

إدارة المناهج والكتب المدرسية

إجابات و حلول الأسئلة

الصف: العاشر الأساسي

رقم الوحدة (٥)

الكتاب: الرياضيات

الجزء: الثاني

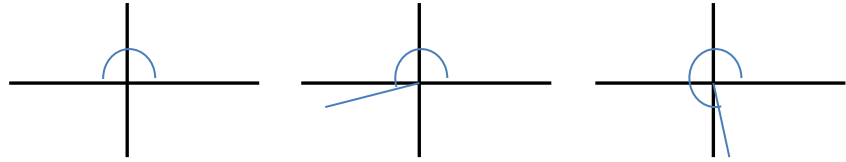
اسم الوحدة: النسب المثلثية وحل المثلثات

الفصل الأول:

أولاً:

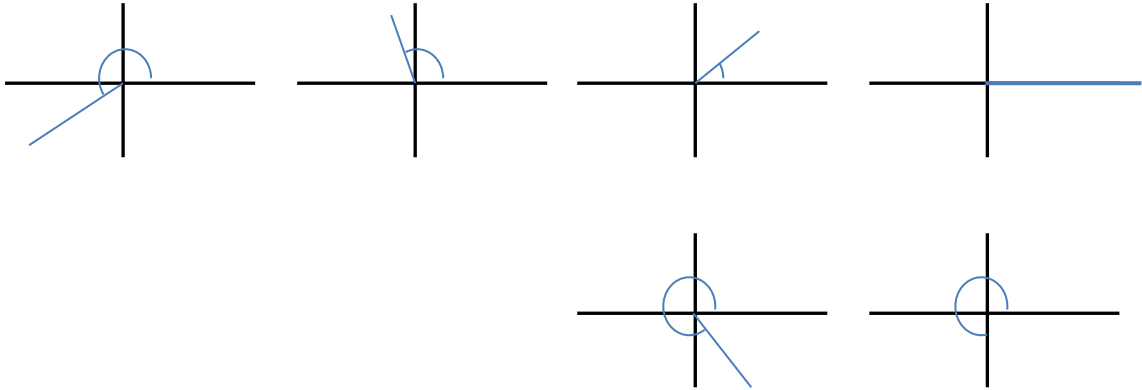
تدريب (٥-١) الحل: $\angle \text{أ م ب} > \angle \text{أ م ج}$ ، $\angle \text{أ م د}$

تدريب (٥-٢) الحل:



الأسئلة:

(١)



(٢) ١٥٠°

(٣) أ) الأول ب) المحور الصادي السالب ج) الثالث د) المحور السيني الموجب
هـ) الأول و) الثاني

(٤) غير صحيح؛ لأن ضلع الابتداء لم ينطبق على محور السينات الموجب.

(٥) أ) ٠° ، ٩٠° ب) ٩٠° ، ١٨٠° ج) ١٨٠° ، ٢٧٠°

(٦) الزاوية التي قياسها ٢٧٠° زاوية ربعية ضمن الفترة المعطاة ولا تقع في الربع الرابع.

ثانياً:

تدريب (٣-٥) الحل: $\frac{12}{13}$ ، $\frac{5}{13}$ ، $\frac{12}{5}$ ، $\frac{13}{5}$ ، $\frac{13}{12}$

تدريب (٤-٥)

الحل:

180° : جا $180^\circ = 0$ ، جتا $180^\circ = -1$ ، ظا $180^\circ = 0$ ، ظتا $180^\circ =$ غير معرف، قا $180^\circ = -1$ ،

قتا $180^\circ =$ غير معرف

270° : جا $270^\circ = -1$ ، جتا $270^\circ = 0$ ، ظا $270^\circ =$ غير معرف، ظتا $270^\circ = 0$ ، قا $270^\circ =$ غير معرف،

قتا $270^\circ = 1$

360° : جا $360^\circ = 1$ ، جتا $360^\circ = 1$ ، ظا $360^\circ = 0$ ، ظتا $360^\circ =$ غير معرف، قا $360^\circ = 1$ ،

قتا $360^\circ =$ غير معرف.

تدريب (٥-٥) الحل:

(أ) الثاني (ب) الأول ، الرابع (ج) الأول، الثالث

تدريب (٦-٥) الحل:

(أ) $-\frac{3}{2}$ ، (ب) $\frac{3}{2}$ ، (ج) $\frac{1}{3}$ ، (د) 2 ، (هـ) $-\frac{2}{3}$

الأسئلة:

(١) (أ) الأول، الثاني (ب) الثالث، الرابع (ج) محور الصادات الموجب (و) محور السينات السالب (ط) الرابع
(د) الأول، الرابع (هـ) الثاني، الثالث (ح) الثاني، الرابع (ز) الثاني، الرابع

$\frac{3}{5}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{5}{4}$

(٣) أ) جاه = ، جتاه = ، ظاه = ، ظتاه = ، قاه = ،
 قتاه = $\frac{5}{3}$
 (٤) أ) موجب (ب) سالب (ج) موجب (د) سالب
 (٥) غير صحيح؛ فمثلاً ظا $60^\circ = \sqrt[3]{0} < 0$

ثالثاً:

تدريب (٥-٧)

جا $150^\circ = 0,5$ ، قتا $120^\circ = 1,1547$ ، ظتا $110^\circ = 0,36397$ ،

تدريب (٥-٨)

جا $240^\circ = 0,86603$ ، ظا $200^\circ = 0,36397$ ، قاه $205^\circ = 1,103377$ ،

تدريب (٥-٩)

جاه $31^\circ = 0,51801$ ، جا $45^\circ = 0,70710$ ، قتا $30^\circ = 0,5$ ، قتا $60^\circ = 0,86603$ ،

تدريب (٥-١٠)

جا $133^\circ = 0,68200$ ، ظتا $245^\circ = 0,46630$ ، جاه $117,2^\circ = 0,88901$ ،

قتا $230^\circ = 0,39073$ ،

تدريب (٥-١١)

أ) هـ $202,43^\circ$ (ب) هـ 120°

الفصل الثاني:

أولاً:

تدريب (٥-١٢) $26,08^\circ$ سم^٢

تدريب (١٣-٥) ١٤٧,٣١ ديناراً

تدريب (١٤-٥) °٦٠ ، °١٢٠

الأسئلة:

$$(١) ١٠٤٧ \text{ سم}^2$$

$$(٢) ٩٠^\circ$$

$$(٣) \frac{٥٠}{٢\sqrt{}} \text{ سم}^2 = ٣٥,٣٥٥ \text{ سم}^2$$

$$(٤) ٣٠^\circ ، ١٥٠^\circ$$

$$(٥) ٦٢٥ \sqrt[٣]{} \text{ سم}^2$$

ثانياً:

تدريب (١٥-٥) $\angle > ٧٥^\circ$ ، $\angle = ٣٤٦,٣$ سم.

تدريب (١٦-٥) $\angle > ٥٣,٥$ ص ، $\angle > ٤٧,٤$ ع

$$\angle = ٤٧٩,٤ \text{ سم}$$

تدريب (١٧-٥) المسافة بين أسامة و خالد تساوي ١,٣٥٣ م

تدريب (١٨-٥) عرض النهر يساوي ١٢٤,٦٨ متراً

الأسئلة:

$$(١) \angle > ٩٧,٤ \text{ ص} ، \angle > ٠٣,٩٠ \text{ ع}$$

$$\angle = ٥٦٣,٥ \text{ سم}$$

$$(٢) \angle = ١٤,٤ \text{ سم}$$

$$\angle = ٣١,٩ \text{ سم}$$

مساحة المثلث أ ب ج تساوي ٦٨,٣ سم^٢

(٣) ارتفاع العمود يساوي ٢٥,٢٦ م

$$(٤) \frac{٤٣}{٥} = \frac{\text{جا ص}}{٨} \text{ ومنه، جا ص} = ١,٠٩١١٩٧ \text{ وهذا غير صحيح لأن جا ص} < ١$$

(٥) المسافة بين المدينتين (س)، (ع) تساوي ٣٧,٨٥ كم

$$(٦) \angle = ٢٩,١ \text{ سم}$$

ثالثاً:

تدريب (١٩-٥) $\epsilon > 81,78^\circ$

تدريب (٢٠-٥) البعد بين الزورقان يساوي ٧١,٣١٨٢ كم.

