

فيزياء الثانى عشر متقدم
كمية الحركة والتصادمات

تفوق	اجتهد	ادرس	2018
<i>MR: Mohamed atef</i>			
050 3136836			

كمية الحركة (P): يساوى كتلة الجسم في السرعة المتجهة له $(P = m)$
كمية متجهة وحدة قياسه $kg \cdot m / s$

كمية الحركة والقوة

حيث **p** كمية متجهة $(p_x, p_y, p_z) = \vec{p}$ تُقاس بوحدة $kg \cdot m/s$
يمكن صياغة قانون نيوتن الثاني ليشمل العلاقة بين القوة المؤثرة على جسم وكمية حركة:

$$\vec{F} = m\vec{a} = m \frac{d(\vec{v})}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = \frac{d\vec{p}}{dt}$$

أي أن معدل التغير الزمني في كمية الحركة dp/dt لجسم ما يتناسب طردياً مع القوة المؤثرة عليه.

إذا كانت $\vec{F} = 0$ ، فهذا يعني أن **p** ثابت

مثال جسم كتلته $m = 3 kg$ يتحرك في اتجاه المحور x بسرعة $v = 10 m/s$. أحسب زخم الجسم.

$$\begin{aligned} \vec{p} &= m\vec{v} \\ &= 3 \times 10 = 30 kg \cdot m/s \end{aligned} \quad \text{(باتجاه المحور } x\text{)}$$

كمية الحركة والطاقة الحركية

$$K = \frac{p^2}{2m}$$

جسم كتلته **2kg** ويمتلك كمية حركة مقدارها **20kg m/s** جد طاقة حركته؟

الدفع: هو حاصل ضرب متوسط القوة المؤثرة في جسم في زمن تأثير هذه القوة

ويساوي التغير في **كمية حركة الجسم**

$$\text{الدفع} = F\Delta t$$

$$\text{الدفع} = \Delta p = m\Delta v$$

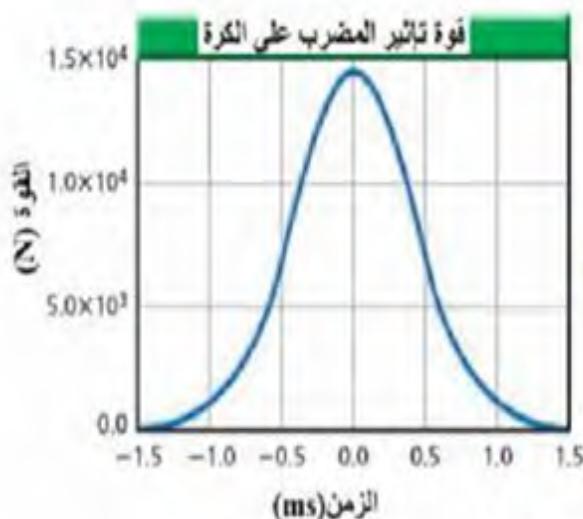
$$\vec{J} \equiv \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt.$$

$$\vec{J} = \vec{F}_{ave} \Delta t.$$

$$\vec{J} = \Delta \vec{p}.$$

وهو كمية فيزيائية متجهة وحدة قياسه $N \cdot s$ ($kg \cdot m / s$)

إذا كانت هناك علاقة بيئية بين القوة المؤثرة على جسم وزمن تأثير هذه القوة فإن الدفع يساوي المساحة تحت المنحنى



إذا كانت القوة المؤثرة على الجسم ثابتة يكون الدفع = $F \Delta t$

وإذا كانت القوة المؤثرة على الجسم متغيرة فإن الدفع = متوسط القوة × زمن تأثيرها

تتغير القوة التي يؤثر بها مضرب التنس على الكرة خلال زمن صغير جداً كما بالشكل حيث تنضغط شبكة المضرب بعد التلامس مباشرةً فتزداد القوة وتستمر بالتزايد حتى وصول القوة إلى أقصى قيمة لها وعندما تستعيد شبكة المضرب شكلها وتتحرك الكرة مبتعدةً عن المضرب يكون مقدار القوة يساوي الصفر

نظريّة الدفع - كمية الحركة

الدفع على جسم يساوي التغير في **كمية الحركة** هذا الجسم

أثبات نظرية الدفع - كمية الحركة

$F = ma$ من قانون نيوتن الثاني

$$F = \frac{m \Delta v}{\Delta t}$$

$$F \Delta t = m \Delta v = m(v_f - v_i) = mv_f - mv_i = P_f - P_i = \Delta P$$

أحدية الركض: عندما يضرب العداء قدمه بالأرض فإنها تؤثر في القدم بقوة تساوي أربع أمثال وزنه لذلك يصمم الحداء الرياضي بحيث يكون مزوداً بزواند امتصاص لتفصيل مقدار القوة من خلال زيادة زمن تأثيرها

$$\vec{F}_{ave} = \frac{\vec{J}}{\Delta t}.$$



الوسادة الهوائية في السيارات:

(بنج الدفع الكبير عن طريق تأثير قوة كبيرة خلال زمن قصير جداً أو عن طريق تأثير قوة صغيرة خلال زمن طويل)

عند تصادم السيارة مع سيارة أخرى أو جدار فإنها تتعرض لدفع $F \Delta t$

فتدفع الوسادة الهوائية السائق بدفع معاين في المقدار للدفع ($F \Delta t$)

لكنها تعمل على تقليل القوة المؤثرة على السائق عن طريق زيادة زمن تأثير هذه القوة كما أنها توزع القوة على مساحة أكبر من جسم الشخص

ويكون الزخم النهائي للسائق يساوي الصفر ($P_f = 0$) سواء كان هناك وسادة هوائية أم لا

والزخم الإبتدائي $P_i = -F \Delta t$



تمرين 1: تتحرك سيارة كتلتها 2200 kg بسرعة 94 km/h حيث يمكنها التوقف خلال زمن 21s عند الضغط على الكواكب برفق بينما يمكنها التوقف خلال 3.8s عند الضغط على الكواكب بشدة ويمكنها أن تتوقف خلال زمن 0.22s إذا اصطدمت بحانط اسمنتي احسب متوسط القوة المؤثرة في السيارة في كل حالة

$$v_i = \frac{94 \text{ km}}{h} \left(\frac{1000 \text{ m}}{\text{km}} \right) \left(\frac{h}{3600 \text{ s}} \right) = 26.11 \text{ m/s}$$

$$F \Delta t = m(v_f - v_i)$$

$$F \times 21 = 2200(0 - 26.11)$$

$$F = \frac{2200 \times (-26.11)}{21} = -2735.33 = -2.735 \times 10^3 \text{ N}$$

$$F \times 3.8 = 2200(0 - 26.11)$$

$$F = \frac{2200 \times (-26.11)}{3.8} = -15116.315 = -1.5 \times 10^4 \text{ N}$$

$$F \times 0.22 = 2200(0 - 26.11)$$

$$F = \frac{2200 \times (-26.11)}{0.22} = -2.61 \times 10^5 \text{ N}$$

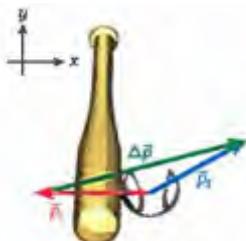
تمرين 2: تتحرك كرة كتلتها 0.2 kg بسرعة 8m/s فدفعها مضرب بقوة F فأصبحت سرعتها 12m/s في نفس الاتجاه احسب مقدار القوة إذا كان زمن تأثيرها 0.15s

$$F \Delta t = m(v_f - v_i)$$

$$F \times 0.15 = 0.2(12 - 8)$$

$$F = \frac{0.2(12 - 8)}{0.15} = 5.33 \text{ N}$$

السرعتين في اتجاه واحد ($v_f = +$) و ($v_i = +$)



يرمي الرامي في دوري كرة البيسبول كرة سريعة تجاه القاعدة الرئيسية بسرعة قدرها (40.23 m/s) 90.0 mph وبرأوية 5.0° أسفل المستوى الأفقي. وبضربها الضارب بقتوة إلى خارج اللعب، حيث بدأ بسرعة 110.0 mph (49.17 m/s) وبرأوية 35.0° أعلى من المستوى الأفقي (الشكل 7.4). يلزم أن تكون كتلة كرة البيسبول بين 5 و5.25 oz لتفترض أن كتلة الكرة هنا تساوي 5.10 oz (0.145 kg). ما مقدار الدفع المؤثر في كرة البيسبول من المضرب؟

$$\Delta v_x = (49.17 \text{ m/s})(\cos 35.0^\circ) - (40.23 \text{ m/s})(\cos 185.0^\circ) = 80.35 \text{ m/s}$$

$$\Delta v_y = (49.17 \text{ m/s})(\sin 35.0^\circ) - (40.23 \text{ m/s})(\sin 185.0^\circ) = 31.71 \text{ m/s}$$

$$\Delta v = \sqrt{\Delta v_x^2 + \Delta v_y^2} = \sqrt{(80.35)^2 + (31.71)^2} \text{ m/s} = 86.38 \text{ m/s}$$

$$\Delta p = m \Delta v = (0.145 \text{ kg})(86.38 \text{ m/s}) = 12.5 \text{ kg m/s}$$

حساب $v_f - v_i \equiv \Delta v$ للمركبين x و y

وجمعهما كمتجهات

الدفع: هو التأثير المتبادل بين جسمين بحيث ينتج عنه قوة كبيرة خلال فترة زمنية قصيرة جداً، ويساوي التغير في كمية حركة الأجسام المتصادمة، ووحدته هي وحدة كمية الحركة.

$$\vec{J} = \Delta \vec{p} = \vec{F} \Delta t$$

تتغير هذه السرعة بشكل سريع من صفر لأعلى قيمة ثم تعود للصفر مرة أخرى، وهي أكبر من أي قوة أخرى مؤثرة خلال التصادم.
أمثلة: المطرقة والمسمار، كرة التنس والمضرب..

تمرين 3: تتحرك كرة كتلتها 0.2kg بسرعة 8m/s فدفعها مضرب بقوة F فأصبحت سرعتها

في عكس الاتجاه احسب مقدار القوة إذا كان زمن تأثيرها 0.15s

السرعتين في اتجاهين متعاكسين إما أن تكون $(v_f = -)$ و $(v_i = +)$

$$F \Delta t = m(v_f - v_i)$$

$$F \times 0.15 = 0.2(12 - (-8))$$

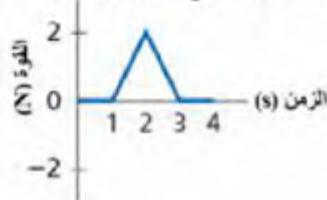
$$F = \frac{0.2(12 + 8)}{0.15} = 26.66\text{N}$$

أو أن تكون $(v_f = +)$ و $(v_i = -)$

$$F \times 0.15 = 0.2(-12 - 8))$$

$$F = \frac{0.2(-20)}{0.15} = -26.66\text{N}$$

تمرين 4: تتحرك كرة كتلتها 0.150kg في الاتجاه الموجب بسرعة 12m/s بفعل الدفع المؤثر فيها كما



بالرسم احسب سرعة الكرة عند 4.0s

$$\text{الدفع} = \text{المساحة تحت المنحنى} = \frac{2 \times 2}{2} = 2\text{N.s}$$

$$F \Delta t = m(v_f - v_i)$$

$$2 = 0.150(v_f - 12)$$

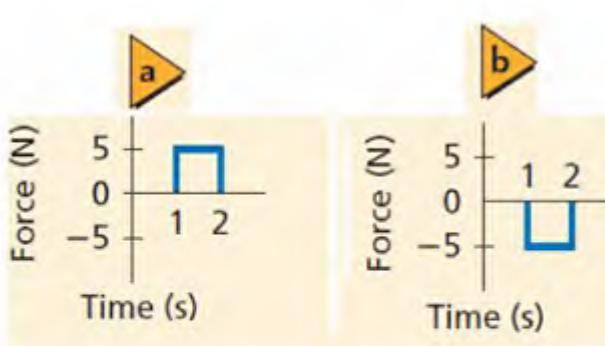
$$v_f = 25.33\text{m/s}$$

تمرين 5: تتدحرج كرة بولينج كتلتها 7kg أسفل الممر بسرعة

2m/s أوجد مقدار سرعة الكرة واتجاهها إذا أثر عليها

1- دفع كما في الشكل (a)

2- دفع كما في الشكل (b)



$$F \Delta t = m(v_f - v_i)$$

$$5 \times 1 = 7(v_f - 2)$$

$$v_f = 2.714\text{m/s}$$

-1

$$-5 \times 1 = 7(v_f - 2)$$

$$v_f = 1.2857\text{m/s}$$

-2

مثال : جسم ساكن كتلته 3kg على سطح أفقى أملس، اثرت على الجسم قوة مقدارها 10N تميل على الأفق بزاوية 60° لمدة 6s . احسب: (أ) الدفع الحاصل على الجسم خلال هذه الفترة. (ب) مقدار الزخم (Δp) الذي يكتسبه الجسم خلال هذه الفترة.



$$\begin{aligned} \text{الحل: (أ) الدفع: } I &= F \cdot (\Delta t) \\ &= (F \cos 60^\circ)(6) \\ &= (10 \times 0.5)(6) = 30 \text{ N.s} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ب) الزخم المكتسب: } \Delta p &= p_f - p_i = \cancel{mv_i} \\ v_f &= v_i + at = 0 + \frac{\sum F}{m} \cdot t = \frac{F \cos 60^\circ}{m} \cdot 6 = 10 \text{ m/s} \\ \Delta p &= 3 \times 10 = 30 \text{ kg.m/s} \end{aligned}$$

مرة أخرى نلاحظ ان الدفع يساوي التغير في الزخم: $I = \Delta p$.

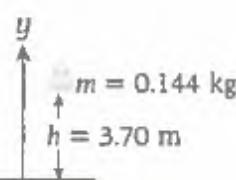
تمرين 6: تتحرك كرة كتلتها 0.174kg بسرعة 26m/s فدفعها مضرب بقوة F فأصبحت سرعتها 38m/s في عكس الإتجاه

- 1- ارسم متجهات الزخم قبل وبعد ضرب الكرة بالمضرب
- 2- احسب التغير في زخم الكرة
- 3- احسب الدفع الناتج عن المضرب
- 4- احسب مقدار متوسط القوة إذا كان زمن تأثيرها 0.85s

تمرين 7: يقفز لاعب كتلته 60kg لارتفاع 0.32m

- 1- احسب زخم اللاعب عند وصوله للأرض
- 2- احسب الدفع اللازم لإيقاف اللاعب
- 3- احسب متوسط القوة المؤثرة في جسم اللاعب عندما يهبط على الأرض إذا انتهى ركبته لإطالة زمن التوقف إلى 0.05s

س 1: فسر انك عندما تقفز من ارتفاع ما إلى سطح الأرض فانك تتنى رجليك لحظة ملامسة قدماك للأرض؟



تسقط بيضة في حاوية خاصة من ارتفاع 3.70 m . وكتلة الحاوية والبيضة معاً 0.144 kg . وتنادي فوة محصلة فيتها 4.42 N إلى كسر البيضة. ما الحد الأدنى للوقت الذي يمكن أن تتوقف حاله البيضة / الحاوية دون أن تكسر البيضة؟

$$v_y^2 = v_{y0}^2 - 2g(y - y_0), \quad v_y = \sqrt{2gh}, \quad \vec{J} = \Delta \vec{p} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt,$$

$$\int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt = \vec{F} (t_2 - t_1) = \vec{F} \Delta t, \quad \Delta p_y = 0 - (-mv_y) = mv_y = F_y \Delta t,$$

$$\Delta t = \frac{(0.144 \text{ kg}) \sqrt{2(9.81 \text{ m/s}^2)(3.70 \text{ m})}}{4.42 \text{ N}} = 0.277581543 \text{ s.}$$

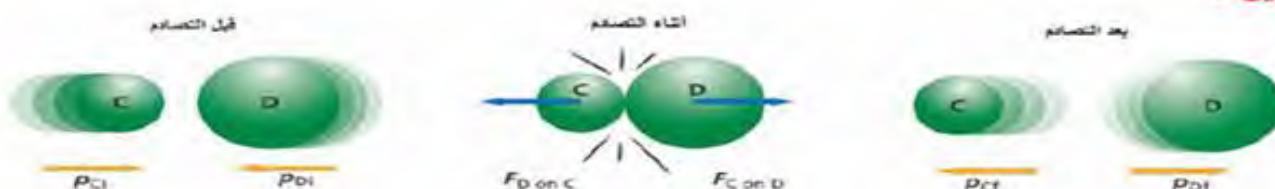
حفظ كمية الحركة

إذا وجدت مجموعة من الأجسام في حالة تصادم داخل نظام معزول فإن:

