

إدارة المناهج والكتب المدرسية
إجابات و حلول الأسئلة
الصف: الخامس الأساسي الجزء: الأول
اسم الوحدة: الأعداد الطبيعية والعمليات عليها رقم الوحدة: (1)

الدرس الأول: المليون



السؤال (1): بلغ عدد سكان الأردن في عام 2014م ستة ملايين وستمائة وواحد وثلاثون ألفاً وتسعمائة وأربعون نسمة، مثل عدد السكان باستخدام لوحة المنازل.

الحل:

الملايين			الألاف					
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد
	6	6	3	1	9	4	0	

السؤال (2): بلغت مستوردات الأردن من الفواكه خلال شهر تموز للعام 2014م، (5149472) كغ، مثل مستوردات الأردن من الفواكه باستخدام:

أ) الطريقة التحليلية

ب) لوحة المنازل

الحل: أ) الطريقة التحليلية

$$5000000+100000+40000+9000+400+70+2$$

ب) لوحة المنازل

الملايين			الألاف					
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد
	5	1	4	9	4	7	2	

السؤال (3): في عام 2014م بلغ عدد سكان الوطن العربي
(370415800) نسمة.

أ) عبر عن عدد السكان بالكلمات؟

الحل: ثلاثة وسبعين مليون وأربعين ألفاً وثمانمائة نسمة

ب) مثل عدد السكان في لوحة المنازل؟

الملايين			الألاف			الآحاد		
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد
3	7	0	4	1	5	8	0	0

ج) ما القيمة المنزلية للرقم 4؟

الحل: 400000

د) أيهما أكبر القيمة المنزلية للرقم (3)، أم مجموع القيم المنزلية

للأرقام (7، 4، 1، 5، 8)? وضح إجابتك؟

الحل: القيمة المنزلية للرقم (3)، لأن مجموع القيم المنزلية

للأرقام (7، 4، 1) تساوي 300000000 > 70410000

إجابات تمارين وسائل

(1) مثل العدد (214563987) بلوحة المنازل، ثم اكتبها بالكلمات؟

الحل: لوحة المنازل

الملايين			الألاف						
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	
2	1	4	5	6	3	9	8	7	

بالكلمات : مائتان وأربعة عشر مليون وخمسمائة وثلاث وستون ألفاً وتسعماي
ة وسبعة وثمانون

(2) اكتب العدد " خمسة عشر مليوناً ومائة وثمانية آلاف وستة " بالأرقام؟

الحل: (15108006)

(3) بلغت صادرات الأردن من البطيخ في شهر تموز من عام 2014

(5837200) كغ . بينما بلغت في نفس الشهر من عام 2013،

(5387200) كغ. قارن بين القيم المنزلية للأرقام الواردة في صادرات الأردن

من البطيخ في السنطين 2013، 2014؟

الحل:

5	8	3	7	2	0	0	2013
5	3	8	7	2	0	0	2014

إذن صادرات الأردن من البطيخ في شهر تموز من عام 2014 أكثر من

الصادرات الأردن من البطيخ في شهر تموز من عام 2013م

(4) مثل العدد (120050006) بالطريقة التحليلية؟

الحل: $100000000+20000000+0+0+50000+0+0+0+6$

(5) أكتب العدد الآتي بالأرقام؟

$10000000+7000000+30000+1000+40 + 9$

الحل: 17031049

6) جد ناتج الجمع لما يأتي، ثم اقرأه:

الحل:	
	+

9	9	9	9	9	9	9	9
1	0	0	0	0	0	0	0

مئة مليون

7) قارن بين القيمتين المنزليتين للرقم(8) في العدددين 8001000 ، 8100000 ؟

8	0	0	1	0	0	0	0
8	1	0	0	0	0	0	0

القيمة المنزلية في الرقمين متساوية

8) أكتب عدداً يكون الرقم 6 في منزلة عشرات الملايين، والرقم 3 في منزلة المئات، ثم اقرأ العدد. قارن إجابتك بإجابات زملائك؟

6	_	_	_	_	3	_	_
---	---	---	---	---	---	---	---

الحل:

يمكن كتابة أعداد كثيرة من خلال تعبئة المنازل الفارغة.

9) اعتمد على الجدول الآتي في الإجابة عن الأسئلة التي تليه:

الجزائر	السودان	السعودية	الدولة
2381740	1865800	2240000	المساحة

أ) عبر عن المساحة الكبرى بالكلمات؟

الحل: مليونان وثلاثمائة وواحد وثمانون ألفاً وسبعمائة وأربعون

ب) مثل المساحة الصغرى في لوحة المنازل؟

الملايين			الألاف						
مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	آحاد	
		1	8	6	5	8	0	0	

الدرس الثاني: الضرب في (10)، و(100)، و(1000)

سؤال: ما قيمة $220 \div 10$? الحل: 22

السؤال (1): جد ناتج الضرب لكل مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل؟

(أ) $= 100 \times 870$

الحل: $870 = 100 \div 87000$ التحقق: $87000 = 100 \times 870$

(ب) $= 100 \div 8400$

الحل: $84 = 100 \times 84$ التتحقق: $84 = 100 \div 8400$

السؤال (2): جد ناتج الضرب لكل مما يأتي:

(أ) $= 100 \times 880$

الحل: $88000 = 100 \times 880$

(ب) $= 1000 \times 120$

الحل: $120000 = 1000 \times 120$

السؤال (3): جد ناتج ما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

(أ) $= 100 \times 54266$

الحل: $54266 = 100 \div 5426600$ التتحقق: $5426600 = 100 \times 54266$

(ب) $= 1000 \div 9870000$

الحل: $9870000 = 1000 \div 9870$ التتحقق: $9870 = 1000 \times 9870$

إجابات تمارين ومسائل

١) جد ناتج الضرب في كل مما يأتي مبرراً إجابتك:

(أ) $4500 = 100 \times 45$

(ب) $67000 = 1000 \times 67$

(ج) $8800 = 880 \times 10$

(د) $5000 = 100 \times 50$

٢) جد ناتج القسمة لكل مما يأتي مبرراً إجابتك:

(أ) $702 = 100 \div 70200$

$$\text{ب)} 99 = 1000 \div 99000$$

$$\text{ج)} 19 = 100 \div 19000$$

$$\text{د)} 5050 = 10 \div 50500$$

: ٣) ضع العدد المناسب في

$$\boxed{600} = \boxed{10} \times \boxed{60} \quad \text{أ)$$

$$\boxed{23} = \boxed{100} \div \boxed{2300} \quad \text{ب)}$$

$$\boxed{4320} = \boxed{10} \times \boxed{432} \quad \text{ج)}$$

$$\boxed{865} = \boxed{1000} \div \boxed{865000} \quad \text{د)}$$

٤) أكمل الفراغ في الجدول الآتي بما هو مناسب:

96	32	10	26	24	7	×
960	320	100	260	240	70	10
9600	3200	1000	2600	2400	700	100
96000	32000	10000	26000	24000	7000	1000

٥) أجب عن الأسئلة الآتية، مبرراً إجابتك:

أ) كم يوماً في (100) أسبوع؟

الحل: $100 \times 7 = 700$ يوم لأن الأسبوع يساوي (7) أيام

ب) كم دقيقة في 10 ساعات؟

الحل: $60 \times 10 = 600$ دقيقة لأن الساعة تساوي (60) دقيقة

ج) كم ديناراً في 1500 قرشاً؟

الحل: $100 \div 1500 = 15$ دينار لأن الدينار يساوي (100) قرش

د) كم قرشاً في 200 ديناراً؟

الحل: $200 \times 100 = 20000$ قرشاً لأن الدينار يساوي (100) قرش

6) اشتري تاجر (100) كيس من السكر، يزن كل منها (10) كغ. سعر الكيس الواحد (520) قرشاً. جد ثمن أكياس السكر، مبرراً إجابتك:

الحل: ثمن أكياس السكر = 520 ديناراً

التبرير:

1) ثمن أكياس السكر = عدد الأكياس × سعر الكيس

$$52000 = 520 \times 100$$

2) ثمن كيلو السكر = سعر الكيس ÷ وزن الكيس

$$52 = 520 \div 10$$

وزن السكر = عدد الأكياس × وزن الكيس

$$1000 = 10 \times 100$$

ثمن السكر = وزن السكر × سعر الكيلو الواحد

$$520 = 52 \times 1000$$

7) أكتب مسألة لعملية الضرب أو القسمة بحيث تحوي أحد الأعداد 100، 10، 1000، ويكون الناتج (450)؟

$$450 = 10 \div 4500 \quad (2) \quad 450 = 10 \times 45 \quad (1)$$

$$450 = 1000 \div 450000 \quad (4) \quad 450 = 100 \div 45000 \quad (3)$$

8) دفع عشرة أشخاص (50) ديناراً ثمن تذاكر لمسرحية ثقافية، وبعد مشاهدة المسرحية تناول الجميع سندويشات ثمنها (30) ديناراً، ثم دفعوا (20) أجرة الحافلة التي أوصلتهم إلى بيوتهم. إذا وزع هذا المبلغ عليهم بالتساوي. فجد مقدار ما يدفع كل منهم، مبرراً إجابتك:

الحل: مقدار ما يدفع كل شخص = 10 دنانير

التبرير:

$$20 + 30 + 50 = 100$$

مقدار ما دفعه كل شخص = $10 \div 100$

= 10 دنانير

(2) مقدار ما دفعه كل شخص ثمن تذاكر = $10 \div 50$

= 5 دنانير

مقدار ما دفعه كل شخص ثمن الوجبة = $10 \div 30$

= 3 دنانير

مقدار ما دفعه كل شخص أجرة الحافلة = $10 \div 20$

= 2 دينار

مقدار ما دفعه كل شخص = $2 + 3 + 5 = 10$

= 10 دنانير

(9) أكمل الفراغ في الجدول الآتي بما هو مناسب:

87	56	65	x
870	560	650	10
8700	5600	6500	100
87000	56000	65000	1000

الدرس الثالث: ضرب الأعداد

(3) أكتب العدد المناسب في

$$\boxed{8} \times \boxed{2} \times \boxed{50} = 16 \times 50 \quad (\text{أ})$$

$$\boxed{8} \times \boxed{100} =$$

$$\boxed{800} =$$

$$\boxed{10} \times \boxed{5} \times \boxed{16} = 50 \times 16 \quad (\text{ب})$$

$$\boxed{10} \times \boxed{80} =$$

$$\boxed{800} =$$

مثال(1): جد ناتج 92×8736 , ثم تحقق من صحة الحل؟

التحقق من صحة الحل:

$$\begin{array}{r} 8 \ 7 \ 3 \ 6 \\ \times \ 9 \ 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \ 7 \ 4 \ 7 \ 2 \\ \times \ 7 \ 8 \ 6 \ 2 \ 4 \ 0 \\ \hline 8 \ 0 \ 3 \ 7 \ 1 \ 2 \end{array}$$

$$803712 = 8736 \times 92$$

السؤال (1): اكتب العدد المناسب في لإيجاد ناتج 3468×79

$$\begin{array}{r} 3 \ 4 \ 6 \ 8 \\ \times \ 7 \ 9 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \ 1 \ 2 \ 1 \ 2 \\ \times \ 2 \ 4 \ 2 \ 7 \ 6 \ 0 \\ \hline 2 \ 7 \ 3 \ 9 \ 7 \ 2 \end{array}$$

التحقق من صحة الحل:

3468	8	60	400	3000	\times
242760	560	4200	28000	210000	70
31212	72	540	3600	27000	9
273972	632	4740	31600	237000	79

مثال (2): اكتب العدد المناسب في $\boxed{\quad}$ لإيجاد ناتج ضرب 3819×257



التحقق من صحة الحل:

3819	9	10	800	3000	\times
763800	1800	2000	160000	600000	200
190950	450	500	40000	150000	50
26733	63	70	5600	21000	7
981483	2313	2570	205600	771000	257

السؤال (2): جد ناتج 8742×623 ثم تحقق من صحة الحل؟

$$\begin{array}{r}
 & 8 & 7 & 4 & 2 \\
 & \times & & & \\
 & 6 & 2 & 3 \\
 \hline
 & 2 & 6 & 2 & 2 & 6 \\
 & 1 & 7 & 4 & 8 & 4 & 0 \\
 & 5 & 2 & 4 & 5 & 2 & 0 & 0 \\
 \hline
 & 5 & 4 & 4 & 6 & 2 & 6 & 6
 \end{array}$$

التحقق من صحة الحل:

8742	2	40	700	8000	*
5245200	1200	24000	420000	4800000	600
174840	40	800	14000	160000	20
26226	6	120	2100	24000	3
5446266	1246	24920	436100	4984000	623

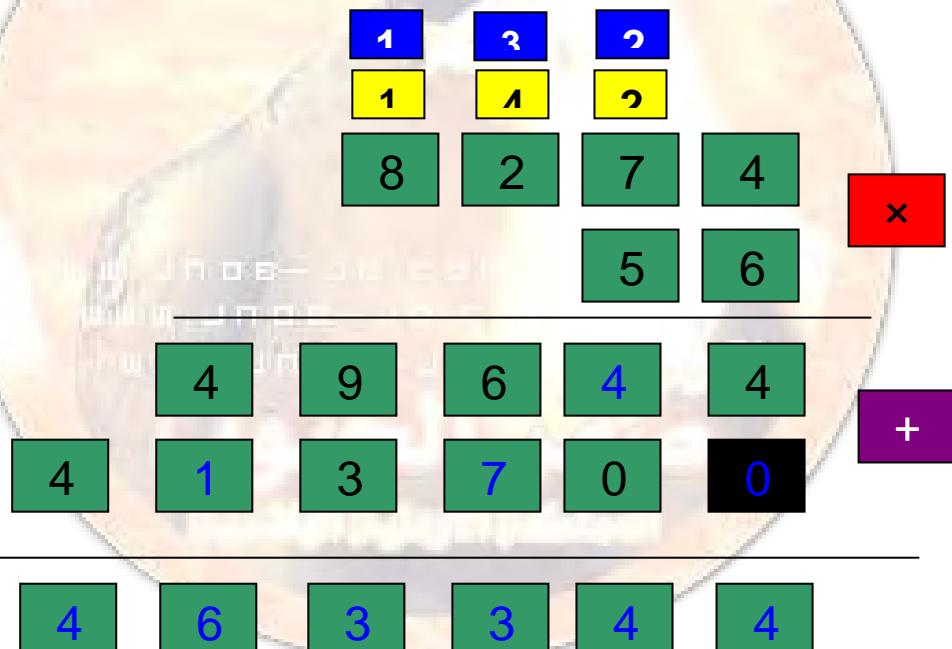
إجابات تمارين وسائل

1) أكمل الفراغ في الجدول الآتي بما هو مناسب لإيجاد ناتج ضرب 6245×88 ، ثم تحقق من صحة الحل؟

6245	5	40	200	6000	\times
499600	400	3200	16000	480000	80
49960	40	320	1600	48000	8
549560	440	3520	17600	528000	88

$$\text{إذن } 549560 = 6245 \times 88$$

2) أملأ الفراغ بالرقم الصحيح في ما يأتي:



3) أكمل الفراغ في الجدول الآتي بما هو مناسب لإيجاد ناتج ضرب 147×9278 :

9278	8	70	200	9000	\times
927800	800	7000	20000	900000	100
371120	320	2800	8000	360000	40
64946	56	490	1400	63000	7
1363866	1176	10290	29400	1323000	147



4) هبط في مطار الملكة علياء الدولي (13 طائرة على متن كل منها 245) مسافراً. ما عدد المسافرين القادمين إلى المطار؟

$$\text{الحل: عدد المسافرين} = 13 \times 245 = 3185 \text{ مسافر}$$



5) زار متحف الأطفال في الأردن

(142) طفلاً. إذا دفع كل طفل

(25) قرشاً ثمن تذكرة دخول. فما

مجموع ما دفعه الأطفال؟

$$\text{الحل: مجموع ما دفعه الأطفال} = 25 \times 142 = 3550 \text{ قرشاً}$$



6) يتسع الصندوق الواحد (55) نسخة من

كتاب الرياضيات للصف الخامس ؟ احسب

عدد النسخ الموجودة في (2345) صندوق

2	3	4	5		x	(1)
5	5					

1	1	7	2	5		+ (1)
1	1	7	2	5	0	

1	2	8	9	7	5
---	---	---	---	---	---

7) ينتج مخبز(20) رغيفاً في الدقيقة، فهل يمكن معرفة عدد الأرغفة التي ينتجها

المخبز في (24) ساعة، مبرراً إجابتك؟

$$\text{الحل: عدد الأرغفة} = 60 \times 24 \times 20 = 28800 \text{ رغيف}$$

التبرير: عدد الدقائق التي يعملها المخبز = 60×24

$$= 1440 \text{ دقيقة}$$

$$\text{عدد الأرغفة} = 1440 \times 20 = 28800 \text{ رغيف}$$

(8) عدد عمال مصنع (12) عاملًا، راتب كل منهم (312) ديناراً، فما مجموع رواتب العمال في المصنع؟

إرشاد: أكمل الفراغ في الجدول الآتي:

312	2	10	300	x
3120	20	100	3000	10
624	4	20	600	2
3744	24	120	3600	12

$$\text{رواتب العمال في المصنع} = 12 \times 312 = 3744 \text{ ديناراً}$$

(9) استعمل كلاً من الأرقام 2، 4، 6 مرة واحدة في

حيث يكون الناتج أكبر ما يمكن؟ برب إجابتك

$$\text{الحل: } 248 = 4 \times 42 \text{ ولكن } 62 \times 4 = 248$$

والسبب أن 6×2 أكبر من 4×4 والفارق بينها يساوي 4

$$\text{وكذلك } 252 - 248 = 4$$

الدرس الرابع: أولويات العمليات الحسابية

السؤال (1): جد ناتج كل مما يأتي، ثم أكتب خطوات الحل، مبرراً إجابتك:

$$4 - 7 \times 6 + 15 \quad (أ)$$

الأولوية لعملية الضرب

$$4 - 42 + 15 = 4 - 7 \times 6 + 15 \quad \text{الحل:}$$

الأولوية للجمع من اليمين

$$53 = 4 - 57 =$$

$$4 - 7 \times (6 + 15) \quad (ب)$$

الأولوية لداخل الأقواس

$$4 - 7 \times 21 = 4 - 7 \times (6 + 15) \quad \text{الحل:}$$

$$143 = 4 - 147 = \text{الأولوية لعملية الضرب}$$

$$(4 - 7) \times 6 + 15 \quad (ج)$$

الأولوية لداخل الأقواس

$$3 \times 6 + 15 = (4 - 7) \times 6 + 15 \quad \text{الحل:}$$

الأولوية لعملية الضرب

$$33 = 18 + 15 =$$

$$(4 - 7) \times (6 + 15) \quad (د)$$

$$63 = 3 \times 21 = (4 - 7) \times (6 + 15) \quad \text{الحل:} \quad \text{الأولوية لداخل الأقواس}$$

$$3 \times 7 - 23 \quad (هـ)$$

الأولوية لعملية الضرب

$$2 = 21 - 23 = 3 \times 7 - 23 \quad \text{الحل:}$$

$$3 \times (7 - 23) \quad (و)$$

$$48 = 3 \times 16 = 3 \times (7 - 23) \quad \text{الحل:} \quad \text{الأولوية لداخل الأقواس}$$

مثال (2): أملأ _____ بالعدد المناسب:

$$\boxed{4} \times \boxed{33} = 4 \times (8 + 25) \quad (1)$$

$$\boxed{132} =$$

$$4 \times 8 + 4 \times 25 = 4 \times (8 + 25) \quad (2)$$

$$\boxed{32} + \boxed{100} =$$

$$\boxed{132} =$$

$$4 \times 8 + 4 \times 25 = 4 \times (8 + 25) \quad \text{ما زالت تلاحظ؟!}$$

السؤال (2): اكتشف الخطأ في ما يأتي، ثم صحه:

$$4 \times 6 + 4 \times 24 = 3 - 7 \times (6 \times 24) \quad (أ)$$

$$120 = 24 + 96 =$$

الحل: الخطأ في الأولوية حيث أعطيت الأولوية لعملية الطرح

والصحيح هو:

$$\text{الأولوية لداخل الأقواس} \quad 3 - 7 \times 144 = 3 - 7 \times (6 \times 24)$$

$$1005 = 3 - 1008 \quad \text{الأولوية لعملية الضرب}$$

السؤال (2): اشتركت ريم وسعاد وسلمى في تجارة، رأس مالها (1680) ديناراً.

وقد ساهمت ريم بـ (240) ديناراً زيادة على المبلغ الذي ساهمت به كل من سعاد وسلمى. احسب مقدار مساهمة كل منهن في رأس المال، علماً بأن سعاد وسلمى قد أسمتها بالمبلغ نفسه.

