



إدارة المناهج والكتب المدرسية

الرياضيات

٥

الجزء الثاني

الصف الخامس





إدارة المناهج والكتب المدرسية

الرياضيات

الجزء الثاني



الصف الخامس

الناشر
وزارة التربية والتعليم
إدارة المناهج والكتب المدرسية

يسر إدارة المناهج والكتب المدرسية استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:
هاتف: ٤٦١٧٣٠٤ / ٥ - ٨ ، فاكس: ٤٦٣٧٥٦٩ ، ص.ب: ١٩٣٠ ، الرمز البريدي: ١١١١٨ ،
أو بوساطة البريد الإلكتروني: E-mail: Scientific.Division@moe.gov.jo

قرّرت وزارة التربية والتعليم تدريس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار مجلس التربية والتعليم رقم (٢٠١٥/٢٩)، تاريخ ٢٦/٣/٢٠١٥م، بدءًا من العام الدراسي ٢٠١٥/٢٠١٦م.

حقوق الطبع جميعها محفوظة لوزارة التربية والتعليم

عمّان - الأردن/ص.ب: ١٩٣٠

رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية

(٢٠١٥/٥/١٩٨٩)

ISBN: 978-9957-84-586-5

قام بتأليف هذا الكتاب كل من:

نوار نور الدين الفتيحة، د. عمر سليمان العلي، نفين أحمد جوهر، روى سعود اخلاوي.

وأشرف على تأليفه كل من:

أ.د. حسن زارع هديب، أ.د. وصفي أحمد شطناوي، أ.د. أحمد ذيب علاونة، أ.د. معاذ محمود الشياب،

عصام سليمان الشطناوي (مقرّراً).

التحرير العلمي: عصام سليمان الشطناوي

التحرير اللغوي: نضال أحمد موسى

التصميم: عائد فؤاد سمور

التحرير الفني: نرمن داود العززة

الرسوم: عمر أحمد أبو عليان

الإنجاز: علي محمد العويدات

دقق الطباعة: نوار نور الدين الفتيحة

راجعها: عصام سليمان الشطناوي

٢٠١٥/هـ١٤٣٦م

الطبعة الأولى (التجريبية)

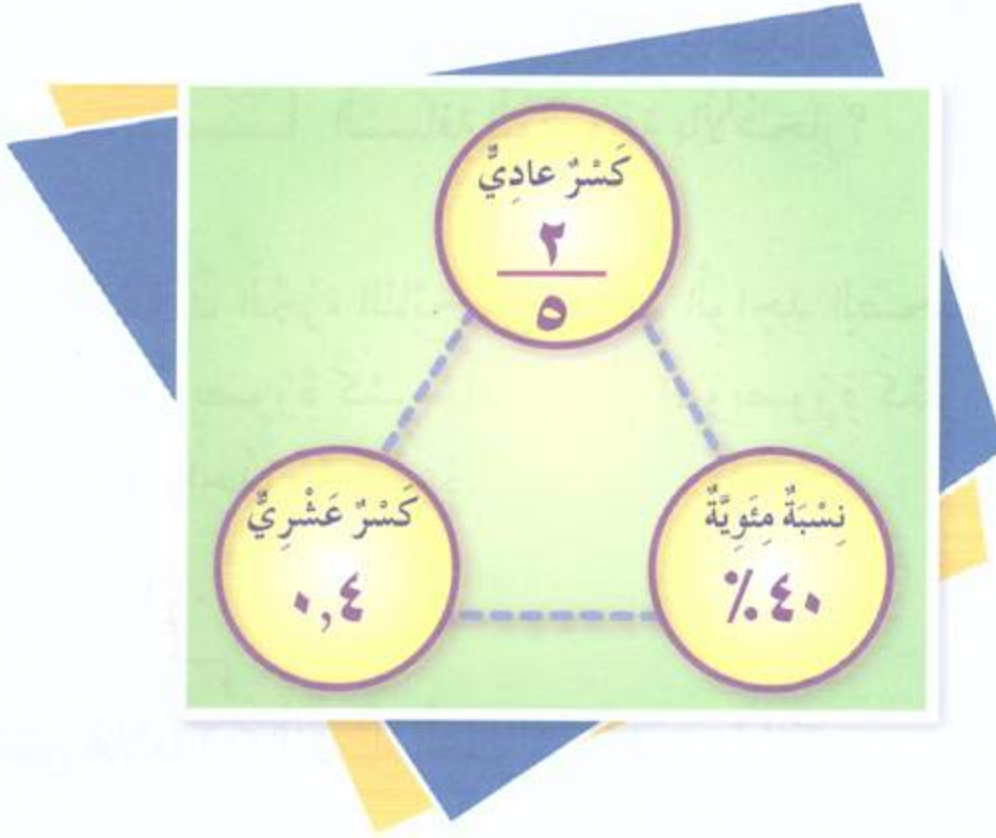
٥	الوَحْدَةُ الْخَامِسَةُ: الْكُسُورُ الْعَشْرِيَّةُ
٦	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ: الْجُزْءُ مِنْ أَلْفٍ
١٣	الدَّرْسُ الثَّانِي: مُقَارَنَةُ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ
١٩	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ: التَّحْوِيلُ بَيْنَ الْأَعْدَادِ الْكُسْرِيَّةِ وَالْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ
٢٧	الدَّرْسُ الرَّابِعُ: تَقْرِيْبُ (تَدْوِيرُ) الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ
٣٢	الدَّرْسُ الْخَامِسُ: تَقْدِيرُ نَاتِجِ جَمْعِ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ وَطَرْحِهَا
٣٧	الدَّرْسُ السَّادِسُ: جَمْعُ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ وَطَرْحِهَا
٤٤	الدَّرْسُ السَّابِعُ: النَّسْبَةُ
٥١	الدَّرْسُ الثَّامِنُ: النَّسْبَةُ الْمِثْوِيَّةُ
٥٧	مُرَاجَعَةٌ
٥٩	اِخْتِبَارٌ ذَاتِيٌّ

٦١	الوَحْدَةُ السَّادِسَةُ: الْأَنْمَاطُ
٦٢	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ: الْأَنْمَاطُ الْهَنْدَسِيَّةُ
٧٠	الدَّرْسُ الثَّانِي: الْأَنْمَاطُ الْعَدَدِيَّةُ
٧٥	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ: تَنْبُوُ النَّمَطِ
٨٤	الدَّرْسُ الرَّابِعُ: التَّعْبِيرُ بِالرُّمُوزِ
٩٠	الدَّرْسُ الْخَامِسُ: الْقِيَمَةُ الْعَدَدِيَّةُ لِتَعْبِيرٍ جَبْرِيٍّ فِي مُتَغَيِّرٍ وَاحِدٍ
٩٦	مُرَاجَعَةٌ
٩٨	اِخْتِبَارٌ ذَاتِيٌّ

١٠٣	الْوَحْدَةُ السَّابِعَةُ: الْهَنْدَسَةُ
١٠٤	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ: الْمُضَلَّعَاتُ
١٠٨	الدَّرْسُ الثَّانِي: رَسْمُ الدَّائِرَةِ
١١٣	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ: قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ
١١٩	الدَّرْسُ الرَّابِعُ: رَسْمُ الزَّاوِيَةِ
١٢٣	مُرَاجَعَةٌ
١٢٤	اِخْتِبَارٌ ذَاتِيٌّ

١٢٧	الْوَحْدَةُ الثَّامِنَةُ: الْقِيَاسُ
١٢٨	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ: وَحَدَاتُ قِيَاسِ الزَّمَنِ
١٣٥	الدَّرْسُ الثَّانِي: وَحَدَاتُ الْمِسَاحَةِ
١٤٠	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ: مِسَاحَةُ الْمُضَلَّعِ
١٤٤	الدَّرْسُ الرَّابِعُ: مُحِيطُ الْمُثَلَّثِ وَمِسَاحَتُهُ
١٤٨	مُرَاجَعَةٌ
١٤٩	اِخْتِبَارٌ ذَاتِيٌّ

الكسور العشرية



تُستخدَم الكسور والأعداد العشرية في العديد من المجالات وشؤون الحياة، مثل: التجارة، والقياس، وعلوم الهندسة، وفواتير الماء والكهرباء والهاتف، وعمليات الشراء.

يُذكر أن موضوع النسبة يُعدُّ تطبيقًا حقيقيًا للحياة العملية، في مجال التجارة، والبنوك، والزكاة، والميراث، والربح، والمقارنة، ورسم الخرائط، وغيرها من مجالات العلوم.



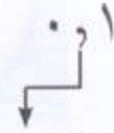
طَرِيقٌ طَوْلُهُ (١٠٠٠) م،
زُرِعَتْ عَلَى أَحَدِ جَانِبَيْهِ أَشْجَارٌ
امْتَدَّتْ مَسَافَةَ (٦٥٠) مِثْرًا.
مَا الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ الدَّالُّ عَلَى
الْمَسَافَةِ الْمَزْرُوعَةِ بِالْأَشْجَارِ؟

النَّاتِجَاتُ:

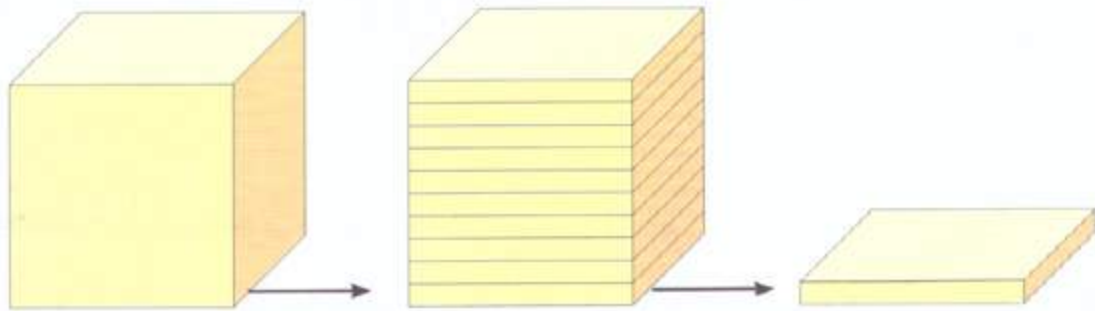
- تَعَرَّفَ الْأَجْزَاءُ مِنْ أَلْفٍ.
- تَكْتُبُ الْجُزْءَ مِنْ أَلْفٍ
بِالْأَرْقَامِ وَالْكَلِمَاتِ،
وَبِاسْتِخْدَامِ لَوْحَةِ الْمَنَازِلِ.

تَعَرَّفْتَ سَابِقًا أَنَّ الْجُزْءَ النَّاتِجَ مِنْ تَقْسِيمِ الْوَاحِدِ الصَّحِيحِ إِلَى ١٠ أَجْزَاءٍ
مُتَسَاوِيَةٍ، يُعْبَرُ عَنْهُ بِصُورَةٍ كَسْرٍ عَادِيٍّ $(\frac{1}{10})$ ، وَبِصُورَةٍ كَسْرٍ عَشْرِيٍِّّ $(0,1)$ ،
وَيُقْرَأُ: عَشْرًا، أَوْ وَاحِدًا مِنْ عَشْرَةٍ.

تَذَكَّرْ

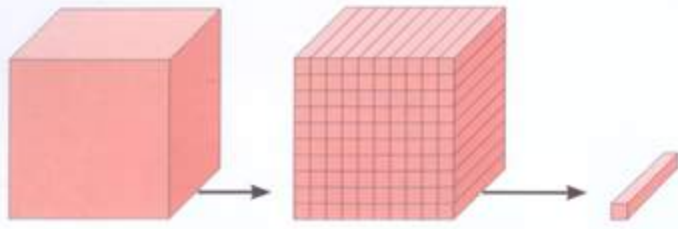


■ تُسَمَّى عَلَامَةُ (٠) الْفَاصِلَةَ الْعَشْرِيَّةَ، وَتُسْتَعْمَدُ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ.



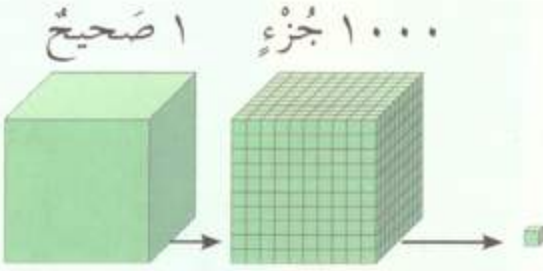
١، ٠ مِنْ الْوَاحِدِ الصَّحِيحِ ١٠ أَجْزَاءٍ ١ صَحِيحٌ

أَمَّا الْجُزْءُ النَّاتِجُ مِنْ تَقْسِيمِ الْوَاحِدِ الصَّحِيحِ إِلَى ١٠٠ جُزْءٍ مُتَسَاوٍ، فَيُعْبَرُ
عَنْهُ بِصُورَةٍ كَسْرٍ عَادِيٍّ $(\frac{1}{100})$ ، وَبِصُورَةٍ كَسْرٍ عَشْرِيٍِّّ $(0,01)$ ، وَيُقْرَأُ:
وَاحِدًا مِنْ مِئَةٍ.



٠,٠١ مِنْ الْوَاحِدِ الصَّحِيحِ

١٠٠ جُزْءٍ ١ صَحِيحٍ



١٠٠٠ جُزْءٍ ١ صَحِيحٍ

فَكْرٌ

▪ اكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي مَا يَأْتِي:
الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ الَّذِي يُمَثَّلُ
الْجُزْءَ النَّاتِجَ مِنْ تَقْسِيمِ الْوَاحِدِ

الصَّحِيحِ إِلَى ١٠٠٠ جُزْءٍ مُتَسَاوٍ، هُوَ بِالْأَرْقَامِ، وَالْكَلِمَاتِ

تُسْتَعْمَلُ لَوْحَةُ الْمَنَازِلِ لِتَمَثِيلِ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ بِإِضَافَةِ مَنَازِلَ قَبْلَ الْجُزْءِ
الصَّحِيحِ، وَيُفْصَلُ بَيْنَهَا وَبَيْنَ الْجُزْءِ الصَّحِيحِ بِفَاصِلَةٍ عَشْرِيَّةٍ كَمَا يَأْتِي:

الْجُزْءُ الصَّحِيحُ				الْجُزْءُ الْعَشْرِيُّ		
ألف	مئات	عشرات	آحاد	,	أجزاء من عشرة	أجزاء من مئة

المثال ١

مَثَلِ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ الْآتِيَةِ فِي لَوْحَةِ الْمَنَازِلِ، ثُمَّ اقْرَأ كُلًّا مِنْهَا:

١ (٠,٢٠) ٢ (٨٤,٠٣) ٣ (١,٠٠٥) ٤ (٤٠٣٩,٢٠٦)

تَعْلَمُ

▪ الْعَدَدُ الْعَشْرِيُّ يَتَكَوَّنُ مِنْ جُزْأَيْنِ: جُزْءٍ صَحِيحٍ عَلَى يَسَارِ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ،
وَجُزْءٍ عَشْرِيٍّ عَلَى يَمِينِهَا.

▪ كُلُّ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ هُوَ عَدَدٌ عَشْرِيٌّ جُزْؤُهُ الصَّحِيحُ يُسَاوِي صِفْرًا.

الحل

العَدَدُ العَشْرِيّ	أجزاء من ألف	أجزاء من مئة	أجزاء من عشرة	,	آحاد	عشرات	مئات	ألف
٠,٢٠ (١)		٠	٢	,	٠			
٨٤,٠٣ (٢)				,				
١,٠٠٥ (٣)	٥	٠	٠	,	١			
٤٠٣٩,٢٠٦ (٤)				,				

يُقرأ: ٢٠ من مئة، أو ٢ من عشرة. لماذا؟
يُقرأ:
يُقرأ: ١ صحيحاً و ٥ من ألف.
يُقرأ:

فكر

■ إذا كان العَدَدُ العَشْرِيّ (٠,٢٠) يُساوي (٠,٢)، فهل العَدَدُ العَشْرِيّ (٠,١٠٩) يُساوي (٠,١٩)؟ وَضِّحْ إجابتك.

السؤال (١)

مثّل العَدَدَ ٦٨,٧١٥ في لَوْحَةِ المَنَازِلِ، ثُمَّ اقرَأهُ:

أجزاء من ألف	أجزاء من مئة	أجزاء من عشرة	آحاد	,	أجزاء من عشرة	أجزاء من مئة	أجزاء من ألف
				,			

ما القيمة المنزلية للرقم (٣) في كلٍّ من الأعداد الآتية:

(١) ٢,٣٥٦ (٢) ٦٣,١٨٨ (٣) ٤١٧,٥٠٣ (٤) ٠,٠٣

الحل

لتحديد القيمة المنزلية لعدد ما، يُمكن الاستعانة بلوحة المنازل:

لوحة المنازل							العدد
مئات	عشرات	آحاد	,	أجزاء من عشرة	أجزاء من مئة	أجزاء من ألف	
		٢	,	٣	٥	٦	٢,٣٥٦
	٦	٣	,	١	٨	٨	٦٣,١٨٨
٤	١	٧	,	٥	٠	٣	٤١٧,٥٠٣
		٠	,	٠	٣	٠	٠,٠٣

(١) ٢,٣٥٦: قيمة الرقم ٣ تساوي ٣,٠٠، وتقرأ: ثلاثة من عشرة.

(٢) ٦٣,١٨٨: قيمة الرقم ٣ تساوي ٣٠، وتقرأ: ٣ صحيحًا.

(٣) ٤١٧,٥٠٣: قيمة الرقم ٣ تساوي ٠,٠٠٣، وتقرأ: ثلاثة من ألف.

(٤) ٠,٠٣: قيمة الرقم ٣ تساوي ٠,٠٣، وتقرأ: ثلاثة من مئة.

فكر

■ أيّ القيمتين أكبر: القيمة المنزلية للرقم (٣) في العدد (٢,٣٥٦)، أم القيمة المنزلية للرقم (٣) في العدد (٠,٥٠٣)؟

السؤال (٢)

مَا الْقِيَمَةُ الْمَنْزِلِيَّةُ لِلرَّقْمِ (٩) فِي كُلِّ مِنَ الْأَعْدَادِ الْآتِيَةِ:

- (أ) ٩١٤ (ب) ٦,٢٥٩ (ج) ١٤٩,٦
(د) ٣٥,٠٩ (هـ) ٠,٨٩

السؤال (٣)

حُلِّ الْمَسْأَلَةَ الْوَارِدَةَ فِي بَدَايَةِ الدَّرْسِ.

المثال ٣

مَكْتَبَةٌ تَحْتَوِي عَلَى (١٠٠٠) كِتَابٍ، عَدَدُ الْكُتُبِ الدِّينِيَّةِ مِنْهَا (٤١٥) كِتَابًا، وَعَدَدُ الْكُتُبِ الْعِلْمِيَّةِ (٣٢٠) كِتَابًا، وَبَقِيَّةُ الْكُتُبِ ثَقَافِيَّةٌ.
مَا الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ الَّذِي يُمَثِّلُ الْكُتُبَ الثَّقَافِيَّةَ؟

أفهم:

- (١) مَا عَدَدُ كُتُبِ الْمَكْتَبَةِ جَمِيعًا؟
- (٢) مَا عَدَدُ الْكُتُبِ الدِّينِيَّةِ؟
- (٣) مَا عَدَدُ الْكُتُبِ الْعِلْمِيَّةِ؟
- (٤) كَيْفَ يُعَبَّرُ عَنْ عَدَدِ الْكُتُبِ الثَّقَافِيَّةِ بِصُورَةِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ؟

أخطأ:

- (١) مَا مَجْمُوعُ الْكُتُبِ الدِّينِيَّةِ وَالْعِلْمِيَّةِ مَعًا؟
- (٢) مَا عَدَدُ الْكُتُبِ الثَّقَافِيَّةِ؟
- (٣) كَيْفَ يُمَكِّنُ كِتَابَةُ الْكَسْرِ الْعَادِيَّ الدَّالَّ عَلَى عَدَدِ الْكُتُبِ الثَّقَافِيَّةِ؟

أنفذ:

أكمل الفراغ بما هو مناسب في الجدول الآتي:

نوع الكتب	عدد الكتب	الكسر العادي الدال على عدد الكتب	الكسر العشري الدال على عدد الكتب
دينية	٤١٥	$\frac{٤١٥}{١٠٠٠}$	٠,٤١٥
علمية	٣٢٠	$\frac{٣٢٠}{١٠٠٠}$	٠,٣٢٠
ثقافية	<input type="text"/>	$\frac{\text{[]}}{١٠٠٠}$	<input type="text"/>

أتحقق:

$$\text{[]} = \frac{\text{[]}}{\text{[]}} = \frac{\text{[]}}{١٠٠٠} + \frac{٣٢٠}{١٠٠٠} + \frac{٤١٥}{١٠٠٠}$$

أجد ناتج جمع

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) اكتبُ كُلاً مِمَّا يَأْتِي بِالْكَلِمَاتِ:

(أ) ٥,٣٦٤ (ب) ١٤,٢٨

(ج) ٠,٧٤٣ (د) ٩٥١,٠٢٦

(٢) اكتبُ كُلاً مِمَّا يَأْتِي بِالْأَرْقَامِ:

(أ) مِئَةٌ وَتِسْعَةٌ مِنْ أَلْفٍ.

(ب) ثَلَاثَةٌ صَحِيحٌ وَأَرْبَعَةٌ وَسَبْعُونَ مِنْ أَلْفٍ.

(ج) مِئَتَانِ وَثَمَانِيَةٌ وَسِتُونَ وَخَمْسَةَ عَشَرَ مِنْ أَلْفٍ.

(٣) مَثَلِ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ الْآتِيَةِ فِي لَوْحَةِ الْمَنَازِلِ:

(أ) ٢,٣١٧ (ب) ٩٤,٢١٨

(ج) ٠,٧٣ (د) ٣٦,٠٥٢

(٤) مَا الْقِيَمَةُ الْمُنَزَلِيَّةُ لِلرَّقْمِ الَّذِي تَحْتَهُ خَطٌّ فِي مَا يَأْتِي:

(أ) ٧٢,٥٣١ (ب) ٨١,٠٢٩

(ج) ١,٠٠٦ (د) ٦٨٤,٠٣

(٥) تَحَدَّثْ:

مَا الْفَرْقُ بَيْنَ الْكُسُورِ الْعَادِيَّةِ وَالْكُسُورِ الْعَشْرِيَّةِ؟

(٦) لَدَى مُزَارِعِ (٢٠٠٠) شَتْلَةٍ مِنْ أَشْتَالِ نَبَاتِ السُّوسَنِ، مِنْهَا (٣١٤) شَتْلَةٌ

بِنَفْسَجِيَّةٍ، وَ (٤١٠) شَتَلَاتِ سَوْدَاءٍ، وَ (٢٢٨) أُخْرَى صَفْرَاءٍ، وَالْبَاقِي

بَيِّضَاءٍ. اكتبِ الْكُسْرَ الْعَشْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ كُلَّ نَوْعٍ مِنْهَا.

تُنتِجُ مَزْرَعَةُ خَالِدٍ (٤٧، ١٢) طُنًّا مِنَ
الحَلِيبِ شَهْرِيًّا، فِي حِينِ تُنتِجُ مَزْرَعَةُ
سَمِيرٍ (٤٦٢، ١٢) طُنَّ حَلِيبٍ شَهْرِيًّا.
أَيُّ المَزْرَعَتَيْنِ تُنتِجُ كَمِيَّةً أَكْبَرَ مِنَ
الحَلِيبِ؟

النَّجَاتُ:

- تُقَارَنُ الكُسُورُ العَشْرِيَّةُ (حَتَّى جُزْءٍ مِنْ أَلْفٍ)، وَتُرْتَّبُهَا.

لِمَعْرِفَةِ المَزْرَعَةِ الَّتِي تُنتِجُ أَكْبَرَ كَمِيَّةً مِنَ الحَلِيبِ، يُقَارَنُ بَيْنَ العَدَدَيْنِ:
(٤٧، ١٢)، وَ (٤٦٢، ١٢).

أَوَّلًا: كِتَابَةُ العَدَدَيْنِ فِي لَوْحَةِ المَنَازِلِ بِحَيْثُ تَوْضُعُ الفَاصِلَةُ العَشْرِيَّةُ تَحْتَ
الفَاصِلَةَ العَشْرِيَّةَ فِي العَدَدَيْنِ:

عَشْرَاتٌ	آحَادٌ	,	أَجْزَاءٌ مِنْ عَشْرَةٍ	أَجْزَاءٌ مِنْ مِئَةٍ	أَجْزَاءٌ مِنْ أَلْفٍ
١	٢	,	٤	٧	٠
١	٢	,	٤	٦	٢

تَذَكَّرْ

■ إِضَافَةُ الأَصْفَارِ إِلَى يَمِينِ آخِرِ مَنزِلَةٍ عَشْرِيَّةٍ فِي الجُزْءِ العَشْرِيِّ مِنَ
العَدَدِ العَشْرِيِّ، لَا تُغَيِّرُ مِنَ قِيَمَةِ العَدَدِ. لِمَاذَا؟

ثَانِيًا: بَدءُ المُقَارَنَةِ بِأَوَّلِ مَنزِلَةٍ مِنَ اليَسَارِ فِي الجُزْءِ الصَّحِيحِ، وَفِي حَالِ تَسَاوَى
الرَّقْمَانِ يُنْتَقَلُ إِلَى المَنزِلَةِ الوَاقِعَةِ عَلَى يَمِينِهَا، وَهَكَذَا.

تَسَاوَى الرَّقْمَانِ فِي العَشْرَاتِ، فَيُنْتَقَلُ إِلَى الآحَادِ. $1 = 1$

تَسَاوَى الرَّقْمَانِ فِي الآحَادِ، فَيُنْتَقَلُ إِلَى الجُزْءِ مِنْ عَشْرَةٍ. $2 = 2$

٤ = ٤ تساوى الرقمان في منزلة الجزء من عشرة، فانتقل إلى الجزء من مئة.

٧ < ٦ هو الأكبر.

١٢,٤٦٢ < ١٢,٤٧

وبذلك تكون مزرعة خالد هي التي تُنتج الكمية الكبرى من الحليب.
هل يمكنك المقارنة بطريقة أخرى؟

المثال ١

ضع إشارة >، أو <، أو = في لتكون العبارة صحيحة في ما يأتي،
مُبرِّراً إجابتك:

١,٢٣٦ (١ ١,٢٣٥ (٢ ٧٤,٥ (٣ ٧,٤٥ (٤ ٧٤,٥

٠,٢١٩ (٣ ٠,٢٩٠ (٤ ٨٠,٨ (٤ ٨٠,٨٠٠

الحل

١,٢٣٦ (١ < ١,٢٣٥ (٢؛ لأن ٦ < ٥

٧٤,٥ (٣ > ٧,٤٥ (٤؛ لأن ٧ > ٧٤

٠,٢١٩ (٣ ٠,٢٩٠ (٤؛ لأن

٨٠,٨ (٤ ٨٠,٨٠٠ (٤؛ لأن

السؤال (١)

قارن بين الأعداد العشرية الآتية باستخدام الإشارة المناسبة (>، أو <، أو =):

أ) ٢٧,٤٠٠ (٢٧,٤

ب) ٣٢,٤٥١ (٣٢,٤٥٣

ج) ١٣,٥٩ ١٣٥,٩

د) ٩٢,٧٢ ٢٩,٧٢

● فِكْر

■ املاً الفراع الآتي بالعدد المناسب لتكون العبارة صحيحة:

١,٦٥ > > ١,٦٤

هل توجد إجابة أخرى؟ قارن إجابتك بإجابات زملائك.

المثال ٢

رتب الأعداد العشرية الآتية تصاعدياً:

٠,٥٨٦

٠,٥٨

٠,٦

٠,٥٨٢

الحل

تُكتب الأعداد العشرية بعضها تحت بعض كما في لوحة المنازل، بحيث تكون الفاصلة العشرية تحت الفاصلة العشرية في الأعداد جميعها، ثم توضع أصفار في أقصى يمين الجزء العشري، بحيث يكون للأعداد العشرية العدد نفسه من المنازل العشرية:

٠ , ٥ ٨ ٢

٠ , ٦ ٠ ٠

٠ , ٥ ٨ ٠

٠ , ٥ ٨ ٦

يقارن بدءاً باليسار، ثم يُكتب الترتيب:

٠,٦ > ٠,٥٨٦ > ٠,٥٨٢ > ٠,٥٨

وَبِذَلِكَ يَكُونُ تَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ التَّصَاعُدِيِّ هُوَ:

٠,٦

٠,٥٨٦

٠,٥٨٢

٠,٥٨

السؤال (٢)

رَتِّبِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ تَنَازُلِيًّا:

٠,٧٩

٠,٨

١,٧٩٤

٦,٧٣٥

السؤال (٣)

الرَّفُّ	رَقْمُ الصَّنْفِ
١	٩٤٣,٦٧٨
٢	٩٤٣,٦
٣	٩٤٣,٦٧٠٠

يُرْتَّبُ أَحْمَدُ الْبُضَائِعَ عَلَى الرَّفُوفِ حَسَبَ أَرْقَامِهَا الْمُتَسَلِّسِلَةِ الْمُدَوَّنَةِ عَلَيْهَا، بَدءًا بِالْأَصْغَرِ، وَانْتِهَاءً بِالْأَكْبَرِ لِتَسْهِيلِ عَمَلِيَّةِ الْجَرْدِ. سَاعِدْ أَحْمَدَ عَلَى تَرْتِيبِ أَرْقَامِ الْبُضَائِعِ الْوَارِدَةِ فِي الْجَدْوَلِ الْمُجَاوِرِ عَلَى الرَّفُوفِ.

تحدّ

■ في سباقٍ لِلدَّرَاجَاتِ قَطَعَتْ هُدَى مَسَافَةَ (١٨٥٠) م، وَقَطَعَتْ رَشَا مَسَافَةَ (١,٨٥) كم. تَقُولُ رَشَا إِنَّهَا قَطَعَتْ الْمَسَافَةَ نَفْسَهَا الَّتِي قَطَعَتْهَا هُدَى بِالْكِلُومِثْرَاتِ، فِي حِينٍ تَقُولُ هُدَى إِنَّهَا قَطَعَتْ مَسَافَةَ أَكْبَرَ. أَيُّهُمَا كَانَتْ عَلَى صَوَابٍ: رَشَا أَمْ هُدَى؟ وَضِّحْ إِجَابَتَكَ.

السؤال (٤)

ضَعْ عَدَدًا عَشْرِيًّا فِي لِيَكْتَمِلَ التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ فِي مَا يَأْتِي:

أ (، ٤,٦٥٢ ، ٤,٦٥ ، ، ٤,٥٩٨ ، .

ب (، ٧٣,٠٢٠ ، ، ٧٣,٠١٢ .

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) قَارِنُ بَيْنَ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ الْآتِيَةِ بِاسْتِخْدَامِ الْإِشَارَةِ الْمُنَاسِبَةِ (>، <، أو =):

أ (٢,٠٣٤) ٢,٣٤٠ (ب) ٥٥,٥ ٥٥,٥٠

ج (٧١,٥٣) ٧١,٣٥ (د) ٦٤,٢ ٦٤,٠٢

هـ (٢,٠٥١) ٢٠,٥١

(٢) رَتِّبِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ تَرْتِيبًا تَصَاعُدِيًّا:

١٣,٢٣ ١٣,٩٢ ١٣,٢٠٣ ١٥,٩٨ ١١,٦

(٣) اَكْتُبِ ثَلَاثَةَ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ (٧,١٨)، وَ (٧,٢٠).

(٤) لَدَيْكَ الْعَدَدُ (٨,٤٥). أَجِبْ عَنْ كُلِّ فَرْعٍ مِنَ الْآتِيِ، ثُمَّ اكْتُبِ الْإِجَابَةَ فِي :

أ (اَخْتَرِ مَكَانًا لِلرَّقْمِ . فِي الْعَدَدِ (٨,٤٥) بِحَيْثُ لَا تَتَغَيَّرُ قِيَمَتُهُ .

هَلْ تَوْجَدُ إِجَابَاتٍ أُخْرَى؟

ب (اَخْتَرِ مَكَانًا لِلرَّقْمِ . فِي الْعَدَدِ (٨,٤٥) بِحَيْثُ يَكُونُ النَّاتِجُ عَدَدًا

عَشْرِيًّا أَصْغَرَ مِنْهُ . هَلْ تَوْجَدُ إِجَابَاتٍ أُخْرَى؟

ج (اَخْتَرِ مَكَانًا لِلرَّقْمِ . فِي الْعَدَدِ (٨,٤٥) بِحَيْثُ يَكُونُ النَّاتِجُ عَدَدًا

عَشْرِيًّا أَكْبَرَ مِنْهُ . هَلْ تَوْجَدُ إِجَابَاتٍ أُخْرَى؟

(٥) مَا أَكْبَرُ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ يَتَكَوَّنُ مِنْ ثَلَاثِ مَنَازِلٍ عَشْرِيَّةٍ، يُمَكِّنُ كِتَابَتَهُ بِاسْتِعْمَالِ

الْأَرْقَامِ (٧,٢,٤) جَمِيعِهَا؟

٦) تَبَرَّعَ كَرَمٌ بِمَبْلَغِ (٣٢٥) قِرْشًا، وَتَبَرَّعَ صَدِيقُهُ زَيْدٌ بِمَبْلَغِ (١,٢٥) دِينَارٍ.
أَيُّهُمَا تَبَرَّعَ أَكْثَرَ؟

٧) اكْتُبْ عَدَدًا عَشْرِيًّا مُنَاسِبًا فِي لِيُكْتَمَلَ التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ فِي مَا يَأْتِي:

أ) (٨,١٤٩ ، ، ٨,١٥١ ، ، ٨,١٦٣ ،)

ب) (، ٢٥,٠٣٠ ، ، ٣٧,٠٢ ،)

● فِكْرٌ

■ اشْتَرَى كُلُّ مَنْ: عُمَرُ، وَسَالِمٌ، وَمُحَمَّدٌ، وَأَشْرَفُ أُضْحِيَّةً. وَبَعْدَ تَوْزِينِ الْأَضَاحِي تَبَيَّنَ مَا يَأْتِي:

كُتِلَتْ أُضْحِيَّةُ عُمَرَ أَكْبَرُ مِنْ كُتْلَةِ أُضْحِيَّةِ سَالِمٍ، وَأَصْغَرُ مِنْ كُتْلَةِ أُضْحِيَّةِ مُحَمَّدٍ، إِلَّا أَنَّ كُتْلَةَ أُضْحِيَّةِ أَشْرَفَ تَزِيدُ (٥,٠) كِغ عَلَى كُتْلَةِ أُضْحِيَّةِ مُحَمَّدٍ.

إِذَا كَانَتْ كُتْلُ أَضَاحِي الْأَصْدِقَاءِ الْأَرْبَعَةِ بِالْكِيلُوغَرَامِ (٥١,٥٠، ٥٠,٥٠، ٤٧,٥١,٥)، فَحَدِّدْ كُتْلَةَ أُضْحِيَّةِ كُلِّ مِنْهُمْ.



اسْتَخْدَمَ قُصِيَّ ٢,٠ مِنْ لَوْحٍ
خَشَبِيٍّ لِصُنْعِ رَفٍّ، فِي حِينِ
اسْتَخْدَمَ أَخُوهُ سَيْفَ (١/٢) اللَّوْحِ
لِصُنْعِ رَفٍّ آخَرَ.

فِي رَأْيِكَ، أَيُّهُمَا صَنَعَ الرَّفَّ الْأَكْبَرَ؟
كَيْفَ يُمَكِّنُكَ مَعْرِفَةُ ذَلِكَ؟

النَّاتِجَاتُ:

- تُحَوَّلُ بَيْنَ الْكُسُورِ
الْكَسْرِيَّةِ وَالْأَعْدَادِ
الْعَشْرِيَّةِ.

أَوَّلًا: تَحْوِيلُ الْكُسْرِ الْعَادِيِّ إِلَى كُسْرِ عَشْرِيٍّ

تَذَكَّرْ ●
■ يُسَمَّى $\frac{1}{٢}$ كُسْرًا عَادِيًّا، حَيْثُ:

الْبَسْطُ ← $\frac{1}{٢}$
الْمَقَامُ ←

يُمْكِنُ مُقَارَنَةُ الْكُسْرِ (٢,٠) بِالْكَسْرِ (١/٢) عَنْ طَرِيقِ تَحْوِيلِ الْكُسْرِ
الْعَادِيِّ (١/٢) إِلَى كُسْرِ عَشْرِيٍّ، ثُمَّ عَمَلِ مُقَارَنَةٍ بَيْنَهُمَا، تَتَّضَمَّنُ كِتَابَةَ الْكُسْرِ
(١/٢) بِصُورَةٍ كُسْرِ مُكَافِئٍ، مَقَامُهُ: ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠، ... كَمَا يَأْتِي:

(١) اكْتُبْ مَقَامَ الْكُسْرِ $\frac{1}{٢}$ ، وَهُوَ الْعَدَدُ (٢).

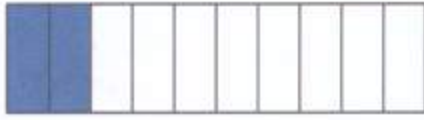
(٢) فَكِّرْ فِي عَدَدٍ يَكُونُ نَاتِجَ ضَرْبِهِ فِي الْعَدَدِ (٢) أَحَدَ الْأَعْدَادِ:

١٠، ١٠٠، ١٠٠٠، ...

(٣) جِدْ كُسْرًا مُكَافِئًا لِلْكَسْرِ (١/٢):

$$\frac{٥}{١٠} = \frac{٥ \times ١}{٥ \times ٢} = \frac{1}{2}$$

٤) حَوِّلِ الْكُسْرَ النَّاتِجَ إِلَى عَدَدٍ عَشْرِيٍّ، عَدَدٌ مَنَازِلُهُ الْعَشْرِيَّةُ يُسَاوِي عَدَدَ الْأَصْفَارِ الْمَوْجُودَةِ فِي الْمَقَامِ:



$$= 0,2$$

$$0,5 = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$



$$0,5 = \frac{1}{2}$$

$$0,5 > 0,2$$

وَبِذَلِكَ يَكُونُ $0,5 > 0,2$ وَضَّحْ إِجَابَتَكَ.

فَكِّرْ

■ هَلْ يُمَكِّنُ اسْتِعْمَالُ الْخُطُواتِ السَّابِقَةِ لِتَحْوِيلِ الْكُسْرِ $(\frac{7}{10})$ إِلَى كُسْرٍ عَشْرِيٍّ؟ وَضَّحْ إِجَابَتَكَ.

تَذَكَّرْ

$$\frac{400}{600} = \frac{12}{18} = \frac{8}{12} = \frac{4}{6}$$

■ تُسَمَّى هَذِهِ الْكُسُورُ جَمِيعُهَا كُسُورًا مُكَافِئَةً لِلْكُسْرِ $(\frac{4}{6})$.

■ هَلِ الْكُسْرُ $(\frac{2}{3})$ مُكَافِئٌ لِلْكُسْرِ $(\frac{4}{6})$ ؟ وَضَّحْ إِجَابَتَكَ.

