



الرياضيات

الفصل الدراسي الثاني

كتاب الطالب



فريق التأليف

د. عمر محمد أبو غليون (رئيسًا)

فدوى عادل الداودي

شادية صالح غرايبة

أحمد مصطفى سمارة

خلود عبد الحفيظ لوباني (منسقًا)

إضافة إلى جهود فريق التأليف، فقد جاء هذا الكتاب ثمره جهود وطنية مشتركة من لجان مراجعة وتقييم علمية وتربوية ولغوية، ومجموعات مُركّزة من المعلمين والمُشرّفين التربويين، وملاحظات مجتمعية من وسائل التواصل الاجتماعي، وإسهامات أساسية دقيقة من اللجنة الاستشارية والمجلس التنفيذي والمجلس الأعلى في المركز، ومجلس التربية والتعليم ولجانه المتخصصة.

الناشر

المركز الوطني لتطوير المناهج

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج، ووزارة التربية والتعليم – إدارة المناهج والكتب المدرسية، استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب

عن طريق العناوين الآتية: هاتف: 4617304/5-8، فاكس: 4637569، ص. ب: 1930، الرمز البريدي: 11118،

أو بوساطة البريد الإلكتروني: scientific.division@moe.gov.jo

قرّرت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج في جلسته رقم (2020/7)، تاريخ 2020/12/1 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2020/165) تاريخ 2020/12/17 م بدءاً من العام الدراسي 2020 / 2021 م.

© Harper Collins Publishers Limited 2020.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development. Amman - Jordan

ISBN: 978 - 9923 - 41 - 033 - 2

المملكة الأردنية الهاشمية
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية
(2020/8/2950)

372,7

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

الرياضيات: كتاب الطالب (الصف الخامس) / المركز الوطني لتطوير المناهج - عمان: المركز، 2020

ج 2 (140) ص.

ر.إ.: 2020/8/2950

الواصفات: / الرياضيات / التعليم الابتدائي / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مصنفه ولا يعبر هذا المصنف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.

1441 هـ - 2020 م

الطبعة الأولى (التجريبية)

المقدمة

انطلاقاً من إيمان المملكة الأردنية الهاشمية الراسخ بأهمية تنمية قدرات الإنسان الأردني، وتسليحه بالعلم والمعرفة؛ سعى المركز الوطني لتطوير المناهج وبالتعاون مع وزارة التربية والتعليم، إلى تحديث المناهج الدراسية وتطويرها، لتكون معيّنًا للطلبة على الارتقاء بمستواهم المعرفي، ومجaraة أقرانهم في الدول المتقدمة. ولما كانت الرياضيات إحدى أهمّ الموادّ الدراسية، التي تنمّي لدى الطلبة مهارات التفكير وحلّ المشكلات، فقد أولى المركز هذا المبحث عنايةً كبيرةً، وحرص على إعداد كتب الرياضيات وفق أفضل الطرائق المتّبعة عالمياً على يد خبراء أردنيين؛ لضمان انسجامها مع القيم الوطنية الراسخة، وتلبيتها لاحتياجات أبنائنا الطلبة ومعلميهم.

وقد روعي عند إعداد كتب الرياضيات تقديم المحتوى بطريقة سلسلة، وضمن سياقات حياتية شائعة، تزيد من رغبة الطلبة في التعلّم. كما أبرزت الكتب خطة حلّ المسألة، وأفردت لها دروساً مستقلةً تتيح للطلبة التدرّب على أنواع مختلفة من هذه الخطط وتطبيقها في مسائل متنوعة. لقد احتوت الكتب على مشروع لكل وحدة؛ لتعزيز تعلّم الطلبة للمفاهيم والمهارات الواردة في هذه الوحدة وتوسعتها وإثرائها. وبما أن التدرّب المكثّف على حلّ المسائل يعدّ أحد أهمّ طرائق ترسيخ المفاهيم الرياضية وزيادة الطلاقة الإجرائية لدى الطلبة؛ فقد أعدّ كتاب التمارين ليقدم للطلبة ورقة عمل في كل درس ليحلّوها واجباً منزلياً، أو داخل الغرفة الصفية إن توافر الوقت الكافي. ولأننا ندرك جيداً حرص المعلم الأردني على تقديم أفضل ما لديه لطلّبه، فقد جاء كتاب التمارين أداةً مساعدةً توفّر عليه جهد إعداد أوراق العمل وطباعتها.

ومعلوم أن الأرقام العربية تُستعمل في معظم مصادر تعليم الرياضيات العالمية لاسيّما على شبكة الإنترنت، التي أصبحت وبشكل متسارع أداةً تعليميةً مهمّةً؛ لما تزخر به من صفحات تقدّم محتوى تعليمياً تفاعلياً ذا فائدة كبيرة. وحرصاً منا على ألا يفوت أبنائنا الطلبة أيّ فرصة، فقد استعملنا في هذا الكتاب الأرقام العربية؛ لجسّر الهوة بين طلبتنا وبين المحتوى الرقمي العلمي، الذي ينمو بتسارع في عالم يجري نحو التعليم الرقمي بسرعة كبيرة.

ونحن إذ نقدّم الطبعة الأولى (التجريبية) من هذا الكتاب، نأمل أن تنال إعجاب أبنائنا الطلبة ومعلميهم، وتجعل تعليم الرياضيات وتعلّمها أكثر متعةً وسهولةً، ونعدهم بأن نستمّر في تحسين هذا الكتاب في ضوء ما يصلنا من ملاحظات.

المركز الوطني لتطوير المناهج

40	الوَحدة 7	المعادلات
41	مَشروعُ الوَحدة:	لَوْحَةُ المَقاديرِ الجَبْرِيةِ وَالْمُعَادلاتِ ..
42	اِسْتِكْشافُ:	النماذج والمقادير الجبرية
43	الدَّرْسُ 1	المَقاديرُ الجَبْرِيةُ
47	اِسْتِكْشافُ:	حُلُّ مُعادلاتِ الجَمْعِ وَالطَّرْحِ
49	الدَّرْسُ 2	مُعَادلاتُ الجَمْعِ وَالطَّرْحِ
52	اِسْتِكْشافُ:	حُلُّ مُعادلاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ
54	الدَّرْسُ 3	مُعَادلاتُ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ
58	الدَّرْسُ 4	أَحْلُ الْمَسْأَلَةِ (أَرُسْمُ نَمُودَجًا)
60	اِختِبارُ الوَحدة	

6	النُّسُورُ العَشْرِيَّةُ وَالْعَمَلِيَّاتُ عَلَيْهَا
7	مَشروعُ الوَحدة:
8	اِسْتِكْشافُ:
10	الدَّرْسُ 1
13	الدَّرْسُ 2
17	الدَّرْسُ 3
21	الدَّرْسُ 4
24	الدَّرْسُ 5
	الدَّرْسُ 6
28	العَشْرِيَّةُ وَطَرَحُهَا
31	الدَّرْسُ 7
35	الدَّرْسُ 8
38	اِختِبارُ الوَحدة

قائمة المحتويات

98 الوحدة 9 القياس

99 مشروع الوحدة: أنا أَسَوِّقُ

100 الدرس 1 وحدات قياس الكتلة

104 الدرس 2 وحدات قياس السعة والطول

108 الدرس 3 الزمن

استكشاف: تقدير مساحات الأشكال

112 المركبة غير المنتظمة

114 الدرس 4 محيط الشكل المركب ومساحته

120 اختبار الوحدة

122 الوحدة 10 الإحصاء والأحتمال

123 مشروع الوحدة: الراصد الجوي

124 استكشاف: ما الوسيط الحسابي؟

126 الدرس 1 الوسيط الحسابي

129 الدرس 2 الوسيط والمنوال

133 الدرس 3 المدى

136 الدرس 4 فرص الحدوث (الأحتمال)

139 اختبار الوحدة

62 الوحدة 8 الهندسة

63 مشروع الوحدة: أنا رسّام

64 الدرس 1 المضلعات

68 استكشاف: مجموع قياسات زوايا المثلث

70 الدرس 2 تصنيف المثلثات حسب أطوال أضلاعها ..

الدرس 3 تصنيف المثلثات حسب

قياسات زواياها

74 الدرس 4 الأشكال الرباعية

79 الدرس 5 تصنيف الأشكال الرباعية

83 الدرس 6 الإزاحة

88 الدرس 7 الانعكاس

92 اختبار الوحدة

96 اختبار الوحدة

الكُسُورُ العَشْرِيَّةُ وَالْعَمَلِيَّاتُ عَلَيْهَا

ما أَهْمِيَّةُ هَذِهِ الْوَحْدَةِ؟

تُوفِّرُ الْأَعْدَادُ وَأَرْقَامُهَا وَسِيلَةً لِتَحْدِيدِ
الْكَمِّيَّاتِ الْكَامِلَةِ، وَلَكِنَّ الْحَاجَةَ إِلَى شَرْحِ
الْوَحْدَةِ الْكَامِلَةِ وَتَفْصِيلِهَا دَعَتْ إِلَى ظُهُورِ
الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ لِلرَّبْطِ بَيْنَهَا وَبَيْنَ الْكُسُورِ
الْعَادِيَّةِ الَّتِي لَمْ تَعُدْ كَافِيَةً أَوْ سَهْلَةً أَحْيَانًا.
فَمَثَلًا؛ عِنْدَ التَّعْبِيرِ عَنِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ الْبَيْتِ
وَالْمَدْرَسَةِ نَقُولُ 1.5 km، أَوْ عَنْ طُولِ
خَالِدٍ فنَقُولُ 1.72 m، أَوْ أَنَّ زَمَنَ الْوُصُولِ
إِلَى خَطِّ نِهَايَةِ السَّبَاقِ كَانَ 1.248 ثَانِيَةً.



سَنَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- التَّحْوِيلَ بَيْنَ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ، ضِمْنَ أَجْزَاءِ الْأَلْفِ.
- صَرْبَ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ فِي 10 وَ 100 وَ 1000 وَالْقِسْمَةَ عَلَيْهَا.
- جَمْعَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ وَطَرَحَهَا.
- تَعَرُّفَ النِّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ وَكِتَابَتَهَا وَإِيجَادَهَا.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ تَعَرُّفَ أَجْزَاءِ الْعَشْرَةِ وَأَجْزَاءِ الْمِئَةِ وَتَمَثِيلَهَا.
- ✓ قِرَاءَةَ الْعَدَدِ الْعَشْرِيِّ وَكِتَابَتَهُ.
- ✓ التَّحْوِيلَ بَيْنَ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ.
- ✓ مُقَارَنَةَ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ وَتَقْرِيْبَهَا.



مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: فَكِهَةُ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ



أَسْتَعِدُّ وَزُمَلَائِي لِتَنْفِيذِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ، الَّذِي سَأَسْتَعْمِلُ فِيهِ مَهَارَاتِي فِي الْبَحْثِ، لِاِكْتِشَافِ طَرَائِقَ جَدِيدَةٍ تُسَاعِدُنِي عَلَى مُقَارَنَةِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ وَتَرْتِيبِهَا وَتَقْرِيْبِهَا، وَتَقْدِيرِ نَوَاتِجِ جَمْعِهَا وَطَرَحِهَا.

هَدَفُ الْمَشْرُوعِ: نَنْمِيَّةُ مَهَارَاتِ الْبَحْثِ وَالْعَمَلِ الْيَدَوِيِّ، وَرَبْطُ الرِّبَاضِيَّاتِ بِالْمَوَادِّ الْأُخْرَى كَالْعُلُومِ، وَرَبْطُهَا بِمَوَاقِفَ حَيَاتِيَّةٍ تَتَعَلَّقُ بِالْكَسُورِ الْعَشْرِيَّةِ، وَمُقَارَنَتِهَا وَتَقْرِيْبِهَا وَجَمْعِهَا وَطَرَحِهَا.

الْمَوَادُّ وَالْأَدَوَاتُ: مِيزَانٌ، 5 أَنْوَاعٍ مُخْتَلِفَةٍ مِنَ الْفَاكِهَةِ، وَرَقَّةٌ، قَلَمٌ.



خُطُواتُ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ:

1 أَجِدُ كُتْلَةَ كُلِّ فَكِهَةٍ بِالْكِيلُوغَرَامِ، وَأُسَجِّلُهَا فِي الْجَدْوَلِ

الْفَاكِهَةُ	الْكُتْلَةُ	الْكَسْرُ الْعَادِيُّ	الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ

2 أَحَدِّدُ مَنْزِلَةَ أَجْزَاءِ الْمِئَةِ وَأَجْزَاءِ الْأَلْفِ لِكُتْلَةِ كُلِّ فَكِهَةٍ.

3 أُرَتِّبُ الْفَاكِهَةَ حَسَبَ كُتْلَتِهَا مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ.

4 أَقْرِبُ كُتْلَةَ كُلِّ فَكِهَةٍ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ 10، وَإِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ 100.

5 أَقَدِّرُ مَجْمُوعَ كُتْلَتِي نَوْعَيْنِ مِنَ الْفَاكِهَةِ.

6 أَجِدُ الْفَرْقَ بَيْنَ أَكْبَرِ كُتْلَةٍ وَأَصْغَرِ كُتْلَةٍ مِنَ الْكُتْلِ الَّتِي أَوْجَدْتُهَا فِي الْجَدْوَلِ.

7 أَجِدُ كُتْلَةَ 10 أَوْ 100 أَوْ 1000 حَبَّةٍ مُتَمَاثِلَةٍ مِنْ كُلِّ فَكِهَةٍ.

8 أَخْتَارُ إِحْدَى الْفَاكِهَةِ مِنَ الْجَدْوَلِ، وَأُبَيِّنُ نِسْبَتَهَا الْمِئَوِيَّةَ بِالْمُقَارَنَةِ مَعَ عَدَدِ الْفَوَاكِهِ جَمِيعِهَا.

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

1. أَكْتُبُ تَقْرِيرًا أُبَيِّنُ فِيهِ خُطُواتِ عَمَلِ الْمَشْرُوعِ، وَالنِّتَائِجَ وَالصُّعُوباتِ الَّتِي واجَهْتُهَا فِي أَثْنَاءِ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ وَأَنْشِطَتِهِ.

2. أَقَدِّمُ عَرْضَ (بوربوينت - PowerPoint) إِنْ أَمَكَنْ؛ يَتَضَمَّنُ مَرَاجِلَ تَنْفِيذِ الْمَشْرُوعِ، وَصُورَ هَذِهِ الْمَرَاجِلِ، وَالنِّتَائِجِ الَّتِي تَوَصَّلْتُ إِلَيْهَا.

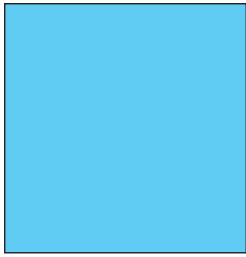


استكشاف: أجزاء الألف

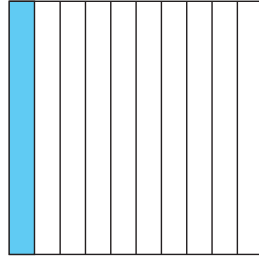
فكرة الدرس: استعمل النماذج للتعبير عن الأجزاء من الألف.

المصطلحات: أجزاء الألف.

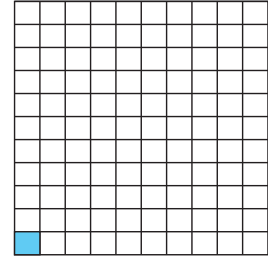
تعلمت أن كل جزء من شبكة الأعداد يمثل $\frac{1}{10}$ ويكتب بالصورة العشرية 0.1، وكل جزء من شبكة المئة يمثل $\frac{1}{100}$ ويكتب بالصورة العشرية 0.01



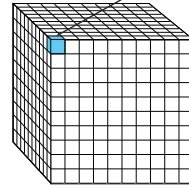
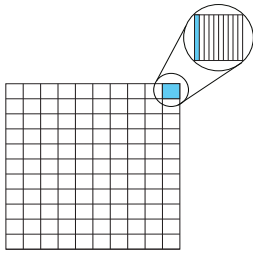
1



$$\frac{1}{10} = 0.1$$



$$\frac{1}{100} = 0.01$$

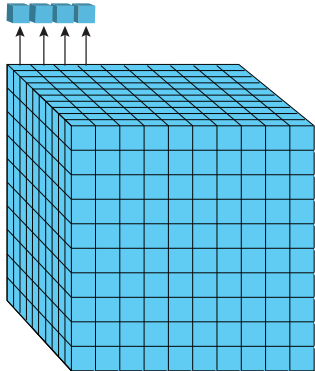


$$\frac{1}{1000} = 0.001$$

مكعب واحد
من 1000

إذا قسمنا كل جزء على شبكة المئة إلى 10 أجزاء متطابقة؛ فنحصل على جزء، وكل جزء يمثل $\frac{1}{1000}$ أو جزءاً من ألف (thousandth) ويكتب بالصورة العشرية 0.001 ويُقرأ جزءاً واحداً من ألف.

نشاط 1 :



يتملى صندوق بـ 1000 مكعب، أخرج يوسف أربعة مكعبات منه، كيف يمكنك كتابة 4 مكعبات من 1000 مكعب في صورة كسر عشري؟

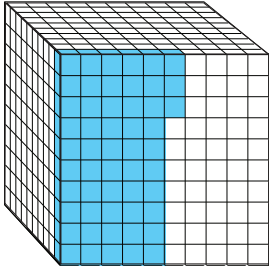
يمكنني كتابة 4 من 1000 في صور الكسر العادي $\frac{4}{1000}$

واكتبه على صورة كسر عشري 0.004

وبالكلمات: أربعة من

الْوَحْدَةُ 6

نشاط 2:

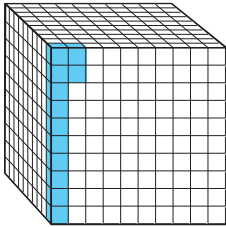


أُمَثِّلِ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ 0.053، وَأُعَبِّرْ عَنْهُ بِصُورَةٍ كُسْرٍ عَادِيٍّ، ثُمَّ بِالْكَلِمَاتِ:
لِتَمَثِيلِ الْكُسْرِ 0.053، أَظَلِّلُ مُكْعَبًا صَغِيرًا مِنَ الْمُكْعَبِ، وَأَكْتُبُهُ عَلَى صُورَةٍ كُسْرٍ
عَادِيٍّ ، وَبِالْكَلِمَاتِ: ثَلَاثَةٌ وَخَمْسُونَ مِنْ 1000

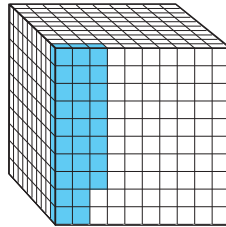
أفكر:

أُعَبِّرْ عَنِ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي بِالْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْعَشْرِيَّةِ:

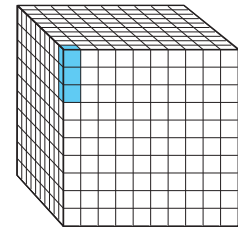
1



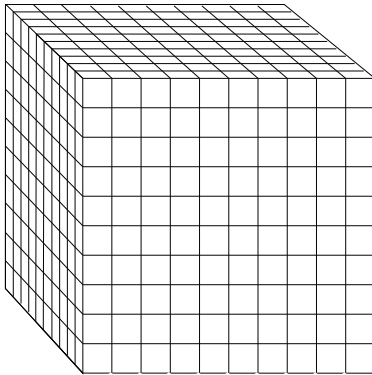
2



3



أُمَثِّلِ كُلَّ كُسْرٍ مِمَّا يَلِي عَلَى نَمُودَجِ الْأَلْفِ الْمَجَاوِرِ:



4 $\frac{3}{100}$

5 0.017

أُكْمِلُ كَلًّا مِمَّا يَلِي:

6 0.021 يساوي جُزْءًا مِنَ أَلْفٍ.

7 0.314 يساوي جُزْءًا مِنَ أَلْفٍ.

8 1.081 يساوي واحدًا و جُزْءًا مِنَ أَلْفٍ.

9 3.009 يساوي ثلاثة و أَجْزَاءٍ مِنَ أَلْفٍ.

10 بَيْنَ الْعِلَاقَةِ بَيْنَ أَجْزَاءِ الْمِئَةِ، وَأَجْزَاءِ الْأَلْفِ.

الدَّرْسُ 1

أجزاء الألف



أَسْتَكَشِفُ



1 سَتِيمِتْرٌ هُوَ جُزْءٌ مِنْ 100 مِنَ الْمِتْرِ، وَيُكْتَبُ
عَلَى صَوْرَةِ الْكُسْرِ $\frac{1}{100}$ ، وَعَلَى صَوْرَةِ
الْكَسْرِ الْعَشْرِيِّ 0.01 كَيْفَ يُكْتَبُ الْيُولِيمِتْرُ
عَلَى صَوْرَةِ كَسْرِ عَشْرِيٍّ مِنَ الْمِتْرِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَكْتُبُ الْكُسُورَ عَلَى صَوْرَةِ
كُسُورٍ عَشْرِيَّةٍ، وَأُمَثِّلُهَا.

المُصْطَلَحَاتُ

الصَّيْغَةُ الْقِيَاسِيَّةُ، الصَّيْغَةُ
الْلَفْظِيَّةُ، الصَّيْغَةُ التَّحْلِيلِيَّةُ

أَتَعَلَّمُ



أجزاء الألف	أجزاء المِئَةِ	أجزاء العِشْرَةِ	الأَحَادُ	العِشْرَاتُ
2	8	1	3	2
0	0	1	0	0

الرقم 1 يقع في منزلة أجزاء العشرة؛
فتكون قيمته المنزلية 0.1

كَمَا تُسْتَعْمَلُ لَوْحَةُ الْمَنَازِلِ لِلْأَعْدَادِ
الْكُلِّيَّةِ، يُمَكِّنُ اسْتِعْمَالُهَا بِحَيْثُ
تَتَضَمَّنُ كُسُورًا عَشْرِيَّةً؛ لِتَفْصِلَ الْفَاصِلَةُ
الْعَشْرِيَّةَ مَنْزِلَةَ الْأَحَادِ عَنْ مَنْزِلَةِ الْأَجْزَاءِ
مِنْ عَشْرَةٍ.

أَكْتُبُ الْقِيَمَةَ الْمَنْزِلِيَّةَ لِلرَّقْمِ الَّذِي تَحْتَهُ خَطٌ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

مِثَال 1

1 9.965

أجزاء الألف	أجزاء المِئَةِ	أجزاء العِشْرَةِ	الأَحَادُ
5	6	9	9
5	0	0	0

الرقم 5 يقع في منزلة
أجزاء الألف؛ فتكون
قيمته المنزلية 0.005

2 2.712

أجزاء الألف	أجزاء المِئَةِ	أجزاء العِشْرَةِ	الأَحَادُ
2	1	7	2
0	1	0	0

الرقم 1 يقع في منزلة
أجزاء المِئَةِ؛ فتكون
المنزلية 0.01

الوَحدة 6

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَكْتُبُ الْقِيَمَةَ الْمُنَزَّلَةَ لِلرَّقْمِ الَّذِي تَحْتَهُ خَطٌّ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

1 44.185

2 214.047

كَمَا فِي الْأَعْدَادِ الْكُلِّيَّةِ، يُكْتُبُ الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ بِالصِّيْغَةِ الْقِيَاسِيَّةِ (standard form)، وَبِالصِّيْغَةِ التَّحْلِيلِيَّةِ (expanded form)، وَبِالصِّيْغَةِ اللَّفْظِيَّةِ (word form). وَلِكِتَابَةِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ بِالصِّيْغَةِ اللَّفْظِيَّةِ، أَسْتَعْمِلُ أَدَاةَ الرَّبْطِ (و)؛ لِلدَّلَالَةِ عَلَى الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ وَالْقِيَمَةِ الْمُنَزَّلَةِ إِلَى آخِرِ رَقْمٍ فِي الْعَدَدِ.

مِثَالٌ 2 أَكْتُبُ كُلًّا مِنَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ الْآتِيَةِ بِالصِّيْغَتَيْنِ اللَّفْظِيَّةِ وَالتَّحْلِيلِيَّةِ.

1 2.563

الصِّيْغَةُ اللَّفْظِيَّةُ: اِثْنَانِ وَخَمْسُمِئَةٍ وَثَلَاثَةُ وَسِتُّونَ مِنْ أَلْفٍ.

الصِّيْغَةُ التَّحْلِيلِيَّةُ: $2.563 = 2 + \frac{5}{10} + \frac{6}{100} + \frac{3}{1000}$
 $= 2 + 0.5 + 0.06 + 0.003$

2 48.071

الصِّيْغَةُ اللَّفْظِيَّةُ: ثَمَانِيَّةٌ وَأَرْبَعُونَ وَوَاحِدٌ وَسَبْعُونَ مِنْ أَلْفٍ.

الصِّيْغَةُ التَّحْلِيلِيَّةُ: $48.071 = 40 + 8 + \frac{7}{100} + \frac{1}{1000}$
 $= 40 + 8 + 0.07 + 0.001$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَكْتُبُ كُلًّا مِنَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ الْآتِيَةِ بِالصِّيْغَتَيْنِ اللَّفْظِيَّةِ وَالتَّحْلِيلِيَّةِ.

1 136.214

2 99.126

أَتَدَرَّبُ



وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

أَكْتُبُ الْقِيَمَةَ الْمُنَزَّلَةَ لِلرَّقْمِ الَّذِي تَحْتَهُ خَطٌّ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي:

1 5.737

2 0.852

3 0.962

4 4.165

5 3.806

6 0.547

أُكْمِلُ الْفَرَاغَ فِي الْجَدُولِ أَذْنَاهُ:

الكُسْرُ / الْعَدَدُ الْكُسْرِيُّ	الْعَدَدُ الْعَشْرِيُّ	الصَّيْغَةُ التَّحْلِيلِيَّةُ	
		تَحْلِيلُ كُسُورٍ	تَحْلِيلُ كُسُورٍ عَشْرِيَّةٍ
		$8 + \frac{9}{10} + \frac{8}{1000}$	
			$10 + 8 + 0.2$
$4 \frac{85}{1000}$			
	0.252		

معلومة

خنفساء جالوت: تعدّ أكبر
الخننافس على الأرض
من حيث الطول والحجم
والكتلة؛ إذ تصل كتلتها إلى
100 g

حَشَرَاتٌ: بَلَغَتْ كُتْلَةُ إِحْدَى الْحَشَرَاتِ 3.405 g، أُعْبِرَ عَنِ كِتْلَتِهَا بِالصَّيْغَةِ التَّحْلِيلِيَّةِ.



قياس: شَارِعٌ قِيْدُ الْإِنْشَاءِ طَوْلُهُ 1000 m تم
تعييد 120 m مِنْهُ فِي الْيَوْمِ الْأَوَّلِ، مَا الْكُسْرُ
الْعَشْرِيُّ الَّذِي تُمَثِّلُهُ الْمَسَافَةُ الْمُتَبَقِّيَّةُ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: أَحَدُّ الْمُخْتَلِفِ مِنَ الْبَطَاقَاتِ الثَّلَاثَةِ، وَأُبْرِّرُ إِجَابَتِي.

0.514

أجزاء الألف	أجزاء المِئَةِ	أجزاء العَشْرَةِ	الأحاد
4	1	5	0

$$\frac{5}{10} + \frac{1}{100} + \frac{4}{1000}$$

وَاحِدٌ وَخَمْسُونَ وَأَرْبَعَةُ أَعْشَارٍ.

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ كُسْرًا عَشْرِيًّا يَقَعُ بَيْنَ الْكُسْرَيْنِ الْعَشْرَيْنِ 0.344 , 0.435

تَحَدُّ: أَكْتُبْ كُسْرًا عَشْرِيًّا يَقَعُ بَيْنَ 0.56 , 0.57

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَحَدُّ الْقِيَمَةِ الْمَنْزِلِيَّةِ لِرَفْمٍ فِي عَدَدٍ عَشْرِيٍّ؟





فكرة الدرس

أحوّل الكسر العاديّ إلى كسر عشريّ والعكس.

المصطلحات

كسر عاديّ، كسر عشريّ

استكشف



يُمثّل الماء الموجود في إبريق الشاي $\frac{65}{100}$ من اللتر، اكتب كمية الماء على صورة كسر عشري.



أتعلّم



تعلّمت سابقاً أن الكسر العشريّ (decimal) من منزلة عشرية واحدة هو كسر عاديّ (fraction) مقامه 10 فمثلاً $0.4 = \frac{4}{10}$ والكسر العشريّ من منزلتين عشريتين هو كسر عاديّ مقامه 100؛ فمثلاً $0.75 = \frac{75}{100}$ وبالطريقة نفسها يمكنني كتابة كسر عشريّ لغاية الأجزاء من ألف على صورة كسر عاديّ؛ فمثلاً:

$$0.327 = \frac{327}{1000}$$

الأرقام في المنازل العشرية.

1 عن يمينه أضاف بعدد المنازل العشرية.

مثال 1 اكتب الكسور والأعداد الكسرية الآتية؛ على صورة أعداد عشرية.

1 $\frac{3}{4}$

الطريقة 1: أحوّل الكسر إلى كسر مقامه 10 أو 100 أو 1000 لا يوجد عددٌ كُلّيّ ناتج ضربِه في 4 يُساوي 10؛ لذا، أبحث عن عددٍ ناتج ضربِه في 4 يُساوي 100 العدد هو 25؛ لذا:

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25}$$

أضرب البسط والمقام في 25

$$= \frac{75}{100}$$

أضرب

$$= 0.75$$

كسر عشريّ

الطريقة 2: أَسْتَغْمِلُ الْقِسْمَةَ الْمُطَوَّلَةَ.

$$\begin{array}{r}
 0.75 \\
 4 \overline{) 3.00} \\
 - 0 \downarrow \\
 \hline
 3.0 \\
 - 28 \\
 \hline
 20 \\
 - 20 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

أَقْسِمُ الْبَسْطَ عَلَى الْمَقَامِ

$$3 = 3.0 = 3.00 \text{ أَلِكْتُبُ الْمَقْسُومَ بِاسْتِغْمَالِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ}$$

$3 < 4$ فَنَاتِجُ الْقِسْمَةِ صِفْرٌ.

أَرْفَعُ الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ إِلَى النَّاتِجِ وَأُنْزِلُ صِفْرًا، وَأَقْسِمُ حَتَّى يَكُونَ الْبَاقِي صِفْرًا.

$$2 \quad 8 \frac{9}{20}$$

$$8 \frac{9}{20} = 8 + \frac{9 \times 5}{20 \times 5}$$

$$= 8 + \frac{45}{100}$$

$$= 8 \frac{45}{100}$$

$$= 8.45$$

أَحْوَلُ الْكُسْرَ إِلَى كُسْرٍ مَقَامُهُ 100

أَضْرِبُ

عَدَدٌ كُسْرِيٌّ

عَدَدٌ عَشْرِيٌّ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَكْتُبُ الْكُسُورَ وَالْأَعْدَادَ الْكُسْرِيَّةَ الْآتِيَّةَ، عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ.

$$1 \quad \frac{5}{8}$$

$$2 \quad 3 \frac{7}{25}$$

مِثَال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



أَعْلَامٌ: صَمَّمُ مُعَلِّمُ التَّرْبِيَةِ الْفَنِّيَّةِ عَلَمَ الْأُرْدُنِّ عَلَى الْحَائِطِ بِطُولِ 1.75 m وَعَرْضِ 0.875 m أَعْبَرُ عَنْ طُولِ الْعَلَمِ وَعَرْضِهِ بِصُورَةِ كُسُورٍ عَادِيَّةٍ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ.

الطول يساوي 1.75 m

$$1.75 = 1 + \frac{75}{100}$$

$$= 1 + \frac{75 \div 5}{100 \div 5}$$

$$= 1 + \frac{15 \div 5}{20 \div 5}$$

أَقْسِمُ الْبَسْطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

أَكْتُبُ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ عَلَى صُورَةِ كُسْرٍ مَقَامُهُ 100

أَقْسِمُ الْبَسْطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

الْوَحْدَةُ 6

$$= 1 + \frac{3}{4}$$

$$= 1 \frac{3}{4}$$

أَبَسِّطُ

أَكْتُبُ بَعْدَ التَّبْسِيطِ

الْعَرَضُ يساوي 0.875

$$0.875 = \frac{875}{1000}$$

أَكْتُبُ الْكُسْرَ عَلَى صُورَةِ كُسْرٍ عَادِيٍّ مَقَامُهُ 1000

$$= \frac{875 \div 5}{1000 \div 5}$$

أَقْسِمُ الْبَسِطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

$$= \frac{175 \div 5}{200 \div 5}$$

أَقْسِمُ الْبَسِطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

$$= \frac{35 \div 5}{40 \div 5}$$

أَقْسِمُ الْبَسِطَ وَالْمَقَامَ عَلَى 5

$$= \frac{7}{8}$$

أَبَسِّطُ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: سَبِيكَةُ مِنَ الذَّهَبِ وَالنُّحَاسِ كُتِلَتْهَا 1000g فِيهَا 850g مِنَ النُّحَاسِ، مَا الْكُسْرُ الْعَادِيُّ وَالْكُسْرُ الْعَشْرِيُّ الَّذِي يُعَبَّرُ عَنْ كُتْلَةِ النُّحَاسِ فِي السَّبِيكَةِ؟

أَتَدْرِبُ

وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أُحَوِّلُ كُلَّ كُسْرٍ عَادِيٍّ أَوْ عَدَدٍ كُسْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي، إِلَى الصُّورَةِ الْعَشْرِيَّةِ:

1 $5 \frac{3}{8}$

2 $\frac{19}{20}$

3 $12 \frac{1}{8}$

4 $3 \frac{2}{5}$

5 $4 \frac{1}{4}$

6 $\frac{7}{8}$

أُحَوِّلُ كُلَّ كُسْرٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي، إِلَى كُسْرٍ عَادِيٍّ أَوْ عَدَدٍ كُسْرِيٍّ فِي أَبَسِّطِ صُورَةٍ:

7 19.125

8 0.35

9 5.625

10 0.6

11 1.45

12 0.375

13 **ذَهَبٌ:** فِي مَحَلٍّ لِلْمُجَوَّهَرَاتِ 18.125 kg مِنَ الذَّهَبِ، أَكْتُبُ كُتْلَةَ الذَّهَبِ عَلَى صَوْرَةٍ عَدَدٍ كَسْرِيٍّ.

14 **رِيَاضَةٌ:** يَتَسَّعُ مَدْرَجُ مَسَابِحِ مَدِينَةِ الْحَسَنِ الرِّيَاضِيَّةِ فِي أَرْبَعٍ إِلَى 2000 مَتَرٍ، إِذَا كَانَ عَدَدُ الْجَالِسِينَ عَلَى مَقَاعِدِ الْمَدْرَجِ 1350 شَخْصًا، فَمَا الْكُسْرُ الْعَادِيُّ الَّذِي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْمَقَاعِدِ الْمَشْغُولَةِ؟ وَمَا الْكُسْرُ الْعَشْرِيُّ الَّذِي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْمَقَاعِدِ الْفَارِغَةِ؟



مَزَارِعُ: تَحْتَوِي مَزْرَعَةٌ فِي الْأَغْوَارِ عَلَى 1000 شَجَرَةٍ؛ 485 شَجَرَةً نَخِيلٍ، وَ 192 شَجَرَةً مَوْزٍ، وَ 68 شَجَرَةً تَفَّاحٍ، وَبَقِيَّةُ الْأَشْجَارِ مِنَ الْعِنَبِ. أَكْتُبُ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ أَشْجَارَ النَّخِيلِ فِي الْمَزْرَعَةِ.

16 أَكْتُبُ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ أَشْجَارَ الْمَوْزِ فِي الْمَزْرَعَةِ.

17 أُبَيِّنُ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ أَشْجَارَ التَّفَّاحِ فِي الْمَزْرَعَةِ عَلَى لَوْحَةِ الْمَنَازِلِ.

18 أَجِدُ الْكُسْرَ الْعَادِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ أَشْجَارَ الْعِنَبِ فِي الْمَزْرَعَةِ، ثُمَّ أَكْتُبُهُ عَلَى صَوْرَةٍ كَسْرِيٍّ عَشْرِيٍّ.

معلومة

تم افتتاح مدينة الحسن الرياضية عام 1990م على مساحة 110000 m^2 لتكون الثانية بعد المدينة الرياضية في عمان.

مهارات التفكير

19 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** أَكْتُبُ كُسْرًا عَشْرِيًّا بَيْنَ الْكُسْرَيْنِ الْعَادِيَيْنِ $\frac{2}{5}$ ، $\frac{1}{5}$

20 أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: أَحَدُ الْعَدَدِ الْمَخْتَلَفِ، وَأَبْرَرُ إِجَابَتِي

$$4\frac{4}{5}$$

$$4.8$$

$$4.45$$

$$4.80$$

21 **تَبْرِيرٌ:** مِنْ دُونِ إِجْرَاءِ حِسَابَاتٍ؛ أَيُّ الْعَدَدَيْنِ أَكْبَرُ 8.5 أَمْ 8.57؟ أُبْرِّرُ إِجَابَتِي.

22 **اكتشف الخطأ:** كَتَبْتُ مَنَالٌ وَخُلُودُ الْكُسْرِ $\frac{5}{1000}$ فِي الصُّورَةِ الْعَشْرِيَّةِ، أَيُّهُمَا كَتَبَتْهُ كِتَابَةً صَحِيحَةً؟ أَفَسِّرُ إِجَابَتِي.

خلود

$$\frac{5}{1000} = 0.005$$

منال

$$\frac{5}{1000} = 0.05$$

أَتَحَدَّثُ: أُبَيِّنُ كَيْفَ أُحَوِّلُ عَدَدًا كَسْرِيًّا إِلَى الصُّورَةِ الْعَشْرِيَّةِ.





أَسْتَكَشِفُ



تَحْتَوِي التُّفَاحَةُ الخَضِرَاءُ عَلَى
0.906g بروتين و 0.391g دُهُونٍ.
مَا مَكُونُ التُّفَاحَةِ الأَكْبَرُ، الدُّهُونُ
أَمْ البروتين؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أُقَارِنُ كُسُورًا وَأَعْدَادًا كَسْرِيَّةً
وَكُسُورًا عَشْرِيَّةً، وَأُرَتِّبُهَا.

المُصْطَلَحَاتُ

المُقَارَنَةُ، التَّرْتِيبُ.

أَتَعَلَّمُ



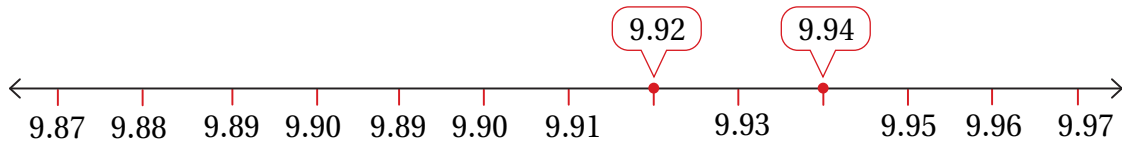
تَعَلَّمْتُ سَابِقًا المُقَارَنَةَ (comparing) بَيْنَ الأَعْدَادِ الكُلِّيَّةِ، وَالْكَسُورِ العَشْرِيَّةِ لِغَايَةِ الأَجْزَاءِ مِنَ المِئَةِ.
وَسَأَتَعَلَّمُ المُقَارَنَةَ بَيْنَ كُسُورٍ عَشْرِيَّةٍ لِغَايَةِ الأَجْزَاءِ مِنَ الأَلْفِ وَتَرْتِيبُهَا. يُمَكِّنُنِي اسْتِعْمَالُ لَوْحَةِ المَنَازِلِ لِمُقَارَنَةِ
الْكَسُورِ العَشْرِيَّةِ.

أُقَارِنُ بَيْنَ العددين العشريين في ما يأتي باستعمال الرمز ($>$ أو $<$ أو $=$):

مثال 1

1 9.92 9.94

الطَّرِيقَةُ 1: خَطُّ الأَعْدَادِ.



يَقَعُ 9.94 عَلَى يَمِينِ 9.92

أَيُّ أَنْ: 9.94 أَكْبَرُ مِنْ 9.92

إِذَنْ، $9.92 < 9.94$

الطريقة 2: لوحة المنازل.

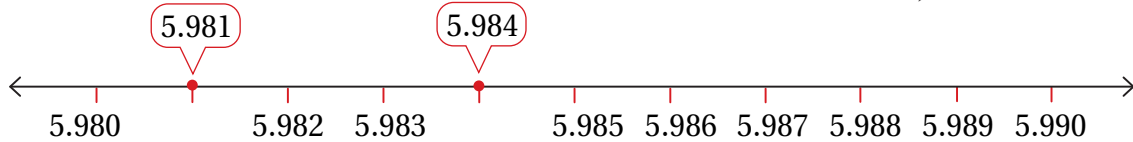
أضع الفاصلة العشرية فوق الفاصلة العشرية، ثم أفرق بين أرقام كل منزلة ابتداءً من اليسار. ألاحظ تساوي رقمي منزلة الآحاد وأجزاء العشرة، وفي منزلة أجزاء المئة ألاحظ أن $2 < 4$

أجزاء الآلاف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الآحاد	العشرات
	4	9	9	
	2	9	9	

أي أن: $9.94 > 9.92$ إذن، $9.92 < 9.94$

2 5.984 5.981

الطريقة 1: خط الأعداد.



يقع 5.984 على يمين 5.981؛ إذن: $5.984 > 5.981$ أو $5.981 < 5.984$

الطريقة 2: لوحة المنازل.

أضع الفاصلة العشرية فوق الفاصلة العشرية، ثم أفرق بين أرقام كل منزلة ابتداءً من اليسار. ألاحظ تساوي رقمي منزلة الآحاد وأجزاء العشرة وأجزاء المئة، وفي منزلة أجزاء الآلاف ألاحظ أن $1 < 4$

أجزاء الآلاف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الآحاد	العشرات
4	8	9	5	
1	8	9	5	

أي أن: $5.984 > 5.981$ إذن، $5.981 < 5.984$

التحقق من فهمي: أفرق بين العددين العشريين في ما يأتي باستعمال الرمز ($>$ أو $<$ أو $=$):

1 99.257 99.217

2 145.748 145.645

كَمَا يُمَكِّنُنِي اسْتِعْمَالُ الْقِيَمِ الْمَنْزِلِيَّةِ **لِلتَّرْتِيبِ** (ordering) مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ، وَمِنَ الْأَكْبَرِ إِلَى الْأَصْغَرِ.

مِثَالٌ 2: مِنْ الْحَيَاةِ

سَبَاقُ: أَنهى خَالِدٌ سَبَاقًا فِي 8.016 دَقَائِقَ، وَأَنهَاهُ مَاجِدٌ فِي 7.03 دَقَائِقَ، بَيْنَمَا أَنهَاهُ مُهَمَّدٌ فِي 8.16 دَقَائِقَ. أُرْتَبُ الْأَزْمَنَةُ مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ. مَنِ الْفَائِزُ؟ (الْفَائِزُ فِي السَّبَاقِ هُوَ الَّذِي أَنهَاهُ فِي أَقَلِّ مُدَّةٍ زَمَنِيَّةٍ).

أَقَارِنُ بَيْنَ الْأَعْدَادِ وَأَرْبُّهَا بِاسْتِعْمَالِ
الْقِيَمَةِ الْمُنْزِلِيَّةِ

أضع أصفارًا عن يمين آخر منزلة ليصبح لكل الأعداد العدد نفسه من المنازل.

أرتب الفواصل العشرية
بعضها فوق بعض.

8.160

8.016

7.030

8.016

7.030

8.160

← 8.016

← 7.03

← 8.16

التَّرتِيبُ مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ: 7.03 , 8.016 , 8.16

إِذْ: الْفَائِزُ فِي السَّبَاقِ هُوَ مَا جِدُّ؛ لِأَنَّهُ أَنْهَى السَّبَاقَ فِي أَقَلِّ مُدَّةٍ زَمَنِيَّةٍ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: ذَهَبْتُ جَنَى إِلَى السُّوقِ وَاشْتَرَيْتُ 1.65 kg مِنَ السُّكَّرِ وَ 2.587 kg مِنَ الدَّقِيقِ وَ 2.564 kg مِنَ الْمِلْحِ. أُرَتَّبُ مُشْتَرِيَاتِ جَنَى مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ.

أَتَدْرَبُ
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

أَضَعُ الرَّمْزَ ($>$ أو $<$ أو $=$) في ●؛ لِتُصْبِحَ الْعِبَارَةُ صَحِيحَةً:

1 7.539 ● 7.344

2 9.953 ● 9.951

3 1.403 ● 1.4

4 3.74 3.740

5 41.06 ● $40 + 1 + 0.6$

6 $\frac{7}{100}$ 0.7

7 $15.2 \bigcirc 10 + 5 + \frac{2}{1000}$

8 0.021  $\frac{26}{1000}$

أَرْبُ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي تَصَاعِدِيًّا (مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ):

9 9.219 , 9.3 , 9.37 , 9.129

10 0.101, 0.001, 0.1, 0.012

أَرْتَبُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي تَنَازُلِيًّا (مِنَ الْأَكْبَرِ إِلَى الْأَصْغَرِ):

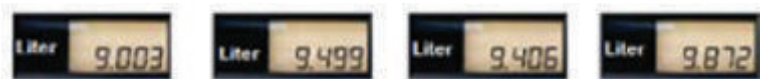
11 5.231, 5.312, 5.123, 5.132

12 2.383, 2.95, 2.833, 2.905

معلومة

من وحدات قياس استهلاك السيارة للبنزين كيلومتر لكل لتر، وكلما ارتفع الرقم، كلما ازدادت كفاءة السيارة، ما يعني أن سيارة معدل استهلاكها 12.5 كيلومتر لكل لتر هي أقل كفاءة من سيارة استهلاكها 16 كيلومتر لكل لتر.

