



السؤال الأول

حل كل زوج من المعادلات التالية باستخدام طريقة التعويض

(1)

$$\begin{cases} X + y = 3 & \longrightarrow \textcircled{1} \\ X - 2y = 6 & \longrightarrow \textcircled{2} \end{cases}$$

بالتعويض من 3 في 2

$$X = 3 - y \longrightarrow \textcircled{3}$$

$$3 - y - 2y = 6 \quad -3y = 6 - 3 \quad -3y = 3 \quad Y = -1$$

بالتعويض في 3

$$X = 3 - (-1) \quad x = 3 + 1 \quad X = 4$$

(2)

$$\begin{cases} 2X - 5y = -4 & \longrightarrow \textcircled{1} \\ X - 2y = 0 & \longrightarrow \textcircled{2} \end{cases}$$

بالتعويض من 3 في 1

$$X = 2y \longrightarrow \textcircled{3}$$

$$2(2y) - 5y = -4 \quad 4y - 5y = -4 \quad -y = -4 \quad Y = 4$$

بالتعويض في 3

$$X = 2 \times 4 \quad X = 8$$

حل كل زوج من المعادلات التالية باستخدام طريقة الحذف

$$\begin{cases} 3X + y = 1 & (1) \\ 2X + 3y = -4 & (2) \end{cases}$$

(3)

بضرب المعادلة رقم (1) في (3) والجمع

$$-9X - 3y = -3$$

$$2X + 3y = -4$$

$$-7x = -7$$

$$X = 1$$

بالتعويض في (1)

$$3(1) + y = 1$$

$$3 + y = 1$$

$$y = 1 - 3$$

$$y = -2$$

(4)

$$\begin{cases} 2X - 3y = 5 & (1) \\ 5X - 4y = 2 & (2) \end{cases}$$

بضرب المعادلة رقم (1) في (5) وضرب المعادلة رقم (2) في (-2) والجمع

$$10X - 15y = 25$$

$$-10X + 8y = -4$$

$$-7y = 21$$

$$y = \frac{21}{-7}$$

$$y = -3$$

بالتعويض في (1)

$$2x - 3(-3) = 5$$

$$2x + 9 = 5$$

$$2x = 5 - 9$$

$$2x = -4$$

$$X = -2$$

السؤال الثالث

(5) عددان صحيحان مجموعهما 20 والفرق بينهما 4 ، فما هما العددان ؟

نفرض ان العددان هما x, y

$$\begin{array}{r} x + y = 20 \quad (1) \\ x - y = 4 \quad (2) \\ \hline 2x = 24 \end{array}$$

$$x = 12$$

بالتعويض في (1)

$$12 + y = 20$$

$$y = 20 - 12$$

$$y = 8$$

العددان هما 12 ، 8

(6) يبلغ سعر دفترين وثلاثة أقلام 25 AED بينما يبلغ سعر 4 دفاتر و 5 أقلام 47 AED . أوجد سعر الدفتر الواحد وسعر القلم الواحد ؟

نفرض أن سعر القلم = y

نفرض أن سعر الدفتر = x

$$2x + 3y = 25 \quad (1)$$

$$4x + 5y = 47 \quad (2)$$

بضرب المعادلة (1) في (-2) والجمع

$$-4x - 6y = -50$$

$$4x + 5y = 47$$

$$-y = -3$$

$$y = 3$$

بالتعويض في (2)

$$4x + 5(3) = 47$$

$$4x + 15 = 47$$

$$4x = 47 - 15$$

$$4x = 32$$

$$x = 8$$

سعر القلم الواحد = 3 AED

سعر الدفتر الواحد = 8 AED

(7) مستطيل محيطه 200 cm وطوله ثلاثة أمثاله عرضه . أوجد أبعاد المستطيل ؟

نفرض أن طول المستطيل = X ، نفرض أن عرض المستطيل = Y

$$2X + 2Y = 200 \quad (1)$$

$$X = 3Y \quad (2)$$

بالتعويض من (2) في (1)

$$2(3Y) + 2Y = 200$$

$$6Y + 2Y = 200$$

$$8Y = 200 , Y = 25$$

بالتعويض في (2)

$$X = 3(25)$$

$$X = 75$$

عرض المستطيل = 25 cm

طول المستطيل = 75 cm

(8) تضم إحدى المزارع دجاجاً وأرانب . أحصى 30 رأساً و 86 رجلاً . ما عدد الدجاج ؟ وما عدد الأرانب ؟

نفرض أن عدد الدجاج = x ونفرض أن عدد الأرانب = y

$$X + y = 30 \quad (1)$$

$$2x + 4y = 86 \quad (2)$$

من المعادلة (1)

$$x = 30 - y \rightarrow (3)$$

بالتعويض من (3) في (2)

$$2(30 - y) + 4y = 86$$

$$60 - 2y + 4y = 86$$

$$2y = 86 - 60$$

$$2y = 26$$

$$y = 13$$

بالتعويض في (3)

$$x = 30 - 13$$

$$x = 17$$

عدد الأرانب = 13

عدد الدجاج = 17

(9) أكمل جدول الداخل والخارج للدالة $F(x) = 4 - x$

الداخل x	0	1	2	3
الخارج $F(x)$				

الداخل x	0	1	2	3
الخارج $F(x)$	4	3	2	1

(10) أكمل جدول الداخل والخارج للدالة $Y = 15x$

الداخل x	الخارج Y
0	
5	
	150
	225

الداخل x	الخارج Y
0	0
5	75
10	150
15	225

(11) أكمل جدول الداخل والخارج للدالة $P = 3V - 20$

الداخل V	الخارج P
0	
6	
10	
15	

الداخل V	الخارج P
0	-20
6	-2
10	10
15	25

(12) استخدم قاعدة الدالة $F(x) = 4x + 3$ ، وأوجد الخارج في كل مما يلي:

$F(-2)$

-5

$F(-5)$

-17

$F(0)$

3

$F(4)$

19

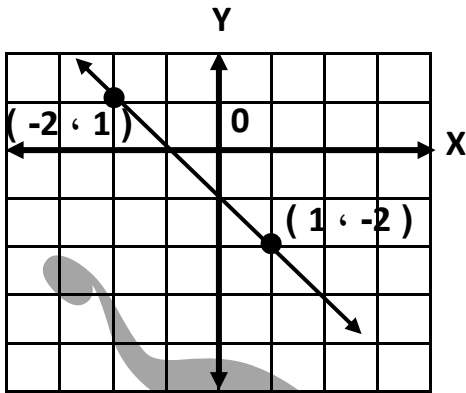
$F(8)$

35

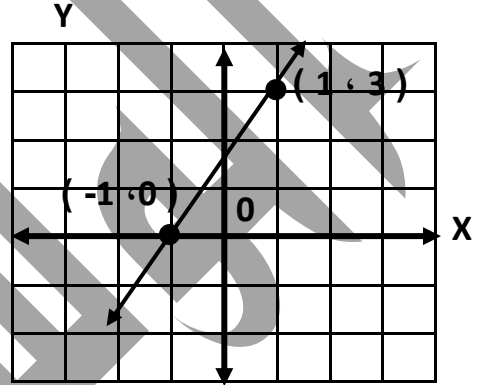
$F(12)$

51

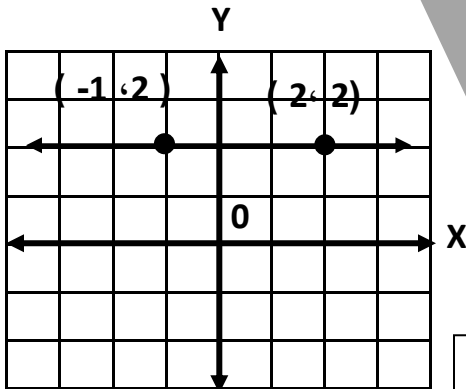
(13) أوجد ميل كل من المستقيمات الآتية :-



$$M = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{-2 - 1}{1 - (-2)} = \frac{-3}{3} = -1$$

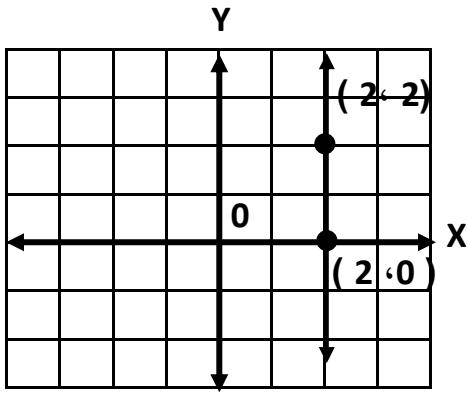


$$M = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{0 - 3}{-1 - 1} = \frac{3}{2}$$



$$M = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{2 - 2}{2 - (-1)} = \frac{0}{3} = 0$$

ميل المستقيم الأفقي الموازي لمحور السينات (x) يساوي صفر



$$M = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{0 - 2}{2 - 2} = \frac{-2}{0}$$