تدريب (٢١-٥)

لا؛ لأن نص قانون جيب التمام بالكلمات هو: "في أي مثلث، مربع أي ضلع يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين مطروحاً منه ضعف حاصل ضرب الضلعين الآخرين مضروباً في جيب تمام الزاوية المحصورة بينهما"

تدريب (٢٢-٥)

المسافة بين البالون ونقطة انطلاقه تساوي ٢٥,٣٧ م

أسئلة الوحدة:

$$(١) \text{ جا } \frac{1}{2} = \frac{1}{2}, \text{ جتا } \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{ ظا } \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}, \text{ ظتا } \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}},$$

$$\text{قا } \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}, \text{ قتا } \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}},$$

$$(٢) \text{ جا } 120^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{جتا } 266^\circ = -0,069756$$

$$\text{ظا } 311^\circ = -1,1503684$$

$$\text{قا } 135^\circ = -1,414213$$

$$\text{قتا } 210^\circ = -2$$

$$\text{ظتا } 330^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$(٣) \text{ ص } = 7,4$$

$$\text{ع } = 11,3$$

$$\epsilon > 80^\circ$$

$$(٤) \angle A = 28,95^\circ$$

(٥) كلام زينب صحيح؛ لأنه في ضوء هذه المعطيات يكون $\angle B = 1,25$

ولا يمكن لجيب أي زاوية أن يزيد عن واحد.

$$(٦) \text{عرض النهر} = 44,6473 \text{ م.}$$

$$(٧) 25,98 \text{ م}$$

(٨) لا؛ لأن جميع المثلثات متطابقة الأضلاع لها نفس قياسات الزوايا مع اختلاف أطوال الأضلاع، فمثلاً: مثلث متطابق الأضلاع طول ضلعه ٥ سم له نفس قياسات زوايا مثلث متطابق الأضلاع طول ضلعه ٤ سم.

$$(٩) 20 \text{ سم.}$$

$$(١٠) \angle A = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$(١١) \begin{matrix} \text{أ) سالب} & \text{ب) سالب} & \text{ج) موجب} \end{matrix}$$

$$(١٢) \begin{matrix} \angle A = 65^\circ, \angle B = 90.63^\circ, \angle C = 150^\circ, \angle D = 270^\circ, \angle E = 300^\circ, \angle F = 30.0773^\circ \end{matrix}$$

$$(١٣) \angle A + \angle B = 1$$

$$1 + \angle A = \angle B \text{ قتنا}^2 \text{ س} \quad \text{بالقسمة على } \angle A$$

$$\text{ومنه، قتنا}^2 \text{ س} - 1 = \angle A \text{ س}$$

$$(١٤) \angle A (180^\circ - \angle B) = \angle B = 0.8$$

$$\angle A (180^\circ + \angle B) = - \angle B = -0.8$$

$$\angle A (360^\circ - \angle B) = - \angle B = -0.8$$

$$(١٥) \begin{matrix} (١) \angle A = 265^\circ & (٢) \angle B = 153.4^\circ \end{matrix}$$

$$(١٦) 25,6 \text{ كم}$$

$$(١٧) \begin{matrix} \text{طول القاعدة} = 20,5 & \text{الارتفاع} = 28,19 \text{ م} \end{matrix}$$

إدارة المناهج والكتب المدرسية

إجابات و حلول الأسئلة

الصف: العاشر الأساسي

الكتاب: الرياضيات

الجزء: الثاني

اسم الوحدة: الهندسة التحليلية و الفضائية

رقم الوحدة (٦)

Lines

الفصل الأول: المستقيمات

أولاً: المستقيمات المتوازية والمتعامدة Parallel and Perpendicular Lines

تدريب (٦-١)

في الشكل (٦-٣):

(١) ما ميل المستقيم ك ؟ لماذا؟

(٢) ميل المستقيم الأفقي = ...

(٣) ما ميل المستقيم ل ؟ لماذا؟

(٤) ميل المستقيم الرأسى = ...

(٥) ما العلاقة بين المستقيمين ك ، ل ؟

(٦) ما نوع زاوية ميل كل من المستقيمين و ، ن ؟

(٧) ما إشارة ميل كل من المستقيمين و ، ن ؟ برر إجابتك.

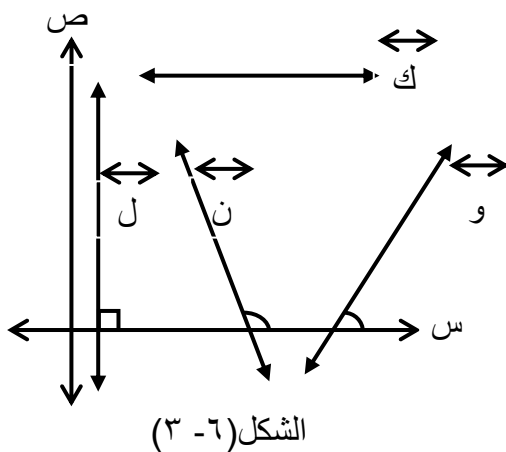
الحل:

(١) ٠ ، لأنه مستقيم أفقي يوازي محور السينات، قياس زاوية ميله ٠°

(٢) صفراً

(٣) غير معرف، زاوية ميله = ٩٠°

(٤) غير معرف



٥) متعامدان

٦) حادة، منفرجة

٧) موجب، سالب (حسب إشارة ظل زاوية ميل كل منهما)

تدريب (٦-٢)

يبين الشكل (٦-٤) المستقيمين غير الرأسيين المتوازيين ك، ل
برهن أن ميليهما متساويان.

الحل:

بسبب تساوي زاويتي الميل (توازي وتناظر)

تدريب (٦-٣)

إذا كان أ(١، ٣)، ب(٣، ٧)، ج(-٤، ٢)، د(-٦، ٢)، بين أن الشكل الرباعي أ ب ج د متوازي أضلاع.

الحل:

ميل أ ب = ميل ج د = ٢ ، فيكون أ ب // ج د

ميل ب ج = ميل أ د = $-\frac{5}{7}$ ، فيكون ب ج // أ د

تدريب (٦-٤)

إذا كانت أ(٤، ٣)، ب(١، ٥)، ج(-١، ٢)، د(٢، ٠)، بين أن أ ب ج د مربع.

الحل:

ميل أ ب = ميل ج د = $-\frac{2}{3}$

ميل ب ج = ميل أ د = $\frac{3}{2}$

أ ب = ب ج = $\sqrt{13}$

أ ب يعامد ب ج

تدريب (٦-٥)

حل المسألة الواردة في بداية الدرس.

الحل:

باستخدام نظام الإحداثيات والتعامد ، موقع ب يكون على بعد ٣ م من رأس المستطيل

الأسئلة

١) إذا كان ل // و، ك $\perp$ و، وكان و يمر بالنقطتين أ(١، ٢)، ب(٤، -١)، فجد ميل كل من المستقيمين ل، ك.

الحل:

ميل ل = -٤، ميل ك = $-\frac{1}{4}$
 ٢) إذا كان أ(٢، ٢)، ب(٤، ٦)، ج(٥، ٥)، د(١، ٢)، فجد قيمة الثابت ع في كل من الحالتين
 الآتيتين: أ) أب // ج د
 ب) أب $\perp$ ج د

الحل:

أ) $\frac{1}{2}$
 ب) -٧

٣) أ) جد قياس زاوية ميل المستقيم ل المار بالنقطتين أ(٤، -٥)، ب(٧، -٨).
 ب) جد قياس زاوية ميل المستقيم ك الذي يعامد المستقيم ل.

الحل:

أ) ١٣٥° ب) ٤٥°

٤) أ) بين أن المستقيم الذي معادلته ص = ٢س + ٥ يوازي المستقيم الذي معادلته ص = ٣س - ٦ = ٠

الحل:

الأول ميله = ٢، الثاني ميله = ٢ أيضا

ب) بين أن المستقيم الذي معادلته ص = ٣س + ٥ يعامد المستقيم الذي معادلته ص = ٦س - ٢ = ١

الحل:

$$\frac{1}{3} = \text{الثاني ميله} = 3 - \text{الأول ميله}$$

٥) إذا كانت النقاط هـ (٢، ١)، و (٤، ٣)، ن (ف، ٥) رؤوس مثلث قائم الزاوية في و، فما قيمة الثابت ف؟

الحل:

$$ف = ١٢$$

٦) إذا كانت أ (٤، ٣)، ب (١، ٢)، ج (٠، ١)، د (٣، ٠) نقاطا في المستوى الإحداثي:
أ) بين أن الشكل الرباعي أ ب ج د متوازي أضلاع.
ب) بين أن قطري الشكل الرباعي أ ب ج د متعامدان.
ج) هل أ ب ج د معين؟ برر إجابتك.