الحل(1): مساهمة كل منهن بالتساوي = $3 \div (240 - 1680) =$

$$480 = 3 \div 1440 =$$

مساهمة كل من سعاد وسلمى = 480 ديناراً

مساهمة ريم = $240 + 480 =$

$$720 \text{ ديناراً}$$

التحقق من صحة الحل

$$1680 = 720 + 480 + 480$$

الحل(2): مساهمة كل من سعاد وسلمى = $(3 \div 240) - (3 \div 1680) =$

$$80 - 560 =$$

$$480 =$$

مساهمة ريم = $240 + 480 =$

$$720 \text{ ديناراً}$$

التحقق من صحة الحل

$$1680 = 720 + 480 + 480$$

إجابات تمارين ومسائل

1) جد ناتج كل مما يأتي:

$$5 \div (2+ 8) \times 15 \quad (أ)$$

$$\text{الحل: } 5 \div 10 \times 15 = 5 \div (2+ 8) \times 15$$

$$5 \div 150 =$$

$$30 =$$

$$4 \times (3 \div 9) - 16 \quad (ب)$$

$$\text{الحل: } 4 \times 3 - 16 = 4 \times (3 \div 9) - 16$$

$$12 - 16 =$$

$$4 =$$

$$9 \div 9 + 9 \times 9 \quad (ج)$$

$$82 = 1 + 81 = 9 \div 9 + 9 \times 9 \quad \text{الحل: } 9 \div 9 + 9 \times 9$$

$$9 \times 9 \div (9 + 9) \quad (د)$$

$$\text{الحل: } 9 \times 9 \div 18 = 9 \times 9 \div (9 + 9)$$

$$9 \times 2 =$$

$$18 =$$

2) ضع الأقواس في المكان الصحيح ليكون الناتج صحيحاً في كل مما يأتي:

$$32 = 3 - 4 \times 8 + 24 \quad (أ)$$

$$\text{الحل: } (3 - 4) \times (8 + 24)$$

$$125 = 3 - 4 \times 8 + 24 \quad (ب)$$

$$\text{الحل: } 3 - 4 \times (8 + 24)$$

$$21 = 4 + 3 \times 8 \div 24 \quad (ج)$$

$$\text{الحل: } (4 + 3) \times 8 \div 24$$

$$5 = 4 + 3 \times 8 \div 24 \quad (د)$$

$$\text{الحل: } 4 + (3 \times 8) \div 24$$

: (3) اكتب العدد المناسب في

$$13 = 4 \div (\boxed{47} + 5) \quad \text{بـ}$$

$$20 = (4 - \boxed{14}) \times 2 \quad \text{أـ}$$

$$18 = 2 \times \boxed{6} \div 90 - 48 \quad \text{دـ صفرـ} \quad 6 \times 8 - 4 + \boxed{44} \quad \text{جـ}$$

(4) أملأ بالعدد المناسب:

$$\boxed{5} \times 18 + \boxed{5} \times 22 = 5 \times (18 + 22) \quad \text{أـ}$$

$$\boxed{50} + \boxed{110} =$$

$$\boxed{200} =$$

$$\boxed{5} \times \boxed{10} = 5 \times (18 + 22) \quad \text{بـ}$$

$$\boxed{200} =$$

$$\boxed{2} \times (\boxed{22 + 27}) = (3 \times 23) + (3 \times 27) \quad \text{جـ}$$

$$\boxed{2} \times \boxed{50} =$$

$$\boxed{150} =$$

$$\boxed{60} + \boxed{91} = (3 \times 23) + (3 \times 27) \quad \text{دـ}$$

ماذا تلاحظ؟ نفس الإجابة

$$\boxed{4} \times \boxed{7} - 4 \times 52 = \boxed{4} \times (7 - 52) \quad \text{هـ}$$

$$\boxed{28} - \boxed{208} =$$

$$\boxed{180} =$$

(5) اشتري مزارع (6) خراف ثمن

كل خروف (145) ديناراً، ثم

اشتري (4) خراف ثمن كل منها (120)

ديناراً، فكم ديناراً دفع المزارع ثمناً

للخراف جميعها؟



الحل: ثمن الخراف = $(4 \times 120) + (6 \times 145)$

$$1350 = 480 + 870 =$$

(6) أرسلت دار نشر (140) نسخة من كتاب إلى إحدى المكتبات، بعد وضعها في نوعين من الصناديق؛ الأول يسع (8) كتب، والآخر يسع (12) كتاباً. فإذا كانت الصناديق ممتلئة بالكتب، وكان عددها من كلا النوعين متساوياً، فكم عدد الصناديق؟

الحل(1): عدد الصناديق من كل نوع = $140 \div (12 + 8)$

$$= 140 \div 20 = 7 \text{ صناديق}$$

عدد الصناديق من كل نوع = 7 صناديق

عدد الصناديق = $7 + 7 = 14$ صندوق

التحقق من صحة الحل:

$$84 + 56 = (7 \times 12) + (7 \times 8)$$

$$\sqrt{140} =$$

الحل(2):

المجموع	عدد النسخ النوع الثاني	عدد النسخ النوع الأول	عدد الصناديق
20	12	8	1
40	24	16	2
60	36	24	3
80	48	32	4
100	60	40	5
120	72	48	6
$\sqrt{140}$	84	56	7

عدد الصناديق من كل نوع = 7 صناديق

عدد الصناديق = $7 + 7 = 14$ صندوق

الدرس الخامس: قابلية القسمة

اعتماداً على معرفتك بالضرب والقسمة، اكتب عمليتي القسمة المرتبطتين بعملية الضرب الآتية

$$\boxed{8} = \boxed{7} \div \boxed{56}$$

$$\boxed{56} = 7 \times 8$$

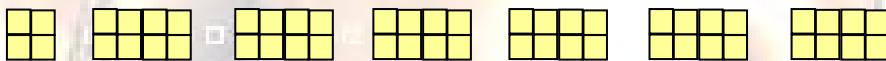
$$\boxed{7} = \boxed{8} \div \boxed{56}$$

وزع (42) كتاباً على $\boxed{7}$ رفوف بالتساوي، فوضع في كل رف (6) كتب.
أي أن 6 يقسم (42) لأن $42 \div 6 = 7$ وبالباقي صفراء
إذن العدد (42) يقبل القسمة على (6).

يسمى العدد (42) المقسوم، والعدد (6) المقسوم عليه، والعدد $\boxed{7}$ تج القسمة، ويسمى كل من العددين (6)، و $\boxed{7}$ زوجاً من إزواج عوامل العدد (42) هل توجد أزواج عوامل أخرى للعدد (42)? ذكرها (إن وجدت)

الحل: نعم: 1، 42، 2، 21، 3، و 14

مثال (1): بين قابلية قسمة العدد 52 على 8؟



من الملاحظ أن $52 \div 8 = 6$ وبالباقي $\boxed{4}$

العدد (8) لا يقسم العدد (52)، لأن $52 \div 8 = 6$ وبالباقي $\boxed{4}$
العدد (52) لا يقبل القسمة على (8)، لأن الباقي لا يساوي صفراء

السؤال (1):

أ) أي العددين الآتيين يقبل القسمة على (4): (32) أم (15)? ولماذا؟

الحل: 32 لأن $32 \div 4 = 8$ وبالباقي صفر

ب) أكتب العدد المناسب في $\boxed{5} + 7 \times 112 = 789$:

فكرة:

ضع إشارة \times ، $+$ ، $=$ في $\boxed{\quad}$ لتكون العلاقة الرياضية الآتية صحيحة؟
المقسوم عليه $\boxed{+}$ المقام $\boxed{\times}$ ناتج القسمة $\boxed{=}$ المقسوم

السؤال (2): قسم رامي العدد (1475) على (7)، فكان الناتج (21)، والباقي (5). كيف تتحقق من صحة إجابة رامي من دون إجراء عملية القسمة؟

الحل: تتحقق من صحة الحل إما بتطبيق القاعدة الآتية:

$$\text{المقسوم} = \text{ناتج القسمة} \times \text{المقسم عليه} + \text{باقي القسمة}$$

$$5 + 7 \times 21 = 1475$$

$$5 + 147 = 1475$$

$$152 \text{ لا تساوي } 1475$$

إذن: الحل غير صحيح

وإما بمقولة الإجابة

هل $21 \times 7 + 5$ يمكن أن تساوي 1475؟ الجواب لا لأن الناتج أقل من 200

إذن: الحل غير صحيح

إجابات تمارين وسائل

1) بين إذا كان العدد الأول يقبل القسمة على العدد الثاني في ما يأتي:

أ) 117 ، 2 الجواب: لا، لأن باقي القسمة لا يساوي صفرًا

وكذلك لا يمكن تقسيم العدد 117 إلى مجموعات متساوية في كل منها 2
 ،32،30،28،26،24،22،20،18،16،14،12،10،8،6،4،2
 ،60،58،56،54،52،50،48،46،44،42،40،38،36،34
 ،88،86،84،82،80،78،76،74،72،70،68،66،64،62
 ،112،110،108،106،104،102،100،98،96،94،92،90
 ...،120،118،116،114

العدد 117 لا وجود له في مضاعفات العدد 2

ب) 7 ، 329

الحل: نعم، لأن $7 \times 47 = 329$

ج) 6 ، 486

الحل:نعم، لأن $6 \times 81 = 486$

د) 212 ، 10 الجواب: لا، لأن باقي القسمة لا يساوي صفرًا
 وكذلك لا يوجد عدد صحيح يضرب بـ 10 ويكون الجواب 212
 $130, 120, 110, 100, 90, 80, 70, 60, 50, 40, 30, 20, 10$
 $230, 220, 210, 200, 190, 180, 170, 160, 150, 140$
 لا وجود للعدد 212

(2) طلب إلي (84) طالب أن يقفن في صفوف بساحة المدرسة، فهل يمكن عمل(7)
 صفوف متساوية من الطالبات؟ وضح إجابتك.
 الحل: نعم، وعدد الطالبات في كل صف يساوي 12
 $\text{لأن } 7 \times 12 = 84$ ← تطبيق القاعدة
 وكذلك بعمل جدول:

عدد الطالبات	عدد الصفوف
12	1
24	2
36	3
48	4
60	5
72	6
84	7

(3) قطف مزارع (191) حبة تقاح فهل يستطيع وضعها في (8) صناديق
 بالتساوي؟ وضح إجابتك.
 الحل: لا، لأنه لا يوجد عدد صحيح يضرب بـ 8 ويكون الجواب 191
 $191 \div 8 = 23$ والباقي 7

(4) لدى صائغ (71) غرام من الذهب، استخدم منها (7) غ لصنع خاتم، فهل يكفي
 الذهب المتبقى لصنع (9) خواتم أخرى لها الوزن نفسه؟
 الحل: نعم، $71 \div 7 = 10$ والباقي 1
 أو: $(71 - 7) \div 7 = 9$ والباقي 1
 إذن: تكفي ويزيد (1) غ



5) اكتشف الخطأ ثم صحّه في ما يأتي:

الحل:

$\begin{array}{r} 2 & 0 & 4 \\ \times 4 & \hline 8 & 1 & 6 \\ - & 8 & \\ \hline 0 & 1 & 6 \\ - & 1 & 6 & \\ \hline 0 & 0 \end{array}$	$\begin{array}{r} 2 & 4 \\ \times 4 & \hline 8 & 1 & 6 \\ - & 8 & \\ \hline 0 & 1 & 6 \\ - & 1 & 6 & \\ \hline 0 & 0 \end{array}$
---	---

6) كان عدد الطالبات المشاركات في مسابقة ثقافية أكبر من (35) وأقل من (45)، وكان ممكناً تقسيمهن إلى مجموعات، في كل منها (6) طالبات، وغير ممكן تقسيمهن إلى مجموعات تحوي كل منها (7) طالبات. ما عدد الطالبات المشاركات في المسابقة؟

الحل: $48 = 8 \times 6$ ، $42 = 7 \times 6$ ، $36 = 6 \times 6$ ، $30 = 5 \times 6$

عدد الطالبات = 36 أو 42 لكن العدد الذي يحقق الشرطين معاً هو 36

لأن $36 \div 6 = 6$ ، ولكن $36 \div 7 = 5$ وباقي 1.

$6 = 7 \div 42$ ، وكذلك $7 = 6 \div 42$

إذن: عدد الطالبات = 36 طالبة

الدرس السادس: قابلية القسمة على (2، 3، 5، 6، 10)

السؤال (1): أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على (2)، و(3)، و(5)، و(6) من دون

إجراء عملية القسمة، مبرراً إجابتك: 296، 999، 1980، 2564، 7008

العدد	يقبل القسمة على 2	يقبل القسمة على 3	يقبل القسمة على 6	التبير
296	نعم	لا	لا	زوجي
999	لا	نعم	لا	مجموع أرقامه 27
1980	نعم	نعم	نعم	زوجي ومجموع أرقامه 18
2564	نعم	لا	لا	زوجي
7008	نعم	نعم	نعم	زوجي ومجموع أرقامه 15

السؤال (2): أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على (5)، و(10)، من دون إجراء

عملية القسمة: 2007، 350، 115، 750، 143، 885

العدد	يقبل القسمة على 5	يقبل القسمة على 10	التبير
350	نعم	نعم	آحاده صفر
115	نعم	لا	آحاده 5
750	نعم	نعم	آحاده صفر
143	لا	لا	آحاده ليس 0 أو 5
885	نعم	لا	آحاده 5
2007	لا	لا	آحاده ليس 0 أو 5

السؤال (3): أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على (2)، و(3)، و(6)، و(5)، و(10) من دون إجراء عملية القسمة، مبرراً إجابتك:

360، 222، 164، 119، 110، 123، 75، 30

يقبل القسمة على 10	يقبل القسمة على 5	يقبل القسمة على 6	يقبل القسمة على 3	يقبل القسمة على 2	العدد
✓	✓	✓	✓	✓	30
✗	✓	✗	✓	✗	75
✗	✗	✗	✓	✗	123
✓	✓	✗	✗	✓	110
✗	✗	✗	✗	✗	119
✗	✗	✗	✗	✓	164
✗	✗	✓	✓	✓	222
✓	✓	✓	✓	✓	360

التبرير كما ورد في السؤالين الأول، والثاني

السؤال (4): جد أزواج عوامل العدد (18)

$$\text{الحل: } 18 = 18 \times 1, 18 = 9 \times 2, 18 = 6 \times 3,$$

إذن أزواج عوامل العدد (18) هي: 1، 18، و2، 9، و3، 6

السؤال (5): جد قواسم العدد (36)

الحل: العدد (36) يقبل القسمة على (1)، (2)، (3)، (4)، (6)، (9)، (12)، (18)، (36)

إذن قواسم العدد (36) هي: (1)، (2)، (3)، (4)، (6)، (9)، (12)، (18)، و(36).

إجابات تمارين ومسائل

1) أكمل الفراغ في الجدول الآتي بوضع إشارة ✓ أو ✗ :

يقبل القسمة على 10	يقبل القسمة على 5	يقبل القسمة على 6	يقبل القسمة على 3	يقبل القسمة على 2	العدد
✗	✗	✗	✗	✓	76
✗	✗	✗	✓	✗	123
✗	✓	✗	✗	✗	455
✗	✗	✓	✓	✓	444
✓	✓	✗	✗	✓	620
✓	✓	✓	✓	✓	210
✗	✓	✗	✓	✗	825
✗	✗	✓	✓	✓	1614
✓	✓	✓	✓	✓	7620
✗	✗	✓	✓	✓	9732

2) مدرسة أساسية فيها (148) طالبة بالصف الرابع، و (162) طالبة بالصف الخامس.

فأي الصفين يمكن توزيعه على (6) شعب بالتساوي؟ لماذا؟

الحل: الصف الخامس، لأن عدد طلبة الصف الخامس(162)، ويمثل عدد زوجي، ومجموع أرقامه يساوي 9، بمعنى أنه يقبل القسمة على 2، 3 معاً، وبالتالي يقبل القسمة على 6. إذن يمكن تقسيمه إلى ست شعب بالتساوي. بينما عدد طلبة الصف الرابع(148)، وهو عدد زوجي، ولكن مجموع أرقامه يساوي 13، أي أنه لا يقبل القسمة على 3، وبالتالي لا يقبل القسمة على 6، إذن لا يمكن تقسيمه إلى ست شعب بالتساوي.

(3) شارك (133) طالباً في مخيم كشفي، فما عدد المجموعات المتساوية التي يمكن توزيع الطلبة عليها؟ لماذا؟ مبرراً إجابتك.

الحل: نبحث عن عددين حاصل ضربهما 133 فنجد:

(1) $1 \times 133 = 133$ وتعني أنه يمكن تقسيم الطلبة إلى مجموعة واحدة تضم (133) طالب، أو إلى (133) مجموعة في كل منها طالب واحد.

(2) $7 \times 19 = 133$ وتعني أنه يمكن تقسيم الطلبة إلى (7) مجموعات، في كل مجموعة (19) طالب، أو إلى (19) مجموعة في كل منها (7) طلاب.
(4) لدى سعاد(158) خرزة، تريده أن تعمل منها(3) عقود، بحيث يكون في كل منها العدد نفسه من الخرز، فهل يمكنها ذلك؟ لماذا؟

الحل: لا، لأن مجموع أرقام العدد(158) يساوي 14، لا يقبل القسمة على 3
(5) اشتريت سلمى (84) وردة، فهل يمكنها ترتيب الورد في (5) باقات بالتساوي؟
لماذا؟

الحل: لا، لأن آحاده ليس صفرأً أو 5
(6) لدى معلم التربية الرياضية (65) كرة صغيرة، فهل يمكنه توزيعها على (10) طلبة بالتساوي؟ وضح إجابتك.

الحل: لا، لأن آحاده ليس صفرأً
(7) أعد علي وهاجر (60) كعكة للبيع. وقد وضعوا الكعكات في (5) أطباق ثم أرادا معرفة عددها في كل طبق بعمل الآتي:

أ) استخدمت هاجر الجملة الآتية:

$$60 = \boxed{12} \times 5$$

ب) يستخدم علي الجملة الآتية:

$$\boxed{12} = 5 \div 60$$

ج) قال أخوها إن العدد (60) تنتهي بصفر؛ لذا، فهو يقسم على (5)، وإن (60) هي (6) عشرات، وفي كل عشرة خمسة.

إذن: $2 \times 12 = 6 \times 5$

أي طرائق الحل الثلاث تفضل؟ لماذا؟

الحل: الطرق الثلاثة تعطي نفس الإجابة وهي (12) طبق، يمكن تقسيم (60) إلى مجموعتين في كل منها(30)، ويتم التعامل مع العدد (30)، في كل مجموعة 6 وبالتالي $6 + 6 = 12$ طبق.

(8) جد قواسم كل من الأعداد الآتية:

أ) 72

الحل:

قواسم العدد (72) هي: (1)، و(2)، و(3)، و(4)، و(6)، و(8)، و(9)، و(12)، و(18)، و(24)، و(36)، و(72).

ب) 81

الحل:

قواسم العدد (81) هي: (1)، و(3)، و(9)، و(27)، و(81).

ج) 96

الحل:

قواسم العدد (96) هي: (1)، و(2)، (3)، و(4)، و(6)، و(8)، و(12)، و(16)، و(24)، و(32)، و(48)، و(96).

الدرس السابع: القسمة على عدد من منزلتين

التحقق من صحة الحل

$$\begin{array}{r} \boxed{n} + \boxed{49032} = \boxed{n} + \boxed{24} \times \boxed{2043} \\ \boxed{49032} = \\ = \end{array}$$

المقسوم

إذن الحل صحيح ✓

السؤال (1): جد ناتج والباقي لكل مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

أ) $15 \div 94000$

الحل: ناتج القسمة = 6266 ، وبقي القسمة = 10

التحقق: $10 + 15 \times 6266 = 10 + 93990$

✓ $94000 =$

ب) $52 \div 48360$

الحل: ناتج القسمة = 930 ، وبقي القسمة = صفر

التحقق: $0 + 52 \times 930 = 48360$

ج) $72 \div 37656$

الحل: ناتج القسمة = 523 ، وبقي القسمة = صفر

التحقق: $0 + 72 \times 523 = 37656$

د) $27 \div 18369$

الحل: ناتج القسمة = 680 ، وبقي القسمة = 9

التحقق: $9 + 18360 = 9 + 27 \times 680$

✓ $18369 =$

فكرة: كيف تؤكّد أن ناتج قسمة (450) على (52) أكبر من 7 من دون إجراء

عملية القسمة؟

الحل: $364 = 7 \times 52$

$364 - 450 = 86$ أكبر من 52 ، لا يجوز أن يكونباقي أكبر من المقسم عليه

إذن: ناتج القسمة أكبر من 7

إجابات تمارين وسائل

1) جد ناتج القسمة والباقي في كل مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\underline{15} \overline{)30065} \quad (أ)$$

الحل: ناتج القسمة = 2004 ، والباقي = 5

التحقق: $5 + 30060 = 5 + 15 \times 2004$

$$\sqrt{30065} =$$

$$\underline{36} \overline{)72252} \quad (ب)$$

الحل: ناتج القسمة = 2007 ، والباقي = 0

التحقق: $0 + 36 \times 2007 = \sqrt{72252}$

$$\underline{57} \overline{)68457} \quad (ج)$$

الحل: ناتج القسمة = 1201 ، والباقي = 0

التحقق: $0 + 57 \times 1201 = \sqrt{68457}$

$$\underline{92} \overline{)93857} \quad (د)$$

الحل: ناتج القسمة = 1020 ، والباقي = 17

التحقق: $17 + 93840 = 17 + 92 \times 1020$

$$\sqrt{93857} =$$

2) إذا كان ناتج قسمة (982) على (12) هو (81)، فما باقي القسمة؟

$$\text{الحل: } 972 = 12 \times 81$$

$$\text{إذن: باقي القسمة} = 972 - 982$$

$$= 10$$

3) إذا كان ناتج قسمة عدد على (23) هو (856) والباقي (16)، فما هذا العدد؟

$$\text{الحل: العدد} = 16 + 23 \times 856$$

$$= 16 + 19688$$

$$= 19704 \text{ ويسمي المقسم}$$

4) أكمل الفراغ بالعدد المناسب في المربعات غير الملونة في الجدولين الآتيين:

36	=	252	÷	9072		12	=	8	÷	96
÷		÷		÷		÷		÷		÷
6	=	36	÷	216		3	=	2	÷	6
=		=		=		=		=		=
6	=	7	÷	42		4	=	4	÷	16



5) بيع كعك العيد في عبوات

تحوي كل منها (42) كعكة.

هل تكفي (355) عبوة

لوضع (14868) كعكة

فيها؟ وضح إجابتك.

