

الوحدة السادسة: المقادير الأسية والمقادير الجذرية

الدرس 1: تبسيط المقادير الأسية

أتحقق من فهمي

مثال (1)

a) $2m^7n^{15}$

b) v^{108}

c) $625x^{12}y^{28}$

d) $5a^{10}b^{18}$

مثال (2)

a) m^2n^2

b) $a^{20}b^{30}$

مثال (3)

a) $\frac{2h^3k^3}{3j^4}$

b) $\frac{x^6}{y^{17}}$

أدرب وأحل المسائل

1) $12a^5b^3$

2) $28a^5b^8$

3) $10x^2ab$

4) $x^{17}y^{19}$

5) $x^{35}y^{10}$

6) $625a^{12}b^{20}$

7) $\frac{30}{a^2b^2}$

8) $\frac{1}{(-3)^{28}x^{56}}$

9) $\frac{m^{15}}{n^{20}}$

10) $20b^2$

11) $\frac{4b^7}{a^5}$

12) $3a^2b^2c^4$

13) v^3w^6

14) $\frac{x^4}{4y^2}$

15) $\frac{a^4b^2}{2}$

16) $\frac{9}{2}u^7v^6$

17) $4\pi x^6y^4$

18) $343u^{12}v^9$

مهارات التفكير العليا

19) الخطأ الأول لم يرفع a إلى -2 والصحيح أن $(a)^{-2} = \frac{1}{a^2}$

الخطأ الثاني $4 = (-2)^{-2}$ والصحيح أن $(-2)^{-2} = \frac{1}{4}$. الإجابة النهائية الصحيحة $8a^4b^7$

20) إجابات ممكنة

1) $(2xy^2)(3xy)^2$

2) $(36y^4) \left(\frac{1}{4x^{-2}}\right)$

21) $x^{2n+1} = x(x)^{2n} = x(x^n)^2 = xy^2$

22) $x^{2n-1} = \frac{x^{2n}}{x} = \frac{y^2}{x}$

23) $r = \left(\frac{81x^2}{h}\right)^{\frac{1}{2}}, \quad h = \left(\frac{81x^2}{r^2}\right)$

الدرس 2 : العمليات على المقادير الجذرية

أتحقق من فهمي

a) $2\sqrt{3x}x|y|$

b) $2|x^2 - 3|$

c) $\sqrt[7]{98rq^2}rq$

مثال (1)

a) $\frac{\sqrt{10}x}{6}$

b) $\frac{2\sqrt{3y}x^2}{y^2}$

c) $\frac{\sqrt[5]{14x^2}}{2x}$

مثال (2)

a) $8\sqrt[3]{3}$

b) $8\sqrt{10xy}$

مثال (3)

مثال (4)

a) $4\sqrt[3]{5}$ b) $\frac{5}{2}$ c) 39 d) $40xy^2\sqrt[3]{6x^2y}$

مثال (5)

a) $\frac{28+7\sqrt{5}}{11}$ b) $\frac{24-8\sqrt{x}}{9-x}$

أُتدرب وأحل المسائل

1) $2|x^3|$ 2) ab^2 3) $12x y^2 z^2 \sqrt{xz}$ 4) $-2\sqrt[3]{3x} x^4 y^2$

5) $5u\sqrt[4]{u}v^2$ 6) $\sqrt[6]{25q^2}|r||q|$ 7) $2x\sqrt[5]{5z^4x^3}$

8) $11x|(z-2)^7|$ 9) $\sqrt[3]{37}(2x-5)^5$ 10) $4x^2\sqrt[3]{x}$ 11) $\frac{5\sqrt[3]{3a}}{3a}$

12) $\frac{\sqrt{6z}}{3z}$ 13) $\frac{\sqrt{10y}x}{2y^2}$ 14) $\frac{2t}{y}$ 15) $\frac{\sqrt[5]{3y^4}}{y}$

