

## استيعاب مفهوم الحجم

السؤال الأساس: ما معنى حجم مجسم؟  
كيف يمكن إيجاد حجم شبه مكعب؟

إنك تستعمل الطاقة على مدار الساعة طوال أيام الأسبوع، من لحظة نهوضك من النوم في الصباح حتى استعدادك للنوم في المساء.

الطاقة الكيميائية المستمدة من الطعام تتحول إلى طاقة ميكانيكية تساعدك على النهوض من النوم.

يا لها من قدرٍ!  
فالطاقة الكيميائية والميكانيكية هي التي تحرك أيضًا الحافلة التي تقلني إلى المدرسة. إليك مشروعًا عن الطاقة اليومية.



## مشروع الرياضيات والعلوم: الطاقة اليومية

**يوميّات:** اكتب تقريرًا اذكر فيه ما توصلت إليه.

وفي التقرير أيضًا:

- ارسم مخططاً لغرفة صفك الدراسي واذكر الأماكن والطرق التي تُستعمل من خلالها 3 أنواع من الطاقة.
- قدر المسافة التي يبعدها مقعدك الدراسي عن مصدر الطاقة الضوئية وأضف هذا البعد إلى مخطبتك.
- استعمل المخطط لتكوين وحلّ مسائل تتضمن قياسات مثل حجم غرفة صفك.

**أجر بحثًا** استعمل الإنترنت ومصادر أخرى لمعرفة المزيد عن أنواع الطاقة الخمسة هذه: الكهربائية والضوئية والميكانيكية والصوتية والحرارية. أنشئ جدولاً يضم أنواع الطاقة المختلفة التي تستعملها كل يوم. ضمّن الجدول مثالاً واحدًا على الأقل على كيفية استعمالك كل نوع من أنواع الطاقة.

## ☆ راجع ما تعرفه ☆

### المصطلحات

اختر المصطلح المناسب من الصندوق. واكتبه في المساحة الفارغة.

- الموازنه
- المستطيل
- نواتج الضرب الجزئية
- كسر الوحدة

1. تعديل عدد لجعل العملية الحسابية أسهل وموازنة التعديل

بتغيير عدد آخر يسمى \_\_\_\_\_.

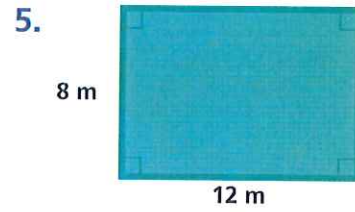
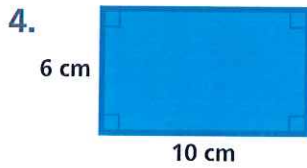
2. الكسر الذي بسطه 1 يُسمى \_\_\_\_\_.

3. الشكل الرباعي الذي له زوجان من الأضلاع المتوازية والمتساوية في الطول

وزواياه الأربعة قائمة هو \_\_\_\_\_.

### المساحة

أوجد مساحة كل شكل.



### العمليات

أوجد كل ناتج ضرب أو ناتج قسمة.

6.  $16 \times 6$

7.  $3 \times 42$

8.  $216 \div 3$

9.  $128 \div 4$

10.  $(5 \times 6) \times 3$

11.  $(6 \times 6) \times 6$

12. لدى ليلي قطعتان من الخشب بطول 12 سنتيمترًا وقطعتان بطول 16 سنتيمترًا.

ما طول قطع الخشب مجتمعة؟

(A) 28 cm

(B) 32 cm

(C) 56 cm

(D) 192 cm

### إيجاد المساحة

13. استعمل سعيد قطعًا مربعة لتكوين مستطيل من صفيين في كل منهما 7 قطع مربعة. وضح كيف توجد مساحة المستطيل.

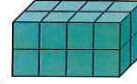
استعمل الأمثلة الواردة لكل مصطلح على وجه البطاقة  
للمساعدة على إكمال التعريفات على ظهر البطاقة.

## بطاقات المصطلحات

مكعب



الحجم



اضرب الطول في العرض في الارتفاع:  
الحجم يساوي  $4 \times 2 \times 2 = 16$   
إذن، الحجم يساوي 16 وحدة مكعبة.

مكعب الوحدة



الوحدة المكعبة



حجم المكعب يساوي 1 وحدة مكعبة

الصيغة

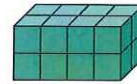
صيغة حجم شبه المكعب:

$$V = \ell \times w \times h$$

$V$  = الحجم       $\ell$  = الطول

$w$  = العرض       $h$  = الارتفاع

شبه المكعب



أكمِل التعريف. وسّع التعلم بكتابة تعريفاتك.

## بطاقات المصطلحات

\_\_\_\_\_ هو عددُ الوحدات المكعبة  
اللازمة لملء مجسم.

\_\_\_\_\_ هو مجسمٌ بستة أوجهٍ  
على شكلٍ مربعٍ متطابقٍ.

\_\_\_\_\_ هي حجم  
مكعبٍ طول كلِّ حرفٍ فيه وحدةٌ واحدة.

\_\_\_\_\_ هو مكعبٌ طول  
كلِّ حرفٍ فيه وحدةٌ واحدة.

\_\_\_\_\_ هو  
مجسمٌ بستة أوجهٍ مستطيلة الشكل.

\_\_\_\_\_ هي قاعدةٌ تستعمل  
رموزًا للربط بين كميتين أو أكثر.

## الدرس 1-8

### حجم المجسم Modeling Volume

أستطيع ...

إيجاد حجم مجسم.

معايير الدرس

5.10.5

حلّ وشارك

تبنى هيفاء شبة مكعب باستعمال مكعبات السكر من أجل مشروعها الفني. بدأت برسم تصميم لشبه المكعب ارتفاعه 4 مكعبات وطوله 4 مكعبات. ما عدد المكعبات التي تستعملها لبناء شبه المكعب؟ حلّ هذه المسألة بأيّ طريقة تختارها.

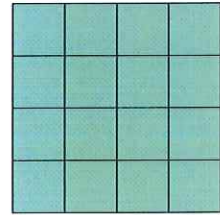
استعمل الأدوات المناسبة

يمكنك رسم صورة لإيجاد عدد المكعبات التي تكوّن شبه مكعب. بين عملك!



المنظر الجانبي

المنظر الأمامي

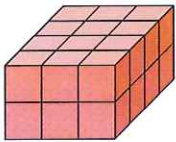


قبل:  
① ما هي المعلومات التي تحتاجها لبيان ما هي المساحة التي تغطيها المكعبات؟  
② ما هي المعلومات التي تحتاجها لحساب حجم شبه المكعب؟

المنظر العلوي



أثناء:  
① ما هي المعلومات التي يمكن إيجادها من المناظر الثلاثة؟  
② كيف يمكن إيجاد حجم شبه المكعب؟  
بعد: بناءً على إجابات الطلبة وأدريته بالمكعب يمكن وصفه باستخدام طوله وعرضه وارتفاعه، عدد الومضات، المكعب في شبه المكعب عدد حجمه.



انظر مجددًا!! برز منطقيًا قررت هيفاء تغيير مشروعها الفني وبناء

شبه مكعب طوله 4 مكعبات وعرضه 3 مكعبات وارتفاعه 3 مكعبات.

استعمل الصورة لتحديد عدد المكعبات التي استعملتها هيفاء.

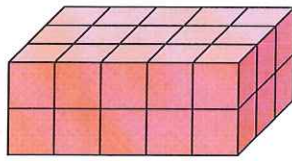
التوسع: ارسم صورة لشبه مكعب طوله 3 وحدان، عرضه وحدتين وارتفاعه وحدتين. ما هو حجم شبه المكعب؟

## كيف يمكنك قياس الحيز داخل الجسم؟

السؤال الأساس

A

الحجم هو عدد الوحدات المكعبة اللازمة لتكوين مجسم بدون فراغات أو تداخلات بينها. الوحدة المكعبة هي حجم مكعب قياس كل حرفي من أحرفه وحدة واحدة. ما حجم شبه المكعب أدناه؟



مكعب وحدة

1 وحدة  
1 وحدة  
1 وحدة

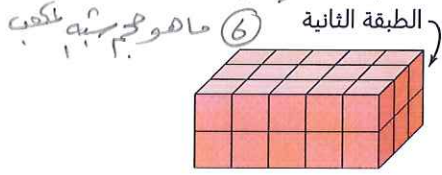
حجم كل مكعب في الجسم وحدة مكعبة واحدة.