الحل:

$$14868 \text{ أكبر من } 14910 = 42 \times 355$$

$$42 = 14868 - 14910$$

نحتاج إلى 354 عبوة إذن: تكفي

6) إذا كان باقي قسمة (65871) على (47) هو (24)، فما ناتج القسمة؟

كم طريقة يمكن حل هذه المسألة بها؟

الحل(1): القسمة الطويلة

$$\begin{array}{r} 65871 \\ \hline 47 \\ 24) 65871 \\ \hline 1401 \\ \hline \end{array}$$

فيكون ناتج القسمة = 1401 ، والباقي = 24

$$\checkmark \quad 65871 = 24 + 65847 = 24 + 47 \times 1401 \quad \text{التحقق:}$$

الحل(2):

$$\begin{array}{r} 65847 \\ \hline 47 \\ 1401) 65847 \\ \hline \end{array}$$

فيكون ناتج القسمة = 1401

$$\checkmark \quad 65847 = 47 \times 1401 \quad \text{التحقق:}$$

هل يوجد طرق أخرى؟

٧) صرفت إدارة إحدى المدارس لمعلم التربية الرياضية مبلغ (300) دينار. كم كرة يمكن أن يشتري المعلم بهذا المبلغ إذا كان ثمن الكرة الواحدة(24) ديناراً؟

$$\text{الحل: } \begin{array}{r} 24 \\ \times 12 \\ \hline 288 \\ + 24 \\ \hline 300 \end{array}$$

$$\text{التحقق: } 12 + 24 \times 12 = 12 + 288 = 300$$

$$= 300$$

إذن: يستطيع شراء (12) كرة ، ويبقى (12) دينار

٨) قرر مدير مصنع للعبوات وضع كل (36) عبوة في صندوق. إذا أنتج المصنع في أحد الأيام (7234) عبوة، فما هو أقل عدد من الصناديق يلزم المصنع لاستيعاب العبوات في ذلك اليوم؟

الحل(1):

$$\text{فيكون الناتج (200) ، والباقي = 34 عبوة} \quad \begin{array}{r} 36 \\ \times 200 \\ \hline 7200 \\ + 34 \\ \hline 7234 \end{array}$$

$$\text{التحقق: } 34 + 36 \times 200 = 34 + 7200 = 7234$$

$$\checkmark 7234 =$$

إذن: أقل عدد من الصناديق = 201 صندوق

الحل(2): عدد العبوات في (100) صندوق = $36 \times 100 = 3600$ عبوة

عدد العبوات في (200) صندوق = $36 \times 200 = 7200$ عبوة

عدد العبوات الباقي = $7234 - 7200 = 34$

وهذه تحتاج لصندوق

إذن: أقل عدد من الصناديق = $1 + 200 = 201$ صندوق

$$201 = \text{صندوق}$$

إجابات مراجعة

1) اكتب العدد المناسب في

$$386759 = 300000 + \boxed{80000} + 6000 + 700 + \boxed{50} + 9 \quad \text{(أ)}$$

$$5701932 = \boxed{5000000} + 700000 + \boxed{8} + 1000 + 900 + 30 + 2 \quad \text{(ب)}$$

2) مكث عدد من رواد الفضاء (3744) ساعة، في الفضاء الخارجي. عبر عن هذا الزمن بالثواني، ثم مثله باستخدام لوحة المنازل، واقتبه بالكلمات.

$$\text{الحل: (1)} \text{ الزمن الذي أمضاه رواد في الفضاء} = 60 \times 60 \times 3744$$

$$3600 \times 3744 =$$

$$13478400 = \text{ثانية}$$

2) لوحة المنازل

الملايين				الألاف				الآحاد			
مئات	عشرات	آحاد		مئات	عشرات	آحاد		مئات	عشرات	آحاد	
1	3	4		7	8	4		0	0	0	

3) ثلاثة عشر مليون وأربعين ألفاً وثمانية وسبعين ألفاً وأربعين ألفاً

(3) جد ناتج الضرب لكل مما يأتي:

$$\text{أ)} 7840 \times 50$$

$$\text{الحل: } 392000 = 7840 \times 50$$

$$\text{ب)} 2634 \times 46$$

$$\text{الحل: } 121164 = 2634 \times 46$$

$$\text{ج)} 5674 \times 132$$

$$\text{الحل: } 748968 = 5674 \times 132$$

4) اكتب العدد المناسب في من دون إجراء عملية الضرب، علماً بأن

$$\text{ناتج ضرب } 2679 = 57 \times 47$$

$$\boxed{2736} = 57 \times 48 \quad \text{(ب)} \quad \boxed{267900} = 570 \times 470 \quad \text{(أ)}$$

$$\boxed{2784} = 58 \times 48 \quad \text{(د)} \quad \boxed{2632} = 56 \times 47 \quad \text{(ج)}$$

٥) جد ناتج كل مما يأتي:

$$5 + 7 \times 9 + 16 \quad (أ)$$

$$5 + 63 + 16 = 5 + 7 \times 9 + 16 \quad \text{الحل:}$$

$$84 = 5 + 79 =$$

$$(5 + 7) \times 9 + 16 \quad (ب)$$

$$12 \times 9 + 16 = (5 + 7) \times 9 + 16 \quad \text{الحل:}$$

$$124 = 108 + 16 =$$

$$5 + 7 \times (9 + 16) \quad (ج)$$

$$5 + 7 \times 25 = 5 + 7 \times (9 + 16) \quad \text{الحل:}$$

$$180 = 5 + 175 =$$

$$(5 + 7) \times (9 + 16) \quad (د)$$

$$300 = 12 \times 25 = (5 + 7) \times (9 + 16) \quad \text{الحل:}$$

٦) أكتب العدد المناسب في $\boxed{\quad}$ ، ثم تحقق من صحة الحل باستخدام القسمة

$$\boxed{5} + 35 \times 142 = 4975 \quad (أ)$$

$$6 + 78 \times \boxed{1234} = 96258 \quad (ب)$$

$$19 + 24 \times 5423 = \boxed{130171} \quad (ج)$$

٧) بين قابلية قسمة العدد الأول على العدد الثاني في كل مما يأتي، مبرراً إجابتك:

$$2, 8346 \quad (أ)$$

الحل: يقبل القسمة لأنّه عدد زوجي

$$3, 8346 \quad (ب)$$

الحل: يقبل القسمة لأنّ $6 = 8+3+4+6 = 21$ يقبل القسمة على 3

$$6, 8346 \quad (ج)$$

الحل: يقبل القسمة، لأنّه يقبل القسمة على 2، 3 معاً

د) 4765 ، 5

الحل: يقبل القسمة، لأن آحاده يساوي 5

9) أكمل الفراغ بالعدد المناسب في المربعات غير الملونة في الجدول الآتي:

48	=	320	÷	15360
÷		÷		÷
3	=	64	÷	192
=		=		=
16	=	5	÷	80

تحدي:

10) أنا عدد باقي قسمتي على كل رقم من الأرقام (2، 3، 4، 5، 6) يساوي (1)، ولكنني أقبل القسمة على الرقم (7)، فمن أنا؟

الحل: يكتب مضاعفات العدد 7

98، 91، 84، 77، 70، 63، 56، 49، 42، 35، 28، 21، 14، 7
، 175، 168، 161، 154، 147، 140، 133، 126، 119، 112، 105
، 252، 245، 238، 231، 224، 217، 210، 203، 196، 189، 182
، ... 315، 308، 301، 294، 287، 280، 273، 266، 259

(1) نحذف الأعداد الزوجية لأنها تقبل القسمة على (2)

، 161، 147، 133، 119، 105، 91، 77، 63، 49، 35، 21، 7
، 301، 287، 273، 259، 245، 231، 217، 203، 189، 175
، ... 315

(2) نحذف الأعداد التي تقبل القسمة على 3

، 203، 175، 161، 133، 119، 91، 77، 49، 35، 7
، ... 315، 301، 287، 259، 245، 217

3) نحذف الأعداد التي تقبل القسمة على 5
7، ، 49، 77، ، 91، 119، ، 133، 161، ، 203، 217، ، 259،
...، 287، 301

4) نحذف العدد الذي آحاده 7 ، لأن باقي قسمته على 5 يساوي 2
...، 91، 119، ، 133، 161، ، 203، 259، 301

5) نحذف العدد الذي آحاده 3، لأن باقي قسمته على 5 يساوي 3
49، 91، 119، 161، 259، ...، 301

6) نحذف العدد الذي آحاده 9، لأن باقي قسمته على 5 يساوي 4
...، 91، 161، 301

٦) نجرب باقي الأعداد فيكون العدد = 301

إجابات الاختبار الذاتي

1) يتكون هذا السؤال من (7) فقرات، من نوع الاختيار من متعدد، لكل فقرة منها (4) بدائل، واحد منها فقط صحيح. ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

(1) أي الأعداد الآتية يساوي عشرة ملايين وعشرين ألفاً وثلاثين؟

102000030 10200030 10020030 102030 أ(102030)

(2) يوجد في مكتبة (25) كرتونة، في كل منها (50) قلماً. عدد الأقلام فيها:

يساوي:

75 125 750 1250 د(75)

(3) إذا كان ناتج $51 \times 49 = 48 \times 2448$ ، فإن ناتج 52×49 يساوي:

2548 2499 2496 2547 أ(2547)

(4) إذا كان $9 \times \square - 16 = 2$ فأي من الأعداد الآتية يتبعن وضعه في \square ليكون الناتج صحيحاً:

3 8 2 9 د(3)

(5) إذا كان $8913 = 114 \times \square + 78$ فأي الأعداد الآتية يوضع في \square ليكون الناتج صحيحاً:

21 23 22 24 أ(24)

(6) أي الأعداد الآتية يقبل القسمة على (2، 3، 5، 6، 10) معاً:

880 850 830 810 د(880)

(7) ناتج قسمة (74185) على (37) هو:

2005 209 2009 205 أ(205)

(2) تحتوي مدرسة أساسية على (20) صفاً، في كل منها (38) طالبة، فكم عدد طالبات المدرسة؟

$$\text{الحل: عدد الطالبات} = 20 \times 38$$

$$10 \times 2 \times 38 =$$

$$760 = 10 \times 76 =$$

(3) جد ناتج كل مما يأتي:

$$15 - 3 \times 24 + 36 \quad (أ)$$

$$15 - 72 + 36 = 15 - 3 \times 24 + 36 \quad \text{الحل:}$$

$$93 = 15 - 108 =$$

$$15 \times 15 - 25 \times 25 \quad (ب)$$

$$225 - 625 = 15 \times 15 - 25 \times 25 \quad \text{الحل:}$$

$$400 =$$

(4) جد ناتج القسمة والباقي في كل مما يأتي:

$$\begin{array}{r} 32 \\ \hline 68020 \end{array} \quad (أ)$$

$$\text{الحل: ناتج القسمة} = 2125 \text{ وباقي} = 20$$

$$\begin{array}{r} 15 \\ \hline 96015 \end{array} \quad (ب)$$

$$\text{الحل: ناتج القسمة} = 6401 \text{ وباقي} = 0$$

(5) عدد ناتج قسمته على 2 يساوي (1128)، وناتج قسمته على 3 يساوي (752)،

جد ناتج قسمته على 6؟

$$\text{الحل: ناتج القسمة على 6} = \text{ناتج القسمة على 2} - \text{ناتج القسمة 3}$$

$$\begin{array}{r} 752 \\ - 1128 \\ \hline 376 \end{array} =$$

$$2256 = 2 \times 1128$$

$$2256 = 3 \times 752$$

$$2256 = 6 \times 376$$

(6) سألت منال أخاها خالداً: كم ديناراً معك ؟ فأجابها: إذا قسمت ما معى على (6)، ثم جمعت معه (5)، ثم ضربت الناتج في (2)، سيصبح معي (210) دنانير، فكم ديناراً مع خالد؟

الحل:

أفهم: ماذا فهمت من هذه المسألة؟ المبلغ الذي مع خالد غير معروف، ولكنه يصبح (210) دنانير، بعد إجراء عمليات حسابية، وهي القسمة والجمع والضرب.

أخطط: كيف يمكنني حل هذه المسألة؟

الحل بالطريقة العكسية

أنفذ:

$$105 = 2 \div 210$$

$$100 = 5 - 105$$

$$600 = 6 \times 100$$

إذن: مع خالد (600) دينار

التحقق: $100 = 6 \div 600$

$$105 = 5 + 100$$

$$\checkmark \quad 210 = 2 \times 105$$



إدارة المناهج والكتب المدرسية
إجابات و حلول الأسئلة
الصف: الخامس الأساسي الكتاب: الرياضيات الجزء: الأول
رقم الوحدة: (2) اسم الوحدة: الأعداد الصحيحة
الدرس الأول: الحساب الذهني على الأعداد الصحيحة الموجبة

السؤال(1): مستخدماً طريقي الحل السابقتين جد ناتج كلٍ مما يأتي ذهنياً:

أ) $78 + 96 + 34$ ب) $34 + 67 + 78$

الحل: أ $101 = 31 + 70 = (3 - 34) + (3 + 67) = 34 + 67$

أو $101 = 30 + 71 = 30 + (4 + 67) = 34 + 67$

ب) $174 = 74 + 100 = (4 - 78) + (4 + 96) = 78 + 96$

أو $174 = 70 + 104 = 70 + (8 + 96) = 78 + 96$

السؤال(2): جد قيمة كلٍ مما يأتي ذهنياً باستخدام أيٌ من الطريقيتين السابقتين ثم تحقق باستخدام الطريقة الأخرى.

الحل: أ $33 = 37 - 70 = (3 + 34) - (3 + 67) = 34 - 67$

أو $33 = 27 - 60 = (7 - 34) - (7 - 67) = 34 - 67$

ب) $28 = 82 - 100 = (4 + 78) - (4 + 96) = 78 - 96$

أو $28 = 72 - 90 = (6 - 78) - (6 - 96) = 78 - 96$

السؤال(3): جد ناتج الضرب في كلٍ مما يأتي ذهنياً:

أ) $5 \times 63 \times 20$ ب) $32 \times 2 \times 50$

الحل: أ $3200 = 32 \times 100 = 32 \times 2 \times 50$

ب) $63000 = 63 \times 1000 = 5 \times 63 \times 20$

فَكَرْ ثُمَّ قَدِّمْ اقْتِراحاً

كيف يمكنك حساب ناتج مسألة مثل 5×13 ذهنياً؟

وهي نصف قيمة 10×13 والتي تعني أنّ 13 مكررة 10 مراتٍ

$$130 = 13 \times 10$$

$$13 \times 5 = 65$$

نشاط: لإيجاد ناتج 5×13 ذهنياً، نفذ الخطوات الآتية وأكمل الفراغات المطلوبة:

أ) أنشئ مستطيلاً طوله 13 سم وعرضه 5 سم.

فَكَرْ: ما علاقـة القيمة 5×13 بـهذا المستطيل؟ مساحة المستطيل = 5×13

ب) جزءٌ ضلع الطول في المستطيل (13) إلى جزأين (3) أحد و(10) عشرات.



ج) اقسم المستطيل إلى مستطيلين اعتماداً على تجزئة ضلع الطول.



د) عبر عن مساحـة المـسـطـيلـيـن النـاتـجـيـن وـاحـسـبـهـا.

$$\text{مساحة المستطيل (1)} = 3 \times 5 = 15 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل (2)} = 5 \times 10 = 50 \text{ سم}^2$$

ه) ما العلاقة بين مساحة المستطيل الكبير ومساحتـي المستطيلـيـن الصـغـيرـيـن؟ ماـذـا تـسـتـنـتجـ؟

$$\text{مساحة المستطيل الكبير} = 5 \times 13 = 65 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل (1)} + \text{مساحة المستطيل (2)} = 15 \text{ سم}^2 + 50 \text{ سم}^2$$

$$= \text{مساحة المستطيل الكبير}$$

و) ما علاقة ما سبق بالحساب الذهني؟ وهـل يمكن تطبيقـهـ على أي مـسـأـلةـ أـخـرىـ؟

لـحـاسـبـ نـاتـجـ ضـرـبـ 5×13 نـضـرـبـ 5 بـ 3 ثـمـ 5 بـ 10 وـنـجـمـعـ النـاتـجـيـنـ، أيـ أـنـاـ

نجـزـئـ العـدـدـ الثـانـيـ إـلـىـ آـحـادـ وـعـشـرـاتـ لـتـسـهـيلـ الحـاسـبـ.

فـكـرـ

هل يمكن استخدام خاصـيـةـ تـوزـيعـ الضـرـبـ عـلـىـ الـطـرـحـ عـوـضـاـ عـنـ تـوزـيعـ الضـرـبـ عـلـىـ الـجـمـعـ؟ وـضـحـ إـجـابـتـكـ بـمـثـالـ.

الحل:نعم يمكن ذلك، مثلاً:

$$472 = 8 - 480 = (1 - 60) \times 8 = 59 \times 8$$

$$352 = 88 - 440 = (8 - 40) \times 11 = 32 \times 11$$

السؤال(4):جد ناتج الضرب في كلٍ مما يأتي ذهنياً:

أ) 13×7

ب) 36×12

الحل:أ) $91 = 70 + 21 = (10 \times 7) + (3 \times 7) = 13 \times 7$

ب) $432 = 360 + 72 = (30 \times 12) + (6 \times 12) = 36 \times 12$

أو $432 = 360 + 72 = (36 \times 10) + (36 \times 2) = 36 \times 12$

تحدى لزمائك

كيف يمكنك حساب ناتج 123×11 ذهنياً؟

الطريقة الأولى: تجزئة العدد 123 إلى آحاد وعشرات ومئات

$$(100 \times 11) + (20 \times 11) + (3 \times 11) = 123 \times 11$$

$$\begin{array}{r} 1100 + 220 + 33 = \\ 1353 \end{array}$$

الطريقة الثانية: تجزئة العدد 11 إلى آحاد وعشرات

$$(123 \times 10) + (123 \times 1) = 123 \times 11$$

$$\begin{array}{r} 1230 + 123 = \\ 1353 \end{array}$$

إجابات تمارين وسائل

١) جد الناتج في كلٍ مما يأتي ذهنياً وتحقق من صحة الحل بطريقة أخرى:
 أ) $64 + 98$

$$\text{الحل: } 162 = 62 + 100 = (2 - 64) + (2 + 98)$$

$$162 = 70 + 92 = (6 + 64) + (6 - 98)$$

ب) $53 + 117$

$$\text{الحل: } 170 = 50 + 120 = (3 - 53) + (3 + 117)$$

$$170 = 60 + 110 = (7 + 53) + (7 - 117)$$

ج) $395 + 105$

$$\text{الحل: } 500 = 400 + 100 = (5 + 395) + (5 - 105)$$

$$500 = 390 + 110 = (5 - 395) + (5 + 105)$$

د) $210 + 52 + 38$

$$\text{الحل: } 210 + 90 = 210 + 50 + 40 = 210 + 50 + (2 + 38)$$

$300 =$

ه) $(36 + 64) + 2475$

$$\text{الحل: } (30 + 70) + 2475 = (30 + (6 + 64)) + 2475$$

$$2575 = 100 + 2475 =$$

و) $27 - 188$

$$\text{الحل: } 161 = 29 - 190 = (2 + 27) - (2 + 188)$$

$$161 = 20 - 181 = (7 - 27) - (7 - 188)$$

ز) $72 - 981$

$$\text{الحل: } 909 = 81 - 990 = (9 + 72) - (9 + 981)$$

$$909 = 71 - 980 = (1 - 72) - (1 - 981)$$

ح) $407 - 6507$

$$\text{الحل: } 6100 = 410 - 6510 = (3 + 407) - (3 + 6507)$$

$$6100 = 400 - 6500 = (7 - 407) - (7 - 6507)$$

ط) $100 - (49 - 749)$

$$\text{الحل: } 100 - (50 - 750) = 100 - ((1 + 49) - (1 + 749))$$

$$100 - 700 =$$

$600 =$

$$100 - (40 - 740) = 100 - ((9 - 49) - (9 - 749))$$

$$100 - 700 =$$

$600 =$

$$(28 - 82) - 654 =$$

$$(36 - 90) - 654 = ((8 + 28) - (8 + 82)) - 654$$

$$54 - 654 =$$

$$600 =$$

$$(26 - 80) - 654 = ((2 - 28) - (2 - 82)) - 654$$

$$54 - 654 =$$

$$600 =$$

$$5 \times 8 \times 20 \text{ (ك)}$$

$$800 = 8 \times 100 \text{ (الحل:)} \quad \text{الحل:}$$

$$50 \times 7 \times 8 \text{ (ل)}$$

$$2800 = 7 \times 400 \text{ (الحل:)} \quad \text{الحل:}$$

$$11 \times 125 \times 8 \text{ (م)}$$

$$11000 = 11 \times 1000 \text{ (الحل:)} \quad \text{الحل:}$$

$$35 \times 6 \text{ (ن)}$$

$$210 = 180 + 30 = (30 \times 6) + (5 \times 6) \text{ (الحل:)} \quad \text{الحل:}$$

$$8 \times 54 \text{ (س)}$$

$$432 = 400 + 32 = (8 \times 50) + (8 \times 4) \text{ (الحل:)} \quad \text{الحل:}$$

2) يقرأ مالك 14 ساعةً في موضوعاتٍ متنوعةٍ خلال الأسبوع الواحد، فكم ساعةً

يقرأ في 48 أسبوع؟

$$\text{الحل: } 14 \times (40 \times 14) + (8 \times 14) = 48 \times 14 \quad \text{الحل:}$$

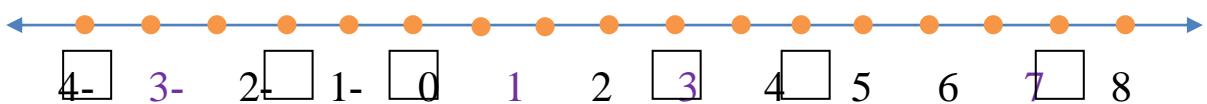
$$(400 + 160) + (80 + 32) =$$

$$560 + 112 =$$

$$672 \text{ ساعةً}$$

الدرس الثاني: الأعداد الصحيحة وتمثيلها

السؤال(1): أكمل خط الأعداد الآتي بوضع الأعداد المناسبة في المربعات:



السؤال(2): عُّبر عما يأتي مستخدماً الأعداد الصحيحة:

1) تنخفض درجات الحرارة في بعض ليالي شهر كانون الثاني إلى خمس درجات مئوية تحت الصفر.

2) ترتفع جبال الشراة في معان حوالي 1600 م عن سطح البحر.

3) ارتفع معدل عمر في الصف الحادي عشر علامتان عن معدله السابق.

4) خسر تاجر في إحدى صفقاته 54000 دينار.

الحل: 1) (5-)

(1600+) (2)

(2+) (3)

(54000-) (4)

فَكَرْ: ما سبب تسمية المعكوس بهذا الاسم؟

الحل: لأنّ معكوس أي عدد يبعد عن الصفر المسافة

نفسها التي يبعدها ذاك العدد ولكن بالاتجاه المعاكس.

السؤال(3): أكمل الفراغ بما يناسبه وبرر إجابتك فيما يأتي:

653001 -	97108	48221	649721	390-	54 -	7	العدد
653001	97108 -	48221 -	649721 -	390	54	7-	معكوسه

تحدّث:

أخطأ زميلك في الإجابة فقال إن معكوس العدد (14) هو العدد (41).
وضح له هذا الخطأ.

الحل: معكوس العدد هو العدد الذي يبعد عن الصفر

المسافة نفسها التي يبعدها ذاك العدد ولكن

بالاتجاه المعاكس لذلك فإن معكوس العدد (14)

هو العدد (-14) والذي يبعد 14 وحدة عن يسار الصفر.