كمية حركة النظام يكون ثابتاً مقداراً واتجاهها
أى أن مجموع \mathbf{p} هذه الأجسام قبل التصادم يساوى مجموع \mathbf{p} هذه الأجسام بعد التصادم

النظام المغلق: هو النظام لا يسمح بتبادل الكتلة مع محیط النظام (كتلة الأجسام داخل النظام مقدار ثابت)
النظام المعزول: هو النظام الذي يكون مغلقاً والقوة المؤثرة فيه قوية داخلية ولا توجد قوة تؤثر في النظام من أجسام موجودة خارجه (محصلة القوى الخارجية على هذا النظام = صفر)

تصادم جسمين :



عند تصادم كرتين فإن كل كرة تؤثر بقوة في الكرة الأخرى وأن هاتين القوتين متساويتين في المقدار ومتعاكستين في الإتجاه حسب قانون نيوتن الثالث للفيزياء التي تؤثر فيها كل من القوتين هي نفسها
أى دفع الكرة الأولى للثانية يساوى دفع الكرة الثانية للأولى في المقدار ويعاكسه في الإتجاه

$$P_{Cf} - P_{Ci} = -(P_{Df} - P_{Di})$$

$$\therefore P_{Ci} + P_{Di} = P_{Cf} + P_{Df}$$

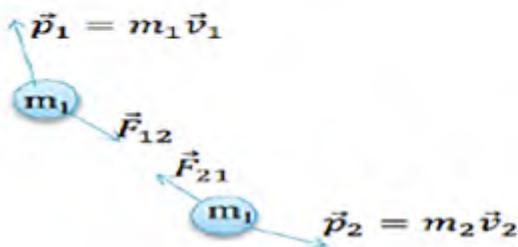
$$m_C v_{Ci} + m_D v_{Di} = m_C v_{Cf} + m_D v_{Df}$$

$$m_C v_{Ci} + m_D v_{Di} = (m_C + m_D) v_f$$

إذا التصق الجسمان بعد التصادم وتحرك كجسم واحد يكون
حيث أن v_f هي سرعة الكرترين معاً بعد التصادم

التصادمات

شرط التصادم المرن



$$\vec{p}_{tot} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2 = constant$$

$$\vec{p}_{1i} + \vec{p}_{2i} = \vec{p}_{1f} + \vec{p}_{2f}$$

$$\underbrace{m_1 \vec{v}_{1i} + m_2 \vec{v}_{2i}}_{\substack{\text{مجموع كمية الحركة} \\ \text{قبل التصادم}}} = \underbrace{m_1 \vec{v}_{1f} + m_2 \vec{v}_{2f}}_{\substack{\text{مجموع كمية الحركة} \\ \text{بعد التصادم}}}$$

و هذا يعني أن كمية الحركة التي يفقدها أحد الجسمين المتحركين نتيجة التصادم، يكتسبها الجسم الآخر.

وبشكل عام: كمية الحركة الكلية لمنظومة ميكانيكية معزولة عن أي مؤثر خارجي لا تتغير.

حفظ الطاقة الحركية كما يلى

$$\frac{p_{f1,x}^2}{2m_1} + \frac{p_{f2,x}^2}{2m_2} = \frac{p_{11,x}^2}{2m_1} + \frac{p_{12,x}^2}{2m_2}.$$

مركبات منجني كمية الحركة النهائية:

$$\Delta v_f = -\Delta v_i$$

$$v_{11,x} = \left(\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \right) v_{11,x} + \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2} \right) v_{12,x}$$

$$v_{12,x} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2} \right) v_{11,x} + \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) v_{12,x}.$$

$$p_{f1,x} = \left(\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \right) p_{i1,x} + \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2} \right) p_{i2,x}$$

$$p_{f2,x} = \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2} \right) p_{i1,x} + \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) p_{i2,x}.$$

حالة خاصة 2: جسم واحد في وضع السكون في البداية

$$p_{f1,x} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2} \right) p_{i2,x} \quad (p_{i1,x} = 0 \text{ للحالة الخاصة حيث } 0)$$

$$p_{f2,x} = \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) p_{i2,x}.$$

وبالطريقة نفسها، تحمل على السرعتين المتوجتين النهائيتين

$$v_{11,x} = \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2} \right) v_{12,x} \quad (p_{11,x} = 0) \quad \text{للحالة الخاصة حيث}$$

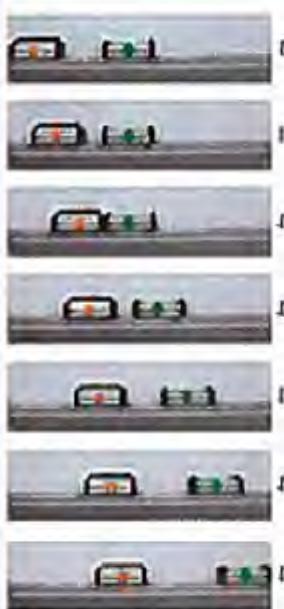
$$v_{12,x} = \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} \right) v_{12,x}.$$

$$(p_{\alpha\beta} = 0 \Leftrightarrow \dot{x}_\alpha^{[\pm]} \dot{x}_\beta^{[\pm]})$$

$$p_{f1,x} = p_{i2,x} \quad (m_1 = m_2 \text{ حيث})$$

$$p_{f2,x} = p_{ij1,x}.$$

$$v_{f1,x} = v_{i2,x} \quad (m_1 = m_2 \text{ حيث})$$



إذا كان $v_{1,2,x} > 0$. فإن الجسم 2 يتحرك من اليسار إلى اليمين. مع مراعاة أن محور X الموجب يشير إلى اليمين كتعين تقليدي. هذه الحالة موضحة في الشكل 7.7. بناء على أي الكتلتين أكبر. يمكن أن يكون للتصادم إحدى أربع نتائج:

1. $m_2 > m_1 \Rightarrow (m_2 - m_1)/(m_2 + m_1) > 0$, تكون السرعة النهائية للجسم 2 في الاتجاه نفسه ولكن يقل مقدارها.

2. $m_2 = m_1 \Rightarrow (m_2 - m_1)/(m_2 + m_1) = 0$. الجسم 2 في وضع السكون. وينتظر الجسم 1 بالسرعة النهائية الابتدائية للجسم 2.

3. $m_2 < m_1 \Rightarrow (m_2 - m_1)/(m_2 + m_1) < 0$. يرتد الجسم 2 إلى الخلف: وينتظر اتجاه منتجه السرعة النهائية.

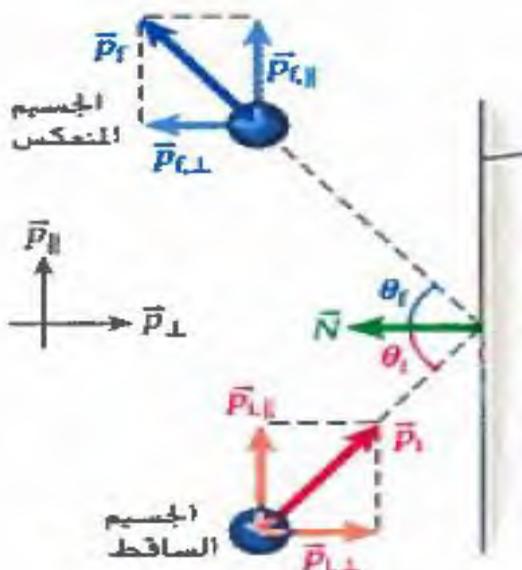
4. $m_2 \ll m_1 \Rightarrow (m_2 - m_1)/(m_2 + m_1) \approx -1$ and $2m_2/(m_1 + m_2) \approx 0.4$ الجسم 1 في وضع السكون وينعكس الجسم 2 سرعته النهائية تقريباً. تحدث هذه الحالة، على سبيل المثال، في تصادم كرة مع الأرض. في هذا التصادم، تُمثل الأرض الجسم 1 وتمثل الكرة الجسم 2. إذا كان التصادم مركماً بدرجة كافية، فإن الكرة ترتد بالسرعة نفسها التي كانت تتحرك بها قبل التصادم مباشرةً، لكن في الاتجاه المضاد - إلى أعلى بدلاً من أسفل.

مضرب الجولف هو المضرب الذي يستخدم لضرب كرة الجولف لمسافة طويلة. يتميز رأس المضرب الجولف بكتلة غير متجهة قدرها 0.200 g . يستطيع لاعب الجولف التمييز أن يحرك رأس المضرب بسرعة قدرها 0.500 m/s فورياً. تبلغ كتلة كرة الجولف 0.450 g . تُمثل الكرة ملائمة لوجه المضرب لدمة 40.0 m/s .

$$v_{f1,x} = \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2} \right) v_{1,2,x}, \quad v_{f1,x} = \frac{2(0.200 \text{ kg})}{0.0450 \text{ kg} + 0.200 \text{ kg}} (40.0 \text{ m/s}) = 65.3 \text{ m/s}.$$

$$\Delta p = m\Delta v = mv_{f1,x}.$$

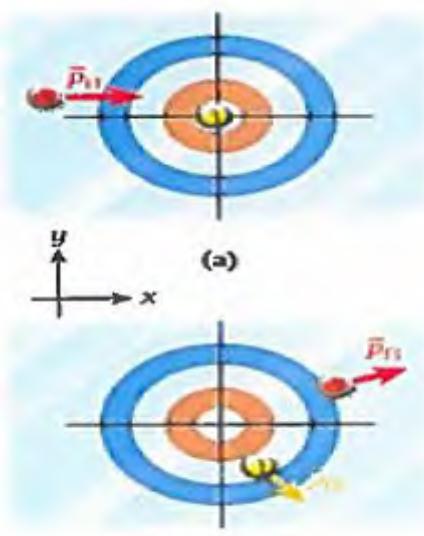
$$\Delta p = F_{\text{ave}} \Delta t, \quad F_{\text{ave}} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{mv_{f1,x}}{\Delta t} = \frac{(0.045 \text{ kg})(65.3 \text{ m/s})}{0.500 \cdot 10^{-3} \text{ s}} = 5880 \text{ N}.$$



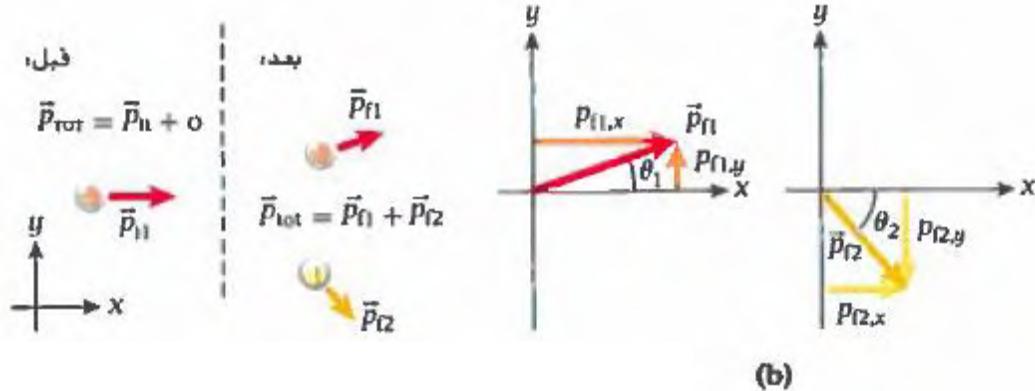
التصادمات المرنة في بعدين وثلاث ابعاد

التصادم بالجدران

$$\begin{aligned} p_i^2 &= p_{i,||}^2 + p_{i,perp}^2 \quad p_f^2 = p_{f,||}^2 + p_{f,perp}^2 \\ p_{i,perp} &= -p_{f,perp} \quad p_{f,perp} = p_{i,perp} \\ \theta_i &= \cos^{-1} \frac{p_{i,perp}}{p_i} = \cos^{-1} \frac{p_{f,perp}}{p_f} = \theta_f. \end{aligned}$$



السرعة النسبية الابتدائية لحجر الكرتون الأحمر الوضع في الشكل 7.10 بـ 1.60 m/s في اتجاه \hat{x} وينحرف بعد التصادم بالحجر الأصفر بزاوية 32.0° بالنسبة إلى \hat{x} . ما مسجها كمية الحركة النهائية بعد هذا التصادم المرن مباشرة، وما مجموع الطاقة الحركية للحجرين؟



$$p_{i1,x} + 0 = p_{f1,x} + p_{f2,x}.$$

$$0 + 0 = p_{f1,y} + p_{f2,y}.$$

$$\theta_1 = 32.0^\circ \quad \theta_2 = -58.0^\circ$$

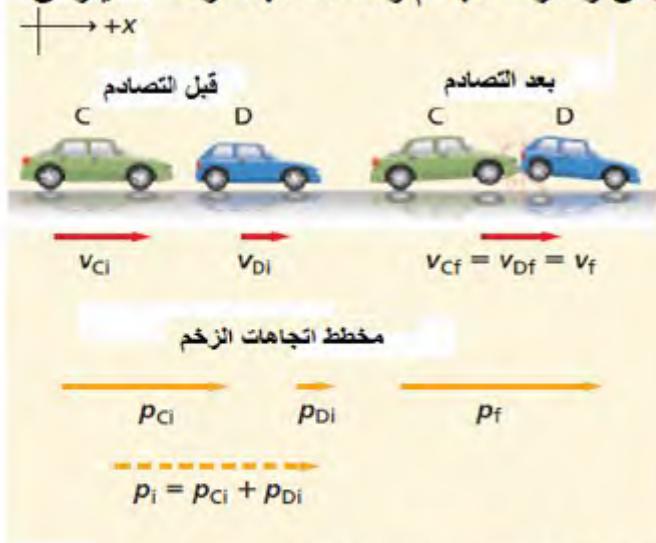
$$p_{i1,x} = p_{f1,x} + p_{f2,x} = p_{f1} \cos \theta_1 + p_{f2} \cos \theta_2.$$

وفي الاتجاه \hat{y} . نحصل على

$$0 = p_{f1,y} + p_{f2,y} = p_{f1} \sin \theta_1 + p_{f2} \sin \theta_2.$$

اكمـلـ الـ حلـ

تمرين 8: تتحرك سيارة كتلتها 1875 kg بسرعة 23 m/s اصطدمت بمؤخرة سيارة كتلتها 1025 kg تسير على الجليد بسرعة 17 m/s في الإتجاه نفسه فالتحممت السياراتان وتحركتا كجسم واحد احسب سرعة السياراتان بعد التصادم



$$m_C v_{ci} + m_D v_{di} = (m_C + m_D) v_f$$

$$1875 \times 23 + 1025 \times 17 = (1875 + 1025) v_f$$

$$v_f = 20.879 \text{ m/s}$$

تمرين 9: يتحرك قرص هوكي كتلته 0.105 kg بسرعة 24 m/s فيمسك به حارس مرمى كتلته 75 kg في حالة سكون مالسرعة التي ينزلق بها حارس المرمى على الجليد

$$m_C v_{ci} + m_D v_{di} = (m_C + m_D) v_f$$

$$0.105 \times 24 + 75 \times 0 = (0.105 + 75) v_f$$

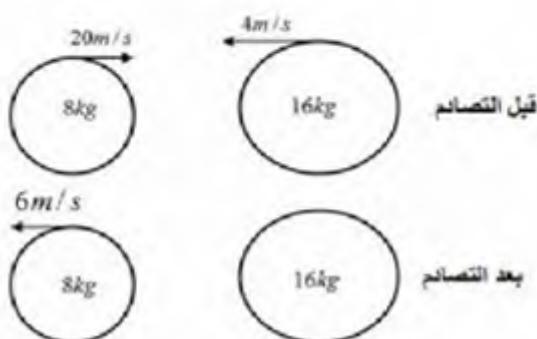
$$v_f = 0.03355 \text{ m/s}$$

تمرين 10: تصطدم رصاصة كتلتها 35 g بقطعة خشب ساكنة كتلتها 5 kg فاستقرت فيها وتحركتا معا بسرعة 8.6 m/s مالسرعة الإبتدائية للرصاصة للرصاصة قبل التصادم

$$m_C v_{ci} + m_D v_{di} = (m_C + m_D) v_f$$

$$0.035 \times v_{ci} + 5 \times 0 = (0.035 + 5) 8.6$$

$$v_{ci} = 1.237 \times 10^3 \text{ m/s}$$



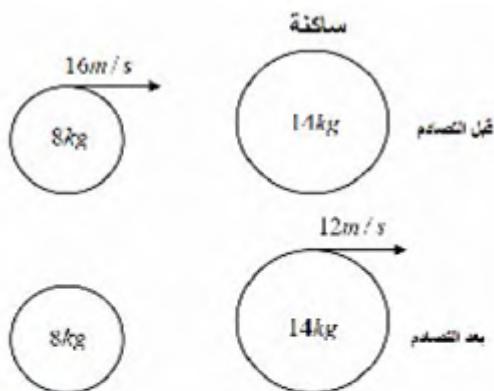
تمرين 11:
في الشكل احسب سرعة الكرة الكبيرة بعد التصادم

$$m_C v_{ci} + m_D v_{di} = m_C v_{cf} + m_D v_{df}$$

$$8 \times 20 + 16(-4) = 8(-6) + 16 v_{df}$$

$$v_{df} = 9 \text{ m/s}$$

تمرين 12: في الشكل احسب سرعة الكرة الصغيرة بعد التصادم واتجاهها



تمرين 13: تحرك عربة وزنها $24.5N$ من السكون على مستوى مائل طوله $1m$ و يميل بزاوية 30 درجة لتصدم عربة أخرى وزنها $36.8N$ عند أسفل المستوى المائل



