

8 الكسور



السؤال الأساسي
كيف يمكن لكسور
مختلفة التعبير عن
نفس المقدار؟

نحن
الآن
نطبخ!





المهارسات الرياضية

1. فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
 2. التفكير بطريقة تجريدية وكمّية.
 3. بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
 4. استخدام نماذج الرياضيات.
 5. استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية.
 6. مراعاة الدقة.
 7. محاولة إيجاد البنية واستخدامها.
 8. البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عن ذلك.
- = تم التركيز عليها في هذه الوحدة

هل أنا مستعد؟

مثّل كل كسر على خط أعداد.

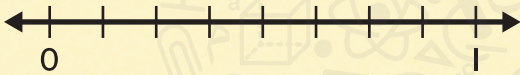
1. $\frac{1}{3}$



2. $\frac{1}{6}$

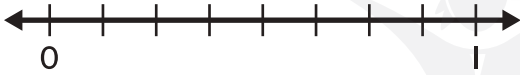


3. $\frac{3}{8}$



استخدم خط الأعداد لتحديد ما إذا كان الكسرين لهما نفس القيمة أم لا. اكتب نعم أو لا.

4. $\frac{1}{2}$ و $\frac{4}{8}$



5. $\frac{2}{3}$ و $\frac{5}{6}$



اكتب كل عدد كلي في صورة كسر.

6. 5 _____

7. 9 _____

ظلل المربعات لتوضيح المسائل التي أجبت عنها بصورة صحيحة.

1 2 3 4 5 6 7

كيف أبلّيت؟

كلمات في الرياضيات

مراجعة المفردات

is equal to (=) يساوي

thirds أثلاث

halves أنصاف

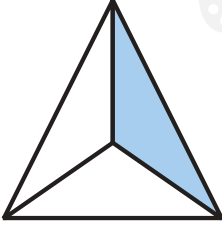

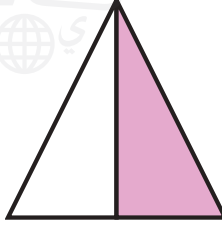
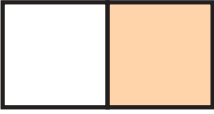


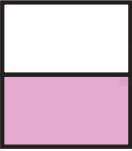

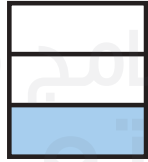



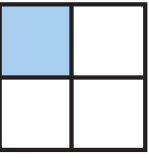

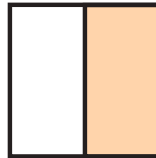
is less than (<) أصغر من

fourths أرباع

is greater than (>) أكبر من

تكوين الروابط

استخدم مراجعة المفردات لوصف كيفية تقسيم كل شكل. ثم استخدم الرموز للمقارنة بين الأمثلة.

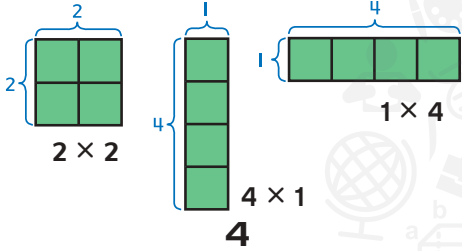
			_____
			_____
			_____
			_____
			_____

بطاقات المفردات



الدرس 8-2

عدد غير أولي



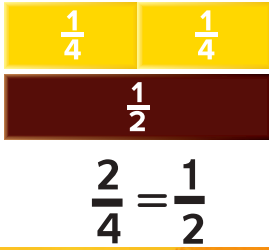
الدرس 8-7

كسور مرجعية



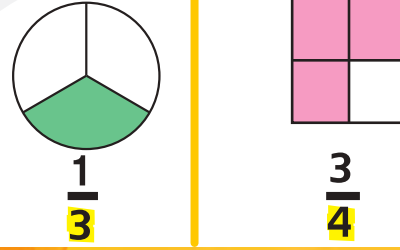
الدرس 8-3

الكسور المكافئة



الدرس 8-3

المقام



الدرس 8-5

العامل المشترك الأكبر

12	1	2	3	4	6	12		
30	1	2	3	5	6	10	15	30

العامل المشترك الأكبر: 6

الدرس 8-1

أزواج العوامل

24

- 1 و 24 ($1 \times 24 = 24$)
- 2 و 12 ($2 \times 12 = 24$)
- 3 و 8 ($3 \times 8 = 24$)
- 4 و 6 ($4 \times 6 = 24$)

الدرس 8-6

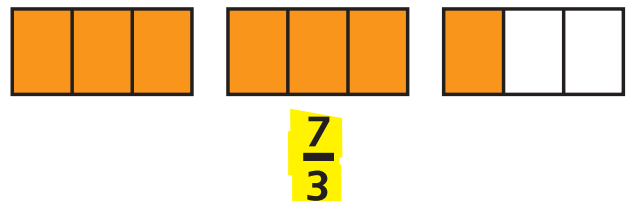
المضاعف المشترك الأصغر

2	2	4	6	8	10	12
5	5	10	15	20	25	30

المضاعف المشترك الأصغر: 10

الدرس 8-10

كسر معتل



أفكار يمكن استخدامها

- استخدم بطاقة فارغة لكتابة السؤال الأساسي لهذه الوحدة. واستخدم الجزء الخلفي من البطاقة لكتابة الأمثلة التي قد تساعدك على إجابة السؤال أو رسمها.

- جمع كلمتين مشتركتين أو ثلاثة كلمات مشتركة. وأضف كلمة غير مرتبطة بالمجموعة. ثم اعمل مع صديق على تسمية الكلمة غير المرتبطة.

الكسور الاعتيادية المُستخدمة في التقدير.

أين تجد الكسور المرجعية في حياتك اليومية أو تستخدمها؟

عدد كلي يتضمن أكثر من عاملين.

صف العدد غير الأولي وفق النماذج المرئية الموضحة في هذه البطاقة.

يخبرنا العدد السفلي من الكسر بإجمالي عدد الأجزاء المتساوية.

اكتب إرشادًا يعينك على تذكر أي عدد يمثل المقام وأي عدد يمثل البسط.

الكسور التي تحمل القيمة ذاتها.

ما المضاد، أو الكلمة المقابلة، لمصطلح مكافئ؟

العاملان اللذان تم ضربهما لإيجاد الناتج.

اكتب 3 أزواج عوامل للعدد 36.

أي العامل المشترك الأكبر لعددتين أو أكثر.

وزن أفعل الذي أتت عليه صيغة الصفة هنا يعني "الأكثر من حيث القيمة". استخدم صفة أخرى على وزن أفعل في جملة.

كسر يكون فيه البسط أكبر من أو يساوي المقام.

حدد هذا النوع من الكسور: $2\frac{4}{5}$. أعد كتابته في صورة كسر معتل.

المضاعف المشترك الأصغر الأكبر من 0 يكون

مضاعفًا مشتركًا لعددتين أو أكثر من الأعداد.

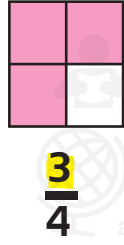
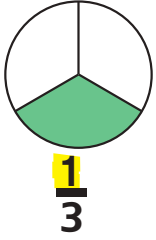
اكتب المضاعفات الثلاثة التي تلي مضاعفات 2 و 5 على الجزء الأمامي من البطاقة.

بطاقات المفردات

المهارسات
الرياضية

الدرس 8-3

البسط



الدرس 8-9

عدد كسري



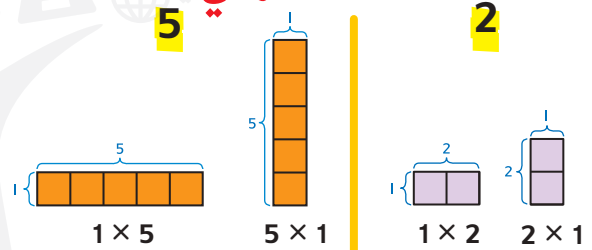
الدرس 8-5

أبسط صورة

$$\frac{8}{12} = \frac{8 \div 4}{12 \div 4} = \frac{2}{3}$$

الدرس 8-2

عدد أولي



برنامج محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

أفكار يمكن استخدامها

- أنشئ بطاقات لمراجعة إستراتيجيات حل المسائل، مثل الحل بترتيب عكسي.
- اكتب اسم كل درس على الجزء الأمامي من البطاقة. واكتب عددًا من النصائح الدراسية على الجزء الخلفي من البطاقة.

عدد يوجد في جزء منه عدد كلي وكسر في الجزء الآخر.
وضّح لماذا يُطلق على العدد الكسري هذا الاسم.

يخبرنا العدد العلوي من الكسر بعدد الأجزاء المتساوية التي يمثلها الكسر.

ما الذي يوضحه البسط في الكسر التالي؟ $\frac{9}{20}$

عدد كلي يوجد له عاملان فقط: وهما العدد 1 والعدد نفسه.
أولي تعني أنه يأتي أولاً. وضّح كيف سيعينك هذا المعنى على فهم تعريف العدد الأولي؟

كسر لا يضم في البسط والمقام الخاص به أي عامل مشترك سوى العدد 1.

اكتب $\frac{15}{45}$ في أبسط صورة.

برنامج محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

مطويتي

المطويات
اتبع الخطوات الواردة
في ظهر الصفحة لإنشاء مطويتك.



أبسط صورة

ثلاثة أرباع المصوتين
قد صوتوا بنعم!

$$\frac{3}{4}$$

قارن بين الكسور

نصف عدد السكان...
ربع عدد السكان...

$$\frac{1}{2} > \frac{1}{4}$$

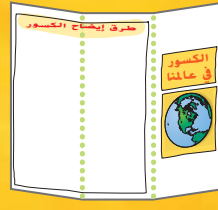
أعداد كسرية

كوب دقيق $1\frac{1}{2}$

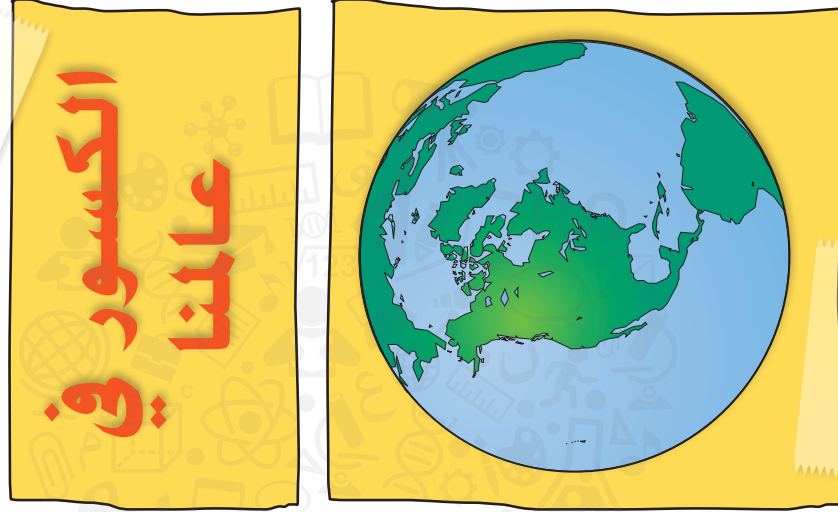
$$1\frac{1}{2}$$



2



1



طرق إيضاح موسكا الكسور

برنامج محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

الدرس 1



السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

العوامل والمضاعفات

العوامل هي الأعداد التي يتم ضربها معًا لتكوين ناتج الضرب. العاملان اللذان يتم ضربهما معًا يُطلق عليهما زوج عوامل الناتج.



الرياضيات في حياتنا



مثال 1

يرتّب طاهٍ 48 ثمرة فراولة على شكل صفوف في صينية واحدة. أوجد جميع أزواج العوامل للعدد 48 لمعرفة أنواع المصفوفات التي يُمكن تحضيرها. ارسم إحدى المصفوفات، واكتب اسمها فوقها.

فكر في معادلات الضرب التي ناتج الضرب فيها يساوي 48.

$$1 \times 48 = 48 \quad \text{العددان 1 و 48 عبارة عن زوج عوامل للعدد 48.}$$

$$2 \times 24 = 48 \quad \text{العددان 2 و 24 عبارة عن زوج عوامل للعدد 48.}$$

$$3 \times \underline{\hspace{2cm}} = 48 \quad \text{العددان 3 و \underline{\hspace{2cm}} عبارة عن زوج عوامل للعدد 48.}$$

$$4 \times \underline{\hspace{2cm}} = 48 \quad \text{العددان 4 و \underline{\hspace{2cm}} عبارة عن زوج عوامل للعدد 48.}$$

$$6 \times \underline{\hspace{2cm}} = 48 \quad \text{العددان 6 و \underline{\hspace{2cm}} عبارة عن زوج عوامل للعدد 48.}$$

العدد 48 مضاعف لجميع العوامل السابقة.

إذا، يُمكن ترتيب المصفوفات التالية: $\underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}}$ و $\underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}}$

$\underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}}$ و $\underline{\hspace{2cm}} \times \underline{\hspace{2cm}}$

وسمّي

مثال 2

حدد ما إذا كان العدد 64 أحد مضاعفات العدد 4.

الطريقة الأولى

اقسم.

$$\begin{array}{r} \square \square \\ 4 \overline{) 64} \\ \underline{4} \\ \square \\ \underline{} \\ \square \\ \underline{} \\ \square \\ \underline{} \\ \square \\ \underline{} \\ \square \end{array}$$

لا يوجد باقٍ.

إذا العدد 4 يقسم العدد 64 بالتساوي.

إذا، العدد 64 هو أحد مضاعفات العدد 4.

طريقة أخرى

قائمة مضاعفات العدد 4.

4, 8, 12, _____, _____,

_____, _____, _____,

_____, _____, _____,

_____, _____, _____,

وما إلى ذلك _____,

يمكنك العد بمقدار 4 حتى تصل إلى العدد 64.



هل تريد تقسيم المضاعفات أو إدراجها في قائمة للتمارين 3-5؟ اشرح.

تمارين موجّهة

أوجد أزواج العوامل لكل عدد.

