

أهم قوانين الوحدة الأولى (الحركة الدائرية)

الزمن الدوري: $T = \frac{t}{n} = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$	التردد: $f = \frac{n}{t} = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$
السرعة الزاوية: $\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f = \frac{v}{r}$	السرعة الخطية (المماسية): $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \omega r = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi r f$
العجلة المركزية: $a_c = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r = \frac{F_c}{m}$	القوة المركزية: $F_c = m a_c = \frac{m v^2}{r} = m \omega^2 r$
الإزاحة الزاوية: $\Delta\theta = \frac{\Delta s}{r} = \omega \Delta t$	$(1 \text{ rpm} \left(\frac{\text{rev}}{\text{min}} \right) = \frac{2\pi}{60} \text{ rad/s})$
للتحويل من راديان الى الدرجات: $1 \text{ radian} = \frac{\pi}{180}^\circ$	للتحويل من الدرجات الى راديان: $1^\circ = \frac{180}{\pi} \text{ rad}$
قوة التجاذب الكتلي (قانون الجذب العام): $F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$	
عجلة الجاذبية (شدة مجال الجاذبية)	
١- بدلالة قوة الجاذبية والكتلة: $g = \frac{F_g}{m}$	٢- على ارتفاع (r) من مركز الأرض (الكوكب): $g = G \frac{M}{r^2}$
٣- على ارتفاع (h) من سطح الأرض (الكوكب): $g = G \frac{M}{(R+h)^2}$	٤- عند سطح الأرض (الكوكب): $g = G \frac{M}{R^2}$
٥- لنقطة تبعد (r) عن مركز الأرض (الكوكب) وبدلالة شدة المجال عند سطح الأرض (الكوكب): $g_p = g \frac{R^2}{r^2} = g \frac{R^2}{(R+h)^2}$	
السرعة المدارية للقمر الصناعي	
١- بدلالة كتلة الأرض والارتفاع: $v = \sqrt{G \frac{M}{r}}$	٢- بدلالة الزمن الدوري: $v = \frac{2\pi r}{T}$
٣- بدلالة عجلة الجاذبية: $v = \sqrt{g \frac{R^2}{r}} = \sqrt{g \frac{R^2}{R+h}}$	(تذكر: للقمر الصناعي المتزامن $T = 86400 \text{ s}$)
طاقة وضع القمر الصناعي: $E_p = -\frac{GMm}{r} = -2E_k = 2E = E - E_k$	
طاقة حركة القمر الصناعي: $E_k = \frac{GMm}{2r} = -\frac{E_p}{2} = -E = E - E_p$	
الطاقة الميكانيكية (الكلية) للقمر الصناعي: $E = -\frac{GMm}{2r} = \frac{E_p}{2} = -E_k = E_p + E_k$	

أهم قوانين الوحدة الثانية (الإهتزازات)

