



أسئلة هيكل رياضيات 8 بريدج ف3 - 2023-2024



@MUSTAFAALLAM

اضغط هنا أو قم بمسح الـ QR للاشتراك في
القناة الخاصة التي أضع بها الفيديوهات
المسجلة الخاصة بي لمخرج الهيكل كاملاً

Academic Year	2023/2024
العام الدراسي	
Term	3
الفصل	
Subject	Mathematics/Bridge
المادة	الرياضيات/بريدج
Grade	8
الصف	
Stream	General
المسار	العام
Number of MCQ	15
عدد الأسئلة الموضوعية	
Marks of MCQ	4
درجة الأسئلة الموضوعية	

Number of FRQ	6
عدد الأسئلة المقالية	
Marks per FRQ	
الدرجات للأسئلة المقالية	
Type of All Questions	MCQ/ الأسئلة الموضوعية
نوع كافة الأسئلة	FRQ/ الأسئلة المقالية
Maximum Overall Grade	100
الدرجة القصوى الممكنة	
Exam Duration - مدة الامتحان	150 minutes
طريقة التطبيق - Mode of Implementation	SwiftAssess & Paper-Based
Calculator	Not Allowed
الآلة الحاسبة	غير مسموحة



1	رسم المستقيمات الأفضل تمثيلا واستخدامها لإجراء تنبؤات عن البيانات	1 to 3	676
2	إيجاد مقاييس التمرکز والتباين	1 to 4	708
3	تحديد النقاط والمستقيمات والمستويات وتمثيلها	13 to 31	736 + 737
4	تحديد المستقيمات والمستويات المتقاطعة	6 to 12	736
5	إيجاد نقطة المنتصف لقطعة مستقيمة	33 to 56	760
6	إيجاد المسافة بين نقطتين باستخدام القانون	13 to 31	760
7	التعرف على خواص أقطار متوازيات الأضلاع وتطبيقها	15 to 24	800
8	التعرف على خواص المستطيلات وتطبيقها	10 to 19	818
9	التعرف على خواص المستطيلات وتطبيقها	10 to 19	818
10	تحديد ما إذا كانت أشكال رباعية مستطيلات أم معينات أم مربعات	17 to 33	828
11	التعرف على خواص المعينات والمربعات وتطبيقها	7 to 12	827
12	التعرف على خصائص شبه المنحرف وتطبيقها، بما في ذلك متوسطات أشباه المنحرف	8 to 23	836 + 837
13	تصنيف المجموعات إلى منتهية وغير منتهية	49 to 54	860
14	إيجاد عدد العناصر في المجموعات	79 to 86	861
15	إيجاد عدد المجموعات الجزئية لمجموعة	35 to 40	873

الأسئلة الموضوعة - MCQ



الأسئلة المقالية - FRQ	16	إنشاء مخططات انتشار ووضع تخمينات بشأنها	1 to 3	667
	17	إنشاء جداول ثنائية وشرحها	1 to 4	689
	18	الحساب باستخدام القياسات	14 to 32	747
	19	التعرف على خواص أضلاع وزوايا متوازيات الأضلاع وتطبيقها	9 to 12	799
	20	التعرف على خواص أضلاع وزوايا متوازيات الأضلاع وتطبيقها	25 to 37	801
	21	إيجاد التقاطع والاتحاد والفرق بين المجموعات	41 to 60	873
		تعريف متممة المجموعة		

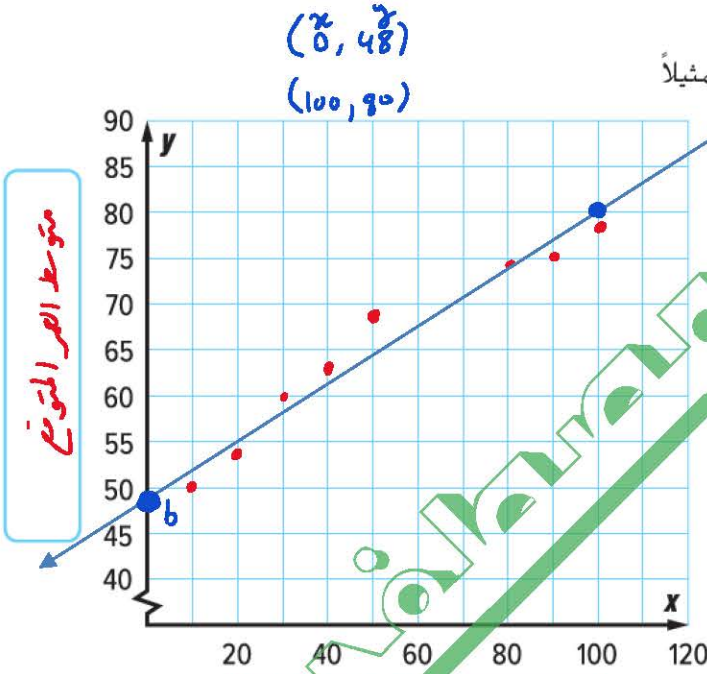


1	رسم المستقيمات الأفضل تمثيلاً واستخدامها لإجراء تنبؤات عن البيانات	1 to 3	676
---	--	--------	-----

الدرس 9-2

1. يوضح الجدول متوسط العمر المتوقع، بالأعوام، للأشخاص المولودين في أعوام معينة (الأمثلة 1-4)

الأعوام منذ 1900	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100
متوسط العمر المتوقع	47.3	50.0	54.1	59.7	62.9	68.2	69.7	70.8	73.7	75.4	77.1



a. أنشئ مخطط انتشار للبيانات، ثم ارسم المستقيم الأفضل تمثيلاً للبيانات وقيّمه.

b. اكتب معادلة في صيغة الميل والجزء المقطوع للمستقيم الممثل، وفسر الميل والتقاطع مع المحور y.

$$y = mx + b$$

$$y = 0.32x + 48$$

تفسير الميل m: كل عام يزداد العمر 0.32
تفسير التقاطع b: عند عام 1900 كان العمر المتوقع 48

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \frac{80 - 48}{100 - 0}$$

$$m = \frac{32}{100}$$

$$m = 0.32$$

c. استخدم المعادلة لتخمين متوسط العمر المتوقع لشخص وُلد في عام 2020.

$$y = 0.32(120) + 48$$

$$2020 - 1900 = 120$$

$$= 86.4$$





2

إيجاد مقاييس التمرکز والتباين

1 to 4

708

الدرس 9-5

كمية الكافيين في الشاي (بالمليجرامات)

9	46	18	35	30
12	56	24	38	32

1. يوضح الجدول عدد مليجرامات الكافيين في الحصة الواحدة في أنواع معينة من الشاي. صف ما الذي يمثله

متوسط الانحراف المطلق (المثال 1)

$$\text{①} \quad \text{المتوسط} = \frac{9+46+18+35+30+12+56+24+38+32}{10} = \frac{308}{10} = 30.8$$

$$\text{②} \quad \text{الفرق} = 21, 16, 12, 5, 0, 13, 26, 6, 8, 2$$

$$\text{③} \quad \text{متوسط الانحراف المطلق} = \frac{21+16+12+5+0+13+26+6+8+2}{10} = \frac{114}{10} = 11.4$$



2. يوضح الجدول عدد مليجرامات الكافيين في الحصة الواحدة في أنواع معينة

من القهوة. جـد متوسط الانحراف المطلق للبيانات. صف ما الذي يمثله

متوسط الانحراف المطلق (المثال 1)

كمية الكافيين في القهوة (بالمليجرامات)

145	170	150
90	100	100
165	135	106

$$\text{المتوسط} = \frac{145+170+150+90+100+100+106}{7} = \frac{1161}{7} = 165.857$$

$$\text{الفرق} = 16, 41, 21, 39, 29, 29, 36, 6, 23$$

$$\text{متوسط الانحراف المطلق} = \frac{16+41+21+39+29+29+36+6+23}{9} = \frac{240}{9} = 26.6$$

3. ارجع إلى الجدول في التمرين 1. الانحراف المعياري لكميات الكافيين هي حوالي 14 مليجراما.

صف قيم البيانات التي تقع ضمن الانحراف المعياري للوسط. (المثال 2)

كمية الكافيين في الشاي (بالمليجرامات)

9	46	18	35	30
12	56	24	38	32

$$\text{المتوسط} = \frac{9+46+18+35+30+12+56+24+38+32}{10} = \frac{308}{10} = 30.8$$

$$16 \xleftarrow{-14} 30 \xrightarrow{+14} 44$$

كميات الكافيين بين 16 و 44 مليجراما هي ضمن انحراف معياري واحد للوسط.