غير معرف

ميل المستقيم الرأسى الموازي لمحور الصادات (y) غير معرف

(14) أوجد معادلة المستقيم الذي تقع عليه النقطة (-1 ، 2) A وميله 4

$$Y - Y_1 = M (X - X_1)$$

$$Y - 2 = 4 (X - (-1))$$

$$Y - 2 = 4 (X + 1)$$

$$Y - 2 = 4X + 4$$

$$Y = 4X + 6$$

(15) أوجد معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (1 ، 3) B وميله يساوي 2

$$Y - Y_1 = M (X - X_1)$$

$$Y - 3 = 2 (X - 1)$$

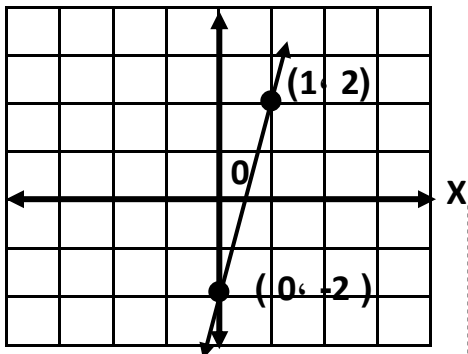
$$Y - 3 = 2X - 2$$

$$Y = 2X + 1$$

(16) مثل بيانياً المستقيم المار بالنقطتين (0 ، -2) ، (1 ، 2) ثم أوجد :

(أولاً) ميل الخط المستقيم

(ثانياً) معادلة الخط المستقيم باستخدام الميل وطول الجزء المقطوع من المحور الصادي



$$M = \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1} = \frac{-2 - 2}{0 - 1} = \frac{-4}{-1} = 4$$

(أولاً)

$$M = 4$$

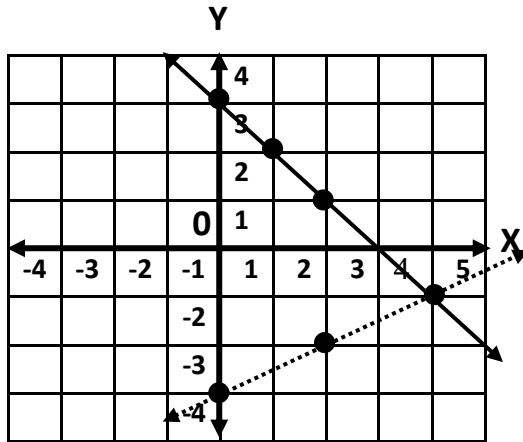
الجزء المقطوع من محور الصادات $b = -2$

(ثانياً)

$$Y = 4X - 2$$

(17) حل المعادلتين التاليتين مستخدماً التمثيل البياني

$$\begin{cases} X + y = 3 \longrightarrow (1) \\ X - 2y = 6 \longrightarrow (2) \end{cases}$$



$$Y = 3 - X$$

في المعادلة رقم (1)

X	0	1	2
Y	3	2	1

في المعادلة رقم (2)

$$X = 6 + 2Y$$

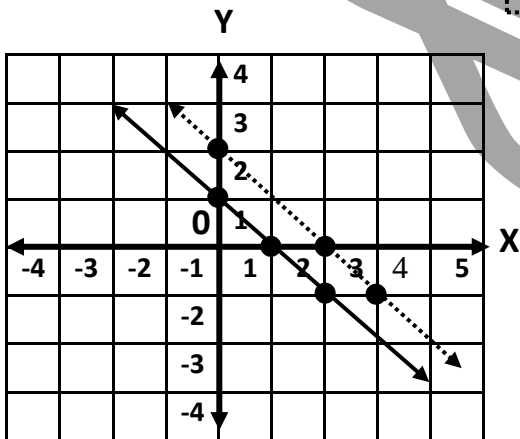
X	0	2	4
Y	-3	-2	-1

نقطة التقاطع

مجموعة الحل $\{(4, -1)\}$

(18) حل المعادلتين التاليتين مستخدماً التمثيل البياني

$$\begin{cases} X + y = 1 \longrightarrow (1) \\ 2X + 2y = 4 \longrightarrow (2) \end{cases}$$



$$Y = 1 - X$$

في المعادلة رقم (1)

X	0	1	2
Y	1	0	-1

في المعادلة رقم (2)

$$2X = 4 - 2Y$$

X	0	2	3
Y	2	0	-2

بالتمثيل البياني للدالتين نحصل على خطين متوازيين

لا حل للمعادلتين

(19) حل المعادلتين التاليتين مستخدماً التمثيل البياني

$$\begin{cases} X - 3y = 1 \longrightarrow 1 \\ 2X - 6y = 2 \longrightarrow 2 \end{cases}$$

$$X = 1 + 3y$$

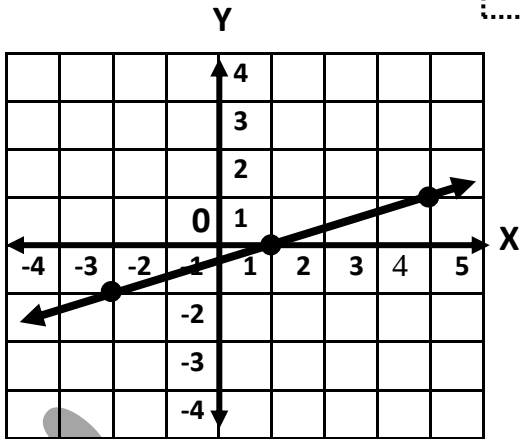
في المعادلة رقم (1)

X	4	1	-2
Y	1	0	-1

$$2x = 2 + 6y$$

في المعادلة رقم (2)

X	4	1	-2
Y	1	0	-1



بالتمثيل البياني للدالتين نحصل على الخط المستقيم نفسه
وفي هذه الحالة هناك عدد لا نهائي من الحلول

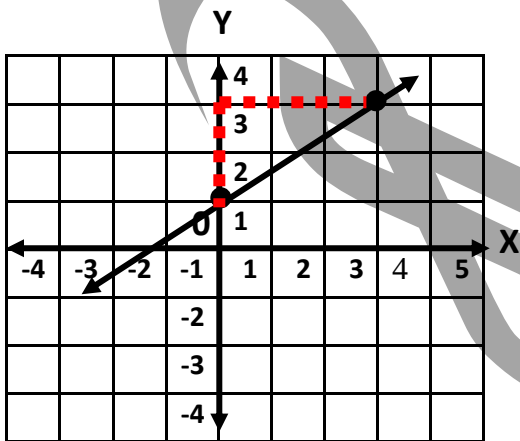
$$(20) \text{ مثل بيانياً الدالة } y = \frac{2}{3}x + 1$$

يمكن استخدام صورة الميل والجزء المقطوع من محور

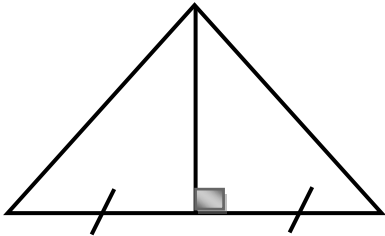
الصادات

$$M = \frac{2}{3}$$

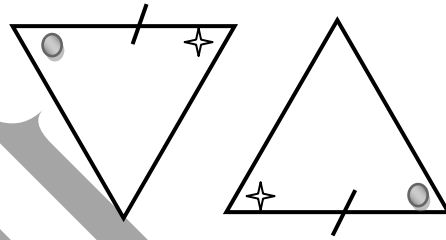
$$b = 1$$



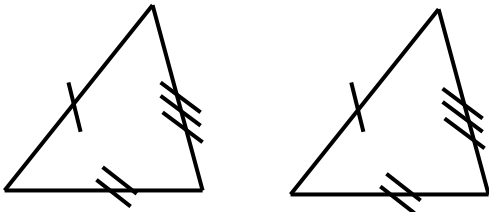
(21) أكتب عبارة تطابق لكل زوج من المثلثات المتطابقة الآتية



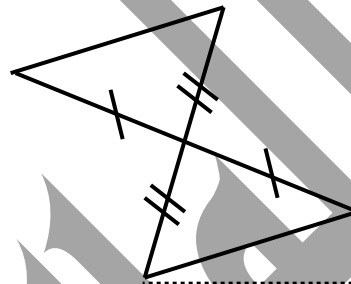
(ض ز ض)



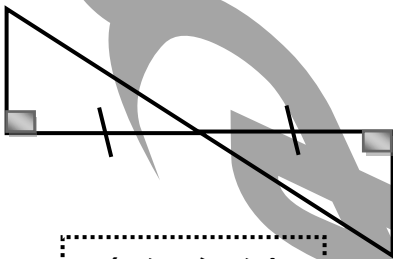
(ز ض ز)



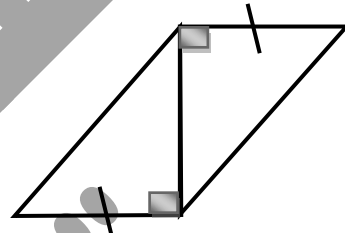
(ض ض ض)



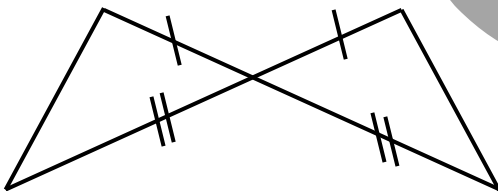
(ض ز ض)



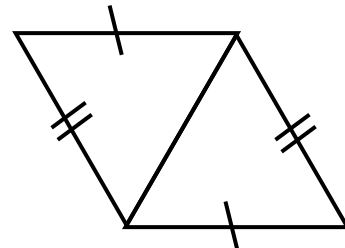
(ز ض ز)



(ض ز ض)

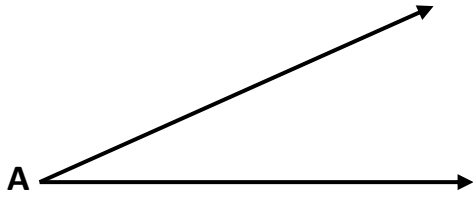


(ض ز ض)

