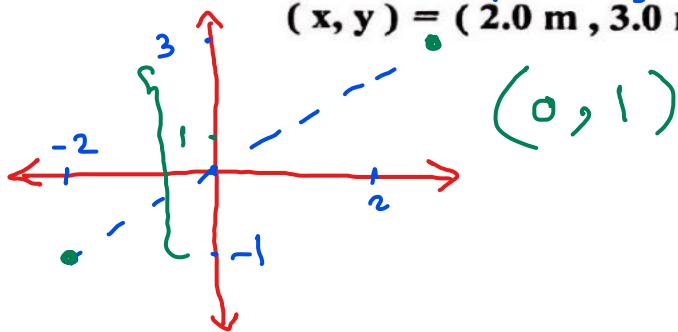
المأسأة

ما المسافة التي يبعدها مركز كتلة نظام الأرض والقمر عن مركز الأرض



$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2} = \frac{0 + 384,000 \times 7.36 \times 10^{22}}{5.97 \times 10^{24} + 7.36 \times 10^{22}} =$$

وضع سلك رفيع ومستقيم منتظم الكثافة في المستوى (x, y) ويقع طرفا السلك عند النقطتين $(x, y) = (2.0 \text{ m}, 3.0 \text{ m})$ و $(x, y) = (-2.0 \text{ m}, -1.0 \text{ m})$.
أين يقع مركز كتلة السلك ؟



- $(x, y) = (0 \text{ m}, 0 \text{ m})$
- $(x, y) = (0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$
- $(x, y) = (1.0 \text{ m}, 0 \text{ m})$
- $(x, y) = (1.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$

$$m_1 = m_2 = 1$$

$$x_1 = -2 \quad y_1 = -1$$

$$x_2 = 2 \quad y_2 = 3$$

$$x_1 \quad y_1$$

$$x_2 \quad y_2$$

$$X = \frac{-2 \times 1 + 2 \times 1}{1 + 1} = 0$$

$$Y = \frac{-1 \times 1 + 3 \times 1}{1 + 1} = 1$$

يتكون نظام من جسمين : الجسم الأول $(m_1 = 4.0 \text{ kg})$ ويقع عند $(-4.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$.
والجسم الثاني $(m_2 = 5.0 \text{ kg})$ ويقع عند $(2.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$.

ما مقدار مركبة X لمركز كتلة النظام ؟

$$-1.0 \text{ m} \quad \boxed{-0.67 \text{ m}} \quad -2.0 \text{ m} \quad -1.3 \text{ m}$$

$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2}{m_1 + m_2} = \frac{-4 \times 4 + 2 \times 5}{4 + 5} = \frac{6}{9} \text{ m}$$

يتكون نظام من جسمين : الجسم الأول $(m_1 = 4.0 \text{ kg})$ ويقع عند $(-4.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$.
والجسم الثاني $(m_2 = 5.0 \text{ kg})$ ويقع عند $(2.0 \text{ m}, 1.0 \text{ m})$.

ما مقدار متجه الموضع لمركز كتلة النظام ؟

$$0.92 \text{ m} \quad \boxed{1.2 \text{ m}} \quad 2.9 \text{ m} \quad 3.6 \text{ m}$$

$$\rightarrow X = -0.67$$

$$(x, y) = (-0.67 \text{ m}, 1 \text{ m})$$

$$Y = \frac{1 \times 4 + 1 \times 5}{4 + 5} = 1 \quad \vec{r} = -0.67 \hat{x} + 1 \hat{y}$$

$$|\vec{r}| = \sqrt{0.67^2 + 1^2} = 1.2 \text{ m}$$

مراجعة المفاهيم 8.1

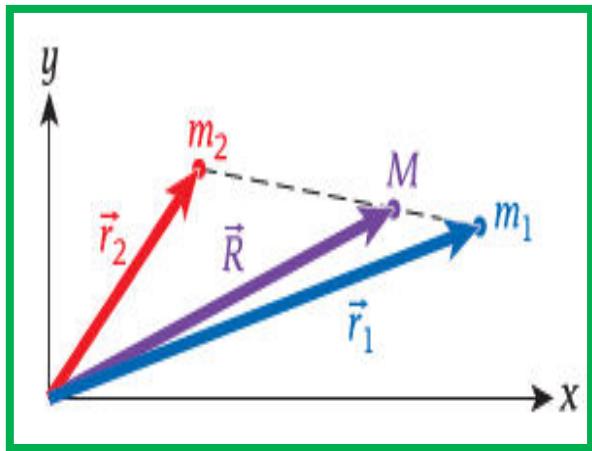
في الحالة الموضحة في الشكل 8.2. ما
المقادير النسبية للكتلتين m_2 و m_1 ؟

$$m_1 < m_2 \quad (a)$$

$$m_1 > m_2 \quad (b)$$

$$m_1 = m_2 \quad (c)$$

(d) لا يمكن تحديد أي الكتلتين أكبر استناداً
إلى المعلومات المتوفرة في الشكل فقط.



8.31 يقف بلهوانات صغار في وضع سكون على منصة أفقية دائرية مرتكزة على حامل عند نقطة منتصفها. لذا من المفترض أن تقع نقطة الأصل للنظام الإحداثي الديكارتي ثالثي الأبعاد عند منتصف المنصة. ويقف بلهوان كتلته 40.0 kg عند (4.00 m, 3.00 m). بينما يقف بلهوان آخر كتلته 30.0 kg عند (-2.00 m, -2.00 m). بافتراض أن البلهوانات يقفون في وضع سكون في مواضعهم. فأين يجب أن يقف بلهوان كتلته 20.0 kg بحيث يكون مركز كتلة النظام المكون من البلهوانات الثلاثة عند نقطة الأصل وتكون المنصة متوازنة؟

$$m_1 = 30 \text{ kg} \quad x_1 = 4 \text{ m} \quad y_1 = 3 \text{ m}$$

$$x = 0$$

$$m_2 = 40 \text{ kg} \quad x_2 = -2 \text{ m} \quad y_2 = -2 \text{ m}$$

$$y = 0$$

$$m_3 = 20 \text{ kg} \quad x_3 = ? \quad y_3 = ?$$

$$X = \frac{x_1 m_1 + x_2 m_2 + x_3 m_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$0 = \frac{4 \times 30 + -2 \times 40 + 20 X_3}{30 + 40 + 20}$$

$$X_3 = -2 \text{ m}$$

$$0 = \frac{3 \times 30 + -2 \times 40 + 20 Y_3}{30 + 40 + 20}$$

$$Y_3 = -0.5 \text{ m}$$

الإحداثيات

القطبية

(r, θ)

$r = \sqrt{x^2 + y^2}$

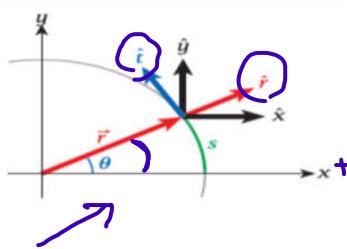
$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{y}{x} \right)$

الديكارتية

(x, y)

$x = r \cos \theta$

$y = r \sin \theta$

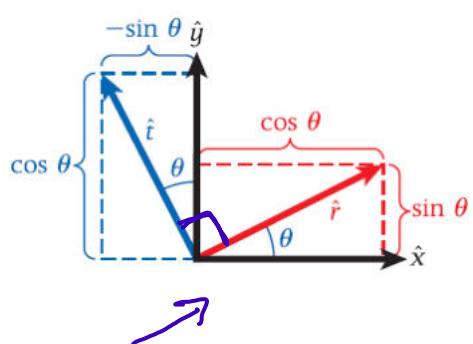


متجه الوحدة القطري:

$\hat{r} = \cos \theta \hat{x} + \sin \theta \hat{y} = (\cos \theta, \sin \theta)$

متجه الوحدة المماسي:

$\hat{t} = -\sin \theta \hat{x} + \cos \theta \hat{y} = (-\sin \theta, \cos \theta)$



$r = 10 \text{ m}$

$\theta = 180^\circ - 37^\circ = 143^\circ$

$= \pi - 0.64 = 2.5 \text{ rad}$

1- نقطة موقعها بالإحداثيات الديكارتية $(x, y) = (8.0, 6.0) \text{ m}$. ما موقع هذه النقطة بالإحداثيات القطبية؟

$r = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \text{ m}$

$(r, \theta) = (10 \text{ m}, 0.64 \text{ rad})$

$(r, \theta) = (10 \text{ m}, 0.46 \text{ rad})$

$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{6}{8} \right) = 37^\circ = 0.64 \text{ rad}$ $(r, \theta) = (5.0 \text{ m}, 0.64 \text{ rad})$

$(r, \theta) = (5.0 \text{ m}, 0.46 \text{ rad})$

$37 \times \frac{\pi}{180} = \text{rad}$

5

Angular Coordinates and Angular Displacement

$$\theta \xrightarrow{\text{rad}} \xrightarrow{\text{rev}} \xrightarrow{\text{deg}}$$

$$\theta = \frac{s}{R}$$

Describe circular motion using polar coordinates, where the distance to the origin, r , of the object in motion stays constant and the angle varies as a function of time, $\theta(t)$.
Solve problems related to angular coordinates and angular displacement

Angular Coordinates and Angular

6

Displacement

Relate the arc length (s), to the radius (r) of the circular path and the angle (θ), measured in radians, by .