1. 46

_____ و _____

_____ و _____

2. 76

_____ و _____

_____ و _____

_____ و _____

بالنسبة للتمارين 3-5 اكتب نعم أو لا.

3. هل العدد 66 هو أحد مضاعفات العدد 6؟ _____

4. هل العدد 86 هو أحد مضاعفات العدد 4؟ _____

5. هل العدد 78 هو أحد مضاعفات العدد 3؟ _____

تمارين ذاتية

أوجد أزواج العوامل لكل عدد.

6. 66

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

7. 54

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

8. 59

_____ 9 _____

9. 58

_____ 9 _____

_____ 9 _____

10. 70

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

_____ 9 _____

11. 93

_____ 9 _____

_____ 9 _____

12. 60

13. 65

14. 37

بالنسبة للتمرينات 15-18، اكتب نعم أو لا.

15. هل العدد 67 هو أحد مضاعفات العدد 5؟ _____ 16. هل العدد 75 هو أحد مضاعفات العدد 3؟ _____

17. هل العدد 72 هو أحد مضاعفات العدد 4؟ _____ 18. هل العدد 69 هو أحد مضاعفات العدد 6؟ _____

حَوِّط العدد (الأعداد) التي تُمثل مضاعفات لكل عدد معطى.

19. 3	14	18	27	32	45	60
20. 7	24	38	42	63	71	84
21. 9	30	35	54	82	90	100



حل المسائل

وَسْطِي

22. توجد 49 وجبة خفيفة على صينية. ارسـم مصفوفة واحدة محتملة يُمكن ترتيبها.

أدرج جميع أزواج العوامل للعدد 49.

23. **المهارات الرياضية** **6** الشرح لزميل تُعد خولة بمقدار 6 أعداد بصوت مرتفع. هل ستصل إلى العدد 73؟ اشرح ذلك لزميل.

مسائل مهارات التفكير العليا

24. **المهارات الرياضية** **7** تحديد البنية اكتب عددين بين 50 و 60 من مضاعفات نفس العدد. ما العامل المشترك بينهما؟

25. **المهارات الرياضية** **2** استخدام الحسّ العددي دون قسمة المضاعفات أو إدراجها في قائمة. كيف تعلم أن العدد 61 ليس من مضاعفات العدد 6؟

26. **الاستفادة من السؤال الأساسي** ما وجه الصلة بين العوامل والمضاعفات؟

الدرس 1

العوامل والمضاعفات

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

لدى السيد سالم 12 صورة يريد وضعها في لوحة الإعلانات بفصله الدراسي. اكتب أزواج العوامل لإيجاد عدد الطرق المختلفة التي يُمكن للسيد سالم استخدامها لترتيب الصور في مصفوفة.

فكر في معادلات الضرب التي ناتج الضرب فيها يساوي 12.

$$1 \times 12 = 12 \quad \text{العددان 1 و 12 عبارة عن زوج عوامل للعدد 12.}$$

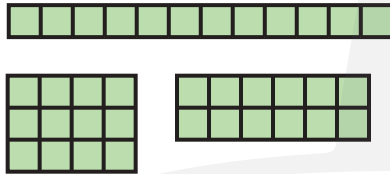
$$2 \times 6 = 12 \quad \text{العددان 2 و 6 عبارة عن زوج عوامل للعدد 12.}$$

$$3 \times 4 = 12 \quad \text{العددان 3 و 4 عبارة عن زوج عوامل للعدد 12.}$$

إذا، يُمكن للسيد سالم ترتيب 12 صورة في المصفوفة التالية: 1×12 ، أو 2×6 ، أو 3×4 .

تحقق

استخدم النماذج لتوضيح المصفوفات الممكنة. ويُمكن أيضًا تحويل المصفوفات في الاتجاه المعاكس.



تمارين

أوجد أزواج العوامل لكل عدد.

1. 47

_____ و _____

2. 78

_____ و _____

_____ و _____

_____ و _____

_____ و _____

3. 65

_____ و _____

_____ و _____

أوجد أزواج العوامل لكل عدد.

4. 56

_____ 9 _____
_____ 9 _____
_____ 9 _____
_____ 9 _____

5. 30

_____ 9 _____
_____ 9 _____
_____ 9 _____
_____ 9 _____

6. 71

_____ 9 _____

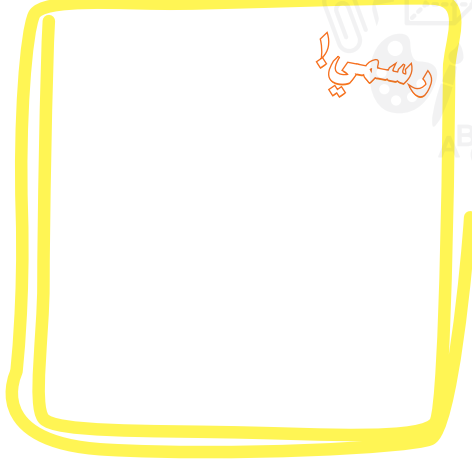
بالنسبة للتمرينات 7-10 اكتب نعم أو لا.

7. هل العدد 43 من مضاعفات العدد 7؟ _____
8. هل العدد 56 من مضاعفات العدد 6؟ _____
9. هل العدد 80 من مضاعفات العدد 4؟ _____
10. هل العدد 42 من مضاعفات العدد 3؟ _____

حل المسائل



11. **الممارسات الرياضية** **4** تمثيل الرياضيات يبيع محمود عصير الليمون. وقد صَبَّ 36 كوبًا من عصير الليمون لعرضها. ارسم مصفوفة واحدة يُمكن لمحمود استخدامها في عرض الأكواب.



مراجعة المفردات

12. اكتب تعريفًا لأزواج العوامل. ثم قَدِّم مثالاً.

برامد محمد بن راشد
للذكاء
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

تمرين على الاختبار

13. يُعَدُّ فارس بمقدار 8. أي من الأعداد التالية لن تكون من بين الأعداد التي يعدها؟

- (A) 32 (C) 72
(B) 56 (D) 84

الدرس 2



السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

الأعداد الأولية وغير الأولية

تساعدك عوامل العدد في تحديد ما إذا كان هذا العدد أولياً أم غير أولي أم غير ذلك.



الرياضيات في حياتنا



مثال 1

تقوم عبير بترتيب 18 كوب كعك على الرف. أوجد عوامل العدد 18. استخدم المصفوفات لإيجاد العوامل.

_____ × _____	
_____ × _____	
_____ × _____	

إذا، عوامل العدد 18 هي _____ و _____ و _____ و _____ و _____ و _____ .
نظراً لأن هناك 6 عوامل، فهو عدد غير أولي.

المفهوم الأساسي الأعداد الأولية وغير الأولية

أمثلة	التعريف
2, 3, 7, 11	العدد الأولي عدد كلي يوجد له عاملان محددان فقط: وهما 1 والعدد نفسه.
4, 6, 10, 20	العدد غير الأولي عدد كلي يتضمن أكثر من عاملين.
1	العدد الذي ليس عدداً أولياً وليس عدداً غير أولي العدد 1 له عامل واحد محدد فقط.

مثال 2

تعد إيمان داخل الحديقة 73 طائرة ورقية.
اكتب عوامل العدد 73 على الطائرة الورقية.
وحدد ما إذا كان العدد أولي، أم غير أولي، أم غير ذلك.

عوامل العدد 73 هي _____

و _____ .

نظرًا لأن العدد 73 لديه عاملان محددان فقط،

فإنه عدد _____

مثال 3

حدد ما إذا كان العدد 1 أولي، أم غير أولي، أم غير ذلك.

أوجد عوامل العدد 1.

1×1

نظرًا لأن العدد 1 لديه عامل واحد محدد فقط، فإنه _____

موجّه في الرياضيات

حدد أصغر عدد أولي. اشرح
كيف عرفت أن هذا هو أصغر
عدد أولي.

تمارين موجّهة

حدد ما إذا كان كلّ عدد أولي، أم غير أولي، أم غير ذلك.

1. 5

2. 15

3. 21

4. 31

5. 26

6. 61

تمارين ذاتية

حدد ما إذا كان كلّ عدد أولي، أم غير أولي، أم غير ذلك.

7. 1

8. 3

9. 4

10. 14

11. 29

12. 41

13. 50

14. 63

15. 65

16. 79

17. 84

18. 97

19. حوّط الأعداد الأولية. واشطب الأعداد غير الأولية وتّون باللون الاحمر الأعداد التي ليست أولية وليست غير أولية.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50

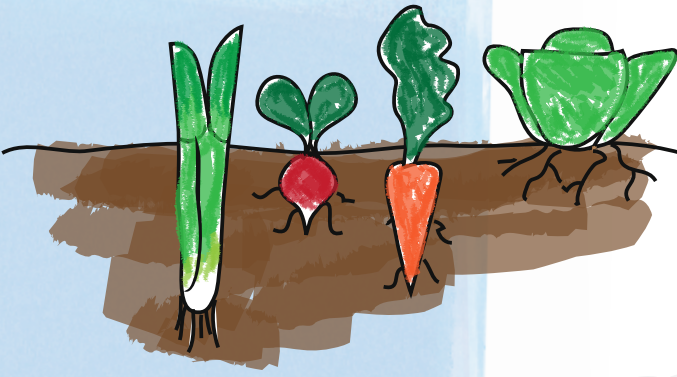
20. اكتب عددًا أوليًا أكبر من 50.

21. اكتب عددًا غير أولي أكبر من 70.



حل المسائل

22. ما العدد الأولي الأكبر من 88 وأصغر من 95؟



23. يزرع فهد خضروات في الحديقة. ولديه 20 بذرة. حدد ما إذا كان العدد 20 عددًا أوليًا أم غير أولي. وإذا كان عددًا غير أولي، فاكتب جميع الطرق التي يُمكن لفهد ترتيب البذور وفقًا لها في صفوف متساوية.

رسمي

24. **المهارسات الرياضية** 4 **تمثيل الرياضيات** تقوم حليلة بصناعة لحاف بحياكة أربع قطع من القماش معًا. وتوجد لديها 36 قطعة قماش. ارسم مصفوفة توضيح كيف يُمكنها صنع لحاف لديه نفس عدد المربعات في كل صف وكل عمود.

هل العدد 36 عددًا أوليًا أم غير أولي؟

مسائل مهارات التفكير العليا

25. **المهارسات الرياضية** 3 **استخلاص النتائج** الأعداد 17 و 31 و 37 هي أعداد أولية. وعند عكس ترتيب الأرقام لتصبح الأعداد 71 و 13 و 73. نجد أنها أيضًا أعداد أولية. هل عكس ترتيب الأرقام في العدد الأولي الذي يتكون من رقمين دائمًا ما يُنتج عددًا أوليًا؟ اشرح.

26. **الاستفادة من السؤال الأساسي** ما ارتباط العوامل بالأعداد الأولية؟

الدرس 2

الأعداد الأولية وغير الأولية

واجباتي المنزلية

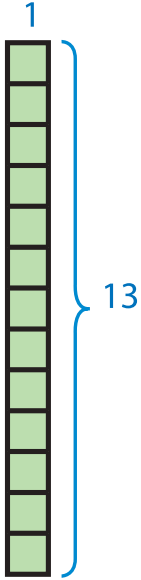
مساعدة الواجب المنزلي

تقيم بثينة حفل شاي. وسيحضر إلى الحفل 13 شخصًا معًا. هل يُمكن لبثينة أن تقسم الكراسي بالتساوي على أكثر من طاولة؟ اشرح.

أوجد عوامل العدد 13. وقرر ما إذا كان العدد 13 أوليًا، أم غير أولي، أم غير ذلك.

عوامل العدد 13 هي 1، و13. إذاً العدد 13 هو عدد أولي.

لا يُمكن لبثينة تقسيم الكراسي بالتساوي بين أكثر من طاولة، وذلك لأن العدد 13 هو عدد أولي.



نوع العدد	التعريف
عدد أولي	عدد كلي يوجد له عاملان فقط؛ وهما العدد 1 والعدد نفسه (الأمثلة: 17، و 29، و 41)
عدد غير أولي	عدد كلي يوجد له أكثر من عاملين (الأمثلة: 8، و 30، و 56)
عددًا ليس أوليًا وليس غير أولي	عدد يوجد له عامل واحد محدد فقط (مثال: 1)

تمرين

حدد ما إذا كان كل عدد أوليًا، أم غير أولي، أم غير ذلك.

1. 16

2. 37

3. 50

4. 41

5. 1

6. 81

حدد ما إذا كان كلّ عدد أوليًا، أم غير أولي، أم غير ذلك.

7. 0

8. 11

9. 90

10. 75

11. 53

12. 23

حل المسائل



13. لدى جمال 16 إزاء من التوابل، ويريد ترتيبها في مصفوفة. ما المصفوفات التي يُمكنه استخدامها لترتيب أواني التوابل؟

14. لدى منى 7 كؤوس لبطولات كرة القدم، وتريد عرضها في مصفوفة. كم عدد المصفوفات المختلفة الممكنة؟ اشرح.

15. **الممارسات الرياضية** **1** الاستمرار في المحاولة اكتب عددين أوليين أكبر من 25 وأقل من 35.

16. اكتب عددين غير أوليين يكون العدد 8 أحد العوامل لكل منهما.

مراجعة المفردات

ارسم خطأ يصل بين المصطلح ومثاله.

61 •

17. عدد أولي

21 •

18. عدد غير أولي

تمرين على الاختبار

19. أيّ مما يلي يعد عددًا أوليًا؟

(A) 67

(C) 63

(B) 65

(D) 60

التحقق من تقديمي

مراجعة المفردات

1. حوِّط الأعداد **الأولية**. وضع X على الأعداد **غير الأولية**.

4 7 5 9 11 8 6 14

في التمرينات 2-5، اكتب العامل، أو المضاعف، أو أزواج العوامل.

2. العدد 35 هو _____ للعدد 7.

3. العددان 24 و 3 هما _____ للعدد 72.

4. العدد 6 هو _____ للعدد 66.