1- احسب سرعة العربة الأولى عند نهاية المستوى المائل

2- احسب السرعة المشتركة للعربات إذا التحата بعد التصادم

تمرين 14: تتحرك كرة زجاجية C كتلتها $5g$ بسرعة $20cm/s$ اصطدمت بكرة أخرى D كتلتها $10g$ تتحرك

بسرعة $10cm/s$ في نفس الإتجاه أكملت الكرة C حركتها في الإتجاه نفسه بسرعة $8cm/s$

2- احسب زخم الكرتين قبل التصادم

4- احسب زخم الكرة D بعد التصادم

1- ارسم الوضع وعرف النظام

3- احسب زخم الكرة C بعد التصادم

5- احسب سرعة الكرة D بعد التصادم

تحركت رصاصة كتلتها (35.0 g) بسرعة (475 m/s) ، فاصطدمت بكيس من الطحين كتلته (2.5 kg) موضوع على أرضية ملساء في حالة سكون ، فاختارت الرصاصة الكيس ، انظر الشكل ، وخرجت منه بسرعة (275 m/s) . ما سرعة الكيس
لحظة خروج الرصاصة منه ؟

$$\begin{aligned}
 p_{1_i} + p_{2_i} &= p_{1_f} + p_{2_f} \\
 (m_1 v_1)_i + (m_2 v_2)_i &= (m_1 v_1)_f + (m_2 v_2)_f \\
 (35 \times 10^{-3})(475) + (0) &= (35 \times 10^{-3})(275) + (2.5)v_{2_f} \\
 16.625 - 9.625 + 2.5v_{2_f} &= 0 \\
 2.5v_{2_f} &= 16.625 - 9.625 \\
 2.5v_{2_f} &= 7 \\
 v_{2_f} &= \frac{7}{2.5} = 2.8 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

إذا اصطدمت الرصاصة المذكورة في السؤال السابق بكرة فولاذية كتلتها (2.5 kg) في حالة سكون ، فارتدت الرصاصة عنها بسرعة مقدارها (5.0 m/s) ، فكم تكون سرعة الكرة بعد ارتداد الرصاصة ؟

$$\begin{aligned}
 p_{1_i} + p_{2_i} &= p_{1_f} + p_{2_f} \\
 (m_1 v_1)_i + (m_2 v_2)_i &= (m_1 v_1)_f + (m_2 v_2)_f \\
 (35 \times 10^{-3})(475) + (0) &= (35 \times 10^{-3})(-5) + (2.5)v_{2_f} \\
 16.625 &= -0.175 + 2.5v_{2_f} \\
 2.5v_{2_f} &= 16.625 + 0.175 \\
 2.5v_{2_f} &= 16.8 \\
 v_{2_f} &= \frac{16.8}{2.5} = 6.72 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

تحركت كرة كتلتها (0.50 kg) بسرعة (6.0 m/s) ، فاصطدمت بكرة أخرى كتلتها (1.00 kg) تندحر في الاتجاه المعاكس بسرعة مقدارها (12.0 m/s) . فإذا ارتدت الكرة الأقل كتلة إلى الخلف بسرعة مقدارها (14 m/s) بعد التصادم فكم يكون مقدار سرعة الكرة الأخرى بعد التصادم ؟

$$\begin{aligned}
 p_{1_i} + p_{2_i} &= p_{1_f} + p_{2_f} \\
 (m_1 v_1)_i + (m_2 v_2)_i &= (m_1 v_1)_f + (m_2 v_2)_f \\
 (0.5)(6) + (1)(-12) &= (0.5)(-14) + (1)v_{2_f} \\
 3 - 12 &= -7 + v_{2_f} \\
 -9 &= -7 + v_{2_f} \\
 v_{2_f} &= 7 - 9 \\
 v_{2_f} &= -2 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

تحركت عربة وزنها $N = 24.5$ من السكون على مستوى طوله 1.0 m ويميل على الأفق بزاوية 30.0° . انظر إلى الشكل . اندفعت العربة إلى نهاية المستوى المائل ، فتصدت عربة أخرى وزنها $N = 36.8$ موضعها عند أسفل المستوى المائل .

- a. احسب مقدار سرعة العربة الأولى عند أسفل المستوى المائل .
b. إذا التحامت العربتان معاً فما سرعة اصطدامهما بعد التصادم .

a. $F = ma$
 $mg \sin 30 = ma$
 $a = g \sin 30$
 $a = (9.8) \sin 30 = 4.9\text{ m/s}^2$

$$v_f^2 = v_i^2 + 2ad$$

$$v_f^2 = 0 + 2(4.9)(1) = 9.8\text{ m/s}^2$$

$$v_f = 3.13\text{ m/s}$$

b. $p_{1i} + p_{2i} = p_f$
 $m_1 v_{1i} = (m_1 + m_2) v_f$
 $v_f = \frac{m_1 v_{1i}}{m_1 + m_2} = \frac{(2.5)(3.13)}{2.5 + 3.8} = 1.24\text{ m/s}$

يستمر مضرب لاعب التنس في التقدم إلى الأمام بعد ضرب الكرة ، فهل يكون الزخم محفوظاً في التصادم ؟ فسر ذلك ، وتنبه إلى أهمية تعريف النظام .

وجود قوة ذراع اللاعب الممسك بالمضرب ، واتصال المضرب مع جسم اللاعب المرتبط مع الأرض بقوة الاحتكاك . يجعل النظام (الكرة والمضرب) غير معزول .

يركض لاعب القفز بالزانة في اتجاه نقطة الانطلاق بزخم أفقى . من أين يأتي الزخم الرأسي عندما يقفز اللاعب فوق العارضة ؟

يأتي الزخم الرأسي من قوة دفع الأرض للزانة .

ركض لاعبان في مباراة كرة قدم من اتجاهين مختلفين ، فاصطدموا وجهاً لوجه عندما حاولا ضرب الكرة برأسيهما ، فاستقرتا في الجو ، ثم سقطتا على الأرض . صفت زخميهما الابتدائيين .

بما أن اللاعبين استردا في الجو معاً فإن زخميهما النهائيين = صفر . إذا : يجب أن يكون مجموع زخميهما الابتدائيين = صفر .

إذا: زخم اللاعبان الابتدائيان متساوين في المقدار ومتعاكسي في الاتجاه .

إذا التقطت كرة وانت واقف على توح تزاح فانك ستندفع إلى الخلف . أما إذا كنت تقف على الأرض فإنه يمكنك تجنب الحركة عندما تلتقط الكرة . اشرح كلتا الحالتين باستخدام ثالثون حفظ الزخم ، موضحاً أي نظام استخدمت في كلتا الحالتين .

الشخص والزلاج (يعتبران جسم واحد) ومع الكرة ، يتكون نظام . بما أن قوة الاحتكاك بين الزلاج والارض صغيرة جداً . إذا النظام معزول . (الزخم محفوظ) الشخص (يقف على الأرض) والكرة نظام . وجود قوة الاحتكاك بين الشخص والأرض تعتبر قوة خارجية . إذا النظام غير معزول . (الزخم غير محفوظ) الأرض في الحالتين ليست من ضمن النظام .

إذا أخذنا الأرض كجسم مع النظام فإن : في الحالتين النظام معزول (الزخم محفوظ)

تمارين على التصادم في بعدين

تحركت سيارة كتلتها (925 kg) شمالي بسرعة (20.1 m/s)، فاصطدمت بسيارة كتلتها (1865 kg) متوجهة غرباً بسرعة (13.4 m/s)، فالتلجمتا معاً. ما مقدار سرعتهما واتجاههما بعد التصادم؟

$$m_1 = 925 \text{ kg} \quad v_{1x} = 20.1 \text{ m/s}$$

$$m_2 = 1865 \text{ kg} \quad v_{2x} = -13.4 \text{ m/s}$$

$$p_f = \sqrt{(p_{ix})^2 + (p_{iy})^2}$$

$$p_{ix} = m_2 v_{2x} = (1865)(-13.4) = -25 \times 10^3 \text{ kg m/s}$$

$$p_{iy} = m_1 v_{1y} = (925)(20.1) = 18.6 \times 10^3 \text{ kg m/s}$$

$$p_f = \sqrt{(-25 \times 10^3)^2 + (18.6 \times 10^3)^2} = 31.2 \times 10^3 \text{ kg m/s}$$

$$p_f = (m_1 + m_2) v_f$$

$$v_f = \frac{p_f}{(m_1 + m_2)} = \frac{31.2 \times 10^3}{(1865 + 925)} = 11.2 \text{ m/s}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{p_{iy}}{p_{ix}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{18.6 \times 10^3}{-25 \times 10^3} \right) = -36.65^\circ \quad \text{شمال الغرب}$$

$$\theta = 180 - 36.65 = 143.35^\circ \quad \text{مع محور الموجب}$$

اصطدمت سيارة كتلتها (1732 kg) متوجهة شرقاً بسرعة (31.3 m/s)، بسيارة أخرى كتلتها (1383 kg) متوجهة جنوباً بسرعة (11.2 m/s)، فالتلجمتا معاً. ما مقدار سرعتهما واتجاههما مباشرةً بعد التصادم؟

$$m_1 = 1732 \text{ kg} \quad v_{1x} = 31.3 \text{ m/s}$$

$$m_2 = 1383 \text{ kg} \quad v_{2y} = -11.2 \text{ m/s}$$

$$p_f = \sqrt{(p_{ix})^2 + (p_{iy})^2}$$

$$p_{ix} = m_1 v_{1x} = (1732)(31.3) = 5.4 \times 10^4 \text{ kg m/s}$$

$$p_{iy} = m_2 v_{2y} = (1383)(-11.2) = -1.6 \times 10^4 \text{ kg m/s}$$

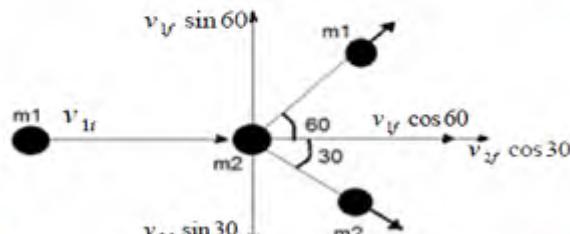
$$p_f = \sqrt{(5.4 \times 10^4)^2 + (-1.6 \times 10^4)^2} = 5.6 \times 10^4 \text{ kg m/s}$$

$$p_f = (m_1 + m_2) v_f$$

$$v_f = \frac{p_f}{(m_1 + m_2)} = \frac{5.6 \times 10^4}{(1732 + 1383)} = 18.1 \text{ m/s}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{p_{iy}}{p_{ix}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{-1.6 \times 10^4}{5.4 \times 10^4} \right) = -16.5^\circ \quad \text{جنوب الشرق}$$

تعرضت كرة بلياردو ساكنة كتلتها (0.17 kg) لاصطدام بكرة مماثلة لها متوجهة بسرعة (4.0 m/s) ، فتحركت الكرة الثانية بعد التصادم في اتجاه يميل (60.0°) إلى يسار اتجاهها الأصلي ، في حين تحركت الكرة الأولى في اتجاه يميل (30°) إلى يمين اتجاهها الأصلي للكرة المتحركة . ما سرعة كل من الكرتين بعد التصادم ؟



قانون حفظ الزخم على المحور(x) :

$$p_{1x} + p_{2x} = p_{1x} + p_{2x}$$

$$m_1 v_{1x} + 0 = m_1 v_{1y} \cos 60 + m_2 v_{2y} \cos 30$$

$$(0.17)(4) = (0.17)v_{1y} \cos 60 + (0.17)v_{2y} \cos 30$$

$$0.68 = 0.085v_{1y} + 0.147v_{2y} \quad \longrightarrow \quad (1)$$

قانون حفظ الزخم على المحور(y) :

$$p_{1y} + p_{2y} = p_{1y} + p_{2y}$$

$$0 + 0 = m_1 v_{1y} \sin 60 + m_2 (-v_{2y} \sin 30)$$

$$0 = (0.17)v_{1y} \sin 60 - (0.17)v_{2y} \sin 30$$

$$0.147v_{1y} = 0.085v_{2y}$$

$$v_{1y} = 0.578v_{2y} \quad \longrightarrow \quad (2)$$

بالتقديم من (2) في (1) :

$$0.68 = 0.085(0.578v_{2y}) + 0.147v_{2y}$$

$$0.68 = 0.196v_{2y}$$

$$v_{2y} = 3.47 \text{ m/s} \quad \longrightarrow \quad (3)$$

بالتقديم من (3) في (1) :

$$v_{1y} = 0.578(3.47) = 2 \text{ m/s}$$

تحركت سيارة كتلتها (1923 kg) شمالاً ، فاصطدمت بسيارة أخرى كتلتها (1345 kg) متوجهة شرقاً بسرعة (15.7 m/s) فالتجمت معها

وتحركت بسرعة مقدارها (14.5 m/s) وبزاوية (63.5°) . هل كانت السيارة المتحركة شمالاً متتجاوزة حد السرعة (20.1 m/s) قبل التصادم ؟

$$m_1 = 1345 \text{ kg} \quad v_{1x} = 15.7 \text{ m/s}$$

$$p_f = \sqrt{(p_{ix})^2 + (p_{iy})^2}$$

$$m_2 = 1923 \text{ kg}$$

$$p_f^2 = p_{ix}^2 + p_{iy}^2$$

$$p_{iy}^2 = p_f^2 - p_{ix}^2$$

$$p_{iy} = \sqrt{p_f^2 - p_{ix}^2}$$

$$p_{iy} = \sqrt{((m_1 + m_2)(v_f))^2 - (m_1 v_{1x})^2}$$

$$p_{iy} = \sqrt{((1345 + 1923)(14.5))^2 - ((1345)(15.7))^2}$$

$$p_{iy} = 4.24 \times 10^4 \text{ kg m/s}$$

$$p_{iy} = m_2 v_{2y}$$

$$v_{2y} = \frac{p_{iy}}{m_2} = \frac{4.24 \times 10^4}{1923} = 22.1 \text{ m/s}$$

نعم، لقد تجاوز حد السرعة

كان صديقك يقود سيارة كتلتها (1265 kg) في اتجاه الشمال ، فصدمة سيارة صغيرة كتلتها (925 kg) متوجهة غرباً ، فالتجمتاماً ، وانزلقتا (23.1 m) في اتجاه يصنع زاوية (42°) شمال الغرب . وكانت السرعة القصوى المسموح بها في تلك المنطقة (22 m/s) . افترض أن الزخم كان محفوظاً خلال التصادم ، وأن التسارع كان ثابتاً في أثناء الانزلاق ، ومعامل الاحتكاك العرقي بين الإطارات والأسفلت (0.65) .