الإزاحة

زاوية

$$x = r\theta$$

خطية

الإزاحة الزاوية θ تمقس

الإزاحة الخطية x تمقس بالمتر

$$1 \text{ rev} = 2\pi \text{ rad} = 360^\circ$$

$$\text{rev} \xrightarrow{\times 2\pi} \text{rad}$$

s

$$\text{deg} \xrightarrow{\times \frac{\pi}{180}} \text{rad}$$

$$5 \text{ rev} = \dots \text{ rad} \quad 5 \times 2\pi = 10\pi \text{ rad}$$

$$60^\circ = \dots \text{ rad} \quad 60 \times \frac{\pi}{180} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

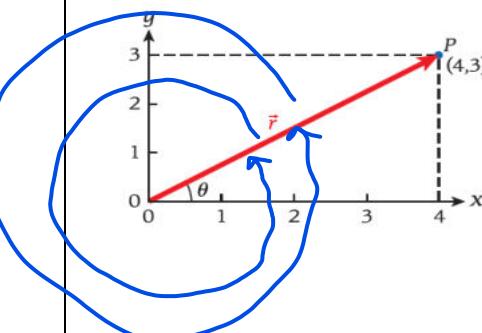
تحديد موقع نقطة باستخدام الإحداثيات
الديكارتية والقطبية

مثال 9.1

نقطة موقعها محدد بالإحداثيات الديكارتية (4,3). كما هو موضح في الشكل 9.5.

$$(r, \theta) = (5, 0.64 \text{ rad})$$

المسألة
كيف يمكننا تمثيل موقع هذه النقطة بالإحداثيات القطبية؟



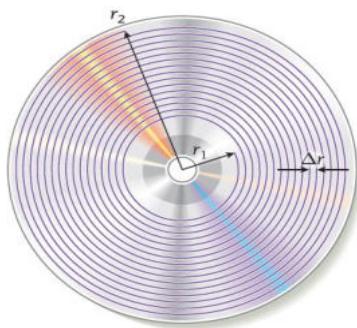
$$r = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \text{ m}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right) = 0.64 \text{ rad} = 37^\circ$$

مسار على القرص المضغوط

مثال 9.2

في الشكل 9.5 مثل مسار على القرص المضغوط. وهو مسار حلزوني يبدأ بنصف قطر داخلي $r_1 = 25 \text{ mm} \times 10^{-3}$ وينتهي بنصف قطر خارجي $r_2 = 58 \text{ mm} \times 10^{-3}$. والتبعاد بين الحلقات المتتالية للمسار ثابتة، $\Delta r = 1.6 \mu\text{m} \times 10^{-6}$



$$\bar{r} = \frac{25 + 58}{2} = 41.5 \text{ mm} \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$n = \frac{r_2 - r_1}{\Delta r} = \frac{(58 - 25) \times 10^{-3}}{1.6 \times 10^{-6}} = 20625$$

$$L = n \cdot 2\pi \bar{r}$$

$$= 20625 \times 2\pi (41.5 \times 10^{-3}) =$$

عجلة رياضية يبلغ قطر إطارها 110 cm . إذا دارت العجلة 30 دورة.

ما مقدار المسافة التي قطعتها نقطة على حافة الإطار؟

54.0 m 86.2 m 90.3 m 104 m

$$\Theta = 30 \text{ REV} = 30 \times 2\pi$$

$$S = ? \quad = 60\pi \text{ rad}$$

$$S = R \Theta_{\text{rad}}$$

$$= 0.55 \times 60\pi =$$

تقع مدينة عند 51.0° شمالاً. ما المسافة التي تتحركها على سطح الأرض من المدينة حتى تصل خط الاستواء؟

R (علماء بأن نصف قطر الأرض 6370 km)

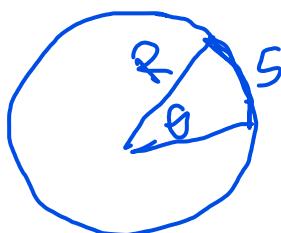
3310 km 4340 km 5490 km 5670 km

$$\Theta = 51^\circ \times \frac{\pi}{180}$$

$$S = R \Theta_{\text{rad}}$$

$$S = ?$$

$$S = 6370 \times 51 \times \frac{\pi}{180} =$$



$$\rightarrow S = \theta R$$

$$\rightarrow V = \omega R$$

7

Angular Velocity, Angular Frequency, and Period

Relate the instantaneous value of the magnitude of the angular velocity (or the instantaneous angular speed), ω , to the time derivative of the angular position as

$$\omega = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

Relate the magnitudes of linear (tangential) and angular velocities for circular motion as $v = r\omega$, and explain that this relation does not hold for tangential and angular velocity vectors

Angular Velocity, Angular Frequency, and Period

8

Relate the average magnitude of angular velocity $\bar{\omega}$ (or average angular speed) to the angular displacement ($\Delta\theta$) and the time interval for that displacement (Δt) as

$$\bar{\omega} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$$

السرعة

$$v_t = r \omega \hat{t}$$

خطية



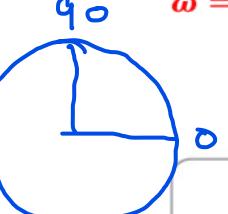
السرعة الزاوية ω تمقاس rad/s

السرعة الخطية v_t تمقاس m/s

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{r}$$

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

$$v_t = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{d x}{dt} = r \omega$$



الشكل 9.8 قاعدة اليد اليمنى الجديدة

دوران على خطاب لـ $\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$
مع حقارب لـ $\omega = -$

الدوران المداري للأرض والدوران المخوري لها

مثال 9.3

المسألة

تدور الأرض حول الشمس وكذلك تدور حول محورها الذي يمتد من القطب إلى القطب. أوجد السرعات الزاوية لهذه الحركات وكذلك تردداتها وسرعاتها الخطية.

حول الشمس

$$T = 365 \text{ day} \times 24 \times 60 \times 60 \\ = 3.15 \times 10^7 \text{ s}$$

$$F = \frac{1}{T} = 31.7 \times 10^{-9} \text{ Hz} \text{ s}^{-1}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{3.15 \times 10^7} = \text{rad/s}$$

$$V = \omega r$$

حول محورها

$$T = 24 \text{ h} \times 60 \times 60 \\ = 8.64 \times 10^4 \text{ s}$$

$$F = \frac{1}{T} = 1.16 \times 10^{-5} \text{ Hz}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{8.64 \times 10^4} = \text{rad/s}$$

$$V = \omega r \cos \theta$$

ω rad/s s⁻¹ f Hz s⁻¹

يدور قرص بتردد (1.3 s⁻¹). ما السرعة الزاوية للقرص ؟

$$\omega = 2\pi f$$

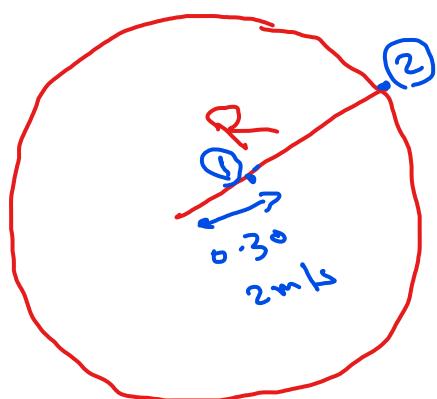
$$\omega = 2\pi \times 1.3 =$$

$$\text{rad/s}$$

- | | |
|-----------|--------------------------|
| 2.4 rad/s | <input type="checkbox"/> |
| 4.7 rad/s | <input type="checkbox"/> |
| 8.2 rad/s | <input type="checkbox"/> |
| 7.4 rad/s | <input type="checkbox"/> |

$$R = 55 \text{ cm} = 0.55 \text{ m}$$

درجة سباق قطر إطاراتها (110 cm) يدور الإطار بسرعة زاوية ثابتة. نقطة تقع على الإطار على بعد (0.30 m) من مركز الإطار تبلغ سرعتها (2.0 m/s). احسب السرعة الخطية لنقطة تقع على حافة الإطار الخارجي.