5. العدد 90 هو _____ للعدد 9.

مراجعة المفاهيم

6. أوجد أزواج العوامل للعدد 80.

في التمرينات 7-9، اكتب نعم أو لا.

7. هل العدد 50 هو أحد مضاعفات العدد 5؟ _____

8. هل العدد 63 هو أحد مضاعفات العدد 4؟ _____

9. هل العدد 72 هو أحد مضاعفات العدد 3؟ _____

حدد ما إذا كان كل عدد أوليًا، أم غير أولي، أم غير ذلك.

10. 4

11. 3

12. 8

13. 1



حل المسائل

الحل

14. يفكر بدر في عدد أولي أكبر من 41 وأصغر من 47.
ما العدد الذي يفكر به بدر؟

15. هناك عشرة أقراص داخل الغرفة. حدد ما إذا كان العدد 10 أوليًا أم غير أولي. إذا كان غير أولي، فاكتب جميع الطرق التي يُمكن ترتيب الأقراص وفقًا لها في صفوف متساوية.

16. هل هناك طريقة لوضع 29 كتابًا على الرفوف بحيث يحمل كل رف نفس العدد من الكتب مع وجود أكثر من كتاب واحد في كل رف؟ اشرح.

17. توجد 48 عبوة من الصابون. هل يُمكن تكوين أي مصفوفة من 5 صفوف متساوية؟ اشرح.

تمرين على الاختبار

18. ما العدد الذي يُعد أوليًا؟

- (A) 4
- (B) 5
- (C) 6
- (D) 9



الدرس 3

السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

نشاط عملي

تمثيل الكسور المكافئة

العدد العلوي في الكسر هو **البسط**. والعدد السفلي من الكسر هو **المقام**. والكسور التي تمثل الجزء نفسه من العدد **كسور مكافئة**.

صمم

شكّل كسرين مكافئين لـ $\frac{1}{3}$.

1 مثل بالنماذج $\frac{1}{3}$.

ضع رقيقة من فئة $\frac{1}{3}$.

2 أوجد كسرًا مكافئًا لـ $\frac{1}{3}$.

ضع رقائق الكسور من فئة $\frac{1}{6}$ تحت الرقيقة ذات الفئة $\frac{1}{3}$ لمساواة

طول الرقيقة $\frac{1}{3}$.

كم رقيقة قد وضعت من فئة $\frac{1}{6}$ ؟

إذًا، $\frac{1}{3}$ و $\frac{2}{6}$ كسران متكافئان.

3 أوجد كسرًا آخر مكافئًا لـ $\frac{1}{3}$.

ضع رقائق من فئة $\frac{1}{12}$ تحت الرقيقة ذات الفئة $\frac{1}{6}$ لمساواة

طول الرقيقة $\frac{1}{3}$.

كم رقيقة قد وضعت من فئة $\frac{1}{12}$ ؟

إذًا، $\frac{1}{3}$ و $\frac{4}{12}$ كسران متكافئان.

إذًا، $\frac{1}{3}$ و $\frac{1}{6}$ و $\frac{1}{12}$ كسور مكافئة.

$$\frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{6} \quad \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{12} \quad \frac{1}{12} \quad \frac{1}{12} \quad \frac{1}{12}$$



جرب

شكّل كسرين مكافئين لـ $\frac{1}{4}$.

1

خط الأعداد الأول

مقسّم إلى أرباع. مثّل الكسر $\frac{1}{4}$ على خط الأعداد هذا.

2

خط الأعداد الثاني مقسّم إلى أثمان.

ما الكسر الذي له نفس موضع الكسر $\frac{1}{4}$ ؟

مثّل هذا الكسر على خط الأعداد.

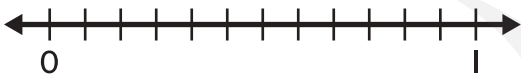


3

خط الأعداد الثالث مقسّم إلى اثني عشر جزءاً.

ما الكسر الذي له نفس موضع الكسر $\frac{1}{4}$ ؟

مثّل هذا الكسر على خط الأعداد.



إذاً، الكسران المكافئان للكسر $\frac{1}{4}$ هما $\frac{\quad}{\quad}$ و $\frac{\quad}{\quad}$.

تحدّث

الممارسات

8

البحث عن نمط

بعض الكسور المكافئة. ادرس الجدول. وصف النمط القائم بين البسطين والمقامين للكسرين المتكافئين.

الكسور المكافئة	
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{6}$
$\frac{1}{3}$	$\frac{4}{12}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{8}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{12}$

الممارسات

3

الاستنتاج

2. الأعداد، ما إن كان الكسران $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{6}$ متكافئين، مع الشرح.

تدرب

ميّز إذا كان كلّ كسرين مما يلي متكافئين.
اكتب نعم أو لا. واستخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

5. $\frac{3}{5}$ و $\frac{2}{3}$

4. $\frac{5}{10}$ و $\frac{6}{8}$

3. $\frac{6}{12}$ و $\frac{2}{4}$

8. $\frac{6}{10}$ و $\frac{2}{3}$

7. $\frac{8}{12}$ و $\frac{4}{6}$

6. $\frac{3}{4}$ و $\frac{9}{12}$

شكّل كسرين متكافئين لكل كسر.
استخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

9. $\frac{2}{4}$

10. $\frac{2}{6}$

11. $\frac{4}{8}$

12. $\frac{5}{10}$

13. $\frac{1}{3}$

14. $\frac{2}{3}$

برنامج محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

الحل

15. **الممارسات الرياضية** 4 تمثيل مسائل الرياضيات كانت هناك 10 مخبوزات في سلّة. بيعت أربعة منها. اكتب كسرًا لتوضيح القسم الذي لم يبع من المخبوزات. ثم اكتب كسرًا مكافئًا لهذا العدد.

16. استهلك ثلثا إناء من زبدة الفول السوداني. اكتب كسرًا مكافئًا.

17. يضمّ وعاء كراتٍ من الرخام. ثلاثة أعشار من الكرات حمراء. وخمسة أعشار من الكرات زرقاء. وعُشرين من الكرات خضراء. فأَيُّ من هذه الكسور مكافئٌ لأربعة أثمان؟



18. **الممارسات الرياضية** 2 استخدام الحسّ العددي استخدمت حصّة رقائق الكسور لتوضح أن $\frac{3}{5}$ مكافئ لـ $\frac{6}{10}$. قارن عدد رقائق الكسور المطلوبة لتمثيل كل كسرٍ وقياسها.

برنامج محمد بن راشد
للذكاء
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

19. **الممارسات الرياضية** 1 فهم طبيعة المسائل أكمل المعادلة. $\frac{2}{\square} = \frac{\square}{6}$

اكتب

20. اكتب مثالاً من الحياة اليومية لكسورٍ مكافئة.

الدرس 3

نشاط عملي:
تمثيل الكسور المكافئة

واجباتي المنزلية

مساعد الواجب المنزلي

حدّد ما إن كان الكسر $\frac{1}{2}$ مكافئاً للكسر $\frac{3}{6}$.

إحدى الطرق استخدام رقائق الكسور.



تتلم ثلاثة رقائق
من الفئة $\frac{1}{6}$
بحيث يساوي الكسر $\frac{3}{6}$.

1 مثل بالنماذج $\frac{1}{2}$.

2 مثل بالنماذج $\frac{3}{6}$.

حاذِ ثلاث رقائق كسور من الفئة $\frac{1}{6}$
تحت رقيقة الكسر $\frac{1}{2}$.

بما أنهما من الطول نفسه،
فالكسيران متكافئان.

$$\text{إذاً، } \frac{1}{2} = \frac{3}{6}$$

طريقة أخرى استخدام خط الأعداد.



1 قسّم خط الأعداد الأول إلى أنصاف.



2 وقسّم خط الأعداد الثاني إلى أسداس.

3 عدّ الأسداس الموجودة في النصف الواحد.

يوضح خط الأعداد أن الكسرين $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{6}$ يقعان في النقطة نفسها.

ولذلك، فهما كسيران متكافئان.

تمارين

ميّز إذا كان كلّ كسرين مما يلي متكافئين. واكتب نعم أو لا. واستخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

3. $\frac{6}{12}$ و $\frac{2}{4}$

2. $\frac{5}{6}$ و $\frac{4}{5}$

1. $\frac{6}{8}$ و $\frac{3}{5}$

6. $\frac{9}{10}$ و $\frac{5}{6}$

5. $\frac{4}{6}$ و $\frac{8}{12}$

4. $\frac{4}{6}$ و $\frac{2}{3}$

شكّل كسرين متكافئين لكل كسر. واستخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

7. $\frac{1}{3}$

8. $\frac{8}{12}$

9. $\frac{3}{4}$

حل المسائل



10. **الممارسات الرياضية** تبرير الاستنتاجات يعيش حمد على بعد $\frac{1}{5}$ كيلومترًا من المدرسة. ويعيش عبد العزيز على بعد $\frac{2}{10}$ كيلومترًا عن المدرسة. فهل يعيشان عند المسافة نفسها عن المدرسة؟ اشرح.

مراجعة المفردات

ارسم خطأً ليصل بين المصطلح ومثاله.

• $\frac{3}{5}$ و $\frac{6}{10}$

11. البسط

• العدد 1 في $\frac{1}{4}$

12. المقام

• العدد 4 في $\frac{1}{4}$

13. الكسور المكافئة

الدرس 4

الكسور المكافئة

السؤال الأساسي
كيف يمكن لكسور
مختلفة التعبير عن نفس
المقدار؟

لقد استخدمت الرقائق وخطوط الأعداد لإيجاد الكسور المكافئة. ويمكن استخدام الضرب أيضًا لإيجاد الكسور المكافئة. والكسور التي لها البسط والمقام نفسه مكافئان للواحد الكلي.



الرياضيات في حياتنا

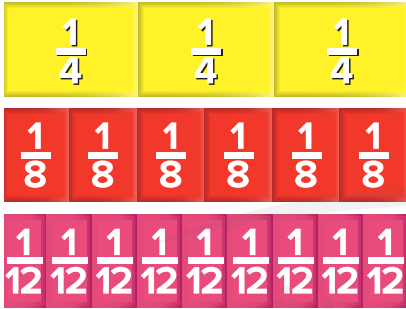


مثال 1

تطلب وصفة السباغيتي وكرات اللحم استخدام $\frac{3}{4}$ كيلوجرامًا من لحم البقر المفروم. أوجد كسرين مكافئين للكسر $\frac{3}{4}$.

الطريقة الأولى استخدام الرقائق.

مثل بالرقائق $\frac{3}{4}$.



ضع ستة رقائق من الفئة $\frac{1}{8}$ تحت الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{4}$. ضع تسعة رقائق من الفئة $\frac{1}{12}$ تحت الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{8}$.

الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{8}$ أصغر من الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{4}$ ، ولذلك هناك عدد أكبر منها.

الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{12}$ أصغر من الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{4}$ ومن الرقائق ذات الفئة $\frac{1}{8}$ ، إذاً هناك عدد أكبر منها.

طريقة أخرى استخدام الضرب.

اضرب البسط والمقام بالعدد نفسه.

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 2}{4 \times 2} = \frac{6}{8}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12}$$

إذاً، فالكسوران المكافئان لـ $\frac{3}{4}$ هما $\frac{6}{8}$ و $\frac{9}{12}$.

يمكنك استخدام الضرب لكتابة كسرٍ مقامه يساوي 10 على صورة كسرٍ مكافئٍ مقامه 100.

مثال 2

لدى رنا عبوةٌ من البقول المجففة. يوضح الشكل كسر كل نوع من البقول. فأَي هذه الأنواع لَهُ كسرٌ مكافئٌ للكسر $\frac{3}{10}$ من العبوة؟

لكل كسرٍ في الجدول مقامٌ يساوي 100. استخدم الضرب لإيجاد أي كسرٍ يكافئ الكسر $\frac{3}{10}$. ا ضرب.

نوع البقول	الكسر
الفول	$\frac{20}{100}$
الفاصولياء	$\frac{10}{100}$
الحبّص	$\frac{40}{100}$
فاصولياء ليما	$\frac{30}{100}$

$$\frac{3}{10} = \frac{3 \times 10}{10 \times 10} = \frac{\boxed{30}}{\boxed{100}}$$

أنا الفلفل الحار!

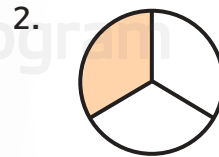
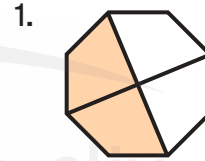
أذكر السبب في أنّ الكسور

$$\frac{9}{12} \neq \frac{6}{8} \neq \frac{3}{4}$$

كسورٌ مكافئة. وأعط مثالاً عن مجموعةٍ أخرى من ثلاثة كسورٍ مكافئة.

تمارين موجّهة

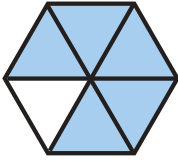
اكتب كسر الجزء المظلل. ثم أوجد كسرًا مكافئًا له.



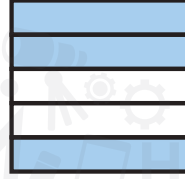
تمارين ذاتية

اكتب كسر الجزء المظلل. ثم أوجد كسرًا مكافئًا له.

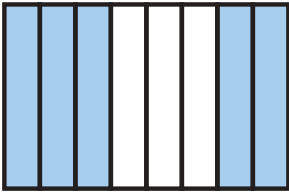
3.



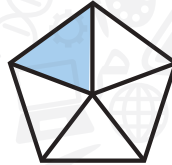
4.



5.



6.



ضع دائرتين حول كل كسرين متكافئين في كل مجموعة من الكسور مّا يلي.

7. $\frac{1}{4}$ $\frac{3}{12}$ $\frac{2}{6}$

8. $\frac{2}{10}$ $\frac{2}{100}$ $\frac{20}{100}$

9. $\frac{3}{5}$ $\frac{6}{8}$ $\frac{6}{10}$

10. $\frac{1}{100}$ $\frac{10}{100}$ $\frac{1}{10}$

11. $\frac{2}{3}$ $\frac{5}{6}$ $\frac{8}{12}$

12. $\frac{6}{10}$ $\frac{40}{100}$ $\frac{4}{10}$

الجبر أوجد كل مجهول فيما يلي.

