

العوامل والمضاعفات

السؤال الأساس: كيف يمكنك استعمال الشبكات أو الضرب لإيجاد عوامل أحد الأعداد؟ كيف يمكنك تحديد الأعداد الأولية وغير الأولية؟ كيف يمكنك إيجاد مضاعفات أحد الأعداد؟



لدى الحيوانات سمات تسمح لهما بالصمود في موطنها البيئية.

يتمتص ريش البطريق الداكن الحرارة من الشمس للحفاظ على دفء جسمه في المناخ البارد.

يعيش البطريق في أبرد الأماكن على وجه الأرض! إليك مشروع عن مملكة الحيوان والمضاعفات.

مشروع الرياضيات والعلوم: تحليل مملكة الحيوان

يوميات: اكتب تقريرًا اذكر فيه ما توصلت إليه.

وفي التقرير أيضًا:

- افترض أن 64 بطريقًا شكّلت مجموعة لتندفًا. استعمل ورقة مربعات لرسم كل الشبكات الممكنة للعدد 64
- عند تجزئ مجموعة من 72 بطريقًا، بكم طريقة يمكن توزيع البطاريق إلى مجموعات متساوية؟ هل العدد 72 عدد أولي أم غير أولي؟ اكتب أزواج العوامل للعدد 72 لتحديد جميع الطرق التي يمكن بها توزيع البطاريق إلى مجموعات متساوية.

أجر بحثًا تتجمّع البطاريق الإمبراطورية في مجموعات كبيرة لمقاومة البرد. استخدم الإنترنت أو مصادر أخرى للبحث ومعرفة كيف يساعد ذلك في حماية بعضها لبعض وكذلك حماية صغارها.

المصطلحات

- المقسوم
- ناتج الضرب
- المقسوم عليه
- ناتج القسمة

اختر المصطلح المناسب من الصندوق، واكتبه في الفراغ.

1. _____ هو إجابة مسألة القسمة.
2. العدد الذي تتم قسمته هو _____.
3. _____ هو العدد الذي يحدّد عدد المجموعات التي يتمّ التقسيم إليها.

الضرب

أوجد ناتج الضرب.

- | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|
| 4. 8×4 | 5. 17×6 | 6. 11×3 |
| 7. 7×5 | 8. 8×6 | 9. 27×4 |
| 10. 9×12 | 11. 18×4 | 12. 32×3 |

القسمة

أوجد ناتج القسمة.

- | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|
| 13. $27 \div 3$ | 14. $56 \div 8$ | 15. $36 \div 4$ |
| 16. $72 \div 9$ | 17. $39 \div 3$ | 18. $64 \div 4$ |
| 19. $72 \div 6$ | 20. $84 \div 4$ | 21. $88 \div 8$ |

حلّ المسائل

22. **نمذجة** اشترت هيا كعكتين الأسبوع الماضي و 4 كعكات هذا الأسبوع. أنفقت ما مجموعه QR 42. إذا كانت كل كعكة لها نفس السعر، كم تكون هيا قد دفعت ثمنًا للكعكة الواحدة؟ اكتب جملاً عدديّة وحلّها.

استعمل أمثلة كل مصطلح الواردة على أحد وجهي البطاقة للمساعدة في إكمال التعريفات الواردة على وجهها الثاني.

بطاقات المصطلحات

المضاعف

الأعداد 0 و 4 و 8 و 12 و 16 هي بعض مضاعفات العدد 4

العامل

$$7 \times 3 = 21$$

العوامل

التعبير عن القاعدة العامة

كل الأعداد الزوجية تنتهي بالعدد 0 أو 2 أو 4 أو 6 أو 8

أزواج العوامل

أزواج العوامل للعدد 12 هي:
1 و 12
2 و 6
3 و 4

العدد غير الأولي

14

العوامل: 1, 2, 7, 14

العدد الأولي

13

العوامل: 1, 13

يُطْلَقُ عَلَى نَاتِجِ ضَرْبِ عَدَدٍ مُعْطَى
وَأَيِّ عَدَدٍ كُلِّيٍّ أَسْمَ

الأَعْدَادُ الَّتِي يَتِمُّ ضَرْبُهَا مَعًا
لِلْحَصُولِ عَلَى نَاتِجِ ضَرْبٍ تَسْمَى

يَعْنِي اسْتِنْتَاجَ خِلَاصَةٍ عَامَةٍ.

لِلْعَدَدِ
مَجْمُوعَاتٍ مِنْ عَدَدَيْنِ يَسَاوِي نَاتِجُ
ضَرْبِهِمَا هَذَا الْعَدَدَ.

هُوَ عَدَدٌ كُلِّيٌّ أَكْبَرُ مِنْ 1 لَهُ أَكْثَرُ مِنْ
عَامِلَيْنِ.

هُوَ عَدَدٌ كُلِّيٌّ أَكْبَرُ مِنْ 1 لَهُ عَامِلَانِ
فَقَطْ، هُمَا 1 وَالْعَدَدُ نَفْسُهُ.

الدرس 5-1 فهم العوامل

Understand Factors

أستطيع ...

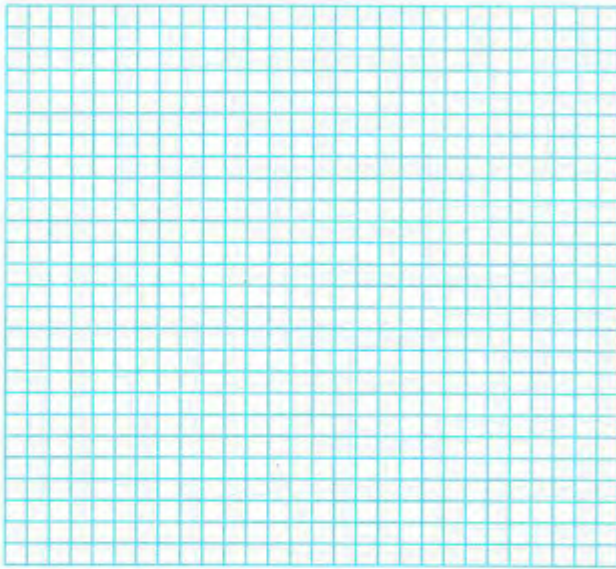
إيجاد عوامل عددي كلي.

معايير الدرس

4.2.4

لدى طلاب الصف الرابع 24 قطعة عدّ مربّعة. ما هي كلّ الطرق الممكنة لترتيب قطع العدّ على شكل شبكة مستطيلة؟ حلّ هذه المسألة بأيّ طريقة تختارها.

يمكنك اختيار الأدوات المناسبة واستعمالها، مثل ورقة مربّعات أو قطع عدّ مربّعة، لإيجاد كلّ الشبكات الممكنة التي تتكوّن من صفوف وأعمدة.



انظر مجدّدًا **ابحث عن العلاقات** ما الأنماط التي مثلّتها في الشبكات؟

كيف تستعمل الشبكات لإيجاد عوامل عددٍ ما؟

السؤال
الأساس

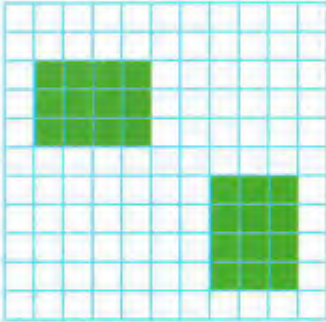


12 كرسيًا

يحاول منظم الندوة إيجاد أفضل طريقة لترتيب كراسي الخضور في القاعة. يُريد توزيعها على شكل شبكة مستطيلة. استعمل وِزَقَة مرتبعت لتوضيح كل الطرق الممكنة لترتيب الكراسي.

أزواج الأعداد التي تُضرب في بعضها لإيجاد ناتج ما تسمى **العوامل**.

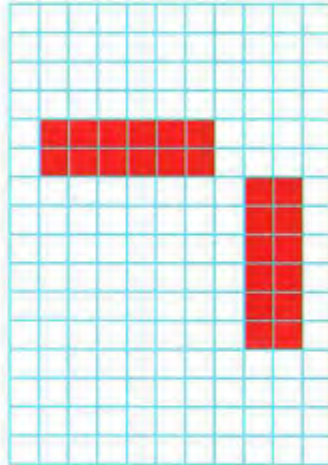
3 صفوف في كل منها 4 كراسي
4 صفوف في كل منها 3 كراسي



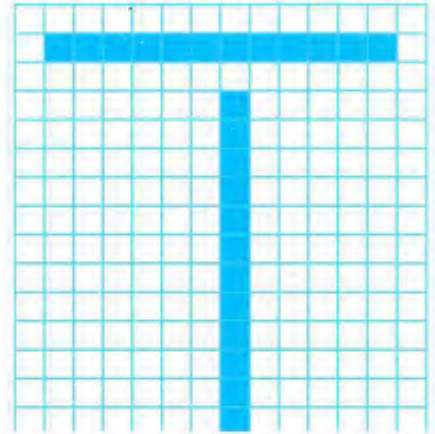
توجد 6 طرق ممكنة لترتيب 12 كرسيًا.

عوامل العدد 12 هي 1 و 2 و 3 و 4 و 6 و 12

2 من الصفوف في كل منهما
6 كراسي 6 صفوف في كل منها
2 من الكراسي



1 من الصفوف فيه 12 كرسيًا
12 صفًا في كل منها 1 من الكراسي



أقنعي! انفذ وبرز يقول خالد "يمكن تمثيل كل عدد بشبكتين على الأقل". هل تتفق معه؟
وصّح إجابتك.