السؤال(4): أكمل الجدول الآتي بما يناسبه وبرر إجابتك:

الرمز	الوصف بالكلمات	الدلالة بالأعداد الصحيحة	الوضع المعاكس	الدلالة بالأعداد الصحيحة	تبرير الوضع المعاكس
أ	إيداع 200 دينارٍ في بنكٍ	200	سحب 200 دينار من البنك	200 -	200 -
ب	عمق وادٍ 13 متراً	13 -	ارتفاع جبلٍ 13 متراً	13	
ج	3 طوابق فوق تحت الأرض	3	3 طوابق تحت الأرض	3 -	3 -
د	انخفاض سعر الذهب 27 قرشاً للغرام الواحد	27 -	ارتفاع سعر الذهب 27 قرشاً للغرام الواحد	27	
هـ	سارت مها 5 خطوات للأمام	5	رجعت مها 5 خطوات للخلف	5 -	5 -
و	ولادة طفلٌ 254 شخصاً خلال شهر	254	وفاة 254 شخصاً خلال شهر	254 -	

إجابات تمارين ومسائل

1) صنف الأعداد الصحيحة الآتية إلى أعداد موجبة وأخرى سالبة:

19 - ، 100 ، 24 - ، 1 - ، 24 ، 1 ، 100 -

الحل: الأعداد الصحيحة الموجبة: 9 ، 1 ، 24 ، 100

الأعداد الصحيحة السالبة: - 19 ، - 24 ، - 1 ، - 10

2) اكتب الأعداد الصحيحة المحسورة بين كل عددين صحيحين (إن وجدت) لكلٍ

مما يأتي:

أ) (5 - ، 6) ج) (5 ، 6 -

ب) (5 - ، 6 -) د) (5 ، 6 -

الحل: أ) - 4 ، - 3 ، - 2 ، - 1 ، 0 ، 1 - ، 2 - ، 3 -

ب) - 5 ، - 4 ، - 3 ، - 2 ، - 1 ، 0 ، 1 - ، 2 - ، 3 -

ج) لا يوجد

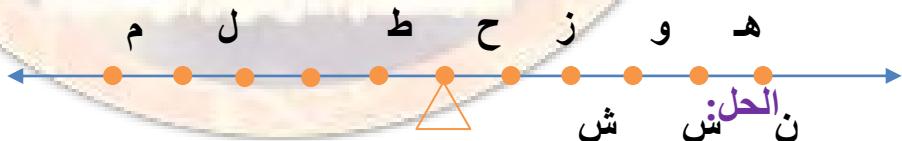
د) لا يوجد

3) ارسم خط الأعداد ومثل عليه الأعداد الصحيحة بين العددين - 7 ، 12 .

الحل:



4) اعتماداً على خط الأعداد أجب عن الآتي:



أ) لا يمثل الحرف ح معكوساً للحرف ل لأنه يبعد وحدتين عن الصفر، بينما

يبعد الحرف ل وحدة واحدة عن الصفر.

ب) الحرف (و) يمثل العدد (4)

الحرف (ل) يمثل العدد (-1)

ج) الحرف الذي يمثل العدد (+1) هو (ط)

الحرف الذي يمثل العدد (-4) هو (س)

د) الحرف الذي يمثل معكوس العدد (4) هو (و)

و) (ط، ل)، (ح، م)، (ز، ن)، (و، س)، (ه، ش).

5) وضح الخطأ في العبارة الآتية: العدد (-7) محصورٌ بين العددين 6 ، 8.

الحل: العدد السالب ينحصر بين الأعداد السالبة لذلك فإنّ العدد (-7)

محصورٌ بين العددين -6 ، -8



الدرس الثالث: مقارنة الأعداد الصحيحة

نشاط :

في بناءٍ مكونٍ من 5 طوابق فوق الأرض و5 طوابق تحت الأرض:

1) أيهما أعلى الطابق الخامس أم الطابق الثاني؟ اكتب العدد الصحيح الذي يمثل كلاً منها؟

2) أيهما أعلى الطابق الثاني فوق الأرض أم الطابق الخامس تحت الأرض؟ وبكم أعلى؟ ببر إجابتك. اكتب العدد الصحيح الذي يمثل كلاً منها

3) أيهما أعلى الطابق الخامس تحت الأرض أم الطابق الثاني تحت الأرض؟ اكتب العدد الصحيح الذي يمثل كلاً منها. ببر إجابتك

4) ماذا تلاحظ مما سبق؟

الحل:

1) الطابق الخامس (5) أعلى من الطابق الثاني (2)

(2) الطابق الثاني فوق الأرض (2+) أعلى من الطابق الخامس تحت الأرض (5-) لأنه يقع فوق سطح الأرض.
أعلى منه بسبعة طوابق.

(3) الطابق الثاني تحت الأرض (2-) أعلى من الطابق الخامس تحت الأرض (5-)

فَكَرْ:

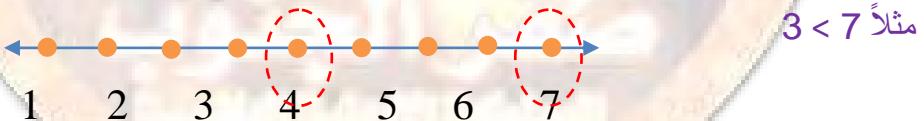
- أيهما أكبر العدد الموجب أم العدد السالب؟ برهن إجابتك بالمقارنة مع العدد صفر.
- أيهما أكبر العدد الموجب الأبعد عن الصفر أم العدد الموجب الأقرب إلى الصفر؟
أعط مثلاً ومثله على خط الأعداد.
- أيهما أكبر العدد السالب الأقرب إلى الصفر أم العدد السالب الأبعد عن الصفر؟
أعط مثلاً ومثله على خط الأعداد.

لأنه أقرب لسطح الأرض.

الحل:

- العدد الموجب أكبر من العدد السالب، لأن العدد الموجب أكبر من الصفر بينما العدد السالب أصغر من الصفر.

- العدد الموجب الأبعد عن الصفر أكبر من العدد الموجب الأقرب إلى الصفر.



- العدد السالب الأقرب إلى الصفر أكبر من العدد السالب الأبعد عن الصفر.



فَكَرْ وَقَدَمْ تَبَرِيرًا:

- عند مقارنة عددين موجبين أو عددين سالبيين، نعتمد في المقارنة بعديهما عن الصفر.
- عند مقارنة عددين أحدهما موجب والآخر سالب، لا نعتمد في المقارنة بعديهما عن الصفر.

الحل:

لأن العدد الموجب دائمًا أكبر من العدد السالب ويقع على يمينه فلا تحتاج معرفة بعديهما عن الصفر فقد يكون العدد السالب أقرب إلى الصفر لكن ذلك لا يعني أبداً أن العدد السالب أكبر من العدد الموجب، بينما عند مقارنة عددين موجبين أو عددين سالبين فإننا نحتاج معرفة بعديهما عن الصفر لتحديد الأكبر بينهما لأن كليهما يقعان على الجهة نفسها من الصفر حيث يكون العدد الموجب الأبعد عن الصفر هو الأكبر والعدد السالب الأقرب للصفر هو الأكبر.

السؤال(1): أضع إشارة $<$ ، $=$ ، $>$ في مع التبرير:

أ) $53 - < 73$	ب) $152 + = 152 -$	ج) $39 - < 17$
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
ه) $99 > 0$	و) $99 - < 0$	
<input type="text"/>	<input type="text"/>	

السؤال(2): اكتب العددين السابق والتالي لكل عددٍ في الجدول الآتي:

العدد السابق		التالي
1-	0	1
3	4	5
9-	8-	7-
92	93	94
94-	93 -	92-
8491-	8490-	8489 -

فَكَرْ ثُمَّ ناقش

1) ما أصغر عدد صحيح موجب؟ ما أكبر عدد صحيح موجب؟

2) ما أكبر عدد صحيح سالب؟ ما أصغر عدد صحيح سالب؟

الحل:

(1) أصغر عدد صحيح موجب هو 1، وليس هناك أكبر عدد صحيح موجب

(2) أكبر عدد صحيح سالب هو -1، وليس هناك أصغر عدد صحيح سالب

إجابات تمارين وسائل

1) رتب الأعداد الصحيحة الآتية تنازلياً:

121 ، 32 - ، 0 ، 43 - ، 119 - ، 111 ، 207 - ، 69

الحل: الترتيب التنازلي هو: 121، 119، 111، 69، 43 -، 32 -، 0، 43 -، 119 -، 207 -

2) رتب الأعداد الصحيحة الآتية تصاعدياً:

516 ، 333 - ، 22 ، 14 ، 90 - ، 1 - ، 817 ، 815 -

الحل: الترتيب التصاعدي هو: 815 -، 516 -، 333 -، 22 ، 14 ، 90 -، 1 - ، 817

3) اكتب خمسة أعدادٍ صحيحةٍ تقل عن العدد 612. بّرّر إجابتك.

الحل: -613 ، -741 ، -1259 ، -192003 ، -820951314

جميعها تبعد عن يسار الصفر مسافةً تزيد عن 612 وحدة.

4) اكتب خمسة أعدادٍ صحيحةٍ تزيد عن العدد 740. بّرّر إجابتك.

الحل: -739 ، -700 ، -650 ، -111 ، -19 ، 0 ، 19 ، 111

الأعداد السالبة جميعها تبعد عن يسار الصفر مسافةً تقل عن 740 وحدة.

والأعداد الموجبة جميعها تزيد عن العدد - 740

5) اكتب خمسة أعدادٍ صحيحةٍ تقل عن العدد 2501. بّرّر إجابتك.

الحل: -2500 ، -2490 ، -2000 ، -101 ، -27 ، 0 ، 27 ، 1 ، -1

الأعداد الموجبة جميعها تبعد عن يمين الصفر مسافةً تقل عن 2501 وحدة.

والأعداد السالبة جميعها تقل عن العدد 2501

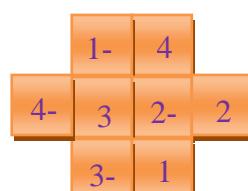
6) أ) ما أكبر عددٍ صحيحٍ يقل عن العدد 3؟⁴

ب) ما أكبر عددٍ صحيحٍ يقل عن العدد - 4 -⁵

ج) ما أكبر عددٍ صحيحٍ يقل عن العدد 47؟⁴⁶

د) ما أصغر عددٍ صحيحٍ يزيد على العدد 47؟⁴⁸

ه) ما العدد السابق والتالي للعدد -69؟ العدد السابق (-70) والعدد التالي (-68)



(7)

8) عين الخطأ في العبارة الآتية ثم صحّه:

العدان الصحيحان - 15 ، - 16 يزيدان عن العدد - 14 .

الحل:

العدان الصحيحان - 15 ، - 16 يقلان عن العدد - 14 لأن كلاً منها يبعد عن يسار الصفر مسافةً تزيد عن 14 وحدة.

الدرس الرابع: المضاعف المشترك الأصغر

السؤال (1): جد م.م.ا للعددين 5 ، 7 .

الحل: 35

فَكَرْ

الحل: المضاعف المشترك الأصغر لعددين متساوين هو العدد نفسه.

ناقش صحة العبارتين الآتيتين

الحل: (أ) المضاعف المشترك الأصغر لعددين أحدهما مضاعف للأخر هو العدد

الأكبر بينهما، لأن العدد الكبير مضاعف لنفسه وفي الوقت نفسه مضاعف للعدد

الآخر حسب المعطيات لذلك فإنه المضاعف المشترك الأصغر لهما؛

مثال: العددان 4 ، 8 المضاعف المشترك الأصغر لهما هو العدد 8

لأن العدد 8 مضاعف للعدد 4 ومضاعف لنفسه.

ب) لا يمكن إيجاد المضاعف المشترك الأكبر لعددين لأن مضاعفات أي عدد غير منها،

مثلاً مضاعفات العدد 5 هي:

5، 10، 15، 20، 25، 30، 35، 40، 45، 50، 55، 60، 70، 75،
80، 85، 90، 95، 100، 105، 110، 115، 120، 125، 130، 135، ...، 140

ذلك بالنسبة لأي عدد آخر.

فكّر ثم ناقش

الحل:المضاعف المشترك الأصغر لعددين ليس بالضرورة أن يكون هو المضاعف الأصغر لكلٍّ منهما، بل هو أصغر مضاعفٍ مشتركٍ بينهما، مثلاً المضاعف المشترك الأصغر للعددين 2، 6 هو العدد (6) وهو أصغر مضاعفٍ للعدد 6 لكنه ليس أصغر مضاعفٍ للعدد 2.

إجابات تمارين ومسائل

(1)

الحل:أ) 18

ب) 28

ج) 8

د) 5

ه) 9

1) **الحل:**العددان 10، 1

العددان 5، 2

3) **الحل:**العددان هما 5، 6

4) **الحل:**العدد الآخر هو 5

5) **الحل:**العددان 9، 4

نعم توجد حلول أخرى، العددان 1 ، 36

الدرس الخامس: القاسم المشترك الأكبر فَكْر

الحل: العدد (2).

السؤال(1): جد ق.م.أ. للعددين 6 ، 9.

الحل: العدد (3).

ناقش صحة العبارة الآتية

الحل: القاسم المشترك الأكبر لعددين أحدهما مضاعف للأخر هو العدد الأصغر

بينهما،

لأن العدد الصغير قاسم لنفسه وفي الوقت نفسه قاسم للعدد الآخر حسب المعطيات

لذلك فإنه القاسم المشترك الأكبر لهما؛ مثال: العددان 4 ، 8 القاسم المشترك الأكبر

لهمًا هو العدد 4

لأن العدد 4 قاسم للعدد 8 وقاسم لنفسه.

السؤال(2):

الحل: قواسم العدد (24) هي: 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 6 ، 8 ، 12 ، 24

قواسم العدد (40) هي: 1 ، 2 ، 4 ، 5 ، 8 ، 10 ، 20 ، 40

إذن القاسم المشترك الأكبر للعددين (24) ، و (40) هو العدد (8)

فَكْر ثم ناقش

الحل: ق.م.أ. للعددين (9)، و (12) هو العدد (3)

م.م.أ. للعددين (9)، و (12) هو العدد (36)

$$\text{ناتج ضرب 9} \times 12 = 108$$

$$\text{ناتج ضرب ق.م.أ.} \times \text{م.م.أ.} = 108$$

ناتج ضرب عددين = ناتج ضرب ق.م.أ × م.م.أ لهما

إجابات تمارين ومسائل

(1

الحل:أ) 8

ب) 11

ج) 1

د) 1

2) **الحل:**نعم، إذا كانت جميع قواسم العددين مختلفة

مثلاً ق.م.أ للعددين (16)، و (27) هو العدد (1)

3) **الحل:**العدد نفسه

4) **الحل:**نجد ق.م.أ للعددين (35)، و (50) وهو العدد (5)

أي أنه يمكن تقسيم الطلاب إلى 5 مجموعاتٍ في كلٍ منها 10 طلابٍ و 7 معلمين.

5) **الحل:**ق.م.أ للعددين (16)، و (24) هو العدد (8) لأن:

قواسم العدد (16) هي: 1 ، 16 ، 2 ، 8 ، 4 ، 4

قواسم العدد (24) هي: 1 ، 24 ، 3 ، 12 ، 2 ، 8 ، 4 ، 6

6) **الحل:أ) 2**

ب) 9

ج) 4

د) 12

7) **الحل:**العددان هما (21)، و (28)

الدرس السادس : مربع العدد الصحيح الموجب وجذر التربيعي

السؤال(1):

12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	العدد
----	----	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---	-------

$=^2(12)$	$=^2(11)$	$=^2(10)$	$=^2(9)$	$=^2(8)$	$=^2(7)$	$=^2(6)$	$=^2(5)$	$=^2(4)$	$=^2(3)$	$=^2(2)$	$=^2(1)$	مربع
144	121	100	81	64	49	36	25	16	9	4	1	العدد

السؤال(2):

144	121	100	81	64	49	36	25	16	9	4	1	العدد
$=144$	$=121$	$=100$	81	64	49	36	25	16	9	4	1	جذر
12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	التربعي

فَكَرْ

الحل: لأن المربع الكامل هو ناتج ضرب عددٍ في نفسه، ولا يمكن أن يتغير ناتج ضرب عددٍ في نفسه أبداً.

السؤال(3): ما العدد الذي مربعه يساوي جذر التربيعي؟

الحل: العدد (1)، مربعه (1) وجذر التربيعي (1)

ناقش صحة العبارات الآتية، ثم فسرها:

الحل: أ) صحيحة، لأن حاصل ضرب عددين فردبين هو عددٌ فرديٌّ.

ب) صحيحة، لأن الصحيح الزوجي يقبل القسمة على 2 وعند ضرب العدد الصحيح الزوجي في نفسه فإننا نضرب 2×2 لذلك فإن الناتج سيقبل القسمة على 4.

ج) صحيحة، لأن إذا كان العدد الصحيح فردياً فإن مربعه سيكون فردياً (النقطة أ). أما إذا كان زوجياً فإن مربعه سيقبل اقسامه على 4 (النقطة ب).

إجابات تمارين وسائل

(1

9) ب

الحل: أ) 49

ج) 1 (5 د)

2) الحل: مساحة المربع = (الضلوع)²

$$\cdot^2 م = 16 = ^2(4) =$$

الحل: 3 ، 4 ، 9 ، 1.

4) الحل: المربعات الكاملة الفردية المقصورة بين العددين (16)، (64) هي: 25 ،

49

جذورها التربيعية هي: 5 ، 7.

5) الحل: مساحة المربع = $(الضلع)^2$

$$\cdot^2 م = 36 = ^2(6) =$$

6) الحل: نعم يوجد، 144 هو المربع الكامل للعدد 12،

لو حسبنا 13×13 فإن الناتج 169 هو مربع كامل يزيد عن 144.

7) الحل: العددان هما (8)، و (6).

8) الحل: لا يوجد.

9) الحل: مساحة المربع = $(الضلع)^2$

$$= (الضلع)^2 = 121 م^2$$

الجذر التربيعي للعدد (121) هو العدد (11)،

إذن طول ضلع واجهة البيت هو (11) م.

الدرس السابع : مكعب العدد الصحيح الموجب

السؤال(1): أكمل الجدول الآتي لإيجاد مكعبات الأعداد:

5	4	3	2	1	العدد
$=^3(5)$	$=^3(4)$	$=^3(3)$	$=^3(2)$	$=^3(1)$	مكعب العدد
125	64	27	8	1	

فكرة

الحل: مكعب العدد الصحيح الموجب أكبر من مربعه،

لأن مكعبه هو حاصل ضربه في نفسه 3 مرات أما مربعه فهو حاصل ضربه في نفسه مرتان فقط.

إجابات تمارين ومسائل

1) $8 = 2^3$ (الحل: 8)

$64 = 4^3$

$125 = 5^3$

2) (الحل: 27 ، 8 ، 1)

3) (الحل: 125 ، 64 ، 8)

4) (الحل: 27 ، 8)

5) (الحل: لا، لأنه يوجد عدد صحيحٌ ناتج ضربه في نفسه 3 مرات يساوي 121).

6) (الحل: نعم يوجد، 125 هو المكعب الكامل للعدد 5)

لو حسبنا $6 \times 6 \times 6$ فإن الناتج 216 هو مكعبٌ كاملٌ يزيد عن 125.

7) (الحل: العدد (1)).

8) (الحل: العدد (2)).

9) (الحل: العددان هما (4)، و (2)).

إجابات المراجعة

1) جد ناتج كلٍ مما يأتي ذهنياً:

الحل: أ) $106 = 46 + 60$

ب) $138 = 40 - 178$

ج) $220 = 11 + 209 = 11 + (20 - 229)$

د) $2100 = 7 \times 300$

هـ) $115 = 100 + 15 = (5 \times 20) + (5 \times 3)$

الحل: ب) 1 ، 0 ، 1 -

ب) 1 - ، 2 - ، 3 - ، 4 -

ج) 3 ، 2 ، 1 ، 0 ، 1 - ، 2 - ، 3 -

د) 5 - ، 6 - ، 7 - ، 8 - ، 9 - ، 10 - ، 11 -

هـ) لا يوجد

و) لا يوجد

الحل: 5 ، 4 ، 2 ، 1 - ، 0 ، 3 - ، 4 -

الحل: أ) نزول درجتين

ب) زيادة 50 ديناراً على الراتب

ج) خسارة 27 كيلوغراماً

د) قطع 540 شجرةً من غابة أشجارٍ حرجيةٍ

هـ) ثبات درجة الحرارة العظمى خلال أسبوعٍ

و) تلف 16 آنيةً في مطعم خلال شهرٍ

الحل: يمكنها فعل ذلك بـ 9 طرق.

36 مقعداً في صفٍ واحدٍ، أو 18 مقعداً في صفين، أو 12 مقعداً في 3 صفوفٍ، أو 9 مقاعد في 4 صفوفٍ، أو 6 مقاعد في 6 صفوفٍ، أو 4 مقاعد في 9 صفوفٍ، أو 3 مقاعد في 12 صفًّا، أو مقعدان في 18 صفًّا، أو مقعد في 36 صفًّا.

(6) **الحل:** نبحث عن م.م.أ للعددين (3)، (5) وهو العدد (15)

أي أن الحافلتين ستنتظران (15 كم) لكي تتوقفا عن النقطة نفسها.

(7) **الحل:** نعم، يمكن ذلك في حالة واحدة فقط وهي أن يكون العددان متساوين

مثلاً ق.م.أ للعددين (6)، و (6) هو العدد (6)

كذلك م.م.أ للعددين (6)، و (6) هو العدد (6)

إجابات الاختبار ذاتي

1) يتكون هذا السؤال من 8 فقرات من نوع الاختيار من متعدد، لكل فقرة منها 4 بدائل واحد فقط منها صحيحة، ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

(1) العدد الصحيح السابق للعدد -17 هو

الحل: أ) 18 -

(2) العدد الصحيح التالي للعدد -17 هو

الحل: ب) 16 -

(3) معكوس العدد الصحيح 24 هو

الحل: د) 24 -

(4) العدد الصحيح المحصور بين العددين -10 ، -9 :

الحل: د) لا يوجد

(5) أي الأعداد الآتية لا يُعتبر قاسماً للعدد 49؟

الحل: ج) 4

(6) المضاعف التاسع للعدد 7 هو

الحل: ج) 63

(7) مكعب العدد 4 هو $=^3 4 = 4 \times 4 \times 4$

الحل: د) 64

(8) الجذر التربيعي للعدد 100 هو

الحل: أ) 10

2) جد ق.م.أ ، م.م.أ لكل عددين صحيحين فيما يأتي:

الحل: أ) ق.م.أ للعددين (8)، و (10) هو العدد (2)

م.م.أ للعددين (8)، و (10) هو العدد (40)

ب) ق.م.أ للعددين (3)، و (7) هو العدد (1)

م.م.أ للعددين (3)، و (7) هو العدد (21)

ج) ق.م.أ للعددين (5)، و (4) هو العدد (1)

م.م.أ للعددين (5)، و (4) هو العدد (20)

د) ق.م.أ للعددين (1)، و (9) هو العدد (1)

م.م.أ للعددين (1)، و (9) هو العدد (9)

هـ) ق.م.أ للعددين (6)، و (6) هو العدد (6)

م.م.أ للعددين (6)، و (6) هو العدد (6)

3) **الحل:** نعم، يمكن ذلك

تقديم الوجبة المجانية لمضاعفات الرقم (4)

ويقدم العصير المجاني لمضاعفات الرقم (11)

لذلك فإن أول من سيحصل على وجبة وعصير مجانيين هو صاحب البطاقة 44

والتي تمثل م.م.أ للعددين (4)، و (11).

