

حل الامتحان الوزاري_ العام الماضي_ رياضيات-ثاني عشر متقدم

2021/2022

وفقا لهيكله ومخرجات التعلم 2023
الفصل الدراسي الثالث

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Answer _Moe - Exam 2021.2022
Grade 12 Advanced
Mathematics

Mr. Abdalla
Abouelnaga

0505114830

حل الامتحان الوزاري

2021/2022

2022/2023 Term

ملحوظة هامة: هناك طرق أخرى لحل بعض المسائل والوصول للنتائج الصحيح وكذلك استخدام الآلة الحاسبة (تقبل الحلول الأخرى)

أ. عبد الله أبو النجا

Mr. Abdalla Abouelnaga

0505114830



الكتاب أولاً

عزيزي الطالب: اجتهد في فهم ومذاكرة الأمثلة والتمارين الواردة في الكتاب المدرسي. تمنياتي للجميع بالنجاح والتفوق

The Book Is the first

Mr. Abdalla Abouelnaga - 0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga - 0505114830



1

Abouelnaga
14830

Exam2021.2022 T3

If you invest AED 1000 at
an annual morabaha rate of 8%,
find the value of the investment
after 5 years under continuous
compounding.

إذا استثمرت AED 1000 بمعدل مرابحة سنوية
8%، أوجد قيمة الاستثمار بعد 5 سنوات مع
مرابحة مركبة مستمرة.

Exam2021.2022 T3

A AED 1469.3

B AED 1489.8

C AED 1479.6

D AED 1491.8

$$A = Pe^{rt} = 1000(e)^{0.08(5)} = 1491.8$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

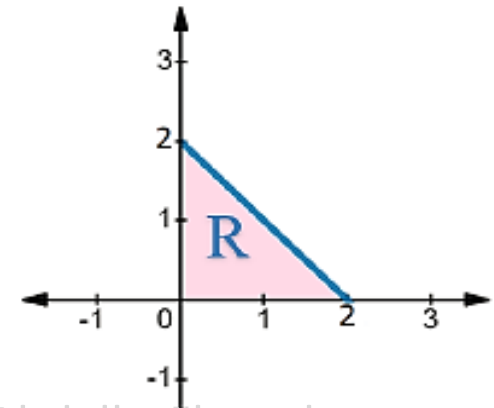
Exam2021.2022 T3

2

Abouelnaga
14830

Let R be the region bounded by
 $y = 2 - x$, $y = 0$ and $x = 0$.
Compute the volume of the solid
formed by revolving R about the
 $y = 3$.

Exam2021.2022 T3

لتكن R هي المنطقة المحدودة بواسطة $x = 0$ و $y = 0$ ، $y = 2 - x$ احسب حجم الجسم الذي تكون من دوران R
حول $y = 3$.

Exam2021.2022 T3

Mr. Abdalla Abouelnaga

Exam2021.2022 T3

$$V = \pi \int_0^2 [3^2 - (3 - (2 - x))^2] dx$$

A $V = \int_0^2 \pi (3)^2 dx - \int_0^2 \pi (2 - x)^2 dx$

B $V = \int_0^2 \pi (3 - (2 - x))^2 dx$

C $V = \int_0^2 \pi (3)^2 dx - \int_0^2 \pi (3 - (2 - x))^2 dx$

D $V = \int_0^2 \pi (3) dx - \int_0^2 \pi (3 - (2 - x))^2 dx$

$$= \pi \int_0^2 [9 - (1 + x)^2] dx$$

$$= \pi \left[9x - \frac{(1+x)^3}{3} \right]_0^2$$

$$= \frac{28\pi}{3}$$

3

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int \frac{2}{4 + 4x^2} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \frac{2}{4 + 4x^2} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$\frac{2}{4} \int \frac{1}{1+x^2} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

$$= \frac{1}{2} \tan^{-1} x + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

A

$$\frac{1}{2} \tan^{-1} x + c$$

B

$$\frac{1}{2} \sin^{-1} x + c$$

C

$$2 \cos \sqrt{x} + c$$

D

$$2 \sin \sqrt{x} + c$$

4

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

$$u = \sqrt{x}$$

أ. عبدالله أبو النجا

$$du = \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

A

$$-2 \sin \sqrt{x} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

B

$$-2 \cos \sqrt{x} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$dx = 2\sqrt{x} du$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

