

أَتَحَقَّقْ مِنْ فَهْمِي:



يُبين الشكل المجاور مكان وجود سمكتين ودلفين من سطح الماء:
أحد موقع السمكتين والدلفين على خط الأعداد بحسب العمق الذي وصله كل منها.
أرتب العمق الذي وصله كل من السمكتين والدلفين بحسب البعد عن سطح الماء
تأريلاً (من الأبعد إلى الأقرب).
80, -60, -40

أَتَدْرِبْ



وأحل المسائل

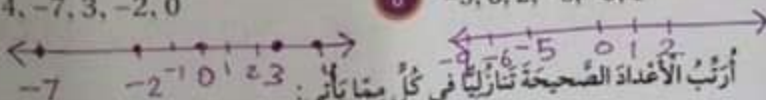
أستعمل خط الأعداد للمقارنة بين كل مما يأتي، بوضع إشارة <، أو >، أو = في

- 1 $17 < 20$
- 2 $0 > -5$
- 3 $23 > -46$
- 4 $-39 > -90$
- 5 $3 = |-3|$
- 6 $|-25| > -50$

أستعمل خط الأعداد لترتيب الأعداد الصحيحة تصاعدياً:

-7, -2, 0, 3, 4

- 7 4, -7, 3, -2, 0
- 8 -5, 8, 2, -6, -9, 1



أرتب الأعداد الصحيحة تأريلاً في كل مما يأتي:

- 9 17, -18, 20, -6, -23
- 10 48, -50, 32, -14, -36, 30

درجات حرارة: يبين الجدول الآتي درجات الحرارة بالسليسيوس مدة خمسة أيام متتالية في مدينة ما:

الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
1	-6	-12	-2	5
0	-14	-20	-8	1

أرتب درجات الحرارة العظمى تأريلاً: $5, 1, -2, -6, -12$

أرتب درجات الحرارة الصغرى تصاعدياً: $1, 0, -8, -14, -20$

إرشاد

الضفر أكثر من أي عدد سالب، وأصغر من أي عدد موجب. لذا فإن أي عدد موجب أكثر من أي عدد سالب.

الوَخْذَةُ 1

شركات: يُبين التَّغْيِيلُ بِالْأَعْيَادِ الْأَنِي أَرْبَاحَ شَرِكَةٍ وَخَسَائِرَها فِي بَعْضِ الْأَعْوَامِ:



أُقَارِنُ بَيْنَ أَرْبَاحِ الشَّرِكَةِ أَوْ خَسَائِرِها عَامَ 2008 م بِأَرْبَاحِها أَوْ خَسَائِرِها عَامَ 2009 م.

أَكْتُبُ فِقْرَةً أَصِفُ فِيهَا التَّغْيِيرُ فِي أَرْبَاحِ الشَّرِكَةِ أَوْ خَسَائِرِها مِنْ عَامِ 2008 م إِلَى عَامِ 2013 م.

الْعَلْيَا

أَكْتُبُ الْخَطَأَ: قَالَتْ أَمَلُ إِنَّ الْعُمُقَ -68m - أَكْثَرُ مِنَ الْعُمُقِ -75m - لِأَنَّ: $-68 > -75$ ، هَلْ قَوْلُ أَمَّا صَحِيحٌ أَمْزُجْ إِجَابَتِي، لَأَنَّ الْعَمَقَ يَعْنِي الْمَاقَةَ لِلْأَسْفَلِ

تَبَرِيرٌ: إِذَا كَانَتْ $a > b$ حَيْثُ a, b عَدَدَانِ صَحِيحَانِ سَالِبَانِ، فَمَا عِلَاقَةُ مَوْقِعِ الْعَدَدِ a بِمَوْقِعِ الْعَدَدِ b عَلَى خَطِّ أَعْدَادٍ أَفْقِيٍّ؟ أَمْزُجْ إِجَابَتِي.

مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ: أَكْتُبْ عَدَدًا صَحِيحًا يَتَعَمَّقُ بَيْنَ -12 وَ -18 -

أَفْشَحْ كَيْفَ أَرْتَبُ مَجْمُوعَةً مِنَ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ السَّالِبَةِ تَصَاعُدِيًّا مِنْ دُونِ اسْتِعْمَالِ خَطِّ الْأَعْدَادِ، مُعَرِّزًا إِجَابَتِي بِمِثَالٍ.

جمع الأعداد الصحيحة

الهدف: استعمال قطع العد لجمع الأعداد الصحيحة.
تستعمل قطع العد الزرقاء لتمثيل الأعداد الصحيحة الموجبة، وتستعمل قطع العد الحمراء لتمثيل الأعداد الصحيحة السالبة.

نشاط 1

جمع عددين صحيحين متشابهين في الإشارة

Huda Melhem

أوجد ناتج كل مما يأتي باستعمال قطع العد:

2 $-4 + (-6)$

لجمع العددين السالبين: $-4 + (-6)$ ، استعمل القطع لتمثيل كل منهما:

-4 : 

-6 : 

أجمع القطع معاً، فتصبح قطع جميعها حمراء، وهي تمثل .

لذا: $-4 + (-6) = -10$

أحلل النتائج:

ما إشارة ناتج جمع عددين صحيحين موجبين؟ موجب

ما إشارة ناتج جمع عددين صحيحين سالبين؟ سالب

عند ضم قطعة عد موجبة $+1$ إلى أخرى سالبة -1 ، فإن الناتج يسمى زوجاً صفرياً لأن قيمته تساوي صفراً.

يمكن إضافة زوج صفرى أو حذفه من مجموعة تحتوي قطع عد، لأن إضافة الصفر أو حذفه لا تغير من قيمة العدد.

زوج صفرى

جَمْعُ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ فِي الْإِشَارَةِ

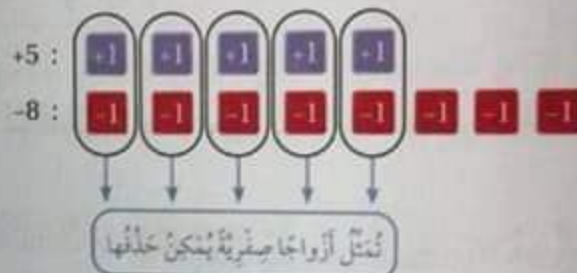
أَجِدْ نَاتِجَ $5 + (-8)$ بِاسْتِعْمَالِ قِطْعِ الْعَدِّ.

لِجَمْعِ عَدَدَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ فِي الْإِشَارَةِ، اسْتَغْمِلِ الْقِطْعَ الزَّرْقَاءَ لِتُمَثِّلَ الْعَدَدَ الْمَوْجِبَ، وَاسْتَغْمِلِ الْقِطْعَ الْحُمْرَاءَ لِتُمَثِّلَ الْعَدَدَ السَّالِبَ.

أَمَثِلْ كِلَا الْعَدَدَيْنِ بِاسْتِعْمَالِ قِطْعِ الْعَدِّ.