الاسئلة لصفحة :

- ① كم عدد المكعبات التي طامها البناء وحدة مكعبه؟
- ② هل عكس استعمل بصورة لهد جميع الوحدان؟ وضع اجابتك؟
- ③ كم مكعب في الطبقة السفليه؟
- ④ كيف تعرف ذلك؟



⑤ كيف عين الحار عدد المكعبات في توجذ طبقتان. الطبقة الثانية؟

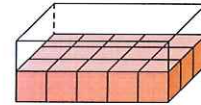


اضرب حجم الطبقة السفلية في 2

حجم شبه المكعب يساوي  $2 \times 15$

إذن، حجم شبه المكعب يساوي 30 وحدة مكعبة.

B استعمل مكعبات الوحدة لصنع نموذج.



عدّ المكعبات.

يوجد 15 مكعب وحدة في الطبقة السفلية.

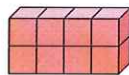
حجم الطبقة السفلية يساوي 15 وحدة

مكعبة.

**أقنعني! بزز منطقيًا** في الصورة أدناه، ما عدد مكعبات الوحدة اللازمة لتكوين

شبه المكعب الموجود على اليسار بدون فراغات أو تداخلات؟

كم وحدتين مكعبتين تلزم لبناء شبه المكعب الموجود على اليسار؟

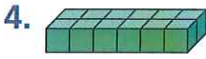
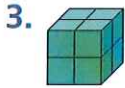


وحدتين  
مكعبتين

## ☆ تدرّب موجّه ☆

### طبّق فهمك

في التمرينين 3 و 4، استعمل مكعبات الوحدة لتكوين نموذج لشبه المكعب. أوجد الحجم.



### عبّر عن فهمك

1. كوّن نموذجًا لشبه مكعب طول الطبقة السفلية فيه 3 مكعبات وعرضها 3 مكعبات. كوّن طبقة علوية تطابق الطبقة السفلية. ثمّ ارسم صورةً لنموذجك. ما حجمه؟

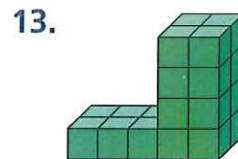
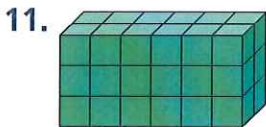
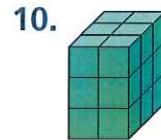
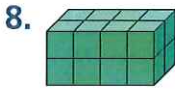
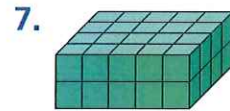
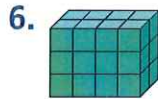
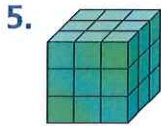
الحجم: 18 وحدة مكعبة

2. المصطلحات ما الفرق بين مكعب الوحدة والوحدة المكعبة؟

الوحدة المكعبة هي وحدة قياس المساحة أو حجمه فهو مكعب طول كل ضلعه مساوٍ لآخره وواحدة

## ☆ تدرّب مستقلّ ☆

في التمارين 5-13، أوجد حجم الجسم. استعمل مكعبات الوحدة لتساعدك.



## ممارسات الرياضيات وحل المسائل

في التمارين 14-18، استعمل الجدول.

قارن بين أحجام أشباه المكعبات.

اكتب  $>$  أو  $<$  أو  $=$  في كل  $\bigcirc$ .

14. شبه المكعب A  $\leftarrow$  شبه المكعب B

15. شبه المكعب B  $\rightleftharpoons$  شبه المكعب C

16. شبه المكعب C  $\rightarrow$  شبه المكعب A

17. إذا أضفت طبقة أخرى من مكعبات الوحدة

فوق شبه المكعب A، فكم يكون حجم

المجسم الجديد بالوحدات المكعبة؟

16 وحدة مكعبة

18. إذا وضعت شبه المكعب C فوق شبه المكعب A،

فما حجم المجسم الجديد بالوحدات المكعبة؟

14 وحدة مكعبة

19. برز منطقيًا صوت 471 شخصًا في أحد

الانتخابات. حصل المرشح الأول على  $\frac{2}{3}$  الأصوات.

ما عدد الأصوات التي حصل عليها المرشح الأول؟

314 صوت

20. مهارات التفكير العليا لإحدى الشركات غرفة

تخزين طولها 7 أمتار وعرضها 3 أمتار

وارتفاعها 3 أمتار. هل يمكن أن تستوعب

هذه الغرفة 67 صندوقًا حجم كل منها متر

مكعب واحد؟ وضح إجابتك.

لا، لأنه حجم غرفته التخزين 63 وحدة مكعبة

أما حجم الصندوق 67 وحدة مكعبة

### تقويم

21. كوئت حنائ المجسمين المجاوزين باستعمال مكعبات الوحدة.

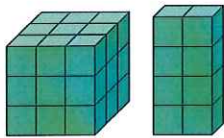
أي من العبارات التالية تصف النموذجين؟

(A) النموذج X والنموذج Y لهما نفس الحجم.

(B) حجم النموذج X أكبر من حجم النموذج Y بمقدار 9 وحدات مكعبة.

(C) حجم النموذج X أكبر من حجم النموذج Y بمقدار 19 وحدة مكعبة. ✓

(D) حجم النموذج X والنموذج Y معًا يساوي 45 وحدة مكعبة.



النموذج X النموذج Y



## تَدْرِبْ فِي الْمَنْزِلِ 8-1 حجم الجسم

### بطريقةٍ أُخْرَى!

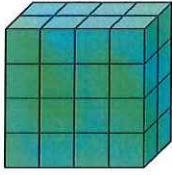
الحجم هو قياس الحيز داخل مجسم.



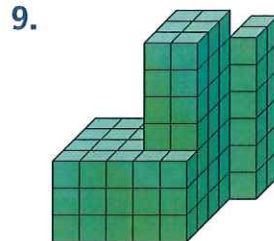
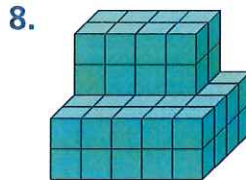
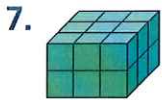
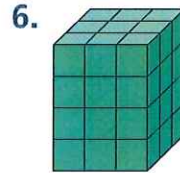
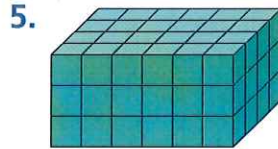
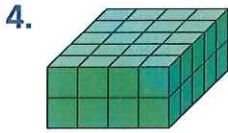
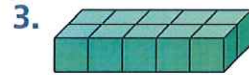
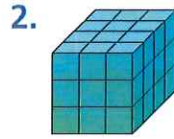
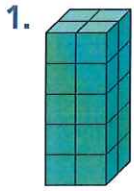
يقاس الحجم  
بالوحدات المكعبة.

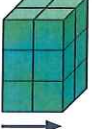
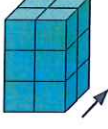
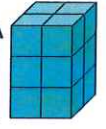
أوجد حجم الجسم بعدد مكعبات الوحدة.

تكوّن الطبقة السفليّة من 8 مكعبات والمجسم مكوّن من 4 طبقات.  
إجمالي عدد مكعبات الوحدة 32  
إذن، الحجم يساوي 32 وحدة مكعبة.



في التمارين 9-1، أوجد حجم الجسم. استعمل مكعبات الوحدة لتساعدك.



عدد المكعبات في الطول	عدد المكعبات في العرض	عدد المكعبات في الارتفاع
		
1	1	12
2	2	3
2	3	2
2	6	1
3	1	4
3	2	2
3	4	1
4	1	3
6	2	1

في التمارين 10-12، استعمل الجدول.

10. مهارات التفكير العليا أكمل الجدول. وضح بعض الطرق المختلفة التي تجعل حجم شبه المكعب 12 وحدة مكعبة.