☆ تَدْرَبْ مَوْجَّةً ☆

في التمرينين 3 و 4، استعمل ورقة مربعات لإيجاد كل الشبكات الممكنة للعدد.

3. 6

4. 16

في التمرينين 5 و 6، استعمل ورقة مربعات لإيجاد عوامل العدد.

5. 45

6. 30

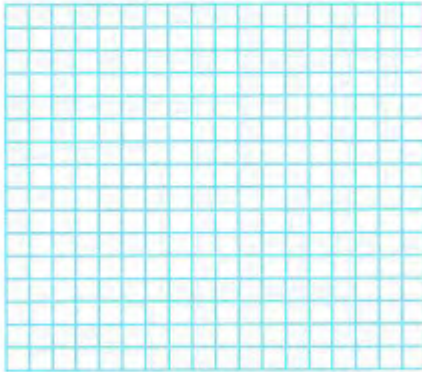
1. **بَرِّزْ منطقياً** ما الصلة بين أطوال أضلاع الشبكات المبينة على ورقة المربعات في الصفحة السابقة وعوامل العدد 12؟

2. ما أطوال أضلاع الشبكات التي تمثل طريقة ترتيب 5 كراسي؟

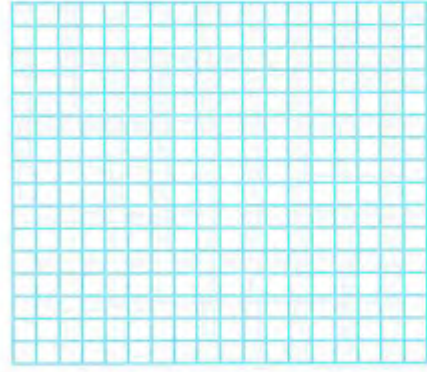
☆ تَدْرَبْ مُسْتَقِلًّا ☆

في التمرينين 7 و 8، استعمل ورقة مربعات لإيجاد كل الشبكات الممكنة للعدد.

7. 9



8. 14



في التمارين 9-14، استعمل ورقة مربعات لإيجاد عوامل العدد.

9. 5

10. 25

11. 8

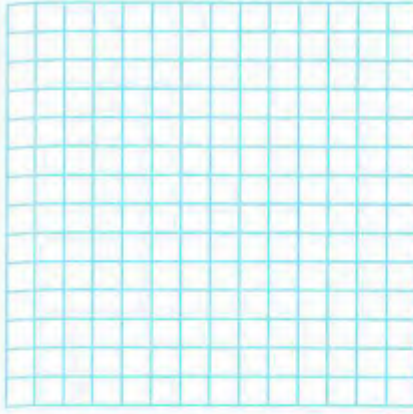
12. 36

13. 23

14. 27

☆ مَمَارَسَاتُ الرِّيَاضِيَّاتِ وَحَلُّ الْمَسَائِلِ ☆

15. **بَرَزْ مَنْطِقِيًّا** استخدم ورقةً مربعةً لإيجاد عددين من عواملهما 2 و 3



ارسم شبكات تتكوّن أطوال
أضلاعها من العاملين 2 أو 3



17. تنسّق عائشة 17 باقةً زهور في الساعة الواحدة،
وتعمل 25 ساعةً في الأسبوع. وتنسّق ليلي
25 باقةً زهور في كلّ ساعة، وتعمل 17 ساعةً
في الأسبوع. كم باقةً تنسّق عائشة ويلي معًا
في الأسبوع؟
ما خاصية الضرب التي تمثلها هذه العملية؟

16. يستغرق الكوكب القزم بلوتو 90 403 يوم تقريبًا
ليدور حول الشمس. اكتب هذا العدد بالصيغة
التحليلية وبالصيغة اللفظية.

19. **مهارات التفكير العليا** تقول جواهر إن العدد
5 عاملٌ لكلِّ عددٍ كليٍّ يحتوي على العدد 5 في
منزلة الآحاد. وتقول هيا إن العدد 5 عاملٌ لكلِّ
عددٍ كليٍّ يحتوي على العدد 0 في منزلة الآحاد.
أيهما على صواب؟ وضح إجابتك.

18. ما العلاقة بين عدد الشبكات الممكنة للعدد
22 وعدد عوامله؟

تقويم

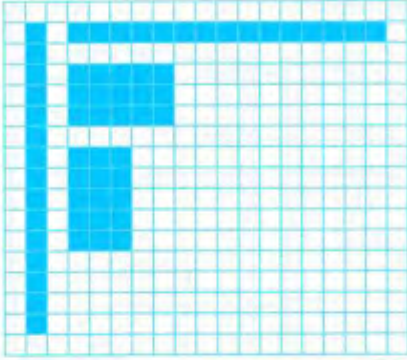
21. أيّ من الأعداد التالية من عوامل العدد 31؟
اختر كلّ ما ينطبق.

- ☐ 1
- ☐ 3
- ☐ 7
- ☐ 31
- ☐ 62

20. أيّ من الأعداد التالية من عوامل العدد 18؟
اختر كلّ ما ينطبق.

- ☐ 1
- ☐ 2
- ☐ 4
- ☐ 6
- ☐ 23

تدرّب في المنزل 5-1 فهم العوامل



قد تساعدك ورقة
المربعات في إيجاد عوامل
عدد ما.

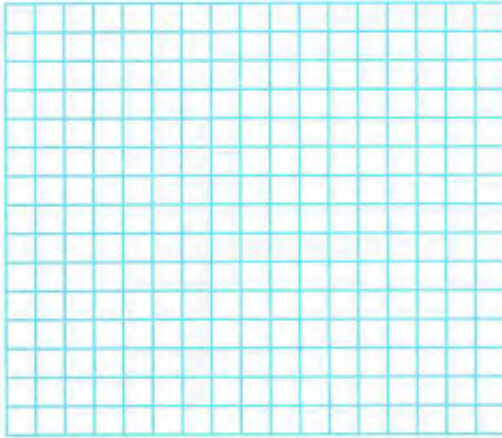


يمكن أن يرتّب محمدّ المقاعد باستعمال 4 طرق مختلفة.

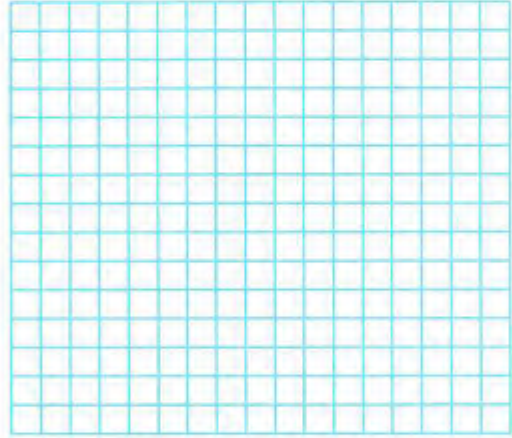
عوامل العدد 15 هي 1, 3, 5, 15

في التمرينين 1 و 2، أوجد كلّ الشبكات الممكنة للعدد. استعمل ورقة المربعات لمساعدتك على كتابة العوامل.

1. 13



2. 10



في التمارين 3-8، استعمل ورقة مربعات لإيجاد عوامل العدد.

3. 17

4. 37

5. 42

6. 29

7. 33

8. 48

9. **الرياضيات والعلوم** تستعمل الألواح الشمسية طاقة الشمس في توليد الطاقة. تريد إحدى المدن تركيب 28 لوحًا شمسيًا في شكل شبكة. اذكر كل الطرق الممكنة لتركيب الألواح.

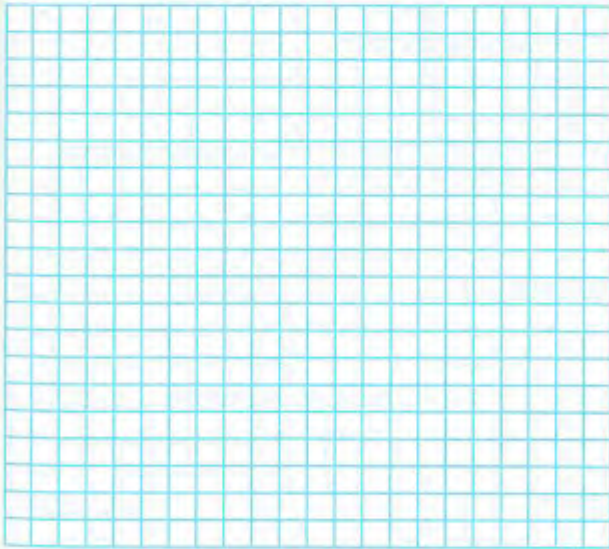
10. استعمل ورقة مربعات لرسم كل الشبكات الممكنة للأعداد 5 و 7 و 11 ماذا تلاحظ في شبكات هذه الأعداد؟

11. **انقذ وبرز** يقول ناصر إن كل عدد له عدد زوجي من العوامل، فيما يقول علي إن بعض الأعداد لها عدد فردي من العوامل؟ أيهما على صواب؟ وضح إجابتك.