■ كَمْ عَدَدُ الْكُسُورِ الْمُكَافِئَةِ لِلْكُسْرِ الْعَادِي $(\frac{4}{8})$ ؟

١

المثال

حَوِّلِ الْأَعْدَادَ الْكُسْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ:

$$2 \frac{7}{1000} \quad (3)$$

$$\frac{360}{1000} \quad (2)$$

$$\frac{4}{100} \quad (1)$$

$$\frac{5}{2} \quad (6)$$

$$1 \frac{24}{200} \quad (5)$$

$$\frac{3}{20} \quad (4)$$

الحل

بما أن المقام يحتوي على صفرين، فإن الكسر العشري يحتوي على منزلتين عشريتين.

$$0,04 = \frac{4}{100} \quad (1)$$

بما أن المقام يحتوي على ثلاثة أصفار، فإن الكسر العشري يحتوي على ثلاث منازل عشرية.

$$0,360 = \frac{360}{1000} \quad (2)$$

$$0,36 =$$

كتابة العدد الصحيح على يسار الفاصلة العشرية. وبما أن المقام يحتوي على ثلاثة أصفار، فإن الكسر العشري يحتوي على ثلاث منازل عشرية.

$$\square, \square\square\square = 2 \frac{7}{1000} \quad (3)$$

جعل المقام 20 يساوي 10، أو 100، أو 1000 باستخدام الكسور المتكافئة.

$$0,15 = \frac{15}{100} = \frac{\square \times 3}{\square \times 20} = \frac{3}{20} \quad (4)$$

جعل المقام 200 يساوي 10، أو 100، أو 1000 باستخدام الكسور المتكافئة.

$$1 \frac{\square}{\square} = 1 \frac{5 \times 24}{5 \times 200} = 1 \frac{24}{200} \quad (5)$$

$$\square, \square\square\square =$$

جعل المقام 2 يساوي 10، أو 100، أو 1000. وبما أن 10 يحتوي صفرًا واحدًا، فإن الكسر العشري يحتوي منزلة عشرية واحدة.

$$\square = \frac{\square}{\square} = \frac{5 \times 5}{5 \times 2} = \frac{5}{2} \quad (6)$$

حوّل الأعداد الكسريّة الآتية إلى أعدادٍ عشريّةٍ، واصفًا الطّريقة التي استعملتها للتّحويل:

$$(أ) \frac{23}{25} \quad (ب) 3 \frac{11}{125} \quad (ج) \frac{7}{40} \quad (د) \frac{6}{30}$$

ثانيًا: تحويل العدد العشريّ إلى عددٍ كسريّ

يُمكن حلّ المسألة الواردة في بداية الدّرس عن طريق تحويل الكسر العشريّ (٠,٢) إلى كسرٍ عاديّ، ثمّ عمَلِ مُقارَنَةٍ بَيْنَهُمَا، وَذَلِكَ بِاتِّبَاعِ الخُطواتِ الآتية:

(١) كتابة العدد الواقع يمين الفاصلة العشريّة (٢) بسطًا لكسرٍ عاديّ، مقامه ١٠، أو ١٠٠، أو ١٠٠٠، حسب عدد المنازل العشريّة في الكسر العشريّ.

$$\text{إذن: } 0,2 = \frac{2}{10}$$

(٢) تبسيط الكسر الناتج (كما تعلّمت سابقًا):

$$\frac{2}{10} = \frac{1}{5} \quad \frac{1}{5} = \frac{2 \div 2}{2 \div 10} = \frac{2}{10}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \quad \text{لاحظ أن } \frac{1}{2} > \frac{1}{5} \text{ (لماذا؟)}$$

أيُّهُمَا صَنَعَ الرَّفِّ الأَكْبَرَ؟

هل تتفق هذه النتيجة مع ناتج الحلّ في الطّريقة الأولى؟
هل استخدم كلٌّ منهما كامل اللّوح الخشبيّ؟ وضح إجابتك.

تَعَلَّم

لِتَحْوِيلِ كَسْرٍ عَشْرِيٍّ إِلَى كَسْرٍ عَادِيٍّ، تُسْتَخْدَمُ الْأَرْقَامُ فِي الْمَنَازِلِ الْعَشْرِيَّةِ بَسْطًا لِكَسْرٍ مَقَامُهُ (١٠، ١٠٠، ١٠٠٠، ...)، بِحَيْثُ يَكُونُ عَدَدُ أَصْفَارِ الْمَقَامِ مُسَاوِيًا لِعَدَدِ الْمَنَازِلِ الْعَشْرِيَّةِ.

المثال ٢

حَوِّلِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى أَعْدَادٍ كَسْرِيَّةٍ، ثُمَّ اكْتُبْهَا فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

$$٠,١٥ (١) \quad ١١,٣٠ (٢) \quad ٩,٠٠٤ (٣) \quad ٠,٧٠٣ (٤)$$

الحل

$$٠,١٥ (١) = \frac{١٥}{١٠٠} = \frac{٥ \div ١٥}{٥ \div ١٠٠} = \frac{٣}{٢٠} \quad \text{المقام هو } ١٠٠ \text{؛ لوجود منزلتين عشريتين في العدد } ٠,١٥$$

$$١١,٣٠ (٢) = \frac{٣٠}{١٠٠} = ١١ \frac{٣٠}{١٠٠} = ١١ \frac{١٠ \div ٣٠}{١٠ \div ١٠٠} = ١١ \frac{٣}{١٠}$$

$$٩,٠٠٤ (٣) = \frac{٤}{١٠٠٠} = ٩ \frac{٤}{١٠٠٠} = ٩ \frac{٤ \div ٤}{٤ \div ١٠٠٠} = ٩ \frac{١}{٢٥٠}$$

$$\frac{٧٠٣}{١٠٠٠} = ٠,٧٠٣ (٤)$$

السؤال (٢)

حَوِّلِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى أَعْدَادٍ كَسْرِيَّةٍ، ثُمَّ اكْتُبْهَا فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

$$٧,٣ (أ) \quad ٧,٠٣ (ب) \quad ١٢,٨٠ (ج) \quad ٠,٦٠٥ (د)$$

فكر

- اكتشف الخطأ في العبارة الآتية، ثم صوّبه، مفسّراً إجابتك:
- كُتِبَ نادرُ العدد الكسري $\frac{9}{1000}$ بصورة ٤,٩٠٠.

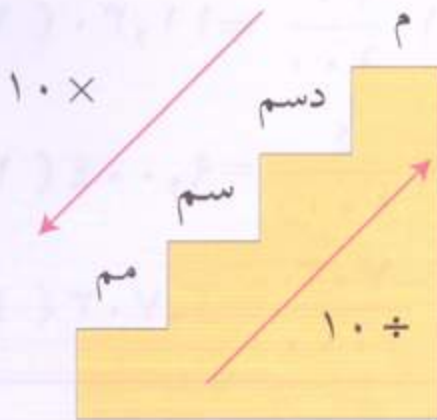
تحدّ

- أنا عدد كسريّ مقامي (٥٠). إذا وضعت في تُصبح العبارة الآتية صحيحة، فمن أنا؟

$$3,5 > \text{ } > 3,4$$

- هل توجد أعداد أخرى يُمكن استخدامها لتُصبح العبارة في الفرع الأول صحيحة؟

تذكر



- ١ كم = ١٠٠٠ م.
- ١ دونم = ١٠٠٠ م^٢.

٣

المثال

عبّر عن كلِّ مما يأتي بعددٍ عشريّ، مفسّراً إجابتك:

- (١) ٧٥ م = كم.
- (٢) ٢٠٨٤ مم = سم.
- (٣) ٣١٥ م^٢ = دونم.

الحل

$$(1) 75 \text{ م} = \frac{75}{\boxed{}} \text{ كم} = \boxed{} \text{ كم. لِمَاذَا؟}$$

$$(2) 2084 \text{ مم} = \frac{2084}{10} \text{ سم} = \boxed{} \text{ سم.}$$

$$(3) 315 \text{ م} = \frac{\boxed{}}{10000} \text{ دونم.}$$

السؤال (3)

اكتب ما يأتي بصورة أعدادٍ عشرية:

$$(أ) 6 \text{ سم} = \boxed{} \text{ م.}$$

$$(ب) 190 \text{ دسم} = \boxed{} \text{ كم.}$$

$$(ج) 5249 \text{ فلسًا} = \boxed{} \text{ دينار.}$$

تعلّم

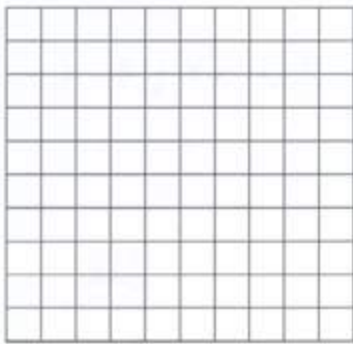
$$\blacksquare \text{ القِرْشُ} = \frac{1}{100} \text{ مِنَ الدِّينَارِ} = 0,01 \text{ دِينَارٍ.}$$

$$\blacksquare \text{ الفِلسُ} = \frac{1}{1000} \text{ مِنَ الدِّينَارِ} = 0,001 \text{ دِينَارٍ.}$$

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) أَكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي :

بِالْكَلِمَاتِ	الْكَسْرُ الْعَشْرِيُّ	الْكَسْرُ الْعَادِي
٩ أَجْزَاءٍ مِنْ عَشْرَةٍ	٠,٩	$\frac{9}{10}$
	١٥,٣٠٦	
	١,٧٢	
		$\frac{7}{2}$
		$\frac{6}{250}$
أَرْبَعَةٌ وَعِشْرُونَ صَحِيحٌ وَخَمْسَةٌ مِنْ مِئَةٍ		



(٢) ظَلِّلْ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ مَا يُمَثِّلُ الْكَسْرَ $(\frac{3}{5})$ ، ثُمَّ اكْتُبْ كَسْرًا عَشْرِيًّا مُكَافِئًا لَهُ.

(٣) مَعَ هُدَى $(3\frac{1}{4})$ دَنَانِيرَ، وَهِيَ تُرِيدُ شِرَاءَ مَجْمُوعَةٍ مِنَ الدَّفَاتِرِ وَالْأَقْلَامِ، سِعْرُهَا (٣٣٥) قِرْشًا. هَلْ يَكْفِي الْمَبْلَغُ الَّذِي مَعَهَا لِشِرَاءِ ذَلِكَ؟ لِمَاذَا؟

(٤) قَطَعْنَا أَرْضَ، مِسَاحَةُ الْأُولَى (٧٥٠) م^٢، وَمِسَاحَةُ الثَّانِيَةِ (٨,٠) دُونَمٍ. أَيُّهُمَا أَكْبَرُ؟

(٥) اكْتُشِفِ الْخَطَأَ فِي الْعِبَارَةِ الْآتِيَةِ، ثُمَّ صَوِّبْهُ: « كَتَبْتُ رَنَا الْعَدَدَ الْكَسْرِيَّ $(\frac{1}{4})$ بِصُورَةِ (٤,٥) ». »

النَّاتِجَاتُ:

- تُقَرَّبُ (تَدْوَرُ) الْكُسُوْرُ الْعَشْرِيَّةُ إِلَى أَقْرَبِ (٠,٠١,٠٠١).

بَلَّغَتْ قِيَمَةَ فَاتُوْرَةِ الْكَهْرَبَاءِ لِمَنْزِلِ سَعِيْدٍ (٣١,٢٦٨) دِيْنَارًا. مَا الْمَبْلَغُ الْمَطْلُوْبُ دَفْعُهُ إِلَى أَقْرَبِ قِرْشٍ؟

البيان	فلس	دينار
قيمة الاستهلاك	798	26
فرق اسعار الوقود	000	0
اجرة العمدة	200	0
فلس الريف	439	0
رسم التلفزيون	000	1
رسم النفايات	831	2
قيمة الفاتورة	268	31
حساب النسوية	000	0
القيمة المطلوبة	268	31

يُمْكِنُ مَعْرِفَةُ الْمَبْلَغِ الْمَطْلُوْبِ دَفْعُهُ إِلَى أَقْرَبِ قِرْشٍ، بِتَقْرِيْبِ الْعَدَدِ الْعَشْرِيِّ (٣١,٢٦٨) إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ، وَذَلِكَ عَلَى النَّحْوِ الْآتِي:

وَضَعُ حَظَّ تَحْتَ الرَّقْمِ الْوَاقِعِ فِي مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ.

النَّظْرُ إِلَى الرَّقْمِ الْوَاقِعِ يَمِيْنِ مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ:

٣١,٢٦٨ (١)

٨ (٢)

■ إِذَا كَانَ هَذَا الرَّقْمُ ≤ 5 ، يُضَافُ ١ إِلَى مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ، وَيَوْضَعُ صِفْرٌ مَكَانَهُ، وَمَكَانَ جَمِيْعِ الْمَنَازِلِ الَّتِي عَلَى يَمِيْنِهِ.

■ إِذَا كَانَ هَذَا الرَّقْمُ > 5 ، لَا يُضَافُ شَيْءٌ إِلَى مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ، وَيَوْضَعُ صِفْرٌ مَكَانَهُ، وَمَكَانَ جَمِيْعِ الْمَنَازِلِ الَّتِي عَلَى يَمِيْنِهِ.

■ إِذَا كَانَ هَذَا الرَّقْمُ > 5 ، لَا يُضَافُ شَيْءٌ إِلَى مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ، وَيَوْضَعُ صِفْرٌ مَكَانَهُ، وَمَكَانَ جَمِيْعِ الْمَنَازِلِ الَّتِي عَلَى يَمِيْنِهِ.

■ إِذَا كَانَ هَذَا الرَّقْمُ > 5 ، لَا يُضَافُ شَيْءٌ إِلَى مَنْزِلَةِ التَّقْرِيْبِ، وَيَوْضَعُ صِفْرٌ مَكَانَهُ، وَمَكَانَ جَمِيْعِ الْمَنَازِلِ الَّتِي عَلَى يَمِيْنِهِ.

وَبِذَلِكَ يُصْبِحُ الْعَدَدُ (٣١,٢٦٨) بَعْدَ تَقْرِيْبِهِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ:

$$31,270 = 31,27$$

إِذْنًا، يَجِبُ عَلَى سَعِيْدٍ دَفْعُ مَبْلَغِ ٣١ دِيْنَارًا وَ ٢٧ قِرْشًا.

المِثَالُ ١

قَرِّبِ الْعَدَدَ الْعَشْرِيَّ (٣٨,٥٤٦) إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

الحل

38,546

وَضَعُ خَطَّ تَحْتِ مَنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ، وَمُلاحِظَةُ الرَّقْمِ ٤ عَلَى يَمِينِهَا.
لَا حِظَّ أَنْ ٤ > ٥؛ لِذَا، لَا يُضَافُ شَيْءٌ إِلَى مَنْزِلَةِ التَّقْرِيبِ، وَيُضَعُ
صِفْرٌ مَكَانَ الرَّقْمِ ٤، وَمَكَانَ جَمِيعِ الْمَنَازِلِ الَّتِي عَلَى يَمِينِهِ.

لِذَلِكَ يُقَرَّبُ الْعَدَدُ (٣٨,٥٤٦) إِلَى (٣٨,٥٠٠) = ٣٨,٥

المثال ٢

قَرِّبِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ صَحِيحٍ:
١ (١٧,٦٢١ (٢ (٢٧,٠٩١ (٣ (٠,٥٣

الحل

١ (١٧,٦٢١ يُقَرَّبُ إِلَى ١٨,٠٠٠ = ١٨، لِماذا؟

٢ (٢٧,٠٩١ يُقَرَّبُ إِلَى ٢٧,٠٠٠ = ٢٧، لِماذا؟

٣ (٠,٥٣ يُقَرَّبُ إِلَى ١,٠٠ = ١، لِماذا؟

السؤال (١)

قَرِّبِ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى الْمَنْزِلَةِ الْمُحَدَّدَةِ بِجَانِبِ كُلِّ مِنْهَا:
أ (٨٣,٤٠٠ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.
ب (٢,٣٧٩ إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ صَحِيحٍ.

ج) ٠,٠٠٣ إلى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.
د) ١٠,٥٩٨ إلى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ.

فكر

- إِذَا طُلِبَ إِلَيْكَ تَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ (٣,٦٧٨، ٣,٥٩٤، ٣,٦٠١) بَعْدَ تَقْرِيْبِهَا، فَمَا التَّقْرِيْبُ الْمُنَاسِبُ الَّذِي تَقْتَرِحُهُ؟ وَضِّحْ إِجَابَتَكَ.
- رَتَّبْ هَذِهِ الْأَعْدَادَ بَعْدَ تَقْرِيْبِهَا تَقْرِيْبًا مُنَاسِبًا.
- هَلْ يَوْجَدُ حَلٌّ آخَرٌ؟ وَضِّحْ إِجَابَتَكَ.

تحد

- أَنَا كَسْرٌ عَشْرِيٌّ أَتَكُونُ مِنْ ثَلَاثِ مَنَازِلٍ عَشْرِيَّةٍ مُخْتَلِفٍ بَعْضُهَا عَنْ بَعْضٍ، لَكِنَّ قِيَمَتِي لَا تَتَغَيَّرُ عِنْدَ تَقْرِيْبِي إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ، أَوْ أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ، فَمَنْ أَنَا؟
- فَكِّرْ فِي إِجَابَةٍ صَاحِبَةٍ.
 - هَلْ يُمَكِّنُكَ إِجَادُ إِجَابَةٍ أُخْرَى؟
 - نَاقِشْ إِجَابَتَكَ مَعَ زُمَلَائِكَ؟ هَلِ اخْتَلَفَتِ الْإِجَابَاتُ بَعْضُهَا عَنْ بَعْضٍ؟

ناقش زملاءك

- الْمَبْلُغُ الَّذِي سَيَدْفَعُهُ مُحَمَّدٌ لِتَسْدِيدِ فَاتُورَةِ مِيَاهِ قِيَمَتِهَا (١٥,٨١٠) دِينَارًا، يُقَرَّبُ إِلَى أَقْرَبِ دِينَارٍ:
- أ) ١٥ دِينَارًا.
 - ب) ١٦ دِينَارًا.
 - ج) ١٥٨ دِينَارًا.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) أَكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:

إِلَى أَقْرَبِ عَدَدٍ صَحِيحٍ	إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ	إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ	الْعَدَدُ الْعَشْرِيُّ
			أ (٤,٧٦٢)
			ب (١١,٨)
			ج (٠,٣٩٤)
			د (٢٣,٠٠٥)
			هـ (١,٩٩٩)

(٢) اَكْتُبْ أَعْدَادًا عَشْرِيَّةً مُخْتَلِفَةً تُقَرِّبُ إِلَى الْعَدَدِ (٢٤). نَاقِشْ زُمَلَاءَكَ فِي عَدَدِ الْحُلُولِ الْمُحْتَمَلَةِ.

(٣) كُتِلَتْ مُحَمَّدٌ إِلَى أَقْرَبِ كِيلُوغْرَامٍ هِيَ (٧٦) كِغ. اَكْتُبْ أَرْبَعَ قِيَمٍ مُحْتَمَلَةٍ لِلْعَدَدِ قَبْلَ التَّقْرِيبِ. قَارِنْ إِجَابَتَكَ بِإِجَابَاتِ زُمَلَائِكَ، وَتَحَدَّثْ عَنْ عَدَدِ الْحُلُولِ الْمُحْتَمَلَةِ.

(٤) ادَّخَرَتْ سَارَةُ (٢٩٧٥) قِرْشًا. كَمْ دِينَارًا ادَّخَرَتْ تَقْرِيْبًا؟

٥ (قَرَّبْتُ فَاطِمَةَ الْأَعْدَادَ الْعَشْرِيَّةَ الْآتِيَةَ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ مِئَةٍ:

أ (١٧,٢٤٥ ← ١٧,٢٤

ب (٩,٢٠٣ ← ٩,٢١

ج (١١,٦ ← ١٢,٠

هَلْ حَلَّ فَاطِمَةَ صَحِيحٌ؟ وَضَّحْ إِجَابَتَكَ.

٦ (فِي مَنْزِلِ إِحْدَى الْعَائِلَاتِ (١٠) كِغٍ مِنَ الْأُرُزِّ، اسْتَهْلَكَتِ الْعَائِلَةُ (٢,٣) كِغٍ فِي الْأُسْبُوعِ الْأَوَّلِ، وَ(٢,٧٥) كِغٍ فِي الْأُسْبُوعِ الثَّانِي. قَدَّرَ كَمَّ كِيلُوغَرَامًا يَجِبُ أَنْ تَسْتَهْلِكَ الْعَائِلَةُ فِي الْأُسْبُوعِ الثَّلَاثِ حَتَّى يَبْقَى لَدَيْهَا (٣) كِغٍ لِلْأُسْبُوعِ الرَّابِعِ.



اشْتَرَى صَلاَحٌ طَبَقَ بَيْضٍ
بِمَبْلَغِ (٢,٧٥) مِنَ الدِّينَارِ، وَعُلبَةٌ
لَبَنٍ بِمَبْلَغِ (١,٣٠) دِينَارٍ، وَعَصِيرًا
بِمَبْلَغِ (٠,٩٩) مِنَ الدِّينَارِ.
قَدَّرَ كَمْ دِينَارًا دَفَعَ صَلاَحٌ ثَمَنًا
لِمُشْتَرِيَاتِهِ.

النَّاتِجَاتُ:

تَقْدِيرُ نَاتِجِ جَمْعِ
الْكَسُورِ الْعَشْرِيَّةِ
وَطَرَحِهَا.

لِمَعْرِفَةِ الْمَبْلَغِ الَّذِي دَفَعَهُ صَلاَحٌ (تَقْرِيبًا)، يَجِبُ
عَمَلُ الْآتِي:

٢,٧٥ يُقَرَّبُ إِلَى ٣ دَنَانِيرٍ. لِمَاذَا؟

١,٣٠ يُقَرَّبُ إِلَى دِينَارٍ. لِمَاذَا؟

٠,٩٩ يُقَرَّبُ إِلَى دِينَارٍ. لِمَاذَا؟

مَجْمُوعُ مَا دَفَعَهُ صَلاَحٌ (تَقْرِيبًا) يُقَدَّرُ بِنَحْوِ: $٥ = ١ + ١ + ٣$ دَنَانِيرٍ.

- يُمْكِنُ تَقْدِيرُ نَاتِجِ الْجَمْعِ وَالطَّرَحِ بِاتِّبَاعِ الْخُطُواتِ الْآتِيَةِ:
- (١) تَحْدِيدُ مَنْزِلَةٍ مُنَاسِبَةٍ لِلتَّقْرِيْبِ إِلَيْهَا، أَوِ الْإِلْتِزَامِ بِالْمَنْزِلَةِ الْمُحَدَّدَةِ فِي السُّؤَالِ بِوَضْعِ خَطِّ أَسْفَلِ رَقْمِهَا.
 - (٢) تَقْرِيْبُ كُلِّ عَدَدٍ إِلَى الْمَنْزِلَةِ الْمُحَدَّدَةِ.
 - (٣) جَمْعُ الْأَعْدَادِ أَوْ طَرَحُهَا بَعْدَ تَقْرِيْبِهَا.

فكر

- إذا كان ثمنُ عُلْبَةِ الْعَصِيرِ الَّتِي اشْتَرَاهَا صَلَاحٌ (٠,٣٥) مِنَ الدِّينَارِ:
- هَلْ يَبْقَى التَّقْرِبُ إِلَى أَقْرَبِ دِينَارٍ مُنَاسِبًا؟ وَضُحِّحْ إِجَابَتَكَ.
 - كَيْفَ تُقَرِّبُ الأَعْدَادَ العَشْرِيَّةَ فِي هَذِهِ الحَالَةِ؟ وَضُحِّحْ إِجَابَتَكَ.

المثال ١

قَدِّرْ نَاتِجَ جَمْعِ $٢٨,٤٧٣ + ٩,٥٤$

الحل

$٢٨,٤٧٣$ يُقَرَّبُ إِلَى $٢٨,٠$ ، لِماذا؟
 $٩,٥٤$ يُقَرَّبُ إِلَى $١٠,٠$
 $٣٨,٠ = ١٠,٠ + ٢٨,٠$

إذا أَرَدْنَا تَقْدِيرًا أَكْثَرَ دِقَّةً لِلْعَمَلِيَّةِ السَّابِقَةِ، فَإِنَّا نُقَرِّبُ العَدَدَيْنِ إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشْرَةٍ:

$٢٨,٤٧٣$ يُقَرَّبُ إِلَى $٢٨,٥$ ، لِماذا؟
 $٩,٥٤$ يُقَرَّبُ إِلَى $٩,٥$
 $٣٨,٠ = ٩,٥ + ٢٨,٥$

• أَيُّ التَّقْدِيرَيْنِ أَفْضَلُ فِي رَأْيِكَ؟ فَسِّرْ إِجَابَتَكَ.

نُلاحِظُ مِنَ المِثَالِ السَّابِقِ أَنَّ نَاتِجَ التَّقْدِيرِ فِي الحَالَتَيْنِ لَمْ يَتَغَيَّرْ، إِلَّا أَنَّهُ قَدْ يَخْتَلِفُ فِي بَعْضِ الحَالَاتِ بِاخْتِلَافِ مَنْزِلَةِ التَّقْرِبِ، وَلَكِنَّ الإِجَابَاتِ تَكُونُ قَرِيبَةً فِي الحَالَاتِ جَمِيعِهَا، عِلْمًا بِأَنَّ الفُرُوقَ لَا تُسَبِّبُ مُشْكِلةً؛ لِأَنَّ المَطْلُوبَ هُوَ تَقْدِيرُ الإِجَابَةِ، وَلَيْسَ الإِجَابَةُ الدَّقِيقَةُ.

السؤال (١)

قدّر ناتج جمع $0,936 + 0,475$

نشاط

- (١) قدّر ناتج الجمع في السؤال الأول، مُستعملاً تقريبيين مختلفين.
- (٢) هل اختلف ناتج التقدير في الحالتين؟
- (٣) أيّ التقديرين أفضل؟ وضح إجابتك.



المثال

قدّر ناتج طرح $10,39 - 75,64$

الحل

$75,64$ يُقرب إلى $76,0$ ، لماذا؟

$10,39$ يُقرب إلى $10,0$

$$66,0 = 10 - 76,0$$

إذا اخترنا منزلة التقريب إلى أقرب جزء من عشرة، فإن:

$75,64$ يُقرب إلى $75,6$ ، لماذا؟

$10,39$ يُقرب إلى $10,4$

$$65,2 = 10,4 - 75,6$$

• هل اختلف ناتج التقدير في الحالتين؟ فسّر إجابتك.

قدّر ناتج طرح $8,127 - 5,54$ بطريقتين مختلفتين، ثم ناقش أيهما أفضل.

تحدّ

اذكر مثالاً على جمع كسرتين عشريتين أو طرحهما، بحيث لا يختلف ناتج تقديرهما عند تقريبهما إلى أقرب عدد صحيح، أو أقرب جزء من عشرة.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

١ (قَدِّرِ النَّاتِجَ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

أ ($7,51 + 2,034$) ب ($0,43 + 0,27$)

ج ($15,004 - 86,25$) د ($(9,8 + 11,3) - 30$)

٢ (اَمَلِّأِ الْفَرَاغَ الْآتِيَّ بِمَا هُوَ مُنَاسِبٌ مِنَ الْأَعْدَادِ لِتَكُونَ الْمَسْأَلَةُ صَحِيحَةً:

يُقَرَّبُ إِلَى ٣,٨

يُقَرَّبُ إِلَى ٠,٧

3,1

٣ (قَدِّرْ بِأَكْثَرِ مِنْ طَرِيقَةٍ طَوْلَ السَّوْرِ اللَّازِمِ بِنَاوُهُ لِيُحِيطَ بِحَدِيقَةِ مَنْزِلٍ مُسْتَطِيلَةٍ الشَّكْلِ، طَوْلِهَا (٦,٥) م، وَعَرْضُهَا (٤,٣) م، ثُمَّ قَارِنْ إِجَابَاتِكَ، مُحَدِّدًا أَيَّ طَرِيقَةٍ تَقْدِيرِ هِيَ أَكْثَرُ دِقَّةً؟ لِمَاذَا؟

٤ (اذْكَرْ أَمْثَلَةً عَلَى عَدَدَيْنِ عَشْرَيْنِ، نَاتِجِ جَمْعِهِمَا (٨٤) تَقْرِيْبًا.

٥ (اذْكَرْ أَمْثَلَةً عَلَى عَدَدَيْنِ عَشْرَيْنِ، نَاتِجِ طَرْحِ أَحَدِهِمَا مِنَ الْآخِرِ (٢٠) تَقْرِيْبًا.

٦ (قَدِّرْ سَامِي نَاتِجِ جَمْعِ $4,17 + 14,25$ بِالْعَدَدِ (١٨)، مَا رَأَيْكَ فِي تَقْدِيرِ سَامِي؟

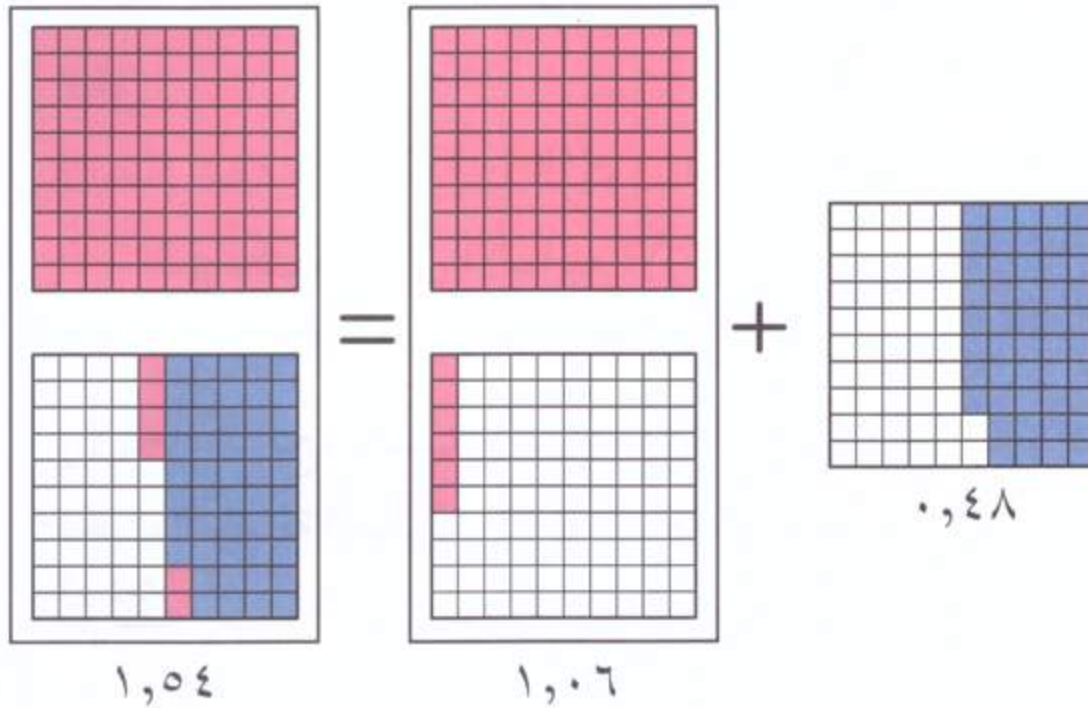
النتائج:

- تجد ناتج جمع الكسور العشرية وطرحها.

مجموع راتب معلم (٦, ٦٩٠) ديناراً، دفع منه (١١, ٤٣٦) ديناراً لفاتورة الكهرباء، و (٢٠, ٧١٨) ديناراً لفاتورة المياه، و (١٩, ٧١) ديناراً لفاتورة الهاتف، كم ديناراً بقي معه؟

المثال ١

جد ناتج جمع $١,٠٦ + ٠,٤٨$



الحل

$$\begin{array}{r} 1 \\ 0,48 \\ + \\ 1,06 \\ \hline 1,54 \end{array}$$

تذكر

■ يُبدأ بعملية جمع الأعداد أو طرحها من المنزلة التي على اليمين، ثم التي تليها، ثم التي تليها، وهكذا.

وَبِذَلِكَ تَكُونُ كَمِّيَّةُ زَيْتِ الزَّيْتُونِ الَّتِي اسْتَهْلَكَتْهَا الْعَائِلَةُ فِي الْأَسَابِيعِ الْأَرْبَعَةِ، هِيَ (٥,٧٣٨) لِّثْرَاتٍ.

السُّؤال (١)

جِدْ نَاتِجَ جَمْعِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

(ب) $٤,٠٠٥ + ٨١$

(أ) $٩,٤٠٧ + ١٣,٢٨$

(ج) $٠,٥٨٩ + ٧,٣٢ + ١١,٤$

المِثال ٣

ادَّخَرْتُ آلاءَ دِينَارَيْنِ، ثُمَّ اشْتَرْتُ مِنْهُمَا هَدِيَّةً لِأَخِيهَا الصَّغِيرِ قِيمَتُهَا (٠,٧٥) مِنَ الدِّينَارِ. مَا الْمَبْلَغُ الَّذِي بَقِيَ مَعَ آلاءِ؟

الحلُّ

لِمَعْرِفَةِ الْمَبْلَغِ الْمُتَبَقِّي، يُطْرَحُ $٠,٧٥ - ٢ = ٠,٧٥ - ٢,٠٠$ ، وَيُوضَعُ الْفَاصِلَةُ الْعَشْرِيَّةُ تَحْتَ الْفَاصِلَةِ الْعَشْرِيَّةِ، ثُمَّ تُوَضَّعُ أَصْفَارُ مَكَانِ الْمَنَازِلِ الْخَالِيَةِ مِنَ الْأَرْقَامِ، ثُمَّ تُنْفَذُ عَمَلِيَّةُ الطَّرْحِ كَمَا فِي الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 9 \quad 10 \\ \cancel{X} \quad \cancel{/} \quad \cancel{/} \\ 0,75 - \\ \hline 1,25 \end{array}$$

وَضَعُ صِفْرٍ فِي الْمَنْزِلَةِ الْخَالِيَةِ.

وَبِذَلِكَ يَكُونُ الْمَبْلَغُ الَّذِي بَقِيَ مَعَ آلاءِ (١,٢٥) دِينَارٍ. وَالشَّكْلُ الْآتِي يُوضِّحُ عَمَلِيَّةَ الطَّرْحِ:

السؤال (٢)

جد ناتج طرَح كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ تَحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

(ب) ١٨,٦٢ - ٤٩

(أ) ٣,٦٧ - ٤,٠٠٥

السؤال (٣)*

يَمْلِكُ أَحْمَدُ (١٣,٨٥) دِينَارًا، وَقَدْ عَمِلَ فِي يَوْمِ إِجَازَتِهِ فِي مَطْعَمٍ، وَحَصَلَ عَلَى أَجْرٍ مِقْدَارُهُ (٧,٥) دَنَانِيرَ. كَمْ دِينَارًا أَصْبَحَ مَعَ أَحْمَدَ؟

فكر

- جِدْ نَاتِجَ طَرَحِ ١٢,٥٨ - ٤٠,٦ - ٧٢,٣٠
- تَحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ. هَلْ تَوْجَدُ طَرِيقَةً أُخْرَى لِلتَّحَقُّقِ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ؟

السؤال (٤)

تَبَرَّعَ هَاشِمٌ بِمَبْلَغِ (٣) دَنَانِيرٍ وَ (٤٠) قَرَشًا، وَتَبَرَّعَتْ أُخْتُهُ حَنَانُ بِمَبْلَغِ (٢٧٥) قَرَشًا. جِدْ مَجْمُوعَ الْمَبْلَغِ الَّذِي تَبَرَّعَا بِهِ مَعًا بِالْدِينَارِ.

* السؤال من أسئلة الإختبارات الدولية.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) جِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، ثُمَّ تَحَقِّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

أ ($٥,٧٦٨ + ٩,١٤$) ب ($٣,٥٢٧ - ٠,٦٩$)

ج ($٨,٤٠٧ + ٣٦$) د ($٤٠ - ١١,٢٦$)

هـ ($١٧,٠٠٨ - (٣,٢٤ + ٦١,٥٥)$)

و ($(٢٢,٣٩ + ٧) - ٥٨,٦$)

(٢) وَجَدَ إِيَادٌ أَنْ نَاتِجَ طَرَحِ $٢,٥١ - ٤٩,٧$ هُوَ $(٢٤, ٦)$ ، فِي حِينٍ وَجَدَ وَائِلٌ أَنَّهُ يُسَاوِي $(٤٧, ١٩)$. أَيُّهُمَا إِجَابَتُهُ صَحِيحَةٌ؟ وَضِّحْ إِجَابَتَكَ.

(٣) زَرَعَ بَعْضُ الْعُمَّالِ أَشْجَارًا فِي إِحْدَى الْمَزَارِعِ الَّتِي تُقَدَّرُ مِسَاحَتُهَا بِنَحْوِ (١٥٠٠) م^٢، وَبَلَغَتِ الْمِسَاحَةُ الْمَزْرُوعَةُ فِي الْيَوْمِ الْأَوَّلِ $(٣٥٩, ٦)$ م^٢، وَفِي الْيَوْمِ الثَّانِي $(٤٣٦, ٩)$ م^٢، وَفِي الْيَوْمِ الثَّلَاثِ $(٤٧٨, ٢)$ م^٢. هَلْ زَرَعَ الْعُمَّالُ الْأَشْجَارَ فِي الْمَزْرَعَةِ كُلِّهَا؟ إِذَا كَانَ الْجَوَابُ بِالنَّفْيِ، فَمَا الْمِسَاحَةُ الَّتِي لَمْ تُزْرَعْ؟

(٤) حَدِيقَةٌ سَعِيدٍ مُرَبَّعَةُ الشَّكْلِ، وَلَهَا سُورٌ يُرِيدُ إِنَارَتَهُ بِسَلْكٍ مِنَ الْمَصَابِيحِ الْكَهْرَبَائِيَّةِ طَوْلُهُ (٢٥) م. إِذَا كَانَ طَوْلُ وَاجِهَةِ السُّورِ الْأَمَامِيَّةِ $(٦, ٤)$ م، فَهَلْ يَكْفِي طَوْلُ السَّلْكِ لِتُحِيطَ بِكَامِلِ السُّورِ مِنَ الْجِهَاتِ الْأَرْبَعِ؟

(٥) اَكْتُبْ مَسْأَلَةً لَفْظِيَّةً عَنِ جَمْعِ الْأَعْدَادِ الْعَشْرِيَّةِ أَوْ طَرَحِهَا، مُسْتَعْمِلًا فِيهَا الْعَدَدَيْنِ: $١٤, ٦٨$ ، وَ $١٠, ٧$

٦) * تُبَيِّنُ بُرْجَ لِلاتِّصَالِ عَلَى تَلَّةٍ. إِذَا كَانَ ارْتِفَاعُ التَّلَّةِ عَنِ سَطْحِ الْأَرْضِ
(٣٥,٦) مِثْرًا وَطَوَّلَ الْبُرْجِ (١٢,٠٩) مِثْرًا، فَمَا ارْتِفَاعُ قِمَّةِ الْبُرْجِ عَنِ
سَطْحِ الْأَرْضِ؟

أَفْهَمُ: مَاذَا فَهَمْتُ مِنْ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَخَطُّطُ: كَيْفَ يُمَكِّنُنِي حَلُّ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَنْفِذُ: أَنْفِذْ مَا خَطَّطْتُ لَهُ سَابِقًا.

أَتَحَقَّقُ: كَيْفَ أَتَحَقَّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ؟

* السؤال من أسئلة الاختبارات الدولية.

تشارك شخصان في تجارة، بحيث دفع الأول $\left(\frac{1}{3}\right)$ ما دفع الثاني من رأس المال، وربحاه في نهاية السنة (٦٠٠) دينار. ساعد الشخصين على تقسيم الأرباح بينهما؟

النتائج:

- تتعرف مفهوم النسبة.
- تكتب نسبة متكافئة.
- تحل مسائل تتعلق بالنسبة.

نشاط

(١) اعتمداً على الشكل الظاهر:

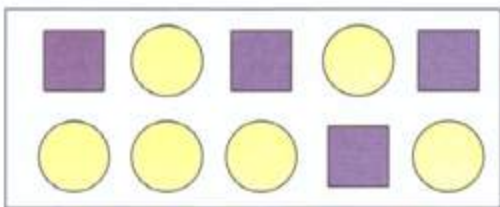


أ) كم عدد المثلثات الحمراء؟

ب) كم عدد المثلثات الخضراء؟

$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\text{عدد المثلثات الحمراء}}{\text{عدد المثلثات الخضراء}}$$

(٢) أجب عن السؤال الآتي اعتمداً على الشكل الظاهر:



$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\text{عدد المربعات}}{\text{عدد الدوائر}}$$

(٣) أجب عن السؤال الآتي اعتمداً على الشكل الظاهر:



$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\text{عدد المستطيلات المظللة}}{\text{عدد المستطيلات غير المظللة}}$$

يَتَّبَعُ مِنَ النَّشَاطِ السَّابِقِ وَجُودُ مُقَارَنَةِ بَيْنَ كَمَيَّتَيْنِ مِنَ النَّوْعِ نَفْسِهِ
 (مُقَارَنَةُ عَدَدِ الْمُثَلَّثَاتِ الْحُمْرَاءِ بِعَدَدِ الْمُثَلَّثَاتِ الْخَضْرَاءِ)، وَأَنَّ الْكَسْرَ $(\frac{3}{7})$
 نَتَجَ مِنْ هَذِهِ الْمُقَارَنَةِ.

