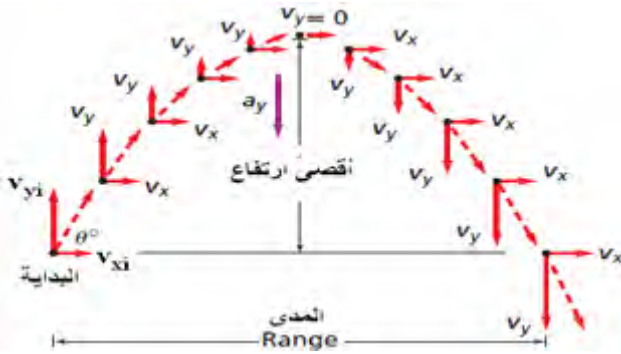


الفصل الثاني : الحركة في بعدين

2-1 : حركة المقذوف

- **المقذوف:** جسم يطلق في الهواء ويخضع لتأثير قوة الجاذبية فقط (مع إهمال مقاومة الهواء).
- **مسار المقذوفات:** هو المسار الذي يسلكه الجسم المقذوف في الهواء ويكون على شكل قطع مكافئ. ويعتمد مسار المقذوفات على السرعة الابتدائية وزاوية القذف فقط.



وصف حركة المقذوف

- 1- عندما يطلق المقذوف بسرعة ابتدائية وزاوية معينة تكون للسرعة الابتدائية مركبتان رأسية وأفقية.
- 2- تقل المركبة الرأسية للسرعة تدريجيا كلما اتجه الجسم لأعلى، حتى تصبح صفرا عند أقصى ارتفاع.
- 3- عندما يهبط الجسم تزداد المركبة الرأسية للسرعة تدريجيا ليتساوى مقدارها في أثناء الصعود والهبوط عند نفس الارتفاع.
- 4- تبقى المركبة الأفقية للسرعة ثابتة المقدار والاتجاه طوال الحركة.

ملاحظات هامة جدا:

- 1- زمن صعود الجسم إلى أقصى ارتفاع يساوي زمن الهبوط دائما.
- 2- السرعة التي يقذف بها الجسم تساوي السرعة التي يهبط بها الجسم عند نفس المستوى (الارتفاع)
- 3- عند أقصى ارتفاع تكون المركبة الرأسية للسرعة تساوي صفرا ، ولذا تكون السرعة الكلية مساوية للمركبة الأفقية.
- 4- السرعة في الاتجاه الأفقي ثابتة دائما... عل
- 5- بسبب عدم وجود قوة أفقية تؤثر في الكرة في هذا الاتجاه على عكس الاتجاه الرأسي الذي يتأثر بقوة الجاذبية الأرضية.
- 6- المدى الأفقي متساوي للأجسام المقذوفة بزوايتان مجموعها 90 (زوايتان متتامتان) عندما تكون لها نفس السرعة الابتدائية.

مصطلحات مهمة:

- 1- **المدى الأفقي (R):** هي المسافة الأفقية القصوى التي يقطعها المقذوف.
- 2- **زمن التحليق:** هو الزمن الذي يقضيه المقذوف في الهواء.

خطوات حل مسائل المقذوفات:

- 1- نحلل السرعة الابتدائية للمقذوف إلى مركبتين أفقية ورأسية.
- 2- نستخدم معادلة الحركة المناسبة على المستوى الأفقي والرأسي لإيجاد الكمية المجهولة.

معادلات الحركة في المستوى الأفقي	معادلات الحركة في المستوى الرأسي
$d_x = v_{ix} t$ (1)	$v_{fy} = v_{iy} + g t$ (1)
	$d_y = v_{iy} t + \frac{1}{2} g t^2$ (2)
	$v_{fy}^2 = v_{iy}^2 + 2g d_y$ (3)

- 3- عندما يكون المطلوب إيجاد زمن التحليق فإن زمن التحليق يساوي ضعف زمن الصعود أي: زمن التحليق $2t$
- 4- السرعة الكلية (المحصلة) عند أي نقطة تساوي محصلة مركبتي السرعة الرأسية والأفقية عند تلك النقطة.