الْمَطْرُوءُ 2 أَكُونُ أَزْوَاجًا صِفْرِيَّةً مِنَ الْقِطْعِ الْحُمْرَاءِ وَالْقِطْعِ الزَّرْقَاءِ، فَتَسْجُجْ أَزْوَاجَ صِفْرِيَّةٍ.



الْمَطْرُوءُ 3 أَحْذَرُ لَوْنِ الْقِطْعِ الْمُتَبَقِّيَّةِ، ثُمَّ أَجِدْ عَدَدَهَا.

بَقِيَّتُ قِطْعِ حُمْرَاءَ تُمَثِّلُ الْعَدَدَ .

$$5 + (-8) = -3$$

أَخْطِ السَّالِبَ:

إِذَا لَا يُؤَثِّرُ حَذْفُ الْأَزْوَاجِ الصَّفْرِيَّةِ فِي نَاتِجِ الْمَسْأَلَةِ؟

مَا الْعِلَاقَةُ بَيْنَ إِشَارَةِ نَاتِجِ جَمْعِ عَدَدَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ فِي الْإِشَارَةِ، وَإِشَارَةِ الْعَدَدِ الَّذِي قِيَمَتُهُ الْمُطْلَقَةُ أَكْبَرُ؟

أَتَدْرِبُ

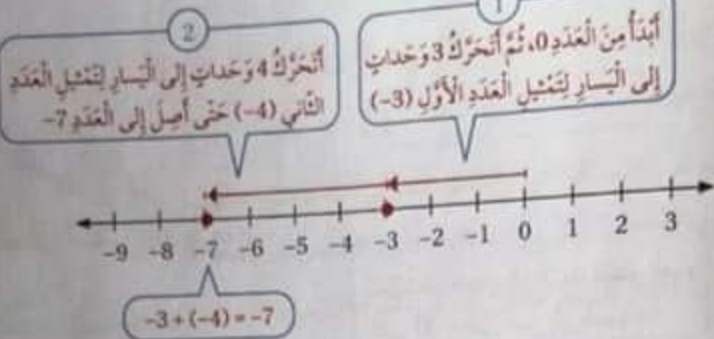
اسْتَغْمِلْ قِطْعَ الْعَدِّ لِإِجَابَةِ نَاتِجِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

1 $-2 + (-5) = -7$

2 $-5 + 8 = 3$

الوَحدة 1

التحقّق: استعمل خطّ الأعداد.



التحقّق من فهمي:

1 $5 + 1 = 6$

4 $-2 + (-6) = -8$

تعلّنت أيضًا في النشاط المفاهيمي السابق جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة باستعمال قطع العدّ، وسأتعلم الآن إيجاد الناتج بطرح القيمة المطلقة الصغرى من القيمة المطلقة الكبرى، ووضع إشارة العدّ الذي قيمته المطلقة أكبر في الناتج.

عند جمع عددين ومعاكسهما يكون الناتج صفرًا، ويسمى كلٌّ منهما أيضًا نظيرًا جُمعيًا (additive inverse) للآخر.

مثال 2

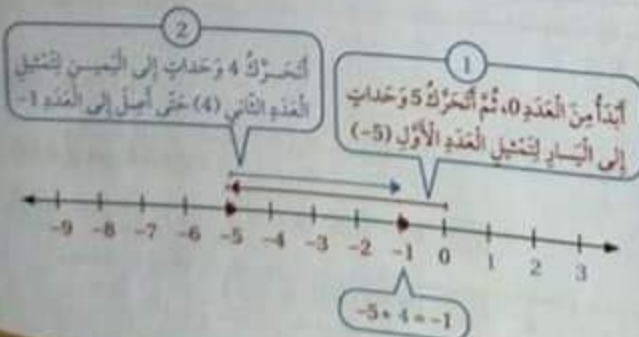
أجد ناتج كلِّ منّا يأتي، ثمّ أتحقّق من صحّة الحلّ باستعمال خطّ الأعداد:

1 $-5 + 4$

$-5 + 4 = -1$

$-5 > 4$ ، لذا أطرح 4 من -5

أضع إشارة العدد (-5)



التحقّق: استعمل خطّ الأعداد.

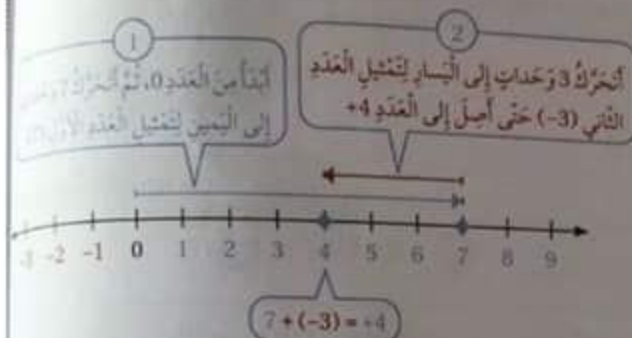
7 + (-3)

$$7 + (-3) = +4$$

$|7| > |-3|$ لذا أطرح $|-3|$ من $|7|$

أضع إشارة العدد (7)

أتحقق: أستعمل خط الأعداد.



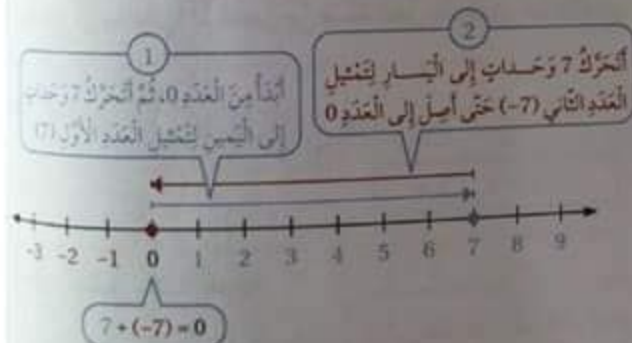
7 + (-7)

$$7 + (-7) = 0$$

المجموع يساوي صفراً لأن كلا منهما نظير جعيمي إلا أنهما

العددين (7) و (-7) متعاكسان

أتحقق: أستعمل خط الأعداد.