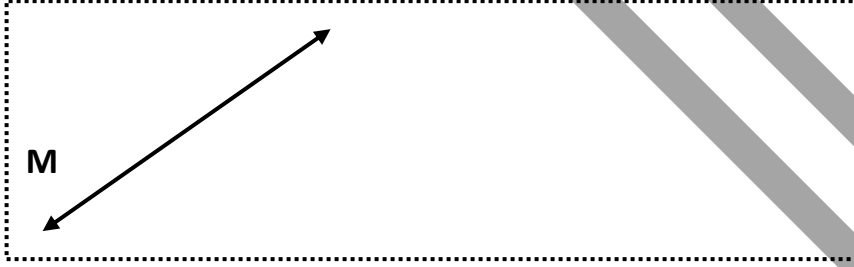


(ض ض ض)

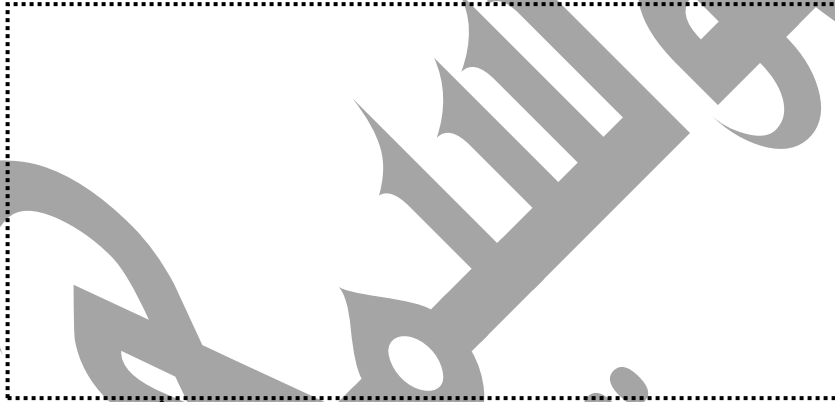
(22) أنشئ زاوية مطابقة لزاوية A



(23) أنشئ خطاً مستقيماً يوازي الخط m المرسوم



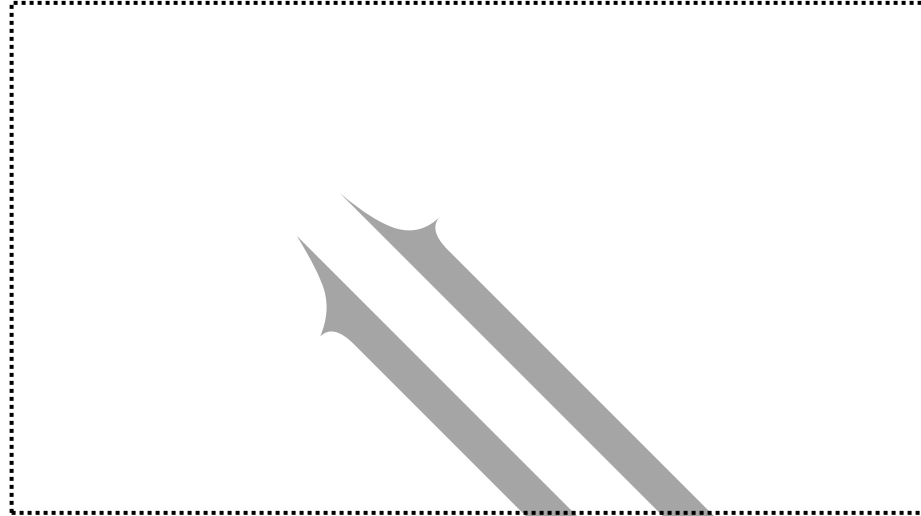
(24) ارسم $\triangle CBA$ حيث $CA = 5 \text{ mc}$ ، $BC = 4 \text{ mc}$ ، $BA = 6 \text{ mc}$



(25) ارسم $\triangle FED$ حيث $FDE = 60^\circ$ ، $FD = 5 \text{ mc}$ ، $ED = 7 \text{ mc}$



(26) ارسم $\triangle PNM$ حيث $PMN = 30^\circ$ ، $PNM = 110^\circ$ ، $NM = 6 \text{ mc}$



(27) اوجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية لكل من المضلعات التالية

$$(n - 2) 180 = (5 - 2) 180$$

$$3 \times 180 = 540^\circ$$

خماسي

$$(n - 2) 180 = (6 - 2) 180$$

$$4 \times 180 = 720^\circ$$

سداسي

$$(n - 2) 180 = (7 - 2) 180$$

$$5 \times 180 = 900^\circ$$

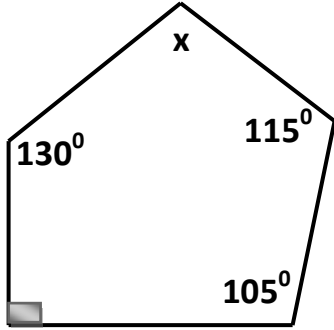
سباعي

$$(n - 2) 180 = (8 - 2) 180$$

$$6 \times 180 = 1080^\circ$$

ثماني

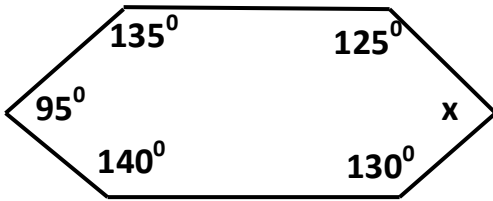
(28) أوجد قياس الزاوية الناقصة في كل من الأشكال التالية :-



مجموع قياسات الشكل الخماسي يساوي 540^0

$$X = 540 - (115 + 105 + 90 + 130)$$

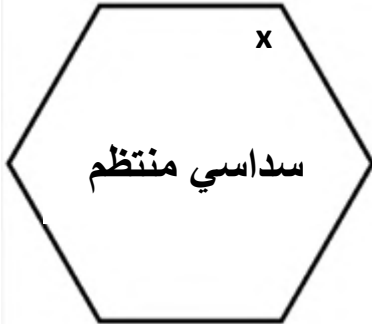
$$X = 540 - 440 \quad x = 100^0$$



مجموع قياسات الشكل السداسي يساوي 720^0

$$X = 720 - (125 + 135 + 95 + 140 + 130)$$

$$X = 720 - 625 \quad x = 95^0$$



مجموع قياسات الشكل السداسي =

$$(6 - 2) 180 = 4 \times 180 = 720^0$$

قياس كل زاوية في السداسي المنتظم =

$$720 \div 6 = 120^0$$



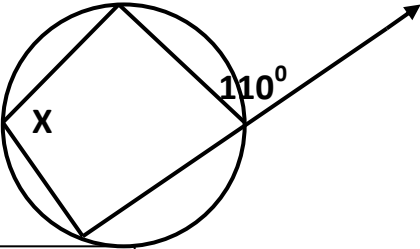
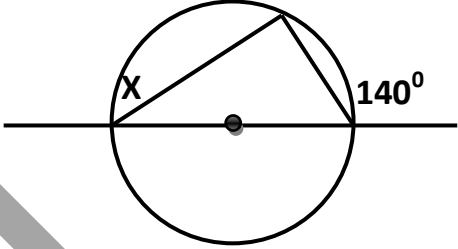
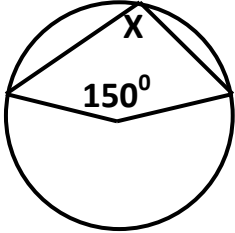
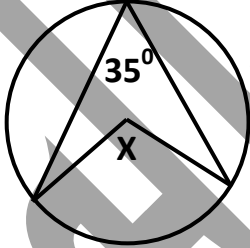
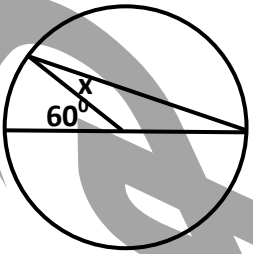
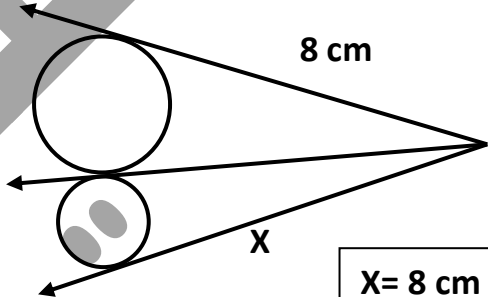
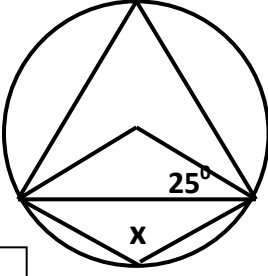
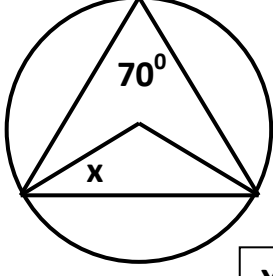
مجموع قياسات الشكل الثماني =

$$(8 - 2) 180 = 6 \times 180 = 1080^0$$

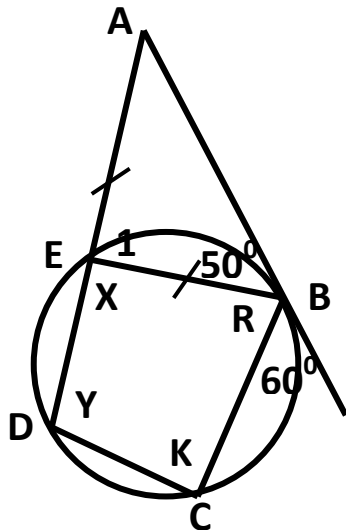
قياس كل زاوية في الثماني المنتظم =

$$1080 \div 8 = 135^0$$

(29) أوجد قياس كل من الزوايا المجهولة في الأشكال الآتية :-

 $X = 110^\circ$	 $X = 130^\circ$
 $X = 105^\circ$	 $X = 70^\circ$
 $X = 30^\circ$	 $X = 8 \text{ cm}$
 $X = 115^\circ$	 $X = 20^\circ$