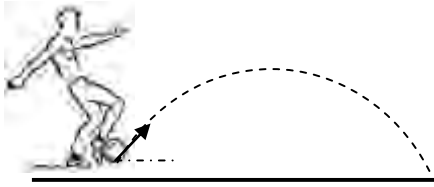
$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \quad \theta = \tan^{-1}\left(\frac{v_y}{v_x}\right)$$

تدريبات متنوعة على حركة المقذوفات

تدريب 1: قذف لاعب كرة من مستوى الأرض بسرعة ابتدائية 27 m/s وفي اتجاه يميل على المستوى الأفقي بزاوية 30° درجة مهملاً

مقاومة الهواء احسب كلا مما يلي :

1- زمن الوصول لأقصى ارتفاع.



2- الزمن الكلي لتحليق الكرة.

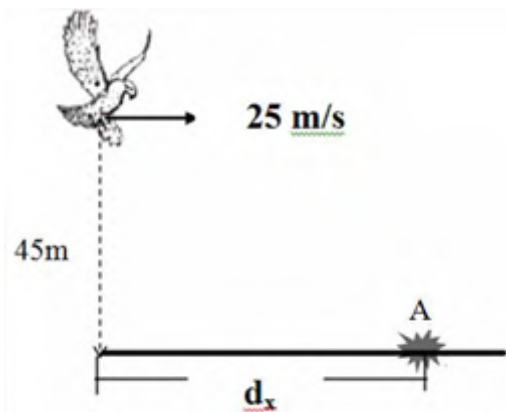
3- أقصى ارتفاع تصل إليه الكرة

4- المدى الأفقي لحركة الكرة .

5- سرعة الكرة لحظة اصطدامها بالأرض.

تدريب 2: يطير صقر على ارتفاع 45 m سقط منه أرنب فاصطدم بالأرض عند (A)

1- احسب الزمن اللازم ليرتطم الأرنب بالأرض.



2- المدى الأفقي (أكبر مسافة أفقية).

3- سرعة الجسم لحظة ارتطامه بالأرض (مقداراً واتجهاً)

تدريب 3: قذف حجر أفقياً من فوق بناية ارتفاعها 78.4 m بسرعة 5 m/s

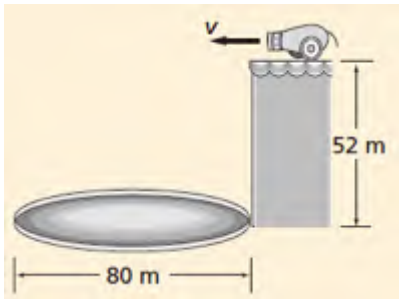
1- احسب الزمن الذي يستغرقه للوصول إلى سطح الأرض ؟

2- على أي بعد من قاعدة البناية يرتطم الحجر بالأرض؟

3- ما مقدار كل من مركبتي السرعة الأفقية والرأسية لحظة اصطدام الحجر بالأرض؟

تدريب 4: تنطلق قذيفة بسرعة أفقية من مدفع بسرعة أفقية 25 m/s

لتسقط في حلقة قطرها 80 m هل تسقط الكرة داخل الحلقة أم تتجاوزها ؟

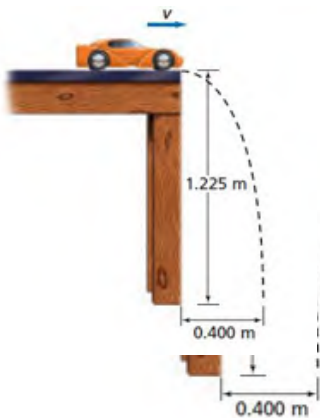


تدريب 5: في الشكل المقابل تسقط سيارة لعبة من حافة الطاولة لتتصادم بالأرض. احسب

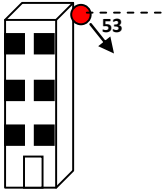
ما يلي:

1- الزمن الذي استغرقته السيارة في الهواء.

2- سرعة السيارة لحظة مغادرتها حافة الطاولة.