11. ابحث عن العلاقات انظر أفقيًا عبر كل من صفوف الجدول. ما النمط الذي تراه؟

إذا ضربنا الرقم في أي طرف فإنه لنا 12

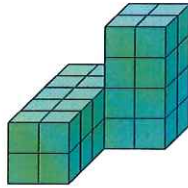
12. استعن بالجدول للمساعدة. ما عدد مكعبات الوحدة اللازمة لتكوين نموذج لشبه مكعب طوله 4 وحدات وعرضه 3 وحدات وارتفاعه وحدتان؟

24 وحدة مكعبة

14. برز منطقيًا كوّنث بثينة نموذجًا لمبنى وكوّنث

آمنة نموذجًا لمبنى آخر، وهما تريدان دمج النموذجين لتكوين نموذج واحد. ما التغيير الذي يجب أن تحدثه كل منهما على نموذجها لجعل النموذجين متساويين في الحجم؟ وضح إجابتك.

أهذف مكعب من الجزء العلوي  
20 مكعب ثم أضفه في الجزء  
الذي تبين 16 مكعب



13. الحس العددي ارتفاع أحد المباني 509 قدم.

ارتفاع الطابق الواحد 14 قدم تقريبًا. ما عدد طوابق المبنى تقريبًا؟ (القدم وحدة لقياس الطول).

تقريبًا 36 طابق

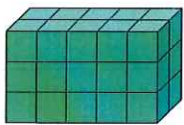
هل تحتاج إلى تقدير أم إجابة دقيقة؟



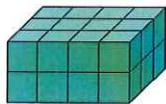
تقويم

15. يتكوّن كلا النموذجين من مكعبات حجم الواحد منها 1 سنتيمتر مكعب.

أي من العبارات التالية تصف هذين النموذجين؟



النموذج Q



النموذج R

(A) النموذج Q والنموذج R لهما نفس الحجم.

(B) حجم النموذج R أكبر من حجم النموذج Q.

(C) حجم النموذج Q أكبر من حجم النموذج R بمقدار 7 سنتيمتر مكعب.

(D) حجم النموذج Q والنموذج R معًا 54 سنتيمترًا مكعبًا.

## الدرس 2-8 استكشاف صيغة الحجم Develop a Volume Formula

### أَسْتَطِيعُ ...

إيجاد حجم المكعبات وأشياء المكعبات  
باستعمال صيغة.

### مغيار الدرس

5.10.6

### حلّ وشارك

يحتاج سعيدٌ إلى حوض أسماكٍ جديدٍ لأسماكِهِ.  
يوجد في متجر الحيوانات الأليفة حوض أسماكٍ على شكل  
شبه مكعب، طوله 5 أقدام وعرضه قدمان وارتفاعه 4 أقدام.  
يحتاج سعيدٌ إلى حوض أسماكٍ حجمه 35 قدمًا مكعبًا على الأقلّ.  
هل حجم حوض الأسماك الذي في المتجر ملائم لما يطلبه سعيدٌ؟  
**حلّ هذه المسألة بأيّ طريقةٍ تختارها.**  
(القدم يساوي 30 سنتيمتر تقريبًا).

### افهم وثابز في الحلّ

اقرأ المسألة جيدًا للتأكد من أنك تفهم  
ما تحاول إجادة. بين عملك.

بعد  
مناقشة اجابات لطلبه وتوضيح  
ان الحجم هو كم الفراغ الموجود  
في شكل ثلاثي الابعاد.



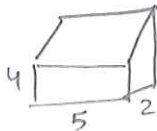
التوسع:  
في حل آخر يوجد حوض  
للأسماك حجمه 36 وهو  
مكعب ما هي الأبعاد الممكنة  
لديه المكعب؟

قيل:  
1) ما هي المخططات التي تتناسبها  
لإيجاد حجم شبه المكعب؟  
2) ما هي الأبعاد موضحة للأسماك؟  
زئنا:  
1) ما هي الاستراتيجيات التي يمكن  
استخدامها لحل المسألة؟  
2) ما هو السؤال الخفي الذي تحتاج  
للإجابة عنه قبل حل هذه المسألة؟

### انظر مجددًا! انقد وبرز

يقول طارق إن حجم حوض الأسماك سيتغير  
إذا كانت أبعاده تساوي قدمين طولاً و 4 أقدام عرضاً و 5 أقدام ارتفاعاً.  
هل هو على صواب؟ وضّح إجابتك.

عنا زج من اجابات لطلبه



$$V = (5 \times 2) \times 4 = 40$$

حجم الحوض ملائم لما يطلبه سعيد حيث 40 أكبر من 35

يمكن استخدام الصيغة لإيجاد الحجم

$$V = L \times w \times h \\ = 5 \times 2 \times 4 = 40$$

حجم الحوض 40 وحدة مكعب وهو أكبر من 35  
حجم الحوض ملائم لما يطلبه سعيد

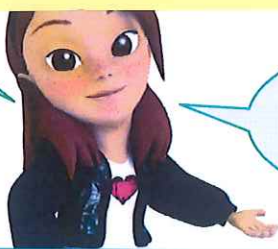
**السؤال الأساس**

- ① ماهي الأبعاد - إختيار - التي يمكن استخدامها لإيجاد حجم شبه المكعب؟
- ② ماهو الارتفاع - إختيار - الذي يمكن استخدامه لإيجاد حجم شبه المكعب؟
- ③ ماهو طول، عرض، ارتفاع شبه المكعب - إختيار - الذي يمكن استخدامه لإيجاد حجم شبه المكعب؟
- ④ ماهي وحدة الحجم؟

تذكر أن الحجم هو عدد الوحدات اللازمة لتكوين مجسم بدون فراغات أو تداخلات بينها.

أوجد حجم شبه المكعب المجاور كل وحدة مكعبة تمثل سنتيمتراً.

الصيغة هي فاعده تتضمن رموزاً للربط بين عددين أو أكثر.



يمكنك إيجاد حجم شبه المكعب بعدد المكعبات أو استعمال صيغة.

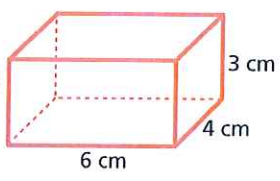
استعمل الصيغة لإيجاد حجم شبه المكعب.

$$V = \ell \times w \times h$$

$$V = (6 \times 4) \times 3$$

$$V = 24 \times 3$$

$$V = 72$$



حجم شبه المكعب يساوي 72 سنتيمتراً مكعباً أو  $72 \text{ cm}^3$

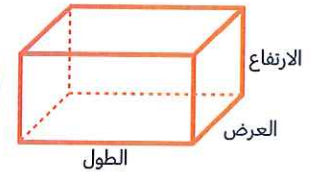


يمكن إعادة تجميع العوامل في الصيغة باستعمال خاصية التجميع.

إذا كانت أبعاد شبه المكعب معطاة في صورة طول  $\ell$  وعرض  $w$  وارتفاع  $h$ ، فاستعمل الصيغة التالية لإيجاد الحجم  $V$ :

الحجم = الطول  $\times$  العرض  $\times$  الارتفاع

$V = \ell \times (w \times h)$  أو  $V = (\ell \times w) \times h$

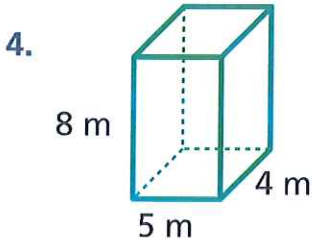
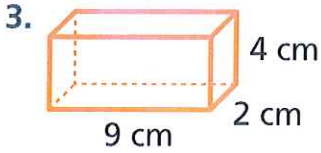


**أقنعني! بزز منطقياً** حدّد أبعاد شبه مكعب آخر حجمه  $72 \text{ cm}^3$  أيضاً. وضح إجابتك.

## ☆ تدرّب موجّه ☆

### طبّق فهمك

في التمرينين 3 و 4، أوجد حجم شبه المكعب.



### عبّر عن فهمك

1. في المثال الوارد في الصفحة السابقة، هل يمكنك أولاً ضرب العرض في الارتفاع؟ وضح إجابتك.