(31) اوجد قيم الزوايا المشار إليها برمز في الشكل الموضح



$$R = 180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ$$

$$Y = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

$$A = 50^\circ \quad \text{لأن } EA = EB$$

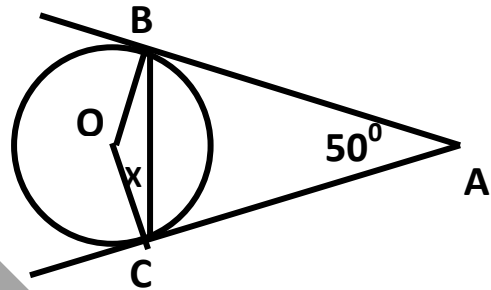
$$= (1) \text{ قياس زاوية}$$

$$180^\circ - (50^\circ + 50^\circ) = 80^\circ$$

$$X = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$$

$$K = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

(30) في الشكل الموضح أوجد قيمة x



OB نصف قطر AB مماس قياس
زاوية $ABO = 90^\circ$ وبالمثل قياس زاوية
 $ACO = 90^\circ$ الشكل ABOC رباعي
دائري لأن فيه زاويتان متقابلتان
مجموعهما 180°

$$A + O = 180^\circ$$

$$O = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

المثلث OBC متطابق الضلعين لأن

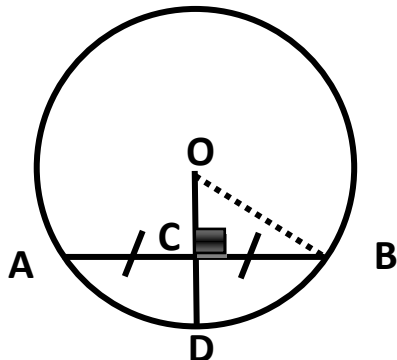
$$OB = OC, \text{ قياس } x + \text{ قياس زاوية}$$

$$180^\circ - 130^\circ = OBC$$

$$= 50^\circ$$

$$x = 50^\circ \div 2 = 25^\circ$$

(33) في الدائرة الموضحة والتي مركزها O وطول قطرها 10 cm ، AB=8cm ، C منتصف AB ، اوجد OC



C منتصف AB ، CB = 4 cm

OB = 5 cm (نصف قطر)

C منتصف AB ، اذاً OD ⊥ AB

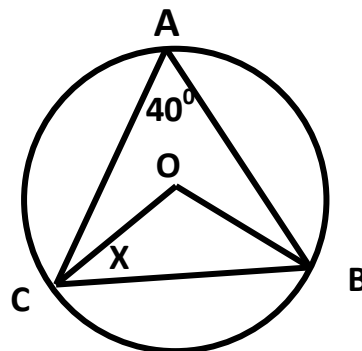
في المثلث OCB القائم الزاوية في C

$$(OC)^2 = (5)^2 - (4)^2$$

$$(OC)^2 = 25 - 16 = 9$$

$$OC = \sqrt{9} , OC = 3 \text{ cm}$$

(32) اوجد قيمة x في الشكل الموضح



قياس زاوية (O) المركزية

= ضعف قياس زاوية (A)

المحيطة المشتركة معها

في نفس القوس CB

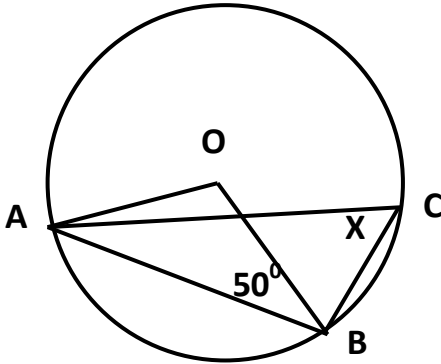
$$O = 80^\circ$$

$$OC = OB$$

$$X = \frac{180 - 80}{2}$$

$$X = 50^\circ$$

(35) اوجد قيمة x في الشكل الموضح



$BO = AO$ (أنصاف أقطار)

المثلث BOA متساوي الساقين

قياس $(ABO) = \text{قياس } (BAO)$

وكل منهما يساوي 50°

قياس زاوية $(O) =$

$$180 - (50 + 50) = 80^\circ$$

قياس زاوية (C) المحيطية

تساوي نصف قياس زاوية (O)

المركزية المشتركة معها في

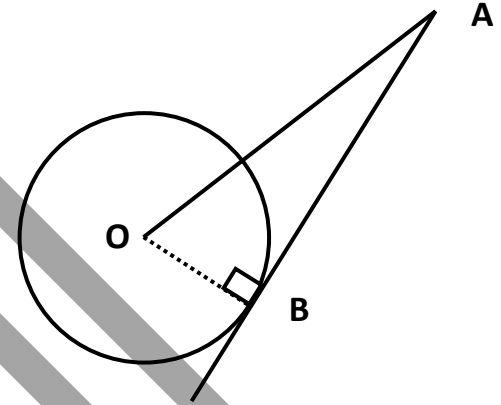
القوس (BA)

قياس زاوية $(C) \leftarrow (x) = 40^\circ$

(34) في الدائرة الموضحة والتي مركزها

O وطول قطرها 30 cm ، $OA = 25 \text{ cm}$

، اوجد AB



OB نصف قطر AB مماس

قياس زاوية $ABO = 90^\circ$

في المثلث OBA القائم الزاوية في B

$$(AB)^2 = (AO)^2 - (OB)^2$$

$$(AB)^2 = (25)^2 - (15)^2$$

$$(AB)^2 = 625 - 225$$

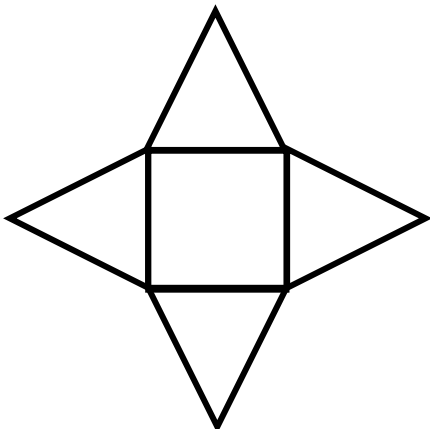
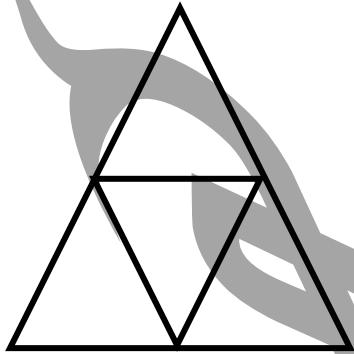
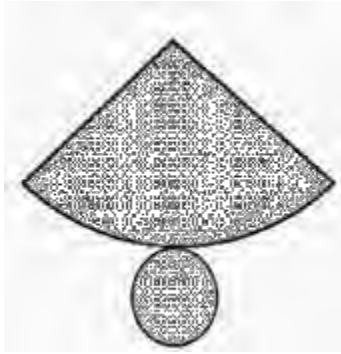
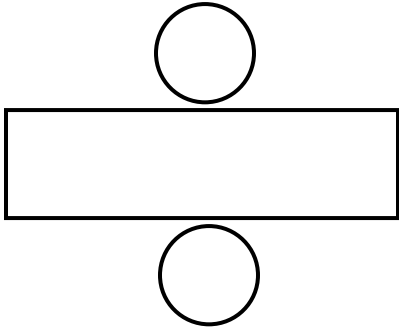
$$(AB)^2 = 400$$

$$AB = \sqrt{400}$$

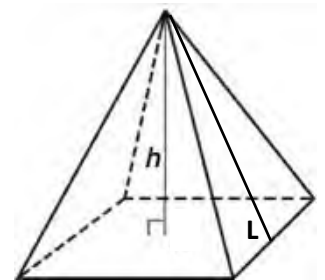
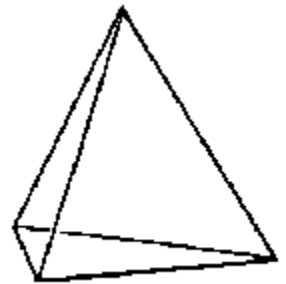
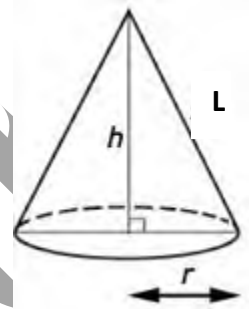
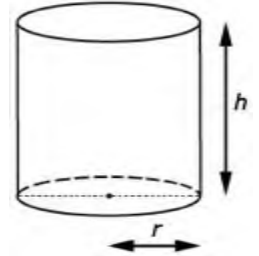
$$AB = 20 \text{ cm}$$