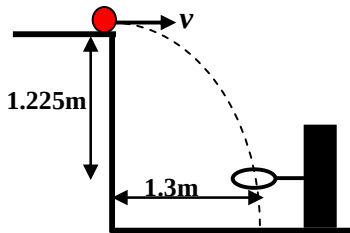
تدريب 6: قذفت كرة من أعلى بناية ارتفاعها 78.4m بسرعة ابتدائية 7m/s في اتجاه يصنع زاوية 53° درجة تحت الأفقي. أوجد مقدار واتجاه سرعة الكرة لحظة اصطدامها بالأرض.



تدريب 7: إذا قذفت قلما من فوق سطح بناية ارتفاعها 64m بسرعة أفقية 8m/s فعلى أي بعد من قاعدة البناية ستبحث عنه.

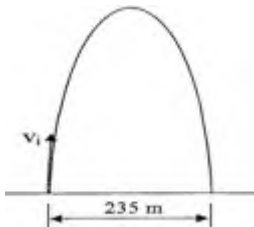
تدريب 8: أطلق جسمين متماثلين بنفس السرعة v_i من نقطة على سطح أفقي ، الأول بزاوية 60° مع الأفقي ، والثاني بزاوية 30° مع الأفقي . قارن بين الجسمين من حيث : 1- المدى الأفقي 2- أقصى ارتفاع

تدريب 9: استخدم البيانات الموضحة على الشكل المجاور لحساب السرعة الأفقية (v) التي يجب أن تقذف بها الكرة كي تعبر الحلقة.



تدريب 10: أطلق مقذوف بزاوية في الهواء ، وكان المدى الأفقي الذي قطعه قبل أن يصطدم بالأرض 235m ، وزمن تحليقه في الهواء 4.7s ، احسب:

1- المركبة الأفقية لسرعة إطلاق المقذوف.



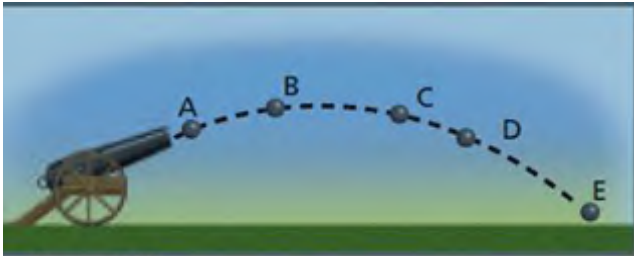
2- المركبة الرأسية لسرعة اطلاق المقذوف.

3- أقصى ارتفاع يصل اليه المقذوف.

تدريب 11: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يلي:

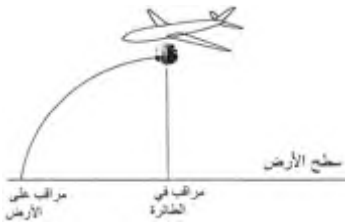
- 1- عندما نذف جسما لأعلى بسرعة ابتدائية 20m/s بزاوية 60° درجة تكون سرعته الكلية عند أقصى ارتفاع
أ- صفرا ب- 5m/s ج- 10m/s د- 20m/s
- 2- أقصى ارتفاع يصل إليه جسم قذف لأعلى بسرعة 40m/s بزاوية 30° درجة
أ - 5m ب- 10m ج - 15m د- 20m
- 3- إذا كان زمن وصول قذيفة مدفع لأقصى ارتفاع 8s وكانت السرعة الابتدائية لها 160m/s تكون الزاوية التي انطلقت بها
أ - 15° درجة ب- 30° درجة ج - 45° درجة د- 60° درجة

أسئلة مفاهيمية على حركة المقذوفات



تدريب 1: الشكل المقابل يمثل مسار قذيفة مدفع

- 1- عند أي نقطة يكون مقدار المركبة الرأسية للسرعة أكبر ما يمكن (.....)
- 2- عند أي نقطة يكون مقدار المركبة الأفقية للسرعة أكبر ما يمكن (.....)
- 3- عند أي نقطة يكون التسارع أقل ما يمكن متساوي عند كل النقاط باهمال مقاومة الهواء
- 4- عند أي نقطة يكون مقدار السرعة الرأسية أقل ما يمكن (.....)