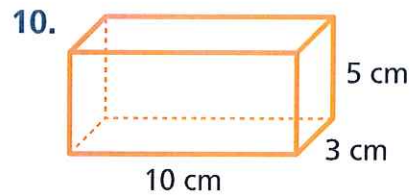
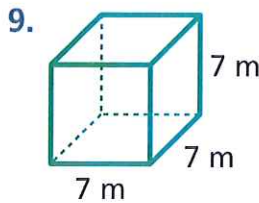
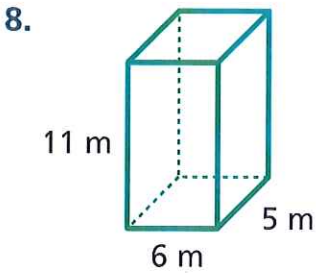
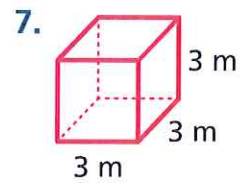
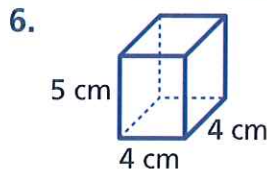
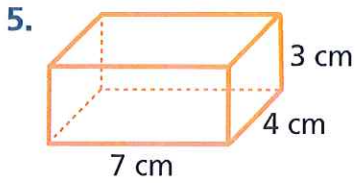
نعم لأن طابعية الجميع تتطوّر على ضرب.

2. نمذج صندوق خشبيّ طولهُ 5 سنتيمتر وعرضهُ 3 سنتيمتر وارتفاعهُ 2 سنتيمتر. ارسم شبة مكعب لتمثيل الصندوق، وسمّه. ما حجم هذا الصندوق؟

$$30 \text{ cm}^3$$

## ☆ تدرّب مستقلّ ☆

في التمارين 5-10، أوجد حجم المكعب أو شبه المكعب.



## ☆ ممارسات الرياضيات وحل المسائل ☆



ما العمليات التي يجب أن تستعملها لحل هذه المسألة؟



في التمرينين 11 و 12، استعمل صورة القاموس.

11. قاموس جيب سمكه 3 سنتيمتر،  
ما حجمه؟

$$189 \text{ cm}^3$$

12. برز منطقيًا طلبت إحدى المدارس لمكتبها

10 قواميس. ثمن القاموس الواحد منها

QR 25، وتكلفة التوصيل QR 15.

ما تكلفة القواميس الجديدة؟ بين عملك.

$$\text{QR } 265$$

$$10 \times 25 = 250$$

$$250 + 15 = 265$$

14. مهارات التفكير العليا ما ارتفاع شبه مكعب

حجمه 280 مترًا مكعبًا وطوله 8 أمتار  
وعرضه 7 أمتار؟ وضح طريقة توصلك إلى الإجابة.

$$5 \text{ m}$$

$$V = l \times w \times h, \quad l \times w = 8 \times 7 = 56$$

$$280 \div 56 = 5$$

13. افهم وثابز في الحل في أحد معارض الأحياء

البحرية حوض طوله 56.5 قدمًا

وارتفاعه 17 قدمًا وعرضه 13 قدمًا.

قدّر حجمه بوحدة القدم المكعبة.

(القدم وحدة لقياس الطول).

تقريبًا ١٢٥٥ قدم مكعب

16. شجرة ارتفاعها 8.194 أمتار.

كم يساوي هذا الارتفاع مقربًا إلى أقرب جزء من  
عشرة من المتر؟

$$8.2 \text{ m}$$

15. في الجبر استعمل المقدار  $3 \times s$

لإيجاد تكلفة شراء 3 أكواب.

ما قيمة هذا المقدار إذا كان  $s = \text{QR } 16$ ؟

$$\text{QR } 48$$

### تقويم

17. اختر كل مقدار يمكن استعماله لإيجاد حجم

الصندوق الخشبي المجاور.



$(6 \times 4) \times 3$

$(6 \times 4) + 3$

$6 \times 4$

$6 \times (4 \times 3)$

$(4 \times 3) \times 6$

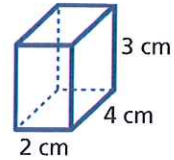
## تَدْرَبْ فِي الْمَنْزِلِ 8-2 استكشاف صيغة الحجم



يتساوى حجم شبه المكعب سواء  
عذت مكعبات الوحدة  
أم ضربت أبعاده ببعضها.

### بطريقة أخرى!

ما حجم شبه مكعب طوله 2 سنتيمتر وعرضه 4 سنتيمتر  
وارتفاعه 3 سنتيمتر؟



أدرج قيم  $l$  و  $w$  و  $h$  في صيغة الحجم.

$$V = l \times w \times h$$

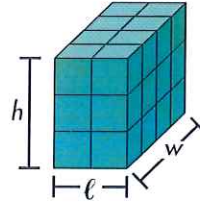
$$V = (2 \times 4) \times 3$$

$$V = 8 \times 3$$

$$V = 24$$

الحجم يساوي  $24 \text{ cm}^3$

يمكن لنموذج من مكعبات الوحدة توضيح معنى  
 $h$  و  $w$  و  $l$ .



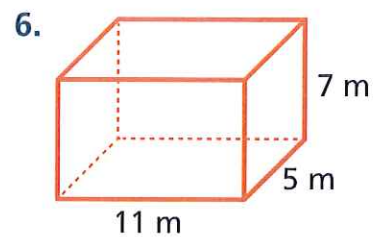
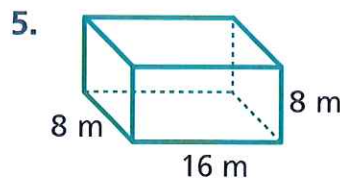
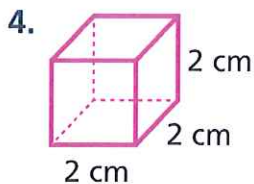
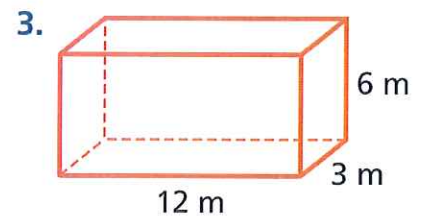
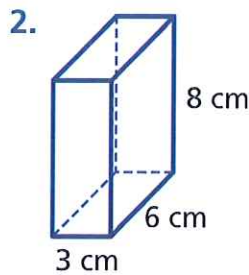
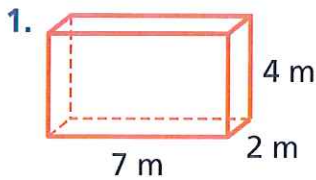
$$l = 2 \text{ cm}$$

$$w = 4 \text{ cm}$$

$$h = 3 \text{ cm}$$

$l$  = الطول  
 $w$  = العرض  
 $h$  = الارتفاع

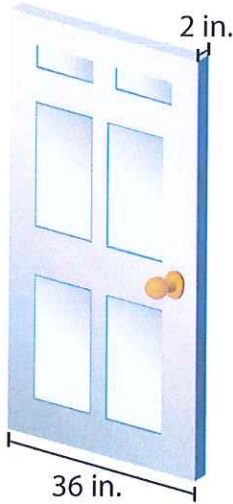
في التمارين 1-6، أوجد حجم المكعب أو شبه المكعب.





