

ملحوظة : اجب عن الاسئله الاتيه وعددتها (2) علما بان عدد الصفحات (2)

السؤال الأول : (60 علامة)

(أ) جد كلما يلي :

$$(1) \frac{1}{s^3 + 1} - \frac{s}{s^3 - 1}$$

$$(2) \frac{2 - \sqrt{4s^2 + 1}}{s^3 - 4}$$

$$(3) \frac{s - [s]}{15s^2 + s^3 - s^4}$$

$$(4) \frac{\pi - \sqrt{2} \operatorname{atan} s}{s^4 - 1}$$

$$(5) \frac{1}{s^2 - 5s + 3}$$

$$(6) \frac{s^2}{s - 1}$$

$$(7) \frac{6 - \sqrt{8s^2 + 1}}{s - 8}$$

$$(8) \text{ اذا كانت } \frac{1}{s^3 + 1} = \frac{9 - bs}{s^2 - 1} \text{ اوجد قيمه الثابتين } a \text{ و } b .$$

$$(9) \text{ اذا كانت } Q(s) = \begin{cases} s - 2, & s \leq 2 \\ s^2, & s > 2 \end{cases} \text{ جد قيمه } \frac{1}{s^2 + 1} .$$

$$\left. \begin{array}{l}
 \text{اذا كانت } q(s) = \begin{cases} 5 + \frac{s}{2} & s \geq 0, \\ 10 & s = 2, \\ \frac{25 - s^2}{2} & 2 < s \leq 4 \end{cases} \\
 \text{ابحث في اتصال } q(s) \text{ على مجاله.}
 \end{array} \right\} \quad (10)$$

السؤال الثاني : (25 علامة)

1) اذا كان $q(s) = s\sqrt{s+1}$ جد $q'(3)$ باستخدام تعريف المشتقة.

2) اذا كان $q(s) = s|\cosh s|$, $s \in [\pi/2, 2]$ ابحث في قابلية q للاشتاقاق عند $s = \pi$

3) ليكن $s^2 = 4 + 2\cosh s$ اثبت ان $\cosh s + (\cosh s)' = 2s$

4) اذا كان $q(s) = \begin{cases} s^2 - b & s \geq 2 \\ 4 - b & s < 2 \end{cases}$ وكانت $q(2) = q'(2)$ موجوده فجد قيمة كل من الثابتين a و b .

5) اذا كان $q(s-1) = \frac{1}{s-2}$, $s \neq 2$ فاثبت ان $q'(5) =$

السؤال الثالث : (6 علامة)

ضع دائرة حول رمز الاجابه الصحيحة :

1) اذا كان $q(s)$ متصلة عند $s=1$ وكانت $\lim_{s \rightarrow 1} (s+3)q(s) = 1$ فان $q(1) =$

أ) 1 ب) 4 ج) 1- د) غ.م

2) اذا كان $q(s)$ متصلة عند $s=2$ وكانت $\lim_{s \rightarrow 2} (s-1)^2 q(s) = 4$ فات قيمه $q(2) =$

أ) 1 ب) 5 ج) 5 د) {5,1}

3) ليكن $q(s) = \frac{1-s^5}{s^2-4}$ فان نقاط عدم الاتصال للاقتران q هي :