4) **الحل:** محيط المربع = $4 \times \text{طول الضلع}$

إذن طول ضلع الصالة 10م . $10 \times 4 = 40$

مساحة المربع = $(\text{الضلوع})^2 = 100 \text{ م}^2$ مساحة الصالة الرياضية.

إدارة المناهج والكتب المدرسية إجابات و حلول الأسئلة

الصف الخامس الأساسي - الكتاب: الرياضيات الجزء: الأول

رقم الوحدة: (3) اسم الوحدة: الكسور العاديّة

الدرس الأول: تمثيل الكسور والأعداد الكسرية

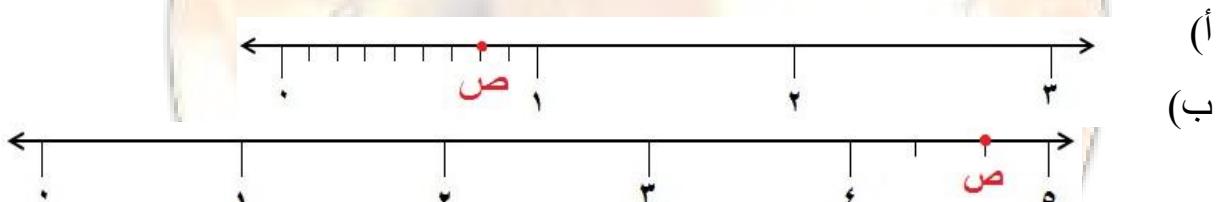
السؤال(1): اكتب الكسر أو العدد الكسري الذي يمثل الجزء المظلل بالأرقام والكلمات في ما يأتي:

الحل:

<p>ب) بالأرقام = $\frac{16}{18}$</p> <p>بالكلمات = ستة عشر من ثمانية عشر</p>	<p>أ) بالأرقام = $\frac{5}{14}$</p> <p>بالكلمات = خمسة من أربعة عشر</p>
---	--

السؤال(2): اكتب الكسر أو العدد الكسري الذي يمثل النقطة (ص) على خط الأعداد

فیما پائی:



الحل:

$$4\frac{2}{3}(\checkmark)$$

فکر

هالكسر $\frac{3}{4}$ ألمون واحد صحيح أم أكبر؟ وضح إجابتك.

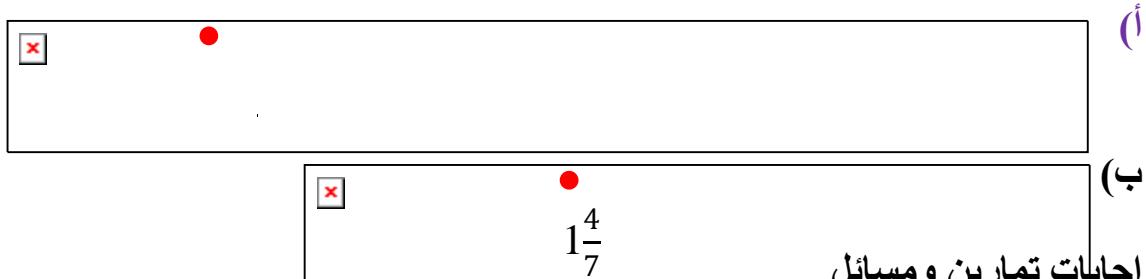
الحل:

الكسر $\frac{4}{4} = 1$ ؛ لهذا الكسر أقل من واحد لأن البسط $<$ المقام.

السؤال(3): مثل كل مما يأتي على خط الأعداد:

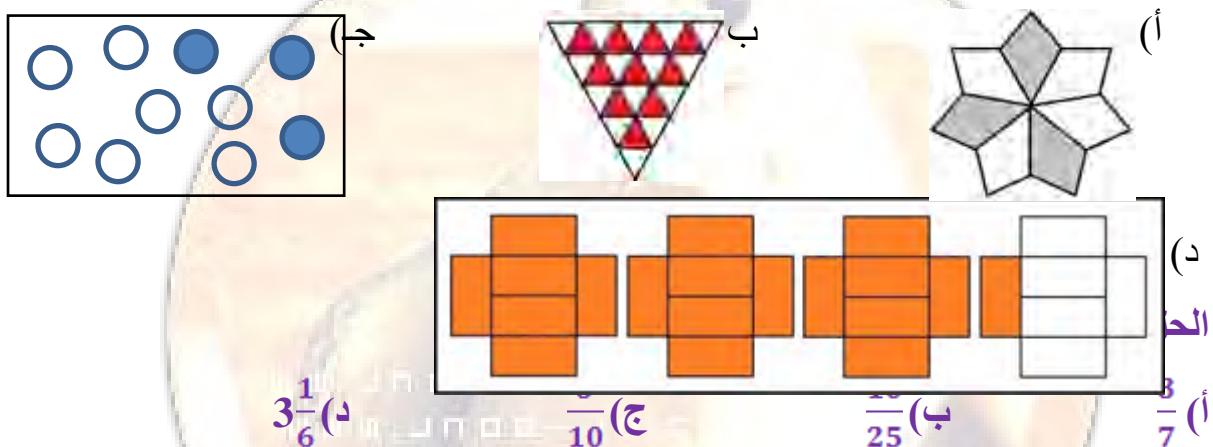
$$1\frac{4}{7} \text{ بـ } \frac{4}{5}$$

الحل:



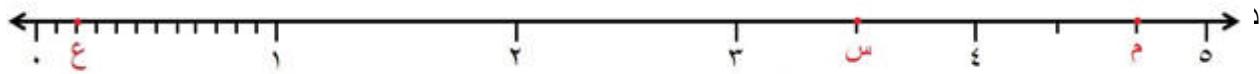
اكتب الكسر أو العدد الكسري الذي يمثل الجزء المظلل في كل مما يلي بالأرقام

والكلمات في ما يأتي:



2) اكتب الكسر أو العدد الكسري الذي يمثل كل نقطة من النقاط المُبيّنة على خط

الأعداد في ما يأتي:



الحل:

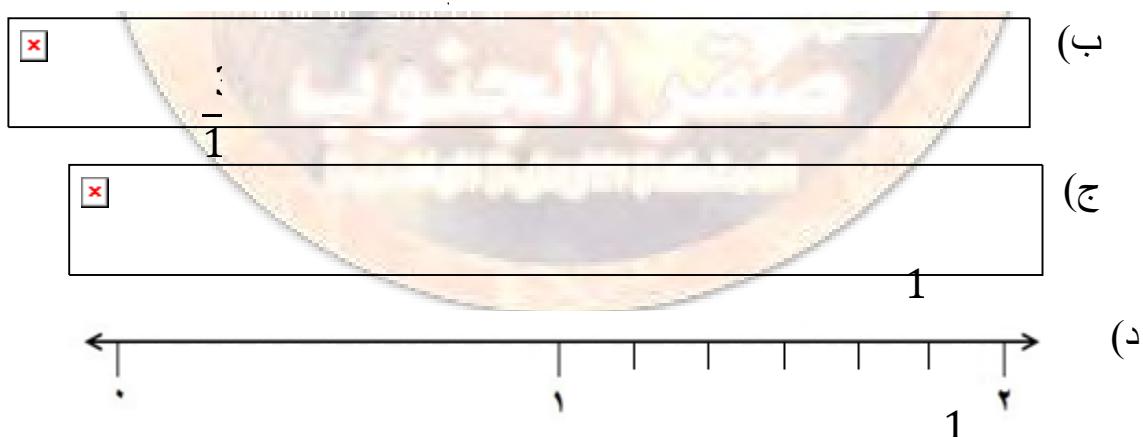
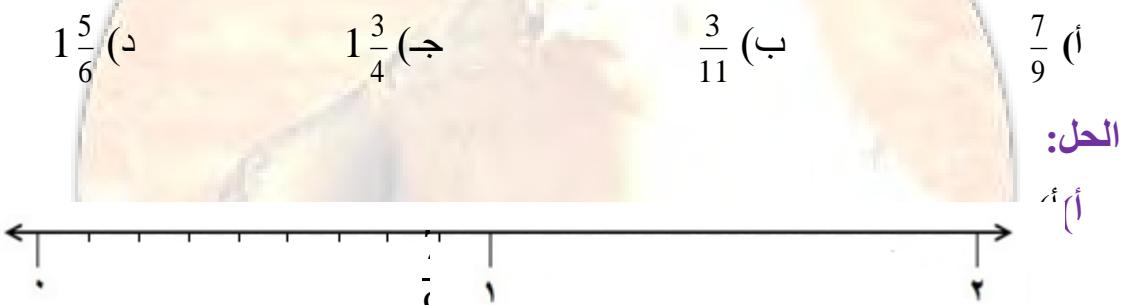
$$\frac{5}{8} = م (أ)$$

$$1\frac{6}{15} = س = \frac{8}{15} (ب)$$

$$4\frac{2}{6} = ج (ص)$$

$$4\frac{2}{3} = ع ، 3\frac{1}{2} = س ، م = \frac{2}{12} (د)$$

(3) مثل كل ما يأتي على خط الأعداد:

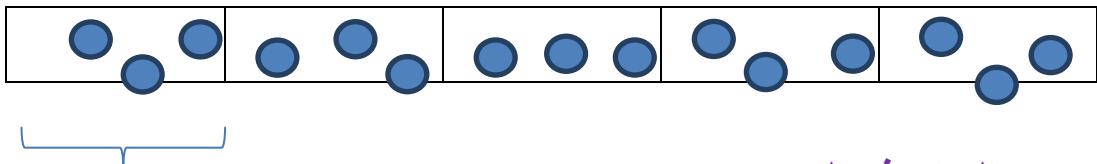


(4) أخذ سعيد 3 كرات من كيس، وهي تمثل $\frac{1}{5}$ الكرات الموجودة في الكيس، كم عدد

الكرات الكلي في الكيس؟ (إرشاد: أرسم نموذجاً)

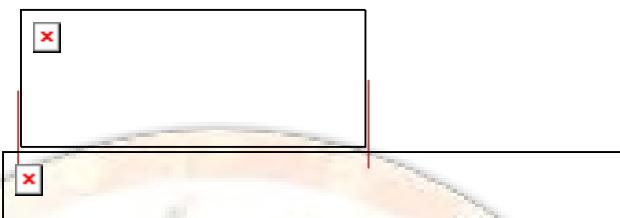
الحل:

نرسم نموذج:



إذن عدد الكرات في الكيس = 15

(5) تريد رزان قياس طول مفتاح باستعمال مسطرة، ساعد رزان على إيجاد عدد كسر يمثل طول المفتاح بالسنتيمتر.



الحل:

$$2\frac{4}{10}$$

(6) تحدّ طریق طوله (3) کیلومتر، استغرق العمال (4) ساعات فی

تعبید $\left(\frac{3}{7}\right)$ کیلومتر منه، كمساعة يستغرق تعبید الطريق كاملاً.

الحل:

نرسم نموذج:



إذن عدد الساعات اللازمة لإنهاي تعبيد الطريق $1 \text{ كم} \times 4 \text{ ساعات} = 4 \text{ ساعات}$

(7) اكتب مسألة عن الكسور يمكن حلها برسم نموذج.

الحل: نسجت آلة 5 قطع سجاد من الحجم الكبير، إذا استغرقت ساعة لإنهاء

قطعة، فكم ساعة تحتاج لإنهاء نسج القطع الخمسة؟

الدرس الثاني: التحويل بين الكسور والأعداد الكسرية.

ناقش مع زملائك: هل الكسر غير الفعلي أكبر من واحد صحيح أم أقل منه أو يساويه؟

الحل:

الكسور التي تساوي الواحد الصحيح بسطها = مقامها مثل $\frac{13}{13}$ لهذا الكسر غير الفعلي إما يساوي الواحد الصحيح إذا كان بسطه = مقامه أو أكبر من الواحد الصحيح إذا كان بسطه > مقامه.

السؤال(1): صنف الكسور الآتية إلى كسر فعلي وكسر غير فعلي، مبرراً إجابتك.

$$7\frac{3}{22} \quad \text{د) } \quad \frac{2}{7} \quad \text{ب) } \quad \frac{8}{3} \quad \text{ج) } \quad \frac{16}{16} \quad \text{أ) }$$

الحل:

أ) غير فعلي لأن البسط = المقام

ب) غير فعلي لأن البسط > المقام

ج) فعلي لأن البسط < المقام

د) عدد كسري لأنه يتكون من جزأين، جزء صحيح، وآخر كسر فعلي.

السؤال(2): حول كل كسر من الكسور الآتية إلى عدد كسري

$$\text{أ) } \frac{69}{13} \quad \text{ب) } \frac{46}{7} \quad \text{ج) } \frac{7}{3}$$

الحل:

$$\text{ب) } 5\frac{4}{13} \quad \text{ج) } 6\frac{4}{7} \quad \text{أ) } 2\frac{1}{3}$$

السؤال(3): حول كل عدد كسري مما يأتي إلى كسر غير فعلي.

$$\text{أ) } 37\frac{1}{12} \quad \text{ب) } 8\frac{5}{8} \quad \text{ج) } 6\frac{1}{2}$$

الحل:

$$\text{ب) } \frac{445}{12} \quad \text{ج) } \frac{69}{8} \quad \text{أ) } \frac{13}{2}$$

إجابات تمارين ومسائل

1) حول العدد الكسري $\frac{4}{9}$ إلى كسر غير فعلي.

الحل:

$$\frac{38}{9}$$

2) حول الكسر غير الفعلي $\frac{14}{3}$ إلى عدد كسري.

الحل:

$$4\frac{2}{3}$$

3) اكتب كسرا غير فعلي، بسطه (29)، ثم حوله إلى عدد كسري.

الحل:

$$6\frac{1}{3} = \frac{19}{3}$$

4) عين الكسر $(\frac{23}{7})$ على خط الأعداد.

الحل:

$$\frac{2}{3} = \frac{23}{7}$$



5) أكتب كسرا وعدد كسريا يمثلان النقطة (ع) الموضحة في خط الأعداد الآتي:



الحل:

$$\frac{34}{3}, \frac{7}{9}$$

6) وفرت سلوى 9 دنانير وسبع قطع نقدية من فئة نصف الدينار. اكتب العدد الكسري الذي يمثل المبلغ الذي وفرته سلوى.

الحل:

$$12\frac{1}{2} = 9\frac{7}{2}$$

الدرس الثالث: مقارنة الكسور والأعداد الكسرية

السؤال (1): ضع (> أو <) في لتكون العبارة صحيحة:

$$\begin{array}{l} \text{أ)} \frac{5}{9} \frac{4}{4} \\ \text{ب)} \frac{15}{48} \frac{3}{8} \\ \text{ج)} \frac{3}{11} \frac{7}{11} \end{array}$$

الحل:

$$\begin{array}{l} \text{أ)} \frac{5}{9} \frac{4}{4} \\ \text{ب)} \frac{15}{48} \frac{3}{8} \\ \text{ج)} \frac{7}{11} \frac{3}{11} \end{array}$$

$$1 = \frac{4}{4} \boxed{\frac{18}{48}} \frac{5}{9} \boxed{\frac{15}{48}}$$

فَكِيرٌ

حدد (من دون توحيد المقامات)، الكسر الأكبر والكسر الأصغر:

$$\frac{5}{8}, \frac{3}{6}$$

(ارشاد قارن كل منهما مع $\frac{1}{2}$).

الحل:

$$\frac{5}{8} > \frac{3}{6} \quad \text{إذن} \quad \frac{1}{2} < \frac{5}{8} \quad \frac{1}{2} = \frac{3}{6} \quad (\text{أ})$$

سؤال 2: ضع إشارة (>, أو <, أو =) في لتكون العبارة صحيحة:

$$\frac{7}{15} \frac{14}{30} (\text{ب}) \frac{15}{48} \frac{3}{8} (\text{أ})$$

$$11 \frac{5}{6} 11 \frac{7}{9} (\text{د}) \quad \frac{7}{10} 6 \frac{12}{20} (\text{ج})$$

الحل:

$$\frac{7}{15} \frac{14}{30} (\text{ب}) \quad \frac{15}{48} \frac{3}{8} (\text{أ})$$

$$\frac{14}{30} \boxed{\frac{18}{48}} \quad \frac{14}{30} \boxed{\frac{15}{48}}$$

$$11 \frac{5}{6} 11 \frac{7}{9} (\text{د}) \quad \frac{7}{10} \boxed{<} 6 \frac{12}{20} (\text{ج})$$

$$11 \frac{15}{18} \boxed{>} 11 \frac{14}{18}$$

سؤال 3: رتب الكسور الآتية ترتيباً تنازلياً:

$\frac{18}{21}, 10\frac{5}{6}, 10\frac{7}{8}$

الحل:

$$10\frac{21}{24} = 10\frac{7}{8}$$

$$10\frac{20}{24} = 10\frac{5}{6}$$

$$10\frac{5}{6} < 10\frac{7}{8} \quad \text{إذن} \quad 10\frac{20}{24} < 10\frac{21}{24} \quad \text{بما أن}$$

الترتيب التنازلي: $\frac{18}{21}, 10\frac{5}{6}, 10\frac{7}{8}$

مسألة: مع سعيد ($1\frac{6}{7}$) الدينار، وهو يرغب شراء قصة ثمنها ($1\frac{3}{4}$) الدينار، هل

المبلغ الذي مع سعيد كاف لشراء القصة؟ فسر إجابتك.

الحل:

نقارن $1\frac{3}{4}$, $1\frac{6}{7}$

$1\frac{21}{28} < 1\frac{24}{28}$ نعم يستطيع شراء القصة

تمارين ومسائل

١) وضع الإشارة المناسبة (< أو > أو =) في:

$$\frac{16}{49} \frac{3}{7} \text{ (ب)} \quad \frac{19}{32} \frac{21}{32} \text{ (أ)}$$

$$18\frac{2}{5} \underset{\text{و}}{>} 18\frac{11}{12} \frac{8}{9} \text{ (ج)}$$

$$6\frac{5}{9} 6\frac{7}{12} \underset{\text{ع}}{>} 4\frac{7}{9} 4\frac{2}{9} \text{ (ي)}$$

$$9\frac{3}{17} 8\frac{3}{17} \underset{\text{ق}}{<} \frac{61}{30} \text{ (ف)}$$

الحل:

$$\frac{16}{49} \frac{3}{7} \text{ (ب)} \quad \frac{21}{32} \underset{\text{و}}{\square} \frac{19}{32} \text{ (أ)}$$

$$\frac{21}{49} \underset{\text{ج}}{\triangleright} \frac{16}{49}$$

$$18\frac{2}{5} \underset{\text{و}}{\triangleright} 18\frac{11}{12} \frac{8}{9} \text{ (ج)}$$

$$\frac{32}{36} \underset{\text{ف}}{=} \frac{33}{36}$$

$$6\frac{5}{9} > 6\frac{7}{12}$$

$$6\frac{20}{36} < 6\frac{21}{36}$$

$$9\frac{3}{17} > 8\frac{3}{17}$$

$$\frac{61}{30} > 1$$

(2) رتب الكسور الآتية ترتيباً تصاعدياً، مبرراً إجابتك:

$$\frac{3}{5}, 12\frac{3}{4}, \frac{11}{20}, 12\frac{3}{7} \quad (ب)$$

$$9\frac{3}{17}, 3\frac{7}{15}, 3\frac{5}{6} \quad (أ)$$

الحل:

$$\frac{3}{5}, 12\frac{3}{4}, \frac{11}{20}, 12\frac{3}{7} \quad (ب)$$

$$9\frac{3}{17}, 3\frac{7}{15}, 3\frac{5}{6} \quad (أ)$$

$$\frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

$$3\frac{25}{30} = 3\frac{5}{6}$$

$12\frac{3}{4} > 12\frac{3}{7}$ لأن البسط موحد

$$3\frac{14}{30} = 3\frac{7}{15}$$

الترتيب: $12\frac{3}{4}, 12\frac{3}{7}, \frac{3}{5}, \frac{11}{20}$

الترتيب: $9\frac{3}{17}, 3\frac{5}{6}, 3\frac{7}{15}$

(3) رتب الكسور الآتية ترتيباً تناظرياً:

$$2, 1\frac{9}{20}, 1\frac{3}{8}, \frac{35}{11} \quad (ب)$$

$$7\frac{5}{6}, 7\frac{2}{3}, 7\frac{3}{4} \quad (أ)$$

الحل:

$$2, 1\frac{9}{20}, 1\frac{3}{8}, \frac{35}{11} \text{ (ب)}$$

$$7\frac{5}{6}, 7\frac{2}{3}, 7\frac{3}{4} \text{ (أ)}$$

$$3\frac{2}{11} = \frac{35}{11} \quad 7\frac{9}{12} = 7\frac{3}{4}$$

$$1 = \frac{15}{40} \quad 1\frac{3}{8} = 7\frac{8}{12} = 7\frac{2}{3}$$

$$1\frac{18}{40} = 1\frac{9}{20} \quad 7\frac{10}{12} = 7\frac{5}{6}$$

الترتيب: $1\frac{3}{8}, 1\frac{9}{20}, \frac{35}{11}$

الترتيب: $7\frac{2}{3}, 7\frac{3}{4}, 7\frac{5}{6}$



(4) في إحدى مُسابقات السباحة

قطع أربع متسابقين المسافة

نفسها بالدقائق الآتية: $3\frac{7}{12}, 2, 3\frac{5}{8}, 3\frac{1}{4}$

. 2 ، $3\frac{5}{8}$ ، $3\frac{1}{4}$

رتب هذه الدقائق تنازلياً.

: الحل

$3\frac{1}{4}, 3\frac{7}{12}, 3\frac{5}{8}$. 2

الدرس الرابع: تبسيط الكسور والأعداد الكسرية.

ما هي الكسور المتكافئة؟

فكرة

اكتب القواسم المشتركة بين البسط والمقام لكل من $\frac{4}{8}, \frac{2}{4}$ ، و $\frac{1}{2}$.

: الحل

الكسور المتكافئة هي الكسور المتساوية بعد توحيد المقامات.