C

$$2 \cos \sqrt{x} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$= \int \frac{\sin u}{\sqrt{x}} \cdot 2\sqrt{x} du$$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

D

$$2 \sin \sqrt{x} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$= -2 \cos u + c$$

$$= -2 \cos \sqrt{x} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

5

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int \frac{x-5}{x^2-1} dx$$

بالكسور
جزئية

Partial
fractions

$$\int \frac{x-5}{x^2-1} dx$$

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \frac{x-5}{x^2-1} dx$$

A $3 \ln|x+1| + 2 \ln|x-1| + c$

B $3 \ln|x+1| - 2 \ln|x-1| + c$

C $2 \ln|x+1| - 3 \ln|x-1| + c$

D $2 \ln|x+1| + 3 \ln|x-1| + c$

$$\frac{x-5}{x^2-1} = \frac{x-5}{(x-1)(x+1)} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+1}$$

$$A(x+1) + B(x-1) = x-5$$

Let $x = -1 \Rightarrow B = 3$

Let $x = 1 \Rightarrow A(2) = -4$

$A = -2$

$$\int \frac{-2}{x-1} + \frac{3}{x+1}$$

$$-2 \ln|x-1| + 3 \ln|x+1| + c$$

B

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

6

Abouelnaga
14830

A rope is to be hung between two poles 40 m apart. If the rope assumes the shape of the catenary $y = 10(e^{x/20} + e^{-x/20})$, $-20 \leq x \leq 20$, compute the length of the rope.

تم تعليق حبل بين عمودين البعد بينهما 40 m . إذا كان الحبل يبدو أنه يتخذ شكل سلسلة معادلتها $y = 10(e^{x/20} + e^{-x/20})$ ، $-20 \leq x \leq 20$ ، احسب طول الحبل.

A $s = 20(e - e^{-1})$ m

B $s = 20(e^{-1} - e)$ m

C $s = 10(e - e^{-1})$ m

D $s = 40(e - e^{-1})$ m

$$s = \int_{-20}^{20} \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$$

$$f(x) = 10(e^{x/20} + e^{-x/20})$$

$$f'(x) = \frac{10}{20}(e^{x/20} - e^{-x/20})$$

$$1 + (f'(x))^2 = 1 + \left(\frac{1}{2}(e^{x/20} - e^{-x/20})\right)^2$$

$$= 1 + \frac{1}{4}(e^{x/10} - 2e^0 + e^{-x/10})$$

$$= 1 + \frac{1}{4}(e^{x/10} - 2 + e^{-x/10})$$

$$= 1 + \frac{1}{4}e^{x/10} - \frac{1}{2} + \frac{1}{4}e^{-x/10}$$

$$= \frac{1}{4}e^{x/10} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}e^{-x/10}$$

$$= \left(\frac{1}{2}e^{x/20} + \frac{1}{2}e^{-x/20}\right)^2$$

$$= \left(\frac{1}{2}(e^{x/20} + e^{-x/20})\right)^2$$

$$\int_{-20}^{20} \left(\frac{1}{2}(e^{x/20} + e^{-x/20})\right)^2 dx$$

$$= \frac{1}{4} \int_{-20}^{20} (e^{x/20} + e^{-x/20})^2 dx$$

$$= \frac{1}{4} \int_{-20}^{20} (e^{x/20} + e^{-x/20}) dx$$

$$= \frac{1}{4} (e^{x/20} - e^{-x/20}) \Big|_{-20}^{20}$$

$$= \frac{1}{4} (e - e^{-1}) - \frac{1}{4} (e^{-1} - e)$$

$$= 20(e - e^{-1}) \approx 47.008 \text{ m}$$

Exam2021.2022 T3

Exam2021.2022 T3

7

Abouelnaga
14830

Which substitution can be used to evaluate the integral?