13 بنزين: ملأت سَمَاحَ سَيَّارَتِهَا بِأَكْثَرِ مِنْ 9.487 L مِنَ الْبَنْزِينِ، وَأَقَلَّ مِنْ 10 L، أَيُّ الشَّاشَاتِ الْآتِيَةِ يُمَكِّنُ أَنْ تُمَثَّلَ مِقْدَارَ مَا مَلَأْتَ سَمَاحَ مِنَ الْبَنْزِينِ؟



14 مُكْسَّرَاتٌ: يُبَيِّنُ الْجَدْوُلُ كُتْلَ 4 أَنْوَاعٍ مِنَ الْمُكْسَّرَاتِ بِالْكِيلُوغَرَامِ، أَرْتَّبْ هَذِهِ الْكُتْلَ مِنَ الْأَصْغَرِ إِلَى الْأَكْبَرِ.



كاجو	بزر	فستق	لوز
0.287	0.234	0.455	0.458

15 وَصْفَاتُ طَعَامٍ: اسْتَعْمَلْتَ مَرَّةً 0.075 kg مِنَ الْبُهَارَاتِ وَ 0.1 kg مِنَ الْمِلْحِ، وَ 0.05 kg مِنَ زَيْتِ الطَّعَامِ فِي تَحْضِيرِ وَجَبَةٍ طَعَامٍ. أَرْتَّبْ هَذِهِ الْمَقَادِيرَ مِنَ الْأَكْبَرِ إِلَى الْأَصْغَرِ.

16 تِجَارَةٌ: فِي مَتَجَرِّينِ رَأَيْتُ عَرْضَيْنِ لِبَيْعِ نَوْعٍ مِنْ جُبْنِ الشَّيْدَرِ نَفْسِهِ وَ الْكُتْلَةَ نَفْسَهَا. أَيُّ عَرْضٍ أَفْضَلُ لِلشَّرَاءِ؟ أفسِّرْ إجابتي.

العرض الثاني
2.490 دينار

العرض الأول
2.315 دينار

مهارات التفكير

17 مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَجِدْ كَسْرَيْنِ عَشْرَيْنِ يَفْعَانِ بَيْنَ 0.101 وَ 0.114

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْمِلْ كُلَّ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي؛ لِتُصَبِّحَ الْعِبَارَةُ صَحِيحَةً:

18 10.3 1 > 10.311

19 28.60 = 28.6 0

20 تَبْرِيرٌ: يَقُولُ عَبْدُ الْهَادِي إِنَّ الْعَدَدَ 5.77 يَفْعُ بَيْنَ الْعَدَدَيْنِ 5.7 وَ 5.8 هَلْ هُوَ عَلَى صَوَابٍ؟ أَبْرِّرْ إجابتي.

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَقَارِنُ بَيْنَ الْكَسْرَيْنِ الْعَشْرَيْنِ 0.886 وَ 0.88؟





فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَقْرَبُ الْأَعْدَادِ الْعَشَرِيَّةِ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ، أَوْ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ، أَوْ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

المُصْطَلَحَاتُ

تَقْرِيبٌ

أَسْتَكْشِفُ



يُمَثِّلُ النِّتْرُوجِينَ نِسْبَةً كَبِيرَةً مِنْ غِلَافِنَا الْجَوِّيِّ، إِذْ تَبْلُغُ نِسْبَةُ النِّتْرُوجِينَ 0.781 مِنَ الْغِلَافِ الْجَوِّيِّ. أَقْرَبُ هَذَا الْكَسْرِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.



أَتَعَلَّمُ



تَعَلَّمْتُ سَابِقًا تَقْرِيبَ (rounding) الْأَعْدَادِ الْكُلِّيَّةِ وَالْكَسُورِ الْعَشَرِيَّةِ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ وَأَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ. وَلِتَقْرِيبِ الْكَسْرِ الْعَشَرِيِّ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ؛ أَتَّبِعُ الطَّرِيقَةَ نَفْسَهَا:

أَنْظُرُ إِلَى الرَّقْمِ إِلَى يَمِينِهِ مُبَاشَرَةً.

2

أُحَدِّدُ الرَّقْمَ فِي الْمَنْزِلَةِ الْمُرَادِ التَّقْرِيبُ إِلَيْهَا.

1

إِذَا كَانَ أَصْغَرَ مِنْ 5 يَبْقَى الرَّقْمُ الْمُحَدَّدَ كَمَا هُوَ، أَمَّا إِذَا كَانَ 5 أَوْ أَكْبَرَ فَأُضِيفُ 1 إِلَى الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ.

3

أُسْتَبَدِّلُ صِفْرًا مَكَانَ كُلِّ رَقْمٍ إِلَى يَمِينِ الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ.

4

مِثَالُ 1 أَقْرَبُ كُلِّ كَسْرِ عَشَرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

1 9.845 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

أُحَدِّدُ الرَّقْمَ فِي الْمَنْزِلَةِ الْمُرَادِ التَّقْرِيبُ إِلَيْهَا 9.845

أَنْظُرُ إِلَى الرَّقْمِ إِلَى يَمِينِهِ مُبَاشَرَةً 9.845

أُقَارِنُ هَذَا الرَّقْمَ بـ 5

8 > 5

أُضِيفُ 1 إِلَى الرَّقْمِ الْمُحَدَّدِ فِي مَنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ، وَأُسْتَبَدِّلُ الْأَرْقَامَ الَّتِي عَلَى يَمِينِهِ أَصْفَارًا.

إِذْنًا؛ تَقْرِيبُ 9.845 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ هُوَ 10

مَنْزِلَةُ الْآحَادِ

9 . 8 4 5
↓ ↓ ↓ ↓
10 . 0 0 0

2 17.231 إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

أحدّد الرقم في المنزلة المراد التقريب إليها 17.231

أنظر إلى الرقم إلى يمينه مباشرة 17.231

أقارن هذا الرقم بـ 5

$$3 < 5$$

منزلة أجزاء العشرة

$$\begin{array}{ccccccc} 1 & 7 & . & 2 & 3 & 1 \\ \downarrow & \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 1 & 7 & . & 2 & 0 & 0 \end{array}$$

يبقى هذا الرقم المحدّد في منزلة التقريب كما هو، وأستبدل الأرقام التي على يمينه أصفاراً 17.200 = 17.2

إذن تقريب 17.231 إلى أقرب جزء من عشرة هو 17.2

أتحقق من فهمي: أقرب كل كسرٍ عشريٍّ ممّا يأتي:

2 31.644 إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

1 78.541 إلى أقرب عدد كلي.

في المواقف الحياتية أستخدم التقريب عندما لا احتاج إلى الإجابة الدقيقة.

مثال 2: من الحياة

اسم الطفل	أسماء	سارة	أكرم
كثلة الطفل / kg	2.475	3.0184	3.285

يبين الجدول أدناه كتل 3 أطفال حديثي الولادة بالكيلوغرام،

أقرب كتلة أسماء إلى أقرب جزء من مئة.

أحدّد الرقم في المنزلة المراد التقريب إليها 2.475

أحدّد الرقم في المنزلة المراد التقريب إليها 2.475

أنظر إلى الرقم إلى يمينه مباشرة 2.475

أقارن هذا الرقم بـ 5

$$5 = 5$$

منزلة أجزاء المئة

$$\begin{array}{ccccccc} 2 & . & 4 & 7 & 5 \\ \downarrow & & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 2 & . & 4 & 8 & 0 \end{array}$$

أضيف 1 إلى الرقم المحدّد في منزلة التقريب، وأستبدل الأرقام التي على يمينه أصفاراً 2.480 = 2.48

إذن تقريب 2.475 إلى أقرب جزء من مئة يساوي 2.48 أي أن كتلة أسماء 2.48 kg تقريباً

أتحقق من فهمي:

2 أقرب كتلة أكرم إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

1 أقرب كتلة سارة إلى أقرب عددٍ كليٍّ.

الْوَحْدَةُ 6

أَتَدْرَبُ

وَأَدْخُلُ الْمَسَائِلَ



معلومة

الأكسجين هو عنصر هام
و تحتاحه معظم الكائنات
الحية على الأرض من أجل
البقاء. و الأكسجين هو
العنصر الثالث الأكثر وفرة
في الكون، و هو العنصر
الأول الأكثر وفرة في جسم
الإنسان.



أَقْرَبُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ:

1 7.582

2 2.401

3 3.509

أَقْرَبُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ:

4 7.177

5 0.962

6 8.314

أَقْرَبُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ:

7 4.5

8 57.3

9 1.32

10 **عُلُومٌ:** يُشَكِّلُ الْأَكْسِجِينُ مَا نِسْبَتُهُ 0.209 مِنَ الْهَوَاءِ. أَقْرَبُ هَذِهِ النِّسْبَةِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

11 يَبْلُغُ طَوْلُ جَنَاحِ الصَّقْرِ الْحُرِّ 0.539 m، كَمْ يُسَاوِي هَذَا الطَّوْلُ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ مِنَ الْمِثْرِ؟

12 أَجِدْ عَدَدَيْنِ يَكُونُ الْعَدَدُ 35.4 نَتِيجَةَ تَقْرِيْبِهِمَا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

35.45 34.42 35.391 35.345 35.44 35.041

13 **تَحَدُّ:** مَا أَصْغَرَ عَدَدٍ تَقْرِيْبُهُ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ هُوَ 0.19؟

14 **تَحَدُّ:** أَقْرَبُ 0.089 إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ، ثُمَّ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

15 **أَطْرَحْ مَسْأَلَةً:** أَكْتُبْ مَسْأَلَةً حَيَاتِيَّةً لِعَدَدٍ عَشْرِيٍّ، وَأَقْرِبُهُ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

15 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** أَكْتُبْ عَدَدَيْنِ عَشْرِيَيْنِ نَاتِجِ تَقْرِيْبِهِمَا إِلَى أَقْرَبِ مِئَةٍ هُوَ 7.42

تَبْرِيرٌ: أَسْمِي الْمَنْزِلَةَ الَّتِي قُرْبَ إِلَيْهَا كُلُّ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي، وَأَبْرُرُ إِجَابَتِي.

16 16.932 → 20

17 0.581 → 0.58

18 7.429 → 7.4

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَقْرَبُ 0.084 إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ؟ أَفَسِّرُ إِجَابَتِي.





أَسْتَكْشِفُ



يَذُوبُ الأَلُمْنِيُومُ عِنْدَ 660.32
دَرَجَةِ مِئْوِيَّةٍ، بَيْنَمَا يَذُوبُ الذَّهَبُ عِنْدَ
1064.18 دَرَجَةِ مِئْوِيَّةٍ. مَا الفَرْقُ بَيْنَ
دَرَجَتِي الدُّوبَانِ لِلْمَعْدِنَيْنِ.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجْمَعُ الأَعْدَادَ العَشْرِيَّةَ
وَأَطْرَحُهَا، وَأَحْلُ مَسَائِلَ عَلَيْهَا.

المُصْطَلَحَاتُ

جَمْعٌ، طَرَحٌ.

أَتَعَلَّمُ



أَجْمَعُ (add) الكُسُورَ العَشْرِيَّةَ وَأَطْرَحُهَا (subtract) كَمَا أَجْمَعُ الأَعْدَادَ وَأَطْرَحُهَا؛ إِذَا أَجْمَعُ الأَرْقَامَ فِي المَنَازِلِ
نَفْسِهَا، وَكَيْ أَجْمَعَ الكُسُورَ أَوْ الأَعْدَادَ العَشْرِيَّةَ أَوْ أَطْرَحُهَا:

أُنْزِلُ الفَاصِلَةَ العَشْرِيَّةَ
فِي مَكَانِهَا مِنَ النَّاتِجِ.

أَجْمَعُ أَوْ أَطْرَحُ.

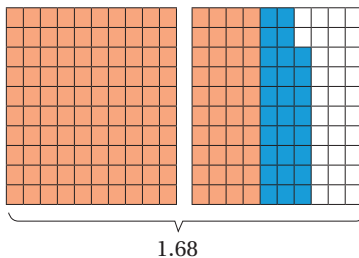
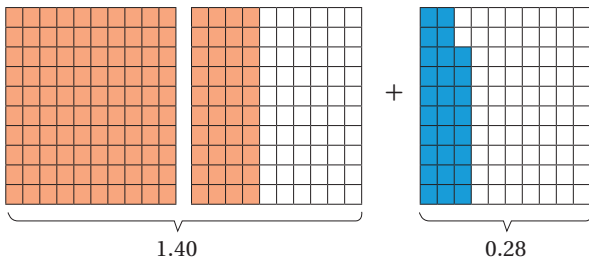
أَكْتُبُ أَصْفَارًا
إِضَافِيَّةً لِلْمُسَاعَدَةِ
عَلَى تَوْضِيحِ القِيَمَةِ
الْمَنْزِلِيَّةِ عِنْدَ الْحَاجَةِ.

أُرَتِّبُ الأَعْدَادَ
الْكُسْرِيَّةَ بِحَيْثُ تَكُونُ
الْفَوَاصِلُ العَشْرِيَّةُ
بَعْضُهَا فَوْقَ بَعْضٍ.

يَمَكِّنُنِي اسْتِعْمَالُ نَمَازِجِ الكُسُورِ العَشْرِيَّةِ فِي الجَمْعِ،

فَمِثْلًا $1.40 + 0.28$

أُمَثِّلُهَا



أُضِيفُ نَمَازِجَ 0.28

إِذَنْ، $1.40 + 0.28 = 1.68$

الْوَحْدَةُ 6

مثال 1 أجد ناتج الجمع في كلِّ ممَّا يأتي:

1 $7.632 + 5.023$

أجزاء الألف	أجزاء المِئَة	أجزاء العِشْرَة	الأحاد	العِشْرَات	المِئَات
2	3	6	7		
3	2	0	5		
5	5	6	2	1	

إعادة التجميع

العدد الاول

العدد الثاني

ناتج الجمع

إذن؛ $7.632 + 5.023 = 12.655$

2 $120.347 + 101.478$

أجزاء الألف	أجزاء المِئَة	أجزاء العِشْرَة	الأحاد	العِشْرَات	المِئَات
5	7	4	1	0	1
7	4	3	0	2	1
5	2	8	1	2	2

إعادة التجميع

العدد الاول

العدد الثاني

ناتج الجمع

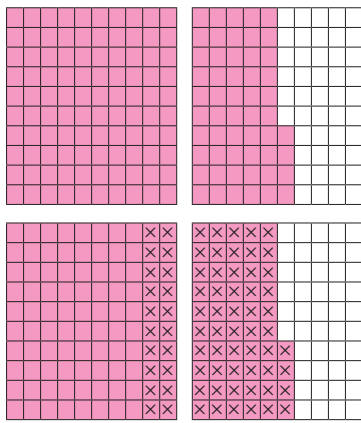
إذن؛ $120.347 + 101.478 = 221.825$

اتَّحَقِّقْ مِنْ فَهْمِي:

أجد ناتج الجمع في كلِّ ممَّا يأتي:

1 $6.153 + 22.05$

2 $92.162 + 77.21$



يمكنني استعمال نماذج الكسور العشرية في الطرح ، فمثلاً $1.54 - 0.74$

أمثل المطروح منه 1.54

أحذف عددًا من المربعات المظللة (أجزاء المئة) بعدد

المطروح 0.74

فيكون ناتج الطرح هو باقي المربعات المظللة وهي 0.80

إذن، $1.54 - 0.74 = 0.8$

مثال 2: من الحياة



جسم الإنسان: يُبين الجدول المجاور بعض كتل أعضاء الجسم.

أجد الفرق بين كتلتي الكبد والقلب.

العضو	الكتلة بالكيلوغرام
القلب	0.365
الكبد	1.677
البنكرياس	0.144

أجزاء الألف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الأحاد
7	7	6	1
5	6	3	0
2	1	3	1

← إعادة التجميع

← العدد الاول

← العدد الثاني

← ناتج الطرح

أي أن، $1.677 - 0.365 = 1.312$

إذن: الفرق بين كتلتي الكبد والقلب يساوي 1.312 kg

أتحقق من فهمي: في المثال السابق، أجد الفرق بين كتلتي القلب والبنكرياس.

أَتَدَرَّبُ



وأحل المسائل

أجد ناتج الجمع والطرح في كل مما يأتي:

1 $8.621 - 8.458 =$

2 $9.399 - 4.743 =$

3 $5.140 + 3.747 =$

4 $7.087 + 5.451 =$

5 $\begin{array}{r} 5.381 \\ + 6.145 \\ \hline \end{array}$

6 $\begin{array}{r} 8.308 \\ - 7.692 \\ \hline \end{array}$

الْوَحْدَةُ 6

الرَّقْمُ الْمَقْوُودُ: أَصْعُ الرَّقْمِ الْمُنَاسِبِ فِي الْمُرَبَّعِ؛ لِيَكُونَ النَّاتِجُ صَحِيحًا

7
$$\begin{array}{r} 2.17 \\ - 0.57 \\ \hline 1.60 \end{array}$$

8
$$\begin{array}{r} 65.9 \\ - 28.38 \\ \hline 37.52 \end{array}$$

9
$$\begin{array}{r} 1.03 \\ + 0.36 \\ \hline 1.39 \end{array}$$

علوم: في مُخْتَبَرِ الْعُلُومِ، اسْتَعْمَلَتِ الطَّالِبَاتُ الْمِيزَانَ لِإِيجَادِ كُتْلِ كَمِّيَّاتٍ مُخْتَلِفَةٍ مِنَ الصُّوْدِيُومِ. فَكَانَتِ الْكُتْلُ كَمَا يَأْتِي: سَنَاءُ 4.361 g وَسَمِيرَةٌ 2.704 g وَلَيْلَى 5.295 g وَالْعَنُودُ 5.537 g

10 ما كُتْلَةُ كَمِّيَّةِ الصُّوْدِيُومِ الَّتِي وَجَدَتْهَا سَنَاءُ وَالْعَنُودُ مَعًا؟

11 كم تَزِيدُ كُتْلَةُ كَمِّيَّةِ الصُّوْدِيُومِ الَّتِي أَوْجَدَتْهَا لَيْلَى عَنِ الْكَمِيَّةِ الَّتِي أَوْجَدَتْهَا سَمِيرَةٌ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

12 أَطْرَحُ الْمَسْأَلَةَ: اسْتَعْمِلُ الْكُسُورَ الْعَشْرِيَّةَ 7.6 , 9.5 , 1.9 فِي جُمْلَتِي طَرَحِ مُخْتَلِفَتَيْنِ.

1.4	0.3	0.7	0.9
2.4	2.6	1.2	3.2
1.5	1.7	3.5	1.5
1.6	1.2	1.8	1.1

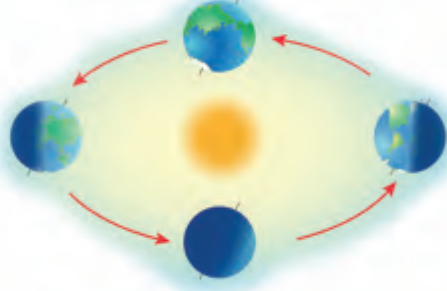
13 مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَجِدْ 3 أَزْوَاجٍ مِنَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ فِي كُلِّ مُرَبَّعٍ؛ بِحَيْثُ يَكُونُ مَجْمُوعُهَا عَدَدًا كَلِّيًّا وَيَكُونُ الْعَدَدَانِ الْعَشْرِيَّانِ مُتَجَاوِرَيْنِ عَمُودِيًّا أَوْ أَفْقِيًّا أَوْ قُطْرِيًّا:

14 أَكْتَشِفُ الْخَطَأَ: قَالَتْ سَعَادُ إِنَّ $0.75 - 0.3 = 0.72$ ، هَلْ هِيَ عَلَى صَوَابٍ؟ اُبْرِّرْ

إِجَابَتِي.

اَتَحَدَّثْ: أَوْضَحْ كَيْفَ أَجْمَعُ كَسْرَيْنِ عَشْرِيَّيْنِ وَأَطْرَحُهُمَا عَدَدًا مَنَازِلَهُمَا الْعَشْرِيَّةَ مُخْتَلَفًا.





أَسْتَكْشِفُ



تَبْلُغُ سُرْعَةُ دَوْرَانِ الْأَرْضِ حَوْلَ
الشَّمْسِ 29.78 كيلومترًا في
الثَّانِيَةِ، بَيْنَمَا تَبْلُغُ سُرْعَةُ دَوْرَانِ
الْمَرِيخِ حَوْلَ الشَّمْسِ 23.35 كيلومترًا
في الثَّانِيَةِ. أَقْدِّرُ الْفَرْقَ بَيْنَهُمَا.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَقْدِّرُ نَاتِجَ جَمْعِ الْأَعْدَادِ الْعَشَرِيَّةِ
وَطَرَحِهَا إِلَى أَقْرَبِ مَنَزَلَةٍ
عَشَرِيَّةٍ، أَوْ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

الْمُصْطَلَحَاتُ

تَقْدِيرٌ.

أَتَعَلَّمُ



لِتَقْدِيرِ (estimate) نَاتِجِ جَمْعٍ أَوْ طَرَحٍ كَسْرَيْنِ عَشَرِيَّيْنِ، أَقْرُبُ كُلَّ كَسْرٍ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ أَوْ إِلَى أَقْرَبِ مَنَزَلَةٍ
مُعْطَاةٍ، ثُمَّ أَجْمَعُ.

مِثَالٌ 1 أَقْدِّرُ نَاتِجَ الْجَمْعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى الْمَنَزَلَةِ الْمُعْطَاةِ:

1 $27.45 + 94.7$ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

27.45	→ يُقَرَّبُ إِلَى	27
+ 94.7	→ يُقَرَّبُ إِلَى	+ 95
_____		122

أَيُّ أَنَّ $27.45 + 94.7$ يَسَاوِي 122 تَقْرِيبًا.

2 $1.789 + 6.314$ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

1.789	→ يُقَرَّبُ إِلَى	1.79
+ 6.314	→ يُقَرَّبُ إِلَى	+ 6.31
_____		8.10

أَيُّ أَنَّ $1.789 + 6.314$ يَسَاوِي 8.10 تَقْرِيبًا.

الْوَحْدَةُ 6

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: قُدِّرْ نَاتِجَ الْجَمْعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى الْمَنْزِلَةِ الْمُعْطَاةِ:

1 $32.555 + 49.564$ إلى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ. 2 $2.074 + 2.013$ إلى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

يُمْكِنُنِي تَقْدِيرُ الْأَعْدَادِ إِلَى مَنْزِلَةٍ تَجْعَلُ التَّقْدِيرَ أَسْهَلَ. إِذَا قَرَّبْتُ الْأَعْدَادَ إِلَى مَنْزِلَةٍ أَقْلَ، زَادَ احْتِمَالُ الْحُصُولِ عَلَى تَقْدِيرٍ أَكْثَرَ دَقَّةً.

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



يَبِينُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ ارْتِفَاعَ عَدَدٍ مِنَ الْجِبَالِ فِي الْأَرْضِ:

الارتفاع بالكيلومتر	اسم الجبل
1.854	أُمُّ الدَّامِي
0.817	نَيَّبُو
1.247	أُمُّ الدَّرَجِ
1.734	رَمَّ

1 أَجِدُ الْفَرْقَ بَيْنَ ارْتِفَاعَيْ جَبَلِ أُمِّ الدَّامِي وَجَبَلِ أُمِّ الدَّرَجِ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

$$\begin{array}{r} 1.854 \\ - 1.247 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \\ \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \end{array} \quad \begin{array}{r} 2.00 \\ - 1.00 \\ \hline 1.00 \end{array}$$

أَيُّ إِنَّ الْفَرْقَ بَيْنَ ارْتِفَاعَيْ جَبَلِ أُمِّ الدَّامِي وَجَبَلِ أُمِّ الدَّرَجِ يُسَاوِي 1km تَقْرِيبًا.

2 أَجِدُ الْفَرْقَ بَيْنَ ارْتِفَاعَيْ جَبَلِ نَيَّبُو وَجَبَلِ رَمَّ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

$$\begin{array}{r} 1.734 \\ - 0.817 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \\ \text{يُقَرَّبُ إِلَى} \end{array} \quad \begin{array}{r} 1.73 \\ - 0.82 \\ \hline 0.91 \end{array}$$

أَيُّ إِنَّ الْفَرْقَ بَيْنَ ارْتِفَاعَيْ جَبَلِ نَيَّبُو وَجَبَلِ رَمَّ يُسَاوِي 0.91km تَقْرِيبًا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

فِي الْمِثَالِ السَّابِقِ: أَجِدُ الْفَرْقَ بَيْنَ ارْتِفَاعَيْ جَبَلِ أُمِّ الدَّامِي وَجَبَلِ رَمَّ؛ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

أَتَدَرَّبُ



وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

أَجِدُ نَاتِجَ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

1 $6.341 + 3.953$

2 $16.187 - 5.940$

3 $16.185 - 5.949$

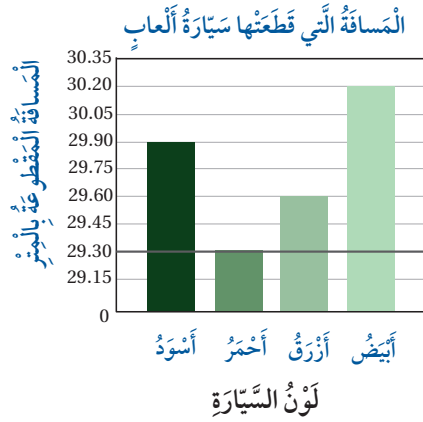
أَجِدْ نَاتِجَ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

$$\begin{array}{r} 7.927 \\ - 5.373 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 2.812 \\ + 3.725 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 12.540 \\ + 7.986 \\ \hline \end{array}$$

أَجِدْ نَاتِجَ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

$$\begin{array}{r} 5.381 \\ + 6.145 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 5.578 \\ - 0.144 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 10.399 \\ - 4.281 \\ \hline \end{array}$$

الْعَاب: يُبَيِّنُ الشَّكْلُ الْبَيَانِيُّ أَذْنَاهُ، الْمَسَافَةُ الَّتِي قَطَعَتْهَا سَيَّارَاتُ الْعَابِ فِي مَدِينَةِ الْمَلَاهِي.



أَجِدْ الْفَرْقَ بَيْنَ الْمَسَافَاتِ الَّتِي قَطَعَتْهَا السَّيَّارَتَانِ الْحُمْرَاءُ وَالسَّوْدَاءُ مُقَرَّبَةً إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

أَجِدْ مَجْمُوعَ الْمَسَافَاتِ الَّتِي قَطَعَتْهَا السَّيَّارَتَانِ الْبَيْضَاءُ وَالزَّرْقَاءُ مُقَرَّبَةً إِلَى عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

اَكْتُشِفُ الْخَطَأَ: قَدَّرْتُ لَيْنُ وَخُلُودُ نَاتِجَ طَرَحٍ $1.465 - 0.524$ مُقَرَّبًا إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ. أَيُّهُمَا كَانَتْ إِجَابَتُهَا صَحِيحَةً؟ اُبْرُرْ إِجَابَتِي.

خلود

0.95 تقريباً

لين

1.00 تقريباً

تَبْرِيرُ: أَقْدَرْتُ ثُمَّ أَقَارِنُ بِاسْتِعْمَالِ الرَّمْزِ $>$ أَوْ $<$ وَأُبْرُرُ إِجَابَتِي.

$$2.74 + 4.22 \quad \text{●} \quad 3.13 + 1.87$$

أَطْرَحُ مَسْأَلَةً: اَكْتُبْ مَسْأَلَةً تَتَضَمَّنُ مَوْقِفًا حَيَاتِيًّا لِتَقْدِيرِ الْفَرْقِ بَيْنَ 19.8 وَ 25.4 إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ كُلِّيٍّ.

اَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَقْدَرُ نَاتِجَ جَمْعِ عَدَدَيْنِ عَشْرِيَيْنِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ؟





استكشف



تتسع عبوة زيت الذرة الصغيرة لـ 0.75 L، وتوضع كل 10 عبوات منها في صندوق، كم لترًا سعة الصندوق كاملاً؟

فكرة الدرس



أضرب كسورًا عشرية في 10، 100، 1000، وأقسمها على 10، 100، 1000

المصطلحات

الضرب، القسمة.

أتعلم



مثال : $8.597 \times 10 = 85.97$

10، أحرّك الفاصلة العشرية منزلةً واحدةً إلى اليمين بعدد أصفار العدد 10.

مثال : $8.597 \times 100 = 859.7$

100، أحرّك الفاصلة العشرية منزلتين إلى اليمين بعدد أصفار العدد 100.

مثال : $8.597 \times 1000 = 8597.0$

1000، أحرّك الفاصلة العشرية 3 منازل إلى اليمين بعدد أصفار العدد 1000.

عند ضرب

(multiplication)

كسرٍ عشريٍّ في

إذا انتهت المنازل العشرية في الكسر العشري عند ضربه في 10 أو 100 أو 1000؛ فأضع صفرًا أو أكثر على يمين آخر رقم ليتم العدد المطلوب من المنازل، فمثلاً:

$4.1 \times 100 = 410$

مثال 1 أجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

1 2.451×10

أجزاء الألف	أجزاء المئتين	أجزاء العشرة	الآحاد	العشرات
1	5	4	2	

$2.451 \times 10 = 24.51$

2 100×7.14

أجزاء الألف	أجزاء المئتين	أجزاء العشرة	الآحاد	العشرات
	4	1	7	

$7.14 \times 100 = 714$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

1 17.23×100

2 0.45×1000

مثال: $752.3 \div 10 = 75.23$

10، أحرّك الفاصلة العشرية
منزلة واحدة إلى اليسار بعدد
أصفار العدد 10.

مثال: $752.3 \div 100 = 7.523$

100، أحرّك الفاصلة العشرية
منزلتين إلى اليسار بعدد أصفار
العدد 100.

مثال: $752.3 \div 1000 = 0.7523$

1000، أحرّك الفاصلة
العشرية 3 منازل إلى اليسار
بعدد أصفار العدد 1000.

عند قسمة (division)
كسر عشري على

الْوَحْدَةُ 6

مثال 2 أجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

1 $12.5 \div 100$

أجزاء الألف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الأحاد	العشرات
		5	2	1

$12.5 \div 100 = 0.125$

2 $14.87 \div 10$

أجزاء الألف	أجزاء المئة	أجزاء العشرة	الأحاد	العشرات
	7	8	4	1

$14.87 \div 10 = 1.487$

أنتحَقِّقْ مِنْ فَهْمِي: أجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

1 $2 \div 100$

2 $7984 \div 1000$

أجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

1 $122.1 \times 1000 =$

2 $8.8 \times 10 =$

3 $0.62 \times 100 =$

4 $0.27 \times 1000 =$

أجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

5 $153.7 \div 10 =$

6 $72.1 \div 100 =$

7 $728.4 \div 100 =$

8 $4629 \div 1000 =$

الرقم المفقود: أضع الرقم المناسب في المربع؛ ليكون الناتج صحيحًا.

9 $5176 = \square \times 51.76$

10 $76.2 = \square \times 0.762$

11 $432.31 = \square \times 43.231$

12 $83300 = \square \times 83.3$

أَتَدَرَّبُ
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

أَصِلْ كُلَّ عَمَلِيَّةٍ ضَرْبٍ أَوْ قِسْمَةٍ بِالنَّاتِجِ الْمُنَاسِبِ:

13

0.2

20

2

0.02

0.002

$200 \div 10$

$2 \div 10$

0.2×10

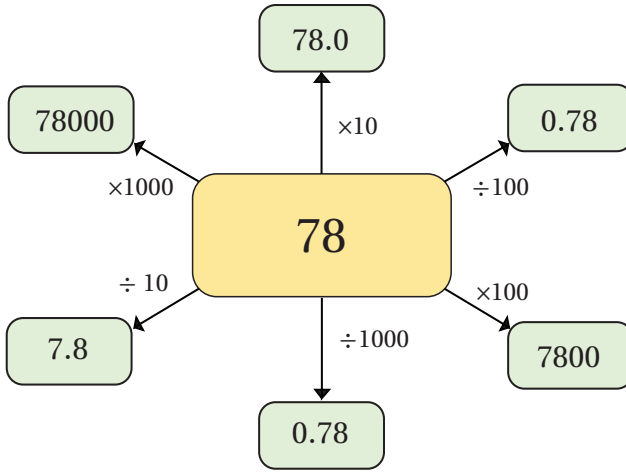
$0.2 \div 10$

$2 \div 1000$

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

أَكْتَشِفُ الْخَطَأَ: فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ، أَضَعُ إِشَارَةَ (✓) أَمَامَ نَاتِجِ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ، وَإِشَارَةَ (X) أَمَامَ نَاتِجِ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

14



A	B		C
0.7	×	÷	0.1
7			1
70			10
700			100
7000			1000

تَحَدَّثْ: فِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ. كَمْ طَرِيقَةً يُمَكِّنُ أَنْ يَكُونَ النَّاتِجُ فِيهَا 7؛ بِاسْتِعْمَالِ الْخُطُواتِ الْآتِيَةِ؟

أَخْتَارُ عَدَدًا مِنَ الْعَمُودِ A.

15

أَخْتَارُ عَمَلِيَّةَ (× أَوْ ÷) مِنَ الْعَمُودِ B.

16

أَخْتَارُ الْعَدَدَ الثَّانِي مِنَ الْعَمُودِ C.

17

أَتَحَدَّثُ: أَشْرَحُ كَيْفَ أَضْرِبُ كَسْرًا عَشْرِيًّا فِي 10 أَوْ 100 أَوْ 1000، وَكَيْفَ أَقْسِمُهُ عَلَيْهِ؟





فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَتَعَرَّفُ النَّسْبَةَ الْمِئْوِيَّةَ وَأَكْتُبُهَا
بِاسْتِعْمَالِ رَمْزِهَا %.
أَجِدُ نِسْبَةً مِئْوِيَّةً بَسِيطَةً مِنْ
أَشْكَالٍ وَأَعْدَادٍ كُلِّيَّةٍ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

النَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ.

أَسْتَكَشِفُ



عَدَدُ طَلِبَةِ الصَّفِّ الْخَامِسِ فِي
مَدْرَسَةٍ 100 طَالِبٍ، وَعَدَدُ الَّذِينَ لَا
يُجِيدُونَ السَّباحَةَ 22 طَالِبًا. مَا النَّسْبَةُ
الْمِئْوِيَّةُ لِلطَّلِبَةِ الَّذِينَ لَا يُجِيدُونَ
السَّباحَةَ؟



أَتَعَلَّمُ

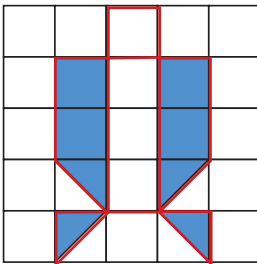


- تَوْجَدُ عِدَّةَ طَرَائِقَ لِمُقَارَنَةِ الْجُزْءِ إِلَى الْكُلِّ، مِنْهَا: بِالْكَلِمَاتِ، أَوْ فِي صُورَةٍ كَسْرٍ. وَإِذَا كَانَ الْكُلُّ يُسَاوِي 100؛ فَإِنَّ الْمُقَارَنَةَ تَكُونُ بَيْنَ الْجُزْءِ إِلَى 100، وَتُسَمَّى النَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ (percentage).
- يُمَكِّنُنِي اسْتِعْمَالُ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْعَشْرِيَّةِ فِي التَّعْبِيرِ عَنْ جُزْءٍ مُظَلَّلٍ مِنْ شَكْلِ، كَمَا يُمَكِّنُنِي حِسَابُ النَّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ لَهُ. وَالَّتِي تَعْنِي مِقْدَارًا لِكُلِّ 100 أَوْ مِنْ 100 مِنْهُ، وَيُسْتَخْدَمُ الرَّمْزُ (%) لِلدَّلَالَةِ عَلَيْهَا. فَالنَّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ هِيَ نِسْبٌ يُقَارَنُ عَنْ طَرِيقِهَا عَدَدٌ بِالْعَدَدِ 100. مَثَلًا: 50% هِيَ نِسْبَةُ تُقَارَنُ الْعَدَدُ 50 بِالْعَدَدِ 100.

أَحَدُ النَّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ الَّتِي يُمَثِّلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّلُ فِي الشَّكْلَيْنِ الْآتِيَيْنِ:

مِثَالُ 1

1

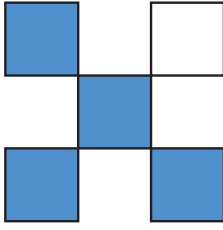


لَقَدْ ظَلَّلْتُ 6 أَجْزَاءٍ مِنْ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ الَّتِي عَدَدُهَا 10 أَجْزَاءٍ.

$$\text{أَيُّ إِنَّ: } \frac{\text{عَدَدُ الْأَجْزَاءِ الْمُظَلَّلَةِ}}{\text{عَدَدُ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ}} = \frac{6}{10} \text{ أَوْ } 0.6$$

$$0.6 = 0.60 = 60\%$$

2



لَقَدْ ظَلَّلْتُ 4 أَجْزَاءٍ مِنْ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ الَّتِي عَدَدُهَا 5 أَجْزَاءٍ.

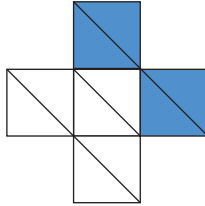
$$\text{أَيُّ إِنَّ: } \frac{\text{عَدَدُ الْأَجْزَاءِ الْمُظَلَّلَةِ}}{\text{عَدَدُ أَجْزَاءِ الشَّكْلِ}} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10} = 0.8$$

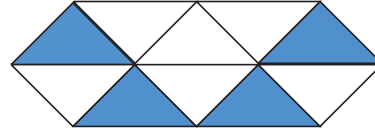
$$0.8 = 0.80 = 80\%$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَحَدُ النِّسَبَةِ المِئَوِيَّةِ الَّتِي يُمَثِّلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّلُ فِي الشَّكْلَيْنِ الْآتِيَيْنِ:

1

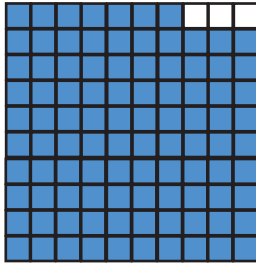


2



مِثَال 2

حَصَلَ أَحْمَدُ فِي امْتِحَانِ الْعُلُومِ عَلَى 97 مِنْ 100. أُعْبِرَ عَنْ عَلَامَةِ أَحْمَدَ فِي صُورَةِ نِسَبَةٍ مِئَوِيَّةٍ وَأُمَثِّلُهَا.



97 مِنْ 100 تَعْنِي $\frac{97}{100}$ ؛ أَيُّ أَظَلَّلُ 97 مُرَبَّعًا فِي (شَبَكَةِ الْمُرَبَّعَاتِ 10×10)

$$\text{إِذَنْ: } \frac{97}{100} = 97\%$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

إِذَا كَانَتْ عَلَامَةُ أَحْمَدَ فِي امْتِحَانِ الرِّيَاضِيَّاتِ 89 مِنْ 100، أُعْبِرَ عَنْ عَلَامَةِ أَحْمَدَ فِي صُورَةِ نِسَبَةٍ مِئَوِيَّةٍ وَأُمَثِّلُهَا.

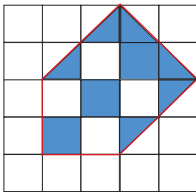
أَتَدَرَّبُ

وَأَدْخُلُ الْمَسَائِلَ

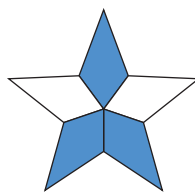


أَحَدُ النِّسَبَةِ المِئَوِيَّةِ الَّتِي يُمَثِّلُهَا الْجُزْءُ الْمُظَلَّلُ فِي الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:

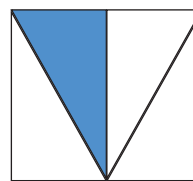
1



2



3



الوَحدة 6

يُبين الجدول المجاور المادة المفضلة لـ 100 طالبٍ من طلبة الصف الخامس.

المادة المفضلة	عدد الطلبة
الرياضيات	22
العلوم	31
اللغة العربية	24
اللغة الإنجليزية	23

4 ما النسبة المئوية للطلبة الذين يفضلون مادة العلوم؟

5 ما النسبة المئوية للطلبة الذين يفضلون مادة اللغة العربية؟

لوحه المية: استعمل الأعداد من (1 - 100)؛

في إيجاد النسبة المئوية لكل مما يأتي:

6 عدد الأعداد الزوجية.

7 عدد الأعداد التي تقبل القسمة على 3

8 عدد الأعداد الأولية.

9 عدد مضاعفات العدد 7

10 أشجار: يوجد في إحدى مزارع الأغوار

100 شجرة، إذا كانت 48 شجرة

منها أشجار برتقال، فما النسبة المئوية

لأشجار البرتقال في المزرعة؟

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

مهارات التفكير

11 أطرح مسألة: أكتب مسألة حياتية تعبر عن النسبة المئوية و مثلها.

تبرير: عدد طلبة رياض الأطفال في إحدى المدارس 100 طالب، 54 منهم إناث.

12 ما النسبة المئوية لعدد الإناث؟

13 ما النسبة المئوية لعدد الذكور؟

14 أيها لا ينتمي: أعدد المختلف في ما يأتي، وأبرر إجابتي.

$$\frac{1}{4}$$

$$0.025$$

$$25\%$$

$$\frac{25}{100}$$

اتحدث: أشرح كيف أجد النسبة المئوية من شكل معطى؟



اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 القيمة المنزلية للرقم 6 في العدد 22.689 هي:

- (أ) 6 (ب) 60
(ج) 0.006 (د) 0.6

2 ما الصيغة القياسية لـ

$$200 + 30 + 5 + 0.2 + 0.09 + 0.005$$

- (أ) 235.592 (ب) 235.295
(ج) 25.295 (د) 23.592

3 إحدى الآتيّة تمثل العدد العشري 0.125 على صورة

كسر عادي:

- (أ) $\frac{1}{5}$ (ب) $\frac{1}{6}$
(ج) $\frac{1}{7}$ (د) $\frac{1}{8}$

4 إحدى العبارات الآتيّة صحيحة:

- (أ) $0.325 < 0.275$
(ب) $0.310 > 0.325$
(ج) $0.310 < 0.275$
(د) $0.325 > 0.310$

5 تباع محطة غاز 300.584 L من الغاز في اليوم. كم

لترًا تباع يوميًا تقريبًا إلى أقرب جزء من مئة؟

- (أ) 300 (ب) 300.58
(ج) 300.6 (د) 300.59

6 تقدير مجموع العددين 3.576 و 1.307 إلى أقرب جزء من عشرة، هو:

- (أ) 4.00 (ب) 4.89
(ج) 4.9 (د) 4.883

7 سياحة: زار مدينة البترا وفد سياحي مكون من

100 شخص، كان عدد الذكور منهم 80، ما النسبة

المئوية لعدد الإناث في الوفد إلى العدد الكلي؟

- (أ) 50% (ب) 20%
(ج) 10% (د) 40%

أضع الرمز (> أو < أو =) في ؛ لتصبح العبارة صحيحة:

8 22.634 12.94

9 17.981 17.983

10 أصل كل عملية جمع أو طرح بالناتج المناسب:

3.05 + 1.65 4.8

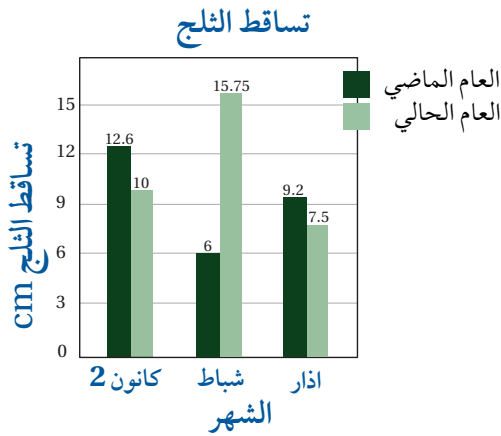
8.5 - 4.8 5.8

4.25 + 1.55 4.7

11.4 - 6.6 3.7

الْوَحْدَةُ 5

20 **تساقط الثلوج:** يوضح التمثيل البياني المجاور، مقدار تساقط الثلوج على مرتفعات عجلون في ثلاثة أشهر في العامين الماضي والحالي. أجد مقدار الزيادة التي سجلها تساقط الثلوج في الأشهر الثلاثة في هذا العام مقارنة بالعام الماضي.



تدريب على الاختبارات الدولية:

20 $\frac{4}{100} + \frac{3}{1000} =$

0.1043 (ب) 0.043 (أ)

0.43 (د) 0.403 (ج)

21 العدد الأقرب من حيث القيمة إلى $\frac{3}{4}$:

0.43 (ب) 0.34 (أ)

0.79 (د) 0.74 (ج)

أسئلة ذات إجابة قصيرة:

أضع إشارة (✓) أمام ناتج العبارة الصحيحة، وإشارة (×) أمام ناتج العبارة غير الصحيحة. أبرر إجابتي.

11 $4030 \div 100 = 43$

12 $1.09 \times 100 = 190$

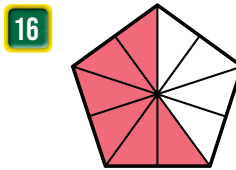
13 $0.09 \times 10 = 0.9$

14 $7000 \div 1000 = 0.7$

15 أرتب الأعداد الآتية تنازلياً:

0.009 , 0.888 , 0.88 , 0.015 , 0.867

أحدد النسبة المئوية التي يمثلها الجزء المظلل في الشكلين الآتيين:



أجد ناتج الجمع والطرح في كل مما يأتي:

18 $1.385 - 1.086$

19 $17.383 + 17.981$

لِمَاذَا نَدْرُسُ الْمُعَادَلَاتِ؟

تُشَبِّهُ الْمُعَادَلَاتُ الْمِيزَانَ ذَا الْكَفَّتَيْنِ،
الَّذِي يُقَارَنُ بَيْنَ كُتْلٍ مَعْلُومَةٍ (KG)،
وَكُتْلَةٍ مَجْهُولَةٍ (وَهِيَ كُتْلَةُ الشَّيْءِ الْمُرَادُ
مَعْرِفَتُهَا)، وَتُعَدُّ الْمُعَادَلَاتُ وَاحِدَةً مِنْ
أَهَمِّ مَوْضُوعَاتِ الرِّيَاضِيَّاتِ؛ لِأَنَّ الْكَثِيرَ
مِنَ الْمَسَائِلِ الْحَيَاتِيَّةِ الَّتِي تَحْتَوِي عَلَى قِيَمٍ
مَجْهُولَةٍ يُمَكِّنُنِي تَحْوِيلُهَا إِلَى مُعَادَلَاتٍ، ثُمَّ
حُلِّهَا بِسُهُولَةٍ بِاسْتِعْمَالِ الْمُعَادَلَاتِ.



سَنَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- كِتَابَةِ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ بِاسْتِعْمَالِ الرُّمُوزِ،
وَإِيجَادِ قِيَمَتِهِ.
- حَلَّ مُعَادَلَاتٍ تَتَضَمَّنُ جَمْعًا أَوْ طَرَحًا.
- حَلَّ مُعَادَلَاتٍ تَتَضَمَّنُ ضَرْبًا أَوْ قِسْمَةً.
- حَلَّ مَسَائِلَ عَلَى الْمُعَادَلَاتِ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ وَصَفَ نَمَطٍ عَدَدِيٍّ وَإِيجَادَ قَاعِدَتِهِ.
- ✓ تَحْدِيدَ قَوَاعِدِ عِلَاقَاتٍ رِيَاضِيَّةٍ وَأَنْمَاطٍ
مُمَثِّلَةٍ بِجَدْوَلٍ، وَتَفْسِيرَهَا.
- ✓ حَلَّ جُمْلٍ عَدَدِيَّةٍ مَفْتُوحَةٍ، تَتَضَمَّنُ
عَمَلِيَّتَيْنِ عَلَى الْأَكْثَرِ.



مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: لَوْحَةُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَالْمُعَادَلَاتِ



أَسْتَعِدُّ وَزُمَلَائِي لِنَتَفِيدِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ الَّذِي

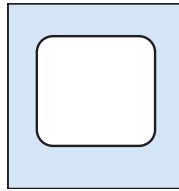
سَأَوْظِفُ فِيهِ مَا أَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِأَصْنَعَ لَوْحَةَ مَقَادِيرِ جَبْرِيَّةٍ وَلَوْحَةَ مُعَادَلَاتٍ، وَأَسْتَغْمِلُهُمَا فِي تَمَثِيلِ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَحَلِّ الْمُعَادَلَاتِ.

الْمَوَادُّ وَالْأَدَوَاتُ: أَوْرَاقٌ مَقَوَّاةٌ وَبَالَوَانٌ مُخْتَلِفَةٌ.

خُطُواتُ تَنْفِيدِ الْمَشْرُوعِ:

1

أَصْنَعُ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ: أَقْصُ وَرَقَةً مَقَوَّاةً مِنْ



الْمُتَتَصِفِ، ثُمَّ أَرْسُمُ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ عَلَى أَحَدِ النِّصْفَيْنِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.

2

أَصْنَعُ الْقِطْعَ الْجَبْرِيَّةَ: أَقْصُ 10 مُسْتَطِيلَاتٍ بِمَقَاسِ

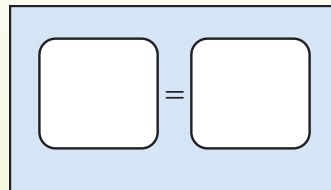
(3 cm × 6 cm)، وَأَقْصُ 20 مُرَبَّعًا بِمَقَاسِ (3 cm × 3 cm). أَخْتَارُ لَوْنَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ

x

لِلْمُسْتَطِيلَاتِ وَالْمُرَبَّعَاتِ 1

3

أَصْنَعُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ: أَرْسُمُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ عَلَى



الْوَرَقَةِ الْمَقَوَّاةِ، كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.

مُلاحَظَات:

1

يَجِبُ عَمَلُ لَوْحَةِ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ فِي الْيَوْمِ الْأَوَّلِ مِنْ دِرَاسَةِ الْوَحْدَةِ؛ لِأَنَّهُمَا سَتُسْتَغْمَلَانِ فِي الدَّرُوسِ.

2

يُمْكِنُنِي صُنْعُ لَوْحَةِ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ مَعْدِنِيَّةٍ، وَصُنْعُ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ بِاسْتِعْمَالِ أَقْرَاصٍ مُمَغْنَطَةٍ صَغِيرَةٍ يُكْتَبُ عَلَيْهَا الْعَدَدُ 1 وَالْحَرْفُ (x) .

3

يُنْشِئُ كُلُّ فَرْدٍ فِي الْمَجْمُوعَةِ لَوْحَةَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ الْخَاصَّةَ بِهِ؛ كَيْ يَسْتَغْمِلَهَا فِي دُرُوسِ الْوَحْدَةِ.

4

تُنْشِئُ الْمَجْمُوعَةُ جَدُولًا كَمَا يَأْتِي، وَيُكْتَبُ فِيهِ كُلُّ طَالِبٍ مِنْهُمْ مُعَادَلَةً يَكُونُهَا مِنْ مَعْلُومَةٍ مُرْتَبِطَةٍ بِحَيَاتِهِ. يَجِبُ أَنْ يَحْتَوِيَ الْجَدُولُ عَلَى مُعَادَلَاتٍ جَمْعٍ وَطَرَحٍ وَضَرْبٍ وَقِسْمَةٍ.

الاسم	الوصف	المعادلة	الحل
ريان	أخي عبد الله أكبر مِنِّي بِسِتِّينَ وَعُمُرُهُ يُساوِي 11 عامًا.	$x + 2 = 11$	$x = 9$

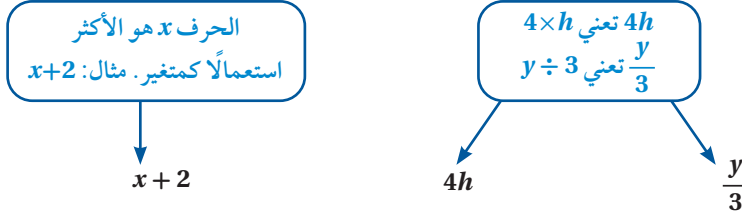
عَرْضُ النَتَائِجِ:

- تَعْرِضُ الْمَجْمُوعَةُ جَدُولَهَا أَمَامَ الصَّفِّ، وَيُمَثِّلُ كُلُّ طَالِبٍ مُعَادَلَتَهُ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ الْخَاصَّةِ بِهِ، ثُمَّ يَعْزِضُ حَلَّهَا.
- تُعَلِّقُ كُلُّ مَجْمُوعَةٍ جَدُولَهَا فِي لَوْحَةِ الصَّفِّ.

استكشاف: النماذج والمقادير الجبرية

الهدف: استعمل النماذج لتمثيل المقادير الجبرية.

الجبر (algebra) لغة تستعمل فيها رموز (أحرف) للتعبير عن قيم مجهولة، وتسمى هذه الرموز **متغيرات** (variables)، والمقدار الجبري (algebraic expression) مجموعة من المتغيرات والأعداد تفصل بينها العمليات: $+$, $-$, \times , \div .



يمكن استعمال قطع النماذج في تمثيل المقادير الجبرية بحيث تمثل القطعة x المتغير x ، وتمثل القطعة 1 العدد 1، فمثلاً المقدار $x + 1$ يمكن تمثيله على الصورة $x + 1$.

نشاط: استعمل النماذج لتمثيل كل مقدار جبري فيما يأتي:

1 $x - 3$
أضع مستطيلاً بدل x ، و3 مربعات بدل العدد 3

$$x - 1 1 1$$

3 $x \div 3$
أضع مستطيلاً بدل x

$$x$$

أقسم المستطيل إلى 3 أقسام متطابقة

$$\frac{x}{3} \quad \frac{x}{3} \quad \frac{x}{3}$$

2 $x + 4$
أضع مستطيلاً بدل x ، و4 مربعات بدل العدد 4

$$x + 1 1 1 1$$

4 $2x$
أضع مستطيلين بدل $2x$

$$x \quad x$$

أنعام
 $2x$ هي نفسها $2 \times x$ وهي نفسها $x + x$

أفكر:

أكتب المقدار الجبري الذي يمثل كل نموذج مما يأتي:

1 $x + 1$

2 $x - 1 1$

3 $1 1 1 1$

4 $x \quad x \quad x$

أرسم النموذج الذي يمثل كل مقدار جبري مما يأتي:

5 $x + 6$

6 $x - 4$

7 $5x$

8 $x \div 4$

أستكشف



في أثناء جائحة كورونا، أعلن وزير الصحة في أحد الأيام تسجيل 8 إصابات جديدة. ما المقدار الجبري الذي يمثل عدد الإصابات في المملكة حتى ذلك اليوم باستعمال أحد الرموز؟

فكرة الدرس

أكتب مقداراً جبرياً باستعمال الرمز، وأجد قيمته.

المصطلحات

التعويض

أتعلم



يمكنني إيجاد قيمة عددية للمقدار الجبري؛ بإبدال المتغير بقيمة ما؛ أي أجي عملية التعويض (substitution).

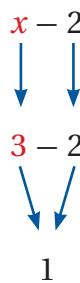
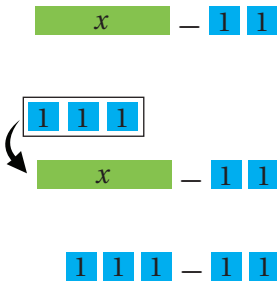
مثال 1

1 أجد قيمة المقدار الجبري $x - 2$ ؛ إذا كانت $x = 3$.

أكتب المقدار الجبري

أعوّض عن x بالعدد 3

أجد ناتج الطرح

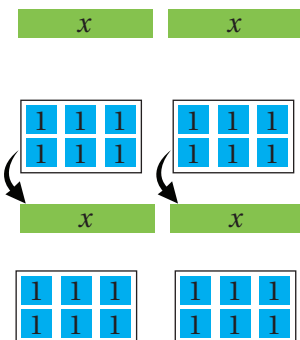


2 أجد قيمة المقدار الجبري $2x$ ؛ إذا كانت $x = 6$.

أكتب المقدار الجبري

أعوّض عن x بالعدد 6

أجد ناتج الضرب (أجمع البطاقات)



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

- 1 أجد قيمة المقدار الجبري $x + 4$ ؛ إذا كانت $x = 1$
- 2 أجد قيمة المقدار الجبري $5x$ ؛ إذا كانت $x = 7$

يُمْكِنُنِي تَحْوِيلُ الْعِبَارَاتِ اللَّفْظِيَّةِ إِلَى مَقَادِيرَ جَبْرِيَّةٍ.

مِثَال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



نِظَامٌ غِذَائِيٌّ: تَنَاوَلْتُ هَلَا طَبَقَ سَلْطَةَ وَقِطْعَةَ حُلْوَى، إِذَا كَانَ فِي طَبَقِ السَّلْطَةِ 50 سُعْرَةً حَرَارِيَّةً، فَأَكْتُبُ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ عَدَدَ السُّعْرَاتِ الْحَرَارِيَّةِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا هَلَا، ثُمَّ أَسْتَغْمِلُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ لِإِجَادِ الْعَدَدِ الْكُلِّيِّ لِلْسُّعْرَاتِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا؛ إِذَا كَانَ فِي قِطْعَةِ الْحُلْوَى 150 سُعْرَةً.

بِالْكَلِمَاتِ
يَحْتَوِي طَبَقُ السَّلْطَةِ عَلَى 50 سُعْرَةً، وَتَحْتَوِي قِطْعَةُ الْحُلْوَى عَلَى عَدَدٍ مَجْهُولٍ مِنَ السُّعْرَاتِ.

بِالرَّمُوزِ
يَحْتَوِي طَبَقُ السَّلْطَةِ عَلَى 50 سُعْرَةً، وَتَحْتَوِي قِطْعَةُ الْحُلْوَى عَلَى x مِنَ السُّعْرَاتِ.

المُعَادَلَةُ
 $x + 50$

لِحِسَابِ الْعَدَدِ الْكُلِّيِّ لِلْسُّعْرَاتِ:

أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ

أَعْرِضُ عَنْ x بِالْعَدَدِ 150

أَجْمَعُ

$$\begin{array}{r} x + 50 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 150 + 50 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 200 \end{array}$$

إِذَنْ: عَدَدُ السُّعْرَاتِ الْحَرَارِيَّةِ الَّتِي حَصَلَتْ عَلَيْهَا هَلَا يُسَاوِي 200 سُعْرَةً حَرَارِيَّةً.

الْوَحْدَةُ 7

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَعْمَارٌ: يَبْلُغُ عُمُرُ نَادِرٍ 5 أَمْثَالِ عُمُرِ ابْنِهِ زَيْدٍ. أَكْتُبُ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ عُمُرَ نَادِرٍ، ثُمَّ أَسْتَغْمِلُ هَذَا الْمِقْدَارَ لِإِيجَادِ عُمُرِ نَادِرٍ؛ إِذَا كَانَ عُمُرُ ابْنِهِ 7 أَعْوَامٍ.

أَتَدْرِبُ
وَأَأْكُلُ الْمَسَائِلَ



أَجِدُ قِيَمَةَ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي عِنْدَمَا $x = 8$:

1 $x + 6$

2 $x - 3$

3 $5x$

4 $x \div 4$

أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَجِدُ قِيَمَتَهُ إِذَا كَانَتْ $x = 24, y = 9, a = 5$

6 16 مَطْرُوحٌ مِنْهَا y .

5 نَاتِجُ جَمْعِ 48 وَ x .

8 5 أَمْثَالِ a .

7 نَاتِجُ قِسْمَةِ x عَلَى 6

أُعَبِّرُ عَنِ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ بِالْكَلِمَاتِ:

9 $8x$

10 $x - 7$

11 $x + 4$

12 $x \div 16$

أَسْنَانٌ: يَزِيدُ عَدَدُ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ عَلَى أَسْنَانِ الطِّفْلِ اللَّبَنِيِّ بِمِقْدَارِ 12 سَنًا. أَكْتُبُ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُعَبِّرُ عَنْ عَدَدِ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ. إِذَا كَانَ عَدَدُ الْأَسْنَانِ اللَّبَنِيِّ 20، فَمَا عَدَدُ أَسْنَانِ الشَّخْصِ الْبَالِغِ؟

مِسَاحَةٌ: مُسْتَطِيلٌ طَوْلُهُ 20 cm وَعَرْضُهُ x . أُعَبِّرُ عَنْ مِسَاحَتِهِ بِمِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ، ثُمَّ أَسْتَغْمِلُ هَذَا الْمِقْدَارَ لِحِسَابِ الْمِسَاحَةِ؛ إِذَا كَانَ عَرْضُهُ 15 cm

مَعْلُومَةٌ

يَبْدَأُ اسْتِئْذَالُ الْأَسْنَانِ اللَّبَنِيِّ عِنْدَ الْأَطْفَالِ مِنْ عُمُرِ 6 إِلَى 12 عَامًا.



أَحْشَابٌ: لَدَى نَجَّارٍ لَوْحٌ مِنَ الْخَشَبِ، قَطَعَهُ إِلَى قِطَعٍ طَوَّلُ كُلِّ مِنْهَا 20 cm أُعْبِرَ عَنْ عَدَدِ الْقِطَعِ الَّتِي حَصَلَ عَلَيْهَا بِمِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُ هَذَا الْمِقْدَارَ لِحِسَابِ عَدَدِ الْقِطَعِ؛ إِذَا كَانَ طَوَّلُ اللَّوْحِ 120 cm



حَيَوَانَاتٌ: إِذَا كَانَتِ الزَّرَافَةُ تَنَامُ سَاعَتَيْنِ فَقَطْ فِي الْيَوْمِ، فَأَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُبَيِّنُ عَدَدَ السَّاعَاتِ الَّتِي تَنَامُهَا الزَّرَافَةُ فِي عَدَدٍ مِنَ الْأَيَّامِ، ثُمَّ أَسْتَعْمِلُهُ لِحِسَابِ عَدَدِ السَّاعَاتِ الَّتِي تَنَامُهَا الزَّرَافَةُ فِي أُسْبُوعٍ.

معلومة

تَتَّخِذُ الزَّرَافَةُ أَكْثَرَ مِنْ وَضْعِيَّةٍ لِلنَّوْمِ؛ فَقَدْ تَنَامُ وَاقِفَةً، أَوْ بِإِسْنَادٍ عَنْقُهَا عَلَى جَسَدِهَا؟

مهارات التفكير

أَكْتَشِفُ الْخَطَأَ: مِثْلُ يَزِيدُ الْجُمْلَةَ: (y مَقْسُومًا عَلَى 6) بِالْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ: $6 \div y$. أُبَيِّنُ الْخَطَأَ الَّذِي وَقَعَ فِيهِ، وَأُصَحِّحُهُ.

تَبْرِيرٌ: هَلْ قِيَمَةُ الْمِقْدَارِ $3n$ أَكْبَرُ مِنْ قِيَمَةِ الْمِقْدَارِ $2n$ ؛ إِذَا كَانَتْ $n = 8$ ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

تَحَدٍّ: تَشَارَكَتْ نَادِيْنِ وَ4 مِنْ صَدِيقَاتِهَا بِالتَّسَاوِي مَبْلَغًا مِنَ الْمَالِ، فَبَقِيَ فِي حَقِيبَتِهَا 3 دَنَانِيرَ. أَكْتُبْ مِقْدَارًا جَبْرِيًّا يُمَثِّلُ الْمَبْلَغَ الَّذِي كَانَتْ نَادِيْنِ تَمْتَلِكُهُ.

أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: مَا الْمُخْتَلِفُ فِي مَا يَأْتِي؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

$$15 + d, d = 9$$

$$9x, x = 3$$

$$19 + b, b = 8$$

$$36 - a, a = 9$$

أَتَحَدَّثُ: مَا الْفَرْقُ بَيْنَ الْمَتَغِيرِ وَالْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ؟

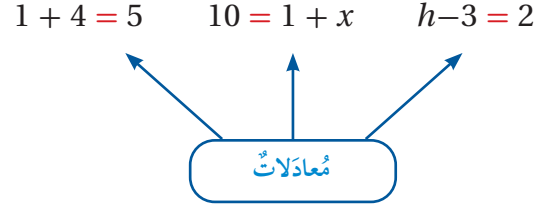
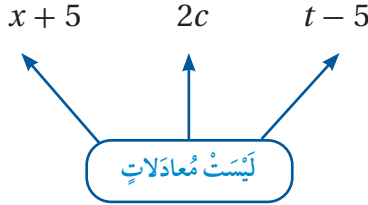


استكشاف: حلّ مُعادلاتِ الجَمْعِ والطَّرْحِ

الهدف: اُسْتَعْمَلْ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ لِحَلِّ الْمُعَادَلَاتِ.



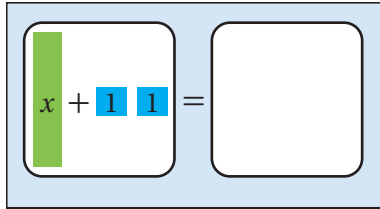
المُعادلةُ (equation) جُمْلَةٌ تَتَضَمَّنُ إِشَارَةَ (=) تَدُلُّ عَلَى تَسَاوِي الْمِقْدَارَيْنِ فِي طَرَفَيِ الْمَعَادَلَةِ، وَقَدْ تَتَضَمَّنُ الْمَعَادَلَةُ أَعْدَادًا مَجْهُولَةً (unknown) يُعَبَّرُ عَنْهَا بِأَحْرَفٍ مِثْل: x, y .



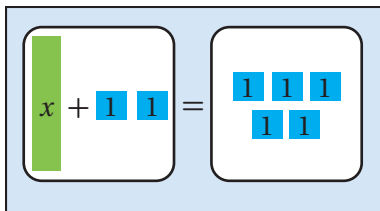
حلُّ المُعادلةِ (solving equation) يَعْنِي إِيجَادَ الْقِيَمَةِ الْعَدَدِيَّةِ لِلْمَجْهُولِ؛ بَحِيْثُ تَكُونُ الْمُسَاوَاةُ صَحِيحَةً.

نشاط 1:

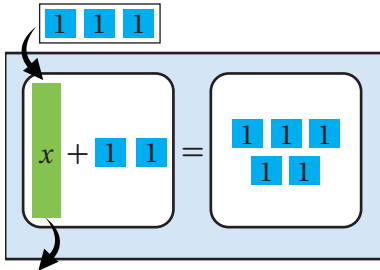
أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $x + 2 = 5$ ، بِاسْتِعْمَالِ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ.



الخطوة 1 أُمَثِّلِ الْمِقْدَارَ $(x + 2)$ عَلَى الْجِهَةِ الْيُسْرَى مِنَ اللَّوْحَةِ بِالْقِطْعِ الجبرية.



الخطوة 2 أُمَثِّلِ الْمِقْدَارَ 5، عَلَى الْجِهَةِ الْيُمْنَى مِنَ اللَّوْحَةِ بِالْقِطْعِ الجبرية.

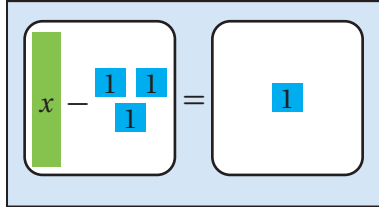


الخطوة 3 أَجِدُ قِيَمَةَ x . أَضَعُ مَرَبَّعَاتِ (قطع العدد 1) مَكَانَ الْمُسْتَطِيلِ (x) بَحِيْثُ يُصْبِحُ عَدَدُ الْقِطْعِ فِي طَرَفَيِ الْمُعَادَلَةِ مُتَسَاوِيًا. أَلَا حَظُّ أَنَّنَا نَحْتَاجُ إِلَى 3 (قطع العدد 1) مَكَانَ الْمُسْتَطِيلِ (x)؛ إِذَنْ: حَلُّ الْمُعَادَلَةِ $x = 3$.

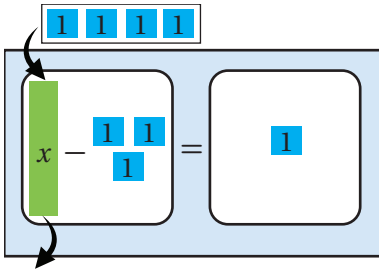
يُمْكِنُنِي أَيْضًا اسْتِعْمَالُ النَّمَاذِجِ لِحَلِّ مُعَادَلَاتٍ تَحْتَوِي عَلَى عَمَلِيَّةٍ طَرَحٍ.

نشاط 2:

أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $x - 3 = 1$ ؛ بِاسْتِعْمَالِ الْقَطْعِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ.



الخطوة 1 أمثل المعادلة $x - 3 = 1$ بالقطع الجبرية.



الخطوة 2 أجد قيمة x .

أفكر: كم مربعًا (قطع العدد 1) أحتاج مكان المستطيل (x) ؟

أحتاج إلى 4 مربعات مكان المُسْتَطِيل؛ كَيْ تَكُونَ الْمُسَاوَاةُ صَحِيحَةً.

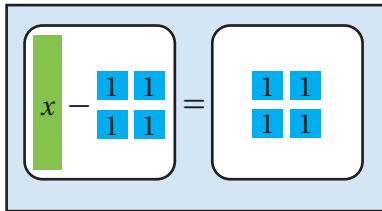
ألاحظ أننا نحتاج إلى 4 مربعات مكان المُسْتَطِيل.

إذن: حل المعادلة $x = 4$.

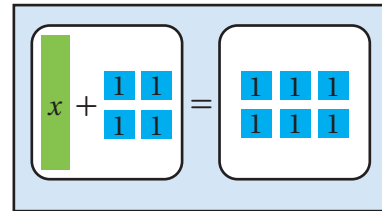
أفكر:

اكتب المعادلة المُمَثَّلَةَ فِي كُلِّ لَوْحَةِ مُعَادَلَاتٍ مِمَّا يَأْتِي، وَأَحْلُهَا:

1



2



اسْتَعْمِلُ الْقَطْعَ الْجَبْرِيَّةَ وَلَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ؛ لِحَلِّ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

3 $x + 2 = 10$

4 $4 + y = 11$

5 $m - 7 = 9$

6 $s - 2 = 8$



أَسْتَكْشِفُ



إذا كَانَتْ كَفَّتَا الْمِيزَانِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ مُتَعَادِلَتَيْنِ؛ فَهَلْ يُمْكِنُ كِتَابَةُ مُعَادَلَةٍ لِحِسَابِ كُتْلَةِ الْأُرْزَبِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَحْلُ مُعَادَلَاتِ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

مُعَادَلَةُ جَمْعٍ، مُعَادَلَةُ طَّرْحٍ.

أَتَعَلَّمُ



تَعَلَّمْتُ فِي الْأَسْتَكْشَافِ السَّابِقِ حَلَّ مُعَادَلَاتِ الْجَمْعِ (addition equations)، وَهِيَ مُعَادَلَاتٌ تَحْتَوِي عَلَى عَمَلِيَّةِ جَمْعٍ، وَحَلَّ مُعَادَلَاتِ الطَّرْحِ (subtraction equations)، وَهِيَ مُعَادَلَاتٌ تَحْتَوِي عَلَى عَمَلِيَّةِ طَّرْحٍ؛ وَذَلِكَ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ، وَيُمْكِنُنِي أَيْضًا حَلَّ هَذِهِ الْمُعَادَلَاتِ بِاسْتِعْمَالِ الْحِسَابِ الذَّهْنِيِّ أَوْ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ.

مِثَالُ 1 أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $x + 4 = 9$ ، ثُمَّ أَتَحَقَّقُ مِنْ حَلِّي.

الطَّرِيقَةُ 2: اسْتِعْمَالُ الْعَلَاقَةِ بَيْنَ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ:

أُفَكِّرُ

أَكْتُبُ مُجْمَلَةً طَّرْحٍ مُرْتَبِطَةً بِمُجْمَلَةِ الْجَمْعِ.

$$x + 4 = 9$$



$$x = 9 - 4$$

إِذْنُ: $x = 5$ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

الطَّرِيقَةُ 1: الْحِسَابُ الذَّهْنِيُّ:

أُفَكِّرُ

مَا الْعَدَدُ الَّذِي إِذَا أَضَفْتُ إِلَيْهِ 4 يَكُونُ النَّاتِجُ 9؟

$$x + 4 = 9$$



$$5 + 4 = 9$$

إِذْنُ: $x = 5$ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

أَتَحَقَّقُ: أَعَوِّضُ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدَدِ 5 فِي الْمُعَادَلَةِ $x + 4 = 9$

الْمُسَاوَاةُ صَحِيحَةٌ: $5 + 4 = 9$ ✓

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَحُلُّ كُلَّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَتَحَقَّقُ مِنْ حَلِّي:

1 $y + 4 = 10$

2 $m - 9 = 11$

مِثَال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



عَمَلٌ خَيْرِيٌّ: لَدَى هُدَى عَدَدٌ مِنَ الْأَلْعَابِ، تَبَرَّعْتُ بِـ 11 لَعْبَةً مِنْهَا لِجَمْعِيَّةِ خَيْرِيَّةٍ، فَبَقِيَ لَدَيْهَا 7 أَلْعَابٍ. أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ كَمِّ لَعْبَةٍ كَانَتْ لَدَى هُدَى، ثُمَّ أَحُلُّهَا.

الخطوة 1 أكوّن المُعَادَلَةَ.

بِالْكَلِمَاتِ: عدد من الألعاب ناقص 11 لعبة يساوي 7 ألعاب.

بِالرَّمُوزِ: x ناقص 11 لعبة يساوي 7 ألعاب.

المُعَادَلَةُ: $x - 11 = 7$

الخطوة 2 أَحُلُّ المُعَادَلَةَ.

أَكْتُبُ المُعَادَلَةَ

$x - 11 = 7$

أَكْتُبُ جُمْلَةً جَمَعَ مُرْتَبِطَةً بِالمُعَادَلَةِ

$x = 7 + 11$

أَجِدُ قِيَمَةَ x

$x = 18$

أَمْكُرْ

يُمْكِنُنِي أَيْضًا أَنْ أَحُلَّ
المُعَادَلَةَ ذَهْنِيًّا: مَا الْعَدَدُ
الَّذِي إِذَا طُرِحَتْ مِنْهُ 11
يَكُونُ النَتِاجُ 7؟

حَلُّ المُعَادَلَةِ $x = 18$ ، إِذَنْ: كَانَتْ لَدَى هُدَى 18 لَعْبَةً.

أَتَحَقَّقُ: إِذَا كَانَتْ لَدَى هُدَى 18 لَعْبَةً وَتَبَرَّعْتُ بِـ 11 لَعْبَةً، فَإِنَّ الْمُتَبَقِّيَ فَعَلًا يَكُونُ 7 أَلْعَابٍ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

قَصَّ عُمَرُ 17 cm مِنْ شَرِيطٍ فَبَقِيَ مِنْهُ 13 cm أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ طَوْلِ الشَّرِيطِ كَامِلًا، ثُمَّ أَحُلُّهَا.

الْوَحْدَةُ 7

أَحْلُ كُلَّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَتَحَقَّقْ مِنْ حَلِّي:

1 $y + 4 = 15$

2 $x - 8 = 18$

3 $x - 30 = 12$

4 $b - 19 = 50$

5 $m + 9 = 100$

6 $a + 10 = 60$

علامات: مَجْمُوعُ عِلَامَاتِ حَسَنِ فِي امْتِحَانَيْنِ 165 عِلَامَةً. إِذَا كَانَتْ عِلَامَتُهُ فِي أَحَدِهِمَا 80؛ أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ عِلَامَتِهِ فِي الْإِمْتِحَانِ الْآخَرِ، ثُمَّ أَحْلُهَا.



أنهار: يَبْلُغُ طَوْلُ نَهْرِ النَّيْلِ 6650 km تَقْرِيْبًا، وَيَزِيدُ طَوْلُهُ عَلَى طَوْلِ نَهْرِ الْأَمَازُونِ بِمِقْدَارِ 250 km أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ طَوْلِ نَهْرِ الْأَمَازُونِ، ثُمَّ أَحْلُهَا.

مِياه: اسْتَهْلَكْتُ مَنَالًا 45 لِتْرًا مِنَ الْمَاءِ فِي أَثْنَاءِ رَيِّ مَزْرَعَاتِيهَا، وَاسْتَهْلَكْتُ مَأْمُونٌ فِي رَيِّ مَزْرَعَاتِهِ 12 لِتْرًا زِيَادَةً عَمَّا اسْتَهْلَكْتُهُ مَنَالًا. أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ عِدَدِ اللَّتْرَاتِ الَّتِي اسْتَهْلَكَهَا مَأْمُونٌ، ثُمَّ أَحْلُهَا.

أَكْتَشِفُ الْخَطَأَ: حَلَّ عَمَارٌ الْمُعَادَلَةَ $15 = c - 12$ فَكَانَتْ إِجَابَتُهُ $c = 3$. أُبَيِّنُ الْخَطَأَ الَّذِي وَقَعَ فِيهِ، وَأُصَحِّحُهُ.

أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: مَا الْمُعَادَلَةُ الْمُخْتَلِفَةُ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

$x + 20 = 50$

$x - 30 = 20$

$x + 10 = 60$

$x - 20 = 30$

تَبْرِيرٌ: إِذَا كَانَ $x + 3 = 5$ وَ $y + 2 = 5$ ؛ فَأَبَيِّنْ أَنَّ $x + 3 = y + 2$. أُبَرِّرُ إِجَابَتِي

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ مَسْأَلَةً تُمَثِّلُهَا الْمُعَادَلَةُ $35 = b + 25$ ، ثُمَّ أَحْلُهَا وَأَجِدُ قِيَمَةَ b .

أَتَحَدَّثُ: أَشْرَحُ كَيْفَ يُمَكِّنُنِي التَّكَادُّ مِنْ صِحَّةِ حَلِّ الْمُعَادَلَةِ؟

أَتَدْرِبُ
وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



مَعْلُومَةٌ

يُعَدُّ نَهْرُ النَّيْلِ أَطْوَلَ أَنْهَارِ الْعَالَمِ، وَيَقَعُ فِي قَارَةِ إِفْرِيقِيَا وَيَلْبِيهِ فِي الطَّوْلِ نَهْرُ الْأَمَازُونِ.

مَعْلُومَةٌ

تَرَشِيدُ اسْتِهْلَاكِ الْمَاءِ مَسْئُولِيَّةٌ كُلُّ فَرْدٍ فِي الْمَجْتَمَعِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

استكشاف: حلّ معادلات الضرب والقسمة

الهدف: أَسْتَغْمِلُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطَعِ الْجَبْرِيَّةِ؛ لِحَلِّ مُعَادَلَاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ.

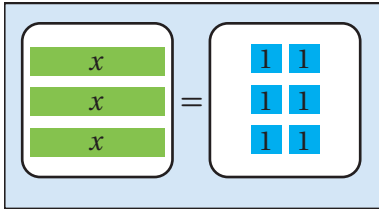
المُصطلحات: مُعَادَلَةُ الضَّرْبِ، مُعَادَلَةُ الْقِسْمَةِ.

إِذَا تَضَمَّنَتِ الْمُعَادَلَةُ عِبَارَةَ ضَرْبٍ بَدَلًا مِنَ الْجَمْعِ أَوْ الطَّرْحِ، مِثْلَ $5 \times a = 20$ وَالَّتِي تُكْتَبُ $5a = 20$ ، فَإِنَّهَا تُسَمَّى مُعَادَلَةُ ضَرْبٍ (multiplication equation). وَقَدْ تَتَضَمَّنُ الْمُعَادَلَةُ عِبَارَةَ قِسْمَةٍ، مِثْلَ $x \div 5 = 4$ وَعِنْدَئِذٍ تُسَمَّى مُعَادَلَةُ قِسْمَةٍ (division equation) وَيُمْكِنُنِي حَلَّ مُعَادَلَاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ؛ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطَعِ الْجَبْرِيَّةِ.

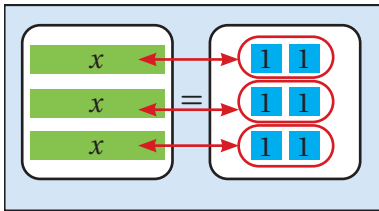
نشاط 1:

أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $3x = 6$ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطَعِ الْجَبْرِيَّةِ.

الخطوة 1: أُمَثِّلُ الْمُعَادَلَةَ بِالْقِطَعِ الْجَبْرِيَّةِ.



أفكر: كم قطعة (1) يمكن ربطها بكل (x) من الطرف الأيسر ليكون لكل (x) العدد نفسه من قطع (1) من الطرف الأيمن؟



الخطوة 2: أجد قيمة x.

عند ربط كُلِّ مُسْتَطِيلٍ (x) فِي الطَّرْفِ الْأَيْسَرِ بِالْعَدَدِ نَفْسِهِ مِنَ الْمُرَبَّعَاتِ (1) فِي الطَّرْفِ الْأَيْمَنِ أَلَا حِظُّ أَنَّ كُلَّ مُسْتَطِيلٍ (x) ارْتَبَطَ بِمُرَبَّعَيْنِ (1 1).

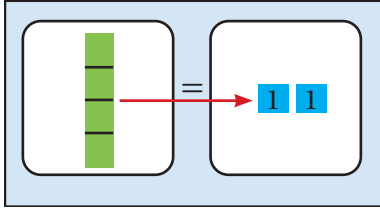
إِذَنْ: $x = 2$ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

الْوَحْدَةُ 7

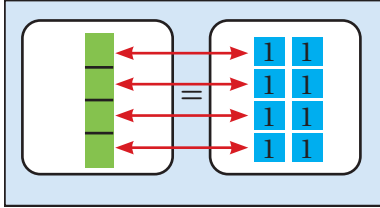
يُمْكِنُنِي اسْتِعْمَالُ النَّمَاذِجِ لِحَلِّ مُعَادَلَاتِ الْقِسْمَةِ.

نشاط 2:

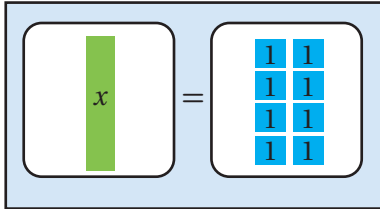
أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ $2 = 4 \div x$ ؛ بِاسْتِعْمَالِ الْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ وَلَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ.



الخطوة 1: أُمَثِّلِ الطَّرْفَ الْأَيْسَرَ مِنَ الْمُعَادَلَةِ $4 \div x$ بِتَقْسِيمِ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي يُمَثِّلُ x إِلَى 4 أَقْسَامٍ مُتَسَاوِيَةٍ.



الخطوة 2: أَكْرِرِ النَّمُودَجَ 4 مَرَّاتٍ حَتَّى أَكْمَلَ x عَلَى الطَّرْفِ الْأَيْسَرِ، وَأَضَعُ مُقَابِلَ كُلِّ جُزْءٍ 1 1 عَلَى الطَّرْفِ الْأَيْمَنِ.



الخطوة 3: أَجِدُ قِيَمَةَ x .

أُلاحِظُ أَنَّ الْمُسْتَطِيلَ كَامِلًا x قَابِلُهُ 8 مَرَبَّعَاتٍ 1،
إِذَنْ: $x = 8$

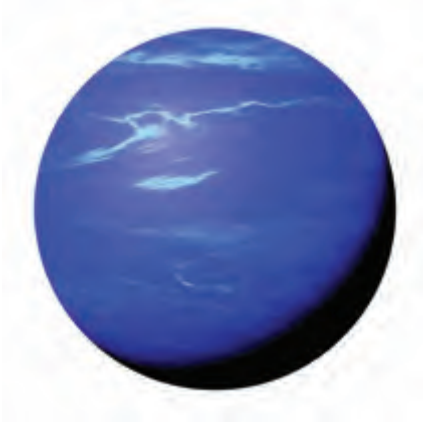
أفكر:

أَسْتَعْمِلُ لَوْحَةَ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقِطْعِ الْجَبْرِيَّةِ؛ لِحَلِّ كُلِّ مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

1 $12 = 3x$

2 $y \div 5 = 4$

3 $5m = 15$



أَسْتَكْشِفُ



الْيَوْمُ الْوَاحِدُ عَلَى كَوْكَبِ نَبْتُون 16 سَاعَةً
تَقْرِيْبًا. هَلْ يُمْكِنُ كِتَابَةُ مُعَادَلَةٍ لِحِسَابِ كَمْ
يَوْمًا عَلَى نَبْتُون تُعَادِلُ 80 سَاعَةً؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



اَكْتُبْ مُعَادَلَةً تَتَضَمَّنُ
ضَرْبًا أَوْ قِسْمَةً، وَأَحْلُهَا.

أَتَعَلَّمُ



تَعَلَّمْتُ فِي الْأَسْتَكْشَافِ السَّابِقِ حَلَّ مُعَادَلَاتِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ؛ بِاسْتِعْمَالِ لَوْحَةِ الْمُعَادَلَاتِ وَالْقَطْعِ الْجَبْرِيَّةِ،
وَيُمْكِنُنِي أَيْضًا حَلُّ هَذِهِ الْمُعَادَلَاتِ؛ بِاسْتِعْمَالِ الْحِسَابِ الدَّهْنِيِّ أَوْ الْعَلَاَقَةِ بَيْنَ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ.

مِثَال 1 أَحْلُ الْمُعَادَلَتَيْنِ الْآتِيَتَيْنِ، ثُمَّ أَتَحَقَّقُ مِنْ صَحَّةِ حَلِّي:

1 $8x = 32$

الطَّرِيقَةُ 2: اسْتِعْمَالُ الْعَلَاَقَةِ بَيْنَ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ

أَهْمَكُرْ

اَكْتُبْ جُمْلَةً قِسْمَةً مُرَبَّطَةً
بِجُمْلَةِ الضَّرْبِ.

$8x = 32$

$x = 32 \div 8$

إِذْنًا: $x = 4$ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

الطَّرِيقَةُ 1: الْحِسَابُ الدَّهْنِيُّ

أَهْمَكُرْ

مَا الْعَدَدُ الَّذِي إِذَا ضَرَبْتُهُ
بِـ 8 فَيَكُونُ النَّاتِجُ 32؟

$8x = 32$

$8 \times 4 = 32$

إِذْنًا: $x = 4$ هُوَ حَلُّ الْمُعَادَلَةِ.

أَتَحَقَّقُ: أَعَوِّضُ عَنِ الْمُتَغَيِّرِ x بِالْعَدَدِ 4 فِي الْمُعَادَلَةِ $8x = 32$

الْمُسَاوَاةُ صَحِيحَةٌ: $8 \times 4 = 32$ ✓

الْوَحْدَةُ 7

2 $x \div 10 = 4$

الطريقة 2: استعمال العلاقة بين الضرب والقسمة

أفكر

اكتب جملة ضرب مرتبطة
بجملة القسمة.

$$x \div 10 = 4$$

$$x = 4 \times 10$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

الطريقة 1: الحساب الذهني

أفكر

ما العدد الذي إذا قسمته
على 10 يكون الناتج 4؟

$$x \div 10 = 4$$

$$40 \div 10 = 4$$

إذن: $x = 40$ هو حل المعادلة.

التحقق: أعوض عن المتغير x بالعدد 40 في المعادلة $x \div 10 = 4$

المساواة صحيحة: $40 \div 10 = 4$ ✓

التحقق من فهمي:

أحل كل معادلة مما يأتي، ثم أتحقق من إجابتي:

3 $4n = 36$

4 $7y = 56$

5 $x \div 9 = 8$

6 $m \div 4 = 12$

مثال 2: من الحياة



صناعة: أنتج مصنع عددًا من قطع الحلوى خلال ساعة، وتمت تعبئتها في 50 علبة، إذا كان عدد القطع في كل علبة يساوي 12. فأكتب معادلة لحساب عدد القطع التي أنتجها المصنع، ثم أحلها.

الخطوة 1: أكون المعادلة.

بالكلمات: عدد قطع الحلوى مقسومًا على عدد العلب يساوي عدد القطع في كل علبة.

بالرموز: x مقسومًا على عدد العلب يساوي عدد القطع في كل علبة.

$$x \div 50 = 12$$

المعادلة

الخطوة 2) أحلُّ المعادلة.

$$x \div 50 = 12$$

اكتبُ المعادلةَ

$$x = 50 \times 12$$

اكتبُ جملة الضربِ المرتبطةِ بالقسمةِ

$$x = 600$$

أضربُ

إذن: عددُ قطعِ الحلوى التي أنتجها المصنعُ 600 قطعةً.

أنتحق: أعوض عن المتغير x بالعدد 600 في المعادلة $x \div 50 = 12$

المساواة صحيحة: $600 \div 50 = 12$ ✓

أنتحق من فهمي:

زراعة: زرع زيد عددًا من شتلات الزهور، وزرعت أخته هند 4 أمثال ما زرعه. فإذا كان عدد ما زرعت هند 60 شتلة، فأكتب معادلة لحساب عدد الشتلات التي زرعهما زيد، ثم أحلها.

أتحرب

وأحل المسائل

أحلُّ المعادلات الآتية:

1 $a \times 16 = 64$

2 $4n = 100$

3 $9y = 99$

4 $a \times 3 = 108$

5 $b \div 4 = 20$

6 $x \div 2 = 18$

7 $w \div 6 = 22$

8 $n \div 20 = 9$

9 كُمبيوتر: اشترت إحدى المدارس 120 جهازَ حاسوب، ووزعتها بالتساوي على 6 صفوف. أكتب معادلة لحساب عدد أجهزة الحاسوب التي تم وضعها في الصف الواحد، ثم أحلها.

الْوَحْدَةُ 7

مطاعم: اَسْتَعْمِلُ الْجَدْوَلَ الْآتِيَّ لِلْإِجَابَةِ عَنِ السُّؤَالَيْنِ.

قَائِمَةُ أَسْعَارٍ	
بيتزا كَبِيرَةٌ	9 دنانير
بيتزا وَسَطٌ	7 دنانير
بيتزا صَغِيرَةٌ	5 دنانير
عَصِيرٌ	ديناران

10 في أَحَدِ الْأَيَّامِ بَيَعَتْ أَطْبَاقُ بِيْتَزَا كَبِيرَةٍ بـ 225 دينارًا، أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِأَجَدَ عَدَدَ أَطْبَاقِ الْبِيْتَزَا الَّتِي بَيَعَتْ. أَفْتَرِضُ أَنَّ عَدَدَ الْأَطْبَاقِ يُسَاوِي L .

11 إِذَا بَيَعَتْ أَطْبَاقُ بِيْتَزَا وَسَطٌ بـ 133 دينارًا، وَبِيْتَزَا صَغِيرَةٍ بـ 115 دينارًا. فَأَيُّ الصَّنَفَيْنِ بَيَعَ مِنْهُ أَكْثَرُ؟ أَشْرَحُ كَيْفَ حَصَلْتُ عَلَى الْإِجَابَةِ.



مَعْلُومَةٌ

تَزْدَادُ كُتْلَةُ الرِّضِيعِ فِي الْأَشْهُرِ الثَّلَاثَةِ بِمَعْدَلِ 1 kg شهريًا تَقْرِيبًا، وَتَزْدَادُ $\frac{1}{2}$ kg شهريًا بَيْنَ الشَّهْرَيْنِ الثَّالِثِ وَالسَّادِسِ.

12 **قياس:** مُحِيطُ مَرَبَّعٍ 48 cm، وَطُولُ ضِلْعِهِ S . أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِإِيْجَادِ طُولِ ضِلْعِ الْمَرَبَّعِ، وَأَحْلُهَا.

13 **مواليد:** أَصْبَحَتْ كُتْلَةُ رَضِيعٍ مِثْلِي كُتْلَتِهِ عِنْدَ الْوِلَادَةِ، فَإِذَا كَانَتْ كُتْلَتُهُ الْآنَ 8 kg، فَأَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِحِسَابِ كُتْلَتِهِ عِنْدَ الْوِلَادَةِ، ثُمَّ أَحْلُهَا.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

14 **تحد:** وَرَزَعْتُ لَنَا 108 أَقْلَامٍ عَلَى عَدَدٍ مِنَ الْعُلْبِ؛ فَوَضَعْتُ فِي كُلِّ عُلْبَةٍ 9 أَقْلَامٍ. أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِأَجَدَ عَدَدَ الْعُلْبِ الَّتِي اسْتَعْمَلْتُهَا ثُمَّ أَحْلُهَا. اَسْتَعْمِلُ الرَّمْزَ a لِلتَّعْبِيرِ عَنِ عَدَدِ الْعُلْبِ.