$\frac{4}{8}$: القواسم المشتركة بين 4 ، 8 هي 2 ، 4 ، 1

$\frac{2}{4}$: القواسم المشتركة بين 2 ، 4 هي 2 ، 1

$\frac{1}{2}$: القواسم المشتركة بين 1 ، 2 هي 1

نلاحظ أن الكسر $\frac{1}{2}$ في أبسط صورة

فكرة:

ما القواسم المشتركة الأخرى بين البسط والمقام للكسر $\frac{30}{42}$ ؟

الحل:

. 6 ، 3

السؤال (1):

أي الكسور الآتية في أبسط صورة، مبينا السبب:

$$\frac{32}{33}, \frac{108}{225}, \frac{14}{15}, \frac{6}{9}$$

الحل:

$\frac{32}{33}$ لأن القاسم المشترك بين البسط والمقام في كل منهما 1

فكرة

هل يمكن تبسيط الكسر $\frac{18}{24}$ باستعمال قواسم مشتركة أخرى بين بسطه ومقامه؟

الحل:

نعم بقسمة البسط والمقام على 6

سؤال (2): اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{20}{105} \quad (ج)$$

$$\frac{48}{64} \quad (ب)$$

$$2\frac{9}{27} \quad (أ)$$

الحل:

$$2\frac{1}{3} = 2\frac{9}{27}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{48}{64}$$

$$\frac{4}{21} = \frac{20}{105}$$

تحدد : كيف تكتب الكسر والعدد الكسري في أبسط صورة؟

الحل:

بقسمة بسط ومقام الكسر على القاسم المشترك الأكبر بينهما



حُل المسألة : ي يريد طباخ استعمال $(\frac{6}{8})$ كغ من عصير

البندورة المركز لصنع طعام. إذا كان

وزن كل عبوة من هذا العصير $(\frac{1}{4})$ كغ، فهل

تكتفى عبوة واحدة لصنع الطعام؟

الحل:

$$\text{نقارن الكسرين} \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{6}{8}$$

$$\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

$\frac{1}{4} < \frac{6}{8}$ إذن لا تكتفى عبوة واحدة.

تمارين ومسائل

(١) أي الكسور الآتية في أبسط صورة ، مبيناً السبب:

$$3\frac{44}{99}, \quad \frac{70}{552}, \quad 2\frac{11}{12}, \quad \frac{12}{28}, \quad \frac{1}{8}$$

الحل:

$\frac{1}{8}$: في أبسط صورة، لا يوجد قاسم مشترك بين بسطه ومقامه سوى العدد 1

12: ليس في أبسط صورة لوجود قواسم مشتركة بين بسطه ومقامه مثل 28

11: في أبسط صورة، لا يوجد قاسم مشترك بين بسطه ومقامه سوى العدد 12

70: ليس في أبسط صورة لوجود قواسم مشتركة بين بسطه ومقامه مثل 552

44: ليس في أبسط صورة لوجود قواسم مشتركة بين بسطه ومقامه مثل 99

(٢) اكتب كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$7\frac{5}{25} \text{ (د)}$$

$$\frac{24}{32} \text{ (ج)}$$

$$\frac{12}{18} \text{ (ب)}$$

$$\frac{4}{6} \text{ (أ)}$$

$$\frac{49}{14} \text{ (ي)}$$

$$\frac{22}{10} \text{ (و)}$$

$$1\frac{20}{30} \text{ (ه)}$$

الحل:

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} \text{ (أ)}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{12}{18} \text{ (ب)}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{24}{32} \text{ (ج)}$$

$$7\frac{1}{5} = 7\frac{5}{25} \text{ (د)}$$

$$1\frac{2}{3} = 1\frac{20}{30} \text{ (ه)}$$

$$\frac{11}{5} = \frac{22}{10} \text{ (و)}$$

$$\frac{7}{2} = \frac{49}{14} \text{ (ي)}$$



٣) زرع مزارع جزءاً من حوض دائري بالأزهار كما في الشكل المجاور. أكتب الكسر الذي يمثل الجزء المزروع في أبسط صورة.

الحل:

$$\frac{2}{7} = \frac{4}{14}$$

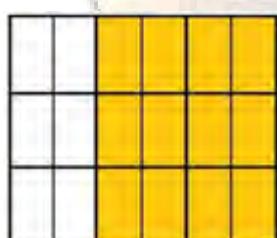
٤) اكتب كسرين مقام كل منهما (6)، على أن يكونا في أبسط صورة.

الحل: $\frac{5}{6}, \frac{1}{6}$

٥) أكتب ثلاث أعداد كسرية مقام كل منها (16)، على أن تكون في أبسط صورة.

الحل:

$$10\frac{13}{16}, 9\frac{11}{16}, 4\frac{7}{16}$$



٦) اكتب جميع الكسور التي تمثل الجزء المظلل في الشكل المجاور. ثم حدد الكسر الذي هو في أبسط صورة.

الحل:

والكسر $\frac{2}{3}$ في أبسط صورة $\frac{2}{3}, \frac{6}{9}, \frac{12}{18}$

٧) اكتب في أبسط صورة الكسور أو الأعداد الكسرية التي تمثلها النقطتان N ،

ه على خط الأعداد الآتي:



الحل:

$$\frac{3}{4} = \frac{18}{24} = ن$$

$$\frac{2}{5} = \frac{8}{20} = هـ$$

٨) اشترى سلمان $(2\frac{4}{6})$ كغ من القهوة المطحونة، ثم أراد أن ينبعها في أكياس عدة بحيث يحتوي كل كيس على $(\frac{1}{3})$ كغ. ما عدد الأكياس اللازمة لذلك؟

الحل:

أفهم: يعبر الطالب شفاهة وبلغته الخاصة عن فهمه للمسألة لأن يقول: فهمت أنه اشترى $(2\frac{4}{6})$ كغ من القهوة، ويريد وضع كل $(\frac{1}{3})$ كغ منها في كيس، والمطلوب

مني معرفة عدد الأكياس التي يحتاجها. (ليس المطلوب أن يكتب)

أخطئ: أبسط الكسر ثم أرسم نموذج

$$2\frac{2}{3} = 2\frac{4}{6}$$



إذن يحتاج 8 أكياس لأن الكمية تحتوي ثمانية أثلاث أتحقق: استخدم حل آخر بتحويل العدد الكسري إلى كسر

$$\frac{8}{3} = 2\frac{2}{3} = 2\frac{4}{6} \quad \text{إذن يحتاج 8 أكياس لوجود 8 أثلاث في الكمية}$$

الدرس الخامس: جمع الكسور وطرحها.

سؤال(١): جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{1}{6} + \frac{10}{15} \quad (د) \quad \frac{1}{6} - \frac{3}{4} \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{5}{8} + \frac{27}{40} \quad (ب) \quad \frac{9}{20} + \frac{19}{20} \quad (أ)$$

الحل:

$$\frac{28}{20} = \frac{9}{20} + \frac{19}{20} \quad (أ)$$

$$= \frac{5}{8} + \frac{27}{40} \quad (ب)$$

$$\frac{52}{40} = \frac{25}{40} + \frac{27}{40}$$

$$= \frac{1}{6} - \frac{3}{4} \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{7}{12} = \frac{2}{12} - \frac{9}{12}$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{10}{15} \quad (د)$$

$$\frac{25}{30} = \frac{5}{30} + \frac{20}{30}$$

فكرة: لماذا يجب توحيد المقامات قبل جمع الكسور وطرحها إذا لم تكن موحدة؟

الحل:

لأننا لا يمكننا جمع كسور مختلفة في النوع يجب توحيد النوع بتوحيد المقامات حتى نتمكن من جمعها وطرحها.

حل المسألة: يستعمل حداد سائلاً لتنظيف أدواته، استهلك منه في اليوم الأول $(\frac{1}{3})$

لتر، وأضاف إليه في اليوم الثاني $(\frac{1}{6})$ لتر، فأصبحت الكمية $(\frac{2}{6})$ لتر،

كم لترًا من السائل كان لديه؟ **رشاد:** اتبع طريقة الحل العكسي.

الحل:

الكمية النهائية بعد إضافة $\frac{1}{6}$ لتر، لهذا نطرح لنتعرف على الكمية قبل

الإضافة:

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{6} - \frac{2}{6}$$

ثم نضيف الكمية التي استهلكها:

$$= \frac{1}{3} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{3}{6} \text{ لتر إذن الكمية كانت } \frac{3}{6} = \frac{2}{6} + \frac{1}{6}$$

التحقق:

$$= \frac{1}{3} - \frac{3}{6} : \frac{1}{3} \quad \frac{3}{6} \text{ استهلك منها}$$

$$\frac{1}{6} \text{ لتر} = \frac{2}{6} - \frac{3}{6}$$

$$\checkmark \text{ ثم أضاف } \frac{2}{6} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} : \frac{1}{6} \text{ لترا}$$

تمارين ومسائل

1) جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{8}{30} + \frac{1}{6} - \frac{7}{15} \quad (أ) \quad \frac{3}{8} - \frac{7}{10} \quad (ب) \quad \frac{4}{7} + \frac{3}{5} \quad (ج) \quad \frac{2}{15} - \frac{2}{9} \quad (د) \quad \frac{5}{42} + \frac{8}{21} \quad (هـ)$$

الحل:

$$\frac{18}{27} = \frac{2}{27} - \frac{20}{27} \quad (أ)$$

$$= \frac{5}{42} + \frac{8}{21} \quad (ب)$$

$$\frac{21}{42} = \frac{5}{42} + \frac{16}{42} \quad (هـ)$$

$$= \frac{2}{15} - \frac{2}{9} \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{4}{45} = \frac{6}{45} - \frac{10}{45}$$

$$= \frac{4}{7} + \frac{3}{5} \quad (\leftarrow)$$

$$\frac{41}{35} = \frac{20}{35} + \frac{21}{35}$$

$$1 \frac{6}{35} = \\ = \frac{3}{8} - \frac{7}{10} \quad (\leftarrow)$$

$$\frac{13}{40} = \frac{15}{40} - \frac{28}{40}$$

$$= \frac{8}{30} + \frac{1}{6} - \frac{7}{15} \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{17}{30} = \frac{8}{30} + \frac{5}{30} - \frac{14}{30}$$

(٢) ترغب علياء رسم لوحة، فوضعت علياء ($\frac{2}{3}$) كوب من اللون الأزرق في وعاء، ثم أضافت ($\frac{1}{4}$) كوب من اللون الأصفر لإنتاج لون ثالث منها، ثم استعملت ($\frac{1}{2}$) كوب من الخليط الناتج. ما كمية اللون المتبقية من الخليط؟

الحل:

$$= \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{2}{3}$$

$$\frac{5}{12} = \frac{6}{12} - \frac{3}{12} + \frac{8}{12}$$

(٣) خرج حمزة من منزله متوجهًا بسيارته إلى مكان عمله. وبعد أن سار مسافة

$\left(\frac{1}{4}\right)$ كم ثم توقف للتزود بالوقود، ثم سار $\left(\frac{3}{4}\right)$ كم لإيصال ابنته إلى مدرستها.

ثم قطع $\left(\frac{1}{8}\right)$ كيلومتر حتى يصل مقر عمله، ما طول الطريق من منزل حمزة

إلى مقر عمله؟ (ارشاد: أرسم مخططاً لتسهيل حل المسألة)

الحل:

$$\frac{1}{8} + \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$$

$$\text{طول الطريق من منزل حمزة إلى مقر عمله} = \frac{1}{8} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{9}{8} = \frac{1}{8} + \frac{6}{8} + \frac{2}{8}$$

$$1\frac{1}{8} \text{ كم}$$

الدرس السادس: جمع الأعداد الكسرية وطرحها.

فكرة

مع لماء (7) دنانير، ثم حصلت على $(4\frac{1}{4})$ دينار من أرباح المقصف المدرسي، كم ديناراً أصبح معها؟

الحل:

$$11\frac{1}{4} = 4\frac{1}{4} + 7$$

سؤال (١): يستهلك خليل $(30\frac{7}{9})$ لترًا من الماء لسقاية حديقة منزله أسبوعيًّا، وقد

لاحظ بعد استعمال طريقة الري بالتنقيط أنه وفر $(\frac{5}{6})$ لترات من الماء أسبوعيًّا. ما

كمية الماء المصروفة باستعمال طريقة الري هذه؟

الحل:

$$= 7 \frac{5}{6} - 30 \frac{7}{9}$$

$$= 7 \frac{15}{18} - 30 \frac{14}{18}$$

$$= 7 \frac{15}{18} - 29 \left(\frac{18}{18} + \frac{14}{18} \right)$$

$$= 7 \frac{15}{18} - 29 \frac{32}{18} \text{ لتر}$$

فكرة

مع خالد ورقتان نقديتان من فئة الدينار، وقطعة نقدية من فئة ربع الدينار، يرغب في شراء نوع من الحلوى بربعين. من أين يأتي بالربعين؟

الحل:

يأتي بها من إحدى الورقتين النقديتين من فئة الدينار وذلك باستبدالها بأربعة قطع

$$\text{نقدية من فئة ربع الدينار: } 1 = \frac{4}{4}$$

سؤال (2): جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$20 \frac{7}{9} - 27 \frac{4}{9} \quad (ج) \quad 15 \frac{3}{8} - 20 \quad (ب) \quad 6 - 14 \frac{17}{19} \quad (أ)$$

الحل:

$$8 \frac{17}{19} = 6 - 14 \frac{17}{19} \quad (أ)$$

$$= 15 \frac{3}{8} - 20 \quad (ب)$$

$$4 \frac{5}{8} = 15 \frac{3}{8} - \frac{8}{8} \quad 19$$

$$= 20 \frac{7}{9} - 27 \frac{4}{9} \quad (ج)$$

$$6 \frac{8}{9} = 20 \frac{7}{9} - 26 \frac{13}{9}$$



حُل المسألة: لدى نجار لوحًا خشبيًا طوله

(4) أمتار. استهلك منه

$2\frac{7}{10}$ م لصنع باب لمنزل.

واستعملباقي لصنع طاولة.

كم متراً طول اللوح الخشبي

الذي صنع منه الطاولة؟

الحل:

$$\text{عدد الأمتار المتبقية من الخشب بعد صنع الباب} = 4 - 2\frac{7}{10}$$

$$2\frac{7}{10} - 3\frac{10}{10} =$$

$$1\frac{3}{10} \text{ م} =$$

إذن طول اللوح الخشبي الذي صنع منه الطاولة = $1\frac{3}{10}$ م

نشاط

اتبع الخطوات الآتية لإيجاد ناتج طرح $3 - 1\frac{1}{4}$:

(1) ارسم (3) مستطيلات متساوية على ورق مربعات.

(2) قسم أحد هذه المستطيلات إلى أرباع.

(3) اكتب العدد الكسري الناتج.

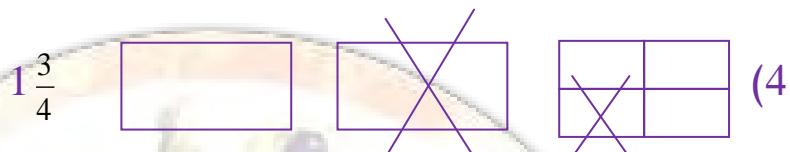
(4) احذف مستطيلاً وربع مستطيل، ثم اكتب الناتج.

(5) كيف تُعبر عن الخطوات السابقة حسابياً؟

الحل:



$$2\frac{4}{4} \quad (3)$$



$$= 1\frac{1}{4} - 3 \quad (5)$$

$$1\frac{3}{4} = 1\frac{1}{4} - 2\frac{4}{4}$$

تمارين ومسائل

(١) جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{2}{5} + 19\frac{1}{35} \quad (ب)$$

$$15\frac{16}{17} + 32 \quad (أ)$$

$$1\frac{5}{9} - 4\frac{11}{12} \quad (د) 2\frac{1}{4} - 7\frac{13}{18} \quad (ج)$$

$$1\frac{3}{4} + 7\frac{2}{14} \quad (ه) \frac{1}{8} - 7\frac{1}{6} \quad (و)$$

$$3 - \frac{1}{8} - 11\frac{2}{8} \quad (ز) \frac{1}{9} 3 + \frac{4}{9} + 5\frac{1}{3} \quad (ذ)$$

الحل:

$$= 15 \frac{16}{17} + 32 ($$

$$46 \frac{33}{17} = 15 \frac{16}{17} + 31 \frac{17}{17}$$

$$47 \frac{16}{17} =$$

$$= \frac{2}{5} + 19 \frac{1}{35} (بـ)$$

$$19 \frac{3}{7} = 19 \frac{15}{35} = \frac{14}{35} + 19 \frac{1}{35}$$

$$= 2 \frac{1}{4} - 7 \frac{13}{18} (\rightarrow)$$

$$5 \frac{17}{36} = 2 \frac{9}{36} - 7 \frac{26}{36}$$

$$= 1 \frac{5}{9} - 4 \frac{11}{12} (\Delta)$$

$$3 \frac{13}{36} = 1 \frac{20}{36} - 4 \frac{33}{36}$$

$$= \frac{1}{8} - 7 \frac{1}{6} (\Leftarrow)$$

$$7 \frac{1}{24} = \frac{3}{24} - 7 \frac{4}{24}$$

$$= 1 \frac{3}{4} + 7 \frac{2}{14} (وـ)$$

$$8 \frac{25}{28} = 1 \frac{21}{28} + 7 \frac{4}{28}$$

$$= \frac{1}{9} 3 + \frac{4}{9} + 5 \frac{1}{3} (\زـ)$$

$$\frac{8}{9} \times 3 = \frac{1}{9} \times 3 + \frac{4}{9} + 5 \times \frac{3}{9}$$

$$= 3 - \frac{1}{8} - 11 \frac{2}{8} \quad (\text{ج})$$

$$8 \frac{1}{8} = 3 - \frac{1}{8} - 11 \frac{2}{8}$$

٢) يبين الجدول المجاور طول بعض العظام في جسم أحد الرجال:

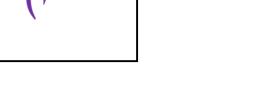
نوع العظم	طول العظم
ع Osborne الساق	$\frac{81}{2}$ سم
ع Osborne الفخذ	$50\frac{1}{2}$ سم
ع Osborne الساعد	$28\frac{1}{5}$ سم

أ) كم يزيد طول ع Osborneة الساق عن طول

ع Osborneة الساعد؟

ب) ما مجموع طول ع Osborneتي الساعد

والفخذ؟



$$= 28\frac{1}{5} - \frac{81}{2} \quad (\text{أ})$$

$$= 28\frac{1}{5} - 40\frac{1}{2}$$

$$12\frac{3}{10} = 28\frac{2}{10} - 40\frac{5}{10}$$

$$= 28\frac{1}{5} + 50\frac{1}{2} \quad (\text{ب})$$

$$78\frac{7}{10} = 28\frac{2}{10} + 50\frac{5}{10}$$

٣) هل الفرقين الكسرين $\frac{1}{4}$ و $\frac{12}{32}$ أكبر من ١ أم أصغر؟

الحل:

بما أن $\frac{1}{4} = \frac{8}{32}$ ، إذن $\frac{1}{4} < \frac{12}{32}$ إذن $1 - \frac{12}{32} < 1 - \frac{8}{32}$ ولن

نحتاج إلى الإستلاف من الواحد الصحيح، فسيكون الناتج عدداً كسرياً.

٤) فكر: هل ناتج $\frac{6}{7} + \frac{4}{5}$ أكبر من ١ أم أصغر منه(من دون إجراء عملية

الجمع)? وضح إجابتك.

الحل: ناتج $\frac{6}{7} + \frac{4}{5}$ أكبر من ١ لأن كل من $\frac{6}{7}$ و $\frac{4}{5}$ (وذلك بعد مقارنة البسط مع

نصف قيمة المقام في كل منهما، حيث أن $4 < 5 < 6$ (نصف الخامسة) بالمثل

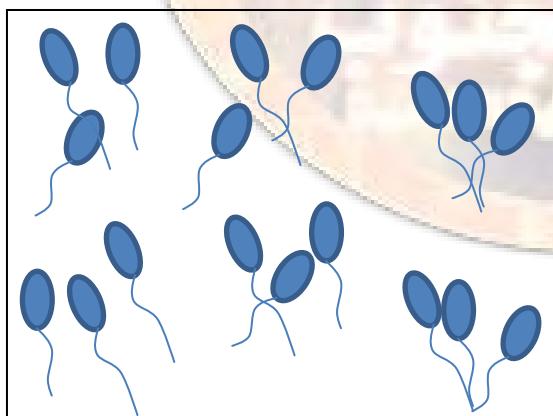
(٥) عند فرح (١٨) باللون،

باعت ثلثيها، وفقدت سدس ما تبقى.

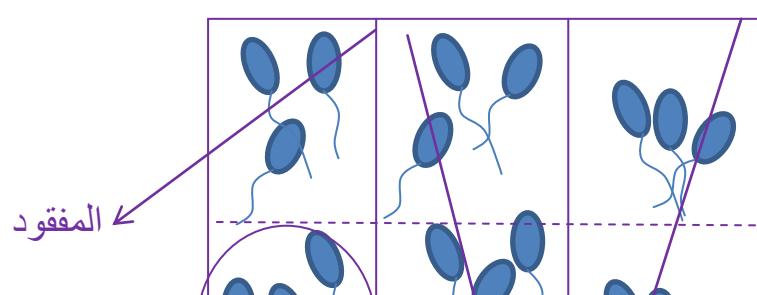
كم باللونا بقي معها؟ وضح إجابتك.

ارشاد: استعن بالرسم للتوصيل إلى

الحل.



الحل:



المُبَاع

الدرس السابع: ضرب الكسور وقسمتها أولاً: ضرب الكسور

فكرة

لماذا يجوز اختصار مقام أحد الكسرتين في أثناء عملية الضرب، وبسط الآخر إن وجد قاسم مشترك بينهما؟

الحل:

لأن الضرب عملية إبدالية فيمكن إبدال البسطين وبالتالي بسط الأول يصبح بسطاً للآخر؛ لهذا يجوز اختصار مقام أحد الكسرتين في أثناء عملية الضرب وبسط الآخر إن وجد قاسم مشترك بينهما.

سؤال(1): جد ناتج ضرب ما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{17}{24} \times 8 \quad (2) \qquad \qquad 10 \times \frac{3}{11} \quad (1)$$

الحل:

$$= 10 \times \frac{3}{11} \quad (1)$$

$$2 \frac{8}{11} = \frac{30}{11} = \frac{10}{1} \times \frac{3}{11}$$

$$= \cancel{\frac{17}{24}} \times \cancel{8} \quad (2)$$

$$5 \frac{2}{3} = \frac{17}{3} = \frac{17}{3} \times 1$$

فكرة : ما مقلوب كل مما يأتي: 38 , $\frac{1}{23}$, $\frac{29}{56}$

الحل:

$$\frac{56}{29} \text{ مقلوبه} = \frac{29}{56}$$

$$\frac{23}{1} \text{ مقلوبه} = \frac{1}{23}$$

$$\frac{1}{38} \text{ مقلوبه} = 38$$

ثانياً : قسمة الكسور.