(36) حدد المجسم الذي تكونه كل شبكة :-

الشبكة



المجسم



الاسطوانة

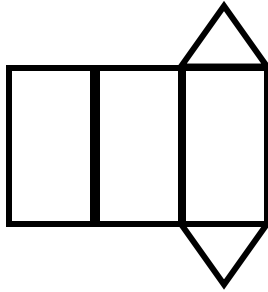
المخروط

هرم ثلاثي القاعدة

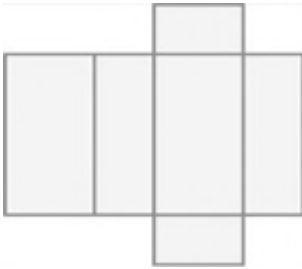
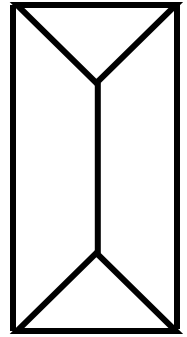
هرم رباعي القاعدة

الشبكة

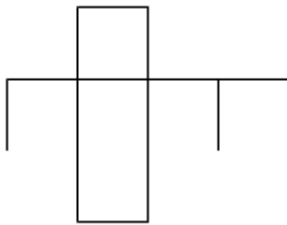
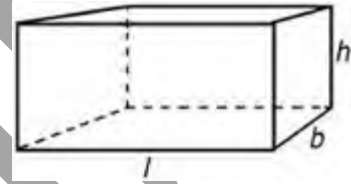
المجسم



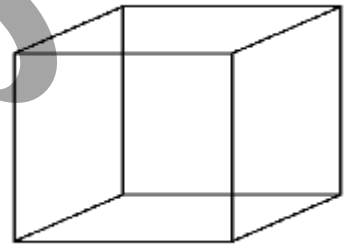
منشور ثلاثي



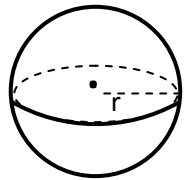
منشور رباعي



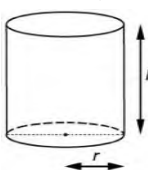
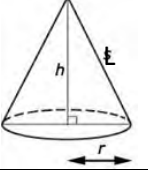
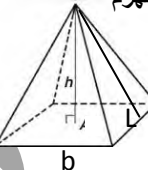
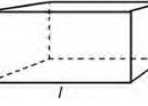
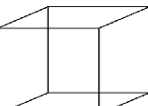
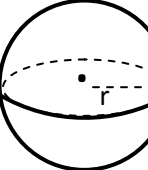
مكعب



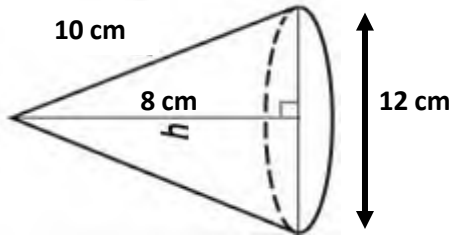
الكرة



(37) أذكر المساحة الجانبية والمساحة السطحية والحجم لكل من المجسمات الآتية :-

المجسم	المساحة الجانبية	المساحة السطحية	الحجم
الاسطوانة 	محيط القاعدة $\times$ الارتفاع $L.A = 2 \pi r h$	المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين $S.A = 2 \pi r h + 2 \pi r^2$	مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع $V = \pi r^2 h$
المخروط 	$\frac{1}{2}$ محيط القاعدة $\times$ الارتفاع $L.A = \pi r L$	المساحة الجانبية + مساحة القاعدة $S.A = \pi r L + \pi r^2$	$\frac{1}{3}$ مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$
الهرم 	$4 \times$ مساحة المثلث $L.A = 4 \times \frac{1}{2} b L$ $L.A = 2 b L$	المساحة الجانبية + مساحة القاعدة $S.A = 2 b L + b^2$	$\frac{1}{3}$ مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع $V = \frac{1}{3} b^2 h$
المنشور 	مساحة الأوجه الجانبية الأربعة $L.A = 2 (h b + h L)$	المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين $S.A = 2 (h b + h L + b L)$	مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع $V = b \times L \times h$
المكعب 	$4 \times$ مساحة الوجه الواحد $L.A = 4 L^2$	المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين $S.A = 6 L^2$	مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع $V = L^3$
الكرة 		$S.A = 4 \pi r^2$	$V = \frac{4}{3} \pi r^3$

(39) أوجد المساحة الجانبية والسطحية
والحجم للمخروط المبين في الشكل



$$2r = 12 \text{ cm} \quad r = 6 \text{ cm}$$

المساحة الجانبية للمخروط = $\pi r L$

$$L.A = 3.14 \times 6 \times 10$$

$$L.A = 188.4 \text{ cm}^2$$

المساحة السطحية للمخروط =

$$S.A = \pi r L + \pi r^2$$

$$S.A = 3.14 \times 6 \times 10 + 3.14 \times 6^2$$

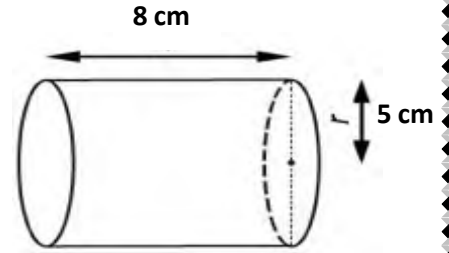
$$S.A = 301.44 \text{ cm}^2$$

حجم المخروط = $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

$$V = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 6^2 \times 12$$

$$V = 301.44 \text{ cm}^3$$

(38) أوجد المساحة الجانبية والسطحية
والحجم للاسطوانة المبينة في الشكل



المساحة الجانبية للاسطوانة = $2 \pi r h$

$$L.A = 2 \times 3.14 \times 8 \times 5$$

$$L.A = 251.2 \text{ cm}^2$$

المساحة السطحية للاسطوانة =

$$S.A = 2 \pi r h + 2 \pi r^2$$

$$S.A = 2 \times 3.14 \times 8 \times 5 + 2 \times 3.14 \times 8^2$$

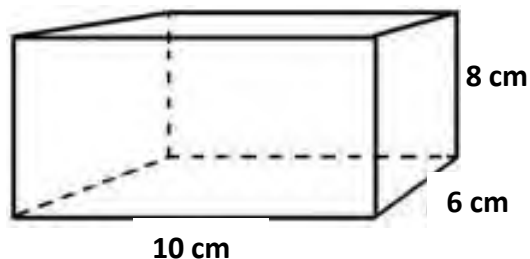
$$S.A = 408.2 \text{ cm}^2$$

حجم الاسطوانة = $V = \pi r^2 h$

$$V = 3.14 \times 8^2 \times 5$$

$$V = 628 \text{ cm}^3$$

(41) أوجد المساحة الجانبية والسطحية
والحجم للمنشور المبين في الشكل



= المساحة الجانبية للمنشور

$$L.A = 2 (h b + h L)$$

$$L.A = 2 (8 \times 10 + 8 \times 6)$$

$$L.A = 256 \text{ cm}^2$$

= المساحة السطحية للمنشور

$$S.A = 2 (h b + h L + b L)$$

$$S.A = 2 (8 \times 10 + 8 \times 6 + 10 \times 6)$$

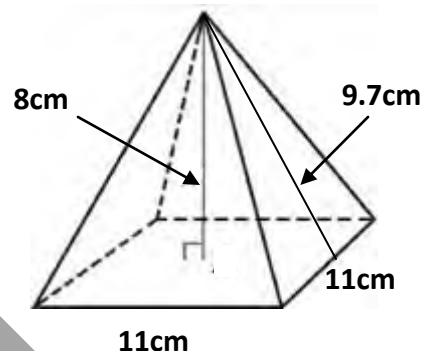
$$S.A = 376 \text{ cm}^2$$

= حجم المنشور $V = b \times L \times h$

$$V = 8 \times 10 \times 6$$

$$V = 480 \text{ cm}^3$$

(40) أوجد المساحة الجانبية والسطحية
والحجم للهرم المبين في الشكل



= المساحة الجانبية للهرم $L.A = 2 b L$

$$L.A = 2 \times 11 \times 9.7$$

$$L.A = 213.4 \text{ cm}^2$$

= المساحة السطحية للأسطوانة

$$S.A = 2 b L + b^2$$

$$S.A = 2 \times 11 \times 9.7 + (11)^2$$

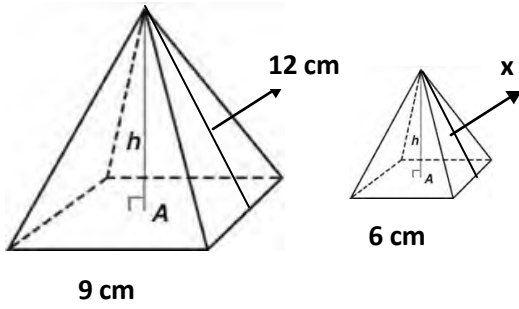
$$S.A = 334.4 \text{ cm}^2$$

= حجم الاسطوانة $V = \frac{1}{3} b^2 h$

$$V = \frac{1}{3} \times 11^2 \times 8$$

$$V \approx 322.7 \text{ cm}^3$$

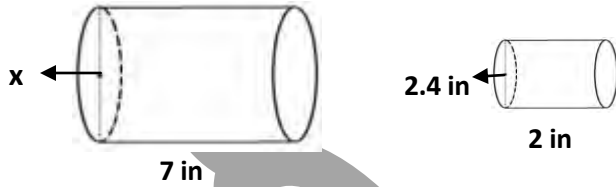
(43) الهرمان أدناه متشابهان أوجد قيمة x



$$\frac{x}{12} = \frac{6}{9} \quad x = \frac{6 \times 12}{9}$$

$$x = 8 \text{ cm}$$

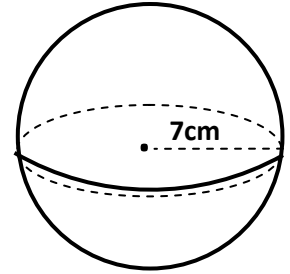
(44) الاسطوانتان أدناه متشابهتان أوجد قيمة x