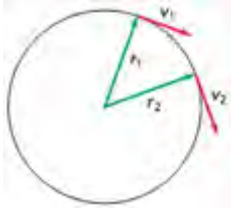
تدريب 2: أسقطت طائرة تحلق بسرعة أفقية كيسا للمساعدات فوق منطقة ما. ارسم على الشكل مسار الكيس كما يبدو بالنسبة:

- 1- مراقب في الطائرة.
- 2- مراقب على الأرض.

تدريب 3: أجب عما يلي:

- 1- إذا كنت داخل سيارة تتحرك بسرعة منتظمة وقمت بقذف كرة رأسيا إلى أعلى هل تسقط الكرة أمامك أم خلفك أم في يدك؟
تسقط الكرة في يدك لأنك أنت والسيارة والكرة تتحركون بالسرعة الأفقية نفسها
- 2- **علل- حركة المقذوفات في الاتجاه الأفقي تكون بسرعة منتظمة ($a=0$)؟**
بسبب عدم وجود قوة أفقية تؤثر في الكرة في هذا الاتجاه على عكس الاتجاه الرأسي الذي يتأثر بقوة الجاذبية الأرضية.
- 3- **أطلقت دبابة قذيفة أفقية من نقطة معينة ، في اللحظة التي سقطت فيها قذيفة ثانية من نفس النقطة نحو الأرض، فإذا كان مستوى الأرض أفقيا، أي القذيفتين تصل الأرض أولا؟ ولماذا؟**
تصل القذيفتان في نفس اللحظة ، لأن السرعة الابتدائية الرأسية للقذيفتين صفرا.
- 4- **علل- إذا أطلقت كرة بسرعة أفقية عن سطح طاولة، وأسقطت عن سطح الطاولة في نفس اللحظة كرة أخرى سقوطا حرا فان الكرتين تصطدمان بالأرض معا.**
لأن المركبة الأفقية للسرعة غير مرتبطة بالمركبة الرأسية ، وكلا الكرتين بدأت بسرعة رأسية تساوي صفر ، وكلاهما تعرض لنفس تسارع الجاذبية الأرضية.

2-2: الحركة الدائرية



• **الحركة الدائرية المنتظمة:** هي حركة جسم بسرعة منتظمة حول دائرة نصف قطرها ثابت.

• **متجه الموقع والسرعة والتسارع في الحركة الدائرية المنتظمة**

- 1- متجه الموقع عند لحظة معينة هو متجه إزاحة ذيله عند نقطة الأصل ورأسه يشير لموقع الجسم عند تلك اللحظة.
- 2- متجه السرعة عند لحظة معينة يكون على شكل مماس لمحيط الدائرة ، ويكون دائما عمودي على متجه الموقع.
- 3- وفي الحركة الدائرية يبقى مقدار متجه السرعة ثابتا، ولكن اتجاهه يتغير.
- 3- متجه التسارع يشير دائما إلى مركز الدائرة ولذا يسمى بـ "التسارع المركزي".

علل: في الحركة الدائرية المنتظمة يكون للجسم تسارعا باتجاه المركز على الرغم من أن مقدار سرعته لا يتغير.

ج: وذلك بسبب تغير اتجاه الجسم المتحرك لحظيا مما يؤدي لتغير السرعة المتجهة للجسم، وحيث أن التسارع هو التغير في السرعة المتجهة (المقدار والاتجاه) لذا فإن الجسم يتسارع.

• **القوة المركزية:** هي محصلة القوى التي تؤثر نحو مركز دائرة ، والتي تسبب التسارع المركزي للجسم.

• **أمثلة على القوى المركزية**

المثال	جسم مربوط في خيط يدور أفقيا	سيارة تدور في منعطف	دوران كوكب حول الشمس
القوة المركزية	قوة الشد (F_T)	قوة الاحتكاك السكوني (F_s)	قوة الجذب الكوني (F_g)
رسم توضيحي			

• **القوة الطاردة المركزية:** قوة وهمية تظهر كما لو كانت تؤثر نحو الخارج في الجسم المتحرك حركة دورانية .