3	تحديد النقاط والمستقيمات والمستويات وتمثيلها	13 to 31	736 + 737
---	--	----------	-----------

الدرس 10-1

ارجع إلى الشكل.

(13) اذكر المستقيمات التي تقع في المستوى Q فقط.

$\overleftrightarrow{HL}$, $\overleftrightarrow{n}$

(14) كم عدد المستويات المُسمَّاة في الشكل؟

اثنان ، المستوى R والمستوى Q

(15) اذكر المستوى الذي يحتوي على المستقيمين m و t.

المستوى R

(16) عَيِّن نقطة تقاطع المستقيمين m و t.

النقطة C

(17) عَيِّن نقطة لا تقع في مستوى واحد مع النقاط A و B و C.

النقطة D

(18) هل النقاط F و M و G و P تقع في مستوى واحد؟ اشرح.

لا ، تقع النقطة F في المستوى R ، بينما تقع النقطتان G و P في المستوى Q ، والنقطة M تقع بين المستويين R و Q.

(19) عَيِّن النقاط غير المتضمنة في المستقيم الموضح.

النقطتان P , A

(20) اذكر اسمًا آخر للمستقيم t.

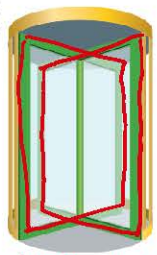
$\overleftrightarrow{CE}$

(21) هل المستقيم n يتقاطع مع المستقيم q؟ اشرح.

نعم ، يتقاطعان عند اعداد المستقيمين.

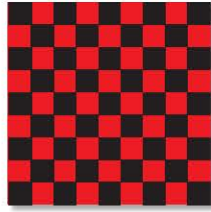


اذكر المفهوم أو (المفاهيم) الهندسية الذي يُمثله كل شيء من الأشياء التالية.



25.

مستويان متقاطعان في مستقيم



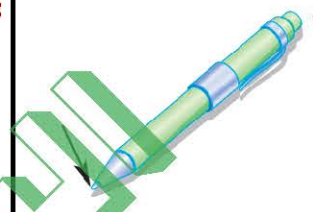
24.

المستوى



23.

مستقيمتان متقاطعتان.



22.

النقطة

29. حافة مكتب

مستقيم

28. عمود الهاتف

مستقيم

27. عقدة في حبل

نقطة

26. بطانية

مستوى

31. ملف مفتوح جزئياً

مستويان متقاطعتان

30. جداران متصلان

مستويان متقاطعتان



4

تحديد المستقيمات والمستويات المتقاطعة

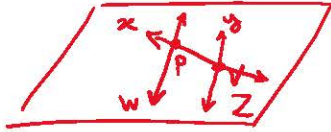
6 to 12

736

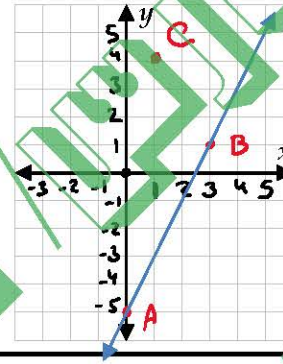
الدرس 10-1

ارسم شكلاً وسمّه لكل علاقة.

7. المستوى Z يحتوي على المستقيمات x و y و w . المستقيمان x و y
يتقاطعان عند النقطة P والمستقيمان x و w يتقاطعان عند النقطة P .



6. مستقيم في مستوى إحداثي يحتوي على $A(0, -5)$ و $B(3, 1)$
ونقطة C ليست على استقامة واحدة مع $\overrightarrow{AB}$.



وجوه

ارجع إلى الشكل.

8. كم عدد المستويات الموضحة في الشكل؟

5 مستويات

9. اذكر ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة.

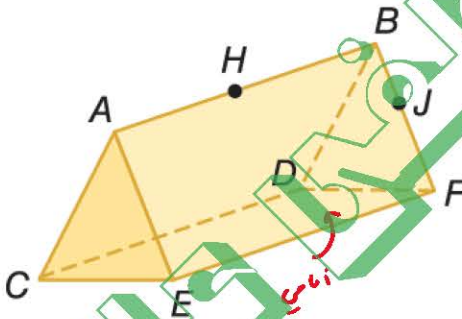
A, H, J

10. هل النقاط A و H و J و D تقع في مستوى واحد؟ اشرح.

النقاط A, H, J تقع في المستوي ABF ، G لا تقع في المستوي ABF

11. هل النقاط B و D و F تقع في مستوى واحد؟ اشرح

نعم. على نفس المستوي FBD





12. علم الفلك الدب الأصفر أو الركوة الصغرى هي كوكبة تتكون من سبعة نجوم في السماء الشمالية. وتشتمل على النجم القطبي (بولاريس).

a. ما الأشكال الهندسية التي تمثلها النجوم؟

النتائج

b. هل كلٌّ من النجم 1 والنجم 2 والنجم 3 على استقامة واحدة على خريطة الكوكبة؟ اشرح.

لا، لا يوجد فخذ مستقيم واحد يمكن أن يمر بالنقاط 1، 2، 3

c. هل النجم القطبي والنجم 2 والنجم 6 تقع في مستوى واحد على الخريطة؟

نعم، يبدو ذلك، ولكنهم المحقق أن لا يكونوا في نفس المستوى في واقع الأمر.



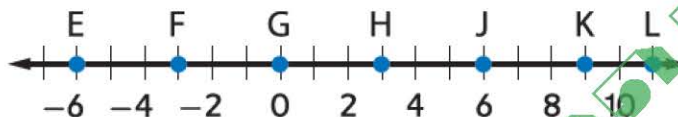


5	إيجاد نقطة المنتصف لقطعة مستقيمة	33 to 56	760
---	----------------------------------	----------	-----

استخدم خط الأعداد لإيجاد إحداثي نقطة المنتصف لكل قطعة مستقيمة.

الدرس 10-3

استخدم خط الأعداد لإيجاد إحداثي نقطة المنتصف لكل قطعة مستقيمة.



33. $\overline{HK}$

$$\frac{9+3}{2} = 6$$

34. $\overline{JL}$

$$\frac{6+11}{2} = 8.5$$

35. $\overline{EF}$

$$\frac{-6+(-3)}{2} = -4.5$$

جد إحداثي نقطة المنتصف لقطعة مستقيمة باستخدام النقطتين الطرفيتين المحددتين. $\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$

39. C(22, 4), B(15, 7)

$$= \left(\frac{22+15}{2}, \frac{4+7}{2}\right)$$

$$= (18.5, 5.5)$$

40. W(12, 2), X(7, 9)

$$= \left(\frac{12+7}{2}, \frac{2+9}{2}\right)$$

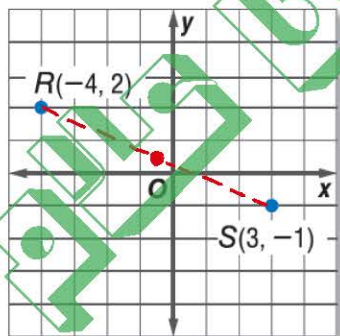
$$= (9.5, 5.5)$$

42. V(-2, 5), Z(3, -17)

$$= \left(\frac{-2+3}{2}, \frac{5+(-17)}{2}\right)$$

$$= (0.5, -6)$$

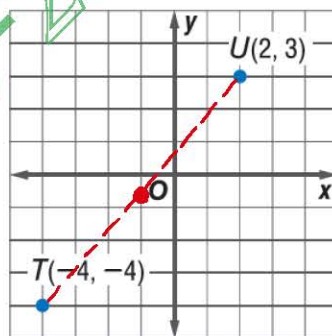
45.



$$= \left(\frac{-4+3}{2}, \frac{2+(-1)}{2}\right)$$

$$= (-0.5, 0.5)$$

46.



$$= \left(\frac{-4+2}{2}, \frac{-4+3}{2}\right)$$

$$= (-1, -\frac{1}{2})$$



جد إحداثي النقطة الطرفية الناقصة إذا كانت B نقطة منتصف $\overline{AC}$.