أتحقق من فهمي: ✓

$$-8 + 6 = -2$$

$$10 + (-5) = 5$$

$$-4 + 9 = 5$$

$$10 + (-10) = 0$$

أراد حارس المرمى أحمد النقط الكُرّة، فَجَرى مسافة 9m إلى الأمام بدءاً مِنَ المرمى،
ثُمَّ عاد مسافة 6m إلى الخلف. كم ميّراً يَبْعُدُ عَنِ المرمى؟



يُمْكِنُ إِيْجَادُ بُعْدِ أَحْمَدَ عَنِ المرمى بِجَمْعِ الْمَسَافَةِ الَّتِي رَكَضَ فِيهَا إِلَى الأمام مَعَ
الْمَسَافَةِ الَّتِي رَكَضَ فِيهَا إِلَى الخلف، وَيُمَثِّلُ الْعَدْدُ الْمَوْجِبُ (+9) الأمتار الْمُقْطُوعَةُ
إِلَى الأمام، وَيُمَثِّلُ الْعَدْدُ السَّالِبُ (-6) الأمتار الْمُقْطُوعَةُ إِلَى الخلف، بَدْءاً بِالمرمى؟
أيّ إِنْ الْمَطْلُوبُ إِيْجَادُهُ هُوَ: $9 + (-6)$

إِسَارَتَا الْعَدَدَيْنِ 9 و -6 مُخْتَلِفَتَانِ. إِذَنْ:

$$9 + (-6) = +3$$

$$|-6| > |9| \text{ لِهَذَا أَطْرَحُ } |-6| \text{ مِنْ } |9|$$

أَضْعُ إِسَارَةَ الْعَدْدِ (9)

Huda Melhem

إِذَنْ، بُعْدُ أَحْمَدَ عَنِ المرمى هُوَ 3m

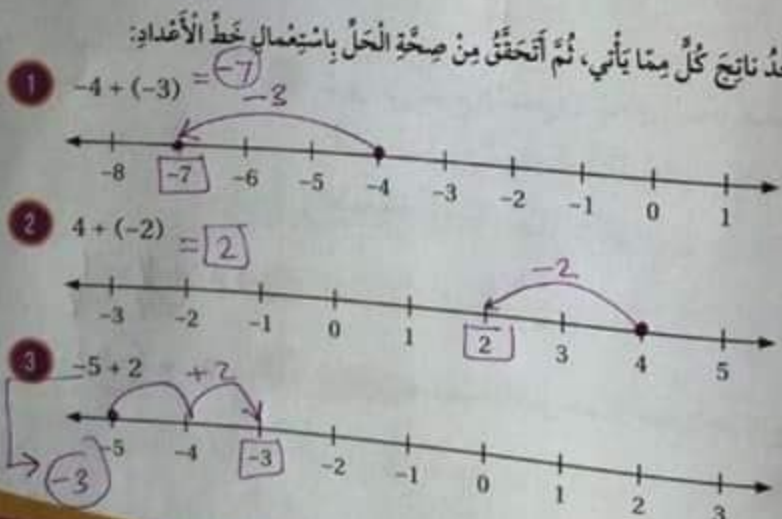
أَنْتَحَقِّقْ مِنْ فَهْمِي:

فَوْضٌ: غَاصَتْ قَرْحُ مَسَافَةِ 9m تَحْتَ سَطْحِ الْبَحْرِ، ثُمَّ شَاهَدَتْ سَمَكَةً تَعْلُوها رَأْسِيًّا مَسَافَةِ 5m، فَتَوَجَّهَتْ إِلَيْهَا. كَمْ مِيّراً
سَبْعُ قَرْحُ عَنِ سَطْحِ الْبَحْرِ عِنْدَمَا تَصِلُ الْمَكَانَ الَّذِي تَوْجَدُ فِيهِ السَّمَكَةُ؟
 $-9 + 5 = -4$ m

أَتَدْرِبُ
وَأَحْلُ الْمَسَائِلَ

إِزْشَادٌ

إِنْ كَانَ الْعَدْدُ الثَّانِي فِي عِبَارَةٍ
الْمُجْمَعِ سَالِباً، فَإِنَّهُ يَوْضَعُ مَعَ
الْإِسَارَةِ دَاخِلَ قَوْسَيْنِ، لِتَمْيِيزِهِ
مِنْ إِسَارَةِ الْجَمْعِ، مِثْلُ:
 $(-21) + (-15)$



4 $-11 + (-12) = -23$ أجد ناتج الجمع في كل مما يأتي:

5 $-9 + 30 = 21$

6 $2 + (-10) = -8$

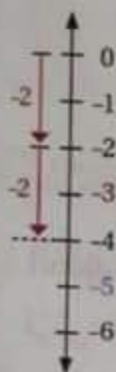
7 $-32 + 15 = -17$

8 $-23 + (-45) = -68$

9 $11 + |3| = 14$

10 هواتف: سعة ذاكرة الهاتف المحمول ليخالد 32GB، استعمل منها 10GB، ثم 3GB لتسجيل صور ومقاطع فيديو لإحدى رحلاته. أعبّر عن هاتين السعتين بالأعداد الصحيحة، ثم أكتب ما بقي من سعة ذاكرة هاتفه.

$32 - 13 = 19$



11 مسألة مفتوحة: أكتب مسألة يمكن تمثيلها بخط الأعداد المجاور.

$0 - 4 = -4$

إث التفكير العليا

12 تبرير: أضع العدد المناسب في ، لتصبح الجملتان الآتيتان صحيحتين، مبرراً إجابتي:

13 $12 + (-12) + 7 = 7$

14 $-12 + 18 + 3 = 9$

+3	-4	+1
-2	0	+2
-1	+4	-3

15 تبرير: في المربع السحري المجاور لكل صف، وعمود، وقطر المجموع نفسه، أملأ المربعات الصغيرة بالأعداد الصحيحة المناسبة، مبرراً إجابتي.

16 تعذ: أحل المعادلة الآتية: $x + 4 = 1$

$x + 4 = 1$
 $-4 \quad -4$

17 أكتب: كيف استعمل خط الأعداد لأجد ناتج جمع عددين صحيحين؟

$x = -3$

طَرَحُ الأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ

الهدف: استعمال قطع العد لإطرح الأعداد الصحيحة.

يمكن استعمال قطع العد لتمثيل طرح عددين صحيحين متشابهين في الإشارة، وذلك بتمثيل العدد المطروح منه بقطع العد، ثم حذف قطع العدد المطروح، لاستنتاج علاقة ذلك بجمع معكوس العدد المطروح إلى العدد المطروح منه.

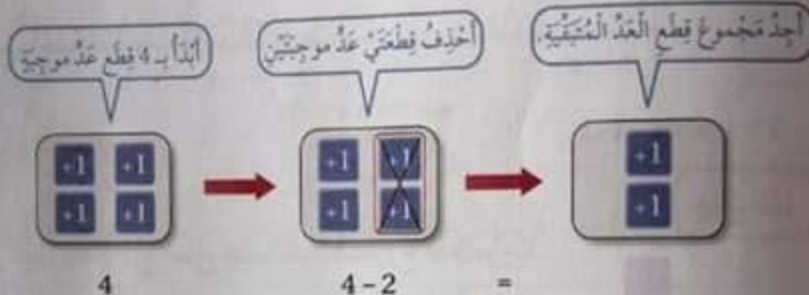
نشاط



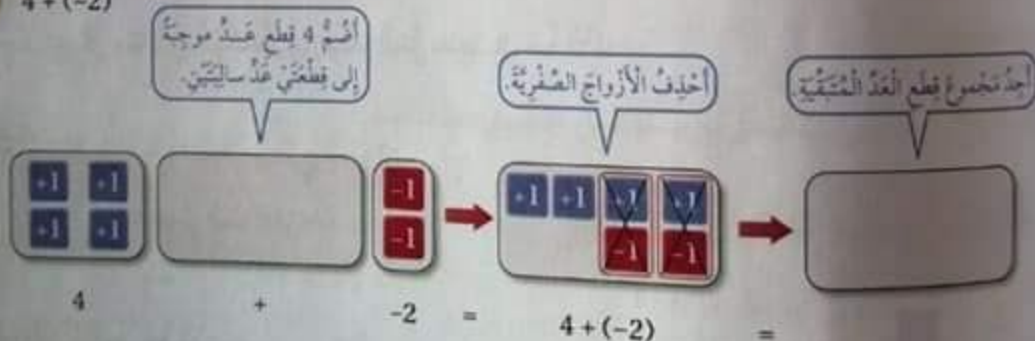
Huda Melhem

أوجد ناتج كل مما يأتي باستعمال قطع العد:

1 4 - 2



2 4 + (-2)



أحلل النتائج:

كيف أخذت عدد القطع التي سأحذفها عند تمثيل مسألة طرح عددين صحيحين متشابهين في الإشارة؟

ما الفرق بين ناتج 4 - 2 و 4 + (-2)؟ لماذا؟ نفس النتائج

أدرب

استعمل قطع العد لإيجاد ناتج: 5 - 3 و 5 + (-3) ثم أقرن النتائج.

الْوَحْدَةُ 1

1 $-8 - 2$

اجمع معكوس العدد 2 بدلاً من طرح العدد 2:

معكوس العدد 2 هو -2

أبسط

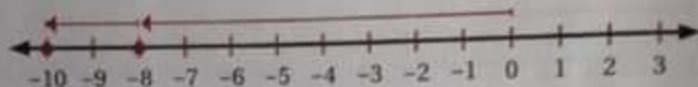
$$-8 - 2 = -8 + (-2)$$

$$= -10$$

اتحقق: استعمل خط الأعداد.

2
أنتحرك وحدتين إلى اليسار لتمثيل معكوس العدد الثاني (-2) حتى أصل إلى العدد -10

1
أبدأ من العدد 0، ثم أنتحرك 8 وحدات إلى اليسار لتمثيل العدد الأول (-8)



$$-8 - 2 = -10$$

✓ **اتحقق من فهمي:**

2 $3 - 7 = -4$

3 $-1 - 5 = -6$

يمكن أيضاً طرح عدد سالب بجمع معكوسه كما في المثال الآتي.

مثال 2

أجد ناتج كل مما يأتي، ثم أتحقق من صحة الحل باستعمال خط الأعداد:

1 $2 - (-4)$

اجمع معكوس العدد -4 بدلاً من طرح العدد -4:

معكوس العدد -4 هو 4

أبسط

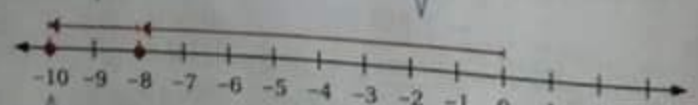
$$2 - (-4) = 2 + 4$$

$$= 6$$

أتحقق: استعمل خط الأعداد.

2
أنتحرك وحدتين إلى اليسار لتمثيل معكوس العدد الثاني (-2) حتى أصل إلى العدد -10

1
أبدأ من العدد 0، ثم أنتحرك 8 وحدات إلى اليسار لتمثيل العدد الأول (-8)



$$-8 - 2 = -10$$

$$-5 - (-3)$$

أَجْمَعُ مَعْكُوسَ الْعَدَدِ 3 - بَدَلًا مِنْ طَرَحِ الْعَدَدِ -3:

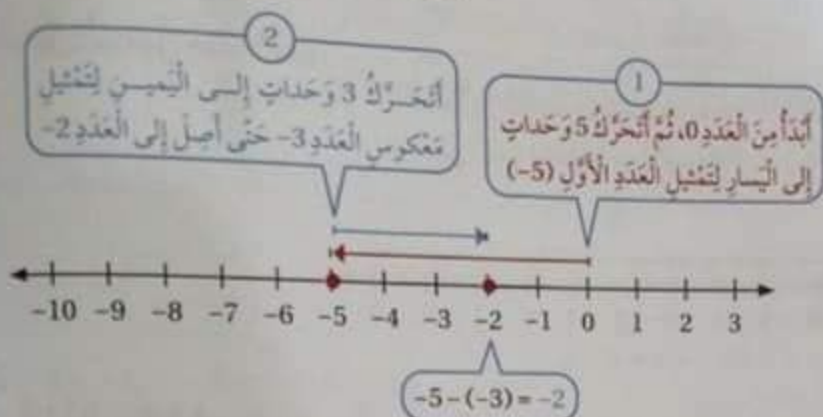
$$-5 - (-3) = -5 + 3$$

مَعْكُوسُ الْعَدَدِ 3 هُوَ 3

$$= -2$$

أَبْسُطْ

أَتَحَقَّقُ: أَسْتَغْمِلُ خَطَّ الْأَعْدَادِ.



أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

$$7 - (-9) = 16$$

$$-4 - 1 = -5$$

مثال 3: مِنَ الْخَيَاةِ

إِذَا كَانَ مُتَوَسِّطُ دَرَجَةِ الْحَرَارَةِ عَلَى سَطْحِ الْأَرْضِ 15°C ، وَمُتَوَسِّطُ دَرَجَةِ الْحَرَارَةِ عَلَى سَطْحِ كَوْكَبِ الْمِرْيَخِ -50°C ، فَمَا الْفَرْقُ بَيْنَ مُتَوَسِّطِ دَرَجَتَيْ الْحَرَارَةِ؟
لِإِيجَادِ الْفَرْقِ بَيْنَ مُتَوَسِّطِ دَرَجَتَيْ الْحَرَارَةِ، أَوْ: $15 - (-50)$ ، أَجْمَعُ مَعْكُوسَ الْعَدَدِ -50 - بَدَلًا مِنْ طَرَحِ الْعَدَدِ -50:

$$15 - (-50) = 15 + 50$$

مَعْكُوسُ الْعَدَدِ -50 هُوَ 50

$$= 65$$

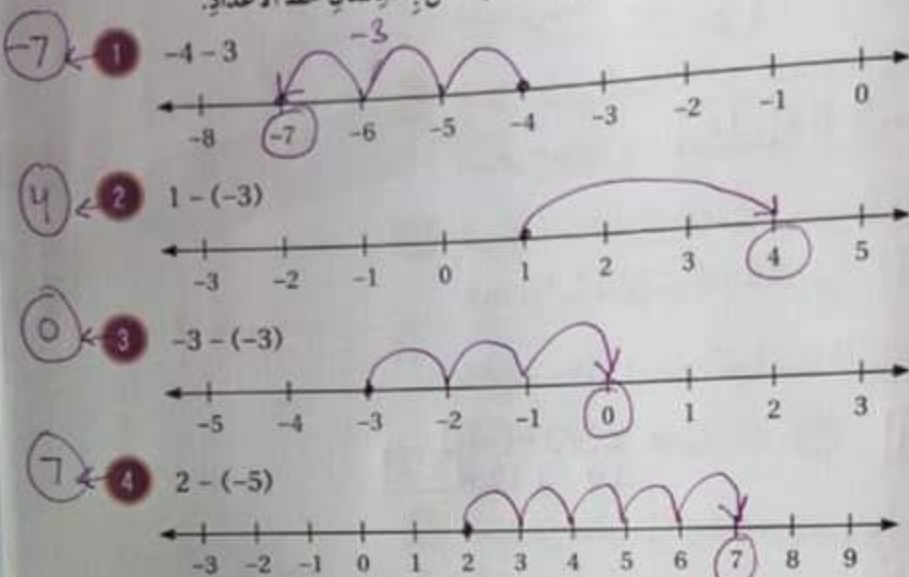
أَبْسُطْ

إِذَنْ، الْفَرْقُ بَيْنَ مُتَوَسِّطِ دَرَجَتَيْ الْحَرَارَةِ هُوَ 65°C .

أَتَحَقَّقُ مِنْ فَهْمِي:

أَنَارَ: عَنَرُ عَالِمٍ أَنَارَ عَلَى جُمُجْمَةٍ بَشَرِيَّةٍ عَلَى عُقْبِ 220 cm تَحْتَ سَطْحِ الْأَرْضِ. إِذَا وَجَدَ هَذَا الْعَالِمُ عَظْمَ سَاقٍ أَتَنَلِي الْجُمُجْمَةَ بِـ 75 cm، فَعِنْدَ أَيِّ عُقْبٍ وَجَدَ عَظْمَ السَّاقِ؟
(عَنْ عَقْبٍ 295 cm)
 $-220 + (-75) = -295$

أَجِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَلْحَقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ بِاسْتِعْمَالِ خَطِّ الْأَعْدَادِ:



أَجِدْ نَاتِجَ الطَّرْحِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

5 $-23 - 18 = -41$

6 $-16 - (-45) = 29$

7 $88 - 20 = 68$

8 $78 - (-15) = 93$

9 $-7 - |8| = -15$

10 $|-20| - (-47) = 67$

$20 + 47$



تَسْرَاحُ دَرَجَاتُ الْحَرَارَةِ عَلَى مَسَاحِ الْقَمَرَيْنِ
 130°C وَ -150°C ، مَا الْقَرُوقُ بَيْنَ دَرَجَتَيْ الْحَرَارَةِ

الْعُظْمَى وَالصُّغْرَى؟ $130 - (-150) = -280$

أَجِدْ مِقْدَارَ التَّغْيِيرِ فِي دَرَجَةِ الْحَرَارَةِ، أَوْ مِقْدَارَ التَّغْيِيرِ فِي الِإِزْفَاعِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

13 42m إِلَى 135m $\leftarrow +16$

12 20°C إِلَى 36°C $\leftarrow +16$

15 65cm إِلَى 175cm $\leftarrow +110$

14 16°C إِلَى 70°C $\leftarrow +54$

أَتَعَلَّمُ

الْحَرَفُ C مُوْ اِخْتِصَارٌ
لِلْكَلِمَةِ الْإِنْجِلِيزِيَّةِ (Celsius)
الَّتِي تَعْنِي دَرَجَةُ الْحَرَارَةِ
بِالْمِئْيُوسِ.

إِشْرَافٌ

مِقْدَارُ التَّغْيِيرِ مُوْ نَاتِجُ طَرْحِ
الْمِثْلَةِ الْإِثْنَانِيَّةِ مِنْ الْقِيَمَةِ
النَّهَائِيَّةِ.

16 بحسابة: نعمل قسمة في مجال التجارة. إذا ربحنا 5000 دينار في صفقة تجارية
ثم خسرنا 9000 دينار في صفقة أخرى، فكيف دينارنا كان ربحنا أو خسارنا في
الصفقتين معا؟ $5000 - 9000 = -4000$ خسارة

17 اذعان: كان في الحساب البنكي لمحمد 295 ديناراً، سحب منها 85 ديناراً. كم ديناراً
بقي في حسابه؟ $295 - 85 = 210$

18 شواطئ: حفرت سمي وزنا حفرتين على الشاطئ، عمق الأولى 25cm، وعمق الثانية
12cm، أوجد الفرق بين عمق الحفرتين. $25 - 12 = 13$

إذا كان $x = -12$ و $y = 7$ ، فأوجد قيمة كل مما يأتي:

19 $x - y \Rightarrow -12 - 7 = -19$ 20 $2y - (x) \Rightarrow 2(7) - (-12) = 14 + 12 = 26$

21 اختيار من متعدد: يبلغ ارتفاع قمة منحدر يطل على البحر 125m فوق مستوى سطح
البحر. سقطت صخرة من قمة المنحدر، ثم استقرت على عمق 14m أسفل سطح
البحر. أعبّر عن التغير في ارتفاع الصخرة.

- a) $-14 - 125$ b) $14 - 125$ c) $125 - 14$ d) $125 - (-14)$

مهارات التفكير العليا

22 اكتشف الخطأ: أرادت نالا إيجاد ناتج: $-2 - (-5)$ ، فكان حلها كما يأتي:

$$\begin{array}{l} -2 - (-5) = -2 + (-5) = -7 \\ -2 + 5 = 3 \end{array}$$

اكتشف الخطأ في حل نالا، ثم أصححه.

إرشاد

استعمل أمثلة عددية.

تبرير: إذا كان a عدداً صحيحاً سالباً، و b عدداً صحيحاً موجباً، فأخذنا إذا كان ناتج
كل مما يأتي موجباً أو سالباً، فبررنا إجابته:

- 23 موجب $|a| + |b|$ 24 موجب $b - a$ 25 سالب $a - b$

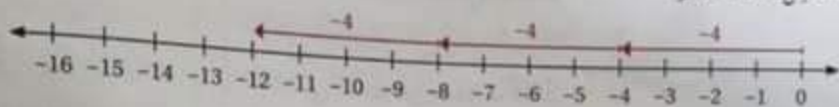
26 كيف استعمل المعكوس وجمع الأعداد الصحيحة لإيجاد ناتج مسألة
طرح عددين صحيحين؟

$$3 \times (-4)$$

$$3 \times (-4) = -12$$

العددين مختلفان في الإشارة. إذن، ناتج الضرب سالب:

أنتقل: استعمل خط الأعداد.



أنتقل من فهمي:

$$-7 \times 7 = -49$$

$$9 \times (-8) = -72$$

أمثلة

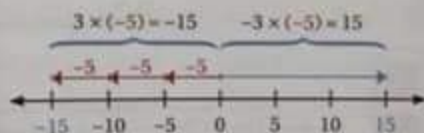
منكوس $3 \times (-5)$ هو

أو $-(3 \times 5)$

أو $-1 \times 3 \times (-5)$

وهو أيضاً $-3 \times (-5)$

يمكن استعمال منكوس ناتج ضرب عددين مختلفين في الإشارة لإيجاد ناتج ضرب عددين متشابهين في الإشارة.