$$\frac{x}{2.4} = \frac{7}{2} \quad x = \frac{7 \times 2.4}{2}$$

$$x = 8.4 \text{ cm}$$

(42) أوجد المساحة السطحية والحجم للكرة المبينة في الشكل



المساحة السطحية للكرة =

$$S. A = 4 \pi r^2$$

$$S. A = 4 \times 3.14 \times 7^2$$

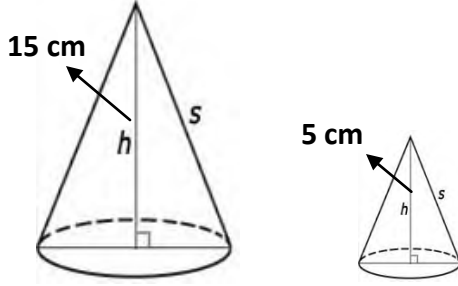
$$S. A = 615.44 \text{ cm}^2$$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \text{حجم المنشور}$$

$$V = \frac{4}{3} \times 3.14 \times 7^3$$

$$V \approx 1436.027 \text{ cm}^3$$

(46) اوجد المساحة السطحية وحجم الجسم الصغير



$$S.A = 1575 \text{ cm}^2$$

$$V = 3240 \text{ cm}^3$$

$$\frac{a}{b} = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{a^2}{b^2} \quad \text{النسبة بين المساحتين السطحتين}$$

$$\frac{1^2}{3^2} = \frac{x}{1575}, \quad \frac{1}{9} = \frac{x}{1575}$$

$$x = \frac{1 \times 1575}{9}$$

$$X = 175 \text{ cm}^2$$

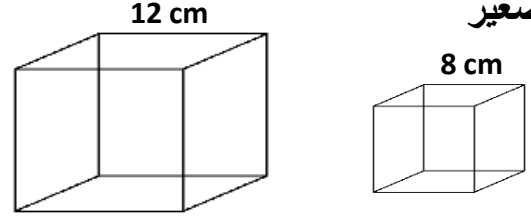
$$\frac{a^3}{b^3} \quad \text{النسبة بين الحجمين}$$

$$\frac{1^3}{3^3} = \frac{x}{3240}, \quad \frac{1}{27} = \frac{x}{3240}$$

$$x = \frac{1 \times 3240}{27}$$

$$X = 120 \text{ cm}^3$$

(45) اوجد المساحة السطحية وحجم الجسم الصغير



$$S.A = 864 \text{ cm}^2$$

$$V = 1728 \text{ cm}^3$$

$$\frac{a}{b} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{a^2}{b^2} \quad \text{النسبة بين المساحتين السطحتين}$$

$$\frac{2^2}{3^2} = \frac{x}{864}, \quad \frac{4}{9} = \frac{x}{864}$$

$$x = \frac{4 \times 864}{9}$$

$$X = 384 \text{ cm}^2$$

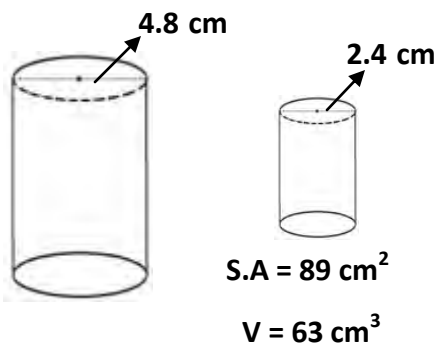
$$\frac{a^3}{b^3} \quad \text{النسبة بين الحجمين}$$

$$\frac{2^3}{3^3} = \frac{x}{1728}, \quad \frac{8}{27} = \frac{x}{1728}$$

$$x = \frac{8 \times 1728}{27}$$

$$X = 512 \text{ cm}^3$$

(48) اوجد المساحة السطحية وحجم الجسم



$$S.A = 89 \text{ cm}^2$$

$$V = 63 \text{ cm}^3$$

$$\frac{a}{b} = \frac{2.4}{4.8} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{a^2}{b^2} \quad \text{النسبة بين المساحتين السطحتين}$$

$$\frac{1^2}{2^2} = \frac{89}{x}, \quad \frac{1}{4} = \frac{89}{x}$$

$$x = \frac{4 \times 89}{1}$$

$$X = 356 \text{ cm}^2$$

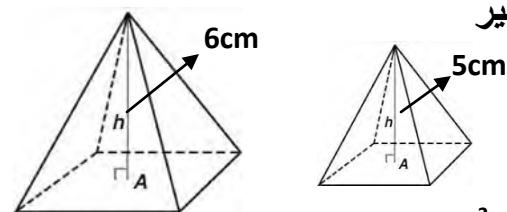
$$\frac{a^3}{b^3} \quad \text{النسبة بين الحجمين}$$

$$\frac{1^3}{2^3} = \frac{63}{x}, \quad \frac{1}{8} = \frac{63}{x}$$

$$x = \frac{8 \times 63}{1}$$

$$X = 504 \text{ cm}^3$$

(47) اوجد المساحة السطحية وحجم الجسم



$$S.A = 166.5 \text{ cm}^2$$

$$V = 106.5 \text{ cm}^3$$

$$\frac{a}{b} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{a^2}{b^2} \quad \text{النسبة بين المساحتين السطحتين}$$

$$\frac{5^2}{6^2} = \frac{166.5}{x}, \quad \frac{25}{36} = \frac{166.5}{x}$$

$$x = \frac{36 \times 166.5}{25}$$

$$X = 239.76 \text{ cm}^2$$

$$\frac{a^3}{b^3} \quad \text{النسبة بين الحجمين}$$

$$\frac{5^3}{6^3} = \frac{106.5}{x}, \quad \frac{125}{216} = \frac{106.5}{x}$$

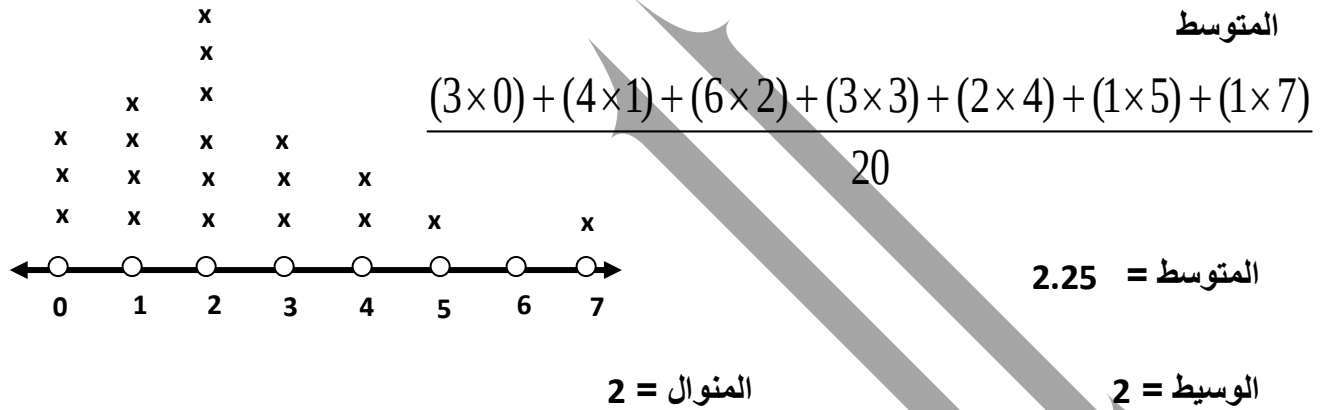
$$x = \frac{216 \times 106.5}{125}$$

$$X \approx 184 \text{ cm}^3$$

(49) في استطلاع للرأي سئل عشرون طالباً عن عدد الكتب التي قرؤوها خلال شهر وكانت

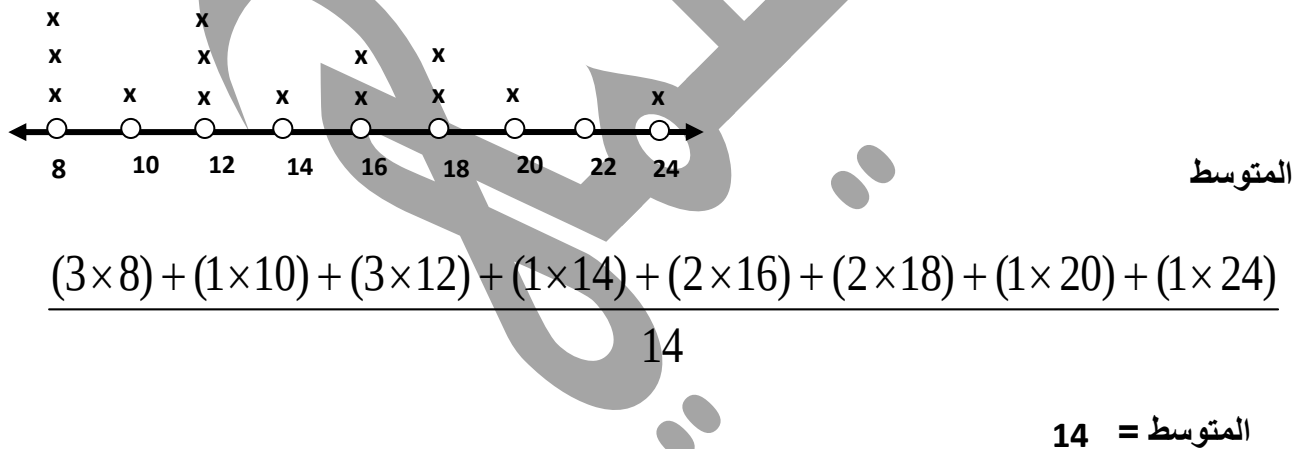
النتائج هي :- 2 3 2 2 1 0 1 2 5 7 2 1 0 3 4 4 3 0 1 2