47. $C(-5, 4)$, $B(-2, 5)$, $A(x, y)$

$AC \text{ منتصف} = \left(\frac{-5+x}{2}, \frac{4+y}{2} \right)$

$(-2, 5) = \left(\frac{-5+x}{2}, \frac{4+y}{2} \right)$

$\frac{-5+x}{2} = -2$

$\frac{4+y}{2} = 5$

$-5+x = -4$

$4+y = 10$

$x = -4+5 = 1$

$y = 10-4 = 6$

$\Rightarrow A(1, 6)$

48. $A(1, 7)$, $B(-3, 1)$, $C(x, y)$

$AC \text{ منتصف} = \left(\frac{1+x}{2}, \frac{7+y}{2} \right)$

$(-3, 1) = \left(\frac{1+x}{2}, \frac{7+y}{2} \right)$

$\frac{1+x}{2} = -3$

$\frac{7+y}{2} = 1$

$1+x = -6$

$7+y = 2$

$x = -6-1 = -7$

$y = 2-7 = -5$

$\Rightarrow C(-7, -5)$

52. $C\left(\frac{5}{3}, -6\right)$, $B\left(\frac{8}{3}, 4\right)$, $A(x, y)$

$AC \text{ منتصف} = \left(\frac{\frac{5}{3}+x}{2}, \frac{-6+y}{2} \right)$

$\left(\frac{8}{3}, 4\right) = \left(\frac{\frac{5}{3}+x}{2}, \frac{-6+y}{2} \right)$

$\frac{\frac{5}{3}+x}{2} = \frac{8}{3}$

$\frac{-6+y}{2} = 4$

$\frac{5}{3}+x = \frac{16}{3}$

$-6+y = 8$

$x = \frac{16}{3} - \frac{5}{3} = \frac{11}{3}$

$y = 8+6 = 14$

$\Rightarrow A\left(\frac{11}{3}, 14\right)$

الجبر افترض أن M هي نقطة منتصف $\overline{FG}$. استخدم المعطيات المعطاة لإيجاد القياس أو القيمة الناقصة.

53. $FM = 3x - 4$, $MG = 5x - 26$, $FG = ?$

$FM = MG$

$\Rightarrow FM = 3x - 4$

$3x - 4 = 5x - 26$

$= 3(11) - 4$

$26 - 4 = 5x - 3x$

$= 29$

$22 = 2x$

$\Rightarrow FG = 2FM$

$11 = \frac{22}{2} = x$

$= 2(29)$

$= 58$

54. $FM = 5y + 13$, $MG = 5 - 3y$, $FG = ?$

$FM = MG$

$\Rightarrow FM = 5y + 13$

$5y + 13 = 5 - 3y$

$= 5(-1) + 13$

$5y + 3y = 5 - 13$

$= 8$

$8y = -8$

$\Rightarrow FG = 2FM$

$y = \frac{-8}{8} = -1$

$= 2(8) = 16$

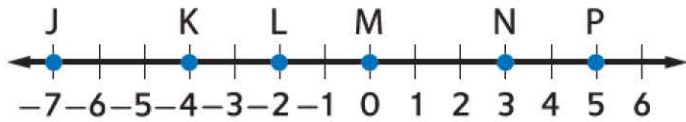




6	إيجاد المسافة بين نقطتين باستخدام القانون	13 to 31	760
---	---	----------	-----

الدرس 9-1

استخدم خط الأعداد في إيجاد كل قياس.



13. JL

$$JL = |-2 - (-7)|$$

$$= 5$$

14. JK

$$JK = |-4 - (-7)|$$

$$= 3$$

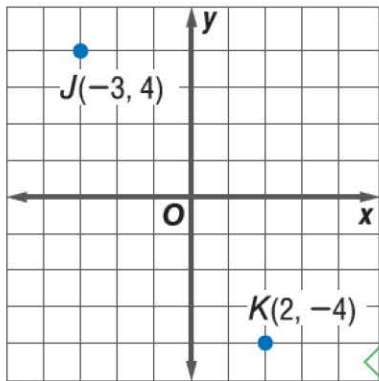
15. KP

$$KP = |5 - (-4)|$$

$$= 9$$

جد المسافة بين كل زوج من النقاط.

19.

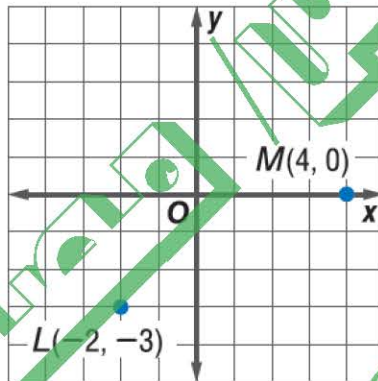


$$JK = \sqrt{(-3-2)^2 + (4-(-4))^2}$$

$$= \sqrt{89}$$

$$= 9.43$$

20.

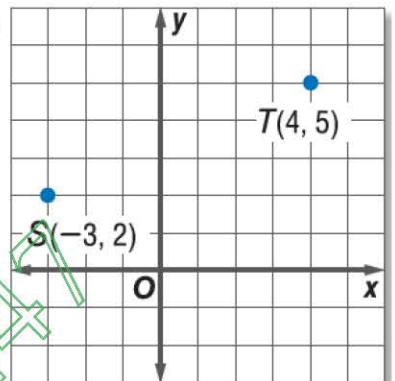


$$ML = \sqrt{(4-(-2))^2 + (0-(-3))^2}$$

$$= 3\sqrt{5}$$

$$= 6.71$$

21.



$$TS = \sqrt{(4-(-3))^2 + (5-2)^2}$$

$$= \sqrt{58}$$

$$= 7.62$$

25. X(1, 2), Y(5, 9)

$$XY = \sqrt{(5-1)^2 + (9-2)^2}$$

$$= \sqrt{65}$$

$$= 8.06$$

26. P(3, 4), Q(7, 2)

$$PQ = \sqrt{(7-3)^2 + (2-4)^2}$$

$$= 2\sqrt{5}$$

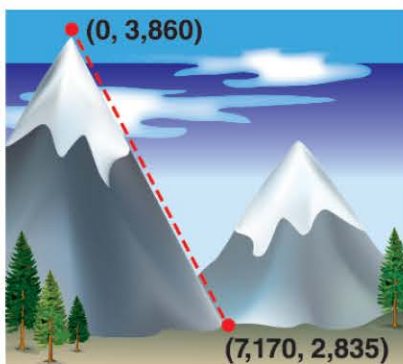
$$= 4.47$$

27. M(-3, 8), N(-5, 1)

$$MN = \sqrt{(-5-(-3))^2 + (1-8)^2}$$

$$= \sqrt{53}$$

$$= 7.28$$



31. التبرير تخطط هدى لأن تصعد إلى أعلى قمة جبل خلال عطلة عائلتها. وتم توضيح إحداثيات قمة الجبل وإحداثيات قاعدة المسار. فإذا كان من الممكن تقريب المسار باستخدام خط مستقيم، فقدر طول المسار. (ملاحظة: 1 km = 1000 m)

$$= \sqrt{(0-7170)^2 + (3860-2835)^2}$$

$$= \sqrt{(-7170)^2 + (1025)^2}$$

$$= \sqrt{51408900 + 1050625}$$

$$= 7242.9 \text{ m} \Rightarrow 7.2429 \text{ km}$$



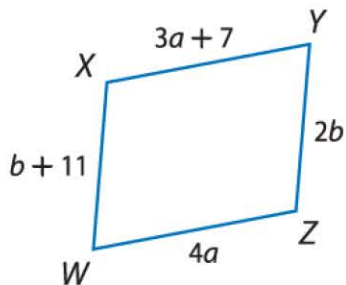


7	التعرف على خواص أقطار متوازيات الأضلاع وتطبيقها	15 to 24	800
---	---	----------	-----

الدرس 11-2

الجبر أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع.

15.



$$XW = ZY$$

$$b + 11 = 2b$$

$$11 = 2b - b$$

$$11 = b$$

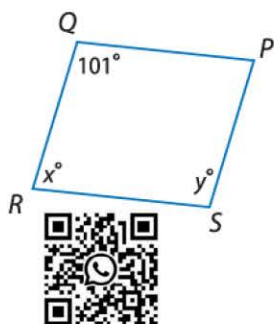
$$XY = WZ$$

$$3a + 7 = 4a$$

$$7 = 4a - 3a$$

$$7 = a$$

16.



$$\angle S = \angle Q$$

$$\Rightarrow y = 101$$

$$Q + R = 180$$

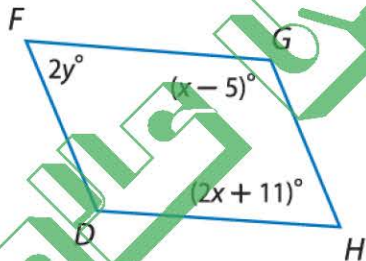
$$101 + x = 180$$

$$\Rightarrow x = 180 - 101$$

$$x = 79$$

الجبر أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع.