12. **مهارات التفكير العليا** أوجد جميع عوامل كل عدد من الأعداد 38 و 39 و 40، هل بينهم أي عوامل مشتركة؟ وضح كيف يمكنك معرفة ما إذا كان هناك عوامل مشتركة بين بعض الأعداد دون إيجاد العوامل.

تقويم

13. استعمل ورقة المربعات لإيجاد أزواج عوامل العدد 18، اختز كل ما ينطبق.



- ☐ 1×18
- ☐ 2×9
- ☐ 3×6
- ☐ 6×4
- ☐ 18×1

أي عدد هو عامل لجميع الأعداد الزوجية؟



الدرس 5-2 العوامل

Factors

أستطيع ...

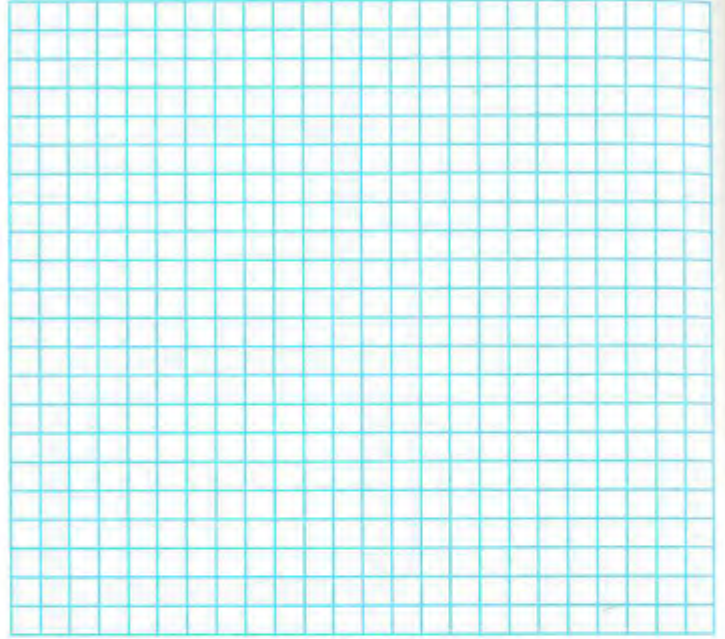
استعمال الضرب لإيجاد أزواج عوامل
عدد كلي والعوامل المشتركة.

معايير الدرس

4.2.4 و 4.2.5

حلّ وشارك

لدى خديجة 20 زهرة تريد أن تزرعها في
حديقتها في صفوف متساوية. ما الطرق المختلفة التي يمكن
أن تستعملها خديجة لترتيب الزهور في صفوف متساوية؟
حلّ هذه المسألة بأيّ طريقة تختارها.



يمكنك اختيار

الأدوات المناسبة واستعمالها، مثل قطع
العدّ أو ورقة مربعات، لإيجاد كلّ الطرق
المختلفة التي يمكن لخديجة زراعة
الزهور بها.



انظر مجدّدًا افهم وثابز في الحلّ كيف يمكنك التحقق من الطرق
المختلفة التي يمكن لخديجة زراعة زهورها؟

كيف تستعمل الضرب لإيجاد عوامل عددٍ ما؟

السؤال
الأساس



16 مجسمًا لشخصيات كرتونية

يريد جمال ترتيب مجسمات لشخصيات كرتونية في مجموعات متساوية العدد. اذكر جميع الطرق التي يمكن أن يستعملها جمال لترتيب مجسمات الشخصيات الكرتونية.

يمكن أن يستعين جمال
بأزواج عوامل العدد 16؛
أزواج عوامل العدد هي كل
عديتين كلتيهما يساوي ناتج
ضربهما ذلك العدد.



4 مجموعات مكونة من 4



يستطيع جمال ترتيب
مجسماته في 4 مجموعات
مكونة من 4 مجسمات.
4 عامل من عوامل العدد 16
عوامل العدد 16 هي
1 و 16، 2 و 8، 4 و 4



يكون العدد الكلي

مضاعف لكل عامل من عوامله.

16 مضاعف للأعداد 1 و 2 و 4

و 8 و 16

8 مجموعات مكونة من 2



2 من المجموعات مكونتان من 8



يستطيع جمال ترتيب 8
مجموعات في كل منها
مجسمتان أو مجموعتان في كل
منها 8 مجسمات.
إذن، 2 و 8 من
عوامل العدد 16

1 مجموعة مكونة من 16



16 مجموعة مكونة من 1



يستطيع جمال ترتيب مجموعة
واحدة من 16 مجسمًا أو ترتيب
16 مجموعة في كل منها
مجسم واحد.

إذن، 1 و 16 عاملان من
عوامل العدد 16

أقنعي! ابن الحجج الرياضية كيف تعرف أنه لا توجد عوامل أخرى للعدد 16 غير 1 و 2 و 4 و 8 و 16؟
وضّح إجابتك.

هل هناك عوامل مشتركة للعددين 8 و 16 ؟

☆ مثال آخر! ☆



لإيجاد العوامل
المشتركة لعددين،
ابدأ بكتابة عوامل كل
عدد منهما.

أوجد العوامل المشتركة للعددين 28 و 42
عوامل العدد 28 هي: 1, 2, 4, 7, 14, 28
عوامل العدد 42 هي: 1, 2, 3, 6, 7, 14, 21, 42
العوامل المشتركة للعددين 28 و 42 هي: 1, 2, 7, 14

☆ تدرب موجّه ☆

طبّق فهمك

في التمرينين 3 و 4، اكتب عوامل العدد.
استعمل قطع العدّ لمساعدتك.

3. 2

4. 20

5. ما العوامل المشتركة للعددين 2 و 20؟

عبّر عن فهمك

1. اشتري جمال 7 مجسمات أخرى.
ما المجموعات المختلفة المتساوية العدد
التي يمكن تكوينها الآن؟

2. **برز منطقياً** ما العامل المشترك بين كل
الأعداد الزوجية بالإضافة إلى العدد 1؟

☆ تدرب مستقل ☆

في التمارين 6-11، اكتب أزواج عوامل العدد.

تذكّر، عوامل العدد
تتضمن دائماً العدد 1
والعدد نفسه.



6. 34

____, 34

2, ____

9. 14

____, ____

____, ____

7. 39

1, ____

____, 13

10. 22

____, ____

____, ____

8. 61

1, ____

11. 51

____, ____

____, ____

في التمارين 12-17، اكتب عوامل العدد. استعمل قطع العدّ للمساعدة عند الحاجة.

12. 6

13. 32

14. 83

15. 11

16. 49

17. 25

18. ما العوامل المشتركة للعددين 25 و 30؟

☆ ممارسات الرياضيات وحل المسائل ☆

20. **الرياضيات والعلوم** غالباً ما تكون جذور النباتات أكبر جزء من النبات. يمكن أن يصل طول جذور الجاودار إلى أكثر من 299 000 متر. اكتب هذا العدد بالصيغة التحليلية.

19. تريد نورة ذكر عوامل العدد 88، فكتبت 2 و 4 و 8 و 11 و 22 و 44 و 88 هل نورة على صواب؟ وضح إجابتك.

22. إذا كان العدد 9 عاملاً لعدد ما، فإن العدد 3 أيضاً عامل لهذا العدد. اشرح ذلك.

21. استلم أحد المطاعم 5 000 زجاجة صلصة طماطم. استعمل 1 824 في أسبوع و 2 352 في الأسبوع التالي. كم زجاجة تبقت لديه؟

23. **مهارات التفكير العليا** يستطيع صبي في سن العاشرة أن يرفع 12 kg، هذا الوزن هو أكبر ب 3 مرات من الوزن الذي يستطيع أخوه الصغير أن يرفعه.

a. ما مقدار ما يستطيع أخوه الصغير رفعه؟ اكتب معادلة وحلها.



b. يستطيع لاعب رياضي أن يرفع وزناً أكثر ب 9 مرات مما يرفعه الصبي في سن العاشرة. كم يزيد الوزن الذي يرفعه اللاعب الرياضي عن الوزن الذي يرفعه الصبي؟ اكتب معادلات وحلها.

تقويم

25. يرغب مدير متجر في عرض 45 علبة حساء في صورة شبكة. أي مما يلي يبين 3 طرق مناسبة لعرض العلب؟

- (A) $1 \times 9, 9 \times 5, 3 \times 15$
- (B) $15 \times 3, 9 \times 1, 5 \times 9$
- (C) $5 \times 9, 3 \times 15, 9 \times 5$
- (D) $45 \times 1, 15 \times 1, 9 \times 1$

24. أي مما يلي يتضمن جميع عوامل العدد 38؟

- (A) 1, 38
- (B) 1, 2, 14, 38
- (C) 1, 2, 38
- (D) 1, 2, 19, 38

تدرّب في المنزل 5-2 العوامل



عند ضرب عددين،
يكون العددان من
عوامل ناتج الضرب.

بطريقة أخرى!

أوجد العوامل وأزواج العوامل للعدد 8



عوامل العدد 8 هي 1 و 2، 4 و 8

أزواج العوامل هي
1 و 8، 2 و 4

في التمارين 1-6، اكتب أزواج عوامل العدد.

1. 75

1, ____
____, 25
____, 15

2. 28

____, 28
____, 14
4, ____

3. 46

____, 46
____, 23

4. 47

5. 77

6. 23

في التمارين 7-15، اكتب عوامل العدد. استعمل قطع العدّ للمساعدة إذا لزم الأمر.