ثابتة ω

$$\omega = \frac{v_1}{r_1} = \frac{v_2}{r_2}$$

$$\frac{2}{0.30} = \frac{v_2}{0.55}$$

$$0.687 \text{ m/s}$$

$$2.33 \text{ m/s}$$

$$1.57 \text{ m/s}$$

$$3.67 \text{ m/s}$$

$$v_2 = \frac{2 \times 0.55}{0.30} = \text{m/s}$$

ما مقدار السرعة الزاوية لعمري الدقائق ؟

$$\frac{\pi}{7200} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{3600} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{1800} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{30} \text{ rad/s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{60 \times 60} = \frac{\pi}{1800} \text{ rad/s}$$

ما مقدار السرعة الزاوية لعمري الثواني ؟

$$\frac{\pi}{7200} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{3600} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{1800} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\frac{\pi}{30} \text{ rad/s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{60} = \frac{\pi}{30} \text{ rad/s}$$

عمر العات

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{12 \text{ h} \times 60 \times 60} = \frac{\pi}{2.16 \times 10^4} \text{ rad/s}$$

$$V = ?$$

$$\theta$$

إذا كان خط العرض لمدينة يبلغ (60°) فما سرعة الدوران المحوري لها . علماً بأن نصف قطر الأرض عند خط الاستواء يساوي (6380 km) .

$$\omega = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 60} \approx$$

$$\text{rad/s}$$

$$232 \text{ m/s}$$

$$0.398 \text{ m/s}$$

$$464 \text{ m/s}$$

$$564 \text{ m/s}$$

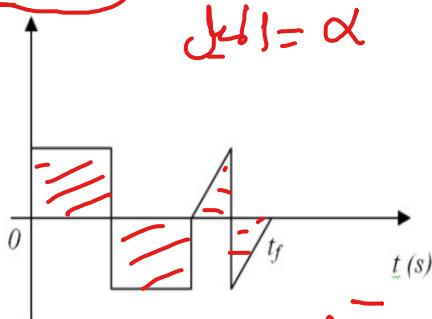
$$\text{m/s}$$

$$V = \omega R \cos \theta$$

$$V = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 60} \times 6380 \times 10^3 \cos 60^\circ =$$

في الشكل المقابل : كم تكون الإزاحة الكلية للجسم عند الزمن t إذا بدأ حركته من السكون؟

$$\omega (\text{rad/s})$$



$$\Delta \theta = \text{المساحة المكتنفة}$$

صفر

مع عقارب الساعة

عكس عقارب الساعة

لا يمكن تحديدها

$$\omega = + \text{ لأسفل}$$

$$\alpha = - \text{ لأسفل}$$

تدور مروحة سقف عقارب الساعة عند النظر إليها من أسفل .

إذا كانت المروحة في حالة تطابق ما اتجاه السرعة الزاوية والعجلة الزاوية للمروحة ؟

السرعة الزاوية لأسفل والعجلة الزاوية لأعلى .

السرعة الزاوية لأسفل والعجلة الزاوية للأعلى .

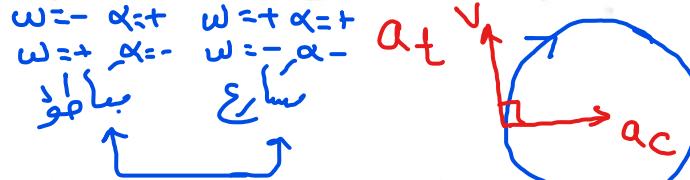
السرعة الزاوية لأعلى والعجلة الزاوية لأعلى .

السرعة الزاوية لليمين والعجلة الزاوية لليسار .

Relate the instantaneous magnitude of angular acceleration, α , to the time derivative of angular speed and angular position as $\alpha = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\theta}{dt^2}$.

Angular and Centripetal
Acceleration

Apply the equation for the magnitude of centripetal acceleration, $a_c = v\omega = r\omega^2 = \frac{v^2}{r}$.



العجلة المركزية	العجلة الزاوية	العجلة الخطية (المماسية)	وجه المقارنة
a_c	α	a_t	
تنشأ من تغير اتجاه السرعة الخطية	تنشأ من تغير السرعة الزاوية	تنشأ من تغير من مقدار السرعة الخطية	المنشأ
في اتجاه المركز	حسب حركة الجسم واتجاه السرعة الزاوية	باتجاه المماس	الاتجاه
$a_c = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R$ $= v\omega$	$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\theta}{dt} = \frac{a_t}{R}$	$a_t = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt} = \alpha \times R$	المقدار
	يمكن تطبيق معادلات الحركة		
m/s^2	rad/s^2	m/s^2	وحدة القياس

اذا اردت توليد عجلة مركزيه بقدر 840,000 مثل عجلة الجاذبية الارضية في عينة تدور على بعد 23.5 cm من محور دواران جهاز الطرد المركزي فائق السرعة، فما التردد الذي يتعين عليك إدخاله إلى عناصر التحكم؟

ما السرعة الخطية التي تتحرك بها العينة بعد ذلك؟

$$a_c = 840000 \times 9.8 \text{ m/s}^2$$

$$R = 0.235 \text{ m}$$

$$f = ?$$

إطار نصف قطره (2.5 rad/s) يدور بسرعة زاوية (35 cm). ما العجلة المركزية لنقطة على حافة الإطار؟

$$a_c = \omega^2 R \quad \omega = \sqrt{\frac{a_c}{R}} = 5.92 \times 10^3 \text{ rad/s}$$

$$v = \omega R = 5.92 \times 10^3 \times 0.235 = 1380 \text{ m/s}$$

$$f = \omega/2\pi = 5.92 \times 10^3 / 2\pi = 950 \text{ Hz}$$

$$R = 35 \text{ cm} = 0.35 \text{ m}$$

$$\omega = 2.5 \text{ rad/s}$$

$$a_c = ?$$

$$a_c = \omega^2 r$$

$$a_c = 2.5^2 \times 0.35 = 10 \text{ m/s}^2$$

$$0.88 \text{ m/s}^2$$

$$17.9 \text{ m/s}^2$$

$$1.8 \text{ m/s}^2$$

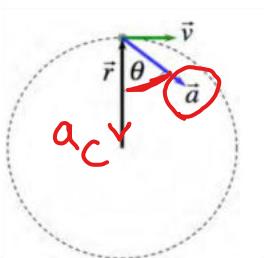
$$2.2 \text{ m/s}^2$$

2 ✓

كرة مثبتة في خيط وتدور في مسار دائري نصف قطره r . إذا زادت السرعة الخطية للضعف مع ثبات نصف القطر فإن :

$$4 = \frac{2}{2} \uparrow \quad a_c = \frac{\sqrt{2}}{R}$$

- العجلة المركزية ثابتة
 - تزداد العجلة المركزية للضعف
 - تزداد العجلة المركزية أربعة أضعاف
 - تقل العجلة المركزية للنصف



$$a_c = \frac{v^2}{R}$$

$$a_c = 16 \cos 2^\circ \text{ m/s}^2$$

$$a_t = 16 \sin 2^\circ \text{ m/s}^2$$

$$a_t = 16 \sin 2^\circ \text{ m/s}^2$$

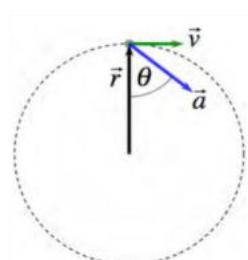
$$(\vec{a} = 16 \frac{m}{s^2}, \vec{r} = 25.0 \text{ cm}, \theta = 20^\circ)$$

0.25m

- 4.01 m/s

2.12 m/s

3.29 m/s



$$at = \alpha R$$

$$\alpha = \frac{a_t}{R} = \frac{16 \sin 20}{0.25} =$$

$$3.75 \text{ rad/s}^2$$

$$rad/s^2$$

$$1.9 \text{ rad/s}^2$$

$$60.1 \text{ rad/s}^2$$

جسم يتحرك في مسار دائري بحيث تزداد سرعته الخطية . أي الجمل التالية صحيحة ؟

يكون اتجاه سرعته الخطية متعامداً على اتجاه العجلة الخطية.

مقدار العجلة الخطية أكبر من مقدار العجلة المركزية

٦- تَنْدَمُ الْعَجْلَةُ الْخَطِيْةُ وَالْعَجْلَةُ الْمَرْكَزِيَّةُ

تكون العجلة الخطية والعجلة المركزية متعامدتان

$$\omega = 0.1t \rightarrow \alpha = ?$$

$$t = 8 \text{ s}$$

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} \Big|_{t=8} \stackrel{11}{=} 0.1 \text{ rad/s}^2$$

$$\omega_i = 0 \quad r = 0.5 \text{ m}$$

بدأ قرص قطره 1.0 m الدوران من السكون وكان التسارع الزاوي للقرص يتغير مع الزمن وفق الدالة $\omega_f = ?$. ما مقدار السرعة الزاوية للقرص بعد 8.0 s من بدء الدوران؟ $\alpha = 0.1 \text{ rad/s}^2$

3.2 rad/s

6.4 rad/s

17 rad/s

51 rad/s

$$\Delta\omega = \int_0^8 \alpha \, dt = \int_0^8 0.1t \, dt$$

$$\Delta\omega = 3.20 \text{ rad/s}$$

$a_c \neq 0$

يتحرك قطار لعبة بسرعة خطية ثابتة في مسار دائري، أي العبارات الآتية صحيحة؟

التسارع الزاوي دائماً سالب

$a_c = 0$

التسارع الزاوي دائماً موجب

مقدار التسارع المركزي ثابت لا يتغير

التسارع المركزي صفر

تتحرك كرة مثبتة في نهاية خيط في مسار دائري نصف قطره r وبتسارع مركزي مقداره (a) ، إذا أصبح نصف

قطر المسار $(2r)$ وبقيت السرعة الزاوية ثابتة، ماذا يطرأ على مقدار التسارع المركزي للكرة؟

يقل للنصف

يزداد للضعف

يقل للربع

يزداد أربعة أضعاف

11

Centripetal Force

Relate the magnitude of the centripetal force to the centripetal acceleration by applying Newton's Second Law in the radial direction as: $F_c = ma_c = m\omega^2 r = m\frac{v^2}{r} = m\omega^2 r$

12

Centripetal Force

Describe centripetal force as the net inward force (towards the center of the circular path) needed to provide the centripetal acceleration necessary for circular motion.