الحل:

$$أ) \text{ميل أ ب} = \text{ميل ج د} = \frac{1}{3}$$

$$\text{ميل ب ج} = \text{ميل أ د} = ٣$$

$$ب) \text{ميل أ ج} = ١، \text{ميل ب د} = -١، \text{حاصل ضرب الميلين} = -١$$

ج) نعم، طراه متعامدان

$$٧) أ) \text{ج د ميل المستقيم الذي معادلته ص} = ٥س + ٧$$

$$ب) \text{ج د ميل المستقيم الذي معادلته ص} = ٣س - ٢ص + ٥ = ٠$$

$$ج) \text{ج د ميل المستقيم الذي معادلته ص} = -٥$$

$$د) \text{ج د ميل المستقيم الذي معادلته ص} = ٧$$

الحل:

$$أ) ٥ ب) \frac{3}{4} ج) ٠ د) غير معرف$$

$$٨) \text{هل المستقيمان اللذان معادلتهما ص} = \frac{1}{4}س + ٢، \text{ ص} = ٢س + \frac{1}{4} \text{ متوازيان؟}$$

متعامدان؟ برر إجابتك.

الحل:

لا، ناتج ضرب الميلين $= 1$

٩) جد معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة $(1, 4)$ ويوازي المستقيم الذي معادلته $ص = 3س - 2$.



الحل:

$$ص = 3س + 1$$

١٠) إذا كانت أ $(0, 0)$ ، ب $(1, 3)$ ، جد معادلة المستقيم الذي يعامد أب ومقطعه الصادي يساوي ٥.

الحل:

$$ص = \frac{1-}{3}س + ٥$$

ثانياً: البعد بين نقطة ومستقيم The Distance between a Point and a Line

تدريب (٦ - ٦)

جد بعد النقطة د (-١، ٤) عن المستقيم الذي معادلته $٥ص = ١٢س + ٧$

الحل:

$$\frac{٢٥}{١٣}$$

تدريب (٦ - ٧)

جد البعد بين المستقيمين المتوازيين

ل : $٣س - ٤ص = ١٢$

ك : $٨ص - ٦س = ١٥$

الحل:

$$\frac{٣٩}{١٠}$$

تدريب (٦ - ٨)

حل المسألة الواردة في بداية الدرس.

الحل:

بوضع نظام الاحداثيات ومعادلة المستقيم ($ص = س$) وإحداثيا النقطة ع (٣، ٥)

$$\frac{٢}{٢}$$

الأسئلة

(١) جد بعد النقطة $(٥، -٤)$ عن المستقيم الذي معادلته $ص = ١٢$

الحل:

٨

(٢) جد بعد النقطة $(٣، -٧)$ عن المستقيم الذي معادلته $ص = -٩$

الحل:

١٢

(٣) جد بعد النقطة $(٥، -٤)$ عن المستقيم الذي معادلته $٨ص + ١ = -١٥$ س

الحل:

$$\frac{٤٢}{١٧}$$

(٤) جد بعد النقطة $(٣، ٠)$ عن المستقيم الذي معادلته $٣ص + ٥ = ٩$

الحل:

صفر

(٥) جد بعد النقطة $(٦، -١)$ عن المستقيم المار بالنقطة $(١، -٢)$ وميله يساوي $\frac{٣}{٥}$

الحل:

$$\frac{١٠}{٣٤}$$

(٦) جد بعد النقطة $(٥، ١)$ عن المستقيم المار بالنقطتين $(٢، ٠)$ ، $(٤، -٦)$

الحل:

$$\frac{١٠}{١٠}$$



٧) جد البعد بين المستقيمين المتوازيين ل : $6س = 8ص + 3$ ، ك : $4ص = 3س - 5$

الحل:

$$\frac{7}{10}$$

٨) إذا كانت أ(٤، ٠)، ب(٥، ٣)، ج(١، -٢)، فجد مساحة المثلث أ ب ج

الحل:

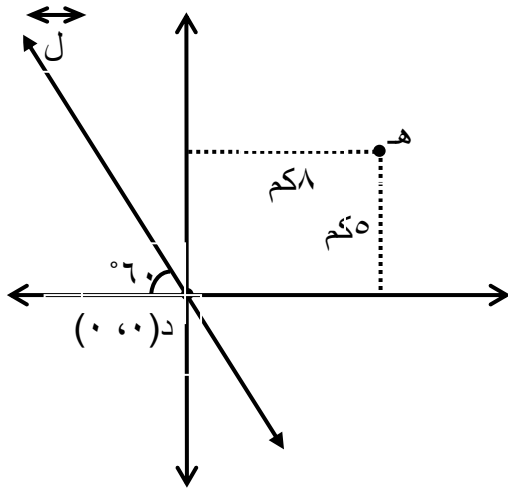
$$\frac{17}{2}$$

٩) جد جميع قيم الثابت ن التي تجعل بعد النقطة (٣، ن) عن المستقيم الذي معادلته

$$5س + 12ص = -38 \text{ يساوي } 2 \text{ وحدة}$$

الحل:

$$\frac{27-}{12} ، \frac{79}{12}$$



الشكل (٦ - ٩)

١٠) يبين الشكل (٦ - ٩) المستقيم ل الذي يمثل

سكة حديد، والنقطة هـ التي تمثل محطة

حافلات، جد بعد المحطة عن سكة الحديد.

الحل:

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 8 + 5} \\ \underline{10} \end{array}$$

١١) استخدم الهندسة التحليلية في اثبات أن مركز الدائرة التي تمر برؤوس مثلث قائم الزاوية هي

منتصف الوتر.

الحل:

باستخدام نظام الإحداثيات ومعادلة المستقيم ، بأخذ الزاوية القائمة نقطة الأصل، واستخدام بعد نقطة عن مستقيم، بعد نقطة عن نقطة، تعريف الدائرة؟

١٢) استخدم الهندسة التحليلية في إثبات أن قياس الزاوية المحيطية المقابلة لقطر الدائرة يساوي 90° .

الحل:

باستخدام نظام الإحداثيات، معادلة الدائرة، التعامد.

١٣) أثبت أن منتصفات الشكل الرباعي تمثل رؤوس متوازي أضلاع.

الحل:

باستخدام نظام الإحداثيات، منتصف قطعة مستقيمة، التوازي.

١٤) إذا كانت أ(٠، ٠)، ب(٣، ٥)، ج(٩، -٥) أثبت أن المستقيمتان المتوسطتان للمثلث أ ب ج

تتقاطع في نقطة وحيدة.

الحل:

إيجاد نقطة المنتصف، إيجاد معادلة المستقيمتان المتوسطتان (مارة بنقطتين)

إيجاد نقطة تقاطع اثنتين منهم

بيان أن هذه النقطة تقع على المستقيم الثالث.

الفصل الثاني: خصائص الأشكال الهندسية Figures Properties

Triangle Properties (1)

أولاً: خصائص المثلث (١)

تدريب (٦ - ٩)

برهن أن القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفَي ضلعين في المثلث توازي الضلع الثالث.

الحل:

استخدام نظام الاستخدام نظام الإحداثيات، منتصف قطعة مستقيمة، توازي مستقيمين (الميل)

تدريب (٦ - ١٠)

م ن ل مثلث فيه م(٣، ٥)، ن(٧، ٣)، ل(١، -٢) _____

(١) جد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفَي م ل، ن ل.

(٢) بين أن القطعة الواصلة بين منتصفَي م ن، م ل توازي ن ل.

الحل:

(١) $\sqrt{5}$

(٢) ميل كل منهما = $\frac{5}{8}$

الأسئلة

(١) هـ و ع مثلث فيه هـ (٥-، ٠)، و (٧، ٤-)، جد طول القطعة الواصلة بين منتصف ع هـ، ع و.
الحل: $\frac{10}{2}$

(٢) أ ب ج مثلث فيه د، هـ منتصف أ ب، أ ج على التوالي، حيث د (٩، ٥)، هـ (١-، ٢)،
جد ميل ب ج .
الحل: $\frac{3}{1}$

(٣) حل المسألة الواردة في بداية الدرس.
الحل:

(١) ٢٤

(٢) قائم الزاوية

(٤) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب، د منتصف أ ب، هـ منتصف ب ج ، إذا كان ب هـ = ٢ د ب،
وكان أ ج = ٦ $\sqrt{5}$ ، فجد كلا من أ ب، ب ج .

الحل:

أ ب = ٦ ، ب ج = ١٢

(٥) في المثلث المتطابق الضلعين، أثبت أن القطعة المستقيمة الواصلة بين رأس المثلث ومنتصف القاعدة، تعامدها.