7. 74

8. 58

9. 44

10. 72

11. 57

12. 10

13. 7

14. 60

15. 66

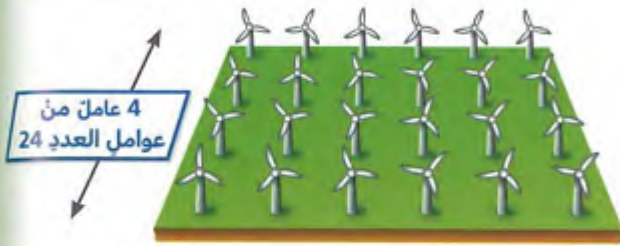
16. ما العوامل المشتركة للعددين 60 و 66 ؟

18. تريد ريم قراءة كتاب مكون من 257 صفحة في أسبوع. وتخطط لقراءة 36 صفحة كل يوم. هل ستحقق هدفها؟ وضح إجابتك.

17. اشترى معلم 22 علبة أقلام رصاصي ليوزعها على خمسة شعب في الصف الرابع. تحتوي كل علبة على 45 قلمًا. كم قلمًا استلمت كل شعبة؟

20. **نمذج** لدى غادة 13 طابغا مرتبًا في صورة شبكة. صف شبكة غادة.

19. **في الجبر** لدى سارة 81 زرا مرتبًا بالتساوي في 3 صفوف. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الأزرا في كل صف.



21. تُعدّ سلوى نموذجًا لمزرعة رياح كجزء من مشروع العلوم الخاص بها. تريد وضع 24 توربينًا في النموذج. ما الشبكات التي يمكن أن تكونها سلوى باستعمال 24 توربينًا؟

23. **مهارات التفكير العليا** يعدّ سعيد شبكة لعرض 9 صور. علمًا بأنه يمكن إعداد شبكتين لكل زوج من العوامل، كم شبكة مختلفة يمكن أن يُعدها سعيد؟ هل عدد الشبكات عدد فردي أم زوجي؟ وضح إجابتك.

22. لدى فهد 91 ساعة يد معروضة في متجره. ويقول إن بإمكانه ترتيبها في صفوف وأعمدة باستخدامها جميعًا. بينما يقول علي إن من الممكن عرضها بطريقة واحدة فقط: صف واحد مكون من 91 ساعة. أيهما على صواب؟ وضح إجابتك.

تقويم

25. لدى منى 39 عملة معدنية. تريد عرضها في صورة شبكة. أي ممّا يلي يمثل جميع الشبكات التي يمكن أن تكونها منى؟

24. أي ممّا يلي يتضمن جميع عوامل العدد 62؟

- (A) 1×39
- (B) $3 \times 13, 13 \times 3$
- (C) $1 \times 39, 3 \times 13$
- (D) $1 \times 39, 39 \times 1, 3 \times 13, 13 \times 3$

- (A) 1, 62
- (B) 1, 2, 30, 62
- (C) 1, 2, 31, 62
- (D) 1, 2, 3, 21, 31, 62

الدرس 3-5

التبرير المنطقي المتكرر

Repeated Reasoning

أستطيع ...

استخدام التبرير المنطقي المتكرر للتعبير عن القاعدة العامة لكيفية حل المسائل المشابهة.

معايير الدرس
4.2.4

عادات التفكير

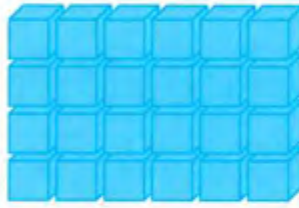
- أحسّن التفكير!
- يمكن أن تساعدك هذه الأسئلة.
- هل تكرر أي من العمليات الحسابية؟
 - هل يمكنني التعبير عن القاعدة العامة انطلاقًا من الأمثلة؟
 - ما الاختصارات التي ألاحظها؟



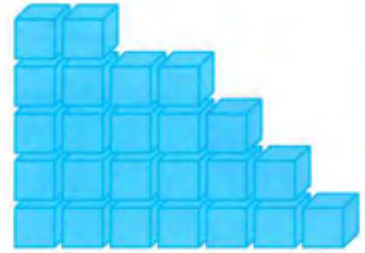
حلّ وشارك

تبيع إحدى الشركات وحدات تخزين مكعبة. اشترى جاسم 24 وحدة تخزين. ويريد ترتيبها في شبكة مستطيلة. اذكر جميع الطرق المختلفة التي يمكن من خلالها ترتيب كل المكعبات. وضح كيف تعرف أنك وجدت جميع الطرق.

هذه المكعبات مرتبة في شبكة.



هذه المكعبات غير مرتبة في شبكة.



انظر مجددًا عبّر عن القاعدة العامة هل يجب أن تجرب جميع الأعداد من 1 إلى 24 لتأكد من أنك وجدت جميع أزواج عوامل العدد 24؟ وضح إجابتك.

كيف يمكنك استعمال التبرير المنطقي المتكرر لإيجاد جميع عوامل عدد ما؟

السؤال
الأساس



اختيار 15 شجرة لزراعتها

تم افتتاح منتزه جديد في المدينة. وطلب من البستاني اختيار 15 شجرة من أحد المشاتل وزرعها في شبكة مستطيلة. اذكر جميع الطرق التي يمكن أن يستعملها البستاني لزراعة الأشجار.

هل يمكنك إيجاد طريقة عامة لحل هذه المسألة؟

يمكنني إيجاد جميع عوامل العدد 15 التي يمكن ترتيبها في شبكة مستطيلة.

ها هي طريقة تفكيري.



لإيجاد جميع عوامل العدد 15، أقوم بقسمة العدد 15 على الأعداد المقسوم عليها بدءًا بالعدد 1 ثم أستخدم خاصية الإبدال لكتابة جملتي ضرب.

$$15 \times 1 = 15 \text{ و } 1 \times 15 = 15$$

العدد 2 ليس عاملاً

$$5 \times 3 = 15 \text{ و } 3 \times 5 = 15$$

العدد 4 ليس عاملاً

$$3 \times 5 = 15 \text{ و } 5 \times 3 = 15$$

لقد وجدت بالفعل العامل

الذي تمث مزاجته مع 5، 3×5 و 5×3

لدى البستاني 4 طرق مختلفة لزراعة الأشجار:

الشبكات 1×15 و 15×1 و 3×5 و 5×3

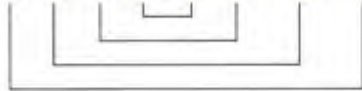
عند بدء تكرار أزواج العوامل، يمكنك صياغة عبارة عامة أو التعبير عن قاعدة عامة، تنفيذ بأنه قد تم إيجاد جميع عوامل العدد.

كيف يمكنني تكوين قاعدة عامة من التبرير المنطقي المتكرر؟

أستطيع

- البحث عن أشياء تتكرر في المسألة.
- البحث عن طرق مختصرة.
- التعبير عن القاعدة العامة انطلاقًا من المثال.

1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24



أقنني! ابن الحجج الرياضية يوضح المخطط جميع أزواج عوامل العدد 24، استخدم المخطط لتبرير استنتاجك بأن البدء بتكرار أزواج العوامل، دليل على أنك وجدت جميع عوامل العدد.

☆ تدرّب موجّه ☆

عبّر عن القاعدة العامة

نريدّ منّي ترتيب 20 مقعدًا في قاعة التّدرّسي على شكل صفوفٍ بضمّ كلّ صفٍّ منها نفس عدد المقاعد. ونريدّ ألا يقلّ عدد الصفوف عن 2، وألا يزيد عن 8

عندما
تعبّر عن القاعدة العامة،
تجد طرقًا عامة واختصارات
تساعدك على حلّ
المسألة.



1. اذكر أزواج عوامل العدد 20، اشرح كيف تعرف أنّك وجدت جميع الأزواج.

2. أوجد الطرق التي يمكن أن تستعملها منّي في ترتيب المقاعد.

☆ تدرّب مستقلّ ☆

عبّر عن القاعدة العامة

دعا منصور 15 صديقًا إلى منزله. لعبوا لعبة تتطلب توزيعهم في مجموعات أعداؤها متساوية. من شروط اللعبة ألا تكون هناك مجموعات من فرد واحد، وألا يكون 16 فردًا في مجموعة واحدة.

3. اذكر أزواج عوامل العدد 16، ثم أوجد الطرق المختلفة لتوزيع منصور وأصدقائه إلى مجموعات.

4. لماذا العدد 16 له عدد فرديّ من العوامل؟

5. هل تتوقّف عن البحث عن أزواج العوامل عندما يتكرّر زوج؟ وضّح إجابتك.

واجهات عرض المتجر

يحتاج أحد متاجر الحيوانات الأليفة إلى 3 واجهات عرض للمنتجات المبينة أدناه. يجب ترتيب حقائب طعام القطط بحيث يحتوي كل صف على عدد الحقائب نفسه. ويجب أن توجد 3 صفوف على الأقل في كل منها 3 حقائب على الأقل. اذكر جميع طرق ترتيب حقائب طعام القطط.



50 حوضاً للأسماك



48 حقيبة طعام القطط



88 كيساً لطعام الطيور

6. افهم وثابز في الحل ما الكميات المعطاة في المسألة، وماذا تعني الأعداد؟

عندما تلاحظ تكراراً في العمليات الحسابية، يمكنك التعيين عن القاعدة العامة للمساعدة في حل المسائل.