يُمْكِنُ التَّعْبِيرُ عَنِ الْكَسْرِ $(\frac{3}{7})$ بِأَنَّ نِسْبَةَ عَدَدِ الْمُثَلَّثَاتِ الْحُمْرَاءِ إِلَى عَدَدِ
 الْمُثَلَّثَاتِ الْخَضْرَاءِ هِيَ ٣ إِلَى ٧، وَتُكْتَبُ بِصُورَةٍ $\frac{3}{7}$ ، أَوْ ٣ : ٧.
 يُسَمَّى الْعَدَدُ ٣ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ، وَالْعَدَدُ ٧ تَالِي النَّسْبَةِ، وَيُسَمَّى مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ
 وَتَالِيهَا حَدِي النَّسْبَةِ.

النَّسْبَةُ: هِيَ مُقَارَنَةُ بَيْنَ كَمَيَّتَيْنِ عَدَدِيَّتَيْنِ مِنَ النَّوْعِ نَفْسِهِ، وَيُمْكِنُ التَّعْبِيرُ
 عَنْهَا بِاسْتِخْدَامِ الرَّمِزِ (:)، وَيُقْرَأُ (إِلَى)، أَوْ رَمَزَ الْكَسْرِ $\frac{\quad}{\quad}$.

المثال ١

حَدِّدْ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ وَتَالِيَهَا لِكُلِّ مِنَ النَّسَبِ الْآتِيَةِ:

(١) ٤ : ٣ (٢) ٥ إلى ٨ (٣) $\frac{6}{9}$

الحل

- (١) ٤ : ٣ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ هُوَ الْعَدَدُ (٣)، وَتَالِيهَا هُوَ الْعَدَدُ (٤).
 (٢) ٥ إلى ٨، أَوْ ٨ : ٥ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ هُوَ الْعَدَدُ (٥)، وَتَالِيهَا هُوَ الْعَدَدُ (٨).
 (٣) $\frac{6}{9}$ أَوْ ٦ : ٩ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ هُوَ الْعَدَدُ (٦)، وَتَالِيهَا هُوَ الْعَدَدُ (٩).

السؤال (١)

حدّد مُقدّم النسبة وتاليها للنسب الواردة في النشاط السابق.

المثال ٢

- عُمُرُ فَاطِمَةَ (١٦) سَنَةً، وَعُمُرُ فِرَاسٍ (٢٨) سَنَةً، وَعُمُرُ لَمِيَاءَ (٨) سَنَوَاتٍ.
اكتب النسب الآتية في أبسط صورة:
- ١ (نسبة عُمُرِ فَاطِمَةَ إلى عُمُرِ فِرَاسٍ).
 - ٢ (نسبة عُمُرِ فِرَاسٍ إلى عُمُرِ فَاطِمَةَ).
 - ٣ (نسبة عُمُرِ فِرَاسٍ إلى عُمُرِ لَمِيَاءَ).
 - ٤ (نسبة عُمُرِ فِرَاسٍ إلى مجموع عُمُرِي لَمِيَاءَ وَفَاطِمَةَ).

تعلّم

■ يُمكن تبسيط نسبة ما بقسمة كلٍّ من حدّيها على القاسم المشترك الأكبر بينهما.

الحل

١ (نسبة عُمُرِ فَاطِمَةَ إلى عُمُرِ فِرَاسٍ):

$$\text{عُمُرُ فَاطِمَةَ} : \text{عُمُرِ فِرَاسٍ} = ١٦ : ٢٨$$

تبسيط النسبة بقسمة حدّيها على ٤ = ٧ : ٤

إذن: نسبة عُمُرِ فَاطِمَةَ إلى عُمُرِ فِرَاسٍ هي ١٦ : ٢٨ = ٤ : ٧، أو $\frac{٤}{٧}$.

٢ (نسبة عُمُرِ فِرَاسٍ إلى عُمُرِ فَاطِمَةَ) = :

٣ (نِسْبَةُ عُمَرِ فِرَاسٍ إِلَى عُمَرِ لَمِيَاءَ:

$$\text{عُمَرُ فِرَاسٍ} : \text{عُمَرُ لَمِيَاءَ} = ٨ : ٢٨$$

$$= ٧ : ٢، \text{ أَوْ } \frac{٧}{٢}$$

٤ (نِسْبَةُ عُمَرِ فِرَاسٍ إِلَى مَجْمُوعِ عُمَرِي لَمِيَاءَ وَفَاطِمَةَ:

عُمَرُ فِرَاسٍ : مَجْمُوعِ عُمَرِي لَمِيَاءَ وَفَاطِمَةَ

$$= ٢٨ : (١٦ + ٨)$$

كِتَابَةُ نَاتِجِ جَمْعِ عُمَرِي لَمِيَاءَ وَفَاطِمَةَ.

$$= ٢٤ : ٢٨$$

تَبْسِيطُ النِّسْبَةِ بِقِسْمَةِ حَدِيثِهَا عَلَى ٤.

$$= ٦ : ٧$$

فكر

ناقش صِحَّةَ الْعِبَارَةِ الْآتِيَةِ:

- نِسْبَةُ عُمَرِ سَارَةَ إِلَى عُمَرِ بِيَانَ هِيَ $(\frac{٣}{٨})$ ، وَهَذَا يَعْنِي أَنَّ عُمَرَ سَارَةَ (٣) سَنَوَاتٍ، وَعُمَرَ بِيَانَ (٨) سَنَوَاتٍ.
- هَلْ يُمَكِّنُ أَنْ يَكُونَ عُمَرُ سَارَةَ (١٢) سَنَةً؟ إِذَا كَانَ كَذَلِكَ، فَكَمْ عُمَرُ بِيَانَ فِي الْوَقْتِ نَفْسِهِ؟ فَسِّرْ إِجَابَتَكَ.

السؤال (٢)

اكتب النسب الآتية في أبسط صورة، مُسْتخْدِمًا صُورًا مُخْتَلِفَةً لِلنِّسْبَةِ:

أ (١٥ : ١٠) ب (٣ إلى ١٢) ج (١٢٠ : ٣٦٠)

د ($\frac{٨}{١٦}$) هـ ($\frac{٥٥}{٣٥}$)



طول شجرة متران، وطول ظلها
(٢٥٠) سم. اكتب نسبة طول
الشجرة إلى طول ظلها.

الحل

لاحظ أن وحدة قياس طول الشجرة تختلف عن وحدة قياس طول ظلها؛
لذا، يجب توحيد وحدة القياس قبل كتابة النسبة:
 $٢٠٠ \text{ م} = ٢٠٠٠ \text{ سم}$.

إذن: نسبة طول الشجرة إلى طول ظلها هي $٢٠٠ : ٢٥٠ = ٤ : ٥$.
(فسر عملية التبسيط).

السؤال (٣)

دفع محمد (٤, ٣) دنانير ثمنًا لدفاتر، و (٤٥) قرشًا ثمنًا لأقلام. اكتب نسبة
ثمن الأقلام إلى ثمن الدفاتر.

اكتشف الخطأ في العبارة الآتية، ثم صوّبه

■ سجادة مستطيلة الشكل، طولها (٣) م، وعرضها (١٥) دسم. نسبة طول
هذه السجادة إلى عرضها ١ : ٥.

فكر

- اكتب أربع نسبٍ مكافئة للنسبة ٢ : ٣.
- كم عدد النسب المكافئة للنسبة ٢ : ٣؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) حَدِّدْ مُقَدِّمَ النَّسْبَةِ وَتَالِيَهَا لِكُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

(أ) ٢٥ : ١٤ (ب) ٩ إلى ٣٦

(ج) $\frac{٨}{٢٢}$ (د) $\frac{١٦}{١٢}$

إِذَا أُبْدِلَ مُقَدِّمُ النَّسْبِ السَّابِقَةِ بِتَالِيهَا، فَهَلْ تَصَغُرُ النَّسْبُ أَمْ تَكْبُرُ؟

(٢) اَكْتُبْ كَلَامًا مِنَ النَّسْبِ الْآتِيَةِ بِصُورَةٍ كَسْرٍ عَادِيٍّ أَوْ كَسْرٍ غَيْرِ فِعْلِيٍّ، وَبِأَبْسَطِ صُورَةٍ، ثُمَّ عَبِّرْ عَنْهَا بِالْكَلِمَاتِ:

(أ) ١٩ : ١٠٠ (ب) ٨١ : ٩

(ج) ٣، ٤ إلى ٧ (د) $\frac{١}{٢}$ إلى ٢

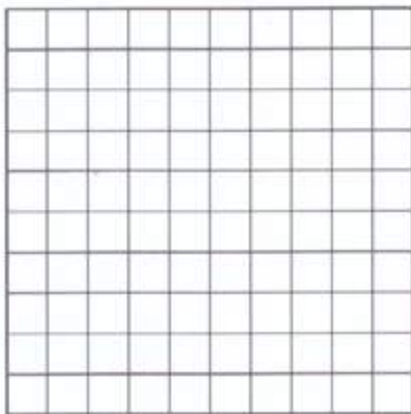
(٣) اَكْتُبِ النَّسْبَ الْآتِيَةَ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

(أ) نِسْبَةُ (١٠) سَمٍ إِلَى (٨٠) سَمٍ.

(ب) نِسْبَةُ (٤٥) دِينَارًا إِلَى (٧٠) دِينَارًا.

(ج) نِسْبَةُ ($\frac{١}{٢}$) كِغٍ إِلَى (٢٥٠) غَمٍ.

(٤) فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ:



(أ) ظَلِّلْ عَدَدًا مِنَ الْمُرَبَّعَاتِ، بِحَيْثُ تَكُونُ نِسْبَةُ الْمُرَبَّعَاتِ الْمُظَلَّلَةِ إِلَى عَدَدِ الْمُرَبَّعَاتِ الْكُلِّيَّةِ كَنِسْبَةِ ٣ : ٤.

(ب) هَلْ تَوْجَدُ إِجَابَةً أُخْرَى؟ نَاقِشْ زُمَلَاءَكَ فِي ذَلِكَ.

٥ (مَعَ خَالِدٍ (١٠٠٠) دِينَارٍ، أَنْفَقَ مِنْهَا (٣٥٠) دِينَارًا لِشِرَاءِ تَلْفَازٍ، ثُمَّ اشْتَرَى مِكْنَسَةً كَهْرَبَائِيَّةً بِـ (٧٥) دِينَارًا، وَوَفَّرَ الْبَاقِيَّ. جِدْ نِسْبَةَ:

أ (ثَمَنِ شِرَاءِ التَّلْفَازِ إِلَى الْمَبْلَغِ الَّذِي يَمْلِكُهُ.

ب (ثَمَنِ شِرَاءِ الْمِكْنَسَةِ إِلَى الْمَبْلَغِ الَّذِي يَمْلِكُهُ.

ج (ثَمَنِ شِرَاءِ الْمِكْنَسَةِ إِلَى ثَمَنِ شِرَاءِ التَّلْفَازِ.

د (ثَمَنِ مُشْتَرِيَاتِهِ إِلَى الْمَبْلَغِ الَّذِي يَمْلِكُهُ.

٦ (تُوفِّي رَجُلٌ، وَتَرَكَ مَبْلَغًا مِنَ الْمَالِ، وَكَانَ لَهُ وَلَدٌ وَبِنْتُ فَقَطُّ. إِذَا كَانَ نَصِيبُ

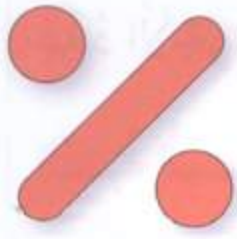
الْأُنْثَى نِصْفَ نَصِيبِ الذَّكَرِ، فَإِنَّ نَصِيبَ الْأُنْثَى: نَصِيبِ الذَّكَرِ، هُوَ ١ : ٢ .

إِذَا عَلِمْتَ أَنَّ الْبِنْتَ أَخَذَتْ (٣٠٠٠) دِينَارًا، فَكَمْ دِينَارًا أُزِّعَ عَلَيْهِمَا مَعًا؟

٧ (حُلِّ الْمَسْأَلَةَ الْوَارِدَةَ فِي بَدَايَةِ الدَّرْسِ.

النُّتَاجَاتُ:

- تَتَعَرَّفُ مَفْهُومَ النِّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ.
- تَحُلُّ مَسَائِلَ تَتَعَلَّقُ بِالنِّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ.



نَسْمَعُ وَنَقْرَأُ كَثِيرًا مِثْلَ الْعِبَارَاتِ

الآتِيَةِ:

(١) نِسْبَةُ النِّجَاحِ فِي امْتِحَانِ اللُّغَةِ الْعَرَبِيَّةِ ٩٠٪.

(٢) نِسْبَةُ التَّخْفِيزَاتِ فِي أَحَدِ مَحَالِّ بَيْعِ الْمَلَابِسِ ٣٠٪.

(٣) نِسْبَةُ الزَّكَاةِ الَّتِي يَدْفَعُهَا تَاجِرٌ عَنِ أَمْوَالِهِ ٢,٥٪.

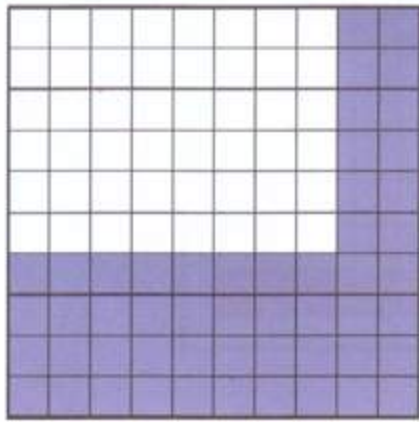
مَا مَعْنَى هَذِهِ الْعِبَارَاتِ فِي رَأْيِكَ؟

بَلَغَتْ نِسْبَةُ مُشَارَكَةِ الطَّلَبَةِ فِي مُسَابَقَةِ جَائِزَةِ الْمَلِكِ عَبْدِ اللَّهِ الثَّانِي لِلتَّفُوقِ الرِّيَاضِيِّ $(\frac{80}{100})$ فِي إِحْدَى الْمَدَارِسِ. تُفَسِّرُ هَذِهِ الْعِبَارَةَ بِأَنَّ:

(٨٠) طَالِبًا مِنْ مَجْمُوعِ (١٠٠) طَالِبٍ قَدْ شَارَكُوا فِي الْمُسَابَقَةِ، وَتُسَمَّى مِثْلُ هَذِهِ النِّسْبَةِ **بِالنِّسْبَةِ الْمِئْوِيَّةِ**؛ فَهِيَ نِسْبَةٌ لِأَنَّهَا تُقَارَنُ بَيْنَ كَمَيْتَيْنِ عَدَدِيَّتَيْنِ مِنَ الْوَحْدَةِ نَفْسِهَا (٨٠ : ١٠٠)، وَهِيَ **مِئْوِيَّةٌ لِأَنَّ تَالِيَهَا مِئَةٌ**، وَيُمْكِنُ كِتَابَتُهَا بِصُورَةٍ ٨٠٪.

كُلُّ نِسْبَةٍ تَالِيهَا مِئَةٌ تُسَمَّى نِسْبَةً مِئْوِيَّةً، وَيُمْكِنُ كِتَابَتُهَا بِاسْتِخْدَامِ الرَّمْزِ %.

المِثَالُ ١



مَا النِّسْبَةُ الْمِئْوِيَّةُ الَّتِي تُمَثِّلُ الْجُزْءَ الْمُظَلَّلَ فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ؟

الحل

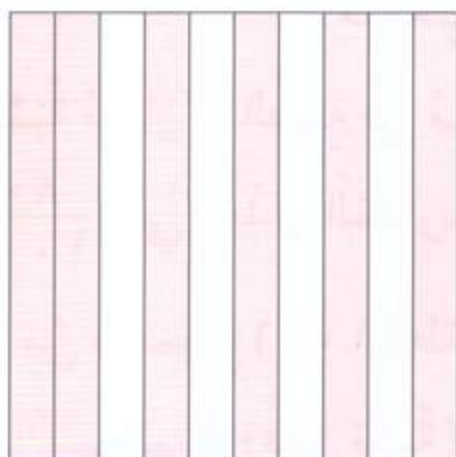
$$\text{عدد الأجزاء المظللة} = 52$$

$$\text{عدد الأجزاء الكلية} = 100$$

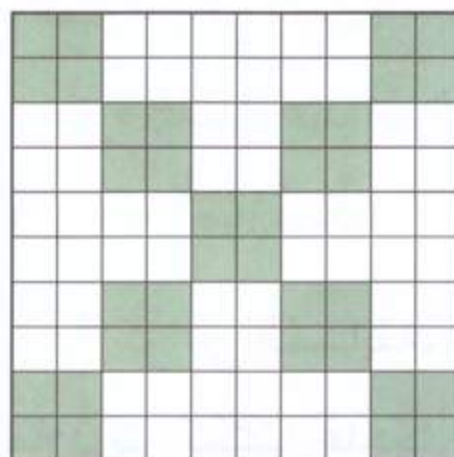
النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في الشكل = $\frac{52}{100}$ ، أو 52% .

السؤال (١)

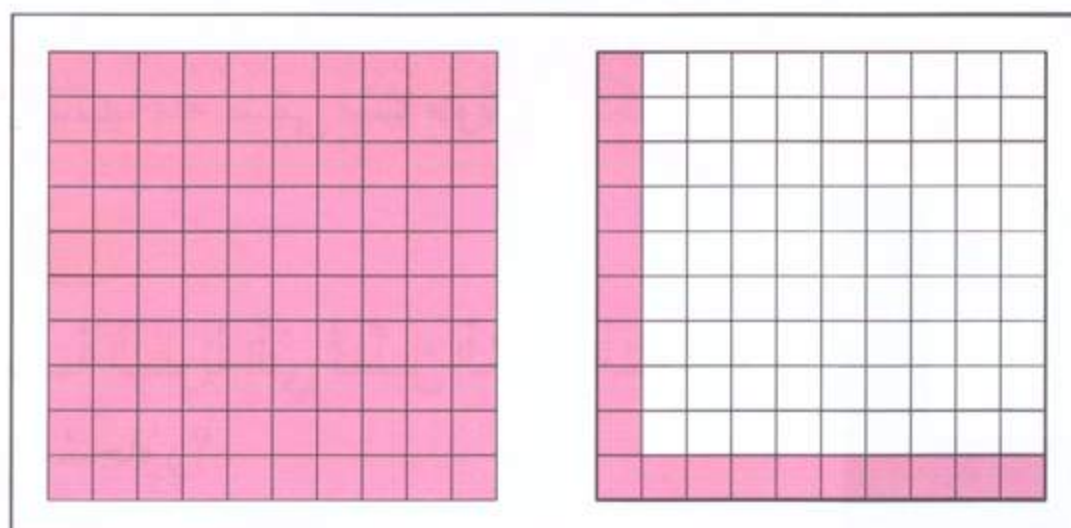
ما النسبة المئوية التي تمثل الجزء المظلل في كل من الأشكال الآتية:



الشكل (٢)



الشكل (١)



الشكل (٣)

المثال ٢

حوّل كلاً ممّا يأتي إلى نسبٍ مئويّة:

$$٢٥ : ٦ (١)$$

$$\frac{٨}{١٠} (٢)$$

$$٢ \frac{٣}{٥} (٣)$$

$$\frac{١}{٥٠} (٤)$$

$$٠,٧٣ (٥)$$

$$٠,٩ (٦)$$

الحلّ

$$١٠٠ = \text{جعل التالي} \quad \% \boxed{٢٤} = \frac{٢٤}{١٠٠} = \frac{٤ \times ٦}{٤ \times ٢٥} = \frac{٦}{٢٥} = ٢٥ : ٦ (١)$$

$$\% \boxed{} = \frac{٨٠}{١٠٠} = \frac{١٠ \times ٨}{١٠ \times ١٠} = \frac{٨}{١٠} (٢)$$

$$\% \boxed{} = \frac{٢٦٠}{١٠٠} = \frac{٢٠ \times ١٣}{٢٠ \times ٥} = \frac{١٣}{٥} = ٢ \frac{٣}{٥} (٣)$$

$$\% \boxed{} = \frac{٢}{١٠٠} = \frac{٢ \times ١}{٢ \times ٥٠} = \frac{١}{٥٠} (٤)$$

$$\% \boxed{} = ٠,٧٣ (٥)$$

$$\% \boxed{} = \frac{٩٠}{١٠٠} = ٠,٩ (٦)$$

السؤال (٢)

حوّل كلاً ممّا يأتي إلى نسبٍ مئويّة:

$$٢ : ٣ (أ)$$

$$\frac{١}{٤} (ب)$$

$$١ \frac{٧}{١٠} (ج)$$

$$٠,٠١ (د)$$

$$٦,٨ (هـ)$$

فكر

هل يمكن كتابة العدد (٣) بصورة نسبة مئويّة؟ وضح إجابتك.

السؤال (٣)

املاً الفراغ بما هو مناسب في الجدول الآتي:

النسبة المئوية	الصورة العشرية	الصورة الكسرية	النسبة
			٥٠ : ٨
		$\frac{6}{20}$	
	٠,٣٢		
%٤			
			٤٠ : ٢

ناقش صحة العبارة الآتية، مبرراً إجابتك:

- إذا كانت نسبة مبيعات السكر إلى الأرز في محل تجاري كنسبة ٣ : ٢، فإن نسبة بيع السكر إلى الأرز أكثر من ١٠٠٪.

٣

المثال

بلغ سعر سيارة (٨٠٠٠) دينار، ثم انخفض سعرها بعد عام بنسبة ٣٪. كم ديناراً أصبح سعرها؟

الحل

يجب أولاً تحويل النسبة المئوية (نسبة الانخفاض في سعر السيارة) إلى كسر عادي:

$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \%٣$$

ثُمَّ يُضْرَبُ الْعَدَدُ الْكُلِّيُّ (سِعْرُ السَّيَّارَةِ) فِي الْكَسْرِ:

$$\text{مِقْدَارُ الْإِنْخِفَاضِ} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 8000 = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \text{ (240) دِينَارًا.}$$

سِعْرُ السَّيَّارَةِ بَعْدَ الْإِنْخِفَاضِ = السَّعْرُ قَبْلَ الْإِنْخِفَاضِ - مِقْدَارُ الْإِنْخِفَاضِ.

$$\text{دِينَارًا.} = \dots\dots\dots - \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$$

السُّؤالُ (٤)

يَتَقَاضَى مُوَظَّفٌ رَاتِبًا شَهْرِيًّا مِقْدَارُهُ (٣٧٠) دِينَارًا. إِذَا كَانَتْ زِيَادَتُهُ السَّنَوِيَّةُ ٤٪، فَاحْسِبْ رَاتِبَهُ بَعْدَ سَنَةٍ وَاحِدَةٍ، وَبَعْدَ ٣ سَنَوَاتٍ.

السُّؤالُ (٥)

بَلَغَتْ أَرْبَاحُ تَاجِرٍ (٤٦٠٠) دِينَارٍ، وَهُوَ يَرْغَبُ أَنْ يَتَبَرَّعَ بِنِسْبَةِ ٣٪ مِنْ رِبْحِهِ. كَمْ دِينَارًا سَيَبْقَى مَعَهُ بَعْدَ إِخْرَاجِ قِيَمَةِ التَّبَرُّعِ؟

فَكِّرْ

ثَمَنُ مِعْطَفٍ شَتَوِيٍّ (٣٠) دِينَارًا، وَنِسْبَةُ الْخَصْمِ عَلَى ثَمَنِهِ ٢٠٪:

■ أَرَادَتْ هُدَى شِرَاءَ الْمِعْطَفِ، فَأَعْطَتِ التَّاجِرَ (٢٠) دِينَارًا ثَمَنًا لَهُ بَعْدَ عَمَلِيَّةِ الْخَصْمِ. هَلْ يَكْفِي هَذَا الْمَبْلَغُ ثَمَنًا لِلْمِعْطَفِ؟ وَضِّحْ إِجَابَتَكَ.

■ إِذَا كَانَتْ نِسْبَةُ الْخَصْمِ ٣٠٪، فَمَا ثَمَنُ الْمِعْطَفِ بَعْدَ خَصْمِ هَذِهِ النِّسْبَةِ؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

١ (اكتب النسب الآتية باستعمال رمز النسبة المئوية:

أ ($\frac{18}{100}$) ب (٢٧ : ١٠٠)

ج (١٠٠ : ٥٠٠) د (٠,٦٣)

٢ (اكتب النسب المئوية الآتية بصورة كسور في أبسط صورة:

أ (٣٥٪) ب (٤٠٪) ج (١٦٠٪) د (٢٢٪)

٣ (حول كلاً مما يأتي إلى نسب مئوية:

أ (٤ : ١) ب ($\frac{12}{10}$) ج ($\frac{6}{8}$) د (٠,٧) هـ (١,٠٣)

٤ (عدد طلبة الصف الخامس الأساسي في إحدى المدارس هو (٢٠٠) طالب، نجح منهم ٩٥٪. ما عدد الطلبة الراسبين؟

٥ (أعلن متجر عن خصم ١٥٪ من القيمة الإجمالية لفاتورة المشتريات. إذا بلغت فاتورة مشتريات فارس (١٥٠) ديناراً، ما المبلغ الذي سيدفعه فارس؟

٦ (رُصدت الأيام الممطرة في ثلاثة أشهر من فصل الشتاء، فكانت (٤٥) يوماً. اكتب النسبة المئوية للأيام الممطرة في هذه الفترة (الشهر ٣٠ يوماً).

مراجعة

١) اكتب بالكلمات الأعداد العشرية الآتية:

(أ) ٣٢,٠٧ (ب) ٨,١٤٥ (ج) ٧٩,٠٠٦

٢) ما القيمة المنزلية للرقم (٣) في كل من الأعداد الآتية:

(أ) ٤٨,٠٣ (ب) ٩٢,٥١٣

(ج) ٨٣,٢ (د) ٦,٣

٣) قرب الأعداد الآتية إلى أقرب جزء من عشرة:

(أ) ٦,٠٢ (ب) ١٤,٧٥٣

(ج) ٠,٠٠٦ (د) ٩,٩٩٨

٤) رتب الأعداد العشرية الآتية تنازليًا:

٠,٢٠١ ٠,٣٠١ ٠,٢٢١ ٠,٢٣١ $\frac{٢٠١}{١٠٠}$

٥) قدر ناتج ما يأتي:

(أ) ٨,٠٣ + ٢٠,٢ (ب) ٢,٨٤ + ٦,٣٢٧

(ج) ١,٢٢٦ - ٣,٠٣٥ (د) ٠,١ + ٠,٨٩

(هـ) ٣,١ + ٣,٢٨ + ٤,١٥٢ (و) ١,١ - ٢,٢٤ + ٦,٠٥

٦) في سباق الجري مسافة (٤٠٠) متر، أنهى لاعب السباق في زمن مقداره

(٤٨,٠٨) ثانية. عبّر عن هذا الزمن بأقرب ثانية، ثم أقرب جزء من عشرة

من الثانية.

٧) استهلكت أسرة (١٥,٣٠) كغ من الأرز في شهرين متتاليين. إذا كان مقدار ما استهلكته في الشهر الأول (٨,٧٥) كغ، فكم استهلك في الشهر الثاني؟

٨) بلغ عدد الطلبة في مدارس إحدى القرى الأردنية (٢٤٠) طالبًا، منهم (١٨٠) طالبًا في المرحلة الأساسية، والباقي في المرحلة الثانوية. جد النسبة المئوية لطلبة المرحلة الثانوية من عدد الطلبة الكلي.

٩) ادخر محمد لتعليم ابنه مبلغ (٦٠٠٠) دينار، سحب منها ٣٠٪ في السنة الأولى، و ٢٥٪ في السنة الثانية. ما المبلغ المتبقي؟

أفهم: ماذا فهمت من هذه المسألة؟

أخطط: كيف يمكنني حل هذه المسألة؟

أنفذ: أنفذ ما خططت له سابقًا.

أتحقق: كيف أتحقق من صحة الحل؟

إرشاد: حل المسألة بطريقة أخرى للتحقق.

اختبار ذاتي

(١) يتكوّن هذا السؤال من ثماني فقرات، من نوع الاختيار من متعدّد، لكلّ فقرة منها أربعة بدائل، واحد منها فقط صحيح. ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

(١) قيمة الرقم ٧ في العدد ٩٧١,٤ هي:

أ) ٠,٧ (ب) ٠,٠٧ (ج) ٠,٠٠٧ (د) ٧٠

(٢) العدد العشري أربعة وتسعون صحيح وواحد وسبعون من ألف، يكتب بالأرقام كما يأتي:

أ) ٩٤,٧١ (ب) ٩٤,٠٧١

ج) ٩٤,٧٠١ (د) ٧١,٩٤

(٣) العدد العشري الذي يساوي $(\frac{٧}{٥})$ هو:

أ) ٧,٥ (ب) ٥,٧ (ج) ١,٤ (د) ٠,١٤

(٤) الكسر العادي الذي يمثّل العدد العشري ٦,٧٤١ هو:

أ) $\frac{٦٧٤١}{١٠}$ (ب) $\frac{٦٧٤١}{١٠٠}$

ج) $\frac{٦٧٤١}{١٠٠٠}$ (د) $\frac{٦٧٤١}{١٠٠}$

(٥) الكسر العشري الذي يمثّل الكسر $(\frac{٩}{١٠٠})$ هو:

أ) ٠,٩٠٠ (ب) ٠,٠٩٠ (ج) ٠,٠٠٩ (د) ٩,٠٠٠

(٦) الكسْرُ العاديُّ المكتوبُ في أبسطِ صورةٍ، الذي يُساوي (٠,٣٦) هو:

(أ) $\frac{18}{50}$ (ب) $\frac{36}{100}$ (ج) $\frac{9}{25}$ (د) $\frac{9}{25}$

(٧) عندَ تحويلِ العددِ العشريِّ (١,٣٤) إلى نسبةٍ مئويَّةٍ، فإنه يُساوي:

(أ) ٠,١٣٤ (ب) ١,٣٤ (ج) ١٣,٤ (د) ١٣٤%

(٨) العددُ العشريُّ $(1 \times 5 + \frac{1}{10} \times 3 + \frac{1}{1000} \times 1)$ هو:

(أ) ٠,٥٣١ (ب) ٥,٣٠١ (ج) ٥,٣١ (د) ١٣٥

(٢) رتّبِ الأعدادَ العشريَّةَ الآتيةَ تصاعديًّا:

١٢,٠١٥ ١,٢١٥ ١٠,٣ ١٢,١٥

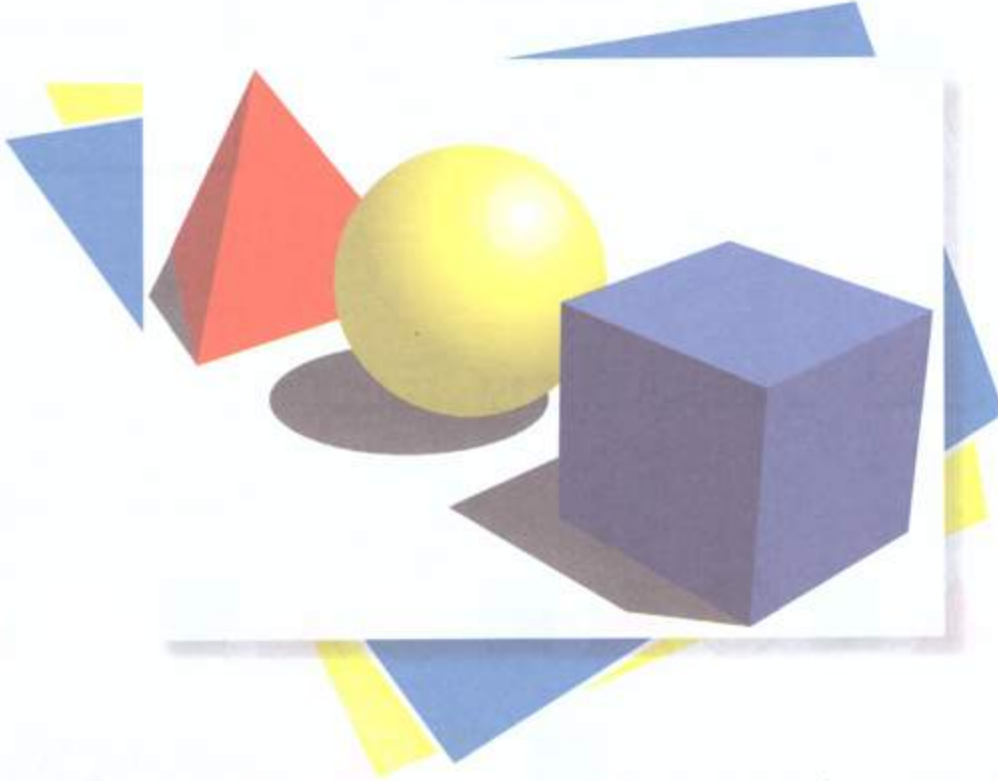
(٣) رتّبِ الأعدادَ الآتيةَ تنازليًّا:

٤,٦٩٣ ٤,٩٦٣ ٤,٩٠٦ $\frac{496}{100}$

(٤) أشارَ عَدَدُ سَيَّارَةٍ إِلَى الرَّقْمِ (٦٥٠,٤٥٠٠٠) كم في بدايةِ الرَّحْلَةِ. ما قِراءَةُ العَدَدِ إِذَا بَلَغَتْ مَسَافَةَ الرَّحْلَةِ (٩,٧٢٠) كم؟

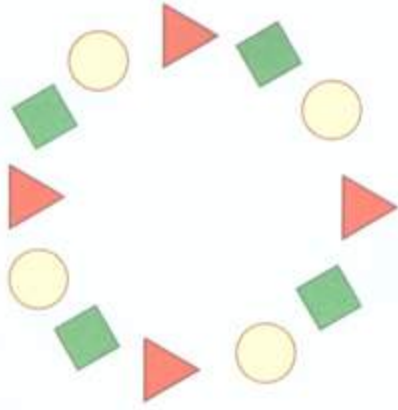
(٥) مَزْرَعَةٌ مِسَاحَتُهَا (٦) دونماتٍ، زُرِعَ نِصْفُهَا بِنَدُورَةٍ، وَثُلُثُهَا بِطَاطَا، وَالْبَاقِي أَشْجَارٌ مُتَنَوِّعَةٌ. كم دونمًا المِسَاحَةُ المَزْرُوعَةُ بِالأشْجَارِ المُتَنَوِّعَةِ؟

الأنماط



توصف الرياضيات بأنها علم الأنماط، وهي واضحة في مختلف مجالات الرياضيات. فالأطفال يتعلمون أن الحساب يعتمد على تنظيم الأعداد عن طريق ترتيب الأعداد، وجداول الضرب، والأعداد الزوجية، ويشاهدون الأشكال الهندسية في كثير من المواقف الحياتية، وتتخذ هذه الأشكال غالباً نمطاً معيناً، علماً بأن هندسة المجسمات العديدة السطوح تحوي أنماطاً تتضح في فن العمارة.

إن فهم الأنماط والقواعد التي تُبنى عليها يُساعد على فهم كثير من الظواهر الطبيعية، وكذلك حل العديد من المشكلات في الرياضيات، وفي حياة الطالب اليومية.



عَبَّرَ عَنِ النَّمَطِ الْمُجَاوِرِ
شَفَوِيًّا، ثُمَّ ابْنِ أَنْمَاطًا أُخْرَى
مُخْتَلِفَةً، وَعَبَّرَ عَنْهَا شَفَوِيًّا.

النتائج:

- تَبْنِي أَنْمَاطًا، وَتُوسِّعُهَا
عَنْ طَرِيقِ الْإِسْتِقْصَاءِ،
بِاسْتِخْدَامِ بُعْدَيْنِ،
وَتَلَاثَةَ أبعادٍ.

في ما يَخْصُ الْمَسْأَلَةَ السَّابِقَةَ، إِذَا بَدَأْنَا الْحَرَكَةَ مِنَ الْمُثَلَّثِ السُّفْلِيِّ بِاتِّجَاهِ
الْيَمِينِ نَجِدُ أَنَّ النَّمَطَ هُوَ:



لَا حِظَّ أَنَّ الْأَشْكَالَ الثَّلَاثَةَ (  ) تَتَكَرَّرُ، وَتُسَمَّى مُجْتَمِعَةً وَحْدَةَ النَّمَطِ.

نشاط

كَوِّنْ أَنْمَاطًا أُخْرَى مِنَ الشَّكْلِ السَّابِقِ، ثُمَّ قَارِنْ مَا تَتَوَصَّلُ إِلَيْهِ بِمَا يَتَوَصَّلُ
إِلَيْهِ زُمْلًا وَك.

السؤال (١)

اخْتَرِ وَحْدَةَ النَّمَطِ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ، ثُمَّ اكْتُبْ نَمَطًا، وَقَارِنْ مَا تَتَوَصَّلُ إِلَيْهِ بِمَا
يَتَوَصَّلُ إِلَيْهِ زُمْلًا وَك:



(وَرَقَةٌ جَوَافَةٌ)



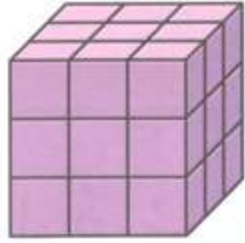
(وَرَقَةٌ تَيْنٍ)



(وَرَقَةٌ عِنَبٍ)

المثال ١

اعتمادًا على النمط الموضح في الشكل الآتي:



(٣)



(٢)



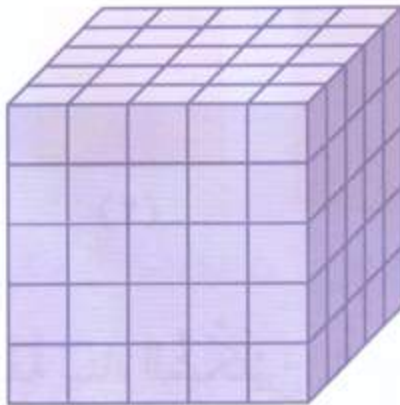
(١)

(١) صف الشكّلين: الرَّابِع، وَالخَامِس.

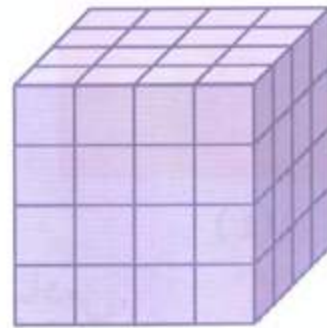
(٢) ما عدد المُكعّبات الصّغيرة اللازم لرسم الشكّلين: السّادس، والسّابع؟

الحلّ

(١)



مُكعّب طول حَرَفِهِ ٥ وَحَدَاتٍ.



مُكعّب طول حَرَفِهِ ٤ وَحَدَاتٍ.

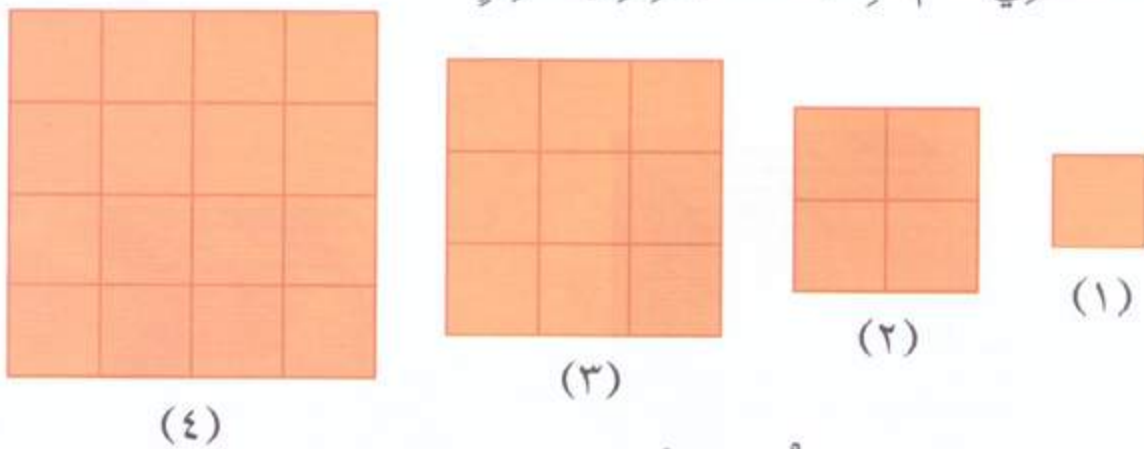
(٢) لإيجاد عدد مكعبات الشكلين: السادس، والسابع، أكمل الفراغ في الجدول الآتي:

الشكل	عدد المكعبات	التبرير
١	١	$1 = 1^3 = 1 \times 1 \times 1$
٢	٨	$8 = 2^3 = 2 \times 2 \times 2$
٣	٢٧	$27 = 3^3 = 3 \times 3 \times 3$
٤		
٥		
٦		
٧		

يتبين من الجدول أن رسم الشكل السادس يتطلب مكعبًا، في حين يتطلب رسم الشكل السابع مكعبًا.