القوة المركبة

هي محصلة القوة المؤثرة باتجاه المركز واللازمة لحركة الجسم في مسار دائري

$$\rightarrow F_c = ma_c = m\omega^2 r = \frac{mv^2}{r} = mv\omega$$

وضع درهم على بعد (42 cm) من مركز قرص دائري يدور في مستوى أفقى حول محور مار بعده
عندما أصبحت السرعة الزاوية (3.7 rad/s) بدأ الدرهم بالانزلاق على القرص نحو مركزه.
احسب معامل الاحتكاك بين الدرهم وسطح القرص.

$$r = 0.42 \text{ m}$$

$$\omega = 3.7 \text{ rad/s}$$

$$\mu = ?$$

$$F_f$$

$$F_c = m\omega^2 R$$

$$\mu mg = m\omega^2 R$$

$$\mu = \frac{\omega^2 R}{g} = \frac{3.7^2 \times 0.42}{9.8} =$$

0.32

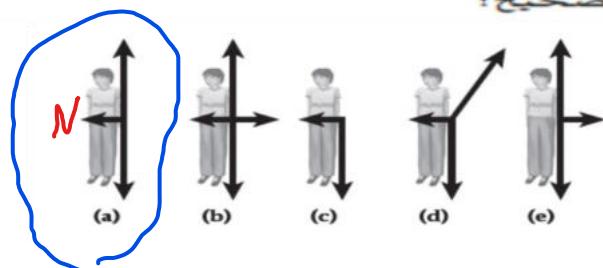
0.59

0.64

0.83



9.11 يوضح الشكل راكبًا مستندًا إلى حائط لعبة ترفيهية في الملاهي دون أن يلمس الأرض. ما الخطأ الذي يوضح القوى المؤثرة في الراكب بشكل صحيح؟

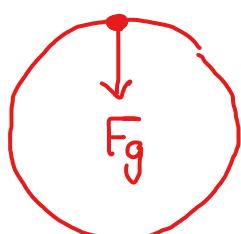


$$N = 0$$

$$V = ?$$

$$R$$

لعبة أفعوانية نصف قطرها (16 m). ما مقدار السرعة الخطية للراكب عند أعلى نقطة كي يشعر بحالة انعدام الوزن؟



$$F_c = \frac{mV^2}{R}$$

$$mg = \frac{mV^2}{R}$$

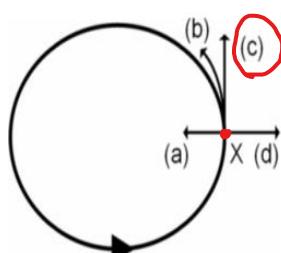
$$V = \sqrt{gR} = \sqrt{9.8 \times 16} = m/s$$

2.50 m/s

7.0 m/s

3.75 m/s

12.5 m/s



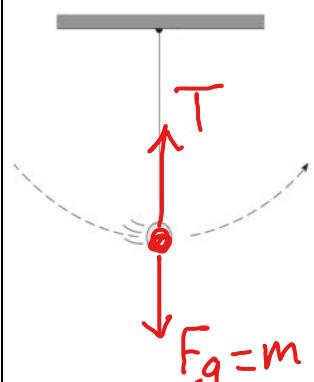
في الشكل المقابل: إذا انعدمت القوة المركزية فإن الجسم يتحرك في اتجاه:

➡

- a
- b
- c
- d

T $L = r$

بندول كتلته 5 kg وتبعد سرعته 3 m/s عن أدنى نقطة له. إذا كان طول الخيط 1 m . احسب قوة الشد المؤثرة في الخيط عند هذه النقطة.



$$F_C = \frac{mv^2}{r}$$

$$T - mg = \frac{mv^2}{r}$$

$$T = \frac{mv^2}{r} + mg = \frac{5 \times 3^2}{1} + 5 \times 9.8 =$$

- 45 N
- 94 N
- 73 N
- 67 N

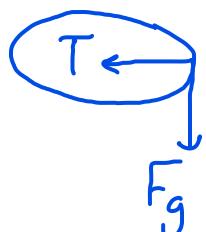
حجر كتلته 5 kg مثبت في طرف خيط طوله 1 m ويدور في مستوى دائري أفقي احسب أكبر سرعة يمكن أن يتحرك بها الحجر إذا علمت أن أقصى قوة شد يتحملها الخيط 520 N .

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$r = 1 \text{ m}$$

$$v = ?$$

$$T = ?$$



$$F_C = \frac{mv^2}{r}$$

$$T = \frac{mv^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{TR}{m}} = \sqrt{\frac{520 \times 1}{5}} = \text{m/s}$$

- 9.5 m/s
- 4.9 m/s
- 10.2 m/s
- 20.2 m/s

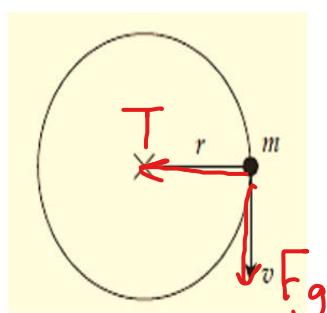
يظهر الشكل جسمًا كتلته 650 g مربوط في طرف خيط ويدور في مسار دائري رأسي نصف قطره 120 cm عندما يكون الجسم في الوضع الظاهر في الشكل بحيث تكون سرعته الخطية (6.0 m/s) . ما مقدار قوة الشد في الخيط؟

$$13.5 \text{ N}$$

$$19.5 \text{ N}$$

$$27 \text{ N}$$

$$135 \text{ N}$$



$$m = 0.650 \text{ kg}$$

$$r = 1.20 \text{ m}$$

$$v = 6 \text{ m/s}$$

$$T = \frac{mv^2}{r} = \frac{0.650 \times 6^2}{1.20} = \text{N}$$

$$X = r\theta$$

$$V = r\omega$$

$$a = r\alpha$$

13 Circular and Linear Motion

Compare the kinematical variables (s, v and a) for linear motion with the kinematical variables (θ, ω and α) for circular motion.

$$\theta \rightarrow \text{rad}$$

$$\omega \rightarrow \text{rad/s}$$

$$\alpha \rightarrow \text{rad/s}^2$$

14 Circular and Linear Motion

$$m \leftarrow X$$

$$\text{m/s} \leftarrow V$$

$$\text{m/s}^2 \leftarrow a$$

Show that circular motion with constant angular acceleration is described by kinematic equations in (θ, ω and α) which are the circular motion equivalents of the kinematical equations for straight-line linear motion with constant acceleration in one dimension in (s, v and a) such that:

معادلات الحركة الدورانية بعجلة ثابتة

$$\omega_f = \omega_i + at$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\Delta\theta$$

$$\Delta\theta = \omega_i t + \frac{1}{2}\alpha t^2$$

$$\Delta\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

الكميات الخطية والدورانية

$$v_t = r\omega \quad a_t = r\alpha$$

$$\vec{v} = r\omega \hat{t} \quad \vec{a} = r\alpha \hat{t}$$

$$v = r\omega \quad a = r\alpha$$

$$\vec{v} = r\omega \hat{t} \quad a = r\alpha \hat{t}$$

$$\text{rpm} = \text{rev/min} \xrightarrow{\frac{\pi \times 2\pi}{60}} \text{rad/s}$$

مجف ملابس يدور بسرعة (75 rpm). إذا قام أحمد بفتح الباب فتوقف عن الدوران بعد قطع أربع دورات. احسب العجلة الزاوية.

