



الرياضيات

الفصل الدراسي الثاني

كتاب الطالب

5

فريق التأليف

د. عمر محمد أبو غليون (رئيساً)

فدوى عادل الداودي

شادية صالح غرابية

أحمد مصطفى سمارة

خلود عبد الحفيظ لوباني (منسقاً)

إضافة إلى جهود فريق التأليف، فقد جاء هذا الكتاب ثمرة جهود وطنية مشتركة من بجان مراجعة وتقدير علمية وتربيوية ولغوية، وجموعات مُركَّزة من المعلّمين والشّرّف التّربويين، وملحوظات مجتمعية من وسائل التواصل الاجتماعي، وإسهامات أساسية دقيقة من اللجنة الاستشارية والمجلس التنفيذي والمجلس الأعلى في المركز، ومجلس التربية والتعليم ولجنة المتخصصة.

الناشر

المركز الوطني لتطوير المناهج

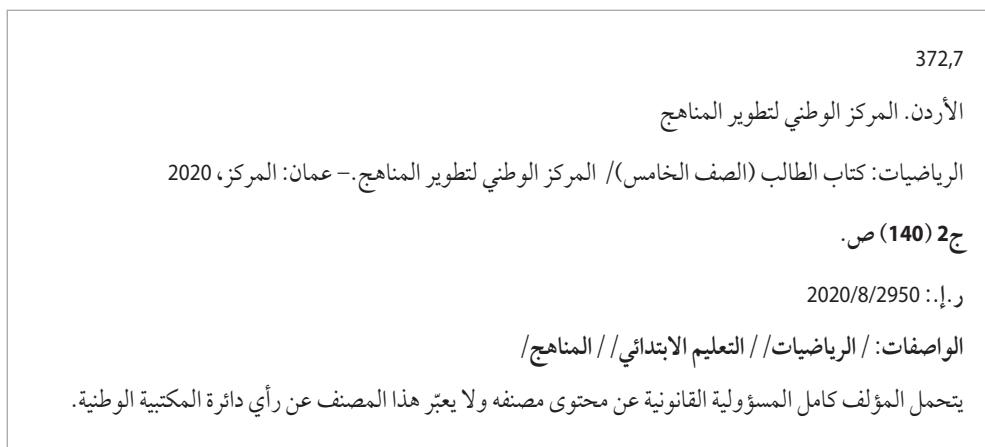
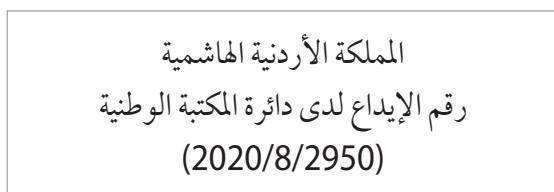
يسير المركز الوطني لتطوير المناهج، وزارة التربية والتعليم - إدارة المناهج والكتب المدرسية، استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية: هاتف: 8-4617304، فاكس: 4637569، ص. ب: 1930، الرمز البريدي: 11118، أو بوساطة البريد الإلكتروني: scientific.division@moe.gov.jo

قررت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (7/2020)، تاريخ 1/12/2020 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (165/2020) تاريخ 17/12/2020 م بدءاً من العام الدراسي 2020 / 2021 م.

© Harper Collins Publishers Limited 2020.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan
- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

ISBN: 978 - 9923 - 41 - 033 - 2



All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data
A catalogue record for this publication is available from the Library.

م 2020 هـ - 1441

الطبعة الأولى (التجريبية)

المقدمة

انطلاقاً من إيمان المملكة الأردنية الهاشمية الراسخ بأهمية تنمية قدرات الإنسان الأردني، وتسلیحه بالعلم والمعرفة؛ سعى المركز الوطني لتطوير المناهج وبالتعاون مع وزارة التربية والتعليم، إلى تحديث المناهج الدراسية وتطويرها، لتكون معيناً للطلبة على الارتقاء بمستواهم المعرفي، ومجاراة أقرانهم في الدول المتقدمة. ولمّا كانت الرياضيات إحدى أهمّ المواد الدراسية، التي تنمّي لدى الطلبة مهارات التفكير وحلّ المشكلات، فقد أولى المركز هذا المبحث عنايةً كبيرةً، وحرص على إعداد كتب الرياضيات وفق أفضل الطرائق المتّبعة عالمياً على يد خبراء أردنيين؛ لضمان انسجامها مع القيم الوطنية الراسخة، وتلبية احتياجات أبنائنا الطلبة ومعلميهم.

وقد روعي عند إعداد كتب الرياضيات تقديم المحتوى بطريقة سلسة، وضمن سياقات حياتية شائقة، تزيد من رغبة الطلبة في التعلم. كما أبرزت الكتب خطة حل المسألة، وأفردت لها دروساً مستقلةً تتيح للطلبة التدرّب على أنواع مختلفة من هذه الخطط وتطبيقاتها في مسائل متنوعة. لقد احتوت الكتب على مشروع لكل وحدة؛ لتعزيز تعلم الطلبة للمفاهيم والمهارات الواردة في هذه الوحدة وتوسيعها وإثرائها. وبما أن التدرّب المكثّف على حل المسائل يعدّ أحد أهمّ طرائق ترسّيخ المفاهيم الرياضية وزيادة الطلاقة الإجرائية لدى الطلبة؛ فقد أُعدّ كتاب التمارين ليقدم للطلبة ورقة عمل في كل درس ليحلّوها واجباً منزلياً، أو داخل الغرفة الصفيّة إن توافر الوقت الكافي. ولأنّنا ندرك جيداً حرص المعلم الأردني على تقديم أفضل ما لديه لطلبه، فقد جاء كتاب التمارين أداةً مساعدةً توفر عليه جهد إعداد أوراق العمل وطبعتها.

ومعلوم أن الأرقام العربية تُستعمل في معظم مصادر تعليم الرياضيات العالمية لاسيما على شبكة الإنترنت، التي أصبحت وبشكل متسرّع أداةً تعليميةً مهمّةً؛ لما تزخر به من صفحات تقدّم محتوى تعليمياً تفاعلياً ذا فائدة كبيرة. وحرصاً منا على ألا يفوت أبناءنا الطلبة أيّ فرصة، فقد استعملنا في هذا الكتاب الأرقام العربية؛ لجسر الهوة بين طلبنا وبين المحتوى الرقمي العلمي، الذي ينمو بتسارع في عالم يجري نحو التعليم الرقمي بسرعة كبيرة.

ونحن إذ نقدّم الطبعة الأولى (التجريبية) من هذا الكتاب، نأمل أن تناول إعجاب أبنائنا الطلبة ومعلميهم، وتجعل تعليم الرياضيات وتعلّمها أكثر متعةً وسهولةً، ونعدّهم بأن نستمرّ في تحسين هذا الكتاب في ضوء ما يصلنا من ملاحظات.

المركز الوطني لتطوير المناهج

الوحدة 7 المعادلات	40	الوحدة 6 الكسور العشرية والعمليات عليها	6
مشروع الوحدة: لوحة المقادير الجبرية والمعادلات ..	41	مشروع الوحدة: فاكهة الكسور العشرية ..	7
استكشاف: النماذج والمقادير الجبرية ..	42	استكشاف: أجزاء الألف ..	8
الدرس 1 المقادير الجبرية	43	الدرس 1 أجزاء الألف	10
استكشاف: حل معادلات الجمع والطرح ..	47	الدرس 2 تحويل الكسر إلى كسر عشري والعكس ..	13
الدرس 2 معادلات الجمع والطرح	49	الدرس 3 مقارنة الأعداد العشرية وترتيبها ..	17
استكشاف: حل معادلات الضرب والقسمة ..	52	الدرس 4 تقرير الأعداد العشرية ..	21
الدرس 3 معادلات الضرب والقسمة ..	54	الدرس 5 جمع الأعداد العشرية وطرحها ..	24
الدرس 4 أخذ المسألة (أرسُم نموذجاً)	58	الدرس 6 تقدير نواتج جمع الأعداد العشرية وطرحها ..	28
اختبار الوحدة ..	60	الدرس 7 ضرب الأعداد العشرية وقسمتها ..	31

قائمة المحتويات

98	الوحدة 9 القياس	62	الوحدة 8 الهندسة
99	مشروع الوحدة: أنا أَسْوَق	63	مشروع الوحدة: أنا رسام
100	الدَّرْسُ 1 وَحدَاتِ قِيَاسِ الْكُتْلَةِ	64	الدَّرْسُ 1 الْمُضَلَّعَاتُ
104	الدَّرْسُ 2 وَحدَاتِ قِيَاسِ السَّعَةِ وَالطُّولِ	68	استكشاف: مَجْمُوعَ قِيَاسَاتِ زَوَايا الْمُثَلَّثِ
108	الدَّرْسُ 3 الزَّمْنُ	70	الدَّرْسُ 2 تَصْنِيفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسْبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهَا ..
	استكشاف: تَقْدِيرُ مِساحَاتِ الْأَشْكَالِ		الدَّرْسُ 3 تَصْنِيفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسْبَ
112	الْمُرَكَّبةُ غَيْرُ الْمُسْتَقِيمَةِ	74	قِيَاسَاتِ زَوَاياها ..
114	الدَّرْسُ 4 محيط الشكل المركب ومساحته	79	الدَّرْسُ 4 الْأَشْكَالُ الرُّبَاعِيَّةُ
120	اختبار الوحدة	83	الدَّرْسُ 5 تَصْنِيفُ الْأَشْكَالِ الرُّبَاعِيَّةِ ..
122	الوحدة 10 الأحصاء والأحتمال	88	الدَّرْسُ 6 الإِزَاحَةُ
123	مشروع الوحدة: الرّاصِدُ الْجَوَيُّ	92	الدَّرْسُ 7 الْأَنْعِكَاسُ
124	استكشاف: ما الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ؟	96	اختبار الوحدة ..
126	الدَّرْسُ 1 الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ		
129	الدَّرْسُ 2 الْوَسِيْطُ وَالْمِنْوَالُ		
133	الدَّرْسُ 3 الْمَدِي		
136	الدَّرْسُ 4 فُرَصُ الْحُدُوْثِ (الْأَحْتِمَالُ)		
139	اختبار الوحدة ..		

الكسور العشرية والعمليات عليها

ما أهمية هذه الوحدة؟

تُوفّر الأعداد وأرقامها وسيلة لتحديد الكميات الكاملة، ولكن الحاجة إلى سرّح الوحدة الكاملة وتفصيلها دعت إلى ظهور الكسور العشرية للربط بينها وبين الكسور العاديّة التي لم تَعُد كافية أو سهلاً أحياناً. فمثلاً؛ عند التعبير عن المسافة بين البيت والمدرسة نقول 1.5 km ، أو عن طول خالد فنقول 1.72 m ، أو أنَّ زمان الوصول إلى خطِّ نهاية السباق كان 1.248 ثانيةً.



سأتعلم في هذه الوحدة:

- التحويل بين الكسور العاديّة والكسور العشرية، ضمن أجزاء الألف.
- ضرب الكسور العشرية في 10 و 100 و 1000 والقسمة عليها.
- جمع الأعداد العشرية وطرحها.
- تعرّف النسبة المئوية وكتابتها وإيجادها.

تعلمت سابقاً:

- ✓ تعرّف أجزاء العشرة وأجزاء المائة وتمثيلها.
- ✓ قراءة العدد العشري وكتابته.
- ✓ التحويل بين الكسور العاديّة والكسور العشرية.
- ✓ مقارنة الكسور العشرية وكتابتها.



فَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: فَاكِهَةُ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ



أَحَدُّ مَنْتَلَةَ أَجْزَاءِ الْمِائَةِ وَأَجْزَاءِ الْأَلْفِ لِكُتْلَةِ كُلِّ فَاكِهَةِ.

2

أَرْتِبُ الْفَاكِهَةَ حَسْبَ كُتْلَتِهَا مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ.

3

أَقْرَبُ كُتْلَةَ كُلِّ فَاكِهَةِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ 10 ، وَإِلَى

4

أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ 100 .

5

أَقْدِرُ مَجْمُوعَ كُتْلَتِي تَوْعِينِ مِنَ الْفَاكِهَةِ.

أَحَدُ الْفَرْقِ يَبْيَنُ أَكْبَرَ كُتْلَةَ وَأَصْغَرَ كُتْلَةَ مِنَ الْكُتُلِ الَّتِي

6

أُوْجَدْتُهَا فِي الْجَدْوَلِ.

أَحَدُ كُتْلَةَ 10 أَوْ 100 أَوْ 1000 حَبَّةٍ مُتَمَاثِلَةٍ مِنْ كُلِّ

7

فَاكِهَةِ.

أَخْتَارُ إِحْدَى الْفَاكِهَةَ مِنَ الْجَدْوَلِ، وَأَبْيَنُ نِسْبَتَهَا الْمُؤَوِّيَّةَ

8

بِالْمُقَارَنَةِ مَعَ عَدْدِ الْفَوَاكِهِ جَمِيعِهَا.

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

1. أَكْتُبُ تَقْرِيرًا أُبَيِّنُ فِيهِ خُطُواتِ عَمَلِ الْمَشْرُوعِ وَالْتَّائِجَ وَالصُّعُوبَاتِ الَّتِي واجهْتُهَا فِي أَثْنَاءِ تَفْيِيدِ الْمَشْرُوعِ وَأَنْشَطَتِهِ.

2. أَقْدَمُ عَرْضًا (بُورْبُونِيَّت - PowerPoint) إِنْ أَمْكَنَ؛ يَتَضَمَّنُ مَرَاحِلَ تَفْيِيدِ الْمَشْرُوعِ، وَصُورَهُنَّهُنَّ الْمَرَاحِلِ، وَالْتَّائِجَ الَّتِي تَوَصَّلْتُ إِلَيْهَا.



أَسْتَعِدُ وَزُمَلَاتِي لِتَفْيِيدِ مَشْرُوعِيِّ الْخَاصِّ، الَّذِي سَأَسْتَعِمُ فِيهِ مَهَارَاتِي فِي الْبَحْثِ، لِاِكْتِشَافِ طَرَائِقِ جَدِيدَةٍ تُسَاعِدُنِي عَلَى مُقَارَنَةِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ وَتَرْتِيَهَا وَتَقْرِيبِهَا، وَتَقْدِيرِ تَوَاطِيجِ جَمِيعِهَا وَطَرْحِهَا.



هَدْفُ الْمَشْرُوعِ: تَنْمِيَةِ مَهَارَاتِ الْبَحْثِ وَالْعَمَلِ الْيَدِيِّيِّ، وَرَبْطُ الرِّيَاضِيَّاتِ بِالْمَوَادِ الْأُخْرَى كَالْعُلُومِ، وَرَبْطُهَا بِمَوَاقِفِ حَيَايَيَّةٍ تَتَعَلَّقُ بِالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ، وَمُقَارَنَتِهَا وَتَقْرِيبِهَا وَجَمِيعُهَا وَطَرْحُهَا.

الْمَوَادُ وَالْأَدَوَافُ: مِيزَانٌ، 5 أَنْوَاعٍ مُخْتَلِفَةٍ مِنَ الْفَاكِهَةِ، وَرَقَّةٌ، قَارَمٌ.



خُطُواتُ تَفْيِيدِ الْمَشْرُوعِ:

1 أَحَدُ كُتْلَةَ كُلِّ فَاكِهَةِ بِالْكِيلُوغرَامِ، وَأَسْجَلُهَا فِي الْجَدْوَلِ

الْفَاكِهَةُ	الْكُتْلَةُ	الْكُسُرُ الْعَادِيُّ	الْكُسُرُ الْعَشْرِيُّ

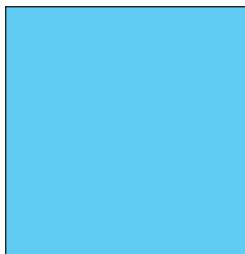
استكشاف: أجزاء الألف

فكرة الدرس: أستعمل النماذج للتعبير عن الأجزاء من الألف.

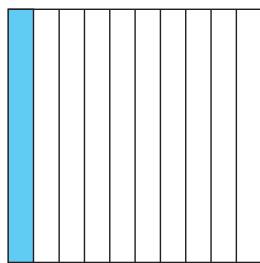


المصطلحات: أجزاء الألف.

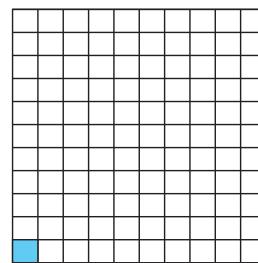
تعلمت أن كل جزء من شبكة الأعشار يمثل $\frac{1}{10}$ ويكتب بالصورة العشرية 0.1، وكل جزء من شبكة المائة يمثل $\frac{1}{100}$ ويكتب بالصورة العشرية 0.01



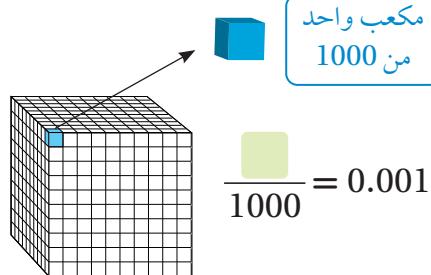
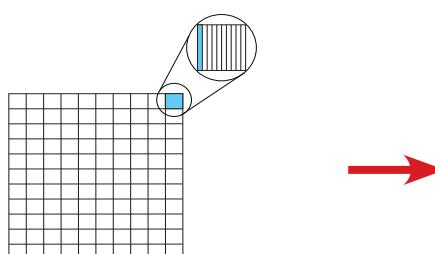
1



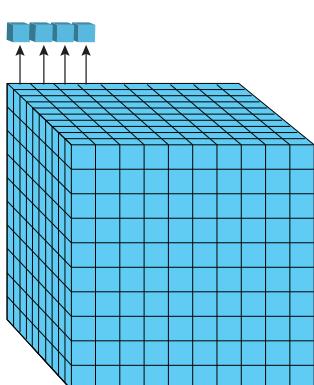
$$\frac{1}{10} = 0.1$$



$$\frac{1}{100} = 0.01$$



إذا قسمنا كل جزء على شبكة المائة إلى 10 أجزاء متطابقة؛ فنحصل على $\frac{1}{1000}$ أو جزءاً من ألف (thousandth) ويكتب بالصورة العشرية 0.001 ويقرأ جزءاً واحداً من ألف.



نشاط 1

يمتلئ صندوق بـ 1000 مكعب، أخرج يوسف أربعة مكعبات منه،

كيف يمكنك كتابة 4 مكعبات من 1000 مكعب في صورة كسر عشري؟

يمكنني كتابة 4 من 1000 في صور الكسر العادي $\frac{1}{1000}$

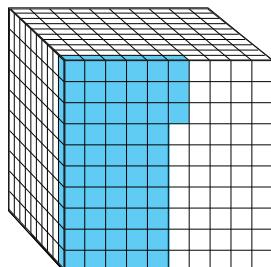
وأكتبها على صورة كسر عشري 0.004

وبالكلمات: أربعة من



الوحدة 6

نشاط 2



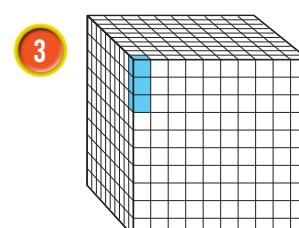
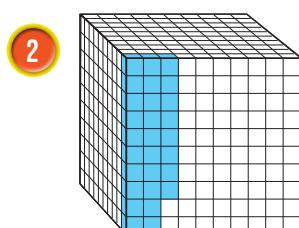
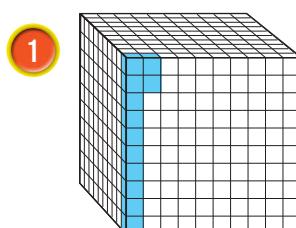
أمثل الكسر العشري 0.053 ، وأعبر عنه بصورة كسر عادي، ثم بالكلمات:

لتمثيل الكسر 0.053 ، أظلل مكعباً صغيراً من المكعب، واكتبه على صورة كسر

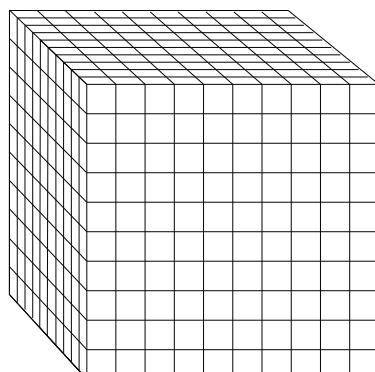
عادي $\frac{1}{1000}$ ، وبالكلمات: ثلاثة وخمسون من

أفكار:

أعبر عن الجزء المظلل في كُلِّ مِمَّا يَأْتِي بِالْكُسُورِ الْعَادِيَةِ وَالْعَشْرِيَّةِ:



أمثل كل كسر مما يلي على نموذج الألف المجاور:



4 $\frac{3}{100}$

5 0.017

أكمل كلاً مما يلي:

6 0.021 يساوي جزءاً من ألف.

7 0.314 يساوي جزءاً من ألف.

8 1.081 يساوي واحد و جزءاً من ألف.

9 3.009 يساوي ثلاثة و أجزاء من ألف.

10 بين العلاقة بين أجزاء المئة، وأجزاء الألف.

الدّرْسُ 1 أَجْزَاءُ الْأَلْفِ



أَسْتَكْشِفُ

1 سنتيمترٌ هو جُزءٌ من 100 من المتر، ويُكتب على صورة الكسر $\frac{1}{100}$ ، وعلى صورة الكسر العشري 0.01 كيف يُكتب المليمتر على صورة كسر عشريٍّ من المتر؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

اكتُب الكسور على صورة كسور عشرية، وأمثلها.

المُضْطَلَاحُ

الصيغة التّيّاسِيّة، الصيغة اللفظيّة، الصيغة التّحْلِيلِيّة

أَتَعْلَمُ

العشرات	الآحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
2	3	1	8	2
0	0	1	0	0

الرقم 1 يقع في منزلة اجزاء العشرة؛ ف تكون قيمته المنزلية 0.1

كما تُستَعْمَلُ لوحَةُ الْمَنَازِلِ لِلأَعْدَادِ الْكُلِّيَّةِ، يُمْكِنُ اسْتِعْمَالِهَا بِحِينَ تَضَمَّنْ كُسُورًا عَشْرِيَّةً؛ لِتَقْصِيلَ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ مَنْزِلَةَ الْأَحَادِيْنَ عَنْ مَنْزِلَةِ الْأَجْزَاءِ مِنْ عَشْرَةٍ.

مِثَالٌ 1 أَكْتُبُ القيمة المَنْزِلِيَّةَ لِلرَّقْمِ الَّذِي تَحْتَهُ خَطٌّ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

1 9.965

الآحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
9	9	6	5
0	0	0	5

الرقم 5 يقع في منزلة اجزاء الالف؛ ف تكون قيمته المنزلية 0.005

2 2.712

الآحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
2	7	1	2
0	0	1	0

الرقم 1 يقع في منزلة اجزاء المائة؛ ف تكون قيمته المنزلية 0.01

الوحدة 6

تحقق من فهمي: أكتب القيمة المئزرية للرقم الذي تحته خط في كلاً ما يأتي:

1 44.185

2 214.047

كما في الأعداد الكلى، يكتب الكسر العشري **بالصيغة القياسية** (standard form)، **وبالصيغة التحليلية** (expanded form)، **وبالصيغة اللفظية** (word form). ولكتابته الكسور العشرية بالصيغة اللفظية، استعمل أداة الربط (و)؛ للدلالة على الفاصلة العشرية والقيمة المئزرية إلى آخر رقم في العدد.

مثال 2

أكتب كلاً من الأعداد العشرية الآتية **بالصيغتين اللفظية والتحليلية**.

1 2.563

الصيغة اللفظية: اثنان وخمسون وثلاثة وستون من ألف.

$$\begin{aligned} 2.563 &= 2 + \frac{5}{10} + \frac{6}{100} + \frac{3}{1000} \\ &= 2 + 0.5 + 0.06 + 0.003 \end{aligned}$$

2 48.071

الصيغة اللفظية: ثمانية وأربعون وواحد وسبعون من ألف.

$$\begin{aligned} 48.071 &= 40 + 8 + \frac{7}{100} + \frac{1}{1000} \\ &= 40 + 8 + 0.07 + 0.001 \end{aligned}$$

تحقق من فهمي: أكتب كلاً من الأعداد العشرية الآتية **بالصيغتين اللفظية والتحليلية**.

1 136.214

2 99.126

أتدرب

وأحل المسائل

أكتب القيمة المئزرية للرقم الذي تحته خط في كلاً ما يأتي:

1 5.737

2 0.852

3 0.962

4 4.165

5 3.806

6 0.547

www.JNOB-JO.COM

11

أكمل الفراغ في الجدول أدناه:

7

الكسر / العدد الكسري	العدد العشري	الصيغة التحليلية	
		تحليل كسور	تحليل كسور عشرية
		$8 + \frac{9}{10} + \frac{8}{1000}$	
			$10 + 8 + 0.2$
$4 \frac{85}{1000}$			
	0.252		

معلومة

خففساء جالوت: تعد أكبر الخنافس على الأرض من حيث الطول والحجم والكتلة؛ إذ تصل كتلتها إلى 100 g

حشرات: بلغت كتلة إحدى الحشرات 3.405 g، أبعـ عن كتلتها بالصيغة التحليلية.



قياس: شارع قيـد الإنشـاء طـولـه 1000 m تم

تعـيد 120 m مـنهـ في الـيـوم الـأـوـلـ، ما الـكـسـرـ العـشـرـيـ الـذـي تـمـثـلـهـ الـمـسـافـةـ الـمـتـقـيـةـ؟

8

9

مهارات التفكير

أيـهاـ لاـ يـتـسـمـيـ: أحـدـ الـمـخـتـيـفـ منـ الـبـطـاقـاتـ الـثـلـاثـةـ، وـأـبـرـ إـجـابـيـ.

0.514

الأحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
0	5	1	4

$$\frac{5}{10} + \frac{1}{100} + \frac{4}{1000}$$

واحد وخمسون وأربعـةـ عـشـارـ.

10

مسـأـلـةـ مـفـتوـحـةـ: أـكـتـبـ كـسـرـاـ عـشـرـيـاـ يـقـعـ بـيـنـ الـكـسـرـيـنـ الـعـشـرـيـيـنـ 0.435 ، 0.344

تحـدـ: أـكـتـبـ كـسـرـاـ عـشـرـيـاـ يـقـعـ بـيـنـ 0.56 ، 0.57

11

12

أـتـحـدـ: كـيـفـ أـحـدـ الـقـيـمـةـ الـمـنـزـلـيـةـ لـرـقـمـ فيـ عـدـدـ عـشـرـيـ؟



الدَّرْسُ 2 تحويل الكَسْرِ إِلَى كَسْرٍ عَشْرِيٌّ وَالْعَكْسُ

2



أَسْتَكْشِفُ

يُمَثِّلُ الْمَاءُ الْمَوْجُودُ فِي إِبْرِيقِ الشَّايِ $\frac{65}{100}$ مِنَ الْلَّتِيرِ، أَكْتُبُ كَمِيَّةَ الْمَاءِ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحَوِّلُ الْكَسْرَ الْعَادِيَّ إِلَى كَسْرٍ عَشْرِيٌّ وَالْعَكْسُ.

الْمُضْطَلَّاتُ

كَسْرٌ عَادِيٌّ، كَسْرٌ عَشْرِيٌّ

أَتَعْلَمُ



تَعَلَّمْتُ سَايِقًا أَنَّ الْكَسْرَ الْعَشْرِيَّ (decimal) مِنْ مَنْزِلَةِ عَشْرِيَّةٍ وَاحِدَةٍ هُوَ كَسْرٌ عَادِيٌّ (fraction) مَقَامُهُ 10 فَمَثَلًا $0.75 = \frac{75}{100}$ وَالْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ مِنْ مَنْزِلَتَيْنِ عَشْرِيَّتَيْنِ هُوَ كَسْرٌ عَادِيٌّ مَقَامُهُ 100؛ فَمَثَلًا: وَبِالطَّرِيقَةِ نَفْسِهَا يُمْكِنُنِي كِتَابَةُ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ لِغَايَةِ الْأَجْزَاءِ مِنْ أَلْفٍ عَلَى صُورَةِ كَسْرٌ عَادِيٌّ؛ فَمَثَلًا:

الْأَرْقَامُ فِي الْمَنَازِلِ الْعَشْرِيَّةِ.

$$0.327 = \frac{327}{1000}$$

1 عَنْ يَمِينِهِ أَصْفَارٌ بِعَدِ الْمَنَازِلِ الْعَشْرِيَّةِ.

مِثَالٌ 1

أَكْتُبُ الْكُسُورَ وَالْأَعْدَادَ الْكَسْرِيَّةَ الْأَتَيَّةَ؛ عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ.

1 $\frac{3}{4}$

الطَّرِيقَةُ 1: أَحَوِّلُ الْكَسْرَ إِلَى كَسْرٍ مَقَامُهُ 10 أَوْ 100 أَوْ 1000 لَا يُوجَدُ عَدْدٌ كُلُّهُ نَاتِجٌ ضَرِبِهِ فِي 4 يُسَاوِي 10؛

لِذَا، أَبْحَثُ عَنْ عَدْدٍ نَاتِجٌ ضَرِبِهِ فِي 4 يُسَاوِي 100 الْعَدْدُ هُوَ 25؛ لِذَا:

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25}$$

أَضْرِبُ الْبَسْطَ وَالْمَقَامَ فِي 25

$$= \frac{75}{100}$$

أَضْرِبُ

$$= 0.75$$

كَسْرٌ عَشْرِيٌّ

الطريقة 2: أستعمل القسمة المطولة.

$$\begin{array}{r}
 & 0. & 7 & \textcolor{teal}{5} \\
 4 & \overline{)3.} & 0 & 0 \\
 - & \textcolor{teal}{0} & & \downarrow \\
 \hline
 & 3. & 0 & \\
 - & \textcolor{teal}{2} & 8 & \\
 \hline
 & \textcolor{teal}{2} & 0 & \\
 - & \textcolor{teal}{2} & 0 & \\
 \hline
 & 0 & &
 \end{array}$$

أَقْسِمُ الْبَسْطَ عَلَى الْمَقَامِ

٣ = ٣.٠ = ٣.٠٠ أَكْتُبُ الْمَقْسُومَ بِاسْتِعْمَالِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ

٤ < ٣ فَنَاتِحُ الْقِسْمَةِ صِفْرٌ.

أَرْفَعُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ إِلَى النَّاتِحَةِ وَأَنْزِلُ صِفْرًا، وَأَقْسِمُ حَتَّى يَكُونَ الْبَاقِي صِفْرًا.

2 $8 \frac{9}{20}$

$$8 \frac{9}{20} = 8 + \frac{9 \times 5}{20 \times 5}$$

أَحَوْلُ الْكَسْرِ إِلَيْ كَسْرِ مَقَامِهِ 100

$$= 8 + \frac{45}{100}$$

أَضْبَاطُ

$$= 8 \frac{45}{100}$$

عدد كسرى

$\equiv 8.45$

عَدَدُ عَشْرِي

أَتَحَقُّ مِنْ فَهْمِيٍّ: أَكْتُبُ الْكُسُورَ وَالْأَعْدَادَ الْكَسْرِيَّةَ الْأُتْنِيَّةَ، عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ.

1 $\frac{5}{8}$

2 $3\frac{7}{25}$

مثال 2: من الحياة



أعلاً: صمم معلم التربية الفنية عالم الأردن على الحائط بطول 1.75 m وعرض 0.875 m أبعـر عن طول العلم وعرضـه بصورة سور عاديـة في أبـسط صورـة.

الطول يساوى 1.75 m

$$1.75 = 1 + \frac{75}{100}$$

أَقْسِمُ الْبَسْطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

$$= 1 + \frac{75 \div 5}{100 \div 5}$$

اَكْتُبُ الْكَسْرَ الْعَشْرِيَّ عَلَى صُورَةِ كَسْرٍ مَقَامَهُ 100

$$= 1 + \frac{15 \div 5}{20 \div 5}$$

أَقْسِمُ الْبَسْطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5



الوحدة 6

$$= 1 + \frac{3}{4}$$

$$= 1 \frac{3}{4}$$

أبسط

أكتب بعده التبسيط

العرض يساوي 0.875

$$0.875 = \frac{875}{1000}$$

$$= \frac{875 \div 5}{1000 \div 5}$$

$$= \frac{175 \div 5}{200 \div 5}$$

$$= \frac{35 \div 5}{40 \div 5}$$

$$= \frac{7}{8}$$

أكتب الكسر على صورة كسر عادي مقاومة 1000

أقسم البسط والمقام على 5

أقسم البسط والمقام على 5

أقسم البسط والمقام على 5

أبسط

أتحقق من فهمي: سبيكة من الذهب والنحاس كتلتها 1000g فيها 850g من النحاس، ما الكسر العادي والكسر العشري الذي يعبر عن كتلة النحاس في السبيكة؟

أتدرب

وأحل المسائل

1 $5 \frac{3}{8}$

2 $\frac{19}{20}$

3 $12 \frac{1}{8}$

4 $3 \frac{2}{5}$

5 $4 \frac{1}{4}$

6 $\frac{7}{8}$

أحول كل كسر عادي أو عددي كسري مما يأتي، إلى الصورة العشرية:

7 19.125

8 0.35

9 5.625

10 0.6

11 1.45

12 0.375



ذهب: في محل للمجوهرات 18.125 kg من الذهب، أكتب كتلة الذهب على صورة عدد كسري.

13

رياضة: يتسع مدرج مسابح مدينة الحسن الرياضية في اربد الى 2000 متفرج، إذا كان عدد الجالسين على مقاعد المدرج 1350 شخصا، فما الكسر العادي الذي يمثل عدّد المقاعد المشغولة؟ وما الكسر العشري الذي يمثل عدّد المقاعد الفارغة؟

14

معلومة

تم افتتاح مدينة الحسن الرياضية عام 1990 على مساحة 110000 m^2 لتكون الثانية بعد المدينة الرياضية في عمان.



مزارع: تحتوي مزرعة في الأغوار على 1000 شجرة؛ 485 شجرة نخيل، و 192 شجرة موز، و 68 شجرة تفاح، وبقية الأشجار من العنبر. أكتب الكسر العشري الذي يمثل أشجار النخيل في المزرعة.

15

أكتب الكسر العشري الذي يمثل أشجار الموز في المزرعة. أبين الكسر العشري الذي يمثل أشجار التفاح في المزرعة على لوحة المنازل. أجد الكسر العادي الذي يمثل أشجار العنبر في المزرعة، ثم أكتبها على صورة كسري.

16

17

18

مهارات التفكير

مسألة مفتوحة: أكتب كسرًا عشريًا بين الكسرتين العاديتين $\frac{2}{5}$ ، $\frac{1}{5}$ ،

19

أيها لا ينتمي: أحدد العدد المختلف، وأبرر إجابتي

20

4 $\frac{4}{5}$

4.8

4.45

4.80

تبيرير: من دون إجراء حسابات؛ أي العدادين أكبر 8.57 أم 8.57 ؟ أبرر إجابتي.

21

اكتشف الخطأ: كتب مثال وخلود الكسر $\frac{5}{1000}$ في الصورة العشرية، أيهما كتبته كتابة صحيحة؟ أفسر إجابتي.

22

خلود

$$\frac{5}{1000} = 0.005$$

مثال

$$\frac{5}{1000} = 0.05$$

اتحدث: أبين كيف أحوّل عدداً كسرياً إلى الصورة العشرية.





أَسْتَكْشِفُ



تَحْتَوِي التَّفَاحَةُ الْخَضْرَاءُ عَلَى 0.906g بِرُوتِينٍ وَ0.391g دُهُونٍ. مَا مُكَوَّنُ التَّفَاحَةِ الْأَكْبَرُ، الدُّهُونُ أَمِ الْبِرُوتِينُ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَقْارِنُ كُسُورًا وَأَعْدَادًا كَسْرِيَّةً وَكُسُورًا عَشْرِيَّةً، وَأَرْتِيبُهَا.

الْمُضْطَلَحُ

الْمُقَارَنَةُ، التَّرْتِيبُ.

أَتَعْلَمُ

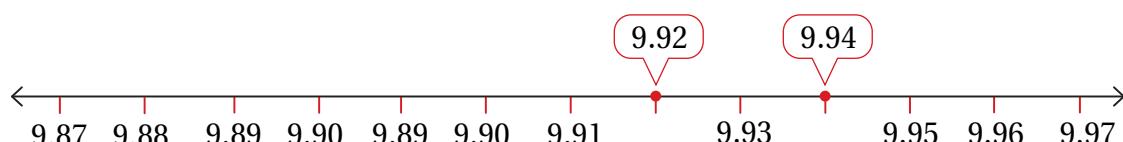


تَعْلَمْتُ سَابِقًا الْمُقَارَنَةَ (comparing) بَيْنَ الْأَعْدَادِ الْكُلْلِيَّةِ، وَالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ لِغاِيَةِ الْأَجْزَاءِ مِنَ الْمِائَةِ. وَسَأَتَعَلَّمُ الْمُقَارَنَةَ بَيْنَ كُسُورِ عَشْرِيَّةٍ لِغاِيَةِ الْأَجْزَاءِ مِنَ الْأَلْفِ وَتَرْتِيبَهَا. يُمْكِنُنِي اسْتِعْمَالُ لَوْحَةِ الْمَنَازِلِ لِمُقَارَنَةِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ.

مِثَالٌ 1 أَقْارِنُ بَيْنَ الْعَدْدَيْنِ الْعَشْرِيَّيْنِ فِي مَا يَأْتِي بِاسْتِعْمَالِ الرَّمْزِ (> أو < أو =):

1 9.92 9.94

الطَّرِيقَةُ 1: خَطُّ الْأَعْدَادِ.



يَقُوْعُ 9.94 عَلَى يَمِينِ 9.92

أَيْ أَنَّ: 9.94 أَكْبَرُ مِنْ 9.92

إِذْن، 9.92 < 9.94



الطريقة 2: لوحة المنازل.

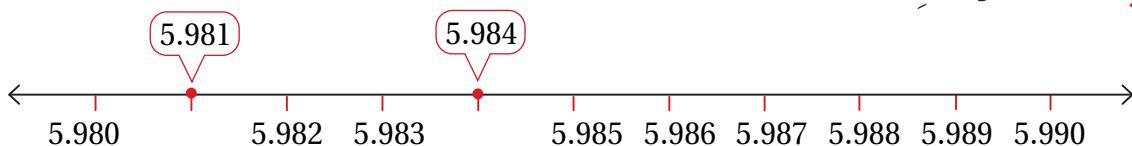
أَضْعِفُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ فَوْقَ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةِ، ثُمَّ أُفَارِنُ بَيْنَ أَرْقَامِ كُلِّ مَنْزِلَةٍ ابْتِدَاءً مِنَ الْيُسَارِ. أَلْاحِظُ تَسَاوِي رَقْمَيِّ مَنْزِلَةِ الْأَحَادِ وَأَجْزَاءِ الْعَشْرَةِ، وَفِي مَنْزِلَةِ أَجْزَاءِ الْمِائَةِ أَلْاحِظُ أَنَّ $4 < 2$

العشرات	الحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
	9	9	4	
	9	9	2	

أي أن: $9.94 > 9.92$ إذن، $9.94 < 9.92$

2 5.984 5.981

الطريقة 1: خط الأعداد.



5.984 على يمين 5.981 ؛ إذن: $5.984 > 5.981$ أو $5.981 < 5.984$

الطريقة 2: لوحة المنازل.

أَضْعِفُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ فَوْقَ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةِ، ثُمَّ أُفَارِنُ بَيْنَ أَرْقَامِ كُلِّ مَنْزِلَةٍ ابْتِدَاءً مِنَ الْيُسَارِ. أَلْاحِظُ تَسَاوِي رَقْمَيِّ مَنْزِلَةِ الْأَحَادِ وَأَجْزَاءِ الْعَشْرَةِ وَأَجْزَاءِ الْمِائَةِ، وَفِي مَنْزِلَةِ أَجْزَاءِ الْأَلْفِ أَلْاحِظُ أَنَّ $4 > 1$

العشرات	الحاد	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الألف
	5	9	8	4
	5	9	8	1

أي أن: $5.984 > 5.981$ إذن، $5.981 < 5.984$

اتَّحَقَقَ مِنْ فَهْمِي: أُفَارِنُ بَيْنَ الْعَدْدَيْنِ الْعَشْرِيَّيْنِ فِي مَا يَأْتِي بِاسْتِعْمَالِ الرَّمْزِ ($>$ أو $<$ أو $=$):

1 99.257 99.217

2 145.748 145.645

الوحدة 5

كما يُمكِّنني استعمال القيمة المُنْزَلَة للترتيب (ordering) من الأصغر إلى الأكبر، ومن الأكبر إلى الأصغر.

مثال 2: من الحياة

سباق: أنهى خالد سباقاً في 8.016 دقيقة، وأنه ما جد في 7.03 دقيقة، بينما أنهى مهند في 8.16 دقيقة. أرتّب الأزمنة من الأصغر إلى الأكبر. من الفائز؟ (الفائز في السباق هو الذي أنهى في أقل مدة زمنية).

أقارن بين الأعداد وأرتّبها باستعمال

القيمة المُنْزَلَة

8.160

8.016

7.030

أضع أصفاراً عن يمين آخر منزلة ليصبح لكل

الأعداد العدد نفسه من المنازل.

8.016

7.030

8.160

أرتّب الفواصل العشرية

بعضها فوق بعض.

8.016

7.03

8.16

الترتيب من الأصغر إلى الأكبر: 8.16, 8.016, 7.03.

إذن: الفائز في السباق هو ما جد؛ لأنّه أنهى السباق في أقل مدة زمنية.

أتحقق من فهمي: ذهبت جنى إلى السوق واشترت 1.65 kg من السكر و 2.587 kg من الدقيق و 2.564 kg من الملح. أرتّب مشتريات جنى من الأصغر إلى الأكبر.

أتدرب

وأحل المسائل

أضع الرمز (< أو > أو =) في لتصبح العبارة صحيحةً:

1 7.539 < 7.344

2 9.953 < 9.951

3 1.403 < 1.4

4 3.74 < 3.740

5 41.06 < 40 + 1 + 0.6

6 $\frac{7}{100}$ < 0.7

7 15.2 < $10 + 5 + \frac{2}{1000}$

8 0.021 < $\frac{26}{1000}$

أرتّب كلاً ممّا يأتي تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر):

9 9.219, 9.3, 9.37, 9.129

10 0.101, 0.001, 0.1, 0.012

أرتّب كلاً ممّا يأتي تناظرياً (من الأكبر إلى الأصغر):

11 5.231, 5.312, 5.123, 5.132

12 2.383, 2.95, 2.833, 2.905

19

WWW.JNOB-JO.COM

بنزين: ملأة سماح سيارتها بأكثَر من 9.487 L من البنزين، وأقل من 10 L ، أي الشاشات الآتية يمكن أن تمثل مقدار ما ملأة سماح من البنزين؟



مكسرات: يبيّن الجدول كُلَّ 4 أنواع من المكسرات بالكيلوغرام، أرتب هذه الكُلَّ من الأصغر إلى الأكبر.



	لوز	فستق	بزر	كافو
	0.458	0.455	0.234	0.287

من وحدات قياس استهلاك السيارة للبنزين كيلومتر لكل لتر، وكلما ارتفع الرقم، كلما ازدادت كفاءة السيارة، ما يعني أن سيارة معدل استهلاكها 12.5 كيلومتر لكل لتر هي أقل كفاءة من سيارة استهلاكها 16 كيلومتر لكل لتر.

وَصْفَاتُ طَعَامٍ: استعملت مروءة 0.075 kg من البهارات و 0.1 kg من الملح، و 0.05 kg من زيت الطعام في تحضير وجبة طعام. أرتب هذه المقادير من الأكبر إلى الأصغر.

تجارة: في متجرَيْن رأيت عرضَيْن لبيع نوع من جبن الشيدر نفسه والكتلة نفسها. أي عرض أفضل للشراء؟ أفسر إجابتي.

العرض الثاني
2.490 دينار

العرض الأول
2.315 دينار

مهارات التفكير

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحةٌ: أجد كسرَيْن عشَرَيْن يَقْعَدُانَ بَيْنَ 0.101 و 0.114 .

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحةٌ: أكمل كُلَّ عَدَدٍ عَشَرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي؛ لِتُصْبِحَ الْعِبَارَةُ صَحِيحَةً:

18 $10.3 \quad 1 > 10.311$

19 $28.60 = 28.6 \quad 0$

تَبَرِيرٌ: يقول عبد الهادي إن العدد 5.77 يقع بين العددين 5.7 و 5.8 هل هو على صواب؟ أبُرُّ إجابتي.

أَتَخَدَّثُ: كيف أقارن بين الكسرَيْن العشَرَيْن 0.886 و 0.88 ؟

13

14

15

16

17

20

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَقْرَبُ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيٍّ، أَوِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ عَشْرَةِ، أَوِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ مِائَةِ.