الحل:

استخدام نظام الإحداثيات ، منتصف قطعة مستقيمة، التعامد

٦) أب ج مثلث، م، ن، ل منتصفات أضلاعه، أثبت أن $\overline{م ن}$ ، $\overline{ن ل}$ ، $\overline{م ل}$ تقسم المثلث أب ج إلى أربعة مثلثات متطابقة.

الحل:

استخدام تطابق المثلثات والمبرهنة والتوازي

٧) اب ج مثلث ، م، ن، ل منتصفات أضلاعه، د، و ، هـ منتصفات أضلاع المثلث م ن ل، إذا كانت مساحة المثلث دوه تساوي ٥ سم^٢ ، فما مساحة المثلث أب ج ؟

الحل:

٨٠ سم^٢

٨) اب ج مثلث قائم الزاوية في ب، النقطة د منتصف أب، النقطة هـ منتصف أ ج :
(أ) أثبت أن الشكل دب ج هـ شبه منحرف.

(ب) إذا كانت ب ج = ١٠ سم، ومساحة دب ج هـ = ٢٤ سم^٢، فجد مساحة المثلث أب ج .

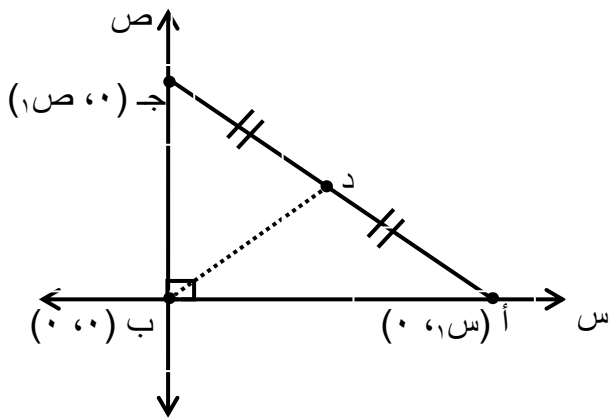
الحل:

(أ) استخدام المبرهنة

(ب) ٣٢ سم^٢

Triangle Properties (2)

ثانياً: خصائص المثلث (٢)



الشكل (٦ - ١٤)

تدريب (٦ - ١١)

قالت حنان: " في الشكل (٦ - ١٤)، النقطة د هي مركز الدائرة المارة برؤوس المثلث أ ب ج " هل تتفق مع حنان في ذلك؟ برر إجابتك.

الحل:

نعم، بعد د عن كل من أ، ب، ج متساو

تدريب (٦ - ١٢)

م ن ل مثلث قائم الزاوية في ن، ب منتصف م ل، حيث ن(٣، ٤)، ب(٩، ١)، ج د م ل.

الحل:

$$م ل = ٢٦$$

تدريب (٦ - ١٣)

أ ب ج مثلث متطابق الأضلاع، د منتصف أ ب، ه منتصف أ ج، أثبت أن مساحة المثلث أ د ه تساوي مساحة المثلث ج د ه.

الحل:

استخدام مساحة المثلث، ايجاد ارتفاع كل منهما من النسب المثلثية للزاوية 60° ، 120° ، ومبرهنة الدرس.

الأسئلة

(١) ك ل و مثلث قائم الزاوية في ل، ك ل = ٥ سم، ول = ٧ سم، س منتصف الوتر ك و، جد س ل.

الحل:

$$\sqrt{3}$$

(٢) إذا كانت أ (٣، ٥)، ب (٢، ٣)، ج (٠، ٤):

أ) أثبت أن المثلث أ ب ج مثلث قائم الزاوية (بأكثر من طريقة).

ب) جد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين رأس الزاوية القائمة ومنتصف الوتر.

الحل:

أ) باستخدام الميل: أ ب يعامد ب ج

بحساب أطوال الأضلاع وتطبيق مبرهنة فيثاغورس

$$\frac{10}{2} \sqrt{2}$$

(٣) حل المسألة الواردة في بداية الدرس.

الحل: ١٢،٥ م

(٤) أ ب ج مثلث فيه $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ في النقطة د، ه منتصف أ ب، حيث د (٢، ٥)، ه (٣، ٩)، جد أ ب.

الحل:

$$\sqrt{17}$$

(٥) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب، د منتصف أ ج، إذا كان طول ب د يساوي مثلي طول أ ب، جد

جيب تمام الزاوية أ ج ب.

$$\frac{15}{4}$$

الحل:

Parallelogram Properties

ثالثا: خصائص متوازي الأضلاع

تدريب (٦- ١٤)

إذا كان م ن ك ل متوازي أضلاع يتقاطع قطريه في النقطة ع (٢، ٣-)، وكانت م (٥، ٢)، ن (٠، ٣):

(١) جد طول كل من قطريه.

(٢) جد إحداثيي كل من النقطتين ك، ل.

الحل:

$$\overline{ن ل} = ٤$$

$$\overline{م ك} = ٣$$

تدريب (٦- ١٥)

برهن مستخدما الهندسة الإحداثية أن طول القطعة الواصلة بين الضلعين غير المتوازيين في شبه المنحرف يساوي نصف مجموع طولي القاعدتين المتوازيتين فيه.

الحل:

باستخدام نظام الإحداثيات وشبه منحرف رؤوسه النقاط (٠، ٠)، (١، ٠)، (٢، ١)، (٣، ١) ص، والمسافة بين نقطتين لإثبات المطلوب.

تدريب (٦- ١٦)

س ص ع ل شبه منحرف فيه س ص // ل ع، س (١، ٦-)، ص (٦، ٦)، ل ع = ٩ وحدات، جد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصف الضلعين ص ع، ل س.

الحل:

تدريب (٦ - ١٧)

حل المسألة الواردة في بداية الدرس.

الحل:

نقطة تقاطع القطرين أب ، ج د.

الأسئلة

(١) جد نقطة تقاطع قطري متوازي الأضلاع أب ج د، حيث ب(٣، -٤)، د(٣، ١٢).

الحل:

(٣، ٤)

(٢) ك ل هـ و متوازي أضلاع فيه ك(٢، -٤)، ل(١٠، ١-)، هـ(٤، ٦)، جد بعد نقطة تقاطع قطريه عن المستقيم ك ل.

الحل:

نقطة تقاطع قطريه (١، ٥)، معادلة المستقيم ك ل هي (٥س + ١٢ص - ٣٨ = ٠)

$$\frac{27}{13} = \text{البعد}$$

(٣) أب ج د متوازي أضلاع فيه أ(٥، ٣)، د(٣، -١٢)، هـ نقطة تقاطع قطريه، ل نقطة منتصف دج، جد هـ ل.

الحل:

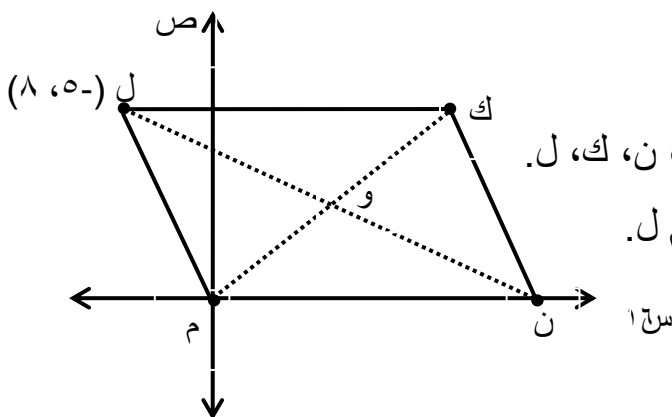
$$\frac{17}{2}$$

(٤) يبين الشكل (٦ - ١٧) ساحة ألعاب على شكل متوازي أضلاع، ك ل = ١٧م، نريد تثبيت سارية للعلم عند النقطة و:

أ) حدد إحداثيي النقطة و

ب) جد بعد موقع السارية عن كل من الرؤوس م، ن، ك، ل.

ج) جد أقصر مسافة بين موقع السارية والضلع م ل.



الشكل (٦ - ١٧)

الحل:

أ) و(٦، ٤)

ب) وم = وك = ٤ $\sqrt{13}$ ، ون = ول = ٢ $\sqrt{127}$

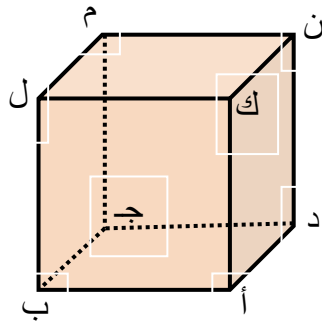
Spatial Geometry

الفصل الثالث: الهندسة الفضائية

أولاً: مسلمات الهندسة الفضائية Axioms of Space Geometry

تدريب (٦-١٨)

اعتمد على الشكل (٦-١٩) للإجابة عما يأتي:



الشكل (٦-١٩)

١) سم أربع نقاط.