- ادعى صديقك أنه لم يكن مسرعاً ، لكن السائق الآخر كان مسرعاً . كم كانت سرعة سيارة صديقك قبل التصادم ؟
- كم كانت سرعة السيارة الأخرى قبل التصادم ؟ وهل يمكنك أن تدعم ادعاء صديقك ؟

أولاً : يجب حساب تسارع السياراتين بعد الاصطدام إلى التوقف :

$$\begin{aligned} f &= ma \\ -\mu F_N &= (m_1 + m_2)a \\ -\mu(m_1 + m_2)g &= (m_1 + m_2)a \\ a &= -\mu g = -(0.65)(9.8) = -6.37 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

ثانياً: حسب سرعة السياراتين بعد الاصطدام مباشرة :

$$\begin{aligned} v_f^2 &= v_i^2 + 2ad \\ 0 &= v_i^2 - 2(6.37)(23.1) \\ v_i^2 &= 2(6.37)(23.1) \\ v_i &= 17.16 \text{ m/s} \end{aligned}$$

وهي سرعة السياراتين النهائية أثناء الالتحام

ثالثاً: تطبق قانون حفظ الزخم :

1 على المحور (y) :

$$\begin{aligned} m_1 v_{1y} &= (m_1 + m_2) v_f \sin 42 \\ (1265) v_{1y} &= (1265 + 925)(17.16) \sin 42 \\ (1265) v_{1y} &= 2.52 \times 10^4 \\ v_{1y} &= 20 \text{ m/s} \end{aligned}$$

2 على المحور (x) :

$$\begin{aligned} m_2 v_{2x} &= (m_1 + m_2) v_f \cos 42 \\ (925) v_{2x} &= (1265 + 925)(17.16) \cos 42 \\ (925) v_{2x} &= 2.79 \times 10^4 \\ v_{2x} &= 30 \text{ m/s} \end{aligned}$$

نعم ادعم ادعاء صديقى (لم يكن مسرعاً ، السائق الآخر كان مسرعاً)

كرتان متماثلتان تتحرك الأولى بسرعة (5.0 m/s) شرقاً نحو الكرة الثانية الساكنة ، فيحدث بينهما تصادم تام المرونة ، فتسفر الكرة الأولى وتتحرك الثانية نحو الشرق.

1- مسرعة الكرة الثانية بعد الصدم مباشرة .

2- احسب طاقة الحركة للكرتين معاً قبل الصدم مباشرة.

3- احسب طاقة الحركة للكرتين معاً بعد الصدم مباشرة.

4- قارن بين طاقة الحركة قبل الصدم وطاقة الحركة بعد الصدم . ماذا تستنتج ؟

أطلق نموذج لصاروخ كتلته (4.00 kg) ، بحيث نفذ (50.0 g) من الوقود المحترق من العادم بسرعة مقدارها (625 m/s) ، ما سرعة الصاروخ المتجهة بعد احتراق الوقود ؟ تلميح : أهمل القوتين الخارجتين الناتجتين عن الجاذبية ومقاومة الهواء . النظام مغلق ومعزول :

$$m_2 = 50 \times 10^{-3} \text{ kg} \quad v_2 = -625 \text{ m/s} \quad m_1 = 4 \text{ kg} \quad v_1 = -\frac{m_2}{m_1} v_2 \quad v_1 = -\left(\frac{50 \times 10^{-3}}{4}\right)(-625) = 7.8 \text{ m/s}$$

ترتبط عريتان إحداهما مع الأخرى بخيط يمنعهما من الحركة ، ولدي احتراق الخيط دفع نابض مضغوط بينهما العريتين في اتجاهين متواكسين ، فإذا اندفعت إحدى العريتين وكتلتها 1.5 kg بسرعة متجهة (27 m/s) إلى اليسار ، ما السرعة المتجهة للعربية الأخرى التي كتلتها (4.5 kg) ؟

$$m_1 = 1.5 \text{ kg} \quad v_1 = -27 \text{ m/s}$$

$$m_2 = 4.5 \text{ kg}$$

$$v_2 = -\frac{m_1}{m_2} v_1$$

$$v_2 = -\frac{1.5}{4.5} (-27) = 9 \text{ m/s}$$

إلى اليمين

قامت صفاء وديمة بإراساء زورق ، فإذا تحركت صفاء التي كتلتها (80.0 kg) إلى الأمام بسرعة (4.0 m/s) عند مقداره الزورق ، فما مقدار سرعة كل من الزورق وديمة واتجاهاهما إذا كانت كتلتها متساوية (115 kg) ؟

$$m_1 = 80 \text{ kg} \quad v_1 = 4 \text{ m/s}$$

$$m_2 = 115 \text{ kg} \quad v_2 = -\frac{m_1}{m_2} v_1$$

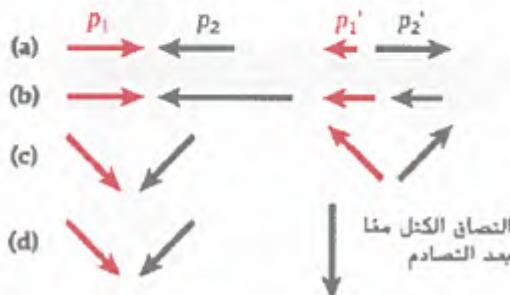
$$v_2 = -\frac{80}{115} (4) = -2.78 \text{ m/s}$$

إلى الخلف

أسئلة الاختيار من متعدد

7.3 يوضح الشكل مجموعات من متجهات كمية الحركة المختلطة قبل التصادم وبعد

من دون تأثير من أي قوة خارجية. أي المجموعات يمكن أن تحدث في الواقع؟



7.4 تتعادل قيمة كمية حركة نظام ما في وقت لاحق مع قيمة الحركة نفسها في وقت سابق في حال عدم وجود

صادمات بين الجسيمات داخل النظام.

- (a) تصادمات لامرنة بين الجسيمات داخل النظام
- (b) تغيرات في كمية حركة الجسيمات الفردية داخل النظام.
- (c) قوى داخلية مؤثرة بين الجسيمات داخل النظام.
- (d) قوى خارجية مؤثرة بين جسيمات النظام.

7.5 ذكر في هذه الحالات الثلاث.

- (a) نصل الكرة التي تتحرك نحو اليمين بسرعة 7 إلى وضع السكون.
 - (ii) تطلق الكرة نفسها التي في وضع السكون بسرعة 7 نحو اليسار.
 - (iii) تسرع الكرة نفسها التي تتحرك نحو اليسار بسرعة 7 لتصل إلى سرعة 27 في أي حالة تتعرض الكرة لأكبر تغير في كمية الحركة؟
- (a) الحالات (i) و (ii)
 - (b) الحالات (i) و (iii)
 - (c) كل الحالات الثلاث
 - (d) الحالات (ii) و (iii)

7.6 أي العبارات التالية المتعلقة بتصادمات السيارة صحيحة؟

a) شعور قائدة الأمان الأساسية لخاطق امتصاص الصدمات (الجزء في مقدمة السيارة مصممة لتلقي الحد الأقصى من التشوّهات في حال حدوث تصادم مواجه) إلى امتصاصها للطاقة الحركية وتحويلها إلى تشوّهات وإطالة مدة التصادم الفعلية. ومن ثم تقليل متوسط التهوة التي يتأثر بها السائق.

b) إذا كانت كتلة السيارة 1 تساوي m وسرعتها 7. وكتلة السيارة 2 تساوي $0.5m$ وسرعتها 1.5×7 . إذا فإن كمية الحركة متساوية للسيارتين.

c) في حالة التصادم المواجه لسيارتين متساويتين ولهم سرعة متساوية. فإن مقدار الدفع الذي تلقاء كل من السيارتين وكل من السائقين هو نفسه كما لو كانت سيارة واحدة تتحرك بالسرعة نفسها قد اصطدمت من الأمام بجدار خرساني.

d) كتلة السيارة 1 تساوي m . وكتلة السيارة 2 تساوي $2m$ في حالة التصادم المواجه بين هاتين السيارتين أثناء حركتهما بسرعة متساوية في الاتجاهين متسارعين. فإن السيارة 1 تتعرض لنمسار أكبر من السيارة 2.

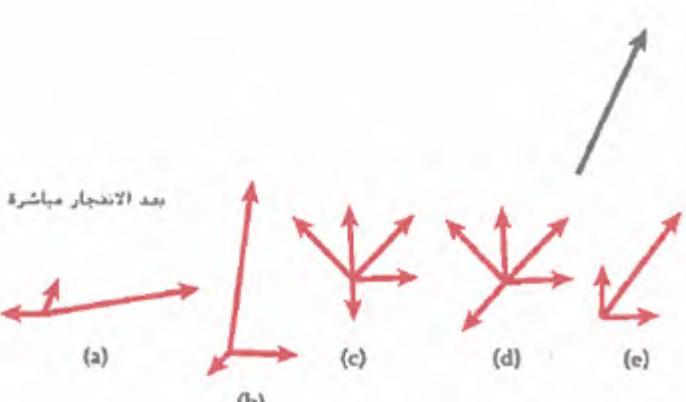
e) كتلة السيارة 1 تساوي m . وكتلة السيارة 2 تساوي $2m$ في حالة التصادم المواجه بين هاتين السيارتين أثناء حركتهما بسرعة متساوية في الاتجاهين متسارعين. فإن السيارة 1 تتعرض لنمسار أكبر مما تتلقاء السيارة 2.

7.7 في العديد من الأفلام التدجية. سقطت لص على بعد 3 بعد أن أطلق عليه عبدة المدينة النار. ما أدخل عبارة تحت ما حدث لعده (المدينة بعد أن أطلق النار من بندقيته)؟

- (a) هُل في مكانه نفسه.
- (b) اندفع إلى الخلف خطوة أو خطوتين.
- (c) اندفع إلى الخلف 3 m تقريباً.
- (d) اندفع إلى الأمام قليلاً.
- (e) اندفع إلى أعلى.

7.8 تتعلق مقدّمات الألعاب التاربة إلى أعلى كما هو موضح في الشكل على اليمين قبل انفجارها مباشرة. وفي ما يلي توضيح لمجموعات متجهات كمية الحركة المختلطة لشظايا التفجير عقب الانفجار مباشرة. أي المجموعات يمكن أن تحدث في الواقع؟

قبل الانفجار مباشرة



7.9 ذكر في عربتين كتلة m و $2m$. في حالة سكون على مسار هوائي عدم الاحتكاك. إذا دفعت العربة ذات الكتلة الأدنى لمسافة مقدارها $35 m$ ثم دفعت العربة الأخرى لمدار المسافة نفسه وبالقوة ذاتها. ذي من السيارتين تتعرض لنفس أكبر في كمية الحركة؟

- (a) تتعرض العربة ذات الكتلة m لنفس أكبر
- (b) تتعرض العربة ذات الكتلة $2m$ لنفس أكبر
- (c) ينبعال التغير في كمية الحركة لكلا العربتين
- (d) يستحمل معرفة الأمر من خلال المعلومات المخطأ

7.10 ذكر في عربتين كتلة m و $2m$. في حالة سكون على مسار هوائي عدم الاحتكاك. إذا دفعت العربة ذات الكتلة الأدنى لمسافة $35 m$ ثم دفعت العربة الأخرى لمدار المسافة نفسه وبالقوة ذاتها. ذي من السيارتين تتعرض لنفس أكبر في كمية الحركة؟

- (a) تتعرض العربة ذات الكتلة m لنفس أكبر
- (b) تتعرض العربة ذات الكتلة $2m$ لنفس أكبر
- (c) ينبعال التغير في كمية الحركة لكلا العربتين
- (d) يستحمل معرفة الأمر من خلال المعلومات المخطأ

7.12 بالنسبة إلى التصادم اللامرن ثماناً بين جسمين. أي العبارات التالية صحيحة؟

- (a) يتم حفظ الطاقة الميكانيكية الكلية
(b) يتم حفظ الطاقة الحركية الكلية
(c) يتم حفظ كمية الحركة الكلية
(d) دلتا ما شاوي كمية الحركة الكلية بعد التصادم صفرًا

(e) لا يمكن أن تساوي الطاقة الحركية الكلية بعد التصادم صفرًا على الإطلاق.

7.13 يستخدم بندول قذبي لقياس سرعة رصاصة يتم إطلاقها من بندولية كتلة الرصاصة تساوي 50.0 g. وكتلة الكتلة تساوي 20.0 kg. عندما يصطدم الرصاصة بالكتلة، ترتفع الكتلة الجمجمة مسافة رأسية مقدارها 5.00 cm. كم كانت سرعة الرصاصة عند اصطدامها بالكتلة؟

- dl) 479 m/s al) 397 m/s
el) 503 m/s bl) 426 m/s
cl) 457 m/s

7.9 تطلق مذووقات الألعاب النارية إلى أعلى بزاوية فوق مستوى سطح كبير عندما تصل الغذيبة إلى قمة ارتفاعها. عند ارتفاع h فوق نقطة تبعد مسافة D من نقطة انطلاقها، تنفجر الغذيبة وتنططر إلى قطعتين متساويتين تعكس الحطمة الأولى سرعتها المتجهة وتدو ب مباشرة إلى نقطة الانطلاق. كم تبعد نقطة هبوط القطعة الأخرى عن نقطة الانطلاق؟

- 3D) c D) a
4D) d 2D) b

7.10 يصطدم حجر كيلوغ أحمر بتحرك بسرعة مقدارها 2.0 m/s مع حجر كيلوغ أصفر في حالة سكون اتصاد من ثماناً. ما سرعة كل من حجري الكيلوغ بعد التصادم مباشرة؟

- (a) يكون الحجر الأحمر في حالة سكون في حين يتحرك الحجر الأصفر بسرعة 2.0 m/s
(b) يتحرك كل من الحجر الأحمر والحجر الأصفر بسرعة مقدارها 1.0 m/s
(c) يرتد الحجر الأحمر عن الحجر الأصفر ويتحرك بسرعة مقدارها 2.0 m/s. وبهلهل الحجر الأصفر في حالة سكون

7.11 بالنسبة إلى التصادم بين ثماناً بين جسمين. أي العبارات التالية صحيحة؟

- (a) يتم حفظ الطاقة الميكانيكية الكلية
(b) يتم حفظ الطاقة الحركية الكلية
(c) يتم حفظ كمية الحركة الكلية
(d) يتم حفظ كمية الحركة لكل جسم على حدة
(e) يتم حفظ الطاقة الحركية لكل جسم على حدة

7.1. b 7.2. b, c 7.3. b, d 7.4. e 7.5. e 7.6. b 7.7. c 7.8. a, c, and d 7.9. c 7.10. a 7.11. a, b, and c 7.12. c 7.13. a

اختيار من متعدد

4. أثرت قوة مقدارها 16 N في حجر بدفع مقداره 0.8 kg·m/s مسببة تخلق الحجر عن الأرض بسرعة مقدارها 4.0 m/s. ما كتلة الحجر؟

- 1.6 kg .C 0.2 kg .A
4.0 kg .D 0.8 kg .B

5. أمسك حارس مرمي الهوكي الذي تبلغ كتلته 82 kg ويقف في سكون قرص هوكي كتلته 0.105 kg ويتحرك بسرعة 46 m/s ما مقدار السرعة التي سينزلق بها حارس المرمى على الجليد؟

- 1.2 m/s .C 0.059 m/s .A
5.3 m/s .D 0.56 m/s .B

6. تسقط صخرة كتلتها 12.0 kg من منحدر على الأرض أسلته مباشرة. بافتراض أن الصخرة لا ترتد، فما الدفع على الصخرة إذا كانت سرعتها المتجهة لحظة الاصطدام بالأرض 420.0 m/s

1. يتزلج متزلج كتلته 40.0 kg على الجليد بسرعة مقدارها 2.0 m/s. في اتجاه زلاجة ثابتة كتلتها 10.0 kg على الجليد. وعندما يصل المتزلج إليها، يصطدم بها، ثم واصل المتزلج انطلاق مع الزلاجة في الاتجاه الأصلي نفسه لحركته. ما مقدار سرعة المتزلج والزلاجة بعد تصادمهما؟

- 1.6 m/s .C 0.4 m/s .A
3.2 m/s .D 0.8 m/s .B

2. يقف متزلج كتلته 45.0 kg على الجليد في حالة سكون. عندما رمى إليه صديقه كرة كتلتها 5.0 kg. ازليق المتزلج والكرة إلى الوراء بسرعة عبر الجليد بسرعة 0.50 m/s. ما مقدار سرعة الكرة قبل أن يمسكها المتزلج مباشرة؟

- 4.0 m/s .C 2.5 m/s .A
5.0 m/s .D 3.0 m/s .B

3. ما فرق الترجم بين شخص كتلته 50.0 kg يركض بسرعة 3.00 m/s وشاحنة كتلتها 3.00×10^3 kg تتحرك بسرعة 1.00 m/s فقط؟

- 2850 kg·m/s .C 1275 kg·m/s .A
2950 kg·m/s .D 2550 kg·m/s .B

7.24 رتب الأحجام التالية من الأعلى إلى الأدنى من حيث كمية الحركة ومن الأعلى إلى الأدنى من حيث الطاقة.