سؤال(2) : جد ناتج القسمة فيما يأتي :

$$\frac{7}{18} \div \frac{7}{12} \quad (د)$$

$$\frac{9}{11} \div 12 \quad (ج)$$

$$\frac{4}{5} \div 1 \quad (ب)$$

$$3 \div \frac{7}{10} \quad (أ)$$

الحل:

$$= 3 \div \frac{7}{10} \quad (أ)$$

$$\frac{7}{30} = \frac{1}{3} \times \frac{7}{10}$$

$$= \frac{4}{5} \div 1 \quad (ب)$$

$$\frac{5}{4} = \frac{5}{4} \times 1$$

$$= \frac{9}{11} \div 12 \quad (\rightarrow)$$

$$= \frac{11}{9} \times 12$$

$$14\frac{2}{3} = \frac{44}{3} = \frac{11}{3} \times 4$$

$$= \frac{7}{18} \div \frac{7}{12} \quad (d)$$

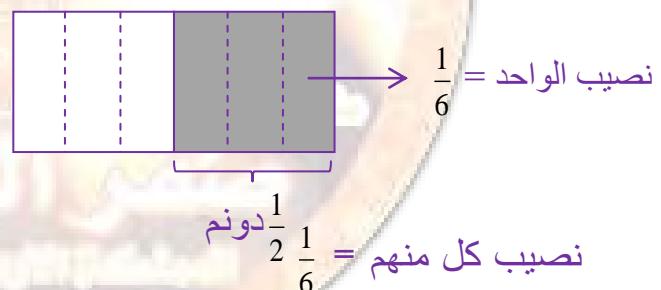
$$= \cancel{\frac{18}{7}} \cancel{\times \frac{7}{12}}$$

$$\leq \frac{18}{1} \cancel{\times \frac{1}{12}}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{3}{1} \times \frac{1}{2}$$

مسألة: ورث (3) أخوة عن أبيهم ($\frac{1}{2}$) دونم أرض. ما نصيب كل منهم إذا قسمت الأرض بينهم بالتساوي؟
إرشاد: استعمل النماذج لإيجاد الحل

الحل:



$$\text{نصيب كل منهم} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{12}$$

ناقش مع زملاؤك: 1) ناتج ضرب كسرتين أكبر من كلامنها. ببر إجابتك.
2) فيم تختلف خطوات عملية ضرب الكسور العاديّة عن

خطوات

قسمتها؟

الحل:

أ) ناتج ضرب أي كسرتين أقل من أي منهما وليس أكبر، ويمكن توضيح ذلك بمثال:

$$\frac{6}{40} = \frac{2}{5} \times \frac{3}{8}$$

$$\frac{6}{40} < \frac{15}{40} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{6}{40} < \frac{16}{40} = \frac{2}{5}$$

قسمت هيفاء وشيماء مبلغ (630) دينارا بينهما، فحصلت هيفاء على ($\frac{4}{9}$) المبلغ، كم

دينارا يكون نصيب شيماء؟

الحل:

يكون نصيب شيماء ($\frac{3}{9}$) المبلغ.

$$\text{نصيب شيماء} = \frac{3}{9} \times 630$$

$$= 210 = \frac{3}{1} \times 70 =$$

تمارين ومسائل

1) اكتب مقلوب كل مما يأتي:

$$\frac{6}{75} \rightarrow$$

$$\text{ب) } 81$$

$$\text{أ) } \frac{3}{200}$$

الحل:

$$\text{أ) مقلوب } \frac{200}{3} = \frac{3}{200}$$

$$\text{ب) مقلوب } \frac{1}{81} = 81$$

$$\text{ج) مقلوب } \frac{75}{6} = \frac{6}{75}$$

2) جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\text{ج) } \frac{8}{20} \times 50 \quad \text{ب) } 3 \times \frac{4}{7} \quad \text{أ) } \frac{5}{28} \times 9$$

$$\frac{14}{15} \div 7 \quad (و)$$

$$2 \div \frac{3}{5} \quad (هـ) \quad 46 \times \frac{12}{23} \quad (دـ)$$

الحل:

$$\frac{45}{28} = \frac{5}{28} \times 9 \quad (بـ)$$

$$= \frac{8}{20} \times 50 \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{40}{2} = \frac{8}{2} \times 5$$

$$= 40 \times \frac{12}{28} \quad (دـ)$$

$$276 = 23 \times \frac{12}{1}$$

$$= 2 \div \frac{3}{5} \quad (هـ)$$

$$\frac{3}{10} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{5}$$

$$= \frac{14}{15} \div 7 \quad (وـ)$$

$$= \frac{15}{14} \times 7$$

$$\frac{15}{2} = \frac{15}{2} \times 1$$

3) ما العدد الذي يمكن وضعه في لكي تصبح الجملة $\frac{9}{4} = 6 \frac{\square}{8}$ صحيحة؟

الحل:

3

4) ما العدد المناسب يمكن وضعه في لكي تصبح الجملة $\frac{1}{6} = 3 \frac{\square}{10}$ صحيحة؟

الحل:

5

5) تنتج نحلة $\frac{2}{100}$ غ من العسل في رحلتها الواحدة خارج الخلية، كم رحلات تقوم بها

النحلة لإنتاج غرامين من العسل؟

الحل:

$$= \frac{2}{100} \div 2$$

$$100 = \frac{100}{2} \times 2$$

6) تشارك (4) أطفال في $\frac{2}{3}$ فطيرة بالتساوي. ما نصيب كل منهم؟

الحل:

$$\frac{8}{3} = 4 \times \frac{2}{3}$$

7) لدى حداد قضيب من الحديد طوله

($\frac{12}{14}$) م. يُراد قصه إلى 9 قطع

متقاربة. ما طول كل قطعة؟

الحل:

$$= 9 \div \frac{12}{14}$$

$$= \frac{1}{9} \times \frac{12}{14}$$

$$\frac{4}{42} = \frac{1}{3} \times \frac{4}{14}$$



8) مع فادي (26) غ من البنور. يريد وضع كل ($\frac{13}{14}$) غ في كيس. كم كيساً يلزم

لعمل ذلك؟

الحل:

$$= \frac{13}{14} \div 26$$

$$= \frac{14}{13} \times 26$$

$$\frac{182}{1} = \frac{14}{1} \times 13$$

مراجعة

١) ما الكسر أو العدد الكسري الذي يمثل النقطة (ص) على خط الأعداد في كل مما

يأتي:



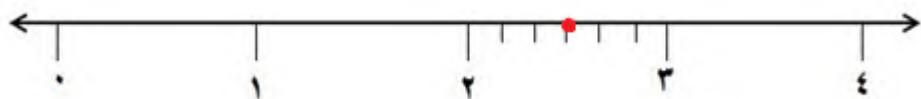
الحل:

$$(أ) ص = \frac{4}{6}$$

$$(ب) ص = 3\frac{2}{6}$$

٢) مثل $2\frac{3}{5}$ على خط الأعداد.

الحل:



٣) ضع < أو > في لتكون العبارة صحيحة:

$$\frac{5}{8} \frac{31}{56} (ب)$$

$$\frac{7}{18} \frac{3}{4} (أ)$$

$$15\frac{3}{8} \quad 15\frac{7}{12} \quad (ج)$$

الحل:

$$\frac{31}{56} \triangleleft \frac{5}{8} \quad \frac{3}{4} \triangleright \frac{7}{18} \quad (ب)$$

$$15\frac{7}{12} \triangleleft 15\frac{3}{8} \quad 10 \triangleright 6\frac{53}{70} \quad (د)$$

4) قطعت سَنَاء $\frac{5}{6}$ كم مشياً على الأقدام، في حين قطعت رهف مسافة $\frac{7}{9}$ كم، أيهما

قطعت أطول مسافة؟

الحل:

$$\text{قطعت سَنَاء مسافة } 4\frac{30}{36} \text{ كم} = 4\frac{5}{6} \text{ كم}$$

$$\text{قطعت رهف مسافة } 4\frac{28}{36} \text{ كم} = 4\frac{7}{9} \text{ كم}$$

سَنَاء قطعت أطول مسافة.

5) في مسابقة للغوص مكث أربعة مت سابقين الدقائق الآتية تحت الماء:

$$2\frac{1}{6}, 1\frac{19}{21}, 2\frac{1}{9}, 1\frac{6}{7} \text{ رتبها تنازليا.}$$

الحل:

$$\text{أولاً: } 2\frac{1}{9} > 2\frac{1}{6} \text{ وكلاهما أكبر من } 1\frac{6}{7} \text{ و } 1\frac{19}{21}.$$

$$1\frac{19}{21} > 1\frac{18}{21} = 1\frac{6}{7}$$

إذن الترتيب التنازلي هو:

6) جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{60}{35} \times 40 \quad (ج) \quad \frac{7}{6} - \frac{3}{9} + 1\frac{1}{4} - \frac{1}{8} - \frac{3}{10} \quad (ب)$$

$$33 \times \frac{4}{21} \quad (و) \quad \frac{5}{27} \div 24 \quad (هـ) \quad \frac{1}{3} \div 8 \quad (د)$$

الحل:

$$= \frac{1}{8} - \frac{3}{10} (\textcircled{1})$$

$$\frac{7}{40} = \frac{5}{40} - \frac{12}{40}$$

$$= \frac{7}{6} - \frac{3}{9} + 1\frac{1}{4} (\textcircled{2})$$

$$= \frac{42}{36} - \frac{12}{36} + 1\frac{9}{36}$$

$$= \frac{42}{36} - 1\frac{21}{36}$$

$$\frac{15}{36} = \frac{42}{36} - \frac{57}{36}$$

$$= \cancel{\frac{60}{25}} \times 40 (\textcircled{3})$$

$$\frac{480}{7} = \frac{60}{7} \times 8$$

$$= \frac{1}{3} \div 8 (\textcircled{4})$$

$$24 = 3 \times 8$$

$$= \frac{5}{27} \div 24 (\textcircled{5})$$

$$\frac{648}{5} = \frac{27}{5} \times 24$$

$$= \cancel{3} \cancel{3} \times \frac{4}{2} (\textcircled{6})$$

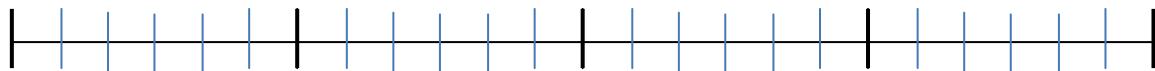
$$\frac{44}{7} = 11 \times \frac{4}{7}$$

6) رسم مزارع على قطعة أرض خطأ طوله (4) م. وهو يريد زراعته بستلات فلفل

حيث يضع في كل $\frac{1}{6}$ مشتلة واحدة. كم شتلة يحتاج المزارع لزراعة الأرض؟

(إرشاد: ارسم نموذج)

الحل:



في كل متر 6 أسداس وبالتالي في كل متر 6 شتلات إذن في الأمتار الأربع: $6 \times 4 = 24$ شتلة.

7) في مرسن أحد الرسامين كمية من الألوان. استهلك منها في رسم إحدى

لوحاته $\frac{1}{3}$ لتر، ثم اشتري $\frac{7}{9}$ لتر فأصبح لديه $\frac{17}{18}$ لتر. كم لترا من الألوان كان

في المرسم؟

(إرشاد: اتبع الحل العكسي)

الحل:

$$= 1\frac{1}{3} + \frac{7}{9} - \frac{17}{18}$$

$$1\frac{9}{18} = 1\frac{6}{18} + \frac{14}{18} - \frac{17}{18}$$

$$1\frac{1}{2} =$$

8) في متجر عدنان $8\frac{1}{2}$ كغ من القمح ويريد وضعها في (3) أكياس بالتساوي. كم

كغ من القمح يضع في كل كيس؟

الحل:

$$= 3 \div 8\frac{1}{2}$$

$$= 3 \div \frac{17}{2}$$

$$2\frac{5}{6} = \frac{17}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{17}{2}$$

٩) لدى معلم وطبيب (90) كتاباً بالتساوي، إذا كانت $(\frac{4}{5})$ كتب المعلم و $(\frac{2}{3})$ كتب الطبيب قصصاً، فكم قصة عند المعلم أكثر مما عند الطبيب؟

الحل:

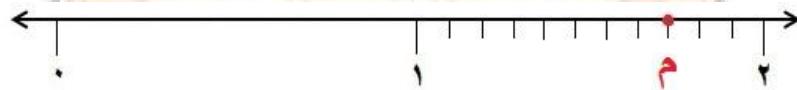
$$\text{عدد قصص المعلم} = \frac{4}{5} \times 90 = 72 \text{ قصة}$$

$$\text{عدد قصص الطبيب} = \frac{2}{3} \times 90 = 60 \text{ قصة}$$

عند المعلم 12 قصة أكثر مما عند الطبيب.



- 1) يتكون هذا السؤال من (5) فقرات، من نوع الاختيار من متعدد، لكل فقرة منها (4) بدائل، واحد منها فقط صحيح. ضع دائرة على رمز البديل الصحيح:
- (1) العدد الكسري الذي يمثل النقطة (م) على خط الأعداد هو:



- د) $2\frac{8}{12}$ ج) $2\frac{3}{8}$ ب) $1\frac{8}{11}$ أ) $1\frac{8}{10}$

الحل: ب

- (2) الكسر الفعلى من الكسور الآتية هو:

- د) $\frac{35}{25}$ ج) $\frac{12}{20}$ ب) $\frac{21}{19}$ أ) $\frac{15}{11}$

الحل: ج

(3) أي الكسور الآتية في أبسط صورة؟

د) $\frac{13}{39}$

ج) $\frac{7}{28}$

ب) $\frac{16}{64}$

أ) $\frac{17}{20}$

الحل: أ

(4) في متجر للتوايل (4) أكياس من الزعفران كتلتها بالغرام:

كتلة الكيس الذي يحوي الكمية الكبرى من الزعفران هو: $7\frac{3}{7}$, $7\frac{1}{2}$, $7\frac{1}{4}$, $7\frac{1}{8}$.

د) $7\frac{3}{7}$

ج) $7\frac{1}{2}$

ب) $7\frac{1}{4}$

أ) $7\frac{1}{8}$

الحل: ج

: اقرب إلى $\frac{1}{4} \div 4$ (5)

د) 15

ب) 1 ج) 0

أ) 10

الحل: د

(2) حول $\frac{99}{8}$ إلى عدد كسري.

الحل:

$$12\frac{3}{8} = \frac{99}{8}$$

(3) ضع الإشارة المناسبة (> أو < أو =) في :

أ) $\frac{18}{50} \square \frac{9}{25}$

ب) $\frac{5}{9} \square \frac{5}{6}$

ج) $8\frac{3}{20} \square 8\frac{5}{30}$

الحل:

أ) $\frac{9}{25} \square \frac{18}{50}$

ب) $\frac{5}{6} \square \frac{5}{9}$

ج) $8\frac{5}{30} \square 8\frac{3}{20}$

4) طبق فيه عدد من قطع الحلوى. إذا كان $\frac{7}{12}$ منها بطعم الفراولة، $\frac{5}{9}$ منها بطعم

النعناع، فأيهما أكثر: قطع الحلوى التي بطعم الفراولة أم تلك التي بطعم النعناع؟

الحل:

$$\frac{7}{12} \quad \frac{5}{9}$$

$$\frac{20}{36} \boxed{\triangle} \frac{21}{36}$$

5) جد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$9\frac{40}{56} - 11\frac{6}{7} \quad (\text{ب}) \quad \left(\frac{1}{4} + \frac{11}{14} \right)$$

$$8 - 17\frac{29}{30} \quad (\text{د}) \quad \left(\frac{7}{10} - 19\frac{2}{5} \right)$$

$$48 \div \frac{80}{91} \quad (\text{و}) \quad 7 \times \frac{5}{42} \quad (\text{هـ})$$

الحل:

$$= \frac{1}{4} + \frac{11}{14} \quad (\text{أ})$$

$$\frac{29}{28} = \frac{7}{28} + \frac{22}{28}$$

$$= 9\frac{40}{56} - 11\frac{6}{7} \quad (\text{بـ})$$

$$2\frac{8}{56} = 9\frac{40}{56} - 11\frac{48}{56}$$

$$= \frac{7}{10} - 19\frac{2}{5} \quad (\text{ـجـ})$$

$$= \frac{7}{10} - 19\frac{4}{10}$$

$$18\frac{7}{10} = \frac{7}{10} - 18\frac{14}{10}$$

$$9\frac{29}{30} = 8 - 17\frac{29}{30} \quad (\text{د})$$

$$\frac{35}{42} = 7 \times \frac{5}{42} \quad (\text{هـ})$$

$$= 48 \div \frac{80}{91} \quad (\text{وـ})$$

$$= \frac{1}{48} \times \frac{80}{91}$$

$$\frac{5}{183} = \frac{1}{3} \times \frac{5}{91}$$

(6) لدى حداد $53\frac{5}{8}$ م من قضبان الحديد استعمل منها $13\frac{11}{20}$ م لصنع باب، واستخدمباقي في صنع شبك حماية لاثنتي عشرة نافذة، لها الشكل والمساحة نفسها، كم مترًا استعمل للنافذة الواحدة؟

الحل:

$$\text{الكمية المتبقية من الحديد للنوافذ جمِيعها} = 13\frac{11}{20} - 53\frac{5}{8}$$

$$13\frac{22}{40} - 53\frac{25}{40} =$$

$$40\frac{3}{40} =$$

$$\text{عدد الأمتار من الحديد التي استعملها للنافذة الواحدة} = 12 \div 40\frac{3}{40}$$

$$\frac{1}{12} \times \frac{1603}{40} =$$

$$480\frac{1603}{480} =$$

(7) لدى صياد (4) صناديق سمك، كتلة الصندوق الواحد $\frac{1}{2} 6$ كغ، إذا باع الكيلوغرام الواحد من السمك بمبلغ $(3\frac{1}{4})$ دنانير. فكم دينارا قبض ثمنا للصناديق الأربع؟

الحل:

$$= 3\frac{1}{4} \times 6\frac{1}{2} \times 4$$

$$\frac{169}{2} = \frac{13}{4} \times \frac{13}{2} \times 4$$

$$84\frac{1}{2} =$$

(8) تشاركت (5) صديقات $\frac{1}{2}$ ألواح من الشوكولاتة بالتساوي، ما نصيب كل

واحدة منها؟

الحل:

$$= 5 \div 8\frac{1}{2}$$

$$\frac{17}{10} = \frac{1}{5} \times \frac{17}{2}$$

$$1\frac{7}{10} =$$



الدرس الأول: (بناء الجدول التكراري وتفسيره)

السؤال 1: سُئل مجموعة من الأشخاص عن الهواية التي يمارسونها في أوقات فراغهم فكانت النتائج ما يأتي:

المطالعة، الرسم، المطالعة، المطالعة، ممارسة الرياضة، المطالعة، الرسم،
مارسة الرياضة، الرسم، المطالعة، المطالعة، ممارسة الرياضة،
الرسم، ممارسة الرياضة.

نظم البيانات في جدول تكراري.

الحل:

عدد الأشخاص	الهواية
7	المطالعة
6	الرسم
4	مارسة الرياضة

السؤال 2: اكتب خطوات تنظيم البيانات في الجدول التكراري.

الحل: 1) نرسم جدولًا يحتوي على عمودين.

2) نضع في العمود الأول نتائج المشاهدات التي تم الحصول عليها.

3) نضع عدد مرات تكرار كل مشاهدة في العمود الثاني والذي يمثل دائمًا عدد التكرارات.

السؤال 3: جمع مدرب في نادٍ للياقة البدنية بيانات عن كتل عشرين شاباً من تدرّبوا على يديه لأقرب (كغ)، ونظمها في الجدول التكراري الآتي:

النكرار	الكتلة
2	68
5	69
3	70
3	71
7	72

الحل:

- أ) ما أكبر كتلة بين كتل المتدربين؟ (الكتلة 72 كغم).
- ب) ما أصغر كتلة بين كتل المتدربين؟ (الكتلة 68 كغم).
- ج) ما عدد المتدربين الذين بلغت كتلة كل منهم 70 كغ؟ (عددهم 3 متدربين).
- د) ما عدد المتدربين الذين زادت كتلة كل منهم عن 71 كغ؟ (عددهم 7 متدربين).
- هـ) أي الكتل تكررت أكثر من غيرها بين كتل المتدربين؟ (الكتلة 72 كغم).

إجابة تحدث: ما الفرق بين جدول الإشارات والجدول التكراري؟

الحل: جدول الإشارات يوضح عدد مرات تكرار كل مشاهدة باستخدام الإشارات بينما الجدول التكراري يوضح عدد مرات تكرار كل مشاهدة باستخدام الأعداد.

إجابة تحدث: اقترح طريقة أخرى غير الجدول التكراري لعرض هوايات زملائك.

الحل: يمكن تمثيلها باستخدام الأعمدة أو المخطط السهمي.

السؤال 4: قامت أسرة محمد بتقسيم الدخل الشهري البالغ 350 ديناراً كما في جدول الأعمدة

الحل:

أ) المبلغ الذي تصرفه الأسرة على الطعام يساوي 140 دينار. وعلى السيارة يساوي 80 دينار.

ب) المبلغ الذي تدخره الأسرة يساوي 20 دينار.

ج) مجموع ما تنفقه الأسرة على الطعام والفوائير = $50 + 140 = 190$ دينار.

د) تنفق الأسرة 50 ديناراً على الفوائير.

إجابات تمارين وسائل

١) يملك أبو أحمد مزرعة صغيرة فيها أنواع مختلفة من الأشجار المثمرة، عمل مخططاً لمزرعته وكتب اسم كل شجرة في مكانها من المخطط على النحو الآتي:

زيتون	برتقال	عنبر	برتقال	زيتون	ليمون	زيتون	برتقال	زيتون	برتقال	عنبر	برتقال	زيتون
زيتون	عنبر	زيتون	برتقال	زيتون	ليمون	زيتون	برتقال	زيتون	برتقال	عنبر	زيتون	زيتون
عنبر	زيتون	برتقال	زيتون	ليمون	زيتون	برتقال	ليمون	زيتون	برتقال	زيتون	برتقال	عنبر
زيتون	عنبر	برتقال	ليمون	زيتون	عنبر	برتقال	ليمون	زيتون	برتقال	زيتون	برتقال	عنبر
زيتون	عنبر	برتقال	ليمون	عنبر	ليمون	عنبر	ليمون	عنبر	برتقال	عنبر	ليمون	زيتون

نظم هذه البيانات في جدول تكراري ثم أجب عن الأسئلة الآتية:

أ) ما عدد أشجار الزيتون في مزرعة أبي أحمد؟

ب) ما أقل نوع من الأشجار في مزرعته؟

ج) أي أنواع الأشجار في المزرعة أكثر تكراراً؟ كم يبلغ عدد الأشجار؟

الحل:

نوع الشجرة	زيتون	برتقال	عنبر	رمان	ليمون
عدد الشجار	16	12	11	2	9

أ) 16 شجرة زيتون.