المُضْطَلَاحَاتُ

تَقْرِيبٌ

أَتَعْلَمُ



أَسْتَكْشِفُ



يُمْثِلُ النَّيَّرُوجِينُ نِسْبَةً كَبِيرَةً مِنْ غِلَافِنَا الْجَوِيِّ، إِذْ تَبْلُغُ نِسْبَةُ النَّيَّرُوجِينِ 0.781 مِنَ الْغِلَافِ الْجَوِيِّ. أَقْرَبُ هَذَا الْكَسْرَ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ مِائَةِ.

تَعْلَمْتُ سَابِقًا تَقْرِيبَ (rounding) الْأَعْدَادِ الْكُلْلِيَّةِ وَالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيٍّ وَأَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ عَشْرَةِ. وَلِتَقْرِيبِ الْكَسْرِ الْعَشْرِيِّ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ مِائَةِ؛ أَتَّبِعُ الطَّرِيقَةَ نَفْسَهَا:

أَنْظُرُ إِلَى الرَّقْمِ إِلَى يَمِينِهِ مُبَاشِرَةً.

2

أُحَدِّدُ الرَّقْمَ فِي الْمَنْزِلَةِ الْمُرَادِ التَّقْرِيبُ إِلَيْهَا.

1

إِذَا كَانَ أَصْغَرَ مِنْ 5 يَبْقَى الرَّقْمُ الْمُحَدَّدُ كَمَا هُوَ، أَمَّا إِذَا كَانَ 5 أَوْ أَكْبَرَ فَأُضَيِّفُ 1 إِلَى الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ.

3

أَسْتَبَدِلُ صِفْرًا مَكَانَ كُلَّ رَقْمٍ إِلَى يَمِينِ الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ.

4

مِثَالٌ 1 أَقْرَبُ كُلَّ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

9.845 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيٍّ.

1

أُحَدِّدُ الرَّقْمَ فِي الْمَنْزِلَةِ الْمُرَادِ التَّقْرِيبُ إِلَيْهَا 9.845

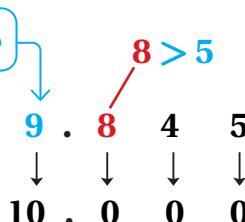
أَنْظُرُ إِلَى الرَّقْمِ إِلَى يَمِينِهِ مُبَاشِرَةً 9.845

أُفَارِنُ هَذَا الرَّقْمَ بـ 5

8 > 5

أُضَيِّفُ 1 إِلَى الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ فِي مَنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ، وَأَسْتَبَدِلُ الْأَرْقَامَ الَّتِي عَلَى يَمِينِهِ أَصْفَارًا.

إِذن؛ تَقْرِيب 9.845 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيٍّ هُو 10





17.231 إلى أقرب جزء من عشرة.

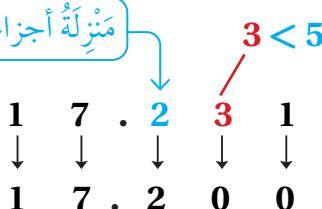
2

أحدّد الرقم في منزلة المراد التّقريب إليها 17.231

انظر إلى الرقم إلى يمينه مباشرةً 17.231

أقارن هذا الرقم بـ 5

$3 < 5$



يُقْرَبُ هَذَا الرَّقْمُ الْمُحَدَّدُ فِي مِنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ كَمَا هُوَ، وَأَسْتَبِدُ الْأَرْقَامَ الَّتِي عَلَى يَمِينِهِ أَصْفَارًا $17.200 = 17.2$

إذن تقريب 17.231 إلى أقرب جزء من عشرة هو 17.2

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّ: أَقْرَبُ كُلَّ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

1

31.644 إلى أقرب جزء من عشرة.

2

78.541 إلى أقرب عدد كلي.

في المواقف الحياتية أستعمل التقريب عندما لا يحتاج إلى الإجابة الدقيقة.

مِثَال٢: مِنَ الْحَيَاةِ



أَكْرَمُ	سَارَةُ	أَسَامَةُ	إِسْمُ الطَّفْلِ
3.285	3.0184	2.475	كُتْلَةُ الطَّفْلِ kg /

يُبَيِّنُ الْجَدَوْلُ أَدْنَاهُ كُتَلَ 3 أَطْفَالٍ حَدِيثِيَ الْوِلَادَةِ بِالْكِيلُوغرَامِ،
أَقْرَبُ كُتْلَةُ أَسَامَةَ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

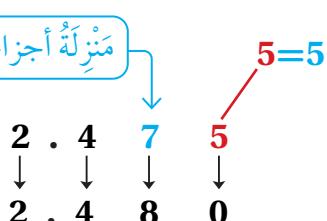
أحدّد الرقم في منزلة المراد التّقريب إليها 2.475

أحدّد الرقم في منزلة المراد التّقريب إليها 2.475

انظر إلى الرقم إلى يمينه مباشرةً 2.475

أقارن هذا الرقم بـ 5

$5=5$



أُضِيفُ 1 إلى الرقم المُحَدَّدِ في مِنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ، وَأَسْتَبِدُ الْأَرْقَامَ الَّتِي عَلَى يَمِينِهِ أَصْفَارًا $2.480 = 2.48$

إذن تقريب 2.475 إلى أقرب جزء من مائة يساوي 2.48 أي أن كتلة أسامي 2.48 kg تقربياً

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّ:

1

أَقْرَبُ كُتْلَةَ أَكْرَمَ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

2

أَقْرَبُ كُتْلَةَ سَارَةَ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدِ كُلُّيٍّ.

الوحدة 6

أَتَدَرَّبُ

وَأَخْلُقُ الْمَسَائِلَ



أَقْرَبُ كُلَّا مِمَّا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ:

1 7.582

2 2.401

3 3.509

4 7.177

5 0.962

6 8.314

7 4.5

8 57.3

9 1.32

عُلُومٌ: يُشَكُّلُ الْأَكْسِجِينُ مَا نِسْبَتُهُ 0.209 مِنَ الْهَوَاءِ. أَقْرَبُ هَذِهِ النِّسْبَةِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

يَبْلُغُ طُولُ جَنَاحِ الصَّقْرِ الْحُرُّ $m = 0.539$ ، كَمْ يُسَاوِي هَذَا الطُّولُ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ مِنَ الْمِتْرِ؟

أَجِدُّ عَدَدَيْنِ يَكُونُ الْعَدْدُ 35.4 نَتْيَجَةً تَقْرِيْبِهِما إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

35.45 34.42 35.391 35.345 35.44 35.041

مَعْلَوْمَة

الْأَكْسِجِينُ هُوَ عَنْصُرٌ هَامٌ وَتَحْتَاجُهُ مُعَظَّمُ الْكَائِنَاتِ الْحَيَّةِ عَلَى الْأَرْضِ مِنْ أَجْلِ الْبَقَاءِ. وَالْأَكْسِجِينُ هُوَ الْعَنْصُرُ الْثَالِثُ الْأَكْثَرُ وَفَرَةُ فِي الْكَوْنِ، وَهُوَ الْعَنْصُرُ الْأَوَّلُ الْأَكْثَرُ وَفَرَةُ فِي جَسْمِ الْإِنْسَانِ.

10



11

12

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

تَحْدِيدٌ: مَا أَصْعَرُ عَدَدٍ تَقْرِيْبُهُ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ هُوَ 0.19؟

تَحْدِيدٌ: أَقْرَبُ 0.089 إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ، ثُمَّ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

أَطْرَاحُ مَسْأَلَةً: أَكْتُبُ مَسْأَلَةً حَيَاتِيَّةً لِعَدَدٍ عَشْرِيَّ، وَأَقْرِبُهُ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيِّ.

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحةً: أَكْتُبُ عَدَدَيْنِ عَشْرِيَّينِ نَاتِجٌ تَقْرِيْبِهِما إِلَى أَقْرَبِ مِئَةٍ هُوَ 7.42.

تَبَرِيرٌ: أُسَمِّيِ الْمَنْزِلَةَ الَّتِي قُرِبَ إِلَيْهَا كُلُّ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي، وَأُبَرِرُ إِجَابَتِيَّ.

16 16.932 → 20

17 0.581 → 0.58

18 7.429 → 7.4

أَتَحَدَثُ: كَيْفَ أَقْرَبُ 0.084 إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ؟ أُفْسِرُ إِجَابَتِيَّ.





أَسْتَكْشِفُ

يَذُوبُ الْآلْمِنِيُومُ عِنْدَ 660.32 درَجَةً مِئَوَيَّةً، بَيْنَمَا يَذُوبُ الذَّهَبُ عِنْدَ 1064.18 درَجَةً مِئَوَيَّةً. مَا الْفَرْقُ بَيْنَ دَرَجَتَيِ الْذَّوْبَانِ لِلْمَعْدِنَيْنِ.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجْمَعُ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةَ وَأَطْرَحُهَا، وَأَحْلُ مَسَائِلَ عَلَيْهَا.

الْمُضْطَلَحَاتُ

جَمْعٌ، طَرْحٌ.

أَتَعْلَمُ

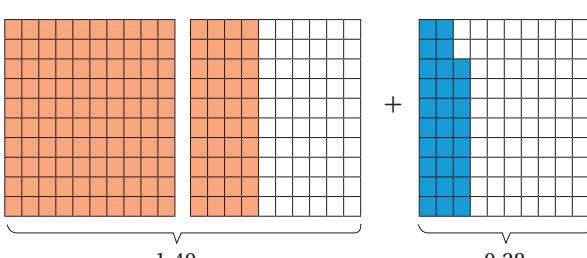
أَجْمَعُ (add) الْكُسُورَ الْعَشْرِيَّةَ وَأَطْرَحُهَا (subtract) كَمَا أَجْمَعُ الْأَعْدَادَ وَأَطْرَحُهَا؛ إِذْ أَجْمَعُ الْأَرْقَامَ فِي الْمَنَازِلِ تَفْسِيْرَهَا، وَكَيْ أَجْمَعَ الْكُسُورَ أَوِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ أَوْ أَطْرَحُهَا:

أَنْزِلُ الْفَاِصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ فِي مَكَانِهَا مِنَ النَّاتِجِ.

أَجْمَعُ أَوْ أَطْرَحُ.

أَكْتُبُ أَصْفَارًا إِضَافِيَّةً لِلْمُسَاعِدَةِ عَلَى تَوْضِيْحِ الْقِيمَةِ الْمُنْتَرِلِيَّةِ عِنْدَ الْحَاجَةِ.

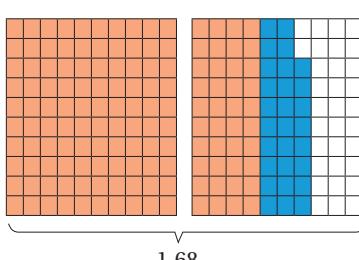
أُرْتِبُ الْأَعْدَادُ الْكَسُرِيَّةُ بِحِيَثُ تَكُونُ الْفَوَاصِلُ الْعَشْرِيَّةُ بَعْضُهَا فَوْقَ بَعْضٍ.



يُمْكِنُنِي اسْتِعْمَالُ نَمَادِجِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ فِي الْجَمْعِ،

فَمِثَالًا $1.40 + 0.28$

أَمْثَالُهُمَا



أَضِيفُ نَمَادِجَ 0.28

إِذْن، $1.40 + 0.28 = 1.68$

الوحدة 6

مثال 1 أجد ناتج الجمع في كُلّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $7.632 + 5.023$

المِئَةُ	الْعَشَرَاتُ	الْأَحَادُ	أَجْزَاءُ الْعَشْرَةِ	أَجْزَاءُ الْمِئَةِ	أَجْزَاءُ الْأَلْفِ
		7	6	3	2
		5	0	2	3
1	2	6	5	5	

إعادة التجميع

العدد الأول

العدد الثاني

ناتج الجمع

إذن: $7.632 + 5.023 = 12.655$

2 $120.347 + 101.478$

المِئَةُ	الْعَشَرَاتُ	الْأَحَادُ	أَجْزَاءُ الْعَشْرَةِ	أَجْزَاءُ الْمِئَةِ	أَجْزَاءُ الْأَلْفِ
1	0	1	4	7	5
1	2	0	3	4	7
2	2	1	8	2	5

إعادة التجميع

العدد الأول

العدد الثاني

ناتج الجمع

إذن: $120.347 + 101.478 = 221.825$

اتَّحَقَّ مِنْ مَهْمِيَّةٍ:

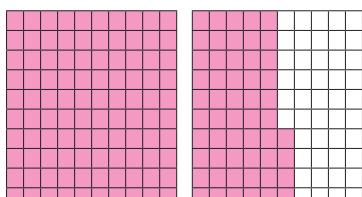
أجد ناتج الجمع في كُلّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $6.153 + 22.05$

2 $92.162 + 77.21$

www.JNOB-JO.COM

25



يمكنني استعمال نماذج الكسور العشرية في الطرح ، فمثلاً $1.54 - 0.74$

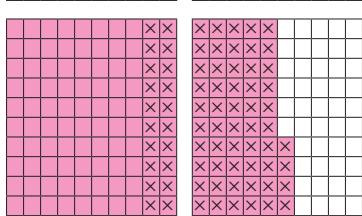
أمثل المطروح منه 1.54

أحذف عدداً من المربعات المظللة (أجزاء المائة) بعدد

المطروح 0.74

فيكون ناتج الطرح هو باقي المربعات المظللة وهي 0.80

إذن، $1.54 - 0.74 = 0.8$



الكتلة بالكيلوغرام	العضو
0.365	القلب
1.677	الكبد
0.144	البنكرياس

مثال 2: من الحياة

جسم الإنسان: يبيّن الجدول المجاور بعض كتلة أعضاء الجسم.

أجد الفرق بين كتلتَي الكبد والقلب.

الأحادي	أجزاء العشرة	أجزاء المائة	أجزاء الآلف
1	6	7	7
0	3	6	5
1	3	1	2

إعادة التجميع

العدد الأول

العدد الثاني

ناتج الطرح

أي أن، $1.677 - 0.365 = 1.312$

إذن: الفرق بين كتلتَي الكبد والقلب يساوي 1.312 kg

اتحقّق من فهمي: في المثال السابق، أجد الفرق بين كتلتَي القلب والبنكرياس.

اتدرب
وأحل المسائل

أجد ناتج الجمع والطرح في كل مما يأتي:

1 $8.621 - 8.458 =$

2 $9.399 - 4.743 =$

3 $5.140 + 3.747 =$

4 $7.087 + 5.451 =$

5 $\begin{array}{r} 5.381 \\ + 6.145 \\ \hline \end{array}$

6 $\begin{array}{r} 8.308 \\ - 7.692 \\ \hline \end{array}$

الوحدة 6

الرَّقْمُ الْمَفْقُودُ: أَصْعُ الرَّقْمَ الْمُنَاسِبَ فِي الْمُرَبَّعِ؛ لِيَكُونَ النَّاتِجُ صَحِيْحًا

7
$$\begin{array}{r} 2. 1 7 \\ - 0. 5 \\ \hline 1. \boxed{7} 7 \end{array}$$

8
$$\begin{array}{r} 6 5 . 9 \boxed{ } \\ - 2 8 . 3 8 \\ \hline 3 \boxed{5} . 5 \end{array}$$

9
$$\begin{array}{r} 1 . 0 3 \\ + 0 . 3 6 \\ \hline \boxed{3} . 3 \end{array}$$

علوم: في مختبر العلوم، استعملت الطالبات الميزان لإيجاد كتلة كميات مختلفة من الصوديوم. فكانت الكتلة كما يأتي: سناة 4.361 g وسميرة 2.704 g وليلى 5.537 g والعنود 5.295 g

ما كتلة كمية الصوديوم التي وجدتها سناة والعنود معاً؟

كم تزيد كتلة كمية الصوديوم التي وجدتها ليلي عن الكمية التي وجدتها سميحة؟

10

11

مهارات التفكير

أطْرَحُ الْمَسَأَلَةَ: أَسْتَعْمِلُ الْكُسُورَ الْعَشْرِيَّةَ $7.6, 9.5, 1.9$ في جملتي طرح مختلفتين.

1.4	0.3	0.7	0.9
2.4	2.6	1.2	3.2
1.5	1.7	3.5	1.5
1.6	1.2	1.8	1.1

مَسَأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَجِدُ 3 أَرْوَاجٍ مِنَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ فِي كُلِّ مُرَبَّعٍ؛ بِحِيثُ يَكُونُ مَجْمُوعُهَا عَدَدًا كُلِّيًّا وَيَكُونُ الْعَدَدُانِ الْعَشْرِيَّانِ مُتَجَاوِرِيْنِ عَمُودِيًّا أَوْ أُفْقِيًّا أَوْ قُطْرِيًّا:

12

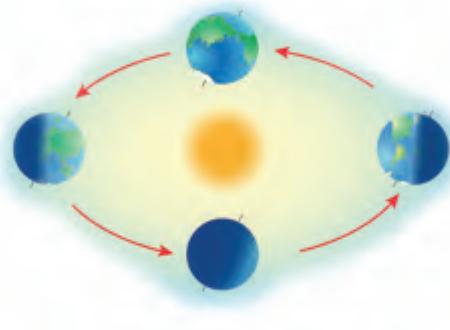
13

14

أَكْتَشِفُ الْخَطَا: قالت سعاد إن $0.75 - 0.3 = 0.72$ ، هل هي على صواب؟ أُبَرِّرُ إجابتي.

الْتَّحْدِثُ: أُوْضِحْ كَيْفَ أَجْمَعَ كَسْرَيْنِ عَشْرِيَّيْنِ وَأَطْرَحُهُمَا عَدْدًا مَنَازِلِهِمَا الْعَشْرِيَّةِ مُخْتَلِفٌ.





أَسْتَكْشِفُ

تَبْلُغُ سُرْعَةُ دَوْرَانِ الْأَرْضِ حَوْلَ الشَّمْسِ 29.78 كِيلُومُترًا فِي الثَّانِيَةِ، بَيْنَمَا تَبْلُغُ سُرْعَةُ دَوْرَانِ الْمَرْيَخِ حَوْلَ الشَّمْسِ 23.35 كِيلُومُترًا فِي الثَّانِيَةِ. أَقْدَرُ الْفَرْقَ بَيْنَهُمَا.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَقْدَرُ نَاتِجَ جَمْعِ الْأَعْدَادِ العَشْرِيَّةِ وَطَرْجِهَا إِلَى أَقْرَبِ مَنْزِلَةٍ عَشْرِيَّةٍ، أَوْ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

المُضْطَلَاتُ

تَقْدِيرُ.

أَتَعْلَمُ

لِتَقْدِيرِ (estimate) نَاتِجِ جَمْعٍ أَوْ طَرْجٍ كَسْرَيْنِ عَشْرِيَّيْنِ، أَقْرَبُ كُلَّ كَسْرٍ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ أَوْ إِلَى أَقْرَبِ مَنْزِلَةٍ مُعْطَاءً، ثُمَّ أَجْمَعُ.

مِثَال١ أَقْدَرُ نَاتِجَ الْجَمْعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى الْمَنْزِلَةِ الْمُعْطَاءِ:

$$27.45 + 94.7 \rightarrow \text{إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.}$$

$$\begin{array}{r}
 27.45 \\
 + 94.7 \\
 \hline
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \\
 \text{يُقَرَّبُ إِلَى}
 \end{array}
 \begin{array}{r}
 27 \\
 + 95 \\
 \hline
 122
 \end{array}$$

أي أن $27.45 + 94.7$ يساوي 122 تقريرًا.

$$1.789 + 6.314 \rightarrow \text{إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِنْهُ.}$$

$$\begin{array}{r}
 1.789 \\
 + 6.314 \\
 \hline
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \\
 \text{يُقَرَّبُ إِلَى}
 \end{array}
 \begin{array}{r}
 1.79 \\
 + 6.31 \\
 \hline
 8.10
 \end{array}$$

أي أن $1.789 + 6.314$ يساوي 8.10 تقريرًا.

الوحدة 6

أتحقق من فهمي: قدر ناتج الجمع في كل ممّا يأتي؛ مقرّبا إلى المنزلة المُعطاة:

$$2.074 + 2.013 \quad 2$$

$$32.555 + 49.564 \quad 1$$

يمكنني تقدير الأعداد إلى منزلة تجعل التقدير أسهل. إذا قربت الأعداد إلى منزلة أقل، زاد احتمال الحصول على تقدير أكثر دقة.

مثال 2: من الحياة



الارتفاع بالكيلومتر	اسم الجبل
1.854	أم الدّامي
0.817	نيبو
1.247	أم الدّرّاج
1.734	رم

يبين الجدول المجاور ارتفاع عدد من الجبال في الأردن:

أجد الفرق بين ارتفاعي جبل أم الدّامي وجبل أم الدّرّاج مقرّبا إلى أقرب عدد كلي.

$$\begin{array}{r}
 1.854 \quad \text{يقرب إلى} \quad 2.00 \\
 - 1.247 \quad \text{يقرب إلى} \quad 1.00 \\
 \hline
 & & 1.00
 \end{array}$$

أي إن الفرق بين ارتفاعي جبل أم الدّامي وجبل أم الدّرّاج يساوي 1km تقرّبا.

أجد الفرق بين ارتفاعي جبل نيبو وجبل رم مقرّبا إلى أقرب جزء من مائة.

$$\begin{array}{r}
 1.734 \quad \text{يقرب إلى} \quad 1.73 \\
 - 0.817 \quad \text{يقرب إلى} \quad 0.82 \\
 \hline
 & & 0.91
 \end{array}$$

أي إن الفرق بين ارتفاعي نيبو وجبل رم يساوي 0.91km تقرّبا.

أتحقق من فهمي:

في المثال السابق: أجد الفرق بين ارتفاعي جبل أم الدّامي وجبل رم؛ مقرّبا إلى أقرب جزء من عشرة.

أجد ناتج الجمع والطرح في كل ممّا يأتي؛ مقرّبا إلى أقرب عدد كلي.

$$\begin{array}{r}
 1 \quad 6.341 \\
 + 3.953
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2 \quad 16.187 \\
 - 5.940
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3 \quad 16.185 \\
 - 5.949
 \end{array}$$

أتدرب
وأحل المسائل



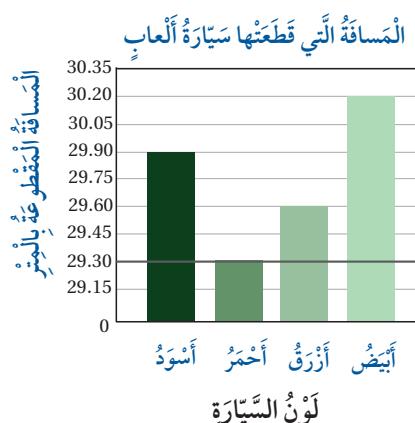
أَجِدْ نَاتِجَ الْجَمْعِ وَالْطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقْرَبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

$$\begin{array}{r} 7.927 \\ - 5.373 \\ \hline 2.812 \end{array} \quad \begin{array}{r} 2.812 \\ + 3.725 \\ \hline 12.540 \end{array} \quad \begin{array}{r} 12.540 \\ + 7.986 \\ \hline \end{array}$$

أَجِدْ نَاتِجَ الْجَمْعِ وَالْطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقْرَبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مَئَةٍ.

$$\begin{array}{r} 5.381 \\ + 6.145 \\ \hline 5.578 \end{array} \quad \begin{array}{r} 5.578 \\ - 0.144 \\ \hline 10.399 \end{array} \quad \begin{array}{r} 10.399 \\ - 4.281 \\ \hline \end{array}$$

الْعَابُ: يَبْيَسُ الشَّكْلُ الْبَيَانِيُّ أَدْنَاهُ، الْمَسَافَةَ الَّتِي قَطَعَتْهَا سَيَارَاتُ الْعَابِ فِي مَدِينَةِ الْمَلَاهِيِّ.



أَجِدْ الْفَرْقَ بَيْنَ الْمَسَافَاتِ الَّتِي قَطَعَتْهَا السَّيَارَاتِنِ الْحَمْرَاءُ وَالسَّوْدَاءُ مُقْرَبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

أَجِدْ مَجْمُوعَ الْمَسَافَاتِ الَّتِي قَطَعَتْهَا السَّيَارَاتِنِ الْبَيْضَاءُ وَالزَّرْقَاءُ مُقْرَبًا إِلَى عَدَدٍ كُلَّيٍّ.

10

11

12

13

14

أَكْتَشِفُ الْخَطَّأَ: قَدَرْتُ لِينُ وَخَلُودُ نَاتِجَ طَرْحٍ $1.465 - 0.524$ مُقْرَبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ. أَيُّهُمَا كَانَتْ إِجَابَتُهَا صَحِحَّةً؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ.

خلود

0.95 تقريرًا

لين

1.00 تقريرًا

تبَرِيرٌ: أَقْدَرْتُ ثُمَّ أَفَارِنُ بِاسْتِعْمَالِ الرَّمْزِ $<\text{أُو}>$ وَأَبْرَرُ إِجَابَتِيَّ.

$$2.74 + 4.22 \quad 3.13 + 1.87$$

أَطْرَحُ مَسْأَلَةً: أَكْتُبُ مَسْأَلَةً تَتَضَمَّنُ مَوْقِفًا حَيَاتِيًّا لِتَقْدِيرِ الْفَرْقِ بَيْنَ 25.4 وَ 19.8 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلَّيٍّ.

أَتَخَدَّثُ: كَيْفَ أَقْدَرُ نَاتِجَ جَمْعِ عَدَدَيْنِ عَشْرِيَّيْنِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ



أَسْتَكْشِفُ



تَسْتَعُ عُبُوَّةً زَيْتِ الْذَّرَّةِ الصَّغِيرَةِ لـ 0.75 L، وَتَوَضَّعُ كُلُّ 10 عُبُوَّاتٍ مِنْهَا فِي صُنْدُوقٍ، كَمْ لِتْرًا سَعَةُ الصُّنْدُوقِ كَامِلًا؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَضْرِبْ كُسُورًا عَشْرِيَّةً فِي 10, 100, 1000 عَلَى 10, 100, 1000

الْمُضْطَلَاحَاتُ

الضَّرْبُ، الْقِسْمَةُ.

أَتَعْلَمُ



مثال : $8.597 \times 10 = 85.97$

10، أَحْرِكُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ مَنْزِلَةً واحِدَةً إِلَى الْيَمِينِ بِعَدِ أَصْفَارِ الْعَدَدِ 10.

مثال : $8.597 \times 100 = 859.7$

100، أَحْرِكُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ مَنْزِلَتَيْنِ إِلَى الْيَمِينِ بِعَدِ أَصْفَارِ الْعَدَدِ 100.

مثال : $8.597 \times 1000 = 8597.0$

1000، أَحْرِكُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ 3 مَنَازِلٍ إِلَى الْيَمِينِ بِعَدِ أَصْفَارِ الْعَدَدِ 1000.

عِنْدَ ضَرْبِ

(multiplication)
كَسْرٍ عَشْرِيًّا فِي

إِذَا اَنْتَهَتِ الْمَنَازِلُ الْعَشْرِيَّةُ فِي الْكَسْرِ الْعَشْرِيِّ عِنْدَ ضَرْبِهِ فِي 10 أَوْ 100 أَوْ 1000، فَأَضْعِفْ صِفْرًا أَوْ أَكْثِرَ عَلَى يَمِينِ آخرِ رَقْمٍ لِيَتَمَ الْعَدَدُ الْمَطْلُوبُ مِنَ الْمَنَازِلِ، فَمَثَلًا:

$$4.1 \times 100 = 410$$



مثال 1 أَجِدْ ناتِجَ الضَّرْبِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 2.451×10

العَشَرَاتُ	الْأَحَادُ	أَجْزَاءُ الْعَشْرَةِ	أَجْزَاءُ الْمِائَةِ	أَجْزَاءُ الْأَلْفِ
	2	4	5	1

$$2.451 \times 10 = 24.51$$

2 100×7.14

العَشَرَاتُ	الْأَحَادُ	أَجْزَاءُ الْعَشْرَةِ	أَجْزَاءُ الْمِائَةِ	أَجْزَاءُ الْأَلْفِ
	7	1	4	

$$7.14 \times 100 = 714$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَجِدْ ناتِجَ الضَّرْبِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 17.23×100

2 0.45×1000

مثال : $752.3 \div 10 = 75.23$

10، أَحَرِّكُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ
مَنْزِلَةً واحِدَةً إِلَى الْيَسَارِ بَعْدَ
أَصْفَارِ الْعَدَدِ 10.

مثال : $752.3 \div 100 = 7.523$

100، أَحَرِّكُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ
مَنْزِلَتَيْنِ إِلَى الْيَسَارِ بَعْدَ أَصْفَارِ
الْعَدَدِ 100.

مثال : $752.3 \div 1000 = 0.7523$

1000، أَحَرِّكُ الْفَاصِلَةَ
الْعَشْرِيَّةَ 3 مَنَازِلٍ إِلَى الْيَسَارِ
بَعْدَ أَصْفَارِ الْعَدَدِ 1000.

عِنْدَ قِسْمَةٍ (division)
كَسْرٌ عَشْرِيٌّ عَلَى



الوحدة 6

مثال 2 أَجِدْ ناتِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $12.5 \div 100$

العشرات	الآحاد	أَجزاءُ الْعَشْرَةِ	أَجزاءُ الْمِائَةِ	أَجزاءُ الْأَلْفِ
1	2	• 5		

$$12.5 \div 100 = 0.125$$

2 $14.87 \div 10$

العشرات	الآحاد	أَجزاءُ الْعَشْرَةِ	أَجزاءُ الْمِائَةِ	أَجزاءُ الْأَلْفِ
1	4	• 8	7	

$$14.87 \div 10 = 1.487$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَجِدْ ناتِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $2 \div 100$

2 $7984 \div 1000$

أَتَدَرَّبُ
وَأَحْلُّ الْمَسَائِلَ

أَجِدْ ناتِجَ الضَّرِبِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $122.1 \times 1000 =$

2 $8.8 \times 10 =$

3 $0.62 \times 100 =$

4 $0.27 \times 1000 =$

أَجِدْ ناتِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

5 $153.7 \div 10 =$

6 $72.1 \div 100 =$

7 $728.4 \div 100 =$

8 $4629 \div 1000 =$

الرَّفُّ الْمَفْقُودُ: أَضِعُ الرَّفُّ الْمُنَاسِبَ فِي الْمُرْبَعِ؛ لِيَكُونَ النَّاتِجُ صَحِيحًا.

9 $5176 = \square \times 51.76$

10 $76.2 = \square \times 0.762$

11 $432.31 = \square \times 43.231$

12 $83300 = \square \times 83.3$



أَصْلُ كُلَّ عَمَلِيَّةٍ ضَرْبٌ أَوْ قِسْمَةٍ بِالنَّاتِجِ الْمُنَاسِبِ:

13

0.2

20

2

0.02

0.002

$200 \div 10$

$2 \div 10$

0.2×10

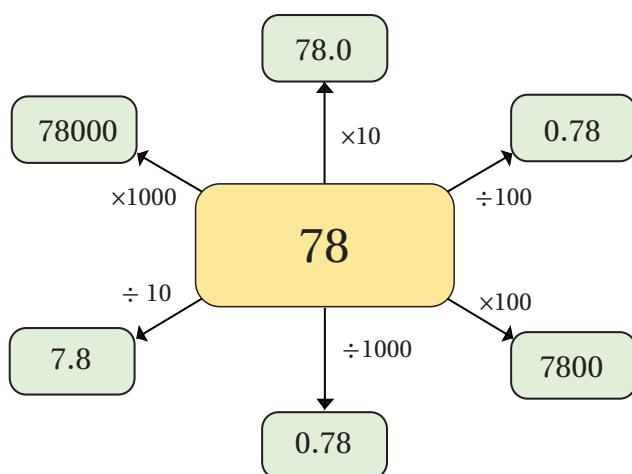
$0.2 \div 10$

$2 \div 1000$

مهارات التفكير

أَكْتَشِفُ الْخَطَاً: في الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، أَضْعِعُ إِشَارَةً (✓) أَمَّا نَاتِجُ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ، وَأَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ.

14



تَحْدِّ: في الجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ، كُمْ طَرِيقَةً يُمْكِنُ أَنْ يَكُونَ النَّاتِجُ فِيهَا 7 ؟ بِاسْتِعْمَالِ الْخُطُوهَاتِ الْأَتِيَّةِ؟

أَخْتَارُ عَدَدًا مِنَ الْعَمُودِ A.

أَخْتَارُ عَمَلِيَّةً (× أَوْ ÷) مِنَ الْعَمُودِ B.

أَخْتَارُ الْعَدَدَ الثَّانِي مِنَ الْعَمُودِ C.

15

16

17

أَتَحَدَّثُ: أَشْرُحْ كَيْفَ أَضْرِبُ كَسْرًا عَشْرِيًّا فِي 10 أَوْ 100 أَوْ 1000، وَكَيْفَ

أَقْسِمُهُ عَلَيْهِ؟





استكشِف



عَدُد طِلَبَةِ الصَّفِّ الْخَامِسِ فِي مَدْرَسَةٍ 100 طَالِبٌ، وَعَدُدُ الَّذِينَ لَا يُجِيدُونَ السِّبَاحَةَ 22 طَالِبًا. مَا النِّسْبَةُ الْمِئَوَى لِلطلَّابِ الَّذِينَ لَا يُجِيدُونَ السِّبَاحَةَ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَتَعْرَفُ النِّسْبَةَ الْمِئَوَى وَأَكْتُبُهَا بِاسْتِعْمَالِ رَمْزِهَا %. أَجِدُ نِسْبَةً مِئَوَى بِسِيَطَةً مِنْ أَشْكَالٍ وَأَعْدَادٍ كُلْيَّةً.

المُضطَّلَاتُ

النِّسْبَةُ الْمِئَوَى.

أَتَعْلَمُ

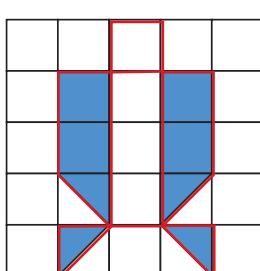


- تَوَجَّدُ عَدَدٌ طَرَائِقٌ لِمُقَارَنَةِ الْجُزْءِ إِلَى الْكُلُّ، مِنْهَا: بِالْكَلِمَاتِ، أَوْ فِي صُورَةِ كَسْرٍ. وَإِذَا كَانَ الْكُلُّ يُسَاوِي 100، فَإِنَّ الْمُقَارَنَةَ تَكُونُ بَيْنَ الْجُزْءِ إِلَى 100، وَتُسَمَّى النِّسْبَةُ الْمِئَوَى (percentage).

- يُمْكِنُنِي اسْتِعْمَالُ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْعَشْرِيَّةِ فِي التَّعْبِيرِ عَنْ جُزْءٍ مُظَلَّ مِنْ شَكْلٍ، كَمَا يُمْكِنُنِي حِسَابُ النِّسْبَةِ الْمِئَوَى لَهُ. وَالَّتِي تَعْنِي مِقْدَارًا لِكُلِّ 100 أَوْ مِنْ 100 مِنْهُ، وَيُسْتَخْدَمُ الرَّمْزُ (%) لِلِّدَالَّةِ عَلَيْهَا. فَالنِّسْبَةُ الْمِئَوَى هِيَ نِسْبَةُ يُقارَنُ عَنْ طَرِيقِهَا عَدْدٌ بِالْعَدْدِ 100. مثلاً: 50% هِيَ نِسْبَةُ تُقَارِنُ الْعَدَدَ 50 بِالْعَدَدِ 100.

مَثَالٌ 1 أَحَدِّدُ النِّسْبَةَ الْمِئَوَى الَّتِي يُمْثِلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّ فِي الشَّكْلَيْنِ الْأَتَيْنِ:

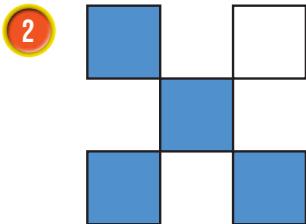
1



لَقِدْ ظُلِّلَتْ 6 أَجْزَاءٌ مِنْ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ الَّتِي عَدَدُهَا 10 أَجْزَاءٌ.

أَيُّ إِنَّ:
$$\frac{6}{10} = \frac{\text{عَدَدُ الْأَجْزَاءِ الْمُظَلَّةِ}}{\text{عَدَدُ الْأَجْزَاءِ الشَّكْلِ}} \text{ أو } 0.6$$

$$0.6 = 0.60 = 60\%$$



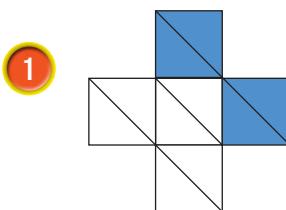
لَقَدْ ظُلِّلَتْ 4 أَجْزَاءٍ مِّنْ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ الَّتِي عَدَّهَا 5 أَجْزَاءٍ.

أَيُّ إِنَّ: $\frac{4}{5} = \frac{\text{عَدَّ الْأَجْزَاءِ الْمُظَلَّةِ}}{\text{عَدَّ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ}}$

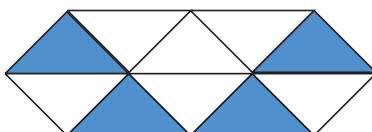
$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10} = 0.8$$

$$0.8 = 0.80 = 80\%$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أُحَدِّدُ النِّسْبَةَ الْمِئَوِيَّةَ الَّتِي يُمَثِّلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّ فِي الشَّكْلَيْنِ الْأَتَيَيْنِ:



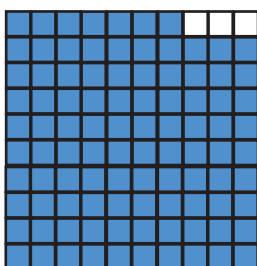
1



2

مثال 2

حَصَلَ أَحْمَدُ فِي اِمْتِحَانِ الْعُلُومِ عَلَى 97 مِنْ 100. أَعْبَرَ عَنْ عَلَامَةِ أَحْمَدَ فِي صُورَةِ نِسْبَةِ مِئَوِيَّةٍ وَأَمَثُلَهَا.



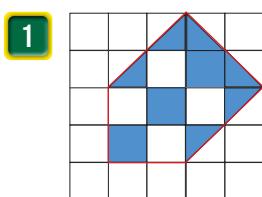
97 مِنْ 100 تَعْنِي $\frac{97}{100}$ ، أَيُّ أُظْلَلُ 97 مُرَبَّعاً فِي (شَبَكَةِ الْمُرَبَّعَاتِ 10 \times 10)

$$\frac{97}{100} = 97\%$$

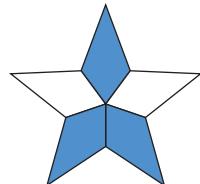
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

إِذَا كَانَتْ عَلَامَةُ أَحْمَدَ فِي اِمْتِحَانِ الرِّياضِيَّاتِ 89 مِنْ 100، أَعْبَرَ عَنْ عَلَامَةِ أَحْمَدَ فِي صُورَةِ نِسْبَةِ مِئَوِيَّةٍ وَأَمَثُلَهَا.

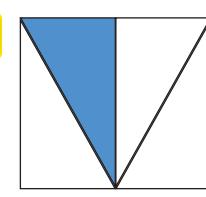
أَحَدِّدُ النِّسْبَةَ الْمِئَوِيَّةَ الَّتِي يُمَثِّلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّ فِي الْأَشْكَالِ الْأَتَيَةِ:



1



2



3

أَنْدَرُ
وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



الوحدة 6

يبين الجدول المجاور المادة المفضلة لـ 100 طالب من طلبة الصف الخامس.

عدد الطلبة	المادة المفضلة
22	الرياضيات
31	العلوم
24	اللغة العربية
23	اللغة الإنجليزية

ما النسبة المئوية للطلبة الذين يفضلون مادة العلوم؟

4

ما النسبة المئوية للطلبة الذين يفضلون مادة اللغة العربية؟

5

لوحة المئات: أستعمل الأعداد من (1 - 100)؛

في إيجاد النسبة المئوية لـ كل ممـا يأتي:

عدد الأعداد الزوجية.

6

عدد الأعداد التي تقبل القسمة على 3

7

عدد الأعداد الأولية.

8

عدد مضاعفات العدد 7

9

أشجار: يوجد في إحدى مزارع الأغوار

10

100 شجرة، إذا كانت 48 شجرة

منها أشجار برتقال، فما النسبة المئوية

لأشجار البرتقال في المزرعة؟

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

أطروح مسألة: أكتب مسألة حياتية تعبر عن النسبة المئوية و مثلها.

11

تبرير: عـد طلبة رياض الأطفال في إحدى المدارس 100 طالب، 54 منهم إناث.

ما النسبة المئوية لـ عدد الإناث؟

12

ما النسبة المئوية لـ عدد الذكور؟

13

أيـها لا يـسمـيـ: أحـدـ المـخـلـفـ فيـ ماـيـأـتـيـ، وأـبـرـ إـجـابـتـيـ.

14

$\frac{1}{4}$

0.025

25%

$\frac{25}{100}$

أـتـحـدـثـ: أـشـرـحـ كـيـفـ أـجـدـ النـسـبـةـ المـئـوـيـةـ مـنـ شـكـلـ مـعـطـيـ؟



اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

تقدير مجموع العددين 3.576 و 1.307 إلى أقرب

6

جزء من عشرة، هو:

- | | |
|-------|------|
| 4.89 | 4.00 |
| 4.883 | 4.9 |

سياحة: زار مدينة البتراء وفد سياحي مكون من

7

100 شخص، كان عدُد الذكور منهم 80، ما النسبة

المئوية لعدد الإناث في الوفد إلى العدد الكلي؟

- | | |
|-----|-----|
| 20% | 50% |
| 40% | 10% |

أضع الرمز (< أو > أو =) في ليصبح العبارة

صحيحة:

8 22.634 12.94

9 17.981 17.983

أصل كُلَّ عمليَّة جمْع أو طرح بالنتائج المناسب:

10

 3.05 + 1.65

4.8

 8.5 - 4.8

5.8

 4.25 + 1.55

4.7

 11.4 - 6.6

3.7

أختار الإجابة الصحيحة في كُلِّ ممَا يأتي:

القيمة المترافق لرقم 6 في العدد 22.689 هي:

- | | |
|----|---|
| 60 | 6 |
|----|---|

- | | |
|-----|-------|
| 0.6 | 0.006 |
|-----|-------|

ما الصيغة القياسية لـ

$200+30+5+0.2+0.09+0.005$

- | | |
|---------|---------|
| 235.295 | 235.592 |
|---------|---------|

- | | |
|--------|--------|
| 23.592 | 25.295 |
|--------|--------|

إحدى الآتية تمثل العدد العشري 0.125 على صورة

كسر عادي:

- | | |
|---------------|---------------|
| $\frac{1}{6}$ | $\frac{1}{5}$ |
|---------------|---------------|

- | | |
|---------------|---------------|
| $\frac{1}{8}$ | $\frac{1}{7}$ |
|---------------|---------------|

إحدى العبارات الآتية صحيحة:

- | | |
|-----------------|------------|
| $0.325 < 0.275$ | أ |
|-----------------|------------|

- | | |
|-----------------|------------|
| $0.310 > 0.325$ | ب |
|-----------------|------------|

- | | |
|-----------------|------------|
| $0.310 < 0.275$ | ج |
|-----------------|------------|

- | | |
|-----------------|------------|
| $0.325 > 0.310$ | د |
|-----------------|------------|

تبعد محطة غاز L 300.584 من الغاز في اليوم. كم

لتُرَأَ تَبَعُ يَوْمِيًّا مُقْرَبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِنَّةً؟

- | | |
|--------|-----|
| 300.58 | 300 |
|--------|-----|

- | | |
|--------|-------|
| 300.59 | 300.6 |
|--------|-------|



لِمَاذَا نَدْرُسُ الْمُعَادَلَاتِ؟

شِيَهُ الْمُعَادَلَاتُ الْمِيزَانُ ذَا الْكَفَتَيْنِ، الَّذِي يُقَارِنُ بَيْنَ كُتَلَ مَعْلُومَةٍ (KG)، وَكُتَلَةٍ مَجْهُولَةٍ (وَهِيَ كُتَلَةُ الشَّيْءِ الْمُرَادُ مَعْرِفَتُهَا)، وَتَعَدُ الْمُعَادَلَاتُ وَاحِدَةٌ مِنْ أَهَمِّ مَوْضُوعَاتِ الرِّياضِيَّاتِ؛ لِأَنَّ الْكَثِيرَ مِنَ الْمَسَائِلِ الْحَيَاتِيَّةِ الَّتِي تَحْتَوِي عَلَى قِيمٍ مَجْهُولَةٍ يُمْكِنُنِي تَحْوِيلُهَا إِلَى مُعَادَلَاتٍ، ثُمَّ حَلُّهَا بِسُهُولَةٍ بِاسْتِعْمَالِ الْمُعَادَلَاتِ.



سَأَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- كِتَابَةَ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ بِاسْتِعْمَالِ الرُّمُوزِ، وَإِيجَادَ قِيمَتِهِ.
- حَلَّ مُعَادَلَاتٍ تَتَضَمَّنُ جَمْعًا أَوْ طَرْحًا.
- حَلَّ مُعَادَلَاتٍ تَتَضَمَّنُ ضَرِبًا أَوْ قِسْمَةً.
- حَلَّ مَسَائِلَ عَلَى الْمُعَادَلَاتِ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ وَصْفَ نَمَطٍ عَدِيدٍ وَإِيجَادَ قَاعِدَتِهِ.
- ✓ تَحْدِيدَ قَوَاعِدِ عَلَاقَاتِ رِياضِيَّةٍ وَأَنْمَاطٍ مُمَثَّلَةٍ بِجَدْوَلٍ، وَتَفْسِيرِهَا.
- ✓ حَلَّ جُمَلَ عَدَدِيَّةٍ مَفْتُوحَةٍ، تَتَضَمَّنُ عَمَلِيَّاتٍ عَلَى الْأَكْثَرِ.

فَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: لَوْحَةُ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ وَالْمُعَادَلَاتِ



مُلَاحَظَاتٌ:

يَجِبُ عَمْلُ لَوْحَةِ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ فِي الْيَوْمِ الْأَوَّلِ مِنْ دِرَاسَةِ الْوَحْدَةِ، لِأَنَّهُمَا سَتُسْتَعْمَلُانِ فِي الدُّرُوسِ.

يُمْكِنُنِي صُنْعُ لَوْحَةِ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ مَعْدِنِيَّةٍ، وَصُنْعُ الْقِطَعِ الْجَبَرِيَّةِ بِاسْتِعْمَالِ أَقْرَاصِ مُمْغَنَّطَةٍ صَغِيرَةٍ يُكْتَبُ عَلَيْهَا الْعَدُدُ 1 وَالْحَرْفُ (x).

يُنْشَئُ كُلُّ فَرِدٍ فِي الْمَجْمُوعَةِ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ وَلَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ الْخَاصَّةِ بِهِ، كَيْ يَسْتَعْمِلُهَا فِي دُرُوسِ الْوَحْدَةِ.

يُنْشَئُ الْمَجْمُوعَةُ جَدْوَلًا كَمَا يَأْتِي، وَيَكْتُبُ فِيهِ كُلُّ طَالِبٍ مِنْهُمْ مُعَادَلَةً يُكَوِّنُهَا مِنْ مَعْلُومَةٍ مُرْتَبَطَةٍ بِحَيَاةِهِ. يَجِبُ أَنْ يَخْتَوِي الْجَدْوَلُ عَلَى مُعَادَلَاتٍ جَمِيعٍ وَطَرْحٍ وَضَرِبٍ وَقِسْمَةٍ.

الحُلُل	الْمُعَادَلَةُ	الْوَصْفُ	الْاسْمُ
$x = 9$	$x + 2 = 11$	أَخِي عَبْدُ اللهِ أَكْبَرُ مِنِي سِتَّينَ وَعُمُرَهُ يُسَاوِي 11 عَامًا.	رِيَانُ

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

- تَعْرِضُ الْمَجْمُوعَةُ جَدْوَلَهَا أَمَامَ الصَّفَّ، وَيَمْثُلُ كُلُّ طَالِبٍ مُعَادَلَتَهُ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ الْخَاصَّةِ بِهِ، ثُمَّ يَعْرِضُ حَلَّهَا.
- تُعلَقُ كُلُّ مَجْمُوعَةٍ جَدْوَلَهَا فِي لَوْحَةِ الصَّفَّ.

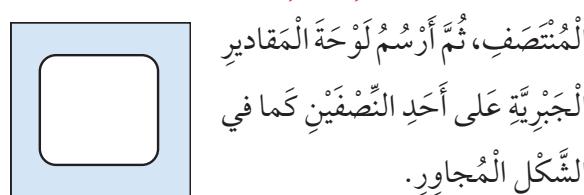
أَسْتَعِدُ وَزُمَلَائِيَّ لِتَنْفِيذِ مَشْرُوعِيِّ الْخَاصِّ الَّذِي

سَأَوْظِفُ فِيهِ مَا أَتَعْلَمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِأَصْنَعُ لَوْحَةَ مَقَادِيرِ جَبَرِيَّةٍ وَلَوْحَةَ مُعَادَلَاتٍ، وَأَسْتَعْمِلُهُمَا فِي تَمْثِيلِ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ وَحَلْ الْمُعَادَلَاتِ.

الْمَوَادُ وَالْأَدَوَاتُ: أَوراقٌ مُقَوَّاةٌ وَبِالْوَانِ مُخْتَلِفٍ.

خُطُوهَاتٌ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ:

أَصْنَعُ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ: أَفْصُّ وَرَقَةً مُقَوَّاةً مِنَ



الْمُتَسَقِّفِ، ثُمَّ أَرْسُمُ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبَرِيَّةِ عَلَى أَحَدِ النَّصْفَيْنِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ.

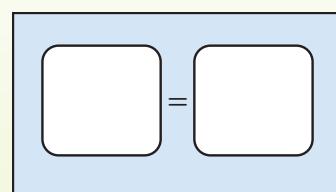
أَصْنَعُ الْقِطَعَ الْجَبَرِيَّةِ: أَفْصُّ 10 مُسْتَطِيلَاتٍ بِمَقَاسِ

(3 cm × 6 cm)، وَأَفْصُّ 20 مُرَبَّعًا بِمَقَاسِ

(3 cm × 3 cm). أَخْتَارُ لَوْيَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ

لِلْمُسْتَطِيلَاتِ وَالْمُرَبَّعَاتِ 1

أَصْنَعُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ: أَرْسُمُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ عَلَى



الْوَرَقَةِ الْمُقَوَّاةِ، كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ.

استكشاف: النماذج والمقادير الجبرية

الهدف: أستعمل النماذج لتمثيل المقادير الجبرية.



الجبر (algebra) لغة تتعامل فيها رموز (أحرف) للتعبير عن قيم مجهولة، وسمى هذه الرموز **متغيرات** (variables)، مجموعة من المتغيرات والأعداد تفصل بينها العمليات: \div , $-$, \times , $+$ ، **والمقدار الجبري** (algebraic expression) مجموعه من المتغيرات والأعداد تفصل بينها العمليات: \div , $-$, \times , $+$.

الحرف x هو الأكثر استعمالاً كمتغير. مثال: $x+2$

$$x + 2$$

$4 \times h$ تعني $4h$
 $y \div 3$ تعني $\frac{y}{3}$

$$4h$$

$$\frac{y}{3}$$

يمكن استعمال قطع النماذج في تمثيل المقادير الجبرية بحيث تمثل القطعة x المتغير x ، وتمثل القطعة 1 العدد 1 ، فمثلاً المقدار $x + 1$ يمكن تمثيله على الصورة $x + 1$.

نشاط: أستعمل النماذج لتمثيل كل مقدار جبري فيما يأتي:

1 $x - 3$

أضع مستطيلا بدل x ، و3 مربعات بدل العدد 3

$$x - 1 \ 1 \ 1$$

2 $x + 4$

أضع مستطيلا بدل x ، و4 مربعات بدل العدد 4

$$x + 1 \ 1 \ 1 \ 1$$

3 $x \div 3$

أضع مستطيلا بدل x

$$x$$

4 $2x$

أضع مستطيلين بدل $2x$

$$x \ x$$

أتعلم

$x + x = 2x$ هي نفسها $x \times 2$ وهي نفسها x

أفكّر:

أكتب المقدار الجبري الذي يمثل كل نموذج مما يأتي:

1 $x + 1$

2 $x - 1 \ 1$

3 $1 \ 1 \ 1 \ 1$

4 $x \ x \ x$

5 $x + 6$

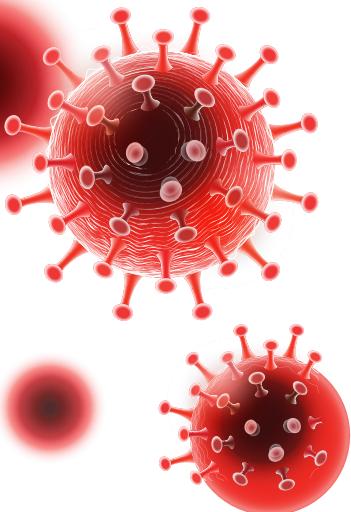
6 $x - 4$

7 $5x$

8 $x \div 4$

الدَّرْسُ 1 المُقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

1



أَسْتَكْشِفُ



فِي أَثْنَاءِ جَائِحَةِ كُورُونَا، أَعْلَنَ وَزِيرُ الصَّحَّةِ فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ تَسْجِيلَ 8 إِصَابَاتٍ جَدِيدَةٍ. مَا الْمِقْدَارُ الْجَبْرِيُّ الَّذِي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْإِصَابَاتِ فِي الْمَمْلَكَةِ حَتَّى ذَلِكَ الْيَوْمِ يَسْتَعْمَلُ أَحَدُ الرُّمُوزِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَكْتُبُ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا بِاسْتِعْمَالِ الرُّمُوزِ، وَأَجِدُ قِيمَتَهُ.

الْمُضْطَلَاتُ

التعويض

أَتَعْلَمُ



يُمْكِنُنِي إِيجادُ قِيمَةِ عَدَدِيَّةٍ لِلْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ؛ بِإِبْدَالِ الْمُتَغَيِّرِ بِقِيمَةٍ مَا؛ أَيْ أَجْرِيَ عَمَلَيَّةَ التَّعْوِيْضِ (substitution).

مَثَلٌ 1

1

أَجِدُ قِيمَةَ الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ $2 - x$ ، إِذَا كَانَتْ $x = 3$.

$$\begin{array}{r} x \\ - 1 \quad 1 \\ \hline \end{array}$$

↙

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \quad 1 \\ x \\ \hline 1 \quad 1 \end{array}$$

$$1 \quad 1 \quad 1 - 1 \quad 1$$

$$\begin{array}{r} x - 2 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 3 - 2 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 1 \end{array}$$

أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ

أَعُوْضُ عَنْ x بِالْعَدَدِ 3

أَجِدُ نَاتِجَ الْطَّرْحِ

2

أَجِدُ قِيمَةَ الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ $2x$ ، إِذَا كَانَتْ $x = 6$.

$$\begin{array}{r} x \quad x \\ \hline \end{array}$$

↙

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \quad 1 \\ 1 \quad 1 \quad 1 \\ \hline x \quad x \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \quad 1 \quad 1 \\ 1 \quad 1 \quad 1 \\ \hline 1 \quad 1 \quad 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \quad x \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 2 \times 6 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 12 \end{array}$$

أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ

أَعُوْضُ عَنْ x بِالْعَدَدِ 6

أَجِدُ نَاتِجَ الْضَّرِبِ (أَجْمَعُ الْبَطَاقَاتِ)

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَ:

أَجِدُّ قِيمَةَ الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ $5x$ ؛ إِذَا كَانَتْ $x = 7$ 2

أَجِدُّ قِيمَةَ الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ $4 + x$ ؛ إِذَا كَانَتْ $x = 1$ 1

يُمْكِنُنِي تَحْوِيلُ الْعِبَارَاتِ الْلَّفْظِيَّةِ إِلَى مَقَادِيرَ جَبْرِيَّةٍ.

مِثَال٢: مِنَ الْحَيَاةِ



نِسَامٌ غِذَائِيٌّ: تَنَوَّلْتُ هَلَا طَبَقَ سَلَطَةً وَقِطْعَةً حَلْوَى، إِذَا كَانَ فِي طَبَقِ السَّلَطَةِ 50 سُعْرَةً حَرَارِيَّةً، فَأَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ عَدَدَ السُّعْرَاتِ الْحَرَارِيَّةِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا هَلَا، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيِّ لِإِيجَادِ الْعَدَدِ الْكُلُّى لِلسُّعْرَاتِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا؛ إِذَا كَانَ فِي قِطْعَةِ الْحَلْوَى 150 سُعْرَةً.

يَحْتَوِي طَبَقُ السَّلَطَةِ عَلَى 50 سُعْرَةً، وَتَحْتَوِي قِطْعَةُ الْحَلْوَى عَلَى عَدَدٍ مَجْهُولٍ مِنَ السُّعْرَاتِ.

بِالْكَلِمَاتِ

يَحْتَوِي طَبَقُ السَّلَطَةِ عَلَى 50 سُعْرَةً، وَتَحْتَوِي قِطْعَةُ الْحَلْوَى عَلَى x مِنَ السُّعْرَاتِ.

بِالرُّمُوزِ

$x + 50$

الْمُعَادِلَةُ

لِحِسَابِ الْعَدَدِ الْكُلُّى لِلسُّعْرَاتِ:

أَكْتُبْ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ

أَعَوِّضُ عَنْ x بِالْعَدَدِ 150

أَجْمَعُ

$$\begin{array}{c} x + 50 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 150 + 50 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 200 \end{array}$$

إِذَنْ: عَدَدُ السُّعْرَاتِ الْحَرَارِيَّةِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا هَلَا يُسَاوِي 200 سُعْرَةً حَرَارِيَّةً.

الوحدة 7

اتحقق من فهمي:

أعمار: يبلغ عمر نادر 5 أمثال عمر ابنته زين. أكتب مقداراً جبرياً يمثل عمر نادر، ثم أستعمل هذا المقدار لإيجاد عمر نادر؛ إذا كان عمر ابنته 7 أعوام.

اتدرب

وأحل المسائل

أجد قيمة كل مقدار جبرياً مما يأتي عندما $x = 8$:

1 $x + 6$

2 $x - 3$

3 $5x$

4 $x \div 4$

أكتب المقدار الجبري في كل مما يأتي، ثم أجد قيمة إذا كانت

$x = 24, y = 9, a = 5$

16 مطروح منها y .

ناتج جم 48 و x .

5 أمثال a .

ناتج قسمة x على 6

9 $8x$

10 $x - 7$

11 $x + 4$

12 $x \div 16$

أسنان: يريد عدّ أسنان الشخص البالغ على أسنان الطفل اللبنية بمقدار 12 سنًا. أكتب المقدار الجبري الذي يعبر عن عدّ أسنان الشخص البالغ. إذا كان عدّ الأسنان اللبنية 20، فما عدّ أسنان الشخص البالغ؟

مساحة: مُستطيل طوله 20 cm وعرضه x . يعبر عن مساحته بمقدار جبري، ثم أستعمل هذا المقدار لحساب المساحة؛ إذا كان عرضه 15 cm

معلومة

يبدأ استبدال الأسنان اللبنية عند الأطفال من عمر 6 إلى 12 عاماً.





أَخْشَابٌ: لَدَى نَجَارٍ لَوْحٌ مِنَ الْخَشْبِ، قَطَعَهُ إِلَى قِطْعٍ طُولُ كُلِّ مِنْهَا 20 cm أَعْبَرَ عَنْ عَدَدِ الْقِطْعِ الَّتِي حَصَلَ عَلَيْهَا مِقْدَارٌ جَبْرِيٌّ، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُ هَذَا الْمِقْدَارَ لِحِسَابِ عَدَدِ الْقِطْعِ؛ إِذَا كَانَ طُولُ الْلَّوْحِ 120 cm



15

مَعْلُومَة

تَتَخَذُ الزَّرَافَةُ أَكْثَرَ مِنْ وَضْعِيَّةِ لِلِّتَوْمِ؛ فَقَدْ تَنَامُ وَاقِفَةً، أَوْ يَأْسِنَادِ عَنْقِهَا عَلَى جَسَدِهِ؟

حَيَوانَاتٌ: إِذَا كَانَتِ الزَّرَافَةُ تَنَامُ سَاعَتَيْنِ فَقَطْ فِي الْيَوْمِ، فَأَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُبَيِّنُ عَدَدَ السَّاعَاتِ الَّتِي تَنَامُهَا الزَّرَافَةُ فِي عَدَدِ مِنَ الْأَيَّامِ، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُهُ لِحِسَابِ عَدَدِ السَّاعَاتِ الَّتِي تَنَامُهَا الزَّرَافَةُ فِي أُسْبُوعٍ.

16

مَهَارَاتُ التَّفْكِير

أَكْتَشِفُ الْخَطَاً: مَثَلٌ يَزِيدُ الْجُمْلَةَ: (y مَقْسُومًا عَلَى 6) بِالْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ: $y \div 6$. أُبَيِّنُ الْخَطَاً الَّذِي وَقَعَ فِيهِ، وَأَصْحِحُهُ.

17

تَبَرِيرُ: هَلْ قِيمَةُ الْمِقْدَارِ $3n$ أَكْبَرُ مِنْ قِيمَةِ الْمِقْدَارِ $2n$ ؟ إِذَا كَانَتْ $n = 8$ ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِيَّ.

18

تَحَدُّدُ: تَشَارَكَتْ نَادِينُ وَ4 مِنْ صَدِيقَاتِهَا بِالتساوِي مَبْلَغاً مِنَ الْمَالِ، فَبَقِيَ فِي حَقِيقَتِهَا 3 دَنَانِيرَ. أَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ الْمَبْلَغَ الَّذِي كَانَتْ نَادِينُ تَمْتَلِكُهُ.

19

أَيْهَا لَا يَتَسْمِي: مَا الْمُخْتَلِفُ فِي مَا يَأْتِي؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِيَّ.

20

$$15 + d, d = 9$$

$$9x, x = 3$$

$$19 + b, b = 8$$

$$36 - a, a = 9$$

أَتَخَدَّثُ: مَا الْفَرْقُ بَيْنَ الْمُتَغَيِّرِ وَالْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ؟

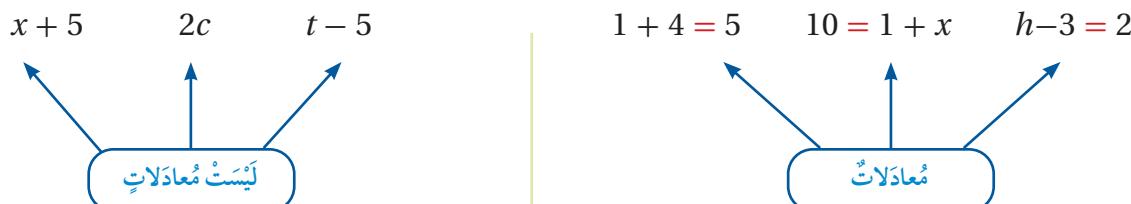


استكشاف: حل معادلات الجمع والطرح

الهدف: أستعمل لوحة المعادلات والقطع الجبرية لحل المعادلات.



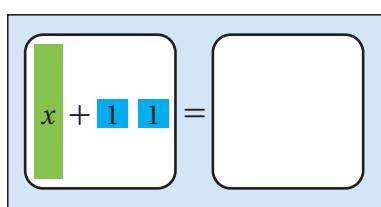
المعادلة (equation) جملة تتضمن إشارة (=) تدل على تساوي المقادير في طرف المعادلة، وقد تتضمن المعادلة أعداداً مجهولة (unknown) يعبر عنها بحرف مثل x, y .



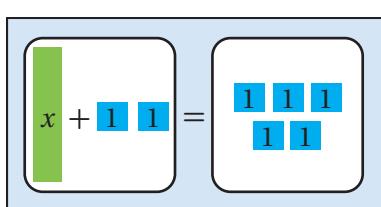
حل المعادلة (solving equation) يعني إيجاد القيمة العددية للمجهول؛ بحيث تكون المساواة صحيحة.

نشاط 1:

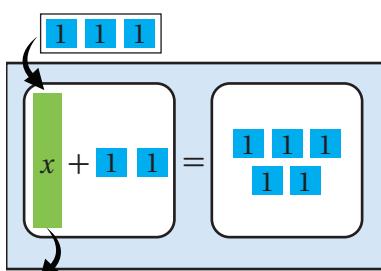
أحل المعادلة $5 = x + 2$ ، باستعمال القطع الجبرية ولوحة المعادلات.



الخطوة 1 أمثل المقدار $(x + 2)$ على الجهة اليسرى من اللوحة بالقطع الجبرية.



الخطوة 2 أمثل المقدار 5، على الجهة اليمنى من اللوحة بالقطع الجبرية.

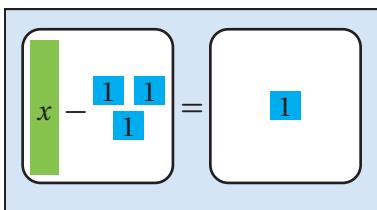


الخطوة 3 أجد قيمة x . أضع مربعات (قطع العدد 1) مكان المستطيل () بحيث يصبح عدّ القطع في طرف المعادلة متساوياً. لا حظ أننا نحتاج إلى 3 (قطع العدد 1) مكان المستطيل ()؛ إذن: حل المعادلة $x = 3$.

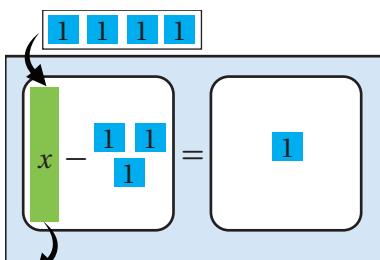
يمكنني أيضاً استعمال النماذج لحل معادلاتٍ تحتوي على عملية طرح.

نشاط 2

أحل المعادلة $1 = 3 - x$ ؛ باستعمال القطع الجبرية ولوحة المعادلات.



الخطوة 1 أمثل المعادلة $1 = 3 - x$ بالقطع الجبرية.



الخطوة 2 أجد قيمة x.

أفكّر: كم مربعاً (قطع العدد 1) أحتاج مكان المستطيل () ؟

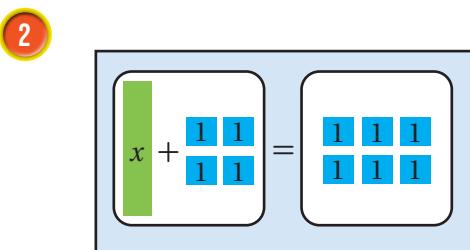
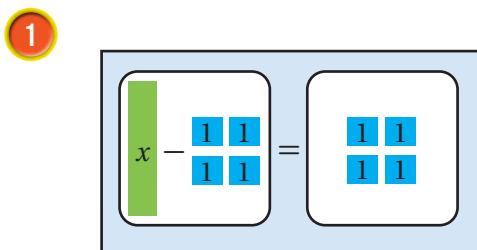
أحتاج إلى 4 مربعات مكان المستطيل؛ كي تكون المساواة صحيحة.

الاحظ أننا نحتاج إلى 4 مربعات مكان المستطيل.

إذن: حل المعادلة $4 = x$.

أفكّر:

أكتب المعادلة الممثلة في كل لوحة معادلاتٍ مما يأني، وأحلّها:



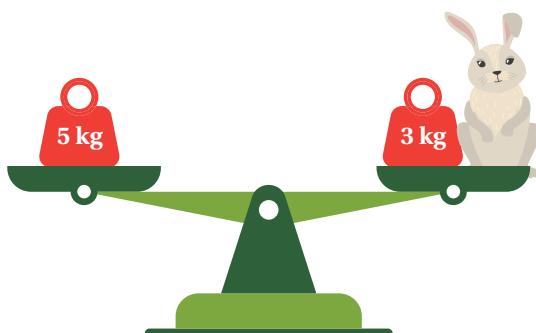
أستعمل القطع الجبرية ولوحة المعادلات، لحل المعادلات الآتية:

3 $x + 2 = 10$

4 $4 + y = 11$

5 $m - 7 = 9$

6 $s - 2 = 8$



أَسْتَكْشِفُ

إِذَا كَانَتْ كَفَّتَا الْمِيزَانِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ مُتَعَادِلَتَيْنِ؛ فَهَلْ يُمْكِنُ كِتَابَةً مُعَادَلَةً لِحِسَابِ كُتْلَةِ الْأَرْضِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْلُّ مُعادَلَاتِ الْجَمْعِ وَالْطَّرْحِ.

الْمُضْطَلَاتُ

مُعَادَلَةُ جَمْعٍ، مُعَادَلَةُ طَرْحٍ.

أَتَعْلَمُ



تَعَلَّمَتُ فِي الْأَسْتِكْشَافِ السَّابِقِ حَلَّ مُعادَلَاتِ الْجَمْعِ (addition equations)، وَهِيَ مُعادَلَاتٌ تَحْتَوِي عَلَى عَمَلِيَّةٍ جَمْعٍ، وَحَلَّ مُعادَلَاتِ الْطَّرْحِ (subtraction equations)، وَهِيَ مُعادَلَاتٌ تَحْتَوِي عَلَى عَمَلِيَّةٍ طَرْحٍ؛ وَذَلِكَ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطْعَ الْجَبْرِيَّةِ، وَيُمْكِنُنِي أَيْضًا حَلُّ هَذِهِ الْمُعَادَلَاتِ بِاسْتِعْمَالِ الْحِسَابِ الْذَّهْنِيِّ أَوِ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الْجَمْعِ وَالْطَّرْحِ.

مِثَالٌ 1 أَحْلُّ الْمُعَادَلَة $9 = 4 + x$ ، ثُمَّ أَتَحَقَّقُ مِنْ حَلِّي.

الطَّرِيقَةُ 2: اسْتِعْمَالُ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الْجَمْعِ وَالْطَّرْحِ:

الْأَنْكَرُ
أَكْتُبُ جُمْلَةً طَرْحٍ مُرْتَبَطَةً بِجُمْلَةِ الْجَمْعِ.

$$x + 4 = 9$$

$$\begin{array}{ccc} & \uparrow & \\ x & = & 9 - 4 \\ & \downarrow & \end{array}$$

$$x = 9 - 4$$

$$x = 5$$

$$\text{إِذْنُ: } x = 5 \text{ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.}$$

الطَّرِيقَةُ 1: الْحِسَابُ الْذَّهْنِيُّ:

الْأَنْكَرُ
ما الْعَدْدُ الَّذِي إِذَا أَخْفَضْتُ إِلَيْهِ 4 يَكُونُ النَّاتِجُ ؟

$$\begin{array}{ccc} & \uparrow & \\ x & = & 9 \\ & \downarrow & \\ 5 & + & 4 = 9 \end{array}$$

$$x = 5$$

$$\text{إِذْنُ: } x = 5 \text{ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.}$$

أَتَحَقَّقُ: أُعَوِّضُ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدَدِ 5 فِي الْمُعَادَلَة $9 = 4 + x$

$$5 + 4 = 9 \quad \checkmark$$

الْمُسَاوَةُ صَحِيَّةٌ:

أتحقق من فهمي:

أحل كل معادلة مما يأتي، ثم أتحقق من حلّي:

1 $y + 4 = 10$

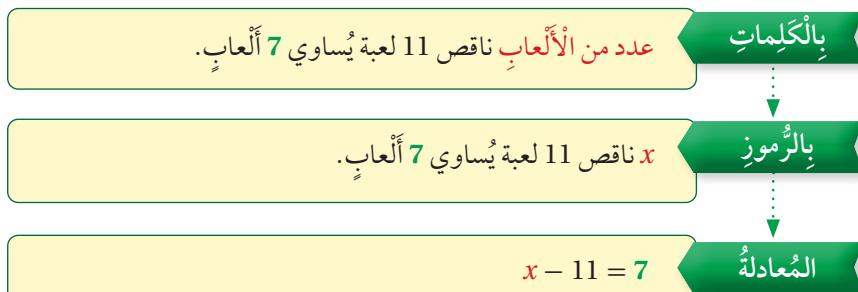
2 $m - 9 = 11$

مثال 2: من الحياة



عمل خيري: لدى هدى عدد من الألعاب، تبرعت بـ 11 لعبة منها لجمعية خيرية، فبقي لدىها 7 ألعاب. أكتب معادلة لحساب كم لعبة كان لدى هدى، ثم أحلّها.

أكون المعادلة. 1 الخطوة



أحل المعادلة. 2 الخطوة

أكتب المعادلة
المعادلة ذهبياً: ما العدد
الذى إذا طرحت منه 11
يكون الناتج 7

$$x - 11 = 7$$

أكتب جملة جمع مرتبطة بالمعادلة

$$x = 18$$

أحد قيمة x

حل المعادلة $x = 18$ ، إذن: كان لدى هدى 18 لعبة.

أتحقق: إذا كان لدى هدى 18 لعبة و تبرعت بـ 11 لعبة، فإن المتبقى فعلاً يكون 7 ألعاب.

أتحقق من فهمي:

قص عمر 17 cm من شريط فيقي منه 13 cm أكتب معادلة لحساب طول الشريط كاملاً، ثم أحلّها.

الوحدة 7

أَنْدَرْبُ

وَأَحْلُ الْمَسَائِلِ

أَحْلُ كُلَّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَتَحْقَقَ مِنْ حَلِّي:

1 $y + 4 = 15$

2 $x - 8 = 18$

3 $x - 30 = 12$

4 $b - 19 = 50$

5 $m + 9 = 100$

6 $a + 10 = 60$

عَلَامَاتُ: مَجْمُوعُ عَلَامَاتِ حَسَنٍ فِي امْتِحَانَيْنِ 165 عَلَامَةً. إِذَا كَانَتْ عَلَامَتُهُ فِي أَحَدِهِمَا 80؛ أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ عَلَامَتِهِ فِي الْأَمْتِحَانِ الْآخِرِ، ثُمَّ أَحْلَلَهَا.

أَنْهَارُ: يَبْلُغُ طُولُ نَهْرِ النَّيلِ 6650 km تَقْرِيْبًا، وَيَزِيدُ طُولُهُ عَلَى طُولِ نَهْرِ الْأَمازُونِ بِمُقْدَارِ 250 km. أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ طُولِ نَهْرِ الْأَمازُونِ، ثُمَّ أَحْلَلَهَا.

مِيَاهُ: اسْتَهْلَكْتُ مَنَالُ 45 لِتْرًا مِنَ الْمَاءِ فِي أَثْنَاءِ رَيْيِ مَزْرُوعَاتِهَا، وَاسْتَهْلَكَ مَأْمُونُ فُنْيَ رَيْيِ مَزْرُوعَاتِهِ 12 لِتْرًا زِيَادَةً عَمَّا اسْتَهْلَكْتُهُ مَنَالُ. أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ عَدْدِ الْلَّتَرَاتِ الَّتِي اسْتَهْلَكَهَا مَأْمُونُ، ثُمَّ أَحْلَلَهَا.

أَكْتَشِفُ الْحَطَّاً: حَلَّ عَمَّارُ الْمُعَادَلَةَ $15 = c - 12$ فَكَانَتْ إِجَابَتُهُ $3 = c$. أُبَيِّنُ الْحَطَّاَ الَّذِي وَقَعَ فِيهِ، وَأَصْحِحُهُ.

أَيْهَا لَا يَتَّسِمِي: مَا الْمُعَادَلَةُ الْمُخْتَلِفَةُ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

$x + 20 = 50$

$x - 30 = 20$

$x + 10 = 60$

$x - 20 = 30$

تَبَرِّيرُ: إِذَا كَانَ $5 = x + 3 = y + 2$ وَ $5 = x + 2 = y$ ؛ فَأَبْيَنْ أَنَّ $2 = x + 3 - x = y + 2 - y$. أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

مَسْأَلَةُ مَفْتُوْحَةُ: أَكْتُبْ مَسْأَلَةً تُمَثِّلُهَا الْمُعَادَلَةُ $b + 25 = 35$ ، ثُمَّ أَحْلُلُهَا وَأَجِدُ قِيمَتَهَا b .

أَتَخَدِّثُ: أَشْرُحْ كَيْفَ يُمْكِنُنِي التَّأَكَّدُ مِنْ صِحَّةِ حَلِّ الْمُعَادَلَةِ؟

مَعْلَوْمَة

يُعَدُّ نَهْرُ النَّيلِ أَطْوَلَ أَنْهَارِ الْعَالَمِ، وَيَقْعُ فِي قَارَةِ إِفْرِيقِيَا وَيَلِيهِ فِي الْطَّوْلِ نَهْرُ الْأَمازُونِ.

مَعْلَوْمَة

تَرْشِيدُ اسْتِهْلَاكِ الْمَاءِ مَسْؤُلِيَّةٌ كُلِّ فَرِدٍ فِي الْمُجَمَّعِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

10

11

12

13

51

WWW.JNOB-JO.COM

استكشاف: حل معادلات الضرب والقسمة

الهدف: أستعمل لوحة المعادلات والقطع الجبرية، لحل معادلات الضرب والقسمة.



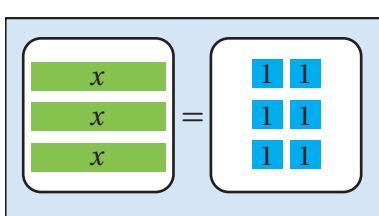
المطلوب: معادلة الضرب، معادلة القسمة.

إذا تضمنت المعادلة عبارة ضرب بدلاً من الجمع أو الطرح، مثل $a = 5 \times 20$ والتي تكتب $20 = 5a$ فإنها تسمى **معادلة ضرب** (multiplication equation). وقد تتضمن المعادلة عبارة قسمة، مثل $4 = x \div 5$ وعندئذ تسمى **معادلة قسمة** (division equation) وينتني حل معادلات الضرب والقسمة، باستعمال لوحة المعادلات والقطع الجبرية.

الجبرية.

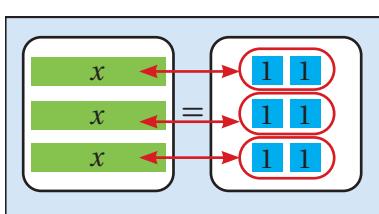
نشاط 1

أحل المعادلة $6 = 3x$ باستعمال لوحة المعادلات والقطع الجبرية.



الخطوة 1 أمثل المعادلة بالقطع الجبرية.

أفكّر: كم قطعة (1) يمكن ربطها بكل (x) من الطرف الأيسر ليكون لكل (x) العدد نفسه من قطع (1) من الطرف الأيمن؟



الخطوة 2 أجد قيمة x.

عند ربط كل مُستطيل (x) في الطرف الأيسر بالعدد نفسه من المربعات (1) في الطرف الأيمن لا يُلاحظ أن كل مُستطيل (x) ارتبط بمربعين (1 1).

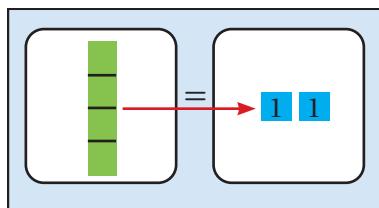
إذن: $x = 2$ هو حل المعادلة.

الوحدة 7

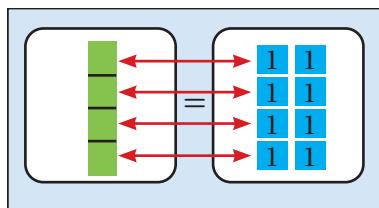
يمكنني استعمال النماذج لحل معادلات القسمة.

نشاط 2:

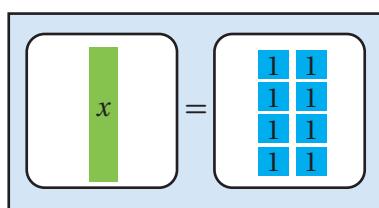
أحل المعادلة $2 = 4 \div x$ ، باستعمال القطع الجبرية ولوحة المعادلات.



الخطوة 1: أمثل الطرف الأيسر من المعادلة $4 \div x$ بتقسيم المستطيل الذي يمثل x إلى 4 أقسام متساوية.



الخطوة 2: أكرر النموذج 4 مرات حتى أكمل x على الطرف الأيسر، وأضع مقابل كل جزء 1 على الطرف الأيمن.



الخطوة 3: أجد قيمة x .

الاحظ أن المستطيل كاملاً قابله 8 مربعات 1، $x = 8$

أفكّر:

أستعمل لوحة المعادلات والقطع الجبرية؛ لحل كل من المعادلات الآتية:

1) $12 = 3x$

2) $y \div 5 = 4$

3) $5m = 15$

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَسْتَكْشِفُ



الْيَوْمُ الْوَاحِدُ عَلَى كَوْكِبِ نِيْتُون 16 سَاعَةً تَقْرِيْبًا. هَلْ يُمْكِن كِتَابَةُ مُعَادَلَةٍ لِحِسَابِ كُمْ يَوْمًا عَلَى نِيْتُون تُعَادِلُ 80 سَاعَةً؟

أَكْتُبُ مُعَادَلَةً تَتَضَمَّنُ ضَرِبَةً أَوْ قِسْمَةً، وَأَحْلُلُهَا.

أَتَعْلَمُ



تَعَلَّمَتُ فِي الْأَسْتِكْشَافِ السَّابِقِ حَلَّ مُعادَلَاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ؛ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطْعِ الْجَبَرِيَّةِ، وَيُمْكِنُنِي أَيْضًا حَلُّ هَذِهِ الْمُعَادَلَاتِ؛ بِاسْتِعْمَالِ الْحِسَابِ الْذَّهْنِيِّ أَوِ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ.

مِثَالٌ 1

أَحْلُلُ الْمُعَادَلَتَيْنِ الْأَتَيْتَيْنِ، ثُمَّ أَتَحْقَقُ مِنْ صِحَّةِ حَلِّيْ:

$$1 \quad 8x = 32$$

الطَّرِيقَةُ 2: اسْتِعْمَالُ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ

أَفْكَرْ
أَكْتُبُ جُمْلَةً قِسْمَةً مُرْتَبَطَةً بِجُمْلَةِ الضَّرْبِ.

$$8x = 32$$

$$\uparrow \downarrow$$

$$x = 32 \div 8$$

إِذْنُ: 4 = x هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

الطَّرِيقَةُ 1: الْحِسَابُ الْذَّهْنِيُّ

أَفْكَرْ
ما الْعَدَدُ الَّذِي إِذَا ضَرَبْتُهُ بِ8 فَيَكُونُ النَّاتِجُ 32؟

$$8x = 32$$

$$\uparrow \downarrow$$

$$8 \times 4 = 32$$

إِذْنُ: 4 = x هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

أَتَحْقَقُ: أَعَوْضُ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدَدِ 4 فِي الْمُعَادَلَةِ $8x = 32$

الْمُسَاوَاةُ صَحِيْحَةٌ: $8 \times 4 = 32 \quad \checkmark$

الوحدة 7

$$2 \quad x \div 10 = 4$$

الطريقة 2: استعمال العلاقة بين الضرب والقسمة

أكتب

أكتب جملة ضرب مربطة بجملة القسمة.

$$x \div 10 = 4$$

$$\uparrow \quad \downarrow$$

$$x = 4 \times 10$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

الطريقة 1: الحساب الذهني

أكتب

ما العدد الذي إذا قسمته على 10 يكون الناتج 4؟

$$x \div 10 = 4$$

$$\uparrow \quad \downarrow$$

$$40 \div 10 = 4$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

تحقق: أعرض عن المتغير x بالعدد 40 في المعادلة $x \div 10 = 4$

$$40 \div 10 = 4 \quad \checkmark \quad \text{المُساواة صحيحة:}$$

تحقق من فهمي:

أحل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من إجابتي:

$$3 \quad 4n = 36$$

$$4 \quad 7y = 56$$

$$5 \quad x \div 9 = 8$$

$$6 \quad m \div 4 = 12$$

مثال 2: من الحياة



صناعة: أنتج مصنوع عدداً من قطع الحلوى خلال ساعة، وتمت تعبئتها في 50 علبة، إذا كان عد القطع في كل علبة يساوي 12. فأكتب معادلة لحساب عد القطع التي أنتجها المصنوع، ثم أحلها.

الخطوة 1 أكون المعادلة.

بالكلمات

عدد قطع الحلوى مقسوماً على عدد العلب يساوي عدد القطع في كل علبة.

بالرموز

x مقسوماً على عدد العلب يساوي عدد القطع في كل علبة.

المعادلة

$$x \div 50 = 12$$

أَحْلُّ الْمُعَادَّةَ. (2) الخطوة

$$x \div 50 = 12$$

أَكْتُبُ الْمُعَادَّةَ

$$x = 50 \times 12$$

أَكْتُبُ جملة الضرب المرتبطة بالقسمة

$$x = 600$$

أَضْرِبُ

إِذْنُ: عَدْدُ قِطَعِ الْحَلْوَى الَّتِي أَنْتَجَهَا الْمَصْنَعُ 600 قِطْعَةً.

أَتَحَقَّقُ: أَعْوَضُ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدْدِ 600 فِي الْمُعَادَّةِ $x \div 50 = 12$

الْمُسَاوَةُ صَحِيحَةٌ: $600 \div 50 = 12$ ✓

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ:

زَرَاعَة: زَرَعَ زَيْدُ عَدَدًا مِنْ شَتَّلَاتِ الزُّهُورِ، وَرَزَعَتُ أَخْتُهُ هِنْدُ 4 أَمْثَالٍ مَا زَرَعَهُ. فَإِذَا كَانَ عَدْدُ مَا زَرَعَتْهُ هِنْدُ 60 شَتَّلَةً، فَأَكْتُبُ مُعَادَّةً لِحِسَابِ عَدْدِ الشَّتَّلَاتِ الَّتِي زَرَعَهَا زَيْدُ، ثُمَّ أَحْلُلُهَا.

أَنْدَرَبُ
وَأَحْلُّ الْمَسَائِلَ

أَحْلُّ الْمُعَادَّلَاتِ الْأَتِيَّةِ:

1 $a \times 16 = 64$

2 $4n = 100$

3 $9y = 99$

4 $a \times 3 = 108$

5 $b \div 4 = 20$

6 $x \div 2 = 18$

7 $w \div 6 = 22$

8 $n \div 20 = 9$

9

كُمْبِيُوتَر: اسْتَرَتْ إِحْدَى الْمَدَارِسِ 120 جَهَازً حَاسُوبٍ، وَوَزَّعْتُهَا بِالْتَّسَاوِي عَلَى 6 صُفُوفٍ. أَكْتُبُ مُعَادَّةً لِحِسَابِ عَدْدِ أَجْهِزَةِ الْحَاسُوبِ الَّتِي تمَّ وَضْعُهَا فِي الصَّفِ الْوَاحِدِ، ثُمَّ أَحْلُلُهَا.

الوحدة 7

مطاعم: أَسْتَعْمِلُ الْجَدْوَلَ الْأَتَيِّ لِلِّإِجَابَةِ عَنِ السُّؤَالَيْنِ.

قائمة أسعار	
9 دنانير	بيتزا كبيرة
7 دنانير	بيتزا وسط
5 دنانير	بيتزا صغيرة
دinarان	عصير

في أحد الأيام بيعت أطباق بيتزا كبيرة بـ 225 ديناراً، أكتب معادلة لـ أحد عدّ أطباق البيتزا التي بيعت.

10

أفترض أن عدّ الأطباق يساوي L .

11

إذا بيعت أطباق بيتزا وسط بـ 133 ديناراً، وبيتزا صغيرة بـ 115 ديناراً. فـ أي الصنفين بيع منه أكثر؟



أشرح كيف حصلت على الإجابة.

قياس: محيط مربع 48 cm ، وطول ضلعه 5 . أكتب معادلة لإيجاد طول ضلع المربع وأحلها.

12

مواليد: أصبحت كتلة رضيع مثلي كتليه عند الولادة، فإذا كانت كتلته الآن 8 kg ، فأكتب معادلة لحساب كتلته عند الولادة، ثم أحلها.

13

ترداد كتلة الرضيع في الأشهر الثلاثة بمعدل 1 kg شهرياً تقريباً، وترداد $\frac{1}{2}\text{ kg}$ شهرياً بين الشهرين الثالث وال السادس.

معلومات

مهارات التفكير

تحدد: وزّعت لانا 108 أقلام على عدد من العلب؛ فوضعت في كُلّ علبة 9 أقلام. أكتب معادلة لـ أحد عدّ العلب التي استعملتها ثم أحلها. أستعمل الرمز a للتعبير عن عدد العلب.

14

تبرير: ما المعادلة التي يمثلها النموذج أدناه؟ أبّرر إجابتي.

15

d	d	d	d
88			

أيها لا ينتمي: ما المعادلة المختلفة؟ أبّرر إجابتي.

16

$$15 \div x = 3$$

$$x \div 15 = 3$$

$$x + 2 = 7$$

$$3x = 15$$

أتحدد: أوضح الفرق بين المعادلتين $x \div 5 = 35$ و $5 = 35 \div x$.

17

18

أَحْلُّ الْمَسَأَلَةَ (أَرْسُمْ نَمُوذْجًا)

4

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْلُّ مَسَائِلَ بِاسْتِعْمَالِ خُطْطَةِ (رَسْمِ نَمُوذْجٍ).