$$\omega_i = 75 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s} \quad \omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\theta$$

$$\omega_f = 0$$

$$\theta = 4 \text{ rev} = 8\pi \text{ rad}$$

$$\alpha = ?$$

$$\alpha = \frac{\omega_f^2 - \omega_i^2}{2\theta}$$

$$\alpha = \frac{0 - (75 \times \frac{2\pi}{60})^2}{2 \times 8\pi} = \text{rad/s}^2$$

$$-1.23 \text{ rad/s}^2$$

$$-2.75 \text{ rad/s}^2$$

$$-3.25 \text{ rad/s}^2$$

$$-7.14 \text{ rad/s}^2$$

درجة سباق قطر إطارها (110 cm) يدور الإطار بسرعة زاوية ثابتة. نقطة تقع على الإطار على بعد (0.30 m) من مركز الإطار تبلغ سرعتها (2.0 m/s). احسب السرعة الخطية لنقطة تقع على حافة الإطار الخارجي.

$$r_1 = 0.55 \text{ m} \quad v_1 = ?$$

$$0.687 \text{ m/s}$$

$$2.33 \text{ m/s}$$

$$r_2 = 0.30 \text{ m} \quad v_2 = 2.0 \text{ m/s}$$

$$1.57 \text{ m/s}$$

$$3.67 \text{ m/s}$$

$$\omega_1 = \omega_2$$

$$\frac{v_1}{r_1} = \frac{v_2}{r_2}$$

$$\frac{v_1}{0.55} = \frac{2}{0.30}$$

$$v_1 =$$

$$\text{m/s}$$

جهاز فصل مركزي يدور بمعدل 5400 rpm (دورة 100) قبل التوقف تماماً.

$$\omega_i = 5400 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\theta = 100 \text{ rev} = 200\pi \text{ rad}$$

$$\omega_f = 0$$

$$\alpha = ? \quad \checkmark$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\theta \quad \text{احسب العجلة الزاوية.}$$

$$-60.0\pi \text{ rad/s}^2$$

$$-81.0\pi \text{ rad/s}^2$$

$$+60.0\pi \text{ rad/s}^2$$

$$+81.0\pi \text{ rad/s}^2$$

$$\alpha = \frac{\omega_f^2 - \omega_i^2}{2\theta}$$

$$= \text{rad/s}^2$$

في سباق دراجات نارية تتسارع بشكل منتظم من السكون حتى تصل إلى سرعة 280 km/h (39 s). إذا علمت أن قطر إطار الدراجة 64 cm . احسب العجلة الزاوية لكل إطار.

$$v_i = 0 \quad \omega_i = 0$$

$$\alpha = ? \quad \omega_f = \frac{v_f}{R} = \frac{77.8}{0.32} \text{ rad/s}^2$$

$$v = 280 \times \frac{10^3}{3600} = 77.8 \text{ m/s}$$

$$\alpha = \frac{\omega_f - \omega_i}{t}$$

$$t = 39 \text{ s}$$

$$r = 0.32 \text{ m}$$

$$\alpha = \frac{77.8}{39} - 0 = \text{rad/s}^2$$

جهاز فصل مركزي يبدأ حركته من السكون حتى يصل إلى سرعة 3800 rpm . احسب الزمن اللازم لإكمال (دورة 86) إذا كان يدور بتتسارع ثابت.

$$\omega_i = 0$$

$$\omega_f = 3800 \times \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s}$$

$$\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

$$t = ?$$

$$172\pi = \frac{1}{2}(0 + 3800 \times \frac{2\pi}{60})t$$

$$\theta = 86 \text{ rev} \\ = 172\pi \text{ rad}$$

①

$$t = \text{ s}$$

تبعد حداقة المحرك البخاري في الدوران من السكون بعجلة زاوية ثابتة مقدارها ω . لدنة $\alpha = 1.43 \text{ rad/s}^2$. بعد دوران الحداقة لدنة 59.5 s للزاوية التي دارتها الحداقة منذ بدء دورانها؟

$$\omega_i = 0 \quad ①$$

②

$$\alpha = 1.43 \text{ rad/s}^2$$

$$t_1 = 25.9 \text{ s}$$

$$\omega = 37 \text{ rad/s}$$

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t$$

$$= 37 \text{ rad/s}$$

$$t_2 = 59.5 - 25.9$$

$$= 33.6 \text{ s}$$

$$\theta = \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$

$$\theta_2 = \omega t$$

$$= 37 \times 33.6 \text{ s}$$

$$= \text{ rad}$$

$$\theta = \frac{1}{2} \times (0 + 37) 25.9$$

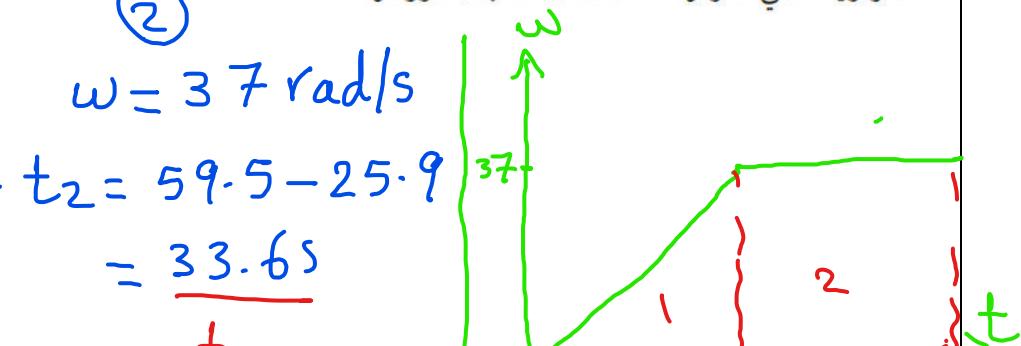
$$\theta_1 = \text{ rad}$$

$$\theta_{t=0} = \theta_1 + \theta_2 =$$

16

rad

$$\theta = \frac{1}{2} \times 25.9 \times 37 + (33.6 \times 37) = \text{ rad}$$



$$\theta = \frac{1}{2} \times 25.9 \times 37$$

$$+ (33.6 \times 37) = \text{ rad}$$

15

More Examples for Circular Motion

Recall that the centripetal force can be provided by different forces (frictional force, tension, gravitational force...)

Apply Newton's laws of motion and/or energy conservation principles to analyze circular motion in a vertical or horizontal plane (motion in vertical loop of an amusement park ride, rotating cylinder, moving through a leveled or banked curve, ...).

16

More Examples for Circular Motion

Recall that the centripetal force can be provided by different forces (frictional force, tension, gravitational force...)

سباق فاسكار

مُسَأَّلَةٌ مُحْلَوَّةٌ 9.4

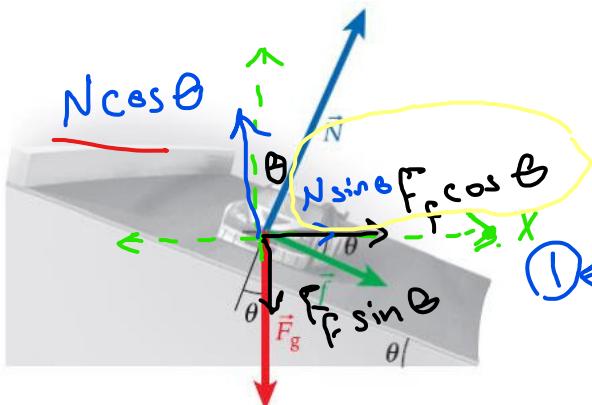
$$F_f = \mu N$$

عندما يسير متسابق مشارك في سباق فاسكار في منحني مائل، يساعد هذا الميل السائق في تحقيق سرعات أعلى، لنرر كيف يكون ذلك. يوضح الشكل 9.25 سباق سيارات على منحني مائل.

المسألة

$$v = ?$$

إذا كان معامل الاحتكاك السكوني بين سطح المضمار وإطارات السيارة هو $\mu_s = 0.620$ ونصف قطر المنحني $R = 110. m$. فما أقصى سرعة يمكن للسائق التحرك بها على منحني مائل بزاوية $\theta = 21.1^\circ$ (هذه زاوية مائلة نموذجية إلى حد ما لمضمار فاسكار). لكن الميل في إنديانابوليس فقط، لكن توجد بعض المضامير التي لها زوايا ميل تزيد عن 30° . ومنها دايتونا (31°) وتالاديجا (33°) وبيرستل (36°) .



$$F_f \cos \theta + N \sin \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$\mu N \cos \theta + N \sin \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$\textcircled{1} \leftarrow N (\mu \cos \theta + \sin \theta) = \frac{mv^2}{R}$$

$$F_{\text{net} y} = 0$$

$$N \cos \theta - F_f \sin \theta - mg = 0$$

$$\textcircled{2} \leftarrow N (\cos \theta - \mu \sin \theta) = mg$$

$$\frac{\mu \cos \theta + \sin \theta}{\cos \theta - \mu \sin \theta} = \frac{v^2}{Rg}$$

$$\frac{0.620 \cos 21.1 + \sin 21.1}{\cos 21.1 - 0.620 \sin 21.1} = \frac{v^2}{110 \times 9.8}$$

17

$$v =$$

$$m/s$$

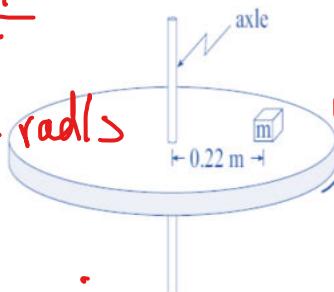
$$t \tan \theta = \frac{v^2}{Rg} \rightarrow \text{جذور احتكاك}$$

T

في الشكل المقابل : إذا علمت أن الكتلة m تبعد عن محور الدوران مسافة (0.22m) (0.74 s) وتدور دورة واحدة كل (0.22m). إذا كانت قوة الاحتكاك بين الكتلة m والسطح تساوي (13 N). احسب مقدار الكتلة m .