ب) أقل نوع شجرة الرمان.

ج) الشجرة الأكثر تكرارا هي شجرة الزيتون و يبلغ عددها 16 شجرة.

٢) تقدمت طالبات الصف الخامس لامتحان الرياضيات علامته العظمى 10، وكانت النتائج على النحو الآتي:

4 ، 3 ، 5 ، 6 ، 4 ، 8 ، 3 ، 9 ، 5 ، 6 ، 7 ، 3 ، 9 ، 6 ، 5 ، 8 ، 7 ، 8 ، 6 ، 4 ، 8 ، 3 ، 9 ، 5 ، 6 ، 4
7 ، 6 ، 7 ، 10 ، 8 ، 6 ، 4 ، 10 ، 9 ، 7 ، 4 ، 8 ، 6 ، 5 ، 5 ، 9 ، 8

مثل هذه البيانات بجدول تكراري، ثم أجب عن الأسئلة الآتية:

أ) ما أدنى علامة سُجّلت بين علامات الطالبات؟ وما أعلى علامة؟

ب) ما العلامة التي تكررت أكثر من غيرها ؟

ج) ما الفرق بين أصغر علامة و أكبرها من علامات الطالبات؟

د) ما عدد الطالبات اللواتي تقدمن لامتحان؟

هـ) ما العلامة التي ترتيبها في منتصف العلامات؟

الحل:

العلامة	4	5	6	3	9	8	7	10
---------	---	---	---	---	---	---	---	----

2	5	7	3	4	4	6	5	عدد الطالبات
---	---	---	---	---	---	---	---	--------------

أ) أدنى علامة 3 ، وأعلى علامة 10 .

ب) العلامة التي تكررت أكثر من غيرها هي 8.

$$\text{ج) الفرق} = 10 - 3 = 7$$

د) عدد طالبات الصف = $2+5+7+3+4+4+6+5 = 36$ طالبة.

هـ) لإيجاد العلامة التي ترتيبها في منتصف العلامات نرتب العلامات كما في الجدول

العلامة	10	9	8	7	6	5	4	3	عدد الطالبات
العلامة	10	9	8	7	6	5	4	3	عدد الطالبات

وبذلك تكون العلامة التي ترتيبها في منتصف العلامات هي 6 . لأن $36 \div 2 = 18$ والطالبة رقم 18 علامتها هي 6 .

٣) يمثل الجدول التكراري التالي أعداد السياح الذين زاروا مدينة البتراء في أربعة أسابيع من شهر أيار لعامين متتالين.

العام الأول	الاسبوع الرابع	الاسبوع الثالث	الاسبوع الثاني	الاسبوع الأول
16400 شخص	18600 شخص	17500 شخص	18500 شخص	العام الأول
17500 شخص	18500 شخص	19000 شخص	17600 شخص	العام الثاني

أ) كم سائحاً زار المدينة في الأسبوع الرابع من العام الأول؟

ب) أي أسبوع العام الثاني شهد أكبر عدد من السياح ؟

ج) ما عدد السياح الذين زاروا المدينة في الأسبوعين الثاني والثالث من العام الأول؟

د) قارن بين عدد زوار المدينة في الأسبوع الأول والأسبوع الثالث من العامين.

ه) رتب أسبوعي العام الثاني تصاعدياً تبعاً لعدد الزوار.

الحل:

أ) عدد السياح في الأسبوع الرابع من العام الأول = 16400 شخص.

ب) الأسبوع الذي شهد أكبر عدد من السياح من بين الأسابيع الأربع في العام الثاني هو الأسبوع الثاني.

ج) عدد السياح الذين زاروا المدينة في الأسبوعين الثاني والثالث من العام الأول = 3610 شخص.

د) عدد زوار المدينة في العام الأول هو الأكثر في الأسبوعين الأول والثالث.

ه) الأسبوع الرابع، الأسبوع الأول، الأسبوع الثالث، الأسبوع الثاني.

الدرس الثاني: حل مسائل باستعمال الجداول التكرارية

السؤال 1: تريد بلدي ببناء ملعب لأنباء أحد الأحياء، فسألت بعض أطفال الحي عن الرياضة المفضلة لهم، فكانت النتائج على النحو الآتي:

كرة قدم ، كرة سلة ، كرة سلة ، كرة قدم ، كرة قدم ، تنس ، كرة قدم ، كرة سلة ، كرة طائرة ، كرة سلة ، كرة سلة ، كرة قدم ، كرة قدم ، تنس ، كرة سلة، تنس.

أ) نظم البيانات في جدول تكراري .

تنس	سلة	طائرة	قدم	الرياضة المفضلة
3	6	1	7	عدد الأطفال

ب) ما الملعب الأكثر تفضيلاً لأطفال الحي؟ هو ملعب كرة القدم.

ج) ما الملعب الذي لا تنجح البلدية ببنائه لأطفال الحي؟ ملعب الكرة الطائرة.

السؤال 2: قام ميكانيكي بتسجيل أنواع السيارات التي يقوم بتصليحها خلال يوم من أيام العمل بهدف الاحتفاظ بقطع جديدة بدل القطع التالفة التي تحتاج إلى تصليح ، فكانت كالتالي.

نوع السيارة	النوع الأول	النوع الثاني	النوع الثالث	النوع الرابع
عدد السيارات	2	11	7	5

أي أنواع السيارات يجب أن يحتفظ بالعديد من قطعها؟ وأيها يحتفظ بأقل عدد من قطعها؟

الحل: عليه أن يحتفظ بقطع السيارات من النوع الثاني بكثرة، ولا يكثير من قطع النوع الأول.

إجابات تمارين وسائل

١) قسمت معلمة اللغة العربية طالبات أحد الصفوف التي تدرسها إلى مجموعتين، ورصدت التقديرات التي حصلت عليها طالبات كل مجموعة فكانت كالتالي:

نتائج المجموعة الأولى

ضعف	متوسط	متذمّر	متذمّر	متذمّر	متذمّر	متذمّر	متذمّر
-----	-------	--------	--------	--------	--------	--------	--------

ضعيف	ضعيف	ممتاز	متوسط	متوسط	متوسط	متوسط	متوسط	متوسط
------	------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

نتائج المجموعة الثانية

ضعيف	ضعيف	متوسط	ضعيف	ضعيف	متوسط	ضعيف	ضعيف	ممتاز	متوسط
متوسط	متوسط	ضعيف	متوسط	متوسط	ضعيف	متوسط	متوسط	ممتاز	متوسط

أ) أي الطالبات حصلن على تقدير ممتاز أكثر؟ **طالبات المجموعة أ**

ب) أي الطالبات حصلن على تقدير متوسط أقل؟ **المجموعتين متساويتين.**

ج) بماذا تتصح معلمة اللغة العربية؟ **توزيع الطالبات الممتازات والطالبات الضعيفات بتوازن على المجموعتين.**

٢) يمثل الجدول الآتي صادرات الأردن من الخضروات والفواكه للربع الأول من العامين 2013 ، 2014 .

الشهر	الكمية (طن) لعام 2013	الكمية (طن) لعام 2014
كانون الآخر	60000	52000
شباط	56000	54000
آذار	69000	73000

أ) كم طناً بلغت صادرات الأردن في شهر كانون الآخر من عام 2014؟

52000 طن.

ب) كم طناً بلغت صادرات الأردن من الخضروات والفواكه في شهر شباط من عام 2013؟ **56000 طن.**

ج) قارن بين مجموع صادرات الأردن من الخضروات والفواكه في الربع الأول من هذين العامين.

مجموع الصادرات للعام 2013 = 69000+56000+60000 = 185000 طن.

بينما مجموع الصادرات للعام 2014 = 73000+54000+52000 = 179000 طن.

الدرس الثالث: حساب المعدل و تفسيره

السؤال 1: ما معدل القيم لكل مما يأتي:

ب) 2 ، 1 ، 9 ، 5 ، 6 ، 4 ، 7 ، 8 ، 2

أ) 7 ، 10 ، 5 ، 2

5 ،

د) 160 ، 130 ، 124

ج) 33 ، 34 ، 37 ، 32

الحل:

$$= 3 \div 414 \quad \text{د) } 34 = 4 \div 136 \quad \text{ج) } 5 = 10 \div 50 \quad \text{ب) } 6 = 4 \div 24 \quad \text{أ) } 138$$

إجابة فكر: هل يمكن أن يكون (12) هو معدل علامات مجموعة من الطلبة في امتحان نهايته العظمى (10)? ببر إجابتك؟

الحل: لا، لأن المعدل قيمة متوسطة في القيم فتكون أقل من 10.

إجابة اكتشف أين الخطأ و اكتب الصواب.

حسب زميلك معدل الأعداد (8 ، 13 ، 0 ، 7 ، 8 ، 0) فكان الجواب 9 بما الخطأ الذي وقع فيه زميلك؟ وما الإجابة الصحيحة.

الحل: الخطأ أنه لم يحسب القيمتين (0). الإجابة الصحيحة المعدل = $6 = 6 \div 36$

إجابة تحدث: كيف يمكنك حساب معدل علاماتك في الصف الرابع؟

الحل: نجمع علامات المواد جميعها ثم نقسم على عددها.

إجابة نقاش صحة العبارة الآتية :

إذا كانت سن (7) سنوات هي معدل أعمار الأعضاء المسجلين في ناد لتحفيظ القرآن الكريم، فإن معظم هؤلاء الأعضاء هم من الأطفال.

الحل: العبارة صحيحة لأن المعدل لمجموعة من القيم هو قيمة متوسطة تعبر عن متوسط القيم التي نحسب معدلها.

السؤال 2: إذا علمت أن معدل الأعداد (4، 6، 3، 9، 3، 7، 2) هو 5،

فما قيمة ؟

الـ

مجموع الأعداد

$$\text{المعدل} = \frac{\text{مجموع الأعداد}}{\text{عدد هم}}$$

$$\text{مجموع الأعداد} = 40 = 8 \times 5$$

$$40 = (\quad + 7 + \square + 3 + 9 + 3 + 6 + 4)$$

$$\cdot 6 = 34 - 40 =$$

السؤال 3: أحرز طالب علامة (18، 17، 13) في امتحانات مادة العلوم.

الحل:

أ) مجموع علاماته = $(48 = 17 + 13 + 18)$.

ب) معدل علاماته = $(16 = 3 \div 48)$.

السؤال 4: معدل ما تبرع به 20 شخصاً هو 86 ديناراً.

أ) ما مجموع المبلغ المتبرع به؟

ب) إذا تبرع شخص آخر بمبلغ 86 دينار، هل سيختلف المعدل؟

ج) ما مجموع المبلغ المتبرع به في حال تبرع شخص ثالث بمبلغ 174

دينار، هل يختلف هذا المعدل عن المعدل السابق؟

الحل:

- أ) مجموع المبلغ الذي تم التبرع به = $86 \times 20 = 1720$ دينار.
- ب) إذا جاء متبرع آخر وتبرع بمبلغ 86 دينار فلن يختلف المعدل لأن قيمة المبلغ المتبرع به تساوي المعدل.

ج) نعم سيختلف مجموع المبلغ ويختلف المعدل حيث أن مجموع المبلغ = $174 + 86 + 1720 = 1980$ دينار.

$$\text{المعدل} = 1980 \div 22 = 90 \text{ دينار.}$$

السؤال 5: إذا كان معدل ما ينتجه مصنع لصناعة الثلاجات (12 ثلاجة) أسبوعياً. فكم أسبوعاً يحتاج المصنع لينتج (36 ثلاجة)؟

$$\text{الحل: عدد الأسابيع} = 36 \div 12 = 3 \text{ أسابيع.}$$

إجابات تمارين ومسائل

(١) احسب معدل القيم في كل مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

أ) 12 ، 31 ، 23 ، 17 ، 42

ب) 10 ، 15 ، 23 ، 10 ، 16 ، 22 ، 11 ، 17 ، 20

ج) 35 ، 35 ، 35 ، 35 ، 35

د) 10 ، 5 ، 5 ، 8 ، 9 ، 0 ، 4 ، 0 ، 3 ، 6

د) 5

ج) 35

ب) 16

أ) 25

الحل:

(٢) إذا كان معدل الرواتب الشهرية التي تدفعها شركة لموظفيها (350) ديناراً،

وكان مجموع رواتبهم (3850) ديناراً، ما عدد موظفي الشركة؟

$$\text{الحل: عدد الموظفين} = 3850 \div 350 = 11 \text{ موظف.}$$

٣) فريق رياضي لكرة السلة يتكون من (10) أشخاص، إذا كان معدل ساعات السؤال يساوي (5 ساعات) يومياً، ما مجموع ساعات السؤال الفريق اليومية؟

$$\text{الحل: مجموع الساعات} = 10 \times 5 = 50 \text{ ساعة.}$$

٤) سجلت دائرة الأرصاد الجوية درجات الحرارة خلال شهر من أشهر فصل الشتاء فكانت كالتالي:

٤ ، ٥ ، ٧ ، ٤ ، ٣ ، ١ - ٠ ، ٥ ، ٧ ، ١٨ ، ١٦ ، ٤ ، ٨ ، ٣ ، ١٠ ، ٥ ، ٦ ، ٤
٤ ، ١ ، ٢ ، ٥ ، ٨ ، ٦ ، ٧ ، ٥ ، ٣ ، ١ ، ١ ، ١ -

الحل:

أ) احسب معدل درجات الحرارة في ذلك الشهر.

$$\text{المعدل} = 30 \div 150 = 5$$

ب) كيف تصف الجو في ذلك الشهر(بارد، معتدل، حار) اعتماداً على المعدل الناتج في الفرع أ؟

الجو بارد لأن المعدل متدني.

ج) هل التنبؤ بأحوال المناخ في هذا الشهر أسهل قبل حساب المعدل أم بعده؟
وضح إجابتك.

الأسهل الحكم بعد حساب المعدل، لأن ملاحظة قيمة أفضل من ملاحظة 30 قيمة.

٥) إذا كان معدل ما ادخرته مريم في ثلاثة شهور 6 دنانير وكان المبلغ الذي ادخرته في الشهر الأول والشهر الثاني 5 دنانير ، و8 دنانير على التوالي ، فما المبلغ الذي ادخرته مريم في الشهر الثالث؟ تحقق من صحة الحل.

الحل : مجموع ما ادخرته = $3 \times 6 = 18$ دينار.

$$+ 8 \boxed{ } 6 = 18$$

وبذلك يكون المبلغ الذي ادخرته في الشهر $\boxed{}$ لث = 4 دنانير.

٦) ناقش العبارة الآتية:

هل يمكن أن تكون قيمة المعدل قيمة سالبة؟ أعط مثالاً إذا كان الجواب نعم.

الحل: نعم ، مثال معدل درجة الحرارة لأسبوع في القطب الشمالي أو في موسكو.

٧) هل يمكن أن يكون (100) هو معدل علامات مجموعة من الطلبة في امتحان نهاية العظمى (100)? وضح إجابتك.

الحل: غالباً الجواب هو لا ، لأن المعدل قيمة متوسطة بين العلامات. ويمكن أن يكون الجواب نعم فقط إذا حصل جميع الطلبة على العلامة 100.

٨) اكتشف الخطأ في ما يأتي، ثم صوبه:

أ) معدل كتل 8 قطع ذهبية يساوي 22 غم، ومجموع كتلها يساوي 150 غم.

الحل : مجموع الكتل = $22 \times 8 = 176$ غم.

ب) إذا كان مجموع ادخار عائلة 450 ديناراً في الشهر، وكان عدد أفراد العائلة 8 أفراد فإن معدل الادخار لكل فرد فيها هو 20 ديناراً.

الحل: معدل الادخار = $450 \div 8 = 56$ دينار.

حل المراجعة

- (١) تمثل البيانات الآتية كميات زيت الزيتون التي تستهلكها عائلة أردنية في الشهر الواحد مقدرة بالكيلو غرام:

، 15 ، 14 ، 15 ، 21 ، 19 ، 15 ، 14 ، 15 ، 12 ، 15 ، 12 ، 15 ، 16 ، 15	11 ، 12 ، 19 ، 14 ، 11 ، 16
---	-----------------------------

نظم هذه البيانات في جدول تكراري، ثم أجب عن الأسئلة الآتية:

أ) ما أقل كمية زيت استهلكتها إحدى هذه العائلات؟

ب) ما أكبر كمية زيت استهلكتها إحدى هذه العائلات؟

ج) ما عدد العائلات التي تستهلك 15 كغ أو أكثر من الزيت شهرياً؟

د) ما كمية الزيت المستهلكة التي تكررت في الشهر أكثر من غيرها لدى هذه العائلات؟

هـ) قارن بين أكثر العائلات استهلاكاً للزيت وأقلها استهلاكاً لهـ.

الحل:

كمية زيت الزيتون	عدد العائلات
20	1
19	2
16	2
15	7
14	3
12	3
11	2

أ) أقل كمية زيت مستهلكة من قبل إحدى هذه العائلات 11 كغ.

ب) أكبر كمية زيت مستهلكة من قبل إحدى هذه العائلات 20 كغ.

ج) عدد العائلات التي تستهلك 15 كغ أو أكثر من الزيت في الشهر =

$$12 = 1 + 2 + 2 + 7$$

د) كمية الزيت الأكثر تكراراً = 15 كغ.

هـ) الفرق بين أكثر هذه العائلات استهلاكاً للزيت وأقلها استهلاكاً = 20 -
كغ=11.

(٢) قطعت حافلة للكشافة مسافة (95) كم في خمسة أيام، ثم قطعت في اليوم السادس مسافة (25) كم. احسب معدل المسافة المقطوعة في اليوم الواحد؟

الحل : المعدل = $(25 + 95) \div 6 = 120 \div 6 = 20$ كم في اليوم الواحد.

(٣) إذا كان معدل كتل (10) أسماك كبيرة 49 كغ.

أ) جد معدل الكتل إذا أضيف إليها سمكة كتلتها 60 كغ.

ب) ناقش : هل يمكن معرفة كتلة كل سمكة؟

الحل: معدل الكتلة = $(49 \times 10 + 60) \div 11 = 550 \div 11 = 50$ كغ. ولا يمكن معرفة كتلة كل سمكة.

(٤) إذا كان معدل المسافة التي تقطعها سيارة أجرة في يوم عمل يساوي (150 كم) :

أ) ما المسافة التي تقطعها السيارة في سبعة أيام؟ وفي عشرة أيام؟

ب) في كم يوم عمل يمكن للسيارة أن تسير مسافة (3000 كم) ؟

الحل:

أ) المسافة التي تقطعها السيارة في سبعة أيام = $150 \times 7 = 1050$ كم.

وفي عشرة أيام = 1500 كم.

ب) عدد الأيام = $3000 \div 150 = 20$ يوم عمل.

(٥) كانت أطوال مجموعة من الأطفال بالسنتيمتر خلال الأشهر الأولى من ولادتهم على النحو الآتي:

60 ، 62 ، 56 ، 54 ، 56 ، 56 ، 60 ، 54 ، 58 ، 58 ، 58 ، 54 ، 54 ،
 ، 54 ، 54 ، 58 ، 62 ، 60 ، 56 ، 62 ، 62 ، 60 ، 62 ، 58 ، 58 ،
 56 ، 58 ، 56

مثل البيانات السابقة باستخدام الجدول التكراري، ثم أجب عن الأسئلة الآتية:

أ) ما عدد الأطفال الذين تقل أطوالهم عن 60 سم؟

ب) ما عدد الأطفال الذين تزيد أطوالهم على 55 سم؟

ج) ما عدد الأطفال الذين أطوالهم 62 سم؟

د) ما طول أقصر طفل؟ وما طول أطول طفل؟

الحل:

الكتلة	54	56	58	60	62
عدد الأطفال	6	6	7	4	5

أ) عدد الأطفال الذين تقل أطوالهم عن 60 سم = 19 طفل.

ب) عدد الأطفال الذين تزيد أطوالهم على 55 سم = 22 طفل.

ج) عدد الأطفال الذين أطوالهم 62 سم = 5 أطفال.

د) طول أقصر طفل يساوي 54 سم، وطول أطول طفل يساوي 62 سم.

إجابات الاختبار الذاتي

(١) يتكون هذا السؤال من ٤ فقرات من نوع الاختيار من متعدد، لكل فقرة منها

٣ بدائل واحد منها فقط صحيح، ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

اليوم	الأجرة (دينار)
السبت	7
الأحد	9
الاثنين	8
الثلاثاء	10
الأربعاء	8
الخميس	12

- ادرس الجدول المجاور الذي يمثل الأجر الذي يحصل عليه أحد العمال في ستة أيام. أجب عن الفقرات ١، ٢، ٣:

(١) اليوم الذي حصل فيه العامل على أقل أجر هو:

- أ) الاثنين ب) السبت ج) الأحد

(٢) أجر العامل يوم الثلاثاء هو:

- أ) 12 ب) 9 ج) 10

(٣) معدل أجر العامل في الأيام الستة هو:

- أ) 54 ب) 9 ج) 6

(٤) القيمة التقريرية لمعدل القيم (٤٠ ، ٣٩ ، ٥٠ ، ٣٤ ، ٤٧) هي:

- أ) 30 ب) 50 ج) 42

: الحل

الفرع	١	٢	٣	٤
رمز الإجابة الصحيحة	ب	ج	ب	ج

٢) يبين الجدول الآتي عدد الساعات الأسبوعية التي يقضيها كل من أحمد و هنا

في ممارسة أنشطتها المختلفة :

المجموع	نشاطات أخرى	المطالعة	مشاهدة التلفاز	الرياضة	
15	3	5	4	3	أحمد
16	5	3	3	5	هنا

أ) ما عدد الساعات التي يقضيها أحمد في المطالعة و ممارسة الرياضة؟

ب) احسب معدل عدد الساعات التي تقضيها هنا في ممارسة الأنشطة جميعها ؟

ج) ما معدل الساعات التي يقضيها كل من أحمد و هنا في ممارسة الرياضة؟

الحل:

أ) يقضي أحمد في المطالعة 5 ساعات، وممارسة الرياضة 3 ساعات.

ب) معدل عدد الساعات التي تقضيها هنا في ممارسة جميع الأنشطة = $16 \div 4 = 4$ ساعات.

ج) معدل الساعات التي يقضيها كل منها في ممارسة الرياضة = $2 \div (5+3)$
ساعات.