(a) كوبك كتلته 10^6 kg وسرعته 500 m/s

(b) قطار خانق السرعة كتلته $300,000 \text{ kg}$ وسرعته $180,000 \text{ km/h}$

(c) لاعب ظهير في كرة القدم كتلته 120 kg وسرعته 10 m/s

(d) قذيفة مدفع كتلتها 10 kg تصل سرعتها إلى 120 m/s

(e) بروتون كتلته $2 \times 10^{-27} \text{ kg}$ وسرعته $2 \times 10^{27} \text{ m/s}$

$$(a) E = \frac{1}{2} (10^6 \text{ kg}) (500 \text{ m/s})^2 = 1.3 \cdot 10^{11} \text{ J}, \quad p = (10^6 \text{ kg}) (500 \text{ m/s}) = 5.0 \cdot 10^8 \text{ kg m/s},$$

$$(b) E = \frac{1}{2} (1.8 \cdot 10^5 \text{ kg}) \left((300 \text{ km/h}) \left(\frac{1000 \text{ m/km}}{3600 \text{ s/h}} \right) \right)^2 = 6.3 \cdot 10^8 \text{ J},$$

$$p = (1.8 \cdot 10^5 \text{ kg}) \left((300 \text{ km/h}) \left(\frac{1000 \text{ m/km}}{3600 \text{ s/h}} \right) \right) = 1.5 \cdot 10^7 \text{ kg m/s}$$

$$(c) p_y = \sqrt{2(49.5 \text{ J})(0.442 \text{ kg}) \sin 58.0^\circ} = 5.610 \text{ kg m/s}, \quad p = (120 \text{ kg})(10 \text{ m/s}) = 1200 \text{ kg m/s}$$

$$(d) E = \frac{1}{2} (10 \text{ kg}) (20 \text{ m/s})^2 = 7.2 \cdot 10^4 \text{ J}, \quad p = (10 \text{ kg})(20 \text{ m/s}) = 1200 \text{ kg m/s}$$

$$(e) E = \frac{1}{2} (2 \cdot 10^{-27} \text{ kg}) (2 \cdot 10^8 \text{ m/s})^2 = 4 \cdot 10^{-11} \text{ J}, \quad p = (2 \cdot 10^{-27} \text{ kg})(2 \cdot 10^8 \text{ m/s}) = 4 \cdot 10^{-19} \text{ kg m/s}$$

7.25 سيارة كتلتها 1200 kg ، تتحرك بسرعة 72.0 mph على طريق سريع تخطي سيارة رياضية متعددة الأغراض صغيرة كتلتها أكبر بعنصار مره ونصف، وتحرك بسرعة تصل إلى $2/3$ من سرعة السيارة.

(a) ما نسبية كمية حركة السيارة الرياضية المتعددة الأغراض إلى كمية حركة هذه السيارة؟

(b) ما نسبية الطاقة الحركية للسيارة الرياضية المتعددة الأغراض إلى الطاقة الحركية لهذه السيارة؟

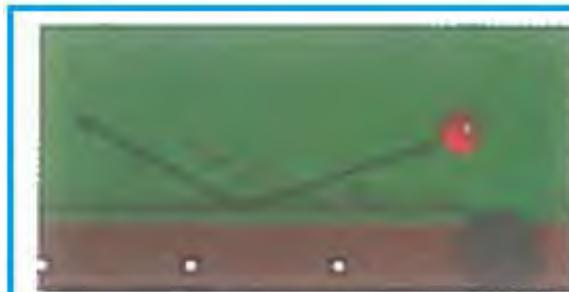
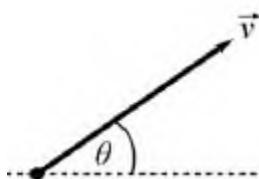
$$(a) \frac{p_{SUV}}{p_{car}} = \frac{m_{SUV}v_{SUV}}{m_{car}v_{car}} = \frac{(3/2)m_{car}(2/3)v_{car}}{m_{car}v_{car}} \quad \frac{p_{SUV}}{p_{car}} = \frac{(3/2)(2/3)}{1} = 1$$

$$(b) \frac{K_{SUV}}{K_{car}} = \frac{(1/2)m_{SUV}v_{SUV}^2}{(1/2)m_{car}v_{car}^2} = \frac{(3/2)m_{car}((2/3)v_{car})^2}{m_{car}v_{car}^2}$$

$$\frac{K_{SUV}}{K_{car}} = \frac{(3/2)(2/3)^2}{1} = \frac{(3/2)(4/9)}{1} = 2/3 = 0.6667$$

7.26 يمثل الإلكترون فولت eV، وحدة من وحدات الطاقة $(\text{J}) = 1.602 \times 10^{-13} \text{ J}$ ، $1 \text{ MeV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$ ، $1 \text{ eV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$. حيث أن وحدة كمية الحركة تمثل وحدة الطاقة مقصومة على وحدة السرعة النجية، عادة ما يحدد علماء الفيزياء التويبة كيات حركة النيوتن بوحدات MeV/c حيث تمثل c سرعة الضوء $(c = 2.998 \times 10^8 \text{ m/s})$ بالوحدات نفسها. تم تحديد كتلة البروتون $(1.673 \times 10^{-27} \text{ kg})$ بالعنصار $(938.3 \text{ MeV}/c^2)$ (إذا كان البروتون يتحرك بسرعة $17,400 \text{ km/s}$ ، فما كمية حركته بوحدات MeV/c ؟

$$p = (938.3 \text{ MeV}/c^2) (0.0580387c) = 54.4577 \text{ MeV}/c$$



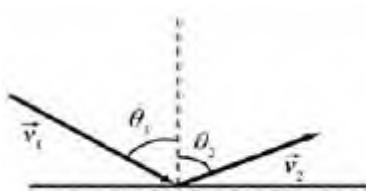
7.27 قررت كردة قدم كتلتها 442 g عن عارضة المرمى ثم تحرف إلى أعلى بزاوية قدرها 58.0° بالنسبة إلى المستوى الأفقي بعد الانحراف مباشرة، كانت الطاقة الحركية للكرة 49.5 J. ما المركبات الرأسية والأفقيّة لكمية حركة الكرة عند اصطدامها بالعارضه مباشرة؟

$$K = \frac{1}{2}mv^2, \quad v_x = v \cos \theta, \quad p_x = mv_x, \quad v_y = v \sin \theta, \quad \text{and} \quad \varphi = \tan^{-1} \left(\frac{16.756 \text{ m/s}}{-13.928 \text{ m/s}} \right) = -50.27^\circ.$$

$$v = \sqrt{\frac{2K}{m}}, \quad p_x = mv_x = mv \cos \theta = m \sqrt{\frac{2K}{m}} \cos \theta = \sqrt{2Km} \cos \theta, \quad \varphi = 50.3^\circ.$$

$$p_x = \sqrt{2(49.5 \text{ J})(0.442 \text{ kg})} \cos 58.0^\circ = 3.505 \text{ kg m/s},$$

$$p_y = \sqrt{2(49.5 \text{ J})(0.442 \text{ kg})} \sin 58.0^\circ = 5.610 \text{ kg m/s}$$



$$m = 0.250 \text{ kg} \\ \theta_1 = 60.0^\circ \\ v_1 = 27.0 \text{ m/s} \\ \theta_2 = 71.0^\circ \\ v_2 = 10.0 \text{ m/s}$$

7.28 يصطدم كردة بلباردو كتلتها $m = 0.250 \text{ kg}$ بسطانة حافة طاولة بلباردو بزاوية قدرها $\theta_1 = 60.0^\circ$ وسرعة قدرها $v_1 = 27.0 \text{ m/s}$ ، تردد الكرة بزاوية $\theta_2 = 71.0^\circ$ وسرعة قدرها $v_2 = 10.0 \text{ m/s}$.
(أ) ما مقدار التغير في كمية حركة كردة بلباردو؟
(ب) في أي اتجاه يشير متجه تغير كمية الحركة؟

$$\Delta p = \vec{p}_2 - \vec{p}_1 = m(\vec{v}_2 - \vec{v}_1),$$

$$\Delta p_x = m \Delta v_x = m(v_{2,x} - v_{1,x}) = m(v_2 \sin \theta_2 - v_1 \sin \theta_1),$$

$$\Delta p_y = m(v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1),$$

$$\varphi = \tan^{-1} \left(\frac{\Delta p_y}{\Delta p_x} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1}{v_2 \sin \theta_2 - v_1 \sin \theta_1} \right),$$

$$|\Delta p| = \sqrt{(\Delta p_x)^2 + (\Delta p_y)^2} = m \left[(v_2 \sin \theta_2 - v_1 \sin \theta_1)^2 + (v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1)^2 \right]^{1/2}.$$

$$v_x = v_2 \sin \theta_2 - v_1 \sin \theta_1 = (10.0 \text{ m/s})(\sin 71.0^\circ) - (27.0 \text{ m/s})(\sin 60.0^\circ) = -13.928 \text{ m/s},$$

$$v_y = v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1 = (10.0 \text{ m/s})(\cos 71.0^\circ) - (-27.0 \text{ m/s})(\cos 60.0^\circ) = 16.756 \text{ m/s},$$

$$|\Delta p| = (0.250 \text{ kg}) \left[(-13.928 \text{ m/s})^2 + (16.756)^2 \right]^{1/2} = 5.447 \text{ kg m/s}, \quad \varphi = \tan^{-1} \left(\frac{16.756 \text{ m/s}}{-13.928 \text{ m/s}} \right) = -50.27^\circ$$

7.29 تُحدِّثَ لِعْبَةُ رُميِّ الخرْمَةِ إِحدَى قَعَدَاتِ الْأَنْسَكَاتِنْدِيَّةِ، حَيْثُ وَتَمَّ رُميُّ كَيْسٍ مِّنَ الْقُنْشِ تَحْصُلُ كَتْلَتُهُ إِلَى 9.09 kg إِلَى أَعْلَى بِشَكْلٍ مُسْتَهْدِفٍ فِي الْبَوَاءِ بِإِسْتِخْدَامِ الْمَذَرَّةِ فِي الْأَرْضِيَّةِ الْوَاحِدَةِ. تَرْتَدِّعُ الْخَرْمَةُ بِشَكْلٍ مُسْتَهْدِفٍ بِسَرْعَةِ أَوْلَى مَسْدَارِهَا 2.70 m/s

(a) مَا الدَّفْعُ الْمُتَوَلِّ عَلَى الْخَرْمَةِ بِوَاسْطَةِ الْجَاذِبَيَّةِ أَنْتَهِ حَرْكَةَ الْخَرْمَةِ إِلَى أَعْلَى (من سَطْحِ الْأَنْتَهَى إِلَى أَقْصَى اِرْتِهَاعِهِ)؟

(b) يَتَجَاهِلُ مَنْتَهِيَّ الْبَوَاءِ مَا الدَّفْعُ الْمُتَوَلِّ بِوَاسْطَةِ الْجَاذِبَيَّةِ عَلَى الْخَرْمَةِ أَنْتَهِ حَرْكَتَهَا إِلَى أَسْدَلِ أَمْنِ أَقْصَى اِرْتِهَاعِهِ حَتَّى اِصْطَدَامُهَا بِالْأَرْضِ؟

(c) بِإِسْتِخْدَامِ الدَّفْعِ الْكَلِّيِّ التَّابِعِ عَنِ الْجَاذِبَيَّةِ، حَدَّدْ مَسْدَارَ الْمَدِّ الْزَّمِنِيِّ الْمُطَبَّقِ عَلَى الْخَرْمَةِ فِي الْبَوَاءِ.

$$(a) J = \Delta p = m(v_f - v_i), v_f = 0, v_i = v_0 \Rightarrow J = -mv_0$$

$$(b) J = m(v_f - v_i), v_f = -v_0, v_i = 0 \Rightarrow J = -mv_0$$

$$(c) J_{\text{total}} = F\Delta t, F = -mg \Rightarrow \Delta t = \frac{J_{\text{total}}}{-mg} = -\frac{J_{\text{total}}}{mg} = -\frac{-2mv_0}{mg} = \frac{2v_0}{g}$$

$$(a) J = (9.09\text{ kg})(-2.7\text{ m/s}) = -24.54\text{ kg m/s}$$

$$(b) J = (9.09\text{ kg})(-2.7\text{ m/s}) = -24.54\text{ kg m/s}$$

$$(c) \Delta t = \frac{2(2.7\text{ m/s})}{(9.81\text{ N})} = 0.55\text{ s}$$

7.30 يَثُبُّ الْلَّاعِبُ الْمَهَاجِمُ الَّذِي تَلْعَبُ كَتْلَتُهُ 83.0 kg إِلَى الأَمْمِ مِبَاشِرَةً بِحَوْلِ خَطِّ مَسْطَنَدِ النَّهَايَةِ بِسَرْعَةِ مَسْدَارِهَا 6.50 m/s . يَسْكُنُ الْلَّاعِبُ الظَّاهِيرِ الَّذِي تَلْعَبُ كَتْلَتُهُ 115 kg الْلَّاعِبُ الْمَهَاجِمُ وَبِذَلِّ كُوَّةٍ مَعْدَارِهِ 900 N فِي الْإِخْرَاجِ الْمَاَكِسِ، مُثْبِتاً قَدْمَيْهِ عَلَى الْأَرْضِ، لِمَدَّةِ 0.750 s قَبْلَ أَنْ تَلْمِسْ قَدَمَاهُ الْلَّاعِبُ الْمَهَاجِمُ الْأَرْضَ.

(a) مَا الدَّفْعُ الَّذِي يَتَنَاهِي الْلَّاعِبُ الظَّاهِيرِ إِلَى الْلَّاعِبِ الْمَهَاجِمِ؟

(b) مَا أَثْرُ الدَّفْعِ فِي مَعْدَارِ تَغْيِيرِ كَمْبَةِ حَرْكَةِ الْلَّاعِبِ الْمَهَاجِمِ؟

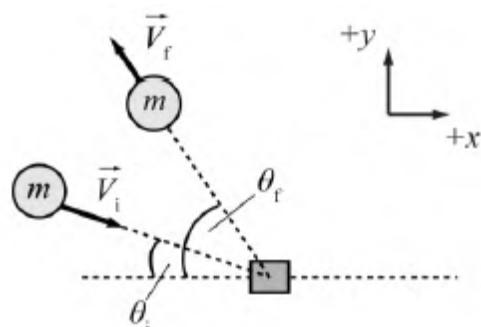
(c) مَا كَمْبَةُ حَرْكَةِ الْلَّاعِبِ الْمَهَاجِمِ عَنْدَمَا تَلْمِسْ قَدَمَاهُ الْأَرْضَ؟

(d) إِذَا اسْتَنَرَ الْلَّاعِبُ الظَّاهِيرِ فِي بَذَلِ مَعْدَارِ الْقُوَّةِ نَفْسَهِ بَعْدَ مَلَاسَةِ قَدَمِيِّ الْلَّاعِبِ الْمَهَاجِمِ لِلْأَرْضِ، فَهَلْ سَتَنَلِلُ هَذِهِ هِيَ الْقُوَّةُ الْوَحِيدَةُ الْمُؤْثِرَةُ فِي تَغْيِيرِ كَمْبَةِ حَرْكَةِ الْلَّاعِبِ الْمَهَاجِمِ؟

$$(a) \bar{J} = 675\text{ N s} \text{ opposite to } \bar{v}$$

$$(b) \Delta \bar{p} = \bar{J} = 675\text{ N s} \text{ opposite to } \bar{v}$$

$$(c) \bar{p}_f = 136\text{ kg m/s} \text{ opposite to } \bar{v}$$



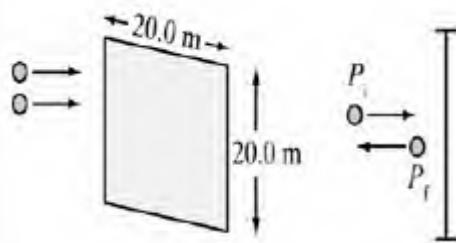
7.31 يَنْدِفُ الرَّامِيُّ فِي كَرَةِ الْبَسْكُولِ كَرَةً سَرِيعَةً تَغِيرَ القَاعِدَةِ الرَّئِسِيَّةِ بِزاوِيَّةِ قَدْرِهَا 7.25° أَسْفَلِ الْمَسْطَنَدِ الْأَفْقِيِّ وَبِسَرْعَةِ قَدْرِهَا 88.5 mph . تَرْتَدِّعُ الْكَرَةُ (أَكْتَلُتُهَا 0.149 kg) فَوْقَ رَأْسِ الْلَّاعِبِ بِزاوِيَّةِ 35.53° أَعْلَى الْمَسْطَنَدِ الْأَفْقِيِّ وَبِسَرْعَةِ قَدْرِهَا 102.7 mph . مَا مَعْدَارِ الدَّفْعِ الْفَيِّ ثَلْثَتُهُ الْكَرَةِ؟

$$J_x = m(v_{ix} - v_{fx}) = m(-v_f \cos \theta_f - v_i \cos \theta_i) = -m(v_f \cos \theta_f + v_i \cos \theta_i), \text{ and}$$

$$J_y = m(v_{iy} - v_{fy}) = m(v_f \sin \theta_f + v_i \sin \theta_i). \text{ The magnitude of impulse is:}$$