السؤال (٢)

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عما يليه من أسئلة:

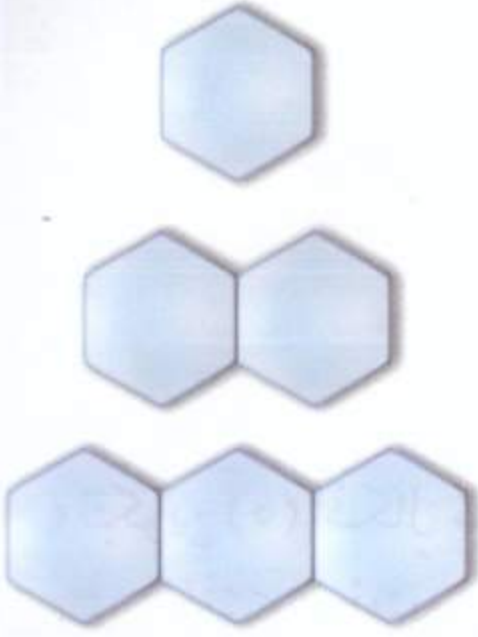


أ) اقترح طريقة لبناء الشكلين: الخامس، والسادس.
ب) ما عدد المربعات الصغيرة اللازم لرسم الشكلين: السابع، والثامن؟

مَسْأَلَةٌ

تَتَّبِعِ النَّمْطَ الْآتِيَّ:

نَحْتَاجُ إِلَى (٦) قِطْعَةٍ خَشَبِيَّةٍ لِتَكْوِينِ شَكْلِ
وَاحِدٍ، وَإِلَى (١١) قِطْعَةً خَشَبِيَّةً لِتَكْوِينِ شَكْلَيْنِ
مُتَلَاصِقَيْنِ، وَإِلَى (١٦) قِطْعَةً خَشَبِيَّةً لِتَكْوِينِ ثَلَاثَةِ
أَشْكَالٍ مُتَلَاصِقَةٍ:



أ (كَمْ قِطْعَةً خَشَبِيَّةً تَلْزَمُ لِتَكْوِينِ خَمْسَةِ أَشْكَالٍ
مُتَلَاصِقَةٍ؟

ب (كَمْ عَدَدُ الْأَشْكَالِ الْمُتَلَاصِقَةِ الَّتِي يُمَكِّنُ
تَكْوِينُهَا مِنْ (٣٦) قِطْعَةً خَشَبِيَّةً؟

أَفْهَمُ: كَمْ قِطْعَةً خَشَبِيَّةً تَلْزَمُ لِتَكْوِينِ الشَّكْلِ الْأَوَّلِ؟
كَمْ قِطْعَةً خَشَبِيَّةً تَلْزَمُ لِتَكْوِينِ شَكْلَيْنِ مُتَلَاصِقَيْنِ؟
كَمْ قِطْعَةً خَشَبِيَّةً تَلْزَمُ لِتَكْوِينِ ثَلَاثَةِ أَشْكَالٍ مُتَلَاصِقَةٍ؟

أَخْطُطُ: أَرَسُمُ جَدْوَلًا، ثُمَّ أَبْحَثُ عَنْ نَمَطٍ آخَرَ.

أَنْفِذُ: أَكْمِلُ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي، ثُمَّ أُجِيبُ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:

التبرير	عدد القطع الخشبية	عدد الأشكال
	6	1
لماذا العدد 5؟	11	2
	16	3
$21 = 5 + 5 + 5 + 6$		4
		5
		6
		7

- أ) لتكوين (5) أشكال متلاصقة، يلزم توافر قطعة خشبية.
- ب) عدد الأشكال المتلاصقة التي يمكن تكوينها باستخدام (36) قطعة خشبية هو .

أتحقق: أحضر مجموعة كاملة من القطع الخشبية، ثم أكون الأشكال الواردة في النمط، وأعد القطع الخشبية.

البحث عن نمط آخر:

التبرير	عدد القطع الخشبية	عدد الأشكال
$6 = 0 - 1 \times 6$	6	1
لماذا نطرح 1؟	11	2
	16	3
لماذا نطرح 3؟		4

أ) لتكوين (٥) أشكال، يُطبَّق النمط الظاهر في الجدول السابق:

$$\dots \times \dots = \dots - \dots = \dots$$

هل يتفق ذلك مع الناتج الذي توصلت إليه في الجدول؟

ب) يُكتب العدد (٣٦) بالصورة الآتية، تبعًا للنمط الوارد في الجدول السابق:

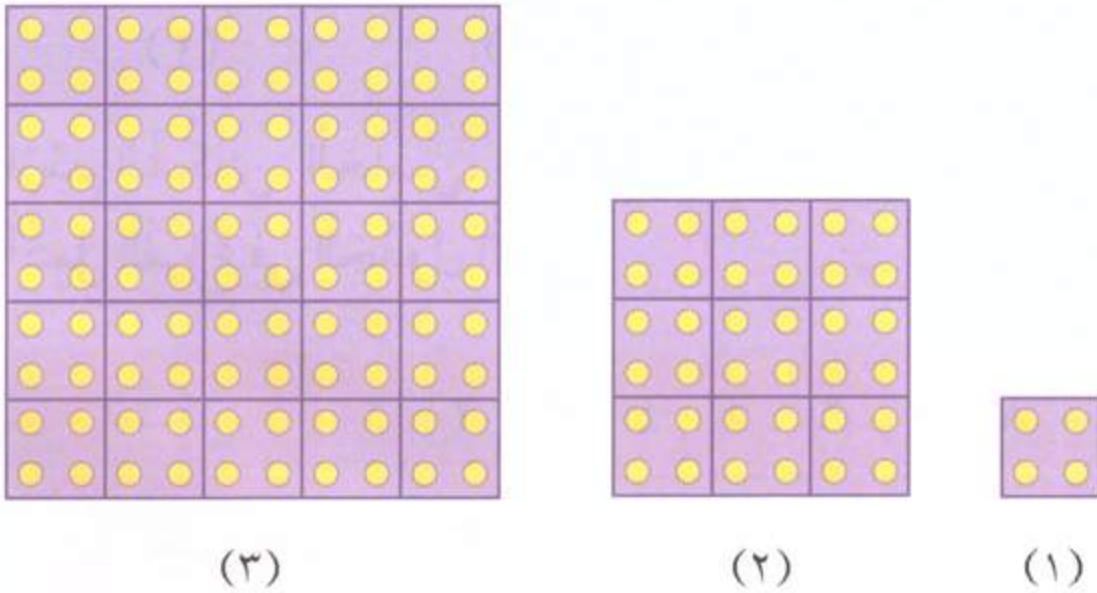
$$\dots \times \dots = 36$$

إذن: عدد الأشكال =

هل يتفق ذلك مع الناتج الذي توصلت إليه في الجدول؟

السؤال (٣)

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عما يليه من أسئلة:

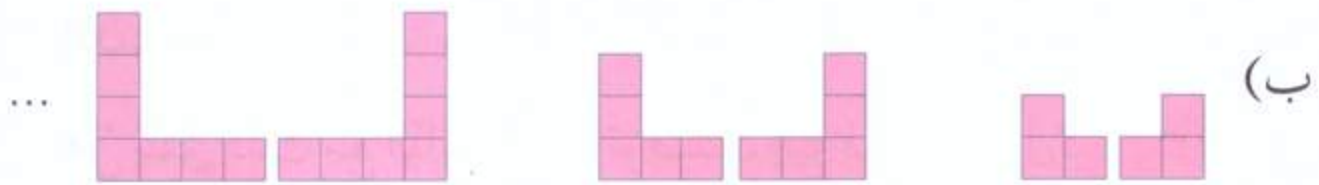


أ) ما عدد المربعات الصغيرة اللازم لرسم الشكلين: الخامس، والسادس؟

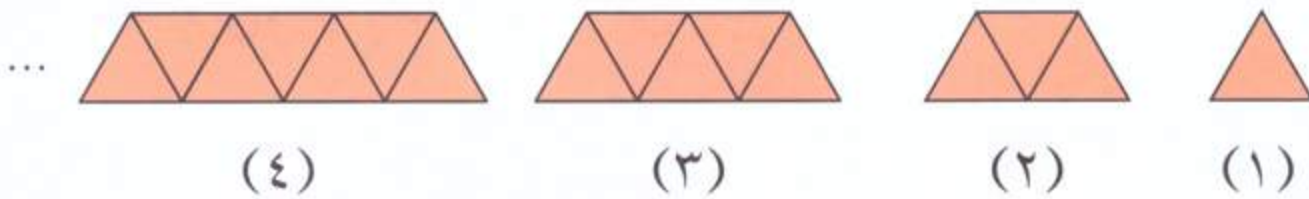
ب) ما عدد الدوائر الصغيرة اللازم لرسم الشكلين: الخامس، والسادس؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) أَكْمِلِ النَّمَطَ بِرِسْمِ الْأَشْكَالِ الثَّلَاثَةِ التَّالِيَةِ فِي كُلِّ مِنَ الْأَنْمَاطِ الْآتِيَةِ:



(٢) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:



(أ) ارْزُمِ الشَّكْلَيْنِ: الْخَامِسَ، وَالسَّادِسَ.

(ب) أَكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:

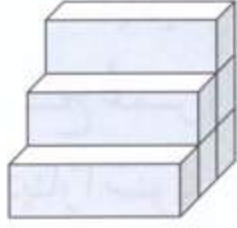
١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	الشَّكْلُ
	١٧			١١		٧	٥	٣	١	عَدَدُ الْمُثَلَّثَاتِ
	٣٥		٢٧			١٥		٧	٣	عَدَدُ الْأَضْلَاعِ

(ج) عَبِّرْ عَنِ عَدَدِ الْأَضْلَاعِ بِصُورَةِ نَمَطٍ عَدَدِيٍّ.

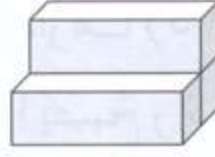
د (قَالَتْ دُعَاءُ إِنَّ عَدَدَ الْأَضْلَاعِ فِي الشَّكْلِ الْحَادِي عَشَرَ هُوَ (٤٢) ضِلْعًا.

مَا رَأَيْكَ فِي هَذَا الْقَوْلِ؟

٣) نُظِّمَتْ مُجَسَّمَاتٌ لِتَكْوِينِ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



(٣)



(٢)



(١)

إِذَا اسْتَمَرَّ تَكْوِينُ الْأَشْكَالِ عَلَى النَّمَطِ نَفْسِهِ:

أ (صِفِ الشَّكْلَيْنِ: الرَّابِعَ، وَالْخَامِسَ.

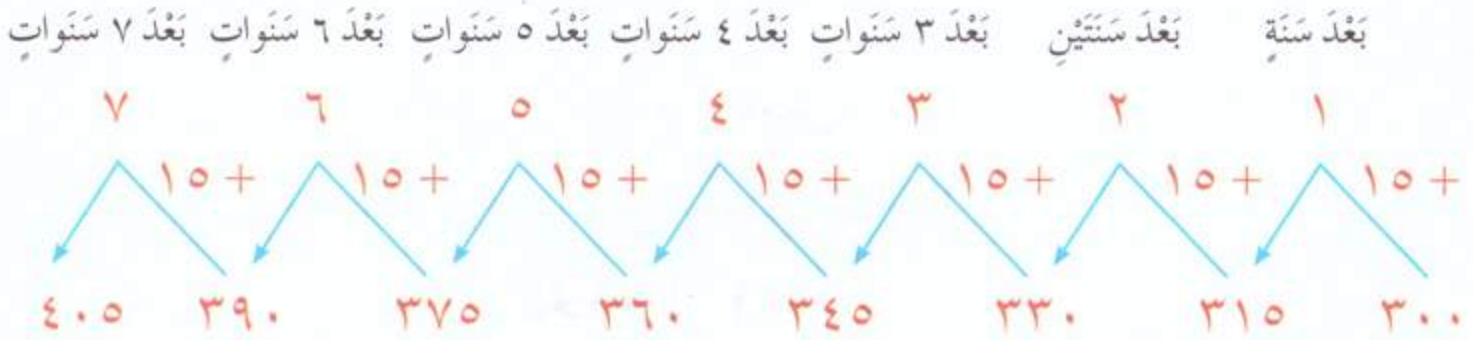
ب) كَمْ مُجَسَّمًا يَلْزَمُ لِتَكْوِينِ الشَّكْلِ السَّابِعِ؟

ج) قَالَ مَحْمُودٌ إِنَّا نَحْتَاجُ إِلَى (٦٦) مُجَسَّمًا لِتَكْوِينِ الشَّكْلِ الْحَادِي عَشَرَ. مَا رَأَيْكَ فِي هَذَا الْقَوْلِ؟

النتائج:

- تبتكر أنماطاً عددية تتضمن فقط عملية واحدة.

عمر موظف في شركة، راتبه (٣٠٠) دينار شهرياً. قررت الشركة منح عمر زيادة مقدارها (١٥) ديناراً سنوياً. كم ديناراً يصبح راتب عمر بعد (٧) سنوات؟



وبذلك يكون راتب عمر بعد (٧) سنوات (٤٠٥) ديناراً. لاحظ أنه عند جمع العدد (١٥) في كل مرة ينتج العدد التالي، وأنه يُعبّر عن قاعدة النمط السابق بإضافة ١٥ في كل مرة.

السؤال (١)

هل يمكن حساب راتب عمر بعد (٧) سنوات بطريقة أخرى؟ نعم، يمكن ذلك:

$$\text{راتب عمر} = 7 \times 15 + 300 =$$

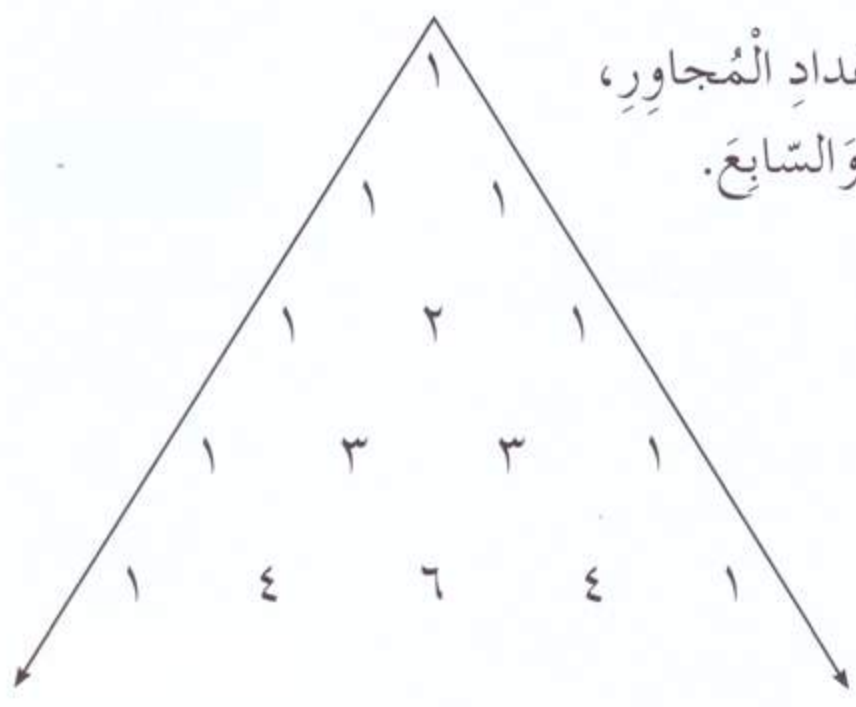
$$105 + 300 =$$

$$= 405 \text{ ديناراً.}$$

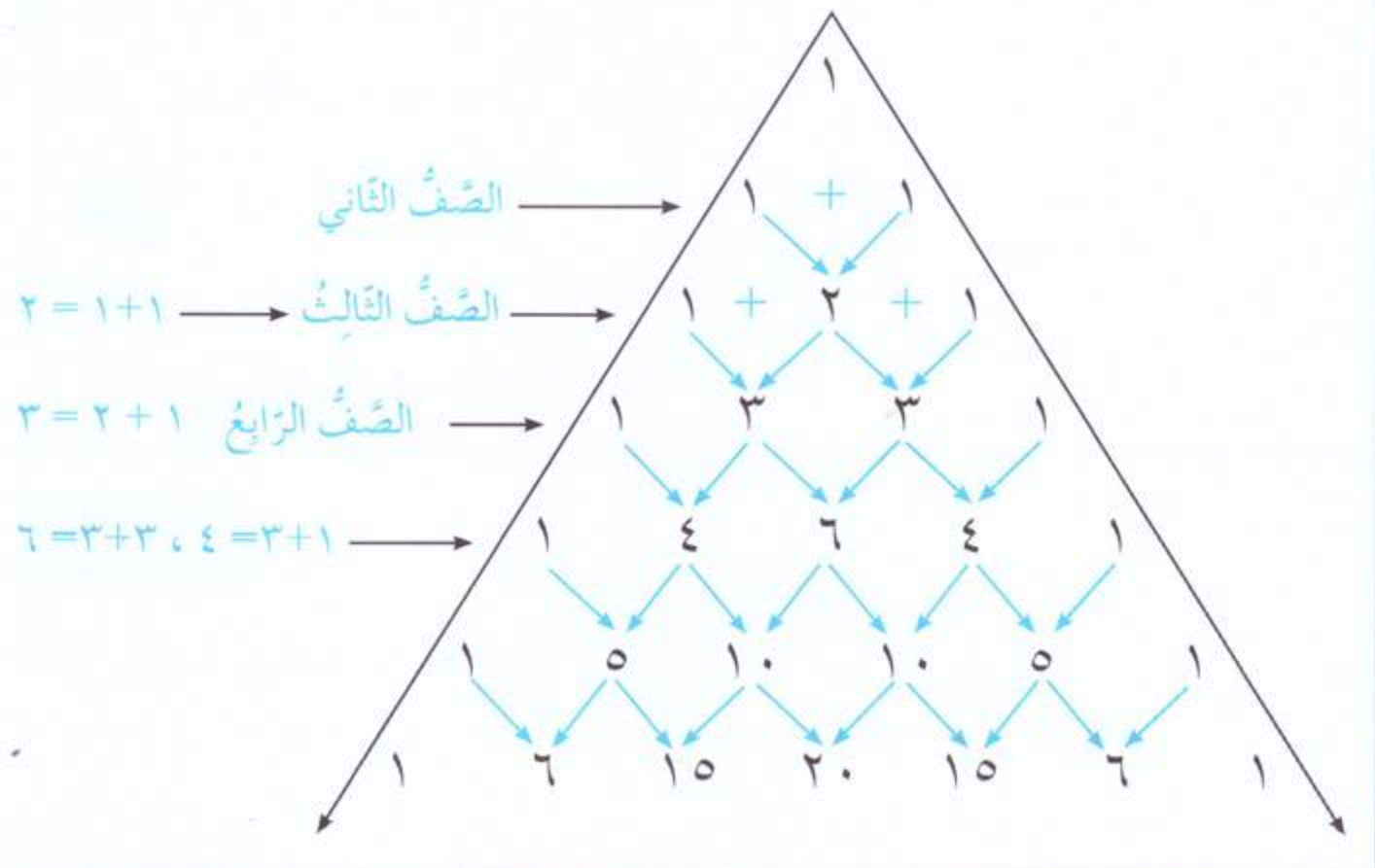
النَّمَطُ العَدَدِيُّ: هُوَ مَجْمُوعَةٌ مِنَ الأَعْدَادِ المُرْتَبَةِ وَفَقَ قَاعِدَةٍ نَمَطٍ مُعَيَّنَةٍ.

المِثَالُ ١

اكتشف النَّمَطَ في مُثَلِّثِ الأَعْدَادِ المُجَاوِرِ،
ثُمَّ اكْمِلِ الصَّفَّيْنِ: السَّادِسَ، وَالسَّابِعَ.



الحلُّ



■ ابتكر العالم العربي المسلم الكرخي مثلث الأعداد الذي يُعرف اليوم باسم مثلث باسكال.

السؤال (٢)

استعمل مثلث الأعداد السابق لإكمال النمط بكتابة الأعداد الثلاثة التالية في كلِّ مما يأتي:

- أ (١ ، ٢ ، ٣ ، ، ،)
 ب (١ ، ٣ ، ٦ ، ١٠ ، ، ،)
 ج (١ ، ٤ ، ١٠ ، ، ،)
 د (١ ، ٢ ، ٤ ، ٨ ، ، ،)

المثال ٢

أكمل النمط بكتابة الأعداد الثلاثة التالية في كلِّ مما يأتي:

- (١) ٨ ، ١٥ ، ٢٢ ، ٢٩ ، ... ، ... ، ...
 (٢) ٤٢ ، ٤٣ ، ٤٥ ، ٤٨ ، ... ، ... ، ...

الحل

- (١) ٨ ، ١٥ ، ٢٢ ، ٢٩ ، ٣٦ ، ٤٣ ، ٥٠
 (٢) ٤٢ ، ٤٣ ، ٤٥ ، ٤٨ ، ٥٢ ، ٥٧ ، ٦٣

السؤال (٣)

أكمل النمط بكتابة الأعداد الثلاثة التالية في كلِّ مما يأتي:

- أ (١٧ ، ٢١ ، ٢٥ ، ٢٩ ، ، ،)
 ب (٨٩ ، ٧٩ ، ٧٠ ، ٦٢ ، ، ،)
 ج (٥٣ ، ٤٨ ، ٤٣ ، ٣٨ ، ، ،)
 د (١ ، ٨ ، ٢٧ ، ٦٤ ، ، ،)

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) أَكْمِلِ النَّمَطَ بِكِتَابَةِ الْأَعْدَادِ الثَّلَاثَةِ التَّالِيَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

أ (١٠، ١٢، ١٥، ١٩، ٢٤،،،،)

ب (١٦، ٨، ٤، ٢،،،)

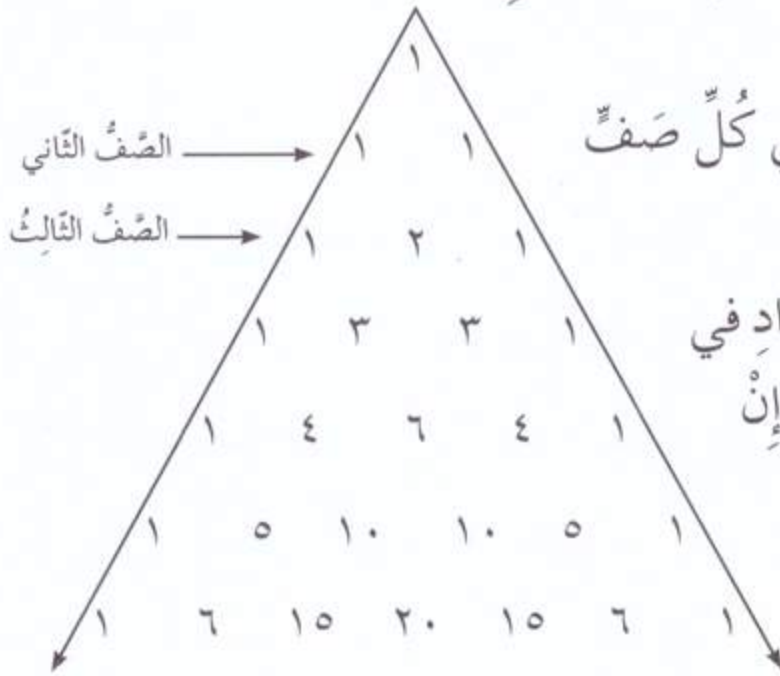
ج ($\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{9}$ ، $\frac{1}{27}$ ، $\frac{1}{81}$ ،،)

(٢) أَجِبْ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ اعْتِمَادًا عَلَى مُثَلِّثِ الْأَعْدَادِ التَّالِي:

أ (أَكْمِلْ كِتَابَةَ الصَّفِّ الثَّامِنِ، وَالتَّاسِعِ، وَالْعَاشِرِ.

ب) جِدْ نَاتِجَ جَمْعِ الْأَعْدَادِ فِي كُلِّ صَفٍّ ذَهْنِيًّا.

ج) هَلْ يُعَدُّ نَاتِجُ جَمْعِ الْأَعْدَادِ فِي كُلِّ صَفٍّ نَمَطًا؟ اكْتُبْهُ إِنْ وُجِدَ.



(٣) وَضَعَ أَحْمَدُ بَرْنَامِجًا زَمَنِيًّا مُدَّتُهُ أُسْبُوعٌ لِحِفْظِ مَعَانِي كَلِمَاتِ بِلُغَةِ الْعَرَبِيَّةِ، كَمَا هُوَ مُوضَّحٌ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:

السَّابِعُ	السَّادِسُ	الخَامِسُ	الرَّابِعُ	الثَّالِثُ	الثَّانِي	الأوَّلُ	اليَوْمُ
		١٧	١٠	٥	٢	١	عَدَدُ الْكَلِمَاتِ

- أ) اكتشف النمط المتبع في عدد الكلمات.
 ب) اكمل الفراغ في الجدول بالأعداد المناسبة.
 ج) ما مجموع الكلمات التي حفظها أحمد بعد نهاية الأسبوع؟

٤) اكمل النمط بكتابة الأعداد الثلاثة التالية في كل مما يأتي:

أ) (١ ، ٣ ، ٧ ، ١٣ ، ٢١ ، ، ،)

ب) ($\frac{1}{1}$ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{7}{9}$ ، $\frac{10}{13}$ ، ،)

٥) اكتب العدد المناسب في الفراغ لكل من النمطين الآتيين:

أ) (..... ، ، ، ، ٨٢ ، ٧٠ ، ٥٨ ، ،)

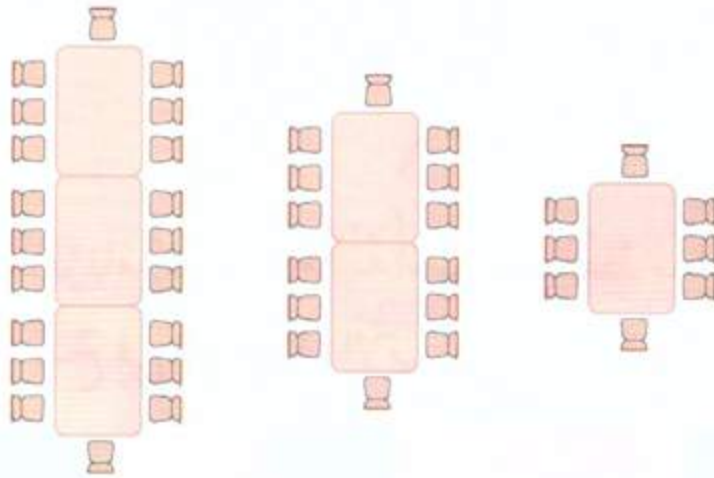
ب) (..... ، ، ، ، ٨٧ ، ٧٤ ، ٦١ ، ،)

٦) تحدّد

اكتشف النمط، ثم اكتب الأعداد الثلاثة التالية:

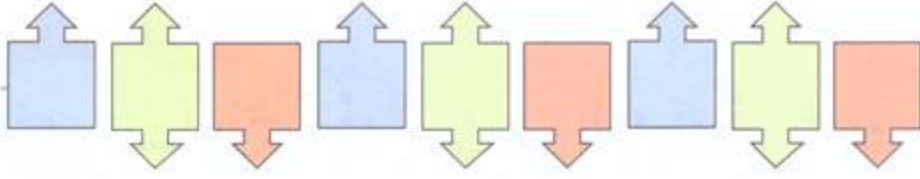
(٠ ، ١ ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٨ ، ١٣ ، ٢١ ، ، ،)

٧) رتب صاحب مطعم الطاولات في الصالة المخصصة للطعام كما هو موضح في الشكل الآتي:



ما عدد الأشخاص الذين يستطيعون الجلوس حول (٥) طاولات متلاصقة كما في الشكل؟

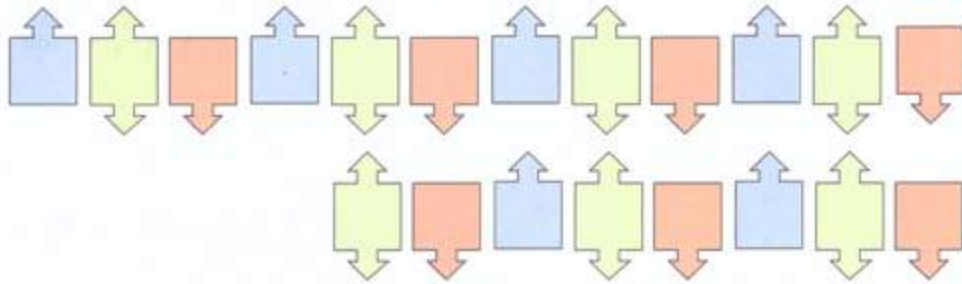
مَا الشَّكْلُ رَقْمُ (٢٠) فِي النَّمَطِ الْآتِي:




التَّجَاوُزَاتُ:

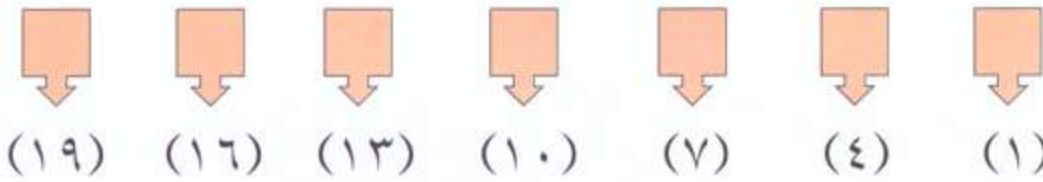
- تَنْبَأُ بِالنَّمَطِ، وَتُبْرَّرُهُ، وَتُوسِّعُهُ بِاسْتِخْدَامِ الْأَلَةِ الْحَاسِبِيَّةِ.

(١) يُمَكِّنُ رَسْمَ النَّمَطِ لِمَعْرِفَةِ الشَّكْلِ رَقْمُ (٢٠) عَلَى النَّحْوِ الْآتِي:



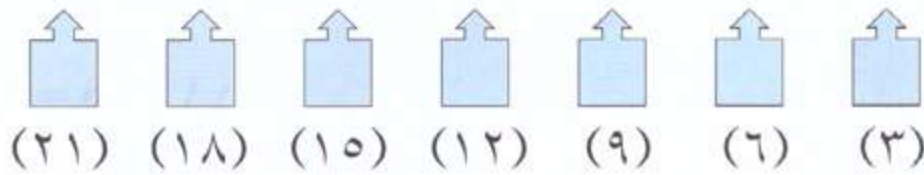
وَبِذَلِكَ، فَإِنَّ الشَّكْلَ رَقْمُ (٢٠) هُوَ .

(٢) يُمَكِّنُ تَتَبُّعَ الشَّكْلِ , وَتَحْدِيدُ مَوْقِعِهِ:



لَا حِظَّ أَنَّ الشَّكْلَ رَقْمُ (١٩) هُوَ , فَيَكُونُ الشَّكْلُ رَقْمُ (٢٠) هُوَ .

(٣) يُمَكِّنُ تَتَبُّعَ الشَّكْلِ , وَتَحْدِيدُ مَوْقِعِهِ:



لَا حِظَّ أَنَّ الشَّكْلَ رَقْمُ (٢١) هُوَ , فَيَكُونُ الشَّكْلُ رَقْمُ (٢٠) هُوَ .

■ هل يُمكنُ معرفة الشكلِ رقمِ (٢٠) بطريقةٍ أُخرى؟ اذكرها.

المثال ١

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عن الأسئلة التي تليه:

$$9 = 9 \times 1$$

$$10.8 = 9 \times 12$$

$$110.7 = 9 \times 123$$

$$1110.6 = 9 \times 1234$$

$$11110.5 = 9 \times 12345$$

(١) أكمل النمط بكتابة الصف السادس، والسابع، والثامن.

(٢) جد مجموع أرقام نواتج الضرب. ماذا تلاحظ؟

(٣) جد ناتج ضرب 9×123456789 .

الحل

$$(١) 9 = 9 \times 1$$

$$10.8 = 9 \times 12$$

$$110.7 = 9 \times 123$$

$$1110.6 = 9 \times 1234$$

$$11110.5 = 9 \times 12345$$

$$111110.4 = 9 \times 123456$$

$$1111110.3 = 9 \times 1234567$$

$$111111102 = 9 \times 12345678$$

$$(2) \text{ مَجْموعُ أَرْقَامِ النَّاتِجِ } 9 = 9$$

$$\text{مَجْموعُ أَرْقَامِ النَّاتِجِ } 9 = 1 + 0 + 8 = 108$$

$$\text{مَجْموعُ أَرْقَامِ النَّاتِجِ } 9 = 1 + 1 + 0 + 7 = 1107$$

$$\text{مَجْموعُ أَرْقَامِ النَّاتِجِ } 9 = 1 + 1 + 1 + 0 + 6 = 11106, \text{ وَهَكَذَا.}$$

لَا حِظَّ أَنَّ مَجْموعَ أَرْقَامِ نَاتِجِ الضَّرْبِ = 9 فِي كُلِّ مَرَّةٍ.

$$(3) 1111111101 = 9 \times 123456789$$

فكر

■ هل توجد أنماط أخرى في الفرع الأول من المثال (1)؟ اكتب واحدا منها.

السؤال (1)

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عما يليه من أسئلة:

$$111 = 37 \times 3 \times 1$$

$$222 = 37 \times 3 \times 2$$

$$333 = 37 \times 3 \times 3$$

$$444 = 37 \times 3 \times 4$$

أ) استخدم النمط السابق في إيجاد ناتج كل مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل باستخدام الآلة الحاسبة:

$$37 \times 21 \quad (3)$$

$$37 \times 18 \quad (2)$$

$$37 \times 3 \times 5 \quad (1)$$

ب) عبّر عن ناتج الضرب بصورة نمط عددي، ثم اكتبه بالكلمات.

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عما يليه من أسئلة:

$$0,11111111 = \frac{1}{9}$$

$$0,22222222 = \frac{2}{9}$$

$$0,33333333 = \frac{3}{9}$$

(١) استخدم الآلة الحاسبة في تحويل كل مما يأتي إلى كسر عشري:

أ) $\frac{4}{9}$ ب) $\frac{5}{9}$ ج) $\frac{6}{9}$

(٢) حول كلاً مما يأتي إلى كسر عشري من دون استخدام الآلة الحاسبة:

أ) $\frac{7}{9}$ ب) $\frac{8}{9}$ ج) $\frac{10}{11}$

الحل

(١)

أ) $0,44444444 = \frac{4}{9}$ (باستخدام الآلة الحاسبة) $9 \div 4 =$

ب) $0,55555555 = \frac{5}{9}$ (باستخدام الآلة الحاسبة) $9 \div 5 =$

ج) $0,66666666 = \frac{6}{9}$ (باستخدام الآلة الحاسبة) $9 \div 6 =$

(٢)

أ) $0,77777777 = \frac{7}{9}$

ب) $0,88888888 = \frac{8}{9}$

ج) $1,11111111 = \frac{10}{9}$

السؤال (٢)

تتبع النمط الآتي، ثم أجب عما يليه من أسئلة:

$$0,09090909 = \frac{1}{11}$$

$$0,18181818 = \frac{2}{11}$$

$$0,27272727 = \frac{3}{11}$$

أ) استخدم الآلة الحاسبة في تحويل كل مما يأتي إلى كسرٍ عشريٍّ:

$$\frac{4}{11} \quad (1) \quad \frac{5}{11} \quad (2) \quad \frac{6}{11} \quad (3) \quad \frac{7}{11} \quad (4)$$

ب) حوّل كلّ مما يأتي إلى كسرٍ عشريٍّ من دون استخدام الآلة الحاسبة:

$$\frac{8}{11} \quad (1) \quad \frac{9}{11} \quad (2) \quad \frac{10}{11} \quad (3) \quad \frac{12}{11} \quad (4)$$

مسألة *

نمط هندسيّ وحدثه ثلاثة مصلعات. إذا علمت أن مجموع الأضلاع في كل ثلاثة أشكال متجاورة يساوي (١٥)، وأن الشكل الثاني يتكوّن من أربعة أضلاع، والعاشر من ستة أضلاع، فمثّل هذا النمط بالرسم.

أفهم: ما مجموع أضلاع كل ثلاثة أشكال متجاورة؟

- ما عدد أضلاع الشكل الثاني؟ أين سيتكرّر ظهوره؟
- ما عدد أضلاع الشكل العاشر؟ أين سيتكرّر ظهوره؟
- ما عدد أضلاع المصلعات المستخدمة في النمط؟

* السؤال من أسئلة الإختبارات الدولية.

أُخَطِّطُ: أَرَسُّمُ الشَّكْلِ.

أُنْفِذُ: لِأَنَّ وَحْدَةَ النَّمَطِ ثَلَاثِيَّةٌ؛ سَيَتَكَرَّرُ الشَّكْلُ الثَّانِي الَّذِي يَتَكَوَّنُ مِنْ أَرْبَعَةِ أَضْلَاعٍ فِي الْمَوَاقِعِ الْآتِيَةِ:



وَلِأَنَّ الشَّكْلَ الْعَاشِرَ يَتَكَوَّنُ مِنْ سِتَّةِ أَضْلَاعٍ؛ فَإِنَّهُ سَيُظْهِرُ فِي الْمَوَاقِعِ الْآتِيَةِ:



وَلِأَنَّ مَجْمُوعَ أَضْلَاعِ كُلِّ ثَلَاثَةِ أَشْكَالٍ مُتَجَاوِرَةٍ يُسَاوِي (١٥)؛ فَإِنَّ عَدَدَ أَضْلَاعِ الشَّكْلِ الثَّلَاثِ الْمُتَبَقِّي يُحَسَبُ عَلَى النَّحْوِ الْآتِي:

$$١٥ = (٦ + ٤) - ٥ \text{ أَضْلَاعٍ.}$$



أَتَحَقَّقُ: أَرَا جُعُ تَحَقُّقَ الشُّرُوطِ السَّابِقَةِ:



الشَّكْلُ
العَاشِرُ

وَحْدَةُ النَّمَطِ
مَجْمُوعَ أَضْلَاعِهَا
١٥ ضِلْعًا

الشَّكْلُ
الثَّانِي

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) إِذَا وُسِّعَ النَّمَطُ الْآتِي:



فَمَا لَوْنُ الشَّكْلِ رَقْمِ (٢٠) الَّذِي سَيَكُونُ فِي هَذَا النَّمَطِ؟

(٢) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:

$$٢٥ = ٥ \times ٥$$

$$٢٢٥ = ١٥ \times ١٥$$

$$٦٢٥ = ٢٥ \times ٢٥$$

$$١٢٢٥ = ٣٥ \times ٣٥$$

$$٢٠٢٥ = ٤٥ \times ٤٥$$

(أ) اسْتَخْذِمِ الْآلَةَ الْحَاسِبَةَ فِي إِجَادِ نَاتِجِ ضَرْبِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

$$٧٥ \times ٧٥$$

$$٦٥ \times ٦٥$$

$$٥٥ \times ٥٥$$

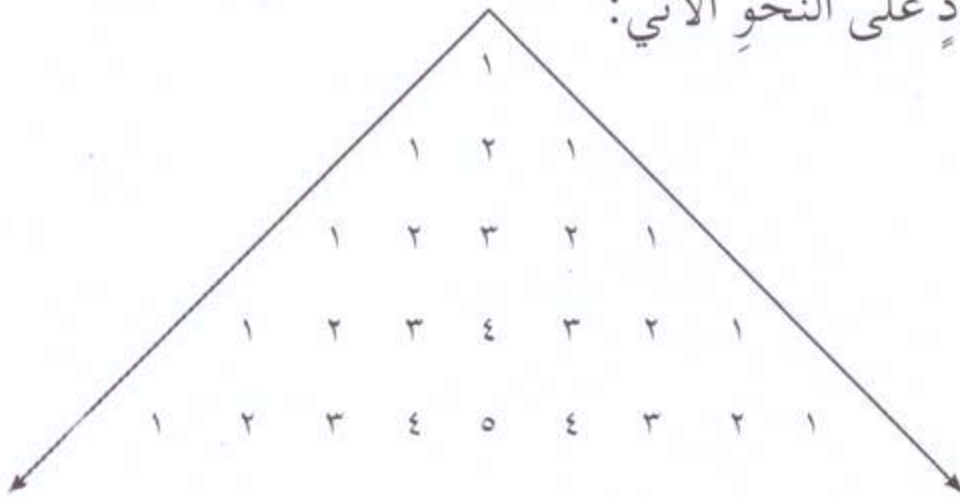
(ب) جِدْ نَاتِجَ ضَرْبِ مَا يَأْتِي مِنْ دُونِ اسْتِخْذَامِ الْآلَةِ الْحَاسِبَةِ:

$$١٠٥ \times ١٠٥$$

$$٩٥ \times ٩٥$$

$$٨٥ \times ٨٥$$

(٣) بَنِي سَمِيرٌ مَثَلَتْ أَعْدَادٍ عَلَى النَّحْوِ الْآتِي:



- أ) أكْمِلِ الصَّفَيْنِ: السَّادِسَ، وَالسَّابِعَ.
- ب) جِدْ مَجْمُوعَ الْأَرْقَامِ فِي كُلِّ صَفٍّ. مَاذَا تُلَاحِظُ؟
- ج) جِدْ مَجْمُوعَ الْأَرْقَامِ فِي الصَّفِّ الثَّامِنِ، وَالتَّاسِعِ، وَالْعَاشِرِ.
- ٤) اكْتُبِ الْعَدَدَ الْمُنَاسِبَ فِي الْفَرَاغِ لِيكْتَمِلَ النَّمَطُ:
- ٤، ٥، ٩، ١٤،،،، ٩٧.
- ٥) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:



- أ) عَبِّرْ عَنْ عَدَدِ الْمُرَبَّعَاتِ فِي كُلِّ شَكْلِ بِصُورَةٍ نَمَطٍ عَدَدِيٍّ.
- ب) ارْسُمْ تَخْطِيطًا لِلشَّكْلَيْنِ: الْخَامِسِ، وَالسَّادِسِ.
- ٦) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:

$$16 = 8 \times 8$$

$$176 = 88 \times 88$$

$$1776 = 888 \times 888$$

$$17776 = 8888 \times 8888$$

- أ) أكْمِلِ النَّمَطَ بِكِتَابَةِ الصَّفَيْنِ: الْخَامِسِ، وَالسَّادِسِ.
- ب) جِدْ نَاتِجَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

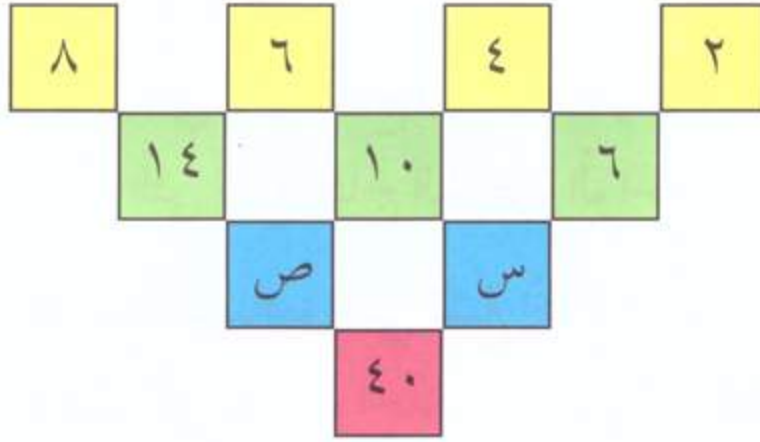
$$88888888 \times 88888888 \quad (1)$$

$$888888888 \times 888888888 \quad (2)$$

(٧) أَعَدَّ خَالِدٌ بَرْنَامَجًا غِذَائِيًّا لِإِنْقَاصِ وَزْنِهِ بِمُعَدَّلِ (٣) كِغْ شَهْرِيًّا. إِذَا عَلِمْتَ

أَنَّ وَزْنَهِ الْحَالِيَّ (٧٥) كِغْ، فَبَعْدَ كَمْ شَهْرٍ يُصْبِحُ وَزْنُهُ (٥١) كِغْ؟

(٨) * مَا قِيَمَةُ (س)، وَ(ص) فِي النَّمَطِ الْآتِي:



* السؤال من أسئلة الإختبارات الدولية.