عَمَلُ حَيْرِيٌّ: جَمَعَ سَعِيدُ 27 قِطْعَةً مَلَابِسَ مِنَ الْأَقَارِبِ وَالْجِيرَانِ، وَتَبَرَّعَ بِهَا لِجَمْعِيَّةٍ حَيْرِيَّةٍ، وَجَمَعَ خَالِدُ عَدَدًا أَقْلَى بِمِقْدَارِ 11 قِطْعَةً مِمَّا جَمَعَهُ سَعِيدُ. أَكْتُبْ مُعَادَلَةً تُمَثِّلُ الْمَسَأَلَةَ، ثُمَّ أَحْلُّهَا.

أَفْهَمُ 1

ما الْمُعْطَيَاتُ؟ عَدَدُ قِطْعَةِ الْمَلَابِسِ الَّتِي جَمَعَهَا سَعِيدُ، وَكَمْ يَزِيدُ عَلَى عَدَدِ الْقِطْعَةِ الَّتِي جَمَعَهَا خَالِدُ.

ما الْمَطْلُوبُ؟ عَدَدُ قِطْعَةِ الْمَلَابِسِ الَّتِي جَمَعَهَا خَالِدُ (x).

أَخْطَطُ 2

يُمْكِنُنِي رَسْمُ نَمُوذْجٍ يُمَثِّلُ الْمَسَأَلَةَ، مِمَّا يُسَاعِدُنِي عَلَى تَكْوينِ مُعَادَلَةٍ، ثُمَّ حَلُّهَا.

أَحْلُّ 3

الخطوة 1 أَرْسُمُ النَّمُوذْجَ.

الخطوة 2 أَكْوِنُ الْمُعَادَلَةَ الَّتِي يُمَثِّلُهَا النَّمُوذْجُ.

$$x + 11 = 27$$

الخطوة 3 أَحْلُّ الْمُعَادَلَةَ.

أَكْتُبْ جُمْلَةَ الطَّرِحِ الْمُرْتَبَطَةِ بِالْمُعَادَلَةِ

$$x = 27 - 11$$

أَطْرُحُ

إِذْنُ: جَمَعَ خَالِدُ 16 قِطْعَةً مَلَابِسَ.

أَتَحَقَّقُ 4

الْعَدَدُ 27 يَزِيدُ عَلَى الْعَدَدِ 16 بِمِقْدَارِ 11

إِذْنُ: الْحَلُّ صَحِيْحٌ.

الوحدة 7

أَنْدَرْبُ وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أَكْتُبُ الْمُعَاوِلَةَ الْمُمَثَّلَةَ فِي كُلِّ مِنَ النَّمُوذَجَيْنِ، ثُمَّ أَحْلُلُهَا:

1

18

$$x \quad x \quad x$$

2

20

$$15 \quad x$$

أَرْسُمُ نَمُوذَجًا لِكُلِّ مَسَالَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَكْوَنُ الْمُعَاوِلَةَ الَّتِي يُمَثِّلُهَا النَّمُوذَجُ، وَأَحْلُلُهَا:

إِعَادَةُ تَدْوِيرٍ: فِي حَمْلَةٍ إِعَادَةٍ تَدْوِيرٍ قَامَتْ بِهَا طَالِبَاتُ الصَّفَّ الْخَامِسِ، جَمَعَتْ عَائِشَةُ عَدَدًا أَقْلَى بِمِقْدَارِ 6 مِنْ عَدَدِ الْعُلَبِ الْمَعِدِنِيَّةِ الَّتِي جَمَعَنَّهَا سَلْمَى. إِذَا جَمَعَتْ سَلْمَى 42 عُلَبَةً، فَكَمْ عُلَبَةً جَمَعَتْ عَائِشَةُ؟

تَرْشِيدُ اسْتِهْلَاكٍ: قَرَرَتْ عَائِلَةً جَمِيلٍ التَّرْشِيدَ فِي اسْتِعْمَالِ الْكَهْرَباءِ؛ فَانْخَفَضَتْ قِيمَةُ فَاتَّورَتِهِمْ بِمِقْدَارِ 3 دَنَانِيرٍ عَنِ الشَّهْرِ السَّابِقِ. إِذَا كَانَتْ قِيمَةُ الْفَاتَّورَةِ الْحَالِيَّةِ 15 دِينَارًا، فَكَمْ كَانَتْ قِيمَةُ الْفَاتَّورَةِ فِي الشَّهْرِ السَّابِقِ؟

عَالْمُ الْحَيَوانِ: يَقْطَعُ فَهْدٌ 336 كِيلُومِترًا فِي 3 سَاعَاتٍ؟ مَا الْمَسَافَةُ الَّتِي يَقْطَعُهَا الْفَهْدُ فِي السَّاعَةِ الْوَاحِدَةِ؟ (أَيْ مَا سُرْعَةُ الْفَهْدِ؟).

قِصَصُ: اشْتَرَى عَبْدُ الرَّحْمَنْ عَدَدًا مِنَ الْقِصَصِ بِ20 دِينَارًا. إِذَا كَانَ سِعْرُ الْقِصَصِ الْوَاحِدَةِ 4 دَنَانِيرٍ، فَمَا عَدَدُ الْقِصَصِ؟

الكتلة التربيعية (طن)	الحوت
110	الحوتُ الْأَزْرَقُ
60	حُوتُ شَمَالِ الْهَادِي الصَّائِبُ
57	الْحُوتُ الرُّعْنَفِيُّ

أَقْلَلُ الْكَائِنَاتِ الْحَيَّةِ: يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجاوِرُ كُتَّلَ بَعْضِ أَنْوَاعِ الْحَيَّاتِنِ. أَرْسُمُ نَمُوذَجًا، ثُمَّ أَكْتُبُ مُعَاوِلَةً لِأَجْدَدِ الْمَطْلُوبِ فِي كُلِّ مِنَ الْأَسْئَلَةِ الْأَتِيَّةِ:

ما عَدَدُ الْحَيَّاتِنِ الزَّرْقَاءِ الَّتِي مَجْمُوعُ كُتَّلِهَا 440 طَنًا تَقْرِيَّبًا؟

بِكَمْ تَزِيدُ كُتَّلَةُ الْحُوتِ الْأَزْرَقِ عَلَى كُتَّلَةِ حُوتِ شَمَالِ الْهَادِي الصَّائِبِ؟

كَمْ تَقْصُصُ كُتَّلَةُ حُوتِ شَمَالِ الْهَادِي الصَّائِبِ عَنْ كُتَّلَةِ الْحُوتِ الْأَزْرَقِ؟

كَمْ يَيْلُغُ مَجْمُوعُ كُتَّلِ 5 حَيَّاتِنِ زُعْفَيَّةٍ تَقْرِيَّبًا؟

كَمْ يَيْلُغُ مَجْمُوعُ كُتَّلِ 7 حَيَّاتِنِ زَرْقَاءَ تَقْرِيَّبًا؟

3

4

5

6

7

8

9

10

11

59

WWW.JNOB-JO.COM

اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

حل المعادلة $4n = 24$, هو: 6

- أ) 20
ب) 6
ج) 28
د) 96

$x = 5$, هو حل لإحدى المعادلات الآتية: 7

- أ) $4x = 20$
ب) $20 \div x = 4$
ج) $x - 10 = 15$
د) $10 + x = 20$

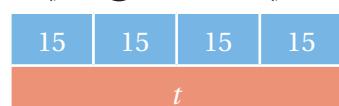
اشترت ربا برتقالاً وموزاً بـ 9 دنانير، وكان ثمن البرتقال 3 دنانير. ما المعادلة التي تساعدني على معرفة ثمن الموز (x). 8

- أ) $3x = 9$
ب) $x = 9 \times 3$
ج) $x = 3 + 9$
د) $x + 3 = 9$

أحرز الفريق الأول لكره السلة 85 نقطةً وكانت أقلّ من نقاط الفريق الثاني بـ 14 نقطةً، إذا كانت p تعبّر عن نقاط الفريق الثاني، فما عدد نقاط الفريق الثاني؟ 9

- أ) $p = 28$
ب) $p = 71$
ج) $p = 81$
د) $p = 99$

ما المعادلة التي تمثل النموذج الآتي؟ 10



- أ) $4t = 15$
ب) $15t = 4$
ج) $t \div 4 = 15$
د) $t + 4 = 15$

أختار الإجابة الصحيحة في كل ممّا يأتي:

مجموع x و 22 يساوي: 1

- أ) $22x$
ب) $x + 22$
ج) $x - 22$
د) $x \div 22$

العبارة: $2 \div m$ تعني: 2

- أ) الفرق بين m و 2
ب) مجموع m و 2
ج) مثلي العدد m .
د) m مقسوماً على 2

القيمة العددية للمقدار الجبّري $15 + y$ عند $y = 12$: 3

- أ) 3
ب) 30
ج) 27
د) $12y$

إذا كانت قيمة المقدار الجبّري $n - 2$ هي 6، فإن n يساوي: 4

- أ) 8
ب) 6
ج) 4
د) 12

قيمة x التي تجعل المعادلة $30 = x + 10$ صحيحةً، هي: 5

- أ) 10
ب) 3
ج) 30
د) 20

الوحدة 7

تدريب على الاختبارات الدولية

أختار الإجابة الصحيحة في ما يأتي:

كتب سلمان المعادلة الآتية $n = 18 \div 6$ ما المعادلة 22

التي تعدد طريقة أخرى لكتابتها؟

6 + n = 18 ب

18 × n = 6 أ

6 × n = 18 د

18 - n = 6 ج

إذا كانت y تمثل عدداً الصفحات التي تقرؤها سارة في 23
اليوم الواحد، فما المقدار الجبوري الذي يمثل مجموع
الصفحات التي تقرؤها في أسبوع؟

7 × y ب

y + 7 أ

(y + y) × 7 د

y - 7 ج

لدي علي مبلغاً من المال، صرف 60 ديناراً وبقي
معه 25 ما المعادلة التي تعبّر عن العبارة السابقة؟ 24

25 - x = 60 ب

x - 60 = 25 أ

x - 25 = 60 د

60 - x = 25 ج

إذا كان $12 + (z \times 32) = 608$ ، فما قيمة z ? 25

أسئلة ذات إجابة قصيرة:

أحد قيمة كل مقدار جبوري مما يأتي عند القيم المطلقة:

11 $x + 18$; $x = 12$

12 $80 - y$; $y = 20$

13 $7n$; $n = 7$

أحد قيمة المتغير التي هي حل المعادلة:

14 $d + 9 = 25$, $d = 6, 14, 16$

15 $c - 8 = 25$, $c = 28, 36, 33$

16 $2y = 30$, $y = 10, 15, 28$

أحل المعادلات الآتية وأتحقق من صحة الحل:

17 $12 + x = 30$

18 $x - 17 = 8$

19 $5y = 50$

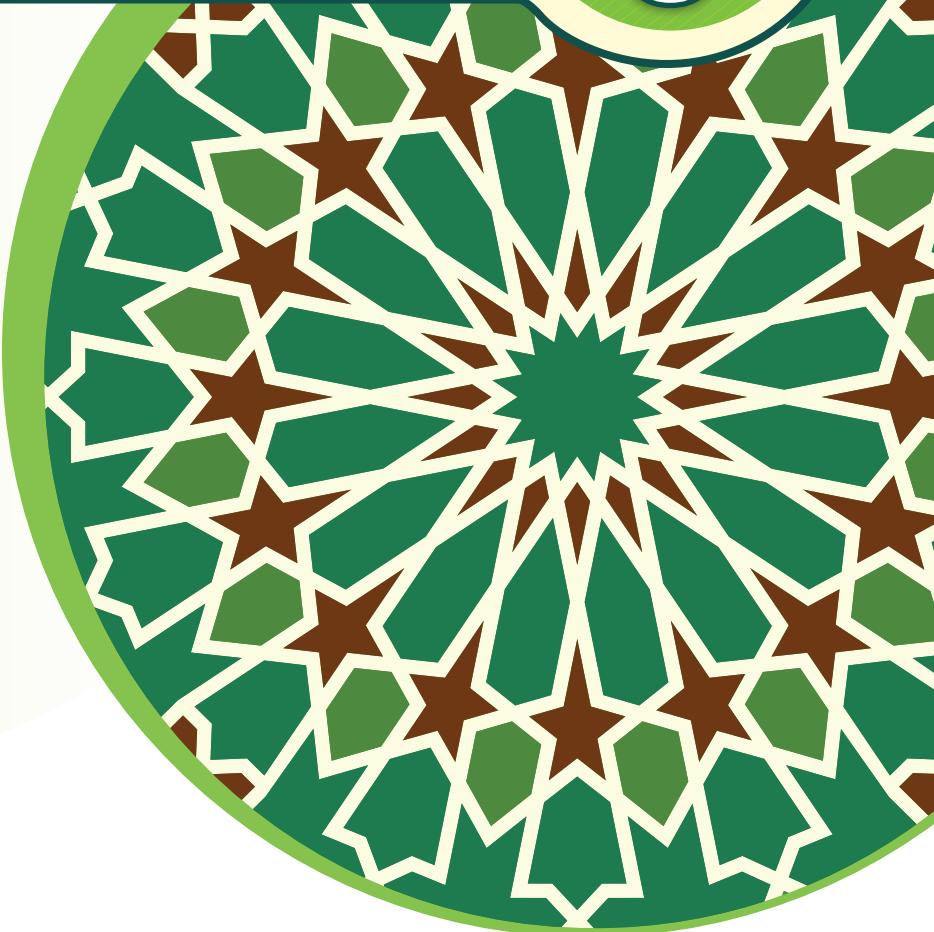
20 $m \div 6 = 3$

حصل فراس على 90 ديناً مقابل عمله لعدد من الساعات. إذا كانت أجرة الساعة 15 ديناً، فكم ساعة عمل؟ أمثل المسألة بنموذج، وأكتب معادلة وأحلها. 21

الهندسة

لماذا أدرس الهندسة؟

للهندسة أهمية كبيرة في كثير من المهن؛ فهي مثلاً تساعد المهندسين والفنانين على إجراء الحسابات بدقة وعمل منتجات جميلة، وسوف أتعلم في هذه الوحدة الكثير من المهارات التي يستعملها المهندسون والفنانون في عملهم.



سأتعلم في هذه الوحدة:

- تمييز المضلعات عن غيرها من الأشكال الهندسية وأنواعها.
- تصنيف المثلثات حسب أضلاعها وزواياها.
- تصنيف الأشكال رباعية حسب خواصها الأساسية.
- تعرف مفهوم الإزاحة باتجاه واحد واستنتاج تساوي قياسات الأضلاع والزوايا المتناظرة.

تعلمت سابقاً:

- ✓ رسم الزوايا، وقياسها.
- ✓ تعرف علاقات المستقيمات، المترادفة والمتقاطعة والمتعامدة، ورسمها.
- ✓ إنشاء بعض الأشكال الهندسية، وتمييز شبكات أشكال ثلاثية الأبعاد.
- ✓ إيجاد محور التماثل ومحور الانعكاس لشكل ثنائي الأبعاد.

مشروع الوحدة: أنا رسام



- 5 ألوان أجزاء اللوحة بألوان مختلفة
- 6 أطبع نسخة ملونة من اللوحة.
- 7 أنشئ جدولًاً من ثلاثة أعمدة.

أَسْتَعِدُ وَزُمَلَائِي لِتَنْفِيذِ مَشْرُوْعِيِّ الْخَاصِّ؛ الَّذِي سَأَطْبِقُ فِيهِ مَا سَأَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِرَسْمِ لَوْحَةٍ فَنِيَّةٍ تَحْتَوِي مَضْلِعَاتٍ.



العدد	منتظم أم غير منتظم	اسم المضلع

أُعْرِضُ النَّتَائِجَ:

- أَصْصِمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً، أَعْرِضُ فِيهَا:
- خُطُوهاتِ عَمَلِ الْمَشْرُوْعِ، وَالنَّتَائِجَ الَّتِي تَوَصَّلُ إِلَيْهَا.
- شَرْحًا مُخْتَصَرًا عَنْ كُلِّ شَكْلٍ تَضَمَّنَهُ الْلَوْحَةُ وَخَصَائِصِهِ.
- مَعْلُومَةً إِضافِيَّةً عَرَفْتُهَا عَنْ بَعْضِ الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ، فِي أَثْنَاءِ الْعَمَلِ فِي الْمَشْرُوْعِ.
- بَعْضِ الصُّعُوبَاتِ الَّتِي واجهْتُهَا فِي أَثْنَاءِ الْعَمَلِ فِي الْمَشْرُوْعِ، وَكَيْفَ تَغلَّبَتُ عَلَيْهَا.
- تَخْتَارُ كُلَّ مَجْمُوعَةً إِحْدَى لَوْحَاتِهَا وَتَعْرِضُهَا أَمَامَ الصَّفِّ.
- يَطْلُبُ أَعْصَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مِنَ الصَّفِّ تَحْدِيدَ المَضْلِعِ الَّذِي تمَّ عَمَلُ انْعَكَاسٍ لَهُ ثُمَّ تَحْدِيدُ صُورَتِهِ.

هَدْفُ الْمَشْرُوْعِ: تَنْمِيَةِ مَهَارَاتِ التَّصْمِيمِ وَالرَّبْطِ وَالْتَّرْتِيبِ وَالْتَّمْثِيلِ.

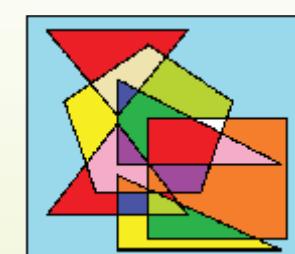


خُطُوهاتُ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوْعِ:

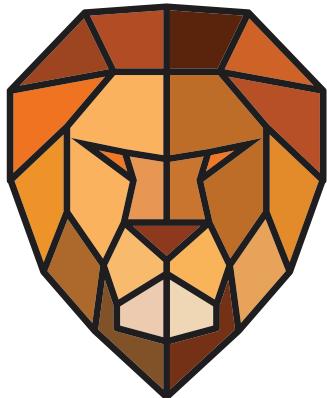
1 ابْحُثْ فِيِّ الإِنْتِرْنَتِ عَنْ لَوْحَاتٍ فَنِيَّةٍ تَحْتَوِي مَضْلِعَاتٍ لِأَسْتَوْحِي بَعْضِ الْأَفْكَارِ

2 أَرْسِمْ بِاسْتِعْمَالِ بِرْمَجِيَّةِ الرَّسَامِ مُخْطَطًا لِلَّوْحَةِ يَحْتَوِي جُمِيعَ الْمَضْلِعَاتِ الَّتِي تمَّ درَاسَتَهَا فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ بِشَكْلِ مُتَدَاخِلٍ. (يُمْكِنُ الرَّسَمُ بِالْمَسْطَرَةِ وَالْأَلْوَانِ إِذَا لَمْ يَتَوفَّرْ الْحَاسُوبُ)

3 أَضِيفُ إِلَىِّ الْمُخْطَطِ شَكْلًاً وَصُورَتِهِ بِالْانْعَكَاسِ حَوْلَ مَحْوَرٍ بِلُونِ أَحْمَرٍ.



4 أَرْسِمْ مَرْبَعًا كَبِيرًا يَحِيطُ بِالْمُخْطَطِ.



استكشاف

أُسْمِيَّ الْأَشْكَالُ الْهَنْدَسِيَّةُ فِيِّ الْعَمَلِ
الْفَنِيِّ الْمُجَاوِرِ.



فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَتَعْرَفُ الْمُضَلَّعَ.
أُمِيزُ الْمُضَلَّعَ مِنْ عَيْرِهِ مِنْ الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ.

المُضَلَّعاتُ

الْمُضَلَّعُ، الْمُضَلَّعُ الْمَتَتَّمُ.

اتَّعِلَمُ



الْمُضَلَّعُ (polygon) هُوَ شَكْلٌ ثُنَائِيُّ الْأَبَعَادِ مُغْلَقُّ، وَمُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَ قِطْعَ مُسْتَقِيمَةٍ عَلَىِ الْأَقْلَى، لَا تَتَقَاطِعُ، وَتَتَلَاقِي كُلُّ اثْتَيْنِ مِنْهَا مَعًا فِي نَقْطَةٍ تُسَمَّى رَأْسَ الْمُضَلَّعِ أَوْ زَاوِيَّتِهِ، وَعَدَدُ زَوَّاِيَّا الْمُضَلَّعِ يَسَاوِي عَدَدِ أَضْلاَعِهِ.

مَثَلٌ 1 أَصْنَافُ الْأَشْكَالِ الْأَتِيَّةِ إِلَىِ مُضَلَّعاتٍ أَوْ غَيْرِ مُضَلَّعاتٍ.



غير مُضَلَّعاتٍ	مُضَلَّعاتٍ
لِأَنَّ فِيهِ قِطْعَ مُسْتَقِيمَةٍ مُتَقَاطِعَةٌ.	لأنَّ جميعَهَا تَحْقِقُ خَصَائِصَ الْمُضَلَّعِ:
	<ul style="list-style-type: none"> • مُغْلَقَةً.
لِأَنَّهُ يَحْوِي مُنْحَنَّيَاتٍ.	<ul style="list-style-type: none"> • تَكُونُ مِنْ ثَلَاثَ قِطْعَ مُسْتَقِيمَةٍ أَوْ أَكْثَرَ.
	<ul style="list-style-type: none"> • أَضْلاَعُهَا لَا تَتَقَاطِعُ.
لِأَنَّهُ غَيْرُ مُغْلَقٍ.	
لِأَنَّهُ شَكْلٌ مُنْحَنٍّ.	

الوحدة 8

اتحقق من فهمي: أصنف الأشكال الآتية إلى مُضلعاتٍ أو غير مُضلعاتٍ.



يسمى المُضلع بحسب عدد أضلاعه، فمثلاً يسمى خماسي المُضلع الذي يحتوي على خمسة أضلاع إذا كانت جميع أضلاع

المُضلع متساوية وجميع زواياه متطابقة سمي مُضلعًا منتظمًا (regular polygon).

مثال 2 أصنف الأشكال الآتية إلى مُضلع منتظم أو غير منتظم، وأسميه.

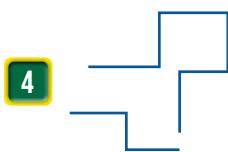
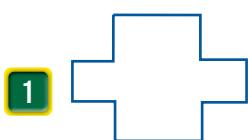


غير منتظم	منتظم
سداسي	خماسي منتظم
ثمناني	مربع
رباعي	سداسي منتظم
خماسي	ثمناني منتظم

اتحقق من فهمي: أصنف الأشكال الآتية إلى مُضلع منتظم أو غير منتظم، وأسميه.

				الشكل
				نوعه

أَصْنَفُ الْأَشْكَالَ الْأَتِيَّةِ إِلَى مُضَلَّعَاتٍ وَغَيْرِ مُضَلَّعَاتٍ أَبْرُرُ إِجَابَتِي:



أَصْنَفُ الْمُضَلَّعَاتِ الْأَتِيَّةِ إِلَى مُضَلَّعٍ مُّنْتَظَمٍ أَوْ غَيْرِ مُّنْتَظَمٍ، وَأَسْمِيهِ.



أَرْسِمْ كُلَّ مُضَلَّعٍ مِّمَّا يَأْتِي عَلَى الْوَرَقَةِ الْمُنَقَّطَةِ الْمُجَاوِرَةِ:

رُبَاعِيٌّ مُّنْتَظَمٌ.

13

خُمَاسِيٌّ غَيْرِ مُّنْتَظَمٌ.

14



الوحدة 8

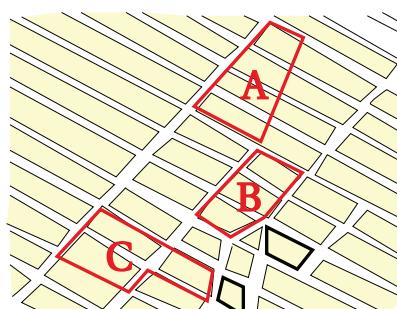


خَلِيَّةٌ نَّحْلٌ: ما المُضَلَّعُ الْمُكَوَّنُ لِخَلِيَّةِ النَّحْلِ؟
هل هو مُنْتَظَمٌ أَمْ غَيْرُ مُنْتَظَمٍ؟

15

مَعْلَوْمَة

يعيش النحل في خلية على شكل سداسي لكون هذا الشكل يستهلك أقل كمية من الشمع لتخزين أكبر كمية من العسل دون ترك فراغات.



مُخَطَّطٌ أَرْضِيٌّ: أَحَدُ دَرَمَزِ قِطْعَةِ الْأَرْضِ الَّتِي عَلَى شَكْلِ رُبَاعِيٍّ. هل هو مُنْتَظَمٌ أَمْ غَيْرُ مُنْتَظَمٍ؟

16

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

مَسَأَلَةٌ مَفْتُوحةٌ: أَسْمِي أَشْكَالًا لِمُضَلَّعَاتٍ في غُرْفَةِ الصَّفِّ.

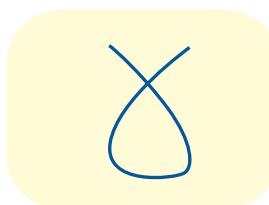
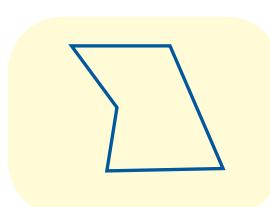
17

أَطْرُوحُ مَسَأَلَةً: أَكْتُبْ مَسَأَلَةً مِنْ وَاقِعِ الْحَيَاةِ لِمُضَلَّعٍ مُنْتَظَمٍ.

18

أَيُّهَا لَا يَسْمِي: أَحَدُ الشَّكَلِ الْمُخْتَلِفِ مِمَّا يَأْتِي، وَأَبْرِرْ إِجَابَتِي.

19



أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أُمِّيِّزُ الْمُضَلَّعَ مِنَ الْأَشْكَالِ الْهِنْدَسِيَّةِ الْأُخْرَى؟ وَكَيْفَ يَكُونُ الْمُضَلَّعُ

مُنْتَظَمًا؟



استكشاف: مجموع قياسات زوايا المثلث

فكرة الدرس: أستكشف مجموع قياسات زوايا المثلث.



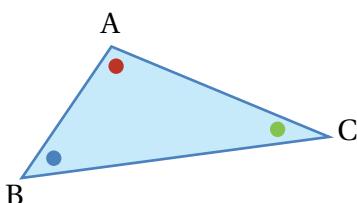
المثلث هو مُضلع له ثلاثة أضلاع، وثلاث زوايا، وثلاثة رؤوس، وترتبط قياسات زوايا المثلث بعضها البعض. يمكنني من خلال هذا النشاط؛ استنتاج مجموع قياسات زوايا مثلث.

نشاط: مجموع قياسات زوايا المثلث.

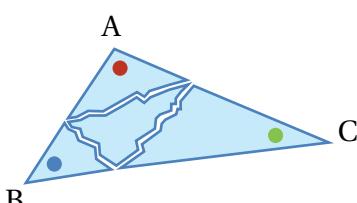
أرسم مثلثاً، ثم أستنتج مجموع قياسات زواياه من دون استعمال المنشورة.

لإيجاد مجموع قياسات زوايا مثلث، أجري الخطوات الآتية:

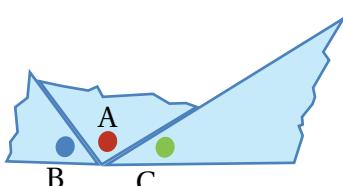
الخطوة 1: أرسم مثلثاً على ورقه، وألون زواياه الثلاث بالوان مختلفة.



الخطوة 2: أقص كل زاوية من زوايا المثلث، كما في الشكل المجاور.



الخطوة 3: أصعد رؤوس هذه الزوايا بشكل متوازي، بحيث تلتقي في نقطة واحدة على مستقيم.



1 ما الزاوية التي كونتها الزوايا الثلاث، عند وضعها بجانب بعضها؟

2 ما مجموع قياسات الزوايا الثلاث؟ لماذا؟

3 ما مجموع قياسات زوايا المثلث؟

• أكرر ذلك مع مثلث آخر.

4 لالاحظ أن الزوايا الثلاث تكون زاوية مستقيمة، أي إن مجموع قياساتها يساوي ...

أتوصل إلى القاعدة الآتية: مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180° .

الوحدة 8

أَفَكَرْ:

سَجَلْتْ سَمَاحُ بِيَانَاتِهَا فِي الْجَدْوَلِ الْأَتَى:

المَجْمُوع	قِيَاسُ الزَّوَالِيَا			الْمُثَلَّث
	60°	60°	60°	
	90°	60°	30°	
	70°	60°	50°	
	30°	40°	110°	

1 ما مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ كُلِّ مُثَلَّثٍ قَاسَتُهُ؟

2 أَكْتُبْ اسْتِنْتَاجًا حَوْلَ مَجْمُوعِ قِيَاسَاتِ زَوَالِيَا الْمُثَلَّثِ.

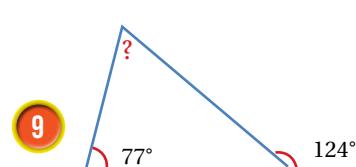
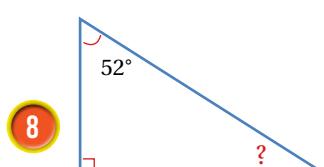
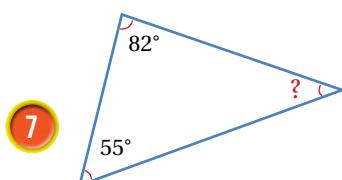
3 التَّفَكِيرُ النَّاقِدُ: هَلْ يَتَغَيَّرُ مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَالِيَا الْمُثَلَّثِ إِذَا تَغَيَّرَتْ أَطْوَالُ أَضْلاعِهِ أَوْ تَغَيَّرَتْ قِيَاسَاتُ زَوَالِيَا هُوَ؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

4 مَاذَا أَسْتَفِيدُ مِنْ مَعْرِفَةِ أَنَّ مَجْمُوعَ قِيَاسَاتِ زَوَالِيَا أَيِّ مُثَلَّثٍ يَسَاوِي 180°؟

5 هَلْ يُمْكِنُ أَنْ يَحْتَوِي مُثَلَّثٌ مَا عَلَى زَوَالِيَا قِيَاسَاتِهَا 82°, 65°, 33°؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

6 هَلْ تَصْلُحُ الزَّوَالِيَا الَّتِي قِيَاسَاتُهَا 40°, 80°, 70° أَنْ تَكُونَ زَوَالِيَا مُثَلَّثًا؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

أَجِدُّ قِيَاسَ الزَّوَالِيَا الْمَجْهُولَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مِنْ دُونِ اسْتِعْمَالِ الْمِنْقَلَةِ:



10 كَيْفَ أَتَأْكُدُ مِنْ أَنَّ 3 ثَلَاثَ زَوَالِيَا مَعْطَى قِيَاسَاتِهَا يُمْكِنُ أَنْ تَكُونَ زَوَالِيَا مُثَلَّثًا؟



أَسْتَكْشِفُ



تشكل المسارات التي سلكتها طائرة في رحلة من عمان إلى بغداد ثم الكويت ثم العودة إلى عمان مثلثاً كما يظهر في الخريطة المجاورة. هل أضلاع المثلث متساوية؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

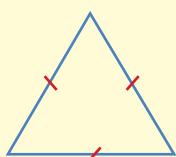
أُصْنَفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسْبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهَا.

الْمُضْطَلَّاتُ

مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الأَضْلاعِ،
مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الضَّلَعَيْنِ،
مُثَلَّثٌ مُخْتَلِفُ الأَضْلاعِ.

أَتَعْلَمُ

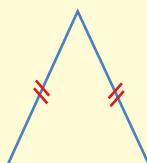
تعني الإشارات المتماثلة المرسومة على أي ضلعين (أو أكثر) في المثلث أن الضلعين متطابقان (لهم الطول نفسه).



مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الأَضْلاعِ

(equilateral triangle)

أَضْلاعُهُ الْثَّلَاثَةُ مُتَطَابِقَةٌ.



مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الضَّلَعَيْنِ

(isosceles triangle)

فِيهِ ضِلَاعَانِ مُتَطَابِقَانِ.

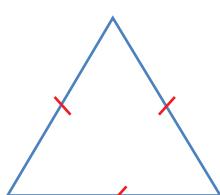


مُثَلَّثٌ مُخْتَلِفُ الأَضْلاعِ

(scalene triangle)

أَطْوَالُ أَضْلاعِهِ الْثَّلَاثَةُ مُخْتَلِفَةٌ،
لَا يُوجَدُ ضِلَاعٌ مُتَطَابِقَانِ

١



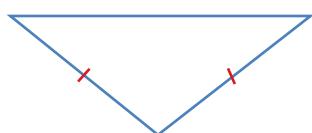
المُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الأَضْلاعِ؛ لِأَنَّ أَطْوَالَ أَضْلاعِهِ الْثَّلَاثَةُ مُتَسَاوِيَةٌ.

مَثَلٌ ١

أُصْنَفُ كلاً من الْمُثَلَّثَاتِ الْأَنْتَيَةَ بِحَسْبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهَا، وَأَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ:

الوحدة 8

2



المثلث متطابق الضلعين؛ لأنّه يوجد ضلعان في المثلث لهما الطول نفسه. (متطابقان) مع رسمته

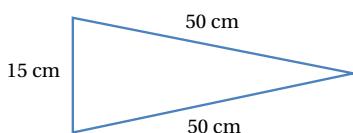
3



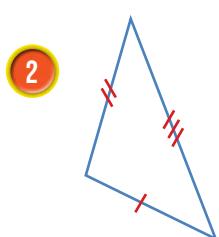
المثلث مختلف الأضلاع؛ لأنّه لا يوجد ضلعان في المثلث متطابقان.

تحقق من فهمي: أصنّف كل من المثلثات الآتية بحسب أطوال أضلاعها، وأبرر إجابتي:

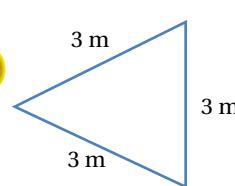
1



2



3



أصناف المثلثات المختلفة نشاهدنا في كثير من التطبيقات الحياتية.

مثال 2: من الحياة



أشترى عمر حيّمة لرحلة تخييم. أصنّف المثلث الظاهر في جانب الحيّمة بحسب أطوال أضلاعه.



أطوال أضلاع المثلث: 2.8 m, 2.8 m, 2.6 m

بما أنّه يوجد ضلعان في المثلث متطابقان، فإن المثلث متطابق الضلعين. أي إن جانب الحيّمة يمثل مثلث متطابق الضلعين.



تحقق من فهمي:

الشكل المجاور هرم أطوال أضلاعه جميعها تساوي 35 m.

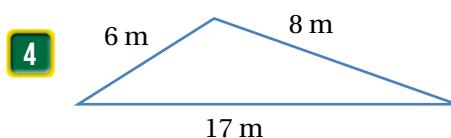
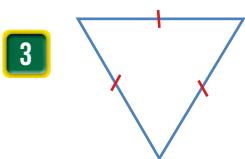
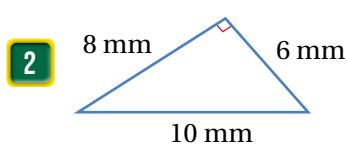
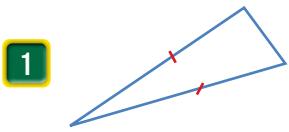
أصنّف المثلث الأمامي في الهرم وفقاً لأطوال أضلاعه

اتدرب واحل المسائل

معلومة

تشير الدراسات ان البابليون هم اول من اهتم بعلم المثلثات حيث وجد لوح طيني عمره أكثر من 3700 عام عليه جدول أرقام لها علاقة بحساب المثلثات، وتقع مدينة بابل جنوب العاصمة العراقية بغداد

أصنف كلاً من المثلثات الآتية بحسب أطوال أضلاعها، وأبرر إجابتي:



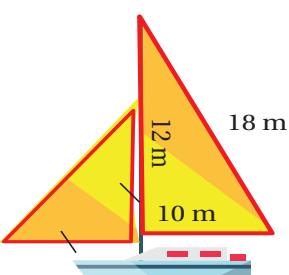
في ما يأتي أطوال أضلاع مثلثات. أصنف المثلثات حسب أطوال أضلاعها.

5 6 m, 6 m, 6 m

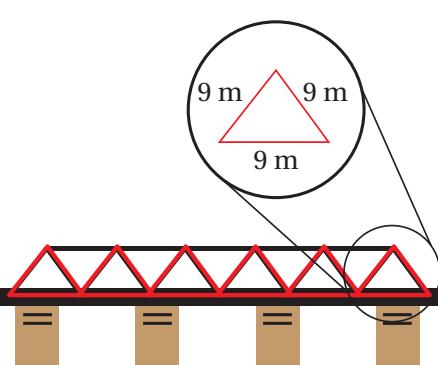
6 7 cm, 8 cm, 10 cm

7 5 mm, 6 mm, 5 mm

8 8 cm, 0.08 m, 14 cm



قوارب: يستخدم الشراع في بعض القوارب لدفعها باستعمال طاقة الرياح، أصنف كل مثلث من مثلثات الشراع بحسب أطوال أضلاعها؟

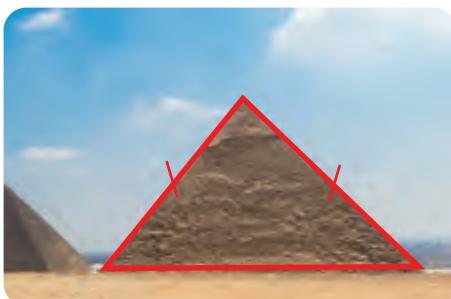


جسور: يتكون جسر من مثلثات متماثلة كما في الشكل المجاور. أصنف المثلثات، ثم أجد طول الجسر.

معلومة

يستخدم مصطلح سفينة شراعية للإشارة إلى أي مركب يعمل بقوة الرياح. ويطلق على الطاقم الذي يبحر بالسفينة اسم البحارة

الوحدة 8



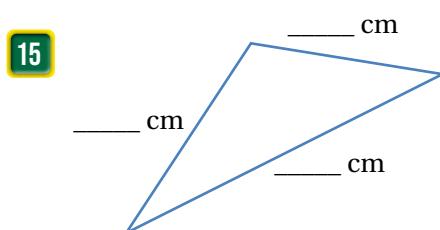
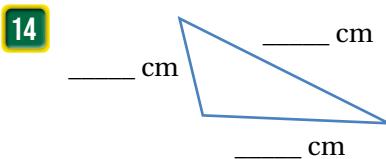
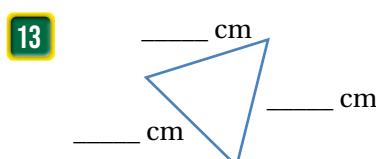
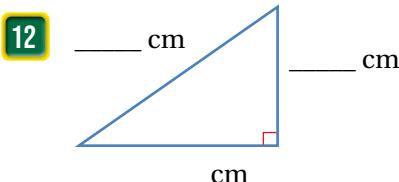
أهرامات: تُعدُّ أهراماتُ الجيزةِ في مصرِ من أَهَمِّ عَجَائِبِ الدُّنْيَا عَلَى مَرْتَلِ التَّارِيخِ. أَصَنْفُ الْمُثَلَّثَ الَّذِي يُمَثِّلُ وَاجْهَةَ هَرَمِ خُوفُو الْمُجَاوِرِ حَسْبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهِ.

11

معلومة

الأهرام هي مقابر ملوكية كل منها يحمل اسم الملك الذي بناه وتم دفنه فيه، والبناء الهرمي هنا هو مرحلة من مراحل تطور عمارة المقابر في مصر القديمة وأشهر الأهرام المصريه هرم خوفو وهرم خسن وهرم منقرع.

أقيسْ أَطْوَالَ أَضْلاعِ الْمُثَلَّثِ إِلَى أَقْرَبِ سَنتِيْمِيْترٍ وَأَصَنْفُهُ، فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



أَكْتَشِفُ الْخَطَا: مُثَلَّثٌ قِيَاسًا ضِلْعَيْنِ فِيهِ 5 cm وَ 6 cm يَقُولُ خَالِدٌ إِنَّ هَذَا الْمُثَلَّثَ مُخْتَلِفُ الْأَضْلاعِ . هَلْ هُوَ عَلَى صَوَابٍ؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ.

مَسَأَلَةٌ مَفْتُوحَة: إِذَا كَانَ طُولًا ضِلْعَيْنِ فِي مُثَلَّثٍ مُتَطَابِقِ الْأَضْلاعِ 10 m, 15 m، فَمَا طُولُ الضَّلْعِ الْثَالِثِ؟

تَبَرِيرُ: يَقُولُ وَلِيْدٌ إِنَّ كُلَّ مُثَلَّثٍ مُتَطَابِقِ الْأَضْلاعِ هُوَ مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقِ الْأَضْلاعِ . هَلْ هُوَ عَلَى صَوَابٍ؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ.

16

مهارات التفكير

ارشاد

المسألة المفتوحة هي مسألة تحتمل أكثر من إجابة

17

18

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَصَنِفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسْبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهَا؟





أَسْتَكْشِفُ

تُنْسِيَّةُ لَوْحَةُ الْمُرُورِ الْمُجَاوِرَةُ السَّائِقِيْنَ إِلَى
وَجُودِ مَهْرٍ مُشَاهِدٍ وَعِنْوَانِهَا تَمَهَّلُ. وَهِيَ عَلَى
شَكْلٍ مُثَلَّثٍ أَطْوَالُ أَضْلاعِهِ مُتَسَاوِيَّةٌ، مَا
قِيَاسَاتُ زَوَائِيَّاهَا هَذَا الْمُثَلَّثُ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

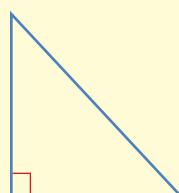
أَصْنَافُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسْبَ
قِيَاسَاتِ زَوَائِيَّاهَا.

الْمُضْطَلَّاتُ

مُثَلَّثٌ حَادُّ الزَّوَائِيَّةِ، مُثَلَّثٌ قَائِمٌ
الْزَّاوِيَّةِ، مُثَلَّثٌ مُنْفَرِجٌ الزَّاوِيَّةِ.

أَنْتَ تَعْلَمُ

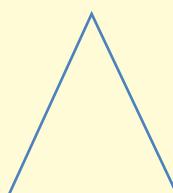
قِيَاسُ الزَّاوِيَّةِ الْقَائِمَةِ يُسَاوِي 90° ، وَقِيَاسُ الزَّاوِيَّةِ
الْحَادَّةِ أَكْبَرُ مِنْ صِفْرٍ وَأَصْغَرُ مِنْ 90° ، أَمَّا الزَّاوِيَّةِ
الْمُنْفَرِجَةِ فَقِيَاسُهَا أَكْبَرُ مِنْ 90° وَأَصْغَرُ مِنْ 180° .



مُثَلَّثٌ قَائِمُ الزَّاوِيَّةِ

(right triangle)

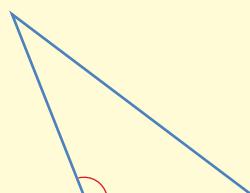
إِحْدَى زَوَائِيَّاهَا قَائِمَةٌ وَالْأُخْرَيَّتَانِ
الْأُخْرَيَّانِ حَادَّتَانِ.



مُثَلَّثٌ حَادُّ الزَّوَائِيَّةِ

(acute triangle)

زَوَائِيَّاهُ الْثَّلَاثَةُ حَادَّة.



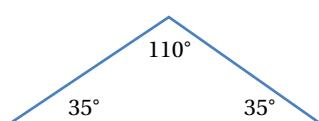
مُثَلَّثٌ مُنْفَرِجُ الزَّاوِيَّةِ

(obtuse triangle)

إِحْدَى زَوَائِيَّاهَا مُنْفَرِجَةٌ وَالْأُخْرَيَّتَانِ
الْأُخْرَيَّانِ حَادَّتَانِ.

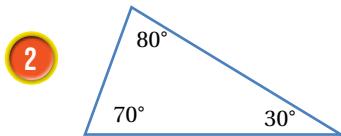
مِثَال١ أَصْنَفُ كُلَّ مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْأَكْيَةَ بِحَسْبَ قِيَاسَاتِ زَوَائِيَّاهَا، وَأَعْبُرُ إِجَابَتِيَّ:

1

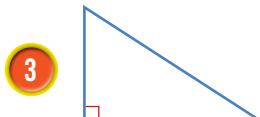


الْمُثَلَّثُ مُنْفَرِجُ الزَّاوِيَّةِ؛ لِأَنَّ إِحْدَى زَوَائِيَّاهَا مُنْفَرِجَةٌ، وَالْأُخْرَيَّتَانِ
الْأُخْرَيَّانِ حَادَّتَانِ.

الوحدة 8

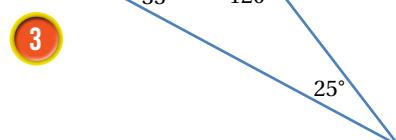
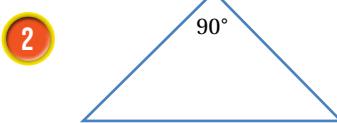
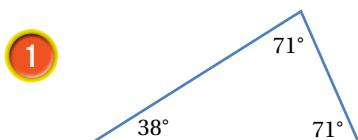


المُثَلَّث حادُ الزَّوَايَا؛ لِأَنَّ زَوَايَاهُ الْثَلَاثَ حادَّةٌ.