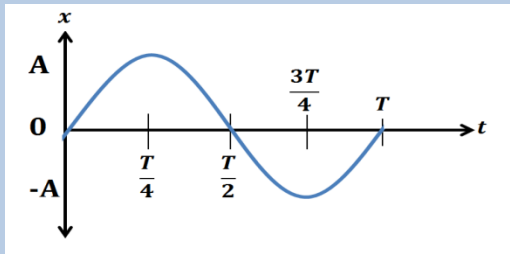
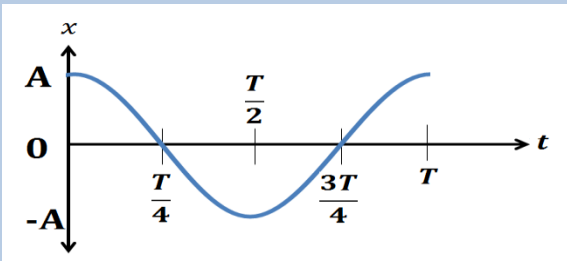
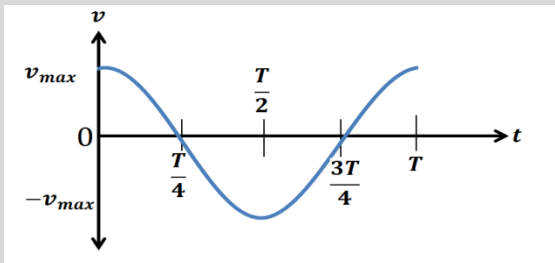
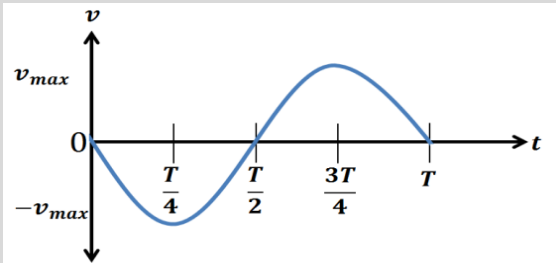
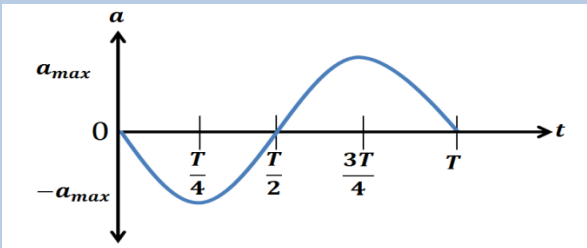
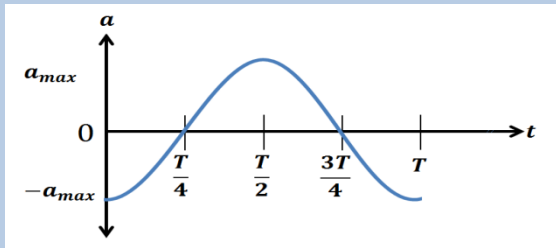
البندول البسيط	نظام كتلة - نابض	
$F_r = -mg \sin\theta$ - $F_r = -mg \frac{x}{l}$ -	$F_r = -kx$ -	قوة الإرجاع
$a = -\frac{gx}{l}$ -	$a = -\frac{kx}{m}$ -	العجلة
$a = \omega^2 x$		
$a_{max} = -\frac{gA}{l}$ -	$a_{max} = -\frac{kA}{m}$ -	العجلة القصوى
$a_{max} = \omega^2 A$		
$v = \omega \sqrt{A^2 - x^2}$		السرعة
$v_{max} = \omega A$		السرعة القصوى
$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$ -	$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ -	الزمن الدوري
$T = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$		
$\omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$ -	$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ -	التردد الزاوي
$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$		(السرعة الزاوية)
$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T}$		التردد
----- -	$k = \frac{F_r}{x} = \omega^2 m$ -	ثابت النابض
$E_p = \frac{1}{2} kx^2$ بدلالة الإزاحة: $E_p = \frac{1}{2} kA^2 \cos^2 \omega t$ بدلالة الزمن: $E_p = E - E_k$ بدلالة طاقة الحركة والطاقة الكلية:		طاقة الوضع
$E_k = \frac{1}{2} mv^2$ بدلالة السرعة: $E_k = \frac{1}{2} k (A^2 - x^2)$ بدلالة الإزاحة: $E_k = \frac{1}{2} kA^2 \sin^2 \omega t$ بدلالة الزمن: $E_k = E - E_p$ بدلالة طاقة الوضع والطاقة الكلية:		طاقة الحركة
$E = \frac{1}{2} kA^2$ $E = E_p + E_k$		الطاقة الكلية (الميكانيكية)