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{0.74} \text{ rad/s}$$



$$F_f = 13 \text{ N}$$

$$F_f = F_c = m\omega^2 R$$

$$13 = m \times \left(\frac{2\pi}{0.74} \right)^2 \times 0.22$$

$$m = \text{kg}$$

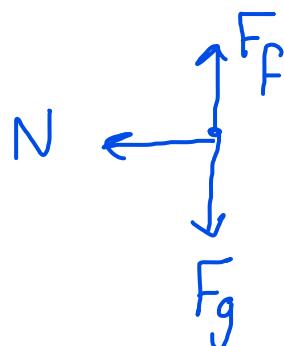
0.82 kg

1.3 kg

2.7 kg

5.7 kg

في لعبة الأسطوانة الدوارة في الملاهي إذا علمت أن نصف قطر الأسطوانة (2.10 m) ومعامل الاحتكاك السكوني بين الأشخاص وجدار الأسطوانة (0.390). فما الحد الأدنى من السرعة الزاوية التي يمكن سحب الأرضية عندها؟



$$N = F_c = m\omega^2 r$$

$$\frac{mg}{\mu} = m\omega^2 r$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{\mu r}} = \sqrt{\frac{9.8}{0.390 \times 2.10}} = \text{rad/s}$$

$$F_f = mg$$

$$\mu N = mg$$

$$N = \frac{mg}{\mu}$$

منحنى على شارع للسيارات نصف قطره (200 m) والسرعة عليه محددة بمقدار (16 m/s).

ما مقدار معامل الاحتكاك بين إطارات السيارة و الشارع لكي تجتاز السيارة المنحنى بالسرعة المحددة؟

0.72

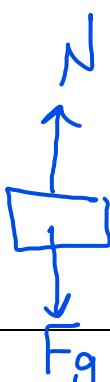
0.51

0.26

0.13

$$F_f = F_c = \frac{mv^2}{R}$$

$$\mu mg = \frac{mv^2}{R}$$



$$\mu = \frac{v^2}{gR}$$

$$\mu = \frac{16^2}{9.8 \times 200} =$$

ما أقصى سرعة لسيارة تدور على طريق منحدر يميل بزاوية (31°) ونصف قطر اللفة $(301m)$ $\underline{\text{بإهمال الاحتكاك بين إطارات السيارة والطريق}}$

13 m/s

39 m/s

42 m/s

50 m/s

$$\tan \theta = \frac{v^2}{Rg}$$

$$v = \sqrt{Rg \tan \theta}$$

$$v = \sqrt{301 \times 9.8 \tan(31)} = \text{m/s}$$

17 Kinetic Energy of Rotation

Calculate the rotational kinetic energy of a point particle, or several point particles, rotating about a fixed axis of rotation by applying the expression for the rotational kinetic energy in terms of the rotational inertia and angular speed ($K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n m_i r_i^2 \omega_i^2 = \frac{1}{2} I \omega^2$).

18 Kinetic Energy of Rotation

Identify that moment of inertia of a point particle or a group of several point particles depends only on the mass of the individual particles and their distances to the axis of rotation, and express it in equation form ($I = mr^2$; $I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2$).

$$K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I \omega^2$$

$$I = cmR^2$$

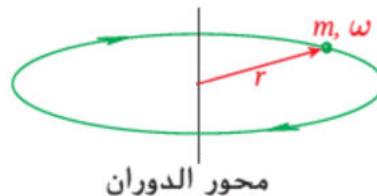
$$I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2$$

الطاقة الحركية



دورانية

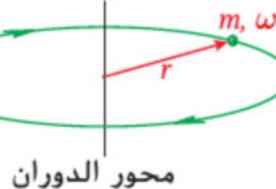
$$K = \frac{1}{2} I \omega^2$$



$$K = \frac{1}{2} mv^2$$



خطية



$$K_{\text{tot}} = \frac{1}{2} mv^2 + \frac{1}{2} (cmR^2) \left(\frac{v}{R}\right)^2 = \frac{1}{2} mv^2 (1 + c)$$

جسم يدور
دون ازلاق

ـ تردد الطاقة الحركية الكلية $\longleftrightarrow C$ ملبار

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$$m \quad R = 0.15m \quad C = \frac{2}{5}$$

تتدحرج كرة صلبة مصممة نصف قطرها (15cm) وكتلتها (25kg) على ممر أملس بسرعة (6.0m/s) ✓

احسب مقدار الطاقة الحركية الكلية للكرة . (علمًاً بأن عزم القصور الذاتي لها $\frac{2}{5} mR^2$)

$$K_{tot} = \frac{1}{2} m v^2 (1 + c) = \frac{1}{2} \bar{x} 25 \times 6^2 \left(1 + \frac{2}{5}\right)$$

$$\text{احسب}\ \bar{c} \quad c = \frac{2}{5} = 0.4$$

$$\text{الجواب} \quad C = \frac{1}{2} = 0.5$$

الخطوة ٢: $C = 1$

$$K = \frac{1}{2} m v^2 (1 + c)$$

10.2 مراجعة المفاهيم

جسم كروي صلب وأسطوانة صلبة
وأسطوانة جوفاء متماطلة من حيث
الكتلة ونصف القطر وتدرج بالسرعة
نفسها. ما العبارة الصحيحة مما يلى؟

a) الجسم الكروي الصلب به أعلى طاقة حركية.

b) الأسطوانة الصلبة بها أعلى طاقة حركية.

(c) الأسطوانة الجوفاء بها أعلى طاقة حركية.

d) جميع الأجسام الثلاثة لها طاقة حركية مماثلة.

19 Calculation of Moment of Inertia

Determine the moment of inertia of extended objects like the hoop, solid uniform cylinder, uniform sphere, long uniform rod, rectangular plate, or others by applying suitable mathematical equations.

20 Calculation of Moment of Inertia

Determine the moment of inertia of extended objects like the hoop, solid uniform cylinder, uniform sphere, long uniform rod, rectangular plate, or others by applying suitable mathematical equations.

عزم القصور الذاتي I : مقاومة الجسم للتغير في حالته الحركية الدورانية

الله

$$I = c m R^2$$

$$I = \frac{M}{V} \int_V r_{\perp}^2 dV \quad (\text{للكثافة الكتالية الثابتة. } \rho)$$

اللَّعْنَةُ

$$I = \rho \int_V r_{\perp}^2 dV \quad (للثافة الكتليلية الثابتة. \rho)$$

► يعتمد عزم القصور الذاتي على :

كتلة الجسم - مربع البعد عن محور الدوران - الشكل الهندسي للجسم

▶ للجسم الصلب الذي لا يدور مثل الصندوق أو المكعب: $c = 0$

15 - يحسب عزم القصور الذاتي لدوران جسم صلب متجانس (له كثافة كثالية ثابتة) حول محور دوران من المعادلة

$$I = \frac{x}{V} \int_V r_\perp^2 dV$$

حيث r_\perp البعد العمودي لمحور الدوران و V حجم الجسم . ما الكمية الفيزيائية الذي يمثلها الرمز x في المعادلة ؟

كمية الحركة الزاوية للجسم

عزم الدوران

كثافة مادة الجسم

كثافة الجسم

R

$C = 1$

$m_1 \ m_2$

يجلس ولدان كتلة كلًّا منها (60 kg , 45 kg) على نقاط مختلفة من حافة قرص يدور عليه نصف قطر مقداره (4.0 m) .