ما التعويض الذي يمكن استخدامه لإيجاد قيمة التكامل؟

$$\int \frac{1}{\sqrt{x^2 - 25}} dx = \int \frac{1}{\sqrt{25\sec^2\theta - 25}} dx$$

$$= \int \frac{1}{5\sqrt{\tan^2\theta}} dx$$

كل ما زاد في كذا
في كذا الجواب ليس

- A $x = 5 \sin \theta$
- B $x = 5 \sec \theta$**
- C $x = 5 \tan \theta$
- D $x = \sec \theta \tan \theta$

Expression	Trigonometric Substitution	Interval	Identity
$\sqrt{a^2 - x^2}$	$x = a \sin \theta$	$-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$	$1 - \sin^2 \theta = \cos^2 \theta$
$\sqrt{a^2 + x^2}$	$x = a \tan \theta$	$-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$	$1 + \tan^2 \theta = \sec^2 \theta$
$\sqrt{x^2 - a^2}$	$x = a \sec \theta$	$\theta \in [0, \frac{\pi}{2}) \cup (\frac{\pi}{2}, \pi]$	$\sec^2 \theta - 1 = \tan^2 \theta$

$\frac{1}{5} \int \frac{\cos \theta}{\sin \theta} dx$
 $\frac{1}{5} \ln|\sin \theta| + C$ #
 يجب أن نصل إلى هنا
 كذا الجواب خطأ

Mr. Abdalla Abouelnaga

8

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int x^2 \ln x \, dx$$

Let $u = \ln x$ $dv = x^2 dx$
 $du = \frac{1}{x}$ $v = \frac{1}{3} x^3$

$$\int x^2 \ln x \, dx = \frac{1}{3} x^3 \ln x - \int \frac{1}{3} x^3 \cdot \frac{1}{x} \, dx$$

$$= \frac{1}{3} x^3 \ln x - \frac{1}{3} \int x^2 \, dx$$

$$= \frac{1}{3} x^3 \ln x - \frac{1}{9} x^3 + C$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

أوجد قيمة التكامل.

$$\int x^2 \ln x \, dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

A

$$\frac{x^3 \ln x}{3} - \frac{x^3}{9} + c$$

B

$$\frac{x^3 \ln x}{3} - \frac{x^2}{3} + c$$

C

$$\frac{x^3 \ln x}{3} + \frac{x^3}{9} + c$$

D

$$\frac{x^3 \ln x}{3} + \frac{x^2}{3} + c$$

9

Abouelnaga
14830

Evaluate the Integral.

$$\int \tan x \sec^3 x dx$$

$$\int \tan x \cdot \sec x \cdot \sec^2 x dx$$

A $\frac{\sec^3 x}{3} + c$

B $-\frac{\sec^3 x}{3} + c$

C $\frac{\tan^3 x}{3} + c$

D $-\frac{\tan^3 x}{3} + c$

Let $u = \sec x \cdot du = \sec x \tan x dx$

$$dx = \frac{du}{\sec x \tan x}$$

$$\int \tan x \cdot \sec x \sec^2 x dx$$

$$\int \cancel{\tan x} \cdot \sec x \cdot u^2 \cdot \frac{du}{\cancel{\sec x \tan x}}$$

$$= \int u^2 du$$

$$= \frac{u^3}{3} + c = \frac{\sec^3 x}{3} + c$$

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \tan x \sec^3 x dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Exam2021.2022 T3

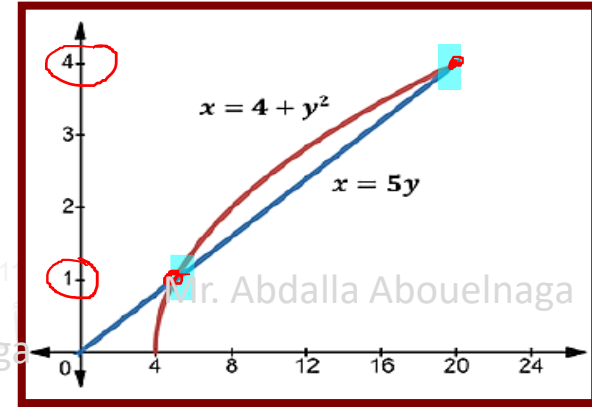
10

Find the area bounded by the curves

$$x = 5y \text{ and } x = 4 + y^2.$$

أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين المنحنيات

$$x = 4 + y^2 \text{ و } x = 5y$$



A

$$A = \int_1^4 (5y - (4 + y^2)) dy$$

B

$$A = \int_5^{20} ((4 + y^2) - 5y) dy$$

C

$$A = \int_5^{20} (5x - (4 + x^2)) dx$$

D

$$A = \int_1^4 ((4 + x^2) - 5x) dx$$

$$\begin{aligned}
 A &= \int_1^4 (\text{Right} - \text{Left}) dy \\
 &= \int_1^4 (5y - (4 + y^2)) dy \\
 &= \frac{9}{2}
 \end{aligned}$$