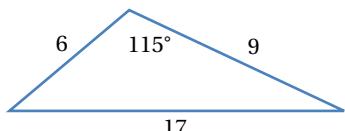


المُثَلَّث قائمُ الزَّوَايَةِ؛ لِأَنَّ إِحْدَى زَوَايَاهُ قَائِمَةٌ، وَالزَّاوِيَّاتُ الْأُخْرَى تَحْتَانَ حادَّاتَانَ.

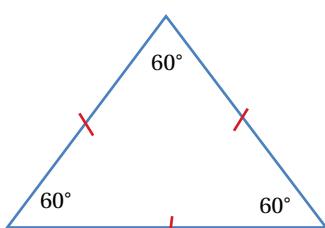
اتَّحَقُّقُ مِنْ فَهْمِيِّ: أَصْنِفْ كُلَّ مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْأُتْمَى بِحَسْبَ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِيِّ:



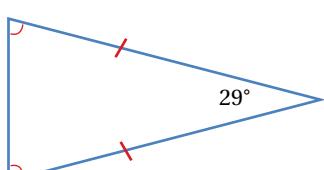
تَوَجُّدُ عَلَاقَاتٌ تَرْبُطُ بَيْنَ أَضْلاعِ الْمُثَلَّثِ وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهُ، مِثْلُ:



- الزَّاوِيَّةُ الْكُبُرِيُّ فِي الْمُثَلَّثِ تُقَابِلُ الضَّلْعَ الْأَطْوَلَ



- عِنْدَمَا يَكُونُ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الْأَضْلاعِ، يَكُونُ مُتَطَابِقَ الزَّوَايَا، وَيَعْنِي أَنَّ كُلَّ زَوَايَا مُتَسَاوِيَّةٌ وَأَنَّ قِيَاسَ كُلِّ مِنْهَا 60. (وَالْعَكْسُ صَحِيحٌ). (إِذَا كَانَتْ قِيَاسَاتُ زَوَايَا الْمُثَلَّثِ مُتَسَاوِيَّةً كَانَ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الْأَضْلاعِ)



- عِنْدَمَا يَكُونُ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الضَّلْعَيْنِ، يَكُونُ فِيهِ زَوَايَّاتٌ مُتَطَابِقَاتٌ قِيَاسُهُمَا مُتَسَاوِيٌّ. (وَالْعَكْسُ صَحِيحٌ). (إِذَا وُجِدَتْ زَوَايَّاتٌ مُتَطَابِقَاتٌ كَانَ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الضَّلْعَيْنِ)

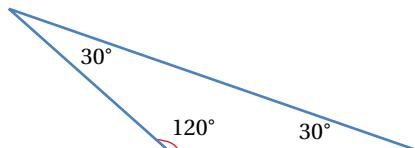
الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الضَّلْعَيْنِ

عِنْدَ وَضْعِ الْأَقْوَاسِ الْمُتَمَاثِلَةِ عَلَى الزَّوَايَا؛ فَإِنَّهَا تُشَيِّرُ إِلَى أَنَّ قِيَاسَاتِ الزَّوَايَا مُتَسَاوِيَّةٌ.

مثال 2

أصنف كلاً من المثلثات الآتية بحسب أطوال أضلاعها وقياسات زواياها، وأبرر إجابتي:

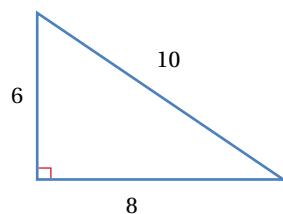
1



أولاً: إحدى زوايا المثلث مفرجة والزاويةتان الآخران حادتان؛
لذا، المثلث منفرج الزاوية.

ثانياً: يوجد في المثلث زاويتان قياسهما متساو، أي إن فيه ضلعين متطابقين؛
لذا، المثلث متطابق الضلعين.

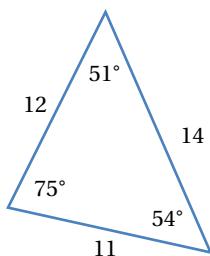
2



أولاً: إحدى زوايا المثلث قائمة والزاويةتان الآخران حادتان؛ لذا،
المثلث قائم الزاوية.

ثانياً: جميع أطوال أضلاع المثلث مختلفة؛ لذا، المثلث مختلف الأضلاع.

3



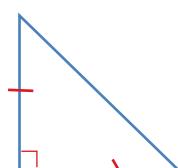
أولاً: زوايا المثلث الثلاث حادة؛ لذا، المثلث حاد الزاوية.

ثانياً: جميع أطوال أضلاع المثلث مختلفة؛ لذا، المثلث مختلف الأضلاع.

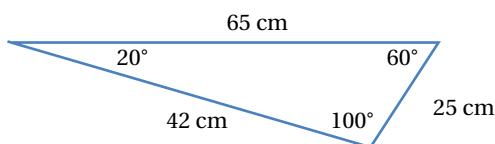
اتحقق من فهمي:

أصنف كلاً من المثلثات الآتية بحسب أطوال أضلاعها وقياسات زواياها، وأبرر إجابتي:

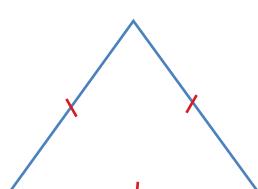
1



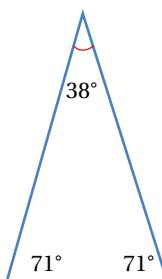
2



3

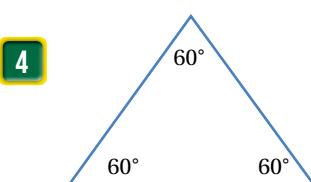
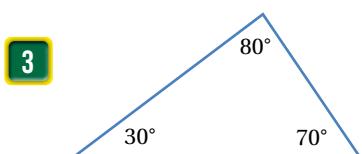
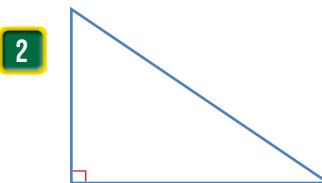
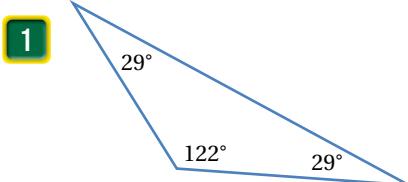


4

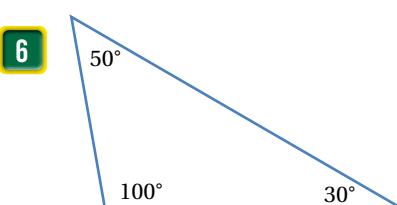
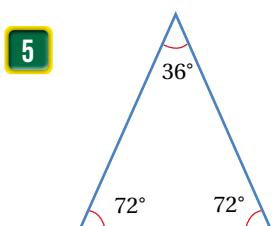


الوحدة 8

أصنف كلاً من المثلثات الآتية بحسب قياسات زواياها، وأبرر إجابتي:



أصنف كلاً من المثلثات الآتية بحسب أطوال أضلاعها وقياسات زواياها، وأبرر إجابتي:



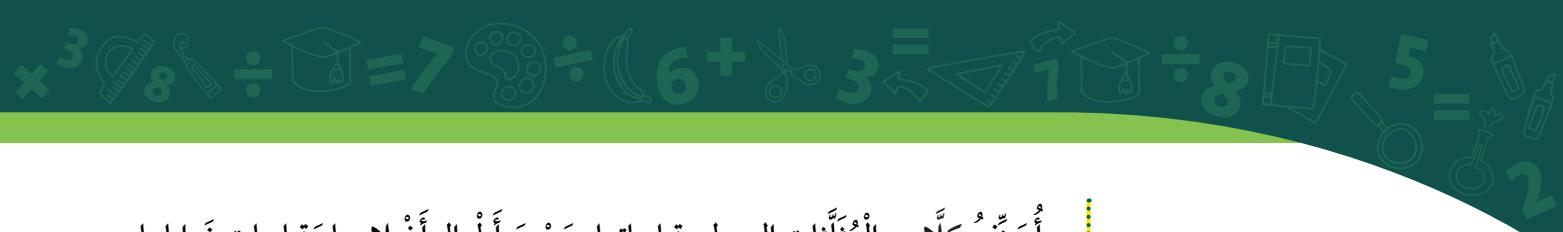
أضع (✓) أمام الجملة الصحيحة، و (✗) أمام الجملة غير الصحيحة في كلٍ مما يأتي:

- () المثلث الذي له ضلعان متطابقان فقط، مثلث متطابق الأضلعين.
- () يمكن أن تكون إحدى زوايا المثلث القائم الزاوية مفترجة.
- () يمكن رسم مثلث قائم الزاوية و متطابق الأضلاع.
- () يمكن رسم مثلث متطابق الأضلاع و منفرج الزاوية.
- () كل مثلث متطابق الأضلاع متطابق الزوايا.
- () المثلث المختلف الأضلاع هو مثلث حاد الزوايا.
- () يمكن رسم مثلث قائم الزاوية و مختلف الأضلاع.

أتدرب
وأحل المسائل

تذكر

تذكرة أن الزاوية القائمة هي زاوية قياسها 90 درجة



أُصْنَفُ كَلَّا مِنْ الْمُثَلَّثَاتِ الْمَعْطَى قِيَاسَاتُهَا بَحْسَبَ أَطْوَالِ أَضْلاعِهَا وَقِيَاسَاتِ زَوَالِيَاها،

وَأَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ:

الأَضْلاعُ: $126^\circ, 27^\circ, 27^\circ$ الزَّوَالِيَا: $3.5 \text{ cm}, 6.2 \text{ cm}, 3.5 \text{ cm}$

الأَضْلاعُ: $43^\circ, 116^\circ, 21^\circ$ الزَّوَالِيَا: $2 \text{ cm}, 5 \text{ cm}, 3.5 \text{ cm}$

مُثَلَّثٌ قَائِمٌ الزَّاوِيَّةُ فِيهِ زَاوِيَّةٌ قِيَاسُهَا 30° . مَا قِيَاسُ الزَّاوِيَّةِ الْأُخْرِيِّ؟



الْعَابُ: فِي لُعْبَةِ الْبِلِيَارْدِ يُسْتَعْمَلُ إِطَارُ التَّشْكِيلِ لِتَنْظِيمِ كُرَاتِ الْبِلِيَارْدِ فِي بِدَايَةِ الْلُّعْبَةِ. يَبْيَنُّمَا كَانَ يَنْظِمُ أَحْمَدُ الْكُرَاتِ؛ وَجَدَ أَنَّ جَمِيعَ زَوَالِيَا الْإِطَارِ مُتَطَابِقَةٌ، فَمَا قِيَاسُ كُلِّ زَاوِيَّةٍ؟ وَمَا نَوْعُ الْمُثَلَّثِ؟

مَعْلَوْمَة

الْبِلِيَارْدُ هُوَ مَجْمُوعَةٌ مُتَنَوِّعَةٌ مِنَ الْأَلْعَابِ تُلْعَبُ بِالْعَصَاصِ لِصَرْبِ كُرَاتٍ وَتُحْرِيكُهَا عَلَى طَاولةٍ يَتَخلَّلُهَا بَعْضُهَا الثَّقُوبُ

14

15

16

17

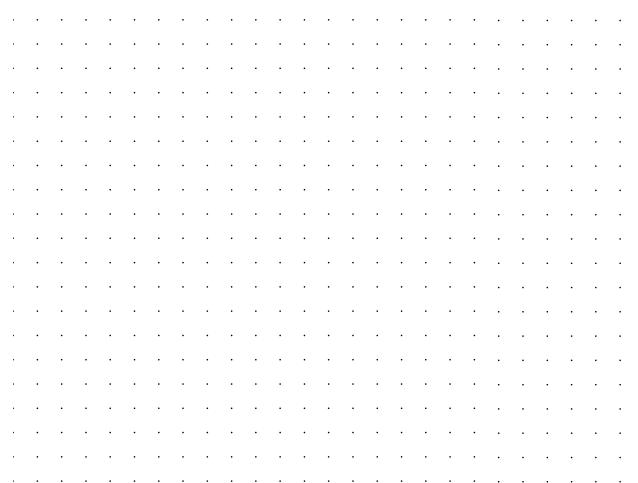
18

19

20

مَهَارَاتُ التَّفْكِير

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحةٌ: أَرْسُمْ مُثَلَّثًا قَائِمَ الزَّاوِيَّةِ وَمُتَطَابِقَ الْضَّلْعَيْنِ عَلَى الشَّبَكَةِ أَدْنَاهُ.



أَكْتَشِفُ الْحَطَاَّ: تَقُولُ مَرْحُ إِنَّ الْمُثَلَّثَ الْمُنْفَرِجَ الزَّاوِيَّةِ يُمْكِنُ أَنْ يَكُونَ قَائِمَ الزَّاوِيَّةِ أَيْضًا إِذَا وَجَدَتْ فِيهِ زَاوِيَّةٌ قَائِمَةٌ، هَلْ هِيَ عَلَى صَوَابٍ؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ.

تَبَرِيرُ: مُثَلَّثٌ قَيَاسًا زَاوِيَّتَيْنِ مِنْ زَوَالِيَا الْثَلَاثِ 23° وَ 67° ; هَلْ هَذَا الْمُثَلَّثُ حَادُ الزَّوَالِيَا أَمْ قَائِمُ الزَّاوِيَّةِ أَمْ مُنْفَرِجُ الزَّاوِيَّةِ؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِيَّ

أَتَخَدَّثُ: كَيْفَ أُصْنَفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ قِيَاسَاتِ زَوَالِيَاها؟



فكرة الدرس

أتعرفُ خصائص الأشكال الرباعية.

المقطّلّات

شكل رباعي، متوازي أضلاع، شبه مترافق.

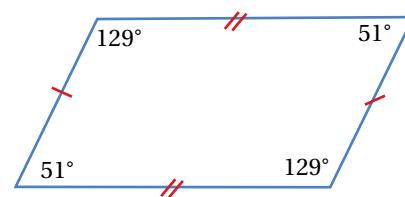
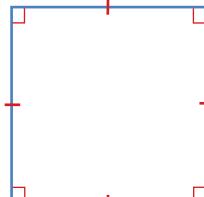
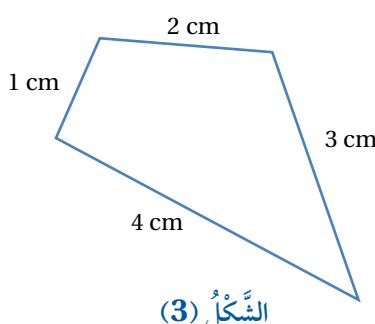
أتعلم



الشكل الرباعي (quadrilateral) مُضلع له أربعة أضلاع وأربع زوايا، وتصنّف الأشكال الرباعية وفقاً لخصائصها.

أو أكثر من الخصائص الآتية: تطابق الأضلاع، وتوازي الأضلاع، وتعامد الأضلاع.

مثال 1 ألاحظ أطوال أضلاع وقياسات زوايا كل من الأشكال أدناه، للإجابة عن الأسئلة الآتية:



الشكل (2)

الشكل (1)

الذكر
المستقيمان المتوازيان لا يلتقيان أبداً مهما امتدداً، والبعد بينهما ثابت دائمًا.

1 كم عدّد أضلاع كل شكل؟

الأشكال جميعها لها 4 أضلاع.

2 كم عدّد زوايا كل شكل؟

الأشكال جميعها لها 4 زوايا.

أكمل الجدول الآتي:

3

الشكل أو الأشكال	الخاصية
1,2	الأضلاع المُتَقَابِلَةُ مُتَوَازِيَّةٌ.
1,2	الأضلاع المُتَقَابِلَةُ مُتَطَابِقَةٌ.
1,2	الزوايا المُتَقَابِلَةُ مُتَطَابِقَةٌ.

اتحقق من فهمي:

1

ما الخاصية التي تُشَرِّكُ فيها جميع الأشكال الثلاثة؟

2

هل يُشَرِّكُ الشكل 3 بأي خاصية مع الشكلين 1, 2؟

يُسمى الشكل الرباعي مُتوازي أضلاع (parallelogram) إذا كان فيه كُل ضلعين مُتَقَابِلَيْن مُتَوَازِيَّيْن وَمُتَطَابِقِيْن، وكذلك كُل زاويتين مُتَقَابِلَتَيْن مُتَطَابِقَتَيْن، ويُسمى الرباعي شبه منحرف (trapezoid) إذا توازى فيه ضلعان مُتَقَابِلَان فقط.

ليَسْتُ مُتوازيَ أضلاعٍ وَلَا شَبَهٌ مُنْحَرِفٍ	شَبَهٌ مُنْحَرِفٍ	مُتوازيَ أضلاعٍ

ونشاهد الأشكال الرباعية في المباني، والمعالم الأثرية وغيرها والتي تصمم لتضمن أشكالا هندسية.

مثال 2: من الحياة



برج إيفل: يتكون برج إيفل في باريس، من ثلاثة أقسام، أحدها الشكل الهندسي الظاهر

في القسم الأوسط والمحيط باللون الأحمر، ثم أذكر صفاتِه.

الشكل الهندسي للقسم الأوسط هو شبه منحرف قاعداته السفلية والعليا متواثيتين.



اتحقق من فهمي:

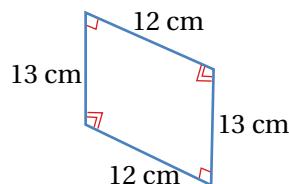
فن: رسم فنان منزلًا ظهرت على سطحه بعض الأشكال الهندسية.

أحد الشكليين الهندسيين الظاهرين والمحيطين باللونين الأخضر

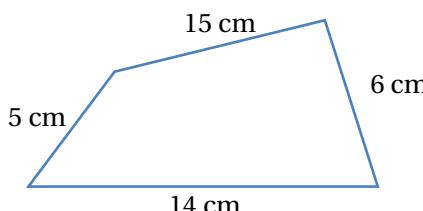
والأزرق، وأذكر صفاتِ كلِّ مِنْهُما.

الوحدة 8

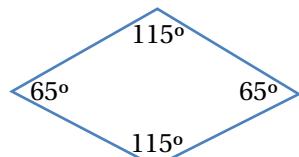
ألاحظ أطوال أضلاع وقياسات زوايا كل من الأشكال أدناه، للإجابة عن الأسئلة الآتية:



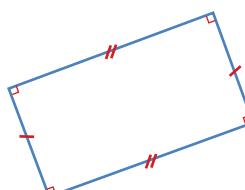
الشكل (2)



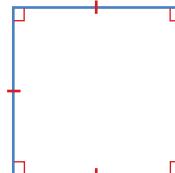
الشكل (1)



الشكل (4)



الشكل (3)



الشكل (5)

أكمل صفات الشكل 1:

الشكل له أضلاع، و زوايا.

1

و الأضلاع المتقابلة و الزوايا المتقابلة.

2

الزوايا المتقابلة و الأضلاع المتقابلة.

3

أكمل صفات الشكل 2:

الشكل له أضلاع، و زوايا.

4

و الأضلاع المتقابلة و الزوايا المتقابلة.

5

الزوايا المتقابلة و الأضلاع المتقابلة.

6

ما الأشكال التي لها صفات الشكل 1 نفسها؟

7

أتدرب
وأحل المسائل





أَسْتَكْشِفُ



تَحْتَوِي الْوَاجِهَةُ الْأَمَامِيَّةُ لِلْخَزْنَةِ فِي مَدِينَةِ الْبَطْرَا الْأَثْرِيَّةِ عَلَى عَدَدٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الرُّبَاعِيَّةِ. أَحَدُهُ شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ مِنْهَا.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أُمِيرُ الْحَالَاتِ الْخَاصَّةِ لِلْمُتَوَازِي الْأَضْلاعِ.

أُحَدُدُ السَّمَاتِ الْمُشْتَرِكَةِ بَيْنَ الْأَشْكَالِ الرُّبَاعِيَّةِ.

أَتَعْلَمُ



تَوَجَّدُ 5 أَنْوَاعٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الرُّبَاعِيَّةِ:

خَصَائِصُهُ	رَسْمُهُ	الشَّكْلُ
<ul style="list-style-type: none"> كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ. الزَّوْاِيَا جَمِيعُهَا قَائِمَةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ. 		مُسْتَطِيلٌ
<ul style="list-style-type: none"> أَضْلاعُهُ جَمِيعُهَا مُتَطَابِقةٌ. الزَّوْاِيَا جَمِيعُهَا قَائِمَةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ. 		مَرَبَّعٌ
<ul style="list-style-type: none"> كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ. 		مُتَوَازِي أَضْلاعٌ
<ul style="list-style-type: none"> أَضْلاعُهُ جَمِيعُهَا مُتَطَابِقةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ. الزَّوْاِيَا الْمُتَقَابِلَةِ مُتَطَابِقةٌ. 		مَعِينٌ
ضِلْعَانِ فَقَطْ مِنْ أَضْلاعِهِ الْمُتَقَابِلَةِ مُتَوَازِيَانِ.		شِبْهُ مُنْحَرِفٍ

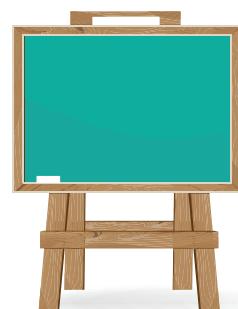
مثال 1 أصنف كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى: مُتَوَازِي أَضْلاعٍ أَوْ مُرَبَّعٍ أَوْ مَعِينٍ أَوْ شَبَهٌ مُنْحَرِفٌ، وَأَفْسُرُ إِجَابَتِي.

1



الشَّكْلُ مَعِينٌ، لِأَنَّ أَضْلاعَهُ جَمِيعَهَا مُتَطَابِقَةُ، وَلِأَنَّ كُلَّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ.

2



الشَّكْلُ مُسْتَطِيلٌ؛ لِأَنَّ كُلَّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ وَمُتَوَازِيَانِ، وَلِأَنَّ زَوَالَيْهِ جَمِيعَهَا قَائِمَةُ.

أَنْدَهْقُ مِنْ فَهْمِيَّ:

أصنف كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى: مُتَوَازِي أَضْلاعٍ أَوْ مُرَبَّعٍ أَوْ مَعِينٍ أَوْ شَبَهٌ مُنْحَرِفٌ، وَأَفْسُرُ إِجَابَتِي.

1



2



يُمْكِنُنِي رَسْمُ مُحَاطَّ يَرْبُطُ بَيْنَ الْأَشْكَالِ الرُّبَاعِيَّةِ مِنْ خَلَالِ خَصَائِصِهَا

مُتَوَازِي الْأَضْلاعِ فِيهِ كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ وَمُتَطَابِقَانِ

الْمَعِينُ مُتَوَازِي أَضْلاعٍ لَهُ 4 أَضْلاعٍ مُتَطَابِقَةٌ.

شَبَهُ الْمُنْحَرِفِ فِيهِ ضِلْعَانِ فَقَطْ مُتَوَازِيَانِ.

الْمُسْتَطِيلُ مُتَوَازِي أَضْلاعٍ لَهُ 4 زَوَالَيْهِ قَائِمَةٌ.

الْمُرَبَّعُ مُتَوَازِي أَضْلاعٍ لَهُ 4 أَضْلاعٍ مُتَطَابِقَةٌ وَ4 زَوَالَيْهِ قَائِمَةٌ.

الوحدة 8

مثال 2: من الحياة

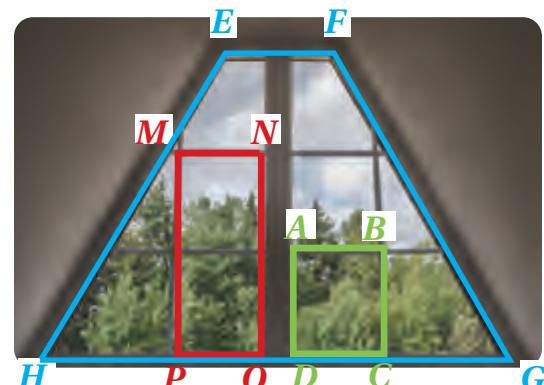


في الصورة المجاورة يظهر شكل رباعي:

له ضلعان متطابقان فقط. أحدهما وأسميه.

شبه المنحرف $EFGH$ ؛ لأن فيه الضلعان المتوازيان فقط HG, EF بما

فيه الزوايا جميعها قائمة، وكل ضلعين متقابلين متطابقان. أحدهما وأسميه.

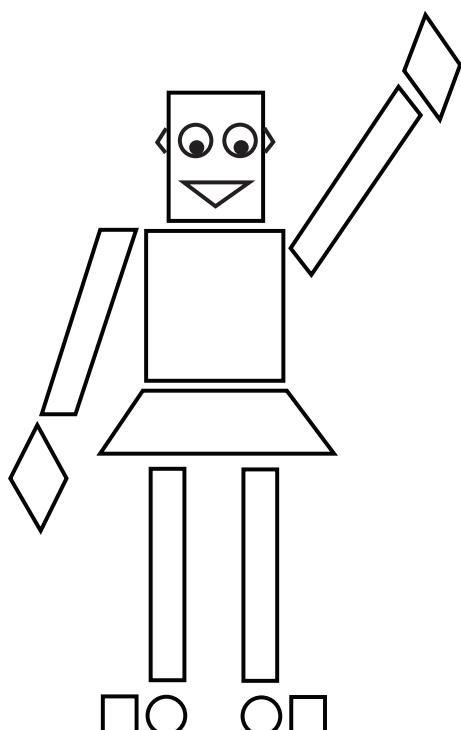


المستطيل $MNOP$ ؛ لأن الضلعين المتقابلين MN, PO متطابقين، وكذلك الضلعين المتقابلين MP, NO متطابقين، وجسم زواياه $\angle M, \angle N, \angle O, \angle P$ قوائمه.

فيه الزوايا جميعها قائمة، وكل ضلعين متقابلين متطابقان. أحدهما وأسميه.

المربع $ABCD$ ؛ لأن جميع أضلاعه AB, BC, CD, DA متطابقة، وجميع زواياه $\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$ قوائمه.

اتحّقّق من فهمي:



فـ: ألوـنـ الرـجـلـ الـآـلـيـ المـجـاـوـرـ بـالـأـلـوـانـ وـفـقـ خـصـائـصـ الأـشـكـالـ الـرـبـاعـيـةـ المـكـوـنـةـ لـهـ كـمـاـ يـلـيـ:

أـلوـنـ كـلـ مـتـواـزـيـ أـضـلاـعـ بـالـلـوـنـ الـأـحـمـرـ.

أـلوـنـ كـلـ مـرـبـعـ بـالـلـوـنـ الـأـخـضـرـ.

أـلوـنـ كـلـ مـعـيـنـ بـالـلـوـنـ الـأـصـفـرـ.

أـلوـنـ كـلـ شـبـهـ مـنـحـرـ بـالـلـوـنـ الـأـزـرـقـ.

أـلوـنـ كـلـ مـسـطـطـيلـ بـالـلـوـنـ الـبـرـقـالـيـ.

أـلوـنـ كـلـ دـائـرـةـ أـوـ مـثـلـثـ بـالـلـوـنـ الـبـنـيـ.



أَصْنَفُ كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى: مُتَوَازِيْ أَضْلاعٍ أَوْ مُرَبَّعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ أَوْ مَعْيَنٍ أَوْ شَبَهٌ مُنْحَرِفٍ، وَأَفْسَرُ إِجَابَتِيَّ.

1



2



3



4



أَضَعُ إِشَارَةً (✓) أَمَّا الْجُمْلَةُ الصَّحِيحَةُ، وَإِشَارَةً (✗) أَمَّا الْجُمْلَةُ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ:

كُلُّ مُسْتَطِيلٍ هُوَ مُتَوَازِيْ أَضْلاعٍ.

كُلُّ مُتَوَازِيْ أَضْلاعٍ هُوَ مُرَبَّعٌ.

كُلُّ معَيْنٍ هُوَ مُرَبَّعٌ.

كُلُّ مُرَبَّعٍ هُوَ مُسْتَطِيلٍ.

5

6

7

8

9

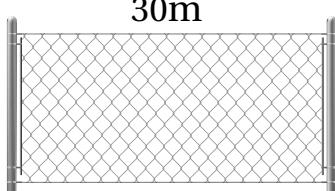
10

الْبَرْتَ: أَعُودُ إِلَى فِقْرَةِ أَسْتَكْشِفُ، وَأَحَدِّدُ شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ مِنْ وَاجِهَةِ الْخَزْنَةِ.

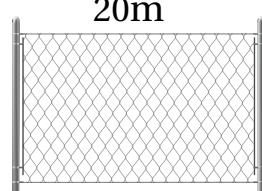
سِيَاجٌ: أَرَادَ عَبْدُ الرَّحْمَنِ عَمَلَ سِيَاجٍ لِقِطْعَةِ أَرْضٍ مُسْتَعْمِلًا قِطْعَ السِّيَاجِ أَدْنَاهُ.

أَسْمَى شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ يُمْكِنُ أَنْ تُمَثِّلَهُمَا قِطْعَةُ الْأَرْضِ.

30m



20m



الوحدة 8

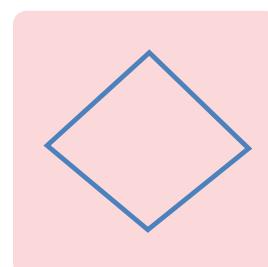
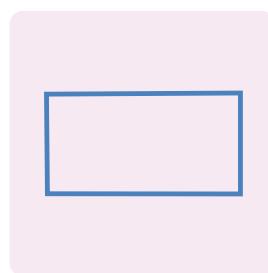
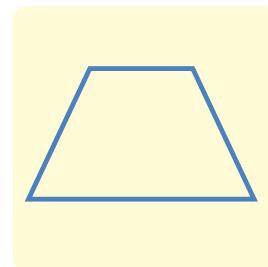
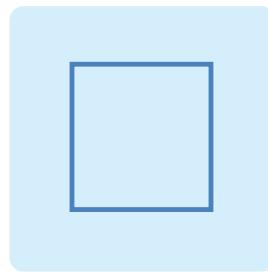
تعمل سهی مصممة. إذا استعملت في أحد التصاميم شكلًا رباعيًّا فيه كل ضلعين متقابلين متوزيان، وأضلاعه الأربعة متطابقة، وليس له زوايا قائمة، فما الشكل الرباعي الذي استعملته؟

11

مهارات التفكير

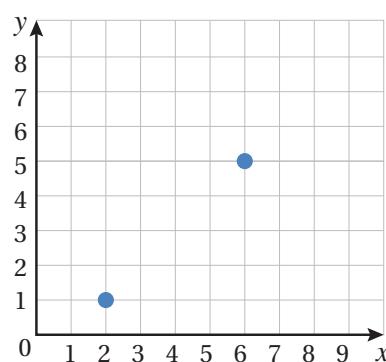
أيُّها لا يُسمى: أحد الشكل المُختلف عن بقية الأشكال، وأبرر إجابتي.

12



أُطْرُحْ مَسَالَةً: أكُتبْ مَسَالَةً أَحْتَاجُ عِنْدَهَا إِلَى ذِكْرِ أَشْيَاءِ مِنْ حَوْلِيَ لَهَا شَكْلُ مُرَبَّعٍ مُسْتَطِيلٍ، مَعِينٍ.

13



مَسَالَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أكْمِلْ الشَّكْلَ الْمُجَاوِرَ بِتَحْدِيدِ نُقْطَتَيْنِ أُخْرَيَيْنِ لِيَكُونَ:

مُتَوَازِي أَضْلاعٍ.

شِبْهٌ مُنْحَرِفٍ.

مُسْتَطِيلًا.

15

15

15

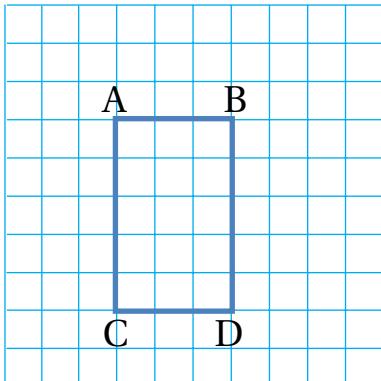
16

تَبَرِّيرٌ: لِمَاذا يَعْتَبِرُ الْمُرَبَّعُ مُتَوَازِي أَضْلاعٍ وَمُسْتَطِيلًا وَمَعِينًا؟

أَنْتَدَثُ: ما الصِّفَاتُ الْخَاصَّةُ لِكُلِّ حَالَةٍ مِنْ حَالَاتِ مُتَوَازِي الْأَضْلاعِ؟



أَسْتَكْشِفُ



أنسخ المستطيل $ABCD$ المرسوم في الشكل المجاور ثم أحرك كلاً من رؤوسه إلى الأعلى 5 مربعاتٍ وارسم المستطيل الناتج. هل تختلفُ أطوالِ أضلاعِ المستطيلِ الجديدِ وقياساتِ زواياه؟

مِكْرَةُ الدَّرْسِ

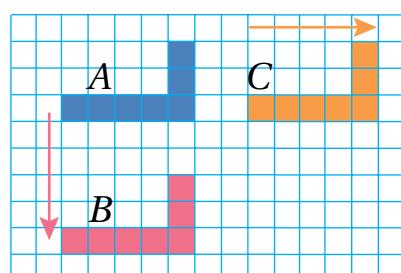
أَرْسِمْ صُورَةً شَكْلِ الإِزَاحَةِ بِالْأَسْحَابِ.

المُضْطَلَحَاتُ

الإِزَاحَةُ (الْأَسْحَابِ)

أَتَعْلَمُ

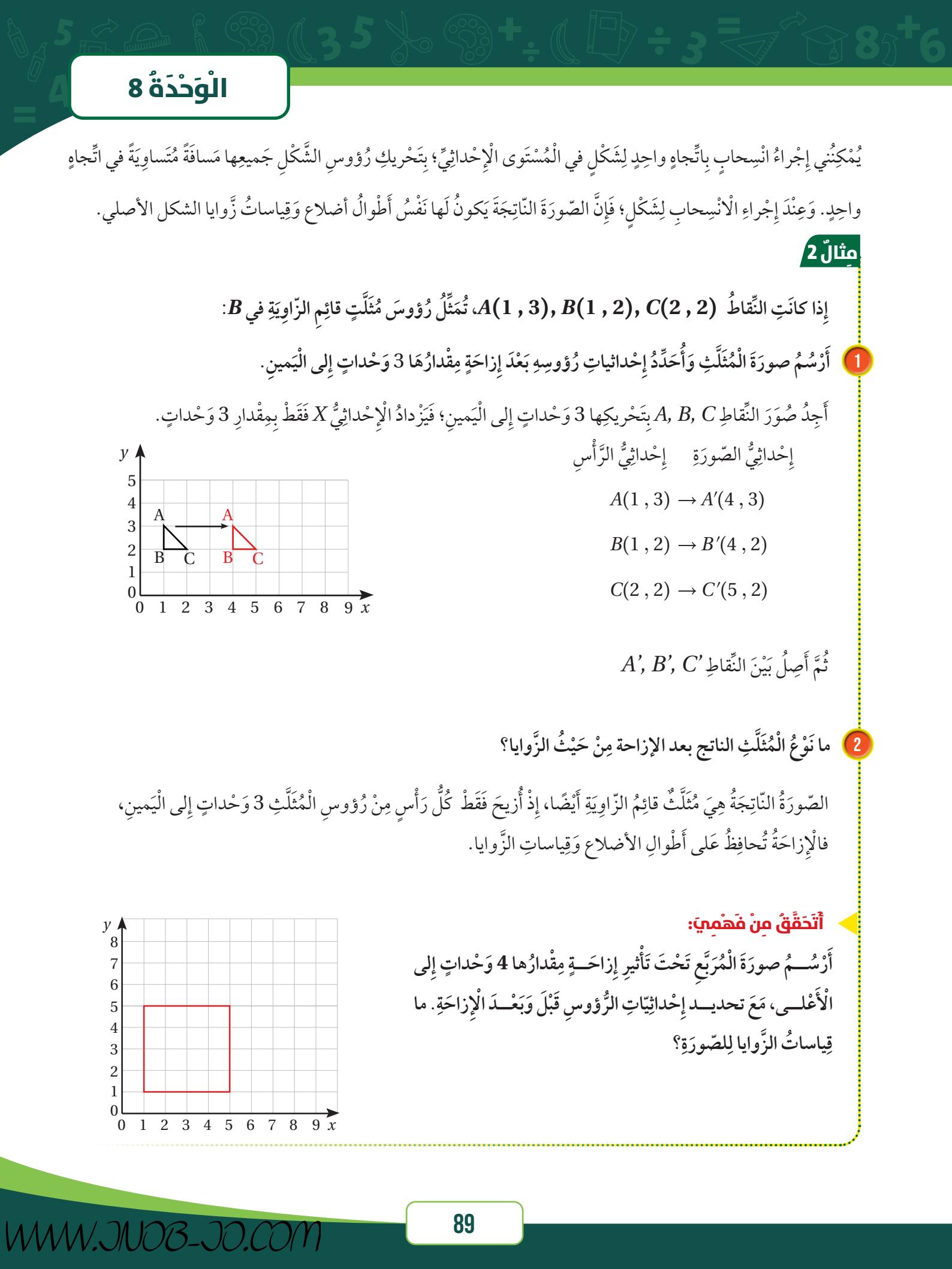
تُسَمَّى عَمَلَيَّةُ تَحْرِيَّكِ الْأَشْيَاءِ بِاتِّجَاهَاتٍ مُعَيَّنةً إِزَاحَةً أَوْ (أَسْحَابًا) (translation)، وعند انسحاب شكل تتحرك كل نقطة على الشكل مقدار المسافة نفسها، وبالاتجاه نفسه.



أَصِفُّ الإِزَاحَةَ الَّتِي يَتَحَرَّكُ بِهَا الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ مِنَ الْمَوْقِعِ A إِلَى الْمَوْقِعِ B .
يَتَحَرَّكُ الشَّكْلُ بِإِزَاحَةٍ (أَسْحَابٍ) إِلَى الأَسْفَلِ 5 وَحْدَاتٍ.

أَتَحْقَقُ مِنْ فَهْمِيَّ:

أَسْتَعْمِلُ الشَّكْلَ السَّابِقِ لِأَصِفَّ الإِزَاحَةَ الَّتِي حَرَّكَتِ الشَّكْلَ مِنَ الْمَوْقِعِ A إِلَى الْمَوْقِعِ C .



الوحدة 8

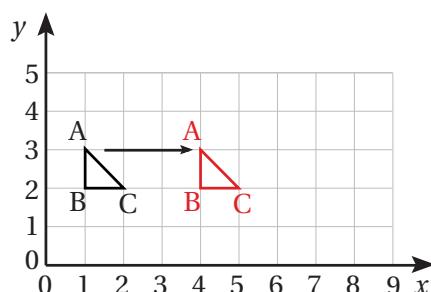
يمكنني إجراء انسحاب باتجاه واحد لشكل في المستوى الإحداثي؛ بتحريك رؤوس الشكل جميعها مسافة متساوية في اتجاه واحد. وعندي إجراء الاتسحاب لشكل؛ فإن الصورة الناتجة تكون لها نفس أطوال أضلاع وقياسات زوايا الشكل الأصلي.

مثال 2

إذا كانت النقاط $(2, 2)$, $A(1, 3)$, $B(1, 2)$, $C(2, 2)$ تمثل رؤوس مثلث قائم الزاوية في B :

أرسم صورة المثلث وأحدد إحداثيات رؤوسه بعد إزاحة مقدارها 3 وحدات إلى اليمين.

أجد صور النقاط A , B , C بتحريكها 3 وحدات إلى اليمين؛ فيزداد الإحداثي X فقط بقدر 3 وحدات.



إحداثي الصورة إحداثي الرأس

$$A(1, 3) \rightarrow A'(4, 3)$$

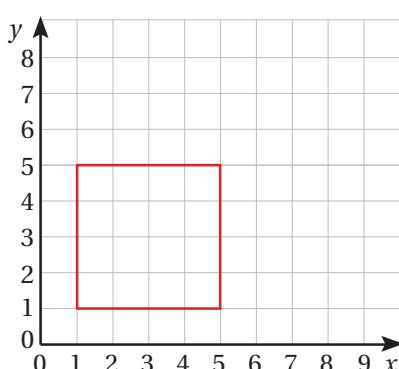
$$B(1, 2) \rightarrow B'(4, 2)$$

$$C(2, 2) \rightarrow C'(5, 2)$$

ثم أصل بين النقاط A' , B' , C'

ما نوع المثلث الناتج بعد الإزاحة من حيث الزوايا؟

الصورة الناتجة هي مثلث قائم الزاوية أيضاً، إذ أزيح فقط كل رأس من رؤوس المثلث 3 وحدات إلى اليمين، فالإزاحة تحافظ على أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا.

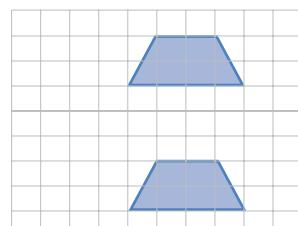
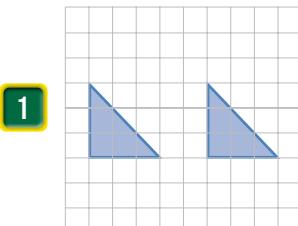


أتحقق من فهمي:

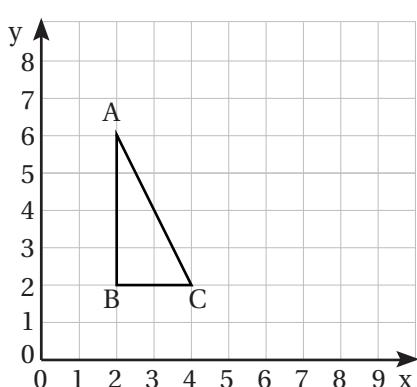
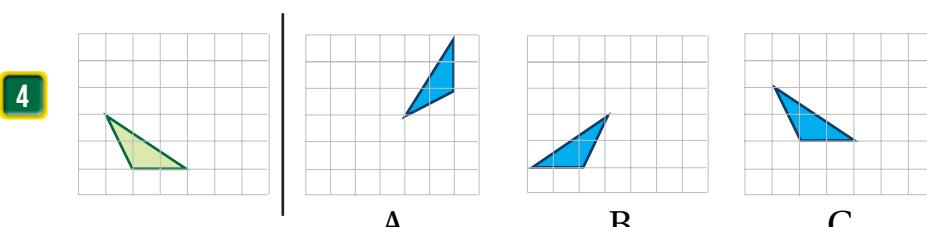
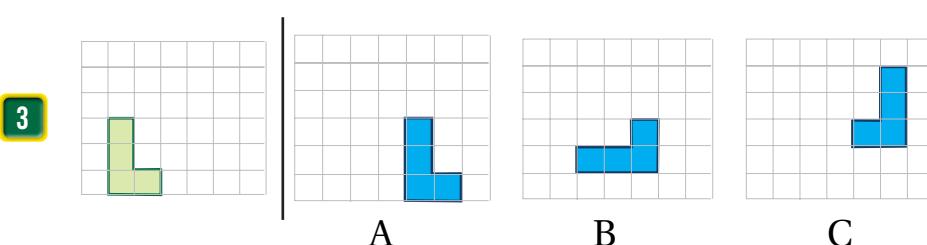
أرسم صورة المربع تحت تأثير إزاحة مقدارها 4 وحدات إلى الأعلى، مع تحديد إحداثيات الرؤوس قبل وبعد الإزاحة. ما قياسات الزوايا للصورة؟



أَصِفُّ الْإِزَاحَةَ الَّتِي حَرَّكَتِ الشَّكْلَ فِي كُلِّ صُورَةٍ.



أَيُّ الْأَشْكَالِ تُمَثِّلُ إِزَاحَةً لِلشَّكْلِ الْمُعْطَى فِي الْيَسَارِ؟



أَسْتَعْمِلُ الْمُثَلَّثَ ABC الْمَرْسُومَ عَلَى الْمُسْتَوِيِّ الْأَحْدَاثِيِّ الْمُجاَوِرِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

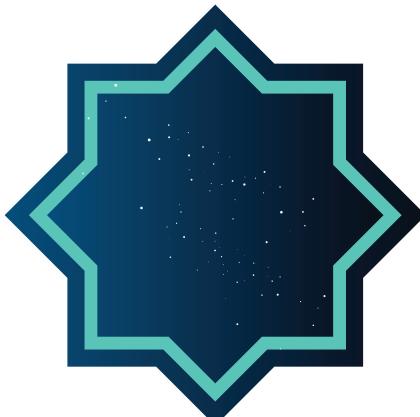
5 أَكْتُبُ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ ABC.