13. $\frac{1}{4} = \frac{\boxed{}}{8}$

14. $\frac{7}{10} = \frac{\boxed{}}{100}$

15. $\frac{3}{5} = \frac{6}{\boxed{}}$



حل المسائل

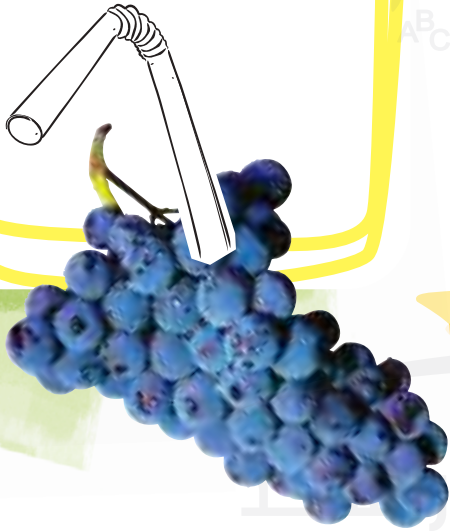
الحل

تلد أنثى الظبي في العادة ما بين صغير واحد وثلاثة صغار. ويدعى صغير الظبي بالشادن. يظهر قرن ذكر الظبي في الربيع.

16. على فرض أن هنالك 10 ظباءً تسافر سوياً. فإذا كانت 4 منها إناثاً و 3 منها صغاراً، فما الكسر الذي يمثل عدد الذكور؟ اكتب كسراً مكافئاً ثانياً يمثل هذا العدد.

17. يضم قطار الملاهي 10 عربات. سبع من العربات خضراء اكتب كسرين مكافئين للقسم الأخضر من العربات.

18. **المهارسات الرياضية** 4 تمثيل مسائل الرياضيات بحوزة خالد 4 صناديق من العصير. ثلاثة من الصناديق بنكهة العنب. اكتب كسرين مكافئين يصفان قسم صناديق العصير المطعم بنكهة العنب.



مسائل مهارات التفكير العليا

19. **المهارسات الرياضية** 2 استخدام الحس العددي حدّد كسراً مكافئاً لـ $\frac{25}{100}$

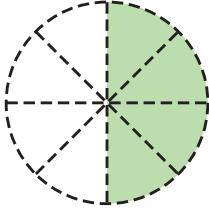
20. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف بوسعك التحقق لمعرفة ما إن كان كسران متكافئين؟ اشرح.

الدرس 4

الكسور المكافئة

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي



اكتب كسر الجزء المظلل.
ثم أوجد كسرين مكافئين.

1 أوجد الكسر الذي يمثل الجزء المظلل.

$$\begin{array}{l} \text{عدد الأجزاء المظلمة} \longrightarrow 4 \\ \text{إجمالي عدد الأجزاء} \longrightarrow 8 \end{array}$$

2 أوجد الكسور المكافئة.

اضرب البسط والمقام بالعدد نفسه.
على سبيل المثال، 2.

$$\frac{4 \times 2}{8 \times 2} = \frac{8}{16}$$

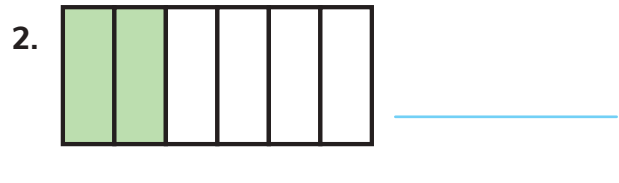
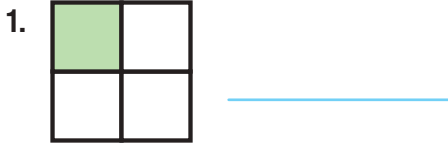
اضرب البسط والمقام بعدد آخر.
على سبيل المثال، 3.

$$\frac{4 \times 3}{8 \times 3} = \frac{12}{24}$$

إذًا، الكسر الممثل بالدائرة هو $\frac{4}{8}$.
كسيران متكافئان هما $\frac{12}{24}$ و $\frac{8}{16}$.

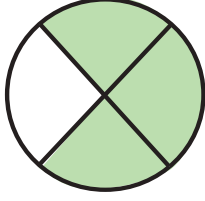
تمارين

اكتب كسر الجزء المظلل. ثم أوجد كسرًا مكافئًا له.

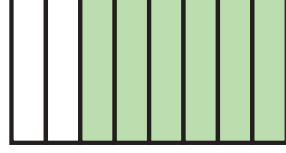


اكتب كسر الجزء المظلل. ثم أوجد كسرًا مكافئًا له.

3.



4.



أوجد كسرًا مكافئًا لكل كسرٍ مما يلي.

5. $\frac{20}{100}$ _____

6. $\frac{2}{8}$ _____

7. $\frac{90}{100}$ _____

الجبر أوجد كل مجهول مما يلي.

8. $\frac{6}{12} = \frac{x}{2}$

9. $\frac{3}{10} = \frac{x}{100}$

10. $\frac{5}{8} = \frac{10}{x}$

$x =$ _____

$x =$ _____

$x =$ _____

حل المسائل



11. **المهارسات الرياضية**  استخدام الحسّ العددي لدى سالي 4 ثمارٍ من الفاكهة. اثنتان من الثمار هما موزتان. اكتب كسرين يصفان كسر الموز من الفاكهة.

12. يضم صندوق 4 أقلام حبر حمراء و 6 أقلام حبر سوداء. فما كسر أقلام الحبر الحمراء؟ اكتب كسرين مكافئين.

للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

تمرين على الاختبار

13. أنفقت خديجة $\frac{4}{12}$ من مذكراتها لشراء قرص مدمج جديد. فما الكسر المكافئ الذي يبين المبلغ الذي أنفقته خديجة؟

(A) $\frac{1}{9}$

(B) $\frac{1}{3}$

(C) $\frac{2}{8}$

(D) $\frac{2}{3}$

الدرس 5

السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

أبسط صورة

يكون الكسر في أبسط صورة حين لا يكون للبسط والمقام عامل مشترك إلا 1. وتكافؤ الصورة الأبسط لكسر الكسر نفسه.

الرياضيات في حياتنا



مثال 1

هناك 12 مكوناً في وصفة صنع الخبز. يحتاج رشيد إلى شراء 8 من 12، أو $\frac{8}{12}$ ، من المكونات. اكتب $\frac{8}{12}$ بأبسط صورة.

لكتابة كسر بأبسط صورة، قسّم البسط والمقام على العامل المشترك الأكبر. والعامل المشترك الأكبر هو أكبر العوامل المشتركة بين عددين أو أكثر.

1 أوجد العوامل المشتركة للعددين 8 و 12.

عوامل العدد 8: 1, 2, 4, 8
عوامل العدد 12: 1, 2, 3, 4, 6, 12
العوامل المشتركة: _____، _____، _____، حوّل العامل المشترك الأكبر.

2 قسّم على العامل المشترك الأكبر.

$$\frac{8 \div 4}{12 \div 4} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

ليس للعددين 2 و 3 عامل مشترك سوى 1.

إذا، فالكسر $\frac{8}{12}$ بأبسط صورة هو $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$.

لكتابة كسرٍ بأبسط صورة، فإمكانك
أيضًا أن تقسم على العوامل المشتركة.

مثال 2

يبلغ طول دب كوالا حديث الولادة $\frac{6}{8}$ بوصة. اكتب الكسر
بأبسط صورة.

1 اكتب الكسر.

2 قسم على العوامل المشتركة.

$$\frac{6}{8} = \frac{6 \div 2}{8 \div 2} = \frac{\boxed{3}}{\boxed{4}}$$

من العوامل المشتركة للعددين 6 و 8 العدد 2.

إذًا، يبسط الكسر $\frac{6}{8}$ إلى $\frac{\boxed{3}}{\boxed{4}}$. يبلغ طول الكوالا حديث الولادة $\frac{\boxed{3}}{4}$ بوصة.

إرشاد مفيد

قسم إلى 3 لا يتبقى
للعدد والمقام أي عامل
مشترك سوى 1.

كيف علمت
أن $\frac{4}{5}$ هو
بأبسط صورة؟

تمارين موجّهة

اكتب كل كسرٍ مما يلي بأبسط صورة.
فإذا كان الكسر بأبسط صورة، فاكتب أبسط صورة.

1. $\frac{2}{4}$

2. $\frac{6}{10}$

3. $\frac{5}{6}$

4. $\frac{4}{12}$

تمارين ذاتية

اكتب كل كسرٍ مما يلي بأبسط صورة. فإذا كان الكسر بأبسط صورة، فاكتب أبسط صورة.

5. $\frac{2}{10}$

6. $\frac{3}{12}$

7. $\frac{7}{10}$

8. $\frac{6}{12}$

9. $\frac{8}{12}$

10. $\frac{2}{3}$

11. $\frac{8}{10}$

12. $\frac{5}{10}$

13. $\frac{3}{4}$

14. $\frac{4}{5}$

15. $\frac{1}{2}$

16. $\frac{4}{8}$

17. $\frac{20}{100}$

18. $\frac{40}{100}$

19. $\frac{50}{100}$

20. $\frac{4}{10} = \frac{\blacksquare}{5}$

21. $\frac{6}{8} = \frac{3}{\blacksquare}$

22. $\frac{60}{100} = \frac{\blacksquare}{5}$

$\blacksquare =$

$\blacksquare =$

$\blacksquare =$



حل المسائل

يُدرج الجدول أعداد بعض الأشياء في غرفة الصف.
ما الكسر المتبقي في حالة ضياع 3 من كل عنصر منها؟

الشيء	العدد
قلم التلوين	10
قلم الرصاص	8
علبة أقلام الرصاص	6
المقص	9

23. قلم الرصاص _____ 24. قلم التلوين _____

25. المقص _____ 26. علبة أقلام الرصاص _____

في التمرينين 27 و 28، اكتب كل إجابة على هيئة كسرٍ بأبسط صورة.

27. أعدّ خميس 4 من أصل 12 وصفة في كتاب الطبخ.
فما هو كسر الوصفات التي أعدها؟

28. **المهارسات الرياضية** **1** فهم طبيعة المسائل ستّ من عشر كرات زجاجية الموجودة في الكيس صفراء. فما كسر الكرات الصفراء؟

مسائل مهارات التفكير العليا

29. **المهارسات الرياضية** **7** تحديد البنية اكتب كسورًا ثلاثة بأبسط صورة لها.

30. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف يوسعك التحقق لمعرفة ما الكسر بصورته الأبسط؟ اشرح.

الدرس 5

أبسط صورة

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

وجدت شيخة 12 كرة جولف. ستُّ منها صفراء. فما كسر كرات الجولف الصفراء؟ اكتب الكسر بصورته الأبسط.

1 اكتب الكسر.

6 من 12 كرة جولف صفراء.

يساوي الكسر $\frac{6}{12}$.

2 أوجد العوامل المشتركة للعددين 6 و 12.

حوّط العامل المشترك الأكبر.

عوامل العدد 6: 1, 2, 3, 6

عوامل العدد 12: 1, 2, 3, 4, 6, 12

3 قسّم على العامل المشترك الأكبر.

$$\frac{6 \div 6}{12 \div 6} = \frac{1}{2}$$

إذاً، $\frac{1}{2}$ من كرات الجولف صفراء.

إزالة

يكون الكسر بأبسط صورة حين لا يكون للبسط والمقام عامل مشترك سوى 1.

تمارين

اكتب كل كسر مما يلي بأبسط صورة. فإذا كان الكسر بأبسط صورة، فاكتب أبسط صورة.

1. $\frac{3}{12}$

2. $\frac{6}{8}$

3. $\frac{7}{12}$

4. $\frac{4}{10}$

5. $\frac{20}{100}$

6. $\frac{2}{6}$

اكتب كل كسرٍ مما يلي بأبسط صورة. فإذا كان الكسر بأبسط صورة، فاكتب أبسط صورة.

7. $\frac{5}{10}$

8. $\frac{4}{12}$

9. $\frac{2}{8}$

10. $\frac{3}{100}$

11. $\frac{70}{100}$

12. $\frac{2}{5}$

حل المسائل



13. **الممارسات الرياضية** فهم طبيعة المسائل كانت بحوزة سندیّة 12 كرة رخام. وبعد أن أعطت كرتي رخام إلى سهى، تبقى بحوزتها $\frac{10}{12}$ من كراتها. فما كسر كرات الرخام التي قدّمتها؟ اكتب الكسر بأبسط صورة.

14. بحوزة خلف 8 هِرر صغيرة. اثنتان من الهرة بيضاوان. فما كسر الهِرر غير البيضاء؟ اكتب الكسر بأبسط صورة.

مراجعة المفردات

اكتب مصطلحًا لإكمال كلّ جملةٍ مما يلي.

العامل المشترك الأكبر ، أبسط صورة

15. حين يكون العامل المشترك الوحيد للبسط والمقام

يساوي 1، فالكسر يكون في

16. لتحويل كسرٍ إلى أبسط صورة، قسّم البسط والمقام على

الخاص بهما.

تمرين على الاختبار

17. ما هو المقام المجهول إذا كان $\frac{9}{12} = \frac{3}{\square}$ ؟

(A) 8

(C) 4

(B) 6

(D) 3

الدرس 6

السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

مقارنة الكسور وترتيبها

لمقارنة الكسور، شكّل كسورًا مكافئة لها المقامات أو قيم البسط نفسها. استخدم المضاعف المشترك الأصغر، أو المضاعف الأصغر المشترك لمجموعات من المضاعفات.

الرياضيات في حياتنا



مثال 1

لدى حمد تشكيلة من الحشرات. يوضح الجدول أطوال أربع حشرات في تشكيلته. فأيهما أطول، البعوضة أم الخنفساء؟

1 أوجد المضاعف المشترك الأصغر للمقامات.