7. برز منطقياً اذكر أزواج عوامل العدد 48

8. كن دقيقاً اذكر جميع الطرق الممكنة لترتيب حقائب طعام القطط في 3 صفوف على الأقل بحيث يحتوي كل صف على 3 حقائب على الأقل.



تدرّب في المنزل 5-3

التبريز المنطقي المتكرر



عندما تعبر عن القاعدة العامة، فإنك تبحث عن الخطوات التي تتكرر.



بطريقة أخرى!

يريد عيسى وضع 45 علبة طلاء بالتساوي على الرفوف. يمكن أن يستوعب كل رف ما يصل إلى 15 علبة طلاء. ما عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يستخدمها عيسى لوضع العلب على الرفوف؟

اذكر كيف يمكنك التعبير عن القاعدة العامة

لإيجاد عدد الطرق المختلفة التي يمكن أن يستعملها عيسى لوضع علب الطلاء على الرفوف.

- أستطيع البحث عن أشياء تتكرر في المسألة.
- أستطيع البحث عن اختصارات.
- أستطيع التعبير عن القاعدة العامة انطلاقًا من أحد الأمثلة.

أوجد عوامل العدد 45

$$1 \times 45 = 45, 45 \times 1 = 45$$

$$3 \times 15 = 45, 15 \times 3 = 45$$

$$5 \times 9 = 45, 9 \times 5 = 45$$

الأعداد 2 و 4 و 6 و 7 و 8 ليست من العوامل.

عوامل العدد 45 هي الأعداد 1 و 3 و 5 و 9 و 15 و 45

يمكن أن يوزع عيسى علب الطلاء على 5 رفوف في كل منها 9 علب أو على 3 رفوف في كل منها 15 علبة.

عبر عن القاعدة العامة المقاعد في قاعة الندوات موزعة على صفوف في كل

منها 8 مقاعد. تعرف ليلي أن عدد المقاعد لا يقل عن 70 مقعدًا ولا يزيد عن

150 مقعدًا في القاعة. ما عدد صفوف المقاعد في القاعة؟

استخدم التمارين 1-3 للإجابة عن هذا السؤال.

1. وضح كيف يمكنك إيجاد أقل عدد ممكن من الصفوف في القاعة.

2. كيف يمكنك إيجاد جميع أعداد الصفوف الممكنة دون التحقق مما إذا كان

العدد 8 أحد عوامل كل عدد يقع بين 70 و 150؟

3. اذكر جميع أعداد الصفوف الممكنة في القاعة.

معرض حيوانات المزرعة

تمّ تقييم الحيوانات، في أحد المعارض، وفقًا لجودة سلالاتها وصحتها. وتمّ ترتيب أقفاص الحيوانات في شبكة، بحيث يوجد حيوان واحد في كلّ قفص. وتسع الحظيرة لـ 10 صفوف من الأقفاص على الأكثر وفي كلّ صف 6 أقفاص على الأكثر، تفصل بينها مساحات لمرور الزوّار. اذكر جميع الطرق المختلفة التي يمكن بها ترتيب الأقفاص والتي يستطيع منظمو المعرض استخدامها لوضع الخيول والأبقار في الحظيرة نفسها.

4. **برز منطقيًا** كيف ترتبط الكميات المذكورة في المسألة ببعضها؟

5. **افهم وثابز في الحل** ما الخطوات التي يجب القيام بها أولاً؟ وضح إجابتك.

6. **نمذج** اذكر جميع أزواج عوامل ناتج جمع الأحصنة والأبقار؟ مثل العوامل على مخطط لتوضح كيفية إيجاد جميع أزواج العوامل.

7. **كن دقيقًا** اذكر جميع الطرق التي يمكن أن يستخدمها المُنظمون لترتيب أقفاص الأحصنة والأبقار في الحظيرة؟



18 حصانًا

22 بقرة

57 دجاجة

عندما تعبر عن قاعدة عامة، تجد طريقة فعالة لحل المسألة، يمكن استخدامها لحل المسائل المشابهة.



الدرس 4-5

الأعداد الأولية وغير الأولية Prime and Composite Numbers

أستطيع ...

استخدام العوامل لتحديد ما إذا كان العدد
الكلّي أوليًا أم غير أولي.

معيّز الدرس

4.2.2

حلّ وشارك

لدى جابر 2 من البلاطات الحمراء و 3 بلاطات زرقاء
و 4 بلاطات صفراء و 8 بلاطات خضراء. ما عدد الشبكات المختلفة التي
يمكن أن يشكّلها جابر باستخدام كلّ لون؟ وضح كيف تعرف أنّك وجدت
جميع الشبكات. حلّ هذه المسألة بأيّ طريقة تختارها.

يمكنك استعمال التبرير المنطقي.
أوجد عوامل كلّ عدد من أعداد البلاطات
لمساعدتك في إيجاد عدد الشبكات.



انظر مجددًا عبّر عن القاعدة العامة ماذا تلاحظ بين عوامل عدد كلّ لون من البلاطات
وعدد الشبكات؟

كيف يمكنك تحديد الأعداد الأولية وغير الأولية؟

السؤال
الأساس

A

البيانات

العدد	العوامل
2	1, 2
3	1, 3
4	1, 2, 4
5	1, 5
6	1, 2, 3, 6

يبيّن جدول البيانات عوامل كل من الأعداد 2 و 3 و 4 و 5 و 6، ماذا تلاحظ في عوامل العدد 5؟
ماذا تلاحظ في عوامل العدد 6؟

العدد غير الأولي هو عدد
كلّي أكبر من 1 له أكثر
من عاملين.

العدد الأولي هو عدد كلّي أكبر
من 1 له عاملان فقط،
هما العدد 1 والعدد نفسه.

الأعداد غير الأولية

C

العدد 6 عدد غير أولي.

عوامل العدد 6 هي الأعداد 1 و 2 و 3 و 6

$$1 \times 6 = 6$$

$$6 \times 1 = 6$$



$$3 \times 2 = 6$$

$$2 \times 3 = 6$$



الأعداد الأولية

B

العدد 5 عدد أولي.

له عاملان فقط، هما العدد 1 والعدد نفسه.

$$1 \times 5 = 5$$

$$5 \times 1 = 5$$



العدد 1
عدد مميز.
فهو ليس عددًا أوليًا
ولا غير أولي.

أقنني! عبّر عن القاعدة العامة هل يمكن أن يكون العدد أوليًا وغير أولي في الوقت نفسه؟
وصّح إجابتك.

☆ تدرّب موجّه ☆

طبّق فهمك

في التمارين 4-9، حدّد ما إذا كان العدد أوليًا أم غير أولي.

4. 32

5. 51

6. 17

7. 21

8. 95

9. 29



يكون العدد عددًا غير أولي عندما يكون له أكثر من عاملين.

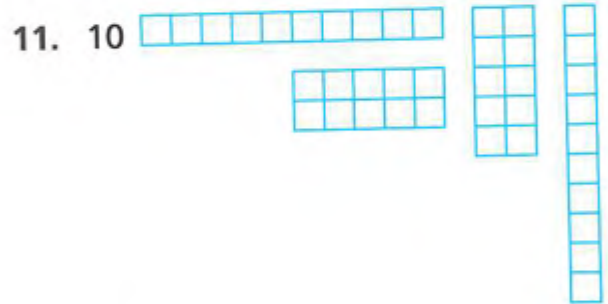
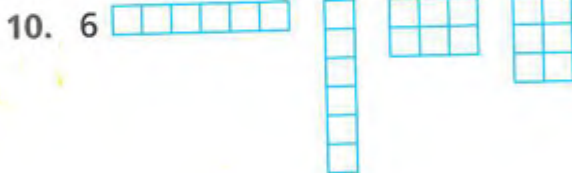
1. ما العدد الأولي الزوجي الوحيد؟

2. **ابن الحجج الرياضية** اكتب عددًا فرديًا ليس أوليًا. ما الذي يجعله عددًا غير أولي؟

3. لدى راشد 47 سيارة. هل يمكنه تكوين أكثر من شبتين باستعمال هذه السيارات؟

☆ تدرّب مستقل ☆

في التمارين 10-19، حدّد ما إذا كان العدد أوليًا أم غير أولي.



12. 12

13. 97

14. 90

15. 31

16. 11

17. 44

18. 3

19. 59

في التمرينين 20 و 21، استخدم التمثيل بالمصورات المجاور.

الزهور المفضلة	
الترجس	
الأقحوان	
التوليب	

المفتاح: كل أيقونة من الزهور تساوي 2 من الأصوات.

20. أي نوع أزهار حصل على عدد أولي من الأصوات؟

21. ما عدد الأصوات التي يمثلها التمثيل بالمصورات؟

23. **انقذ وبرز** قالت غادة إن ناتج ضرب عددين أوليين يكون عددًا أوليًا أيضًا. لم توافق ريم على ذلك. أيهما على صواب؟

22. **انقذ وبرز** تقول مريم إن جميع الأعداد التي تقع بين 90 و 99 أعداد غير أولية. وتقول نوره بأن هذه الأعداد تحوي عددًا أوليًا واحدًا. أيهما على صواب؟ وضح إجابتك.