6 أَرْسِمُ الْمُثَلَّثَ بَعْدَ اِنْسِحَابِ مِقْدَارِهِ وَحْدَتَانِ إِلَى الْيَمِينِ، ثُمَّ أَكْتُبُ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ.



الوحدة 8

أَرْسِمُ الْمُثَلَّثَ بَعْدَ اِنْسِحَابٍ مِقْدَارُهُ ٣ وَحْدَاتٍ إِلَى الْأَعْلَى، ثُمَّ أَكْتُبُ إِحْدَائِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ.



7

رَخَارِفُ: تَكُونُ مُعَظَّمُ الرَّخَارِفِ الْإِسْلَامِيَّةِ مِنْ اِنْسِحَابٍ شَكْلٍ أَسَاسِيٍّ. أَكْوَنُ لَوْحَةً رُخْرُفِيَّةً مِنْ اِنْسِحَابِ الشَّكْلِ الْمَجَاوِرِ عَدَّةَ مَرَّاتٍ إِلَى الْأَعْلَى، وَإِلَى الْأَسْفَلِ (أَسْتَعْمِلُ الْوَرَقَ الشَّفَافَ عِنْدَ الْحَاجَةِ).

8

معاومة

مِنْ أَنْوَاعِ الزَّخْرَفَةِ الْإِسْلَامِيَّةِ: الزَّخْرَفَةُ النَّبَاتِيَّةُ: وَتَعْرُفُ بِفِنِّ التُّورِيقِ. الزَّخْرَفَةُ الْهَنْدَسِيَّةُ: مِنْ أَهْمَّهَا الْأَشْكَالُ النَّجْمِيَّةُ مُتَعَدِّدَةُ الْأَضْلَالِ، وَالْأَطْبَاقِ النَّجْمِيَّةِ، وَزَخْرَفَةُ الْتِحْفِ الْخَشِبِيَّةِ وَالْمَعْدِنِيَّةِ وَغَيْرُهَا.

9

مَسَأَلَةٌ مَفْتَوَحَةٌ: أَرْسِمُ مُثَلَّثًا أَحَدُ رُؤُوسِهِ النُّقْطَةُ $A(1, 1)$ ثُمَّ أَسْحِبُ الْمُثَلَّثَ بِحِينَ تُصْبِحُ صُورَةُ A' هِيَ النُّقْطَةُ $(3, 1)$. أَصْفُ هَذَا اِنْسِحَابَ.

10

أَكْتَشِفُ الْحَطَا: أَجْرَتْ لَيْنَ اِنْسَحَابًا لِلنُّقْطَةِ $(5, 3)$ A وَهَدْتَانِ إِلَى الْأَسْفَلِ، وَقَالَتْ أَنِّي إِحْدَائِيَّاتِ الصُّورَةِ هِيَ $(3, 1)$, A' ، فَهَلْ إِجَابَةُ لَيْنَ صَحِيحَةٌ؟ أَبْرُرُ إِجَابَتِي

مَهَارَاتُ التَّفْكِير

11

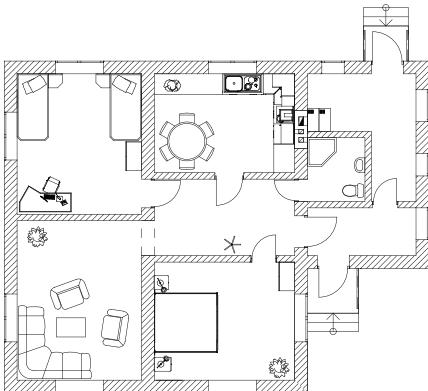
تَحْدِيدُ: أَصْفُ الْإِنْسِحَابَ وَأَحْدِدُ مَقْدَارَهُ مِنَ النُّقْطَةِ إِلَى صُورَتِهِ فِي كُلِّ مَا يَلِي:

$$11 \quad P(3, 2) \longrightarrow P'(3, 4)$$

$$12 \quad Q(2, 0) \longrightarrow Q'(0, 0)$$



أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَجْرِي اِنْسَحَابًا عَلَى نُقْطَةٍ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيِّ أُفْقِيًّا أَوْ رَأْسِيًّا؟



أَسْتَكْشِفُ

أَرَادَتْ مُهَنْدِسَةٌ عَمَلَ مُخَاطَطٍ لِشَقَقَيْنِ فِي كُلِّ طَابِقٍ مِنَ عَمَارَةٍ، بِحِيثُ تَكُونُ الشَّقَقَانِ مُنْتَابِقَيْنِ. هَلْ يُمْكِنُهَا رَسْمُ انْعِكَاسٍ لِأَحَدِهِمَا لِلْحُصُولِ عَلَى شَقَقَيْنِ مُتَمَاثِلَيْنِ فِي الْأَبْعَادِ وَالْزَّوَالِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

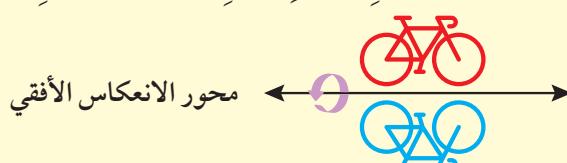
أَرْسُمُ انْعِكَاسَ الشَّكْلِ فِي الْمُسْتَوِيِّ الْأَحْدَاثِيِّ.

المُضْطَلَاتُ

انْعِكَاسُ، مُحَوْرُ انْعِكَاسِ.

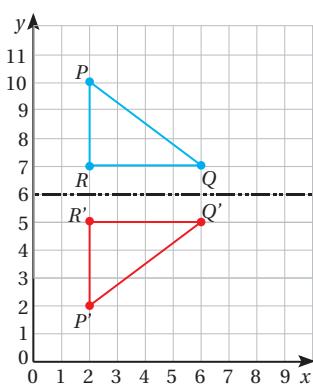
أَتَعْلَمُ

الْأَنْعِكَاسُ (reflection) هُوَ قُلْبُ الشَّكْلِ حَوْلَ مُسْتَقِيمٍ أَوْ مُحَوْرٍ يُسَمَّى مُحَوْرَ الْأَنْعِكَاسِ (line of reflection)، وَيَنْشَأُ الْأَنْعِكَاسُ صُورَةً مِرْأَةً لِلشَّكْلِ الْأَصْلِيِّ عَلَى الْجِهَةِ الْأُخْرَى مِنْ مُحَوْرِ الْأَنْعِكَاسِ، أَيْ إِنَّ الصُّورَةَ تَبْعُدُ الْبُعْدَ نَفْسَهُ عَنْ مُحَوْرِ الْأَنْعِكَاسِ، وَتَكُونُ أَطْوَالُ أَضْلاعِ الشَّكْلِ النَّاتِجِ مُسَاوِيَةً لِأَضْلاعِ الشَّكْلِ الْأَصْلِيِّ وَكَذَلِكَ زَوَالِهِ.



مَثَالٌ 1

أَرْسُمُ صُورَةَ الْمُثَلَّثِ PRQ بِالْأَنْعِكَاسِ حَوْلَ الْمُحَوْرِ الْأَفْقَيِّ، وَأَكْتُبُ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصُّورَةِ نفسُ أَطْوَالِ الأَضْلاعِ وَقِيَاسَاتِ الزَّوَالِ؟



أَوَّلًا: إِحْدَاثِيَّاتُ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ، هِيَ: $P(2, 10), R(2, 7), Q(6, 7)$

ثَانِيًا: لِإِيْجَادِ صُورِ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ، أَجِدُ الْمَسَافَةَ بَيْنَهَا وَبَيْنَ مُحَوْرِ الْأَنْعِكَاسِ، ثُمَّ أَحَدِّدُ النَّقَاطَ عَلَى الْجِهَةِ الْأُخْرَى مِنْ مُحَوْرِ الْأَنْعِكَاسِ الَّتِي تَبْعُدُ الْمَسَافَةَ نَفْسَهَا.

الوحدة 8

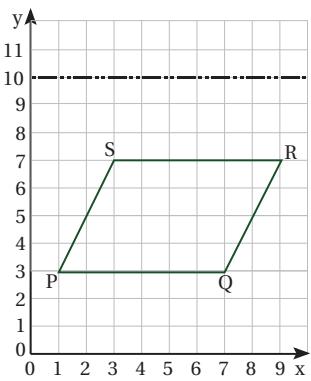
يَبْعُدُ الرَّأْسُ P أَرْبَعَ وَحْدَاتٍ عَنْ مَحْوَرِ الْأَنْعِكَاسِ؛ لِذَلِكَ، كَيْ أَجِدَ الصُّورَةَ أَعْدُدُ 4 وَحْدَاتٍ عَنِ الْمَحْوَرِ فِي الْجِهَةِ الْمُقَابِلَةِ؛ فَتَكُونُ صُورَتُهُ: $P'(2, 2)$.

يَبْعُدُ كُلُّ مِنْ الرَّأْسَيْنِ Q, R وَحْدَةً وَاحِدَةً عَنْ مَحْوَرِ الْأَنْعِكَاسِ؛ لِذَلِكَ، كَيْ أَجِدَ الصُّورَةَ أَعْدُدُ وَحْدَةً وَاحِدَةً عَنِ الْمَحْوَرِ فِي الْجِهَةِ الْمُقَابِلَةِ فَتَكُونُ الصُّورَتَانِ: $R'(2, 5), Q'(6, 5)$.

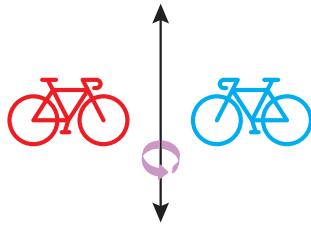
ثالِثًاً: الْأَلِحْظُ أَنَّ الْمَثَلَّثَ PRQ ، وَصُورَتُهُ $P'R'Q'$ لَهُمَا أَطْوَالُ الْأَضْلاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَالِيَا نَفْسُهَا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّ:

ارسِمْ صُورَةً مُتَوَازِي الْأَضْلاعِ $PSRQ$ بِالْأَنْعِكَاسِ حَوْلَ مَحْوَرِ الْأَفْقيِّ، وَأَكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصُّورَةِ أَطْوَالُ الْأَضْلاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَالِيَا نَفْسُهَا؟



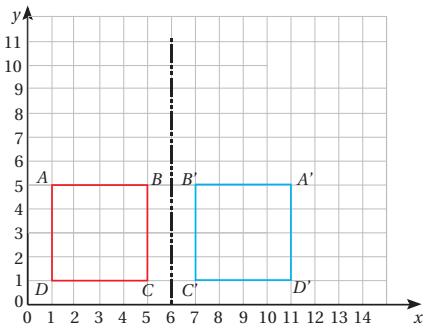
محور الانعكاس العمودي



يُمْكِنُنِي عَمَلُ انْعِكَاسٍ عَمُودِيٍّ حَوْلَ مَحْوَرٍ لِشَكْلٍ فِي الْمُسْتَوِيِّ الْإِحْدَاثِيِّ بِالطَّرِيقَةِ نَفْسِهَا.

مِثَال٢

أَرْسِمْ صُورَةَ الْمُرَبَّعِ $ABCD$ بِالْأَنْعِكَاسِ حَوْلَ مَحْوَرِ الْعَمُودِيِّ وَأَكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصُّورَةِ أَطْوَالُ الْأَضْلاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَالِيَا نَفْسُهَا؟



أَوَّلًا: إِحْدَاثِيَّاتُ رُؤُوسِ الْمُرَبَّعِ، هِيَ:

$A(1, 5), B(5, 5), C(5, 1), D(1, 1)$

93

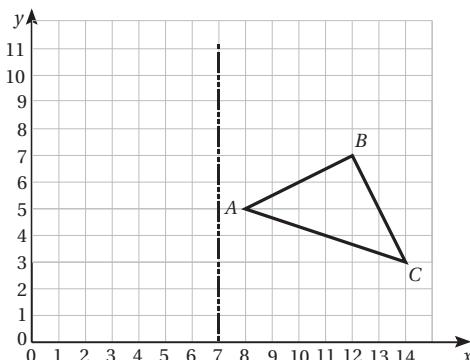


ثانية: لإيجاد صور رؤوس المربع أجد المسافة بينها وبين محور الانعكاس، ثم أحدد النقاط على الجهة الأخرى من محور الانعكاس التي تبعد المسافة نفسه. يبعد كل من الرأسين A, D خمس وحدات عن محور الانعكاس؛ لذا، كي أجد الصورة أعد 5 وحدات عن المحور في الجهة المقابلة؛ فتكون الصورتان هما: $A'(11,5), D'(11,1)$

يبعد كل من الرأسين B, C وحدة واحدة عن محور الانعكاس؛ لذا، كي أجد الصورة أعد وحدة واحدة عن المحور في الجهة المقابلة؛ فتكون الصورتان هما: $B'(7,5), C'(7,1)$

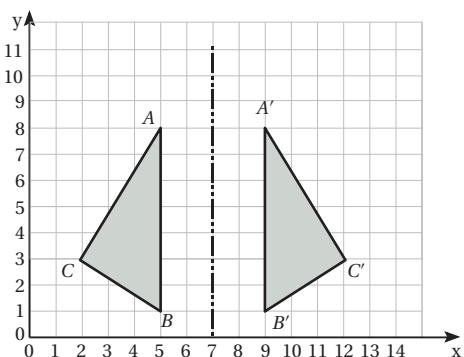
ثالثاً:لاحظ أن المربع $ABCD$ ، وصورته $A'B'C'D'$ لهما أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا نفسها.

أتحقق من فهمي:



أرسم صورة المثلث ABC بالانعكاس حول المحور العمودي، وأكتب إحداثيات رؤوس الصورة. هل الشكل الأصلي والصورة لها نفس أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا؟

في الشكل المجاور، إذا كان $A'B'C'$ هو صورة ABC ، فأجب بما يلي:



أتدرب وأحل المسائل

1. أسمى الزوايا التي لها القياس نفسه في الشكل والصورة.

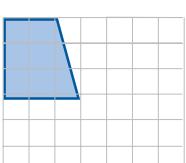
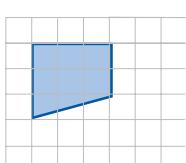
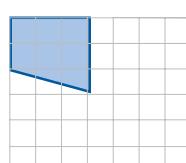
2. أسمى الأضلاع التي لها الطول نفسه في الشكل والصورة.

3. أكتب إحداثيات الصور الناتجة بالانعكاس حول المحور العمودي.

الوحدة 8

أيُّ الأشكال تُمثّل انعكاساً للشكل المُعطى في اليسار؟

4

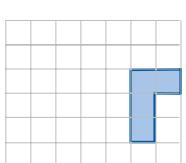
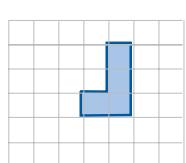
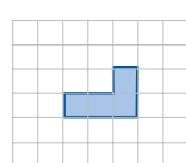
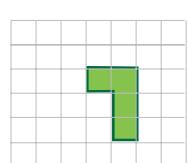


A

B

C

5



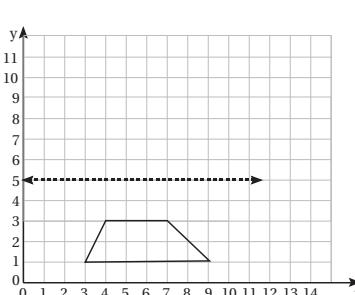
A

B

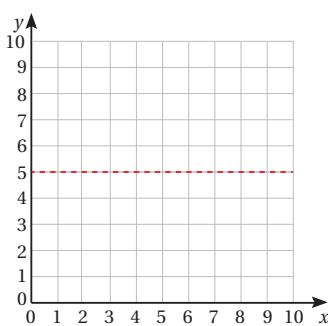
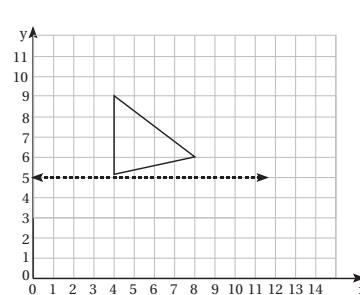
C

أرسم انعكاساً كُلّ شكلٍ من الأشكال الآتية حول محور الانعكاس، وأحدد إحداثيات الرؤوس.

6



7



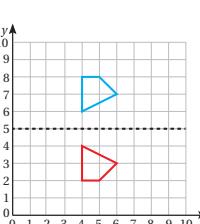
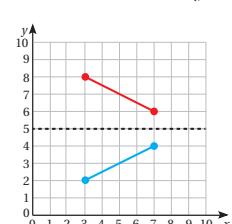
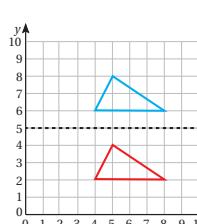
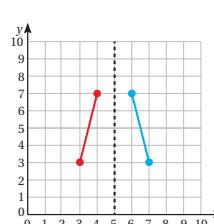
تحد: إذا كانت إحداثيات رؤوس مثلث هي: $A(1, 4)$, $B(1, 1)$, $C(3, 1)$

فمثل المثلث الأصلي وصورته حول محور الإنعكاس الأفقي في المستوى المجاور.

مهارات التفكير

8

أيها لا ينتهي: اكتشف الشكل المختلف عن الأشكال الثلاثة الأخرى، أبرز أجابتي



أتحدث: ماذا يحدُث لِلأشكالِ عِنْدِ إجْرَاءِ انعكاسٍ عَلَيْهَا؟



اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

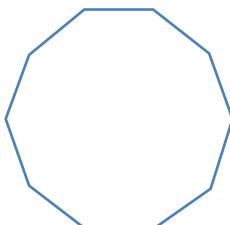
أي مما يأتي يمثل مُضللاً؟

4



هذا الشكل:

5



- ب) ثماني.
د) سباعيٌّ

- أ) رباعيٌّ
ج) عشاريٌّ

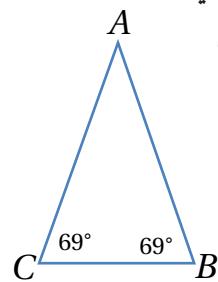
شراع قارب على شكل مُثلث أطوال أضلاعه مُختلفة و فيه ضلعان متعامدان. أي العبارات التالية تصف هذا المُثلث؟

6

- أ) مُتطابق الصلعين، قائم الزاوية.
ب) مُختلف الأضلاع، قائم الزاوية.
ج) مُتطابق الصلعين، حاد الزوايا.
د) مُختلف الأضلاع، مُنفرج الزاوية.

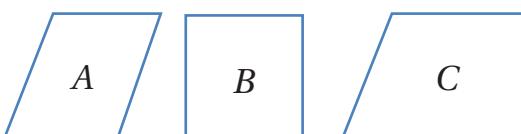
أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

ما نوع المثلث ABC المجاور؟



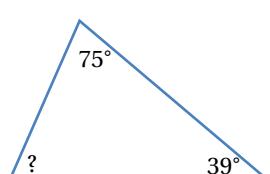
- أ) مُتطابق الأضلاع.
ب) مُتطابق الصلعين.
ج) مُختلف الأضلاع.
د) قائم الزاوية.

أي الأشكال الرباعية الآتية فيه كل ضلعين متقابلين مُتوازيان؟



- أ) B و A.
ب) C و A.
ج) C فقط.
د) B فقط.

أجد قياس الزاوية المجهولة في المثلث:

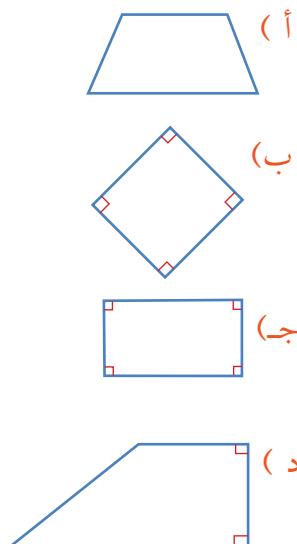


- أ) 139
ب) 66
ج) 138
د) 116

الوحدة 8

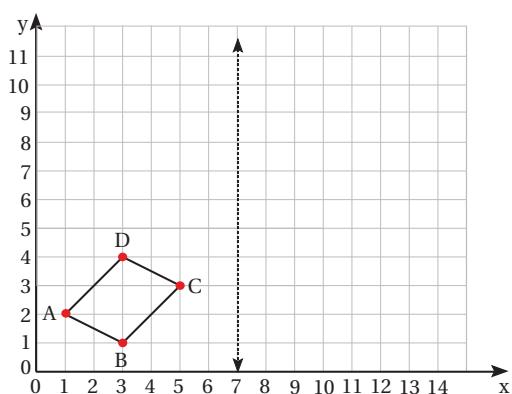
أي الأشكال الآتية له أربعة أضلاع، وفيه زوج من الأضلاع المُوازية، وقياسات زواياه: 90, 40, 90, 140؟

11



أي مما يلي يمثل إحداثيات نقاط صور الشكل بالانعكاس حول المحور العمودي أدناه؟

12

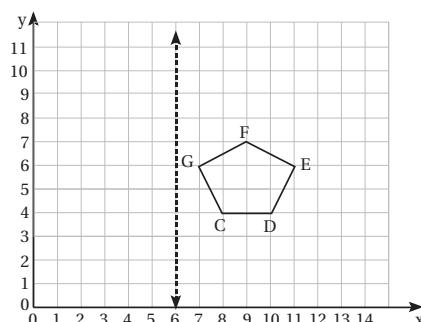


- (أ) A(13,2), B(11,1), C(9,3), D(11,4)
 (ب) A(2,12), B(1,10), C(3,8), D(4,10)
 (ج) A(2,12), B(1,11), C(3,9), D(4,11)
 (د) A(14,2), B(12,1), C(10,3), D(12,4)

أسئلة ذات إجابة قصيرة:

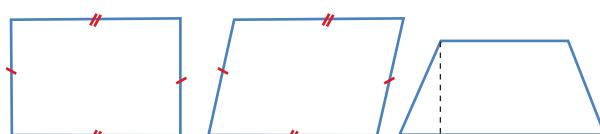
أرسم انعكاس الشكل حول المحور الرأسي:

7



أسم المضلعات الآتية، وأحدد خصائص كل منها:

8



هل يمكن أن يكون المثلث المتطابق الأضلاع منفرج الزاوية؟ أفسر إجابتي.

9

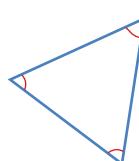
مثلث مجموع أطوال أضلاعه 22 m وطولاً ضلعين فيه 10 m, 6 m. ما نوع المثلث؟

10

تدريب على الاختبارات الدولية:

المثلث أدناه:

11



(أ) مختلف الأضلاع وحاد الزوايا.

(ب) متطابق الصلعين ومنفرج الزاوية.

(ج) متطابق الأضلاع و متطابق الزوايا وحاد.

(د) متطابق الأضلاع ومنفرج الزاوية.

لِمَادِي تَعْلَمُ الْقِيَاسَ؟

لِلْقِيَاسِ اسْتِعْمَالَاتٌ كَثِيرَةٌ، فَمَثَلًا: نَحْتَاجُ إِلَى مَعْرِفَةِ الزَّمْنِ الْمُنْقَضِيِّ أَوِ الزَّمْنِ الْمُتَبَقِّيِّ بِالدَّقَائِقِ أَوِ السَّاعَاتِ أَوِ الْأَيَّامِ، أَوْ إِلَى قِيَاسِ سَعَةِ آنِيَةِ الطَّبَّيْحِ أَوْ كُتَلِ الْأَشْيَاءِ الَّتِي تَحْتَوِيهَا، وَسَنَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ الْكَثِيرَ حَوْلَ وَحْدَاتِ الْقِيَاسِ وَطَرَائِقِ التَّحْوِيلِ بَيْنَهَا، وَاسْتِعْمَالِهَا فِي الْمَجَالَاتِ الْحَيَاتِيَّةِ.



سَأَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- التَّحْوِيلُ بَيْنَ وَحْدَاتِ الطَّوْلِ وَالْكُتْلَةِ وَالسَّعَةِ الْمُرْكَبَةِ.
- التَّحْوِيلُ بَيْنَ وَحْدَاتِ الزَّمْنِ، وَحِسَابِ الْمُدَدِّ الْزَّمِينِيَّةِ لِعَمَلٍ مَا بِالْيَوْمِ وَالشَّهْرِ وَالسَّنَةِ.
- تَقْدِيرُ وَحِسَابُ مِساحَاتِ أَشْكَالٍ مُرَكَّبَةٍ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ وَحْدَاتِ الطَّوْلِ وَالْكُتْلَةِ وَالسَّعَةِ، وَالتَّحْوِيلُ بَيْنَهَا.
- ✓ وَحْدَاتِ الزَّمْنِ، وَالتَّحْوِيلُ بَيْنَهَا.
- ✓ حِسَابُ مِساحَةِ الْمُرَبَّعِ وَالْمُسَطَّلِ.

فَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: أَنَا أَتَسْوَقُ



الزَّمْنُ: أَسْجُلُ تارِيَخَ إِنْتَاجٍ وَإِنْتِهَاءَ 4 مَعَلَبَاتٍ، ثُمَّ أَجِدُ طولَ فَتْرَةِ صَلَاحِيَّتِهَا (طُولَ الْفَتْرَةِ الزَّمْنِيَّةِ). أَكْتُبُ الْفَتْرَةَ الزَّمْنِيَّةَ بِالْأَسْابِيعِ.

3

الْفَتْرَةُ الزَّمْنِيَّةُ بِالْأَسْابِيعِ	طُولُ الْفَتْرَةِ الزَّمْنِيَّةِ	تارِيَخُ الإِنْتِهَاءِ	تارِيَخُ الإِنْتَاجِ	السَّلْعَةُ

الْأَشْكَالُ الْمُرَكَّبَةُ:

4

- أَخْتَارُ سَلْعَةً مُغَلَّفَةً بِصُندُوقٍ عَلَى شَكْلٍ مُتَوَازِيِّ مُسْتَطِيلَاتٍ، مِثْل: صُندُوقِ مَعْجُونِ الْأَسْنَانِ، أَوْ صُندُوقِ رَفَائِقِ الْحُبُوبِ أَوِ الدَّوَاءِ، ...



- أَفْتَحُ الصُّنْدُوقَ لِأُكُونُ شَبَكَةً تُمَثِّلُ شَكْلًا مُرَكَّبًا كَمَا فِي الشَّكْلِ:

- أَسْتَعْمِلُ الْمُسْطَرَةَ لِقِيَاسِ أَطْوَالِ حُرُوفِ الشَّبَكَةِ جَمِيعِهَا، وَأَسْجُلُهَا.
- أَحْسُبُ مُحِيطَ الشَّبَكَةِ وَمِسَاحَتَهَا.

عَرْضُ النَّتْائِجِ:

- أَصْمِمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً مِنْ 5 صَفَحَاتٍ، ثُمَّ أَقْصُ الْجَدَارِ وَالشَّبَكَةَ أَعْلَاهُ، وَأَصْبِقُهَا عَلَى صَفَحَاتِ الْمَطْوِيَّةِ.
- يَعْرِضُ أَعْصَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مَطْوِيَّهُمْ أَمَامَ طَبَّةِ الصَّفَّ، وَيُجِيِّبُونَ عَنْ اسْتِفْسَارِهِمْ.

أَسْتَعِدُ وَزُمَلَائِيَّ لِتَنْفِيذِ مَشْرُوعِيِّ الْخَاصِّ الَّذِي سَأَوْظِفُ فِيهِ مَا أَتَعْلَمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ، حَوْلَ وَحْدَاتِ الْقِيَاسِ فِي أَثْنَاءِ التَّسْوِيقِ.



خُطُواتُ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ: أَنْشِئُ الْجَدَارَةَ أَدْنَاهُ عَلَى وَرَقَةٍ، ثُمَّ أَزُورُ مَتْجَرًا قَرِيبًا مِنَ الْمَنْزِلِ، وَأَسْجُلُ فِي الْجَدَارِ بَعْضَ الْمَعْلُومَاتِ حَوْلَ كُتْلَةِ بَعْضِ الْمَعَلَبَاتِ وَسَعْتِهَا، بِالإِضَافَةِ إِلَى تارِيَخِ إِنْتَاجِهَا وَإِنْتِهَائِهَا.

الْكُتْلَةُ: أَسْجُلُ كُتْلَةَ 4 مَعَلَبَاتٍ فِي جَدَوْلٍ، ثُمَّ أَحَوِّلُ الْكُتْلَةَ إِلَى كِيلُوغرَامٍ أَوْ غَرَامٍ.

الْكُتْلَةُ (kg)	الْكُتْلَةُ (g)	السَّلْعَةُ

السَّعَةُ: أَسْجُلُ سَعَةَ 4 مَعَلَبَاتٍ فِي جَدَوْلٍ، ثُمَّ أَحَوِّلُ السَّعَةَ إِلَى لِتْرٍ أَوْ مِلِيلِيَّترٍ.

السَّعَةُ (L)	السَّعَةُ (mL)	السَّلْعَةُ



1

وحدات قياس الكتلة



استكشيف



ما وزن كيس البطاطا بالغرامات؟

فكرة الدرس

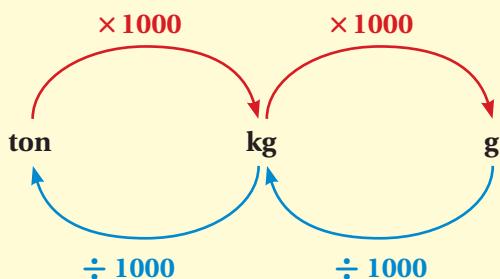
أتعلم وحدات الكتلة المركبة وأحوال بيها.

المصطلحات

الوحدة المركبة.



أتعلم



تعلمت سابقاً أنَّ الغرام (g) يُستعمل لقياس الكتل الصغيرة، والكيلوغرام (kg) يُستعمل لقياس الكتل الكبيرة، والطن (ton) يُستعمل لقياس الكتل الكبيرة جدًا. يبيّن المخطط المجاور العلاقة بين هذه الوحدات الثلاث.

مثال 1 أملا الفراغ في كلٍ مما يأتي:

1 $5000 \text{ kg} = \dots \text{ ton}$

بما أننا نريد التحويل من وحدة صغيرة (kg) إلى وحدة كبيرة (ton)؛ فإننا نقسم:

$$5000 \text{ kg} = (5000 \div 1000) \text{ ton} = 5 \text{ ton}$$

إذن: $5000 \text{ kg} = 5 \text{ ton}$

2 $3 \text{ kg} = \dots \text{ g}$

بما أننا نريد التحويل من وحدة كبيرة (kg) إلى وحدة صغيرة (ton)؛ فإننا نضرب:

$$3 \text{ kg} = (3 \times 1000) \text{ g} = 3000 \text{ g}$$

إذن: $3 \text{ kg} = 3000 \text{ g}$

الوحدة 8

اتحقق من فهمي:

أملاً الفراغ في كل مما يأتي:

3 $15 \text{ ton} = \dots \text{ kg}$

4 $130 \text{ g} = \dots \text{ kg}$

5 $11.3 \text{ kg} = \dots \text{ g}$

يمكنني قياس الكتلة باستعمال وحدتين كبيرة وصغيرة معاً، وعندئذ تكون الكتلة مقيسة بوحدة مركبة (mixed unit). فمثلاً، كتلة كيس من البطاطا في فقرة **استكشيف** هي $4 \text{ kg} + 265 \text{ g}$ ، وعند المقارنة بين الكتل المقيسة بوحدات مركبة؛ فإننا نحول إحدى الوحدتين إلى الأخرى، وذلك لتسهيل المقارنة.



مثال 2: من الحياة



كتلة أحد توأمين عند الولادة 2 kg , 84 g ، وكتلة التوأم الآخر 2800 g .

أقارن بين كتلتي التوأمين.

أكتب الكتلتين باستعمال الوحدة نفسها ولتكن (g) ، ثم أقارن.

الخطوة 1 أحسب كتلة التوأم الأول بالغرامات.

$$\begin{aligned} 2 \text{ kg}, 84 \text{ g} &= (2 \times 1000) \text{ g} + 84 \text{ g} \\ &= 2000 \text{ g} + 84 \text{ g} \\ &= 2084 \text{ g} \end{aligned}$$

أحول 2 kg إلى غرامات

أضرب
أجمع

الخطوة 2 أقارن الكتلتين. لا حظ أن: $2084 \text{ g} < 2800 \text{ g}$.

إذن: كتلة التوأم الثاني أكبر.

أجد مجموع كتلتي التوأمين بالكيلوغرام.

لإيجاد مجموع الكتلتين بالكيلوغرام؛ أحولهما إلى كيلوغرام.

كتلة التوأم الأول:

أحول 84 g إلى كيلوغرامات

أقسم
أجمع

$$\begin{aligned} 2 \text{ kg}, 84 \text{ g} &= 2 \text{ kg} + (84 \div 1000) \text{ kg} \\ &= 2 \text{ kg} + 0.084 \text{ kg} \\ &= 2.084 \text{ kg} \end{aligned}$$

كُتْلَةُ التَّوَأْمِ الثَّانِي:

أَحَوَّلُ 2800 g إِلَى كِيلُوغرَامَاتٍ
أَقْسِمُ

$$2800 \text{ g} = (2800 \div 1000) \text{ kg} \\ = 2.8 \text{ kg}$$

يُمْكِنُنِي الْآنَ جَمْعُ الْكُتْلَتَيْنِ لِأَنَّهُمَا فِي الْوَحْدَةِ نَفْسِهَا:

$$2.084 \text{ kg} + 2.8 \text{ kg} = 4.884 \text{ kg}$$

مَجْمُوعُ الْكُتْلَتَيْنِ بِالْكِيلُوغرَامِ

إِذْنُ: مَجْمُوعُ كُتْلَتَيِ التَّوَأْمِينِ 4.884 kg

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَ:

أُقْرِنُ بَيْنَ كُتْلَتَيِ صُنْدُوقِيِ الْفَرَاوِلَةِ، ثُمَّ أَجِدُ مَجْمُوعَ كُتْلَتَيْهِمَا بِالْكِيلُوغرَامِ.



2641 g



1 kg, 375g

أَمْلَأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِيِ:

أَتَدَرَّبُ
وَأَدْلُّ الْمَسَائِلَ

1 9 ton = kg

2 158 g = kg

3 15000 g = kg

4 0.7 ton = kg

5 90 kg = g

6 1.7 kg = g

7 5 kg, 420 g = kg

8 6 ton, 200 kg = kg

9



تَبْلُغُ كُتْلَةُ فِيلٍ 3400 kg مَا كُتْلَتُهُ بِالْطُّنْ؟

10

ما كُتْلَةُ كِيسِ الدَّقِيقِ الْمُجاوِرِ بِالْكِيلُوغرَامِ؟



1.5 ton



1 ton 250kg

شَاحِنَاتٌ: بَلَغَتْ حُمُولَةُ شَاحِنَةٍ تَقْلِي بَصَائِعَ فِي رِحْلَةِ الذَّهَابِ

1 ton, 250 kg، وَفِي رِحْلَةِ العُودَةِ 1.5 ton. أُقْرِنُ بَيْنَ

الْحُمُولَتَيْنِ، ثُمَّ أَجِدُ الْفَرَقَ بَيْنَهُمَا بِالْأَطْنَانِ وَالْكِيلُوغرَامَاتِ.

11

الوحدة 8

أختار الكتل التي مجموعها يساوي القيمة المطلقة في كل مما يأتي:

12

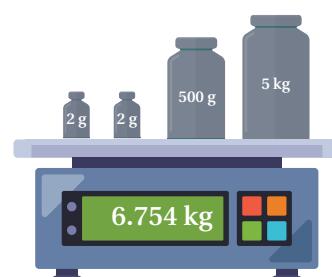


- $3500 \text{ g} = 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 500 \text{ g}$
- $1725 \text{ g} = \dots$
- $4.2 \text{ kg} = \dots$
- $2.75 \text{ kg} = \dots$
- $6 \frac{3}{5} \text{ kg} = \dots$
- $7 \frac{7}{10} \text{ kg} = \dots$

مهارات التفكير

أكتشِف الخطأ: أراد خالد كتابة $6 \text{ kg}, 43 \text{ g}$ بالكيلوغرام، فكتَبَها على الصورة 6.43 kg . أكتشِف الخطأ وأصِحْه.

13



تحذير: أضيف 3 أثقال للميزان؛ ليتصبَّح قراءَتُه صحيحةً.

14



أيُّها لا ينتمي: ما القياس المُختلف؟ أبْرُرِ إجابتِي.

15

- 2.050 kg 2500 kg 2.5 ton 2 ton 500 kg

أتحدث: كيف أكتب قياساً بوحدة مركبة، على صورة قياس بوحدة واحدة؟





أَسْتَكْشِفُ

ما سَعَةُ الْوِعَاءَيْنِ مَعًا؟

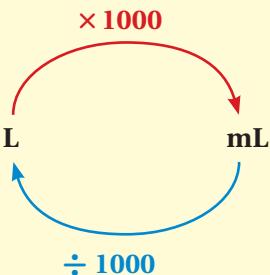
فِكْرَةُ الدّرّسِ

أَحَوَّلُ بَيْنَ وَحدَاتِ قياسِ السّعّةِ والطّولِ، وَأَحُلُّ مَسَائِلَ تَحْتَوِي عَلَى وَحدَاتٍ مُرَكَّبَةٍ.



أَتَعْلَمُ

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الْمِلِّيْلِيْترَ (mL) يُسْتَعْمَلُ لِقِيَاسِ سَعَةِ الْأَوْعِيَةِ الصَّغِيرَةِ، وَأَنَّ الْلَّتَرَ (L) يُسْتَعْمَلُ لِقِيَاسِ سَعَةِ الْأَوْعِيَةِ الْكَبِيرَةِ، وَيَبْيَسُ الْمُخَطَّطُ الْمُجاوِرُ لِعَلَاقَةِ بَيْنِ هَاتَيْنِ الْوَحدَاتِيْنِ. يُمْكِنُنِي أَيْضًا قِيَاسُ السَّعَةِ بِوَحْدَةٍ مُرَكَّبَةٍ تَكَوَّنُ مِنَ الْلَّتَرِ وَالْمِلِّيْلِيْترِ مَعًا. فَمَثَلًا، سَعَةُ الْوِعَاءِ فِي فِقْرَةِ أَسْتَكْشِفُ هِيَ 2 L, 455 mL وَتَعْنِي 2 L + 455 mL.



مِثَال١ أَمْلأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 3700 mL = L

بِمَا أَنَّنَا نُرِيدُ التَّحْوِيلَ مِنْ وَحدَةٍ صَغِيرَةٍ (mL) إِلَى وَحدَةٍ كَبِيرَةٍ (L)، فَإِنَّنَا نَقْسِمُ:

$$3700 \text{ mL} = (3700 \div 1000) \text{ L} = 3.7 \text{ L}$$

إِذْنُ: 3700 mL = 3.7 L

2 2.9 L, 718 mL = mL

$$\begin{aligned} 2.9 \text{ L, } 718 \text{ mL} &= (2.9 \times 1000) \text{ mL} + 718 \text{ mL} \\ &= 2900 \text{ mL} + 718 \text{ mL} \\ &= 3618 \text{ mL} \end{aligned}$$

أَحَوَّلُ 2.9 L إِلَى مِلِّيْلِيْلِيْتراتِ
أَضْرِبُ
أَجْمَعُ

إِذْنُ: 2.9 L, 718 mL = 3618 mL

الوحدة 8

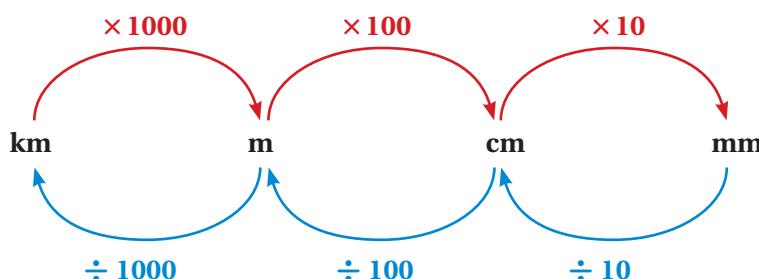
أتحقق من فهمي:

أملأ الفراغ في كل مما يأتي:

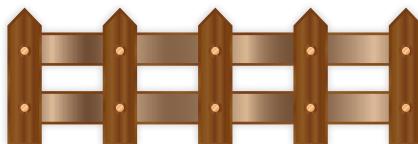
3 $13.5 \text{ L} = \dots \text{ mL}$

4 $7 \text{ L}, 450 \text{ mL} = \dots \text{ mL}$

تعلمت سابقاً بعض وحدات قياس الطول، مثل الكيلومتر (km) والمتر (m) والستيometer (cm) والمليمتر (mm)، ويُبين المخطط الآتي العلاقة بين هذه الوحدات. يمكنني أيضاً قياس الطول بوحدة مركبة تتكون من وحدتي قياس كبيرة وصغيرة.



مثال 2: من الحياة



لدى محمد حديقة مستطيلة طولها 9 m وعرضها 7 m, 56 cm، ويريد إغاطتها بسياج خشبي. ما طول السياج الذي سيستعمله بالأمتار؟ لحساب طول السياج بالأمتار يجب أن تكون القياسات جماعها بالأمتار.

الخطوة 1 أحسب العرض بالأمتار.

$$\begin{aligned} 7 \text{ m}, 56 \text{ cm} &= 7 \text{ m} + (56 \div 100) \text{ m} \\ &= 7 \text{ m} + 0.56 \text{ m} \\ &= 7.56 \text{ m} \end{aligned}$$

أحول: 56 cm إلى أمتار

أقسم

أجمع

إذن: عرض الحديقة $w = 7.56 \text{ m}$ وطولها $l = 9 \text{ m}$

الخطوة 2 أحسب محيط الحديقة بالأمتار.

$$\begin{aligned} P &= 2 \times (l + w) \\ &= 2 \times (9 + 7.56) \\ &= 2 \times 16.56 \\ &= 33.12 \end{aligned}$$

قانون محيط المستطيل

أعرض الطول والعرض

أجمع

أضرب

إذن: طول السياج 33.12 m

أَتَحَقُّقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ:

رياضية: ركضت سامية حول مضمار مستطيل الشكل مرتّة واحدة، إذا كان طول المضمار 118.872 m وعرضه 89 m، فما المسافة التي قطعتها سامية بالأمتار؟

أَتَدَرَّبُ



وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أَمْلَأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $148 \text{ m} = \dots \text{ km}$

2 $15000 \text{ cm} = \dots \text{ m}$

3 $80 \text{ mL} = \dots \text{ L}$

4 $0.9 \text{ m} = \dots \text{ cm}$

5 $14 \text{ mL}, 40 \text{ L} = \dots \text{ mL}$

6 $1.99 \text{ km} = \dots \text{ m}$

7 $9 \text{ km}, 350 \text{ m} = \dots \text{ km}$

8 $9 \text{ km}, 840 \text{ m} = \dots \text{ m}$

أَضْعُفُ إِشَارَةَ ($>$ أَو $<$ أَو $=$) فِي \bigcirc :

9 $540 \text{ m} \bigcirc 5 \text{ km}$

10 $2.6 \text{ L} \bigcirc 2600 \text{ mL}$

11 $3 \text{ cm}, 249 \text{ mm} \bigcirc 3201 \text{ mm}$

12 $3 \text{ m}, 249 \text{ cm} \bigcirc 3304 \text{ cm}$



عَصِيرٌ: أَعَدَّ حُسَيْنُ عَصِيرَ الْفَوَاكِهِ الْمُشَكَّلَةَ

كَمَا فِي الصُّورَةِ الْمُجَاوِرَةِ. كَمْ مِلِيلِيُّترًا مِنَ
الْعَصِيرِ أَعَدَّ؟

13

أَمْلَأُ الْفَرَاغَ بِوَضْعِيَّةِ إِشَارَةِ (\times أَو \div) فِي \bigcirc ، ثُمَّ أَجِدُ النَّاتِجَ:

14 $350 \text{ cm} \bigcirc 100 = \dots \text{ m}$

15 $6452 \text{ mL} \bigcirc 1000 = \dots \text{ L}$

الوحدة 8

تُريدُ نادِيَةُ صِناعَةَ حَلْوَى، وَفِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاهِرِ مَقَادِيرُ صِناعَةِ قَالَبٍ وَاحِدٍ.