مضاعفات العدد 4: 4, 8, 12, 16, ...

مضاعفات العدد 8: 8, 16, 24, ...

المضاعف المشترك الأصغر لقيم المقام هو 8.

2 شكّل كسورًا مكافئة تستخدم فيها العدد 8 بمثابة مقام.

الخنفساء البعوضة

$$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 2}{4 \times 2} = \frac{2}{8}$$

$$\frac{3}{8} = \frac{3 \times 1}{8 \times 1} = \frac{3}{8}$$

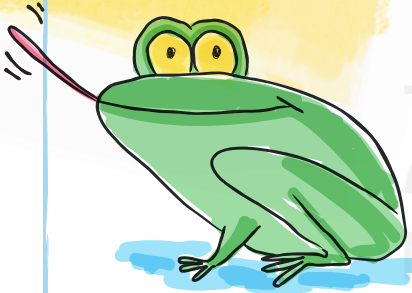
3 قارن بين قيم البسط.

حين تكون المقامات متماثلة، فالكسر ذو البسط الأكبر هو الكسر الأكبر.

$$\frac{2}{8} < \frac{3}{8}$$

من بين العددين 2 و 3، العدد 3 أقرب إلى 8. إذن، 2 من 8 أصغر من 3 من 8.

إذًا، _____ أطول.



مثال 2

يعرض الجدول أزمنة الطهو اللازمة لأطعمة مختلفة.
رتب الأطعمة من أصغر إلى أكبر زمن للطهو.

أزمنة الطهو	
الزمن	الطعام
$\frac{1}{4}$ ساعة	الأرز
$\frac{5}{6}$ ساعة	اللازانيا
$\frac{2}{3}$ ساعة	الباستا

1 أوجد المضاعف المشترك الأصغر لقيم البسط.

الأرز

مضاعفات العدد 1: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, ...

اللازانيا

مضاعفات العدد 5: 5, 10, 15, ...

الباستا

مضاعفات العدد 2: 2, 4, 6, 8, 10, 12, ...

المضاعف المشترك الأصغر لقيم البسط هو 10.

2 شكّل كسورًا مكافئة تستخدم فيها العدد 10 بمثابة بسط.

الأرز	اللازانيا	الباستا
$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 10}{4 \times 10} = \frac{10}{40}$	$\frac{5}{6} = \frac{5 \times 2}{6 \times 2} = \frac{10}{12}$	$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 5}{3 \times 5} = \frac{10}{15}$

3 مقارنة المقامات.

حين تكون قيم البسط متماثلة، فالكسر ذوالمقام الأكبر هو الأصغر.

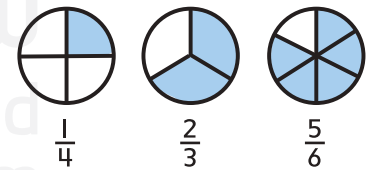
العدد 10 أقرب بكثير إلى العدد 12 من قربه إلى العدد 40. إذا 10 من أصل 40 أصغر من 10 من أصل 12.

$$\frac{10}{40} < \frac{10}{15} < \frac{10}{12}$$

إذا، فترتيب الأطعمة من أصغر إلى أكبر زمن للطهو هي و

تحقق

توضح النماذج أنّ $\frac{1}{4} < \frac{2}{3} < \frac{5}{6}$.



تمارين موجهة

قارن. استخدم < أو > أو =.

1. $\frac{3}{4} \bigcirc \frac{1}{2}$

2. $\frac{3}{6} \bigcirc \frac{3}{4}$

تمارين ذاتية

المقارنة. استخدم < أو > أو =. وتحقق من إجابتك باستخدام رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

3. $\frac{2}{6} \bigcirc \frac{1}{3}$

4. $\frac{3}{5} \bigcirc \frac{5}{6}$

5. $\frac{4}{5} \bigcirc \frac{8}{10}$

6. $\frac{2}{3} \bigcirc \frac{1}{3}$

7. $\frac{4}{10} \bigcirc \frac{1}{2}$

8. $\frac{5}{8} \bigcirc \frac{2}{3}$

9. $\frac{3}{4} \bigcirc \frac{1}{3}$

10. $\frac{2}{3} \bigcirc \frac{6}{9}$

11. $\frac{1}{2} \bigcirc \frac{3}{4}$

رتب من الأصغر إلى الأكبر. وتحقق من إجابتك باستخدام رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

12. $\frac{4}{6}, \frac{1}{3}, \frac{3}{3}$

13. $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{7}{8}$

14. $\frac{3}{10}, \frac{3}{5}, \frac{3}{4}$

15. $\frac{1}{6}, \frac{2}{5}, \frac{3}{4}$

16. $\frac{3}{8}, \frac{2}{5}, \frac{2}{10}$

17. $\frac{3}{5}, \frac{2}{4}, \frac{1}{3}$



حل المسائل

شطيرة السيد حميد



18. ما نوع اللحم الذي يشكّل معظم شطيرة حميد؟

19. **المهارسات الرياضية** 1 **تخطيط الحلّ** تناولت عائشة

$\frac{1}{4}$ من الجزرات الموجودة في الكيس. وتناول عيسى $\frac{3}{12}$ من الجزرات الموجودة في الكيس. قارن كميتي الجزر اللتين تناولهما كلّ منهما.

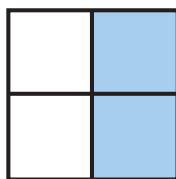
مسائل مهارات التفكير العليا

20. **المهارسات الرياضية** 3 **البحث عن الخطأ** قالت أمل إن $\frac{3}{4}$

من الشكل 1 أكبر من $\frac{2}{4}$ من الشكل 2. ابحث عن الخطأ التي ارتكبتها أمل وصحّحه.



الشكل 1



الشكل 2

21. **المهارسات الرياضية** 2 **الاستنتاج** اكتب ثلاثة كسور ليست أكبر من $\frac{1}{2}$.

22. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف بوسعي مقارنة كسرين لهما البسط نفسه؟

الدرس 6

مقارنة الكسور
وترتيبها

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

لدى أماني ثلاث علبٍ متماثلة الحجم من الطلاء. علبة الطلاء الأزرق
ممتلئة بمقدار $\frac{2}{3}$. وعلبة الطلاء الأخضر ممتلئة بمقدار $\frac{3}{4}$. وعلبة الطلاء
الأصفر ممتلئة بمقدار $\frac{1}{2}$. رتب ألوان الطلاء من الكمية الأصغر إلى الأكبر.
قارن $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{4}$ و $\frac{2}{3}$.

1 أوجد المضاعف المشترك الأصغر للمقامات.

حوّط المضاعف المشترك الأصغر.

مضاعفات العدد 2: 2, 4, 6, 8, 10, (12), 14

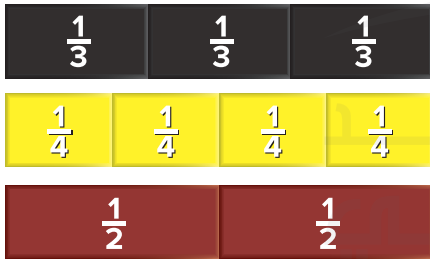
مضاعفات العدد 3: 3, 6, 9, (12), 15

مضاعفات العدد 4: 4, 8, (12), 16

المضاعف المشترك الأصغر هو 12.

إلى سؤال مشابه

يمكنك أيضًا استخدام الرقائق
لمقارنة الكسور.



2 شكّل الكسور المكافئة.

اضرب لإيجاد الكسور المكافئة

التي مقامها 12.

$$\frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12} \quad \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12} \quad \frac{1 \times 6}{2 \times 6} = \frac{6}{12}$$

3 قارن ورتب.

$$\frac{6}{12} < \frac{8}{12} < \frac{9}{12}$$

$$\text{إذًا، } \frac{1}{2} < \frac{2}{3} < \frac{3}{4}$$

ترتيب الألوان من الكمية الأصغر إلى الأكبر من كل لونٍ هو
اللون الأصفر فالأزرق فالأخضر.

تمارين

قارن. استخدم < أو > أو =.

1. $\frac{1}{2} \bigcirc \frac{1}{3}$

2. $\frac{5}{12} \bigcirc \frac{1}{4}$

3. $\frac{4}{5} \bigcirc \frac{8}{10}$

4. $\frac{7}{10} \bigcirc \frac{4}{5}$

5. $\frac{1}{5} \bigcirc \frac{2}{10}$

6. $\frac{2}{5} \bigcirc \frac{2}{8}$

7. $\frac{9}{10} \bigcirc \frac{7}{8}$

8. $\frac{3}{10} \bigcirc \frac{4}{8}$

9. $\frac{1}{4} \bigcirc \frac{6}{12}$

رتب من الأصغر إلى الأكبر.

10. $\frac{4}{8}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}$ _____

11. $\frac{5}{6}, \frac{7}{12}, \frac{3}{4}$ _____

12. $\frac{1}{2}, \frac{7}{8}, \frac{2}{8}$ _____

13. $\frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{5}{6}$ _____

حل المسائل



14. لدى آمنة عبوتان مستخدمتان جزئيًا من الغراء. يتبقى من أحدهما $\frac{1}{5}$ ويتبقى من الأخرى $\frac{3}{10}$. فأَي العلبتين تضمّ غراءً أكثر؟

15. **الممارسات الرياضية 6** **توَجِّد الدقة** تقيس أسماء ثلاثة أزرار لقميص تصنعه. قياس أحد الأزرار يساوي $\frac{1}{8}$ بوصة، وقياس الآخر $\frac{3}{8}$ بوصة، وقياس الثالث $\frac{1}{4}$ بوصة. فأَي الأزرار هو الأصغر؟ وأيها هو الأكبر؟

مراجعة المفردات

16. ما المضاعف المشترك الأصغر للعددين 3 و 8؟ _____

تمرين على الاختبار

17. أي كسر ليس أكبر من $\frac{1}{2}$ ؟

(A) $\frac{7}{8}$

(B) $\frac{4}{6}$

(C) $\frac{3}{5}$

(D) $\frac{2}{5}$

الدرس 7

السؤال الأساسي
كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

استخدام الكسور المعيارية للمقارنة والترتيب

الكسور المعيارية هي كسور عادية مثل $\frac{1}{2}$. تستخدم لمقارنة الكسور وترتيبها.

الرياضيات في حياتنا

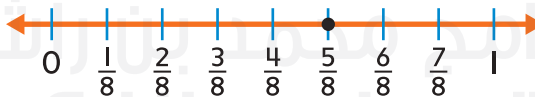
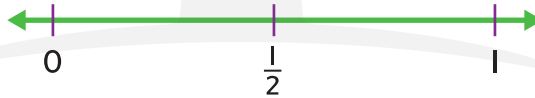


مثال 1

تستخدم إحدى وصفات الجرانولا $\frac{5}{8}$ كوباً من الزبيب و $\frac{1}{6}$ كوباً من الكرز المجفف. أيهما لهم كمية أكبر الزبيب أم الكرز؟
قارن $\frac{1}{6}$ و $\frac{5}{8}$.

استخدم $\frac{1}{2}$ بمثابة كسر معياري.

أنت تعلم أن $\frac{1}{2}$ مكافئ لـ $\frac{4}{8}$ و $\frac{3}{6}$.



2 قارن. $\frac{5}{8} > \frac{1}{2}$ و $\frac{1}{6} < \frac{1}{2}$.

إذا، $\frac{5}{8} \bigcirc \frac{1}{6}$.

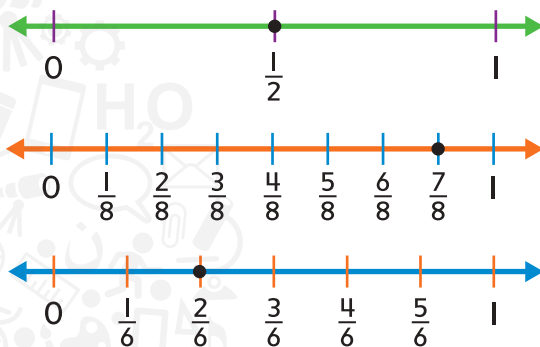
هناك كمية أكبر من _____ في وصفة الجرانولا.

مثال 2

أدرج $\frac{7}{8}$ و $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{3}$ بالترتيب من الأصغر إلى الأكبر.

استخدم $\frac{1}{2}$ بمثابة كسرٍ معياري.

تعلم أن $\frac{1}{2}$ مكافئ لـ $\frac{4}{8}$ و $\frac{3}{6}$.



$\frac{1}{3}$ مكافئ لـ $\frac{2}{6}$.

2 قارن. $\frac{7}{8} > \frac{1}{2}$ و $\frac{1}{3} < \frac{1}{2}$.

إذا، فالكسور من الأصغر إلى الأكبر هي بالترتيب $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{7}{8}$.

$$\frac{\square}{\square} < \frac{\square}{\square} < \frac{\square}{\square}$$

تمارين موجّهة

استخدم كسرًا معياريًا للمقارنة. واكتب $<$ أو $>$ أو $=$.

1. $\frac{3}{4}$ ○ $\frac{1}{2}$

2. $\frac{3}{6}$ ○ $\frac{3}{4}$

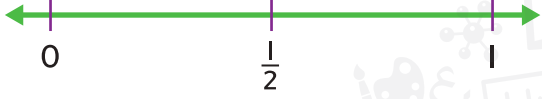
في الرياضيات

اشرح كيف علمت
أن $\frac{1}{8} < \frac{1}{2}$

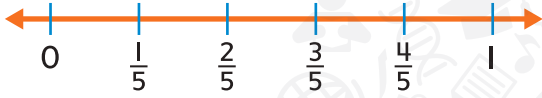
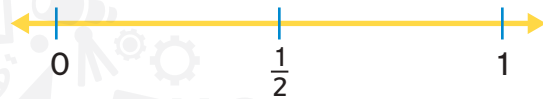
تمارين ذاتية

استخدم كسرًا معياريًا للمقارنة. واكتب $>$ أو $<$ أو $=$.