11

Abouelnaga
14830

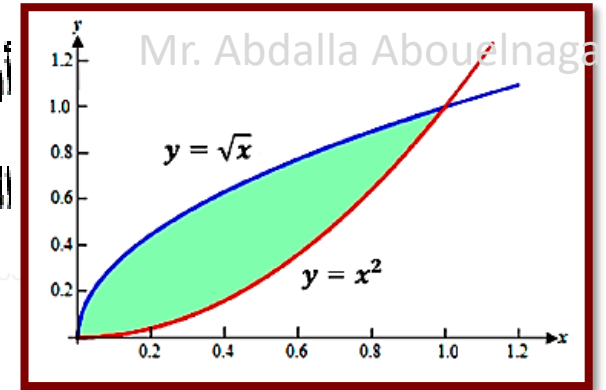
Find the area bounded by the graphs

of $y = \sqrt{x}$ and $y = x^2$.

Mr. Abdalla Abouelnaga

أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين التمثيلين
البيانين $y = x^2$ و $y = \sqrt{x}$.

Mr. Abdalla Abouelnaga



Mr. Abdalla Abouelnaga

Exam2021.2022 T3

A

$$A = \frac{1}{6}$$

B

$$A = \frac{1}{3}$$

C

$$A = \frac{8}{3}$$

D

$$A = \frac{16}{3}$$

$$\int_0^1 (\sqrt{x} - x^2) dx$$

$$= \int_0^1 (x^{\frac{1}{2}} - x^2) dx$$

$$\left(\frac{2}{3} x^{\frac{3}{2}} - \frac{x^3}{3} \right) \Big|_0^1$$

$$= \frac{2}{3} - \frac{1}{3} - (0)$$

$$= \frac{1}{3}$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

12

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int \frac{1}{\sqrt{3-2x-x^2}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$= \int \frac{1}{\sqrt{3-(x^2+2x+\dots)}} dx$$

جميع كمال

$$= \int \frac{1}{\sqrt{3-(x^2+2x+1)+1}} dx$$

$$= \int \frac{1}{\sqrt{4-(x+1)^2}} dx$$

$$= \int \frac{1}{\sqrt{2^2-(x+1)^2}} dx$$

$$= \int \frac{1}{\sqrt{4(1-(\frac{x+1}{2})^2)}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

A $\sin^{-1}\left(\frac{x+1}{2}\right) + c$

B $\frac{1}{2} \tan^{-1}\left(\frac{x+1}{2}\right) + c$

C $\frac{1}{2} \sin^{-1}\left(\frac{x+1}{2}\right) + c$

D $\tan^{-1}\left(\frac{x+1}{2}\right) + c$

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \frac{1}{\sqrt{3-2x-x^2}} dx$$

$$\frac{1}{2} \int \frac{1}{\sqrt{1-(\frac{x+1}{2})^2}} dx$$

$$u = \frac{x+1}{2}$$

$$du = \frac{1}{2} dx \Rightarrow dx = 2 du$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \int \frac{1}{\sqrt{1-u^2}} \cdot 2 du$$

$$= \int \frac{1}{\sqrt{1-u^2}} du$$

$$= \sin^{-1} u + c$$

$$= \sin^{-1}\left(\frac{x+1}{2}\right) + c$$

Exam2021.2022 T3

Mr. Abdalla
AbouelnagaMr. Abdalla
Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

13

Abouelnaga
14830

Find the solution of the differential equation $y' = y - 50$ satisfying the initial condition $y(0) = 70$.

أوجد حل المعادلة التفاضلية $y' = y - 50$ والتي تحقق الشرط الابتدائي $y(0) = 70$.