7. **نمذج** اكتب مقداراً يمثّل حجم قضيب المغناطيسي المجاور.

$$(6.75 \times 0.75) \times 1.5$$



8. **كُن دقيقاً** ارتفاع باب المدخل في نموذج لمنزل 80 إنش، ما حجم هذا الباب؟

$$5760 \text{ in}^3$$

9. إذا كان طول باب الغرفة في نموذج لمنزل 30 إنش بدلاً من 36 إنش، فبكم يكون حجم باب المدخل أكبر من حجم باب الغرفة؟

$$960 \text{ in}^3$$

10. منزل مستطيل الشكل مساحته 224 قدمًا مربعةً وعرضه 14 قدمًا. ما طول هذا المنزل؟

$$16 \text{ ft}$$

12. شكل رباعيّ جميع أضلاعه متساوية في الطول وليس له أيّ زوايا قائمة. ما اسم هذا الشكل الرباعيّ؟

ما الأشكال الرباعية التي لا يمكن لهذا الشكل أن يكونها؟



11. **مهارات التفكير العليا** مكعب حجمه

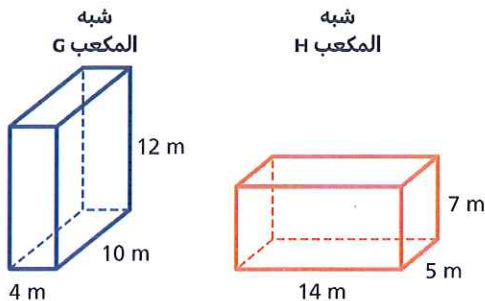
1 000 سنتيمتر مكعب. ما طول حرف المكعب؟ وضح طريقة توكيدك إلى الإجابة.

$$10 \text{ سنتمتر}$$

$$10 \times 10 \times 10 = 1000$$

## تقويم

13. اختر كلّ العبارات الصحيحة.



- حجم شبه المكعب G يساوي  $(4 + 10) + 12$
- حجم شبه المكعب G يساوي  $4 \times (10 \times 12)$
- حجم شبه المكعب H يساوي  $14 \times 5 \times 7$
- حجم شبه المكعب H يساوي  $14 \times (5 + 7)$
- حجم شبه المكعب H يساوي  $(14 \times 5) + 7$



## الدرس 3-8

### حجم شبه المكعب Volume of Cuboid

أستطيع...

إيجاد حجم شبه المكعب بطرق مختلفة.

معايير الدرس

5.10.6

يمكنك استعمال البنية  
في الحل لإيجاد الأبعاد  
الممكنة لشبه المكعب.  
بين عملك!



حل وشارك

كؤنث ليلي شبه مكعب حجمه 24 سنتيمترًا مكعبًا.  
ما الأبعاد الخمسة الممكنة لكل من طوله وعرضه وارتفاعه؟  
حل هذه المسألة بأي طريقة تختارها.

الطول	العرض	الارتفاع	الحجم (cm <sup>3</sup> )
			24
			24
			24
			24
			24

قبل :  
① إذا كان حاصل ضرب الطول في العرض 24 ، فما هو الارتفاع ؟  
② ماذا يمثل حاصل ضرب الطول في العرض ؟

أما :  
① ماهي الصفوف التي يمكن استخدامها لإيجاد الطول ، العرض ، الارتفاع ؟  
② ماهي الاحتمالات الخمسة الممكنة لإيجاد شبه المكعب ؟

بعد :  
منامة : أريد أن أطلبه وتوضيح له الحجم هو قياس كم الفراغ داخل الشكل الجسم .  
دعنا نستخدم الصيغة  $V = l \times w \times h$  لإيجاد الأبعاد المختلفة  
لشبه المكعب بحجمه 24 .

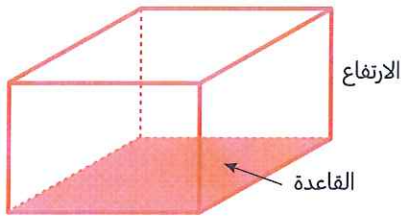
**انظر مجددًا!** برز منطقيًا ما الأبعاد الممكنة لكل من طول وعرض

قاعدة شبه المكعب إذا كان ارتفاع شبه المكعب يساوي 2 سنتيمتر؟

التوسع :

اوجد 3 احتمالات مختلفة لإيجاد شبه مكعب حجمه 36 سنتيمتر مكعب؟

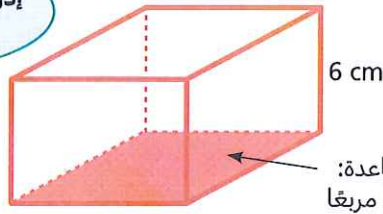
- ① ماهي و صيغة لطول التيقومها ؟
- ② لماذا وحدة قياس مساحة القاعدة لشبه المكعب هي وحدة مربعية ؟
- ③ اذا طابت ابعاد شبه المكعب معطاه بالمتغير فاهي وحدة قياس الحجم ؟
- ④ ماهي الصيغة التي تستخدمه ليجاد حجم شبه المكعب ؟
- ⑤ ماذا يعني ان حجم شبه المكعب 336 وحدة مكعبه ؟



يمكنك إيجاد قيمة B، أي مساحة قاعدة شبه المكعب باستخدام صيغة المساحة  $A = \ell \times w$

B أوجد حجم شبه مكعب إذا كانت مساحة قاعدته 56 سنتيمترًا مربعًا وارتفاعه 6 سنتيمتر.

إذن، حجم شبه المكعب  $336 \text{ cm}^3$



$$V = B \times h$$

$$V = 56 \times 6$$

$$V = 336 \text{ cm}^3$$

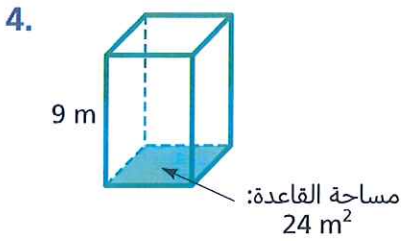
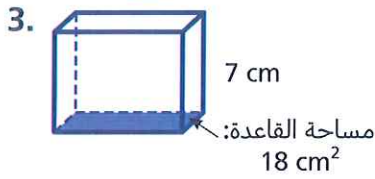
مساحة القاعدة: 56 سنتيمترًا مربعًا

**أقنعني!** برز منطقيًا في المثال أعلاه، ما الأبعاد الممكنة لكل من طول وعرض قاعدة شبه المكعب؟ وضح إجابتك.

## ☆ تدرّب موجّه ☆

### طبّق فهمك

في التمرينين 3 و 4، أوجد حجم شبه المكعب.



### عَبّر عن فهمك

1. عبّر عن القاعدة العامة في المثال الوارد في الصفحة السابقة، ما شكل قاعدة شبه المكعب؟ كيف تجد مساحة هذا النوع من الأشكال؟

$$A = l \times w$$

2. نمذج لأحد الصناديق القياسات التالية: الطول 6 cm والعرض 2 cm والارتفاع 10 cm ومساحة القاعدة  $12 \text{ cm}^2$ . ارسّم شبه مكعب لتمثيل هذا الصندوق، وسّمه. ما حجم الشكل الذي رسمته؟

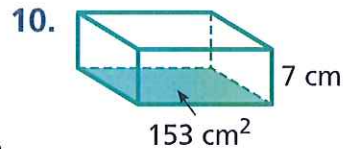
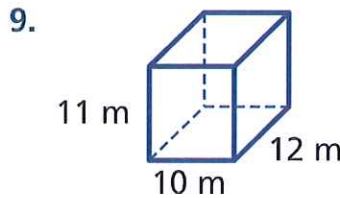
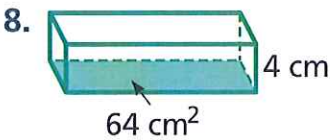
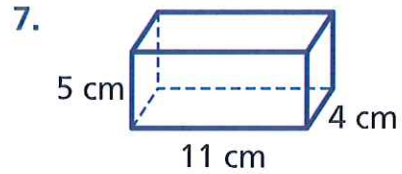
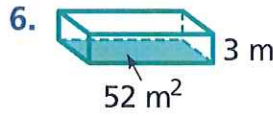
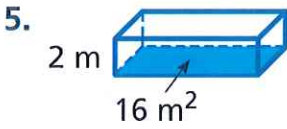
$$120 \text{ cm}^3$$



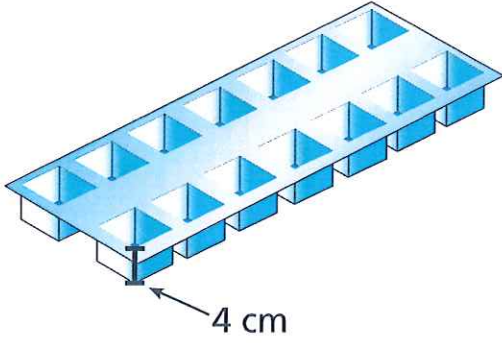
تذكّر أنّ الحجم يقاس بالوحدات المكعبة.