٢) سم ثلاثة مستقيمت.

٣) سم ثلاثة مستويات.

٤) سم مستقيمين يقعان في مستويين مختلفين، واذكر اسمي المستويين.

٥) سم مستقيمين يتقاطعان في النقطة م.

٦) سم مستويين يتقاطعان في المستقيم أد.

٧) هل يمكنك تسمية مستوى ثالث يحتوي المستقيم أد؟

الحل:

١) النقاط أ، ب، ج، د

٢) المستقيمت أب، أك، ب ل، م ن

٣) المستويات أب ج، دن ج، م ن ك

٤) المستقيم أب يقع في المستوى أب ج، المستقيم أك يقع في المستوى أك ن

٥) المستقيمان م ن، م ل

٦) المستويان أدب، أد ن

الأسئلة

(١) اعتمادا على الشكل (٦ - ٢٦) الذي يمثل هرمًا رباعيا قائما، أعط مثالا

لكل مما يأتي:

(أ) ثلاث نقاط مستقيمة.

(ب) ثلاث نقاط ليست مستقيمة.

(ج) خمس نقاط مستوية.

(د) أربع نقاط غير مستوية.

(هـ) مستويان متقاطعان، سم مستقيم تقاطعهما.

(و) مستقيم يقطع المستوى ب ج هـ.

(ز) مستقيم لا يقطع المستوى أ د هـ.

(ح) مستويين يحويان المستقيم د ج. $\longleftrightarrow$

(ط) ثلاثة مستويات تتقاطع في نقطة واحدة.

الحل:

(أ) أ، م، ب

(ب) أ، ب، د

(ج) أ، ب، ج، د، م

(د) أ، ب، ج، هـ

(هـ) المستويان أ ب ج، أ ب هـ، يتقاطعان في المستقيم أ ب $\longleftrightarrow$

و) أب
↔
ز) ب ج

ح) المستويان د ج ب، د ج هـ

ط) المستويات أب ج ، أب هـ ، أد هـ

٢) ما عدد المستويات التي يمكن رسمها بحيث يمر كل منها:

أ) بثلاث نقاط مستقيمة؟

ب) برؤوس متوازي أضلاع؟

ج) برؤوس هرم ثلاثي؟

د) بثلاثة من رؤوس هرم ثلاثي؟

الحل:

أ) لانهائي

ب) ١

ج) ٠

د) ١

٣) أي من العبارات الآتية صحيحة وأيها خطأ؟ صحح العبارات الخطأ.

أ) يوجد أكثر من مستوى يمر بمستقيمين متوازيين.

ب) يوجد مستوى واحد فقط يمر بمستقيم معلوم.

ج) يقع المربع بأكمله في مستوى واحد.

د) لا يوجد مستويان غير متقاطعين.

الحل:

أ) بل مستوى واحد

ب) بل عدد لانهائي من المستويات

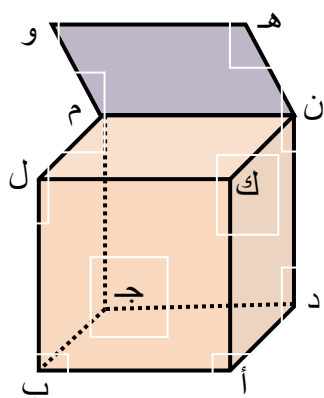
ج) صحيح

د) بل يوجد مستويان متقاطعين

ثانيا: أوضاع المستقيمات والمستويات في الفضاء

Lines and Planes in Space

الأسئلة



الشكل (٦- ٣٠)

اعتمادا على الشكل (٦- ٣٠)، أجب عما يأتي:



(١) سم أربعة مستقيمات كل منها يوازي ك ل.

(٢) سم خمسة مستويات يتقاطع كل منها مع المستوى ك ل م ن.

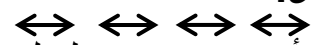
(٣) سم ثلاثة أزواج من المستويات المتوازية.

(٤) سم ستة مستقيمات يقطع كل منها المستوى أ ب ج د.

(٥) سم خمسة مستقيمات يوازي كل منها المستوى أ ب ج د.

(٦) هل المستويان أ ب ج ، م ن هـ متوازيان؟ برر إجابتك.

الحل:



(١) أ ب، د ج ، ن م، ك ل

(٢) المستويات ك ل أ، ك ن د، ن م د، م ل ب، ن م هـ

(٣) أ ب ج م // ك ل م، د أ ك // ج ب ل، أ ب ل // د ج م

(٤) أ ك، ب ل، ج م، د ن، ن هـ، م و

(٥) ك ل، ل م، م ن، ن ك، هـ و

(٦) لا، لأن امتداد المستوى م ن هـ يقطع المستوى أ ب ج

أسئلة الوحدة

(١) جد معادلة المستقيم ل الذي يمر بالنقطة (٦، -٣)، ويوازي مستقيما ميله (-٤).

الحل:

$$ص = -٤س + ٢١$$

(٢) جد معادلة المستقيم ل الذي يعامد المستقيم ك الذي معادلته $٣س + ٢ص = ٥$ ، ويمر بنقطة الأصل.

الحل:

$$٣ص = ٢س$$

(٣) أ ب ج د متوازي أضلاع فيه أ(-٥، ٣)، ج(١، -٩)، جد معادلة المستقيم ك المار بنقطة تقاطع قطري متوازي الأضلاع أ ب ج د، ويعامد القطر أ ج.

الحل:

$$٢ص = ٤س$$

$$(٤) \text{ جد بعد النقطة د } (-٥، ٢) \text{ عن المستقيم الذي معادلته } ص = \frac{٣}{٤}س + ٢$$

الحل:

$$٣$$

(٥) إذا كان بعد النقطة (٢، -١) عن المستقيم الذي معادلته $٤س + ب ص = ١$ يساوي ٢، فجد جميع قيم الثابت ب.

الحل:

$$ب = -٣، \text{ أو } ب = \frac{-٥}{٣}$$

(٦) إذا كانت أ(٣، -١)، ب(-٣، ١)، ج(-٨، -٥)، د(-٢، -٧):

- أ) بين أن الشكل الرباعي أب ج د متوازي أضلاع.
 ب) جد إحداثيي نقطة تقاطع قطريه أج ، ب د.
 ج) جد بعد النقطة ب عن القطر أج.
 د) جد البعد بين الضلعين المتوازيين أب، دج .

الحل:

$$\begin{aligned} \text{أ) ميل أب} &= \text{ميل دج} = \frac{1-3}{3-6} \\ \text{ميل أد} &= \text{ميل ب ج} = \frac{6-5}{5-3} \end{aligned}$$

- ب) $(3- , \frac{5-}{2})$
 ج) بعد النقطة ب(3-، ١) عن المستقيم أج الذي معادلته (١ ص ٤- س + ٢٣ = ٠)
 د) بعد النقطة ب(3-، ١) عن المستقيم دج الذي معادلته (س + ٣ ص = ٢٣ = ٠)
 ٧) م ن ل مثلث رؤوسه م(١، ٤)، ن(٤، ٠)، ل(٠، ٤-):
 أ) جد طول القطعة الواصلة بين منتصفي م ن، م ل.
 ب) جد مساحة المثلث م ن ل.

الحل:

أ) ٤

ب) ١٦ وحدة مربعة

- ٨) أب ج مثلث فيه د، هـ منتصفا أب، أج على التوالي، م منتصف دب، ن منتصف هـ ج .
 أثبت أن طول م ن يساوي ثلاثة أرباع طول ب ج .

الحل:

- باستخدام مبرهنتي (القطعة الواصلة لين منتصفي ضلعي المثلث، وشبه المنحرف)
 ٩) أب ج مثلث فيه أ(٥، ٦)، ب(١-، ٢-)، ج(٧، ٨-):
 أ) بين أن المثلث أب ج قائم الزاوية في ب.

ب) جد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفي أب، ب جـ.
 ج) جد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين ب ومنتصف أجـ.

الحل:

$$\text{أ) ميل أب} = \frac{4}{3} \text{ ، ميل ب جـ} = \frac{3-}{4}$$

$$\text{ب) } \sqrt{5} \quad \text{ج) } \sqrt{2}$$

١٠) إذا كان م ن ك ل متوازي أضلاع فيه م(٤ ، ٠) ، ن(١ ، ٥) ، وكانت هـ(٥ ، ٤) نقطة تقاطع قطريه:
 أ) جد م ك، ن ل.