16) $2\sqrt{2}+2\sqrt{5}-2\sqrt{3}$ 17) $10\sqrt[3]{2}+3\sqrt[3]{2}=13\sqrt[3]{2}$ 18) $-y\sqrt[3]{2x}$

19) $w^2\sqrt[4]{5w^2}-18w\sqrt[4]{5w^2}$ 20) $20x^2y^3\sqrt{y}$ 21) $6+3\sqrt{6}+2\sqrt{7}+\sqrt{42}$

22) $xy\sqrt[5]{48x^2y^2}$ 23) $\frac{2}{3x^3}$ 24) $\frac{1}{3y^2}$ 25) $\sqrt{2}-1$

26) $2+\frac{2}{3}\sqrt{3}$ 27) $\frac{2x-\sqrt{x}-3}{x-1}$ 28) $\frac{\sqrt{42}}{3}$ 29) $\frac{40+8\sqrt{10}}{3}$

مهارات التفكير العليا

30) $\sqrt[5]{7yx^8}$ غير مكتوب بأبسط صورة والباقي بأبسط صورة.

31) يجب أن يكون $|g|$ بدل g في الإجابة النهائية لأن $|g| = \sqrt[6]{g^6}$ 32) إجابة ممكنة : $\sqrt{64x^2y^4}$

1) a

2) c

3) d

4) b

5) c

6) $\frac{q^9}{p}$

7) $\frac{16y^{12}}{x^8}$

8) $\frac{-8s^{21}}{t^{33}}$

9) $\frac{16r^{10}}{9s^2}$

10) $\frac{x^5 z^8}{y^{14}}$

11) $\frac{x^8}{z^8 y^2}$

12) 1

13) $\frac{32 a^{15}}{c^{15} b^{10}}$

14) $3g^3 h^6$

15) $\frac{\pi p^7 r^8}{4}$

16) $\frac{25\pi x^5 y^5}{6}$

17) $4y^2$

18) $ab^2 c \sqrt[5]{4 a^3 b^4}$

19) $\frac{x \sqrt[3]{y}}{y^3}$

20) $\frac{\sqrt[3]{6a b^2 c^2}}{2 b^2 c}$

21) $4x^2 y^3 \sqrt[4]{4x}$

22) $3xy^2 z^4 \sqrt{5y}$

23) $2(y + x)$

24) $3xy^2$

25) $5rs^3 t^2 \sqrt[3]{rt}$

26) $5f \sqrt[3]{f^2 g^2}$

27) $2x$

28) $2 \sqrt[3]{6}$

29) $3x^6 y^5 \sqrt{2y}$

30) $10 \sqrt[3]{3} - 4 \sqrt[3]{9}$

31) $3x + 14\sqrt{5x} - 25$

32) $3xy$

33) $\frac{2}{3}\sqrt{2} - \frac{2}{3}$

34) $\frac{8-8\sqrt{x}-2x\sqrt{x}+2x^2}{4-4x}$

35) $6 + 16\sqrt{2}$

36) 9

37) 20

38) -8

39) 5

40) 8

41) -78

42) $\emptyset$

43) 5

44) $2\sqrt{2} + 1$

45) a^3

46) 2.1

الدرس 3 : حل المعادلات النسبية

أتحقق من فهمي

مثال (1)

a) $x = 8$ ، انظر تحقق الطلبة.

b) $x = \pm 2$ ، انظر تحقق الطلبة.

مثال (2) مكبال واحد من اللون الأحمر.

مثال (3)

a) $x = 9$

b) $x = 1, -\frac{2}{3}$

انظر تحقق الطلبة

مثال (4) يحتاج إبراهيم 24 ساعة ، يحتاج يوسف 8 ساعات.

أتدرب وأحل مسائل

1) 0,2

2) -9

3) 7, -6

4) 3, -2

5) 0,4

6) $x = -1$

7) 15

8) $\frac{16}{3}$

9) 3, -6

10) $z = 1$

11) $x = -3$

12) $x = -5$

13) $-\frac{3}{5}, 2$

14) 5

15) -1