مَقَادِيرُ صُنْعٍ قَالَبٍ حَلْوَى	
550 g	طَحِينٌ
220 mL	حَلِيبٌ
150 g	زُبْدَةٌ
30 g	خَمِيرَةٌ

إِذَا وَجَدْتَ أَنَّ كَمِيَّةَ الطَّحِينِ الَّتِي لَدَيْهَا هِيَ 1 kg, 50 g, 500 g, 1 kg, 550 g فَكَمْ يَنْقُصُهَا لِصُنْعٍ قَالَبَيْنِ؟

16

إِذَا أَرَادَتْ صُنْعَ 10 قَوَالِبَ، فَكَمْ لِتَرًا مِنَ الْحَلِيبِ تَحْتَاجُ؟

17

قياسُ: قَاسَتْ نادِيَةُ طَوْلَ عَرْفَتِهَا بِالشِّبِّيرِ فَوَجَدَتْ أَنَّهُ يُسَاوِي 24 شِبِّيرًا. إِذَا كَانَ طَوْلُ شِبِّيرِهَا 15 cm، فَكَمْ مِتْرًا طَوْلُ عَرْفَتِهَا؟

18

ماءٌ: أَفْرَغَ عَلَيْهِ قَارُورَةً مَاءً كَبِيرَةً فِي 20 وِعَاءً، سَعَةُ كُلٍّ مِنْهَا 500 mL 500 g كَمْ لِتَرًا سَعَةُ القَارُورَةِ؟

19

مَهَارَاتُ التَّفْكِير

أَكْتَشِفُ الْخَطَا: قَالَ عَمَّارٌ إِنَّ 10 L, 630 mL, 10630 mL تُساوي 10630 L هل إِجابتَه صَحِيحَةً؟ أَبْرُرْ إِجابتَيْ.

20

أَيَّهَا لَا يَنْتَمِي: مَا الْقِيَاسُ الْمُخْتَلِفُ؟ أَبْرُرْ إِجابتَيْ.

21

2000 km	2 m	200 cm	2000 mm
---------	-----	--------	---------

تَبَرِيرُ: يُريدُ عَامِلٌ تَبَلِيطَ جِدارٍ عَرْضُهُ 6 m بِلَاطٍ عَرْضُ الْوَاحِدَةِ 20 cm يَضُعُ فِي كُلٍّ صَفٌ؟ أَبْرُرْ إِجابتَيْ.

22

اتَّحَادُ: كَيْفَ أَحَدُدُ أَيَّ عَمَلِيَّةٍ أَسْتَعْمِلُ (هُلْ هِيَ الضَّرْبُ أَمِ الْقِسْمَةُ؟)؛ عِنْدَ التَّحْوِيلِ مِنْ وَحْدَةٍ إِلَى أُخْرَى؟





أَسْتَكْشِفُ

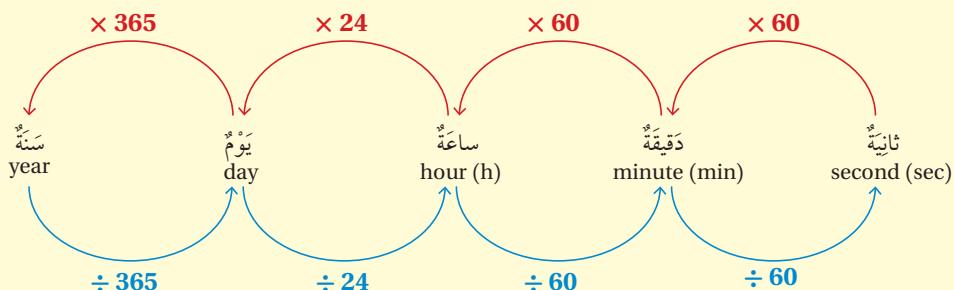
يَسْتَغْرِقُ الشَّوْطَانُ فِي مَبَارَةٍ كُرَةِ الْقَدْمِ $\frac{1}{2}$ ساعَةٌ، وَيَتَخَلَّهُمَا $\frac{1}{4}$ ساعَةٍ اسْتِرَاحَةً بَيْنَ الشَّوْطَيْنِ. إِذَا بَدَأَتِ الْمُبَارَةُ السَّاعَةَ التَّاسِعَةَ مَسَاءً، فَمَتَى تَنْتَهِي؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَخْسُبُ الْوَقْتَ بِوَحْدَاتِهِ الْمُخْتَلِفَةِ.

أَتَعْلَمُ

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا السَّنَةَ وَالْيَوْمَ وَالسَّاعَةَ وَالدَّقِيقَةَ وَالثَّانِيَةَ بِوَصْفِهَا وَحْدَاتِ قِيَاسِ لِلزَّمْنِ، وَبَيْنِ الْمُخْطَطِ الْأَتَيِ الْعَلَاقَاتِ بَيْنَ هَذِهِ الْوَحْدَاتِ . يُمْكِنُنِي اسْتِعْمَالُ الْعَلَاقَاتِ بَيْنَ وَحْدَاتِ الزَّمْنِ؛ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الزَّمْنِ بِاسْتِعْمَالِ وَحْدَاتِ قِيَاسٍ مُرَكَّبَةٍ.



مِثَال١ أَمْلأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $88 \text{ h} = \dots \text{ d}, \dots \text{ h}$

$$\begin{array}{ccc}
 24 \text{ h} & \xrightarrow{\hspace{1cm}} & 1 \text{ day} \\
 88 \text{ h} & \xrightarrow{\hspace{1cm}} & ? \text{ day}
 \end{array}
 \rightarrow
 \begin{array}{r}
 3 \\
 24 \overline{) 88} \\
 - 72 \\
 \hline
 16
 \end{array}$$

لِإِيجَادِ عَدَدِ الْأَيَّامِ فِي 88 سَاعَةً؛ فَإِنَّنِي أَقْسِمُ عَلَى 24؛ نَاتِجُ الْقُسْمَةِ يُسَاوِي 3 وَالْبَاقِي 16، وَهَذَا يَعْنِي أَنَّ 88 سَاعَةً تُسَاوِي 3 أَيَّامٍ وَ16 سَاعَةً. يُمْكِنُنِي أَيْضًا التَّعْبِيرُ عَنْ هَذَا الزَّمْنِ عَلَى صُورَةٍ عَدَدِ كَسِيرٍ كَمَا يَأْتِي: $\frac{16}{24}$ 3 أَيَّامٍ.

الوحدة 8

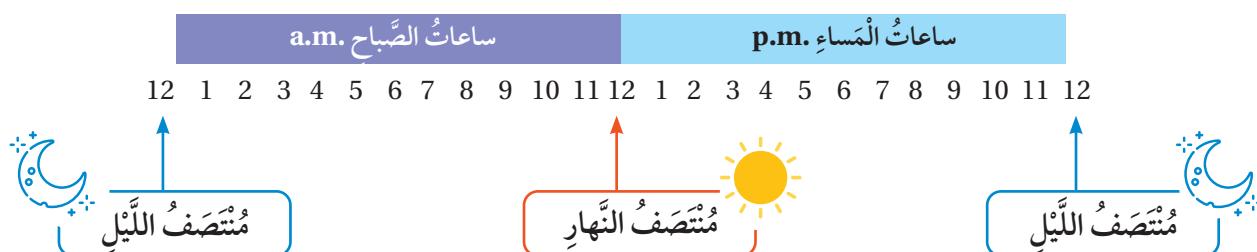
أتحقق من فهمي:

أملاً الفراغ في كل مما يأتي:

2 $195 \text{ sec} = \dots \text{ min}, \dots \text{ sec}$

3 $756 \text{ day} = \dots \text{ year}, \dots \text{ day}$

يكون اليوم من 24 ساعة تنقسم إلى قسمين؛ 12 ساعة من منتصف الليل حتى منتصف النهار و 12 ساعة أخرى من منتصف النهار حتى منتصف الليل.



يمكنني حساب المدة الزمنية لإنجاز عمل ما، بتقسيمه إلى فترات يسهل حساب طولها.

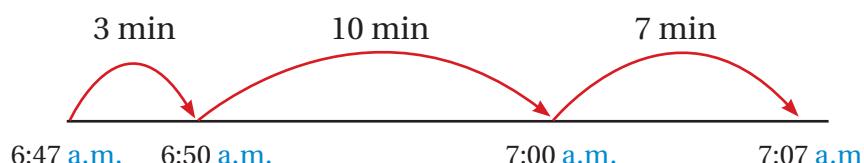
مثال 2: من الحياة



أحسب طول الفترة الزمنية في كل مما يأتي:

من 7:07 a.m. حتى 6:47 a.m.

أمثل الفترة الزمنية بخطٍ.



أحسب طول الفترة الزمنية:

إذن: طول الفترة الزمنية 20 دقيقة.

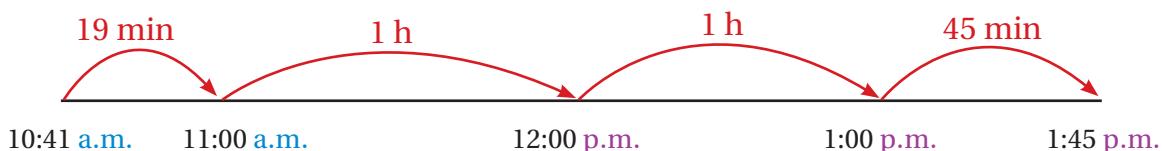
$$3 \text{ min} + 10 \text{ min} + 7 \text{ min} = 20 \text{ min}$$



1:45 p.m. حتى 10:41 a.m. مِنْ

2

الخطوة 1 أَمْثِلُ الْفَتْرَةَ الزَّمِنِيَّةَ بِمُخْطَطٍ.



الخطوة 2 أَحْسِبْ طَوْلَ الْفَتْرَةِ الزَّمِنِيَّةِ.

$$1 \text{ h} + 1 \text{ h} = 2 \text{ h}$$

$$19 \text{ min} + 45 \text{ min} = 64 \text{ min}$$

$$64 \text{ min} = 1 \text{ h} + 4 \text{ min}$$

$$2 \text{ h} + 1 \text{ h} + 4 \text{ min} = 3 \text{ h} + 4 \text{ min}$$

أَجْمَعُ السَّاعَاتِ

أَجْمَعُ الدَّقَائِقِ

أَكْتُبْ مَجْمُوعَ الدَّقَائِقِ بِالسَّاعَاتِ وَالدَّقَائِقِ

أَجْمَعْ

إذن: طول الفتيرة الزمنية 3 ساعات و4 دقائق، و تكتب 3 h, 4 min

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ:

أَحْسِبْ طَوْلَ الْفَتْرَةِ الزَّمِنِيَّةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

8:45 p.m., إلى 4:15 p.m. مِنْ 1

7:30 a.m., إلى 3:20 a.m. مِنْ 2

أَتَدْرَبُ

وَأَحْلُلُ الْمَسَائِلَ



أُكْمِلُ كُلَّ جَدْوِلٍ مِمَّا يَأْتِي:

السَّنَوَاتُ	الْأَشْهُرُ
8	
	216
29	

2

الساعات	ال أيام
96	
180	
27	

1

2

3

4

5

6

7

8

9

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

44

45

46

47

48

49

50

51

52

53

54

55

56

57

58

59

60

61

62

63

64

65

66

67

68

69

70

71

72

73

74

75

76

77

78

79

80

81

82

83

84

85

86

87

88

89

90

91

92

93

94

95

96

97

98

99

100

101

102

103

104

105

106

107

108

109

110

111

112

113

114

115

116

117

118

119

120

121

122

123

124

125

126

127

128

129

130

131

132

133

134

135

136

137

138

139

140

141

142

143

144

145

146

147

148

149

150

151

152

153

154

155

156

157

158

159

160

161

162

163

164

165

166

167

168

169

170

171

172

173

174

175

176

177

178

179

180

181

182

183

184

185

186

187

188

189

190

191

192

193

194

195

196

197

198

199

200

201

202

203

204

205

206

207

208

209

210

211

212

213

214

215

216

217

218

219

220

221

222

223

224

225

226

227

228

229

230

231

232

233

234

235

236

237

238

239

240

241

242

243

244

245

246

247

248

249

250

</div

الوحدة 8

أَحْسُبْ طَوْلَ الْفُتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

10:20 p.m. مِنْ 12:7 a.m. حَتَّى 4 11:22 p.m. 9:16 p.m. 3 مِنْ

2:13 p.m. مِنْ 10:10 a.m. حَتَّى 6 5:50 p.m. 10:30 a.m. 5 مِنْ

أَمَّا لِلْفَرَاغِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

7 $256 \text{ min} = \dots \text{ h}, \dots \text{ min}$

8 $905 \text{ d} = \dots \text{ year}, \dots \text{ day}$

9 $137 \text{ sec} = \dots \text{ min}, \dots \text{ sec}$

10 $142 \text{ h} = \dots \text{ day}, \dots \text{ h}$

طَيْرَانٌ: انْطَلَقَتْ طَائِرَةٌ مِنْ عَمَانَ إِلَى اسْطَنْبُولَ السَّاعَةَ 4:45 p.m. وَوَصَلَتِ السَّاعَةَ 11

دَوَامٌ: بَدَأَتْ لَيْلَى عَمَلَهَا السَّاعَةَ 8:30 a.m. وَاسْتَمَرَتْ لِمُدْدَةِ 7 سَاعَاتٍ. إِذَا كَانَ الرَّزْمُ 12

عَمَلٌ: أَمْضَى سَائِدٌ 18000 sec مِنْ أَحَدِ الْأَيَّامِ فِي الْعَمَلِ، وَأَمْضَى 25 min فِي تَنَاؤلٍ 13

وَجْبَةِ الْغَدَاءِ. كَمْ سَاعَةً أَمْضَى فِي الْعَمَلِ وَتَنَاؤلٍ وَجْبَةِ الْغَدَاءِ مَعًا؟

مَسَأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ زَمَانَ الْبِدايَةِ وَزَمَانَ النِّهايَةِ لِنَشَاطٍ مُدَدٌ 18 min وَ 3 h 14

تَحْدِيدٌ: اِنْتَهَتْ هَلَا مِنْ إِنْجَازِ وَاجِبَاتِهَا فِي السَّاعَةِ 8:18 p.m. إِذَا اسْتَغْرَقَ إِنْجَازُ 15

الْوَاجِبَاتِ 22 min وَ 3 h ، فَمَتَى بَدَأَتْ؟

أَتَحَدَثُ: كَيْفَ أَحْسُبْ عَدَدَ الْأَيَّامِ فِي 258 سَاعَةً؟

مهارات التفكير

www.JNOB-JO.COM

111

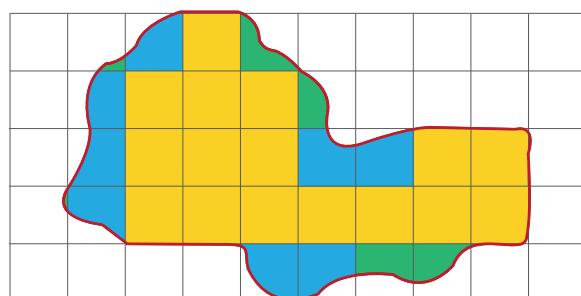
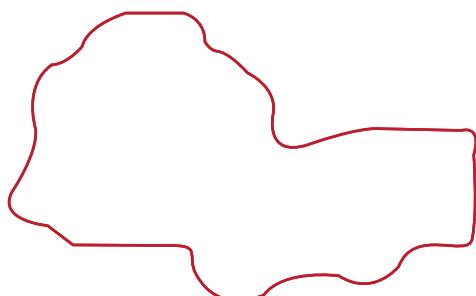
استكشاف: تقدير مساحات الأشكال المركبة غير المنتظمة

الهدف: تقدير مساحات أشكال مركبة غير منتظمة باستعمال ورقة مربعات.



نشاط 1

أقدر مساحة الشكل المجاور.



الخطوة 1 أنسخ الشكل على ورقة مربعات.

الخطوة 2 أعد المربعات التي يعطيها الشكل كاملة، ثم ألونها باللون الأصفر.

عدد المربعات:

الخطوة 3 أعد المربعات التي يعطي الشكل أكثر من نصفها، ثم ألون الجزء الذي يقع داخل الشكل باللون الأزرق.

عدد المربعات:

الخطوة 4 ألون الأجزاء المتبقية داخل الشكل باللون الأخضر.

أفك: عند تقدير مساحة الشكل، هل أعد المربعات التي يعطي الشكل أكثر من نصفها أم التي يعطي أقل من نصفها؟

أعد المربعات التي يعطيها الشكل كاملة أو يعطي أكثر من نصفها.

عدد المربعات: إذن، مساحة الشكل التقريرية

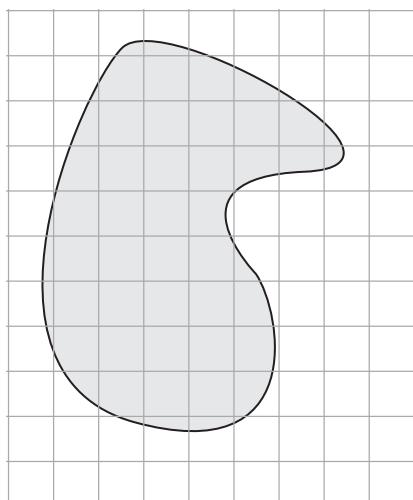
تساوي وحدة مربعة.

الوحدة 8

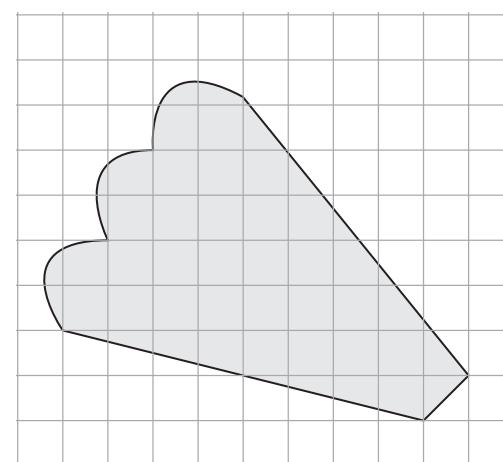
أَنْدَرْبُ:

أَقْدِرْ مساحة كل من الأشكال الآتية:

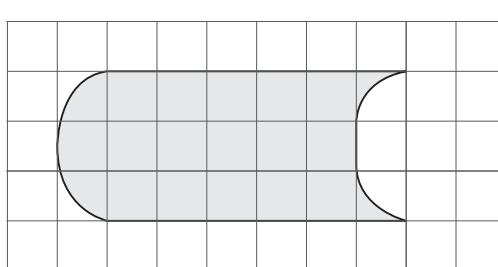
1



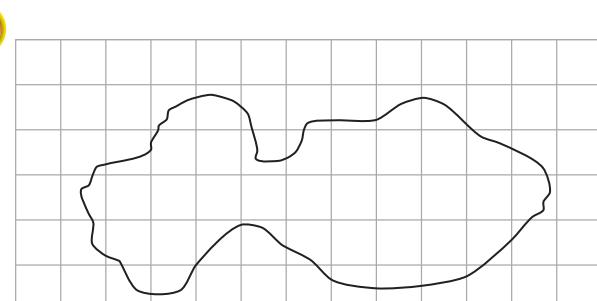
2

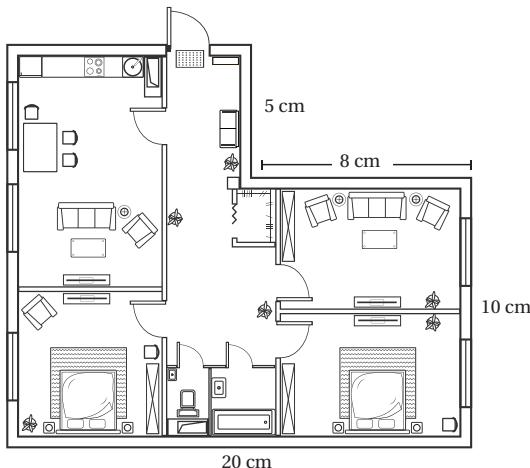


3



4





أَسْتَكْشِفُ



يَرْسُمُ مُهَنْدِسٌ مُخْطَطًا
لِتَصْمِيمِ مَنْزِلٍ. مَا محيط
الْمَنْزِلِ عَلَى الْمُخْطَطِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسُبُ مِساحاتِ أَشْكَالِ مُرَكَّبَةٍ
وَمُحيطَاتِهَا.

الْمُضْطَلَاحَاتُ:

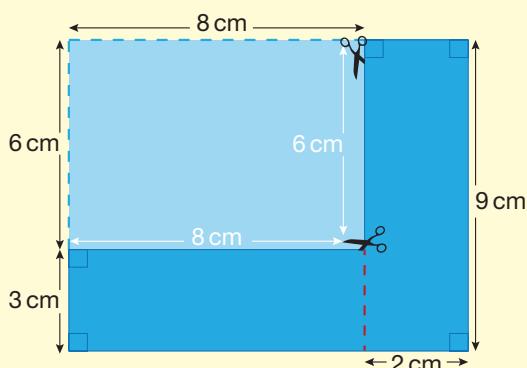
شَكْلُ مُرَكَّبٌ.

أَتَعْلَمُ



الشَّكْلُ الْمُرَكَّبُ (compound shape) ناتِجٌ عَنْ تَرْكِيبِ شَكْلَيْنِ هَنْدَسَيَّيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

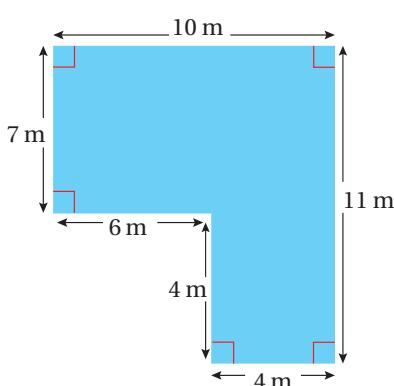
مُحيطٌ شَكْلٌ مُرَكَّبٌ ناتِجٌ عَنْ قصِّ مُرْبَعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ مِنْ إِحْدَى زُوَّاِيَّاتِ يُسَاوِي مُحيطَ الْمُرْبَعِ أَوْ الْمُسْتَطِيلِ قَبْلِ الْقُصُّ.



الْأَحِظُّ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ أَنَّ مُحيطَ الشَّكْلِ النَّاتِجِ
بَعْدَ الْقُصُّ يُسَاوِي مُحيطَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ؛ فَكِلا
الْمُحِيطَيْنِ يُسَاوِي 38 cm

مَثَلٌ 1

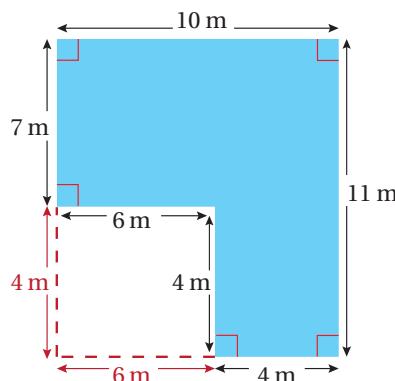
أَحْسُبُ مُحيطَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.



الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ ناتِجٌ عَنْ قصِّ مُسْتَطِيلٍ صَغِيرٍ طُولُهُ 6 m وَعَرْضُهُ 4 m مِنْ أَحَدِ أَرْكَانِهِ.

إِذْنُ: مُحِيطُهُ يُسَاوِي مُحيطَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ.

الوحدة 8



أكمل الشكل فيتج مستطيل طوله 11 m وعرضه 10 m . الخطوة 1

أحسب محيط المستطيل . الخطوة 2

$$\begin{aligned}
 P &= 2l + 2w \\
 &= 2 \times 11 + 2 \times 10 \\
 &= 22 + 20 \\
 &= 42 \text{ m}
 \end{aligned}$$

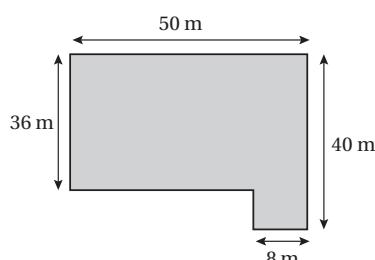
طول المستطيل l وعرضه w

$l = 11, w = 10$

أضرب أولاً

أجمع

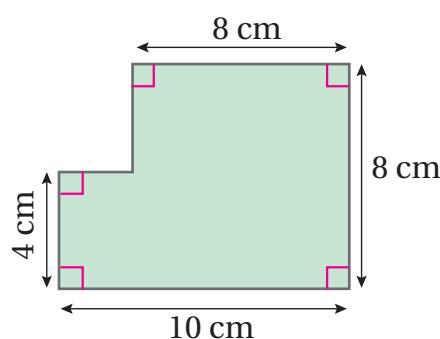
إذن محيط الشكل يساوي 42 m



تحقق من فهمي:

أحسب محيط الشكل المجاور.

لحساب مساحة شكل مركب، يمكنني أيضاً أن أقسمه إلى مستطيلات ومربعات، ثم أحسب مساحات هذه الأشكال وأجمعها.



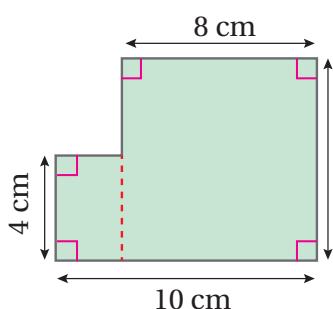
مثال 2: من الحياة

أحسب مساحة مخطط الحديقة في الشكل المجاور.

الطريقة 1: أقسام الشكل المركب.

الخطوة 1: أقسام الشكل المركب إلى مستطيل ومربيع، ثم

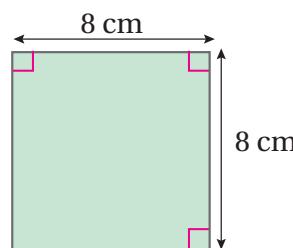
أجد أبعاد الشكلين الناتجين:



$$10 - 8 = 2 \text{ cm}$$

$$=$$

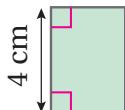
$$A_1 +$$



$$A_2$$



أَحْسُبُ مِسَاحَةَ الشَّكْلَيْنِ النَّاتِجِيْنِ: الخطوة 2



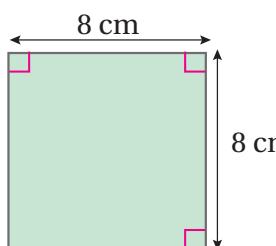
$$\begin{aligned} A_1 &= l \times w \\ &= 4 \times 2 \\ &= 8 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

أَجْدُ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ:

طُولُ الْمُسْتَطِيلِ l وَعَرْضُهُ w

$$l = 4, w = 2$$

أَضْرِبُ



$$\begin{aligned} A_2 &= s \times s \\ &= 8 \times 8 \\ &= 64 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

أَجْدُ مِسَاحَةَ الْمُرَبَّعِ:

طُولُ ضَلْعِ الْمُرَبَّعِ s

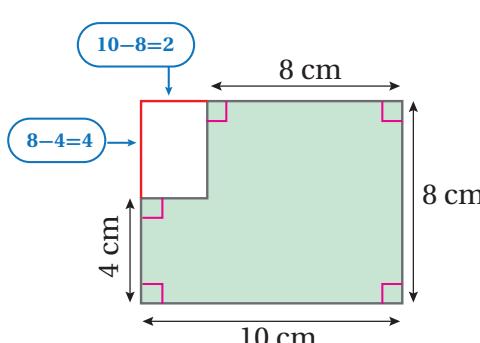
$$s = 8$$

أَضْرِبُ

أَجْمَعُ مِسَاحَتَيِ الْمُرَبَّعِ وَالْمُسْتَطِيلِ: الخطوة 3

$$A_1 + A_2 = 8 \text{ cm}^2 + 64 \text{ cm}^2 = 72 \text{ cm}^2$$

إِذْنُ: مِسَاحَةُ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ الَّذِي يَمْثُلُ الْحَدِيقَةَ 72 cm^2



الطَّرِيقَةُ 2: أَسْتَعْمِلُ الطَّرَحَ.

يُمْكِنُنِي حِسَابُ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ عَنْ طَرِيقِ طَرْحِ مِسَاحَةِ الْجُزْءِ الْمَفْقُودِ (بِاللَّوْنِ الْأَبْيَضِ) مِنْ مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ.

أَحْسُبُ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ، وَمِسَاحَةَ الْمِنْطَقَةِ الخطوة 1

الْمَفْقُودَةِ:

أَجْدُ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ:

طُولُ الْمُسْتَطِيلِ l وَعَرْضُهُ w

$$l = 10, w = 8$$

$$\begin{aligned} A_1 &= l \times w \\ &= 10 \times 8 \\ &= 80 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

أَضْرِبُ

الوحدة 8

أَجِد مِساحَةَ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ:

$$A_2 = l \times w$$

$$= 4 \times 2$$

$$= 8 \text{ cm}^2$$

طُولُ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ l وَعَرْضُهَا

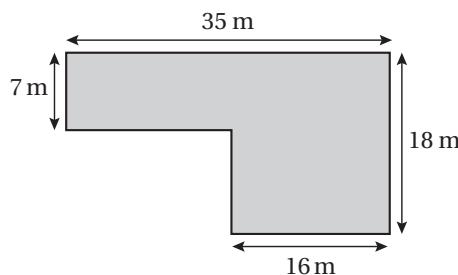
$$l = 4, w = 2$$

أَعْوَضُ أَصْرِبٌ

أَطْرُوحُ مِساحَةَ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ مِنْ مِساحَةِ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ:

$$A = A_1 - A_2 = 80 \text{ cm}^2 - 8 \text{ cm}^2 = 72 \text{ cm}^2$$

إِذَنْ: مِساحَةُ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ 72 cm^2 . أَلْاحِظُ أَنَّ الْإِجَابَةَ مُتَسَاوِيَّةُ فِي الْطَّرِيقَتَيْنِ.



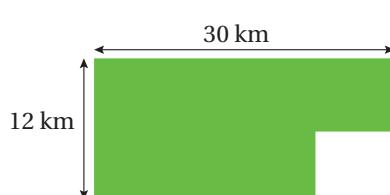
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِيَّ:

أَحْسُبُ مِساحَةَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ بِطَرِيقَتَيْنِ مُحْتَلِفَتَيْنِ.

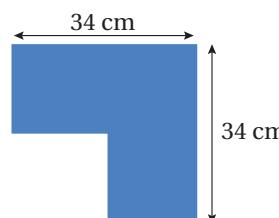
أَتَدْرَبُ
وَأَحْلُلُ الْمَسَائِلِ

أَحْسُبُ مَحِيطَ كُلِّ مِنَ الْأَشْكَالِ الْأَتِيَّةِ:

1

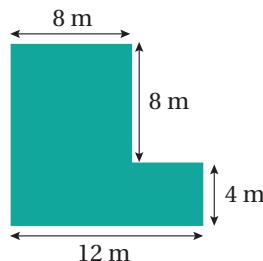


2

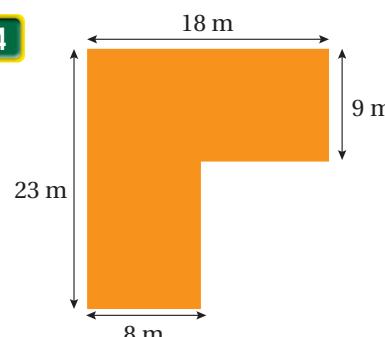


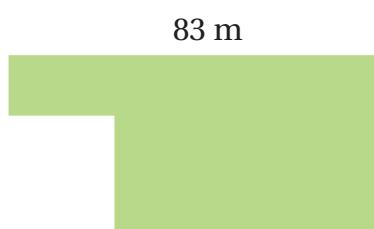
احْسُبُ كُلِّ مَحِيطٍ وَمِساحَةَ الْأَشْكَالِ الْأَتِيَّةِ:

3



4





أَرْضٌ: اسْتَرَى زَيْدٌ أَرْضًا وَأَرَادَ

5

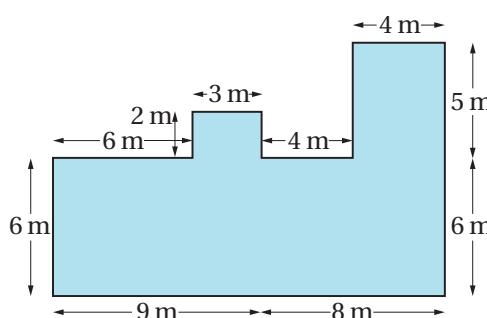
إِحْاطَتْهَا بِسِيَاجٍ. مَا طُولُ هَذَا السِّيَاجٍ
فِي الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ؟



مَطَابِخٌ: مَا مِسَاحَةُ الرُّخَامِ فِي

6

الصَّوْرَةِ الْمُجاوِرَةِ؟

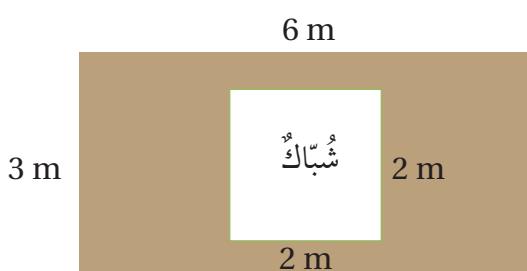


أَحْسِبْ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ.

7

يَرْغَبُ لَيْثُ فِي شِرَاءِ وَرَقٍ جُدْرَانٍ لِتَغْطِيَةِ وَاجْهَةِ مِنَ الْغُرْفَةِ كَمَا فِي الشَّكْلِ أَدْنَاهُ؛ إِذْ
سَيُعَطِّي الْجِدَارِ بِاسْتِنَاءِ الشُّبَّالِ الَّذِي يُمَثِّلُ مُرْبَعًا طُولُ ضِلْعِهِ 2 إِذَا كَانَ ثَمَنُ الْمِتْرِ
الْمُرْبَعِ الْوَاحِدِ 8 دَانِيرٍ، فَمَا تَكْلِفَةُ تَغْطِيَةِ الْجِدَارِ؟

8

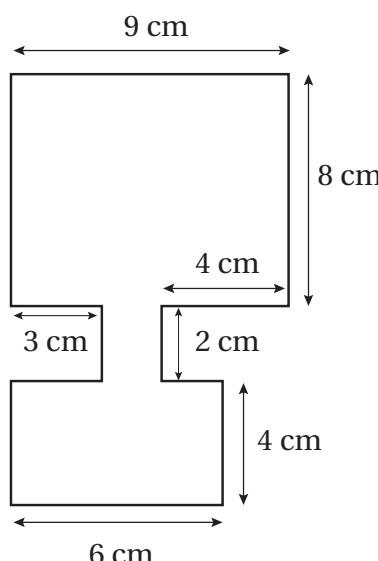


الوحدة 8

مهارات التفكير

تَحْدِيدٌ: أَحْسُبْ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ.

10



19 mm

6 mm

5 mm

تَبَرِيرٌ: مَا مُحِيطُ الشَّكْلِ الْمُجاوِرِ؟

أَبْرُرُ إِجَائِيَّةً.

10

أَتَحَدَّثُ: مَا الْفَرْقُ بَيْنِ حِسَابِ مِسَاحَةِ شَكْلٍ مُرَكَّبٍ وَحِسَابِ مُحِيطِهِ؟



اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

الزمن المنقضي من الساعة 7:25pm إلى الساعة

6

9:05pm يساوي:

- أ) ساعة و5 دقائق
- ب) 9 ساعات و55 دقيقة
- ج) ساعة و40 دقيقة
- د) ساعتان و 5 دقائق.

=35sec,11min

7

695 sec (ب) 1135 sec (أ)

229 sec (د) 598 sec (ج)

= 625 sec

8

10 min, 25 sec (ب) 11 min, 25 sec (أ)

100 min, 25 sec (د) 12 min, 25 sec (ج)

أكمل الفراغ في ما يأتي:

9) $20 \text{ cm} = \dots \text{ m}$

10) $90 \text{ min} = \dots \text{ h}$

11) $280 \text{ mL} = \dots \text{ L}$

12) $75 \text{ g} = \dots \text{ kg}$

13) $5\text{km},100\text{m} = \dots \text{ m}$

14) $4 \text{ ton}, 50 \text{ kg} = \dots \text{ kg}$

15) $3 \text{ L}, 45 \text{ ML} = \dots \text{ L}$

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1) سُمك كتاب 23 mm ما سُمك بالستيمترات؟

أ) 2.003 ب) 2.03

ج) 2.33 د) 2.3

2) عرض الشارع =

أ) 16 m ب) 16 km

ج) 160 m د) 16 cm

3) ارتفاع جبل 1200 m ما ارتفاع بالكيلومترات؟

أ) 1.2 km ب) 0.2 km

ج) 120 km د) 12 km

4) كمية من الأرض كتلتها 2 kg, 450 g ما كتلتها

بالكيلوغرامات؟

أ) 2.45 kg ب) 2450 kg

ج) 0245 kg د) 2.45 kg

5) سعة وعاء الحساء للشخص الواحد 300 mL، لدى

سلمي 600 mL, 6 L من الحساء. كم وعاء تستطيع

أن تملأ؟

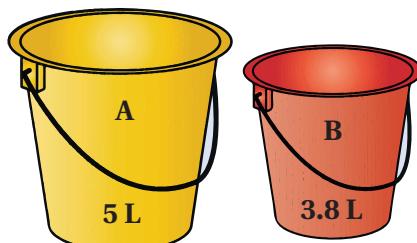
أ) 50 ب) 200

ج) 25 د) 22

الوحدة 8

ما مجموع سعّي الدّلوين بالتلّارات والمليّلترات؟

21



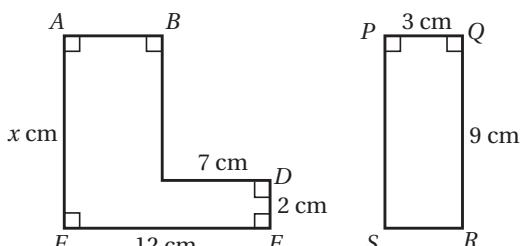
تدريب على الاختبارات الدولية:

تحتاج كعكة سلوى إلى 40 دقيقة لتنضج، وتحتاج كعكة سامي إلى 20 دقيقة. إذا وضعت سلوى كعكتها في الفرن في الساعة 5:10 p.m، فمتى يجب أن يضع سامي كعكته كي تنضج في الوقت نفسه؟

22

مساحة الشكل على اليسار هي مثلاً مساحة المستطيل.
ما طول الضلع المجهول x ؟

23

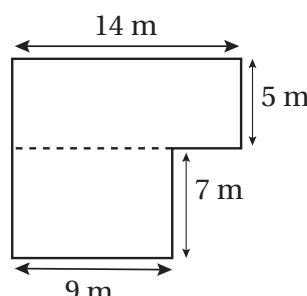


أسئلة ذات إجابة قصيرة:

16 أمضى سيف ساعتين ونصفاً في العمل على الكمبيوتر، إذا بدأ في الساعة 7:30 p.m، ففي أيّ ساعة أنهى عمله؟

17 شرب حمزة 200mL من العصير، و 400 mL من الحليب، و 1.4 L من الماء. فكم لترا من السوائل شرب؟

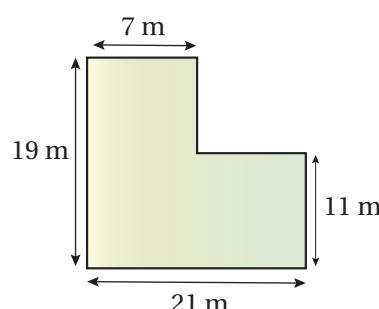
18 عمر هديل 126 شهراً. كم عمرها بالسنوات؟



ما محيط ومساحة الشكل المجاور؟

19

ما محيط الشكل الآتي؟



الإحصاء والاحتمال

لماذا نتعلم الإحصاء والاحتمال؟

تعلمنا في الفصل الأول طرائق مختلفة لتمثيل البيانات، وسنتعلم في هذه الوحدة حساب بعض المقاييس الإحصائية، ما يساعدنا على فهم البيانات، والأستفادة منها في الكثير من المواقف الحياتية مثل توقعات الحالة الجوية.



سأتعلم في هذه الوحدة:

- حساب الوسط الحسابي والوسط
- والمتوسط لبيانات مفردة.
- حساب المدى لبيانات مفردة أو ممثلاً بجدول تكراري أو بيانياً.
- تمييز نتائج تجربة عشوائية من حيث تساوي أو عدم تساوي فرض حدوتها.
- ترتيب نتائج تجربة فرض حدوث نتائجها غير متساوية تصاعدياً، حسب فرض حدوتها.

تعلمت سابقاً:

- جمع البيانات وسجيلها وتمثيلها بالنقاط والخطوط.
- تمثيل بيانات بجدول تكراري بسيطة وأعمدة وخطوط بيانانية ونقاط.
- إمكانات الحدوث؛ (الحوادث الأكيدة والممكنة والمستحيلة).
- مفهوم التجربة العشوائية بصورة مبسطة.



فَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: الرَّاصِدُ الْجَوَيُّ



أَحْسُبُ الْوَسْطَ الْجِسَابِيَّ وَالْوَسِيطَ وَالْمِنْوَالَ وَالْمَدِي،
لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ الَّتِي سُجِّلَتْ تَحْتَ أَشِعَّةِ الشَّمْسِ.

4

أَحْسُبُ الْوَسْطَ الْجِسَابِيَّ وَالْوَسِيطَ وَالْمِنْوَالَ وَالْمَدِي،
لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ الَّتِي سُجِّلَتْ فِي مِنْطَقَةِ ظَلِيلَةٍ.

5

أَقْارِنُ قِيمَ الْوَسْطِ الْجِسَابِيِّ وَالْوَسِيطِ وَالْمِنْوَالِ
وَالْمَدِي لِمَجْمُوعَتِي الْبَيَانَاتِ. مَاذَا الْاحْظُ؟ أَكْتُبُ
إِجَابَاتِ الْأَسْئِلَةِ السَّابِقَةِ، مَعَ تَوْضِيحٍ لِكِيفِيَّةِ الْحُصُولِ
عَلَيْهَا فِي الْمَطْوِيَّةِ.

6

أَسْتَعِدُ وَزُمَلَائِيَّ لِتَنْفِيذِ مَشْرُوعِيِّ الْخَاصِّ، الَّذِي
سَأَطْبِقُ فِيهِ مَا سَأَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِأَرْصُدَ دَرَجَاتِ
الْحَرَارَةِ وَحَالَةِ الطَّقْسِ الْمُتَوَفَّعَةِ.



خُطُواتٌ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ:



1 أَسْتَعِمُلُ مِيزَانَ حَرَارَةٍ لِأَقِيسَ
دَرْجَتِيِّ الْحَرَارَةِ الْأُولَى تَحْتَ
أَشِعَّةِ الشَّمْسِ الْمُبَاشِرَةِ وَالثَّانِيَةِ
فِي مِنْطَقَةِ ظَلِيلَةٍ عِنْدَ السَّاعَةِ
4:00 p.m. لِمُدَّةِ أَسْبَعِي. يُمْكِنُنِي
الْاسْتِعَانَةُ بِمُخْبَرِ الْعُلُومِ فِي
الْمَدْرَسَةِ؛ لِتَوْفِيرِ الْمِيزَانِ.

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

أَكْتُبُ تَقْرِيرًا أُبَيِّنُ فِيهِ:

أَصَمِّمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً، وَأَنْشِئُ جَدْوَالًا فِي صَفْحَتِهَا الْأُولَى
أَدْوَنُ فِيهِ قِرَاءَاتِ مِيزَانِ الْحَرَارَةِ كُلَّ يَوْمٍ، كَمَا يَأْتِي.

2

الْيَوْمُ	دَرْجَةُ الْحَرَارَةِ
فِي الظَّلَّ	تَحْتَ أَشِعَّةِ الشَّمْسِ

• خُطُواتٌ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ، وَالْتَّائِجَ الَّتِي تَوَصَّلَتْ
إِلَيْهَا.

• الصُّعُوبَاتِ الَّتِي واجهُتُهَا فِي أَنْتَهِيَّتِ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ.

يَعْرِضُ أَعْصَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مَطْوِيَّاتِهِمْ أَمَامَ الصَّفَّ، وَيُنَاقِشُونَ
الْطَّلَبَةَ فِي التَّشَابِهِ وَالْاِخْتِلَافِ بَيْنَ النَّتَائِجِ الَّتِي تَوَصَّلَ إِلَيْهَا
كُلُّ مِنْهُمْ.

أَمْلَ قِرَاءَاتِ دَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ فِي الظَّلَّ وَتَحْتَ أَشِعَّةِ
الشَّمْسِ بِالْأَعْمَدَةِ الْمَزْدُوجَةِ.

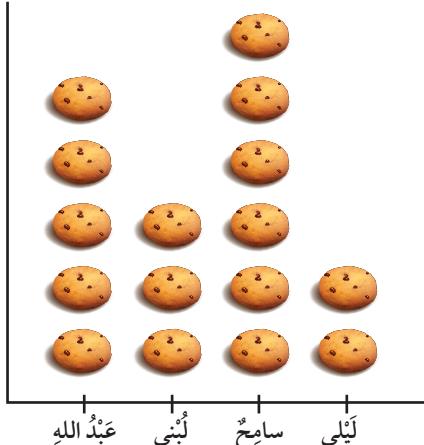
3

استكشاف: ما الوسط الحسابي؟

الهدف: أستكشف مفهوم الوسط الحسابي.



عند تحليل عدد من البيانات، من المفيد إيجاد نقطة توازن تصفعها.