تُتَبَّحُ شَجَرَةٌ الْبُرْتُقَالِ فِي
الْمَوْسِمِ الْوَاحِدِ كَمِّيَّةً مِنَ الْبُرْتُقَالِ
تَسَعُ عَدَدًا مِنَ الصَّنَادِيقِ. كَمْ
صُنْدُوقًا يَسَعُ إِنتَاجَ (١٠)
شَجَرَاتٍ؟

النَّاتِجَاتُ:

- تَسْتَعْدِمُ الرَّمُوزَ
لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْعِبَارَاتِ
الْلَفْظِيَّةِ بِمُتَغَيِّرٍ وَاحِدٍ.

عَدَدُ صُنَادِيقِ الْبُرْتُقَالِ الَّتِي تَسَعُ إِنتَاجَ (١٠) شَجَرَاتٍ =
١٠ × عَدَدِ الصَّنَادِيقِ الَّتِي تَسَعُ إِنتَاجَ الشَّجَرَةِ الْوَاحِدَةِ.

هَلْ تَسْتَطِيعُ مَعْرِفَةَ عَدَدِ الصَّنَادِيقِ الَّتِي تَسَعُ إِنتَاجَ الشَّجَرَاتِ الْعَشْرِ؟
لا؛ لِأَنَّ عَدَدَ الصَّنَادِيقِ لِلشَّجَرَةِ الْوَاحِدَةِ غَيْرُ مَعْرُوفٍ (مَجْهُولٌ).

يُمَثِّلُ الْعَدَدُ الْمَجْهُولُ لِعَدَدِ الصَّنَادِيقِ اللَّازِمِ لِلشَّجَرَةِ الْوَاحِدَةِ مُتَغَيِّرًا، وَيُرْمَزُ
إِلَى الْمُتَغَيِّرِ بِحَرْفٍ، مِثْلُ: س، ص،

الْمُتَغَيِّرُ: هُوَ حَرْفٌ يَرْمِزُ إِلَى كَمِّيَّةٍ مَجْهُولَةٍ.

عَدَدُ الصَّنَادِيقِ الَّتِي تَكْفِي إِنتَاجَ الشَّجَرَةِ الْوَاحِدَةِ (مَجْهُولٌ) = س

عَدَدُ الشَّجَرَاتِ (مَعْلُومٌ) = ١٠

عَدَدُ الصَّنَادِيقِ الَّتِي تَسَعُ إِنتَاجَ (١٠) شَجَرَاتٍ = ١٠ × س

= ١٠ س

المثال ١

تأخذ مغسلة سيارات (٣) دنانير أجره عن كل سيارة تغسلها. عبّر بالرموز عن المبلغ الذي تجمعها المغسلة يوميًا.

الحل

أجره غسيل كل سيارة (معلوم) = دنانير.
 عدد السيارات التي تغسلها المغسلة يوميًا متغير (مجهول)، ويُرْمَزُ إليه بالرمز (ص).
 المبلغ الذي تجمعها المغسلة يوميًا = أجره كل سيارة × عدد السيارات
 $3 \times \text{ص} =$
 $3\text{ص} =$

السؤال (١)

أ (عمر سمير ينقص عن عمر سالم (٥) سنوات. عبّر بالرموز عن عمر سمير بدلالة عمر سالم.
 ب) اشترت سعاد من السوق (٤) كغم من التفاح، ودفعت دينارًا واحدًا أجره مواصلا. عبّر بالرموز عن المبلغ الذي أنفقته سعاد.

المثال ٢

عبّر بالرموز عن كل مما يأتي:
 (١) ضرب عدد في (٢)، ثم جمع الناتج مع العدد (١).
 (٢) جمع (١) مع عدد، ثم ضرب الناتج في (٢).

الحل

$$(١) ٢ \times \text{س} + ١ = ١ + ٢\text{س} \quad (٢) (٢) \times (\text{س} + ١) = ٢ + ٢\text{س}$$

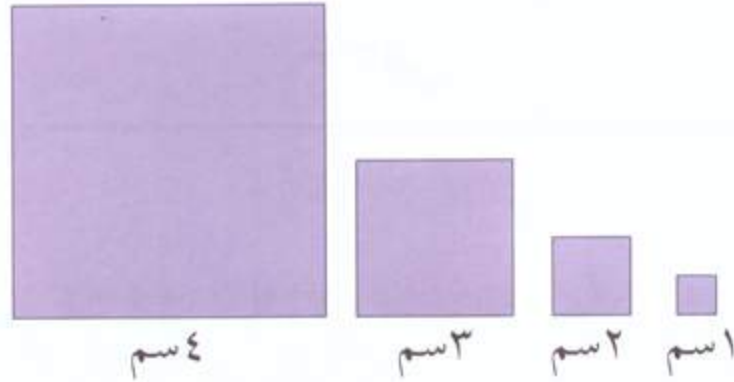
السؤال (٢)

عَبِّرْ بِالرَّمُوزِ عَنْ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

- أ (عَدَدٌ مُضَافٌ إِلَيْهِ (٦).
 ب) ضَرْبُ عَدَدٍ فِي (٥)، ثُمَّ طَرْحُ (٣) مِنَ النَّاتِجِ.
 ج) جَمْعُ (٢) مَعَ عَدَدٍ، ثُمَّ ضَرْبُ النَّاتِجِ فِي (٧).

المثال ٣

تَتَّبِعْ نَمَطَ الْمُرَبَّعَاتِ الْآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:



(١) اكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:

	٧	٦		٤		٢	١	طول الضلع
٣٢			٢٠		١٢			محيط المربع

(٢) اكتب قاعدة محيط المربع بالرموز.

الحل

(١)

٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	طول الضلع
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	١٦	١٢	٨	٤	محيط المربع

(٢) مُحيطُ المُرَبَّعِ = ٤ × طولِ الضِّلَعِ:

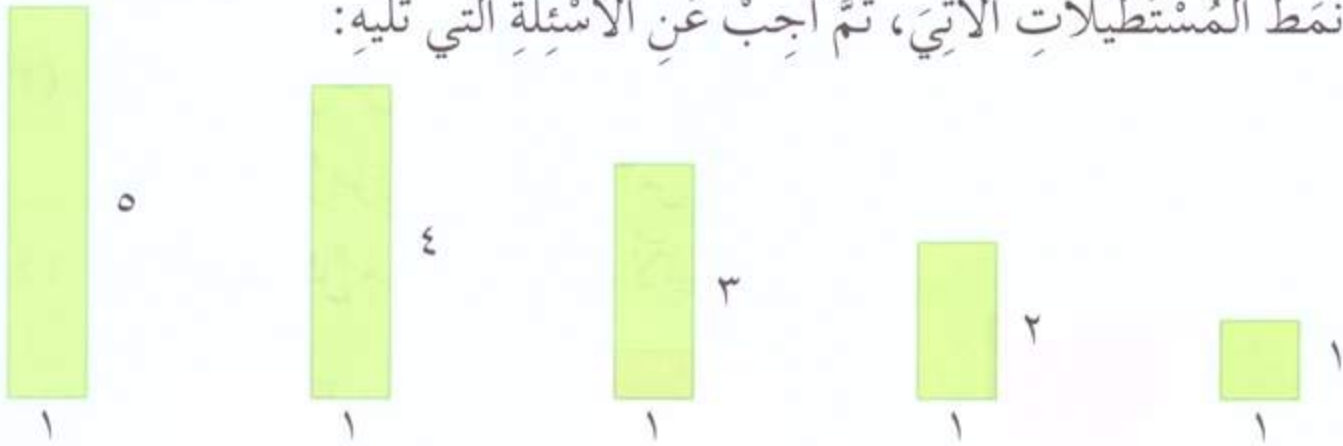
- أ) إذا رُمِزَ إلى طولِ الضِّلَعِ بِالرَّمْزِ (س)، فَإِنَّ مُحيطَ المُرَبَّعِ = ٤س.
ب) إذا رُمِزَ إلى طولِ الضِّلَعِ بِالرَّمْزِ (ص)، فَإِنَّ مُحيطَ المُرَبَّعِ = ٤ص.

● فِكْر

■ هَلْ تَبْدِيلُ الرَّمْزِ يُغَيِّرُ فِي قَاعِدَةِ مُحيطِ المُرَبَّعِ؟

السُّؤالُ (٣)

تَتَبَّعْ نَمَطَ المُسْتَطِيلَاتِ الآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهِ:



أ) اكْمِلِ الجَدْوَلَ الآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهِ:

طولُ المُسْتَطِيلِ	١	٢	٣	٤	٥	٧
عَرْضُ المُسْتَطِيلِ	١	١	١	١	١	١
مُحيطُ المُسْتَطِيلِ	٤	٦	٨	١٠	١٤	١٨

ب) اكْتُبِ النَّمَطَ الظَّاهِرَ فِي مُحيطِ المُسْتَطِيلِ.

ج) إِذَا كَانَ طَوْلُ المُسْتَطِيلِ (س)، فَعَبِّرْ عَنِ مُحيطِهِ بِالرَّمْزِ.

د) إِذَا كَانَ طَوْلُ المُسْتَطِيلِ (١١)، فَإِنَّ مُحيطَهُ =

هـ) إِذَا كَانَ مُحيطُ المُسْتَطِيلِ (٣٠)، فَإِنَّ طَوْلَهُ =

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

- (١) عَبِّرْ بِالرَّمُوزِ عَنِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:
 أ (جَمْعُ (٤) مَعَ عَدَدٍ مَا.
 ب) طَرُوحُ (٤) مِنْ عَدَدٍ مَا.
 ج) طَرُوحُ (١) مِنْ عَدَدٍ مَا، ثُمَّ ضَرْبُ النَّاتِجِ فِي (٢).
 (٢) يَزِيدُ عُمُرُ عَادِلٍ عَلَى عُمُرِ عَدْنَانَ (٣) سَنَوَاتٍ. عَبِّرْ بِالرَّمُوزِ عَنِ عُمُرِ عَادِلٍ
 بِدَلَالَةِ عُمُرِ عَدْنَانَ.
 (٣) عَبَّرْتَ أَسِيلُ عَنِ الْجُمْلَةِ الرِّيَاضِيَّةِ: «أَجْمَعُ (٢) مَعَ عَدَدٍ، ثُمَّ أَضْرِبُ النَّاتِجَ
 فِي (٣)» بِالرَّمُوزِ كَمَا يَأْتِي: $3س + 2$. مَا رَأَيْكَ فِي ذَلِكَ؟
 (٤) جِدْ مُحِيطَ كُلِّ مِنَ الْمُرَبَّعَاتِ الْآتِيَةِ:



(س + ٢) سم



(س) سم



(١, ٥) سم

- (٥) تُحَسَّبُ النِّقَاطُ فِي لُغْبَةِ كُرَةِ السَّلَّةِ تَبَعًا لِمَا فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي:



عَدَدُ النِّقَاطِ	نَوْعُ الْهَدَفِ
١	الأول
٢	الثاني
٣	الثالث

أ (أَحْرَزَ اللَّاعِبُ سَمِيرٌ (٤) أَهْدافٍ مِنَ النَّوعِ الْأَوَّلِ، وَهَدَفَيْنِ مِنَ النَّوعِ
الثَّانِي، وَ(٣) أَهْدافٍ مِنَ النَّوعِ الثَّالِثِ. ما عَدَدُ النِّقَاطِ الَّتِي أَحْرَزَهَا
سَمِيرٌ؟

ب (أَحْرَزَ اللَّاعِبُ مُرَادٌ (٩) أَهْدافٍ مِنَ النَّوعِ الْأَوَّلِ، وَ(١١) هَدَفًا مِنَ
النَّوعِ الثَّانِي، وَ(س) هَدَفًا مِنَ النَّوعِ الثَّالِثِ. ما عَدَدُ النِّقَاطِ الَّتِي أَحْرَزَهَا
مُرَادٌ؟



أضف سامرٌ دينارًا واحدًا إلى
حصّالته.

استعن بالشكل المجاور
للإجابة عن الأسئلة الآتية:

التَّاجَاتُ:

- تكتبُ تعابيرَ جبريةً
بسيطةً بمتغيرٍ واحدٍ،
وتحسبُ قيمتها
بالتعويض.

- (١) عبّر عن المبلغ الموجود داخل الحصالة قبل إضافة الدينار.
- (٢) عبّر عن المبلغ الكلي بعد إضافة الدينار.
- (٣) إذا كان داخل الحصالة (٤٩) دينارًا قبل إضافة الدينار، فكم أصبح المبلغ الكلي؟

• المبلغ الموجود داخل الحصالة غير معروف (مجهول)، ويُرمز إليه
برمز، وليكن (س)، وبذلك:

• أصبح المبلغ الكلي $س + ١$ ، ويُسمى **تعبيرًا جبريًا**.

التعبير الجبري: هو أعداد و متغيرات تربطها عملية واحدة على الأقل.

• وبوضع العدد (٤٩) مكان الرمز (س)، يصبح:

$$\text{المبلغ الكلي} = س + ١$$

$= ٤٩ + ١ = ٥٠$ ، ويُسمى **القيمة العددية** للتعبير الجبري.

القيمة العددية: هي قيمة التعبير الجبري عند استخدام عدد بدلًا من المتغير.

جِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلتَّعْبِيرِ الْجَبْرِيِّ: ٣ س - ٢ عِنْدَمَا $s = ٧$.

الحلُّ

التَّعْبِيرُ الْجَبْرِيُّ هُوَ: ٣ س - ٢

الْقِيَمَةُ الْعَدَدِيَّةُ $= ٣ \times ٧ - ٢$

$$= ٢١ - ٢ = ١٩$$

السُّؤال (١)

إِذَا كَانَتْ $s = ٩$ ، فَجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلِّ تَعْبِيرٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

أ) $s + ٥١$

ب) $٢s + ٤$

ج) $٣٥ - ٣s$

يُرِيدُ نَادٍ رِيَاضِيٌّ ثَقَافِيٌّ عَمَلِ حَفْلِ خَيْرِيٍّ لِتَمْوِيلِ مَشْرُوعَاتِهِ. إِذَا كَانَ تَبَرُّعُ الْفَرْدِ لِلنَّادِي فِي هَذَا الْحَفْلِ مُعْطَى بِالتَّعْبِيرِ الْجَبْرِيِّ: $٢s + ٥$ ، حَيْثُ (س) تُمَثِّلُ عَدَدَ التَّذَاكِرِ الَّتِي يَشْتَرِيهَا الْأَفْرَادُ بِالْدَيْنَارِ الْأُرْدُنِيِّ، وَكَانَ رَسْمُ الدُّخُولِ (٥) دَنَانِيرَ:

(١) مَا الْقِيَمَةُ الْعَدَدِيَّةُ لِتَبَرُّعِ أَحْمَدَ إِذَا اشْتَرَى (٧) تَذَاكِرَ؟

(٢) مَا الْمَبْلَغُ الَّذِي سَيُجْمَعُ فِي حَالِ بَيْعَتِ (٧٦) تَذْكِرَةً؟

الحلُّ

(١) الْقِيَمَةُ الْعَدَدِيَّةُ لِتَبَرُّعِ أَحْمَدَ $= ٢ \times ٧ + ٥ = ١٤ + ٥ = ١٩$ دِينَارًا.

(٢) الْمَبْلَغُ الَّذِي سَيُجْمَعُ $= ٢ \times ٧٦ + ٥ = ١٥٢ + ٥ = ١٥٧$ دِينَارًا.

السؤال (٢)

يَأْخُذُ نَائِفٌ مَبْلَغَ (١٥) دِينَارًا أُجْرَةً تَرْكِيْبِ السَّخَّانِ الشَّمْسِيِّ الْوَاحِدِ، مُضَافًا إِلَيْهَا (٤) دَنَانِيرَ ثَمَنَ وَجَبَةِ غَدَائٍ فِي الْيَوْمِ:

أ (اكتبِ التَّعْبِيرَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ مَا يَحْصُلُ عَلَيْهِ نَائِفٌ يَوْمِيًّا فِي حَالِ رَكْبِ (ص) سَخَّانًا شَمْسِيًّا؟

ب) مَا الْمَبْلَغُ الَّذِي يَحْصُلُ عَلَيْهِ نَائِفٌ إِذَا رَكَّبَ (٣) سَخَّانَاتٍ شَمْسِيَّةٍ فِي الْيَوْمِ؟
ج) حَسَبَتْ سَلْمَى الْمَبْلَغَ الَّذِي تَقَاضَاهُ نَائِفٌ بَعْدَ تَرْكِيْبِ (٤) سَخَّانَاتٍ، فَوَجَدَتْهُ (٦٤) دِينَارًا: مَا رَأْيُكَ فِي ذَلِكَ؟

مَسْأَلَةٌ

تَتَّبِعِ النَّمْطَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهِ:



- أ (ما عَدَدُ الْكُرَاتِ فِي الشَّكْلَيْنِ: الرَّابِعِ، وَالْخَامِسِ؟
ب) ما رَقْمُ الشَّكْلِ الَّذِي يَحْوِي (٢٣) كُرَةً؟
ج) اكتبِ التَّعْبِيرَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ عَدَدَ الْكُرَاتِ فِي كُلِّ شَكْلٍ.
د (ما عَدَدُ الْكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ رَقْمِ (٢٠)؟

أَفْهَمُ:

- ما عَدَدُ الْكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ الْأَوَّلِ؟
- ما عَدَدُ الْكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ الثَّانِي؟
- ما عَدَدُ الْكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ الثَّالِثِ؟

أُحِطُّ: أَكُونُ جَدُولًا.

أُنْفِذُ:

الشَّكْلُ	عَدَدُ الكُرَاتِ	التَّبْرِيرُ الْأَوَّلُ	التَّبْرِيرُ الثَّانِي
١	٥	$٥ + ٠ \times ٣$	$٢ + ١ \times ٣$
٢	٨		
٣	١١	$٥ + ٢ \times ٣$	$٢ + ٣ \times ٣$
٤			
٥		$٥ + ٤ \times ٣$	$٢ + ٥ \times ٣$
٦			
٧			
س	؟		

أ (عَدَدُ كُرَاتِ الشَّكْلِ الرَّابِعِ (١٤) كُرَّةً، وَعَدَدُ كُرَاتِ الشَّكْلِ الْخَامِسِ (١٧) كُرَّةً.

ب) الشَّكْلُ الَّذِي يَحْوِي (٢٣) كُرَّةً هُوَ الشَّكْلُ رَقْمُ (٧).

ج) هَلِ التَّعْبِيرُ الْجَبْرِيُّ: $٣(س - ١) + ٥ = ٣س + ٢$ ؟ بَرَّرْ إِجَابَتَكَ.

د) عَدَدُ الكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ رَقْمُ (٢٠) $٥ + (١ - ٢٠) \times ٣ =$

$$٦٢ = ٥ + ١٩ \times ٣ = \text{كُرَّةً.}$$

أَوْ: عَدَدُ الكُرَاتِ فِي الشَّكْلِ رَقْمُ ٢٠ $٦٢ = ٢ + ٣ \times ٢٠ =$ كُرَّةً.

أَتَحَقَّقُ: أَكْتُبُ نَمَطًا عَدَدِيًّا يُمَثِّلُ عَدَدَ الكُرَاتِ فِي الْأَشْكَالِ:

٥، ٨، ١١، ١٤، ١٧، ٢٠، ٢٣، ٢٦، ٢٩، ٣٢، ٣٥، ٣٨، ٤١،

٤٤، ٤٧، ٥٠، ٥٣، ٥٦، ٥٩، ٦٢،،،

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

- (١) جِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلتَّعْبِيرِ الْجَبْرِيِّ: $١٧ - ٤س$ عِنْدَمَا $س = ٣$.
- (٢) اكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:

القيمة العددية	التعبير الجبري (٤س - ٤)	القيمة (س)
١	$٤ - ١ \times ٥$	١
٦	$٤ - ٢ \times ٥$	٢
١١	$٤ - ٣ \times ٥$	٣
		٤
		٥
		٦

- (أ) هَلِ الْقِيَمُ الْعَدَدِيَّةُ النَّاتِجَةُ تُمَثِّلُ نَمَطًا؟ بَرِّزْ إِجَابَتَكَ.
- (ب) أَيُّهُمَا تَفْضَلُ: إِيجَادُ الْقِيَمَةِ الْعَدَدِيَّةِ عَنْ طَرِيقِ قِيَمِ النَّمَطِ، أَمْ التَّعْبِيرِ الْجَبْرِيِّ؟ لِمَاذَا؟

- (٣) إِذَا كَانَتْ $ع = ٩$ ، فَجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلِّ تَعْبِيرٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

(أ) $٧ + ع \times \frac{١}{٣}$ (ب) $٥ - ع \times \frac{٢}{٣}$

٥) *يَغْرِسُ مُزَارِعَ أَشْجَارِ التُّفَاحِ (★) فِي نَمَطٍ مُرَبَّعٍ. وَلِحِمَايَتِهَا مِنَ الرِّيحِ يُحِيطُهَا بِشَجَرِ السَّرْوِ (★). تُبَيِّنُ الْأَشْكَالُ الْآتِيَةَ نَمَطَ أَشْجَارِ التُّفَاحِ وَالسَّرْوِ لِأَيِّ عَدَدٍ مِنْ صُفُوفِ أَشْجَارِ التُّفَاحِ (ن):



$$4 = n$$



$$3 = n$$



$$2 = n$$



$$1 = n$$


أ) اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ.

ب) كَمْ صَفًّا مِنْ أَشْجَارِ التُّفَاحِ يَجِبُ أَنْ يُزْرَعَ لِيَكُونَ عَدْدُهَا مُسَاوِيًا لِعَدَدِ أَشْجَارِ السَّرْوِ؟

عَدَدُ أَشْجَارِ السَّرْوِ	عَدَدُ أَشْجَارِ التُّفَاحِ	ن
٨	١	١
	٤	٢
		٣
		٤
		٥
		س

* السؤال من أسئلة الإختبارات الدولية.

مُراجَعَةٌ

(١) اخْتَرِ وَحْدَةً نَمَطٍ مِنَ الْمُجَسَّماتِ ()، ثُمَّ ارْسُمْ نَمَطًا، وَقَارِنْ مَا تَتَوَصَّلُ إِلَيْهِ بِمَا يَتَوَصَّلُ إِلَيْهِ زُمْلًا وَوَكًّا.

(٢) امْلَأِ الْفَرَاغَ بِالْعَدَدِ الْمُناسِبِ فِي كُلِّ نَمَطٍ مِنَ الْأَنْمَاطِ الْآتِيَةِ:

أ (٣ ، ١٠ ، ٣١ ، ٩٤ ، ، ،)

ب (٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ٢٥ ، ٤٠ ، ، ،)

(٣) ما شَكْلُ الْمُجَسَّمِ رَقْمِ (٢٥) فِي النَّمَطِ الْآتِي بَعْدَ تَوْسِيعَتِهِ:



(٤) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِي، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:

$$9 = 1 + 8 \times 1$$

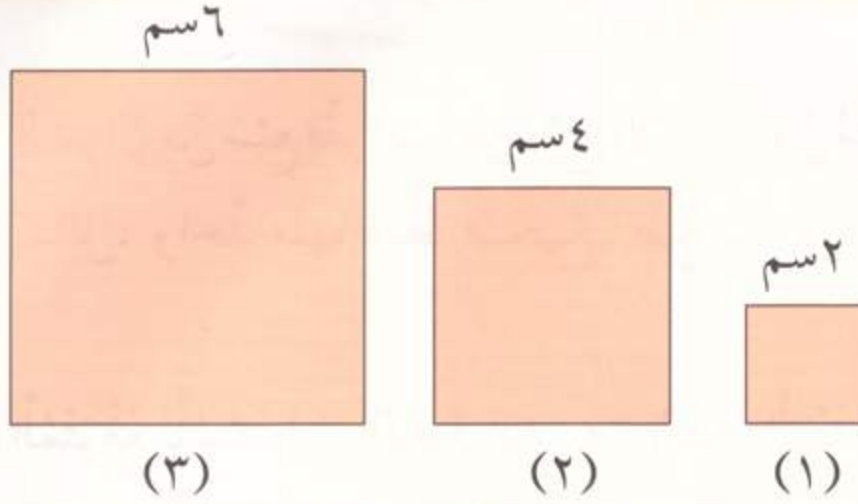
$$98 = 2 + 8 \times 12$$

$$987 = 3 + 8 \times 123$$

أ (اكْتُبِ الصَّفَيْنِ: الرَّابِعَ، وَالْخَامِسَ.

ب) جِدْ نَاتِجَ $6 + 8 \times 123456$ ، ثُمَّ تَحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ بِاسْتِخْدَامِ الْأَلَةِ الْحَاسِبَةِ.

(٥) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَمَّا يَلِيهِ مِنْ أَسْئَلَةٍ:



أ (ما مِسَاحَةُ الشَّكْلِ الْخَامِسِ؟

ب) ما مُحِيطُ الشَّكْلِ السَّادِسِ؟

(٦) اكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي لِإِجَادِ الْقِيَمَةِ الْعَدَدِيَّةِ لِلتَّعْبِيرِ الْجَبْرِيِّ الْمُعْطَى فِي كُلِّ حَالَةٍ:

٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	س
	١٥						٩+س
				٢			١-س
		٢٠					٣+٥س
		٥٢			١١		٧-٩س

اكتب من الجدول السابق نمطاً عددياً، ثم قارن ما تتوصل إليه بما يتوصل إليه زملاؤك.

(٧) قال أحد طلبة الصف الخامس: « إن للتعبيرين الجبريين $٥س+١$ ، و $٥+١س$ النتيجة نفسها لأي قيمة للمتغير (س) ». هل هذا صحيح؟ برّر إجابتك.

اختبار ذاتي

(١) يتكوّن هذا السؤال من سبع فقرات، من نوع الاختيار من متعدّد، لكلّ فقرة منها أربعة بدائل، واحد منها فقط صحيح. ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

(١) اللون المتوقّع للمسطّيل التاسع عشر في النمط الهندسي الآتي هو:



أ (الأزرق) ب (الأحمر) ج (الأخضر) د (الأصفر)

(٢) العدد الذي يلي العدد (١٨) في النمط الآتي: ٣، ٤، ٧، ١١، ١٨، هو:

أ (٢٥) ب (٢٧) ج (٢٩) د (٢٨)

(٣) النمط الذي قاعدته « إضافة ٤ كلّ مرّة » هو:

أ (١، ٥، ١٠، ١٦،)

ب (١، ٥، ١٣، ٢٥،)

ج (١، ٥، ١٢، ٢١،)

د (١، ٥، ٩، ١٣،)

(٤) يزيد عمر سعاد على عمر أختها (٦) سنوات. التعبير الجبري الذي يُعبّر عن عمر سعاد بدلالة عمر أختها هو:

أ (س - ٦) ب (٦ - س) ج (س + ٦) د (٦ س)

(٥) اَلْقِيَمَةُ العَدَدِيَّةُ لِلتَّعْبِيرِ الجَبْرِيِّ: ٣س - ٥ عِنْدَمَا س = ٤ هِيَ:

أ (٢) ب (١٧) ج (١٢) د (٧)

(٦) إِذَا كَانَتْ ع = ٣، فَإِنَّ اَلْقِيَمَةَ العَدَدِيَّةَ لِلتَّعْبِيرِ الجَبْرِيِّ: ١٥ ع - ٤ هِيَ:

أ (٤٩) ب (٤١) ج (٢٦) د (٣٤)

(٧) اَلْقِيَمَةُ العَدَدِيَّةُ لِلتَّعْبِيرِ الجَبْرِيِّ: $\frac{1}{4} \times ص + ٥$ عِنْدَمَا ص = ١٢ هِيَ:

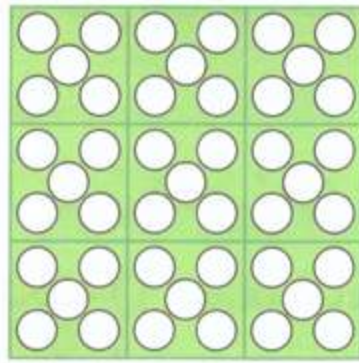
أ (٧) ب (١١) ج (٨) د (٩)

(٢) أَكْمِلْ كُلًّا مِّنَ النَّمَطِينَ الآتِيَيْنِ:

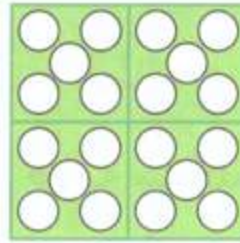
أ (٤، ٥، ٧، ١٠،،،)

ب (١، ٤، ١٠، ٢٢،،،)

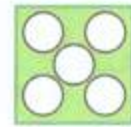
(٣) تَتَّبِعِ النَّمَطَ الآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهِ:



(٣)



(٢)



(١)

أ (صِفِ الشَّكْلَ الرَّابِعَ.

ب) مَا عَدَدُ المُرَبَّعَاتِ الصَّغِيرَةِ اللَّازِمِ لِرَسْمِ الشَّكْلَيْنِ: الخَامِسِ، وَالسَّادِسِ؟

ج) مَا عَدَدُ الدَّوَائِرِ الصَّغِيرَةِ اللَّازِمِ لِرَسْمِ الشَّكْلَيْنِ: الخَامِسِ، وَالسَّادِسِ؟

(٤) * أكْمِلِ الْفَرَاغَ فِي الْجَدْوَلِ الْآتِي، ثُمَّ جِدِ التَّعْبِيرَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُمَثِّلُ ثَمَنَ التَّذَاكِرِ:

ثَمَنُ التَّذَاكِرِ	عَدَدُ الْأَشْخَاصِ
١٦	٣
٢١	٤
	٥
٣١	٦
	س

(٥) ذَهَبَتِ الْمُعَلِّمَةُ سُعَادُ مَعَ طَالِبَاتِ صَفِّهَا إِلَى مَكْتَبَةِ الْمَدْرَسَةِ لِمُشَاهَدَةِ فِيلْمِ الرِّسَالَةِ، وَقَدْ عَمِلَتْ عَلَى إِجْلَاسِ طَالِبَاتِهَا الْبَالِغِ عَدْدُهُنَّ (٤٢) طَالِبَةً فِي (س) صَفٍّ بِالتَّسَاوِي:

أ (اكتبِ التَّعْبِيرَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُشِيرُ إِلَى عَدَدِ الطَّالِبَاتِ فِي كُلِّ صَفٍّ.

ب) إِذَا كَانَ فِي الْمَكْتَبَةِ (٦) صُفُوفٍ، فَكَمْ طَالِبَةً سَتَجْلِسُ فِي الصَّفِّ؟

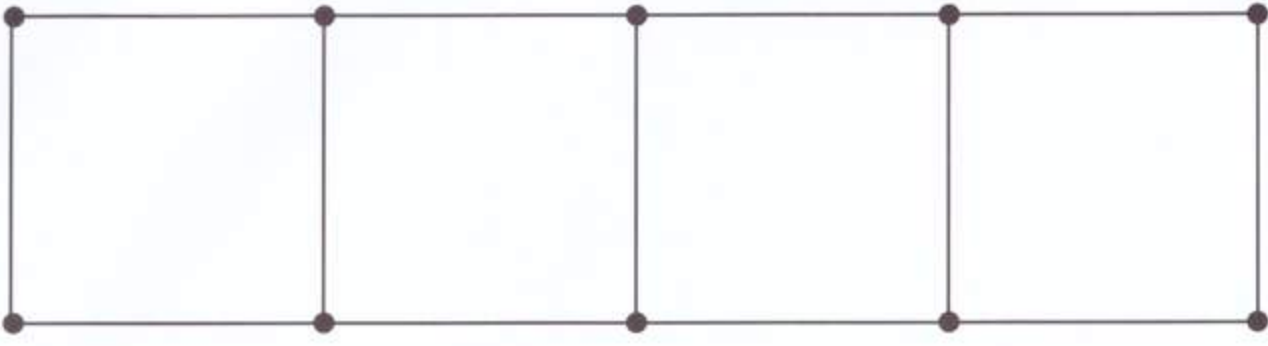
(٦) قَالَ أَحَدُ طَلَبَةِ الصَّفِّ الْخَامِسِ: «إِنَّ ٣(م - ٥) تُسَاوِي ٣م - ٥». هَلْ تُوَافِقُهُ فِي قَوْلِهِ؟ بَرِّزْ إِجَابَتَكَ.

(٧) فِي الشَّكْلِ الْآتِي (١٣) قِطْعَةً خَشَبِيَّةً مُتَطَابِقَةً، اسْتَخْدِمْتِ لِعَمَلِ (٤)

مُرَبَّعَاتٍ فِي صَفٍّ. مَا عَدَدُ الْمُرَبَّعَاتِ الَّتِي يُمَكِّنُ عَمَلُهَا بِالطَّرِيقَةِ نَفْسِهَا

بِاسْتِخْدَامِ (٧٣) قِطْعَةً خَشَبِيَّةً مُمَاتِلَةً؟

* السُّؤَالُ مِنْ أَسْئَلَةِ الْإِخْتِبَارَاتِ الدَّوْلِيَّةِ.



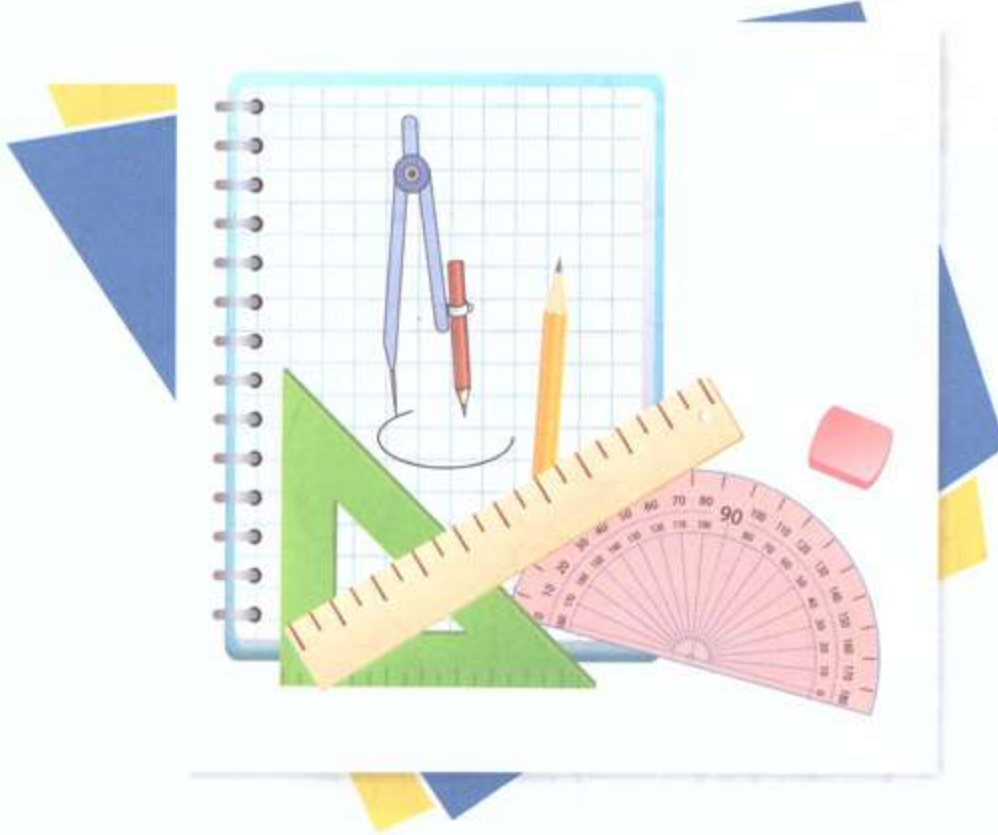
أَفْهَمُ: ماذا فَهَمْتُ مِنْ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَخَطَّطُ: كَيْفَ يُمَكِّنُنِي حَلُّ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَنْفِذُ: أَنْفِذْ مَا خَطَّطْتُ لَهُ سَابِقًا.

أَتَحَقَّقُ: كَيْفَ أَتَحَقَّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ؟

الهندسة



تَزَخَّرُ حَيَاتُنَا اليَوْمِيَّةُ بالعديدِ مِنَ الأشكالِ الهندسيَّةِ المُتَنَوِّعَةِ، وَيَظْهَرُ ذَلِكَ
جَلِيًّا فِي مَجَالِ العِمَارَةِ، وَالْفَنِّ، وَالتَّصْمِيمِ، وَالصَّنَاعَةِ.
وَقَدْ أَشْهَمَ عِلْمُ الهندسةِ إِسْهَامًا فاعِلًا فِي تَحْسِينِ حَيَاةِ الإنسانِ وَجَعْلِهَا
أَكْثَرَ تَنْظِيمًا وَجَمَالًا.