15 **تبرير:** مَا الْمُعَادَلَةُ الَّتِي يُمَثِّلُهَا النَّمُودَجُ أدناه؟ اُبْرِّرْ إِيْجَابَتِي.

d	d	d	d
88			

16 أيها لا ينتمي: مَا الْمُعَادَلَةُ الْمُخْتَلِفَةُ؟ اُبْرِّرْ إِيْجَابَتِي.

$15 \div x = 3$	$x \div 15 = 3$	$x + 2 = 7$	$3x = 15$
-----------------	-----------------	-------------	-----------

أَتَحَدَّثُ: أَوْضَحُ الْفَرْقَ بَيْنَ الْمُعَادَلَتَيْنِ $35 \div x = 5$ وَ $x \div 5 = 35$



أحلّ المسألة (ارسم نموذجًا)

4

الدّرس



عمل خيري: جمع سعيد 27 قطعة ملابس من الأقارب والجيران، وتبرّع بها لجمعية خيرية، وجمع خالد عددًا أقل بمقدار 11 قطعة مما جمعه سعيد. اكتب معادلة تمثّل المسألة، ثمّ أحلّها.

فكرة الدّرس

أحلّ مسائل باستعمال خُطّة (رسم نموذج).

أفهم

1

ما المُعطيات؟ عدد قطع الملابس التي جمعتها سعيد، وكم يزيد على عدد القطع التي جمعتها خالد.
ما المطلوب؟ عدد قطع الملابس التي جمعتها خالد (x).

أخطّط

2

يمكنني رسم نموذج يمثّل المسألة، مما يساعدني على تكوين معادلة، ثمّ حلّها.

أحلّ

3

الخطوة 1 أرسم النموذج.

عدد القطع التي جمعتها سعيد يساوي 27

عدد القطع التي جمعتها خالد
يساوي x قطعة.

الزيادة تساوي 11
قطعة.

الخطوة 2 أكون المعادلة التي يمثّلها النموذج.

$$x + 11 = 27$$

الخطوة 3 أحلّ المعادلة.

اكتب جملة الطرح المرتبطة بالمعادلة

$$x = 27 - 11$$

$$x = 16$$

أطرح

إذن: جمع خالد 16 قطعة ملابس.

أتحقّق

4

العدد 27 يزيد على العدد 16 بمقدار 11
إذن: الحلّ صحيح.

الْوَحْدَةُ 7

اُكْتُبِ الْمُعَادَلَةَ الْمُمَثِّلَةَ فِي كُلِّ مِنَ النَّمُودَجَيْنِ، ثُمَّ أَحْلُهَا:

اَتَدَرَّبُ
وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



1

18		
x	x	x

2

20	
15	x

أَرْسُمُ نَمُودَجًا لِكُلِّ مَسْأَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَكُونُ الْمُعَادَلَةَ الَّتِي يُمَثِّلُهَا النَّمُودَجُ، وَأَحْلُهَا:

3 **إِعَادَةُ تَدْوِيرٍ:** فِي حَمَلَةٍ إِعَادَةِ تَدْوِيرٍ قَامَتْ بِهَا طَالِبَاتُ الصَّفِّ الْخَامِسِ، جَمَعَتْ عَائِشَةُ عَدَدًا أَقَلَّ بِمِقْدَارِ 6 مِنْ عَدَدِ الْعُلْبِ الْمَعْدِينَةِ الَّتِي جَمَعَتْهَا سَلْمَى. إِذَا جَمَعَتْ سَلْمَى 42 عُلْبَةً، فَكَمْ عُلْبَةً جَمَعَتْ عَائِشَةُ؟

4 **تَرْشِيدُ اسْتِهْلَاكِ:** قَرَّرَتْ عَائِلَةٌ جَمِيلِ التَّرْشِيدِ فِي اسْتِعْمَالِ الْكَهْرَبَاءِ؛ فَانْخَفَضَتْ قِيمَةُ فَاتُورَتِهِمْ بِمِقْدَارِ 3 دَنَانِيرٍ عَنِ الشَّهْرِ السَّابِقِ. إِذَا كَانَتْ قِيمَةُ الْفَاتُورَةِ الْحَالِيَةِ 15 دِينَارًا، فَكَمْ كَانَتْ قِيمَةُ الْفَاتُورَةِ فِي الشَّهْرِ السَّابِقِ؟

5 **عَالَمُ الْحَيَوَانِ:** يَقْطَعُ فَهْدٌ 336 كِيلُومِترًا فِي 3 سَاعَاتٍ؟ مَا الْمَسَافَةُ الَّتِي يَقْطَعُهَا الْفَهْدُ فِي السَّاعَةِ الْوَاحِدَةِ؟ (أَيُّ مَا سُرْعَةُ الْفَهْدِ؟).

6 **قِصَصٌ:** اشْتَرَى عَبْدُ الرَّحْمَنِ عَدَدًا مِنَ الْقِصَصِ بِـ 20 دِينَارًا. إِذَا كَانَ سِعْرُ الْقِصَّةِ الْوَاحِدَةِ 4 دَنَانِيرَ، فَمَا عَدَدُ الْقِصَصِ؟

الكتلة التقريبية (طن)	الحوث
110	الحوث الأزرق
60	حوث شمال الهادي الصائب
57	الحوث الزعنفي

أَثْقَلُ الْكَائِنَاتِ الْحَيَّةِ: يُبَيِّنُ الْجَدُولُ الْمُجَاوِرُ كُتْلَ بَعْضِ أَنْوَاعِ الْحَيْتَانِ. أَرْسُمُ نَمُودَجًا، ثُمَّ أَكْتُبُ مُعَادَلَةً لِأَجْدِ الْمَطْلُوبَ فِي كُلِّ مِنَ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ:

7 مَا عَدَدُ الْحَيْتَانِ الزَّرْقَاءِ الَّتِي مَجْمُوعُ كُتْلَتِهَا 440 طُنًّا تَقْرِبًا؟



8 بِكَمْ تَزِيدُ كُتْلَةُ الْحَوْتِ الْأَزْرَقِ عَلَى كُتْلَةِ حَوْتِ شِمَالِ الْهَادِي الصَّائِبِ؟

9 كَمْ تَنْقُصُ كُتْلَةُ حَوْتِ شِمَالِ الْهَادِي الصَّائِبِ عَنْ كُتْلَةِ الْحَوْتِ الْأَزْرَقِ؟

10 كَمْ يَبْلُغُ مَجْمُوعُ كُتْلِ 5 حَيْتَانِ زُعْنَفِيَّةٍ تَقْرِبًا؟

11 كَمْ يَبْلُغُ مَجْمُوعُ كُتْلِ 7 حَيْتَانِ زَرْقَاءٍ تَقْرِبًا؟

اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 مجموع x و 22 يساوي:

- (أ) $22x$ (ب) $x + 22$
(ج) $x - 22$ (د) $x \div 22$

2 العبارة: $m \div 2$ تعني:

- (أ) الفرق بين m و 2 (ب) مجموع m و 2
(ج) مثلي العدد m (د) m مقسومة على 2

3 القيمة العددية للمقدار الجبري $y + 15$ عند $y = 12$ هي:

- (أ) 3 (ب) 30
(ج) 27 (د) $12y$

4 إذا كانت قيمة المقدار الجبري $n - 2$ هي 6؛ فإن n تساوي:

- (أ) 8 (ب) 6
(ج) 4 (د) 12

5 قيمة x التي تجعل المعادلة $x + 10 = 30$ صحيحة، هي:

- (أ) 10 (ب) 3
(ج) 30 (د) 20

6 حل المعادلة $4n = 24$ ، هو:

- (أ) 20 (ب) 6
(ج) 28 (د) 96

7 $x = 5$ ، هو حل لإحدى المعادلات الآتية:

- (أ) $4x = 20$ (ب) $20 \div x = 4$
(ج) $x - 10 = 15$ (د) $10 + x = 20$

8 اشترت ربا برتقالاً وموزاً بـ 9 دنانير، وكان ثمن البرتقال 3 دنانير. ما المعادلة التي تساعدني على معرفة ثمن الموز (x).

- (أ) $3x = 9$ (ب) $x = 9 \times 3$
(ج) $x = 3 + 9$ (د) $x + 3 = 9$

9 أحرز الفريق الأول لكرة السلة 85 نقطة وكانت أقل من نقاط الفريق الثاني بـ 14 نقطة، إذا كانت p تعبّر عن نقاط الفريق الثاني، فما عدد نقاط الفريق الثاني؟

- (أ) $p = 28$ (ب) $p = 71$
(ج) $p = 81$ (د) $p = 99$

10 ما المعادلة التي تمثل النموذج الآتي؟

15	15	15	15
t			

- (أ) $4t = 15$ (ب) $15t = 4$
(ج) $t \div 4 = 15$ (د) $t + 4 = 15$

الْوَحْدَةُ 7

تَدْرِيبٌ عَلَى الْأَخْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ:

أَخْتَارُ الْإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ فِي مَا يَأْتِي:

22 كَتَبَ سَلْمَانُ الْمُعَادَلَةَ الْآتِيَةَ $6 \div 18 = n$ مَا الْمُعَادَلَةُ

الَّتِي تُعَدُّ طَرِيقَةً أُخْرَى لِكِتَابَتِهَا؟

(أ) $18 \times n = 6$ (ب) $6 + n = 18$

(ج) $18 - n = 6$ (د) $6 \times n = 18$

23 إِذَا كَانَتْ y تُمَثِّلُ عَدَدَ الصَّفَحَاتِ الَّتِي تَقْرُؤُهَا سَارَةُ فِي

الْيَوْمِ الْوَاحِدِ، فَمَا الْمَقْدَارُ الْجَبْرِيُّ الَّذِي يُمَثِّلُ مَجْمُوعَ

الصَّفَحَاتِ الَّتِي تَقْرُؤُهَا فِي أُسْبُوعٍ؟

(أ) $y + 7$ (ب) $7 \times y$

(ج) $y - 7$ (د) $(y + y) \times 7$

24 لَدَى عَلِيِّ مَبْلَغًا مِنَ الْمَالِ، صَرَفَ 60 دِينَارًا وَبَقِيَ

مَعَهُ 25 مَا الْمُعَادَلَةُ الَّتِي تُعَبِّرُ عَنِ الْعِبَارَةِ السَّابِقَةِ؟

(أ) $x - 60 = 25$ (ب) $25 - x = 60$

(ج) $60 - x = 25$ (د) $x - 25 = 60$

25 إِذَا كَانَ $z \times 32 = 608$ ، فَمَا قِيَمَةُ $12 + (z \times 32)$ ؟

أَسْئَلَةٌ ذَاتُ إِبَاجَةٍ قَصِيرَةٍ:

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي عِنْدَ الْقِيَمِ الْمُعْطَاةِ:

11 $x + 18 ; x = 12$

12 $80 - y ; y = 20$

13 $7n ; n = 7$

أَحْدِدْ قِيَمَةَ الْمَتَغِيرِ الَّتِي هِيَ حَلُّ الْمَعَادَلَةِ:

14 $d + 9 = 25$, $d = 6, 14, 16$

15 $c - 8 = 25$, $c = 28, 36, 33$

16 $2y = 30$, $y = 10, 15, 28$

أَحْلِ الْمَعَادَلَاتِ الْآتِيَةَ وَاتَّحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

17 $12 + x = 30$

18 $x - 17 = 8$

19 $5y = 50$

20 $m \div 6 = 3$

21 حَصَلَ فِرَاسٌ عَلَى 90 دِينَارًا مُقَابِلَ عَمَلِهِ لِعَدَدٍ مِنَ

السَّاعَاتِ. إِذَا كَانَتْ أُجْرَةُ السَّاعَةِ 15 دِينَارًا، فَكَمْ سَاعَةً

عَمِلَ؟ أُمَثِّلِ الْمَسْأَلَةَ بِنَمُودَجٍ، وَاكْتُبْ مُعَادَلَةً وَأَحْلُهَا.

الهندسة

لماذا أدرس الهندسة؟

للهندسة أهمية كبيرة في كثير من المهن؛ فهي مثلاً تساعد المهندسين والفنانين على إجراء الحسابات بدقة وعمل منتجات جميلة، وسوف اتعلم في هذه الوحدة الكثير من المهارات التي يستعملها المهندسون والفنانون في عملهم.

سأتعلم في هذه الوحدة:

- تمييز المضلعات عن غيرها من الأشكال الهندسية وأنواعها.
- تصنيف المثلثات حسب أضلاعها وزواياها.
- تصنيف الأشكال الرباعية حسب خواصها الأساسية.
- تعرف مفهوم الإزاحة باتجاه واحد واستنتاج تساوي قياسات الأضلاع والزوايا المتناظرة.

تعلمت سابقاً:

- ✓ رسم الزوايا، وقياسها.
- ✓ تعرف علاقات المستقيمات، المتوازية والمتقاطعة والمتعامدة، ورسمها.
- ✓ إنشاء بعض الأشكال الهندسية، وتمييز شبكات أشكال ثلاثية الأبعاد.
- ✓ إيجاد محور التماثل ومحور الانعكاس لشكل ثنائي الأبعاد.

مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: أَنَا رَسَّامٌ



- 5 ألون أجزاء اللوحة بألوان مختلفة
- 6 أطلع نسخة ملونة من اللوحة.
- 7 أنشئ جدولاً من ثلاثة أعمدة.

العدد	منتظم أم غير منتظم	اسم المصنع

أَسْتَعِدُّ وَرْمَلَانِي لِتَنْفِيزِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ؛ الَّذِي سَأُطَبِّقُ فِيهِ مَا سَأَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِرَسْمِ لَوْحَةٍ فَنِيَّةٍ تَحْتَوِي مَضْلَعَاتٍ.



هَدَفُ الْمَشْرُوعِ: تَنْمِيةُ مَهَارَاتِ التَّصْمِيمِ وَالرَّبْطِ وَالتَّرْتِيبِ وَالتَّمثِيلِ.

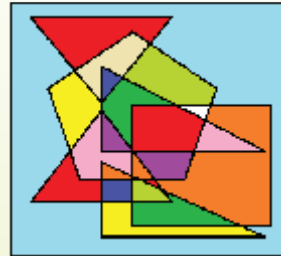


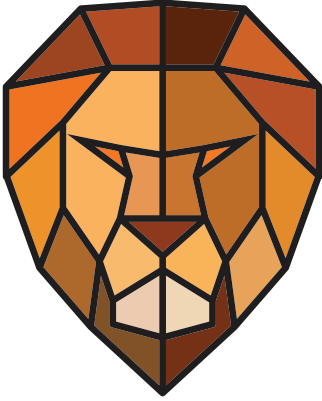
أَعْرِضُ النَتَائِجَ:

- أُصَمِّمُ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً، أَعْرِضُ فِيهَا:
 - خُطُواتِ عَمَلِ الْمَشْرُوعِ، وَالتَّنَائِجَ الَّتِي تَوَصَّلْتُ إِلَيْهَا.
 - شَرْحاً مُخْتَصِراً عَنْ كُلِّ شَكْلِ تَصَمِّمَتُهُ اللَّوْحَةِ وَخَصَائِصِهِ.
 - مَعْلُومَةً إِضَافِيَّةً عَرَفْتُهَا عَنْ بَعْضِ الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ، فِي أَثْنَاءِ الْعَمَلِ فِي الْمَشْرُوعِ.
 - بَعْضَ الصُّعُوباتِ الَّتِي واجَهْتُهَا فِي أَثْنَاءِ الْعَمَلِ فِي الْمَشْرُوعِ، وَكَيْفَ تَغَلَّبْتُ عَلَيْهَا.
- تَخْتَارُ كُلَّ مَجْمُوعَةٍ إِحْدَى لَوْحَاتِهَا وَتَعْرِضُهَا أَمَامَ الصَّفِّ.
- يَطْلُبُ أَغْضَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مِنَ الصَّفِّ تَحْدِيدَ الْمَضْلَعِ الَّذِي تَمَّ عَمَلُ انْعِكَاسِ لَهُ ثُمَّ تَحْدِيدَ صُورَتِهِ.

خُطُواتُ تَنْفِيزِ الْمَشْرُوعِ:

- 1 ابحث في الإنترنت عن لوحات فنية تحتوي مضلعات لأستوحي بعض الأفكار
- 2 أرسم باستعمال برمجة الرسام مخططاً للوحة يحتوي جميع المضلعات التي تم دراستها في هذه الوحدة بشكل متداخل. (يمكن الرسم بالمسطرة والألوان إذا لم يتوفر الحاسوب)
- 3 أضيف إلى المخطط شكلاً وصورته بالانعكاس حول محور بلون أحمر.
- 4 أرسم مربعاً كبيراً يحيط بالمخطط.





أَسْتَكَشِفُ



أسمي الأشكال الهندسية في العمل الفني المجاور.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَتَعَرَّفُ الْمُضَلَّعَ.

أُمَيِّزُ الْمُضَلَّعَ مِنْ غَيْرِهِ مِنَ الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ.

المُصْطَلَحَاتُ

الْمُضَلَّعُ، الْمُضَلَّعُ الْمُتَنَظَّمُ.

أَتَعَلَّمُ








الْمُضَلَّعُ (polygon) هو شَكْلٌ ثُنَائِيُّ الْأَبْعَادِ مُغْلَقٌ، وَمُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثِ قِطْعٍ مُسْتَقِيمَةٍ عَلَى الْأَقْلَ، لَا تَتَقَاطَعُ، وَتَتَلَقَّى كُلُّ اثْنَتَيْنِ مِنْهَا فِي نَقْطَةٍ تَسْمَى رَأْسَ الْمُضَلَّعِ أَوْ زَاوِيَتِهِ، وَعَدَدُ زَوَايَا الْمُضَلَّعِ يَسَاوِي عَدَدَ أَضْلَاعِهِ.

أُصَنِّفُ الْأَشْكَالَ الْآتِيَةَ إِلَى مُضَلَّعَاتٍ أَوْ غَيْرِ مُضَلَّعَاتٍ.

مِثَالٌ 1



غَيْرُ مُضَلَّعَاتٍ	مُضَلَّعَاتٍ
 لَأَنَّ فِيهِ قِطْعَ مُسْتَقِيمَةٍ مُتَقَاطِعَةٍ.	 لَأَنَّ جَمِيعَهَا تَحْقُقُ خِصَائِلَ الْمُضَلَّعِ:
 لَأَنَّهُ يَحْوِي مُنْحَنِيَّاتٍ.	<ul style="list-style-type: none"> • مغلقة.
 لَأَنَّهُ غَيْرُ مُغْلَقٍ.	<ul style="list-style-type: none"> • تتكوّن من ثلاث قطع مستقيمة أو أكثر.
 لَأَنَّهُ شَكْلٌ مُنْحَنٍ.	<ul style="list-style-type: none"> • أضلاعها لا تتقاطع.

الْوَحْدَةُ 8

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَصَنَّفُ الأشكال الآتية إلى مُضَلَّعاتٍ أو غير مُضَلَّعاتٍ.



يسمى المضلع بحسب عدد أضلاعه، فمثلاً يسمى خماسياً المضلع الذي يحتوي على خمسة أضلاع إذا كانت جميع أضلاع المضلع متساويةً وجميع زواياه متطابقةً سُمِّيَ **مُضَلَّعًا مُنْتَظِمًا** (regular polygon).

مِثَالٌ 2 أَصَنَّفُ الأشكال الآتية إلى مُضَلَّعٍ مُنْتَظِمٍ أو غير مُنْتَظِمٍ، وَأُسَمِّيه.

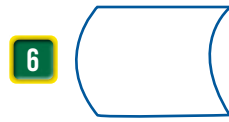
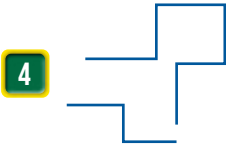
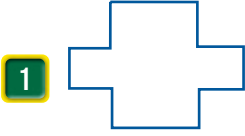


غير مُنْتَظِمٍ	مُنْتَظِمٍ
سُداسِيٌّ	خُماسِيٌّ مُنْتَظِمٍ
ثُمانيٌّ	مُرَبَّعٌ
رُباعيٌّ	سُداسِيٌّ مُنْتَظِمٍ
خُماسِيٌّ	ثُمانيٌّ مُنْتَظِمٍ

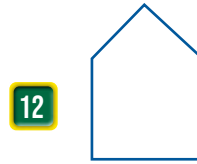
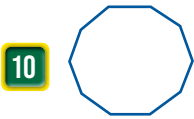
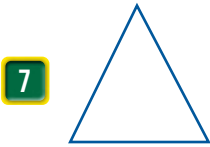
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَصَنَّفُ الأشكال الآتية إلى مُضَلَّعٍ مُنْتَظِمٍ أو غير مُنْتَظِمٍ، وَأُسَمِّيه.

				الشَّكْلُ
				نَوْعُهُ

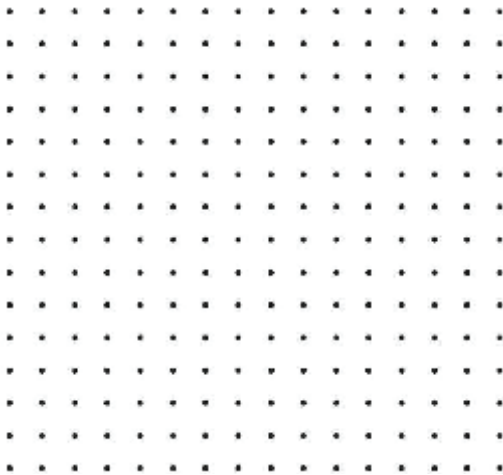
أَصْنِفُ الْأَشْكَالَ الْآتِيَةَ إِلَى مُضَلَّعَاتٍ وَغَيْرِ مُضَلَّعَاتٍ أُرِدُّ إِيَّاهُ:



أَصْنِفُ الْمُضَلَّعَاتِ الْآتِيَةَ إِلَى مُضَلَّعٍ مُنْتَظِمٍ أَوْ غَيْرِ مُنْتَظِمٍ، وَأَسْمِيهِ.



أَرَسِّمْ كُلَّ مُضَلَّعٍ مِمَّا يَأْتِي عَلَى الْوَرَقَةِ الْمُنْقَطَةِ الْمُجَاوِرَةِ:



13 رُبَاعِيٌّ مُنْتَظِمٌ.

14 خُمَاسِيٌّ غَيْرٌ مُنْتَظِمٌ.

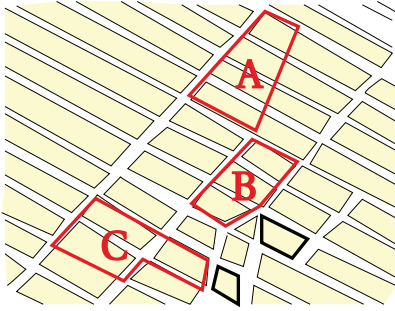
الْوَحْدَةُ 8



15 **خَلِيَّةُ نَحْلٍ:** ما الْمُضَلَّعُ الْمُكَوَّنُ لِخَلِيَّةِ النَّحْلِ؟
هَلْ هُوَ مُنْتَظِمٌ أَمْ غَيْرُ مُنْتَظِمٍ؟

معلومة

يعيش النحل في خلية على شكل سداسي لكون هذا الشكل يستهلك اقل كمية من الشمع لتخزين اكبر كمية من العسل دون ترك فراغات .



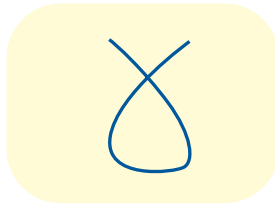
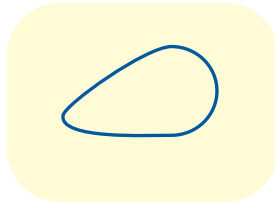
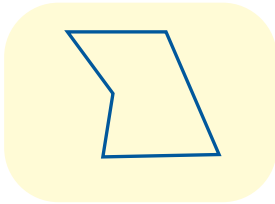
16 **مُخَطَّطُ أَرَاضٍ:** أُحَدِّدُ رَمَزَ قِطْعَةِ الْأَرْضِ الَّتِي عَلَى شَكْلِ رُبَاعِيٍّ. هَلْ هُوَ مُنْتَظِمٌ أَمْ غَيْرُ مُنْتَظِمٍ؟

مهارات التفكير

17 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** أَسْمِي أَشْكَالًا لِمُضَلَّعَاتٍ فِي عُرْفَةِ الصَّفِّ.

18 **أَطْرَحُ مَسْأَلَةً:** أَكْتُبُ مَسْأَلَةً مِنْ وَاقِعِ الْحَيَاةِ لِمُضَلَّعٍ مُنْتَظِمٍ.

19 **أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي:** أُحَدِّدُ الشَّكْلَ الْمُخْتَلِفَ مِمَّا يَأْتِي، وَأَبْرِرُ إِجَابَتِي.



أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أُمَيِّزُ الْمُضَلَّعَ مِنَ الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ الْأُخْرَى؟ وَكَيْفَ يَكُونُ الْمُضَلَّعُ مُنْتَظِمًا؟



استكشاف: مجموع قياسات زوايا المثلث

فكرة الدرس: استكشف مجموع قياسات زوايا المثلث.



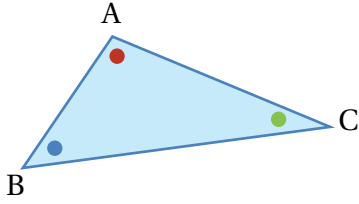
المثلث هو مُضَلَعٌ لَهُ ثلاثة أضلاع، وثلاث زوايا، وثلاثة رؤوس، وترتبط قياسات زوايا المثلث ببعضها ببعض. يُمكنني من خلال هذا النشاط؛ استنتاج مجموع قياسات زوايا مثلث.

نشاط: مجموع قياسات زوايا المثلث.

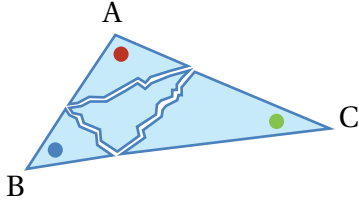
ارسم مثلثًا، ثم استنتج مجموع قياسات زواياه من دون استعمال المنقلة.

لإيجاد مجموع قياسات زوايا مثلث، أجري الخطوات الآتية:

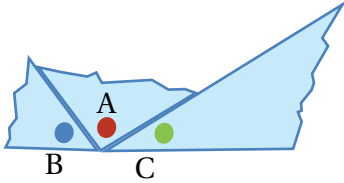
الخطوة 1: ارسم مثلثًا على ورقة، وألون زواياه الثلاث بألوانٍ مختلفة.



الخطوة 2: أقص كل زاوية من زوايا المثلث، كما في الشكل المجاور.



الخطوة 3: أضع رؤوس هذه الزوايا بشكلٍ متجاورٍ، بحيث تلتقي في نقطة واحدة على مستقيم.



1 ما الزاوية التي كوَّنتها الزوايا الثلاث، عند وضعها بجانب بعضها؟

2 ما مجموع قياسات الزوايا الثلاث؟ لماذا؟

3 ما مجموع قياسات زوايا المثلث؟

• أكرِّر ذلك مع مثلثٍ آخر.





4 ألاحظ أنَّ الزوايا الثلاث تُكوِّن زاويةً مُستقيمةً؛ أي إنَّ مجموع قياساتها يساوي

أتوصَّل إلى القاعدة الآتية: مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180° .

الْوَحْدَةُ 8

أَفَكِّرْ:

سَجَلْتُ سَمَاحُ بَيَانَاتِهَا فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:

المَجْمُوعُ	قياساتُ الزَّوايا			المُثَلَّثُ
	60°	60°	60°	
	90°	60°	30°	
	70°	60°	50°	
	30°	40°	110°	

1 ما مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ كُلِّ مُثَلَّثٍ قَاسْتُهُ؟

2 أكتب استنتاجًا حول مجموع قياسات زوايا المثلث.

3 **التَّفَكُّيرُ النَّاقِدُ:** هَلْ يَتَغَيَّرُ مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ زَوَايا المُثَلَّثِ،

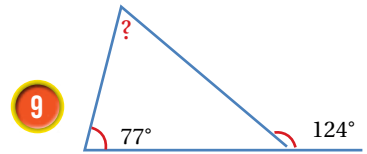
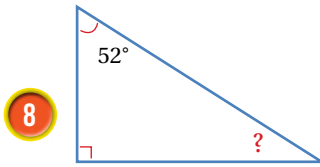
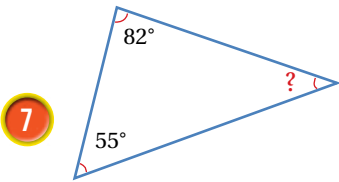
إِذَا تَغَيَّرَتْ أَطْوَالُ أَضْلَاعِهِ أَوْ تَغَيَّرَتْ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ؟
أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

4 ماذا أَسْتَفِيدُ مِنْ مَعْرِفَةِ أَنَّ مَجْمُوعَ قِيَاسَاتِ زَوَايا أَيِّ مُثَلَّثٍ يَسَاوِي 180°؟

5 هَلْ يُمَكِّنُ أَنْ يَحْتَوِيَ مُثَلَّثٌ مَا عَلَى زَوَايا قِيَاسَاتِهَا 82°, 65°, 33°؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

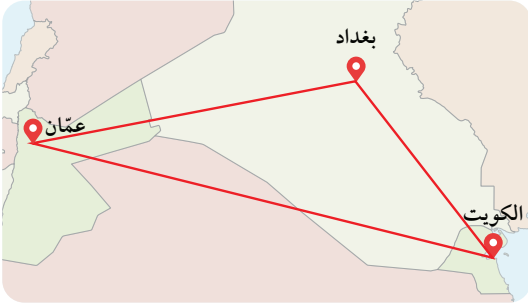
6 هَلْ تَصُلُحُ الزَّوايا الَّتِي قِيَاسَاتُهَا 40°, 80°, 70° أَنْ تَكُونَ زَوَايا مُثَلَّثٍ؟ أَبْرُرْ إِجَابَتِي.

أَجِدْ قِيَاسَ الزَّوايا الْمَجْهُولَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي؛ مِنْ دُونِ اسْتِعْمَالِ الْمُنْقَلَةِ:



10 كَيْفَ أَتَأَكَّدُ مِنْ أَنَّ 3 ثَلَاثَ زَوَايا مَعْطَى قِيَاسَاتِهَا يُمَكِّنُ أَنْ تَكُونَ زَوَايا مُثَلَّثٍ؟

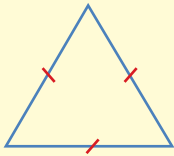
أَسْتَكْشِفُ



تشكل المسارات التي سلكتها طائرة في رحلة من عمان إلى بغداد ثم الكويت ثم العودة إلى عمان مثلثاً كما يظهر في الخريطة المجاورة. هل أضلاع المثلث متساوية؟

أَتَذَكَّرُ

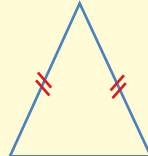
تعني الإشارات المتماثلة المرسومة على أي ضلعين (أو أكثر) في المثلث أن الضلعان متطابقان (لهما الطول نفسه).



مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الْأَضْلَاعِ

(equilateral triangle)

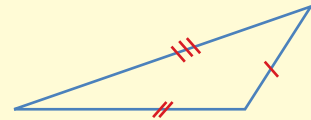
أَضْلَاعُهُ الثَّلَاثَةُ مُتَطَابِقَةٌ.



مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقُ الضِّلْعَيْنِ

(isosceles triangle)

فِيهِ ضِلْعَانِ مُتَطَابِقَانِ.



مُثَلَّثٌ مُخْتَلِفُ الْأَضْلَاعِ

(scalene triangle)

أَطْوَالُ أَضْلَاعِهِ الثَّلَاثَةِ مُخْتَلِفَةٌ،

لَا يَوْجَدُ ضِلْعَانِ مُتَطَابِقَانِ

أَتَعَلَّمُ

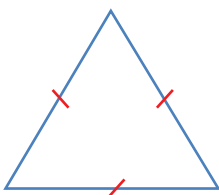


يُمْكِنُنِي تَصْنِيفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا.

مِثَالُ 1

أَصَنَّفُ كلاً مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي:

1



الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الْأَضْلَاعِ؛ لِأَنَّ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهِ الثَّلَاثَةِ مُتَسَاوِيَةٌ.

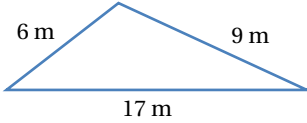
الْوَحْدَةُ 8

2



المثلث مُتطابقُ الضلعين؛ لِأَنَّهُ يَوجَدُ ضِلْعَانِ فِي المثلثِ لَهُمَا الطُّولُ نَفْسُهُ. (مُتطابقان) مع رسمته

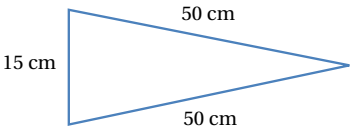
3



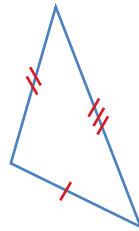
المثلثُ مُختلفُ الأضلاع؛ لِأَنَّهُ لَا يَوجَدُ ضِلْعَانِ فِي المثلثِ مُتطابقان.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَصَنَّفُ كُلَّ مِنَ المثلثاتِ الآتيةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي:

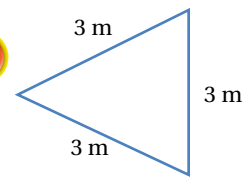
1



2

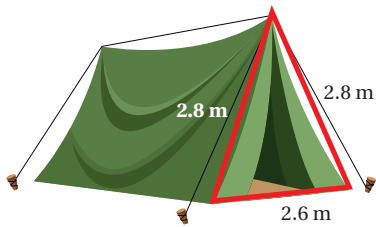


3



أَصْنَافَ المثلثاتِ الْمُختلفةِ نَشاَهِدُهَا فِي كَثِيرٍ مِنَ التَّطبيقاتِ الحَيَاتِيَّةِ.

مِثَال 2: مِنَ الحَيَاةِ



اشْتَرَى عُمَرُ خِيْمَةً لِرَحَلَةِ تَخِيمٍ. أَصَنَّفُ المثلثَ الظاهرَ فِي جَانِبِ الخِيْمَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهِ.

أَطْوَالُ أَضْلَاعِ المثلث: 2.8 m, 2.8 m, 2.6 m

بِمَا أَنَّهُ يَوجَدُ ضِلْعَانِ فِي المثلثِ مُتطابقان؛ فَإِنَّ المثلثَ مُتطابقُ الضلعين. أَيَّ إِنَّ جَانِبَ الخِيْمَةِ يَمَثُلُ مِثْلًا مُتطابقَ الضلعين.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

الشَّكْلُ المُجاوِرُ هَرَمٌ أَطْوَالُ أَضْلَاعِهِ جَمِيعُهَا تُساوِي 35 m.

أَصَنَّفُ المثلثَ الأماميَّ فِي الهَرَمِ وَفَقًّا لِأَطْوَالِ أَضْلَاعِهِ



أَتَدْرَبُ

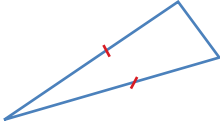
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

معلومة

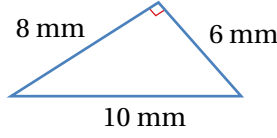
تشير الدراسات ان البابليون هم اول من اهتم بعلم المثلثات حيث وجد لوح طيني عمره أكثر من 3700 عام عليه جدول أرقام لها علاقة بحساب المثلثات، وتقع مدينة بابل جنوب العاصمة العراقية بغداد

أَصْنَفُ كُلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا، وَابْرُرْ إِجَابَتِي:

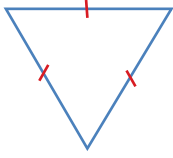
1



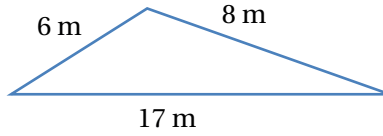
2



3



4



فِي مَا يَأْتِي أَطْوَالِ أَضْلَاعِ مُثَلَّثَاتٍ. أَصْنَفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا.

5

6 m, 6 m, 6 m

6

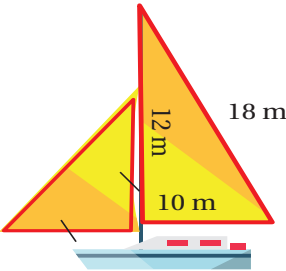
7 cm, 8 cm, 10 cm

7

5 mm, 6 mm, 5 mm

8

8 cm, 0.08 m, 14 cm

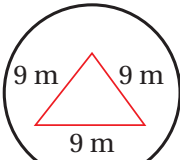


قَوَارِبُ: يُسْتَخْدَمُ الشَّرَاعُ فِي بَعْضِ الْقَوَارِبِ لِذَفْعِهَا بِاسْتِعْمَالِ طَاقَةِ الرِّيحِ، أَصْنَفُ كُلِّ مُثَلَّثٍ مِنْ مُثَلَّثَاتِ الشَّرَاعِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا؟

9

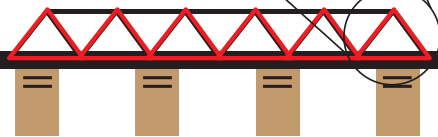
معلومة

يستخدم مصطلح سفينة شراعية للإشارة إلى أي مركب يعمل بقوة الرياح. ويطلق على الطاقم الذي يبحر بالسفينة اسم البحارة



جُسُورُ: يَتَكَوَّنُ جِسْرٌ مِنْ مُثَلَّثَاتٍ مُتَمَاثِلَةٍ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ. أَصْنَفُ الْمُثَلَّثَاتِ، ثُمَّ أَجِدْ طَوْلَ الْجِسْرِ.

10

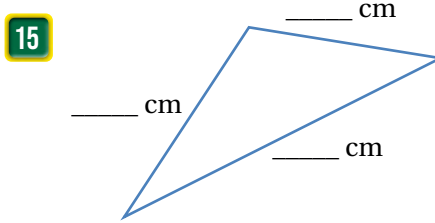
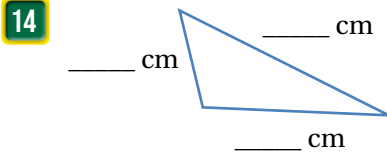
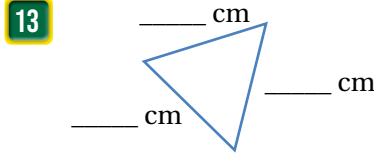
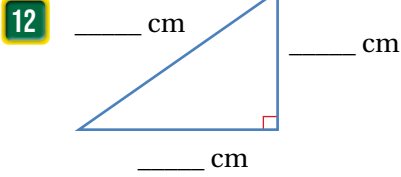


الْوَحْدَةُ 8



أهرامات: تُعَدُّ أهرامات الجيزة في مصرَ مِنْ أَهَمِّ عَجَائِبِ الدُّنْيَا عَلَى مَرِّ التَّارِيخِ. أُصْنِفُ الْمُثَلَّثَ الَّذِي يُمَثِّلُ وَاجِهَةَ هَرَمٍ خَوْفُو الْمُجَاوِرِ حَسَبَ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهِ.

أَقِسْ أَطْوَالَ أَضْلَاعِ الْمُثَلَّثِ إِلَى أَقْرَبِ سَنْتِيْمَتْرٍ وَأَصْنَفْهُ، فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



اكتشف الخطأ: مُثَلَّثٌ قِيَاسًا ضِلْعَيْنِ فِيهِ 5 cm و 6 cm يَقُولُ خَالِدٌ إِنَّ هَذَا الْمُثَلَّثَ مُخْتَلِفُ الْأَضْلَاعِ. هَلْ هُوَ عَلَى صَوَابٍ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

مسألة مفتوحة: إِذَا كَانَ طَوْلَا ضِلْعَيْنِ فِي مُثَلَّثٍ مُتَطَابِقِ الضِّلْعَيْنِ 15 m, 10 m، فَمَا طَوْلُ الضِّلْعِ الثَّالِثِ؟

تبرير: يَقُولُ وَلِيدٌ إِنَّ كُلَّ مُثَلَّثٍ مُتَطَابِقِ الْأَضْلَاعِ هُوَ مُثَلَّثٌ مُتَطَابِقِ الضِّلْعَيْنِ. هَلْ هُوَ عَلَى صَوَابٍ؟ اُبْرِّرْ إِجَابَتِي.

اتحدث: كَيْفَ أُصْنِفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا؟

معلومة

الأهرام هي مقابر ملكية كل منها يحمل اسم الملك الذي بناه وتم دفنه فيه، والبناء الهرمي هنا هو مرحلة من مراحل تطور عمارة المقابر في مصر القديمة وأشهر الأهرام المصرية هرم خوفو وهرم خفرع وهرم منقرع.

مهارات التفكير

ارشاد

المسألة المفتوحة هي مسألة تحتل أكثر من إجابة



أَسْتَكْشِفُ



تُنَبِّهُ لَوْحَةُ الْمُرُورِ المجاورة السَّائِقِينَ إِلَى وجود مَمَرٍّ مُشاةٍ وَعَنَوَانُهَا تَمَهَّلْ. وهي عَلَى شَكْلِ مُثَلَّثٍ أَطْوَالَ أَضْلَاعِهِ مُتَسَاوِيَةٌ، ما قِيَاسَاتُ زَوَايَا هَذَا الْمُثَلَّثِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَصَنَّفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا.

الْمُصْطَلَحَاتُ

مُثَلَّثٌ حَادُّ الزَّوَايا، مُثَلَّثٌ قَائِمُ الزَّوَايَةِ، مُثَلَّثٌ مُنْفَرِجُ الزَّوَايَةِ.

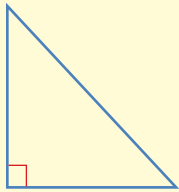
أَتَذَكَّرُ

قياس الزَّوَايَةِ الْقَائِمَةِ يساوي 90° ، وقياس الزَّوَايَةِ الْحَادَّةِ أَكْبَرُ مِنْ صِفْرِ وَأَصْغَرُ مِنْ 90° ، أما الزَّوَايَةُ الْمُنْفَرِجَةُ فقياسُهَا أَكْبَرُ مِنْ 90° وَأَصْغَرُ مِنْ 180° .

أَتَعَلَّمُ



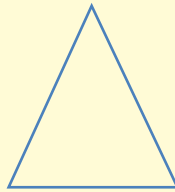
يُمْكِنُنِي تَصْنِيفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا.



مُثَلَّثٌ قَائِمُ الزَّوَايَةِ

(right triangle)

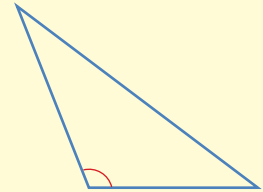
إِحْدَى زَوَايَاهُ قَائِمَةٌ وَالزَّوَايَتَانِ الْأُخْرَيَانِ حَادَّتَانِ.



مُثَلَّثٌ حَادُّ الزَّوَايا

(acute triangle)

زَوَايَاهُ الثَّلَاثَةُ حَادَّةٌ.



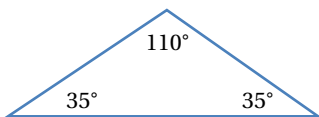
مُثَلَّثٌ مُنْفَرِجُ الزَّوَايَةِ

(obtuse triangle)

إِحْدَى زَوَايَاهُ مُنْفَرِجَةٌ وَالزَّوَايَتَانِ الْأُخْرَيَانِ حَادَّتَانِ.

مِثَالُ 1 أَصَنَّفُ كُلَّ مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي:

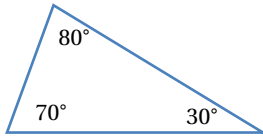
1



الْمُثَلَّثُ مُنْفَرِجُ الزَّوَايَةِ؛ لِأَنَّ إِحْدَى زَوَايَاهُ مُنْفَرِجَةٌ، وَالزَّوَايَتَانِ الْأُخْرَيَانِ حَادَّتَانِ.

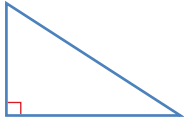
الْوَحْدَةُ 8

2



المُثلَّثُ حادُّ الزَّوايا؛ لِأَنَّ زَوَايَاهُ الثَّلَاثَ حَادَّةٌ.