3. $\frac{4}{5} \bigcirc \frac{1}{3}$



4. $\frac{1}{2} \bigcirc \frac{3}{5}$



5. $\frac{1}{3} \bigcirc \frac{8}{10}$

6. $\frac{2}{3} \bigcirc \frac{1}{6}$

7. $\frac{3}{4} \bigcirc \frac{2}{5}$

8. $\frac{1}{4} \bigcirc \frac{4}{5}$

9. $\frac{1}{3} \bigcirc \frac{1}{8}$

10. $\frac{3}{6} \bigcirc \frac{2}{4}$

11. $\frac{1}{2}, \frac{1}{8}, \frac{3}{4}$

12. $\frac{1}{2}, \frac{3}{8}, \frac{3}{5}$

13. $\frac{2}{3}, \frac{1}{6}, \frac{1}{2}$

رتب من الأصغر إلى الأكبر.

14. تنص وصفة على استخدام $\frac{1}{2}$ ملعقة من الملح و $\frac{1}{4}$ ملعقة من صودا الخبز. فأَي الكسرين أكبر؟



15. ركضت إيمان $\frac{3}{4}$ من الكيلومتر يوم السبت و $\frac{1}{2}$ كيلومتر يوم الأحد. ففي أي يوم ركضت إيمان مسافة أطول؟

16. تتركب بطانية من $\frac{7}{10}$ متر من قماش أحمر و $\frac{1}{3}$ متر من قماش أزرق. فأَي من نوعي القماش يغلب على تركيب البطانية، الأحمر أم الأزرق؟

17. **الممارسات الرياضية** تحديد البنية يتألف سدس البستان من الطماطم. ويتألف نصفه من القليقلة. ويتألف ثلثه من البصل. أدرج الكسور بالترتيب من الأكبر إلى الأصغر.

مسائل مهارات التفكير العليا

18. **الممارسات الرياضية** تمثيل مسائل الرياضيات اكتب كسرًا أكبر من $\frac{1}{3}$ وأصغر من $\frac{1}{2}$.

19. **الاستفادة من المحتوى الأساسي** اشرح كيف تقرّر ما إذا كان $\frac{3}{4}$ أكبر من $\frac{1}{6}$ أم لا.

الدرس 7

استخدام الكسور
المعيارية للمقارنة
والترتيب

واجباتي المنزلية

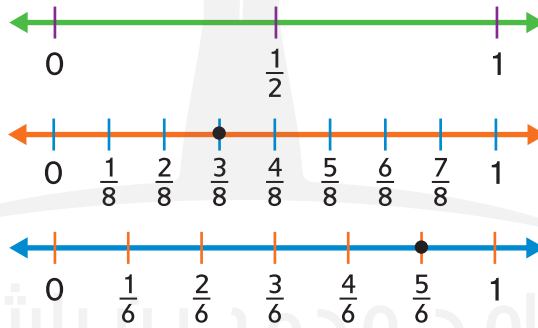
مساعد الواجب المنزلي

أكمل حسام $\frac{3}{8}$ من واجبه المنزلي. وأكمل
إسماعيل $\frac{5}{6}$ من واجبه المنزلي. فمن منهما أقرب
إلى إنهاء واجبه المنزلي؟

استخدم الكسور المعيارية أو العادية
لمقارنة $\frac{3}{8}$ و $\frac{5}{6}$.

1 استخدم $\frac{1}{2}$ بمثابة كسر معياري.

تعلم أن $\frac{1}{2}$ مكافئ لـ $\frac{4}{8}$ و $\frac{3}{6}$.



2 قارن.

$\frac{3}{8}$ أصغر من $\frac{1}{2}$ ، وأن $\frac{5}{6}$ أكبر من $\frac{1}{2}$.

إذًا، إسماعيل هو أقرب إلى إنهاء واجبه المنزلي من حسام.

تمارين

استخدم كسرًا معياريًا للمقارنة. واستخدم $<$ أو $>$ أو $=$.

1. $\frac{3}{8} \bigcirc \frac{3}{4}$

2. $\frac{4}{6} \bigcirc \frac{3}{8}$

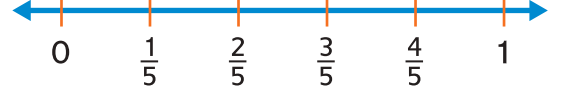
3. $\frac{1}{8} \bigcirc \frac{5}{6}$

استخدم كسرًا معياريًا للمقارنة. واستخدم $<$ أو $>$ أو $=$.

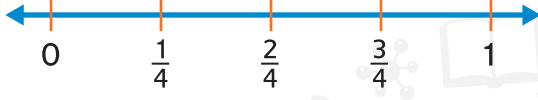
4. $\frac{1}{3} \bigcirc \frac{3}{4}$



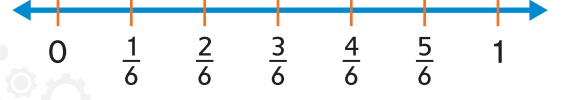
5. $\frac{3}{5} \bigcirc \frac{2}{6}$



6. $\frac{3}{6} \bigcirc \frac{2}{5}$



7. $\frac{2}{4} \bigcirc \frac{2}{3}$



رتّب من الأصغر إلى الأكبر.

8. $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{2}{3}$ _____

9. $\frac{3}{6}, \frac{3}{4}, \frac{2}{8}$ _____

حل المسائل



10. لدى حوريّة ساعة كاملة للاستعداد للذهاب إلى المدرسة. وهي تقضي $\frac{3}{6}$ من ذلك الوقت في ارتداء ملابسها. وتقضي $\frac{1}{4}$ من ذلك الوقت في تناول الفطور. فهل تقضي حوريّة وقتًا أطول في ارتداء الملابس أم على تناول الفطور؟

11. **الممارسات الرياضية** استخدام الحسّ العددي يأكل حارب $\frac{1}{8}$ من وجبة البيتزا. ويأكل لاحقًا $\frac{1}{2}$ من الوجبة نفسها. فهل تناول كمية أكبر خلال المرة الأولى أم الثانية؟

مراجعة المفردات

12. كيف أستخدم الكسور المعيارية؟

تمرين على الاختبار

13. أيّ كسر ليس أكبر من $\frac{2}{5}$ ؟

(A) $\frac{3}{10}$

(B) $\frac{7}{10}$

(C) $\frac{2}{4}$

(D) $\frac{3}{6}$

التحقق من تقديمي

مراجعة المفردات

1. اكتب كسرين متكافئين.
2. اكتب الكسر الذي يضم 4 في البسط و 6 في المقام.
3. اكتب الكسر في التمرين 2 بأبسط صورة.
4. اشرح الفرق بين العامل المشترك الأكبر و المضاعف المشترك الأصغر.

مراجعة المفاهيم

ميّز إذا كان كلّ كسرين مما يلي متكافئين.
واكتب نعم أو لا. واستخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

7. $\frac{3}{6}$ و $\frac{5}{10}$

6. $\frac{6}{12}$ و $\frac{4}{6}$

5. $\frac{3}{12}$ و $\frac{1}{4}$

شكّل كسرين متكافئين لكل كسر.
واستخدم رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

8. $\frac{2}{8}$

9. $\frac{1}{3}$

10. $\frac{2}{4}$



حل المسائل

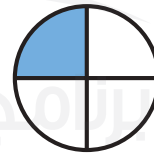
الحل

11. قرأ حمادة 60 من أصل 100 صفحة من الكتاب المصوّر.
اكتب كسر الصفحات التي قرأها بأبسط صورة.

12. يوضح الجدول كم من الوقت يحتاج كل طالب لإنهاء مشروع في مادة الفنون. فهل يحتاج زايد إلى وقت أكثر أو أقل من راشد؟ اشرح.

زمن الطالب	
زايد	$\frac{1}{3}$ من الساعة
راشد	$\frac{3}{4}$ من الساعة

13. اكتب كسر الجزء المظلل. ثم أوجد كسرًا مكافئًا له.



محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

تمرين على الاختبار

14. أي الكسور التالية في أبسط صورة؟

(A) $\frac{2}{10}$

(C) $\frac{4}{12}$

(B) $\frac{3}{12}$

(D) $\frac{3}{8}$



الدرس 8



السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

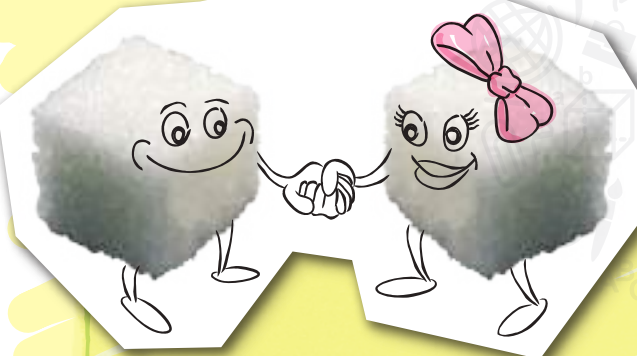
استقصاء حل المسائل

الإستراتيجية: استخدام التفكير المنطقي

تعلم الإستراتيجية

تستخدم شيماء الدقيق والسكر الأبيض والسكر الأسمر لصناعة الحلوى. استخدم التلميحات أدناه لإيجاد الكمية التي استخدمتها من كل مكون.

- كانت المقادير على الترتيب $\frac{3}{4}$ كوباً و $\frac{1}{4}$ كوباً و $\frac{2}{3}$ كوباً.
- لقد استخدمت كمية دقيق أكبر من السكر الأبيض.
- لقد استخدمت كمية سكر أبيض أكبر من السكر الأسمر.



1 الفهم

ما المعطيات التي تعرفها؟

استخدمت شيماء كمية _____ أكبر من

السكر الأبيض وكمية السكر الأبيض أكبر من _____ .

ما الذي تحتاج لإيجاده؟

كمية كل _____ استخدمته

2 التخطيط

أستطيع استخدام التفكير المنطقي في حل المسائل.

3 الحل

ترتيب المكونات من الأكبر إلى الأصغر هو _____ ثم _____

_____ ثم _____ .

الكسر الأكبر هو $\frac{3}{4}$. إذا، استخدمت شيماء $\frac{3}{4}$ كوباً من الدقيق. $\frac{2}{3} > \frac{1}{4}$

إذا، استخدمت $\frac{2}{3}$ كوباً من السكر الأبيض و $\frac{1}{4}$ كوباً من السكر الأسمر.

4 التحقق

هل إجابتك منطقية؟ فسر ذلك.

تمرين على الإستراتيجية

يصنع طارق صلصةً باستخدام الطماطم والبصل والفول الأسود. استخدم التلميحات أدناه لإيجاد مقدار كلِّ مكونٍ استخدمه.

• المقادير على الترتيب هي: $\frac{1}{2}$ كوباً و $\frac{3}{4}$ كوباً و $\frac{1}{3}$ كوباً.

• إنه يستخدم كميةً من الطماطم أكبر من كمية الفول الأسود وكمية من الفول الأسود أكبر من كمية البصل.

1 الفهم

ما المعطيات التي تعرفها؟

ما الذي تحتاج لإجاده؟

2 التخطيط

3 الحل

برنامج محمد بن راشد
للتعلم الذكي
Mohammed Bin Rashid
Smart Learning Program

4 التحقق

هل إجابتك منطقية؟ فسر ذلك.

تطبيق الإستراتيجية

أوجد حل كل من المسائل التالية باستخدام التفكير المنطقي.

1. تحضّر شيخة السلطة من الطماطم والخيار وجبن الموزاريلا. استخدم التلميحات التالية لإيجاد مقدار كلّ مكوّن.

- المقادير على الترتيب هي: $\frac{3}{6}$ كوباً و $\frac{2}{5}$ كوباً و $\frac{3}{4}$ كوباً.
- هناك كمية طماطم أقلّ من الخيار.
- هناك كمية جبن أقلّ من الطماطم.

2. مشى عامر أيام الإثنين والثلاثاء والجمعة. استخدم التلميحات أدناه لإيجاد المسافة التي مشاها كل يوم.

- كانت المسافات بالترتيب $\frac{6}{8}$ من الكيلومتر و $\frac{1}{4}$ من الكيلومتر و $\frac{1}{6}$ من الكيلومتر.
- لم يمش المسافة الأكبر يوم الإثنين.
- مشى مسافة أقلّ يوم الجمعة من يوم الإثنين.

المهارسات الرياضية

3. **تخطيط الحل** رأت فوزية طيوراً وأسماكاً وديبّة في حديقة الحيوانات. ثلث الحيوانات لم يكن لها ريش أو فرو. ونصف الحيوانات لها أربعة أطراف. وقد تبقى من الحيوانات سدسها. فما كسر الطيور من الحيوانات؟

مراجعة الإستراتيجيات

استخدم الإستراتيجية التي
تراها مناسبة لحل كل مسألة.

- الحل بترتيب عكسي.
- رسم جدول.
- عمل نموذج.
- البحث عن نمط.

4. أحضر سعيد لوالدته اثنتي عشرة وردة. بعض الورود معروضة أدناه. وبقية الورود بيضاء اللون.



من أي لون غالبية الورود؟

وما كسر الورود التي كانت من ذلك اللون؟ اكتب الكسر بأبسط صورة.

اكتب كسرًا مكافئًا.

5. ركض عمر ثمانية أعشار الكيلومتر خلال التدريب. وركض خالد $\frac{80}{100}$ من الكيلومتر. فمن ركض مسافةً أكبر؟ اشرح.