• **قوانين الحركة الدائرية**

$$1- \text{التسارع المركزي} \quad a_c = \frac{v^2}{r}$$

$$2- \text{سرعة جسم يتحرك في مسار دائري} \quad v = \frac{2\pi \cdot r}{T}$$

$$3- \text{القانون الثاني لنيوتن في الحركة الدائرية} \quad F_{\text{المحصلة}} = ma_c$$

$$F_{\text{المحصلة}} = m \frac{v^2}{r}$$

تدريبات متنوعة على الحركة الدائرية



تدريب 1: يدور لاعب مطرقة كتلتها 7 kg وتبعد مسافة 1.8 m عن محور الدوران وتتحرك في مسار دائري أفقي كما في الشكل المقابل ، فإذا أكملت المطرقة دورة كاملة في 1 s . فأحسب ما يلي :

- 1- التسارع المركزي .
- 2- قوة الشد في السلسلة .

تدريب 2: تسير سيارة بسرعة 22 m/s في منعطف نصف قطره 56 m احسب التسارع المركزي وأقل قيمة لمعامل الاحتكاك السكوني بين العجلات والأرض لمنع السيارة من الانزلاق.

تدريب 3: سيارة كتلتها 615 kg تتحرك في مضمار دائري تكمل دورة واحدة في 14.3 s ، فإذا كان نصف قطر المضمار الدائري 50 m . فأحسب ما يلي :

- 1- تسارع السيارة .
- 2- القوة التي يؤثر بها الطريق في عجلات السيارة .

تدريب 4: يسير متسابق بسرعة 8.8 m/s في منعطف نصف قطره 25 m ما مقدار التسارع المركزي – ما مصدر القوة المؤثرة فيه؟

تدريب 5: تطير طائفة بسرعة مقدارها 201 m/s عند دورانها في مسار دائري ما أقل نصف قطر لهذا المسار بوحدة Km على أن يبقى مقدار التسارع المركزي 5 m/s^2 ؟

تدريب 6: يوفر الاحتكاك بين السيارة والطريق القوة اللازمة للمحافظة على حركتها في مسار دائري نصف قطره $80m$ ، فإذا علمت أن معامل الاحتكاك بين إطارات السيارة والطريق 0.4 ، فاحسب أقصى سرعة يمكن أن تتحرك بها السيارة ؟

تدريب 7: (الحركة الرأسية) كرة كتلتها $1.12kg$ مربوطة في نهاية خيط طوله $0.5m$ وتتحرك حركة دائرية منتظمة في مستوى رأسي بسرعة ثابتة مقدارها $2.4m/s$. احسب مقدار قوة الشد في الخيط عند:

أ- النقطة المنخفضة في المسار الدائري.

ب- أعلى نقطة في المسار الدائري.

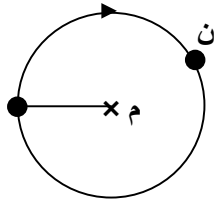
تدريب 8: (الحركة الرأسية) حجر مربوط في احدى نهايتي خيط ، والنهائية الثانية للخيط مثبتة في نقطة (م) ،

ويدور في مسار دائري رأسي منتظم حول النقطة (م) باتجاه عقارب الساعة كما في الشكل المجاور. عندما يصل

الحجر الى النقطة (ن)، ارسم على الشكل:

1- اتجاه القوى المؤثرة على الحجر.

2- مسار الحجر اذا قطع الخيط عند تلك النقطة.



تدريب 9: (اختر الإجابة) مقدار المسافة التي يتحركها جسم يتحرك حركة دورانية منتظمة في دورة واحدة تساوي:

د- πr

ج- v^2 / r

ب- $2\pi\sqrt{r/a_c}$

أ- $2\pi r$

أسئلة مفاهيمية على الحركة الدائرية

تدريب 1: ما اتجاه القوة المؤثرة في الملابس الموجودة في مجفف الغسالة أثناء دورانها ؟ وما الذي يولد هذه القوة؟

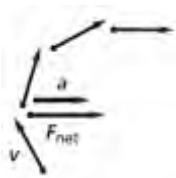
ج: اتجاه القوة في اتجاه مركز المجفف .

جدران المجفف تؤثر بقوة على الملابس – مما يؤدي إلى أن قطرات الماء الموجودة في الملابس تخرج من فتحات المجفف بدلا من اتجاهها ناحية المركز .