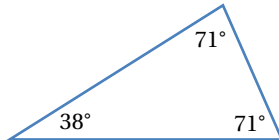
3



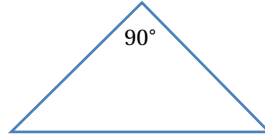
المُثلَّثُ قائِمْ الزَّاويَّة؛ لِأَنَّ إِحْدَى زَوَايَاهُ قَائِمَةٌ، وَالزَّوَيَتَانِ الْآخَرَتَانِ حَادَّتَانِ

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي: أَصَنَّفُ كُلَّ مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي:

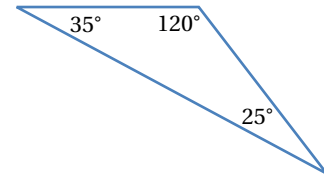
1



2

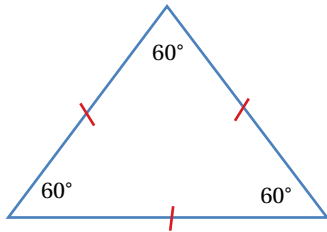
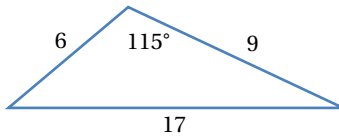


3

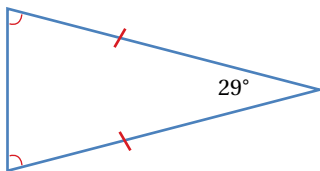


تَوْجَدُ عِلَاقَاتُ تَرْبُطٍ بَيْنَ أَضْلَاعِ الْمُثَلَّثِ وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهُ، مِثْلُ:

• الزَّاويَّةُ الْكُبْرَى فِي الْمُثَلَّثِ تُقَابِلُ الضِّلْعَ الْأَطْوَلَ



• عِنْدَمَا يَكُونُ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقَ الْأَضْلَاعِ، يَكُونُ مُتَطَابِقَ الزَّوَايا، وَيَعْنِي أَنَّ كُلَّ زَوَايَاهُ مُتَسَاوِيَةٌ وَأَنَّ قِيَاسَ كُلِّ مِنْهَا 60. (وَالْعَكْسُ صَحِيحٌ). (إِذَا كَانَتْ قِيَاسَاتُ زَوَايا الْمُثَلَّثِ مُتَسَاوِيَةً كَانَ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقَ الْأَضْلَاعِ)



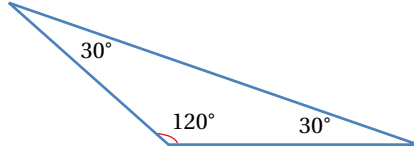
• عِنْدَمَا يَكُونُ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقَ الضِّلْعَيْنِ، يَكُونُ فِيهِ زَاوَيَتَانِ مُتَطَابِقَتَانِ قِيَاسُهُمَا مُتَسَاوٍ. (وَالْعَكْسُ صَحِيحٌ). (إِذَا وَجِدَتْ زَاوَيَتَانِ مُتَطَابِقَتَانِ كَانَ الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقَ الضِّلْعَيْنِ)

الْمَعْلُومَاتُ

عِنْدَ وَضْعِ الْأَقْوَاسِ الْمُتَمَاثِلَةِ عَلَى الزَّوَايا، فَإِنَّهَا تُشِيرُ إِلَى أَنَّ قِيَاسَاتِ الزَّوَايا مُتَسَاوِيَةٌ.

مثال 2 أَصْنَفْ كُلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأَبْرُرْ إِجَابَتِي:

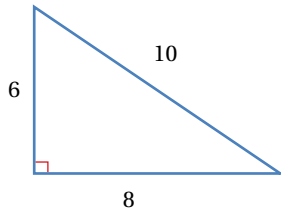
1



أَوَّلًا: إِحْدَى زَوَايَا الْمُثَلَّثِ مُنْفَرِجَةٌ وَالزَّوَيَتَانِ الْآخَرَتَانِ حَادَّتَانِ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ مُنْفَرِجُ الزَّوَايَةِ.

ثَانِيًا: يَوْجَدُ فِي الْمُثَلَّثِ زَاوَيَتَانِ قِيَاسُهُمَا مُتَسَاوٍ، أَيْ إِنَّ فِيهِ ضِلْعَيْنِ مُتَطَابِقَيْنِ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ مُتَطَابِقُ الضِّلْعَيْنِ.

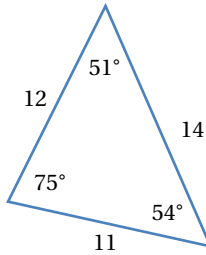
2



أَوَّلًا: إِحْدَى زَوَايَا الْمُثَلَّثِ قَائِمَةٌ وَالزَّوَيَتَانِ الْآخَرَتَانِ حَادَّتَانِ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ قَائِمُ الزَّوَايَةِ.

ثَانِيًا: جَمِيعُ أَطْوَالِ أَضْلَاعِ الْمُثَلَّثِ مُخْتَلِفَةٌ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ مُخْتَلِفُ الْأَضْلَاعِ.

3



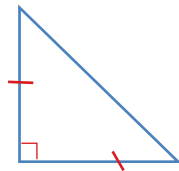
أَوَّلًا: زَوَايَا الْمُثَلَّثِ الثَّلَاثُ حَادَّةٌ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ حَادُّ الزَّوَايَا.

ثَانِيًا: جَمِيعُ أَطْوَالِ أَضْلَاعِ الْمُثَلَّثِ مُخْتَلِفَةٌ؛ لِذَا، الْمُثَلَّثُ مُخْتَلِفُ الْأَضْلَاعِ.

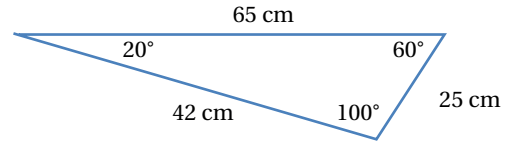
أَنْتَحَقُّ مِنْ فَهْمِي:

أَصْنَفْ كُلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأَبْرُرْ إِجَابَتِي:

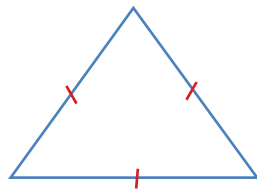
1



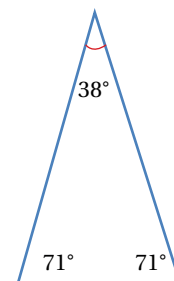
2



3



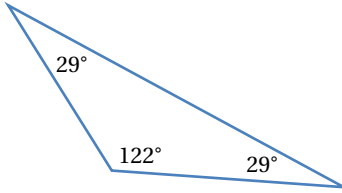
4



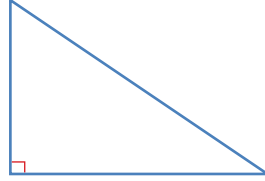
الْوَحْدَةُ 8

أَصْنِفْ كُلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرْ إِجَابَتِي:

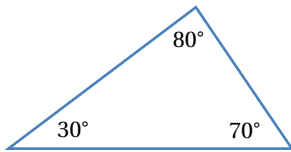
1



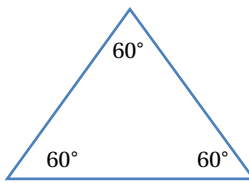
2



3

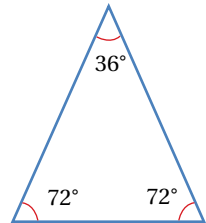


4

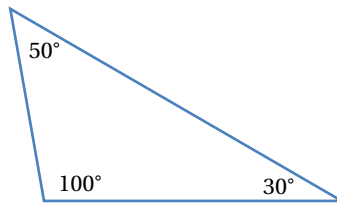


أَصْنِفْ كُلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرْ إِجَابَتِي:

5



6



أَضْعُ (✓) أَمَامَ الْجُمْلَةِ الصَّحِيحَةِ، وَ (X) أَمَامَ الْجُمْلَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

- 7 () المثلث الذي له ضلعان متطابقان فقط، مثلث متطابق الضلعين.
- 8 () يمكن أن تكون إحدى زوايا المثلث القائم الزاوية منفرجة.
- 9 () يمكن رسم مثلث قائم الزاوية ومتطابق الأضلاع.
- 10 () يمكن رسم مثلث متطابق الأضلاع ومنفرج الزاوية.
- 11 () كل مثلث متطابق الأضلاع متطابق الزوايا.
- 12 () المثلث المختلف الأضلاع هو مثلث حاد الزوايا.
- 13 () يمكن رسم مثلث قائم الزاوية ومختلف الأضلاع.

أَتَدَرَّبُ
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

تذكر

تذكر ان الزاوية القائمة هي
زاوية قياسها 90 درجة

أَصَنَّفُ كَلًّا مِنَ الْمُثَلَّثَاتِ الْمَعْطَى قِيَاسَاتُهَا بِحَسَبِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهَا وَقِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي:

14 الأضلاع: 3.5 cm, 6.2 cm, 3.5 cm الزوايا: 27° , 27° , 126°

15 الأضلاع: 2 cm, 5 cm, 3.5 cm الزوايا: 21° , 116° , 43°

16 مُثَلَّثٌ قَائِمُ الزَّاوِيَةِ فِيهِ زَاوِيَةٌ قِيَاسُهَا 30° . مَا قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ الْآخَرَى؟



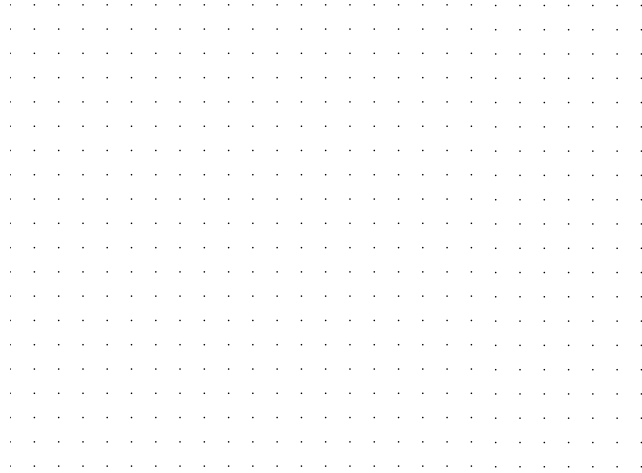
17 **الْعَاب:** فِي لُغَةِ الْبِلَارْدُو يُسْتَعْمَلُ إِطَارُ الشَّكْلِ لِتَنْظِيمِ كُرَاتِ الْبِلَارْدُو فِي بَدَايَةِ اللَّعْبَةِ. بَيْنَمَا كَانَ يَنْظُمُ أَحْمَدُ الْكُرَاتِ؛ وَجَدَ أَنَّ جَمِيعَ زَوَايَا الْإِطَارِ مُتَطَابِقَةٌ، فَمَا قِيَاسُ كُلِّ زَاوِيَةٍ؟ وَمَا نَوْعُ الْمُثَلَّثِ؟

معلومة

البلياردو هي مجموعة متنوعة من الألعاب تلعب بالعصا لضرب كرات وتحريكها على طاولة يتخللها بعضها الثقوب

مهارات التفكير

18 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** ارْسُمْ مُثَلَّثًا قَائِمَ الزَّاوِيَةِ وَمُتَطَابِقَ الضِّلْعَيْنِ عَلَى الشَّبَكَةِ أدناه.



19 **اَكْتَشَفُ الْخَطَأَ:** تَقُولُ مَرْحُ إِنَّ الْمُثَلَّثَ الْمُنْفَرِجَ الزَّاوِيَةَ يُمَكِّنُ أَنْ يَكُونَ قَائِمَ الزَّاوِيَةِ أَيْضًا إِذَا وَجِدْتَ فِيهِ زَاوِيَةً قَائِمَةً، هَلْ هِيَ عَلَى صَوَابٍ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

20 **تَبَرُّرٌ:** مُثَلَّثٌ قِيَاسًا زَاوِيَتَيْنِ مِنْ زَوَايَاهُ الثَّلَاثِ 23° وَ 67° ؛ هَلْ هَذَا الْمُثَلَّثُ حَادُّ الزَوَايَا أَمْ قَائِمُ الزَّاوِيَةِ أَمْ مُنْفَرِجُ الزَّاوِيَةِ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَصَنَّفُ الْمُثَلَّثَاتِ حَسَبَ قِيَاسَاتِ زَوَايَاهَا؟



أستكشف



عَلَمُ السُّودَانِ مُسْتَطِيلٌ وَمُقَسَّمٌ مِنْ
الدَّخِلِ إِلَى أَشْكَالٍ. كَمْ شَكْلًا رُبَاعِيًّا
دَاخِلَ الْعَلَمِ؟ هَلْ يَتَضَمَّنُ الْعَلَمُ
أَضْلَاعًا مُتَوَازِيَةً؟

فكرة الدرس



أَتَعَرَّفُ خَصَائِصَ الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ.

المصطلحات

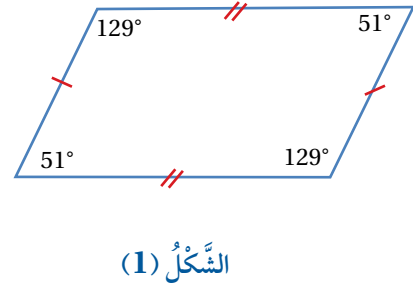
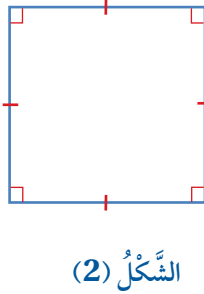
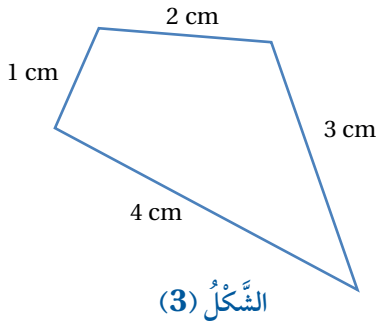
شَكْلٌ رُبَاعِيٌّ، مُتَوَازِي أَضْلَاعٌ، شِبْهُ
مُنْحَرَفٍ.

أَتَعَلَّمُ



الشَّكْلُ الرَّبَاعِيُّ (quadrilateral) مُضَلَّعٌ لَهُ أَرْبَعَةُ أَضْلَاعٍ وَأَرْبَعُ زَوَايَا، وَتُصَنَّفُ الْأَشْكَالُ الرَّبَاعِيَّةُ وَفَقًا لِخَاصِيَّةٍ
أَوْ أَكْثَرَ مِنْ الْخَصَائِصِ الْآتِيَةِ: تَطَابُقُ الْأَضْلَاعِ، وَتَوَازِي الْأَضْلَاعِ، وَتَعَامُدُ الْأَضْلَاعِ.

مثال 1 أَلَا حِظْ أَطْوَالَ أَضْلَاعٍ وَقِيَاسَاتِ زَوَايَا كُلِّ مِنَ الْأَشْكَالِ أَدْنَاهُ، لِلْإِجَابَةِ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ:



1 كَمْ عَدَدُ أَضْلَاعِ كُلِّ شَكْلٍ؟

الأشكال جميعها لها 4 أضلاع.

2 كَمْ عَدَدُ زَوَايَا كُلِّ شَكْلٍ؟

الأشكال جميعها لها 4 زوايا.

أَتذكر

المُسْتَقِيمَانِ الْمُتَوَازِيَانِ لَا يَلْتَقِيَانِ أَبَدًا مَهْمَا
امْتَدَّا، وَالبُعْدُ بَيْنَهُمَا ثَابِتٌ دَائِمًا.

3 أكمل الجدول الآتي:

الشكل أو الأشكال	الخاصية
1,2	الأضلاع المتقابلة متوازية.
1,2	الأضلاع المتقابلة متطابقة.
1,2	الزوايا المتقابلة متطابقة.

أتحقق من فهمي:

1 ما الخاصية التي تشترك فيها جميع الأشكال الثلاثة؟

2 هل يشترك الشكل 3 بأي خاصية مع الشكلين 1, 2؟

يُسمى الشكل الرباعي متوازي أضلاع (parallelogram) إذا كان فيه كل ضلعين متقابلين متوازيين ومتطابقين، وكذلك كل زاويتين متقابلتين متطابقتين، ويُسمى الرباعي شبه منحرف (trapezoid) إذا توازي فيه ضلعان متقابلان فقط.

متوازي أضلاع	شبه منحرف	ليست متوازي أضلاع ولا شبه منحرف

ونشاهد الأشكال الرباعية في المباني، والمعالم الأثرية وغيرها والتي تصمم لتضمن أشكالاً هندسية.

مثال 2: من الحياة

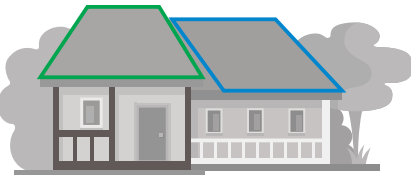


برج إيفل: يتكوّن برج إيفل في باريس، من ثلاثة أقسام، أحدهم الشكل الهندسي الظاهر في القسم الأوسط والمُحاط باللون الأحمر، ثم أذكر صفاته. الشكل الهندسي للقسم الأوسط هو شبه منحرف قاعدته السفلى والعلية متوازيتين.



أتحقق من فهمي:

فن: رسم فنان منزلاً ظهرت على سطحه بعض الأشكال الهندسية. أحدد الشكلين الهندسيين الظاهرين والمُحاطين باللونين الأخضر والأزرق، وأذكر صفات كل منهما.

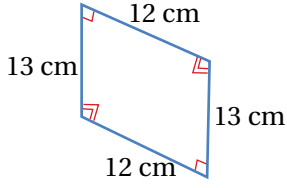


الْوَحْدَةُ 8

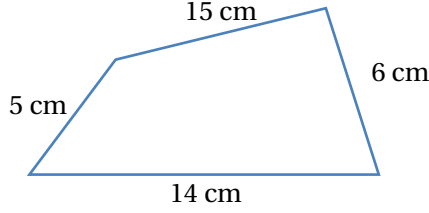
أَتَدْرِبُ
وَأَدُلُّ الْمَسَائِلَ



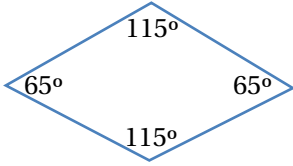
أُلاحِظُ أَطْوَالَ أَضْلاعٍ وَقِيَاسَاتِ زَوَايَا كُلِّ مِنَ الْأَشْكَالِ أَذْنَاهُ، لِلْإِجَابَةِ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ:



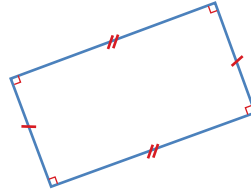
الشَّكْلُ (2)



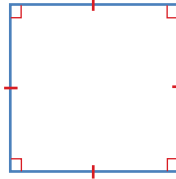
الشَّكْلُ (1)



الشَّكْلُ (4)



الشَّكْلُ (3)



الشَّكْلُ (5)

أُكْمِلُ صِفَاتِ الشَّكْلِ 1:

الشَّكْلُ لَهُ أَضْلاعٍ، وَ زَوَايا.

1

الأضْلاعُ الْمُتَقَابِلَةُ وَ

2

الزَّوَايا الْمُتَقَابِلَةُ

3

أُكْمِلُ صِفَاتِ الشَّكْلِ 2:

الشَّكْلُ لَهُ أَضْلاعٍ، وَ زَوَايا.

4

الأضْلاعُ الْمُتَقَابِلَةُ وَ

5

الزَّوَايا الْمُتَقَابِلَةُ

6

ما الْأَشْكَالُ الَّتِي لَهَا صِفَاتُ الشَّكْلِ 1 نَفْسُهَا؟

7

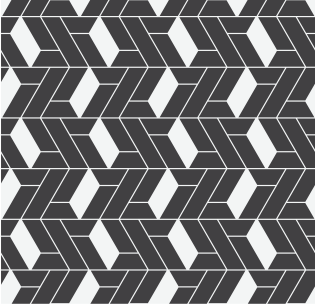
8 ما الأشكال التي لها صفات الشكل 2 نفسها؟

9 ما الأشكال التي لها 4 زوايا قائمة؟

10 ما الأشكال التي لها 4 أضلاع متساوية؟

11 ما الأشكال التي فيها فقط ضلعان متقابلان متوازيان؟

12 ما الأشكال التي فيها كل ضلعين متقابلين متوازيان؟



13 **سجادة:** أعدد شكل متوازي الأضلاع، وشكل شبه المنحرف على السجادة المجاورة، وأذكر صفات كل منهما.



14 **أثاث:** في واجهة طاولة التلفاز المجاورة شكل هندسي تكرر أكثر من مرة، أعدد الشكل وأذكر صفاته.

مهارات التفكير

15 **مسألة مفتوحة:** أذكر اسم شكل رباعي من غرفة الصف أو المنزل، يمثّل شكل متوازي أضلاع أو شكل شبه منحرف، وأعدد صفاته.

16 **اكتشف الخطأ:** تقول مها إنها تستطيع رسم شبه منحرف فيه 3 زوايا قائمة. هل هي على صواب؟ أبرر إجابتي.

178	177	176	175	174	173
174					
169	168	164	163	162	161
167	166				

15 **مسألة مفتوحة:** يمثّل الرسم المجاور مخططاً لقطع أراضٍ. أعدد قطعتي أرض تمثّلان شكل شبه منحرف مع ذكر الخصائص.

انتدب: كيف أميز الشكل الرباعي إن كان شبه منحرف أو متوازي أضلاع أو غير ذلك.





أَسْتَكْشِفُ



تَحْتَوِي الْوَاجِهَةُ الْأَمَامِيَّةُ لِلخَزَنَةِ
فِي مَدِينَةِ الْبَتْرَا الْأَثَرِيَّةِ عَلَى عَدَدٍ مِنْ
الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ. أَحَدُ شَكْلَيْنِ
رُبَاعِيَّيْنِ مِنْهَا.

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أُمَيِّرُ الْحَالَاتِ الْخَاصَّةَ
لِمُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ.
أَحَدُ السَّمَاتِ الْمُشْتَرَكَةِ
بَيْنَ الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ.

أَتَعَلَّمُ



تَوْجَدُ 5 أَنْوَاعٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ:

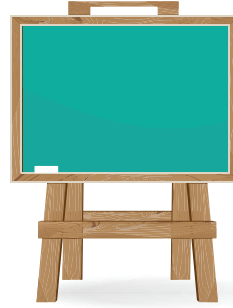
الشَّكْلُ	رَسْمُهُ	خَصَائِصُهُ
مُسْتَطِيلٌ		<ul style="list-style-type: none"> كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتطَابِقَانِ. الزَّوَايا جَمِيعُهَا قَائِمَةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ.
مُرَبَّعٌ		<ul style="list-style-type: none"> أَضْلَاعُهُ جَمِيعُهَا مُتطَابِقَةٌ. الزَّوَايا جَمِيعُهَا قَائِمَةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ.
مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ		<ul style="list-style-type: none"> كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتطَابِقَانِ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ.
مَعِينٌ		<ul style="list-style-type: none"> أَضْلَاعُهُ جَمِيعُهَا مُتطَابِقَةٌ. كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ. الزَّوَايا الْمُتَقَابِلَةُ مُتطَابِقَةٌ
شَبْهُ مُنْحَرِفٍ		<ul style="list-style-type: none"> ضِلْعَانِ فَقَطْ مِنْ أَضْلَاعِهِ الْمُتَقَابِلَةِ مُتَوَازِيَانِ.

مثال 1 أَصَنَّفُ كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى: مُتَوَازِي أضلاعٍ أَوْ مَرَبَّعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ أَوْ مَعِينٍ أَوْ شِبْهُ مُنْحَرِفٍ، وَأُفَسِّرُ إجابتي.

1



2



الشَّكْلُ مَعِينٌ، لِأَنَّ أضْلاعَهُ جَمِيعَهَا مُتَطَابِقَةٌ، وَلِأَنَّ كُلَّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَانِ.

الشَّكْلُ مُسْتَطِيلٌ؛ لِأَنَّ كُلَّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ وَمُتَوَازِيَانِ، وَلِأَنَّ زَوَايَاهُ جَمِيعَهَا قَائِمَةٌ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَصَنَّفُ كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَى: مُتَوَازِي أضلاعٍ أَوْ مَرَبَّعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ أَوْ مَعِينٍ أَوْ شِبْهُ مُنْحَرِفٍ، وَأُفَسِّرُ إجابتي.

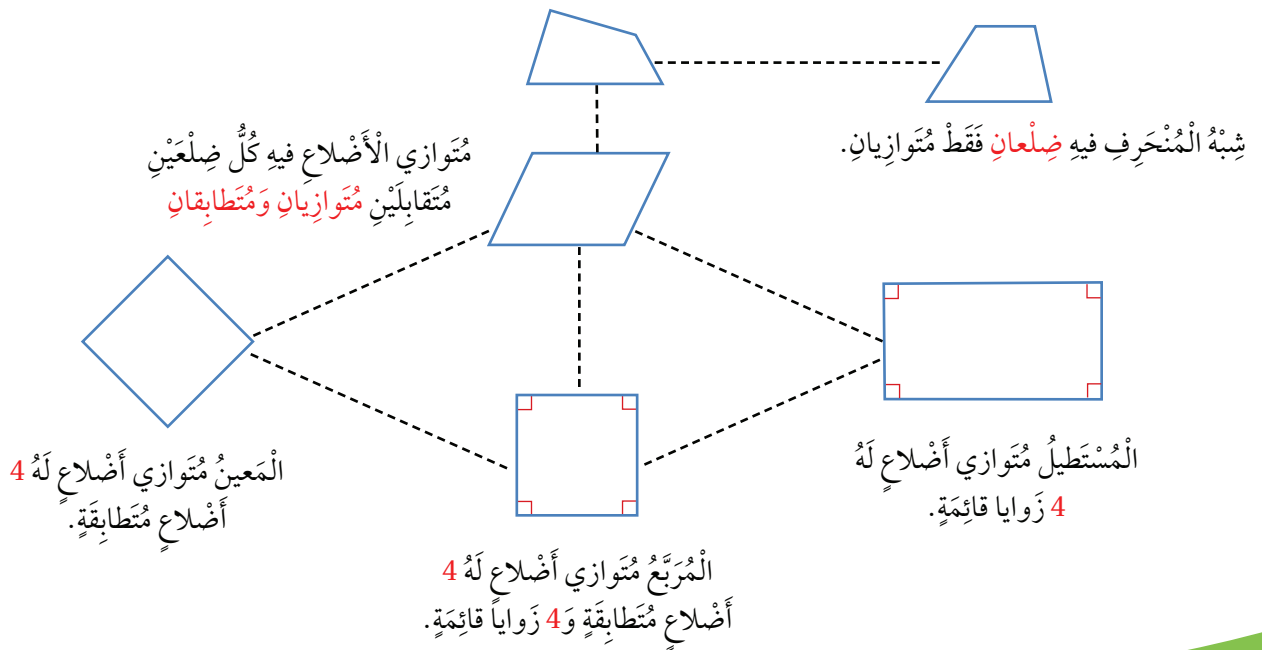
1



2

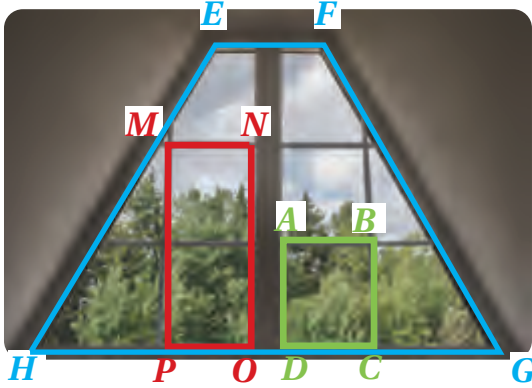


يُمْكِنُنِي رَسْمُ مَخْطُوطٍ يَرْبُطُ بَيْنَ الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ مِنْ خِلَالِ خَصَائِصِهَا



الْوَحْدَةُ 8

مثال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



في الصَّوْرَةِ الْمُجَاوِرَةِ يَظْهَرُ شَكْلٌ رُّبَاعِيٌّ:

لَهُ ضِلْعَانِ مُتَطَابِقَانِ فَقَطْ. أُحَدِّدُهُ وَأُسَمِّيهِ.

شبه المنحرف $EFGH$ ؛ لأن فيه الضلعان المتوازيان فقط
هما \overline{HG} , \overline{EF}

فيه الزوايا جميعها قائمة، وكلُّ ضلعين مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ.
أُحَدِّدُهُ وَأُسَمِّيهِ.

المستطيل $MNOP$ ؛ لأن الضلعين المتقابلين \overline{MN} , \overline{PO} متطابقين، وكذلك الضلعين المتقابلين \overline{NO} , \overline{MP}
وجميع زواياه $\angle M$, $\angle N$, $\angle O$, $\angle P$ قوائم.

فيه الزوايا جميعها قائمة، وكلُّ ضلعين مُتَقَابِلَيْنِ مُتَطَابِقَانِ. أُحَدِّدُهُ وَأُسَمِّيهِ.

المربع $ABCD$ ؛ لأن جميع أضلاعه \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CD} , \overline{DA} متطابقة، وجميع زوايا $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$, $\angle D$ قوائم.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

فن: ألون الرجل الآلي المجاور بالألوان وفق خصائص
الأشكال الرباعية المكونة له كما يلي:

ألون كل متوازي أضلاع باللون الأحمر.

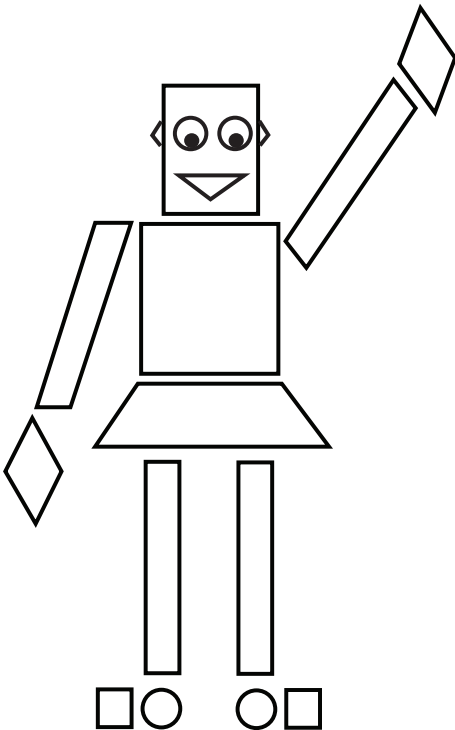
ألون كل مربع باللون الأخضر.

ألون كل معين باللون الأصفر.

ألون كل شبه منحرف باللون الأزرق.

ألون كل مستطيل باللون البرتقالي.

ألون كل دائرة أو مثلث باللون البني.



أَصْنَفُ كُلَّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي إِلَيَّ: مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ أَوْ مُرَبَّعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ أَوْ مَعِينٍ أَوْ شَبَّهِ مُنْحَرَفٍ، وَأُفَسِّرُ إِيَّاهُ.

1



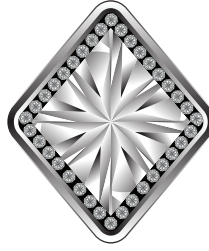
2



3



4



أَضَعُ إِشَارَةَ (✓) أَمَامَ الْجُمْلَةِ الصَّحِيحَةِ، وَإِشَارَةَ (X) أَمَامَ الْجُمْلَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ:

كُلُّ مُسْتَطِيلٍ هُوَ مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ.

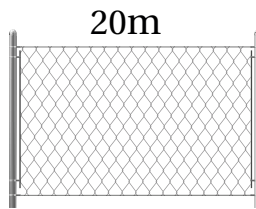
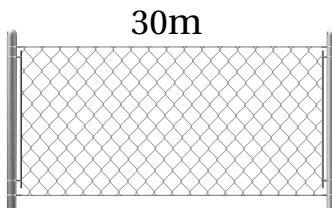
كُلُّ مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ هُوَ مُرَبَّعٌ.

كُلُّ مَعِينٍ هُوَ مُرَبَّعٌ.

كُلُّ مُرَبَّعٍ هُوَ مُسْتَطِيلٌ.

الْبَتْرَا: أَعُودُ إِلَى فِقْرَةٍ أَسْتَكْشِفُ، وَأَحَدُ شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ مِنْ وَاجِهَةِ الْخَزْنَةِ.

سِيَّاجٌ: أَرَادَ عَبْدُ الرَّحْمَنِ عَمَلَ سِيَّاجٍ لِقِطْعَةِ أَرْضٍ مُسْتَعْمَلًا قِطْعِ السِّيَّاجِ أَذْنَاهُ. أَسْمَى شَكْلَيْنِ رُبَاعِيَّيْنِ يُمَكِّنُ أَنْ تُمَثِّلَهُمَا قِطْعَةُ الْأَرْضِ.

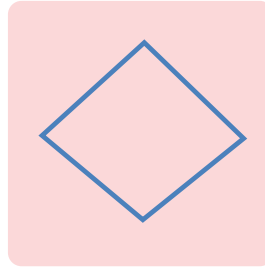
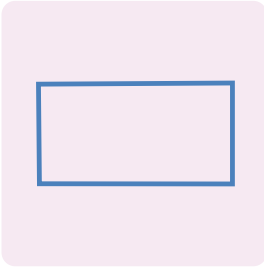
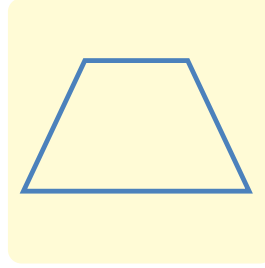
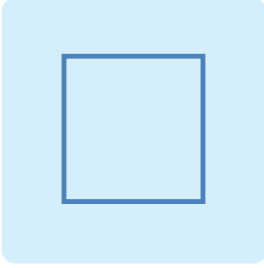


الْوَحْدَةُ 8

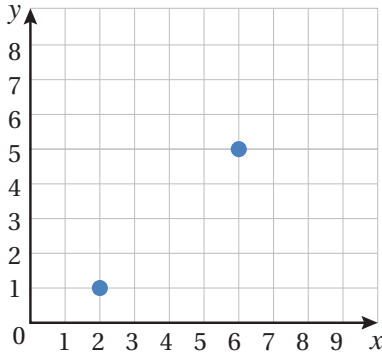
11 تَعْمَلُ سُهَى مُصَمِّمَةً. إِذَا اسْتَعْمَلَتْ فِي أَحَدِ التَّصَامِيمِ شَكْلًا رُبَاعِيًّا فِيهِ كُلُّ ضِلْعَيْنِ مُتَقَابِلَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ، وَأَضْلَاعُهُ الْأَرْبَعَةُ مُتَطَابِقَةٌ، وَلَيْسَ لَهُ زَوَايا قَائِمَةٌ، فَمَا الشَّكْلُ الرَّبَاعِيُّ الَّذِي اسْتَعْمَلَتْهُ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

12 أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: أَحَدُ الشُّكُلِ الْمُخْتَلِفِ عَنْ بَقِيَةِ الْأَشْكَالِ، وَأُبَرِّرُ إِجَابَتِي.



13 أَطْرَحُ مَسْأَلَةً: أَكْتُبُ مَسْأَلَةً أَحْتَاجُ عِنْدَ حَلِّهَا إِلَى ذِكْرِ أَشْيَاءٍ مِنْ حَوْلِي لَهَا شَكْلُ مُرَبَّعٍ، مُسْتَطِيلٍ، مَعِينٍ.



مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْمِلُ الشَّكْلَ الْمُجَاوِرَ بِتَحْدِيدِ نَقْطَتَيْنِ أُخْرَيَيْنِ لِيَكُونَ:

15 مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ.

15 شِبْهَ مُنْحَرَفٍ.

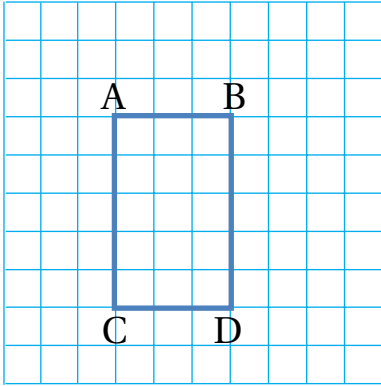
15 مُسْتَطِيلًا.

16 تَبْرِيرٌ: لِمَاذَا يَعتَبَرُ المُرَبَّعُ مُتَوَازِي أَضْلَاعٍ وَمُسْتَطِيلًا وَمَعِينًا؟

أَتَحَدَّثُ: مَا الصِّفَاتُ الْخَاصَّةُ لِكُلِّ حَالَةٍ مِنْ حَالَاتِ مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ؟



أَسْتَكْشِفُ



أنسخ المستطيل $ABCD$ المرسوم في الشكل المجاور ثم أحرك كلاً من رؤوسه إلى الأعلى 5 مربعات وأرسم المستطيل الناتج. هل تختلف أطوال أضلاع المستطيل الجديد وقياسات زواياه؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أرسم صورة شكل (الإزاحة) بالإنسحاب.

المُصْطَلَحَاتُ

الإزاحة (الإنسحاب)

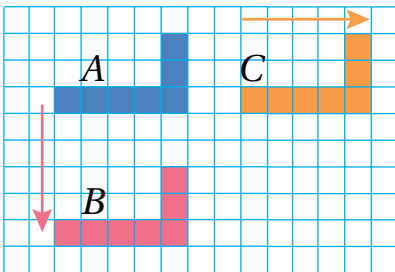
أَتَعَلَّمُ



تُسمَّى عَمَلِيَّةُ تَحْرِيكِ الْأَشْيَاءِ بِاتِّجَاهَاتٍ مُعَيَّنَةٍ **إِزَاحَةً** أَوْ (انْسِحَابًا) (translation)، وعند انسحاب شكل تتحرك كل نقطة على الشكل مقدار المسافة نفسها، وبالاتجاه نفسه.



مِثَال 1



أصِفُ الإزاحة الَّتِي يَتَحَرَّكُ بِهَا الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ مِنَ الْمَوْقِعِ A إِلَى الْمَوْقِعِ B .
يَتَحَرَّكُ الشَّكْلُ بِإِزَاحَةٍ (انْسِحَابٍ) إِلَى الْأَسْفَلِ 5 وَحَدَاتٍ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَسْتَعْمِلُ الشَّكْلَ السَّابِقَ لِأَصِفَ الإِزَاحَةَ الَّتِي حَرَّكَتِ الشَّكْلَ مِنَ الْمَوْقِعِ A إِلَى الْمَوْقِعِ C .

الوَخْدَةُ 8

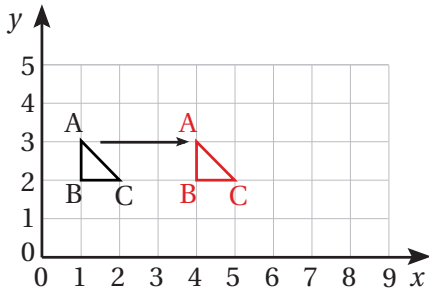
يُمْكِنُنِي إِجْرَاءُ أَنْسَحَابٍ بِاتِّجَاهٍ وَاحِدٍ لِشَكْلِ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيَّ؛ بِتَحْرِيكِ رُؤُوسِ الشَّكْلِ جَمِيعِهَا مَسَافَةً مُتَسَاوِيَةً فِي اتِّجَاهٍ وَاحِدٍ. وَعِنْدَ إِجْرَاءِ الْأَنْسَحَابِ لِشَكْلِ، فَإِنَّ الصُّورَةَ النَّاتِجَةَ يَكُونُ لَهَا نَفْسُ أَطْوَالِ أَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتُ زَوَايَا الشَّكْلِ الْأَصْلِيِّ.

مِثَال 2

إِذَا كَانَتِ النُّقَاطُ $A(1, 3)$, $B(1, 2)$, $C(2, 2)$ ، تُمَثَّلُ رُؤُوسَ مُثَلَّثٍ قَائِمٍ الزَّوَايَةِ فِي B :

أَرْسُمُ صُورَةَ الْمُثَلَّثِ وَأَحْدُدُ إِحْدَائِيَّاتِ رُؤُوسِهِ بَعْدَ إِزَاحَةٍ مِقْدَارُهَا 3 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَمِينِ.

أَحْدُ صُورَةَ النُّقَاطِ A, B, C بِتَحْرِيكِهَا 3 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَمِينِ؛ فَيَزْدَادُ الْإِحْدَائِيُّ X فَقَطْ بِمِقْدَارِ 3 وَحَدَاتٍ.



إِحْدَائِيَّ الصُّورَةِ إِحْدَائِيَّ الرَّأْسِ

$$A(1, 3) \rightarrow A'(4, 3)$$

$$B(1, 2) \rightarrow B'(4, 2)$$

$$C(2, 2) \rightarrow C'(5, 2)$$

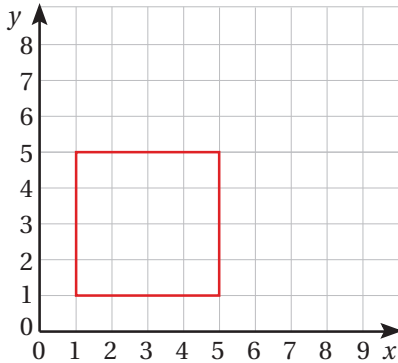
ثُمَّ أَصِلْ بَيْنَ النُّقَاطِ A', B', C'

مَا نَوْعُ الْمُثَلَّثِ النَّاتِجِ بَعْدَ الْإِزَاحَةِ مِنْ حَيْثُ الزَّوَايَا؟

الصُّورَةُ النَّاتِجَةُ هِيَ مُثَلَّثٌ قَائِمُ الزَّوَايَةِ أَيْضًا، إِذْ أَزِيحُ فَقَطْ كُلَّ رَأْسٍ مِنْ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ 3 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَمِينِ، فَالْإِزَاحَةُ تُحَافِظُ عَلَى أَطْوَالِ الْأَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتِ الزَّوَايَا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

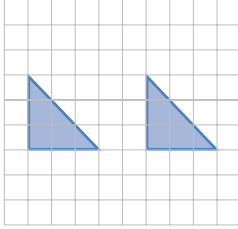
أَرْسُمُ صُورَةَ الْمُرَبَّعِ تَحْتَ تَأْثِيرِ إِزَاحَةٍ مِقْدَارُهَا 4 وَحَدَاتٍ إِلَى الْأَعْلَى، مَعَ تَحْدِيدِ إِحْدَائِيَّاتِ الرُّؤُوسِ قَبْلَ وَبَعْدَ الْإِزَاحَةِ. مَا قِيَاسَاتُ الزَّوَايَا لِلصُّورَةِ؟



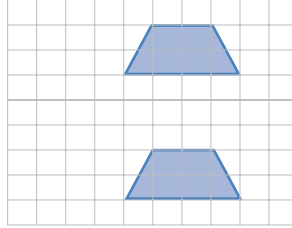


أَصِفْ الإِزَاحَةَ الَّتِي حَرَكْتَ الشَّكْلَ فِي كُلِّ صَوْرَةٍ.

1

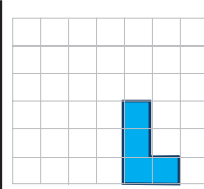
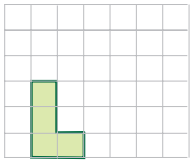


2

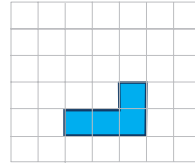


أَيُّ الْأَشْكَالِ تُمَثِّلُ إِزَاحَةً لِلشَّكْلِ الْمُعْطَى فِي الْيَسَارِ؟

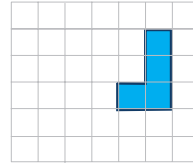
3



A

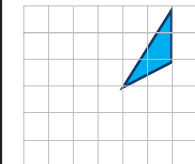
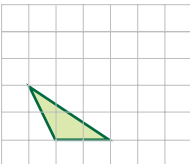


B

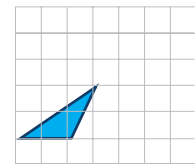


C

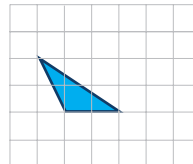
4



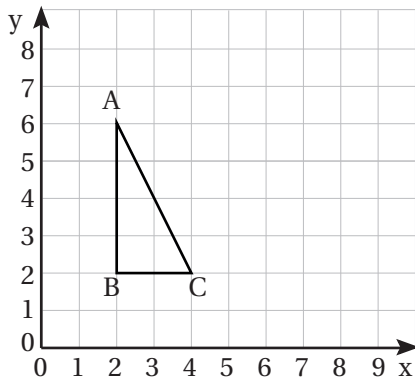
A



B



C



أَسْتَغْمِلُ الْمُثَلَّثَ ABC الْمُرْسُومَ
عَلَى الْمُسْتَوَى الْإِخْدَائِيِّ الْمُجَاوِرِ
فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

5

أَكْتُبُ إِخْدَائِيَّاتِ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ ABC .

6

أَرْسُمُ الْمُثَلَّثَ بَعْدَ انْسِحَابِ مِقْدَارِهِ
وَحَدَتَانِ إِلَى الْيَمِينِ، ثُمَّ أَكْتُبُ إِخْدَائِيَّاتِ
رُؤُوسِ الصَّوْرَةِ.

الْوَحْدَةُ 8

7 أَرَسُمُ الْمُثَلَّثَ بَعْدَ انْسِحَابِ مِقْدَارُهُ 3 وَحَدَاتٍ إِلَى الْأَعْلَى، ثُمَّ اكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ.



8 زَخَارِفُ: تَتَكَوَّنُ مَعْظَمُ الزَّخَارِفِ الْإِسْلَامِيَّةِ مِنْ انْسِحَابِ شَكْلِ أُسَاسِيٍّ. أَكُوْنُ لَوْحَةً زُخْرَفِيَّةً مِنْ انْسِحَابِ الشَّكْلِ الْمَجَاوِرِ عِدَّةَ مَرَّاتٍ إِلَى الْأَعْلَى، وَإِلَى الْأَسْفَلِ (أَسْتَعْمِلُ الْوَرَقَ الشَّفَافَ عِنْدَ الْحَاجَةِ).

معلومة

من أنواع الزخرفة الإسلامية الزخرفة النباتية: وتعرف بفن التوريق. الزخرفة الهندسية: من أهمها الأشكال النجمية متعددة الأضلاع، والأطباق النجمية، وزخرفة التحف الخشبية والمعدنية وغيرها.

مهارات التفكير

9 مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَرَسُمُ مُثَلَّثًا أَحَدَ رُؤُوسِهِ النُّقْطَةَ $A(1, 1)$ ثُمَّ اسْحَبْ الْمُثَلَّثَ بِحَيْثُ تُصْبِحُ صُورَةُ A هِيَ النُّقْطَةُ $A'(3, 1)$. أَصِفْ هَذَا الانْسِحَابَ.

10 اكْتَشِفْ الْخَطَأَ: أَجَرْتُ لَيْنَ انْسِحَابًا لِلنُّقْطَةِ $A(5, 3)$ وَحَدَاتَانِ إِلَى الْأَسْفَلِ، وَقَالَتْ أَنْ إِحْدَاثِيَّاتِ الصُّورَةِ هِيَ $A'(3, 1)$ ، فَهَلْ إِجَابَةُ لَيْنَ صَحِيحَةٌ؟ أَبْرِرْ إِجَابَتِي

تَحَدُّ: أَصِفِ الْانْسِحَابَ وَأَحْدِدْ مِقْدَارَهُ مِنَ النُّقْطَةِ إِلَى صُورَتِهَا فِي كُلِّ مِمَّا يَلِي:

11 $P(3, 2) \longrightarrow P'(3, 4)$

12 $Q(2, 0) \longrightarrow Q'(0, 0)$

انْتَحِثْ: كَيْفَ أَجْرِي انْسِحَابًا عَلَى نُقْطَةٍ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَاثِيِّ أَفْقِيًّا أَوْ رَاسِيًّا؟



فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَرْسُمُ انْعِكَاسًا لِشَكْلِ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيِّ.