19.



$$m\angle G + m\angle H = 180$$

$$x - 5 + 2x + 11 = 180$$

$$3x + 6 = 180$$

$$3x = 180 - 6$$

$$x = \frac{174}{3} = 58$$

$$m\angle F = m\angle H$$

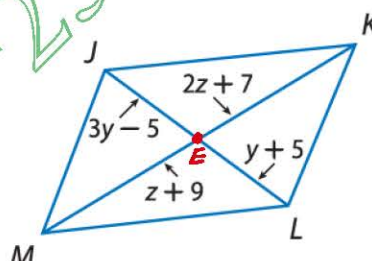
$$2y = 2x + 11$$

$$2y = 2(58) + 11$$

$$2y = 127$$

$$y = \frac{127}{2} = 63.5$$

20.



$$ME = EK$$

$$z + 9 = 2z + 7$$

$$9 - 7 = 2z - z$$

$$2 = z$$

$$JE = EL$$

$$3y - 5 = y + 5$$

$$3y - y = 5 + 5$$

$$2y = 10$$

$$y = \frac{10}{2}$$

$$y = 5$$



الهندسة الإحداثية أوجد إحداثيات تقاطع القطرين في WXYZ باستخدام الرؤوس المعطاة.

21. W(-1, 7), X(8, 7), Y(6, -2), Z(-3, -2)

منتصف القطر $\overline{XZ}$ هو

$$= \left(\frac{8 + (-3)}{2}, \frac{7 + (-2)}{2} \right)$$

$$= (2.5, 2.5)$$

22. W(-4, 5), X(5, 7), Y(4, -2), Z(-5, -4)

منتصف القطر $\overline{XZ}$ هو

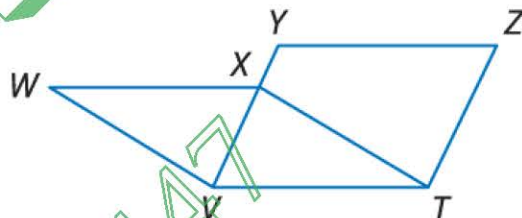
$$= \left(\frac{5 + (-5)}{2}, \frac{7 + (-4)}{2} \right)$$

$$= (0, 1.5)$$

البرهان اكتب برهاناً من عمودين.

23. المعطيات: WXTV و ZYVT هما متوازيان الأضلاع.

المطلوب: $\overline{WX} \cong \overline{YZ}$



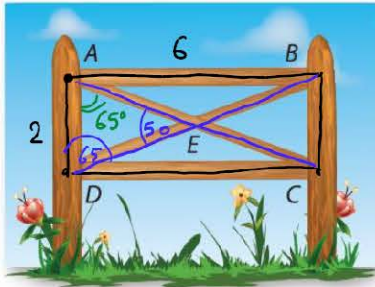
المبررات	المعبارات
معطيات	$WXTV$ و $ZYVT$ متوازيان أضلاع
أضلاع متقابلة في متوازي الأضلاع	$\overline{WX} \cong \overline{VT}$, $\overline{YZ} \cong \overline{VT}$
تعريف التطابق	$\overline{WX} \cong \overline{YZ}$



8	التعرف على خواص المستطيلات وتطبيقها	10 to 19	818
9	التعرف على خواص المستطيلات وتطبيقها	10 to 19	818

الدرس 11-4

السياج تُستخدم الدعامات على شكل حرف X في دعم السياجات مستطيلة الشكل. المثلث AED متساوي الساقين
 إذا كان $AB = 6$ ft، وكان $AD = 2$ ft، وكان $m\angle DAE = 65^\circ$ ، فأوجد كل القياسات.
 $\Rightarrow m\angle ADE = m\angle DAC = 65^\circ$
 $\Rightarrow m\angle AED = 180 - 65 - 65 = 50^\circ$



10. $BC = AD = 2$

11. $DB = \sqrt{6^2 + 2^2}$ فيثاغورس
 $= 2\sqrt{10} = 6.3$

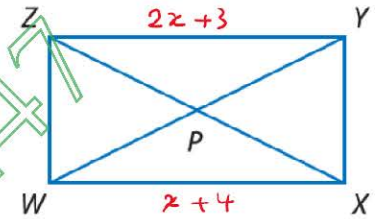
12. $m\angle CEB = m\angle DEA$
 $= 50^\circ$ متقابل بالرأس

13. $m\angle EDC = 90 - m\angle ADE$
 $= 90 - 65 = 25^\circ$

الانتظام الشكل الرباعي WXYZ هو مستطيل.

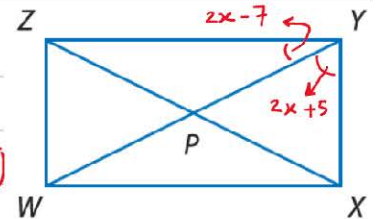
14. If $ZY = 2x + 3$ and $WX = x + 4$, find WX.

$WX = ZY$ $\Rightarrow x = 1$
 $2x + 3 = x + 4$ $\Rightarrow WX = (1) + 4$
 $2x - x = 4 - 3$ $= 1$



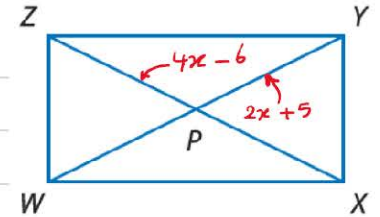
16. If $m\angle ZYW = 2x - 7$ and $m\angle WYX = 2x + 5$, find $m\angle ZYW$.

$m\angle ZYW + m\angle WYX = 90$ $\Rightarrow 4x = 90 + 2$ $\Rightarrow 4x = 92$
 $2x - 7 + 2x + 5 = 90$ $\Rightarrow x = \frac{92}{4} = 23$
 $4x - 2 = 90$ $\Rightarrow m\angle ZYW = 2(23) - 7 = 39^\circ$



17. If $ZP = 4x - 9$ and $PY = 2x + 5$, find ZX.

$ZP = PY$ $\Rightarrow 2x = 14$ $ZX = 2(ZP)$
 $4x - 9 = 2x + 5$ $x = \frac{14}{2}$ $= 2(4(7) - 9)$
 $4x - 2x = 5 + 9$ $x = 7$ $= 38$



18. إذا كان $m\angle XZY = 3x + 6$ وكان $m\angle XZW = 5x - 12$ ، فأوجد $m\angle YXZ$. 48

19. إذا كان $m\angle ZXW = x - 11$ وكان $m\angle WZX = x - 9$ ، فأوجد $m\angle ZXY$. 46



10

تحديد ما إذا كانت أشكال رباعية مستطيلات أم معينات أم مربعات

17 to 33

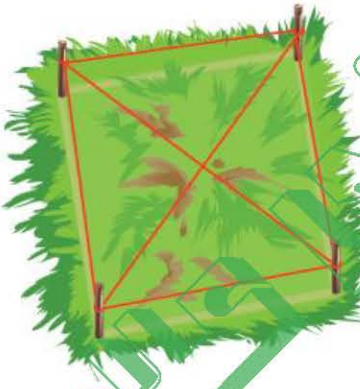
828

الدرس 11-5

17. الطرق يتقاطع الشارع الرئيسي والطريق السريع كما يظهر في الرسم التخطيطي. كل معبر مشاة له الطول نفسه. صنف الشكل الرباعي الذي تشكله معابر المشاة. اشرح استنتاجك.

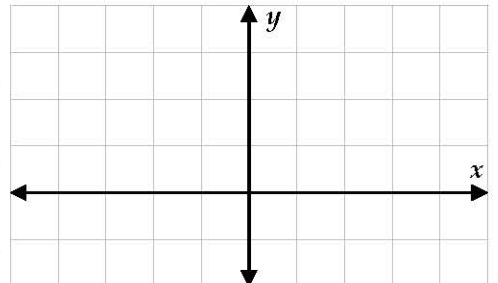


18. التمثيل وضعت منسقة حدائق حدودًا لمساحة حديقة مستطيلة الشكل كما هو مبين. وحرصت على أن يكون كل ضلع من أضلاع الشكل الرباعي الذي شكلته بالتحديد، متطابقًا وأن القطرين متعامدان. هل هذه المعلومات كافية لتكون منسقة الحدائق متأكدة من أن الحديقة عبارة عن مربع؟ اشرح تبريرك.



الهندسة الإحداثية بالنظر إلى كل مجموعة من الرؤوس، حدد إذا ما كان JKLM عبارة عن معين، أو مستطيل، أو مربع. حدد كل ما ينطبق. اشرح.