25. **مهارات التفكير العليا** لماذا لا يُعتبر العدد 1 أوليًا ولا غير أولي؟

24. لدى أحمد 1 337 لوح شوكولا. يبيع ألواح الشوكولا في مجموعات من 6 ألواح. كم مجموعة من 6 ألواح الشوكولا يمكن لأحمد أن يبيعها؟ كم لوحًا من الشوكولا في المجموعة المتبقية؟

تقويم

27. حدّد جميع الأعداد غير الأولية.

- ☐ 39
- ☐ 45
- ☐ 54
- ☐ 61
- ☐ 92

26. حدّد جميع الأعداد الأولية.

- ☐ 17
- ☐ 37
- ☐ 52
- ☐ 63
- ☐ 89

تدرّب في المنزل 5-4

الأعداد الأولية وغير الأولية



بطريقة أخرى!

يمكنك البحث عن العوامل
لمساعدتك في تحديد ما إذا كان
العدد أوليًا أم غير أولي.

هل العدد 29 عدد أولي أم غير أولي؟
أوجد جميع عوامل العدد 29

عوامل العدد 29: 1, 29

العدد 29 أولي لأن له عاملين فقط، هما 1
والعدد نفسه.

هل العدد 15 عدد أولي أم غير أولي؟
أوجد جميع عوامل العدد 15

عوامل العدد 15: 1, 3, 5, 15

العدد 15 غير أولي لأن له أكثر من عاملين.

في التمارين 1-4، استخدم شبكات أو ارسفها لتحديد ما إذا كان العدد أوليًا أم غير أولي.

1. 7

2. 9

3. 8

4. 4

في التمارين 5-16، حدّد ما إذا كان العدد أوليًا أم غير أولي.

5. 81

6. 43

7. 72

8. 93

9. 53

10. 87

11. 13

12. 27

13. 88

14. 19

15. 69

16. 79

17. **استعمل البنية في الحل** كَوْن قائمة بالأعداد الأولية من 1 إلى 100

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25
26	27	28	29	30
31	32	33	34	35
36	37	38	39	40

- اكتب جميع الأعداد من 1 إلى 100
- ارسم مثلثًا حول العدد 1، فهو ليس عددًا أوليًا ولا غير أولي.
- ضع دائرة حول العدد 2 ثم اشطب جميع المضاعفات الأخرى للعدد 2
- ضع دائرة حول العدد 3 ثم اشطب جميع المضاعفات الأخرى للعدد 3
- ضع دائرة حول العدد 5 ثم اشطب جميع المضاعفات الأخرى للعدد 5
- أكمل بالطريقة نفسها. الأعداد التي حولها دائرة أعداد أولية.
- ما عدد الأعداد الأولية التي تقع بين العددين 1 و 100؟

19. **الرياضيات والعلوم** لبعض النباتات أشواك لحماية. خالد بائع زهور يزيل الأشواك من الزهور. أزال يوم الإثنين 267 شوكة، ويوم الثلاثاء أزال 381 شوكة، ويوم الأربعاء 522 شوكة. كم شوكة أزال من الإثنين حتى الأربعاء؟

18. **الحس العددي** هل جميع الأعداد الفردية أعداد أولية؟ وضّح إجابتك.

21. **مهارات التفكير العليا** يقول كريم إن أي عدد به الرقم 2 في منزلة الآحاد هو عدد غير أولي. هل كريم على صواب أم لا؟

20. **المصطلحات** استخدم الأولي وغير الأولي لإكمال التعريفات.

العدد _____ هو عدد كلي أكبر من 1 له أكثر من عاملين. العدد _____ هو عدد كلي أكبر من 1 له عاملان فقط، هما 1 والعدد نفسه.

23. أي الأرقام التالية يمكن أن يكون في منزلة الآحاد في الأعداد الأولية الأكبر من 10؟ اختز كل ما ينطبق.

- ☐ 0
☐ 2
☐ 3
☐ 7
☐ 9

22. أي الأرقام التالية يمكن أن يكون في منزلة الآحاد في الأعداد غير الأولية الأكبر من 10؟ اختز كل ما ينطبق.

- ☐ 1
☐ 2
☐ 3
☐ 4
☐ 5

الدرس 5-5

المضاعفات

Multiples

أستطيع ...

استعمال الضرب لإيجاد مضاعفات عددٍ ما والمضاعفات المشتركة.

معايير الدرس

4.2.1 و 4.2.3



هناك 9 لاعبين في ملعب الجولف. إذا كان كل لاعب يتمرن باستعمال العدد نفسه من كرات الجولف، فما عدد الكرات التي يمكن أن توجد في الملعب في الوقت نفسه؟
حلّ هذه المسألة بأي طريقة تختارها.

يمكنك استعمال التبرير المنطقي.
ماذا تلاحظ في أعداد الكرات الموجودة في الملعب؟

كرات الجولف في اللعبة	
عدد الكرات لكل لاعب	عدد الكرات في الملعب
1	$1 \times 9 = 9$
2	$2 \times 9 = 18$
3	$3 \times 9 = 27$
4	
5	



انظر مجددًا عبّر عن القاعدة العامة هل يمكنك عرض كل الإجابات الممكنة على المسألة؟
وضّح إجابتك.



نقطة البداية

تستغرق العربة A ثمانية دقائق للقيام بدورة كاملة في العجلة الدوّارة. إذا استمرت العجلة الدوّارة في الدوران بالسرعة نفسها لمدة ساعة، ففي أيّ الأوقات خلال هذه الساعة تعود العربة إلى نقطة البداية؟

المضاعف هو ناتج ضرب عاملٍ معطى وعددٍ كَلّي.



الخطوة 3

تكون العربة A عند نقطة البداية كل 8 دقائق بعد ذلك:

$$3 \times 8 = 24$$

$$4 \times 8 = 32$$

$$5 \times 8 = 40$$

$$6 \times 8 = 48$$

$$7 \times 8 = 56$$

خلال هذه الساعة، تعود العربة A إلى نقطة البداية بعد 8، و 16 و 24 و 32 و 40 و 48 و 56 دقيقة.

الخطوة 2

تستغرق دورتان كاملتان 16 دقيقة.

$$2 \times 8 = 16$$

تعود العربة A إلى نقطة البداية بعد 8 دقائق أخرى.

العددين 2 و 8 من عوامل العدد 16، العدد 16 مضاعف للعددين 2 و 8 إذن، 16 مضاعف مشترك للعددين 2 و 8

الخطوة 1

تستغرق الدورة الكاملة الواحدة 8 دقائق.

$$1 \times 8 = 8$$

العدد 8 مضاعف للعددين 1 و 8

لأن $1 \times 8 = 8$ تعود العربة A إلى نقطة البداية بعد 8 دقائق.



أقنني! التبريز المنطقي ما المضاعف التالي بعد 56؟ اشرح سبب عدم استخدامه.

☆ تدرّب موجّه ☆

عبّر عن فهمك

1. **ابحث عن العلاقات** إذا استمرّت العجلة الدوّارة في المثال الموجود في الصفحة السابقة في الدوران بالسرعة نفسها، فهل ستعود العربة A إلى نقطة البداية عند الدقيقة 75؟ وضح إجابتك.

2. لنفترض زيادة سرعة العجلة الدوّارة بحيث تُكمل دورة كاملة كلّ 6 دقائق. متى تعود العربة A إلى نقطة البداية إذا استمرّت العجلة الدوّارة في الدوران لمدة نصف ساعة؟

طبّق فهمك

في التمارين 3-6، اكتب خمسة مضاعفات للعدد.

3. 2

4. 9

5. 3

6. 10

في التمارين 7-10، حدّد ما إذا كان العدد الأول هو أحد مضاعفات العدد الثاني.

7. 14, 2

8. 3, 18

9. 56, 9

10. 42, 7

☆ تدرّب مستقلّ ☆

في التمارين 11-18، اكتب خمسة مضاعفات للعدد.

11. 7

12. 4

13. 6

14. 5

15. 11

16. 1

17. 20

18. 15

19. اكتب ثلاثة مضاعفات مشتركة للعددين 2 و 4

في التمارين 20-27، حدّد ما إذا كان العدد الأول أحد مضاعفات العدد الثاني.

20. 44, 6

21. 25, 5

22. 30, 6

23. 54, 9

24. 28, 3

25. 45, 5

26. 64, 7

27. 48, 8



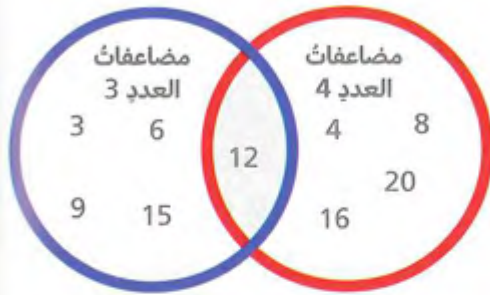
يمكنك استعمال العدّ القفزي لإيجاد مضاعفات الأعداد.

☆ ممارسات الرياضيات وحل المسائل ☆

29. **انقذ وبرز** نقول ليلي إن العدد 2 عامل لكل من مضاعفات العدد 4، هل ليلي على صواب؟ وضح إجابتك.

28. اذكر ثلاثة أعداد تكون من مضاعفات العدد 2 والعدد 5

شكل في الخاض بهيفاء



30. **نمذج** رسمت هيفاء شكل في يعرض خمسة مضاعفات للعدد 3 وخمسة مضاعفات للعدد 4، ما الذي يوضحه القسم المظلل من الشكل؟

تستخدم أشكال في للمقارنة بين بيانات مجموعتين أو أكثر.