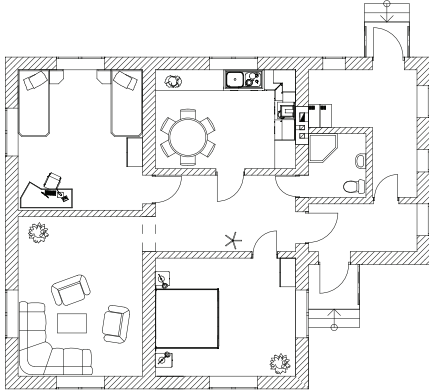
الْمُصْطَلَحَاتُ

انْعِكَاسٌ، مَحْوَرُ الانْعِكَاسِ.

اَسْتَكْشِفْ



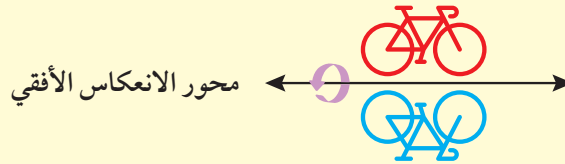
أَرَادَتِ مُهَنْدِسَةٌ عَمَلُ مَخْطَاطٍ لِشَقَّتَيْنِ فِي كُلِّ طَابَقٍ مِنْ عَمَارَةٍ، بِحَيْثُ تَكُونُ الشُّقَّتَانِ مُتَطَابِقَتَيْنِ. هَلْ يُمْكِنُهَا رَسْمُ انْعِكَاسٍ لِإِحْدَاهُمَا لِلْحُصُولِ عَلَى شَقَّتَيْنِ مُتَمَاثِلَتَيْنِ فِي الْأَبْعَادِ وَالزَّوَايَا؟



اَتَعَلَّمْ

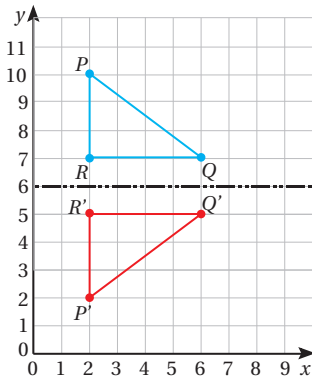


الانْعِكَاسُ (reflection) هُوَ قَلْبُ الشَّكْلِ حَوْلَ مُسْتَقِيمٍ أَوْ مَحْوَرٍ يُسَمَّى **مَحْوَرُ الانْعِكَاسِ (line of reflection)**، وَيَنْشَأُ الانْعِكَاسُ صُورَةً مِرَاةً لِلشَّكْلِ الْأَصْلِيِّ عَلَى الْجِهَةِ الْأُخْرَى مِنْ مَحْوَرِ الانْعِكَاسِ، أَيْ إِنْ الصُّورَةُ تَبْعُدُ الْبُعْدَ نَفْسَهُ عَنْ مَحْوَرِ الانْعِكَاسِ، وَتَكُونُ أَطْوَالَ أَضْلَاعِ الشَّكْلِ النَّاتِجِ مُسَاوِيَةً لِأَضْلَاعِ الشَّكْلِ الْأَصْلِيِّ وَكَذَلِكَ زَوَايَاهُ.



مِثَالُ 1

أَرْسُمُ صُورَةَ الْمُثَلَّثِ PRQ بِالْانْعِكَاسِ حَوْلَ الْمَحْوَرِ الْأَفْقِيِّ، وَاكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصُّورَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصُّورَةِ نَفْسُ أَطْوَالَ الْأَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَايَا؟



أَوَّلًا: إِحْدَاثِيَّاتُ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ، هِيَ: $P(2, 10)$, $R(2, 7)$, $Q(6, 7)$

ثَانِيًا: لِإِيجَادِ صُورِ رُؤُوسِ الْمُثَلَّثِ، أَجِدُ الْمَسَافَةَ بَيْنَهَا وَبَيْنَ مَحْوَرِ الانْعِكَاسِ، ثُمَّ أَحْدُدُ النِّقَاطَ عَلَى الْجِهَةِ الْأُخْرَى مِنْ مَحْوَرِ الانْعِكَاسِ الَّتِي تَبْعُدُ الْمَسَافَةَ نَفْسَهَا.

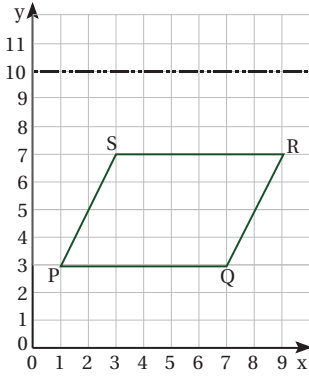
الْوَحْدَةُ 8

يَبْعُدُ الرَّأْسُ P أَرْبَعَ وَحَدَاتٍ عَنِ مِخْوَرِ الْأَنْعِكَاسِ؛ لِذَا، كَيْ أَجَدَ الصَّوْرَةَ أَعْدُّ 4 وَحَدَاتٍ عَنِ الْمِخْوَرِ فِي الْجِهَةِ الْمُقَابِلَةِ؛ فَتَكُونُ صَوْرَتُهُ: $P'(2, 2)$.

يَبْعُدُ كُلُّ مِنَ الرَّأْسَيْنِ Q, R وَحْدَةً وَاحِدَةً عَنِ مِخْوَرِ الْأَنْعِكَاسِ؛ لِذَا، كَيْ أَجَدَ الصَّوْرَةَ أَعْدُّ وَحْدَةً وَاحِدَةً عَنِ الْمِخْوَرِ فِي الْجِهَةِ الْمُقَابِلَةِ فَتَكُونُ الصَّوْرَتَانِ: $R'(2, 5), Q'(6, 5)$.

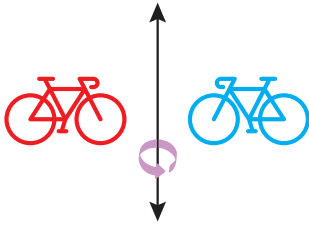
ثَالِثًا: أَلَا حِظُّ أَنَّ الْمَثَلَّ PRQ ، وَصَوْرَتُهُ $P'R'Q'$ لَهُمَا أَطْوَالُ الْأَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَايَا نَفْسُهَا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



ارسم صورةً مُتَوَازِي الْأَضْلَاعِ $PSRQ$ بِالْأَنْعِكَاسِ حَوْلَ الْمِخْوَرِ الْأَفْقِيِّ، وَأَكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصَّوْرَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصَّوْرَةِ أَطْوَالُ الْأَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَايَا نَفْسُهَا؟

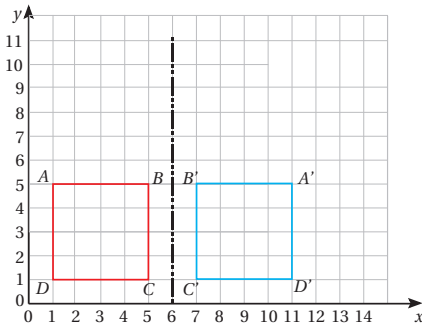
محور الانعكاس العمودي



يُمْكِنُنِي عَمَلُ أَنْعِكَاسٍ عَمُودِيٍّ حَوْلَ مِخْوَرٍ لِشَكْلٍ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَاثِيِّ بِالطَّرِيقَةِ نَفْسُهَا.

مِثَالٌ 2

أَرْسُمُ صَوْرَةَ الْمُرَبَّعِ $ABCD$ بِالْأَنْعِكَاسِ حَوْلَ الْمِخْوَرِ الْعَمُودِيِّ وَأَكْتُبْ إِحْدَاثِيَّاتِ رُؤُوسِ الصَّوْرَةِ. هَلْ لِلشَّكْلِ وَالصَّوْرَةِ أَطْوَالُ الْأَضْلَاعِ وَقِيَاسَاتُ الزَّوَايَا نَفْسُهَا؟



أَوَّلًا: إِحْدَاثِيَّاتُ رُؤُوسِ الْمُرَبَّعِ، هِيَ:

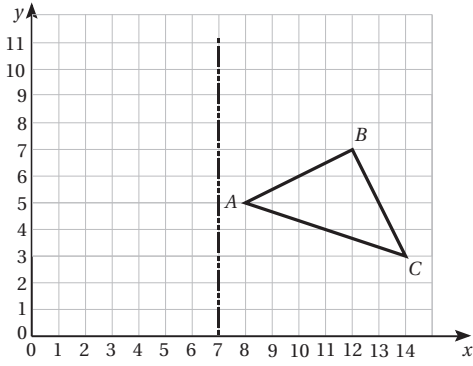
$$A(1, 5), B(5, 5), C(5, 1), D(1, 1)$$

ثانيًا: لإيجاد صور رؤوس المربع أجد المسافة بينها وبين محور الانعكاس، ثم أحدد النقاط على الجهة الأخرى من محور الانعكاس التي تبعد المسافة نفسه. يبعد كل من الرأسين A, D خمس وحدات عن محور الانعكاس؛ لذا، كي أجد الصورة أعد 5 وحدات عن المحور في الجهة المقابلة؛ فتكون صورتان هما: $A'(11,5)$, $D'(11,1)$

يبعد كل من الرأسين B, C وحدة واحدة عن محور الانعكاس؛ لذا، كي أجد الصورة أعد وحدة واحدة عن المحور في الجهة المقابلة؛ فتكون صورتان هما: $B'(7, 5)$, $C'(7, 1)$

ثالثًا: ألاحظ أن المربع $ABCD$ ، وصورته $A'B'C'D'$ لهما أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا نفسها.

أتحقق من فهمي:

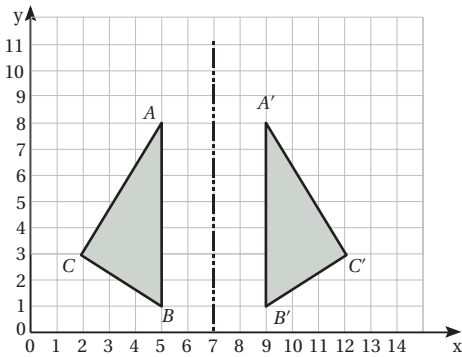


أرسم صورة المثلث ABC بالانعكاس حول المحور العمودي، وأكتب إحداثيات رؤوس الصورة. هل الشكل الأصلي والصورة لهما نفس أطوال الأضلاع وقياسات الزوايا؟

أدرب

وأحل المسائل

في الشكل المجاور، إذا كان $A'B'C'$ هو صورة ABC ، فأجب عما يلي:



1 أسمى الزوايا التي لها القياس نفسه في الشكل والصورة.

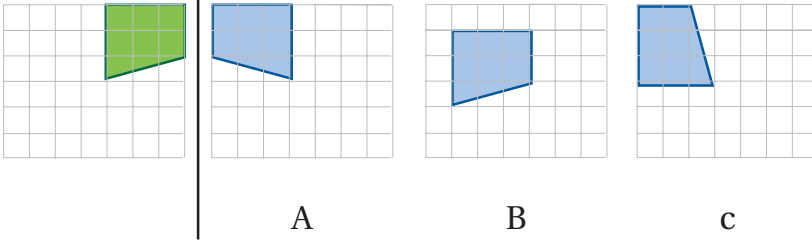
2 أسمى الأضلاع التي لها الطول نفسه في الشكل والصورة.

3 أكتب إحداثيات الصور الناتجة بالانعكاس حول المحور العمودي.

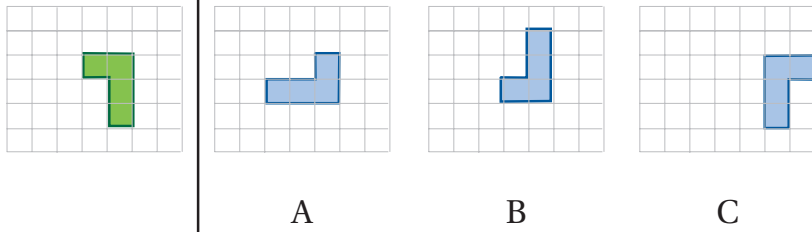
الوَحدة 8

أي الأشكال تُمثِّل انعكاسًا للشَّكْلِ الْمُعطَى في اليسار؟

4

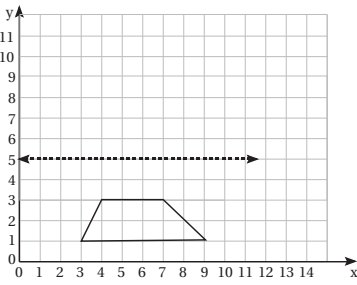


5

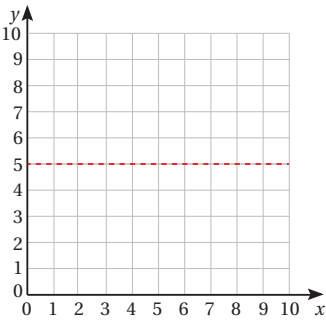
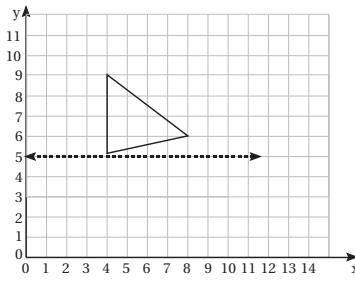


أرسمُ انعكاسَ كُلِّ شَكْلِ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ حَوْلَ مَحْوَرِ الْإِنْعِكَاسِ، وَأَحْدِدِ إِحْدَاثِيَّاتِ الرَّؤُوسِ.

6

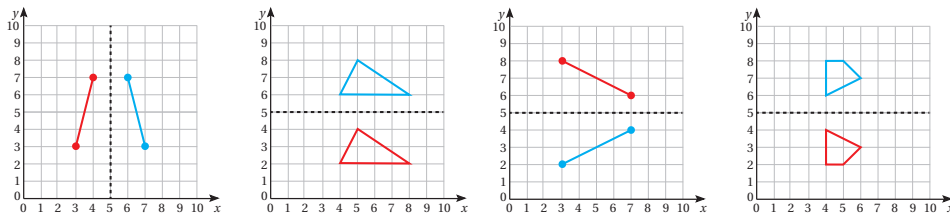


7



تحد: إذا كانت إحداثيات رؤوس مثلث هي: $A(1, 4)$, $B(1, 1)$, $C(3, 1)$ فمثل المثلث الأصلي وصورةه حول محور الانعكاس الأفقي في المستوى المجاور.

أيها لا ينتمي: اكتشف الشكل المختلف عن الأشكال الثلاثة الأخرى، أبرر أجابتي



مهارات التفكير

8

9

أتحدّث: ماذا يحدثُ لِلْأَشْكَالِ عِنْدَ إِجْرَاءِ إِنْعِكَاسٍ عَلَيْهَا؟

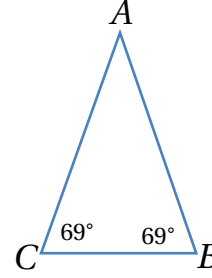


اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 ما نوع المثلث ABC المجاور؟



أ (متطابق الأضلاع .

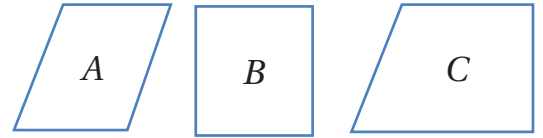
ب (متطابق الضلعين .

ج (مختلف الأضلاع .

د (قائم الزاوية .

2 أي الأشكال الرباعية الآتية فيه كل ضلعين متقابلين

متوازيان؟



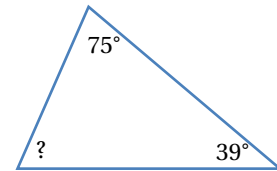
أ (A و B و C .

ب (فقط B .

ج (فقط A .

د (فقط B .

3 أجد قياس الزاوية المجهولة في المثلث:



أ (139 .

ب (66 .

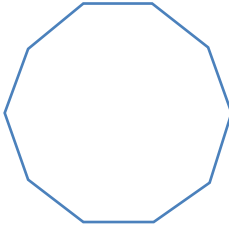
ج (138 .

د (116 .

4 أي مما يأتي يمثل مُضلعاً؟



5 هذا الشكل:



أ (رباعي .

ب (ثماني .

ج (عشاري .

د (سباعي .

6 شراع قارب على شكل مثلث أطوال أضلاعه مختلفة

وفيه ضلعان متعامدان. أي العبارات التالية تصف هذا المثلث؟

أ (متطابق الضلعين، قائم الزاوية .

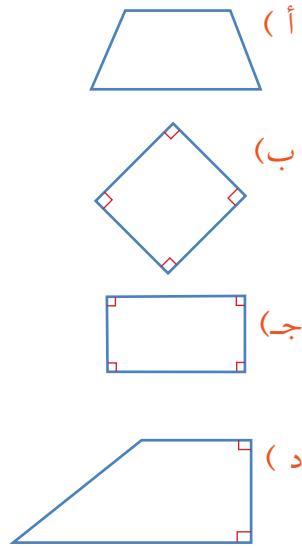
ب (مختلف الأضلاع، قائم الزاوية .

ج (متطابق الضلعين، حاد الزوايا .

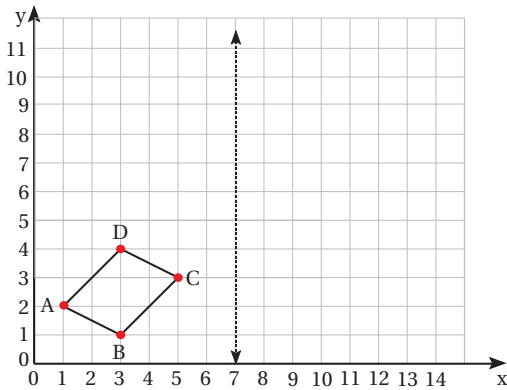
د (مختلف الأضلاع، منفرج الزاوية .

الْوَحْدَةُ 8

11 أي الأشكال الآتية له أربعة أضلاع، وفيه زوج من الأضلاع المتوازية، وقياسات زواياه: 90, 140, 40, 90؟



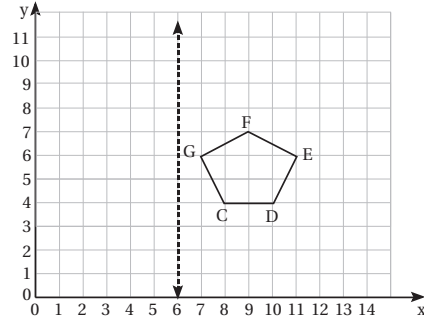
12 أي مما يلي يمثل إحداثيات نقاط صور الشكل بالانعكاس حول المحور العمودي أدناه؟



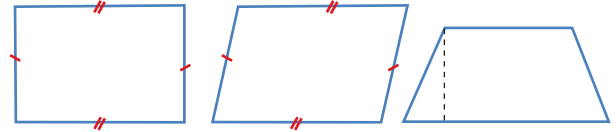
- (أ) $A(13,2)$, $B(11,1)$, $C(9,3)$, $D(11,4)$
- (ب) $A(2,12)$, $B(1,10)$, $C(3,8)$, $D(4,10)$
- (ج) $A(2,12)$, $B(1,11)$, $C(3,9)$, $D(4,11)$
- (د) $A(14,2)$, $B(12,1)$, $C(10,3)$, $D(12,4)$

أَسْئَلَةُ ذَاتُ إِجَابَةٍ قَصِيرَةٍ:

7 أرسم انعكاس الشكل حول المحور الرأسي:



8 أسم المصطلحات الآتية، وأحدد خصائص كل منها:

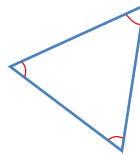


9 هل يمكن أن يكون المثلث المتطابق الأضلاع مُنْفَرِج الزاوية؟ أفسر إجابتي.

10 مثلث مجموع أطوال أضلاعه 22 m وطولا ضلعين فيه 6 m, 10 m. ما نوع المثلث؟

تَدْرِيبٌ عَلَى الْأَخْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ:

11 المثلث أدناه:



- (أ) مُخْتَلِفُ الْأَضْلَاعِ وَحَادُّ الزَّوَايا.
- (ب) مُتَطَابِقُ الضُّلْعَيْنِ وَمُنْفَرِجُ الزَّاوِيَةِ.
- (ج) مُتَطَابِقُ الْأَضْلَاعِ وَمُتَطَابِقُ الزَّوَايا وَحَادُّ.
- (د) مُتَطَابِقُ الْأَضْلَاعِ وَمُنْفَرِجُ الزَّاوِيَةِ.

القياس

لماذا نتعلّم القياس؟

لِلْقِيَاسِ اسْتِعْمالاتٌ كَثِيرَةٌ، فَمَثَلًا: نَحْتَاجُ إِلَى مَعْرِفَةِ الزَّمَنِ الْمُتَقْضِي أَوْ الزَّمَنِ الْمُتَبَقِّي بِالدَّقَائِقِ أَوْ السَّاعَاتِ أَوْ الْأَيَّامِ، أَوْ إِلَى قِيَاسِ سَعَةِ آنِيَةِ الطَّبْخِ أَوْ كُتْلِ الْأَشْيَاءِ الَّتِي تَحْتَوِيهَا، وَسَتَتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ الْكَثِيرَ حَوْلَ وَحْدَاتِ الْقِيَاسِ وَطَرِيقِ التَّحْوِيلِ بَيْنَهَا، وَاسْتِعْمَالِهَا فِي الْمَجَالَاتِ الْحَيَاتِيَّةِ.



سَاتَعَلَّمُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ:

- التَّحْوِيلَ بَيْنَ وَحْدَاتِ الطُّولِ وَالْكَتْلَةِ والسَّعَةِ المركِّبَةِ.
- التَّحْوِيلَ بَيْنَ وَحْدَاتِ الزَّمَنِ، وَحِسَابِ الْمُدَّةِ الزَّمَنِيَّةِ لِعَمَلٍ مَا بِالْيَوْمِ وَالشَّهْرِ وَالسَّنَةِ.
- تَقْدِيرَ وَحِسَابِ مِسَاحَاتِ أَشْكَالٍ مُرَكَّبَةٍ.

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا:

- ✓ وَحْدَاتِ الطُّولِ وَالْكَتْلَةِ وَالسَّعَةِ، وَالتَّحْوِيلَ بَيْنَهَا.
- ✓ وَحْدَاتِ الزَّمَنِ، وَالتَّحْوِيلَ بَيْنَهَا.
- ✓ حِسَابَ مِسَاحَةِ الْمُرَبَّعِ وَالْمُسْتَطِيلِ.

مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: أَنَا أَتَسَوَّقُ



3 الرَّمَنُ: أَسْجِلْ تَارِيخَ إِنتَاجِ وَانْتِهَاءِ ٤ مُعَلَّباتٍ، ثُمَّ أَجِدْ طَوْلَ فَتْرَةِ صِلَاحِيَّتِهَا (طَوْلَ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ). أَكْتُبِ الْفَتْرَةَ الزَّمَنِيَّةَ بِالْأَسَابِيعِ.

السَّلْعَةُ	تَارِيخُ الْإِنْتِاجِ	تَارِيخُ الْإِنْتِهَاءِ	طَوْلُ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ	الْفَتْرَةُ الزَّمَنِيَّةُ بِالْأَسَابِيعِ

أَسْتَعِدُّ وَزْمَلَائِي لِنَتَفِيدِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ الَّذِي سَأَوْظِفُ فِيهِ مَا أَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ، حَوْلَ وَحْدَاتِ الْقِيَاسِ فِي أَثْنَاءِ التَّسَوَّقِ.

خُطُواتُ تَنْفِيدِ الْمَشْرُوعِ: أَنْشِئِ الْجَدَاوِلَ الثَّلَاثَةَ أَذْنَاهُ عَلَى وَرَقَةٍ، ثُمَّ أَزُورُ مَتَجَرًّا قَرِيبًا مِنَ الْمَنْزِلِ، وَأَسْجِلُ فِي الْجَدَاوِلِ بَعْضَ الْمَعْلُومَاتِ حَوْلَ كُتْلَةٍ بَعْضِ الْمُعَلَّباتِ وَسَعَتِهَا، بِالإِضَافَةِ إِلَى تَارِيخِ إِنتَاجِهَا وَانْتِهَائِهَا.

1 الكُتْلَةُ: أَسْجِلْ كُتْلَةَ 4 مُعَلَّباتٍ فِي جَدْوَلٍ، ثُمَّ أَحْوِلِ الكُتْلَةَ إِلَى كِيلُوغَرَامٍ أَوْ غَرَامٍ.

السَّلْعَةُ	الْكُتْلَةُ (g)	الْكُتْلَةُ (kg)

2 السَّعَةُ: أَسْجِلْ سَعَةَ ٤ مُعَلَّباتٍ فِي جَدْوَلٍ، ثُمَّ أَحْوِلِ السَّعَةَ إِلَى لِتْرٍ أَوْ مِلِيلِتْرٍ.

السَّلْعَةُ	السَّعَةُ (mL)	السَّعَةُ (L)

- أَخْتَارُ سِلْعَةً مُغَلَّفَةً بِصُنْدُوقٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ، مِثْلَ: صُنْدُوقِ مَعْجُونِ الْأَسْنَانِ، أَوْ صُنْدُوقِ رَقَائِقِ الْحُبُوبِ أَوْ الدَّوَاءِ...



- أَفْتَحُ الصُّنْدُوقَ لِأَكُونُ شَبَكَةً تُمَثِّلُ شَكْلًا مُرَكَّبًا كَمَا فِي الشَّكْلِ:

- أَسْتَعْمِلُ الْمِسْطَرَةَ لِقِيَاسِ أَطْوَالِ حُرُوفِ الشَّبَكَةِ جَمِيعِهَا، وَأَسْجِلُهَا.
- أَحْسِبُ مُحِيطَ الشَّبَكَةِ وَمِسَاحَتَهَا.

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

- أَصَمُّ مَطْوِيَّةً جَمِيلَةً مِنْ 5 صَفْحَاتٍ، ثُمَّ أَقْصُ الْجَدَاوِلَ وَالشَّبَكَةَ أَعْلَاهُ، وَأُلصِقُهَا عَلَى صَفْحَاتِ الْمَطْوِيَّةِ.
- يَعْرِضُ أَعْضَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مَطْوِيَّتَهُمْ أَمَامَ طَلَبَةِ الصَّفِّ، وَيُجِيبُونَ عَنْ اسْتِيفَسَارَاتِهِمْ.





أَسْتَكْشِفُ



ما وَزْنُ كَيْسِ الْبَطَاطَا بِالْغَرَامَاتِ؟

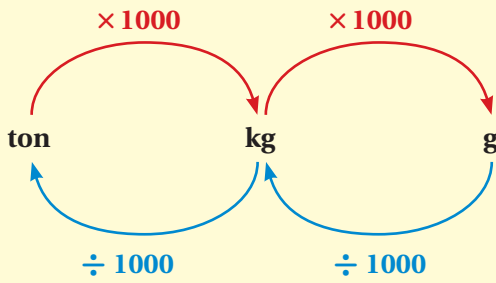
فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَتَعْرِفُ وَحَدَاتِ الْكُتْلَةِ
الْمُرَكَّبَةِ وَأُحَوِّلُ بِيهَا.

الْمُصْطَلَحَاتُ

الْوَحْدَةُ الْمُرَكَّبَةُ.

أَتَعَلَّمُ



تَعَلَّمْتُ سَابِقًا أَنَّ الْغَرَامَ (g) يُسْتَعْمَلُ لِقِيَاسِ الْكُتْلِ الصَّغِيرَةِ،
وَالْكِلوْغَرَامَ (kg) يُسْتَعْمَلُ لِقِيَاسِ الْكُتْلِ الْكَبِيرَةِ، وَالطَّنَّ (ton)
يُسْتَعْمَلُ لِقِيَاسِ الْكُتْلِ الْكَبِيرَةِ جِدًّا. يُبَيِّنُ الْمُخَطَّطُ الْمُجَاوِرُ الْعِلَاقَةَ
بَيْنَ هَذِهِ الْوَحَدَاتِ الثَّلَاثِ.

مِثَالُ 1 أَمَلَا الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 5000 kg = ton

بِمَا أَنَّنَا نُرِيدُ التَّحْوِيلَ مِنْ وَحْدَةٍ صَغِيرَةٍ (kg) إِلَى وَحْدَةٍ كَبِيرَةٍ (ton)؛ فَإِنَّا نَقْسِمُ:

5000 kg = (5000 ÷ 1000) ton = 5 ton

إِذَنْ: 5000 kg = 5 ton

2 3 kg = g

بِمَا أَنَّنَا نُرِيدُ التَّحْوِيلَ مِنْ وَحْدَةٍ كَبِيرَةٍ (kg) إِلَى وَحْدَةٍ صَغِيرَةٍ (ton)؛ فَإِنَّا نَضْرِبُ:

3 kg = (3 × 1000) g = 3000 g

إِذَنْ: 3 kg = 3000 g

الْوَحْدَةُ 8

أَنْتَحَقِّقْ مِنْ فَهْمِيَّ:

أَمَلَا الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

3 15 ton = kg

4 130 g = kg

5 11.3 kg = g

يُمْكِنُنِي قِيَاسُ الْكُتْلَةِ بِاسْتِعْمَالِ وَحْدَتَيْنِ كَبِيرَةٍ وَصَغِيرَةٍ مَعًا، وَعِنْدَيْدِ تَكُونُ الْكُتْلَةُ مَقْيَسَةً **بِوَحْدَةٍ مُرَكَّبَةٍ** (mixed unit).
فَمَثَلًا، كُتْلَةُ كَيْسٍ مِنَ الْبَطَاطَا فِي فِقْرَةٍ **أَسْتَكْشِفُ** هِيَ 4 kg, 265 g وَتَعْنِي 4 kg + 265 g، وَعِنْدَ الْمُقَارَنَةِ بَيْنَ الْكُتَلِ الْمَقْيَسَةِ
بِوَحْدَاتٍ مُرَكَّبَةٍ؛ فَإِنَّا نَحْوُلُ إِحْدَى الْوَحْدَتَيْنِ إِلَى الْأُخْرَى، وَذَلِكَ لِتَسْهِيلِ الْمُقَارَنَةِ.

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



كُتْلَةُ أَحَدِ تَوَامِينِ عِنْدَ الْوِلَادَةِ 2 kg, 84 g، وَكُتْلَةُ التَّوَامِ الْآخَرِ 2800 g

1 أَقَارِنُ بَيْنَ كُتْلَتَيِ التَّوَامِينِ.

أَكْتُبُ الْكُتْلَتَيْنِ بِاسْتِعْمَالِ الْوَحْدَةِ نَفْسِهَا وَلَتَكُنْ (g)، ثُمَّ أَقَارِنُ.

الْخُطْوَةُ 1 أَحْسِبُ كُتْلَةَ التَّوَامِ الْأَوَّلِ بِالْغَرَامَاتِ.

$$\begin{aligned} 2 \text{ kg}, 84 \text{ g} &= (2 \times 1000) \text{ g} + 84 \text{ g} \\ &= 2000 \text{ g} + 84 \text{ g} \\ &= 2084 \text{ g} \end{aligned}$$

أَحْوُلُ 2kg إِلَى غَرَامَاتٍ
أَضْرِبُ
أَجْمَعُ

الْخُطْوَةُ 2 أَقَارِنُ الْكُتْلَتَيْنِ. أَلَا حِظُّ أَنَّ: 2084 g < 2800 g

إِذَنْ: كُتْلَةُ التَّوَامِ الثَّانِي أَكْبَرُ.

2 أَجِدُ مَجْمُوعَ كُتْلَتَيِ التَّوَامِينِ بِالْكِيلُوغَرَامِ.

لِإِيجَادِ مَجْمُوعِ الْكُتْلَتَيْنِ بِالْكِيلُوغَرَامِ؛ أَحْوُلُهُمَا إِلَى كِيلُوغَرَامِ.

كُتْلَةُ التَّوَامِ الْأَوَّلِ:

$$\begin{aligned} 2 \text{ kg}, 84 \text{ g} &= 2 \text{ kg} + (84 \div 1000) \text{ kg} \\ &= 2 \text{ kg} + 0.084 \text{ kg} \\ &= 2.084 \text{ kg} \end{aligned}$$

أَحْوُلُ 84 g إِلَى كِيلُوغَرَامَاتٍ
أَقْسِمُ
أَجْمَعُ

كُتْلَةُ التَّوَامِ الثَّانِي:

$$2800 \text{ g} = (2800 \div 1000) \text{ kg} \\ = 2.8 \text{ kg}$$

أَحْوَلُ 2800 g إِلَى كِيلُوغَرَامَاتٍ أَقْسَمُ

يُمْكِنُنِي الْآنَ جَمْعُ الْكُتْلَتَيْنِ لِأَنَّهُمَا فِي الْوَحْدَةِ نَفْسِهَا:

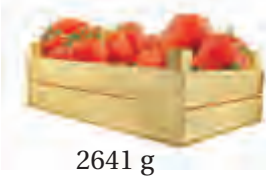
$$2.084 \text{ kg} + 2.8 \text{ kg} = 4.884 \text{ kg}$$

مَجْمُوعُ الْكُتْلَتَيْنِ بِالْكِيلُوغَرَامِ

إِذَنْ: مَجْمُوعُ كُتْلَتَيِ التَّوَامَيْنِ 4.884 kg

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أُقَارِنُ بَيْنَ كُتْلَتَيِ صُنْدُوقِي الْفَرَاوِلَةِ، ثُمَّ أَجِدُ مَجْمُوعَ كُتْلَتَيْهِمَا بِالْكِيلُوغَرَامِ.



2641 g



1 kg, 375g

أَتَدْرَبُ

وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

أَمَلًا الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 9 ton = kg

2 158 g = kg

3 15000 g = kg

4 0.7 ton = kg

5 90 kg = g

6 1.7 kg = g

7 5 kg, 420 g = kg

8 6 ton, 200 kg = kg

9 تَبْلُغُ كُتْلَةُ فِيلٍ 3400 kg مَا كُتْلَتُهُ بِالطَّنِّ؟



10 مَا كُتْلَةُ كَيْسِ الدَّقِيقِ الْمَجَاوِرِ بِالْكِيلُوغَرَامِ؟

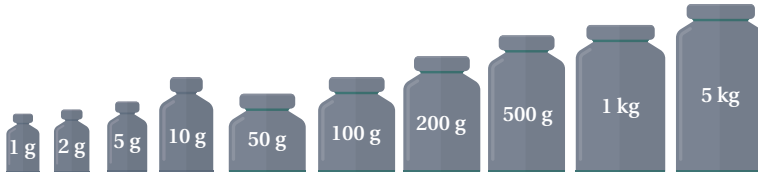


11 شَاحِنَاتٌ: بَلَغَتْ حُمُولَةُ شَاحِنَةٍ نَقْلَ بَضَائِعَ فِي رِحْلَةِ الذَّهَابِ 1 ton, 250 kg، وَفِي رِحْلَةِ الْعُودَةِ 1.5 ton. أُقَارِنُ بَيْنَ الْحُمُولَتَيْنِ، ثُمَّ أَجِدُ الْفَرْقَ بَيْنَهُمَا بِالْأَطْنَانِ وَالْكِيلُوغَرَامَاتِ.

الْوَحْدَةُ 8

أَخْتَارُ الْكَتْلَ الَّتِي مَجْمُوعُهَا يُسَاوِي الْقِيَمَةَ الْمُعْطَاةَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

12

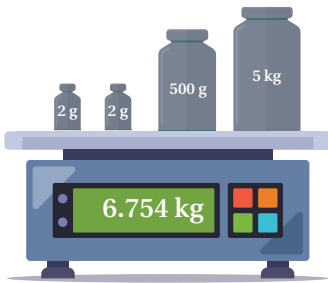


- $3500 \text{ g} = 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 1 \text{ kg} + 500 \text{ g}$
- $1725 \text{ g} = \dots\dots\dots$
- $4.2 \text{ kg} = \dots\dots\dots$
- $2.75 \text{ kg} = \dots\dots\dots$
- $6 \frac{3}{5} \text{ kg} = \dots\dots\dots$
- $7 \frac{7}{10} \text{ kg} = \dots\dots\dots$

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

أَكْشَفُ الْخَطَأَ: أَرَادَ خَالِدٌ كِتَابَةَ 6 kg , 43 g بِالْكِيلُوغَرَامِ، فَكَتَبَهَا عَلَى الصُّورَةِ 6.43 kg أَكْشَفُ الْخَطَأَ وَأُصَحِّحْهُ.

13



تَحَدَّثْ: أَضِيفُ 3 أَثْقَالٍ لِلْمِيزَانِ؛ لِتُصْبِحَ قِرَاءَتُهُ صَحِيحَةً.

14



أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: مَا الْقِيَاسُ الْمُخْتَلِفُ؟ أُبَرِّرُ إِجَابَتِي.

15

2.050 kg

2500 kg

2.5 ton

2 ton 500 kg

أَتَحَدَّثْ: كَيْفَ أَكْتُبُ قِيَاسًا بِوَحْدَةٍ مُرَكَّبَةٍ، عَلَى صُورَةِ قِيَاسٍ بِوَحْدَةٍ وَاحِدَةٍ؟





أستكشف



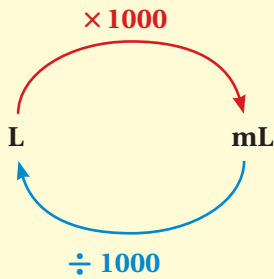
ما سعة الوعائين معاً؟

فكرة الدرس



أحوّل بين وحدات قياس السعة والطول، وأحلّ مسائل تحتوي على وحدات مركّبة.

أتعلّم



تعلّمت سابقاً أنّ المليلتر (mL) يُستعمل لقياس سعة الأوعية الصغيرة، وأنّ اللتر (L) يُستعمل لقياس سعة الأوعية الكبيرة، ويبيّن المخطط المجاور العلاقة بين هاتين الوحدتين. يمكنني أيضاً قياس السعة بوحدة مركّبة تتكوّن من اللتر والمليلتر معاً. فمثلاً، سعة الوعاء في فقرة أستكشف هي 2 L, 455 mL وتعني 2 L + 455 mL

أملاً الفراغ في كلّ مما يأتي:

مثال 1

1 3700 mL = L

بما أنّنا نريد التحويل من وحدة صغيرة (mL) إلى وحدة كبيرة (L)، فإننا نقسم:

$$3700 \text{ mL} = (3700 \div 1000) \text{ L} = 3.7 \text{ L}$$

إذن: 3700 mL = 3.7 L

2 2.9 L, 718 mL = mL

$$\begin{aligned} 2.9 \text{ L, } 718 \text{ mL} &= (2.9 \times 1000) \text{ mL} + 718 \text{ mL} \\ &= 2900 \text{ mL} + 718 \text{ mL} \\ &= 3618 \text{ mL} \end{aligned}$$

أحوّل 2.9 L إلى مليلترات
أضرب
أجمع

إذن: 2.9 L, 718 mL = 3618 mL

الْوَحْدَةُ 8

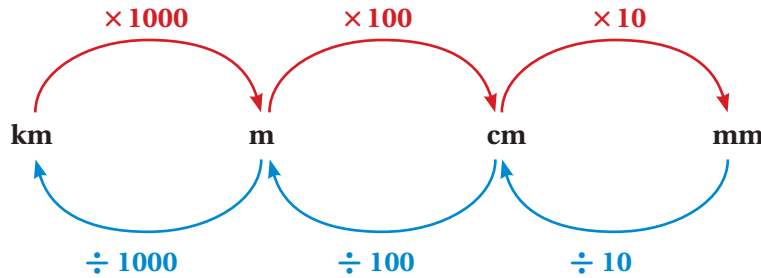
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَمَلُّ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

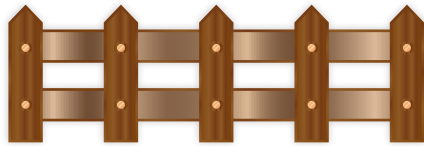
3 13.5 L = mL

4 7 L, 450 mL = mL

تَعَلَّمْتُ سَابِقًا بَعْضَ وَحَدَاتِ قِيَاسِ الطُّولِ، مِثْلَ الْكِيلُومِترِ (km) وَالْمِترِ (m) وَالسَّنْتِيمِترِ (cm) وَالْمِلِيمِترِ (mm)، وَبَيَّنْتُ الْمُخَطَّطُ الْآتِي الْعِلَاقَةَ بَيْنَ هَذِهِ الْوَحَدَاتِ. يُمَكِّنُنِي أَيْضًا قِيَاسُ الطُّولِ بِوَحْدَةٍ مُرَكَّبَةٍ تَتَكَوَّنُ مِنْ وَحْدَتَيْ قِيَاسٍ كَبِيرَةٍ وَصَغِيرَةٍ.



مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



لَدَى مُحَمَّدٍ حَدِيقَةٍ مُسْتَطِيلَةٍ طَوْلُهَا 9 m وَعَرْضُهَا 7 m, 56 cm، وَيُرِيدُ إِحَاطَتَهَا بِسِيَاجٍ خَشَبِيٍّ. مَا طَوَّلُ السِّيَاجِ الَّذِي سَيَسْتَعْمِلُهُ بِالْأَمْتَارِ؟ لِحِسَابِ طَوَّلِ السِّيَاجِ بِالْأَمْتَارِ يَجِبُ أَنْ تَكُونَ الْقِيَاسَاتُ جَمِيعُهَا بِالْأَمْتَارِ.

الْخُطْوَةُ 1 أَحْسِبُ الْعَرْضَ بِالْأَمْتَارِ.

$$7 \text{ m}, 56 \text{ cm} = 7 \text{ m} + (56 \div 100) \text{ m}$$

$$= 7 \text{ m} + 0.56 \text{ m}$$

$$= 7.56 \text{ m}$$

أَحْوَلُ: 56 cm إِلَى أَمْتَارٍ

أَقْسِمُ

أَجْمَعُ

إِذَنْ: عَرْضُ الْحَدِيقَةِ $w = 7.56 \text{ m}$ وَطَوْلُهَا $l = 9 \text{ m}$

الْخُطْوَةُ 2 أَحْسِبُ مُحِيطَ الْحَدِيقَةِ بِالْأَمْتَارِ.

$$P = 2 \times (l + w)$$

$$= 2 \times (9 + 7.56)$$

$$= 2 \times 16.56$$

$$= 33.12$$

قَانُونُ مُحِيطِ الْمُسْتَطِيلِ

أَعَوَّضُ الطَّوْلَ وَالْعَرْضَ

أَجْمَعُ

أَضْرِبُ

إِذَنْ: طَوَّلُ السِّيَاجِ 33.12 m

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

رياضة: ركضت سامية حول مضمار مستطيل الشكل مرّة واحدة، إذا كان طول المضمار 118.872 m وعرضه 89 m, 50 cm فما المسافة التي قطعتها سامية بالأمتار؟

أَتَدَرَّبُ

وَأُدْخِلُ الْمَسَائِلَ

أَمَلِّأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

- | | |
|--------------------------|-------------------------|
| 1 148 m = km | 2 15000 cm = m |
| 3 80 mL = L | 4 0.9 m = cm |
| 5 14mL, 40 L = mL | 6 1.99 km = m |
| 7 9 km, 350 m = km | 8 9 km, 840 m = m |

أَضَعُ إِشَارَةَ (> أَوْ < أَوْ =) فِي ○:

- | | |
|---------------------------|--------------------------|
| 9 540 m ○ 5 km | 10 2.6 L ○ 2600 mL |
| 11 3 cm, 249 mm ○ 3201 mm | 12 3 m, 249 cm ○ 3304 cm |



عَصِيرٌ: أَعَدَّ حُسَيْنٌ عَصِيرَ الْفَوَاكِهِ الْمُسَكَّلَةِ
كَمَا فِي الصُّورَةِ الْمُجَاوِرَةِ. كَمْ مِلِيلِتْرًا مِنْ
الْعَصِيرِ أَعَدَّ؟

13

أَمَلِّأُ الْفَرَاغَ بِوَضْعِ إِشَارَةِ (× أَوْ ÷) فِي ○، ثُمَّ أَجِدُ النَّاتِجَ:

- | | |
|---------------------------|-----------------------------|
| 14 350 cm ○ 100 = m | 15 6452 mL ○ 1000 = L |
|---------------------------|-----------------------------|

الوَخْدَةُ 8

تُريدُ نَاديَّةُ صِنَاعَةِ حَلَوَى، وَفِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ مَقَادِيرُ صِنَاعَةِ قَالِبٍ وَاحِدٍ.

مَقَادِيرُ صُنْعِ قَالِبِ حَلَوَى	
550 g	طَحِينٌ
220 mL	حَلِيبٌ
150 g	زُبْدَةٌ
30 g	خَمِيرَةٌ

16 إذا وَجَدْتُ أَنَّ كَمِّيَّةَ الطَّحِينِ الَّتِي لَدَيْهَا هِيَ 1 kg, 50 g، فَكَمْ يَنْقُصُهَا لِصُنْعِ قَالِبَيْنِ؟

17 إذا أَرَادْتُ صُنْعَ 10 قَوَالِبَ، فَكَمْ لِيْتْرًا مِنَ الْحَلِيبِ نَحْتَاجُ؟

18 قِيَاسٌ: قَاسْتُ نَادِيْنِ طَوْلَ عُرْفَتِهَا بِالشُّبْرِ فَوَجَدْتُ أَنَّهُ يُسَاوِي 24 شُبْرًا. إِذَا كَانَ طَوْلُ شُبْرِهَا 15 cm، فَكَمْ مِتْرًا طَوْلَ عُرْفَتِهَا؟

19 مَاءٌ: أَفْرَغَ عَلَيَّ قَارُورَةَ مَاءٍ كَبِيرَةً فِي 20 وِعَاءٍ، سَعَةٌ كُلُّ مِنْهَا 500 mL كَمْ لِيْتْرًا سَعَةُ الْقَارُورَةِ؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

20 أَكْشَفُ الْخَطَأَ: قَالَ عَمَّاؤُ إِنَّ 10 L، 630 mL تُسَاوِي 10630 L هل إجابته صحيحة؟ أبرر إجابتي.