متى تتساوى طاقة الوضع مع طاقة الحركة؟

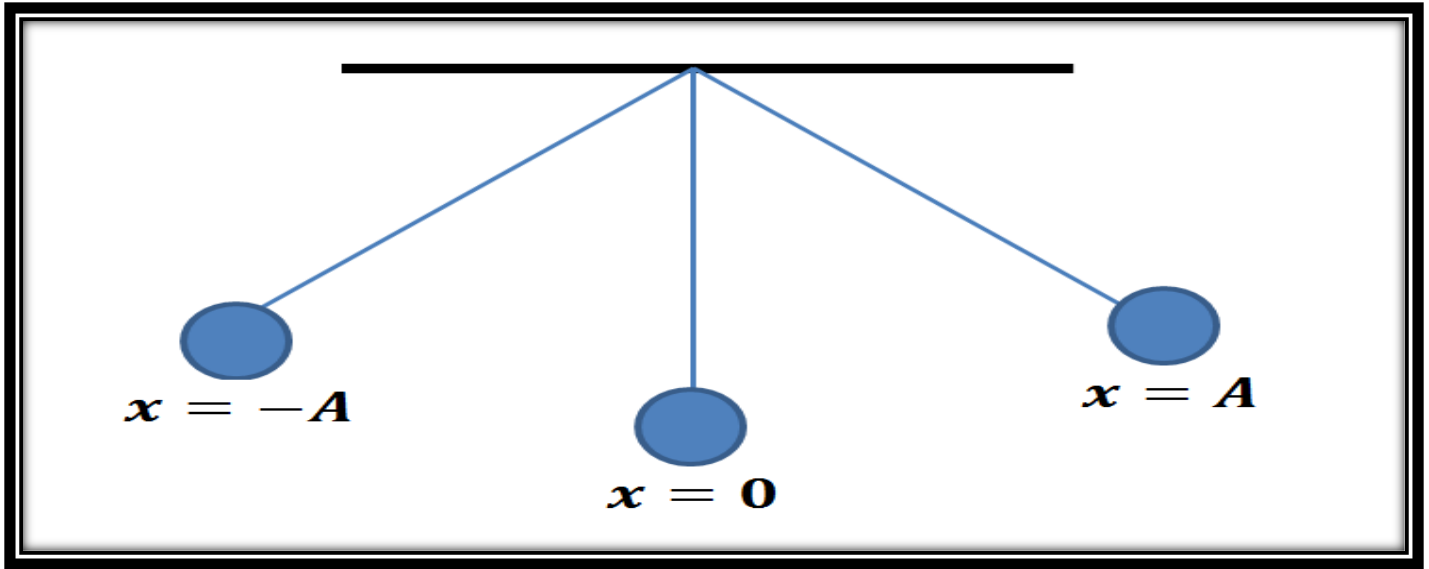
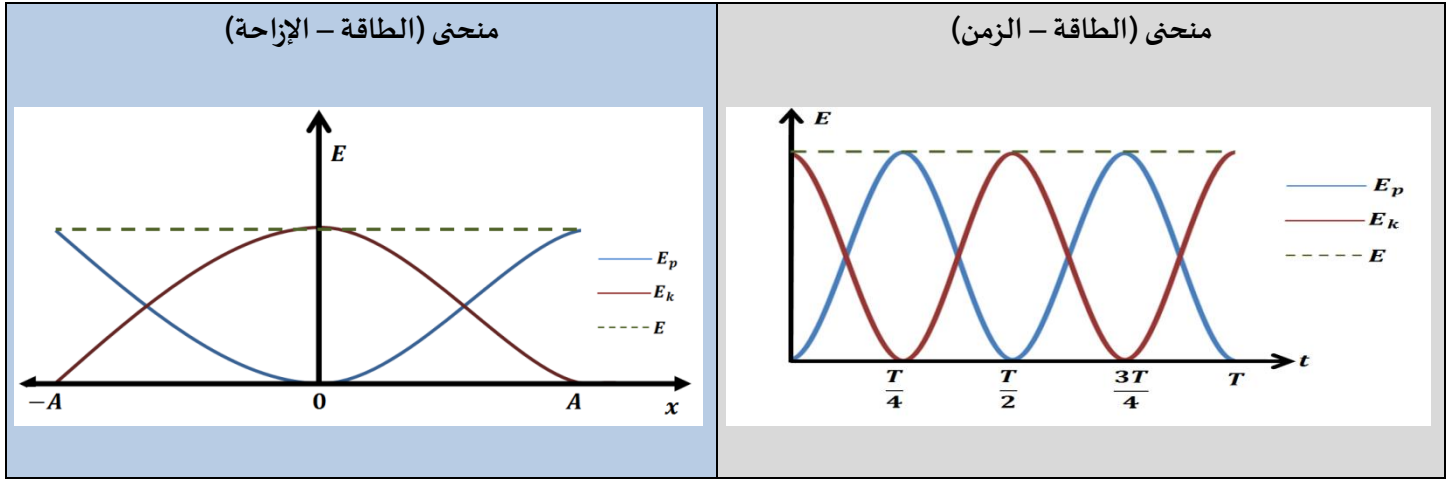
بدلالة الإزاحة: $x = \frac{A}{\sqrt{2}}$

بدلالة الزمن: $t = \frac{T}{8}$

معادلات ومنحنيات الحركة التوافقية البسيطة

الحركة على المسقط الرأسى (محور y)	الحركة على المسقط الأفقى (محور x)	
<p>المعادلة: $x(t) = A \sin(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $x(t) = A \sin(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = 0$ عند $t = 0$ و $v = v_{max}$)</p> 	<p>المعادلة: $x(t) = A \cos(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $x(t) = A \cos(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = A$ عند $t = 0$ و $v = 0$)</p> 	الإزاحة
<p>المعادلة: $v(t) = \omega A \cos(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $v(t) = \omega A \cos(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = 0$ عند $t = 0$ و $v = v_{max}$)</p> 	<p>المعادلة: $v(t) = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $v(t) = -\omega A \sin(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = A$ عند $t = 0$ و $v = 0$)</p> 	السرعة
<p>المعادلة: $a(t) = -\omega^2 A \sin(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $a(t) = -\omega^2 A \sin(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = 0$ عند $t = 0$ و $v = v_{max}$)</p> 	<p>المعادلة: $a(t) = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$</p> <p>عند $(\phi = 0)$: $a(t) = -\omega^2 A \cos(\omega t)$</p> <p>شروط الحركة ($x = A$ عند $t = 0$ و $v = 0$)</p> 	العجلة

منحنيات الطاقة في الحركة التوافقية البسيطة



عند $(x = -A)$	عند $(x = 0)$	عند $(x = A)$
$(F_r = \max F_r)$	$(F_r = 0)$	$(F_r = -\max F_r)$
$(a = a_{\max})$	$(a = 0)$	$(a = -a_{\max})$
$(v = 0)$	$(v = v_{\max})$	$(v = 0)$
$(E_p = E)$	$(E_p = 0)$	$(E_p = E)$
$(E_k = 0)$	$(E_k = E)$	$(E_k = 0)$