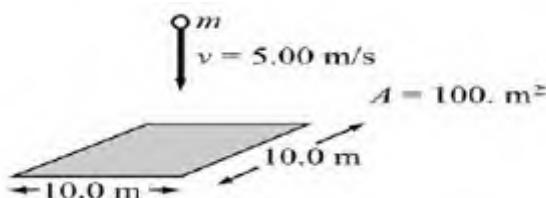
$$\begin{aligned} J &= \sqrt{J_x^2 + J_y^2} = \sqrt{m^2 (v_f \cos \theta_f + v_i \cos \theta_i)^2 + m^2 (v_f \sin \theta_f + v_i \sin \theta_i)^2} \\ &= m \sqrt{(v_f \cos \theta_f + v_i \cos \theta_i)^2 + (v_f \sin \theta_f + v_i \sin \theta_i)^2} \\ &= m \sqrt{v_f^2 + v_i^2 + 2v_i v_f (\cos \theta_i \cos \theta_f + \sin \theta_i \sin \theta_f)} \\ &= m \sqrt{v_f^2 + v_i^2 + 2v_i v_f \cos(\theta_f - \theta_i)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J &= (0.149\text{ kg}) \sqrt{(45.9\text{ m/s})^2 + (39.6\text{ m/s})^2 + 2(45.9\text{ m/s})(39.6\text{ m/s}) \cos(35.53^\circ - 7.25^\circ)} \\ &= 12.356\text{ kg m/s} \end{aligned}$$



$$\bar{J} = F\Delta t = \Delta p = p_f - p_i. \text{ Also, } v = at.$$

7.32- على الرغم من اندماد كتلتيا، تكون للفوتوتوات، التي تتحرك بسرعة الضوء، كمية حركة. فتكر خبراء السفر إلى الفضاء في الاستناد من هذه الحقيقة من خلال بناء أسرعه شمسية - الواح كبيرة من مادة يمكن أن تتحمل يائكم من الفوتوتوات عليها. نظراً لأن كمية حركة الفوتوتونات مستعken. سيتم بذلك دفع عليه بواسطة الأسرعه الشمسية. ووفقاً للقانون الثالث لنيوتون، سيتم بذلك دفع على الشارع أيضاً، مما ينبع عنه قوة في الضاء الغريب من الأرض. يمتحن حوالي 3.84×10^{21} فوتوناً في كل متر مربع في الثانية. في المتوسط، تبلغ كمية حركة 25 الفوتون الواحد 1.30×10^{-27} kg/m/s بالنسبة إلى سطبة فضاء، كتلتها 1000 kg تبدأ حركتها من وضع السكون وينصل بها شارع على شكل مربع طول ضلعه 20.0 m. كم يبلغ السرعة التي ستحرك بها بعد مرور ساعة واحدة؟ بعد أسبوع واحد؟ بعد شهر واحد؟ ما المدة الزمنية التي تستغرقها السببية لتحول إلى سرعة قدرها 8000 m/s. تعادل فورياناً سرعة مكوك فضائي يدور في مداره؟



$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{m(v_f - v_i)}{\Delta t}, \quad v_f = 0.$$

$F = -mv_i/\Delta t$. The mass of the rain is $\rho_w V$, where $V = Ah$ is the volume of the water for a depth h of rainfall. $F = -\rho_w Ahv_i/\Delta t$.

From a table in the textbook, $\rho_w = 1.00 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$, $h = 1.00 \text{ cm} = 1.00 \cdot 10^{-2} \text{ m}$, $v = -5.00 \text{ m/s}$, and $\Delta t = 1.80 \cdot 10^3 \text{ s}$.

$$F = -\frac{(1.00 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3)(100. \text{ m}^2)(1.00 \cdot 10^{-2} \text{ m})(-5.00 \text{ m/s})}{1.80 \cdot 10^3 \text{ s}} = -2.777778 \text{ N}$$

7.33- في العاصفة الشديدة، ينضط 1.00 cm من المطر على سطح أرضي مساحته 30.0 m²، إذا كانت مساحة السطح شاوي 100. m² والسرعة المتوجبة المطرية تساوي 5.00 m/s، فما متوسط القوة التي يبذلها المطر على السطح أثناء العاصفة.

7.34 أولت وكالة ناسا الفضائية مزيداً من الاهتمام للكويكبات الموجودة بالقرب من الأرض. يمكن أن تمر هذه الأجسام، التي اشتهرت في بعض الأفلام الشهيرة، بالقرب من الأرض على مسافة كوكبي، ما يقرب من 1.5 مليون كيلومتر في بعض الأحيان. تسم معظم هذه الأجسام بـ"صغار حجتها". ينطلي أقل من 500 m وفي حين أن الاصطدام بالأجسام الصغيرة منها قد يكون خطيراً، فإن الخبراء يعتقدون أنه قد لا يكون كارثياً على الجنس البشري. ينضوي أحد أخطية الدفاع المختلطة للحماية من الكويكبات القريبة من الأرض إطلاق صاروخ على الكويكب القادر على تحويل مساره. افترض أن كويكبنا صغيراً سبباً كتلته $2.10 \times 10^{10} \text{ kg}$ يتجه نحو الأرض بسرعة مختلطة قدرها 12.0 km/s .

a) ما السرعة التي يجب أن يتحرك بها صاروخ كتلته $8.00 \times 10^4 \text{ kg}$ عندما يصطدم بال الكويكب بصورة مباشرة لإيقافه؟ افترض أن الصاروخ وال الكويكب التصطدم ما بعد التصادم

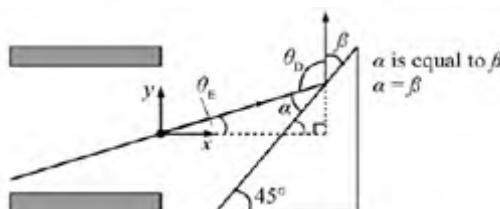
b) ستحتل الطريقة المبدلة في تحويل مسار الكويكب بصيغة صفرة ومن ثم ينطلي الاصطدام بالأرض. ما مقدار السرعة التي يجب أن يتحرك بها الصاروخ الوارد في الجزء (a) عند التصادم من أجل تحويل مسار الكويكب بمقدار 1.00° في هذه الحالة. افترض أن الصاروخ يضرم الكويكب أثناء سيره على امتداد خط متعمد على مسار الكويكب.

$$p_i = p_f \Rightarrow m_a v_{ai} + m_R v_{ri} = m_a v_{af} + m_R v_{rf}.$$

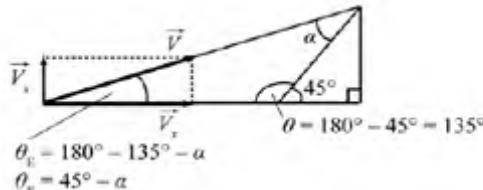
$$(a) v_{ai} = -12.0 \cdot 10^3 \text{ m/s}, v_{ri} = \frac{(-2.10 \cdot 10^{10} \text{ kg})(-12.0 \cdot 10^3 \text{ m/s})}{8.00 \cdot 10^4 \text{ kg}} = 3.15 \cdot 10^9 \text{ m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{|\overrightarrow{p}_{ri}|}{|\overrightarrow{p}_{ai}|} \Rightarrow |\overrightarrow{p}_{ri}| = |\overrightarrow{p}_{ai}| \tan \theta.$$

$$(b) v_{ri} = \frac{(2.10 \cdot 10^{10} \text{ kg})(12.0 \cdot 10^3 \text{ m/s}) \tan 1.00^\circ}{8.00 \cdot 10^4 \text{ kg}} = 5.498 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$



7.35 في إلكترونيات المقياس الثانوي، يمكن التعامل مع الإلكترونات كما لو كانت كرات بللياردو. يوضح الشكل جهازاً بسيطاً بخطه للدراسة حالياً حيث يصطدم فيه الإلكترون تصادماً مرتباً بجدار صلب (ترانزistor الإلكترونيات العذبة) مثل المضيبي باللون الأخضرقطبي اللذين يمكن أن يبلغان أقصى قدرها $8.00 \cdot 10^{13} \text{ N}$ على الإلكترونات. إذا كان للإلكترون ميالاً مركباً متجه v على الميال $v_x = 1.00 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ و $v_y = 0$ ، و الميال يميل مزاوية 45.0° . وزاوية الانحراف θ_0 تساوي 90.0° . ما المدة التي يجب فيها بذل القوة الأقصى منقطبي للوصول إلى زاوية انحراف قدرها 120° ؟



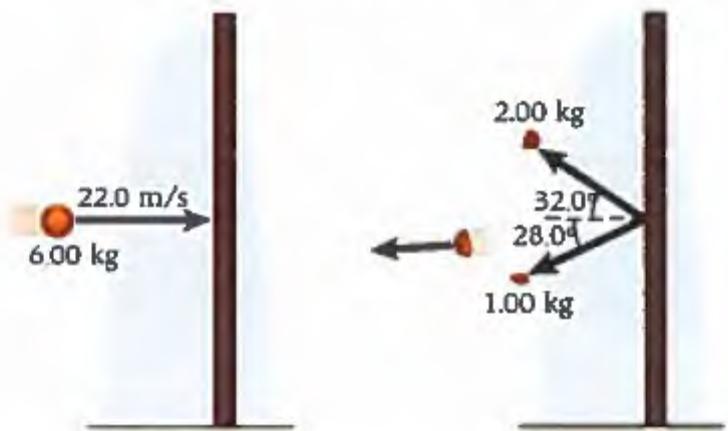
$$\theta_E = 45^\circ - \alpha, \quad \alpha + \beta + \theta_D = 180^\circ, \quad \alpha = \beta.$$

$$2\alpha = 180^\circ - \theta_D \Rightarrow \alpha = 90^\circ - \theta_D/2, \quad \theta_E = 45^\circ - (90^\circ - \theta_D/2) = \theta_D/2 - 45^\circ.$$

$$J = F\Delta t = \Delta p_y = m(v_{yf} - v_{yi}), \text{ where } v_{yi} = 0 \text{ and } v_{yf} = v_x \tan \theta_E. \quad \Delta t = \frac{mv_x \tan \theta_E}{F} = \frac{mv_x \tan(\theta_D/2 - 45^\circ)}{F}.$$

$$m_E = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}, \quad \Delta t = \frac{(9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg})(1.00 \cdot 10^5 \text{ m/s}) \tan(120^\circ/2 - 45^\circ)}{8.0 \cdot 10^{-13} \text{ N}} = 30.48 \text{ fs}$$

7.37 أُلقيت كرة من الصالصال كتلتها 6.00 kg على جدار متعامد من القرميد بسرعة متجهة قدرها 22.0 m/s وانكسرت إلى ثلاثة قطع. حيث ارتدت جسمها إلى المثلث، كما هو موضح في الشكل. يبذل الجدار على الكرة قوة قدرها 2640 N لعدة زمنية قدرها 0.100 s ارتدت قطعة كتلتها 2.00 kg بسرعة متجهة قدرها 10.0 m/s وبزاوية 32.0° أعلى من المستوى الأفقي. ارتدت القطعة الثانية التي تبلغ كتلتها 1.00 kg بسرعة متجهة قدرها 8.00 m/s وبزاوية 28.0° أسفل المستوى الأفقي. كم تبلغ السرعة المتجهة للقطعة الثالثة؟



$$F_x \Delta t = p_{xf} - p_{xi} \text{ and } p_{yi} = p_{yf} \text{ since } F_y = 0. \quad -F \Delta t = -m_1 v_1 \cos \theta_1 - m_2 v_2 \cos \theta_2 - m_3 v_{3x} - M v_0$$

$$0 = m_1 v_1 \sin \theta_1 + m_2 v_2 \sin \theta_2 + m_3 v_{3y}.$$

$$v_{3y} = \frac{-(2.00 \text{ kg})(10.0 \text{ m/s}) \sin 32.0^\circ - (1.00 \text{ kg})(8.00 \text{ m/s}) \sin(-28.0^\circ)}{3.00 \text{ kg}} = -2.281 \text{ m/s},$$

$$v_{3x} = \frac{(2640 \text{ N})(0.100 \text{ s}) - (2.00 \text{ kg})(10.0 \text{ m/s}) \cos 32.0^\circ - (1.00 \text{ kg})(8.00 \text{ m/s}) \cos 28.0^\circ - (6.00 \text{ kg})(22.0 \text{ m/s})}{3.00 \text{ kg}} \\ = 35.992 \text{ m/s},$$

$$v_3 = \sqrt{(35.992 \text{ m/s})^2 + (2.281 \text{ m/s})^2} = 36.064 \text{ m/s, and } \theta_3 = \tan^{-1} \left(\frac{-2.281 \text{ m/s}}{35.992 \text{ m/s}} \right) = -3.6263^\circ.$$

7.38 زلاجة في وضع السكون مبدئياً كتلتها 52.0 kg شاملة كل محتوياتها تخرج كتلة كتلتها 13.5 kg نحو اليسار بسرعة قدرها 13.6 m/s. كم تبلغ سرعة الزلاجة والكتويات المتبقية؟

$$p_f = m_{block} v_{block} + mv = 0 \Rightarrow v = -\frac{m_{block} v_{block}}{m_{full sled} - m_{block}}$$

$$v = -\frac{(13.5 \text{ kg})(-13.6 \text{ m/s})}{52.0 \text{ kg} - 13.5 \text{ kg}} = 4.7688 \text{ m/s}$$

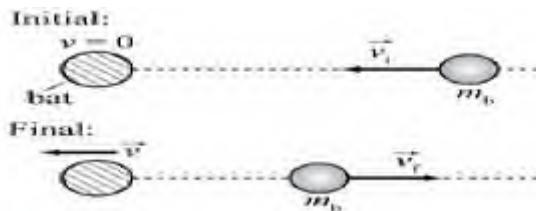


$$p_i = p_f \text{ and } p_i = 0$$

$$p_f = 0 = mv + m_B v_B$$

$$v = -\frac{(5.00 \text{ kg})(13.0 \text{ m/s})}{62.0 \text{ kg}} = -1.0484 \text{ m/s}$$

7.39 حللت في جرعة متجمدة ولا تملك سوى كتاب الفيزياء، وقررت الاستفادة من مادى الفيزياء، ثم رميت الكتاب الذي كنته 5.00 kg إذا كانت كتلتك تساوى 62.0 kg ورميتك الكتاب بسرعة 13.0 m/s ذكرى تبلغ سرعتك عندما تزلج على الجليد؟ (افتراض عدم وجود الاحتكاك)



7.40 يلخص رؤاد الفضاء كورة البيسبول على محطة الفضاء الدولية. ضرب أحد رؤاد الفضاء كورة البيسبول بمحترفه وكانت كتلة رائد الفضاء لهذا قساوى 50.0 kg وهو (ج) وضع سكون بهمثنا كانت كورة البيسبول تتحرك ابتدائيا نحو رائد الفضاء بسرعة 35.0 m/s وبعد ضربها أرتدت إلى الاتجاه نفسه بسرعة 45.0 m/s تبلغ كتلة كورة البيسبول 0.140 kg . كم تبلغ السرعة المتجهة لتراجع رائد الفضاء؟

$$p_i = p_f \Rightarrow m_b v_i + 0 = m_b v_f + m_A v_A \Rightarrow v_A = \frac{m_b (v_i - v_f)}{m_A}$$