21 أَيُّهَا لَا يَنْتَمِي: مَا الْقِيَاسُ الْمُخْتَلِفُ؟ أبرر إجابتي.

2000 km	2 m	200 cm	2000 mm
---------	-----	--------	---------

22 تَبْرِيرٌ: يُرِيدُ عَامِلٌ تَبْلِيْطَ جِدَارٍ عَرْضُهُ 6 m بِبِلَاطٍ عَرْضُ الْوَاحِدَةِ 20 cm كَمْ بِلَاطَةً يَضَعُ فِي كُلِّ صَفٍّ؟ أبرر إجابتي.

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَحَدُّدُ أَيَّ عَمَلِيَّةٍ أَسْتَعْمِلُ (هَلْ هِيَ الضَّرْبُ أَمْ الْقِسْمَةُ؟)؛ عِنْدَ التَّحْوِيلِ مِنْ وَخْدَةٍ إِلَى أُخْرَى؟





أَسْتَكْشِفُ



يَسْتَغْرِقُ الشُّوْطَانِ فِي مَبَارَاةِ كُرَةِ الْقَدَمِ $1\frac{1}{2}$ سَاعَةً،
وَيَتَخَلَّلُهُمَا $\frac{1}{4}$ سَاعَةً اسْتِرَاحَةً بَيْنَ الشُّوْطَيْنِ. إِذَا بَدَأَتْ
الْمُبَارَاةُ السَّاعَةُ التَّاسِعَةُ مَسَاءً، فَمَتَى تَنْتَهِي؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

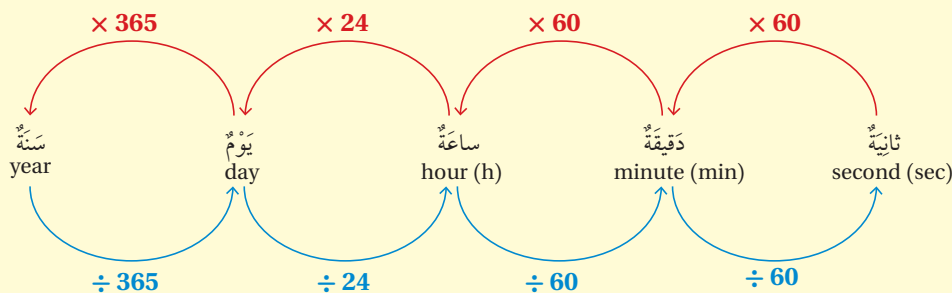


أَحْسِبُ الْوَقْتَ بِوَحْدَاتِهِ
المختلفة.

أَتَعَلَّمُ



تَعَلَّمْتُ سَابِقًا السَّنَةَ وَالْيَوْمَ وَالسَّاعَةَ وَالدَّقِيقَةَ وَالثَّانِيَةَ بِوَصْفِهَا وَوَحْدَاتِ قِيَاسِ الزَّمَنِ، وَبَيَّنْتُ الْمُخَطَّطَ الْآتِي الْعَلَقَاتِ
بَيْنَ هَذِهِ الْوَحْدَاتِ. يُمَكِّنُنِي اسْتِعْمَالُ الْعَلَقَاتِ بَيْنَ وَحْدَاتِ الزَّمَنِ؛ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الزَّمَنِ بِاسْتِعْمَالِ وَحْدَاتِ قِيَاسِ
مُرَكَّبَةٍ.



مِثَال 1 أَمَلَا الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 88 h = d, h

24 h → 1 day

88 h → ? day



$$\begin{array}{r} 3 \\ 24 \overline{) 88} \\ \underline{- 72} \\ 16 \end{array}$$

لِإِيجَادِ عَدَدِ الْأَيَّامِ فِي 88 سَاعَةً؛ فَإِنِّي أَقْسِمُ عَلَى 24؛ نَاتِجُ الْقِسْمَةِ يُسَاوِي 3 وَالْبَاقِي 16، وَهَذَا يَعْنِي أَنَّ 88 سَاعَةً
تُسَاوِي 3 أَيَّامٍ وَ16 سَاعَةً. يُمَكِّنُنِي أَيْضًا التَّعْبِيرُ عَنْ هَذَا الزَّمَنِ عَلَى صَوْرَةِ عَدَدٍ كَسْرِيٍّ كَمَا يَأْتِي: $3\frac{16}{24}$ أَيَّامٍ.

الْوَحْدَةُ 8

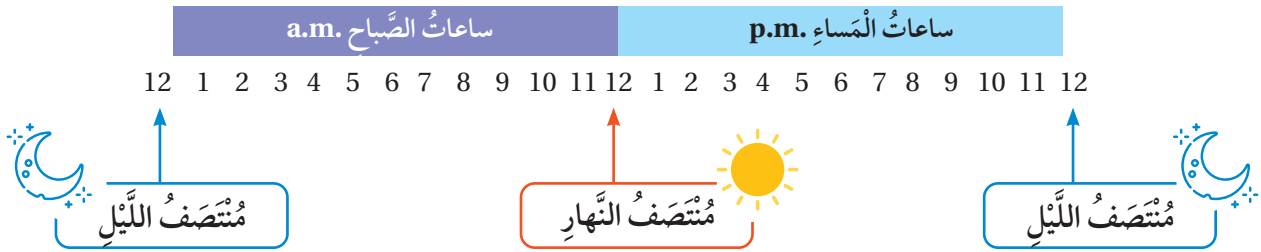
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَمَلُّ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

2 195 sec = min, sec

3 756 day = year, day

يَتَكُونُ الْيَوْمُ مِنْ 24 سَاعَةً تَنْقَسِمُ إِلَى قِسْمَيْنِ؛ 12 سَاعَةً مِنْ مُتَنَصِفِ اللَّيْلِ حَتَّى مُتَنَصِفِ النَّهَارِ وَ 12 سَاعَةً أُخْرَى مِنْ مُتَنَصِفِ النَّهَارِ حَتَّى مُتَنَصِفِ اللَّيْلِ.



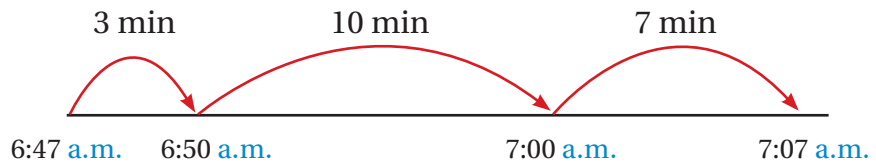
يُمْكِنُنِي حِسَابُ الْمُدَّةِ الزَّمَنِيَّةِ لِإِنجَازِ عَمَلٍ مَا، بِتَقْسِيمِهَا إِلَى فتراتٍ يَسْهُلُ حِسَابُ طُولِهَا.

مِثَالٌ 2: مِنْ الْحَيَاةِ

أَحْسُبُ طَوْلَ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 مِنْ 6:47 a.m. حَتَّى 7:07 a.m.

الْخُطْوَةُ 1 أُمَثِلُ الْفَتْرَةَ الزَّمَنِيَّةَ بِمُخَطَّطٍ.



الْخُطْوَةُ 2 أَحْسُبُ طَوْلَ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ:

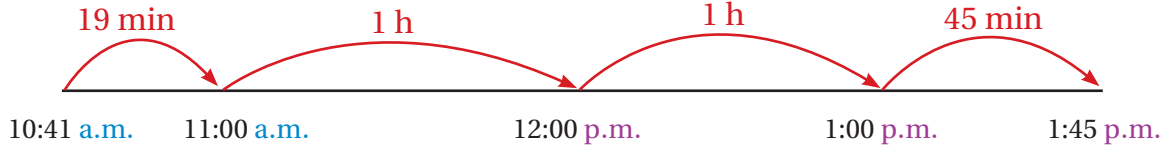
$$3 \text{ min} + 10 \text{ min} + 7 \text{ min} = 20 \text{ min}$$

إِذَنْ: طَوْلُ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ 20 دَقِيقَةً.

أَتَحَقَّقُ
7:00 a.m. تَعْنِي السَّاعَةَ
السَّابِعَةَ صَبَاحًا.
7:00 p.m. تَعْنِي السَّاعَةَ
السَّابِعَةَ مَسَاءً

2 مِنْ 10:41 a.m. حَتَّى 1:45 p.m.

الخطوة 1 أمثل الفترة الزمنية بمخطط.



الخطوة 2 أحسب طول الفترة الزمنية.

$$1 \text{ h} + 1 \text{ h} = 2 \text{ h}$$

$$19 \text{ min} + 45 \text{ min} = 64 \text{ min}$$

$$64 \text{ min} = 1 \text{ h} + 4 \text{ min}$$

$$2 \text{ h} + 1 \text{ h} + 4 \text{ min} = 3 \text{ h} + 4 \text{ min}$$

أجمع الساعات

أجمع الدقائق

اكتب مجموع الدقائق بالساعات والدقائق

أجمع

إذن: طول الفترة الزمنية 3 ساعات و 4 دقائق، وتكتب 3 h, 4 min

أتحقق من فهمي:

أحسب طول الفترة الزمنية في كل مما يأتي:

1 مِنْ 4:15 p.m. إلى 8:45 p.m.

2 مِنْ 3:20 a.m. إلى 7:30 a.m.

أدرب

وأحل المسائل

أحمل كل جدول مما يأتي:

السنّات	الأشهر
8	
	216
29	

2

الأيام	الساعات
	96
	180
27	

1

أذكر

يحتوي العام على 12 شهراً، أو 52 أسبوعاً تقريباً.



الْوَحْدَةُ 8

أَحْسِبْ طَوَلَ الْفَتْرَةِ الزَّمَنِيَّةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

3 مِنْ 9:16 p.m. حَتَّى 11:22 p.m. 4 مِنْ 12:7 a.m. حَتَّى 10:20 p.m.

5 مِنْ 10:30 a.m. حَتَّى 5:50 p.m. 6 مِنْ 10:10 a.m. حَتَّى 2:13 p.m.

أَمْلَأُ الْفَرَاغَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

7 256 min = h, min

8 905 d = year, day

9 137 sec = min, sec

10 142 h = day, h

11 طَيْرَانٌ: انْطَلَقَتْ طَائِرَةٌ مِنْ عَمَّانَ إِلَى اسْطَنْبُولِ السَّاعَةِ 4:45 p.m. وَوَصَلَتْ السَّاعَةَ 7:30 p.m. كَمْ اسْتَعْرَقَتْ الرِّحْلَةَ؟

12 دَوَامٌ: بَدَأَتْ لَيْلَى عَمَلَهَا السَّاعَةَ 8:30 a.m. وَاسْتَمَرَّتْ لِمُدَّةِ 7 سَاعَاتٍ. إِذَا كَانَ الزَّمَنُ الْلَازِمُ لِرُصُولِهَا إِلَى الْبَيْتِ 25 دَقِيقَةً، فَفِي أَيِّ سَاعَةٍ وَصَلَتْ إِلَى بَيْتِهَا؟

13 عَمَلٌ: أَمَضَى سَائِدٌ 18000 sec مِنْ أَحَدِ الْأَيَّامِ فِي الْعَمَلِ، وَأَمَضَى 25 min فِي تَنَاوُلِ وَجْبَةِ الْغَدَاءِ. كَمْ سَاعَةً أَمَضَى فِي الْعَمَلِ وَتَنَاوُلِ وَجْبَةِ الْغَدَاءِ مَعًا؟

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

14 مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ زَمَنَ الْبِدَايَةِ وَزَمَنَ النِّهَايَةِ لِنَشَاطٍ مُدَّتُهُ 18 min وَ 3 h

15 تَحَدٍّ: انْتَهَتْ هَلَا مِنْ إِنْجَازٍ وَاجِبَاتِهَا فِي السَّاعَةِ 8:18 p.m. إِذَا اسْتَعْرَقَ إِنْجَازُ الْوَاجِبَاتِ 22 min وَ 3 h، فَمَتَى بَدَأَتْ؟

أَتَحَدَّثُ: كَيْفَ أَحْسِبُ عَدَدَ الْأَيَّامِ فِي 258 سَاعَةً؟



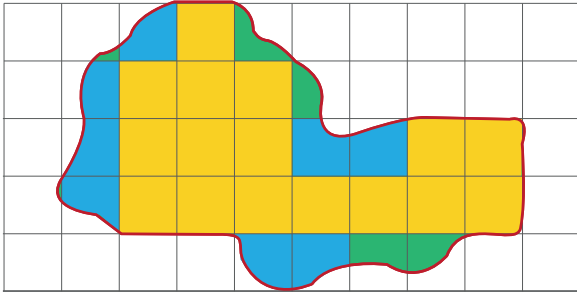
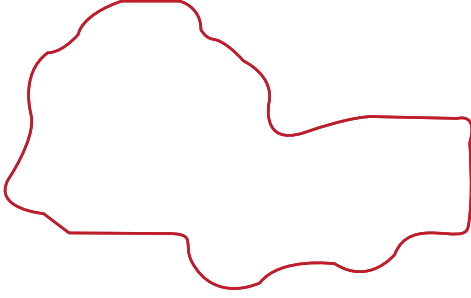
استكشاف: تقدير مساحات الأشكال المركبة غير المنتظمة

الهدف: تقدير مساحات أشكال مركبة غير منتظمة باستعمال ورقة مربعات.



نشاط 1:

أقدر مساحة الشكل المجاور.



الخطوة 1 أنسخ الشكل على ورقة مربعات.

الخطوة 2 أعد المربعات التي يغطيها الشكل

كاملة، ثم ألونها باللون الأصفر.

عد المربعات:

الخطوة 3 أعد المربعات التي يغطي الشكل أكثر من نصفها، ثم ألون الجزء الذي يقع داخل الشكل باللون الأزرق.

عد المربعات:

الخطوة 4 ألون الأجزاء المتبقية داخل الشكل باللون الأخضر.

أفكر:

1 عند تقدير مساحة الشكل، هل أعد المربعات التي يغطي الشكل أكثر من نصفها أم التي يغطي أقل من

نصفها؟

2 أعد المربعات التي يغطيها الشكل كاملة أو يغطي أكثر من نصفها.

عد المربعات: إذن، مساحة الشكل التقريبية

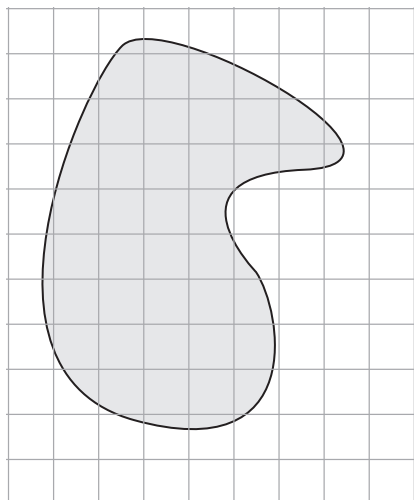
تساوي وحدة مربعة.

الْوَحْدَةُ 8

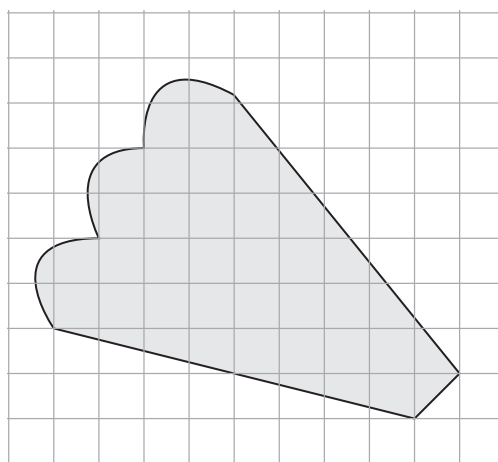
أَتَدْرَبُ:

أُقَدِّرُ مساحة كل من الأشكال الآتية:

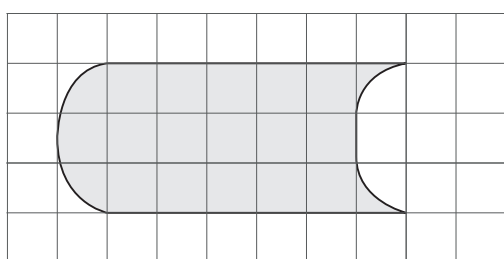
1



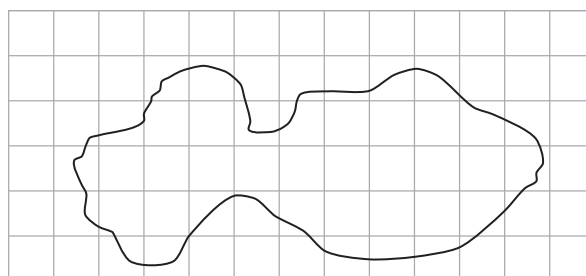
2

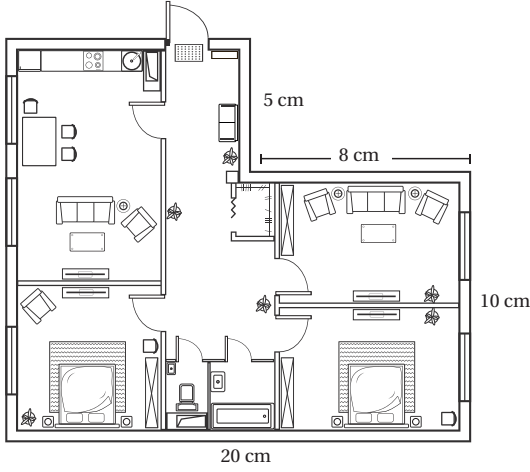


3



4





أَسْتَكْشِفُ



يَرَسِّمُ مَهَنْدِسٌ مُخَطَّطًا
لِتَصْمِيمِ مَنْزِلٍ. مَا مُحِيطُ
الْمَنْزِلِ عَلَى الْمُخَطَّطِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



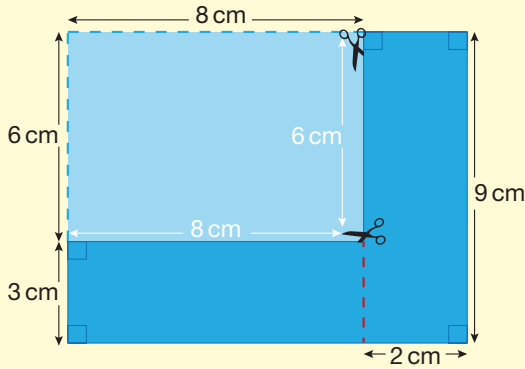
أَحْسَبُ مِسَاحَاتِ أَشْكَالٍ مُرَكَّبَةٍ
وَمُحِيطَاتِهَا.
الْمُصْطَلَحَاتُ:
شَكْلٌ مُرَكَّبٌ.

أَتَعَلَّمُ

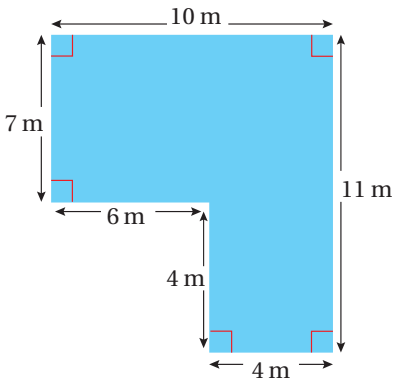


الشَّكْلُ الْمُرَكَّبُ (compound shape) نَاتِجٌ عَنْ تَرْكِيبِ شَكْلَيْنِ هَنْدَسِيَّيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

مُحِيطُ شَكْلٍ مُرَكَّبٍ نَاتِجٌ عَنْ قِصِّ مَرَبَعٍ أَوْ مُسْتَطِيلٍ مِنْ إِحْدَى زَوَايَاهُ يُسَاوِي مُحِيطَ الْمَرَبَعِ أَوْ الْمُسْتَطِيلِ قَبْلَ الْقِصِّ.



أَلَا حِظُّ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ أَنَّ مُحِيطَ الشَّكْلِ النَّاتِجِ
بَعْدَ الْقِصِّ يُسَاوِي مُحِيطَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ؛ فَكَلَّا
الْمُحِيطَيْنِ يُسَاوِي 38 cm



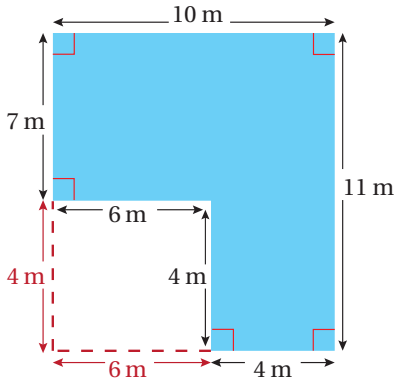
مِثَالٌ 1

أَحْسَبُ مُحِيطَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.

الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ نَاتِجٌ عَنْ قِصِّ مُسْتَطِيلٍ صَغِيرٍ طَوْلُهُ 6 m وَعَرْضُهُ 4 m
مِنْ أَحَدِ أَرْكَانِ مُسْتَطِيلٍ كَبِيرٍ.

إِذَنْ: مُحِيطُهُ يُسَاوِي مُحِيطَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ.

الْوَحْدَةُ 8



الخطوة 1 أكمل الشكل فیتج مستطیل طوله 11 m وعرضه 10 m .

الخطوة 2 أحسب محیط المستطیل .

$$P = 2l + 2w$$

$$= 2 \times 11 + 2 \times 10$$

$$= 22 + 20$$

$$= 42 \text{ m}$$

طولُ المُستطیل l وعَرْضُهُ w

أعوّض $l = 11, w = 10$

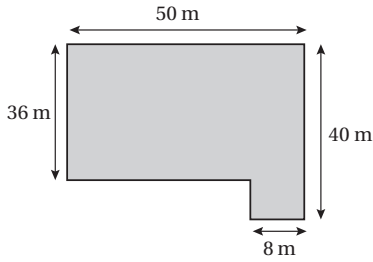
أضربُ أولاً

أجمع

إذن محیط الشكل يساوي 42 m

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَحْسُبُ مُحِيطَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.



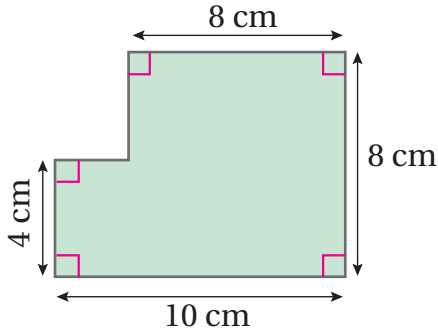
لِحِسابِ مِسَاحَةِ شَكْلِ مُرَكَّبٍ؛ يُمْكِنُنِي أَيْضاً أَنْ أَقْسِمُهُ إِلَى مُسْتَطِيلَاتٍ وَمُرَبَّعَاتٍ، ثُمَّ أَحْسِبُ مِسَاحَاتِ هَذِهِ الْأَشْكَالِ وَأَجْمَعُهَا.

مثال 2: مِنَ الْحَيَاةِ



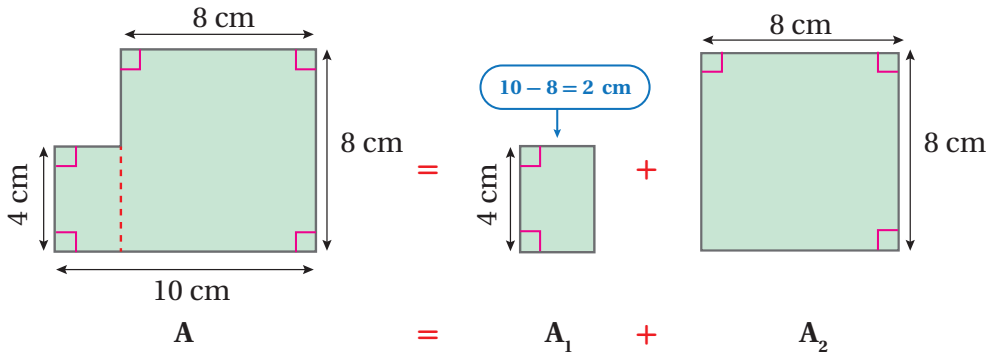
أَحْسِبُ مِسَاحَةَ مَخْطُطِ الْحَدِيقَةِ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.

الطَّرِيقَةُ 1: أَقْسِمُ الشَّكْلَ الْمُرَكَّبَ.

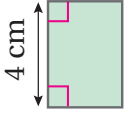


الخطوة 1 أَقْسِمُ الشَّكْلَ الْمُرَكَّبَ إِلَى مُسْتَطِيلٍ وَمُرَبَّعٍ، ثُمَّ

أَجِدُ أبعادَ الشَّكْلَيْنِ النَّاتِجَيْنِ:



الخطوة 2: أَحْسِبْ مِسَاحَةَ الشَّكْلَيْنِ النَّاتِجَيْنِ:



$$A_1 = l \times w$$

$$= 4 \times 2$$

$$= 8 \text{ cm}^2$$

أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ:

طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ l وَعَرْضُهُ w

$$l = 4, w = 2$$

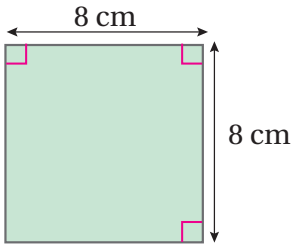
أَضْرِبْ

أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُرَبَّعِ:

طَوَّلُ ضِلْعِ الْمُرَبَّعِ s

$$s = 8$$

أَضْرِبْ



$$A_2 = s \times s$$

$$= 8 \times 8$$

$$= 64 \text{ cm}^2$$

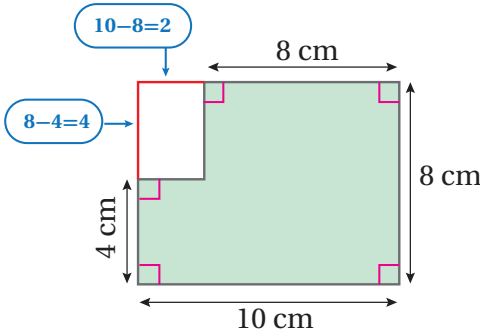
الخطوة 3: أَجْمَعْ مِسَاحَتَي الْمُرَبَّعِ وَالْمُسْتَطِيلِ:

$$A_1 + A_2 = 8 \text{ cm}^2 + 64 \text{ cm}^2 = 72 \text{ cm}^2$$

إِذَنْ: مِسَاحَةُ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ الَّتِي يُمَثِّلُ الْحَدِيقَةَ 72 cm^2

الطريقة 2: أَسْتَغْمِلُ الطَّرْحَ.

يُمْكِنُنِي حِسَابُ مِسَاحَةِ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ عَنْ طَرِيقِ طَرْحِ مِسَاحَةِ الْجُزْءِ الْمَفْقُودِ (بِالْوَرْدِ الْأَبْيَضِ) مِنْ مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ.



الخطوة 1: أَحْسِبْ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ، وَمِسَاحَةَ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ:

أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ:

طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ l وَعَرْضُهُ w

$$l = 10, w = 8$$

أَضْرِبْ

$$A_1 = l \times w$$

$$= 10 \times 8$$

$$= 80 \text{ cm}^2$$

الوَخْدَةُ 8

أَجِدْ مِسَاحَةَ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ:

$$A_2 = l \times w$$

$$= 4 \times 2$$

$$= 8 \text{ cm}^2$$

طَوَّلِ الْمِنْطَقَةَ الْمَفْقُودَةَ l وَعَرْضُهَا w

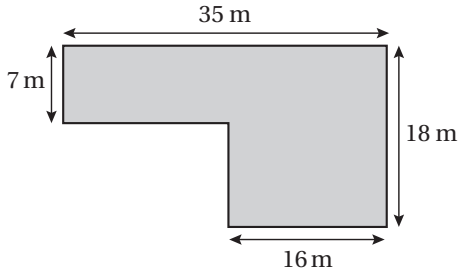
$$l = 4, w = 2$$

أَضْرِبْ

الخطوة 2 أَطْرَحْ مِسَاحَةَ الْمِنْطَقَةِ الْمَفْقُودَةِ مِنْ مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ الْكَبِيرِ:

$$A = A_1 - A_2 = 80 \text{ cm}^2 - 8 \text{ cm}^2 = 72 \text{ cm}^2$$

إِذَنْ: مِسَاحَةُ الشَّكْلِ الْمُرَكَّبِ 72 cm^2 . أَلَا حِظُّ أَنَّ الْإِجَابَةَ مُتَسَاوِيَةٌ فِي الطَّرِيقَتَيْنِ.



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

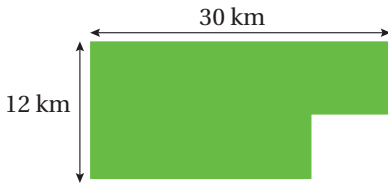
أَحْسُبُ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ بِطَرِيقَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ.

أَتَدَرَّبُ

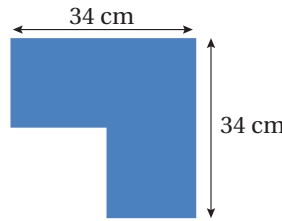
وَأَحُلُّ الْمَسَائِلَ

أَحْسُبُ مَحِيطَ كُلِّ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:

1

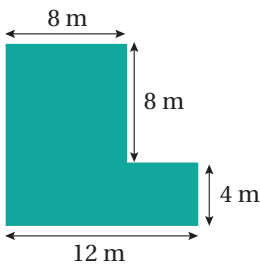


2

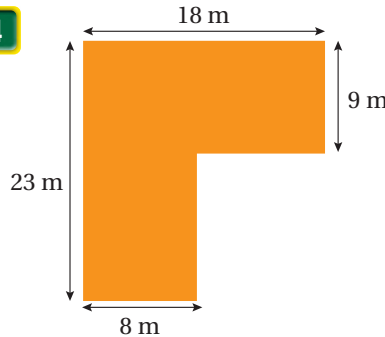


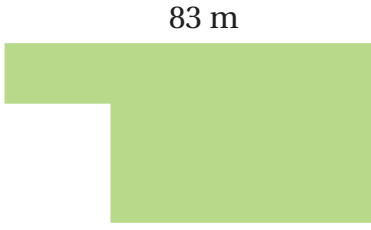
احسب كل من محيط ومساحة الأشكال الآتية:

3

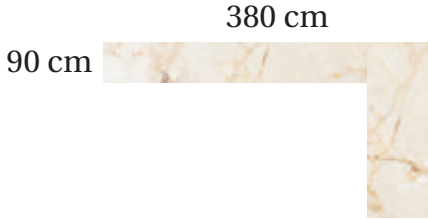


4

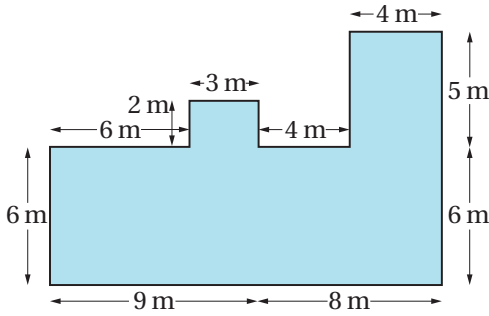




5 **أراضي:** اشترى زيد أرضاً وأراد إحاطتها بسياج. ما طول هذا السياج في الشكل المجاور؟

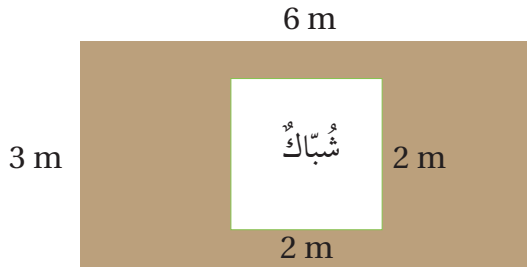


6 **مطابخ:** ما مساحة الرخام في الصورة المجاورة؟



7 **أحسب** مساحة الشكل المجاور.

8 **يرغب** ليث في شراء ورق جدران لتغطية واجهة من الغرفة كما في الشكل أدناه؛ إذ سيغطي الجدار باستثناء الشباك الذي يمثل مربعاً طول ضلعه 2 m إذا كان ثمن المتر المربع الواحد 8 دنانير، فما تكلفة تغطية الجدار؟

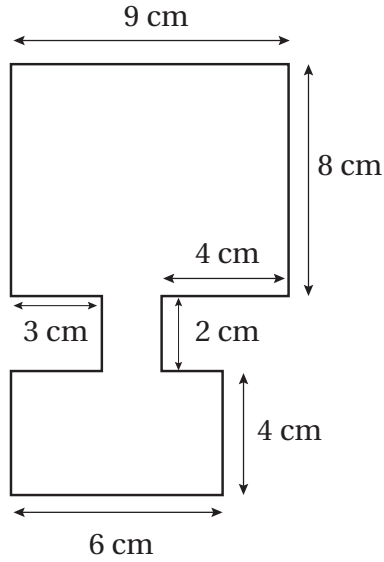


الوَحدة 8

مهارات التفكير

تحدّ: أخصّب مساحة الشكل المُجاوِر.

10



تبرير: ما مُحيط الشكل المُجاوِر؟
أبرّر إجابتي.

10



أتحدّث: ما الفرق بين حساب مساحة شكل مُركّب وحساب مُحيطه؟



اختبار الوحدة

أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 سُمك كتاب 23 mm ما سُمكه بالسنتيمترات؟

(أ) 2.03 (ب) 2.003

(ج) 2.3 (د) 2.33

2 عَرْضُ الشارع =

(أ) 16 km (ب) 16 m

(ج) 16 cm (د) 160 m

3 ارتفاع جبل 1200 m ما ارتفاعه بالكيلومترات؟

(أ) 0.2 km (ب) 1.2 km

(ج) 12 km (د) 120 km

4 كَمِيَّةُ مِنَ الْأَرْضِ كُنْتُهَا 2 kg, 450 g ما كُنْتُهَا

بالكيلوغرامات؟

(أ) 2450 kg (ب) 2.5 kg

(ج) 0245 kg (د) 2.45 kg

5 سَعَةٌ وَعَاءِ الْحِساءِ لِلشَّخْصِ الْوَاحِدِ 300 mL، لَدَى

سَلْمَى 600 mL، 6 L مِنَ الْحِساءِ. كَمْ وَعَاءً تَسْتَطِيعُ

أَنْ تَمَلَأَ؟

(أ) 50 (ب) 200

(ج) 25 (د) 22

6 الزمن المنقضي من الساعة 7:25pm إلى الساعة

9:05pm يساوي:

(أ) ساعة و5 دقائق

(ب) 9 ساعات و55 دقيقة

(ج) ساعة و40 دقيقة

(د) ساعتان و 5 دقائق.

7 = 35sec, 11min

(أ) 1135 sec (ب) 695 sec

(ج) 598 sec (د) 229 sec

8 = 625 sec

(أ) 11 min, 25 sec (ب) 10 min, 25 sec

(ج) 12 min, 25 sec (د) 100 min, 25 sec

أَمَلَأُ الْفَرَاغَ فِي مَا يَأْتِي:

9 20 cm = m

10 90 min = h

11 280 mL = L

12 75 g = kg

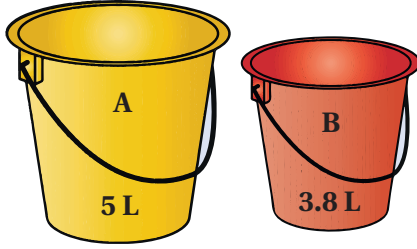
13 5km, 100m = m

14 4 ton, 50 kg = kg

15 3 L, 45 ML = L

الْوَحْدَةُ 8

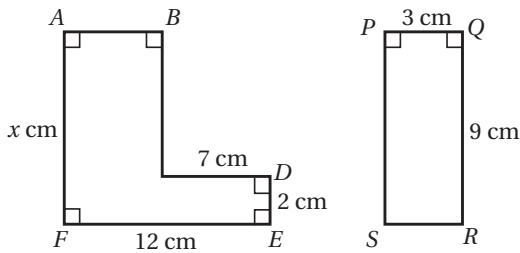
21 ما مَجْمُوعُ سَعَيِّ الدَّلَوَيْنِ بِاللِّتْرَاتِ وَالْمِلِيلِيتْرَاتِ؟



تَدْرِيبٌ عَلَى الْأَخْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ:

22 تَحْتَاجُ كَعْكَةٌ سَلْوَى إِلَى 40 دَقِيقَةً لِتَنْضِجَ، وَتَحْتَاجُ كَعْكَةٌ سَامِرٍ إِلَى 20 دَقِيقَةً. إِذَا وَضَعْتَ سَلْوَى كَعْكَتَهَا فِي الْفُرْنِ فِي السَّاعَةِ 5:10 p.m.، فَمَتَى يَجِبُ أَنْ يَضَعَ سَامِرٌ كَعْكَتَهُ كَيْ تَنْضِجَ فِي الْوَقْتِ نَفْسِهِ؟

23 مِسَاحَةُ الشَّكْلِ عَلَى الْيَسَارِ هِيَ مِثْلًا مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ. مَا طَوَّلُ الضِّلْعِ الْمَجْهُولِ x ؟

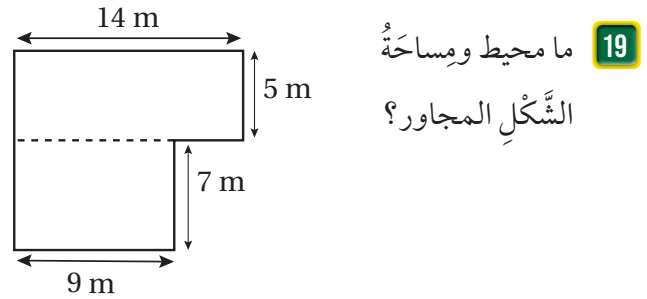


أَسْئَلَةٌ ذَاتُ إِبَاطَةٍ قَصِيرَةٍ:

16 أَمْضَى سَيْفٌ سَاعَتَيْنِ وَنِصْفًا فِي الْعَمَلِ عَلَى الْكُمِّيُوتَرِ، إِذَا بَدَأَ فِي السَّاعَةِ 7:30 p.m.، فَفِي أَيِّ سَاعَةٍ أَنْهَى عَمَلَهُ؟

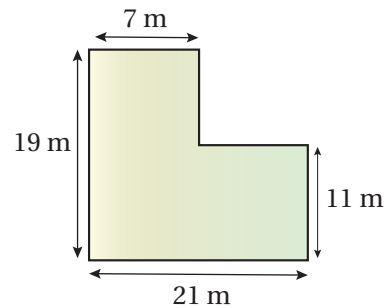
17 شَرَبَ حَمْزَةُ 200 mL مِنَ الْعَصِيرِ، وَ 400 mL مِنَ الْحَلِيبِ، وَ 1.4 L مِنَ الْمَاءِ. فَكَمْ لِتْرًا مِنَ السَّوَائِلِ شَرَبَ؟

18 عُمُرُ هَدِيلَ 126 شَهْرًا. كَمْ عُمُرُهَا بِالسَّنَوَاتِ؟



19 ما مُحِيطُ وَمِسَاحَةُ الشَّكْلِ الْمَجَاوِرِ؟

20 ما مُحِيطُ الشَّكْلِ الْآتِي؟



الإحصاء والاحتمال

لماذا نتعلّم الإحصاء والاحتمال؟

تعلّمنا في الفصل الأول طرائق مختلفة لتمثيل البيانات، وسنعلّم في هذه الوحدة حساب بعض المقاييس الإحصائية، ما يساعدنا على فهم البيانات، والاستفادة منها في الكثير من المواقف الحياتية مثل توقعات الحالة الجوية.



سنأعلّم في هذه الوحدة:

- حساب الوسط الحسابي والوسيط والنوال لبيانات مفردة.
- حساب المدى لبيانات مفردة أو ممثلة بجدول تكرارية أو بيانياً.
- تمييز نتائج تجارب عشوائية من حيث تساوي أو عدم تساوي فرص حدوثها.
- ترتيب نتائج تجربة فرص حدوث نتائجها غير متساوية تصاعدياً؛ حسب فرص حدوثها.

تعلّمنا سابقاً:

- ✓ جمع البيانات وتسجيلها وتمثيلها بالنقاط والخطوط.
- ✓ تمثيل بيانات بجدول تكرارية بسيطة وأعمدة وخطوط بيانية ونقاط.
- ✓ إمكانيات الحدوث؛ (الحوادث الأكيدة والممكنة والمستحيلة).
- ✓ مفهوم التجربة العشوائية بصورة مبسطة.

مَشْرُوعُ الْوَحْدَةِ: الرَّاصِدُ الْجَوِّيُّ



4 أَحْسَبُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيِّ وَالْوَسِيطَ وَالْمُنَوَالَ وَالْمَدَى،
لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ الَّتِي سُجِّلَتْ تَحْتَ أَشِعَّةِ الشَّمْسِ.

أَسْتَعِدُّ وَزُمَلَائِي لِتَنْفِيزِ مَشْرُوعِي الْخَاصِّ، الَّذِي
سَأَطَبِّقُ فِيهِ مَا سَأَتَعَلَّمُهُ فِي هَذِهِ الْوَحْدَةِ؛ لِأَرْصِدَ دَرَجَاتِ
الْحَرَارَةِ وَحَالَةَ الطَّقْسِ الْمُتَوَقَّعَةِ.

خُطُواتُ تَنْفِيزِ الْمَشْرُوعِ:

5 أَحْسَبُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيِّ وَالْوَسِيطَ وَالْمُنَوَالَ وَالْمَدَى،
لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ الَّتِي سُجِّلَتْ فِي مَنَاطِقَةٍ ظَلِيلَةٍ.

6 أَقَارِنُ قِيَمَ الْوَسْطِ الْحِسَابِيِّ وَالْوَسِيطَ وَالْمُنَوَالَ
وَالْمَدَى لِمَجْمُوعَتِي الْبَيِّنَاتِ. مَاذَا أَلَا حِظُّ؟ أَكْتُبُ
إِجَابَاتِ الْأَسْئَلَةِ السَّابِقَةِ، مَعَ تَوْضِيحٍ لِكَيْفِيَّةِ الْحُصُولِ
عَلَيْهَا فِي الْمَطْوِيَّةِ.



1 أَسْتَعْمِلُ مِيزَانَ حَرَارَةٍ لِأَقِيسَ
درجتي الْحَرَارَةِ الْأُولَى تَحْتَ
أَشِعَّةِ الشَّمْسِ الْمُبَاشِرَةِ وَالثَّانِيَةِ
فِي مَنَاطِقَةٍ ظَلِيلَةٍ عِنْدَ السَّاعَةِ
4:00 p.m. لِمُدَّةِ أُسْبُوعٍ. يُمَكِّنُنِي
الْإِسْتِعَانَةُ بِمُخْتَبَرِ الْعُلُومِ فِي
الْمَدْرَسَةِ؛ لِتَوْفِيرِ الْمِيزَانِ.

عَرْضُ النَّتَائِجِ:

أَكْتُبُ تَقْرِيرًا أُبَيِّنُ فِيهِ:

2 أَصَمُّ مَطْوِيَّةٌ جَمِيلَةٌ، وَأُنْشِئُ جَدْوَلًا فِي صَفْحَتِهَا الْأُولَى
أَدُونُ فِيهِ قِرَاءَاتِ مِيزَانِ الْحَرَارَةِ كُلِّ يَوْمٍ، كَمَا يَأْتِي.

• خُطُواتُ تَنْفِيزِ الْمَشْرُوعِ، وَالنَّاتِجُ الَّتِي تَوَصَّلْتُ
إِلَيْهَا.

• الصُّعُوباتُ الَّتِي واجَهْتُهَا فِي أَثْنَاءِ تَنْفِيزِ الْمَشْرُوعِ.

يَعْرِضُ أَعْضَاءُ الْمَجْمُوعَةِ مَطْوِيَّاتِهِمْ أَمَامَ الصَّفِّ، وَيُنَاقِشُونَ
الطَّلَبَةَ فِي التَّشَابُهِ وَالْإِخْتِلَافِ بَيْنَ النَّاتِجِ الَّتِي تَوَصَّلَ إِلَيْهَا
كُلُّ مِنْهُمْ.

الْيَوْمُ	دَرَجَةُ الْحَرَارَةِ	
	تَحْتَ أَشِعَّةِ الشَّمْسِ	فِي الظِّلِّ

3 أُمَثِّلُ قِرَاءَاتِ دَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ فِي الظِّلِّ وَتَحْتَ أَشِعَّةِ
الشَّمْسِ بِالْأَعْمَدَةِ الْمزدوجَةِ.

استكشاف: ما الوسيط الحسابي؟

الهدف: استكشف مفهوم الوسيط الحسابي.

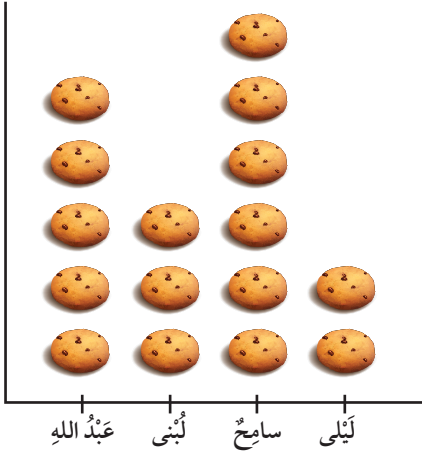


عند تحليل عدد من البيانات، من المفيد إيجاد نقطة توازن تصفها.

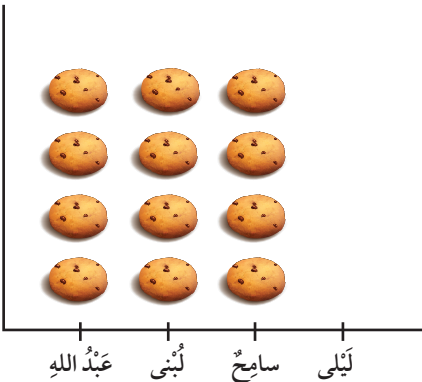
نشاط:

مع ليلى وسامح ولبنى وعبد الله، عدد مختلف من قطع البسكويت.