6. لدى ليلي 36 قلماً. وقد كانت بحوزتها البارحة نصف تلك الكمية مضافاً إليها 2. فكم عدد الأقلام التي كانت بحوزتها البارحة؟

7. **المهارسات الرياضية** **3** الاستنتاج هناك موزات وإجاصات وخوخات في كيس. ثُمّ الفاكهة من الإجاص. ونصفها من الموز. فهل كمية الإجاص أم الموز أكبر؟

الدرس 8

استقصاء حل
المسائل: استخدام
التفكير المنطقي

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

صنعت ميساء خبز الزبيب. وقد استخدمت الدقيق والزبيب والماء. كانت كميات المكونات على الترتيب $\frac{1}{3}$ كوباً و $\frac{1}{4}$ كوباً و $\frac{2}{3}$ كوباً. لقد استخدمت كمية دقيق أكبر من الماء. وقد استخدمت كمية ماء أكبر من الزبيب. فكم استخدمت ميساء من كل مكون؟

1 الفهم

ما المعطيات التي تعرفها؟

استخدمت ميساء الدقيق والزبيب والماء لصناعة الخبز. وكانت المقادير التي استخدمتها على الترتيب $\frac{1}{3}$ كوباً و $\frac{1}{4}$ كوباً و $\frac{2}{3}$ كوباً.

ما الذي تحتاج لإيجاده؟

أحتاج إلى إيجاد المقدار الذي استخدمته ميساء من كل مكون.

2 التخطيط

سأستخدم التفكير المنطقي في حل المسائل.

3 الحل

ترتيب المكونات حسب المقادير من الأكبر إلى الأصغر هو الدقيق ثم الماء ثم الزبيب. وترتيب المقادير من الأكبر إلى الأصغر هو $\frac{2}{3}$ كوباً و $\frac{1}{3}$ كوباً و $\frac{1}{4}$ كوباً. إذاً، استخدمت ميساء $\frac{2}{3}$ كوباً من الدقيق و $\frac{1}{3}$ كوباً من الماء و $\frac{1}{4}$ كوباً من الزبيب.

4 التحقق

هل الإجابة منطقية؟

نعم. تطابق التلميحات الإجابة.

أوجد حل كل من المسائل التالية باستخدام التفكير المنطقي.



المهارسات الرياضية

1. **قف وتأمل** عُرِضَت أعمال خالد الفنية في المكتبة والمجمّع التجاري والمصرف. استخدم التلميحات التالية لإيجاد كسر أعماله الفنية التي عُرِضَت في كلّ من هذه الأماكن.
 - $\frac{1}{4}$ من الأعمال الفنية في أحد الأماكن، و $\frac{1}{8}$ من الأعمال الفنية في المكان الثاني، و $\frac{5}{8}$ من الأعمال الفنية في المكان الثالث.
 - هناك عددٌ من أعمال خالد الفنية في المكتبة أكبر من ما هو موجود في المجمّع التجاري.
 - هناك عددٌ من أعمال خالد الفنية في المصرف أقل من ما هو موجود في المجمّع التجاري.

2. أعدّ عيسى سلطة فواكه من الفراولة والتوت والكيوي. استخدم التلميحات أدناه لإيجاد كميات المكونات.
 - كانت الكميات على الترتيب $\frac{3}{4}$ كوباً و $\frac{2}{8}$ كوباً و $\frac{1}{2}$ كوباً.
 - استخدم عيسى كمية توت أكبر من الفراولة.
 - استخدم عيسى كمية فراولة أكبر من الكيوي.

3. كتبت ليلي تقريراً عن الحشرات. وقد أدرجت أطوال الخنافس النمرية والنمل الحفّار وحشرة المنّ. كانت الأطوال على الترتيب $\frac{1}{2}$ من البوصة، و $\frac{5}{8}$ من البوصة، و $\frac{1}{8}$ من البوصة. الخنافس النمرية أكبر طولاً من النملة الحفّارة. والنملة الحفّارة أكبر طولاً من حشرة المنّ. أدرج طول كل حشرة.

الأعداد الكسرية

الدرس 9

السؤال الأساسي
كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

يتألف **العدد الكسري** من شقين أحدهما عدد كلي والآخر كسر. وهو يمثل كمية أكبر من الواحد الكلي.

والمستقيم أطول من 5 سنتيمترات.

طول المستقيم $5\frac{1}{2}$ سنتيمترات.



هناك أكثر من شطيرة واحدة.

هناك $1\frac{1}{2}$ شطيرة.



$$1 + 1 + 1 + 1 + 1 + \frac{1}{2} = 5\frac{1}{2}$$

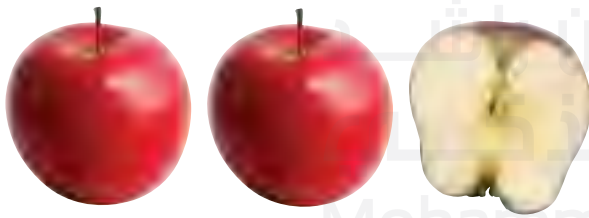
$$1 + \frac{1}{2} = 1\frac{1}{2}$$

الرياضيات في حياتنا



مثال 1

كان بحوزة عبد الرحمن 3 تفاحات. وقد قص نصف تفاحة ليأكلها. فما العدد الكسري الذي يمثل عدد التفاحات المتبقية؟



عدّ الأعداد الكلية. ومن ثمّ عدّ الأجزاء.

يتبقى تفاحتان كلتاهما $\frac{1}{2}$ من التفاحة.

$$1 + 1 + \frac{1}{2} = 2\frac{1}{2}$$

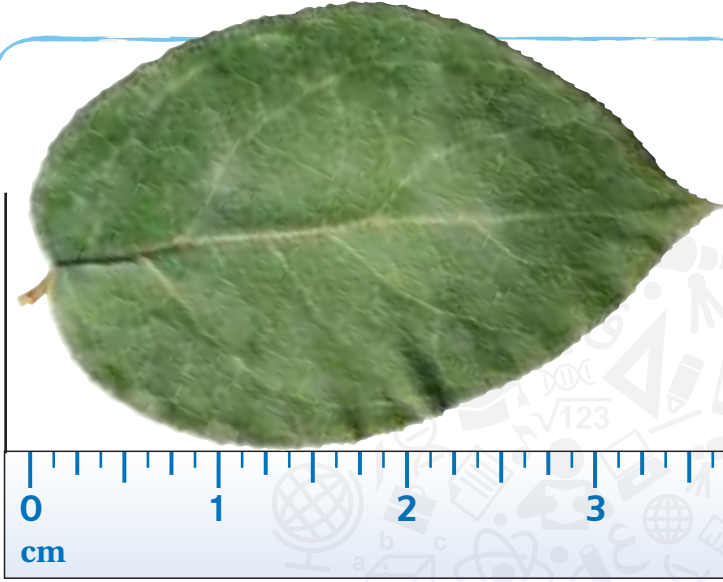


إذا، يتبقى من التفاحات.

يمكنك تفكيك عدد كسري إلى مجموع من أعداد كليّة وكسورٍ واحدة. تذكر أن الكسر الواحدي كسرٌ بسطه 1.

مثال 2

اكتب طول هذه الورقة بصورة عدد كسري. و اكتب معادلة لتوضيح العدد الكسري.



1 **عَدّ الأعداد الكليّة.** طول الورقة 3 سنتيمترات كليّة.

2 **عَدّ الأجزاء.** الورقة تزيد بمقدار $\frac{3}{4}$ من السنتيمتر عن 3 سنتيمترات.

3 **اكتب العدد الكسري.** تبلغ الورقة $3\frac{3}{4}$ سنتيمترات من الطول.

4 اكتب المعادلة.

يمكن استخدام ثلاثة رفائق من الفئة $\frac{1}{4}$ لتمثيل $\frac{3}{4}$.



اكتب 3 على هيئة $1 + 1 + 1$.

$$3\frac{3}{4} = 1 + 1 + 1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

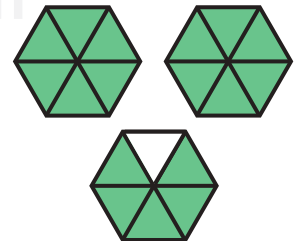
اكتب $\frac{3}{4}$ على هيئة مجموع كسورٍ واحدة.

$$\text{إِذَا، } 3\frac{3}{4} = 1 + \underline{\hspace{1cm}} + 1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \underline{\hspace{1cm}}$$

ما وجه تماثل الكسور والأعداد الكسرية؟ وما وجه اختلافهما؟

تمارين موجّهة

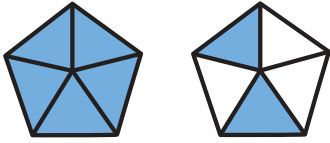
1. اكتب عددًا كسريًا يقابل النموذج المظلل.



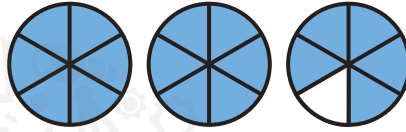
تمارين ذاتية

اكتب عددًا كسريًا يقابل كل نموذج مظلّل.

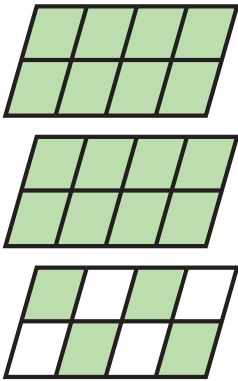
2.



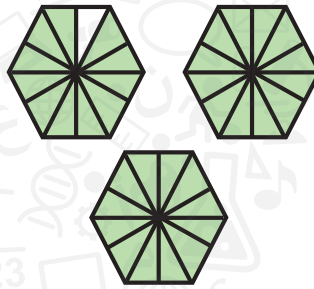
3.



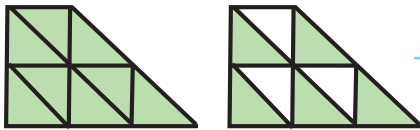
4.



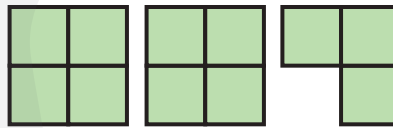
5.



6.



7.



الجبر اكتب معادلةً تمثل كل عدد كسري مما يلي بهتابة مجموع أعداد كليّة وكسور واحدة.

8. $3\frac{1}{4} = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$

9. $5\frac{1}{2} = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$

10. $2\frac{2}{3} = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$

11. $4\frac{3}{8} = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}$

الحل

4

المهارات
الرياضية

12. تمثيل مسائل الرياضيات بحوزة حمد برتقالة كلية واحدة وربع برتقالة ثانية. اكتب عددًا كسريًا يمثل كمية البرتقال التي بحوزته.

13. أعطت لمياء هرتها قطعتين من البسكويت المخصص للقطط ونصف قطعة ثالثة. اكتب عددًا كسريًا يمثل كمية قطع البسكويت التي أعطتها لهرتها.

14. هناك ثلاث عبوات من العصير في الثلاجة وثلاثة أرباع عبوة رابعة. اكتب عددًا كسريًا يمثل مقدار العصير الموجود في الثلاجة.

اكتب معادلة تمثل هذا العدد بمثابة مجموع أعداد كلية وكسور واحدة.

مسائل مهارات التفكير العليا

2

المهارات
الرياضية

15. الاستنتاج اكتب عددًا كسريًا أكبر من 3 وأصغر من 4.

16.

الاستفادة من السؤال الأساسي كيف تُستخدم الأعداد الكسرية في الحياة اليومية؟

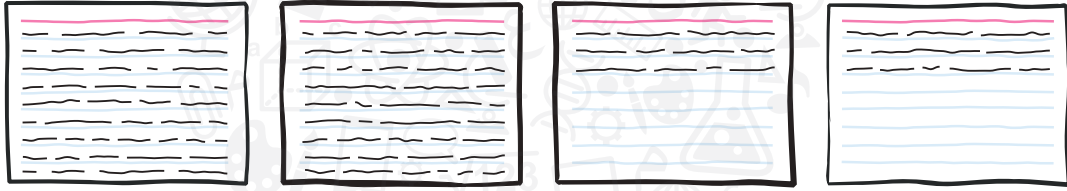
الدرس 9

الأعداد الكسرية

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

يدون يوسف وزملاؤه ملاحظات لإعداد تقرير خاص بمجموعتهم. نعرض هنا بطاقات الملاحظات خاصتهم. فما العدد الإجمالي من الملاحظات التي دوّنتها مجموعة يوسف؟ اكتب معادلة توضح ذلك العدد الكسري.



1 عدّ الأعداد الكلية.

هناك بطاقتان مملئتان بالملاحظات. $1 + 1 = 2$

2 عدّ الأجزاء.

هناك بطاقتان مملئتان بمقدار الكسر $\frac{1}{3}$ بالملاحظات. $\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

3 اجمع الأعداد الكلية والأجزاء. $2 + \frac{2}{3} = 2\frac{2}{3}$

إذًا، $1 + 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = 2\frac{2}{3}$.

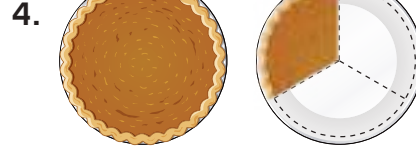
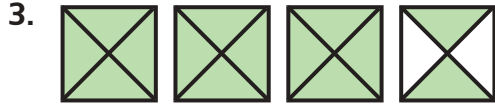
دوّنت مجموعة يوسف ملاحظات على $2\frac{2}{3}$ من البطاقات لإعداد التقرير.

تمارين

اكتب عددًا كسريًا يقابل كلّ نموذجٍ مظلّل.



اكتب عددًا كسريًا يقابل كل نموذج.



الجبر اكتب معادلة تمثل كل عدد كسري مما يلي بمثابة مجموع أعداد كسرية وكسور واحدة.

5. $4 \frac{1}{4}$

6. $1 \frac{5}{6}$

حل المسائل



**المهارات
الرياضية**

7. استخدام الحس العددي هناك قطعتان كاملتان من الكعك وثلاثة أرباع قطعة ثالثة. اكتب عددًا كسريًا يمثل كمية الكعك.

8. هناك 3 عبوات كاملة من المعكرونة وثلاث عبوة رابعة. اكتب عددًا كسريًا يمثل كمية العبوات.

مراجعة المفردات

9. اكتب مثالاً عن عدد كسري.

تمرين على الاختبار

10. وزن جرو أربعة كيلوجرامات كسرية و $\frac{2}{3}$ من الكيلوجرام.