احسب عزم القصور الذاتي للولدين .

$$0.420 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

$$1.00 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

$$1.68 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

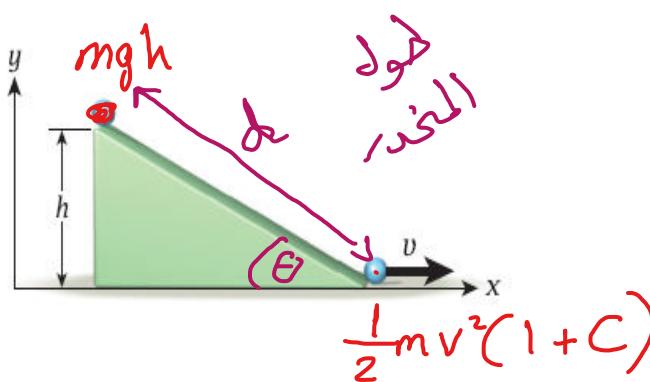
$$2.12 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$$

$$I = C m R^2 = 1 \times (60 + 45) \times 4^2 = \text{kg} \cdot \text{m}^2$$

21

Rolling without Slipping

Describe that rolling motion without slipping can be considered as a combination of pure translation and pure rotation.



$$h = d \sin \theta$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{1+C}}$$

لما زاد الثابت C \rightarrow يقل مقدار السرعة فتتأخر وصول الحب

لما قل الثابت C \rightarrow يزداد مقدار السرعة ووصل الحب أسرع

$$C = \frac{2}{5}$$

10.9 جسم كروي صلب يندرج دون انتلاق على مسحى مائل. وبدأ من حالة السكون. في الوقت نفسه، بدأ صندوق من حالة السكون على الارتفاع نفسه وينزلق على المسحى المائل نفسه، مع احتكاك ضئيل. ما الجسم الذي سينزلق إلى القاع أولاً؟

- (a) سينزلق الجسم الكروي الصلب أولاً.
 (b) سينزلق الصندوق أولاً.
 (c) كلاهما سينزلق في الوقت نفسه.
 (d) من المستحيل تحديد ذلك.

$$\frac{2}{5} \quad \frac{1}{2} \quad 1$$

12- ثلاثة أجسام صلبة ، حلقة دائرية و قرص و كرة مصنوعة ، تبدأ معا التدرج دون انتلاق على سطح منحدر؟
 أي الأجسام الثلاثة يصل أولاً نهاية المنحدر؟

الكرة المصنوعة

جميع الأجسام تصل معا

$$m$$

الحلقة الدائرية

القرص

$$C = \frac{2}{3} = 0.7 \quad C = \frac{2}{5} = 0.4$$

10.41- تبدأ كرة صلبة وكرة جوفاء، كتلة كل منهما 1.00 kg ونصف قطرهما 0.100 m . من السكون وتتدحرجان في منحدر طوله 3.00 m بميل 35.0° . ينزلق مكعب ثلج له كتلة مائلة دون احتكاك إلى أسفل المنحدر نفسه.

R

- (a) ما الكرة التي ستصل إلى القاع أولاً؟ اشرح! **كرة حمبة**
 (b) هل يتحرك مكعب الثلج أسرع أم أبطأ من الكرة الصلبة في المستوى المائل؟
 اشرح استنتاجك.
 (c) ما سرعة الكرة الصلبة في أسفل المستوى المائل؟

$$h = 3 \sin 35$$

$$V = \sqrt{\frac{2gh}{1+C}}$$

$$V = \sqrt{\frac{2 \times 9.8 (3 \sin 35)}{1 + \frac{2}{5}}} = \text{m/s}$$

$$C = \frac{1}{2}$$

أسطوانة صلبة كتلتها m ونصف قطرها r وطولها l بدأت الحركة من السكون وتدحرجت دون انزلاق على سطح مائل ارتفاعه h .

$$V = \sqrt{\frac{2gh}{1+C}} = \sqrt{\frac{2gh}{1+\frac{1}{2}}} \quad \text{ما سرعتها الخطية عند أسفل المنحدر؟}$$

$$\sqrt{gh}$$

$$\sqrt{\frac{4gh}{3}}$$

$$\sqrt{2gh}$$

$$\sqrt{\frac{3gh}{2}}$$

22 Torque

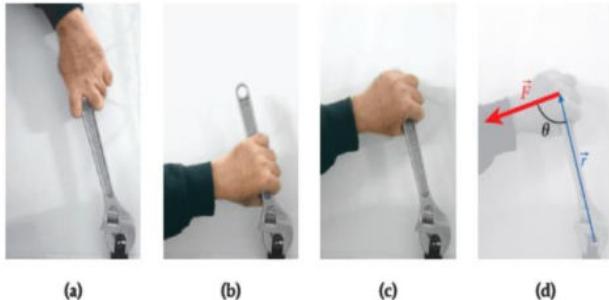
→ Use the right-hand rule to determine the direction of a torque vector.

23 Torque

→ Identify that torque is a vector quantity, measured in the SI units of Nm.

عزم الدوران

N.m



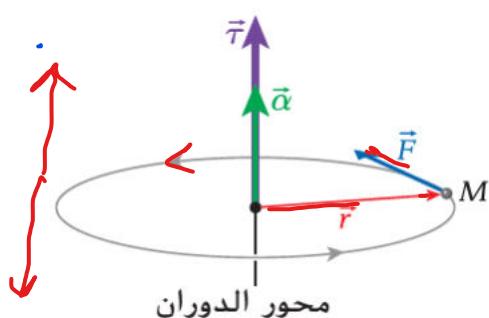
ناتج الضرب الاتجاهي لمتجه الموقع في متجه القوة

$$\begin{array}{c} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \\ \textcircled{3} \end{array}$$

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = r F \sin\theta$$

$$\tau \perp r \perp F$$



دوران على عقارب ال الساعة $\tau = +$
دوران مع عقارب ال ساعة $\tau = -$

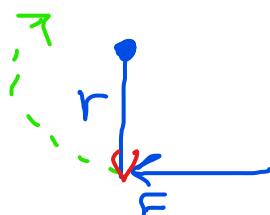
قادرة أصوات العيد المرن

$$\tau$$

$$F$$

$$r$$

داخل الصفحة $\tau = -$



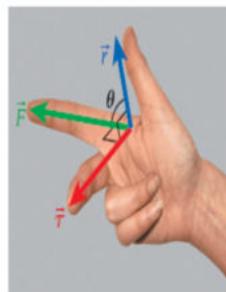
مع عقارب ال ساعة $\tau = +$

$$J = r F \sin B \uparrow \quad 10.4 \quad \text{مراجعة المعايير}$$

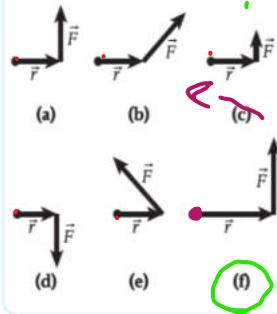
آخر مزيجاً من متجه الموقع \vec{r} ، ومتغير القوة \vec{F} بنت عن عدم الدوران لأعمل مدار

10.4 مراجعة المفاهيم

آخر مزيجاً من متجه الموضع \vec{r} ، ومتجه القوة \vec{F} ، ينبع عزم الدوران \vec{L} على مدار حول النقطة التي تشير إليها النقطة السوداء.



دور على خطاب
الراية
 $\bar{z} = +$
خارج الصفة



إذا أثرت قوة يتحدد مقدارها من المعادلة : $(\vec{F} = 3.0\hat{x} + 2.0\hat{y} - 1.0\hat{z})$ في جسم عند نقطة يتحدد متوجه الموضع لها من العلاقة $(\vec{r} = 2.0\hat{x} + 1.0\hat{y} + 3.0\hat{z})$. احسب عزم الدوران المؤثر في الجسم -7

$$\begin{aligned}
 \vec{\tau} &= \vec{r} \times \vec{F} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ 2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & -1 \end{vmatrix} + (1 \times 1 - 2 \times 3) \hat{x} \\
 &\quad - (2 \times 1 - 3 \times 3) \hat{y} + (2 \times 2 - 1 \times 3) \hat{z} \\
 \vec{\tau} &= -7 \hat{x} + 11 \hat{y} + 1 \hat{z} \text{ N.m} \quad \tau = \sqrt{7^2 + 11^2 + 1^2} = \text{N.m}
 \end{aligned}$$

24 Newton's Second Law for Rotation

Apply Newton's second law for rotation which relates the net torque on a body to the body's rotational inertia and rotational acceleration, all calculated relative to a specified rotation axis ($\tau = I\alpha$; $\tau = F \times \vec{r}_{\text{net}} = I\ddot{\theta}$).

$$\overline{J}_{\text{net}} = \underline{\Sigma} \alpha$$

25 Newton's Second Law for Rotation

Solve problems related to Newton's second law for rotation.