تدريب 2: إذا كنت تجلس في المقعد الخلفي لسيارة تنعطف ناحية اليمين ، فارسم مخطط الحركة ومخطط الجسم الحر

للإجابة عن الأسئلة التالية: أ- ما اتجاه تسارعك ؟ ب- ما اتجاه القوة المحصلة المؤثرة فيك ؟ وما مصدرها؟

ج: اتجاه السرعة يكون في اتجاه المماس للمسار الدائري ، أما اتجاه التسارع هو نفس اتجاه القوة ناحية المركز (ناحية اليمين) مصدر القوة هو مقعد السيارة



تدريب 3: ذكر مقال في صحيفة أنه عندما تتحرك سيارة في منعطف فإن على السائق أن يوازن بين القوة المركزية وقوة الطرد المركزي**اكتب رسالة للصحيفة تنقد فيها هذا المقال.**

يوجد تسارع في اتجاه المركز لأن اتجاه السرعة متغير لذلك لابد من وجود قوة محصلة (مركزية) في اتجاه مركز الدائرة التي يشكلها المنعطف يولد الاحتكاك بين الطريق والعجلات هذه القوة، وتؤثر المقعد بقوة على السائق فيجعله يتسارع بقوة في اتجاه مركز الدائرة، مع ملاحظة أن قوة الطرد المركزي هي قوة غير حقيقية.

تدريب 4: نتيجة لدوران الأرض اليومى أنت تتحرك حركة دائرية منتظمة ما المصدر الذي يولد هذه القوة التي تؤدي**إلى تسارعك؟ وكيف تؤثر هذه الحركة في وزنك الظاهري؟**

الذي يولد هذه القوة هو جاذبية الأرض الذي يؤدي إلى تسارعك الدائري المنتظم وتسارعك الدائري المنتظم يقلل من وزنك الظاهري

تدريب 5: إذا كنت داخل سيارة تتحرك في منعطف بسرعة منتظمة وقمت بقذف كرة رأسياً إلى أعلى هل تسقط الكرة أمامك أم خلفك**أم في يدك؟**

تسقط الكرة بجانبك في اتجاه خارج المنعطف، ويبين منظر علوى أن الكرة تتحرك في خط مستقيم بينما أنت والسيارة تتحركان في اتجاه الخارج من تحت الكرة.

تدريب 6: هل يمكنك الدوران حول منعطف بالتسارعين اللاتيين؟

1- تسارع = صفر

2- تسارع منتظم

1- لا لأنه أثناء التحرك في منعطف يتغير اتجاه السرعة وبالتالي لا يمكن للتسارع أن يساوى صفراً

2- لا لأن التسارع يكون مقداره ثابت لكن اتجاهه متغير

2-3: السرعة النسبية

- **السرعة النسبية:** هي سرعة جسم بالنسبة لجسم آخر بمرور الزمن أو هي السرعة التي يغير فيها جسم وضعه بالنسبة إلى جسم آخر.
- **قانون السرعة النسبية:** سرعة الجسم a بالنسبة للجسم c هي حاصل الجمع ألتجاهي لسرعة الجسم a بالنسبة للجسم b وسرعة الجسم b بالنسبة للجسم c .

$$v_{a/b} + v_{b/c} = v_{a/c}$$

• خطوات حل مسائل السرعة النسبية

- 1- نرسم متجهات لتمثيل السرعات النسبية.
- 2- نختار القانون المناسب لإيجاد محصلة المتجهات واتجاهها.

تدريبات متنوعة على السرعة النسبية

تدريب (1): يركب أحمد قطار يتحرك نحو الشرق بسرعة 15m/s بالنسبة للأرض. احسب سرعة أحمد بالنسبة لراصد على الأرض في الحالات التالية:

- 1- إذا كان أحمد ساكنا بالنسبة للقطار.
- 2- إذا تحرك أحمد نحو مقدمة القطار (شرقا) بسرعة 3m/s بالنسبة للقطار.
- 3- إذا تحرك أحمد نحو مؤخرة القطار (غربا) بسرعة 3m/s بالنسبة للقطار.
- 4- إذا تحرك أحمد نحو الشمال بسرعة 3m/s عموديا على جانب القطار بالنسبة للقطار.
- 5- إذا تحرك أحمد في اتجاه الشمال الشرقي بسرعة 3m/s بالنسبة للقطار.