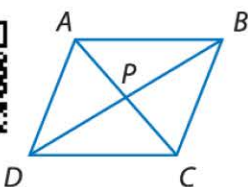
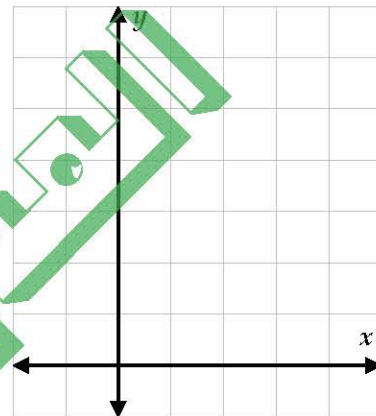
19. J(-4, -1), K(1, -1), L(4, 3), M(-1, 3)





الهندسة الإحداثية بالنظر إلى كل مجموعة من الرؤوس، حدد إذا ما كان $\square JKLM$ عبارة عن معين، أو مستطيل، أو مربع. حدد كل ما ينطبق. اشرح.

22. $J(-1, 1), K(4, 1), L(4, 6), M(-1, 6)$



23. AP

25. $m\angle BDA$

$ABCD$ عبارة عن معين. إذا كان $PB = 12, AB = 15$ و $m\angle ABD = 24$ ، فأوجد جميع القياسات.

24. CP

26. $m\angle ACB$



33.



32.



31.

صنّف كل شكل رباعي.



11

التعرف على خواص المعينات والمربعات وتطبيقها

7 to 12

827

الدرس 9-1

الجبر الشكل الرباعي ABCD معين. أوجد جميع القيم أو القياسات.



7. If $AB = 14$, find BC .

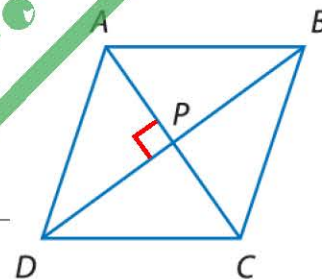
8. If $m\angle BCD = 54$, find $m\angle BAC$.

9. If $AP = 3x - 1$ and $PC = x + 9$, find AC .

10. If $DB = 2x - 4$ and $PB = 2x - 9$, find PD .

11. If $m\angle ABC = 2x - 7$ and $m\angle BCD = 2x + 3$, find $m\angle DAB$.

12. If $m\angle DPC = 3x - 15$, find x .





التعرف على خصائص شبه المنحرف وتطبيقها، بما في ذلك متوسطات أشباه المنحرف

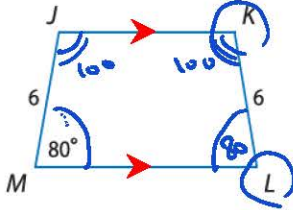
8 to 23

836 + 837

الدرس 11-6

أوجد قياس كل مما يلي

8. $m\angle K$



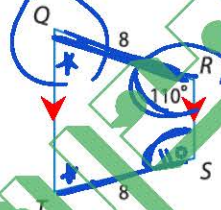
$$K + L = 180$$

$$K + 80 = 180$$

$$K = 180 - 80$$

$$K = 100$$

9. $m\angle Q$



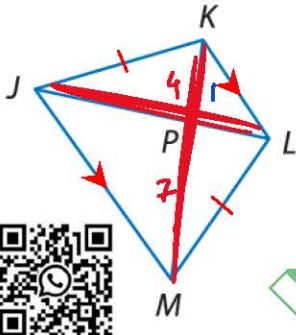
$$Q + R = 180$$

$$Q + 110 = 180$$

$$Q = 180 - 110$$

$$Q = 70$$

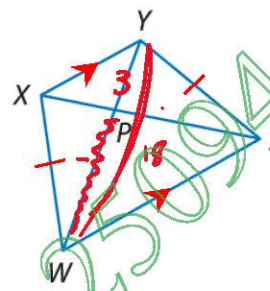
10. JL if $KP = 4$ and $PM = 7$



$$KM = 4 + 7 = 11$$

$$JL = 11$$

11. PW if $XZ = 18$ and $PY = 3$



$$PW = 18 - 3$$

$$= 15$$

الهندسة الإحداثية بالنسبة لكل شكل رباعي له رؤوس معلومة، تحقق ما إذا كان الشكل الرباعي هذا شبه منحرف، وحدد ما إذا كان الشكل شبه منحرف متساوي الساقين.

13. $J(-4, -6)$ $K(6, 2)$ $L(1, 3)$ $M(-4, -1)$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

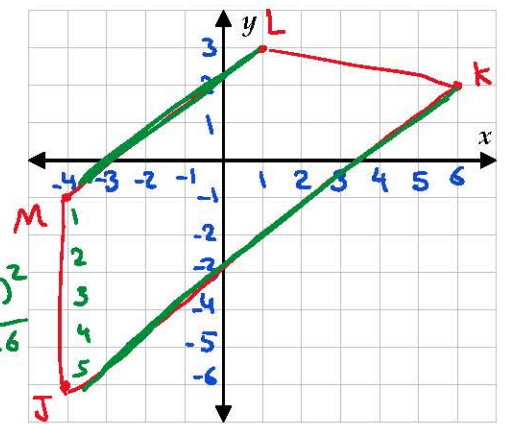
$$m_{KL} = \frac{3 - -1}{1 - -4} = \frac{3+1}{1+4} = \frac{4}{5}$$

$$m_{JK} = \frac{-6 - 2}{-4 - 6} = \frac{-8}{-10} = \frac{4}{5}$$

دع $m_{KL} = m_{JK}$ فإنها متوازيان (شبه منحرف)

$$m_{KL} = 5 \quad , \quad m_{JK} = \sqrt{(6-1)^2 + (2-3)^2} = \sqrt{25+1} = \sqrt{26}$$

$$m_{KL} \neq m_{JK}$$



شبه منحرف ولكن ليس متساوي الساقين



الهندسة الإحداثية بالنسبة لكل شكل رباعي له رؤوس معلومة، تحقق ما إذا كان الشكل الرباعي هذا شبه منحرف، وحدد ما إذا كان الشكل شبه منحرف متساوي الساقين.

15. W(-5, -1), X(-2, 2), Y(3, 1), Z(5, -3)

$$m_{WX} = \frac{2 - (-1)}{-2 - (-5)} = \frac{3}{3} = 1$$

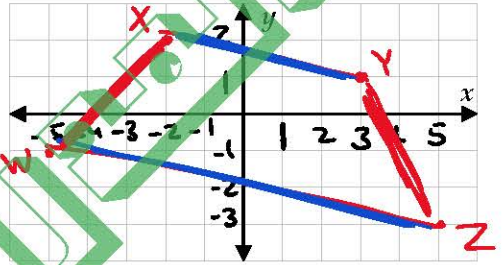
$$m_{YZ} = \frac{-3 - 1}{5 - 3} = \frac{-4}{2} = -2$$

لأنه ليس له ميل متساويين ← شبه منحرف

$$WX = \sqrt{(-2 - (-5))^2 + (2 - (-1))^2} = \sqrt{9 + 9} = \sqrt{18}$$

$$YZ = \sqrt{(3 - 5)^2 + (1 - (-3))^2} = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20}$$

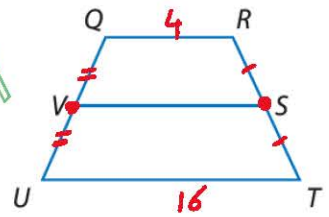
شبه منحرف ولكن ليس متساوي الساقين



بالنسبة لشبه المنحرف QRTU، يمثل v و S نقطتي منتصف الساقين

17. If QR = 4 and UT = 16, find VS.

$$VS = \frac{4 + 16}{2} = \frac{20}{2} = 10$$



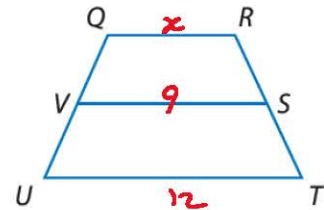
18. If VS = 9 and UT = 12, find QR.

$$9 = \frac{x + 12}{2} \quad 18 - 12 = x$$

$$9 \times 2 = \frac{x + 12}{2} \times 2$$

$$18 = x + 12$$

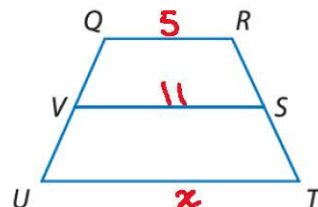
$$6 = x$$



19. إذا كان $SV = 17$ و $TU = 26$ ، فأوجد QR.

20. إذا كان $VS = 7$ و $QR = 2$ ، فأوجد UT.