32. **مهارات التفكير العليا** كتبت نورة هذه المسألة الغامضة: ناتج القسمة هو أحد مضاعفات العدد 6، والمقسوم أحد مضاعفات العدد 9، والمقسوم عليه أحد عوامل العدد 12، أوجد حلًا واحدًا ممكنًا لمسألة نورة الغامضة.

31. صف العلاقة بين العددين 20 000 و 2 000

تقويم

33. تكمل العربية الأفعوانية جولة كاملة كل 3 دقائق. ذكر سمير مضاعفات العدد 3 لتحديد متى ستعود العربية إلى نقطة البداية. حدّد جميع مضاعفات العدد 3 في المربع.

32. لعبت لطيفة ومتى لعبة المضاعفات.

حيث تقوم كل لاعبة باختيار بطاقة عدد ثم تقول أحد مضاعفات هذا العدد. اختارت لطيفة بطاقة تحمل العدد 9، حدّد جميع مضاعفات العدد 9 في المربع.

مضاعفات العدد 3					
9	11	12	13	19	33

مضاعفات العدد 9					
9	17	29	36	45	51

تدرّب في المنزل 5-5 المضاعفات

يمكنك استعمال جدول الضرب
لإيجاد المضاعفات.



×	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81

بطريقة أخرى!

اذكر بعض مضاعفات العدد 7؟

الخطوة 1 أوجد العمود (أو الصف) الخاص
بالعدد 7

الخطوة 2 جميع الأعداد في هذا العمود
(أو الصف) هي مضاعفات للعدد 7

في الجدول، مضاعفات العدد 7 هي 7 و 14 و 21 و 28 و 35 و 42 و 49 و 56 و 63

الأعداد 7 و 14 و 21 و 28 و 35 و 42 و 49 و 56 و 63 هي مضاعفات للعدد 7 لأن

$1 \times 7 = 7$, $2 \times 7 = 14$, $3 \times 7 = 21$ وهكذا.

حدّد بعض مضاعفات العدد 4

انظر إلى العمود (أو الصف) المتعلق بالعدد 4، لاحظ أنّ العدد 28 موجود في العمود
(أو الصف) لكلّ من العددين 7 و 4، لذا فإنّ العدد 28 مضاعف مشترك للعددين.

في التمارين 1-8، اكتب خمسة مضاعفات للعدد.

1. 12

2. 18

3. 40

4. 16

5. 100

6. 25

7. 50

8. 63

9. حدّد عددين هما مضاعفان للعدد 50 وللعدد 100 معًا.

في التمارين 10-21، حدّد ما إذا كان العدد الأول هو أحد مضاعفات العدد الثاني.

10. 21, 7

11. 28, 3

12. 17, 3

13. 20, 4

14. 55, 5

15. 15, 5

16. 26, 4

17. 32, 8

18. 48, 7

19. 60, 2

20. 79, 4

21. 81, 3

22. هل العدد 6 مضاعف أم عامل للعدد 12؟

23. هل العدد 8 مضاعف أم عامل للعدد 4؟

24. **التبريز المنطقي** ما العدد الذي عوامله 2 و 3 ومضاعفاته 12 و 18؟

25. **ابحث عن العلاقات** ما الأعداد التي مضاعفاتها 12 و 24 و 36؟



كوّن قائمة بالأعداد التي تقبل القسمة على 2 و 3 من دون باقي قسمة.

كوّن قائمة بالأعداد التي تقبل الأعداد 12 و 24 و 36 القسمة عليها من دون باقي قسمة.

مخطط يوم ترفيهي لعائلة طلال

متحف الفن الإسلامي	10:15 صباحاً إلى 2:30 بعد الظهر
سوق واقف	04:15 بعد الظهر إلى 05:10 مساءً
الكورنيش	05:30 مساءً إلى 07:00 مساءً
عشاء في مركز تسوق	07:55 مساءً إلى 09:30 مساءً

في التمرينين 26 و 27، استعمل الجدول المجاور.
26. تجمعت عائلة طلال الساعة 8:30 صباحاً لقضاء يوم ترفيهي. كم لديهم من الوقت قبل الذهاب إلى متحف الفن الإسلامي؟

27. بكم يزيد الزمن الذي قضته العائلة في الكورنيش عن الزمن الذي قضته في سوق واقف؟

28. **مهارات التفكير العليا** ما أصغر مضاعف مشترك بين العددين 24 و 8 وهي كالتالي 1 و 2 و 3 و 4 و 6 و 8 و 12 و 24، هل مريم على صواب؟ وضح لم نعم أو لم لا.

29. **مهارات التفكير العليا** ما أصغر مضاعف مشترك بين العددين 6 و 8؟ وضح إجابتك.

تقويم

30. أي أعداد ليست من مضاعفات العدد 6؟ حدّد جميع الأعداد التي ليست من مضاعفات العدد 6 في الصندوق.

31. ما المضاعفات المشتركة بين العددين 3 و 5؟ حدّد جميع المضاعفات المشتركة بين العددين 3 و 5 في الصندوق.

ليست من مضاعفات العدد 6

1 2 6 16 26 36

المضاعفات المشتركة للعددين 3 و 5

3 5 15 30 33 35

تدريبات الطّاقة

الوحدة
5

اتبع المسار

أستطيع ...

جمع وطرح الأعداد
الكلية المتعددة الأرقام.

معيّز المحتوى

ظّلن مسارًا من البداية إلى النهاية. اتبع نواتج
الجمع والطرح الصحيحة. يمكنك فقط التحرك
إلى أعلى أو أسفل، أو إلى اليمين أو اليسار.



البداية

$\begin{array}{r} 573 \\ + 417 \\ \hline 990 \end{array}$	$\begin{array}{r} 685 \\ - 559 \\ \hline 137 \end{array}$	$\begin{array}{r} 808 \\ + 123 \\ \hline 921 \end{array}$	$\begin{array}{r} 609 \\ - 541 \\ \hline 48 \end{array}$	$\begin{array}{r} 501 \\ + 469 \\ \hline 170 \end{array}$
$\begin{array}{r} 491 \\ - 188 \\ \hline 303 \end{array}$	$\begin{array}{r} 347 \\ + 607 \\ \hline 954 \end{array}$	$\begin{array}{r} 948 \\ - 558 \\ \hline 410 \end{array}$	$\begin{array}{r} 505 \\ + 125 \\ \hline 620 \end{array}$	$\begin{array}{r} 987 \\ - 696 \\ \hline 311 \end{array}$
$\begin{array}{r} 764 \\ + 346 \\ \hline 1\ 000 \end{array}$	$\begin{array}{r} 994 \\ - 405 \\ \hline 589 \end{array}$	$\begin{array}{r} 874 \\ + 721 \\ \hline 1\ 595 \end{array}$	$\begin{array}{r} 894 \\ - 455 \\ \hline 449 \end{array}$	$\begin{array}{r} 369 \\ + 290 \\ \hline 669 \end{array}$
$\begin{array}{r} 668 \\ - 485 \\ \hline 253 \end{array}$	$\begin{array}{r} 762 \\ + 901 \\ \hline 2\ 663 \end{array}$	$\begin{array}{r} 941 \\ - 725 \\ \hline 216 \end{array}$	$\begin{array}{r} 640 \\ + 89 \\ \hline 729 \end{array}$	$\begin{array}{r} 537 \\ - 271 \\ \hline 806 \end{array}$
$\begin{array}{r} 119 \\ + 679 \\ \hline 698 \end{array}$	$\begin{array}{r} 977 \\ - 239 \\ \hline 642 \end{array}$	$\begin{array}{r} 987 \\ + 111 \\ \hline 998 \end{array}$	$\begin{array}{r} 812 \\ - 99 \\ \hline 713 \end{array}$	$\begin{array}{r} 335 \\ + 25 \\ \hline 360 \end{array}$

النهاية

قائمة المصطلحات

- الشبكة
- عدد غير أولي
- العامل
- أزواج العوامل
- التعبير عن قاعدة عامة
- المضاعف
- عدد أولي
- عدد كلي

فهم المصطلحات

1. اشطب الأعداد التي ليست من عوامل العدد 16

1 2 3 4 8

2. اشطب الأعداد التي ليست من مضاعفات العدد 3

3 6 9 13 23

3. اشطب الأعداد التي ليست أعداداً كلية.

$\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ 7 $17\frac{1}{5}$ 6 219

4. اشطب الأعداد التي ليست أزواج عوامل للعدد 24

1 و 24 2 و 12 3 و 6 4 و 8 4 و 6

سمّ كل مثال مستعملاً مصطلحاً من قائمة المصطلحات.

5. 13

6. 12

7. ●●●

8. عندما تبدأ أزواج العوامل في التكرار، أكون قد وجدت كل الأزواج لعدد معين.

استعمل المصطلحات في الكتابة

9. يقول ماجد إن العدد 23 هو عدد أولي وغير أولي في نفس الوقت لأن كلا العددين 2 و 3 هو عدد أولي. استعمل 3 مصطلحات على الأقل من قائمة المصطلحات لتوضيح الخطأ في تبرير ماجد.

إعادة التدريس

تذكّر أنّ العدد 1 عامل
لجميع الأعداد.

استعمل ورقة المربعات لإيجاد
عوامل كل عدد.