تدريب (2): يركب أحمد قارب يتجه ناحية الشرق بسرعة 4m/s ، دحرج أحمد كرة من القارب ناحية الشمال بسرعة 0.75m/s ما سرعة الكرة بالنسبة للماء.

تدريب (3): تطير طائرة نحو الشمال بسرعة 150 km/h وتذهب عليها رياح ناحية الشرق بسرعة 75 km/h ما سرعة الطائرة بالنسبة للأرض.

تدريب (4): يسير قارب سريع في اتجاه الشمال الشرقي بسرعة 13 m/s بالنسبة إلى ماء نهر يتجه ناحية الشمال بسرعة 5 m/s بالنسبة للضفة احسب سرعة القارب بالنسبة إلى الضفة واتجاهها .

تدريب (5): تتحرك سيارتان على الخط السريع بنفس السرعة والاتجاه بالنسبة لمراقب على الأرض، فإذا كانت سرعة كل منهما v ، فاحسب السرعة النسبية للسيارة الأمامية بالنسبة لمراقب في السيارة الخلفية.

تدريب (6): تطير طائرة بسرعة 320 m/s بالنسبة للأرض ، فإذا أطلقت قذيفة بسرعة 550 m/s بالنسبة للطائرة، احسب سرعة القذيفة بالنسبة للأرض في كل من الحالتين :

1- إذا أطلقت القذيفة نحو الأمام.

2- إذا أطلقت القذيفة نحو الخلف.

تدريب (7): إذا كنت تركب سيارة نحو الشرق بسرعة 80 km/h بالنسبة لمشاهد على الطريق ، وكان صديقك يركب سيارة تتجه نحو سيارتك بسرعة 100 km/h ، بالنسبة لنفس المشاهد ، فكم تكون سرعتك بالنسبة لصديقك؟

تدريب (8): يقود أحمد دراجته على أحد جانبي طريق أفقي بسرعة 3.5 m/s شرقا ، ويجلس سعيد على الجانب الآخر للطريق كما في الشكل المجاور. وعندما وصل أحمد إلى النقطة المقابلة لسعيد تماما، قذف إليه كرة بسرعة 0.76 m/s شمالا. أجب عن الأسئلة التالية:

1- هل يتمكن سعيد من التقاط الكرة إذا بقي ثابتا في مكانه؟ ولماذا؟

2- احسب سرعة الكرة بالنسبة لسعيد (مقدارا واتجاها).



أسئلة مفاهيمية على السرعة النسبية

تدريب 1: علل تبدو سرعة السيارة المتحركة على الخط السريع وفي اتجاه معاكس لسيارتك أكبر من السرعة المحددة
لأن السرعة النسبية لتلك السيارة بالنسبة إلى سيارتك يساوي مجموع سرعتي السيارتين ، لذا السرعة النسبية أكبر من السرعة المحددة.

تدريب 2: إذا تجاوزت سيارة سيارة أخرى على الطريق السريع وكانت السيارتان تسيران في الاتجاه نفسه فسوف تستغرق زمنا أطول مما لو كانت السيارتان تسيران في اتجاهين متعاكسين.
السرعة النسبية لسيارتين تتحركان في الاتجاه نفسه أقل من السرعة النسبية لهما عندما تتحركان في اتجاهين متعاكسين وبالتالي فإن تجاوز السيارتين لبعضهما البعض بسرعة نسبية أقل يستغرق زمنا أطول.

تدريب 3: إذا كنت رجل سير، وتتحرك بسيارتك على طريق سريع ، وصادفتك سيارة تتحرك نحوك على نفس الطريق، فكيف يمكنك الحكم على هذه السيارة ان كانت تتحرك بسرعة تفوق الحد الأقصى المسموح به للسرعة أم لا؟
أحدد السرعة النسبية للسيارة بالنسبة لي ، ثم أطرح من هذه السرعة سرعة سيارتي ، فأحصل على سرعة السيارة بالنسبة لمراقب ثابت على الأرض.