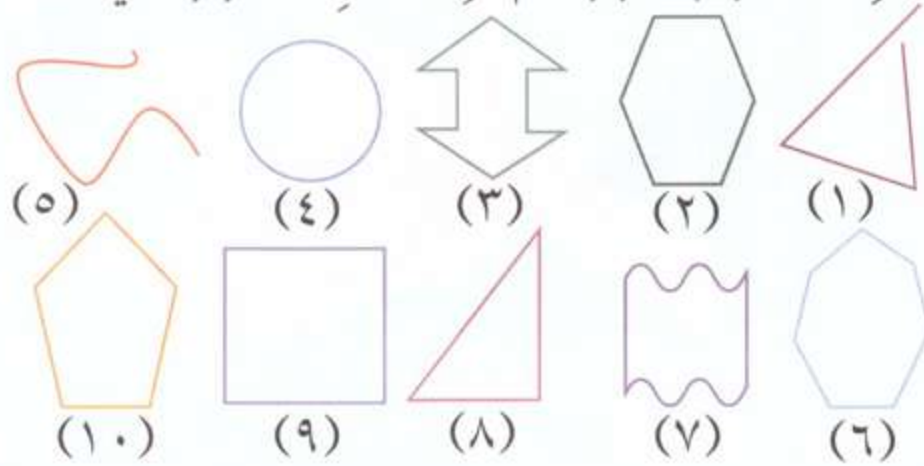
ذَهَبَ طَلَبَةُ الصَّفِّ الْخَامِسِ فِي رِحْلَةٍ مَدْرَسِيَّةٍ إِلَى إِحْدَى مَزَارِعِ نَاعُورَ. وَقَدْ لَاحَظَ مُصْطَفَى أَنَّ شَكْلَ خَلِيَّةِ النَّحْلِ فِي الْمَزْرَعَةِ غَرِيبٌ؛ فَهُوَ لَيْسَ دَائِرِيًّا، أَوْ مُرَبَّعًا.

هَلْ تَسْتَطِيعُ أَنْ تُسَاعِدَ مُصْطَفَى عَلَى وَصْفِ الشَّكْلِ الَّذِي رَأَاهُ؟

النَّاتِجَاتُ:

- تُصَنَّفُ الْمُضَلَّعَاتُ تَبَعًا لِعَدَدِ أَضْلَاعِهَا.

انظُرْ إِلَى الْأَشْكَالِ الْهَنْدَسِيَّةِ الْآتِيَةِ، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهَا:



١ () حَدِّدْ أَرْقَامَ الْأَشْكَالِ الْمُغْلَقَةِ.

٢ () حَدِّدْ أَرْقَامَ الْأَشْكَالِ الَّتِي تَتَكَوَّنُ فَقَطُ مِنْ قِطْعِ مُسْتَقِيمَةٍ.

٣ () حَدِّدْ أَرْقَامَ الْأَشْكَالِ الْمُغْلَقَةِ الَّتِي تَتَكَوَّنُ فَقَطُ مِنْ قِطْعِ مُسْتَقِيمَةٍ.

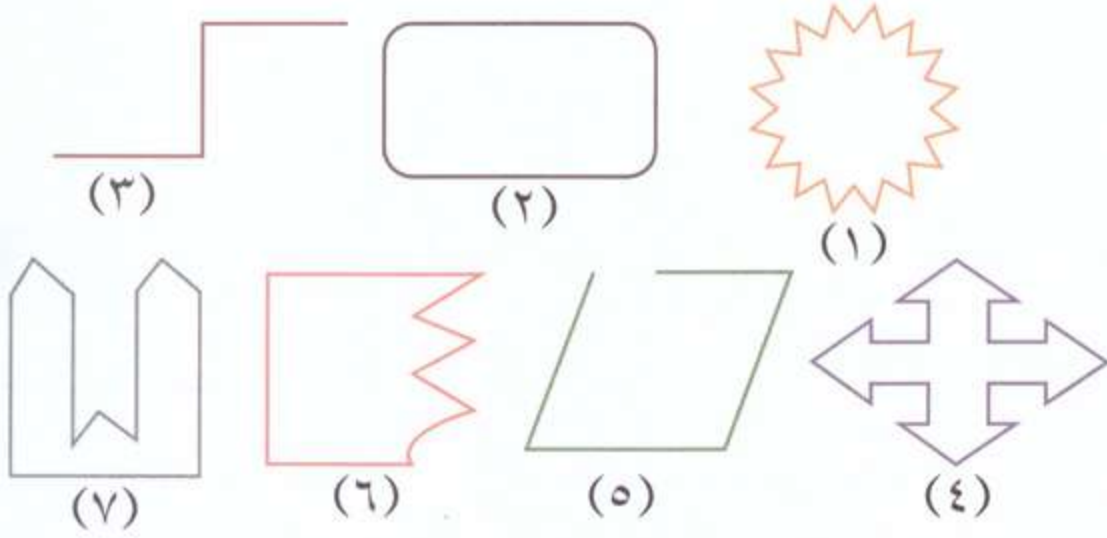
تُسَمَّى الْأَشْكَالُ فِي الْفَرْعِ (٣) **مُضَلَّعَاتٍ**، وَتُسَمَّى الْقِطْعُ الْمُسْتَقِيمَةُ الْمَكُونَةُ لَهَا **أَضْلَاعًا**.

٤ () ارْسُمْ مُضَلَّعًا غَيْرَ تِلْكَ الْمُضَلَّعَاتِ الْمَرْسُومَةِ فِي الْأَعْلَى.

فَكَرِّرْ

■ مَا الْمُضَلَّعُ؟

أي الأشكال الآتية يعدُّ مُضَلَّعًا، مُبرِّرًا إجابتك:



الحلُّ

الأشكال ذوات الأركان (١)، و(٤)، و(٧) هي مُضَلَّعات؛ لأنها مُغلَّقة، وتكوِّن من قطع مُستقيمة.

الشكل رقم (٢) ليس مُضَلَّعًا؛ لأنه يحتوي قطعًا ليست مُستقيمة (منحنية).

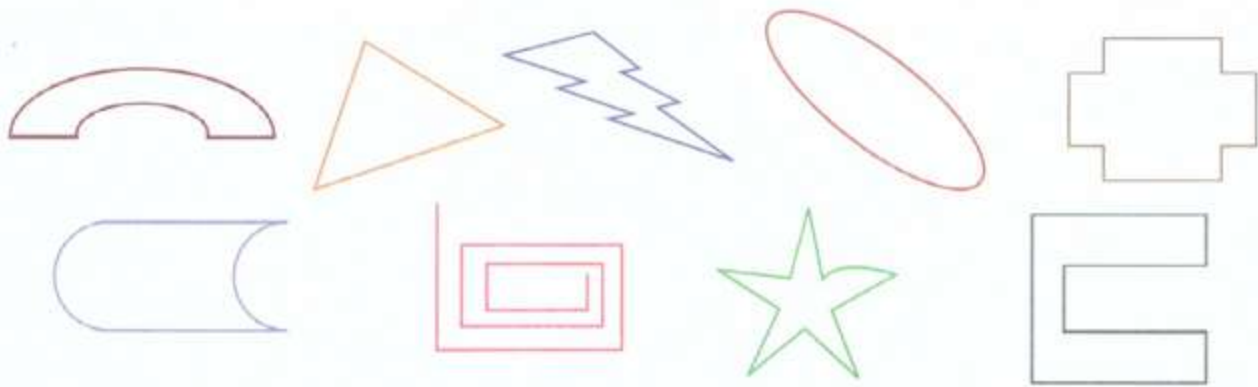
الشكل رقم (٣) ليس مُضَلَّعًا؛ لأنه غير مُغلق.

الشكل رقم (٥) ليس مُضَلَّعًا؛ لأنه غير مُغلق.

الشكل رقم (٦) ليس مُضَلَّعًا؛ لأنه يحتوي قطعة ليست مُستقيمة (منحنية).

السؤال (١)

عيِّن المُضَلَّعات من بين الأشكال الآتية، مُبرِّرًا إجابتك:



تُسَمَّى الْمُضَلَّعَاتُ بِعَدَدِ الْأَضْلَاعِ الَّتِي تَتَكَوَّنُ مِنْهَا، كَمَا هُوَ مُوَضَّحٌ فِي الْأَشْكَالِ
الآتِيَةِ:



خُمَاسِيٌّ



رُبَاعِيٌّ



ثَلَاثِيٌّ (مُثَلَّثٌ)

السُّؤَالُ (٢)

اكتب اسم كلِّ مُضَلَّعٍ مِنَ الْمُضَلَّعَاتِ الْآتِيَةِ أَسْفَلَ مِنْهَا، مُبَرَّرًا إِجَابَتَكَ:



.....



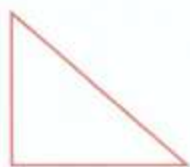
.....



.....



.....



.....



.....



.....



.....

نَشَاطٌ

صَمِّمِ - بِالتَّعَاوُنِ مَعَ أَحَدِ زُمَلَائِكَ - لَوْحَةً هَنْدَسِيَّةً تَتَكَوَّنُ فَقَطُّ مِنْ مُضَلَّعَاتٍ،
ثُمَّ اعْرِضِ اللُّوحَةَ أَمَامَ الزُّمَلَاءِ فِي الصَّفِّ.

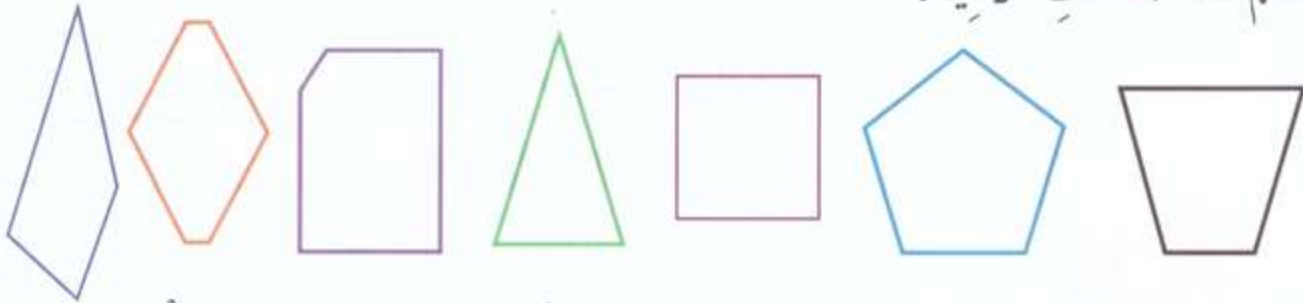
تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) مَيِّزِ الْمُضَلَّعَ مِنْ بَيْنِ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



(٢) ارْضُمِ شَكْلًا يُمَثِّلُ كُلًّا مِنْ: الثَّلَاثِيَّ، وَالرُّبَاعِيَّ، وَالْخُمَاسِيَّ، مُسْتَعِدِّمًا الْمِسْطَرَّةَ.

(٣) سَمِّ الْمُضَلَّعَاتِ الْآتِيَةَ:



(٤) اسْتَخْدِمِ قِطْعًا خَشَبِيَّةً مُنْتَظِمَةً لِتَشْكِيلِ الْمُثَلَّثِ الْمَرْسُومِ فِي مَا يَأْتِي:





يوجدُ في الحياةِ العَديدُ
منَ الأجسامِ ذواتِ السُّطوحِ
الدَّائريَّةِ، مثلُ: بَعْضِ
السَّاعاتِ، وَسَطْحِ أَقراصِ
الحاسوبِ، وَرَغيفِ الخُبزِ،
وَالدُّوَارِ وَسَطِّ الشَّارِعِ،
وَبَعْضِ قِطَعِ النَّقْدِ،
وَالقَمَرِ بَدْرًا، وَالخَاتَمِ،
وَإطاراتِ السَّيَّاراتِ.

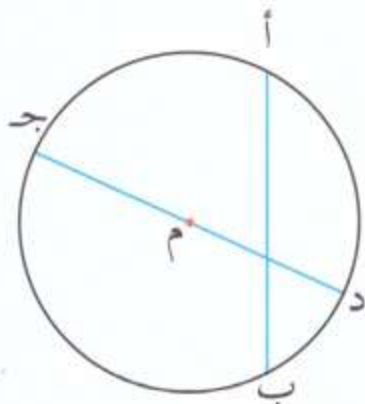
النَّاتِجَاتُ:

- تَتَعَرَّفُ أَدَاةَ رَسْمِ
الدَّائِرَةِ (الفِرْجَانِ).
- تَرَسُمُ دَائِرَةً، وَتُعَيِّنُ
عَنَاصِرَهَا.
- تُنْشِئُ دَائِرَةً مُعْطَى
مَرَكزُهَا وَطَوْلُ نِصْفِ
قُطْرِهَا، أَوْ مَرَكزُهَا
وَنُقْطَةَ عَلَيَّهَا.

اذكُرْ أمثلةً على أشكالِ دائريَّةٍ أُخرى.

أولاً: مَرَكزُ الدَّائِرَةِ، وَنِصْفُ قُطْرِهَا، وَالْوَتْرُ فِيهَا

نشاط



انظُرِ الدَّائِرَةَ المُجاوِرَةَ، ثُمَّ اكْمِلِ العِبَارَاتِ الآتِيَةَ:

- (١) النُّقْطَةُ الثَّابِتَةُ فِي الوَسْطِ تُمَثِّلُ **مَرَكزَ الدَّائِرَةِ**، وَهِيَ:
- (٢) المَسَافَةُ الثَّابِتَةُ الوَاصِلَةُ بَيْنَ مَرَكزِ الدَّائِرَةِ وَنُقْطَةَ
عَلَيَّهَا، هِيَ **نِصْفُ قُطْرِ الدَّائِرَةِ**، مِثْلُ .
- (٣) كُلُّ قِطْعَةٍ مُسْتَقِيمَةٍ وَاصِلَةٍ بَيْنَ أَيِّ نِقْطَتَيْنِ عَلَى الدَّائِرَةِ، هِيَ **وَتْرٌ لِلدَّائِرَةِ**، مِثْلُ .
- (٤) القِطْعَةُ المُسْتَقِيمَةُ الوَاصِلَةُ بَيْنَ نِقْطَتَيْنِ عَلَى الدَّائِرَةِ، المَارَّةُ بِمَرَكزِهَا، هِيَ **قُطْرُ الدَّائِرَةِ**، مِثْلُ .

الدائرة: هي شكلٌ مُستوٍ مُغلقٌ يتكوّن من جميع النّقاط التي تبعدُ بُعدًا ثابتًا عن نقطة ثابتة. تُسمّى النقطة الثابتة مركزَ الدائرة، ويُسمّى البُعد الثابت نصفَ قطرِ الدائرة.

ناقش زملاءك

ناقش صحّة العبارة الآتية، مُبرّرًا إجابتك:
«كلُّ قطرٍ في الدائرة هو وترٌ، وليس كلُّ وترٍ في الدائرة قطرًا».

السؤال (١)



- أ) ارسم في الشكل المُجاور نصفَ قطرٍ، ووترًا في الدائرة.
ب) القطر في الدائرة هو

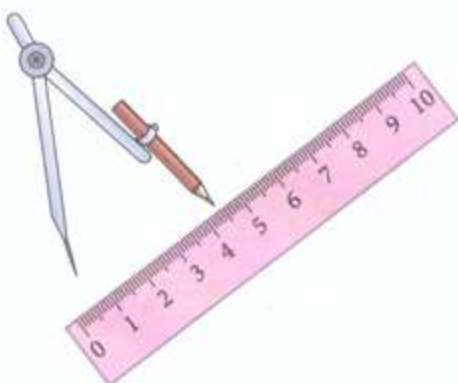
ج) الوتر في الدائرة هو

فكر

■ كيف يُمكنك رسم دائرة؟

ثانيًا: رسم الدائرة

يُستخدَم لرسم الدائرة مسطرةٌ وأداة تُسمّى فرجارًا؛ وهو يُشبه شكلَ الرقم (٨)، ويتكوّن من قطعتين مُثبتتين بمفصلٍ متحرّكٍ، إحداهما تنتهي برأسٍ مُدبّبٍ، والأخرى مُخصّصة لتثبيت قلمٍ فيها.

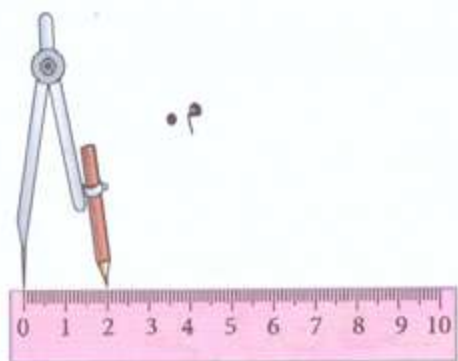


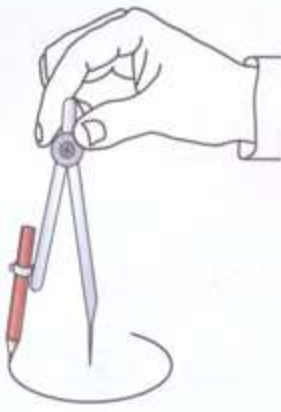
المثال ١

ارسم دائرة نصف قطرها (٢) سم.

الحل

- ١) تحديد مركز الدائرة برسم نقطة، ثم تسميتها (م).
- ٢) فتح الفرجار فتحة مقدارها (٢) سم باستخدام





المِسْطَرَّةَ، وَذَلِكَ بِوَضْعِ رَأْسِ الْفِرْجَارِ الْمُدَبَّبِ عِنْدَ الصَّفْرِ، وَرَأْسِ الْقَلَمِ عِنْدَ الرَّقْمِ (٢).

تَنْبِيْهٌ: لَا تُحَسَبُ الْمَسَافَةُ الْفَارِغَةُ قَبْلَ الصَّفْرِ فِي الْمِسْطَرَّةِ.



(٣) تَثْبِيْتُ رَأْسِ الْفِرْجَارِ الْمُدَبَّبِ فِي الْمَرْكَزِ (م) الَّذِي حُدِّدَ سَابِقًا، ثُمَّ مَسْكُهُ جَيِّدًا مِنَ الْأَعْلَى بِأَطْرَافِ الْأَصَابِعِ، وَتَحْرِيكُهُ بِشَكْلِ دَائِرِيٍّ، مَعَ الْحِفَافِظِ عَلَى ثَبَاتِ فُتْحَتِهِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الظَّاهِرِ. يُمَثِّلُ الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ الدَّائِرَةَ الْمَطْلُوبَةَ.

السُّؤَالُ (٢)

ارْضُمِ دَائِرَةً نِصْفَ قُطْرِهَا (٤) سَم.

المِثَالُ ٢

ارْضُمِ دَائِرَةً نِصْفَ قُطْرِهَا (٦, ١) سَم، ثُمَّ عَيِّنْ مَرْكَزَهَا، وَنِصْفَ قُطْرِهَا.



ن.

الحَلُّ

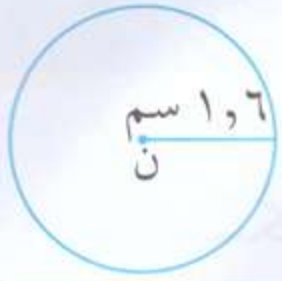
(١) تَحْدِيدُ مَرْكَزِ الدَّائِرَةِ بِرِسْمِ نُقْطَةٍ، ثُمَّ تَسْمِيَّتُهَا (ن).

(٢) فَتْحُ الْفِرْجَارِ فُتْحَةً مِقْدَارُهَا (٦, ١) سَم بِاسْتِخْدَامِ الْمِسْطَرَّةِ.



تَنْبِيْهٌ: لَا تُحَسَبُ الْمَسَافَةُ الْفَارِغَةُ قَبْلَ الصَّفْرِ فِي الْمِسْطَرَّةِ.

(٣) تَثْبِيْتُ رَأْسِ الْفِرْجَارِ الْمُدَبَّبِ فِي الْمَرْكَزِ (ن)، ثُمَّ تَحْرِيكُهُ بِأَطْرَافِ الْأَصَابِعِ بِشَكْلِ دَائِرِيٍّ، مَعَ الْحِفَافِظِ عَلَى ثَبَاتِ فُتْحَتِهِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ.



يُمَثِّلُ الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ الدَّائِرَةَ الْمَطْلُوبَةَ.

السُّؤال (٣)



الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ الْمُجَاوِرَةُ (أ ب) هِيَ قُطْرٌ لِدَائِرَةٍ.
هَلْ يُمَكِّنُكَ رَسْمُ الدَّائِرَةِ اعْتِمَادًا عَلَيْهِ فَقَطْ؟ كَيْفَ ذَلِكَ؟

فكر

■ هَلْ يُمَكِّنُ رَسْمُ دَائِرَةٍ وَتَرَاهَا مَعْلُومٌ؟ بَرِّرْ إِجَابَتَكَ.

المثال ٣



انظُرِ الشَّكْلَ الْمُجَاوِرَ، ثُمَّ ارْسُمْ دَائِرَةً يَكُونُ مَرْكَزُهَا النُّقْطَةُ (ن)،
وَتَمُرُّ بِالنُّقْطَةِ (أ).

الحل

(١) فَتْحُ الْفَرْجَارِ فَتْحَةً مُنَاسِبَةً بِحَيْثُ يَوْضَعُ رَأْسُهُ الْمُدَبَّبُ فِي النُّقْطَةِ (ن)،
وَرَأْسُ الْقَلَمِ فِي النُّقْطَةِ (أ).



(٢) رَسْمُ الدَّائِرَةِ.

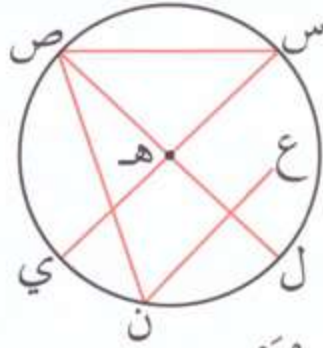
ماذا تُمَثِّلُ الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ (أ ن) بِالنَّسْبَةِ إِلَى الدَّائِرَةِ؟

السُّؤال (٤)

اكَتُبْ حَرْفَيْنِ يُمَثِّلَانِ أَيَّ نُقْطَتَيْنِ، ثُمَّ اجْعَلْ إِحْدَاهُمَا مَرْكَزَ دَائِرَةٍ، وَارْسُمْ دَائِرَةً
تَمُرُّ بِالنُّقْطَةِ الْأُخْرَى.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) انظُرِ الشَّكْلَ الْآتِيَّ، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الَّتِي تَلِيهِ:



أ (سَمِّ الْأَقْطَارَ وَأَنْصَافَ الْأَقْطَارِ جَمِيعَهَا.

ب (سَمِّ الْأَوْتَارَ جَمِيعَهَا.

ج (هَلِ الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ (ن ع) وَتَرٌّ لِلدَّائِرَةِ؟ فَسِّرْ إِجَابَتَكَ.

د (قَالَ هِشَامٌ: « إِنَّ (س ي) هِيَ وَتَرٌّ فِي الدَّائِرَةِ ». مَا رَأَيْكَ فِي هَذَا الْقَوْلِ؟

٢ (ارْسُمْ دَائِرَةً قُطْرُهَا (٤ , ٩) س.م.

٣ (دَائِرَةٌ مَرَكْزُهَا (م)، وَطَوَّلُ نِصْفِ قُطْرِهَا (٥) س.م، وَالنَّقَاطُ (ب ، د ، هـ) تَقَعُ

عَلَى الدَّائِرَةِ. جِدْ طَوَّلَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، مُبَرَّرًا إِجَابَتَكَ:

أ ($\overline{ب م}$ ، $\overline{م د}$ ، $\overline{هـ م}$.

ب ($\overline{د هـ}$ الَّتِي تَمُرُّ بِمَرَكْزِ الدَّائِرَةِ (م).

ج (قَالَتْ سَلْمَى: « إِنَّ أَيَّ وَتَرِّينِ فِي الدَّائِرَةِ يَمُرَّانِ بِالْمَرَكْزِ مُتَسَاوِيَانِ فِي

الطُّوْلِ ». مَا رَأَيْكَ فِي هَذَا الْقَوْلِ؟

٤ (أَرَادَ مُزَارِعُ حَفَرَ بئرَ، وَبِنَاءَ فُتْحَةِ دَائِرِيَّةِ الشَّكْلِ لَهَا. كَيْفَ يُمَكِّنُهُ رَسْمُ فُتْحَةِ

البئرِ بِاسْتِخْدَامِ أَدْوَاتٍ بَسِيطَةٍ مِنْ بَيْتِهِ؟

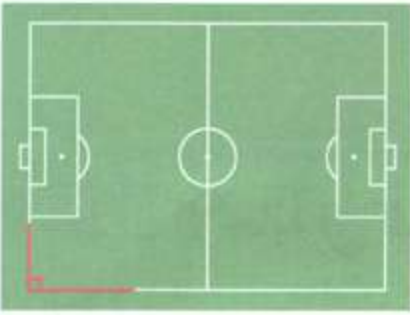


تُحِيطُ بِنَا الزَّوَايَا الْمُتَنَوِّعَةَ
أَيْنَمَا نَظَرْنَا. فَمَثَلًا، يَحْتَوِي الْعِلْمُ
الْأُرْدُنِّيُّ عَلَى زَوَايَا حَادَّةٍ، وَقَائِمَةٍ،
وَمُنْفَرِجَةٍ. أَحْصِ عَدَدَ كُلِّ مِنْهَا، ثُمَّ عَيِّنْهَا عَلَى الشَّكْلِ.
نَاقِشْ زَمِيلَكَ فِي ذَلِكَ، ثُمَّ قَدِّمَ امْتِثَالَةً مُتَنَوِّعَةً عَلَى الزَّوَايَا
الَّتِي نَشَاهِدُهَا فِي الْبَيْتِ، وَالْمَدْرَسَةِ، وَكُلِّ مَا يُحِيطُ بِنَا.

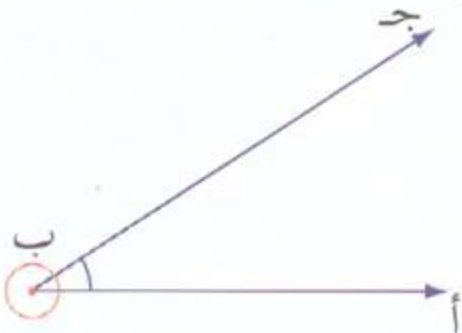
النَّاتِجَاتُ:

- تَعَرَّفْ أَدَاةَ قِيَاسِ
الزَّوَايَةِ (الْمِنْقَلَةَ).
- تَجِدُ قِيَاسَ زَاوِيَةٍ
بِاسْتِخْدَامِ
الْمِنْقَلَةِ.

لَا حِظَّ الزَّوَايَا فِي الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ، مُنَاقِشًا زُمَلَاءَكَ فِي نَوْعِ كُلِّ مِنْهَا:



تَعَلَّمْتَ فِي الصَّفِّ الرَّابِعِ أَنَّ الزَّوَايَةَ شُعَاعَانِ لهُمَا نُقْطَةُ الْبِدَايَةِ نَفْسُهَا، وَأَنَّ
هَذِهِ النُّقْطَةَ تُسَمَّى رَأْسَ الزَّوَايَةِ، وَأَنَّ كُلًّا مِنَ الشُّعَاعَيْنِ يُسَمَّى ضِلْعَ الزَّوَايَةِ الَّتِي
يُرْمَزُ إِلَيْهَا بِالرَّمْزِ (∠).



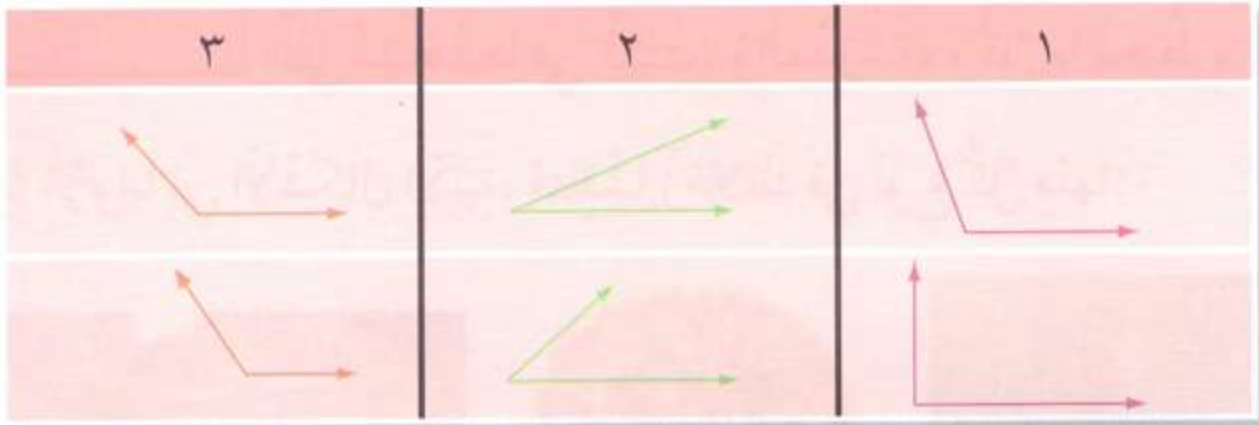
يُطَلَقُ عَلَى الشُّعَاعَيْنِ: (ب أ)، وَ(ب ج) فِي الشَّكْلِ
الْمُجَاوِرِ، اسْمُ ضِلْعِي الزَّوَايَةِ.

تُسَمَّى نُقْطَةُ انْتِطَاقِ الشُّعَاعَيْنِ (ب) رَأْسَ الزَّوَايَةِ.
تُسَمَّى الزَّوَايَةُ إِمَّا بِثَلَاثَةِ حُرُوفٍ أَوْ سَطْحِهَا رَأْسَ الزَّوَايَةِ (∠ أ ب ج، ∠ ج ب أ)،
وَإِمَّا بِحَرْفٍ وَاحِدٍ يُمَثِّلُ رَأْسَ هَذِهِ الزَّوَايَةِ (∠ ب).

تُخْتَلَفُ الزَّوَايَا فِي قِيَاسَاتِهَا؛ إِذْ إِنَّهَا تُقَاسُ بِمِقْدَارِ الْإِنْفِرَاجِ بَيْنَ ضِلْعَيْهَا. فَكُلَّمَا زَادَ هَذَا الْإِنْفِرَاجُ كَانَ قِيَاسُ الزَّوَايَةِ أَكْبَرَ. تَعَلَّمْتَ أَيْضًا أَنَّ الْمَسَافَةَ تُقَاسُ بِوَحَدَاتِ الطُّولِ (مِمْ، سِمْ، دِسْمِ، مِمْ، كِمْ)، وَأَنَّ الْكُتْلَةَ تُقَاسُ بِوَحَدَاتِ الْوِزْنِ (غِمْ، كِغِمْ، طُنٌّ). أَمَّا الزَّوَايَةُ فَتُقَاسُ بِوَحْدَةٍ تُسَمَّى **الدَّرَجَةَ**، وَيُرْمَزُ إِلَيْهَا بِالرَّمْزِ (°).

السُّؤال (١)

عَيِّنِ الزَّوَايَةَ ذَاتَ الْقِيَاسِ الْأَكْبَرَ فِي كُلِّ زَوْجٍ مِنْ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْآتِيَةِ:



لَا حِظَّ أَنَّ الْإِجَابَةَ فِي الْحَالَتَيْنِ: الْأُولَى، وَالثَّانِيَةِ مُمَكِّنَةٌ وَسَهْلَةٌ، لَكِنَّهَا فِي الْحَالَةِ الثَّلَاثَةِ مُحِيرَةٌ وَصَعْبَةٌ، لِذَلِكَ وَجِدَتْ أَدَاةً تُسْتَعْمَدُ لِقِيَاسِ الزَّوَايَا بِسُهولةٍ وَدِقَّةٍ تُسَمَّى **الْمِنْقَلَةَ**. فَمَا الْمِنْقَلَةُ؟



مَرْكَزُ الْمِنْقَلَةِ

(١) الْمِنْقَلَةُ نِصْفُ قُرْصٍ دَائِرِيٍّ.

(٢) قَوْسُ هَذَا الْقُرْصِ مُكَوَّنٌ مِنْ تَدْرِيجَيْنِ؛ أَحَدُهُمَا يَبْدَأُ مِنَ الْيَمِينِ إِلَى الْيَسَارِ، وَالْآخَرُ مُعَاكِسٌ لَهُ.

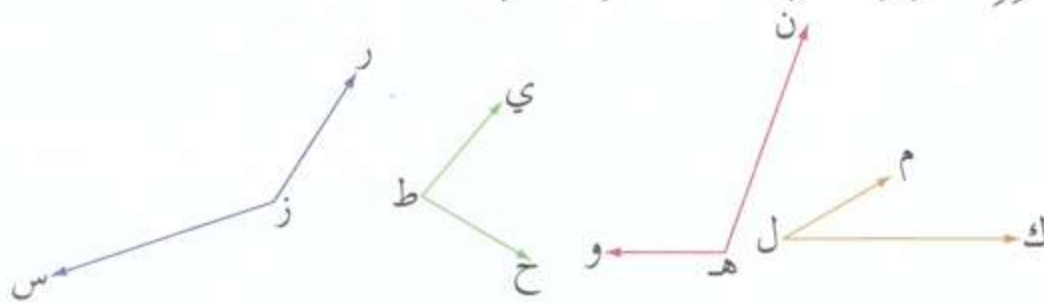
(٣) كُلُّ تَدْرِيجٍ مَقْسَمٌ إِلَى (١٨٠) جُزْءًا، يُسَمَّى كُلُّ مِنْهَا دَرَجَةً، وَيُرْمَزُ إِلَيْهَا بِالرَّمْزِ (°).

(٤) فِي الْمِنْقَلَةِ نُقْطَةٌ مَرْكَزِيَّةٌ تُسَمَّى مَرْكَزَ الْمِنْقَلَةِ، وَيُعْتَمَدُ عَلَيْهَا فِي رَسْمِ الزَّوَايَا وَقِيَاسِهَا (مُشَارٌ إِلَيْهَا بِالسَّهْمِ الْأَحْمَرِ).

لقياس زاوية ما، اعمل الآتي:
 ضع المنقلة على الزاوية، بحيث ينطبق مركز المنقلة على رأس الزاوية،
 ويشير أحد ضلعيها إلى بداية التدرج (صفر). عندئذ، يشير الضلع الآخر
 إلى قراءة تمثل قياس الزاوية على المنقلة.

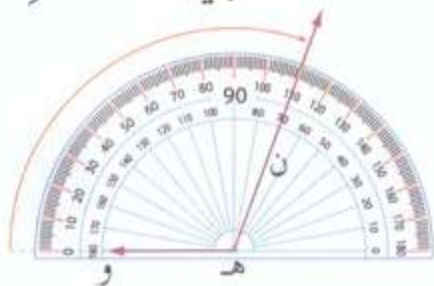
المثال ١

عين في الشكل الآتي أي الزوايا المرسومة الأكبر، وأيها الأصغر، ثم تحقق
 من ذلك بإيجاد قياساتها مستخدماً المنقلة:



الحل

يوضع مركز المنقلة على رأس الزاوية، بحيث يشير أحد ضلعيها إلى الصفر،
 ثم يُقرأ الرقم الذي يشير إليه ضلع الزاوية الآخر، كما في الأشكال الآتية:



قياس \angle هـو = 110°



قياس \angle لـم = 30°



قياس \angle زس = 141°



قياس \angle طـي = 80°

■ لا توجد نهاية للشعاع، لذلك أكمله حتى يصل إلى المنقلة، فيشير إلى قراءة التدرج، ثم ابدأ القراءة من الصفر (باتجاه الأسهم الحمراء).

السؤال (٢)

اقترح اسمًا لكل زاوية في كل مما يأتي، ثم جِد قياسها مُستخدِمًا المنقلة:



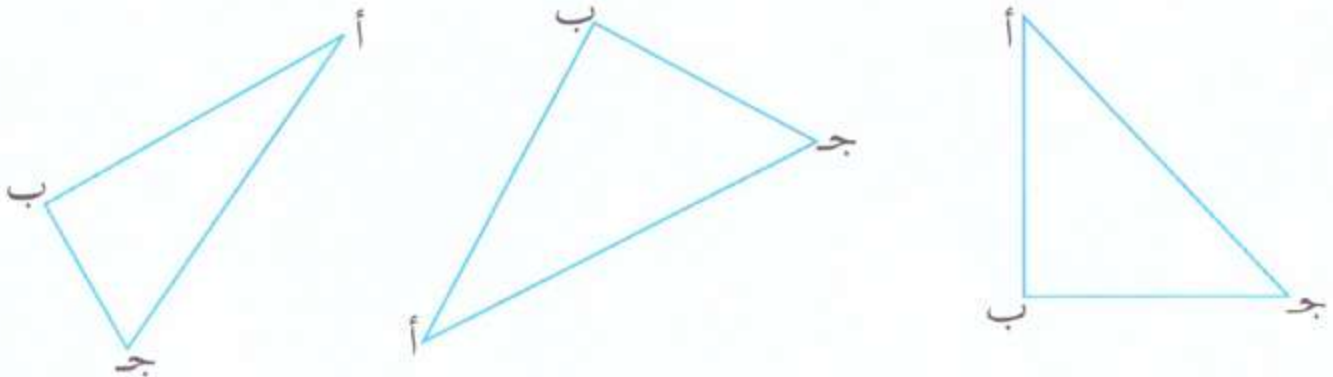
اكتشف الخطأ في ما يأتي، ثم صوّبه



طلب المعلم إلى طلبة الصف الخامس قياس الزاوية الموضحة في الشكل المجاور، فكانت قراءات بعض الطلبة هي: ٥٥، ٦٥، ١٣٥. أين أخطأ كل منهم؟ اكتب القياس الصحيح.

السؤال (٣)

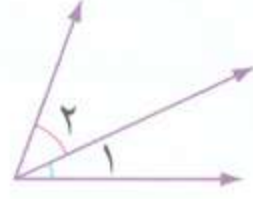
جِد قياس Δ أ ب ج في كل من المثلثات الآتية باستخدام المنقلة:



ما نوع Δ أ ب ج؟ ماذا تستنتج من المثلثات السابقة؟

السؤال (٤)

جد قياس الزاويتين: (١)، و(٢) في كل مما يأتي باستخدام المنقلة، ثم جد مجموع قياسيهما:



فكر

هل يختلف قياس زاوية ما إذا اختلف حجم المنقلة (كبير، صغر)؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

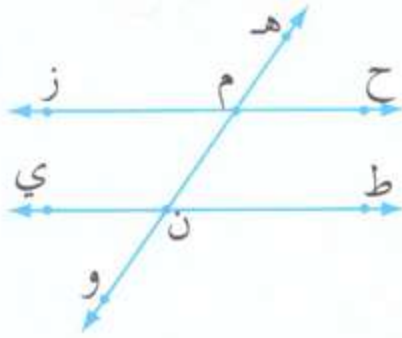
(١) انظُرِ الشَّكْلَ الْمُجَاوِرَ، ثُمَّ أَجِبْ عَنِ الْأَسْئَلَةِ الْآتِيَةِ:

أ (سَمِّ كُلَّ زَاوِيَةٍ بِثَلَاثِ طَرَائِقَ مُخْتَلِفَةٍ.

ب) عَيِّنِ رَأْسَ كُلِّ زَاوِيَةٍ وَضِلْعَيْهَا.

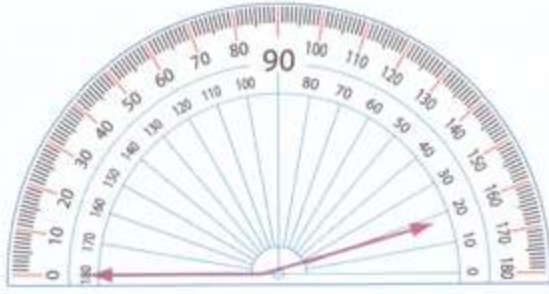
ج) جِدْ قِيَاسَ جَمِيعِ الزَّوَايَا فِي الشَّكْلِ، ثُمَّ حَدِّدْ

نَوْعَ كُلِّ مِنْهَا.