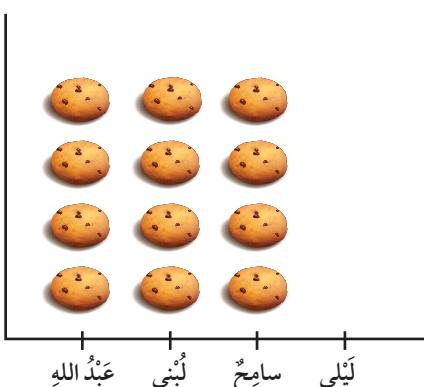


نشاط:

مع ليلي وسامح ولبني وعبد الله، عدد مختلف من قطع البسكويت.

- كم عدد القطع مع كل منهم؟

عبد الله	لبني	سامح	ليلى	عدد القطع
			2	



- أعيد توزيع قطع البسكويت في الشكل، بحيث يكون مع كل منهم العدد نفسه من قطع البسكويت.

- أكمل الشكل، برسم القطع التي مع ليلي.

- كم قطعة بسكويت مع كل منهم، بعد إعادة التوزيع؟

- إذا جمعنا القطع جميعها معاً، فكم سيكون المجموع الكلي بعد قطع البسكويت؟



$$2 + 6 + 3 + 5 =$$

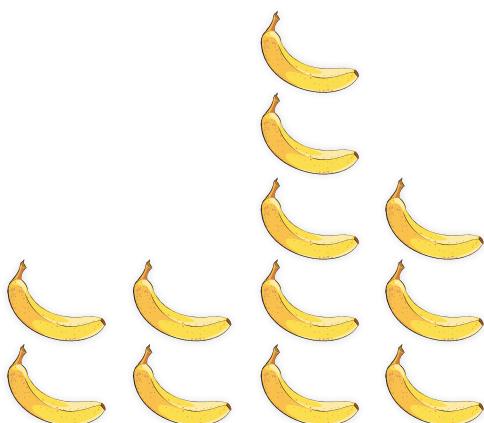


الوحدة 10

- إذا قسمنا المجموع الكلي لقطع البسكويت على عدد الأطفال بالتساوي، فكل سبعة قطع كافٍ لـ $\frac{16}{4} = 4$ طفل، أي إن نصيب كل طفل هو الوسط الحسابي لعدد قطع البسكويت عند الأطفل الأربعة.

أفكّر:

ووضع عدد من حبات الموز في 4 أكياس كما في الصورة المجاورة، ويراد وضعيها في أكياس أخرى:

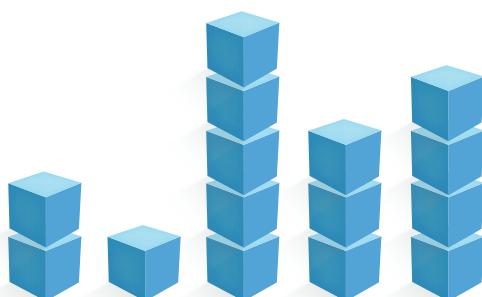


1 أحرّك عدداً من حبات الموز وأغيّر مكانها، بحيث يصبح عدد حبات

الموز في كل كيس مساوياً لآخر.

2 ما مجموع حبات الموز؟

3 كم موزة ستصبح في الكيس الواحد؟



4 أحرّك قطع المكعبات بحيث تصبح الأعمدة متساوية بالطول.

5 كم مكعباً ستصبح في العمود الواحد؟

6 بعد تحريك المكعبات، ما العلاقة بين العدد الكلي للمكعبات،

وعدد الأعمدة، وعدد المكعبات في كل منها؟

الوَسْطُ الحِسَابِيُّ

1

الدَّرْسُ



أَسْتَكْشِفُ



قَدَّمَتْ مُنِي 7 اِخْتِيَارَاتٍ قَصِيرَةً لِمَادَّةِ الرِّيَاضِيَّاتِ، وَكَانَتْ عَلَامَاتُهَا كَمَا يَأْتِي:

7 , 9 , 8 , 9 , 7 , 9
أَجِدُ مُعَدَّلَ هَذِهِ
الْعَلَامَاتِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسَبُ الْوَسْطَ الحِسَابِيَّ
لِبَيَانِاتٍ مُفَرَّدَةٍ.

الْمُضْطَلَّاتُ

الْوَسْطُ الحِسَابِيُّ
(الْمُعَدَّلُ).

أَتَعْلَمُ



الْوَسْطُ الحِسَابِيُّ (الْمُعَدَّلُ) (mean) لِمَجْمُوعَةِ مِنَ الْقِيمِ، يُسَاوِي نَاتِجَ جَمْعِ الْقِيمِ مَقْسُومًا عَلَى عَدَدِهَا.

الْعَدَدُ الْرِّيَاضِيُّ

الْعَدَدُ الْرِّيَاضِيُّ \bar{x} بَار

$$\bar{x} = \frac{\text{مَجْمُوعَ الْقِيمِ}}{\text{عَدَدِ الْقِيمِ}}$$

مِثَالٌ 1

أَجِدُ الْوَسْطَ الحِسَابِيَّ لِلْأَعْدَادِ الْآتِيَّةِ: 19, 5, 123, 37

$$19 + 5 + 123 + 37 = 184$$

$$\frac{184}{4} = 46$$

أَجِدُ مَجْمُوعَ الْقِيمِ

أَقْسِمُ الْمَجْمُوعَ عَلَى عَدَدِ الْقِيمِ

إِذْنُ: الْوَسْطُ الحِسَابِيُّ يُسَاوِي 46

أَتَحْقَقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ:

أَجِدُ الْوَسْطَ الحِسَابِيَّ لِلْأَعْدَادِ الْآتِيَّةِ: 11, 32, 4, 83, 55



الوحدة 10

لِلْوَسْطِ الْحِسَابِيِّ الْعَدِيدُ مِنَ التَّطْبِيقَاتِ الْحَيَاتِيَّةِ، كَمَا فِي الْمِثَالِ الْأَتَى:

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



عَدْدُ الْأَصْدِقَاءِ	اسْمُ الْقَارَّةِ
16	إِفْرِيقِيَا
24	أُورُوْبَا
8	أُسْتُرَالِيَا

يُبَيِّنُ الْجَدُولُ الْمُجَاوِرُ، عَدَدَ أَصْدِقَاءٍ فَيَصْلِي عَبْرَ مَوَاقِعِ التَّوَاصُلِ الْجَمِيعِيِّ فِي بَعْضِ قَارَاتِ الْعَالَمِ. أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِعَدَدِ أَصْدِقَاءٍ فَيَصْلِي فِي كُلِّ قَارَّةٍ.

$$16 + 24 + 8 = 48$$

$$\frac{48}{3} = 16$$

أَجْمَعُ عَدَدَ الْأَصْدِقَاءِ

أَقْسِمُ الْمَجْمُوعَ عَلَى عَدَدِ الْقَارَاتِ

إِذَنُ: الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِعَدَدِ أَصْدِقَاءٍ فَيَصْلِي فِي كُلِّ قَارَّةٍ يُسَاوِي 16 صَدِيقًا.



أَتَحْقَقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ:

حَدِيقَةُ حَيَوانَاتٍ: يَوْجَدُ فِي حَدِيقَةِ الْحَيَوانَاتِ 4 قُرُودٍ كُنْتُهَا بِالْكِيلُوغرَامِ

كَمَا يَأْتِي: 52, 67, 60, 53 ما الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِكُتْلِ الْقُرُودِ؟

أَتَدْرَبُ وَأَحْلُّ الْمَسَائِلَ

أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِكُلِّ مِنَ الْبَيَانَاتِ الْأَتَيَّةِ:

نَقَاطُ أَشْواطِ لُعْبَةِ إِلْكْتَرُونِيَّةِ.
77, 66, 49, 58, 75

2

أَهْدَافُ مُبَارَيَاتِ كُرَةِ قَدَمٍ.
4, 3, 1, 2, 3, 5

1

3

مَوَالِيدُ: كَانَتْ كُتْلُ الْمَوَالِيدِ الْجُدُدِ فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ بِالْكِيلُوغرَامِ كَمَا يَأْتِي:

أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِكُتْلِ هُؤُلَاءِ الْمَوَالِيدِ.



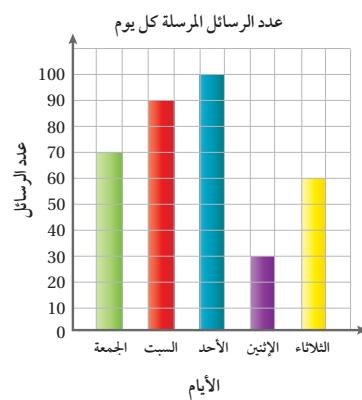
لَعِبَ سَامِيْ وَرَائِدُ 3 أَشْوَاطٍ مِنْ لُعْبَةِ (الْبُولِينِجْ)، فَكَانَتِ النَّقَاطُ الَّتِي جَمَعَهَا كُلُّ مِنْهُمَا كَمَا في الجَدْوِلِ أَدْنَاهُ، أُجِبْ عَمَّا يَأْتِي:

الشَّوْطُ 3	الشَّوْطُ 2	الشَّوْطُ 1	الْاسْمُ
146	153	151	سَامِيْ
189	139	122	رَائِدُ

أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِلنَّقَاطِ الَّتِي جَمَعَهَا سَامِيْ فِي الْأَشْوَاطِ الْثَّلَاثَةِ.

أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِلنَّقَاطِ الَّتِي جَمَعَهَا رَائِدُ فِي الْأَشْوَاطِ الْثَّلَاثَةِ.

أَقْارِنُ بَيْنَ وَسْطِيِ النَّقَاطِ الَّتِي جَمَعَهَا كُلُّ مِنْهُمَا.



يُبَيِّنُ الشَّكُلُ الْمُجَاوِرُ عَدَدَ الرَّسَائِلِ الَّتِي أَرْسَلَتْهَا تَالًا خَلَالَ 5 أَيَّامٍ مِنْ بَرِيدِهَا الْإِلْكْتَرُونِيِّ. مَا الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِعَدَدِ الرَّسَائِلِ الْمُرْسَلَةِ فِي الْيَوْمِ الْوَاحِدِ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِير

أَكْتَشِفُ الْخَطَاً: تَقُولُ لِيْنُ إِنَّ الْوَسْطَ الْحِسَابِيُّ لِلَّدَرَجَاتِ $14, 6, 16, 4, 0$ يُسَاوِي 10 ؛ لِأَنَّهَا جَمَعَتِ الدَّرَجَاتِ وَقَسَّمَتْهَا عَلَى 4 . أُبَيِّنُ خَطَاً لِيْنَ وَأَصْحَحُهُ.

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ عَدَدًا مِنْ مُنْتَرَلَتِينِ فِي كُلِّ ، بِحِيثُ يَكُونُ الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِمَجْمُوعَةِ الْبَيَانَاتِ مُسَاوِيًّا لـ 30



$25, 32, 28, 35, 29, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}$

تَبْرِيرُ: حُمُولَةٌ مِصْعَدٌ 300 kg ، صَعَدَ فِيهِ 4 أَشْخَاصٍ الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِكُلِّهِمْ 70 kg . هَلْ تَوَجَّدُ زِيَادَةٌ فِي حُمُولَةِ الْمِصْعَدِ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِيَّ.

تَحْدِيدُ: إِذَا كَانَ الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِعَدَدِيْنِ هُوَ 10 ، وَكَانَ أَحَدُ الْعَدَدَيْنِ أَكْبَرُ مِنَ الْآخَرِ بـ 6 ، فَمَا الْعَدَدَانِ؟

أُتَحَدِّثُ: أَشْرُحْ كَيْفَ أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيُّ لِمَجْمُوعَةِ الْبَيَانَاتِ.





استكشِفْ:



في بحثٍ حولَ عَدَدِ سَاعَاتٍ دِرَاسَةٍ طَلَبَةٍ الصَّفَّ الْخَامِسِ يَوْمِيًّا، كَانَتْ إِجَابَاتُ 7 مِنَ الطَّلَبَةِ كَمَا يَأْتِي: 2, 3, 1, 2, 4, 1, 2 ما عَدَدُ السَّاعَاتِ الَّتِي ذُكِرْتُ أَكْثَرَ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسُبُ الْوَسِيطَ وَالْمِنْوَالَ لِبَيَانَاتٍ مُفْرَدَةٍ.

المُضطَّلَاتُ

الْوَسِيطُ، الْمِنْوَالُ.

أَتَعْلَمُ



الْوَسِيطُ (median) هُوَ الْقِيمَةُ الَّتِي تَسْوَسُطُ الْبَيَانَاتِ عِنْدَ تَرْتِيبِهَا تَصَاعِدِيًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا، وَإِذَا كَانَ عَدْدُ الْقِيمِ زَوْجِيًّا؛ فَإِنَّهُ تَوَجُّدُ قِيمَتَانِ فِي الْوَسِطِ، وَعَلَيْهِ يَكُونُ الْوَسِيطُ هُوَ الْوَسْطُ الْجِسَابِيُّ لِهَاتَيْنِ الْقِيمَتَيْنِ.

مِثَالٌ 1 أَجِدُ الْوَسِيطَ لِلْقِيمِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 13, 20, 11, 15, 30, 27, 10

- أَرْتِبُ الْقِيمَ تَصَاعِدِيًّا: 10, 11, 13, 15, 20, 27, 30
- أَبْدَأُ بِشَطْبِ قِيمَةٍ مِنَ الْيَسَارِ مَعَ قِيمَةٍ مِنَ الْيَمِينِ، إِلَى أَنْ أَجِدَ الْقِيمَةَ الَّتِي فِي الْمُنْتَصَفِ.

10, 11, 13, 15, 20, 27, 30

إِذْنُ: الْوَسِيطُ هُوَ 15

2 400, 290, 355, 310, 430, 300, 270, 320

- أَرْتِبُ الْقِيمَ تَصَاعِدِيًّا، وَأَشْطُبُ الْأَعْدَادِ مِنَ الْيَمِينِ وَالْيَسَارِ إِلَى أَنْ أَصِلَ إِلَى الْوَسِيطِ:

270, 290, 300, 310, 320, 355, 400, 430

- يُوجَدُ قِيمَتَانِ وَسِيَطَتَانِ. إِذْنُ: الْوَسِيطُ هُوَ الْوَسْطُ الْجِسَابِيُّ لِهَاتَيْنِ الْقِيمَتَيْنِ:

$$\frac{310 + 320}{2} = 315$$

اتَّحَقْ مِنْ فَهْمِيَ:

أَجِدُ الْوَسِيْطَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ مِنَ الْأَعْدَادِ الْأَنْتِيَةِ:

1 14 , 70 , 55 , 3 , 2 , 100 , 9

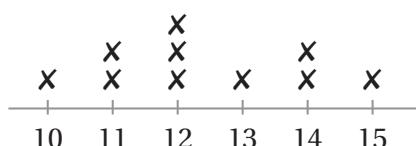
2 4 , 3 , 2 , 4 , 7 , 1

تُسَمَّى القيمةُ الْأَكْثَرُ تَكْرَارًا بَيْنَ الْبَيَانَاتِ الْمِنْوَالَ (mode) ، وَيُمْكِنُ أَنْ يَكُونَ لِمَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِنْوَالٌ وَاحِدٌ أَوْ أَكْثَرُ ، وَقَدْ لَا يَكُونُ لَهَا مِنْوَالٌ.

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



أَعْمَارُ الْمُشَارِكِينَ فِي الْمُسَابِقَةِ

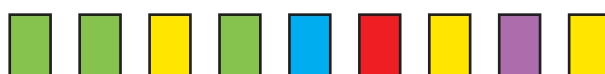


أَجِدُ الْمِنْوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 أَعْمَارُ الْمُشَارِكِينَ فِي إِحْدَى الْمُسَابِقَاتِ.

الاحْظُ مِنَ الشَّكْلِ أَنَّ أَكْثَرَ قِيمَةٍ تَكَرَّرَتْ هِيَ 12 إِذْنَ: الْمِنْوَالُ 12

2 مَجْمُوعَةُ الْبِطَاقَاتِ الْأَنْتِيَةِ:



الاحْظُ مِنَ الشَّكْلِ أَنَّ أَكْثَرَ بِطَاقَاتٍ تَكَرَّرَتْ هِي الْبِطَاقَاتُ الصَّفَرَاءُ وَالْبِطَاقَاتُ الْخَضْرَاءُ؛ لِذَلِكَ يُوجَدُ مِنْوَالٌ لِلْبَيَانَاتِ هُمَا الْبِطَاقَةُ الصَّفَرَاءُ وَالْبِطَاقَةُ الْخَضْرَاءُ.

3

مَجْمُوعَةُ الْأَحْرُوفِ الْأَوَّلِيِّ مِنْ أَسْمَاءِ أَفْرَادِ عَائِلَةٍ:

س ، ل ، س ، ن ، ل ، ن

الاحْظُ أَنَّ كُلَّ حَرْفٍ تَكَرَّرَ مَرَّتَيْنِ ، وَلَا يَوْجَدُ حَرْفٌ تَكَرَّرَ أَكْثَرَ مِنْ عَيْرِهِ؛ لِذَلِكَ لَا يُوجَدُ مِنْوَالٌ لِهَذِهِ الْبَيَانَاتِ.

اتَّحَقْ مِنْ فَهْمِيَ:

أَجِدُ الْمِنْوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 عَلَامَاتُ مَجْمُوعَةِ مِنَ الْطَّلَبَةِ فِي اِخْتِبَارِ الرِّيَاضِيَّاتِ: 15, 14, 10, 6, 13, 9, 16, 13, 13, 19

1

2 الْمَادَةُ الْمُفَضَّلَةُ لَدِي مَجْمُوعَةِ مِنَ الْطَّلَبَةِ: الرِّيَاضِيَّاتُ، التَّارِيخُ، الْجُغرَافِيَا، الرِّيَاضِيَّاتُ، الْعُلُومُ، الْلُّغَةُ الْعَرَبِيَّةُ.

2

الوحدة 10

أَتَدْرَبُ

وَأَحْلُّ الْمَسَائِلَ



أَجِدُ الْوَسِيطَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

أَرْتِفَاعَاتُ بَعْضِ الْمَبَانِي بِالْأَمْتَارِ: 20 , 24 , 21 , 23 , 23 , 21 , 23 , 21

1

أَعْمَارُ مُعَلِّمِينَ بِالسَّنَوَاتِ: 28 , 26 , 41 , 32 , 49

2

أَجِدُ الْمِنْوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

3 3, 5 , 3, 1, 2 , 3, 9, 9, 9, 3, 7

4 5, 12, 24, 10, 12, 5, 3, 12, 3, 7, 17, 5

أَجِدُ الْمِنْوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةِ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

الْفَاكِهَةُ الْمُفَضَّلَةُ لَدِي مَجْمُوعَةِ مِنَ الْأَطْفَالِ: الْمَوْزُ، التُّفَّاحُ، الْمَوْرُ، التُّفَّاحُ، الْمُسْمِشُ،

الْمُسْمِشُ.

الْأَلْوَانُ الْمُفَضَّلَةُ لَدِي مَجْمُوعَةِ مِنَ الْأَشْخَاصِ: الْأَحْمَرُ، الْأَزْرَقُ، الْأَخْضَرُ، الزَّهْرِيُّ،

الَّزَّهْرِيُّ، الْأَخْضَرُ، الْأَحْمَرُ، الْأَزْرَقُ.

إِذَا كَانَ الْمِنْوَالُ لِلْأَعْدَادِ: 3, 4, 7, 9, 10, [] , 9, 10, 3، فَمَا قِيمَتُهُ؟

5

6

7

8

يُسَيِّئُ الْجَدْوَلُ الْمُجاوِرُ كَمِيَّةِ الْأَمْطَارِ الْهَاطِلَةِ إِلَى أَقْرَبِ مِلِيمِيْترٍ فِي بَعْضِ الْمُحَافَظَاتِ.

مَا الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ وَالْوَسِيطُ وَالْمِنْوَالُ لِكَمِيَّةِ الْأَمْطَارِ؟

كَمِيَّةُ الْأَمْطَارِ الْهَاطِلَةُ (mm)				
13	12	12	11	10
14	14	14	14	13
15	15	15	15	15
17	17	17	16	16



درجات الحرارة: كانت درجات الحرارة خلال الأسبوع الأول من شهر كانون الأول في إحدى السنوات كما يأتي: 12, 11, 10, 12, 12, 10, 11, 6, 9, 12, 12, 10, 11, 12. أجد الوسيط والمتوسط لدرجات الحرارة.

9

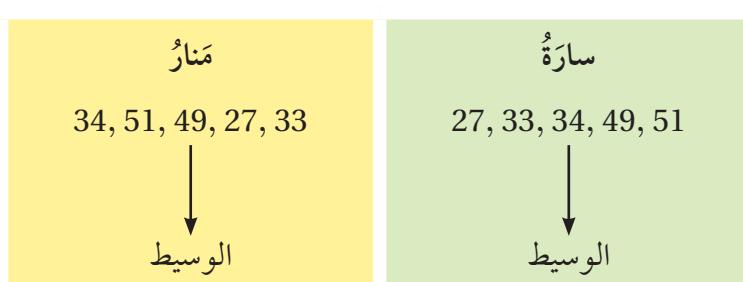
مهارات التفكير

مسألة مفتوحة: أضيف رقمين إلى مجموعة الأعداد: 5, 3, 9, 14, 2، بحيث يبقى الوسيط لها كما هو.

10

اكتشف الخطأ: أوجدت سارة ومنار الوسيط لبيانات 33, 27, 49, 51, 34، كما يأتي: أيهما كانت إجابتها صحيحة؟ أفسر إجابتي.

11



تَحْدِيد: يُبيّن الجدول أدناه العدد المُكتشف لآسماء الكواكب: إذاً أضيف إلى الجدول عدد آسماء كوكب بلوتو يُصبح الوسيط 5 أجد عدداً آسماء بلوتو، وأفسر إجابتي.

12

أورانوس	المشتري	نيبتون	رُحل	المريخ	الأرض	الرُّهْرَة	عطارد	الكُوكُبُ	عدد الأسماء
27	50	13	53	2	1	0	0	الكوكب	عدد الأسماء

اتحدث: أذكر كيف يمكنني إيجاد المتوسط والوسيط لمجموعة من القيم.





أَسْتَكْشِفُ :

سُجِّلْتْ فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ أَعْلَى دَرَجَةٍ حَرَارَةٍ 34°C وَأَدْنَى دَرَجَةٍ حَرَارَةٍ 25°C ، مَا الْفَرْقُ بَيْنَ أَعْلَى دَرَجَةٍ وَأَدْنَى دَرَجَةٍ لِلْحَرَارَةِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجِدُ الْمَدِي لِبَيَانَاتٍ مُفَرَّدَةٍ وَبَيَانَاتٍ مُمَثَّلَةٍ بِيَانِيًّا أَوْ فِي جَدْوَلٍ تَكْرَارِيٍّ.

الْمُصْطَلَحَاتُ

الْمَدِي R.

أَتَعْلَمُ



الْمَدِي (R) (range) عَدْدٌ يَصِفُ تَبَاعِينَ (بَاعُدَ) مَجْمُوعَةَ الْبَيَانَاتِ، وَيُسَاوِي الْفَرْقَ بَيْنَ أَعْلَى قِيمَةٍ وَأَدْنَى قِيمَةٍ. ولتسهيل إيجاد المدى، يُمْكِنُتُنِي أَنْ أُرْتِبَ الْبَيَانَاتِ تَصَاعِدِيًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا، وَأَطْرَحَ أَصْغَرَ قِيمَةً مِنْ أَكْبَرِ قِيمَةٍ.



مَثَالٌ 1: مِنَ الْحَيَاةِ



زِرَاعَةُ: كَانَ إِنْتَاجُ عَدَدٍ مِنَ الْمَزَارِعِ فِي مِنْطَقَةِ الْأَغْوَارِ فِي أَحَدِ الْأَسَابِعِ مِنَ الْبَنَدُورَةِ بِالْأَطْنَانِ كَمَا يَأْتِي:

19, 32, 25, 20, 15

أَصْغَرُ قِيمَةٍ

أَكْبَرُ قِيمَةٍ

15, 19, 20, 25, 32

$$R = 32 - 15$$

$$= 17$$

أُرْتِبُ كَمِيَاتِ الإِنْتَاجِ تَصَاعِدِيًّا

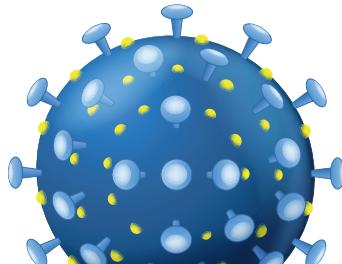
صِيَغَةُ الْمَدِي

أَبْسُطُ

أَيْ إِنَّ مَدِي كَمِيَاتِ الإِنْتَاجِ يُسَاوِي 17 طُنًّا.

أَتَحَقُّقُ مِنْ فَهْمِيَّةِ

ما الْمَدِي لِمَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ الْأَتِيَّةِ: 2000, 150, 325, 1599, 831



| النوع |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----------------------|
| 5 | 1 | 7 | 6 | 5 | 5 | 15 | عدّ الحالات المسجّلة |

مثال 2: من الحياة



فيروس كورونا: يبيّن الجدول الآتي عدّ الإصابات بفيروس كورونا خلال الأسبوع الأول من شهر آب لعام 2020، ما مدى عدّ الإصابات في تلك الفترة؟

أكبر عدّ من الإصابات كان يوم السبت ويساوي 15، وأقل عدّ من الإصابات كان يوم الخميس ويساوي 1

$$R = 15 - 1$$

$$= 14$$

صيغة المدى

أبسط

أي إنّ مدى الإصابات بالفيروس خلال الأسبوع الأول من شهر آب لعام 2020؛ كان 14 إصابةً.

اتّحّق من فهّمي:



سأّلت ليلي عدّاً من زميلاتها في المدرسة عن عدّ الإخوة والأخوات لكلّ واحدٍ منهم، ومثلّت البيانات بالأعمدة كما في الشّكل. أجد المدى لعدّ الإخوة والأخوات لهؤلاء الطّالبات.

التدريب وأجمل المسائل

1

أجد المدى للأعداد الآتية: 5.5 , 5.8 , 3.7 , 4 , 4.2

2

أكمل الجدول الآتي:

المدى	أكبر قيمة	أصغر قيمة
	8.5	5.3
40	68.9	
93		44

5 35 + ÷ ÷ 3 = 8 + 6

الوحدة 10

كانت علامات زيد في نهاية العام الدراسي كما هو مبين في الجدول أدناه. ما مدى علاماته؟

العلوم	الرياضيات	اللغة الإنجليزية	اللغة العربية	التربية الإسلامية	المادة
94	87	90	80	85	العلامة من 100

3

تُمثل البيانات الآتية درجات الحرارة السيليزية داخل عرفة الصاف في شهر 5، أجد المدى.

20, 23, 23, 24, 19, 25, 22, 25, 25, 26, 26, 27, 27, 27, 25, 25, 24, 25, 26, 25, 24, 25, 23, 23, 22, 22, 22, 21, 20, 22, 23

4

يُظهر في الشكل المجاور عدداً الأكياس التي استخدمناها محل لـ 8 زبائن. أجد الوسيط والوسط الحسابي والمدى لعدة الأكياس.

5

تُمثل الأعداد: 365, 337, 425, 381, 365, 352, 594, 373، الراتب الشهري لموظفي مؤسسة بالدينار: أصل بخطٍ بين كل مقياس وقيمة في ما يأتي:

257	الوسط الحسابي
365	الوسيط
369	المنوال
399	المدى

6

مَسَأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ 6 أَعْدَادٍ عَلَى الْبَطَاقَاتِ أَدْنَاهُ، بِحِيثُ يَكُونُ الْمِنْوَالُ 13 وَالْمَدَى 4

7

أَكْتُشِفُ الْحَطَّاً: كتب أحد الطلبة في حلّه لـ إيجاد المدى: $23 - 35 = R$. ما الخطأ الذي ارتكبه؟

8

تَحَدّ: أكمل مجموعات البيانات بحيث يكون المدى 48، والوسط الحسابي 72: , 56, 60, 62, , 80, 91, 102

9

أَتَحَدّثُ: كيف أجد المدى لبيانات مُعطاة؟

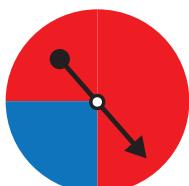
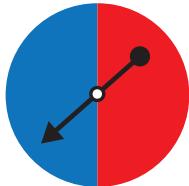
مهارات التفكير

www.JNOB-JO.COM

135

4

الدَّرْسُ 4 فُرَصُ الْحُدُوْثِ (الْأَحْتِمَالُ)



أَسْتَكْشِفُ



إِذَا تَمَّ تَدْوِيرُ الْمُؤْشِرِ فِي الْقُرْصِينِ الْمُجاوِرِيْنِ؛ فَإِيْهُمَا تَكُونُ فُرَصَةُ وُقُوفِهِ عَلَى الْلَّوْنِ الْأَحْمَرِ أَكْبَرَ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أُمِيزَ بَيْنَ نَتَائِجِ تَجَارِبٍ عَشْوَائِيَّةٍ، مِنْ حِيثُ تَسَاوِيٌّ أَوْ عَدْمٌ تَسَاوِيٌّ فُرَصٍ حُدُوْثِهَا.

الْمُضْطَلَاحَاتُ:

النَّاتِجُ، الْفَضَاءُ الْعَيْنِيُّ، فُرَصَةُ الْحُدُوْثِ (الْأَحْتِمَالُ)، فُرَصُ مُتَسَاوِيَّةٍ، فُرَصُ غَيْرِ مُتَسَاوِيَّةٍ.

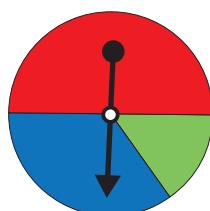
أَتَعْلَمُ



عِنْدِ إِجْرَاءِ تَجْرِيَةٍ عَشْوَائِيَّةٍ تُسَمَّى كُلُّ نَتْيَاجٍ يُمْكِنُ أَنْ تَحْدُثَ نَاتِجًا (outcome)، وَتُسَمَّى مَجْمُوعَةُ النَّوَاطِيجِ الْمُمْكِنَةُ جَمِيعُهَا فَضَاءً عَيْنِيًّا (sample space)، وَتَكُونُ لِلنَّوَاطِيجِ فُرَصُ حُدُوْثٍ مُتَسَاوِيَّةٍ أَوْ أَحْتِمَالٍ (probability) مُتَسَاوِيَّةٍ؛ إِذَا تَسَاوَتْ فِي عَدِدِهَا وَشَكْلِهَا.

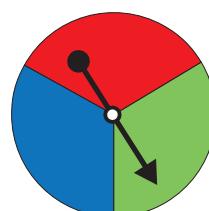
تَوْجِدُ فُرَصٌ غَيْرُ مُتَسَاوِيَّةٍ

لِوُقُوفِ (unequal chance) الْمُؤْشِرِ عِنْدَ أَيِّ لَوْنٍ؛ لِأَنَّ أَجْزَاءَ الدَّائِرَةِ الْثَّلَاثَةَ غَيْرُ مُتَسَاوِيَّةٍ فِي الشَّكْلِ وَالْمَقَاسِ.



تَوْجِدُ فُرَصٌ مُتَسَاوِيَّةٍ

لِوُقُوفِ (equal chance) الْمُؤْشِرِ عِنْدَ أَيِّ لَوْنٍ؛ لِأَنَّ أَجْزَاءَ الدَّائِرَةِ الْثَّلَاثَةَ مُتَسَاوِيَّةٍ فِي الشَّكْلِ وَالْمَقَاسِ.



مِثَال١

عِنْدِ إِلْقَاءِ حَجَرِ النَّرْدِ مَرَّةً وَاحِدَةً، مَا النَّوَاطِيجُ الْمُمْكِنَةُ (فَضَاءُ الْعَيْنِيَّةُ؟)؟ وَهَلْ فُرَصَةُ ظُهُورِ كُلِّ رَقْمٍ مُتَسَاوِيَّةٌ؟

نَوَاطِيجُ إِلْقَاءِ حَجَرِ النَّرْدِ هِيَ الْأَعْدَادُ: 1, 2, 3, 4, 5, 6

وَحَجَرُ النَّرْدِ مُكَعَّبٌ أَوْ جُهَّهُ السَّتَّةَ جَمِيعُهَا مُتَسَاوِيَّةٌ فِي الشَّكْلِ وَالْمِسَاحَةِ، وَكُلُّ وَاحِدٍ مِنْهَا عَلَيْهِ رَقْمٌ مُخْتَلِفٌ. وَمِنْ ثُمَّ، فُرَصُ ظُهُورِ الْأَرْقَامِ مُتَسَاوِيَّةٌ.



الوحدة 10

أتحقق من فهمي:

- 1
- 4
- 3
- 2

سُجِّبْت بطاقةً مِنْ كيسٍ يَحْتَوي عَلَى بَطاقاتٍ مُرَقَّمَةٍ بِالْأَعْدَادِ مِنْ 1 إِلَى 4. مَا نَوَّاتِجُ السَّحْبِ؟ هَلْ فُرْصَةُ ظُهُورِ الْعَدَدِ 2 مُسَاوِيَةٌ لِفُرْصَةِ ظُهُورِ الْعَدَدِ 3؟ لِمَاذَا؟

مثال 2: من الحياة



قطَّعٌ نَقْدِيَّةٌ: فِي جَيْبٍ عَلَيِّ الْقِطَّعِ النَّقْدِيَّةِ الْمُبَيَّنَةِ فِي الصُّورَةِ أَدْنَاهُ، إِذَا وَقَعَتْ مِنْهُ إِحْدَى هَذِهِ الْقِطَّعِ، فَمَا فَعَلَ النُّقُودُ الَّتِي فُرِصَّةُ وُقُوعِ قِطْعَةٍ مِنْهَا هِيَ الْأَكْبَرُ؟



فُرْصَةُ أَنْ تَكُونَ الْقِطْعَةُ 10 قُرُوشٍ هِيَ الْأَكْبَرُ؛ لِأَنَّ عَدَدَ قِطْعَ الـ 10 قُرُوشٍ أَكْبَرُ مِنْ عَدَدِ قِطْعَ أَيِّ فِئَةٍ أُخْرَى.



أتحقق من فهمي:

مَجْمُوعَةٌ مِنَ الْبَالُونَاتِ الْمُلَوَّنَةِ؛ 3 بِالْوَنَاتِ حَمْرَاء، وَبِالْوَنَاتِ لَوْنُهُمَا أَصْفَرُ، وَ5 بِالْوَنَاتِ زَرْقَاء، وَ3 بِالْوَنَاتِ بَيْضَاء. إِذَا انْفَجَرَ أَحَدُهَا فَأُرْتَبَ الْوَانَ الْبَالُونَاتِ تَصَاعِدِيًّا حَسْبَ فُرْصَةِ انْفِجَارِهَا.

في تجربة إِدَارَةِ مُؤَشِّرِ الْقُرُصِ وَتَسْجِيلِ الْلَّوْنِ الَّذِي يَقْفُ عِنْدَهُ، أَكْتُبُ فَضَاءَ الْعَيْنَةِ، ثُمَّ أُحَدِّدُ إِذَا كَانَتِ الْأَلْوَانُ ذَاتَ فَرَصٍ مُسَاوِيَةٍ أَمْ لَا فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

أتدرب
وأحل المسائل

- 1
- 2
- 3
- 4

مُبَارَأَةُ كُرْبَةِ قَدْمٍ: قَبْلَ بِدَايَةِ مُبَارَأَةِ كُرْبَةِ الْقَدْمِ، يُلْقِي الْحَكَمُ قِطْعَةَ نَقْدٍ لِمَعْرِفَةِ مِنْ سَيِّدَ الْلَّعِبِ أَوَّلًا، فَإِذَا كَانَ الْوَجْهُ الظَّاهِرُ صُورَةً، يَيْدِاً الْفَرِيقُ الْأَوَّلُ بِاللَّعِبِ، وَإِذَا كَانَ الْوَجْهُ الظَّاهِرُ كِتَابَةً يَيْدِاً الْفَرِيقُ الثَّانِي بِاللَّعِبِ. هَلْ فَرَصُ الْفَرِيقَيْنِ مُسَاوِيَةٌ؟

أَذْكُرْ إِذَا كَانَتْ نَتَائِجُ التَّجَارِبِ الْعَشْوَائِيَّةِ الْأُتْيَةِ ذَاتَ فُرَصٍ مُتَسَاوِيَّةٍ أَمْ لَا:

5

- إِلْقَاءُ حَجَرٍ تَرَدِّ، وَسُجْنِيلُ عَدَدِ النَّقَاطِ الظَّاهِرِ عَلَى الْوَجْهِ الْعَلَوِيِّ.

- سَحْبُ كُرْةٍ مِنْ صُنْدُوقٍ يَحْتَوِي عَلَى 8 كُرَاتٍ حَمْرَاءَ وَ6 كُرَاتٍ بَيْضَاءَ وَ3 كُرَاتٍ خَضْرَاءَ.

مَزَارِعُ: فِي إِحْدَى الْمَزَارِعِ احْتَوَى كِيسٌ بُصِيلَاتٍ زَنَابِقَ حَمْرَاءَ، وَ6 بُصِيلَاتٍ زَنَابِقَ بَيْضَاءَ، وَ3 بُصِيلَاتٍ زَنَابِقَ صَفْرَاءَ، وَاخْتِيَرْتُ بُصِيلَةً لِزِرْاعَتِهَا. أَرْتَبُ أَلْوَانَ الزَّنَابِقِ تَصَاعِدِيًّا حَسْبَ فُرَصِ اخْتِيَارِ لَوْنِهَا.

6



مَدْرَسَةُ: تَحْتَوِي مَدْرَسَةً عَلَى الصُّفُوفِ مِنَ الْأَوَّلِ إِلَى الثَّالِثِي عَشَرَ، وَكَانَ عَدْدُ طَلَبَةِ الْمَرْحَلَةِ الْأَسَاسِيَّةِ 750 طَالِبًا، أَمَّا عَدْدُ طَلَبَةِ الْمَرْحَلَةِ الثَّانِيَّةِ فَكَانَ 170 طَالِبًا، اخْتِيَرْ طَالِبٌ عَشْوَائِيًّا مِنَ الْمَدْرَسَةِ. هَلْ فُرْصَةُ (اِحْتِمَالٌ) أَنْ يَكُونَ الطَّالِبُ مِنَ الْمَرْحَلَةِ الثَّانِيَّةِ مُسَاوِيَّةً لِفُرْصَةِ كَوْنِهِ مِنَ الْمَرْحَلَةِ الْأَسَاسِيَّةِ؟ لِمَاذَا؟

7

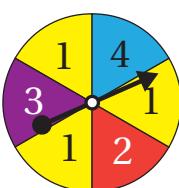
مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

تَبَرِيرُ: أَجْرَتْ مُعَلِّمَةٌ مُسَابَقَةً بَيْنَ طَالِبَيْنِ، وَكَانَتِ الْجَائِزَةُ قِطْعَةً حَلْوَى بِحِيثُ إِذَا أَجَابَتِ الطَّالِبَةُ الْأُولَى إِجَابَةً صَحِيَّةً تَكْسِبُ الْحَلْوَى وَإِذَا أَخْطَأَتْ لَا أَحَدٌ يَأْخُذُ الْحَلْوَى، بَيْنَمَا إِذَا أَجَابَتِ الطَّالِبَةُ الثَّانِيَّةُ إِجَابَةً صَحِيَّةً تَأْخُذُ الْحَلْوَى وَإِذَا أَخْطَأَتْ تَأْخُذُ رَمِيلَتُهَا الْحَلْوَى. هَلْ هَذِهِ الْمُسَابَقَةُ عَادِلَةً؟ لِمَاذَا؟

8

أَطْرَحُ مَسْأَلَةً: أَكْتُبْ تَجْرِيَتَيْنِ عَشْوَائِيَّتِينِ، بِحِيثُ تَكُونُ فُرَصُ نَتَائِجِ الْأُولَى مُتَسَاوِيَّةً، أَمَّا الثَّانِيَّةُ فَتَكُونُ فُرَصُ نَتَائِجِهَا غَيْرُ مُتَسَاوِيَّةٍ.

9



أَكْتَشِفُ الْخَطَاً: يَقُولُ سَامِيُّ إِنَّ ظُهُورَ كُلِّ رَقْمٍ عَلَى الْقُرْصِ الْمُجاوِرِ لَهُ فُرَصٌ مُتَسَاوِيَّةٌ. أُبَيِّنُ خَطَاً سَامِيًّا وَأَصَحِّهُ.

10

أَتَحَدَثُ: كَيْفَ أُمِيزُ التَّجَرِبَةَ الْعَشْوَائِيَّةَ الَّتِي لَهَا نَتَائِجٌ مُتَسَاوِيَّةٌ فِي الْفُرَصِ عَنْ غَيْرِهَا؟



الوحدة 10

اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 الوسط الحسابي للأعداد: 3, 10, 9, 14, 11 هـ:

- أ) 9
ب) 3
ج) 10
د) 14

2 الوسيط للأعداد: 9, 14, 2, 20, 10, 9, هـ:

- أ) 10
ب) 11
ج) 12
د) 9

3 المدى للأعداد: 3, 5, 14, 0, 1, 4, هـ:

- أ) 3
ب) 13
ج) 14
د) 1

4 المُنْوَال لمجموعة البيانات الآتية، هـ: فراولة، موز،

- عنب، فراولة، تفاح، عنب، موز، فراولة.
أ) فراولة.
ب) موز.
ج) عنب.
د) تفاح.

5 كانت علامات 10 طلبة في اختبار الرياضيات كما

يأتي: 19, 15, 14, 20, 17, 14, 15, 14, 18, 10,

المُنْوَال لهذه العلامات يساوي:

- أ) 14
ب) 15
ج) 19
د) 20

6 يُبيّن الجدول أدناه المبيعات بالدينار في محل تجاري خلال 4 أيام. ما مدي هذه المبيعات؟

الأربعاء	الثلاثاء	الاثنين	الأحد	اليوم	المبيعات
120	52	100	36		

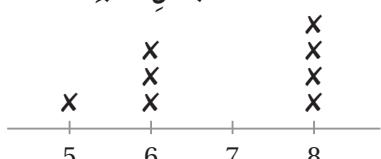
- أ) 76
ب) 84
ج) 308
د) 77

7 في تجربة سحب بطاقة من علبة فيها 4 بطاقات حمراء و8 بيضاء و3 سوداء؛ فإن الفرصة الأكبر تكون لبطاقة:

- أ) جميعها متساوية الفرصة
ب) السوداء
ج) البيضاء
د) الحمراء

8 يوضح التمثيل بالنقاط أدناه علامات بعض الطلبة. الوسيط لهذه العلامات هو:

علامات بعض الطلبة



حيث (X) يمثل طالباً واحداً.

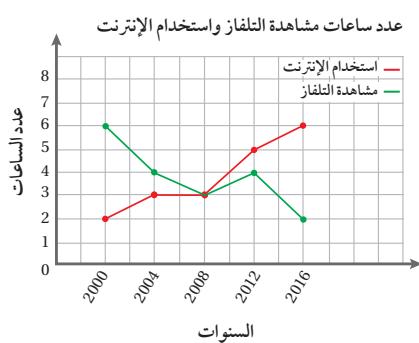
- أ) 3
ب) 6
ج) 7
د) 8

اختبار الوحدة

أسئلة ذات إجابة قصيرة:

- أ) الكيس الذي فيه 10 كرات.
 ب) الكيس الذي فيه 100 كررة.
 ج) الكيس الذي فيه 50 كررة.
 د) الأكياس جميعها فر صها متساوية.

يوضح التمثيل بالخطوط المزدوجة عدد الساعات التي يمضيها بعض الأشخاص في مشاهدة التلفاز واستعمال الإنترنت بين عامي 2000 و2016.



المدى لعدد ساعات مشاهدة التلفاز، هو:

- أ) 2
 ب) 4
 ج) 6
 د) 8

المتوسط لعدد ساعات استعمال الإنترنت، هو:

- أ) 6
 ب) 4
 ج) 3
 د) 2

أكبر قيمة ناقص أصغر قيمة لبيانات، هو:

9

مجموع القيم مقسوماً على عددها، هو:

10

هو القيمة الأكثرو تكراراً:

11

هو القيمة التي تتوسط القيم

12

عند ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً.

يبيّن التمثيل بال نقاط المجاور أعداد السعرات الحرارية في 19 وجبة غذائية. أجد:

المدى. 15 المتوسط. 14 الوسيط. 13

تدريب على الاختبارات الدولية:

تحتوي الأكياس أداًناه على عدٍد من الكرات الزجاجية كما هو مبين تحت كل منها، ويحتوي كل كيس على كرة حمراء واحدة فقط. إذا سحببت من كل كيس كررة واحدة، فما هي كيس فرصة سحب الكرة الحمراء منه أكبر؟



50 كرٌة 100 كرٌة 10 كرٌات