21. إذا كان $VS = 11$ و $RQ = 5$ ، فأوجد UT.



$$17 = \frac{5 + x}{2}$$

$$17 \times 2 = \frac{5 + x}{2} \times 2$$

$$34 = 5 + x$$

$$34 - 5 = x$$

$$29 = x$$



23 موسيقى

إذا كان طول المفتاح C منخفض الحدة يساوي 15.24 in، وطول المفتاح D عالي الحدة يساوي 4.6 in، فما طول المفتاح G؟



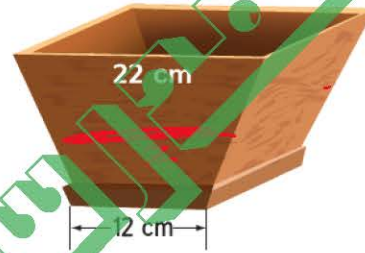
$$\text{متوسط} = \frac{15.24 + 4.60}{2}$$

$$= \frac{19.84}{2}$$

$$= 9.92$$

22. تصميم تصميم خديجة

أصيص نافذة. وهي تريد أن تكون حافة الصندوق في شكل شبه منحرف بالأبعاد الموضحة. فإذا كانت تريد وضع رف في المنتصف لتستند إليها النباتات، فما عرض الرف الذي ينبغي أن تصنعه؟



$$x = \frac{22 + 12}{2}$$

$$= \frac{34}{2}$$

$$= 17$$



تصنيف المجموعات إلى منتهية وغير منتهية	49 to 54	860
--	----------	-----

الدرس 12-1

حدد ما إذا كانت كل مجموعة محدودة أم ليست محدودة.

49. L هي مجموعة المتسابقين الذين ربخوا في برنامج المسابقات. ~~محدودة~~
50. $\{A | A\}$ مجموعة الطلاب الذين حصلوا على شهادات تقدير في الشارقة. ~~محدودة~~
51. لاعبو كرة السلة في اتحاد الإمارات العربية المتحدة الذين أحرزوا غمسات رائعة الأسبوع الماضي. ~~ليست محدودة~~
52. N هي مجموعة المرضى المستحقين لزراعة القلب. ~~ليست محدودة~~
53. $B = \{x | x \text{ عدد كبير}\}$. ~~ليست محدودة~~
54. $C = \{x | x \text{ عدد أكبر من عدد السكان في الإمارات العربية المتحدة}\}$. ~~محدودة~~



49. محددة جيدًا 50. محددة جيدًا 51. ليست محددة جيدًا
52. ليست محددة جيدًا 53. ليست محددة جيدًا
54. محددة جيدًا



إيجاد عدد العناصر في المجموعات

79 to 86

861

الدرس 12-1



جد العدد الرئيس لكل مجموعة.

$$n(A) = 4$$

$$79. A = \{63, 72, 51, 44\}$$

$$n(B) = 11$$

$$80. B = \{10, 11, 12, \dots, 20\}$$

$$n(C) = 7$$

$$81. C = \{x | x \text{ يوم في الأسبوع}\}$$

$$n(D) = 12$$

$$82. D = \{x | x \text{ شهر في السنة}\}$$

$$n(E) = 1$$

$$83. E = \{\text{ثلاثة}\}$$

$$n(F) = 4$$

$$84. F = \{\text{ث}, \text{ل}, \text{ا}, \text{ة}\}$$

$$n(G) = 0$$

$$85. G = \{x | x \text{ ينتمي إلى } N \text{ و } x \text{ عدد سالب}\}$$

$$n(H) = 0$$

$$86. H = \{\emptyset\}$$

$$n(F) = 1$$

$$87. F = \{0\}$$

$$79. 4 \quad 80. 11 \quad 81. n(C) = 7 \quad 82. n(D) = 12$$

$$83. n(E) = 1 \quad 84. n(F) = 4$$

$$85. n(G) = 0 \quad 86. n(H) = 0$$



إيجاد عدد المجموعات الجزئية لمجموعة

35 to 40

873

الدرس 12-2

عدد المجموعات الجزئية للمجموعة المنتهية: إذا كانت المجموعة المنتهية تحتوي على عدد n من العناصر، فإنها تضم:

2^n من المجموعات الجزئية و $2^n - 1$ من المجموعات الجزئية الفعلية.

جد عدد المجموعات الجزئية والمجموعات الجزئية الفعلية التي تتضمنها كل مجموعة. لا تسرد المجموعات الجزئية.

35. {25, 50, 75} ————— الجزئية = $2^3 - 1 = 7$ | الجزئية الفعلية = $2^3 = 8$

36. {a, b, c, d, ..., z} ————— الجزئية = $2^{26} = 67108864$ | الجزئية الفعلية = $2^{26} - 1 = 67108863$

37. $\emptyset$ ————— الجزئية = $2^0 = 1$ | الجزئية الفعلية = $2^0 - 1 = 0$

38. {0} ————— الجزئية = $2^1 = 2$ | الجزئية الفعلية = $2^1 - 1 = 1$

39. {x, y} ————— الجزئية = $2^2 = 4$ | الجزئية الفعلية = $2^2 - 1 = 3$

(2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, 24, 26, 28, 30)

$\frac{30-2}{2} + 1$

40. {2, 4, 6, 8, 10, ..., 30} ————— الجزئية = $2^{15} = 32768$ | الجزئية الفعلية = $2^{15} - 1 = 32767$

35. 8 مجموعات جزئية، 7 مجموعات جزئية فعلية
36. 67, 108, 864; 67, 108, 863
37. مجموعة جزئية واحدة، لا توجد مجموعات جزئية فعلية
38. مجموعتان جزئيتان، مجموعة جزئية فعلية واحدة
39. 4 مجموعات جزئية، 3 مجموعات جزئية فعلية
40. 32, 768; 32, 767



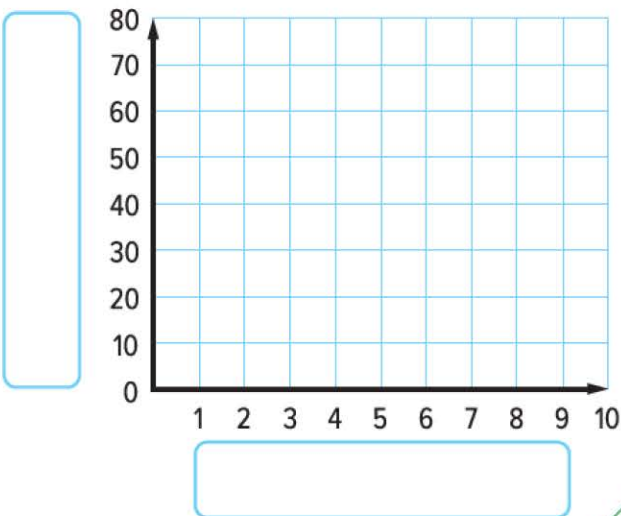
16

إنشاء مخططات انتشار ووضع تخمينات بشأنها

1 to 3

667

الدرس 9-1

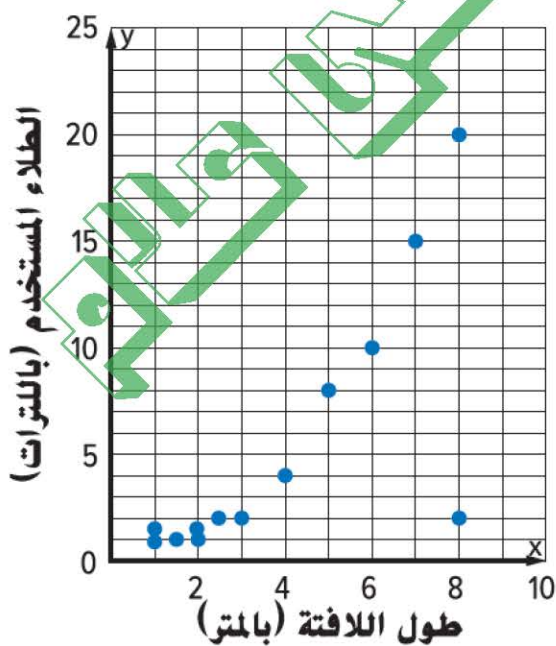


أنشئ مخطط انتشار لعدد الكتب المُتبرّع بها بمرور الوقت. (المثال 1)

العام	1	2	3	4	5	6	7	8
عدد الكتب	27	38	24	47	58	65	63	68

2. فسّر مخطط انتشار بيانات كمية الطلاب المستخدمة لطلاب لافيات

بأطوال مختلفة بناءً على شكل التوزيع. (المثال 2)



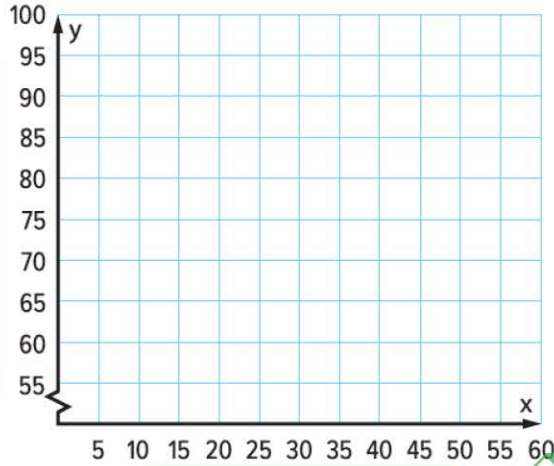


3. يبين الجدول المدة الزمنية التي ذكر فيها الطلاب من أجل الاختبار ونتائجهم في الاختبار. (المثال 3)

الوقت (min)	10	15	20	25	30	35	40	45
نتيجة الاختبار	65	68	67	78	79	85	89	92

a. أنشئ مخطط انتشار للبيانات.

b. فسّر مخطط انتشار البيانات بناءً على شكل التوزيع.



c. إذا كانت هناك علاقة، فخمّن نتائج اختبار طالب
ذاكر لمدة 60 دقيقة.