1. 26
2. 9
3. 37
4. 24
5. 19

تذكّر أنّه يمكنك استعمال قطع العدّ أو ورقة المربعات
لتكوين الشبكات وإيجاد عوامل أحد الأعداد.

أوجد عوامل كل عدد.

1. 45
2. 40
3. 56
4. 63

تذكّر أنّ تبحث عن عوامل متكررة عند القسمة لإيجاد
أزواج عوامل العدد.

لدى الموظف المسؤول في موقف السيارات 34 سيارة
يريد إيقافها في صورة شبكة مستطيلة.

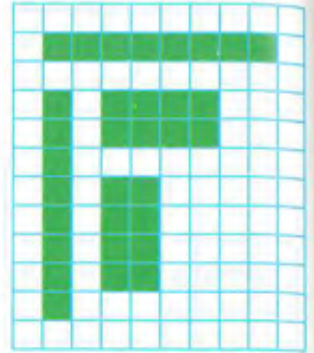
1. اذكر الطرق المختلفة التي يمكن للموظف بها
إيقاف السيارات؟

2. كيف تعرف متى تتوقف عن البحث عن عوامل لأحد
الأعداد؟

المجموعة A

الدرس 5-1

ارسم شبكات لإيجاد جميع عوامل العدد 8



- 1 من الصفوف به 8
8 صفوف بكل منها 1
- 2 من الصفوف بكل منهما 4
4 صفوف بكل منها 2

عوامل العدد 8 هي 1 و 2 و 4 و 8

المجموعة B

الدرس 5-2

أوجد أزواج العوامل للعدد 12

- 1 و 12
- 2 و 6
- 3 و 4

عوامل العدد 12 هي 1، 2، 3، 4، 6 و 12

المجموعة C

الدرس 5-3

فكر في هذه الأسئلة لمساعدتك على استعمال **التبرير المنطقي المتكرر**.

عادات التفكير

- هل تركزت أيّ من العمليات الحسابية؟
- هل يمكنني التعبير عن القاعدة العامة انطلاقاً من الأمثلة؟
- ما الاختصارات التي لاحظتها؟



هل العدد 49 عدد أولي أم غير أولي؟

لتحديد ما إذا كان العدد 49 أوليًا أم غير أولي، تحقق

مما إذا كان للعدد 49 عوامل غير 1 و 49

49 عدد غير أولي لأنه يقبل القسمة على 7

$$49 = 7 \times 7$$



أوجد خمسة مضاعفات للعدد 7

استعمل الضرب.

$$7 \times 1 = 7$$

$$7 \times 2 = 14$$

$$7 \times 3 = 21$$

$$7 \times 4 = 28$$

$$7 \times 5 = 35$$

يمكنك استعمال العدّ
القفزي لإيجاد مضاعفات
أحد الأعداد.



تذكر أنه يمكنك استعمال شبكة لتحديد ما إذا كان العدد
أوليًا أم غير أولي.

حدد ما إذا كان كل عدد مما يلي أوليًا أم غير أولي.

1. 13
2. 25
3. 55
4. 2
5. 29
6. 23
7. 64
8. 99
9. 5
10. 21

تذكر أنه لإيجاد مضاعفات أحد الأعداد، يتم ضرب هذا
العدد في أي عدد كلي.

أوجد خمسة مضاعفات لكل عدد.

1. 3
2. 6
3. 4
4. 9

حدد ما إذا كان العدد الأول هو أحد مضاعفات
العدد الثاني.

5. 22, 2
6. 29, 3
7. 25, 5
8. 40, 8



2. كتب ماجد 4 مجموعات من الأعداد.
أي مجموعة تمثل فقط
مضاعفات العدد 6؟

تقويم

- 2a. 6, 12, 18, 24 ☐ نعم ☐ لا
2b. 6, 16, 26, 36 ☐ نعم ☐ لا
2c. 1, 2, 3, 6 ☐ نعم ☐ لا
2d. 6, 60, 66, 600 ☐ نعم ☐ لا

3. أي من العبارات التالية صحيح؟

- (A) عوامل العدد 3 هي 3 و 1 فقط.
(B) عوامل العدد 4 هي 4 و 1 فقط.
(C) عوامل العدد 6 هي 6 و 1 فقط.
(D) عوامل العدد 8 هي 8 و 1 فقط.

4. اختر الكلمة الصحيحة لإكمال كل عبارة.

أولي	غير أولي
19 عدد	
12 عدد	
33 عدد	
17 عدد	

5. المقسوم أحد مضاعفات العدد 4، والمقسوم
عليه أحد عوامل العدد 12، وناتج القسمة أحد
عوامل العدد 18
اختر الأعداد لإيجاد حل واحد ممكن.

_____ ÷ _____ = _____
ناتج القسمة المقسوم عليه المقسوم
2 3 4 6 8 9 12 36

1. تريد رقية أن ترتب 36 صورة على جدار المعرض.

الجزء A

كم شبكة تستطيع رقية أن تكون باستعمال 36
صورة؟ اذكر كل الشبكات الممكنة.

الجزء B

ما عدد عوامل العدد 36؟
اكتبها. ما العلاقة بين عدد عوامل العدد 36
وعدد الشبكات التي يمكن لرقية تكوينها
باستعمال الصور؟

الجزء C

اكتب جميع أزواج عوامل العدد 36، هل العدد
36 عدد أولي أم غير أولي؟ وضح إجابتك.

6. اكتب ثلاثة مضاعفاتٍ وثلاثة عواملٍ للعدد 24

7. كتب ريم قائمةً بالعوامل وقائمةً بالمضاعفات. ارسـم خطوطاً لتصل بين العوامل والمضاعفات.

العوامل	المضاعفات
9	25
7	6
5	27
2	49

8. اختـر جميع العبارات الصحيحة.

- ☐ العدد غير الأولي له 3 عوامل على الأقل.
- ☐ كل الأعداد الأولية فردية.
- ☐ 99 عدد أولي.
- ☐ العدد 2 هو أصغر عدد أولي.
- ☐ جميع الأعداد الزوجية الأكبر من 2 هي أعداد غير أولية.
- ☐ كل عدد أولي له عاملان.

9. تقول شـيخة إن هناك علاقةً بين العوامل والمضاعفات. استعمل الجملة العددية $6 \times 7 = 42$ لتوضيح العلاقة بين العوامل والمضاعفات.

10. أي ممّا يلي يمثل جميع عوامل العدد 25؟

- (A) 1, 25
(B) 1, 5, 25
(C) 1, 10, 25
(D) 1, 25, 50

11. يعيش فيصل في منطقة جميع أرقام مبانها

هي مضاعفات للعدد 6

اذكر رقمين ممكنين للمباني بين العددين

601 و 650

وصـخ إجابـتك.

12. اكتب كل عدد في فراغ الإجابة الصحيحة

لتحديد عوامل العددين 27 و 35

عوامل العدد 27	عوامل العدد 35
3 5 7 9 27 35	

13. يقول مالك إن جميع الأعداد الفردية الأكبر من

2 والأصغر من 20 أعداد أولية. أوجد عدداً فردياً

أكبر من 2 وأصغر من 20 ليس عدداً أولياً.

وصـخ السبب في أن هذا العدد ليس عدداً أولياً.

تقويم الأداء

ترتيب المركبات لبيعها

سالم صاحب وكالة سيارات. ولدى الوكالة مخزون من المركبات مُدرج في جدول وكالة سيارات سالم.

1. يريد سالم ترتيب جميع الشاحنات في الجزء الأمامي من المعرض. ويريد وضع نفس العدد من الشاحنات في كل صف.

الجزء A

بكم طريقة يمكن ترتيب الشاحنات في الجزء الأمامي من المعرض في حالة وضع نفس العدد من الشاحنات في كل صف؟

الجزء B

اذكر جميع الطرق الممكنة لترتيب الشاحنات، ثم ارسم وسم الشبكات التي تعبر عنها.

الجزء C

يريد سالم أن يحتوي الترتيب على أكثر من صفين من الشاحنات لكن ألا يزيد عن 6 صفوف. اذكر الطرق الممكنة لترتيب الشاحنات. وضح إجابتك.

وكالة سيارات سالم	
نوع المركبة	العدد الموجود لدى الوكالة
سيارة صغيرة الحجم	40
سيطان	36
سيارة رياضية متعددة الأغراض	23
شاحنة	15

2. عندمَا يبيعُ سالمُ سيارَاتِ سيدانَ، يتمُّ عرْضُ سيارَاتِ سيدانَ المتبقيةِ في ترتيباتٍ مختلفةٍ.

أكمل جدولَ ترتيبِ سيارَاتِ سيدانَ لإيجادِ عددِ الطرقِ التي يمكنُ بها لسالمٍ ترتيبُ عددِ سيارَاتِ سيدانَ في الجزءِ الأماميِّ من المعرضِ بحيثُ يكونُ هناكُ صفانِ على الأقلَّ وأكثرَ من سيارَةٍ سيدانَ واحدةٍ في كلِّ صفٍّ.

ترتيبُ سيارَاتِ سيدانَ

الترتيباتُ	عددُ الترتيباتِ	العددُ المتبقي	سياراتُ سيدانَ المباعةُ
			1
			2
			3
			4
			5
			6
			7

المصطلحات

الكسر العشري
المقسوم
المقسوم عليه
ناتج القسمة