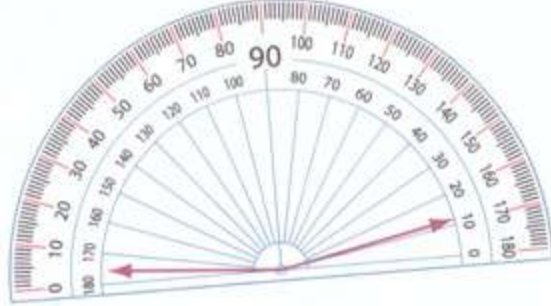


(٢) حَدِّدِ الْأَخْطَاءَ الَّتِي وَقَعَتْ فِيهَا عَدَدٌ مِنَ الطَّلَبَةِ فِي أَثْنَاءِ قِيَاسِ الزَّوَايَةِ الْآتِيَةِ، ثُمَّ

جِدْ قِيَاسَهَا الصَّحِيحَ:

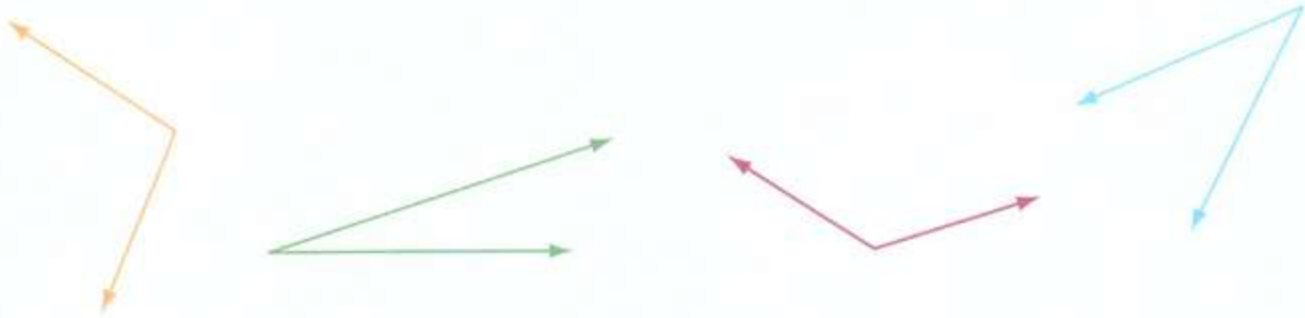


(.....)



(.....)

(٣) جِدْ قِيَاسَ كُلِّ زَاوِيَةٍ مِمَّا يَأْتِي، مُبَيِّنًا نَوْعَهَا:





النَّاتِجَاتُ:

- تَرَسُّمُ زَاوِيَةٍ مُعْطَى قِيَاسُهَا بِالذَّرَجَاتِ.

نَشَاطٌ

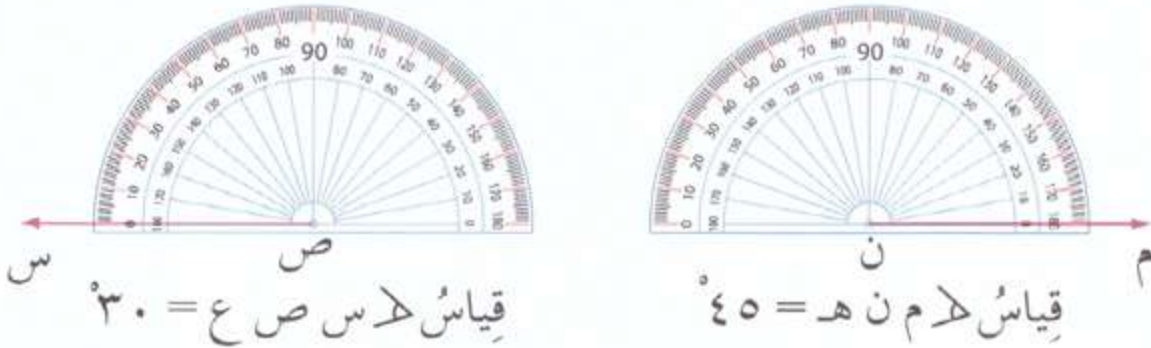
اخْتَرِ زَمِيلاً، ثُمَّ نَفِّذْ مَا يَأْتِي:

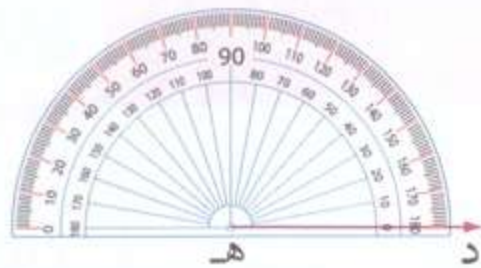
- (١) تَحَدَّثْ إِلَى زَمِيلِكَ عَنْ طَرِيقَةٍ لِإِجَادِ قِيَاسِ زَاوِيَةٍ مَرْسُومَةٍ، مِثْلَ الزَّاوِيَةِ الْمُجَاوِرَةِ، وَلِيَجِدْ كُلُّ مَنْكُمَا قِيَاسَهَا.
- (٢) ارْسُمْ زَاوِيَةً بِصُورَةٍ عَشْوَائِيَّةٍ مُسْتَخْدِماً الْمِسْطَرَّةَ، ثُمَّ اظْلُبْ إِلَى زَمِيلِكَ قِيَاسَهَا، ثُمَّ قِسْهَا.
- (٣) حَاوِلْ رَسْمَ زَاوِيَةٍ قِيَاسُهَا (٧٠°)، ثُمَّ اظْلُبْ إِلَى زَمِيلِكَ التَّحَقُّقَ مِنْ صِحَّةِ قِيَاسِهَا.
- (٤) نَاقِشْ زَمِيلَكَ فِي خُطُواتِ رَسْمِكَ لِهَذِهِ الزَّاوِيَةِ.
- (٥) لِيَتَحَدَّثْ أَحَدُكُمْ إِلَى طَلَبَةِ الصَّفِّ عَنْ خُطُواتِ رَسْمِ زَاوِيَةٍ قِيَاسُهَا مَعْلُومٌ.

اَكْتُبْ خُطُواتِ رَسْمِ زَاوِيَةٍ قِيَاسُهَا مَعْلُومٌ.

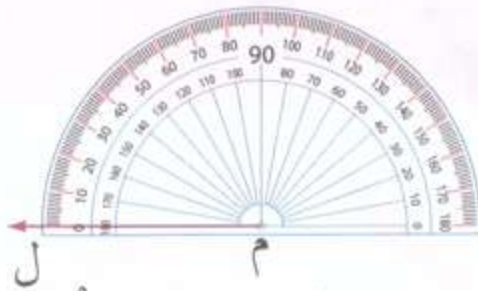
السُّؤَالُ (١)

نَفِّذِ الخُطُواتِ السَّابِقَةَ لِإِتْمَامِ رَسْمِ الزَّاوِيَا الْآتِيَةِ، مُعْتَمِداً الْقِيَاسَاتِ الْمُوضَّحَةَ أَسْفَلَهَا:





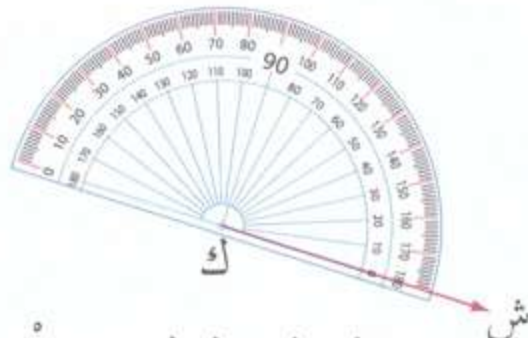
قياس زاوية هـ د ط = 160°



قياس زاوية ل م ع = 125°



قياس زاوية ج هـ د = 119°



قياس زاوية ك ل ش = 83°



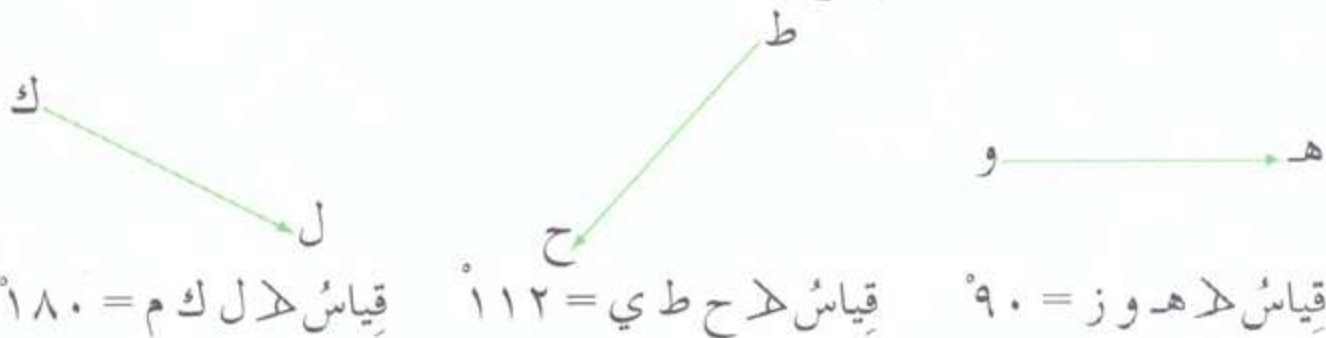
قياس زاوية ز ح و = 166°



قياس زاوية س م ع = 97°

السؤال (٢)

أكمل رسم الزوايا الآتية، ثم دَع زميلك يتحقق من قياساتها:



قياس زاوية ل ك م = 180°

قياس زاوية ح ط ي = 112°

قياس زاوية و ز = 90°

السؤال (٣)

ارسم الزوايا المُعطى قياس كل منها في ما يأتي:
قياس \angle أ ب ج = ١٥، قياس \angle ل ه ي ل ك = ١٧٠، قياس \angle و ز ح = ٤٧

فكر

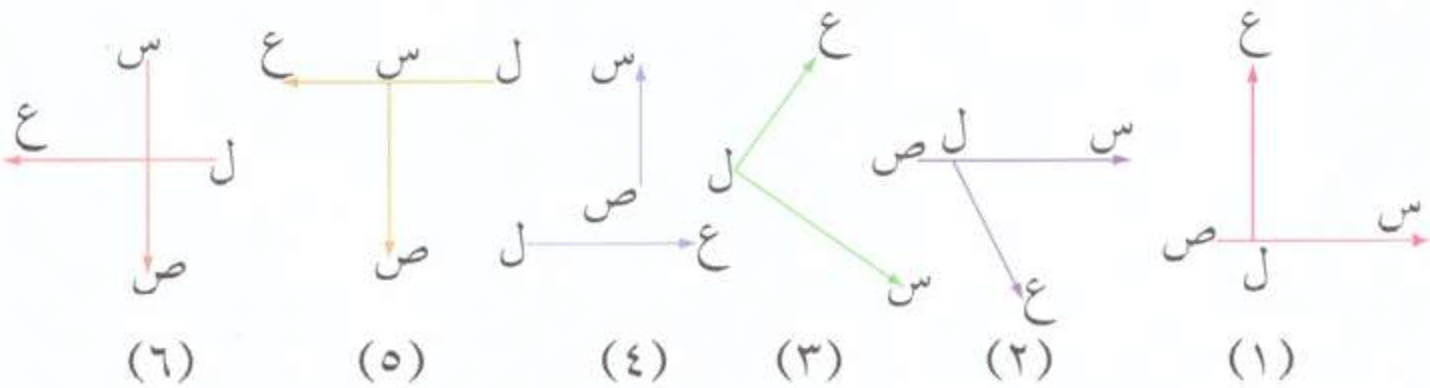
- ما أقصى زاوية يُمكن رسمها باستخدام المنقلة؟
- كيف يُمكن رسم الزاوية (١٨٥) باستخدام المنقلة؟ ارسمها، ثم تحدث إلى زملائك عن طريقة رسمها.

نشاط

- ارسم الشعاع أ ب .
- عين النقطة (ج) على الشعاع أ ب .
- ارسم الشعاع ج د من النقطة (ج)، بحيث يُشكل هذا الشعاع زاوية قائمة مع الشعاع أ ب .
- تحقق من صحة الحل بقياس \angle أ ج د، أو \angle ب ج د .
- صِف الشكل الناتج .

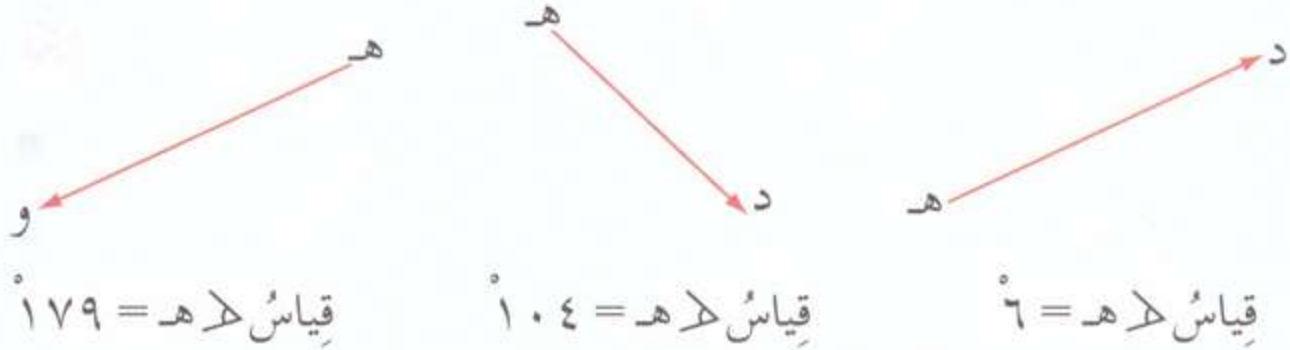
السؤال (٤)

في أي الأشكال الآتية يُعدُّ الشعاع ل ع عمودًا، مُبررًا إجابتك:



تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) أَكْمِلْ رَسْمَ الزَّاوِيَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي، مُعْتَمِدًا الْقِيَاسَ الْمُحَدَّدَ أَسْفَلَ كُلِّ مِنْهَا:



(٢) ارْضُمِ الزَّوَايَا الْآتِيَةَ، ثُمَّ سَمِّ كُلًّا مِنْهَا بِالطَّرَائِقِ الْمُمْكِنَةِ جَمِيعِهَا، ثُمَّ صَنِّفْهَا إِلَى حَادَّةٍ، وَقَائِمَةٍ، وَمُنْفَرِجَةٍ، وَمُسْتَقِيمَةٍ:

أ (زاوية قياسها ٢٠ .

ب (زاوية قياسها ٤٤ .

ج (زاوية قياسها ٩١ .

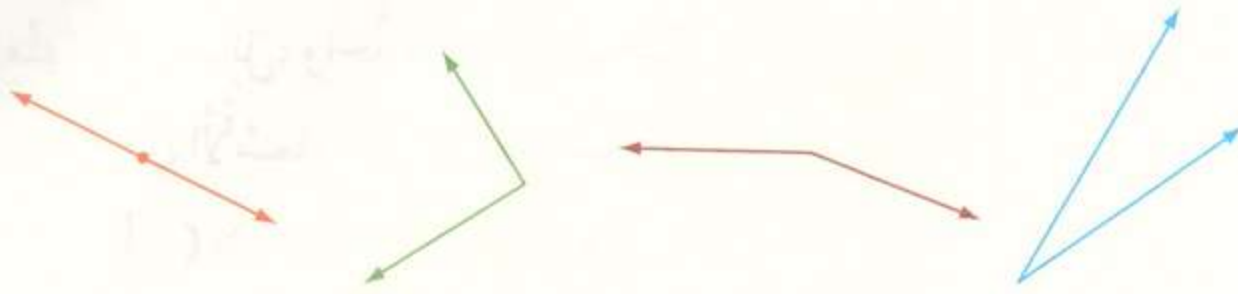
د (زاوية قياسها ١٣٨ .

هـ (زاوية قياسها ٢٠٠ .

(٣) ارْضُمِ شُعَاعًا يُعَامِدُ الشُّعَاعَ الْمُجَاوِرَ. →

مُراجَعَة

(١) اِخْتَرِ اسْمًا مُنَاسِبًا لِكُلِّ زَاوِيَةٍ مِنَ الزَّوَايَا الْآتِيَةِ، ثُمَّ جِدْ قِيَاسَهَا:

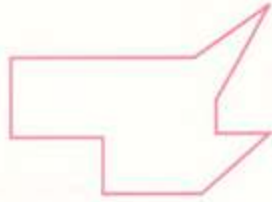


(٢) ارْضُمِ دَائِرَةً قُطْرُهَا (٧) سَم.

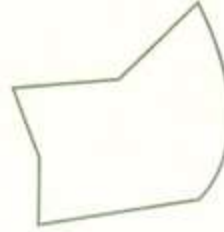
(٣) مَيِّزِ الْمُضَلَّعَاتِ مِنْ بَيْنِ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ، مُبَرِّرًا إِجَابَتَكَ:



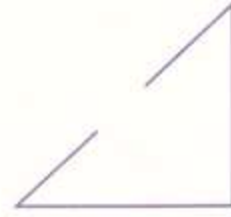
(٤)



(٣)



(٢)



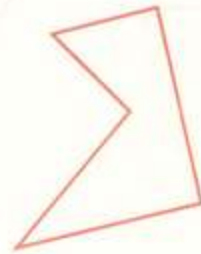
(١)



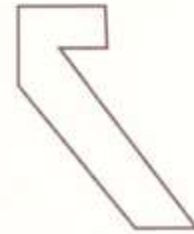
(٨)



(٧)



(٦)



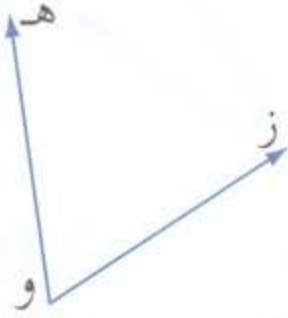
(٥)

(٤) ارْضُمِ الشُّعَاعَيْنِ الْمُتَعَامِدَيْنِ: ح ط ، ك ل ، ثُمَّ حَدِّدِ زَاوِيَةَ قَائِمَةً نَاتِجَةً مِنْ تَقَاطُعِهِمَا.

اختبار ذاتي

(١) يتكوّن هذا السؤال من خمس فقرات، من نوع الاختيار من متعدّد، لكلّ فقرة منها أربعة بدائل، واحد منها فقط صحيح. ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

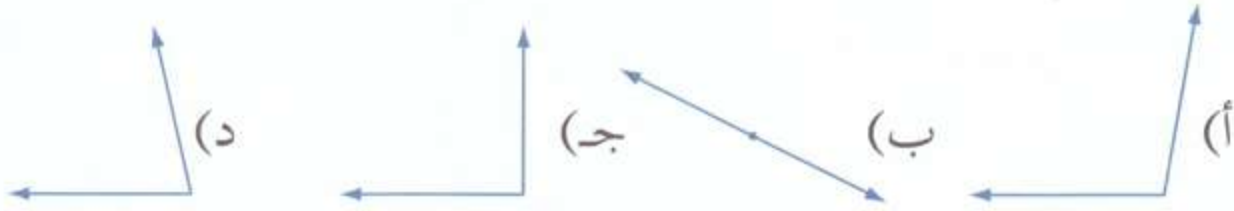
(١) أيّ الأسماء الآتية لا يُعدُّ اسمًا للزاوية المُجاورة:



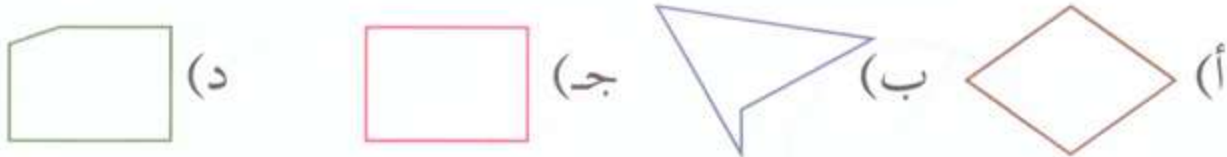
أ) هـ و ز (ب) ز و هـ

ج) هـ هـ (د) هـ و

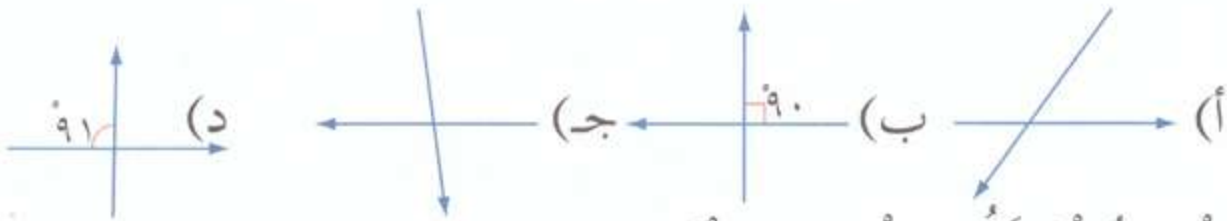
(٢) الزاوية التي قياسها (١٠٠) من دون استخدام المنقلة هي:



(٣) أيّ المضلّعات الآتية لا يُعدُّ مضلعًا رباعيًّا:



(٤) الشعاعان المتعامدان من بين أزواج الأشعة الآتية هما:



(٥) العبارة الخطأ من العبارات الآتية هي:

أ) كلُّ قطرٍ في الدائرة هو وترٌ فيها.

ب) قطر الدائرة هو نصف قطرٍ يُشكّلان معًا زاويةً مُستقيمةً.

ج) كُلُّ وَتَرٍ فِي الدَّائِرَةِ هُوَ قُطْرٌ لَهَا.

د) الْمَسَافَةُ بَيْنَ مَرَكَزِ الدَّائِرَةِ وَآيِّ نُقْطَةٍ عَلَيْهَا ثَابِتَةٌ.

(٢) ارْسُمْ زَاوِيَةً قِيَاسُهَا (١٠١)°، بِحَيْثُ يَكُونُ الشُّعَاعُ س ص أَحَدَ أَضْلَاعِهَا، ثُمَّ سَمِّهَا.



(٣) جِدْ قِيَاسَ كُلِّ مِنَ الزَّاوِيَتَيْنِ الْآتِيَتَيْنِ:



(٤) كَمْ دَائِرَةٌ يُمَكِّنُ رَسْمُهَا مِنَ الْمَرَكَزِ نَفْسِهِ؟ ارْسُمْ دَائِرَتَيْنِ لَهُمَا الْمَرَكَزُ نَفْسُهُ.

(٥) ارْسُمْ دَائِرَةً نِصْفُ قُطْرِهَا (٣, ٣) سم.

(٦) رَسَمْتُ رَوَانُ شَكْلًا يُوضِّحُ قِيَاسَ زَاوِيَتَيْنِ مَعْلُومَتَيْنِ كَمَا يَأْتِي:



ما رأيك في الشكل الذي رسمته رَوَانُ، مُبرِّراً إجابتك؟

القياس



عندما نضحو في الصباح الباكر للذهاب إلى المدرسة، أو العمل، أو رحلة ما، فإننا نحدد زمنًا للمغادرة، وزمنًا لإنهاء المهمة، وزمنًا للعودة. وحين يُطلب إلى الطالب أن يجري حول ملعب المدرسة في حصة الرياضة، فإنه يسأل عن المسافة التي قطعها. وهكذا نجد أنفسنا في خضم هذه الحياة نستعمل قياس الزمن والمساحة والمحيط أينما اقتضت الحاجة. لذلك جاءت هذه الوحدة لتكون معينًا لك في شؤون حياتك الحالية والمستقبلية.



في سِبَاقِ الْجَرِيِّ مَسَافَةَ
(١٠٠) مِثْرٍ أَنْهَى زِيَادًا قَطَعَ
الْمَسَافَةَ فِي (١٢) ثَانِيَةً.
كَمْ دَقِيقَةً اسْتَعْرَقَ زِيَادًا فِي
قَطْعِ هَذِهِ الْمَسَافَةِ؟

النتائج:

- تُحَدِّدُ الْعَلَاقَاتِ بَيْنَ وَحَدَاتِ الزَّمَنِ.
- تَحُلُّ مَسَائِلَ تَتَعَلَّقُ بِوَحَدَاتِ الزَّمَنِ.

أولاً: السَّاعَاتُ وَالِدَّقَائِقُ وَالشَّوَانِي

يُمْكِنُ حِسَابُ عَدَدِ الدَّقَائِقِ الَّتِي اسْتَعْرَقَهَا زِيَادًا فِي إِنْهَاءِ السَّبَاقِ بِتَحْدِيدِ عَدَدِ الشَّوَانِي فِي الدَّقِيقَةِ.

تَعْلَمُ أَنَّ السَّاعَةَ تُسَاوِي (٦٠) دَقِيقَةً، وَأَنَّ الدَّقِيقَةَ تُسَاوِي (٦٠) ثَانِيَةً؛ لِذَا، فَإِنَّ:
عَدَدَ الدَّقَائِقِ الَّتِي أَنْهَى فِيهَا زِيَادَ السَّبَاقِ $60 \div 12 =$

$$= \frac{12}{60} = \frac{1}{5} \text{ دَقِيقَةً.}$$

المثال ١

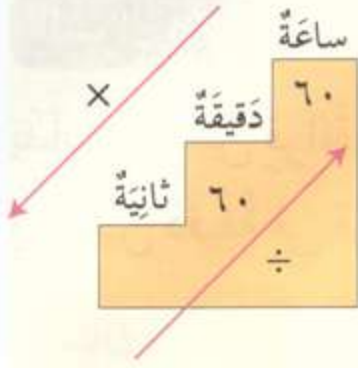
أَمْضَى فَيَصِلُ (٧,٥) سَاعَاتٍ فِي قَطْفِ ثِمَارِ الزَيْتُونِ. احْسُبِ الزَّمْنَ الَّذِي اسْتَعْرَقَهُ فَيَصِلُ فِي عَمَلِيَّةِ الْقَطْفِ بِالدَّقَائِقِ، ثُمَّ بِالشَّوَانِي.

الحلُّ

الزَّمْنُ الَّذِي اسْتَعْرَقَهُ فَيَصِلُ بِالدَّقَائِقِ $60 \times 7,5 =$ السَّاعَةُ فِيهَا ٦٠ دَقِيقَةً.
 $= 450$ دَقِيقَةً.

الزَّمْنُ الَّذِي اسْتَعْرَقَهُ فَيَصِلُ بِالشَّوَانِي $60 \times 450 =$ الدَّقِيقَةُ فِيهَا ٦٠ ثَانِيَةً.
 $= 27000$ ثَانِيَةً.

تَعَلَّم



عِنْدَ التَّحْوِيلِ مِنْ وَحْدَةٍ أَكْبَرَ إِلَى وَحْدَةٍ أَصْغَرَ نَضْرِبُ،
وَعِنْدَ التَّحْوِيلِ مِنْ وَحْدَةٍ أَصْغَرَ إِلَى وَحْدَةٍ أَكْبَرَ نَقْسِمُ.

السُّوَالُ (١)

قَطَعَتْ كَوْتُرُ الْمَسَافَةِ مِنْ مَنْزِلِهَا إِلَى مَكَانٍ عَمَلِهَا مَشِيًّا عَلَى الْأَقْدَامِ فِي (٤٢) دَقِيقَةً. احْسُبْ هَذَا الزَّمْنَ بِالسَّاعَاتِ وَالثَّوَانِي.

تَعَلَّم

يُسْتَعْمَلُ الرَّمْزُ (:) لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْوَقْتِ. فَمَثَلًا، يُعَبَّرُ عَنِ (١١) سَاعَةً وَ (٢٠) دَقِيقَةً بِصُورَةِ (١١ : ٢٠)، وَتُقْرَأُ إِحْدَى عَشْرَةَ سَاعَةً وَعِشْرِينَ دَقِيقَةً.

المِثَالُ ٢

بَدَأَ شَاعِرٌ إِقَاءَ قَصِيدَةٍ فِي مَهْرَجَانِ السَّاعَةِ (٩ : ٠٨) مَسَاءً، وَاسْتَغْرَقَ سَاعَةً وَخَمْسًا وَخَمْسِينَ دَقِيقَةً فِي إِقَائِهَا. فِي أَيِّ سَاعَةٍ انْتَهَى مِنْ ذَلِكَ؟

الْحَلُّ

٩ : ٠٨ يُجْمَعُ زَمَنُ الْبَدْءِ مَعَ الزَّمَنِ الَّذِي اسْتَغْرَقَهُ الشَّاعِرُ فِي إِقَاءِ قَصِيدَتِهِ.

١ : ٥٥+

١٠ : ٦٣ الدَّقَائِقُ النَّاتِجَةُ (٦٣) أَكْبَرُ مِنْ ٦٠.

٦٠ + ٣ = ٦٣ دَقَائِقُ + سَاعَةٌ كَامِلَةٌ.

يُنْقَى عَلَى الدَّقَائِقِ الثَّلَاثِ، وَتُضَافُ سَاعَةٌ إِلَى (١٠) سَاعَاتٍ، فَيُصْبِحُ وَقْتُ الْإِنْتِهَاءِ (١١ : ٠٣).

السؤال (٢)

بدأت سوسن قراءة قصة الساعة (٢:٥٠) بعد الظهر، وأمضت ساعة وخمسة وأربعين دقيقة في قراءتها. متى انتهت سوسن من قراءة القصة؟

المثال ٣

بدأ رسام رسم لوحته الساعة (٣:١٥) مساءً، وانتهى من الرسم الساعة (١٠:٠٧) مساءً. احسب الزمن الذي أمضاه في رسم لوحته.

الحل

لحساب الزمن، يُطرح وقت بدء رسم اللوحة من وقت الانتهاء من رسمها:

١٠ : ٠٧
- ٣ : ١٥

٩ ٦٧
١٠ : ٠٧

أَمْضَى الرَّسَّامُ سِتَّ سَاعَاتٍ وَاثْنَتَيْنِ وَخَمْسِينَ دَقِيقَةً فِي رَسْمِ لَوْحَتِهِ.

السؤال (٣)

بدأ صالح تقليم أشجار حديقة منزله الساعة (٦:٢٥) صباحًا، وانتهى من ذلك الساعة (١١:١٥) صباحًا. احسب الزمن الذي أمضاه صالح في تقليم الأشجار.

ثانيًا: الأيام والأسابيع والشهور والأعوام

تذكر

■ السنة = ١٢ شهرًا. الأسبوع = ٧ أيام. اليوم = ٢٤ ساعة.

ابحث في الرزنامة عن الأشهر التي عدد أيامها (٣٠) يوماً، والأشهر التي عدد أيامها (٣١) يوماً، والأشهر التي عدد أيامها (٢٨) يوماً. ثم حدّد أيها يتألف من (٤) أسابيع كاملة، وأيها أكثر من ذلك.
إرشاد: ارسم جدولاً.

٤

المثال

عمر عبد السلام (١١) عاماً. احسب عمره بالشهور.

الحل

عمر عبد السلام بالشهور = 11×12
العام الواحد = ١٢ شهراً.
= ١٣٢ شهراً.

٥

المثال

أقام خلدون وعائلته في العقبه مدة (٢١) يوماً. احسب الزمن الذي مكثه خلدون وعائلته في العقبه بالأسابيع والساعات.

الحل

الزمن الذي أمضاه خلدون وعائلته في العقبه بالأسابيع:

$21 \div 7 =$
أسبوع واحد = ٧ أيام.
= ٣ أسابيع.

الزمن الذي أمضاه خلدون وعائلته في العقبه بالساعات:

$21 \times 24 =$
يوم واحد = ٢٤ ساعة.
= ٥٠٤ ساعات.

السؤال (٤)

أَجِبْ عَنْ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

أ) كم ساعة في أسبوعين؟

ب) كم سنة في (٣٦) شهراً؟

ج) أمضت سفينة (٧٢) ساعة في البحر. كم يوماً بقيت السفينة في البحر؟

المثال ٦

بدأ برنامج تدريبي بتاريخ ٦/٧/٢٠١٤م، وانتهى بتاريخ ١٣/٣/٢٠١٥م. احسب الزمن الذي استغرقه هذا البرنامج.

الحل

لحساب الزمن، يُطرح وقت بدء التدريب من وقت انتهائه:

٢٠١٥ / ٣ / ١٣	طرح الأيام.
٢٠١٤ / ٧ / ٦	عند طرح الأشهر لاحظ أن ٧ < ٣.
٧	استلاف سنة واحدة من ٢٠١٥، ثم تحويلها إلى (١٢) شهراً.
٢٠١٤ / ١٥ / ١٣	إضافة (١٢) إلى (٣) ليصبح عدد الشهور (١٥) شهراً.
٢٠١٤ / ٧ / ٦	طرح الشهور، ثم طرح السنوات.
٠ / ٨ / ٧	وبذلك، فإن الزمن الذي استغرقه البرنامج التدريبي هو (٨) شهور، و (٧) أيام.

إذن: الزمن الذي استغرقه البرنامج التدريبي هو (٨) شهور، و (٧) أيام.

احسب عُمرَكَ بِالسَّنَوَاتِ وَالشُّهُورِ وَالْأَيَّامِ، ثُمَّ قَارِنْ عُمرَكَ بِعُمرِ زَمِيلٍ لَكَ مَوْلُودٍ فِي الشَّهْرِ نَفْسِهِ، ثُمَّ حَدِّدْ أَيُّكُمَا هُوَ الْأَكْبَرُ.

● ناقش زملاءك

أ) مَا الْفَرْقُ بَيْنَ الْإِسْتِلافِ مِنَ الْعَشْرَاتِ وَالْمِئَاتِ، وَالْإِسْتِلافِ مِنَ

الشُّهُورِ وَالسَّنَوَاتِ فِي عَمَلِيَّةِ الطَّرْحِ؟

ب) مَا وَجْهُ الشَّبهِ وَوَجْهُ الْإِخْتِلافِ بَيْنَ (٨, ٥)، وَ (٨: ٣٠)؟

ج) أَعْلَنْتِ الْمُذْبَعَةُ عَلَى شاشَةِ التَّلْفَازِ أَنَّ بَرْنَامَجًا لِلْأَطْفَالِ سَيَبِثُ السَّاعَةَ

(١٠: ١٣). إِذَا كَانَ أَكْبَرُ عَدَدٍ فِي سَاعَةِ الْحَائِطِ (١٢)، فَمَا الَّذِي

يَعْنِيهِ (١٠: ١٣)؟

مَسْأَلَةٌ

خَرَجَ مَأْمُونٌ فِي الصَّبَاحِ لِقِضَاءِ بَعْضِ حَوَائِجِهِ، فَمَكَثَ فِي السُّوقِ (٣٥) دَقِيقَةً،

ثُمَّ أَمْضَى سَاعَةً وَعَشْرَ دَقَائِقَ فِي دَفْعِ فَوَاتِيرِ الْكَهْرَبَاءِ وَالْمَاءِ، وَاسْتَخْدَمَ السِّيَّارَةَ

فِي التَّنْقُلِ مُدَّةَ (٤٥) دَقِيقَةً. انْتَهَى مَأْمُونٌ مِنْ قِضَاءِ حَوَائِجِهِ السَّاعَةَ (٢٥: ١١).

احسبِ السَّاعَةَ الَّتِي خَرَجَ فِيهَا لِقِضَاءِ حَوَائِجِهِ.

أَفْهَمُ: مَاذَا فَهَمْتُ مِنْ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَخْطَطُ: كَيْفَ يُمَكِّنُنِي حَلُّ هَذِهِ الْمَسْأَلَةِ؟

أَنْفِذُ: أَنْفِذْ مَا خَطَّطْتُ لَهُ سَابِقًا.

أَتَحَقَّقُ: كَيْفَ أَتَحَقَّقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

- (١) احسب كلاً مما يأتي بالوَحدةِ الزَمَنِيَّةِ المُقَابِلَةِ لَهَا:
- أ (مُدَّةُ إِعْلَانٍ عَلَى شَاشَةِ التَّلْفَازِ (٣٠) ثَانِيَةً. (بِالدَّقَائِقِ)
- ب) جَلَسَتْ أُمُّ أَحْمَدَ (١٥) دَقِيقَةً تُسَبِّحُ بَعْدَ الصَّلَاةِ. (بِالسَّاعَاتِ، بِالثَّوَانِي)
- ج) يَمْكُثُ عِلَاءٌ فِي عَمَلِهِ (٨) سَاعَاتٍ. (بِالثَّوَانِي)
- د (يَتَدَرَّبُ عُمَرُ عَلَى قِيَادَةِ السَّيَّارَةِ سَاعَةً وَنِصْفَ السَّاعَةِ يَوْمِيًّا. (بِالدَّقَائِقِ)
- هـ) سَافَرَتْ صَفَاءٌ لزيارةِ ابْنِهَا، وَمَكَّثَتْ عِنْدَهُ (١٢) يَوْمًا. (بِالسَّاعَاتِ)
- و (زَمَنُ الفَصْلِ الدَّرَاسِيِّ الأَوَّلِ فِي إِحْدَى الجَامِعَاتِ (٤) شُهُورٍ. (بِالْأَسَابِيعِ)
- ز (عُمُرُ مَهَا (٣) سَنَوَاتٍ. (بِالْأَيَّامِ)
- (٢) بَدَأَ صَحْفِيٌّ كِتَابَةَ مَقَالِ السَّاعَةِ (٥:٢٧) مَسَاءً، وَأَنْهَى كِتَابَتَهُ السَّاعَةَ (١٣:١٠) مَسَاءً. احسب مقدارَ الزَمَنِ الَّذِي اسْتَغْرَقَهُ الصَّحْفِيُّ فِي كِتَابَةِ المَقَالِ.
- (٣) خَرَجَ مُمَرِّضٌ مِنَ المُسْتَشْفَى السَّاعَةَ (١٠:٥٤) صَبَاحًا لِعِيَادَةِ مَرِيضٍ فِي مَنْزِلِهِ، ثُمَّ عَادَ السَّاعَةَ (١٢:٢٧) ظَهْرًا. مَا الزَمَنُ الَّذِي مَكَّثَهُ المُمَرِّضُ خَارِجَ المُسْتَشْفَى؟
- (٤) مَكَّثَتْ عَلِيَاءُ خَمْسَ سَاعَاتٍ وَ ٤٧ دَقِيقَةً وَهِيَ تُبْرِمِجُ جِهَازَ حَاسُوبٍ لِأَحَدِ زَبَائِنِهَا، وَقَدِ انْتَهَتْ مِنْ ذَلِكَ السَّاعَةَ (٩:٣٥) مَسَاءً. مَتَى بَدَأَتْ عَلِيَاءُ بَرَمَجَةَ الجِهَازِ؟
- (٥) دَخَلَ مُحَمَّدٌ الجَامِعَةَ بِتَارِيخِ ١٦/٩/٢٠١١م، وَتَخَرَّجَ فِيهَا بِتَارِيخِ ٩/٦/٢٠١٥م. مَا الزَمَنُ الَّذِي اسْتَغْرَقَهُ مُحَمَّدٌ فِي الدَّرَاسَةِ بِالسَّنَوَاتِ وَالأَشْهُرِ وَالأَيَّامِ؟
- (٦) عَمَلَتْ سَلْمَى مُوظَّفَةً فِي إِحْدَى الوِزَارَاتِ مُدَّةَ (٢٢) سَنَةً وَ (٧) أَشْهُرٍ وَأُسْبُوعَيْنِ، ثُمَّ تَقَاعَدَتْ بِتَارِيخِ ٤/٩/٢٠١٥م. مَا تَارِيخُ تَعْيِينِ سَلْمَى؟



قَرَأْتُ بَثُولٍ فِي
إِخْدَى الْمَوْسُوعَاتِ
الْإِلِكْتَرُونِيَّةِ أَنَّ مِسَاحَةَ
وَرَقَةِ الدِّينَارِ الْأُرْدُنِيِّ
(٩٨,٤٢) سَنْتِيْمِترًا مُرَبَّعًا.
مَا السَّنْتِيْمِترُ الْمُرَبَّعُ؟

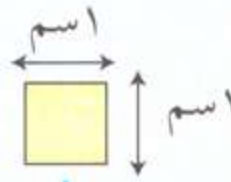
النتائج:

- تَعَرَّفُ وَحَدَاتِ الْمِسَاحَةِ.
- تُحَوَّلُ بَيْنَ وَحَدَاتِ الْمِسَاحَةِ.
- تُحَلُّ مَسَائِلُ تَتَعَلَّقُ بِوَحَدَاتِ الْمِسَاحَةِ.

نشاط

ارْشُم بِالْمِسْطَرَّةِ مُرَبَّعًا طَوْلُ ضِلْعِهِ (١) سَم، ثُمَّ ظَلِّلْهُ.
يُسَمَّى الْمُرَبَّعُ النَّاتِجُ وَحْدَةَ السَّنْتِيْمِترِ الْمُرَبَّعِ.