ب) إحداثيي كل من النقطتين ك، ل.

الحل:

$$\text{أ) م ك} = \sqrt{17} \text{ ، ن ل} = \sqrt{17}$$

$$\text{ب) ك (٨، ٦) ، ل (٩، ٣)}$$

١١) جد البعد بين المستقيمين المتوازيين:

$$\text{ل: } 3\text{ص} = 2\text{س} - 5$$

$$\text{ك: } 4\text{س} - 6\text{ص} = 5$$

الحل:

$$\frac{5}{52}$$

١٢) أرسم الشكل الرباعي أب جـ د على المستوى الإحداثي في كل مما يأتي، ثم ادرس خصائصه وصنف
 كلا منها إلى: متوازي أضلاع أو مستطيل أو مربع أو شبه منحرف أو معين معتمدا على خصائصه:

$$\text{أ) أ (٠، ٧) ، ب (٦، ٧) ، جـ (٤، ٥) ، د (٢، ٥)}$$

$$\text{ب) أ (٠، ١) ، ب (٥، ٢) ، جـ (٠، ٧) ، د (٣، ٤)}$$

الحل:

أ) متوازي أضلاع

(ب) شبه منحرف

(١٣) الشكل (٦- ١٨) يبين محطتين للحافلات ك، ن،

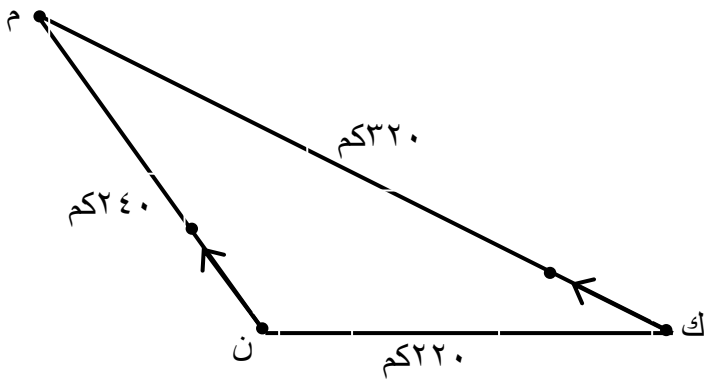
والمطار م، عند الساعة الثامنة صباحا انطلقت

حافلة من المحطة ك باتجاه المطار بسرعة

٨٠ كم/ساعة، وفي اللحظة نفسها انطلقت حافلة

أخرى من المحطة ن باتجاه المطار بسرعة

٦٠ كم/ساعة.



الشكل (٦- ٣١)

جد البعد بين الحافلتين عن الساعة العاشرة صباحا.

الحل:

نصف ك ن = ١١٠ كم

(١٤) أي من العبارات الآتية صحيحة وأيها خطأ؟ برر إجابتك:

(أ) إذا لم يشترك المستقيم ل مع المستوى س في أية نقطة، فإن ل // س. $\leftrightarrow$

(ب) من نقطة خارج مستوى، يمكن رسم مستقيم واحد فقط يوازي هذا المستوى.

(ج) من نقطة خارج مستقيم، يمكن رسم مستقيم واحد فقط يوازي هذا المستقيم.

(د) من نقطة خارج مستوى، يمكن رسم مستوى واحد فقط يوازي هذا المستوى.

(هـ) إذا توازى مستقيمان في الفضاء، فإن أي مستقيم يقطع أحدهما يقطع الآخر.

(و) يمكن رسم ثلاث نقاط غير مستوية.

(ز) المستقيمان غير المتقاطعين في الفضاء، متوازيان.

الحل:

(أ) صحيحة

(ب) بل عدد لانهائي من المستقيمان

(ج) صحيحة

(د) صحيحة

(هـ) خطأ، يمكن أن يقطع أحدهما ويخالف الآخر

(و) خطأ، أية ثلاثة نقاط تكون مستوية

ز) خطأ، قد يكونان متخالفين

الفصل الأول: الإحصاء

أولاً: مقاييس التشتت

تدريب (٧-١):

$$\text{التباين} = \sigma^2 = ٢٨,٨٧٩٣١$$

$$\text{الانحراف المعياري} = \sigma = ٥,٣٧٣٩٥$$

تدريب (٧-٢):

الشكل (ب) يُمثل التوزيع الأكثر تشتتاً لأن أطراف المنحنى أكثر تباعداً عن الوسط الحسابي منها في الشكل (أ).

الشكل (أ) تتساوى فيه مقاييس النزعة المركزية (المنوال، الوسيط، الوسط الحسابي)، لأنه يُعتبر توزيع طبيعي.

تدريب (٧-٣):

$$\text{التباين} = ٤٥,١١٢١٨$$

$$\text{التباين} = ٥٩,٤٧١١٥$$

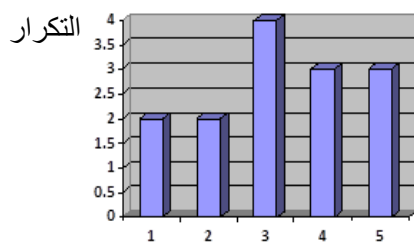
علامات طلاب الشعبة (أ) أكثر تجانساً من علامات الشعبة (ب) لان التباين لعلامات طلاب الشعبة (أ) أقل من التباين لعلامات طلاب الشعبة (ب)

(أ) المدى = ٩

(ب) الوسط الحسابي = ١٤,١

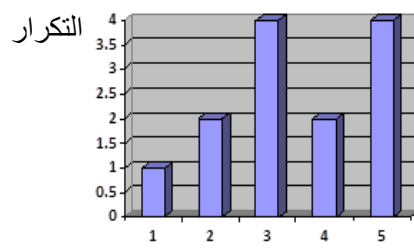
(ج) الانحراف المعياري = ٢,٢١

(٢) الشكل (٧-١٦) يُمثل بيانات للتوزيعين أ، ب:



بيانات ب

الشكل (٧-١٦)



بيانات أ

(أ)

الانحراف المعياري	الوسط الحسابي	المدى	
٢	٣	٤	بيانات أ
٢,٢٨٥٧١٤	٣	٤	بيانات ب

(ب) بيانات التوزيع أ أكثر تجانساً من بيانات التوزيع ب.

(ج) نعم، من خلال توزيع البيانات حول الوسط الحسابي في التوزيع أ كان أكثر تجانساً من التوزيع ب

(٣) الانحراف المعياري لأطوال لاعبي الفريق أ = ١٠,٣٩

الانحراف المعياري لأطوال لاعبي الفريق ب = ٩

أطوال لاعبي الفريق ب أكثر تجانساً من أطوال لاعبي الفريق أ، لأن الانحراف المعياري لأطوال لاعبي الفريق ب أقل من الانحراف المعياري لأطوال لاعبي الفريق أ.

٤) أيّ العبارات الآتية صحيحة وأيها خاطئة مع توضيح السبب؟:

أ) صحيحة.

ب) خاطئة.

ج) خاطئة.

د) صحيحة.

هـ) خاطئة.

ثانياً: أثر تعديل البيانات على مقاييس التشتت

تدريب (٧-٤):

أ (المدى في الاسبوع الأول = ١٠

ب) الانحراف المعياري في الأسبوع الأول = ٤,٥

ج) المدى في الأسبوع الثاني = ١٠

د (الانحراف المعياري في الأسبوع الثاني = ٤,٥

تدريب (٧-٥):

إذا عُدلت القيم: ٦، ٤، ٣، ٢، ٥، بضرب كل قيمة بالعدد (-٢)، احسب:

أ (المدى قبل التعديل = ٤

المدى بعد التعديل = ٨

ب) الانحراف المعياري قبل التعديل = ١,٥٨

الانحراف المعياري بعد التعديل = ٣,١٦

ج) التباين قبل التعديل = ٢,٥

التباين بعد التعديل = ١٠

تدريب (٧-٦):

أ (الوسط الحسابي بعد التعديل = ١٢

ب) المدى بعد التعديل = ٣٠

ج) الانحراف المعياري بعد التعديل = ٦,٥

د (التباين بعد التعديل = ٤٢,٢٥

تدريب (٧-٧):

المدى بعد = ١٢,٦

الانحراف المعياري بعد = ٤,٥٣٦

تدريب (٨-٧):

الانحراف المعياري بعد الدمج = ٤٠,٨٨

تدريب (٩-٧):