حلقة حلبة

قانون نیوتن الثانی

طرد ملائمة $\rightarrow \alpha$ $\left[\begin{array}{c} \text{ملائمة} \\ \text{طرد} \end{array} \right]$

الحركة الدورانية

$$a = \alpha R$$

الحركة الانتقالية

$$\tau_{net} = I$$

$$\alpha = \frac{w_f - w_i}{24 \pm}$$

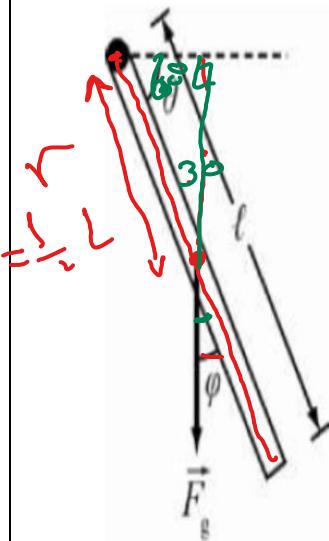
$$F_{net} = ma$$

$$\sum F \sin \theta$$

$$I = cmR^2$$

ـ معاـد عـزـم الـعـصـورـ الـذـاتـيـ \rightarrow بـقـلـ الـسـاعـهـ الـزـارـويـ

10.50 ساق رفيع منتظم (الطول $L = 1.00\text{ m}$ ، الكتلة $m = 2.00\text{ kg}$) يدور على محور حول قطعة خشبية أفقية عديمة الاحتكاك بأحد طرفيه. وزعيم القصور الذاتي للساق خلال هذا المحور هو $\frac{1}{3}mL^2$. يُطلق الساق عندما يكون 60.0° أسفل المستوى الأفقي. ما العجلة الزاوية للساق لحظة إطلاقه؟



$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$r F_g \sin \theta = \frac{1}{3} m L^2 \alpha$$

$$\frac{1}{2} L m g \sin \theta = \frac{1}{3} m L^2 \alpha$$

$$\frac{1}{2} \times 1 \times 2 \times 9.8 \sin 30^\circ = \frac{1}{3} \times 2 \times 1^2 \alpha$$

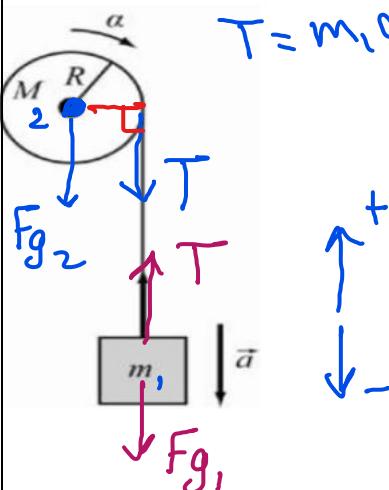
$$\alpha = \text{rad/s}^2$$

$$m_1 g - T = m_1 a$$

$$T = m_1 g - m_1 a$$

10.55- عجلة بها $\frac{4}{9}$ وكتلتها 30.0 cm ونصف قطرها 40.0 kg

ومنشأة بشكل رأسيا على محور أفقي. وتعلق كتلة قدرها 2.00 kg من العجلة باستخدام حبل ملفوف حول الإطار. أوجد العجلة الزاوية للعجلة عند تحرير الكتلة.



$$c = \frac{4}{9} \quad m_2 = 40\text{ kg} \quad R = 0.30\text{ m}$$

$$m_1 = 2\text{ kg} \quad \alpha = ?$$

$$a = \alpha R$$

$$r F_g \sin \theta$$

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

~~$$R T \sin 90^\circ = \frac{4}{9} m_2 R^2 \alpha$$~~

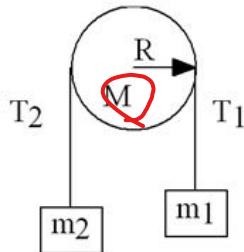
$$T = \frac{4}{9} m_2 R \alpha$$

$$\frac{4}{9} m_2 R \alpha = -m_1 \alpha R + m_1 g$$

$$\frac{4}{9} \times 40 \times 0.30 \times \alpha = -2 \times \alpha \times 0.30 + 2 \times 9.8$$

$$\left. \begin{aligned} \tau_{\text{net}} &= \alpha \\ T - m_1 g &= -m_1 a \\ T &= -m_1 a + m_1 g \\ T &= -m_1 \alpha R + m_1 g \end{aligned} \right\}$$

$$\alpha = 3.3 \text{ rad/s}^2$$



كتلتان معلقتان بقرص عديم الإحتكاك نصف قطره R وكتلته M كما بالشكل المقابل .

$$\alpha = 0$$

إذا كانت السرعة الزاوية للقرص ثابتة وتساوي 2rad/s عكس عقارب الساعة .

$$a = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2 + \frac{1}{2}M} g$$

$$\tau_{\text{net}} = 0$$

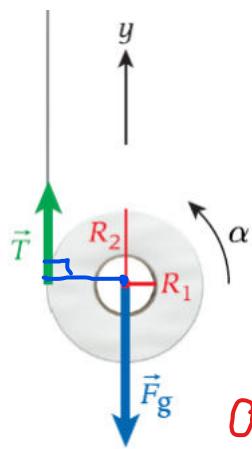
أي العبارات التالية صحيحة ؟

$$T_2 > m_2 g$$

$$T_1 > T_2$$

$$\tau_{\text{net}} = 0$$

$$T_1 m_1 + T_2 m_2 = Mg$$



ورق المروحي

مثال 10.3

قد يحدث معك الموقف التالي: تخلو أن تضع لفة جديدة من ورق المروحي داخل حاملها. ولكن تسقط منك اللفة. وتمكن من الإمساك بالورقة الأولى فقط. وفي طريقها إلى الأرضية، تسقط لفة ورق المروحي .

كما يوضح الشكل 10.19a

$$\Delta y = v_i t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$t = s$$

كم من الوقت تستغرق لفة ورق المروحي للاصطدام بالأرض، إذا سقطت من ارتفاع 0.73 m؟ اللفة نصف قطرها الداخلي $R_1 = 2.7 \text{ cm}$ ونصف قطرها الخارجي $R_2 = 6.1 \text{ cm}$ وكتلتها 0.274 g

$$a = ?$$

$$t = ?$$

$$\Delta y = 0.73 \text{ m}$$

$$v_i = 0$$

$$R_1 = 0.027 \text{ m} \quad R_2 = 0.061 \text{ m}$$

$$m = 0.274 \text{ kg}$$

$$\tau_{\text{net}} = I \alpha$$

$$R_2 T = \frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2}$$

$$T = \frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} F_{\text{net}} = ma \\ T - mg = -ma \\ T = mg - ma \end{array} \right.$$

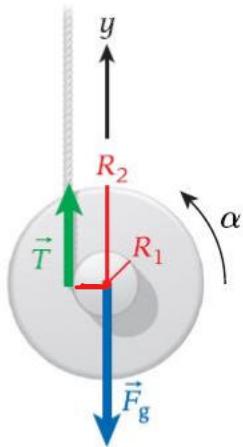
$$\frac{1}{2} m (R_1^2 + R_2^2) \frac{a}{R_2} = mg - ma$$

$$\frac{1}{2} \times 0.274 (0.027^2 + 0.061^2) \times \frac{a}{0.061^2} = 0.274 (9.8 - a)$$

$$a = 6.14 \text{ m/s}^2$$

$$R_2 = 5 R_1$$

إذا علمت أن :
احسب التسارع الخطى للبيوبيو .



(a)

(b)

$$\begin{aligned} \text{J}_{\text{net}} &= I \alpha \\ TR_1 &= \frac{1}{2} m R_2^2 \frac{a}{R_1} \\ T &= \frac{1}{2} m R_2^2 \frac{a}{R_1^2} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} F_{\text{net}} = m a \\ T - mg = -ma \\ T = mg - ma \end{array} \right\}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m \frac{R_2^2}{R_1^2} a &= mg - ma \\ \frac{1}{2} \left(\frac{5}{1}\right)^2 a &= 9.8 - a \end{aligned}$$

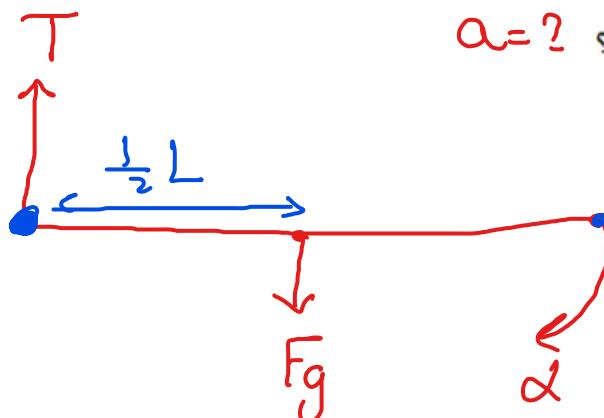
سقوط ساق أفقى

مسألة محلولة 10.3

ساق رفيع طوله $m = 3.50 \text{ kg}$ وكتلته $L = 2.50 \text{ m}$ يتدلى أفقىً بواسطة زوج الحبال العمودية المربوطة بالطرفين (الشكل 10.22). بعد ذلك، يقطع الحبل الذي يدعم الطرف B .

المأسأة

ما العجلة الخطية للطرف B في الساق بعد قطع الحبل؟



$$\text{J}_{\text{net}} = I \alpha$$

$$mg \frac{1}{2}L = \frac{1}{3} m L^2 \frac{a}{L}$$

$$\frac{1}{2}g = \frac{1}{3}a$$

$$a = \frac{3}{2}g = \text{m/s}^2$$