A

$$y = 20e^t - 50$$

B

$$y = e^t + 50$$

C

$$y = 50e^t + 20$$

D

$$y = 20e^t + 50$$

Handwritten notes: $k=1$, general solution is $y = Ae^{kt} + 50$

$$y = Ae^{kt} + 50$$

$$y = Ae^{t \rightarrow 0} + 50$$

$$70 = A + 50$$

$$A = 20$$

$$y = 20e^t + 50$$

14

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int \cos^2 x \sin x \, dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$u = \cos x \quad du = -\sin x \, dx$$

$$dx = \frac{-du}{\sin x}$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

أ. عبدالله أبو النجا

A

$$-\frac{\cos^3 x}{3} + c$$

$$= \int u^2 \cdot \cancel{\sin x} - \frac{-du}{\cancel{\sin x}}$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

B

$$-\frac{\sin^3 x}{3} + c$$

$$= -\int u^2 du$$

0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

C

$$\frac{\cos^3 x}{3} + c$$

$$= -\frac{u^3}{3} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

D

$$\frac{\sin^3 x}{3} + c$$

$$= \frac{-\cos^3 x}{3} + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \cos^2 x \sin x \, dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Exam2021.2022 T3

15

Abouelnaga
14830Let R be the region bounded by

$$y = x^2, y = 0 \text{ and } x = 1.$$

Compute the volume of the solid formed by revolving R about the x -axis.

A

$$V = \frac{1}{6} \pi$$

B

$$V = \frac{1}{5} \pi$$

C

$$V = \frac{1}{2} \pi$$

D

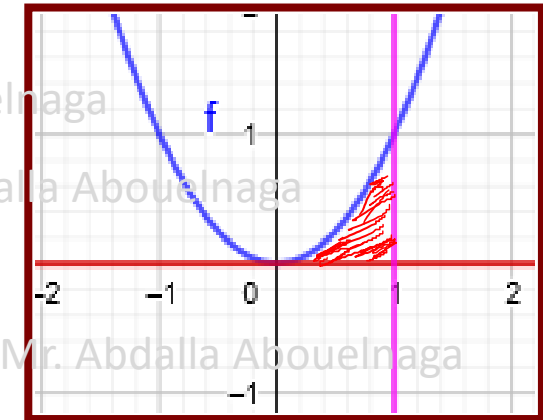
$$V = \frac{32}{5} \pi$$

لتكن R هي المنطقة المحدودة بواسطة

$$y = x^2, y = 0, \text{ و } x = 1.$$

احسب حجم المجسم الذي تكون من دوران R حول المحور x .

$$V = \int_0^1 \pi (x^2)^2 dx$$
$$= \pi \frac{x^5}{5} \Big|_0^1 = \frac{\pi}{5} = \frac{1}{5} \pi$$



16

Abouelnaga
14830

Find the arc length of the portion of
the curve $y = 3x + 2$ with
 $0 \leq x \leq 2$.

أوجد طول القوس لجزء من المنحنى
مع $y = 3x + 2$ مع $0 \leq x \leq 2$.

A

$$s = \sqrt{10}$$

B

$$s = 2\sqrt{10}$$

C

$$s = \sqrt{5}$$

D

$$s = 2\sqrt{5}$$

$$\begin{aligned}
 S &= \int_0^2 \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx = \int_0^2 \sqrt{1 + 9} dx \\
 &= f(x) = [3] \\
 (f'(x))^2 &= 9 \\
 &= \int_0^2 \sqrt{10} dx = \sqrt{10} x \Big|_0^2 \\
 &= 2\sqrt{10} - 0 \\
 &= \boxed{2\sqrt{10}}
 \end{aligned}$$

Exam2021.2022 T3

17

Abouelnaga
14830

Find the surface area of the surface generated by revolving $y = x^2$, for $0 \leq x \leq 1$, about the x -axis.

A

$$S = \int_0^1 4\pi x \sqrt{1 + 2x} dx$$

B

$$S = \int_0^1 4\pi x \sqrt{1 + (2x)^2} dx$$

C

$$S = \int_0^1 2\pi x^2 \sqrt{1 + (2x)^2} dx$$

D

$$S = \int_0^1 2\pi x^2 \sqrt{1 + 2x} dx$$

أوجد مساحة السطح المتولد من تدوير المنحنى $y = x^2$ ، لكل $0 \leq x \leq 1$

حول المحور x .

$$S = \int_0^1 2\pi (x^2) \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$$

$$= \int_0^1 2\pi x^2 \sqrt{1 + (2x)^2} dx$$

$$= \int_0^1 2\pi x^2 \sqrt{1 + 4x^2} dx$$

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

18

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

$$\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

أوجد قيمة التكامل.