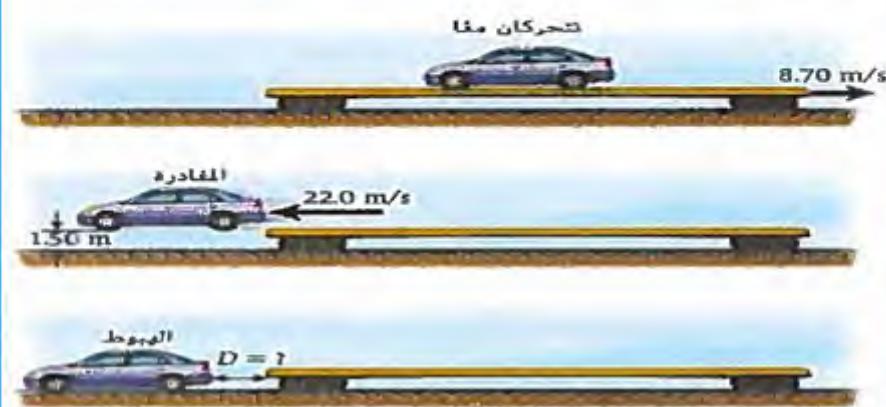
$$v_i = -35.0 \text{ m/s}, v_f = 45.0 \text{ m/s}, \text{ and } v_A = \frac{(0.140 \text{ kg})(-35.0 \text{ m/s} - 45.0 \text{ m/s})}{50.0 \text{ kg}} = -0.224 \text{ m/s.}$$

$$D = t \Delta v = \sqrt{2h/g} (v_{tf} - v_{af})$$

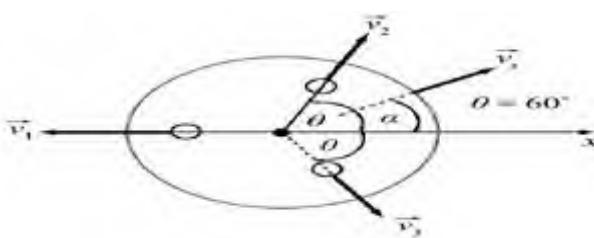
$$= \sqrt{2h/g} \left(\frac{(m_a + m_r) v_i - m_a v_{af}}{m_r} - v_{af} \right)$$

$$= \sqrt{2h/g} \left(\frac{m_a + m_r}{m_r} \right) (v_i - v_{af})$$

7.41 تقف سيارة كتلتها 1450 kg على خاطرة مسطحة متجمدة، ترتفع الخاطرة $38,500 \text{ kg}$ بعدها بمسافة 1.50 m فوق مستوى الأرض. كتلة الخاطرة تساوى $38,500 \text{ kg}$ وتحرك نحو اليمين بسرعة ثابتة تدرها 8.70 m/s فوق سكة حديدية عديمة الاحتكاك. ثم تتسارع السيارة بعد ذلك تجاه اليسار. مسافة القاطرة بسرعة متدرها 22.0 m/s بالنسبة إلى الأرض. عندما تهبط السيارة أرضا، ما المسافة D بينها وبين الطرف الأيسر من الخاطرة؟ اختر الشكل



$$D = \sqrt{2(1.5 \text{ m})/(9.81 \text{ m/s}^2)} \left(\frac{1450 \text{ kg} + 38,500 \text{ kg}}{38,500 \text{ kg}} \right) (8.7 \text{ m/s} + 22 \text{ m/s}) = 17.6165 \text{ m}$$



7.42 يستقل ثلاثة أشخاص قارباً كتله 120 kg في منتصف بركة في يوم صيفي دافئ فرروا جميعاً المساحة وقفروا من القارب في الوقت ذاته من مواقع متساوية المسافة على مدار محيط القارب. ينفر الشخص الأول وكتلته 62.0 kg من القارب بسرعة قدرها 12.0 m/s ينفر الشخص الثاني وكتلته 73.0 kg من القارب بسرعة قدرها 8.00 m/s ينفر الشخص الثالث وكتلته 55.0 kg من القارب بسرعة قدرها 11.0 m/s . ما المسافة التي ينحرف بها القارب عن موقعه الأصلي؟

$$\vec{p}_i = \vec{p}_f, \text{ or } p_{xi} = p_{xf} \text{ and } p_{yi} = p_{yf}$$

$$\vec{p}_i = 0, \text{ i.e. } p_{xi} = 0 \text{ and } p_{yi} = 0.$$

$$p_{xf} = 0 \Rightarrow -m_1 v_1 + m_2 v_2 \cos \theta + m_3 v_3 \cos \theta + m_r v_{rx} = 0 \Rightarrow v_{rx} = \frac{m_1 v_1 - m_2 v_2 \cos \theta - m_3 v_3 \cos \theta}{m_r}.$$

$$p_{yf} = 0 \Rightarrow 0 + m_2 v_2 \sin \theta - m_3 v_3 \sin \theta + m_r v_{ry} = 0 \Rightarrow v_{ry} = \frac{-m_2 v_2 \sin \theta + m_3 v_3 \sin \theta}{m_r}.$$

$$v_{rx} = \frac{(62.0 \text{ kg})(12.0 \text{ m/s}) - (73.0 \text{ kg})(8.00 \text{ m/s}) \cos 60.0^\circ - (55.0 \text{ kg})(11.0 \text{ m/s}) \cos 60.0^\circ}{120. \text{ kg}} = 1.2458 \text{ m/s}$$

$$v_{ry} = \frac{-(73.0 \text{ kg})(8.00 \text{ m/s}) \sin 60.0^\circ + (55.0 \text{ kg})(11.0 \text{ m/s}) \sin 60.0^\circ}{120. \text{ kg}} = 0.1516 \text{ m/s}$$

$$v_r = \sqrt{(1.2458 \text{ m/s})^2 + (0.1516 \text{ m/s})^2} = 1.2550 \text{ m/s}$$

7.44 في السابق أصبحت كرة المراوغة، إحدى الرياضيات المفضلة التي تمارس في الملاعب. مشهورة بين البالغين من جميع الأعمار الذين يهدفون إلى الحفاظ على لياقتهم البدنية والذين يشاركون في بطولات منتظمة. تندلع كرة جوتوول بدلاً أقل شهرة من كرة المراوغة حيث يسمح للاعبين فيها بإحضار أدواتهم الخاصة (عادةً ما تكون غير خاضعة للتنظيم) كما يسمح فيها بتوجيه الضربات البسيطة إلى الوجه. في إحدى مباريات جوتوول في مواجهة أشخاص في منتصف عمره، يلقي أستاذ الفيزياء كرة قدم كتلتها 0.400 kg في اتجاه طفل يرمي كرة سلة كتلتها 0.600 kg .

تصادم الكرتان في الهواء

كرة القدم (انظر الشكل). ونطير

كرة السلة بطاقة قدرها

32.0° بزاوية 95.0°

بالنسبة إلى مسارها

الابتدائي، قبل التصادم.

كانت طاقة كرة القدم

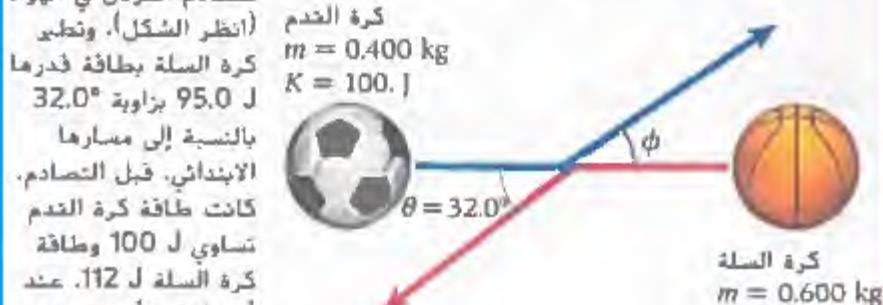
تساوي 100 J وطاقة

كرة السلة 112 J . عند

أي زاوية وباي سرعة

تحركت كرة القدم بعيداً

عن التصادم؟



$$p_{xi} = p_{xf} \Rightarrow m_1 v_{1i} - m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 - m_2 v_{2f} \cos \theta_2,$$

$$p_{yi} = p_{yf} = 0 \Rightarrow m_1 v_{1f} \sin \theta_1 - m_2 v_{2f} \sin \theta_2 = 0,$$

$$v_{1x} = v_{1f} \cos \theta_1 \text{ and } v_{1y} = v_{1f} \sin \theta_1 \Rightarrow v_{1x} = \frac{m_1 v_{1i} - m_2 v_{2i} + m_2 v_{2f} \cos \theta_2}{m_1} \text{ and } v_{1y} = \frac{m_2 v_{2f} \sin \theta_2}{m_1},$$

$$v_{1i} = \sqrt{\frac{2K_{1i}}{m_1}}, \quad v_{2i} = \sqrt{\frac{2K_{2i}}{m_2}}, \quad v_{2f} = \sqrt{\frac{2K_{2f}}{m_2}}, \text{ and } v_{1f} = \sqrt{v_{1x}^2 + v_{1y}^2}.$$

$$v_{1i} = \sqrt{\frac{2(100 \text{ J})}{0.400 \text{ kg}}} = 22.36 \text{ m/s}, \quad v_{2i} = \sqrt{\frac{2(112 \text{ J})}{0.600 \text{ kg}}} = 19.32 \text{ m/s}, \quad v_{2f} = \sqrt{\frac{2(95.0 \text{ J})}{0.600 \text{ kg}}} = 17.80 \text{ m/s},$$

$$v_{1x} = \frac{(0.400 \text{ kg})(22.36 \text{ m/s}) - (0.600 \text{ kg})(19.32 \text{ m/s}) + (0.600 \text{ kg})(17.80 \text{ m/s}) \cos 32.0^\circ}{0.400 \text{ kg}} = 16.02 \text{ m/s},$$

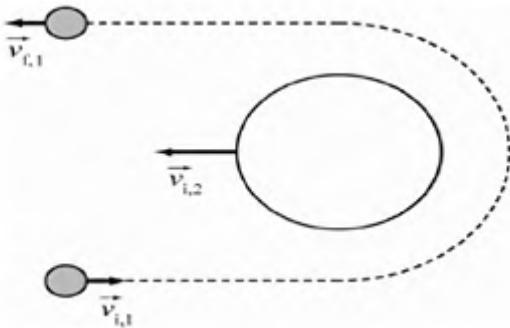
$$v_{1y} = \frac{(0.600 \text{ kg})(17.80 \text{ m/s}) \sin 32.0^\circ}{0.400 \text{ kg}} = 14.15 \text{ m/s}, \quad v_{1f} = \sqrt{(16.02 \text{ m/s})^2 + (14.15 \text{ m/s})^2} = 21.37 \text{ m/s}, \text{ and}$$

$$\theta_1 = \tan^{-1} \left(\frac{14.15 \text{ m/s}}{16.02 \text{ m/s}} \right) = 41.5^\circ.$$

7.45 تصادمت سيارتان من سيارات التصادم التي تتحرك على سطح عديم الاحتكاك تصادماً مرتباً. تتحرك سيارة التصادم الأولى نحو اليمين بسرعة 20.4 m/s وتصطدم بمؤخرة سيارة التصادم الثانية، التي كانت تتحرك أيضاً نحو اليمين لكن بسرعة قدرها 9.00 m/s. ما سرعة سيارة التصادم الأولى بعد التصادم؟ تبلغ كتلة سيارة التصادم الأولى 188 kg، وتبلغ كتلة سيارة التصادم الثانية 143 kg. افترض أن التصادم حدث في بعد واحد فقط.

$$v_{1f} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

$$v_{1f} = \left(\frac{188 \text{ kg} - 143 \text{ kg}}{188 \text{ kg} + 143 \text{ kg}} \right) (20.4 \text{ m/s}) + \left(\frac{2 \cdot 143 \text{ kg}}{188 \text{ kg} + 143 \text{ kg}} \right) (9.00 \text{ m/s}) = 10.55 \text{ m/s}$$

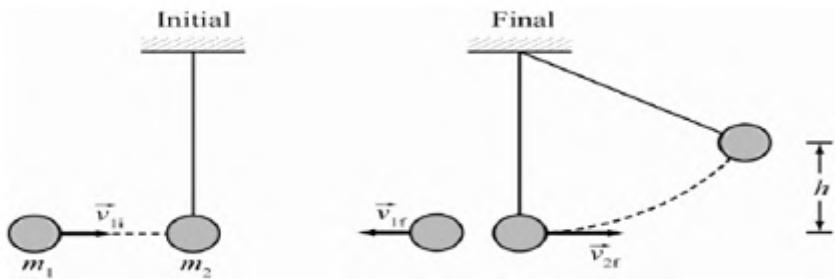


7.46 يقترب قمر صناعي كثته 274 kg بسرعة $v_{1i} = 13.5 \text{ km/s}$ من كوكب كبير بسرعة $v_{2i} = 10.5 \text{ km/s}$. يتحرك الكوكب في الاتجاه المضاد. يدور القمر الصناعي جزئياً حول الكوكب ثم يتحرك بعيداً عن الكوكب في اتجاه مضاد لاتجاهه الأصلي (انظر الشكل). إذا أفترض أن هذا التفاعل يشبه التصادم المرن في بعد واحد تقريباً، فما سرعة القمر الصناعي بعد التصادم؟ غالباً ما يستخدم هذا الشيء الذي يطلق عليه اسم الملاع الماذي في تسميع المسابير الفضائية للرحلات إلى الأماكن البعيدة من النظام الشمسي، (انظر الوحدة 12).

$$v_{1i} = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_{1i} + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_{2i}$$

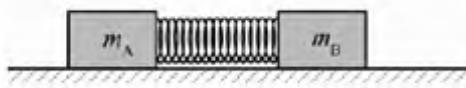
$$m_2 \gg m_1, \quad (m_1 - m_2)/(m_1 + m_2) \approx -1 \quad \text{and} \quad 2m_2/(m_1 + m_2) \approx 2, \quad v_{1i} \approx -v_{1i} + 2v_{2i}.$$

$$v_{1i} = 13.5 \text{ km/s}, \quad v_{2i} = -10.5 \text{ km/s}, \quad v_{1i} = -13.5 \text{ km/s} + 2(-10.5 \text{ km/s}) = -34.5 \text{ km/s}$$

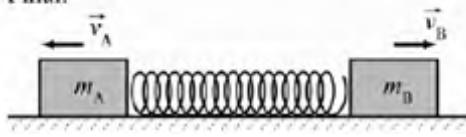


7.47 رأيت زوجين من الأخذية مربوطتين معاً برباط معلقين فوق خط الهاتف. أثبتت حجراً كتلته 0.250 kg على أحد الخذانين (كتلته = 0.370 kg)، وتصادم الحجر تصادماً مرئياً مع الحذاء بسرعة منتجة قدرها 2.30 m/s في الاتجاه الأفقي. ما المسافة التي ستحركها الحذاء إلى أعلى؟

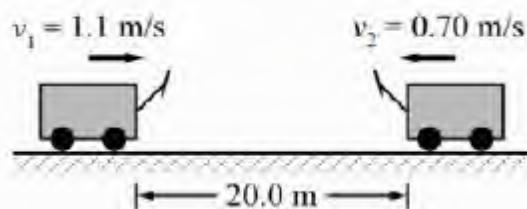
Initial:



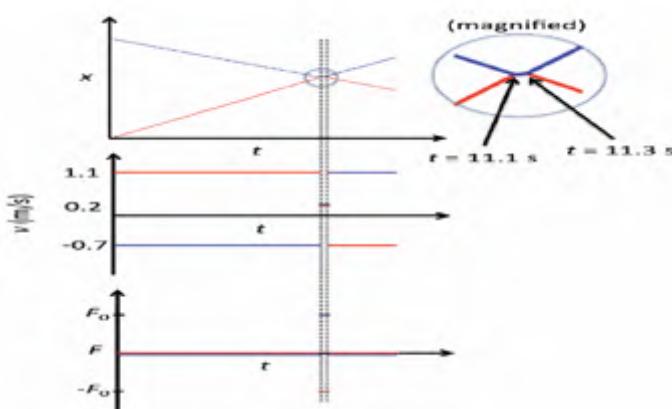
Final:



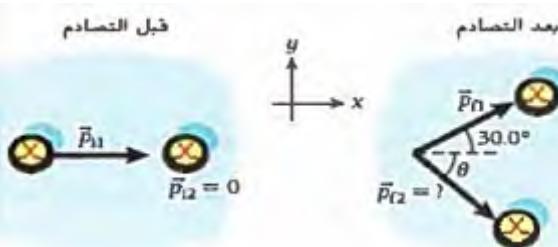
7.49 تصادم جسم أغا (كتلته = 4.00 kg) تصادماً مرئياً مواجهًا بذواه (كتلتها = 166 kg) كانت في وضع سكون مبدئياً. ما النسبة المئوية للطاقة الحركية المختلطة من جسم أغا إلى الذواه أثناء التصادم؟



7.50- لاحظت أن عربة التسوق التي تبعد بمسافة 20.0 m تتحرك بسرعة 1.10 m/s متوجهة قدرها 0.700 m/s، وأطلقت عربة مماثلة بسرعة متوجهة قدرها نحو العربة الأخرى مباشرة لتعبرها. عندما اصطدمت العربتان تصادمت ببعضها متسارتين، لذة 0.200 m. مثل بيأتنا موقع كل من العربتين وسرعتهما المتوجهة ونوتها في صورة دالة زمانية.