أ (التباين قبل التعديل = ١٤,٧٨٥٧١

ب (التباين بعد التعديل = ٦,٢٦٦٦٦٧

$$(١) \text{ أ } (\text{المشاهدة قبل التعديل} = ٨$$

$$\text{ب) الوسط الحسابي بعد التعديل} = ٩٠$$

$$\text{المدى بعد التعديل} = ٣٢$$

$$\text{الانحراف المعياري بعد التعديل} = ١٦$$

$$(٢) \text{ الانحراف المعياري بعد التعديل} = ١٢$$

$$(٣) \text{ أ } (\text{الوسط الحسابي بعد التعديل} = ٤٥,٣$$

$$\text{ب) التباين بعد التعديل} = ٦٤,٦٢٦٤$$

$$(٤) \text{ الوسط الحسابي بعد الدمج} = ١٣,٣٢$$

$$\text{الانحراف المعياري بعد الدمج} = ٥,١٨$$

$$(٥) \text{ حل حسين صحيح:}$$

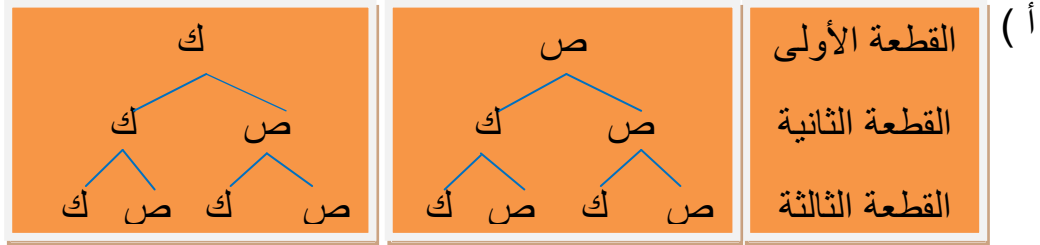
$$\text{الوسط الحسابي بعد التعديل} = ٢٤٣ = ٣ + ٣٠ \times ٨$$

$$\text{الانحراف المعياري بعد التعديل} = ٢٤ = ٣ \times ٨$$

الفصل الثاني: الاحتمالات

أولاً: مفهوم الاحتمال وقوانين الاحتمالات

تدريب (٧-١٠):



$$\Omega = \{(ص، ص، ص)، (ص، ص، ك)، (ص، ك، ص)، (ص، ك، ك)، (ك، ص، ص)، (ك، ص، ك)، (ك، ك، ص)، (ك، ك، ك)\}$$

$$\{(ك، ص، ص)، (ك، ص، ك)، (ك، ك، ص)، (ك، ك، ك)\}$$

$$\begin{aligned} \text{ب) ع(ح)} &= \frac{1}{8} & \text{ج) ل(ح)} &= \frac{1}{8} & \text{د) ل(ح)} &= \frac{4}{8} \end{aligned}$$

تدريب (٧-١١):

$$\begin{aligned} \text{أ) ل(ح)} &= \frac{1}{10} & \text{ب) ل(ح)} &= \frac{9}{10} \end{aligned}$$

تدريب (٧-١٢):

$$\text{أ) ل(ح)} = \text{صفر} \quad \text{حادث مستحيل}$$

$$\text{ب) ل(ح)} = 1 \quad \text{حادث أكيد}$$

تدريب (٧-١٣):

$$\text{أ) ع(ح)} = 2^\circ = 32$$

$$\text{ب) ع(ح)} = 6^{\circ} = 1296$$

$$\text{ج) ع(ح)} = 6^2 \times 2^3 = 36 \times 8 = 288$$

تدريب (٧-١٤):

أ (السحب للبطاقتين على التوالي دون إرجاع.

$$٦ = (١ \Omega) ع$$

$$\{(٢, ٣), (١, ٣), (٣, ٢), (١, ٢), (٣, ١), (٢, ١)\} = {}_١\Omega (٢)$$

$$\frac{٢}{٦} = (١ ح) ل (٣)$$

$$\frac{٤}{٦} = (٢ ح) ل (٤)$$

ب (السحب للبطاقتين معاً.

$$٣ = (٢ \Omega) ع$$

$$\{(٣, ٢), (٣, ١), (٢, ١)\} = {}_٢\Omega (٢)$$

$$\frac{١}{٣} = (١ ح) ل (٣)$$

$$\frac{٢}{٣} = (٢ ح) ل (٤)$$

تدريب (٧-١٥):

$$أ (ل (ح١ \cap ح٢) = \text{صفر}$$

$$ب (ل (ح١ \cup ح٢) = \frac{٢٥}{٣٦}$$

$$ج (ل (ح١ - ح٢) = \frac{١٥}{٣٦}$$

تدريب (٧-١٦):

$$أ (ل (ح١ - ح٢) = \text{صفر}$$

$$ب (ل (ح١ - ح٢) = ٠,٥٥$$

تدريب (٧-١٧):

$$\frac{2}{5} = (ح) ل \text{ أ}$$

$$\frac{3}{5} = (\overline{ح}) ل \text{ ب}$$

تدريب (٧-١٨):

$$\frac{15}{50} = (ح_1 - ح_2) ل \text{ أ} \quad \frac{10}{50} = (ح_1 - ح_2) ل \text{ ب} \quad \frac{40}{50} = (ح_1 \cup ح_2) ل \text{ ج}$$

تدريب (٧-١٩):

فرصة سارة أكبر في الحصول على القلمين.

(١) أيّ العبارات الآتية صحيحة وأيها خاطئة مع توضيح السبب؟:

- أ (صحيحة
د (خاطئة
ب (صحيحة
هـ (خاطئة
و (خاطئة
ز (صحيحة
ج (صحيحة

$$\begin{aligned} (٢) \text{ أ (ل (ح) } &= \frac{٤}{١٦} \\ \text{ب (ل (ح) } &= \frac{١}{١٦} \\ \text{ج (ل (ح) } &= \frac{٥}{١٦} \\ \text{د (ل (ح) } &= \frac{١١}{١٦} \end{aligned}$$

$$(٣) \text{ أ (ل (ح) - (ح) } = ٠,١$$

$$\text{ب (ل (ح) } \cup \text{ (ح) } = ٠,٩٥$$

$$\text{ج (ل (ح) } \cup \text{ (ح) } = ٠,٠٥$$

(٤) نعم يتفق ما صرّح به المدرّب مع مفهوم الاحتمال.

$$\text{السبب: ل (ح) } \cup \text{ (ح) } = \text{ ل (ح) } + \text{ ل (ح) } - \text{ ل (ح) } \cap \text{ (ح) }$$

$$١ = ٠,٥٥ - ٠,٦٥ + ٠,٩ =$$

(٥) أ (قال عُمر أن نجاحه في الاختبار النظري فقط يعني:

$$\text{ل (ح) } - \text{ ل (ح) } = \text{ ل (ح) } - \text{ ل (ح) }$$

$$٠,١٦ = ٠,٨٨ - ٠,٧٢ =$$

حل عُمر خطأ، لأن:

$$\text{ل (ح) } - \text{ ل (ح) } = \text{ ل (ح) } - \text{ ل (ح) } = ٠,٧ - ٠,٨٨ = ٠,١٨$$

$$(ب) \text{ ل} (ح \cup ح) - (ح) \text{ ل} + (ح) \text{ ل} = (ح \cap ح) \text{ ل} - (ح) \text{ ل} + (ح) \text{ ل}$$

$$0,9 = 0,7 - 0,72 + 0,88 =$$

$$\frac{36}{40} = (ح \cap ح) \text{ ل} - (ح) \text{ ل} + (ح) \text{ ل} = (ح \cup ح) \text{ ل} \quad (أ) \quad \frac{40}{360} \quad (ب) \quad \frac{90}{360}$$

$$\frac{150}{360} \quad (د) \quad \frac{40}{360} \quad (ج)$$

$$\frac{250}{360} \quad (و) \quad \frac{70}{360} \quad (هـ)$$

$$\frac{180}{360} \quad (ز)$$

ثانياً: الاحتمال المشروط واستقلال الحوادث

تدريب (٧-٢٠):

$$أ) ل(ح/٢ح) = \frac{1}{3}$$

$$ب) ل(ح/٢ح) = \frac{8}{21}$$

تدريب (٧-٢١):

$$أ) \frac{49}{144}$$

$$ب) \frac{35}{72}$$

تدريب (٧-٢٢):

$$أ) ٠,٤٥٥$$

$$ب) ٠,٨٩٥$$

$$ج) ٠,٢٤٥$$

تدريب (٧-٢٣):

$$أ) (١) \frac{14}{45}$$

$$(٢) \frac{31}{45}$$

$$ب) (١) \frac{25}{81}$$

$$(٢) لا أوفق وفاء الحل والحل الصحيح = \frac{40}{81}$$

$$\frac{1}{3} = (ح/٢ح) \text{ (ب)}$$

$$\frac{1}{2} = (ح - ٢ح) \text{ (أ)}$$

$$٠,٤٥ \text{ (٢)}$$

(٤) نعم، ح، ح ٢ حادثان مستقلان.