$$\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx$$

this is the equation of a quarter of circle of radius 2

so $\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx =$ The area of the quarter of the circle

$$\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx = \frac{1}{4} \pi r^2$$

$$= \frac{1}{4} \pi (2)^2$$

$$= \pi$$

A

 $\frac{\pi}{4}$

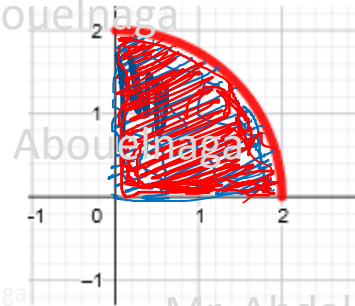
B

 $\frac{\pi}{2}$

C

 π

D

 2π 

19

Abouelnaga
14830

Find the volume of the solid with
cross sectional area

$$A(x) = 2(x + 1)^2 \text{ for } 1 \leq x \leq 4.$$

أوجد حجم الجسم مع مساحة المقطع العرضي

$$A(x) = 2(x + 1)^2 \text{ لكل } 1 \leq x \leq 4$$

A

$$V = \frac{21}{2}$$

B

$$V = 21$$

C

$$V = 39$$

D

$$V = 78$$

$$\begin{aligned} V &= \int_1^4 2(x+1)^2 dx \\ &= \int_1^4 (2x^2 + 4x + 2) dx \\ &= 78 \end{aligned}$$

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

20

Abouelnaga
14830

The differential equation is

separable.

Find the general solution, in an
explicit form if possible.

$$y' = \frac{2}{xy + y}$$

A

$$y = \frac{1}{2}x^2 + x + c$$

B

$$\frac{y^2}{2} = \frac{1}{2}x^2 + x + c$$

C

$$y = \ln|2x + 1| + c$$

D

$$\frac{y^2}{2} = 2 \ln|x + 1| + c$$

المعادلة التفاضلية قابلة للفصل.

أوجد الحل العام، بصيغة صريحة إذا أمكن.

$$y' = \frac{2}{xy + y}$$

Exam2021.2022 T3

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

0505114830

21

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

To be
differentiated
To be
integrated

أوجد قيمة التكامل.

$$\int_1^2 xe^x dx$$

$$\int_1^2 xe^x dx$$

Exam2021.2022 T3

A

1

B

 $e^2 - 1$

C

 $e^2 + 1$

D

 e^2

to be differentiated to be integrated

~~x~~ ~~e^x~~
 ~~x~~ ~~e^x~~
 ~~0~~ ~~e^x~~

$(xe^x - e^x) \Big|_1^2$

$(2e^2 - e^2) - (e - e)$

e^2

$u = x$ $dv = e^x dx$
 $du = 1$ $v = e^x$

$= xe^x \Big|_1^2 - \int_1^2 e^x dx = xe^x \Big|_1^2 - e^x \Big|_1^2 = (2e^2 - e) - (e^2 - e) = e^2$

by parts طريقة

22

Abouelnaga
14830

Find the time of flight of an object launched at angle 30° with initial speed 40 m/s .

أوجد زمن التحليق لجسم أطلق بزاوية 30° مع سرعة ابتدائية 40 m/s .

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830Mr. Abdalla Abouelnaga
أ. عبدالله أبو النجاMr. Abdalla Abouelnaga
أ. عبدالله أبو النجا