## ☆ تدرّب مستقلّ ☆

في التمارين 5-10، أوجد حجم شبه المكعب.



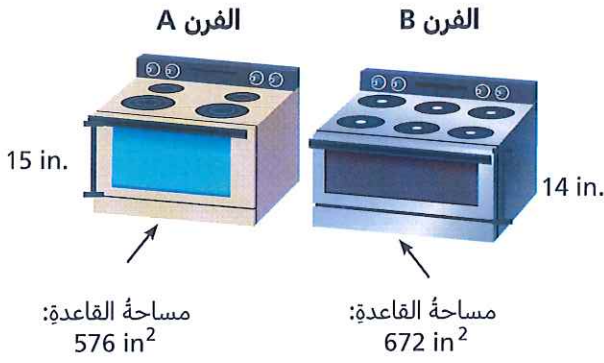
## ☆ ممارسات الرياضيات وحل المسائل ☆



11. افهم وثابز في الحل استعمل رسم علبه مكعبات الثلج. مساحة قاعدة كل قسم من أقسام علبه مكعبات الثلج 20 سنتيمترًا مربعًا. ما حجم جميع أقسام مكعبات الثلج؟

$$1,120 \text{ cm}^3$$

ما العملية (العمليات) التي يجب أن تستعملها لحل هذه المسألة؟



12. مهارات التفكير العليا فرنان أبعادهما موضحة في الشكل المجاور. أي الفرنين أكبر حجمًا؟ بكم يزيد حجم الفرن الأكبر عن حجم الفرن الآخر؟ بين عملك. (الإنش وحدة لقياس الطول).

$$\begin{aligned} \text{الحجم B} &= 768 \text{ in}^3 \\ 576 \times 15 &= 8640 \\ 672 \times 14 &= 9408 \end{aligned} \quad \text{and} \quad 9408 - 8640 = 768$$

14. الحس العددي وقف عمر في انتظار دوره ليدفع الفاتورة. لديه 3 منتجات أسعارها QR 1.50 و QR 4.25 و QR 5.75. وضح كيف يمكنه جمع أسعار المنتجات ذهنيًا قبل أن يدفع ثمنها.

$$\begin{aligned} 5.95 + 1.05 &= 7 \\ 7 + 4.25 &= 11.25 \end{aligned}$$

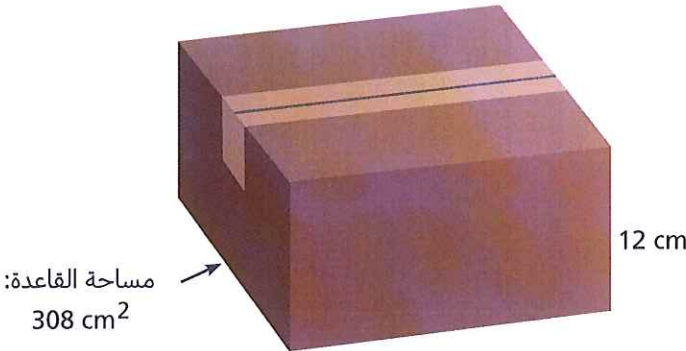
اولاً تقوم بجمع الأعداد المتماثلة

13. برز منطقيًا مثلث متطابق الأضلاع محيطه 51 cm، ما طول ضلعيه؟ وضح حلك.

$$17 \text{ cm}$$

الأضلاع متطابقة لدينا في مثلث متطابق الأضلاع لذلك نقسم 51 على 3

## تقويم



15. أي مقدار يمكن استعماله لإيجاد حجم الصندوق بوحدة السنتيمتر المكعب؟

- (A)  $(12 \times 12) + 308$
- (B)  $12 \times 12 \times 308$
- (C)  $308 + 12 + 308 + 12$
- ✓ (D)  $308 \times 12$

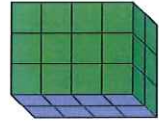
## تدرّب في المنزل 8-3 حجم شبه المكعب



استعمل الصيغة  $V = B \times h$   
والمكعبات لتساعدك.

### بطريقةٍ أخرى!

ما حجم شبه المكعب؟



استعمل القيم لإكمال  
الصيغة.

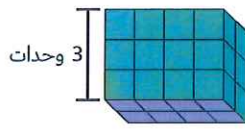
$$V = B \times h$$

$$V = 8 \times 3$$

$$V = 24$$

إذن حجم المكعب يساوي  
24 وحدة مكعبة.

ما الارتفاع،  $h$ ؟



ارتفاع شبه المكعب  
3 وحدات.

$$V = B \times h$$

$B$  = مساحة القاعدة

$h$  = الارتفاع

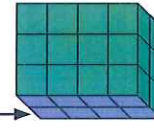
ما مساحة القاعدة؟

$$A = \ell \times w$$

$$A = 4 \times 2$$

$$A = 8$$

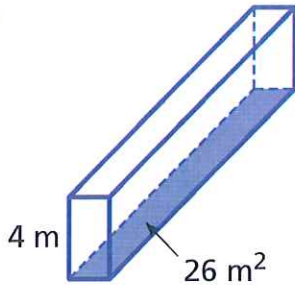
القاعدة



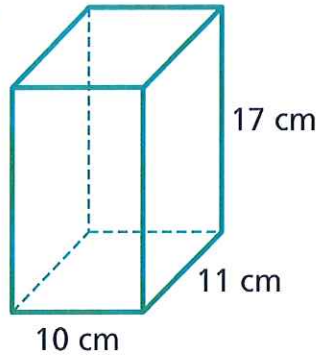
إذن مساحة القاعدة تساوي 8 وحدات مربعة.

في التمارين 1-6، أوجد حجم شبه المكعب.

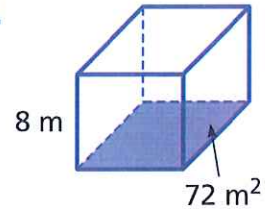
1.



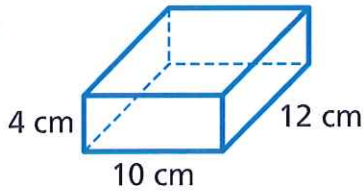
2.



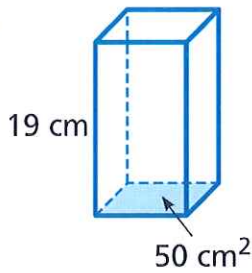
3.



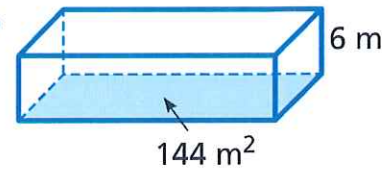
4.

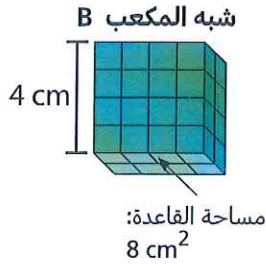
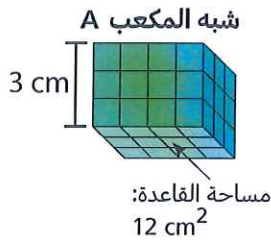


5.



6.

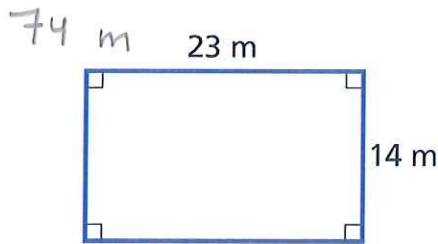




7. **الرياضيات والعلوم** إذا دُفِعَ جسمان بقوة متساوية في المقدار، فإن الجسم ذو الكتلة الأكبر يتحرك ببطء أكثر. في مشروع العلوم استعملت جواهر مكعبات لكل منها نفس الكتلة والحجم لتكوين شبه المكعبين المجاورين. إذا دُفِعَ كلُّ شبه مكعب بنفس مقدار القوة، فأيهما يتحرك ببطء أكثر؟  
قارن بين الحجمين باستخدام  $>$  أو  $<$ .