17

إنشاء جداول ثنائية وشرحها

1 to 4

689

الدرس 9-3

1 سئل مئة عميل في مطعم عما إذا ما كانوا يحبون الدجاج أم اللحم البقري وعما إذا كانوا يحبون الأرز أم المكرونة. ومن أصل 30 عميلاً أحب الأرز، وأحب منهم 20 عميلاً الدجاج. وكان هناك 60 عميلاً أحبوا الدجاج. أُنشئ جدولاً ذا مدخلين يلخص البيانات. (المثال 1)

	دجاج	لحم بقري	الإجمالي
أرز			
مكرونة			
الإجمالي			



2. يوضح الجدول ذو المدخلين عدد الطلاب الذين يؤدون الأعمال اليومية في المنزل والطلاب الذين لا يؤدونها وإذا ما كانوا يتلقون مصروفاً أم لا. جـد التكرارات النسبية للطلاب المشاركين في الاستطلاع باتباع بيانات العمود وفسرها. (المثال 2)

	يتلقون مصروفاً	لا يتلقون مصروفاً	الإجمالي
يؤدون الأعمال اليومية	3;	3;	
لا يؤدون الأعمال اليومية	5;	4;	
الإجمالي			



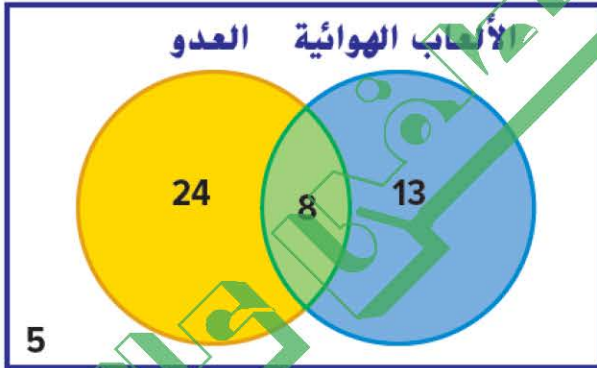


3 يوضح الجدول ذو المدخلين عدد الطلاب الذين يستخدمون الرسائل الهاتفية استخدامًا يوميًا. جـد التكرارات النسبية للطلاب المشاركين في الاستطلاع باستخدام بيانات الصفوف وفسّر هذه التكرارات. (المثال 2)

الإجمالي	يُرسلون الرسائل الصوتية	يُرسلون الرسائل النصية	طلاب الصف السابع
	25;	59;	طلاب الصف الثامن
	41;	59;	الإجمالي



4. استخدام أدوات الرياضيات يوضح مخطط فن عدد الطلاب الذين يمارسون الرياضة بطرق مختلفة. أنشئ جدولاً ذا مدخلين يعرض هذه البيانات. جـد التكرارات النسبية باتباع بيانات العمود وفسرها.





18

الحساب باستخدام القياسات

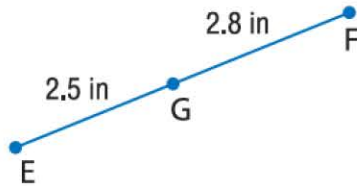
14 to 32

747

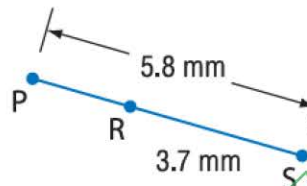
جد قياس كل قطعة مستقيمة. افترض أن كل شكل ليس مرسومًا حسب المقياس.

الدرس 10-2

14. $\overline{EF}$



16. $\overline{PR}$



18. $\overline{WY}$

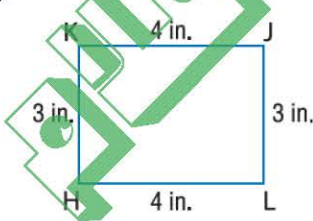


23. $XY = 7a$, $YZ = 5a$, $XZ = 6a + 24$

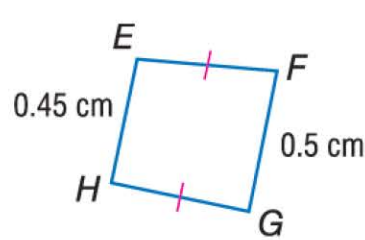
24. $XY = 11d$, $YZ = 9d - 2$, $XZ = 5d + 28$

الجبر جد قيمة المتغير و YZ إذا كانت Y تقع بين X و Z.

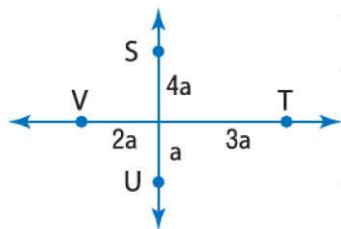
27. $\overline{KJ}$, $\overline{HL}$



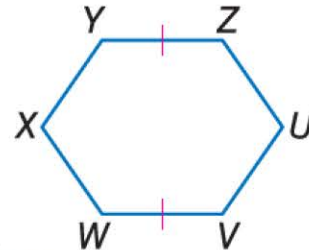
29. $\overline{EH}$, $\overline{FG}$

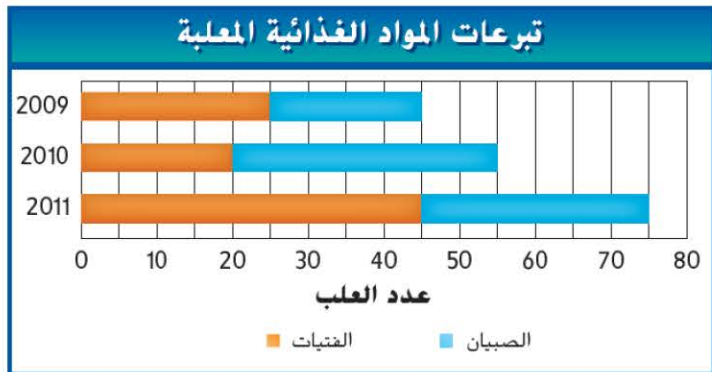


32. $\overline{SU}$, $\overline{VT}$



30. $\overline{VW}$, $\overline{UZ}$



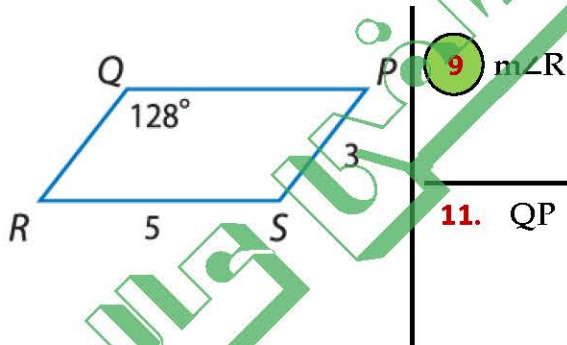


20. **التبرير المنطقي** يوضح التمثيل البياني بالاعمد المزدوج عددًا من المواد الغذائية المعلبة التي تبرع بها الفتيات والفتيان في الصف الدراسي خلال ثلاثة أعوام. استخدم مفهوم بينية النقاط لإيجاد عدد العلب التي تبرع بها الفتيان في كل عام. اشرح طريقته.

19	التعرف على خواص أضلاع وزوايا متوازيات الأضلاع وتطبيقها	9 to 12	799
----	--	---------	-----

الدرس 11-2

استخدم $\square$ PQRS لإيجاد كل القياسات.