Exam2021.2022 T3

Exam2021.2022 T3

$$h(t) = -4.9t^2 + v_0 \sin \theta t + h_0$$

$$= -4.9t^2 + 40 \sin\left(\frac{\pi}{6}\right)t + 0$$

$$= -4.9t^2 + 20t$$

$$h(t) = 0 \Rightarrow -4.9t^2 + 20t = 0$$

$$t = 0, \quad t = 4.08$$

The time of the flight is 4.08 seconds ~~is~~

The horizontal distance after 4.08 second

$$x(t) = v_0 \cos \theta t$$

$$= 40 \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)t$$

$$= 20\sqrt{3}t$$

$$x(4.08) = 20\sqrt{3}(4.08)$$

$$= 141.34 \text{ m}$$

Horizontal Distance

وإذا قلنا
ليست
تجزأ الجواب

A

t = 4.08 s

B

t = 7.07 s

C

t = 10 s

D

t = 17.3 s

23

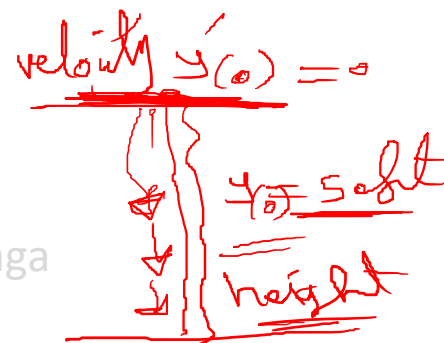
Abouelnaga
14830

An object is dropped from a height
of 50 ft.

Identify the initial conditions $y(0)$
and $y'(0)$.

أسقط جسم من ارتفاع 50 ft.

حدد الشروط الابتدائية $y(0)$ و $y'(0)$.



Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

A $y(0) = 50, y'(0) = 0$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830
Mr. Abdalla Abouelnaga

B $y(0) = -50, y'(0) = 0$

Mr. Abdalla Abouelnaga
Mr. Abdalla Abouelnaga

C $y(0) = 0, y'(0) = 50$

Mr. Abdalla Abouelnaga

D $y(0) = 0, y'(0) = -50$

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

24

Abouelnaga
14830

Evaluate the integral.

Mr. Abdalla Abouelnaga

$$\int \frac{1}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

أوجد قيمة التكامل.

$$\int \frac{1}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$$

Mr. Abdalla Abouelnaga

A

$$\ln \left| \frac{\sqrt{16 + x^2}}{4} \right| + x + c$$

$$x = 4 \tan \theta$$

$$\tan \theta = \frac{x}{4}$$

$$dx = 4 \sec^2 \theta d\theta$$



Mr. Abdalla Abouelnaga

B

$$\ln \left| \frac{\sqrt{16 + x^2}}{4} \right| - x + c$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{16 \tan^2 \theta + 16}} \cdot 4 \sec^2 \theta d\theta$$

$$= \frac{1}{4} \int \frac{1}{\sec \theta} \cdot 4 \sec^2 \theta d\theta$$

$$= \int \sec \theta d\theta$$

C

$$\ln \left| \frac{x + \sqrt{16 + x^2}}{4} \right| + c$$

$$= \ln |\sec \theta + \tan \theta| + c = \ln \left| \frac{\sqrt{16+x^2}}{4} + \frac{x}{4} \right| + c = \ln \left| \frac{x + \sqrt{16+x^2}}{4} \right| + c$$

D

$$\ln \left| \frac{x - \sqrt{16 + x^2}}{4} \right| + c$$

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Exam2021.2022 T3

الأستاذ عبدالله أبو النجا معلم أول الرياضيات 0505114830

25

Abouelnaga
14830

Find the volume of a solid of revolution by using the method of cylindrical shells

Mark(s): 5/5

استخدم طريقة الأصداف الأسطوانية لإيجاد الحجم

0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

أ. عبدالله أبو النجا

Mr. Abdalla Abouelnaga

Excluded from this year's learning outcomes**L6.3 (Deleted in T3 2022/2023)****حساب الحجم باستخدام الأصداف الأسطوانية****مستبعد من مخرجات التعلم للعام الأكاديمي 2022/2023**

A

B

C

D

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga
0505114830

Answers

Question	Answer	Question	Answer	Question	Answer
1	D	11	B	21	D
2	C	12	A	22	A
3	A	13	D	23	A
4	B	14	A	24	C
5	B	15	B	25	
6	A	16	B	26	
7	B	17	C	27	
8	A	18	C	28	
9	A	19	D	29	
10	A	20	D	30	

Mr. Abdalla Abouelnaga

انتهت إجابة أسئلة امتحان العام الماضي 2021/2022

مع اطيب التمنيات للجميع بالنجاح والتفوق

Best Wishes

ملحوظة هامة: هناك طرق أخرى لحل بعض المسائل والوصول للناتج الصحيح (تقبل الحلول الأخرى)

Grade 12 Advanced

Term 3 _ 2023_Math

Mr. Abdalla Abouelnaga

0505114830

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga

Mr. Abdalla Abouelnaga