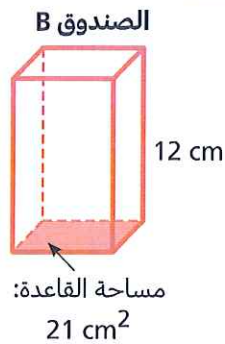
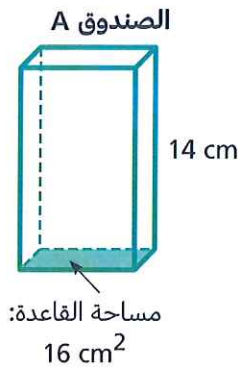
شبه المكعب A  
 $36 \text{ cm}^3 > 32 \text{ cm}^3$

9. ما محيط المستطيل أدناه؟



8. **بزر منطقياً** ما ارتفاع شبه مكعب حجمه 192 سنتيمتراً مكعباً ومساحة قاعدته 48 سنتيمتراً مربعاً؟ وضح حلّك.

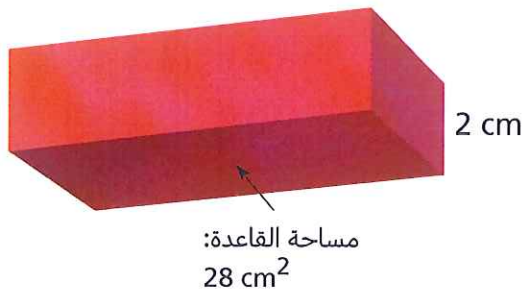
نقسم الحجم على مساهة القاعدة ولنا ناتج هو الارتفاع  
 $192 \div 48 = 4$



10. **مهارات التفكير العليا** أي الصندوقين المجاورين هو الأصغر حجماً؟  
يكم يقل حجم الصندوق الأصغر عن حجم الصندوق الآخر؟  
بين عملك.

الصغير A  $28 \text{ cm}^3$   
 $16 \times 14 = 224$  ،  $21 \times 12 = 252$   
 $252 - 224 = 28$

**تقويم**



11. أي المقادير التالية يمكن استعماله لإيجاد حجم قالب بالسنتمتر المكعب؟

- A  $28 \times 2$   
 B  $(2 + 2) \times 28$   
 C  $(2 \times 2) + 28$   
 D  $28 + 2 + 28 + 2$

## الدرس 4-8

### تجميع أحجام شبه المكعبات

### Combine Volumes of Cuboids

#### أستطيع...

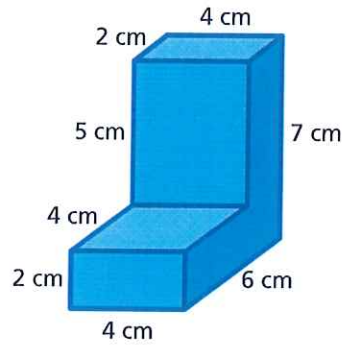
إيجاد حجم مجسم ناتج عن تجميع شبه مكعبين أو أكثر.

#### معايز الدرس

5.10.6



تفكّر أمينة في شكل ثلاثي الأبعاد ناتج عن تجميع شبه مكعبين. ما حجم هذا الشكل الثلاثي الأبعاد؟ حل هذه المسألة بأي طريقة تختارها.



استعمل البنية في الحل يمكنك إيجاد حجم شبه مكعبات مكونة لمجسم. يتن عملك!

فصل: كيف يختلف هذا الشكل ثلاثي الأبعاد غير المتكامل إلى الشكل الثلاثي الأبعاد في الدروس السابقة؟

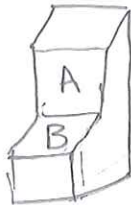
زئد: حامي الشكل التي تكون من هذا الشكل ثلاثي الأبعاد؟

بعد: مناقشة اجابات الطلبة ومناقشة انه حجم الشكل أكبر حابه يتجزى الشكل ثلاثي الأبعاد الى زئد المكعبات التي تكون من حابه مجزاة ومن ثم جمع جميع هذه الاحجام للحصول على الحجم الكلي للشكل ثلاثي الأبعاد. التوسع: زئد شبه مكعبات أبعادها  $4\text{ cm} \times 2\text{ cm} \times 5\text{ cm}$  في أعلى هذا الشكل، هل يحتاج

إلحاده حاه جميع الاحجام؟ وضع اجابتيك؟

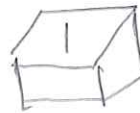
**انظر مجدداً!! بزز منطقياً** كيف فصلت المجسم إلى شبه مكعبات أخرى؟

فاذح من انماك لطلبة اكتب أبعاد كل شبه مكعب.



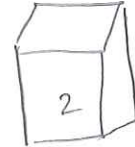
الشكل A  
 $V = L \times w \times h$   
 $= 4 \times 2 \times 5$   
 $= 40\text{ cm}^3$

الشكل B  
 $V = 4 \times 6 \times 2 = 48\text{ cm}^3$   
 الحجم الإجمالي  
 $40 + 48 = 88\text{ cm}^3$



الشكل 1

$V = 4 \times 4 \times 2 = 32\text{ cm}^3$   
 $32 + 56 = 88\text{ cm}^3$



الشكل 2

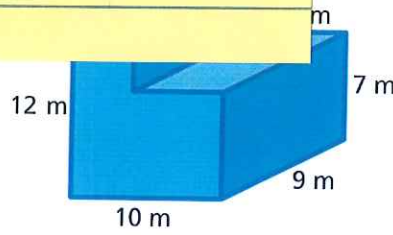
$V = 4 \times 2 \times 7 = 56\text{ cm}^3$   
 الحجم الإجمالي:

كيف من  
وكيف يتألف؟

السؤال  
الأساس

(2) صل توتة طريقة تجزيه المبنى الى ابعاد الى ابعاد مكعبات  
على الحجم الاجمالي له  
(3) لماذا يتم حساب الحجم بالطريقة هذه؟

يوضح المجسم أدناه أبعاد وشكل مبنى يريد المشرف على المبنى إيجاد الحجم الحيز المتاح للتخزين، ما حجم هذا المبنى؟



استعمل الصيغة  $V = \ell \times w \times h$  لإيجاد حجم كل شبه مكعب.

حجم شبه المكعب B

$$\begin{aligned} V &= \ell \times w \times h \\ &= 10 \times 9 \times 7 \\ &= 630 \end{aligned}$$

حجم شبه المكعب A

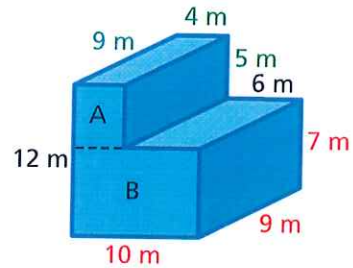
$$\begin{aligned} V &= \ell \times w \times h \\ &= 4 \times 9 \times 5 \\ &= 180 \end{aligned}$$

اجمع لإيجاد الحجم الإجمالي.

$$180 + 630 = 810$$

حجم مبنى التخزين 810 متر مكعب.

يمكن تقسيم المبنى إلى شبه مكعبين كما هو موضح. حدّد قياسات الطول والعرض والارتفاع لكل شبه مكعب.



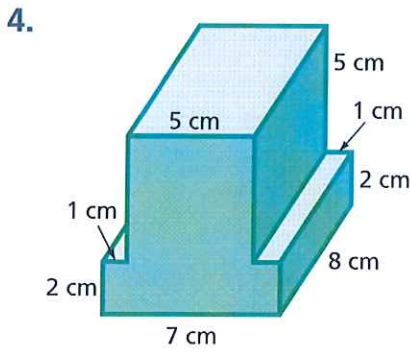
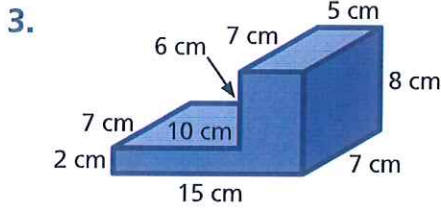
**أقنعني! بزز منطقيًا** ما هي الطريقة الأخرى التي يمكن بها تقسيم المجسم أعلاه إلى شبه مكعبين؟  
ما أبعاد كل منهما؟



## ☆ تدرّب موجّه ☆

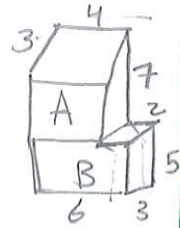
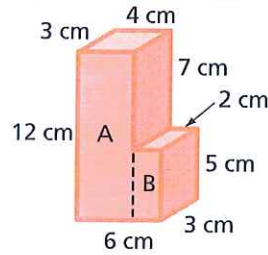
### طبّق فهمك

في التمرينين 3 و 4، أوجد حجم الجسم.