10. QR _____

12. $m\angle S$ _____

11. QP _____



20

التعرف على خواص أضلاع وزوايا متوازيات الأضلاع وتطبيقها

25 to 37

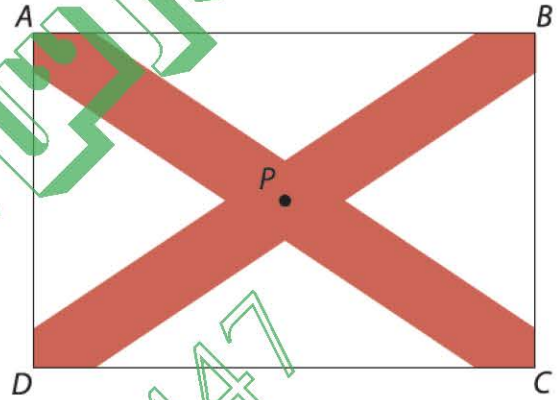
801

الدرس 11-2

25. الأعلام انظر إلى علم ولاية ألاباما علي اليسار.

المعطيات: $\triangle ACD \cong \triangle CAB$

المطلوب: $\overline{DP} \cong \overline{PB}$



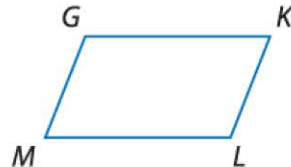
الفرضيات اكتب نوع الإثبات المشار إليه.

26. عمودان

المعطيات: $\square GKLM$

المطلوب: $\angle G$ و $\angle K$, $\angle K$ و $\angle L$.

$\angle L$ و $\angle M$, و $\angle M$ و $\angle G$ (النظرية 11.8)





الفرضيات اكتب نوع الإثبات المشار إليه.

27. عمودان

المعطيات: $\square WXYZ$

المطلوب: $\triangle WXZ \cong \triangle YZX$

(النظرية 11.5)

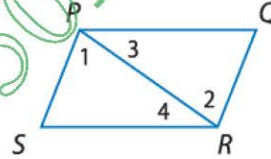


28. عمودان

المعطيات: $\square PQRS$

المطلوب: $\overline{PQ} \cong \overline{RS}, \overline{QR} \cong \overline{SP}$

(النظرية 11.3)

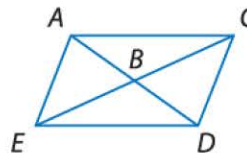


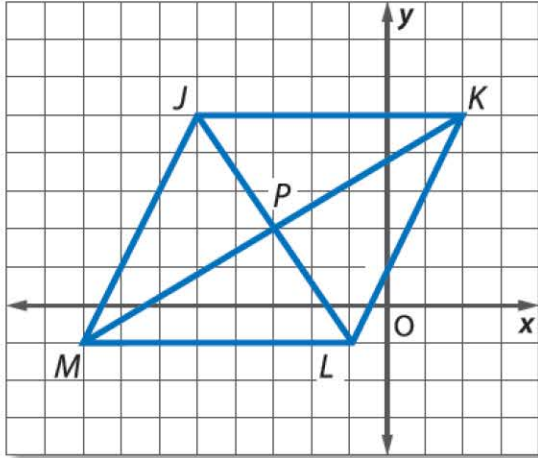
29. فقرة

المعطيات: $\square ACDE$ متوازي أضلاع.

أثبت: $\overline{EC}$ ينصف $\overline{AD}$.

(النظرية 11.7)





30. الهندسة الإحداثية استخدم التمثيل الموضح.

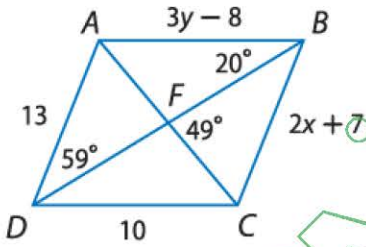
a. استخدم صيغة المسافة لتحديد إذا كان قطرا $JKLM$ ينصفان بعضهما. اشرح.

b. حدد ما إذا كان القطران متطابقين. اشرح.

c. استخدم الميل لتحديد إذا كانت الأضلاع المتتالية متعامدة أم لا. اشرح.



الجبر استخدم $ABCD$ لإيجاد كل قياس أو قيمة.



31. x

33. $m\angle AFB$

35. $m\angle ACD$

32. y

34. $m\angle DAC$

36. $m\angle DAB$



37. الهندسة الإحداثية $ABCD$ يوجد به الرؤوس $A(-3, 5)$ و $B(1, 2)$ و $C(3, -4)$. حدد إحداثيات الرأس D إذا كانت تقع على الشكل الرباعي في الربع الثالث.





	إيجاد التقاطع والاتحاد والفرق بين المجموعات	41 to 60	873
	تعريف متممة المجموعة		



الدرس 12-2

سنستخدم في بقية هذه الوحدة طريقة ذكية لتصوير المجموعات وعلاقاتها تُسمى **مخطط فن Venn**.

= {

استخدم مخطط فن Venn لإيجاد العناصر في كل مجموعة.

41. $U = \{3, 19, 7, 1, 17, 9, 5, 11, 13, 15\}$

42. $A = \{1, 17, 9, 5, 11\}$

43. $B = \{5, 11, 13, 15\}$

44. $A \cap B = \{5, 11\}$ تقاطع

45. $A \cup B = \{1, 17, 9, 5, 11, 13, 15\}$ اتحاد

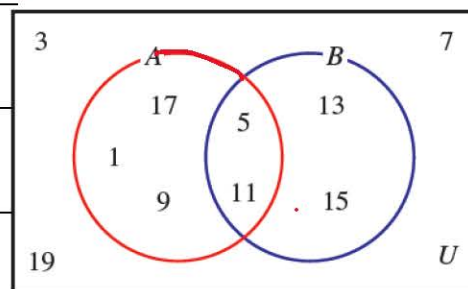
46. $A' = \{13, 15, 7, 3, 19\}$

47. $B' = \{1, 17, 9, 3, 19, 7\}$

48. $(A \cup B)' = \{3, 19, 7\}$

49. $(A \cap B)' = \{3, 19, 1, 17, 9, 13, 15, 7\}$

50. $A \cap B' = \{1, 17, 9\}$



$\{1, 17, 9, 5, 11\} \rightarrow A$

$\{3, 19, 1, 17, 9, 7\} \rightarrow B'$

41. $U = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19\}$

42. $A = \{1, 5, 9, 11, 17\}$

43. $B = \{5, 11, 13, 15\}$ 44. $A \cap B = \{5, 11\}$

45. $A \cup B = \{1, 5, 9, 11, 13, 15, 17\}$

46. $A' = \{3, 7, 13, 15, 19\}$

47. $B' = \{1, 3, 7, 9, 17, 19\}$ 48. $(A \cup B)' = \{3, 7, 19\}$

49. $(A \cap B)' = \{1, 3, 7, 9, 13, 15, 17, 19\}$

50. $A \cap B' = \{1, 9, 17\}$



حل

متركة $\cap$ تقاطع
الكل $\cup$ اتحاد

51. $A \cup C = \{12, 14, 15, 16, 17, 19, 20\}$

52. $A \cap B = \{15, 17\}$

53. $A' = \{11, 12, 13, 18, 19, 20\}$

54. $(A \cap B) \cup C = \{12, 14, 15, 17, 19, 20\}$

55. $A' \cap (B \cup C) = \{11, 12, 13, 19, 20\}$

56. $(A \cap B) \cap C = \{15\}$

57. $(A \cup B)' \cap C = \{12, 20\}$

58. $A \cap B' = \{14, 16\}$

59. $(B \cup C) \cap A' = \{11, 12, 13, 19, 20\}$

60. $(A' \cup B)' \cup C' = \{11, 13, 14, 16, 17, 18\}$

$B \cup C = \{11, 12, 13, 14, 15, 17, 19, 20\}$

$A \cup B = \{11, 13, 14, 15, 16, 17, 19\}$

$(A \cup B)' = \{12, 18, 20\}$

نكون

$U = \{11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$

$A = \{14, 15, 16, 17\}$

$B = \{11, 13, 15, 17, 19\}$

$C = \{12, 14, 15, 19, 20\}$

جد كل مجموعة: $C' = \{11, 13, 16, 17, 18\}$

$B' = \{12, 14, 16, 18, 20\}$

$A' \cup B = \{11, 12, 13, 15, 17, 18, 19, 20\}$

$(A' \cup B)' = \{14, 16\}$

51. $A \cup C = \{12, 14, 15, 16, 17, 19, 20\}$

52. $A \cap B = \{15, 17\}$

53. $A' = \{11, 12, 13, 18, 19, 20\}$

54. $(A \cap B) \cup C = \{12, 14, 15, 17, 19, 20\}$

55. $A' \cap (B \cup C) = \{11, 12, 13, 19, 20\}$

56. $(A \cap B) \cap C = \{15\}$ 57. $(A \cap B)' \cap C = \{12, 20\}$

58. $A \cap B' = \{14, 16\}$ 59. $(B \cup C) \cap A' = \{11, 12, 13, 19, 20\}$

60. $(A' \cup B)' \cup C' = \{11, 13, 14, 16, 17, 18\}$