$$\frac{4}{9} \text{ (ب)}$$

$$\frac{3}{11} \text{ (أ)}$$

$$\frac{23}{33} \text{ (٢)}$$

$$\frac{10}{33} \text{ (ج)}$$

(٦) أ) خاطئة

ب) صحيحة

ج) صحيحة

د) صحيحة

هـ) خاطئة

$$\frac{1}{16} \text{ (ج)}$$

$$\frac{1}{12} \text{ (ب)}$$

$$١٢ \text{ (أ)}$$

$$\frac{1}{8} \text{ (٨)}$$

(١) (١) ب $\frac{1}{2}$

(٢) (ج) ٠,٢٥

(٣) (أ) صفر

(٤) (د) ٠,٥٨

(٢) ع = ٢٠٤,٩

(٣) (أ) ١٦ (ب) $\frac{3}{8}$ (ج) $\frac{1}{16}$

(٤) الوسط الحسابي بعد الدمج = ٨٧,٣

الانحراف المعياري بعد الدمج = ٦,٦

(٥) (أ) $\frac{11}{20}$ (ب) $\frac{43}{60}$

(٦) ح١، ح٢ حادثان ليسا مستقلان، لأن:

$L(H_1 \cap H_2) \neq L(H_1) \times L(H_2)$

$0,2 \neq 0,3$

(٧) (أ) $\frac{1}{15}$ (ب) $\frac{13}{15}$ (ج) $\frac{1}{5}$

(٨) (أ) $\frac{21}{50}$ (ب) $\frac{1}{15}$

(٩) (أ) الوسط الحسابي = ٣٤٩,٥

(ب) الانحراف المعياري = ٧٥,٢٢

١٠ (أ) المشاهدة قبل التعديل = ٥٢

ب) الوسط الحسابي بعد التعديل = ١٧٥

الانحراف المعياري بعد التعديل = ١٢

التباين للملاحظات بعد التعديل = ١٤٤

١١ (أ) ٠,٨٢ ب) ٠,٠٨

١٢ (أ) $\frac{3}{16}$ ب) $\frac{15}{28}$

إدارة المناهج والكتب المدرسية

إجابات و حلول الأسئلة

الجزء: الثاني

الكتاب: الرياضيات

الصف: العاشر الأساسي

الرياضيات المالية

الوحدة ٨

الفصل الأول: تبديل العملة

تدريب (١-٤):

١٤٤٠،٣ ين ياباني

تدريب (٢-٤):

١١٣،٢٨ دينار أردني

تدريب (٣-٤):

أ (٥١٧٣،٣ درهم إماراتي

ب) ٤ مليون ليرة لبنانية

الأسئلة

١) ٢١٥،٥٦ ريال قطري

٢) ١٤١،٩ دينار أردني

٣) ١٨٧٧،٨ دينار أردني

٤) محضرة الطعام الأمريكية أفضل من الفرنسية لأنها أقل في السعر.

٥) الحل خاطيء.

الفصل الثاني: الربح

أولاً: العمولة

تدريب (٤-٤):

٢١٠ دنانير

تدريب (٥-٤):

أ) ٤٦٠ دينار

ب) ٤٣٠٠ دينار

الأسئلة

١) أ) ١٢٠٠ دينار

ب) ٤٢٠٠ دينار

٢) أ) ٢٠٦٠٠٠٠ دينار

ب) ١٩٦٠٠٠٠ دينار

ج) ١٠٠٠٠٠ دينار

٣) العرض الثاني أفضل من العرض الأول، لأن ما يتقاضاه أكبر.

العرض الأول ٥٠٠ دينار والعرض الثاني ٥٢٠ دينار

٤) ٧٢٠٠ دينار

٥) أ) ٣٠٠ دينار

ب) ٢٠٠ دينار

ثانياً: هامش الربح والتخفيض

تدريب (٦-٤):

أ) ٤٩٥٠٠ دينار

ب) ٢١,١%

تدريب (٧-٤):

أ) ٥٠٠ دينار

ب) ٤٠٠ دينار

الأسئلة

١) ٥٨٠٠٠ دينار

٢) أ) ١٢٠٠ دينار

ب) ٢٥%

٣) أ) ٢١٦٠٠ دينار

ب) ١٨٣٦٠ دينار

ج) ٧٢٠٠٠ دينار

٤) ٣٢٠٠٠ دينار

٥) أ) ٣٩٠ دينار

ب) ٦%

٦) ٢٠%

ثالثاً: الربح

تدريب (٤-٨):

٤ شهور

تدريب (٤-٩):

أ) ٦٧٤٩،١٨٤ دينار

ب) ٧٤٩،١٨٤ دينار

تدريب (٤-١٠):

أ) ٥٧٨٨،١٢٥ دينار

ب) ٥١٢٣،٤٨ دينار

الأسئلة

١) ٢٠٠٠ دينار

٢) ١٤١٦ دينار

٣) ٣%

٤) إيداع المبلغ بحساب الربح البسيط أفضل.

٥) أ) سنتين

ب) ٣١٥ دينار

٦) نعم أوافقه الرأي، لأن الربح بحساب الربح البسيط = ١٦٠٠ دينار،

أما بحساب الربح المركب = ١٤٤١،٩٦٥٨ دينار

الفصل الثالث: الاستثمار

أولاً: التغير وعائد الاستثمار

تدريب (٤-١١):

الجدول (٣-٤) يبين أسعار الذهب في الأردن يومي ٢٩ و ٣١ من شهر تموز من

الوحدة	٣١ تموز	٢٩ تموز	قيمة التغير	نسبة التغير
سعر الذهب عيار ٢٤	٢٤,٩٣	٢٥,١٢	-٠,١٩	-٠,٧٦%
سعر الذهب عيار ٢١	٢١,٨١	٢١,٩٨	-٠,١٧	-٠,٧٧%
سعر الذهب عيار ١٨	١٨,٧	١٨,٨٤	-٠,١٤	-٠,٧٤%
سعر الذهب عيار ١٤	١٤,٥٤	١٤,٦٥	-٠,١١	-٠,٧٥%
سعر الذهب عيار ١٠	١٠,٣٩	١٠,٤٧	-٠,٠٨	-٠,٧٦%

عام ٢٠١٥ بالدينار الأردني. أكمل الجدول (٣-٤) بإيجاد قيمة التغير، ونسبة التغير في سعر الذهب لكل وحدة من وحدات الذهب في الجدول.

تدريب (٤-١٢):

أ) نسبة العائد على الاستثمار للمشروع أ = ١٠٠%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ب = ١١٤,٢٩%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ج = ٩٦%

ب) المشروع ب أفضل.

تدريب (٤-١٣):

٤,١٦%

الأسئلة

(١) أ) ١٥٠٠٠ دينار

ب) ١٨,٧٥%

(٢) أ) - ٥٠٠٠ دينار

ب) لا يوجد تزايد في أعداد الطلبة المقبولين بين عامي ٢٠١٣ و ٢٠١٤.

(٣) أ) نسبة العائد على الاستثمار للمشروع أ = ٥٠%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ب = ٥٥,٥%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ج = ٥٧,١٤٢٨٥٧%

ب) المشروع ج أفضل.

(٤) أ) ١٦٠٠٠ دينار

ب) ٢٣٠٠ دينار

ج) ١٤,٣٧٥%

(١) (١) ب) ٣٠%

(٢) أ) ٣٤٤٢,٥

(٣) ج) ١٠٠

(٤) د) ٤٥٠

(٥) د) ٤%

(٢) العرض الأول أفضل لأنه أقل في السعر.

(٣) أ) ٢٨٥ دينار

ب) ٢٥٠ دينار

(٤) ٤٨ دينار

(٥) ٧,٣٥%

(٦) أ) ٢١٥٣٨,٤٦١٥ دينار

ب) ٦١٥٣٨,٤٦١٥ دينار

(٧) ٢٦٣,٥ دينار

(٨) أ) ٣٧,٥%

ب) ٣٢٠,٠٠٠ دينار

(٩) أ) نسبة العائد على الاستثمار للمشروع أ = ٤٠%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ب = ٦٦,٦%

نسبة العائد على الاستثمار للمشروع ج = ٥٠%

ب) المشروع جـ أفضل.