نقل العدد الصحيح ومنكوسه التامة لها
عن الضرب، لكنهما يلمان في جهتي متعاكستين

ألاحظ بما سبق أن ناتج ضرب عددين صحيحين متشابهين في الإشارة يكون موجباً، أي إن:

$$\oplus \times \oplus = \oplus$$

ناتج ضرب عدد موجب في عدد موجب يساوي عدداً موجباً:

$$\ominus \times \ominus = \oplus$$

ناتج ضرب عدد سالب في عدد سالب يساوي عدداً موجباً:

مثال 2

أجد ناتج كل مما يأتي:

$$-3 \times (-12)$$

$$-3 \times (-12) = 36$$

العددين لهما الإشارة نفسها. إذن، ناتج الضرب موجب

الْوَحْدَةُ 1

2 5×11

$5 \times 11 = 55$

الْعَدَدَانِ لهُمَا الْإِشَارَةُ نَفْسُهَا، إِذَنْ، نَاتِجُ الضَّرْبِ

3 $(-6)^2$

$(-6)^2 = (-6) \times (-6)$
 $= 36$

تَعْرِيفُ مُرَبَّعِ الْعَدَدِ
نَاتِجُ الضَّرْبِ مَوْجِدٍ

4 $-2 \times (-1) \times (-4)$

$-2 \times (-1) \times (-4) = [-2 \times (-1)] \times (-4)$
 $= 2 \times (-4)$
 $= (-8)$

عَاصِمَةُ التَّجْمِيعِ
أَبْدَأُ الْعَمَلِيَّةَ دَاخِلَ الْأَقْوَامِ
 $2 \times (-4) = -8$

Huda
Melhem

أَتَتَقَبَّحُ مِنْ فَهْمِي: ✓

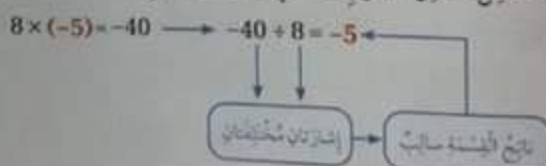
5 $-8 \times (-13) = 104$

6 $9 \times (-8) = -72$

7 $-7 \times (-2) \times (-3)$
 $+14 \times -3 = -42$

يُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ خَوَاقِيقِ الضَّرْبِ وَالْقِسْمَةِ الْمُتَرَابِطَةِ لِإِيجَادِ نَاتِجِ قِسْمَةِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ.

فَسَدَلًا، لِإِيجَادِ نَاتِجِ $-40 \div 8$ ، اسْتَغْمِلْ خَوَاقِيقَ الضَّرْبِ كَمَا فِي الْمُخَطَّطِ الْآتِي:



الْأَجِبْ وَمَا سَبَقَ أَنَّ نَاتِجَ قِسْمَةِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ مُخْتَلِفَيْنِ فِي الْإِشَارَةِ يَكُونُ سَالِبًا، أَيْ إِنَّ:

$\ominus \div \oplus = \ominus$

نَاتِجُ قِسْمَةِ عَدَدٍ سَالِبٍ عَلَى عَدَدٍ مُوَجِبٍ يُسَاوِي عَدَدًا سَالِبًا:

$\oplus \div \ominus = \ominus$

نَاتِجُ قِسْمَةِ عَدَدٍ مُوَجِبٍ عَلَى عَدَدٍ سَالِبٍ يُسَاوِي عَدَدًا سَالِبًا:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$-20 \div 5$$

$$-20 \div 5 = -4$$

العددين الصحيحان مختلفان في الإشارة، إذن، ناتج القسمة سالب

$$24 \div (-3)$$

$$24 \div (-3) = -8$$

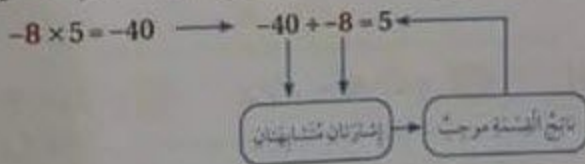
العددين الصحيحان مختلفان في الإشارة، إذن، ناتج القسمة سالب

التحقق من فهمي:

$$64 \div (-8) = -8$$

$$-56 \div 7 = -8$$

يمكن أيضًا استعمال خصائص الضرب والقسمة لإيجاد ناتج قسمة الأعداد الصحيحة المتشابهة في الإشارة، بحيث يكون المقسوم عليه صفرًا. فمثلاً، لإيجاد ناتج: $-40 \div (-8)$ ، نستعمل خاصية الضرب كما في الشكل الآتي:



الاحظ مما سبق أن ناتج قسمة عددين صحيحين متشابهين في الإشارة يكون موجباً أي إن:

$$\oplus \div \oplus = \oplus$$

$$\ominus \div \ominus = \oplus$$

ناتج قسمة عدد موجب على عدد موجب يساوي عدداً موجباً.

ناتج قسمة عدد سالب على عدد سالب يساوي عدداً موجباً.

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$-44 \div (-11)$$

$$-44 \div (-11) = 4$$

العددين لهما الإشارة نفسها، إذن، ناتج القسمة موجب

$$42 \div 7$$

$$42 \div 7 = 6$$

العددين لهما الإشارة نفسها، إذن، ناتج القسمة موجب

الوَخْذَةُ 1

$$-6 + (-3) \times 5$$

$$-6 + (-3) \times 5 = [-6 + (-3)] \times 5$$

$$= 2 \times 5$$

$$= 10$$

أقيم أولاً

أضرب ناتج القسمة 2 في 5

اكتب الناتج

$$48 \div 6 \times (-2 \times 2)$$

$$48 \div 6 \times (-2 \times 2) = 48 \div 6 \times (-4)$$

$$= 8 \times (-4)$$

$$= -32$$

أبدأ بالعملية داخل الأقواس

أضرب ناتج القسمة 8 في (-4)

اكتب الناتج

أنتحق من فهمي:

$$-48 \div (-4) = 12$$

$$64 \div 4(2 - 4)$$

$$64 \div 4(-2) = 64 \div -8 = -8$$

أستخدم القانون الأول للترتيب



العمق الذي تعيش فيه بعض الأسماك

$$49 \div 7 \times (-7) = 7 \times (-7) = -49$$

$$8 - 4(2 + 5^2) \div 12$$

$$8 - 4(2 + 25) \div 12$$

$$8 - 108 \div 12$$

$$8 - 9 = -1$$

مثال 5: من الحياة

أسماك: بين التنبؤ البياني المجاور العمق التقريبي (بالمتر) الذي تعيش فيه بعض الأسماك. أجد معدل الوسط الحسابي لهذه الأعماق.