السَّنْتِيْمِترُ الْمُرَبَّعُ: وَحْدَةٌ لِقِيَاسِ الْمِسَاحَةِ، وَهُوَ يُسَاوِي مِسَاحَةَ مُرَبَّعِ طَوْلِ ضِلْعِهِ
(١) سَم، وَتُسَاوِي تَقْرِيْبًا مِسَاحَةَ ظُفْرِ إِبْهَامِ، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ س^٢.



$$١ \text{ سم} \times ١ \text{ سم} = ١ \text{ سم}^٢$$

مِنْ وَحَدَاتِ قِيَاسِ الْمِسَاحَةِ أَيْضًا الْمِترُ الْمُرَبَّعُ، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ م^٢، وَكَذَلِكَ
الْكِلُومِترُ الْمُرَبَّعُ، وَيُرْمَزُ إِلَيْهِ بِالرَّمْزِ ك^٢، وَالْدُونِمْ الَّذِي يُسَاوِي ١٠٠٠ م^٢.

فكر

- صِفْ كُلاً مِنْ وَحْدَتِي الْمِثْرِ الْمُرَبَّعِ، وَالْكِيلُو مِثْرِ الْمُرَبَّعِ.
- كَمْ مُرَبَّعًا طَوْلُهُ (١) سَمِ يُمَكِّنُ أَنْ يُغَطِّي الدَّيْنَارَ الْأُرْدُنِّيَّ، عِلْمًا بِأَنَّ مِسَاحَتَهُ (٩٨, ٤٢) سَم^٢.

المثال ١

اكتب في الوَحْدَةَ الْمُنَاسِبَةَ (سم^٢، م^٢، كم^٢، دونم) لِقِيَاسِ مِسَاحَةِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

- (١) وَرَقَةَ دَفْتَرٍ = ٣٠٠
- (٢) مَدْرَسَةٍ = ٢
- (٣) بَابِ غُرْفَةٍ = ٢
- (٤) مُحَافَظَةِ جَرَشٍ = ٤١٠

الحل

- (١) مِسَاحَةُ وَرَقَةِ دَفْتَرٍ = ٣٠٠ سم^٢.
- (٢) مِسَاحَةُ مَدْرَسَةٍ = ٢ (دُونَمِينَ).
- (٣) مِسَاحَةُ بَابِ غُرْفَةٍ = ٢ م^٢.
- (٤) مِسَاحَةُ مُحَافَظَةِ جَرَشٍ = ٤١٠ كم^٢.

السؤال (١)

اكتب في الوَحْدَةَ الْمُنَاسِبَةَ (سم^٢، م^٢، كم^٢، دونم) لِقِيَاسِ مِسَاحَةِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



- (أ) سَطْحِ طَاوِلَةٍ = ٠,٧٥
- (ب) أَرْضِ مَطَارِ الْمَلِكَةِ عَلِيَاءَ = ٢٢
- (ج) سَطْحِ عُلْبَةِ مَنَادِيلٍ وَرَقِيَّةٍ = ٢٤٠
- (د) مَنْزِلٍ = ٠,٥

نشاط

- (١) مُرَبَّعٌ طَوْلُ ضِلْعِهِ (١٠) سَم. مَا مِسَاحَتُهُ بِالسَّنْتِمِثَرَاتِ الْمُرَبَّعَةِ؟
- (٢) اِحْسَبْ طَوْلَ غُرْفَةِ الصَّفِّ وَعَرَضَهَا بِالسَّنْتِمِثَرَاتِ، ثُمَّ جِدْ مِسَاحَتَهَا بِالسَّنْتِمِثَرَاتِ الْمُرَبَّعَةِ.
- تَذَكَّرْ: مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ = مُرَبَّعُ طَوْلِ الضِّلْعِ (ل٢).
- (٣) ارْسُمْ مَعَ زُمَلَانِكَ وَحَدَّةَ الْمِثْرِ الْمُرَبَّعِ عَلَى أَرْضِيَّةِ غُرْفَةِ الصَّفِّ بِاسْتِعْمَالِ الْمِسْطَرَّةِ الْمِثْرِيَّةِ.

فكر

- ١ م^٢ = سم^٢، تَذَكَّرْ أَنَّ ١ م = ١٠٠ سم.
- ١ كم^٢ = م^٢، تَذَكَّرْ أَنَّ ١ كم = ١٠٠٠ م.

المثال ٢

حَوِّلْ (٨٧٩٠٠) سَم^٢ إِلَى م^٢.

الحل

$$٨٧٩٠٠ \text{ سم}^٢ = \frac{٨٧٩٠٠}{١٠٠٠٠} \text{ م}^٢$$

$$= \frac{٨٧٩}{١٠٠} \text{ م}^٢$$

$$= ٨,٧٩ \text{ م}^٢$$

$$١ م^٢ = ١٠٠٠٠ سم^٢$$

تَبْسِيطُ.

كِتَابَةُ النَّاتِجِ بِصُورَةِ كَسْرِ عَشْرِيٍّ.

السؤال (٢)

حوّل كلاً من المساحات الآتية إلى الوحدة المقابلة لها:
أ) ١٢ م^٢ إلى سم^٢ . ب) ٩١٠٠٠٠٠ م^٢ إلى كم^٢ . ج) ٧ دونمات إلى م^٢.

المثال ٣

اشترى خليل ورق جذران مساحته (٢) م^٢، وقد استعمل منه (١٣٠٠٠) سم^٢. احسب كمية ورق الجذران التي لم يستعملها خليل بالأمتار المربعة.

الحل

يحوّل (١٣٠٠٠) سم^٢ إلى (٢) م^٢؛ لأن المطلوب بالأمتار المربعة.

$$(١٣٠٠٠) \text{ سم}^2 = \frac{١٣٠٠٠}{١٠٠٠٠} \text{ م}^2 = ١,٣ \text{ م}^2 = ١٠٠٠٠ \text{ سم}^2$$

$$\frac{١٣}{١٠} =$$

$$١,٣ \text{ م}^2 =$$

$$\text{الباقي من ورق الجذران} = ٢ - ١,٣ = ٠,٧ \text{ م}^2$$

السؤال (٣)

مساحة إحدى القرى السياحية (٢) كم^٢، ضمت البلدية إليها منطقة مساحتها (٢٥٠٠٠) م^٢. كم أصبحت مساحة القرية بالأمتار المربعة؟

تحدث

■ ما وجه الشبه ووجه الاختلاف بين كل من: ١ م، و ١ م^٢؟ اذكر مثلاً على استعمال كل منهما.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) اكتب في الوحدة المناسبة (سم^٢، م^٢، كم^٢، دونم) لقياس مساحة كل مما يأتي:

أ (سطح ممحاة = ٣)

ب (جدار في غرفة = ١٢)

ج (سطح منزل = ٣٠٠)

د (البحر الميت = ٦٠٥)

(٢) حول كلاً من المساحات الآتية إلى الوحدة المقابلة لها:

أ (٧٩٣٠٠ سم^٢ إلى م^٢)

ب (٥٦ كم^٢ إلى م^٢)

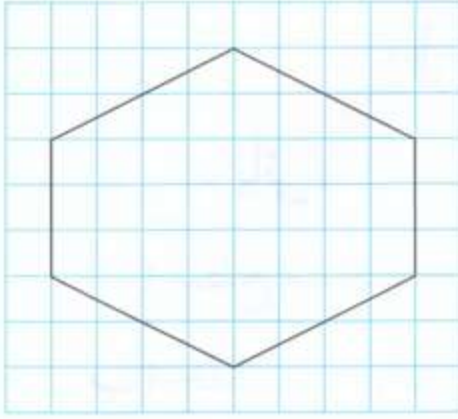
ج (٤٥٠٠ م^٢ إلى دونم)

(٣) أرض مساحتها (٣) كم^٢، اقتطعت منها البلدية (٣٢٠٠٠٠) م^٢ لعمل شارع. ما المساحة المتبقية من الأرض بالكيلومترات المربعة؟

(٤) لدى خياط (٩٠٠٠٠) سم^٢ من القماش، قص منه (٢,٥) م^٢ لأحد الزبائن. كم متراً مربعاً من القماش بقي عنده؟

(٥) ناقش صحة العبارة الآتية، مبرراً إجابتك:

«لدى مزارع أرض مساحتها (٣,٥) كم^٢، زرع منها (٢٥٠٠٠٠٠) م^٢، فبقي من أرضه (١,٥) كم^٢ من دون زراعة».



رَسَمَ مُهَنْدِسٌ مِعْمَارِيٌّ
مُخَطَّطًا لِمَسْبَحٍ كَمَا
هُوَ مُوَضَّحٌ فِي الشَّكْلِ
الْمُجَاوِرِ. مَا الْمِسَاحَةُ
التَّقْرِيْبِيَّةُ لِلْمَسْبَحِ، عِلْمًا
بِأَنَّ الْوَحْدَةَ الْمُرَبَّعَةَ تُمَثِّلُ
مِثْرًا مُرَبَّعًا فِي الْوَاقِعِ؟

النَّاتِجَاتُ:

- تُقَدَّرُ مِسَاحَةُ الْمُضَلَعِ
غَيْرِ الْمُنتَظِمِ.
- تَحْسَبُ مِسَاحَةَ الْمُضَلَعِ
غَيْرِ الْمُنتَظِمِ بِتَقْسِيمِهِ.

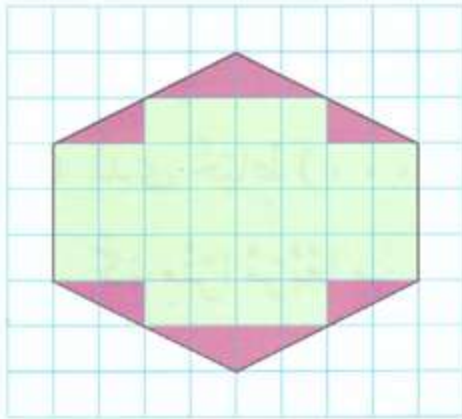
يُمْكِنُ اسْتِعْمَالُ وَرَقِ الْمُرَبَّعَاتِ لِتَقْدِيرِ مِسَاحَةِ الْأَشْكَالِ غَيْرِ الْمُنتَظِمَةِ وَقِيَاسِهَا.

المِثَالُ ١

قَدَّرْ مِسَاحَةَ الْمَسْبَحِ فِي الْمَسْأَلَةِ الْوَارِدِ ذِكْرُهَا فِي بَدَايَةِ الدَّرْسِ.

الحَلُّ

(١) عَدَدُ الْوَحْدَاتِ الْمُرَبَّعَةِ الْكَامِلَةِ الْمَوْضَحَةِ بِاللَّوْنِ الْأَخْضَرِ فِي الشَّكْلِ
الظَّاهِرِ (٣٢) وَوَحْدَةٌ مُرَبَّعَةٌ.



(٢) تَجْمِيعُ الْوَحْدَاتِ الْمُرَبَّعَةِ غَيْرِ الْكَامِلَةِ
الْمَوْضَحَةِ بِاللَّوْنِ الْوَرْدِيِّ لِتُصْبِحَ وَحْدَاتٍ
مُرَبَّعَةً كَامِلَةً (٨ وَحْدَاتٍ مُرَبَّعَةً تَقْرِيْبًا).

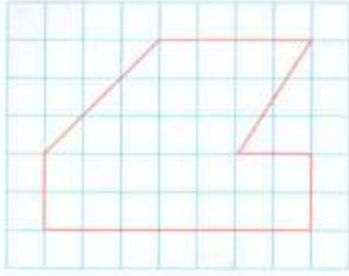
$$\text{إِذْنًا: مِسَاحَةُ الْمَسْبَحِ} = ٣٢ + ٨$$

$$= ٤٠ \text{ وَوَحْدَةٌ مُرَبَّعَةٌ تَقْرِيْبًا.}$$

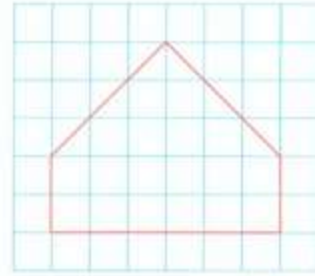
بِمَا أَنَّ كُلَّ وَحْدَةٍ مُرَبَّعَةٍ عَلَى الْمُخَطَّطِ تُمَثِّلُ (٢ م) فِي الْوَاقِعِ؛ فَإِنَّ:
مِسَاحَةَ الْمَسْبَحِ = ٤٠ م^٢ تَقْرِيْبًا.

السؤال (١)

قَدِّرْ مِسَاحَةَ كُلِّ مُضَلَّعٍ مِمَّا يَأْتِي بِالْوَحَدَاتِ الْمُرَبَّعَةِ:



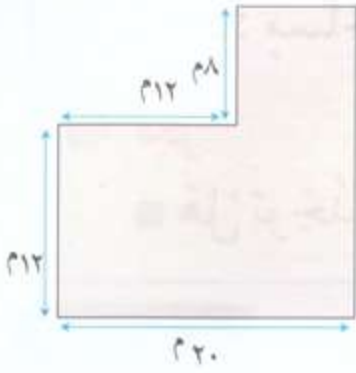
(ب)



(أ)

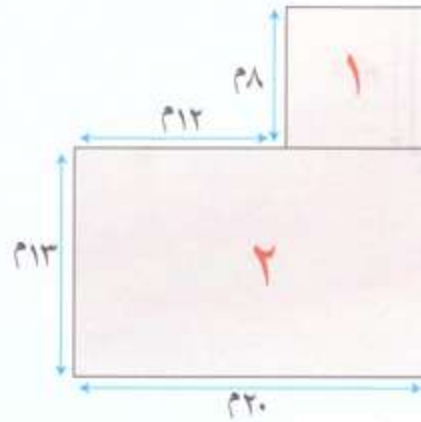
المثال ٢

حَدِيقَةُ مَنْزِلٍ لَهَا الشَّكْلُ الْمَوْضَّحُ جَانِبًا. احْسُبْ مِسَاحَتَهَا.



الحل

(١) تَقْسِيمُ الشَّكْلِ إِلَى أَشْكَالٍ يُمَكِّنُ حِسَابَ مِسَاحَتِهَا
كَمَا يَأْتِي:



فكر

■ مَا اسْمُ كُلِّ مِنَ الشَّكْلَيْنِ: (١)، وَ (٢)؟

(٢) حِسَابُ الْأَبْعَادِ الْمَجْهُولَةِ:

$$\text{طولُ الشَّكْلِ (١)} = 20 - 12 =$$

$$= 8 \text{ م.}$$

(٣) حِسَابُ مِسَاحَةِ كُلِّ مِنَ الشَّكْلَيْنِ النَّاتِجَيْنِ:

$$\text{مِسَاحَةُ الشَّكْلِ (١)} = \text{مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ}$$

$$= \text{ل}^2.$$

$$28 =$$

$$64 \text{ م}^2 =$$

مساحة الشكل (٢) = مساحة المستطيل

$$= \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 13 \times 20 = 260 \text{ م}^2$$

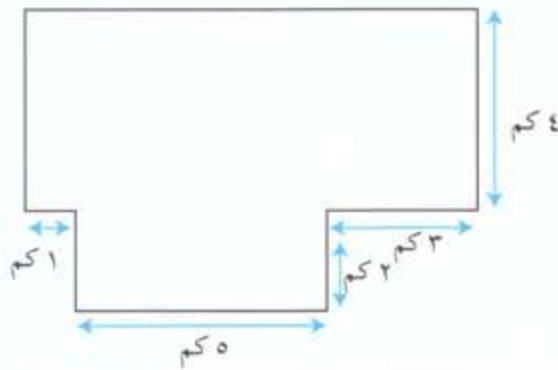
(٤) حساب مساحة الحديقة بجمع مساحة الشكلين: (١)، و (٢).

$$\text{إذن: مساحة الحديقة} = 64 + 260 = 324 \text{ م}^2$$

● **فكر**

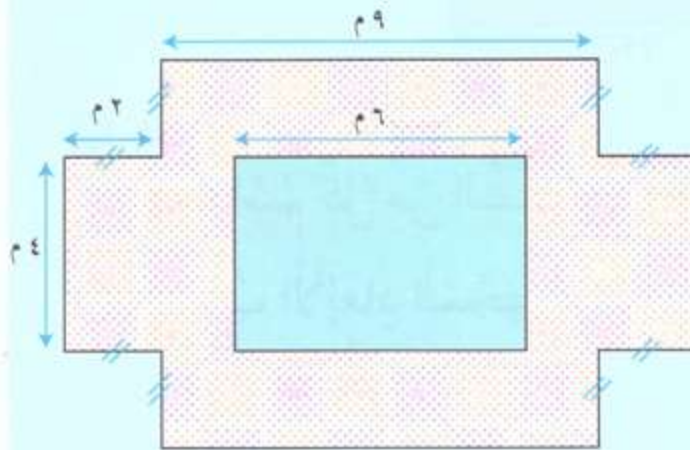
■ هل توجد طرائق أخرى للحل؟ وضح إجابتك.

السؤال (٢)



احسب مساحة قطعة الأرض الموضحة في المخطط المجاور بطريقتين مختلفتين، ثم قارن بينهما.

● **تحذ**



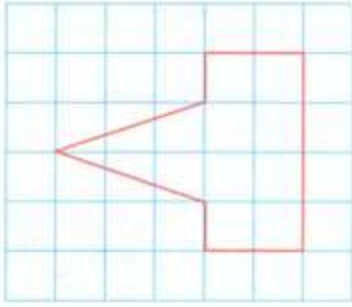
■ احسب مساحة الساحة المبلطة حول المسبح الموضح في الشكل المجاور، ثم تحقق من صحة حلك بحل المسألة بطريقة أخرى.

● **تعلم**

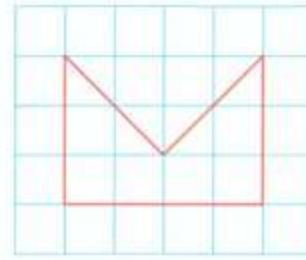
■ الإشارة (//) على الأضلاع تدل على تساوي أطوال الأضلاع المرسومة عليها.

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

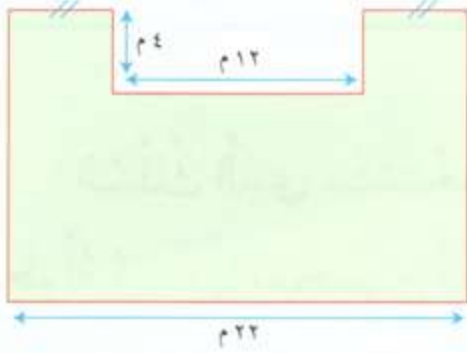
(١) قَدِّرْ مِسَاحَةَ كُلِّ مُضَلَّعٍ مِمَّا يَأْتِي بِالْوَحَدَاتِ الْمُرَبَّعَةِ:



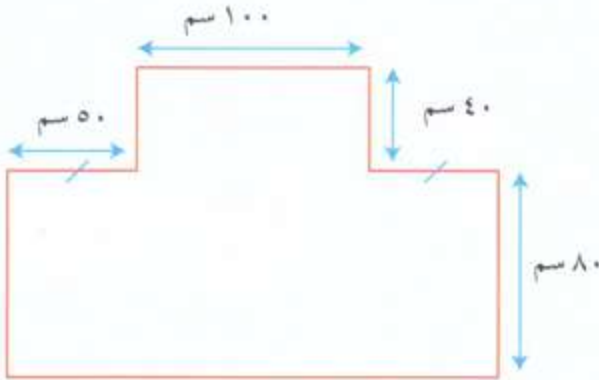
(ب)



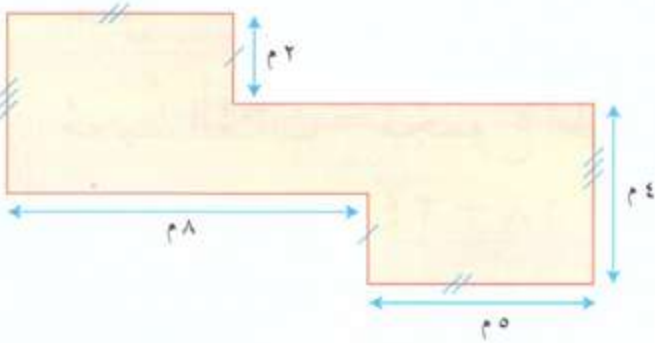
(أ)



(٢) مُتَنَزِّهَةٌ لَهُ الشَّكْلُ الْمَوْضَعُ جَانِبًا. احْسُبْ مِسَاحَتَهُ.

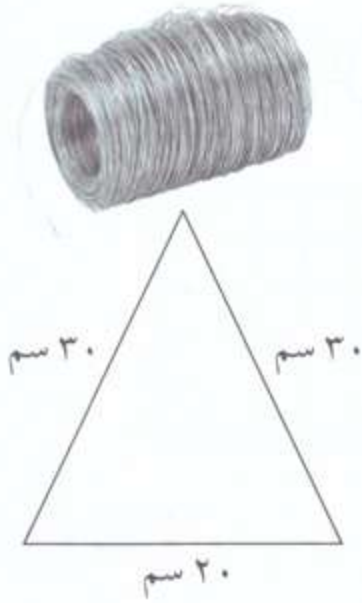


(٣) رَسَمَ مُهَنْدِسٌ مُخَطَّطًا لِنَافِذَةٍ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ. احْسُبْ مِسَاحَتَهَا.



(٤) نَقَشَ رَسَّامٌ تَضَمِيمًا عَلَى قِطْعَةٍ خَشَبِيَّةٍ لِتَزْيِينِ وَاجْهَةِ قَاعَةِ فِي فُنْدُقٍ. وَيُوضَّحُ الْمَخَطَّطُ الْمُجَاوِرُ شَكْلَ الْقِطْعَةِ الْخَشَبِيَّةِ الَّتِي اسْتَعْمَلَهَا الرَّسَّامُ، وَأَبْعَادَهَا. إِذَا كَانَتْ تَكْلِفَةُ الْمِثْرِ الْمُرَبَّعِ الْوَاحِدِ مِنَ الْقِطْعَةِ الْخَشَبِيَّةِ (٢٠) دِينَارًا، وَأَجْرُ الرَّسَّامِ (١٠٠٠) دِينَارًا، فَمَا تَكْلِفَةُ الْقِطْعَةِ كَامِلَةً؟

(١٤٣)



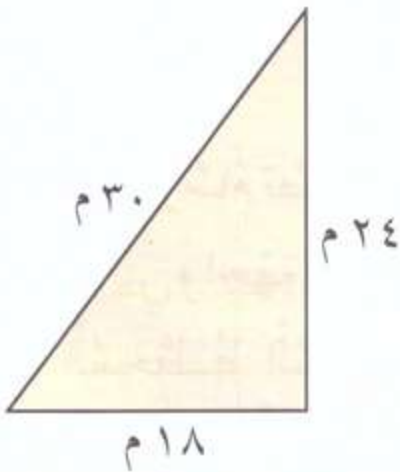
تُرِيدُ سُمَيَّةُ اسْتِخْدَامَ سَلِكٍ فِي صُنْعِ مُثَلَّثٍ، أَطْوَالَ أَضْلَاعِهِ كَمَا فِي الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ. مَا طَوْلُ السِّلِكِ اللَّازِمِ لِذَلِكَ؟

النَّاتِجَاتُ:

- تَحْسَبُ مُحِيطَ مُثَلَّثٍ.
- تَسْتَقْصِي مِسَاحَةَ الْمُثَلَّثِ.
- تَحُلُّ مَسَائِلَ تَتَعَلَّقُ بِمُحِيطِ الْمُثَلَّثِ وَمِسَاحَتِهِ.

السِّلِكُ الَّذِي سَتَسْتَخْدِمُهُ سُمَيَّةُ يُشَكِّلُ الْمُثَلَّثَ كَامِلًا؛ لِذَا، يَجِبُ أَنْ يَكُونَ طَوْلُهُ مُسَاوِيًا لِمَجْمُوعِ أَطْوَالِ أَضْلَاعِ الْمُثَلَّثِ. إِذَنْ: طَوْلُ السِّلِكِ = $30 + 30 + 20 = 80$ س.م. نُسَمِّي مَجْمُوعَ أَطْوَالِ أَضْلَاعِ الشَّكْلِ **مُحِيطَ الشَّكْلِ**.

المِثَالُ ١



احْسَبِ مُحِيطَ الْمُثَلَّثِ الْمَرْسُومِ جَانِبًا.

الحلُّ

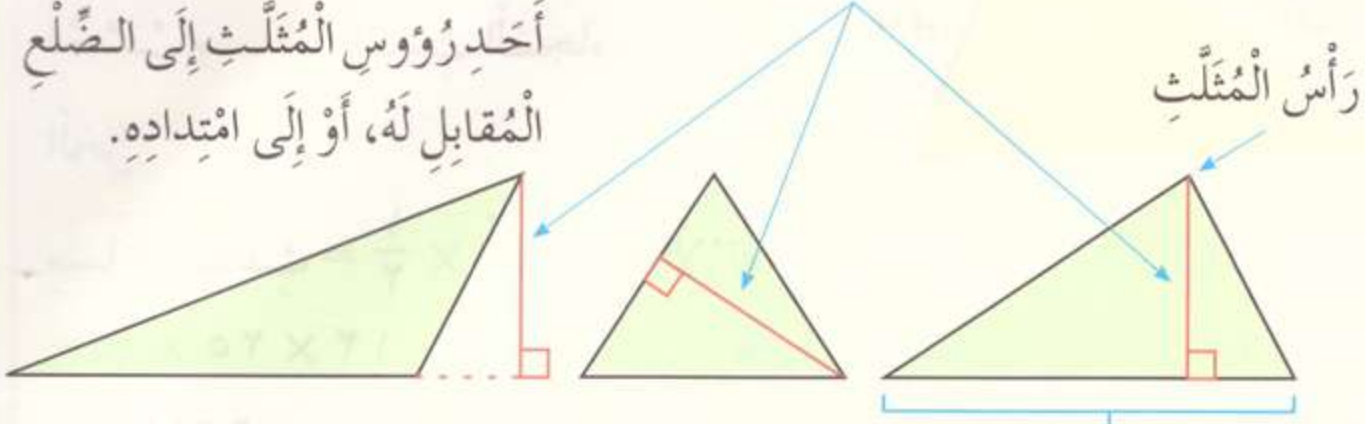
مُحِيطُ الْمُثَلَّثِ = مَجْمُوعُ أَطْوَالِ أَضْلَاعِهِ
 $= 30 + 18 + 24 = 72$ م.

السُّؤَالُ (١)

مُثَلَّثٌ أَطْوَالُ أَضْلَاعِهِ (٥, ٦) س.م، وَ(٧) س.م، وَ(٢, ٣) س.م. مَا مُحِيطُهُ؟

تَعَلَّم

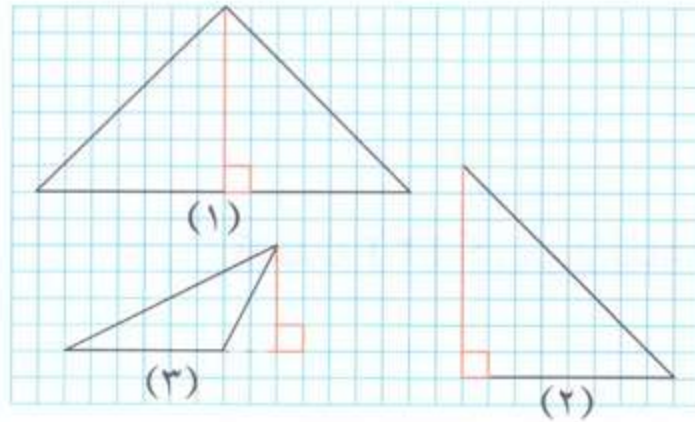
ارْتِفَاعُ الْمُثَلَّثِ: هُوَ طَوْلُ الْعَمُودِ الْمَرْسُومِ مِنْ أَحَدِ زَوُوسِ الْمُثَلَّثِ إِلَى الضَّلْعِ الْمُقَابِلِ لَهُ، أَوْ إِلَى امْتِدَادِهِ.



قَاعِدَةُ الْمُثَلَّثِ: هِيَ الضَّلْعُ الَّذِي رُسِمَ الْعَمُودُ عَلَيْهِ، أَوْ عَلَى امْتِدَادِهِ.

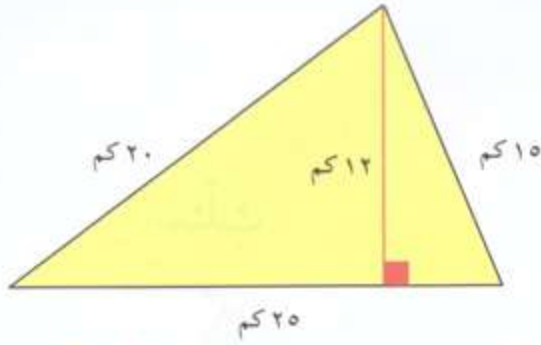
نَشَاطٌ

اسْتَعِنَ بِالْمُثَلَّثَاتِ الْآتِيَةِ لِمَلْءِ الْفَرَاغِ فِي الْجَدْوَلِ التَّالِي:



رَقْمُ الشَّكْلِ	مِسَاحَةُ الْمُثَلَّثِ حَسَبَ عَدَدِ الْوَحَدَاتِ الْمُرَبَّعَةِ	طَوْلُ الْقَاعِدَةِ	الْإِرْتِفَاعُ	$\frac{1}{2} \times$ طَوْلِ الْقَاعِدَةِ \times الْإِرْتِفَاعِ
١				
٢				
٣				

مَاذَا تَسْتَنْتِجُ؟ اكْتُبْ قَانُونًا لِحِسَابِ مِسَاحَةِ الْمُثَلَّثِ.



احسب مساحة المثلث المجاور.

الحل

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$ كتابة قانون حساب مساحة المثلث.

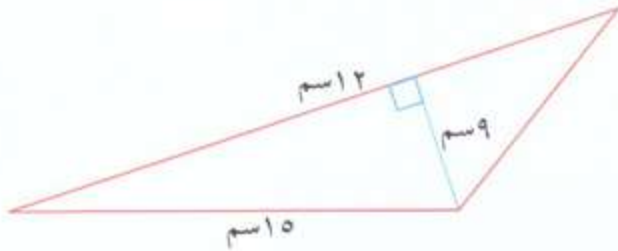
تعويض، القاعدة = 25، الارتفاع = 12.
اختصار.

$$12 \times 25 \times \frac{1}{2} =$$

$$6 \times 25 =$$

$$= 150 \text{ كم}^2$$

السؤال (٢)



احسب مساحة المثلث المجاور.

مسألة

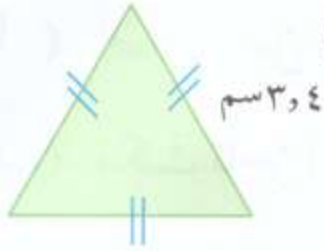
أرض على شكل مثلث، طول قاعدته (٢) كم، وارتفاعه (٥,٥) كم. إذا كان ثمن المتر المربع الواحد (٥٠٠) دينار، فما ثمن الأرض؟

تحدث

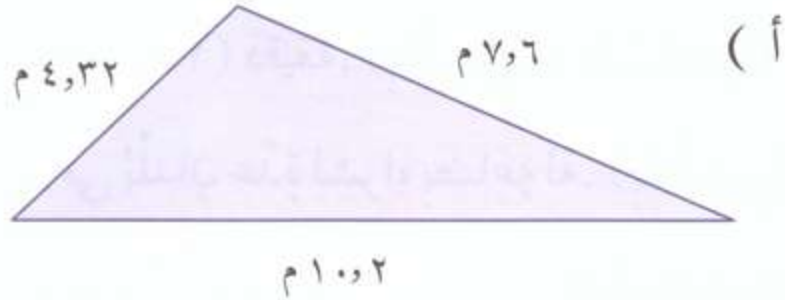
■ ما الفرق بين محيط المثلث ومساحته؟

تَمَارِينُ وَمَسَائِلُ

(١) احسب محيط كل من المثلثين الآتيين:



(ب)



(أ)

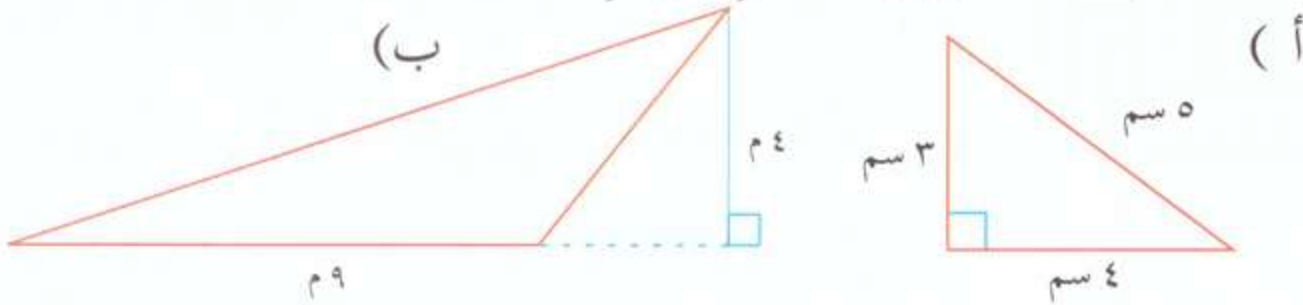
(٢) لوحه مثلثه الشكل، أطوال أضلاعها (٢) م، و (٢) م، و (٧، ١) م. يُراد إحاطتها بإطار، ما طول الإطار؟

(٣) يملك كمال قطعة أرض مثلثه الشكل، أطوال أضلاعها $(\frac{1}{3})$ كم، و $(\frac{1}{3})$ كم، و $(\frac{5}{6})$ كم. يُريد إحاطتها بسياج:

(١) ما طول السياج؟

(٢) إذا كانت تكلفه المتر الواحد من السياج (٣٠) ديناراً، فما تكلفه السياج كاملاً؟

(٤) احسب مساحة كل من المثلثين الآتيين:

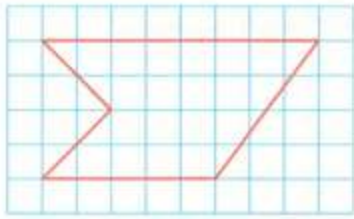


(٥) مثلث طول قاعدته (١٦) م، وارتفاعه (١٢) م. ما مساحته؟

(٦) نسجت خالده بساطاً على شكل مثلث، طول قاعدته (١٥٠) سم، وارتفاعه (١٠٠) سم. إذا تطلب نسج كل (١٠) سم^٢ من البساط ثلاثة أمتار من خيوط الصوف، فكم متراً من هذه الخيوط يلزم لنسج البساط كاملاً؟

مراجعة

- (١) احسب الزمن في كل مما يأتي باستعمال الوحدة المقابلة:
- (أ) أصلح عامل صيانة ثلاجة في (١٥) دقيقة. (بالثواني، وبالساعات)
- (ب) مكث تاجر (١٢٠) يوماً في بلدان عدة لشرء بضاعة له. (بالشهور)
- (ج) استمر هطل المطر في أحد فصول الشتاء (٣) أيام متتالية. (بالساعات)
- (٢) بدأت صلاة التراويح في رمضان الساعة (٩:٣٥) ليلاً، وانتهت الساعة (١٠:٢٠) ليلاً. ما الزمن الذي استغرقته الصلاة؟
- (٣) بدأ فني صيانة إصلاح سيارة الساعة (٩:١٨) صباحاً، وقد استغرق إصلاحها ساعتين. في أي ساعة أنهى فني الصيانة إصلاح السيارة؟
- (٤) ذهب غالب في رحلة سياحية بتاريخ ٧/٢/٢٠١٦ م. إذا كانت مدة الرحلة شهرين وثمانية وعشرين يوماً، فما تاريخ العودة من الرحلة؟

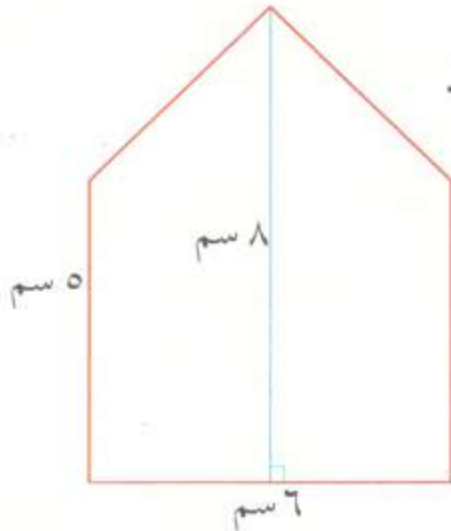


(٥) قدر مساحة الشكل المجاور بالوحدات المربعة.

(٦) حول كل مساحة مما يأتي إلى الوحدة المقابلة لها:

(أ) ٤٥ كم^٢ إلى م^٢. (ب) ١٢٥٠٠ سم^٢ إلى م^٢.

(٧) احسب مساحة الشكل المجاور.



اختبار ذاتي

- (١) أنهت عبير دراسة الصيدلة في خمس سنوات. احسب زمن دراستها بالشهور.
- (٢) رسم فنان صورة لشخص في (٤٨) دقيقة. احسب الزمن بالساعات.
- (٣) بدأت فدوى نسج قطعة من الصوف الساعة (٣:٣٥) عصرًا، وقد استغرق ذلك ساعتين وستًا وأربعين دقيقة. في أي ساعة أنهت فدوى نسج قطعها؟
- (٤) كلف عمر شركة هندسة ببناء منزله، وقد بدأت الشركة البناء بتاريخ ٨/٦/٢٠١٤م، وأنهته بتاريخ ٩/٣/٢٠١٥م. في كم يوم أنهت الشركة بناء المنزل؟

(٥) اكتب في الوحدة المناسبة (سم^٢، م^٢، كم^٢) لقياس مساحة كل مما يأتي:

أ () مساحة مدرسة = ٦٨٠

ب () محافظة العقبة = ٣٧٥

ج () صورة فوتوغرافية = ٢٤

(٦) حول كل مساحة مما يأتي إلى الوحدة المقابلة لها:

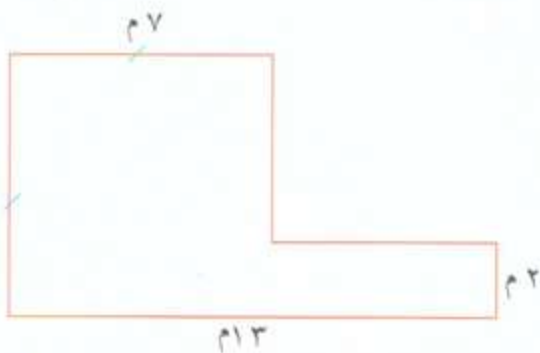
أ (٧ م^٢ إلى سم^٢ . ب) (٩٠٠٠٠٠٠ م^٢ إلى كم^٢ .

(٧) لوحة فنية مرسومة على جدار، مساحتها (١٥٠٠٠) سم^٢. أكمل رسام رسم

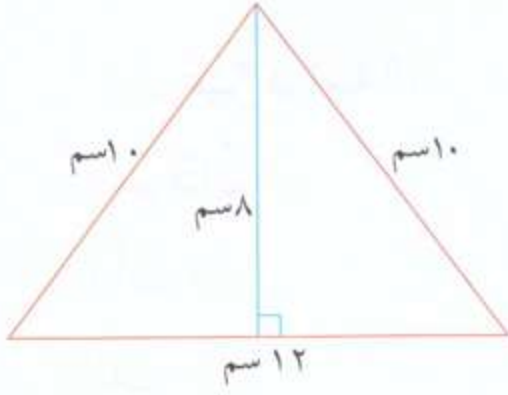
اللوحة حتى غطت الجدار كله. إذا كانت مساحة الجدار (٦) م^٢، فكم مترًا

مربعًا أضاف الرسام إلى هذه اللوحة؟

(٨) احسب مساحة الشكل المجاور.



٩) احسب محيط المثلث الظاهر، ومساحته.



١٠) تعاقد محرر للعمل في دار للنشر؛ على أن يبدأ العمل يوم ١٨/٣/٢٠١٤م، وينتهي يوم ١١/٧/٢٠١٥م. إذا كان أجر المحرر (٧٠) دينارًا يوميًا، فكم دينارًا مجموع راتبه في نهاية المدة، علمًا بأنه نال إجازات وعطلاً غير مدفوعة الأجر مدتها (٣٠) يومًا؟

Handwritten text on the right margin, possibly a page number or date, including the number "11".

Handwritten text in the center of the page, appearing to be a signature or a set of initials.

Handwritten text in a vertical column on the right side of the page, likely bleed-through from the reverse side. The text is illegible due to blurring and orientation.

ISBN 978-9957-84-586-5



9 789957 845865

المطابع
المركزية