• كم عدد القطع مع كل منهم؟



ليلى	سامح	لبنى	عبد الله	
2				عدد القطع



• أعيد توزيع قطع البسكويت في الشكل، بحيث يكون مع كل منهم العدد نفسه من قطع البسكويت.

• اكمل الشكل، برسم القطع التي مع ليلى.

• كم قطعة بسكويت مع كل منهم، بعد إعادة التوزيع؟

• إذا جمعنا القطع جميعها معاً، فكم سيكون المجموع الكلي لعدد قطع البسكويت؟



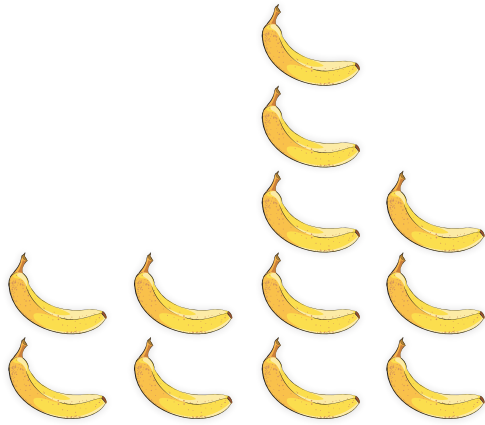
$$2 + 6 + 3 + 5 = \square$$

الْوَحْدَةُ 10

- إِذَا قَسَمْنَا الْمَجْمُوعَ الْكُلِّيَّ لِقِطْعِ الْبَسْكَوِيَّتِ عَلَى عَدَدِ الْأَطْفَالِ بِالتَّسَاوِي، فَكَمْ سَيَكُونُ نَصِيبُ كُلِّ وَاحِدٍ مِنْهُمْ؟
 $\frac{16}{4} =$ أي إنَّ نَصِيبَ كُلِّ وَاحِدٍ مِنْهُمْ قِطْعٍ، وَهَذَا الْعَدَدُ هُوَ الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِعَدَدِ قِطْعِ الْبَسْكَوِيَّتِ عِنْدَ الْأَطْفَالِ الْأَرْبَعَةِ.

أَفْكِّرْ:

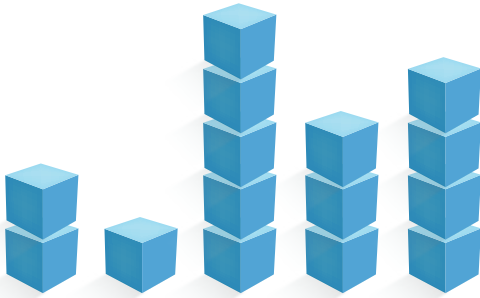
وُضِعَ عَدَدٌ مِنْ حَبَّاتِ الْمَوْزِ فِي 4 أَكْيَاسٍ كَمَا فِي الصُّورَةِ الْمُجَاوِرَةِ، وَيُرَادُ وَضْعُهَا فِي أَكْيَاسٍ أُخْرَى:



1 أُحَرِّكُ عَدَدًا مِنْ حَبَّاتِ الْمَوْزِ وَأُغَيِّرُ مَكَانَهَا، بِحَيْثُ يُصْبِحُ عَدَدُ حَبَّاتِ الْمَوْزِ فِي كُلِّ كَيْسٍ مُسَاوِيًا لِلْآخَرِ.

2 مَا مَجْمُوعُ حَبَّاتِ الْمَوْزِ؟

3 كَمْ مَوْزَةً سَيُصْبِحُ فِي الْكَيْسِ الْوَاحِدِ؟



4 أُحَرِّكُ قِطْعَ الْمُكْعَبَاتِ بِحَيْثُ تُصْبِحُ الْأَعْمَدَةُ مُتَسَاوِيَةً بِالطَّوْلِ.

5 كَمْ مُكْعَبًا سَيُصْبِحُ فِي الْعَمُودِ الْوَاحِدِ؟

6 بعد تحريك المكعبات، ما العلاقة بين العدد الكلي للمكعبات،

وعددة الأعمدة، وعدد المكعبات في كل منها؟



أَسْتَكَشِفُ



قَدَّمْتُ مُنَى 7 اخْتِبَارَاتٍ قَصِيرَةً لِمَادَّةِ
الرِّيَاضِيَّاتِ، وَكَانَتْ عَلَامَاتُهَا كَمَا يَأْتِي:
7, 9, 8, 9, 7, 9 أَجِدُ مُعَدَّلَ هَذِهِ
الْعَلَامَاتِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسَبُ الوَسْطَ الحِسَابِيَّ
لِبَيَانَاتٍ مُفْرَدَةٍ.
المُصْطَلَحَاتُ
الْوَسْطُ الحِسَابِيّ
(المُعَدَّلُ).

أَتَعَلَّمُ



الْوَسْطُ الحِسَابِيّ (المُعَدَّلُ) (mean) لِمَجْمُوعَةٍ مِنَ الْقِيَمِ، يُسَاوِي نَاتِجَ جَمْعِ الْقِيَمِ مَقْسُومًا عَلَى عَدَدِهَا.

لُغَةُ الرِّيَاضِيَّاتِ

\bar{x} تُقْرَأُ x بَار

$$\bar{x} = \frac{\text{مَجْمُوعُ الْقِيَمِ}}{\text{عَدَدُ الْقِيَمِ}} = \text{الْوَسْطُ الحِسَابِيّ}$$

مِثَالٌ 1

أَجِدُ الوَسْطَ الحِسَابِيَّ لِلْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ: 19, 5, 123, 37

$$19 + 5 + 123 + 37 = 184$$

$$\frac{184}{4} = 46$$

أَجِدُ مَجْمُوعَ الْقِيَمِ

أَقْسِمُ الْمَجْمُوعَ عَلَى عَدَدِ الْقِيَمِ

إِذَنْ: الوَسْطُ الحِسَابِيّ يُسَاوِي 46

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَجِدُ الوَسْطَ الحِسَابِيَّ لِلْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ: 11, 32, 4, 83, 55

الْوَحْدَةُ 10

لِلْوَسْطِ الْحِسَابِيِّ الْعَدِيدُ مِنَ التَّطبيقاتِ الْحَيَاتِيَّةِ، كَمَا فِي الْمِثَالِ الْآتِي:

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



عَدَدُ الْأَصْدِقَاءِ	اسْمُ الْقَارَّةِ
16	إفريقيا
24	أوروبا
8	أستراليا

يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجاوِرُ، عَدَدَ أَصْدِقَاءِ فَيَصِلُ عِبْرَ مَوَاقِعِ التَّوَاصُلِ
الْاجْتِمَاعِيِّ فِي بَعْضِ قَارَاتِ الْعَالَمِ. أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِعَدَدِ أَصْدِقَاءِ
فَيَصِلُ فِي كُلِّ قَارَّةٍ.

$$16 + 24 + 8 = 48$$

$$\frac{48}{3} = 16$$

أَجْمَعُ عَدَدَ الْأَصْدِقَاءِ

أَقْسِمُ الْمَجْمُوعَ عَلَى عَدَدِ الْقَارَاتِ

إِذَنْ: الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِعَدَدِ أَصْدِقَاءِ فَيَصِلُ فِي كُلِّ قَارَّةٍ يُساوي 16 صَدِيقًا.



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

حَدِيقَةُ حَيَوَانَاتٍ: يَوْجَدُ فِي حَدِيقَةِ الْحَيَوَانَاتِ 4 قُرُودٍ كُتْلُهَا بِالْكِلوغرامِ
كَمَا يَأْتِي: 52, 67, 60, 53 ما الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ لِكُتْلِ الْقُرُودِ؟

أَتَدَرَّبُ

وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِكُلِّ مِنَ الْبَيِّنَاتِ الْآتِيَةِ:

نِقَاطُ أَشْوَاطِ لُغَبَةِ الْإِلِكْتَرُونِيَّةِ.

77, 66, 49, 58, 75

2

أَهْدَافُ مُبَارَاةٍ كُرَّةِ قَدَمٍ.

4, 3, 1, 2, 3, 5

1

مَوَالِيدُ: كَانَتْ كُتْلُ الْمَوَالِيدِ الْجُدُدِ فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ بِالْكِلوغرامِ كَمَا يَأْتِي:
3.4, 2.9, 3.1, 3.2, 3, 2.8, 2.7 أَجِدُ الْوَسْطَ الْحِسَابِيَّ لِكُتْلِ هَؤُلَاءِ الْمَوَالِيدِ.

3



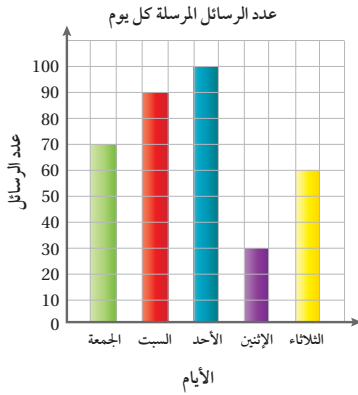
لَعِبَ سَامِي وَرَائِدُ 3 أَشْوَاطٍ مِنْ لُعْبَةِ (البُولِينج)؛ فَكَانَتِ النِّقَاطُ الَّتِي جَمَعَهَا كُلُّ مِنْهُمَا
كَمَا فِي الْجَدُولِ أَذْنَاهُ، أَجِيبْ عَمَّا يَأْتِي:

الاسم	الشوط 1	الشوط 2	الشوط 3
سامي	151	153	146
رائد	122	139	189

4 أجد الوسط الحسابي للنقاط التي جمعتها سامي في الأشواط الثلاثة.

5 أجد الوسط الحسابي للنقاط التي جمعتها رائد في الأشواط الثلاثة.

6 أقارن بين وسطي النقاط التي جمعتها كل منهما.



7 يبين الشكل المجاور عدد الرسائل التي أرسلتها
تالا خلال 5 أيام من بريدها الإلكتروني. ما
الوسط الحسابي لعدد الرسائل المرسلة في اليوم
الواحد؟

مهارات التفكير

8 اكتشف الخطأ: تقول لين إن الوسط الحسابي للدرجات 10, 14, 6, 16, 4 يساوي 10؛
لأنها جمعت الدرجات وقسمتها على 4. أبين خطأ لين وأصححه.

9 مسألة مفتوحة: أكتب عدداً من منزلتين في كل ، بحيث يكون الوسط الحسابي
لمجموعة البيانات مساوياً لـ 30

25, 32, 28, 35, 29, ,

10 تبرير: حمولة مضعد 300 kg، صعد فيه 4 أشخاص الوسط
الحسابي لكتلتهم 70 kg. هل توجد زيادة في حمولة
المضعد؟ أبرر إجابتني.

11 تحد: إذا كان الوسط الحسابي لعددين هو 10، وكان أحد العددين أكبر من الآخر بـ 6،
فما العددان؟

اتحدث: أشرح كيف أجد الوسط الحسابي لمجموعة من البيانات.





أَسْتَكْشِفُ:



فِي بَحْثٍ حَوْلَ عَدَدِ سَاعَاتِ دِرَاسَةِ طَلَبَةِ الصَّفِّ
الخَامِسِ يَوْمِيًّا، كَانَتْ إِجَابَاتُ 7 مِنَ الطَّلَبَةِ كَمَا
يَأْتِي: 2, 1, 4, 2, 3, 1, 2 مَا عَدَدُ السَّاعَاتِ
الَّتِي ذُكِرَتْ أَكْثَرُ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَحْسَبُ النَّوَسِيطَ وَالْمَنَوَالُ
لِبَيَانَاتٍ مُفْرَدَةٍ.

الْمُضْطَلَحَاتُ

النَّوَسِيطُ، الْمَنَوَالُ.

أَتَعَلَّمُ



النَّوَسِيطُ (median) هُوَ الْقِيَمَةُ الَّتِي تَتَوَسَّطُ الْبَيَانَاتِ عِنْدَ تَرْتِيبِهَا تَصَاعُدِيًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا، وَإِذَا كَانَ عَدَدُ الْقِيَمِ زَوْجِيًّا، فَإِنَّهُ
تَوْجَدُ قِيَمَتَانِ فِي النَّوَسِيطِ، وَعَلَيْهِ يَكُونُ النَّوَسِيطُ هُوَ النَّوَسِيطُ الْحِسَابِيُّ لِهَاثَيْنِ الْقِيَمَتَيْنِ.

مِثَالُ 1 أَجِدُ النَّوَسِيطَ لِلْقِيَمِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 13, 20, 11, 15, 30, 27, 10

- أَرْتَّبُ الْقِيَمَ تَصَاعُدِيًّا: 10, 11, 13, 15, 20, 27, 30
- أَبْدَأُ بِشَطْبِ قِيَمَةٍ مِنَ الْيَسَارِ مَعَ قِيَمَةٍ مِنَ الْيَمِينِ، إِلَى أَنْ أَجِدَ الْقِيَمَةَ الَّتِي فِي الْمُنْتَصَفِ.

~~10~~, ~~11~~, ~~13~~, 15, ~~20~~, ~~27~~, ~~30~~

• إِذَنْ: النَّوَسِيطُ هُوَ 15

2 400, 290, 355, 310, 430, 300, 270, 320

- أَرْتَّبُ الْقِيَمَ تَصَاعُدِيًّا، وَأَشْطُبُ الْأَعْدَادَ مِنَ الْيَمِينِ وَالْيَسَارِ إِلَى أَنْ أَصِلَ إِلَى النَّوَسِيطِ:

~~270~~, ~~290~~, ~~300~~, 310, 320, ~~355~~, ~~400~~, ~~430~~

- يَوْجَدُ قِيَمَتَانِ وَسِيطَتَانِ. إِذَنْ: النَّوَسِيطُ هُوَ النَّوَسِيطُ الْحِسَابِيُّ لِهَاثَيْنِ الْقِيَمَتَيْنِ:

$$\frac{310 + 320}{2} = 315$$

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَجِدُ الْوَسِيطَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ مِنَ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ:

1 14, 70, 55, 3, 2, 100, 9

2 4, 3, 2, 4, 7, 1

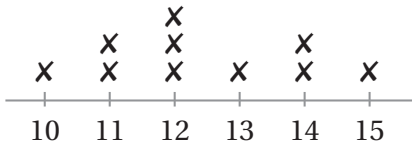
تُسَمَّى الْقِيَمَةُ الْأَكْثَرُ تَكَرَّرًا بَيْنَ الْبَيِّنَاتِ **الْمُنَوَالِ** (mode)، وَيُمْكِنُ أَنْ يَكُونَ لِمَجْمُوعَةِ بَيِّنَاتٍ مِنْوَالٌ وَاحِدٌ أَوْ أَكْثَرُ، وَقَدْ لَا يَكُونُ لَهَا مِنْوَالٌ.

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



أَجِدُ الْمُنَوَالِ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ بَيِّنَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

أَعْمَارُ الْمُشَارِكِينَ فِي الْمُسَابَقَةِ



1 أَعْمَارُ الْمُشَارِكِينَ فِي إِحْدَى الْمُسَابَقَاتِ.

أَلَا حِظٌّ مِنَ الشَّكْلِ أَنَّ أَكْثَرَ قِيَمَةٍ تَكَرَّرَتْ هِيَ 12 إِذَنْ: الْمُنَوَالُ 12

2 مَجْمُوعَةُ الْبَطَاقَاتِ الْآتِيَةِ:



أَلَا حِظٌّ مِنَ الشَّكْلِ أَنَّ أَكْثَرَ بَطَاقَاتٍ تَكَرَّرَتْ هِيَ الْبَطَاقَاتُ الصَّفْرَاءُ وَالْبَطَاقَاتُ الْخَضْرَاءُ؛ لِذَا، يَوْجَدُ مِنْوَالَانِ لِلْبَيِّنَاتِ هُمَا الْبَطَاقَةُ الصَّفْرَاءُ وَالْبَطَاقَةُ الْخَضْرَاءُ.

3 مَجْمُوعَةُ الْأَحْرَفِ الْأُولَى مِنْ أَسْمَاءِ أَفْرَادٍ عَائِلَةٍ:

س، ل، س، ن، ل، ن

أَلَا حِظٌّ أَنَّ كُلَّ حَرْفٍ تَكَرَّرَ مَرَّتَيْنِ، وَلَا يَوْجَدُ حَرْفٌ تَكَرَّرَ أَكْثَرَ مِنْ غَيْرِهِ؛ لِذَا، لَا يَوْجَدُ مِنْوَالٌ لِهَذِهِ الْبَيِّنَاتِ.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَجِدُ الْمُنَوَالِ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ بَيِّنَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 15, 14, 10, 6, 13, 9, 16, 13, 13, 19

2 الْمَادَّةُ الْمُفَضَّلَةُ لَدَى مَجْمُوعَةٍ مِنَ الطَّلَبَةِ: الرِّيَاضِيَّاتُ، التَّارِيخُ، الْجُغْرَافِيَا، الرِّيَاضِيَّاتُ، الْعُلُومُ، الْعُلُومُ، اللُّغَةُ الْعَرَبِيَّةُ.

أَتَعْلَمُ

يُمْكِنُ إِيجَادُ الْمُنَوَالِ لِلْبَيِّنَاتِ الْعَدَدِيَّةِ وَغَيْرِ الْعَدَدِيَّةِ، عَلَى عَكْسِ الْوَسِيطِ وَالْوَسْطِ الْحِسَابِيِّ، إِذْ يَلْزَمُ أَنْ تَكُونَ بَيِّنَاتُهُمَا أَعْدَادًا.

الْوَحْدَةُ 10

أَتَدْرَبُ
وَأَخْلُ الْمَسَائِلَ

أَجِدُ الْوَسِيطَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 أَرْتِفَاعَاتُ بَعْضِ الْمَبَانِي بِالْأَمْتَارِ: 20 , 24 , 21 , 23 , 23 , 21 , 23 , 21

2 أَعْمَارُ مُعَلِّمِينَ بِالسَّنَوَاتِ: 28 , 26 , 41 , 32 , 49

أَجِدُ الْمُنَوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

3 3 , 5 , 3 , 1 , 2 , 3 , 9 , 9 , 9 , 3 , 7

4 5 , 12 , 24 , 10 , 12 , 5 , 3 , 12 , 3 , 7 , 17 , 5

أَجِدُ الْمُنَوَالَ لِكُلِّ مَجْمُوعَةٍ بَيَانَاتٍ مِمَّا يَأْتِي:

5 الْفَاكِهَةُ الْمُفَضَّلَةُ لَدَى مَجْمُوعَةٍ مِنَ الْأَطْفَالِ: الْمَوْزُ، التُّفَاحُ، الْمَوْزُ، التُّفَاحُ، الْمُسْمُشُ، الْمُسْمُشُ.

6 الْأَلْوَانُ الْمُفَضَّلَةُ لَدَى مَجْمُوعَةٍ مِنَ الْأَشْخَاصِ: الْأَحْمَرُ، الْأَزْرَقُ، الْأَخْضَرُ، الزَّهْرِيُّ، الزَّهْرِيُّ، الْأَخْضَرُ، الْأَحْمَرُ، الْأَزْرَقُ.

7 إِذَا كَانَ الْمُنَوَالَ لِلْأَعْدَادِ: 9 , 10 , 3 , 9 , 10 , 7 , 9 , 4 هُوَ 10؛ فَمَا قِيَمَةُ ؟

8 يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ كَمِّيَّةَ الْأَمْطَارِ الْهَاطِلَةِ إِلَى أَقْرَبِ مِلْيَمِترٍ فِي بَعْضِ الْمُحَافَظَاتِ. مَا الْوَسْطُ الْحِسَابِيُّ وَالْوَسِيطُ وَالْمُنَوَالَ لِكَمِّيَّةِ الْأَمْطَارِ؟

كَمِّيَّةُ الْأَمْطَارِ الْهَاطِلَةِ (mm)				
13	12	12	11	10
14	14	14	14	13
15	15	15	15	15
17	17	17	16	16

9 **دَرَجَاتُ الْحَرَارَةِ:** كَانَتْ دَرَجَاتُ الْحَرَارَةِ خِلَالَ الْأُسْبُوعِ الْأَوَّلِ مِنْ شَهْرِ كَانُونِ الْأَوَّلِ فِي إِحْدَى السَّنَوَاتِ كَمَا يَأْتِي: 6, 9, 12, 12, 10, 11, 12 أَجِدُ الْوَسِيطَ وَالْمُنْوَالَ لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ.

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

10 **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** أُضِيفَ رَقْمَيْنِ إِلَى مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ: 2, 14, 9, 3, 5، بِحَيْثُ يَبْقَى الْوَسِيطُ لَهَا كَمَا هُوَ.

11 **اَكْتُشِفُ الْخَطَأَ:** أَوْجَدْتُ سَارَةَ وَمَنَارُ الْوَسِيطَ لِلْبَيِّنَاتِ 34, 51, 49, 27, 33 كَمَا يَأْتِي: أَيُّهُمَا كَانَتْ إِجَابَتُهَا صَحِيحَةً؟ أَفْسِّرُ إِجَابَتِي.

مَنَارُ	سَارَةُ
34, 51, 49, 27, 33	27, 33, 34, 49, 51
↓	↓
الوسيط	الوسيط

12 **تَحَدُّ:** يُبَيِّنُ الْجَدْوَلُ أَدْنَاهُ الْعَدَدَ الْمُكْتَسَفَ لِأَقْمَارِ الْكَوَكِبِ: إِذَا أُضِيفَ إِلَى الْجَدْوَلِ عَدَدُ أَقْمَارِ كَوْكَبٍ بِلَوْتُو يُصْبِحُ الْوَسِيطُ 5 أَجِدُ عَدَدَ أَقْمَارِ بِلَوْتُو، وَأَفْسِّرُ إِجَابَتِي.

الْكَوْكَبُ	عُطَارِدُ	الرُّهْرَةُ	الْأَرْضُ	الْمَرِيخُ	زُحْلُ	نَبْتُونُ	الْمُسْتَرِي	أُورَانُوسُ
عَدَدُ الْأَقْمَارِ	0	0	1	2	53	13	50	27

اَتَحَدَّثُ: أَذْكُرُ كَيْفَ يُمَكِّنُنِي إِيجَادُ الْمُنْوَالِ وَالْوَسِيطِ لِمَجْمُوعَةٍ مِنَ الْقِيَمِ.





أستكشف:



سُجِّلَتْ في أَحَدِ الْأَيَّامِ أَعْلَى دَرَجَةِ حَرَارَةٍ 34°C
وَأَدْنَى دَرَجَةِ حَرَارَةٍ 25°C ، مَا الْفَرْقُ بَيْنَ أَعْلَى
دَرَجَةِ وَأَدْنَى دَرَجَةِ لِلْحَرَارَةِ؟

فِكْرَةُ الدَّرْسِ



أَجِدْ الْمَدَى لِبَيَانَاتٍ مُفْرَدَةٍ وَبَيَانَاتٍ
مُمَثِّلَةٍ بَيَانِيًّا أَوْ فِي جَدْوَلٍ تَكَرَّارِيٍّ.

المُصْطَلَحَاتُ

المدى R.

أَتَعَلَّمُ



المدى (R) (range) عَدَدٌ يَصِفُ تَبَايُنَ (تَبَاعُدَ) مَجْمُوعَةِ الْبَيَانَاتِ، وَيُسَاوِي الْفَرْقَ بَيْنَ أَعْلَى قِيَمَةٍ وَأَدْنَى قِيَمَةٍ.
وَلِتَسْهِيلِ إِيجَادِ الْمَدَى، يُمَكِّنُنِي أَنْ أُرَتِّبَ الْبَيَانَاتِ تَصَاعُدِيًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا، وَأَطْرَحَ أَصْغَرَ قِيَمَةٍ مِنْ أَكْبَرِ قِيَمَةٍ.

مِثَالٌ 1: مِنَ الْحَيَاةِ



زِرَاعَةٌ: كَانَ إِنتَاجُ عَدَدٍ مِنَ الْمَزَارِعِ فِي مَنطَقَةِ الْأَغْوَارِ فِي أَحَدِ الْأَسَابِيعِ مِنَ
الْبَنْدُورَةِ بِالْأَطْنَانِ كَمَا يَأْتِي:
15, 20, 25, 32, 19 أَحْسَبُ الْمَدَى لِكَمِّيَّاتِ الْإِنْتِاجِ.



أَصْغَرُ قِيَمَةٍ

أَكْبَرُ قِيَمَةٍ

15, 19, 20, 25, 32

$$R = 32 - 15$$

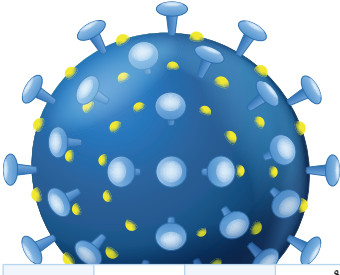
$$= 17$$

أُرَتِّبُ كَمِّيَّاتِ الْإِنْتِاجِ تَصَاعُدِيًّا
صِغَةً الْمَدَى
أُبَسِّطُ

أَيُّ إِنَّ مَدَى كَمِّيَّاتِ الْإِنْتِاجِ يُسَاوِي 17 طُنًّا.

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

مَا الْمَدَى لِمَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ: 2000, 150, 325, 1599, 831



مثال 2: من الحياة



فيروس كورونا: يُبين الجدول الآتي عدد الإصابات بفيروس كورونا خلال الأسبوع الأول من شهر آب لعام 2020، ما مدى عدد الإصابات في تلك الفترة؟

اليوم	السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس	الجمعة
عدد الحالات المسجلة	15	5	5	6	7	1	5

أكبر عدد من الإصابات كان يوم السبت ويساوي 15، وأقل عدد من الإصابات كان يوم الخميس ويساوي 1

$$R = 15 - 1$$

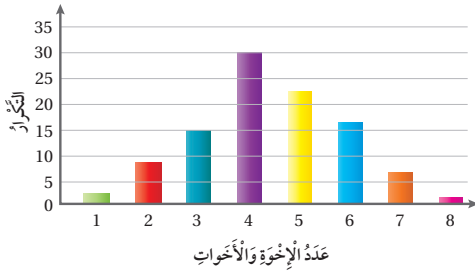
$$= 14$$

صيغة المدى

أبسط

أي إن مدى الإصابات بالفيروس خلال الأسبوع الأول من شهر آب لعام 2020؛ كان 14 إصابة.

اتحقق من فهمي:



سألت ليلي عددًا من زميلاتها في المدرسة عن عدد الإخوة والأخوات لكل واحد منهم، ومثلت البيانات بالأعمدة كما في الشكل. أجد المدى لعدد الإخوة والأخوات لهؤلاء الطالبات.

أدرب

وأحل المسائل



أجد المدى للأعداد الآتية: 4.2 , 4 , 3.7 , 5.8 , 5.5

1

أكمل الجدول الآتي:

2

المدى	أصغر قيمة	أكبر قيمة
	5.3	8.5
40	68.9	
93	44	

الْوَحْدَةُ 10

3 كَانَتْ عَلاَمَاتُ زَيْدٍ فِي نِهَآيَةِ الْعَامِ الدَّرَاسِيِّ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌّ فِي الْجَدْوَلِ أَذْنَاهُ. مَا مَدَى عَلاَمَاتِهِ؟

المادة	التربية الإسلامية	اللغة العربية	اللغة الإنجليزية	الرياضيات	العلوم
100	85	80	90	87	94

4 تُمَثِّلُ الْبَيَانَاتُ الْآتِيَّةُ دَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ السِّلْيزِيَّةِ دَاخِلَ غُرْفَةِ الصَّفِّ فِي شَهْرِ 5، أَجِدْ الْمَدَى.

20, 23, 23, 24, 19, 25, 22, 25, 25, 26, 26, 27, 27, 27, 25, 25, 24,

25, 26, 25, 24, 25, 23, 23, 22, 22, 22, 21, 20, 22, 23



5 يَظْهَرُ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ عَدَدُ

الْأَكْيَاسِ الَّتِي اسْتَخْدَمَهَا مَحَلٌّ

لـ 8 زبَائِنَ. أَجِدْ الْوَسِيطَ وَالْوَسْطَ

الْحِسَابِي وَالْمَدَى لِعَدَدِ الْأَكْيَاسِ.

6 تُمَثِّلُ الْأَعْدَادُ: 365, 337, 425, 381, 365, 352, 594, 373 الرَّابِعَ الشَّهْرِيَّ

لِمَوْظَفِي مُؤَسَّسَةِ بِالْدينَارِ: أَصِلْ بِخَطٍّ بَيْنَ كُلِّ مِقْيَاسٍ وَقِيَمَتِهِ فِي مَا يَأْتِي:

257	الْوَسْطُ الْحِسَابِي
365	الْوَسِيطُ
369	الْمِنْوَالُ
399	الْمَدَى

مَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ

7 مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ 6 أَعْدَادٍ عَلَى الْبِطَاقَاتِ أَذْنَاهُ، بِحَيْثُ يَكُونُ الْمِنْوَالُ 13 وَالْمَدَى 4



8 أَكْشِفُ الْخَطَأَ: كَتَبَ أَحَدُ الطَّلَبَةِ فِي حَلِّهِ لِإِيجَادِ الْمَدَى: $R = 23 - 35$. مَا الْخَطَأُ

الَّذِي ارْتَكَبَهُ؟

9 تَحَدَّثْ: أَكْمِلْ مَجْمُوعَةَ الْبَيَانَاتِ بِحَيْثُ يَكُونُ الْمَدَى 48، وَالْوَسْطُ الْحِسَابِي 72:

56, 60, 62, 80, 91, 102

أَتَحَدَّثْ: كَيْفَ أَجِدُ الْمَدَى لِبَيَانَاتٍ مُعْطَاةٍ؟



الدَّرْسُ 4 فُرْصُ الْحُدُوثِ (الْإِحْتِمَالُ)

4



فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أُمِّيزُ بَيْنَ نَتَائِجِ تَجَارِبَ عَشَوَائِيَّةٍ، مِنْ حَيْثُ تَسَاوِي أَوْ عَدَمُ تَسَاوِي فُرْصِ حُدُوثِهَا.

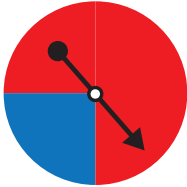
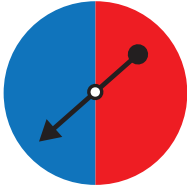
الْمُصْطَلَحَاتُ:

النَّاتِجُ، الْفَضَاءُ الْعَيْنِيُّ، فُرْصَةُ الْحُدُوثِ (الْإِحْتِمَالُ)، فُرْصُ مُتَسَاوِيَّةٍ، فُرْصُ غَيْرِ مُتَسَاوِيَّةٍ.

أَسْتَكْشِفُ



إِذَا تَمَّ تَدْوِيرُ الْمُؤَشِّرِ فِي الْفُرْصَيْنِ الْمُجَاوِرَيْنِ؛ فَأَيُّهُمَا تَكُونُ فُرْصَةُ وَقُوفِهِ عَلَى اللَّوْنِ الْأَحْمَرِ أَكْبَرَ؟



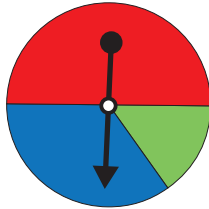
أَتَعَلَّمُ



عِنْدَ إِجْرَاءِ تَجْرِبَةٍ عَشَوَائِيَّةٍ تُسَمَّى كُلُّ نَتِيجَةٍ يُمَكِّنُ أَنْ تَحْدُثَ **نَاتِجًا** (outcome)، وَتُسَمَّى مَجْمُوعَةُ النِّتَائِجِ الْمُمْكِنَةِ جَمِيعُهَا **فَضَاءً عَيْنِيًّا** (sample space)، وَتَكُونُ لِلنِّتَائِجِ فُرْصُ حُدُوثٍ مُتَسَاوِيَّةٍ أَوْ **إِحْتِمَالَاتٍ** (probability) مُتَسَاوِيَّةٍ؛ إِذَا تَسَاوَتْ فِي عَدْدِهَا وَشَكْلِهَا.

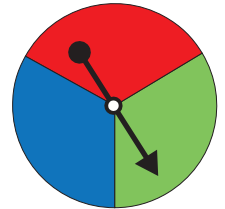
تَوْجَدُ فُرْصٌ غَيْرُ مُتَسَاوِيَّةٍ

(unequal chance) لِيُوقِفِ الْمُؤَشِّرِ عِنْدَ أَيِّ لَوْنٍ؛ لِأَنَّ أَجْزَاءَ الدَّائِرَةِ الثَّلَاثَةَ غَيْرُ مُتَسَاوِيَةٍ فِي الشَّكْلِ وَالْمَقَاسِ.



تَوْجَدُ فُرْصٌ مُتَسَاوِيَّةٌ

(equal chance) لِيُوقِفِ الْمُؤَشِّرِ عِنْدَ أَيِّ لَوْنٍ؛ لِأَنَّ أَجْزَاءَ الدَّائِرَةِ الثَّلَاثَةَ مُتَسَاوِيَةٌ فِي الشَّكْلِ وَالْمَقَاسِ.



مِثَالُ 1

عِنْدَ إلقاءِ حَجَرِ النِّرْدِ مَرَّةً وَاحِدَةً، مَا النِّتَائِجُ الْمُمْكِنَةُ (فَضَاءُ الْعَيْنَةِ)؟ وَهَلْ فُرْصَةُ ظَهْوَرِ كُلِّ رَقْمٍ مُتَسَاوِيَةٌ؟

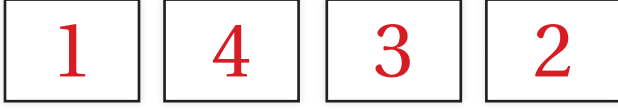
نَوَاتِجُ إلقاءِ حَجَرِ النِّرْدِ هِيَ الْأَعْدَادُ: 1, 2, 3, 4, 5, 6

وَحَجَرُ النِّرْدِ مُكَعَّبٌ أَوْ جُهِهُ السَّتَّةُ جَمِيعُهَا مُتَسَاوِيَةٌ فِي الشَّكْلِ وَالْمِسَاحَةِ، وَكُلُّ وَاحِدٍ مِنْهَا عَلَيْهِ رَقْمٌ مُخْتَلِفٌ. وَمِنْ ثَمَّ، فُرْصُ ظَهْوَرِ الْأَرْقَامِ مُتَسَاوِيَةٌ.



الوَحدة 10

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:



سُجِبَتْ بِطَاقَةٌ مِنْ كَيْسٍ يَحْتَوِي عَلَى بِطَاقَاتٍ مُرَقَّمَةٍ
بِالأَعْدَادِ مِنْ 1 إلى 4. مَا نَوَاحِجُ السَّحْبِ؟ هَلْ فُرْصَةٌ ظُهُورِ
العَدَدِ 2 مُساوِيَةً لِفُرْصَةِ ظُهُورِ العَدَدِ 3؟ لِمَاذَا؟

مِثَالٌ 2: مِنَ الْحَيَاةِ



قَطَعَ نَقْدِيَّةً: فِي جَيْبٍ عَلَيَّ الْقِطْعُ النَقْدِيَّةُ الْمُبَيَّنَّةُ فِي الصُّورَةِ أدناه، إِذَا وَقَعْتُ مِنْهُ إِحْدَى هَذِهِ الْقِطَعِ، فَمَا فِتْنَةُ النُّقُودِ الَّتِي
فُرْصَةٌ وَقُوعِ قِطْعَةٍ مِنْهَا هِيَ الْأَكْبَرُ؟



فُرْصَةٌ أَنْ تَكُونَ الْقِطْعَةُ 10 قُرُوشٍ هِيَ الْأَكْبَرُ؛ لِأَنَّ عَدَدَ قِطْعِ الـ 10 قُرُوشٍ أَكْبَرُ مِنْ عَدَدِ قِطْعِ أَيِّ فِتْنَةٍ أُخْرَى.

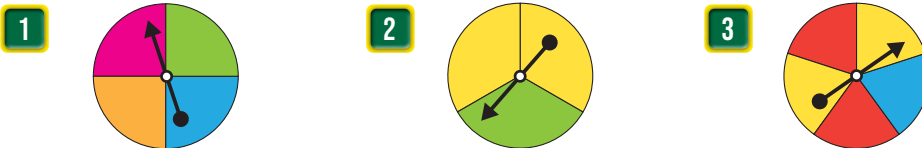
أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

مَجْمُوعَةٌ مِنَ الْبَالُونَاتِ الْمُلَوَّنَةِ؛ 3 بِالْوَنَاتِ حُمْرَاءَ، وَبِالْوَنَانِ لَوْنُهُمَا أَصْفَرُ، وَ5 بِالْوَنَاتِ
زُرْقَاءَ، وَ3 بِالْوَنَاتِ بَيْضَاءَ. إِذَا انْفَجَرَ أَحَدُهَا فَأُرْتَبَّ أَلْوَانُ الْبَالُونَاتِ تَصَاعُدِيًّا حَسَبَ
فُرْصَةِ انْفِجَارِهَا.



فِي تَجَرِبَةِ إِدَارَةِ مَوْسِرِ الْقُرْصِ وَتَسْجِيلِ اللَّوْنِ الَّذِي يَقِفُ عِنْدَهُ، أَكْتُبُ فَضَاءَ الْعِيْنَةِ، ثُمَّ
أُحَدِّدُ إِذَا كَانَتِ الْأَلْوَانُ ذَاتَ فُرْصٍ مُتساوِيَةٍ أَمْ لَا فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

أَتَدَرَّبُ وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ



4 **مُبَارَاةُ كُرَّةِ قَدَمٍ:** قَبْلَ بَدَايَةِ مُبَارَاةِ كُرَّةِ الْقَدَمِ، يُلْقَى الْحَكَمُ قِطْعَةً نَقْدٍ لِمَعْرِفَةِ مَنْ سَيَبْدَأُ
اللَّعِبَ أَوَّلًا، فَإِذَا كَانَ الْوَجْهُ الظَّاهِرُ صُورَةً، يَبْدَأُ الْفَرِيقُ الْأَوَّلُ بِاللَّعِبِ، وَإِذَا كَانَ الْوَجْهُ
الظَّاهِرُ كِتَابَةً يَبْدَأُ الْفَرِيقُ الثَّانِي بِاللَّعِبِ. هَلْ فُرْصُ الْفَرِيقَيْنِ مُتساوِيَةٌ؟

5 أذكر إذا كانت نتائج التجارب العشوائية الآتية ذات فرص متساوية أم لا:

- إلقاء حجر نرد، وتسجيل عدد النقاط الظاهر على الوجه العلوي.
- سحب كرة من صندوق يحتوي على 8 كرات حمراء و6 كرات بيضاء و3 كرات خضراء.

6 مزارع: في إحدى المزارع احتوى كيس بُصيلات زنايق على 4 بُصيلات زنايق حمراء، و6 بُصيلات زنايق بيضاء، و3 بُصيلات زنايق صفراء، واختيرت بُصيلَةٌ لِرَاعَتِهَا. أرتب ألوان الزنايق تصاعدياً حسب فرص اختيار لونها.



7 مدرّسة: تحتوي مدرّسة على الصفوف من الأول إلى الثاني عشر، وكان عدد طلبة المرحلة الأساسية 750 طالباً، أما عدد طلبة المرحلة الثانوية فكان 170 طالباً، اختير طالب عشوائياً من المدرّسة. هل فرصة (احتمال) أن يكون الطالب من المرحلة الثانوية مساوية لفرصة كونه من المرحلة الأساسية؟ لماذا؟

مهارات التفكير

8 تبرير: أجرت معلّمة مسابقة بين طالبتين، وكانت الجائزة قطعة حلوى بحيث إذا أجابت الطالبة الأولى إجابة صحيحة تكسب الحلوى وإذا أخطأت لا أحد يأخذ الحلوى، بينما إذا أجابت الطالبة الثانية إجابة صحيحة تأخذ الحلوى وإذا أخطأت تأخذ زميلتها الحلوى. هل هذه المسابقة عادلة؟ لماذا؟

9 أطرح مسألة: أكتب تجربتين عشوائيتين، بحيث تكون فرص نتائج الأولى متساوية، أما الثانية فتكون فرص نتائجها غير متساوية.



10 اكتشف الخطأ: يقول سامي إن ظهور كل رقم على القرص المجاور له فرص متساوية. أبين خطأ سامي وأصحّحه.

أحدث: كيف أميز التجربة العشوائية التي لها نتائج متساوية في الفرص عن غيرها؟



أسئلة موضوعية

أختار الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1 الوسيط الحسابي للأعداد: 14, 10, 9, 3 هو:

- (أ) 9 (ب) 3
(ج) 10 (د) 14

2 الوسيط للأعداد: 14, 2, 20, 10, 9 هو:

- (أ) 10 (ب) 11
(ج) 12 (د) 9

3 المدى للأعداد: 4, 1, 0, 14, 5, 3 هو:

- (أ) 3 (ب) 13
(ج) 14 (د) 1

4 المنوال لمجموعة البيانات الآتية، هو: فراولة، موز،

- عنب، فراولة، تفاح، عنب، موز، فراولة.
(أ) فراولة. (ب) موز.
(ج) عنب. (د) تفاح.

5 كانت علامات 10 طلبة في اختبار الرياضيات كما

يأتي: 10, 15, 14, 20, 17, 14, 15, 14, 18, 19

المنوال لهذه العلامات يساوي:

- (أ) 14 (ب) 15 (ج) 19 (د) 20

6

يبين الجدول أدناه المبيعات بالدينار في محل تجاري خلال 4 أيام. ما مدى هذه المبيعات؟

اليوم	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء
المبيعات	36	100	52	120

- (أ) 76 (ب) 84
(ج) 308 (د) 77

7

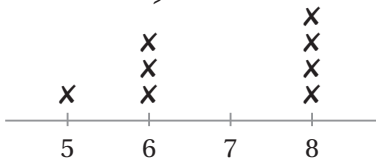
في تجربة سحب بطاقة من علبة فيها 4 بطاقات حمراء و 8 بيضاء و 3 سوداء؛ فإن الفرصة الأكبر تكون للبطاقة:

- (أ) جميعها متساوية الفرصة
(ب) السوداء
(ج) البيضاء
(د) الحمراء

8

يوضح التمثيل بالنقاط أدناه علامات بعض الطلبة. الوسيط لهذه العلامات هو:

علامات بعض الطلبة



حيث (x) يمثل طالباً واحداً.

- (أ) 3 (ب) 6
(ج) 7 (د) 8

اختبار الوحدة

أَسْئَلَةٌ ذَاتُ إِجَابَةٍ قَصِيرَةٍ:

9 أَكْبَرُ قِيَمَةٍ نَاقِصٌ أَصْغَرُ قِيَمَةٍ لِبَيِّنَاتٍ، هُوَ:

10 مَجْمُوعُ الْقِيَمِ مَقْسُومًا عَلَى عَدَدِهَا، هُوَ:

11 هُوَ الْقِيَمَةُ الْأَكْثَرُ تَكَرَّرًا.

12 هُوَ الْقِيَمَةُ الَّتِي تَتَوَسَّطُ الْقِيَمِ

عِنْدَ تَرْتِيبِهَا تَصَاعُديًّا أَوْ تَنَازُلِيًّا.

يُبَيِّنُ التَّمَثِيلُ بِالنِّقَاطِ

الْمُجَاوِرُ أَعْدَادَ الشُّعْرَاتِ

الْحَرَارِيَّةِ فِي 19 وَجَبَةً

غَدَائِيَّةً. أَجِدْ:

13 الْوَسِيطَ. 14 الْمُنْوَالَ. 15 الْمَدَى.

تَدْرِيبٌ عَلَى الْأَخْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ:

16 تَحْتَوِي الْأَكْيَاسُ أَدْنَاهُ عَلَى عَدَدٍ مِنَ الْكُرَاتِ الزُّجَاجِيَّةِ

كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ تَحْتَ كُلِّ مِنْهَا، وَيَحْتَوِي كُلُّ كَيْسٍ عَلَى كُرَةٍ

حُمْرَاءَ وَاحِدَةٍ فَقَطْ. إِذَا سُحِبَتْ مِنْ كُلِّ كَيْسٍ كُرَةٌ وَاحِدَةً،

فَأَيُّ كَيْسٍ فُرْصَةُ سَحْبِ الْكُرَةِ الْحُمْرَاءِ مِنْهُ أَكْبَرُ؟



50 كُرَةٌ



100 كُرَةٌ



10 كُرَاتٍ

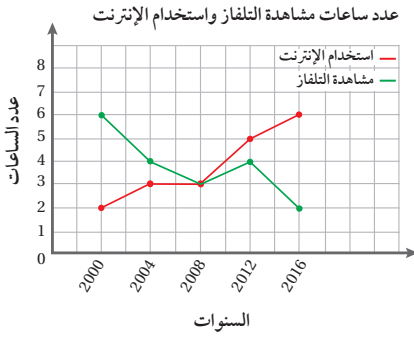
أ) الْكَيْسُ الَّذِي فِيهِ 10 كُرَاتٍ.

ب) الْكَيْسُ الَّذِي فِيهِ 100 كُرَةٌ.

ج) الْكَيْسُ الَّذِي فِيهِ 50 كُرَةً.

د) الْأَكْيَاسُ جَمِيعُهَا فُرْصُهَا مُتَسَاوِيَةٌ.

يُوضِّحُ التَّمَثِيلُ بِالْخُطُوطِ الْمُرْدَوِّجَةِ عَدَدَ السَّاعَاتِ الَّتِي يُمَضِّيهَا بَعْضُ الْأَشْخَاصِ فِي مُشَاهَدَةِ التَّلْفَازِ وَاسْتِعْمَالِ الْإِنْتَرْنِتِ بَيْنَ عَامَي 2000 وَ2016.



17 الْمَدَى لِعَدَدِ سَاعَاتِ مُشَاهَدَةِ التَّلْفَازِ، هُوَ:

أ) 2

ب) 4

ج) 6

د) 8

18 الْمُنْوَالَ لِعَدَدِ سَاعَاتِ اسْتِعْمَالِ الْإِنْتَرْنِتِ، هُوَ:

أ) 6

ب) 4

ج) 3

د) 2