الأعماق التي تعيش فيها هذه الأسماك هي:

$$-90, -45, -10, -15, -65$$

معدل العمق ($\bar{x}$) هو مجموع الأعماق مقسوماً على عددها.

$$\bar{x} = \frac{(-65) + (-15) + (-10) + (-45) + (-90)}{5}$$

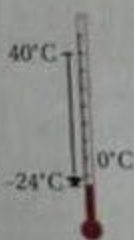
$$= \frac{-225}{5} = -45$$

أي إن معدل الأعماق التي تعيش فيها هذه الأسماك هو -45

أنتحق من فهمي:

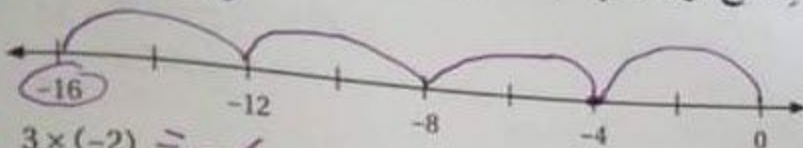
كيميائي: إذا كانت درجة الحرارة في الدوزق عند إجراء تجربة كيميائية 40°C ، ثم انخفضت في أثناء التفاعل إلى 20°C ، ثم إلى -24°C عند انتهاء التجربة، فما المتوسط الحسابي للتغير في درجات الحرارة المقاسة؟

$$(40 + (-24)) \div 2 = 16 \div 2 = 8$$

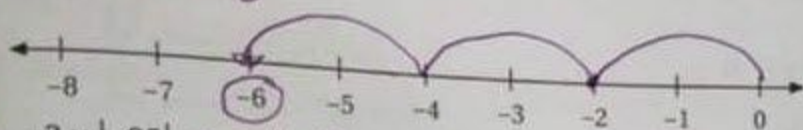


أَجِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ أَتَحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ بِاسْتِعْمَالِ حَقْلِ الْأَعْدَادِ:

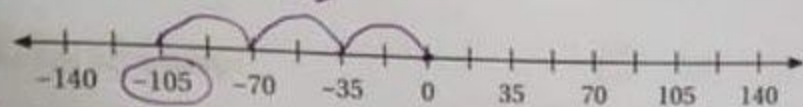
1 $-4 \times 4 = -16$



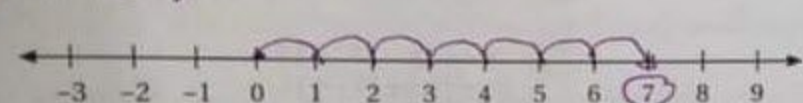
2 $3 \times (-2) = -6$



3 $-3 \times |-35| = -105$



4 $1 \times 7 = 7$



أَجِدْ نَاتِجَ الضَّرْبِ أَوْ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

5 $-30 \times (-4) = 120$

6 $54 \div (-9) = -6$

7 $22 \times (-3) = -66$

8 $60 \div (-4) = -15$

9 $-6 \times 3 \times (-1) = 18$

10 $(-80 \div 8 \times 2^2) = -80 \div 8 \times 4 = -10 \times 4 = -40$

11 $6 \times (-6)^2 + 7 = 6 \times 36 + 7 = 223$

12 $36 \div (-6) \times (7 - 3) = -6 \times 4 = -24$

نَقُودًا: تَسَحَّبَ شَادِيَّةَ 120 دِينَارًا مِنْ حِسَابِهَا الْبَنْكِي شَهْرِيًّا. أُعْبِرَ عَنْ عَمَلِيَّةِ السَّحْبِ بِعَدَدٍ صَحِيحٍ، ثُمَّ أَكْتُبْ جُمْلَةَ الضَّرْبِ الَّتِي تُثَمِّلُ مَجْمُوعَ عَمَلِيَّاتِ السَّحْبِ فِي 8 أَشْهُرٍ، مُبَرِّزًا إِيَّاهَا.

$-120 \times 8 = -960$

لأنه نقودها تقل -120



أَنْزَلَ الْعُلَمَاءُ غَوَاصَةً تَحْتَ الْمَاءِ فِي الْمُحِيطِ الْهَادِي لِرُصْدِ دَرَجَةِ حَرَارَةِ الْمَاءِ. كَانَ الرُّصْدُ الْأَوَّلُ عَلَى عُقْمٍ 25m تَحْتَ مُسْتَوَى سَطْحِ الْبَحْرِ، ثُمَّ أُجْرِيَ مَزِيدٌ مِنْ عَمَلِيَّاتِ الرُّصْدِ كُلُّ 25m حَتَّى وَصَلَتِ الْغَوَاصَةُ إِلَى قَاعِ الْمُحِيطِ. أَجِدْ عُقْمَ الْغَوَاصَةِ عِنْدَ إِجْرَاءِ الرُّصْدِ الْخَامِسِ وَالْعِشْرِينَ.

$-25 \times 25 = -625$

إِزْشَادٌ

إِذَا كَانَ الْعَدَدُ مَبْعُوعًا بِعَدَدٍ آخَرَ دَاخِلِ قَوْسَيْنِ، فَإِنَّ ذَلِكَ يُعْنِي ضَرْبَهُمَا. فَمَثَلًا، $4(-3)$ تَعْنِي ضَرْبَ الْعَدَدِ 4 فِي الْعَدَدِ -3.

مَغْلُومَةٌ

تَمَكَّنَ الْعُلَمَاءُ مِنْ اسْتِكْشَافِ أَعْمَاقِ الْمُحِيطِ الْهَادِي، وَوَصَلُوا إِلَى عُقْمٍ 11km مِنْ سَطْحِ الْكُرَةِ الْأَرْضِيَّةِ.

الوَخْذَةُ 1

أَسْتَرَى عُمَرُ يَوْمَ الْأَحَدِ أَسْهُمَا مِنْ سَوَاقِ عَتَانَ الْعَالِي بِقِيَمَةِ JD 500. ثُمَّ سَجَّلَ فِي الْجَدْوَلِ الْأَتَمِّ أَرْبَاعَهُ وَخَسَائِرَهُ فِي أَيَّامِ الْأُسْبُوعِ الْآخَرِي:

الرَّابِعُ	الثَّلَاثَةُ	الأَرْبَعَةُ	الخَمِيسُ
رَبْعُ JD 15	خَسَارَةُ JD 18	خَسَارَةُ JD 23	رَبْعُ JD 10

مَا قِيَمَةُ أَسْهُمِ عُمَرَ فِي نِهَايَةِ الْأُسْبُوعِ؟ $15 - 18 - 23 + 10 = -16$

أَجِدْ مُعَدَّلَ قِيَمِ الْأَرْبَاعِ وَالْخَسَائِرِ الْيَوْمِيَّةِ لِعُمَرَ فِي الْأَيَّامِ الْأَرْبَعَةِ:

إِذَا كَانَتْ -6 ، z ، $y = 12$ ، وَ $x = -2$ ، فَاجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِنْ:

17 $y + x$
 $12 + (-2)$
 $= -6$

18 $\frac{x \times z}{-y} = \frac{-2 \times (-6)}{-(12)}$

19 $\frac{-2y + 6z}{x} = \frac{-2(12) + 6(-6)}{-2}$

أَسْتَخِرِ الْجَدْوَلِ الْأَتَمِّ، ثُمَّ أَكْمِلْهُ:

إِشَارَةُ النَّاتِجِ	النَّاتِجِ	عَدَدُ الْأَعْدَادِ فِي الْعِبَارَةِ	الْعِبَارَةُ
موجب	2	2	$-1 \times (-2)$
سالب	-6	3	$-1 \times (-2) \times (-3)$
موجب	24	4	$-1 \times (-2) \times (-3) \times (-4)$
سالب	-120	5	$-1 \times (-2) \times (-3) \times (-4) \times (-5)$

أَسْتَغْمِلُ الْجَدْوَلِ السَّابِقَ لِأَكْتُبَ قَاعِدَةً لِإِشَارَةِ نَاتِجِ ضَرْبِ أَكْثَرِ مِنْ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ. إِذَا كَانَ n عَدَدًا مَرْمُومًا مَا لِإِشَارَةِ سَالِبٍ أَوْ مُوجِبٍ أَمَا إِذَا كَانَ n زَوْجِيًّا فَالْإِشَارَةُ مُوجِبَةٌ. أَبْحَثُ عَنْ نَمَطٍ: أَكْمِلُ الْخُدُودَ الثَّلَاثَةَ التَّالِيَةَ فِي كُلِّ نَمَطٍ مِمَّا يَأْتِي:

22 $-3, +9, -27, +81, \dots, 243$

23 $+256, -128, +64, -32, \dots, 16$

أَكْتُبُ الْمُخْتَلَفَ: أَعِدُّ الْمَقْدَارَ الْمُخْتَلَفَ عَنِ الْمَقَادِيرِ الثَّلَاثَةِ الْآخَرَى، مُبَرِّزًا إِيَّاهَا:

$-40 \div 8$

$-32 \div (-4)$

$12 \div (-3)$

$-22 \div 2$

تَحْلِلُ الْأَجَالَاتِ سَالِبَةً أَوْ مُوجِبَةً. تَبَرُّرٌ: أَسْتَغْمِلُ الْأَعْدَادَ الصَّحِيحَةَ: $-2, +2, -8, +9, -5$ لِإِبْجَادِ الْعَدَدَيْنِ الصَّحِيحَيْنِ اللَّذَيْنِ نَاتِجُ ضَرْبِهِمَا هُوَ الْأَعْلَى؟ أَهْبُزُ إِيَّاهُمَا:

$+9 \times +2 = +18$

$x = -4$

تَحَدُّ: أَحْلُ الْمُعَادَلَةَ الْآتِيَةَ: $\frac{3x}{3} = \frac{-12}{3}$

أَكْتُبْ: مَتَى يَكُونُ نَاتِجُ الضَّرْبِ أَوْ الْقِسْمَةِ لِعَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ مُوجِبًا؟ مَتَى يَكُونُ سَالِبًا؟ أَهْبُزُ إِيَّاهُمَا بِأَمْتِلَةٍ. إِذَا كَانَ الْعَرَبِيَّةُ مُوجِبَةً أَوْ سَالِبَةً يَكُونُ إِذَا خُطِنَ بِعِبَارَةِ الْعَرَبِيِّ الْأَوَّلِيِّ الْمَعْرُوفِ كَمَا يَكُونُ سَالِبًا

إِزْشَاد

أَعِدُّ إِذَا كَانَتْ عِبَارَةُ الضَّرْبِ تُخَوِّي عَدَدًا قَرُونِيًّا أَوْ عَدَدًا زَوْجِيًّا مِنَ الْأَعْدَادِ الْمَضْرُوبَةِ. لَا يَسْتَجِبُ إِشَارَةُ نَاتِجِ الضَّرْبِ.

$\frac{-24 \div 36}{-2} = \frac{-60}{-2}$
 $= 30$

فَهَارَاتُ التَّفْكِيرِ الْعَلِيَّ

اختبار الوُحدة

5 ناتج ضرب: $2 \times (-5) \times 0$ هو:

a) 10

b) 7

c) 0

d) -10

6 العبارة غير الصحيحة مما يأتي هي:

a) $-7 + (-6) = -13$

b) $-5 + 1 = -4$

c) $2 + (-1) = -1$

d) $8 + (-9) = -1$

7 العبارة التي ناتجها عدد موجب هي:

a) $-10 + 2$

b) $-10 + -(-2)$

c) $\frac{-10}{-2}$

d) $-(\frac{10}{-2})$

8 العبارة التي تكافئ -4 هي:

a) $8 + 2$

b) $-(\frac{16}{4})$

c) $-2 \times (-2)$

d) -4×1

9 العدد الذي يساوي مَعكُوسُهُ هو:

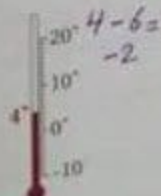
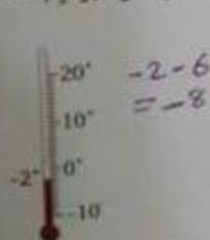
a) 1

b) 0

c) $\frac{1}{2}$

d) 4

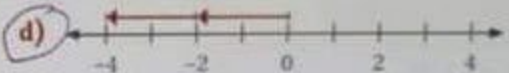
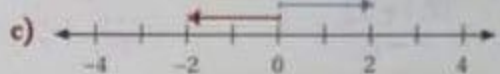
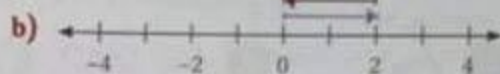
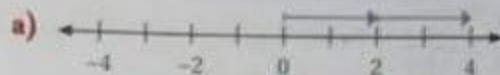
10 ما قياس درجة الحرارة في كل ميزان بعد أن:



تُخفِض بِمِقْدَار 6°C تُضَيِّع 3 أَشْخَالٍ مَا هِيَ عَلَيْهِ؟

أَضْع دَائِرَةً حَوْلَ رَمِزِ الإِجَابَةِ الصَّحِيحَةِ فِي مَا يَأْتِي:

1 إِخْدِي الْآيَةَ تُمَثِّلُ جُمْلَةً الْجَمْع: $-2 + (-2)$ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ:



2 إِخْدِي الْآيَةَ مُرْتَبَةً تَصَاعُديًّا:

a) -11, -9, -6, 17, 20

b) -11, 9, -6, 17, 20

c) -6, -9, -11, 17, 20

d) 20, 17, 6, -9, -11

3 إِخْدِي الْآيَةَ لَهَا الْقِيَمَةُ الْمُطْلَقَةُ الْكُبْرَى:

a) $3 - (-1)$

b) $4 - 5$

c) $-3 - (-1)$

d) $-4 - 5$

4 العبارة الصحيحة مما يأتي هي:

a) $7 - 3 = 3 - 7$

b) $7 - 3 > 3 - 7$

c) $7 - 3 < 3 - 7$

d) $7 - 3 = -4$

صق الحبيب

منتديات