7.51- اصطدمت كرة كتلتها 0.280 kg تصادماً مرتباً مواهباً مع كرة أخرى في وضع سكون مبدئياً. غيرت الكرة الثانية بقدر نصف السرعة الأصلية للكرة الأولى
 a) ما كتلة الكرة الثانية؟
 b) ما نسبة الطاقة الحركية الأصلية ($\Delta K/K$) التي انتقلت إلى الكرة الثانية؟



7.54- قرص هوكي كتلته 0.170 kg ويتحرك على امتداد الخط الأزرق (بعد مستقيم أزرق اللون) مرسوم على الجليد في ملعب هوكي بسرعة 1.50 m/s يصطدم بقرص ثابت له مقدار الكتلة نفسه. يخرج القرص الأول من التصادم في اتجاه يعيشه من الخط المستقيم الأزرق بزاوية 30.0° بسرعة 0.750 m/s (انظر الشكل). a) ما اتجاه السرعة الناتجة للقرص الثاني ومقدارها بعد التصادم؟ هل هذا يعاد تصادماً مرتباً؟

$$p_{1x} = p_{1i} \Rightarrow m_1 v_{1i} + 0 = m_1 v_{1f} \cos \theta_1 + m_2 v_{2x}. \text{ Since } m_1 = m_2 = m, \quad v_{2x} = v_{1i} - v_{1f} \cos \theta_1.$$

$$p_{1y} = p_{1i} = 0 \Rightarrow 0 = m_1 v_{1f} \sin \theta_1 + m_2 v_{2y}. \text{ Since } m_1 = m_2 = m, \quad v_{2y} = -v_{1f} \sin \theta_1.$$

$$\text{is } v_2 = \sqrt{v_{2x}^2 + v_{2y}^2} \text{ and the angle is: } \theta = \tan^{-1} \left(\frac{-v_{1f} \sin \theta_1}{v_{1i} - v_{1f} \cos \theta_1} \right).$$

$$v_2 = \sqrt{(1.50 \text{ m/s} - (0.750 \text{ m/s}) \cos 30.0^\circ)^2 + ((-0.750 \text{ m/s}) \sin 30.0^\circ)^2} = 0.92949 \text{ m/s, and}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{-(0.750 \text{ m/s}) \sin 30.0^\circ}{1.50 \text{ m/s} - (0.750 \text{ m/s}) \cos 30.0^\circ} \right) = -23.79^\circ. \text{ Since } m_1 = m_2 = m, \text{ the energy is conserved if } v_{1i}^2 = v_{1f}^2 + v_2^2 \text{ we calculate these values to determine if the collision was elastic.}$$

$$v_{1i}^2 = (1.50 \text{ m/s})^2 = 2.25 \text{ (m/s)}^2 \text{ and } v_{1f}^2 + v_2^2 = (0.750 \text{ m/s})^2 + (0.930 \text{ m/s})^2 = 1.43 \text{ (m/s)}^2.$$

Before Collision:

After Collision:

7.55 تصادم كرة كتلتها $m = 0.210$ kg وطاقتها الحركية $J = 2.97$ نتلاعها مع كرة ثانية في وضع السكون. ولها مقدار الكتلة ذاته. بعد التصادم. تتحرك الكرة الأولى بعيداً بزاوية $\theta_1 = 30.6^\circ$ بالنسبة إلى المستوى الأفقي. كما هو موضح في الشكل. ما الطاقة الحركية للكرة الأولى بعد التصادم؟

يقود رجل دراجته الهوائية بسرعة كبيرة. ثم يطبق قوة ثابتة على الفرامل مقدارها 10N لمدة 20s .



) ما مقدار الدفع المؤثر في الدرجة؟

$$\vec{F} \Delta t = \text{الدفع} \quad [1]$$

$$\text{الدفع} = -10 \times 20 \quad [1]$$

$$\text{الدفع} = -200Ns \quad [2]$$

درجة على القيمة ودرجة على الوحدة (تقدير الوحدة kg.m/s)

ب) ما مقدار التغير في كمية الحركة للدراجة؟

[1] التغير في كمية الحركة = الدفع

$$= -200 \text{ kg.m/s} \quad [1]$$

الدرجة على القيمة ، ويجب أن يكون الاتجاه متوافق مع ما حصل عليه في المطلوب أ

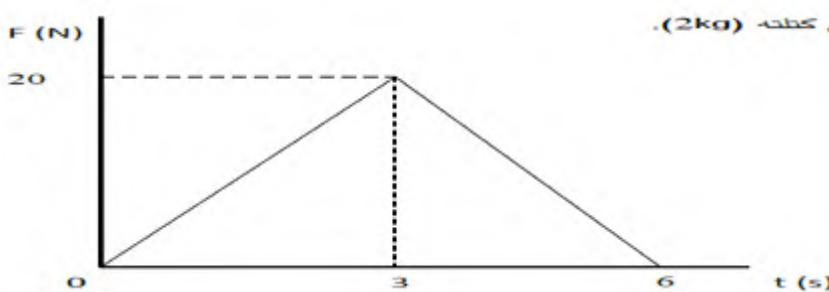
مدفع كتلته (1500 kg) يطلق قذيفة كتلتها (3.0 kg). تطلق القذيفة من المدفع بسرعة (50m/s). كم يكون مقدار سرعة المدفع بعد إطلاق القذيفة مباشرة؟

- 0.1m/s (a)
-0.1m/s (b)
-10m/s (c)
25000m/s (d)

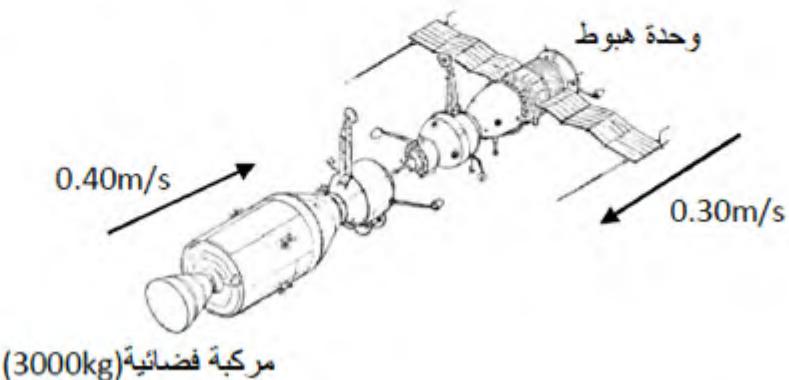
الرسم البياني الآتي يبين قوة حوتر على جسم كثافة (2kg).

ما مقدار الدفع المؤثر في الجسم؟

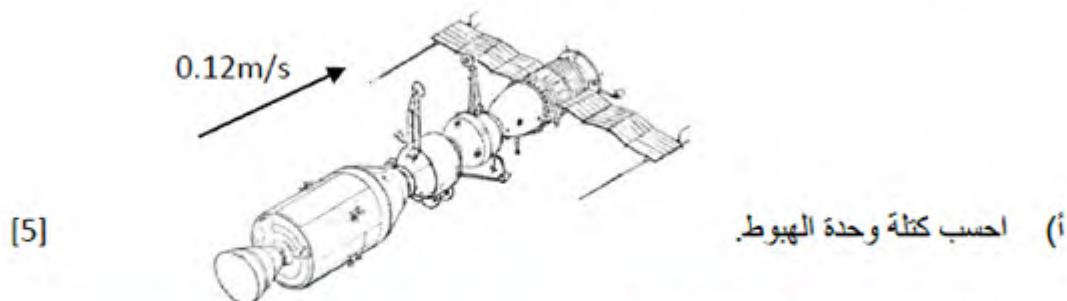
- 15Ns (a)
30Ns (b)
60Ns (c)
120Ns (d)



مركبة فضائية كتلتها (3000kg) تتحرك بسرعة ثابتة مقدارها (0.40m/s) في الاتجاه المبين في الشكل الآتي. تقترب منها وحدة هبوط تتحرك في الاتجاه المعاكس بسرعة (0.30m/s) للتلتحم بها.



عد اللتحام تتحرك المركبة و الوحدة بسرعة ثابتة مقدارها (0.12m/s) في نفس الاتجاه الذي كانت تتحرك فيه المركبة الفضائية.



بنطبيق قانون حفظ كمية الحركة

$$m_A \vec{v}_{Ai} + m_B \vec{v}_{Bi} = m_A \vec{v}_f + m_B \vec{v}_f \quad [1]$$

$$(3000 \times 0.4) + (m_B \times -0.3) = (3000 \times 0.12) + (m_B \times 0.12) \quad [1]$$

$$m_B = 2000kg \quad [2]$$

ب) يتم إطلاق نظام الدفع لإبطاء حركة المركبة و إيقافها خلال (1.5s). أوجد مقدار و اتجاه قوة الدفع التي يطبقها نظام الدفع على المركبة .

$$\begin{aligned} \vec{F} \Delta t &= m \vec{v}_f - m \vec{v}_i \\ \vec{F} \times 1.5 &= 0 - ((3000 + 2000) \times 0.12) \\ \vec{F} &= -400N \end{aligned}$$

كرة بليارد سوداء كتلتها (0.40kg) تصطدم بكرة بليارد بيضاء لها نفس الكتلة بسرعة (2.2m/s). تتوقف الكرة السوداء بينما تتحرك الكرة البيضاء في الاتجاه الذي كانت تتحرك فيه الكرة السوداء.



أ) ما مقدار التغير في كمية الحركة للكرة السوداء؟

$$\Delta \vec{p} = m_B \vec{v}_{Bf} - m_B \vec{v}_{Bi} \quad [1]$$

$$\Delta \vec{p} = (0.4 \times 0) - (0.4 \times 2.2) \quad [1]$$

$$\Delta \vec{p} = -0.88 \text{ kg m/s} \quad [2]$$

درجة على القيمة و درجة على الوحدة

ب) وضح أن سرعة الكرة البيضاء أصبحت (2.2m/s)

$$\text{كمية الحركة بعد التصادم} = \text{كمية الحركة قبل التصادم} \quad [1]$$

(تقبل أي عبارة أخرى لها المعنى الفيزيائي نفسه)

$$m_W \vec{v}_{Wi} + m_B \vec{v}_{Bi} = m_W \vec{v}_{Wf} + m_B \vec{v}_{Bf} \quad [1]$$

$$(0.4 \times 0) + (0.4 \times 2.2) = (0.4 \times \vec{v}_{Wf}) + 0 \quad [1]$$

$$\vec{v}_{Wf} = 2.2 \text{ m/s} \quad [1]$$

الدرجة على القيمة

ج) استخدم قانون حفظ كمية الحركة لمقارنة القوى المؤثرة في كل من الكرتين وفستر كيف يتفق ذلك مع القانون الثالث لنيوتن.

$$\vec{F}_{W \text{ on } B} = \frac{(\Delta \vec{p})_B}{\Delta t} \quad [1]$$

$$\vec{F}_{W \text{ on } B} = \frac{-0.88}{\Delta t} \quad [1]$$

$$\vec{F}_{B \text{ on } W} = \frac{(\Delta \vec{p})_W}{\Delta t}$$

$$\vec{F}_{B \text{ on } W} = \frac{0.88}{\Delta t} \quad [1]$$

$$\vec{F}_{W \text{ on } B} = -\vec{F}_{B \text{ on } W} \quad [1]$$

و هذا هو القانون الثالث لنيوتن

مراجعة المفاهيم 7.7

أختبر العبارة الصحيحة:

(a) في تصادم مرن بين جسم ما وجدار، قد تُحفظ الطاقة وقد لا تُحفظ.

(b) في تصادم مرن بين جسم ما وجدار، قد تُحفظ كمية الحركة وقد لا تُحفظ.

(c) في تصادم مرن بين جسم ما وجدار، تكون زاوية المضطربة متساوية لزاوية المضطربة.

(d) في تصادم مرن بين جسم ما وجدار، لا يُغير متوجه كمية الحركة الأصلية شرطة التصادم.

(e) في تصادم مرن بين جسم ما وجدار، لا يمكن أن يغير الحدار كمية حركة الجسم نظراً لحفظ كمية الحركة.

مراجعة المفاهيم 7.8

أختبر العبارة الصحيحة:

(a) عندما يصطدم جسم متتحرك بجسم ثابت، تكون الزاوية بين متوجه السرعة المتوجه للجسمين بعد التصادم تساوية 90° دائماً.

(b) بالنسبة إلى التصادم في الحياة اليومية بين جسم متتحرك وجسم ثابت، لا تُنقل الزاوية التي بين متوجه السرعة المتوجه للجسمين بعد التصادم عن 90° مطلقاً.

(c) عندما يصادم جسم متتحرك بجسم ثابت نصافياً مواجهها، فإن الزاوية بين متوجه السرعة المتوجه بعد التصادم تساوية 90° .

(d) عندما يتصادم جسم متتحرك بجسم ثابت له مقدار الكتلة نفسه نصادفها مرتين مواجهها، يتوقف الجسم الذي كان يتحرك وينتظر الجسم الآخر بمقدار السرعة المتوجه الأصلي للجسم المتحرك.

(e) عندما يتصادم جسم متتحرك بجسم ثابت له الكتلة نفسها نصادفها مرتين، لا يمكن أن تكون الزاوية بين متوجه السرعة المتوجه بعد التصادم 90° .

مراجعة المفاهيم 7.3

نُقسم العدد من السيارات مرودة بمناطق انتشار الصدمات في المدينة والتي تتعرض لدمار شديد في حال حدوث تصادم مواجه، الفرض من هذا التصريح هو

(a) تقليل الدفع الذي يتعرض له قائد السيارة أثناء التصادم.

(b) زيادة الدفع الذي يتعرض له قائد السيارة أثناء التصادم.

(c) تقليل زمن التصادم ومن ثم تقليل القوة المؤثرة في قائد السيارة.

مراجعة المفاهيم 7.5

في الحالة الموضحة في الشكل 7.7، الفرض أن كتلة العربة ذات المربع البرتقالي أكبر بكثير جداً من كتلة العربة ذات الدائرة الخضراء، أي النتائج تتوافق؟

(a) تتباهي النتيجة تدريباً مع تلك الموضحة في الشكل.

(b) تتحرك العربة ذات المربع البرتقالي بعد التصادم بسرعة متوجهة من دون تغيير تدريباً، في حين

تحريك العربة ذات الدائرة الخضراء بسرعة متوجهة تعادل حفظ السرعة المتوجهة الابتدائية للعربة ذات المربع البرتقالي تدريباً.

مراجعة المفاهيم 7.6

في الحالة الموضحة في الشكل 7.7، إذا كانت كتلة العربة ذات الدائرة الخضراء (التي كانت في وضع السكون في الأصل) أكبر بكثير جداً من كتلة العربة ذات المربع البرتقالي، فما هي النتائج تتوافق؟

(a) تتحرك العربة ذات المربع البرتقالي بمقدار السرعة نفسه الذي كانت تتحرك به العربة ذات المربع البرتقالي قبل التصادم تدريباً.

(b) تتحرك العربة ذات المربع البرتقالي بعد التصادم بسرعة متوجهة من دون تغيير تدريباً، في حين

تحريك العربة ذات الدائرة الخضراء بسرعة متوجهة تعادل حفظ السرعة المتوجهة الابتدائية للعربة ذات المربع البرتقالي تدريباً.

مراجعة المفاهيم 7.1

مشهد ثمودجي من مباراة كرة القدم الأمريكية في الجامدة بعد ظهور من يوم السبت، يركض اللاعب الظهير الذي يبلغ كتلته 95 kg بسرعة قدرها 7.8 m/s

ويركض ملتحف الكرة الذي يبلغ كتلته 74 kg بسرعة قدرها 9.6 m/s

إلى مقدار كمية الحركة والطاقة المركبة لللاعب الظهير بالرمزيين p_1 و K_1 ، على

النواقي، ومقدار كمية الحركة والطاقة المركبة المتساوية المضطربة بالرمزيين p_2 و K_2 ، أي مجموعة من المثابات

$p_1 > p_2$, $K_1 > K_2$ (a)

$p_1 < p_2$, $K_1 > K_2$ (b)

$p_1 > p_2$, $K_1 < K_2$ (c)

$p_1 < p_2$, $K_1 < K_2$ (d)

مراجعة المفاهيم 7.2

إذا طربت كرة البيسبول في مثل 7.1 بحث تتحرك المقدار ذاته من السرعة 110 mph بعد ابتعادها عن المضرب إلا أنها أطلقت بزاوية 38° أعلى من المستوى الأرضي، فإن الدفع الذي تطلبه كرة البيسبول سيسكون

(a) أقوى (a)

(b) أضعف

مراجعة المفاهيم 7.4

افتراض أن نصادف مرتين حدث في بيد واحد كما في المثال الموضح في الشكل 7.7 حيث تكون العربة المبرزة بالدائرة الحمراء في وضع السكون مبدئياً وتكون للعربة ذات المربع البرتقالي سرعة > 0 ، مما يعني أنها تتحرك من اليسار إلى اليمين، مما رأيك في كتليتي العربتين؟

$m_{orange} < m_{green}$ (a)

$m_{orange} > m_{green}$ (b)

$m_{orange} = m_{green}$ (c)