فما العدد الكسري الذي يمثل وزن الجرو؟

Ⓐ $3 \frac{2}{3}$ كيلوجرام Ⓒ $4 \frac{2}{3}$ كيلوجرام

Ⓑ $4 \frac{1}{3}$ كيلوجراماً Ⓓ $5 \frac{2}{3}$ كيلوجراماً

الدرس 10



السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة التعبير عن نفس المقدار؟

الأعداد الكسرية والكسور المعتلة

يضم **الكسر المعتل** بسطًا أكبر أو يساوي مقامه. ويمكن كتابة الأعداد الكسرية على هيئة كسور معتلة.

الكسور المعتلة	الأعداد الكسرية
$\frac{3}{2}$ $\frac{11}{4}$ $\frac{23}{6}$	$1\frac{1}{2}$ $2\frac{3}{4}$ $3\frac{5}{6}$



الرياضيات في حياتنا

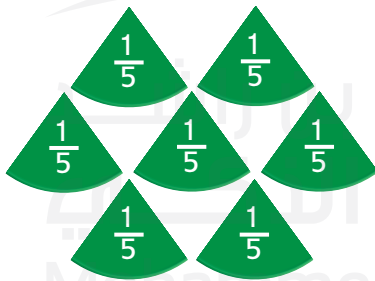


مثال 1

يبيع أيّوب شطائر في متجر المعجنات. تضم كل شطيرة 5 شرائح. وهناك 7 شرائح متبقية. فما كسر الشطائر المتبقية؟

طريقة أخرى

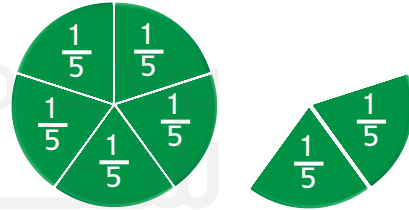
عدّ الأجزاء.



$\frac{7}{5}$

الطريقة الأولى

عدّ الأعداد الكلية وعدّ الأجزاء.



$$1\frac{2}{5} = \frac{5}{5} + \frac{2}{5}$$

الكل

الجزء

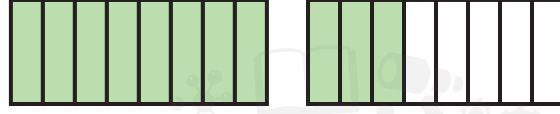
إذاً، يتبقى $1\frac{2}{5}$ أو $\frac{\square}{5}$ من الشطائر.

يمكنك تغيير العدد الكسري إلى كسرٍ معتل.
ويمكنك أيضًا تغيير الكسر المعتل إلى عددٍ كسري.

مثال 2

اكتب $1\frac{3}{8}$ على صورة كسرٍ معتل.

بيّن النموذج $1\frac{3}{8}$.



اكتب $1\frac{3}{8}$ على هيئة مجموع من عددٍ كلي وجزء.

$$1\frac{3}{8} = 1 + \frac{3}{8}$$

$$1\frac{3}{8} = \frac{8}{8} + \frac{3}{8} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

اكتب العدد الكلي في صورة كسر.

2

اجمع الأجزاء. 8 أجزاء + 3 أجزاء = 11 جزءًا
هناك 11 جزءًا مظللاً في النموذج.

3

إذا، $1\frac{3}{8} = \frac{\boxed{}}{8}$.

مثال 3

اكتب $\frac{9}{4}$ على صورة عددٍ كسري.

يوضّح النموذج العدد 9 مقسومًا إلى مجموعاتٍ من العدد 4.



هناك عددان كليّان وجزءٌ متبقّي من 4.

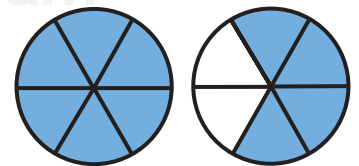
إذا، $\frac{9}{4} = \boxed{}\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$.

لماذا يملك الكسر المعتلّ
والعدد الكسري الواردان في
التمرين 1 المقام نفسه؟



تمارين موجّهة

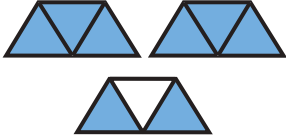
1. اكتب عددًا كسريًا وكسرًا معتلًا مقابلًا للنموذج مظلّل.



تمارين ذاتية

اكتب عددًا كسريًا وكسرًا معتلاً مقابلاً لكل نموذج مظلّل.

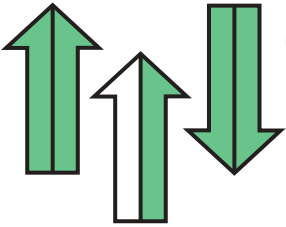
2.



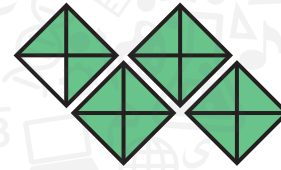
3.



4.



5.



ارسم نماذج لكتابة كلّ عددٍ كسريٍّ مما يلي على هيئة كسرٍ معتلّ.

6. $1 \frac{3}{5} =$ _____

7. $2 \frac{3}{4} =$ _____

8. $1 \frac{7}{10} =$ _____

ارسم نماذج لكتابة كلّ كسرٍ معتلٍّ مما يلي على هيئة عددٍ كسريٍّ.

9. $\frac{11}{8} =$ _____

10. $\frac{9}{6} =$ _____

11. $\frac{7}{3} =$ _____



حل المسائل

نوضح هنا مخططاً لجولة ركوب الخيل.
حيث توجد نقاط استراحة على طول المسار.



12. اكتب المسافة من الجسر المغطى
إلى الإسطبل في صورة كسرٍ معتل.

الحل

13. بلغ ناصر نهاية المسار في ساعتين و 15 دقيقة. اكتب مقدار
الساعات التي استغرقتها الخيول في عبور المسار في صورة عددٍ
كسري وكسرٍ معتل.

14. **الممارسات الرياضية** 4 **تهيل مسائل الرياضيات** سار أسامة مسافة
3 كيلومترات. وسار إسماعيل مسافة $\frac{3}{4}$ كيلومتراً. فما المسافة التي
قطعها بالإجمال؟

مسائل مهارات التفكير العليا

15. **الممارسات الرياضية** 4 **استخدام الحسّ العدد** اكتب كسراً معتلاً يمكن كتابته في صورة عددٍ كلي.

16. **الاستفادة من السؤال الأساسي** ما وجه تماثل الكسور والأعداد الكلية؟ وما وجه اختلافهما؟

الدرس 10

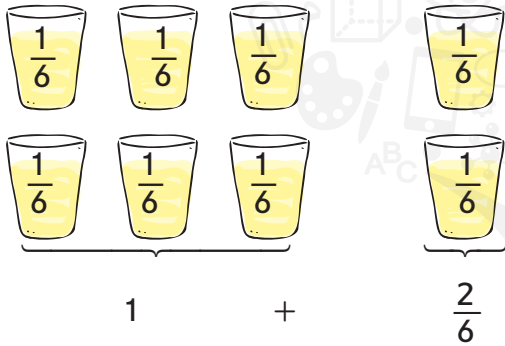
الأعداد الكسرية
والكسور المعتلة

واجباتي المنزلية

مساعدة الواجب المنزلي

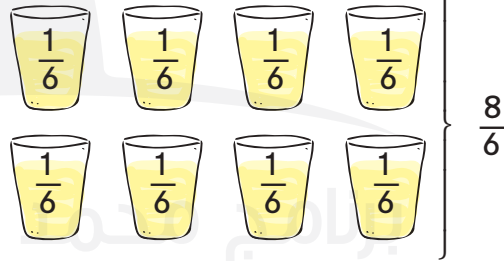
أعدت آمنة إبريقين من عصير الليمون. يتسع كل إبريق لـ 6 أكواب. وقد سكبت 4 أكواب من عصير الليمون من أحد الإبريقين. فما النسبة المتبقية من عصير الليمون؟

طريقة أولى عدّ الأعداد الكليّة وعدّ الأجزاء.



إذا سكبت 4 أكواب من عصير الليمون من أحد الإبريقين، فسوف يتبقى إبريق كامل واحد وكوبان في الإبريق الآخر.

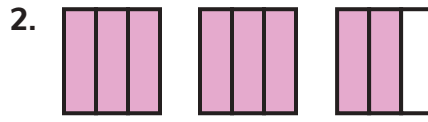
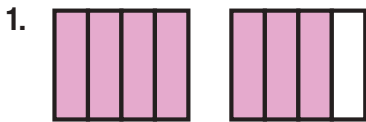
طريقة أخرى عدّ الأجزاء.



إذا، يتبقى $1 \frac{2}{6}$ ، أو $\frac{8}{6}$ ، من إبريق عصير الليمون.

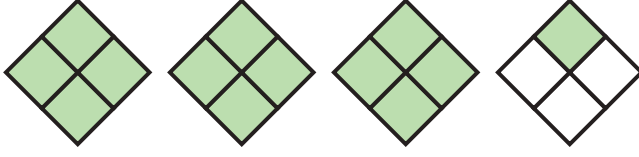
تمارين

اكتب عددًا كسريًا وكسرًا معتلاً مقابلًا لكل نموذجٍ مظلّل.



اكتب عددًا كسريًا وكسرًا معتلاً مقابلاً لكل نموذج.

3.



4.



6. ارسم نموذجًا لكتابة $\frac{30}{4}$ في صورة عدد كسري.

5. ارسم نموذجًا لكتابة $2\frac{3}{5}$ في صورة كسر معتل.

حل المسائل



7. استخدام الحس العددي سارت هدى مسافة $\frac{13}{3}$ كيلومترًا.

اكتب $\frac{13}{3}$ في صورة عدد كسري.

8. يتبقى $5\frac{4}{5}$ كوبًا من الحليب. اكتب $5\frac{4}{5}$ في صورة كسر معتل.

مراجعة المفردات

9. هل $\frac{10}{3}$ كسر معتل؟ اشرح.

تمرين على الاختبار

10. تحتاج بدرية إلى $3\frac{2}{3}$ كوبًا من السكر لصناعة الكعك.

فما الكسر المعتل الذي يشير إلى هذه الكمية؟

(A) $\frac{5}{3}$ كوبًا (C) $\frac{11}{3}$ كوبًا

(B) $\frac{8}{3}$ كوبًا (D) $\frac{18}{3}$ كوبًا

المراجعة الذاتية للوحدة

مراجعة المفردات

1. استخدم الكلمات الموجودة في بنك الكلمات لتسمية كل بطاقة مما يلي.

كسور مكافئة
equivalent fractions

مقام
denominator

غير أولي
composite

بسط
numerator

عدد كسري
mixed number

كسر معتل
improper fraction

أبسط صورة
simplest form

أولي
prime

→ $\frac{1}{6}$

→ $\frac{4}{6}$

→ $\frac{12}{4}$

$\frac{4}{10}$ و $\frac{2}{5}$

→ 4, 8, 10
 → 3, 5, 11

→ $5\frac{2}{6}$

اكتب مثلاً عن كلٍّ من الكلمات التالية.

2. زوج العوامل

3. العامل المشترك الأكبر

4. المضاعف المشترك الأصغر

5. الكسور المعيارية

مراجعة المفاهيم

أوجد زوج عوامل كل عدد.

6. 52

_____ 9 _____
 _____ 9 _____
 _____ 9 _____

7. 36

_____ 9 _____
 _____ 9 _____
 _____ 9 _____
 _____ 9 _____
 _____ 9 _____

8. 23

_____ 9 _____

حدد ما إذا كان كل عدد أوليًا، أم غير أولي، أم غير ذلك.

9. 0 _____

10. 31 _____

11. 62 _____

حوّط كل كسرين مكافئين لكل مجموعة من الكسور التالية.

12. $\frac{3}{4}$ $\frac{9}{12}$ $\frac{2}{6}$

13. $\frac{4}{10}$ $\frac{4}{100}$ $\frac{40}{100}$

14. $\frac{3}{5}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{6}{10}$

اكتب كل كسر مما يلي بأبسط صورة. فإذا كان الكسر بأبسط صورة، فاكتب أبسط صورة.

15. $\frac{4}{10}$

16. $\frac{3}{9}$

17. $\frac{3}{10}$

المقارنة. استخدم < أو > أو =. وتحقق من إجابتك باستخدام رقائق الكسور أو خطوط الأعداد.

18. $\frac{5}{8}$ ○ $\frac{1}{3}$

19. $\frac{1}{5}$ ○ $\frac{4}{6}$

20. $\frac{2}{3}$ ○ $\frac{8}{12}$

حل المسائل



21. لدى فتحيّة 13 صورةً تودّ تعليقها على الجدار. فهل هناك أي طريقةٍ تستطيع ترتيب الصور وفقها بخلاف 1×13 أو 13×1 . بحيث يكون هناك العدد نفسه من الصور في كلّ صف؟ وأوضح إن كان العدد 13 عددًا غير أولي أو أوليًا، مع الشرح.

22. هناك $\frac{2}{8}$ كوبًا من الفول السوداني و $\frac{1}{4}$ كوبًا من الجوز. فهل كمية الفول السوداني أكبر أم الجوز؟ اشرح.

23. بحوزة لميس موزتان كاملتان وخُمس موزةٍ أخرى. اكتب عددًا كسريًا يمثل كمّيّة الموز التي بحوزتها.

24. اكتب مسألةً من الحياة اليومية لمقارنة الكسور. ثم أوجد حلّ المسألة.

تمرين على الاختبار

25. أيّ من المعادلات التالية صحيح؟

- (A) $2\frac{2}{3} = 2 + 2 + 3$
 (B) $2\frac{2}{3} = 1 + 1 + 2 + 3$
 (C) $2\frac{2}{3} = 1 + 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$
 (D) $2\frac{2}{3} = 1 + 1 + \frac{1}{3}$



التفكير

الوحدة 8

الإجابة عن
السؤال الأساسي

استخدم ما تعلمته عن الكسور لإكمال خريطة المفاهيم.

السؤال الأساسي

كيف يمكن لكسور مختلفة
التعبير عن نفس المقدار؟

الأعداد	الصور	الشرح

فكر في السؤال الأساسي  اكتب إجابتك أدناه.