كون خطأ بيانياً ثم اوجد المتوسط والوسيط والمنوال



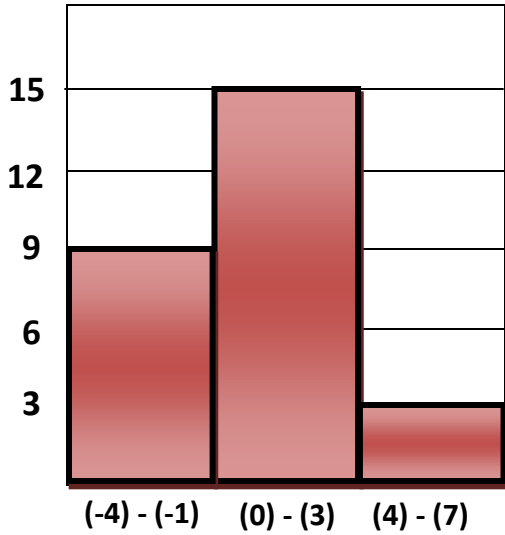
(50) كون الخط البياني لمجموعة البيانات الآتية ثم اوجد المتوسط والوسيط والمنوال لهذه البيانات

8 10 8 12 16 20 18 16 12 14 18 24 12 8



(51) كون جدولاً تكرارياً و مدرجاً تكرارياً لمجموعة درجات الحرارة الدنيا في فبراير (°F)

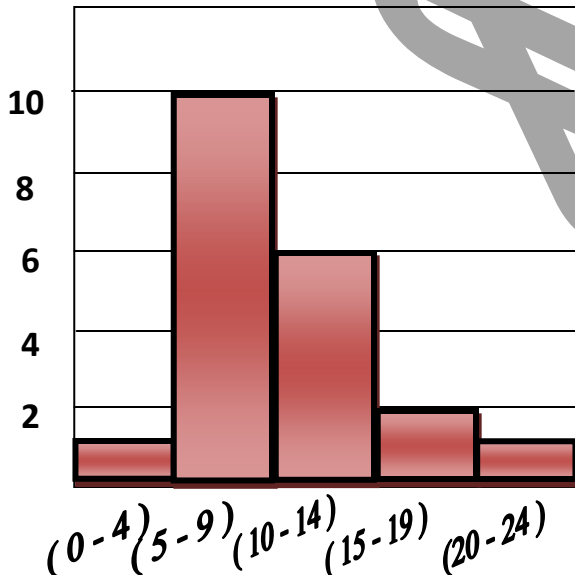
-2 -1 0 -2 -1 -4 2 3 0 -1 2 -3 -1
0 1 2 3 2 -2 3 4 2 1 5 6 3 1



درجات الحرارة	العلامات	التكرار
(-4) - (-1)		9
0 - (3)		15
(4) - (7)		3

(52) كون جدولاً تكرارياً و مدرجاً تكرارياً لعدد أجهزة التلفاز المباعة كل يوم في أحد المتاجر :

7 8 9 13 14 18 5 9 11 16
5 6 14 12 10 9 7 9 2 21



اجهزة التلفاز المباعة	العلامات	التكرار
0 - 4	/	1
5 - 9		10
10 - 14		6
15 - 19		2
20 - 24	/	1

(53) كون مخطط الساق والأوراق للبيانات التالية

18 19 27 8 20 6 18 27 16 13 12
7 8 19 11 10 19 18 8 17 16 12

0	6	7	8	8	8									
1	0	1	2	2	3	6	6	7	8	8	8	19	19	19
2	0	7	7											

المفتاح 6 | 0 يعني 6

(54) كون مخطط الساق والأوراق للبيانات التالية

54 48 52 53 67 61 68 49 40 50 69 73 74 76 78

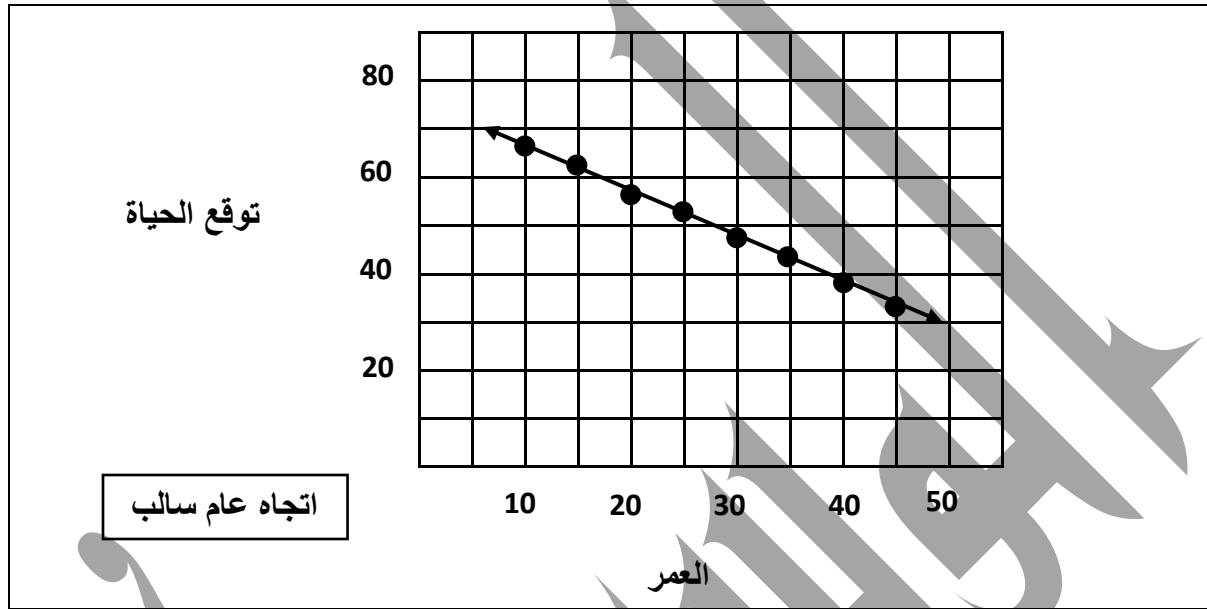
4	0	8	9				
5	0	2	3	4			
6	1	7	8	9			
7	3	4	6	8			

المفتاح 8 | 4 يعني 48

(55) كون مخطط انتشار لمجموعتي البيانات التاليتين ، وإذا أمكن فارسم خط اتجاه عام

توقع الحياة

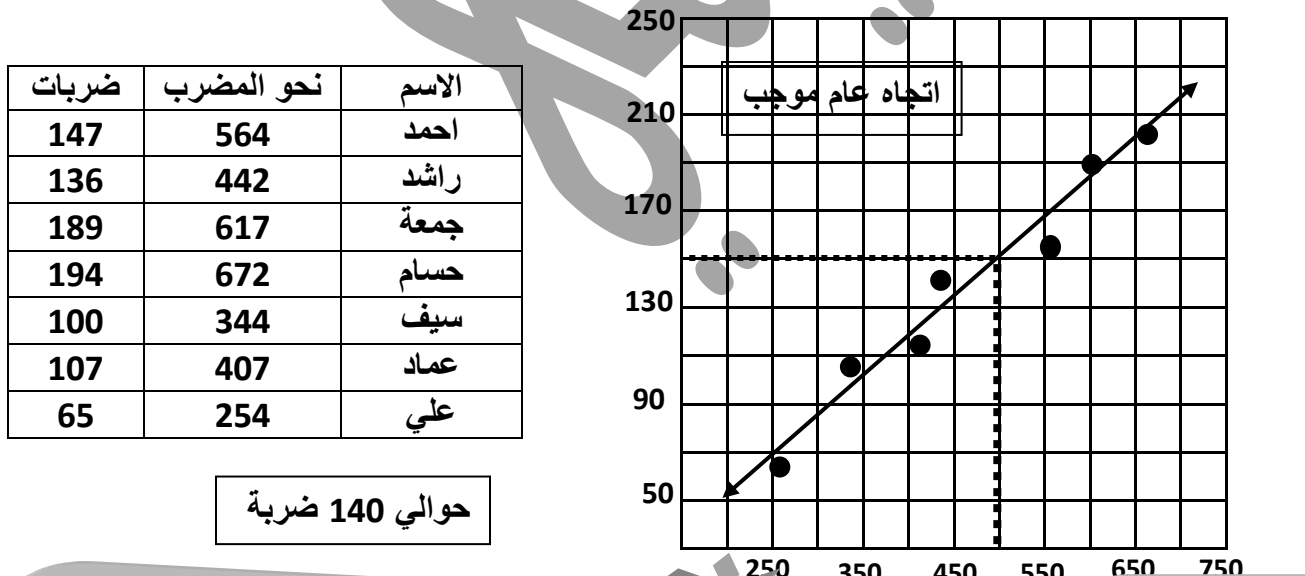
العمر الحالي (سنة)	10	15	20	25	30	35	40	45
توقع الحياة (سنة)	67.4	62.5	57.7	53.0	48.2	43.5	38.8	34.3



(56) البيسبول - كون مخطط انتشار للبيانات الموضحة في الجدول

ارسم خط الاتجاه العام

كم ضربة يتوقع ان يحصل عليها لاعب من 500 تصويبة نحو المضرب



(57) أذكر الرسم البياني الأفضل للبيانات الآتية

البيانات	الرسم البياني المناسب
أطوال الأنهار	الرسم البياني بالأعمدة
مساحات الأراضي الزراعية في إحدى الدول ما بين العامين 1950 - 2000	التمثيل البياني بالخطوط
طول الطلاب في غرفة الصف مقابل أوزانهم	مخطط الانتشار
توزيع مصاريف العائلة	الرسم البياني بالدائرة
عدد بوصات المطر ودرجة الحرارة اليومية في مدينة ما	مخطط انتشار
عدد الخريجين من إحدى الكليات في العشرة اعوام السابقة	مدرج تكراري
عمر بعض الحيوانات	رسم بياني بالأعمدة
أطوال طلاب الصف التاسع	مخطط الساق والأوراق
سعر جالون من الوقود على مدى اثني عشر شهراً	التمثيل البياني بالخطوط
استطلاع رأي الطلاب حول اللون المفضل لديهم لملابس العرض الرياضي	الرسم البياني بالدائرة
عدد الزوايح التي أصابت إحدى الدول في العقود السابقة	مدرج تكراري

وسيلة النقل	عدد الطلاب
حافلة مدرسية	160
سيارة	80
دراجة	20
سيراً على الأقدام	40

(58) افترض ان 300 طالب تم استطلاعهم حول وسيلة النقل الأكثر استخداماً للذهاب من البيت الى المدرسة

بناءً على البيانات المحددة في الجدول المقابل ، توقع عدد الطلاب الذين يستخدمون كل وسيلة نقل مبينة

في مدرسة من 800 طالب .

$$\frac{x}{800} = \frac{160}{300} \quad x = \frac{160 \times 800}{300} \quad x \approx 427$$

حافلة مدرسية

$$\frac{x}{800} = \frac{80}{300} \quad x = \frac{80 \times 800}{300} \quad x \approx 213$$

سيارة

$$\frac{x}{800} = \frac{20}{300} \quad x = \frac{20 \times 800}{300} \quad x \approx 53$$

دراجة

$$\frac{x}{800} = \frac{40}{300} \quad x = \frac{40 \times 800}{300} \quad x \approx 107$$

سيراً على الأقدام

(59) في مصنع للأحذية وجد 41 زوجاً فيها عيب من أصل 250 زوجاً من الأحذية . في شحنة من 6000 زوج حذاء ، ما العدد المتوقع من الأحذية التي فيها عيب ؟

$$\frac{x}{6000} = \frac{41}{250} \quad x = \frac{41 \times 6000}{250} \quad x = 984$$

عدد الأحذية المتوقع فيها عيب 984 حذاء

(60) مكعب له 3 أوجه خضراء ، ووجهان أحمران ، ووجه واحد برتقالي . أوجد كل احتمال

عند إلقاء المكعب .

$$\boxed{\frac{1}{6}} = P(\text{برتقالي}) \quad \boxed{\frac{1}{3}} = P(\text{أحمر}) \quad \boxed{\frac{1}{2}} = P(\text{أخضر})$$

أستخدم بيانات الاحتمالات السابقة وتوقع عدد مرات وقوع الناتج المعطى لكل عدد من رميات المكعب .

$$\frac{x}{600} = \frac{1}{3} \quad x = \frac{1 \times 600}{3} \quad x = 200 \quad \text{600 رمية أحمر}$$

$$\frac{x}{144} = \frac{1}{2} \quad x = \frac{1 \times 144}{2} \quad x = 72 \quad \text{144 رمية أخضر}$$

$$\frac{x}{86} = \frac{1}{6} \quad x = \frac{1 \times 86}{6} \quad x \approx 14 \quad \text{86 رمية برتقالي}$$

$$\frac{x}{45} = \frac{1}{3} \quad x = \frac{1 \times 45}{3} \quad x = 15 \quad \text{45 أحمر}$$

(61) يحتوي كيس على كمية كبيرة من النقود المعدنية . إن احتمال سحب قطعة نصف درهم

هو 0.28 فما عدد قطع النصف درهم المتوقع إذا كان في الكيس 500 قطعة نقدية ؟

$$\frac{x}{500} = \frac{28}{100} \quad x = \frac{28 \times 500}{100} \quad x = 140$$

عدد القطع النصف درهم المتوقع تواجدها 140 قطعة

(62) كيس يحتوي على الكرات التالية : 8 حمراء ، 5 زرقاء ، 4 صفراء ، 2 خضراء ، كرة

واحدة سوداء ، تختار كرة عشوائياً ثم ترجعها الى الكيس ثم تختار كرة أخرى

$$\frac{8}{20} \times \frac{4}{20} = \frac{2}{25}$$

(حمراء ثم صفراء) P

$$\frac{5}{20} \times \frac{1}{20} = \frac{1}{80}$$

(زرقاء ثم سوداء) P

$$\frac{2}{20} \times \frac{2}{20} = \frac{1}{100}$$

(خضراء ثم خضراء) P

(63) حقيبة بها 4 أقلام لونها ازرق ، 3 أقلام لونها أسود ، 2 قلم لونهما أحمر . تم سحب قلم

عشوائياً ولا ترجعها . أوجد كل احتمال

$$\frac{4}{9} \times \frac{3}{8} = \frac{1}{6}$$

(قلمان أزرقان) P

$$\frac{2}{9} \times \frac{3}{8} = \frac{1}{12}$$

(أحمر ثم أسود) P

$$\frac{4}{9} \times \frac{2}{8} = \frac{1}{9}$$

(ازرق ثم أحمر) P

(64) أي الأحداث الآتية مستقلة وإيها غير مستقلة

مستقلان

مستقلان

غير مستقلان

- أختار بطاقة وأرجعها ثم أختار بطاقة أخرى
- دور دائرة مرة واحدة ثم دورها ثانية
- أختار كرة من كيس وضعها جانباً ثم أختار كرة ثانية

(65) بسط كلاً من التعابير الآتية:-

• $7! = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 5040$

• $5! = 120$

• $8! = 40320$

• $10! = 3628800$

• ${}_9P_3 = 9 \times 8 \times 7 = 504$

• ${}_7P_2 = 7 \times 6 = 42$

• ${}_{10}P_4 = 10 \times 9 \times 8 \times 7 = 5040$

${}_5P_4 = 120$

(66) بكم طريقة مختلفة يمكنك ترتيب الحروف " أ ح م د "

${}_4P_3 = 24$

(67) يوجد 20 طالب في حصة الرياضة . بكم ترتيب مختلف يمكن للمعلم اختيار 4 طلاب للعب مباراة في كرة القدم؟

${}_{20}P_4 = 116280$

(68) اشترك 42 طالباً في سباق الجري السريع لمسافة 100 m بكم طريقة يمكن توقع وصول الاول والثاني والثالث ؟

${}_{42}P_3 = 68880$

(69) لدى محمد سبعة كتب مختلفة ويريد ترتيبها على رف . ما عدد الترتيبات الممكنة للكتب على الرف ؟

$7! = 5040$

(70) بسط كل من التعابير الاتية :-

- ${}_8C_2 = \frac{{}_8P_2}{2!} = \frac{56}{2} = 28$
- ${}_{10}C_3 = \frac{{}_{10}P_3}{3!} = \frac{720}{6} = 120$
- ${}_7C_7 = \frac{{}_7P_7}{7!} = \frac{5040}{5040} = 1$
- ${}_{14}C_4 = \frac{{}_{14}P_4}{4!} = \frac{24024}{24} = 1001$

(71) بكم طريقة يمكن اختيار 3 أحرف من الحروف (د ب ي م و ل)

$${}_6C_3 = \frac{{}_6P_3}{3!} = \frac{120}{6} = 20$$

(72) يريد أحد المدربين اختيار 6 لاعبين من بين 15 لاعب . بكم طريقة مختلفة يمكنه اختيار الـ 11 لاعب ؟

$${}_{15}C_6 = \frac{{}_{15}P_6}{6!} = \frac{3603600}{720} = 5005$$

(73) اختيار 4 كتب من بين 7 كتب

$${}_7C_4 = \frac{{}_7P_4}{4!} = \frac{840}{24} = 35$$

(74) حدد ما إذا كان كل موقف يصف تباديل أو توافيق في كل مما يلي :

- سوف يتم انتخاب الرئيس ونائب الرئيس من بين أعضاء النادي
 - سيتم اختيار الفائزين بالجوائز الأولى والثانية والثالثة
 - سيتم اختيار ثلاثة أنواع من المكسرات لإدخالها في خليط الوجبة الخفيفة
 - سيتم اختيار سبعة طلاب ليشكلوا مجلس الطلاب
 - يقدم أحد المطاعم ثمانية اختيارات لسلطة الخضار
- تباديل توافيق توافيق توافيق