### عبّر عن فهمك

في التمرينين 1 و 2، استعمل الجسم أدناه. الخط المتقطع يقسمه إلى شبه مكعبين، A و B.

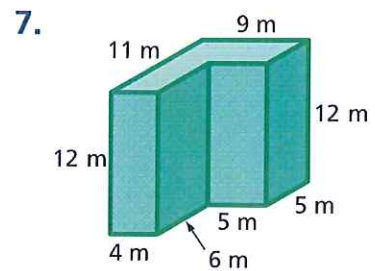
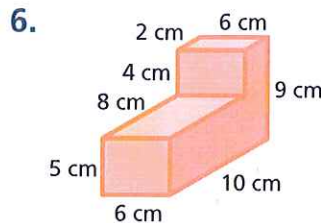
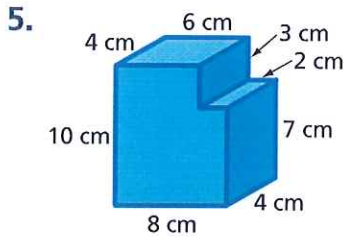


1. ما طول وعرض وارتفاع شبه المكعب A؟  
 ما طول وعرض وارتفاع شبه المكعب B؟  
 شبه المكعب A: الطول 4 cm، العرض 3 cm، الارتفاع 12 cm  
 شبه المكعب B: الطول 2 cm، العرض 3 cm، الارتفاع 5 cm

2. ما هي الطريقة الأخرى التي يمكنك بها تقسيم الجسم أعلاه إلى شبه مكعبين؟ ما أبعادهما؟  
 الشكل A:  $4 \times 3 \times 7$   
 الشكل B:  $6 \times 3 \times 5$

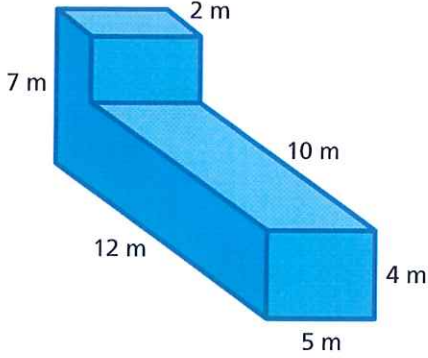
## ☆ تدرّب مستقل ☆

في التمارين 5-7، أوجد حجم الجسم.



## ممارسات الرياضيات وحل المسائل

في التمارين 8-10، استعمل المجسم المجاور.



8. افهم وتابز في الحل كيف يمكنك إيجاد حجم

المجسم المجاور؟

تجزئ الجسم الى 2 شبه مكعب ثم حساب حجم كل منها  
وجمع الحجم الناتجة.

9. في الجبر اكتب مقدارين يمكن جمعهما لإيجاد

حجم المجسم.

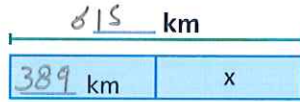
$$5 \times 10 \times 4 \quad , \quad 5 \times 2 \times 7$$

10. ما حجم المجسم؟

$$270 \text{ m}^3$$

12. نموذج على عائلة سامر قطع مسافة

615 كيلومتر بالسيارة للوصول إلى مكان قضاء عطلتها. إذا قطعت العائلة مسافة 389 كيلومتر في اليوم الأول، فكم كيلومترًا سوف تقطع في اليوم الثاني؟ أكمل لوحة الأجزاء أدناه لتساعدك.



$$226 \text{ km}$$

11. مهارات التفكير العليا قسّم مجسم حجمه

الإجمالي 200 سنتيمتر مكعب إلى شبه مكعبين. حجم شبه المكعب A هو 80 سنتيمترًا مكعبًا، وطول شبه المكعب B يبلغ 6 سنتيمتر وعرضه 5 سنتيمتر، ما ارتفاع شبه المكعب B؟ بين عملك.

$$4 \text{ cm} \times 1 \text{ cm}$$

$$200 - 80 = 120$$

$$V = l \times w \times h$$

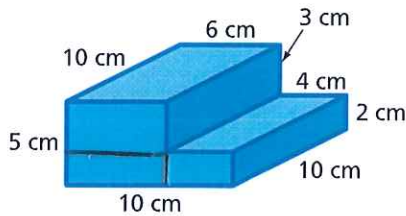
$$l \times w = 6 \times 5 = 30$$

$$120 \div 30 = 4$$

### تقويم

13. ارسم خطأ يقسم المجسم المجاور إلى شبه مكعبين.

ثم اكتب مقدارًا يمثل حجم هذا المجسم.



عكس تقسيم الشكل باستخدام الخط الرأسي أو أفقي  
الوضوح على الشكل

$$(6 \times 10 \times 5) + (4 \times 10 \times 2)$$

في حالة الخط الرأسي:

$$(6 \times 10 \times 3) + (10 \times 10 \times 2)$$

## تدرّب في المنزل 8-4

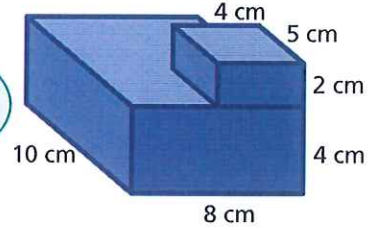
### تجميع أحجام شبه المكعبات



تأكّد من إيجاد  $l$  و  $w$  و  $h$  لكلّ شبه مكعب.

## بطريقةٍ أخرى!

ما حجم الجسم؟



اجمع الحجمين.

$$320 + 40 = 360$$

إذن، حجم الجسم يساوي  $360 \text{ cm}^3$

أوجد حجم كلّ شبه مكعب.

شبه المكعب B:

$$V = l \times w \times h$$

$$V = 4 \times 5 \times 2$$

$$V = 20 \times 2$$

$$V = 40$$

شبه المكعب A:

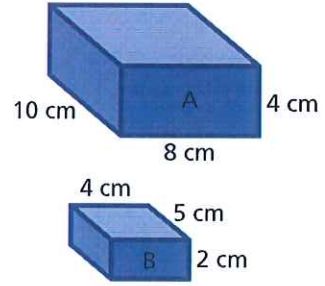
$$V = l \times w \times h$$

$$V = 8 \times 10 \times 4$$

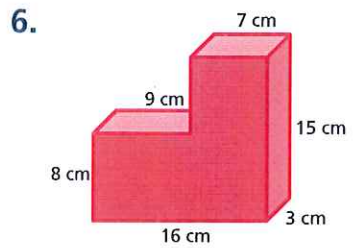
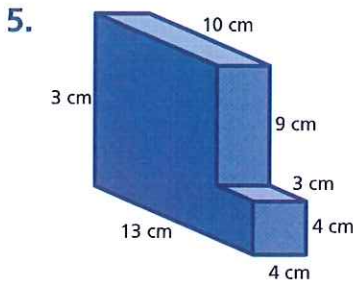
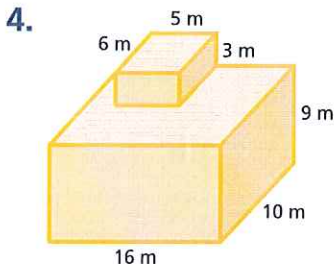
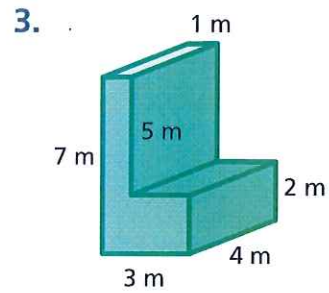
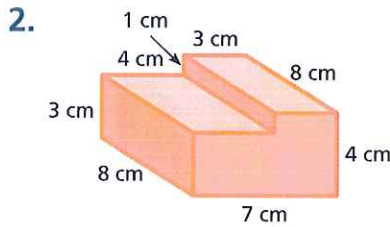
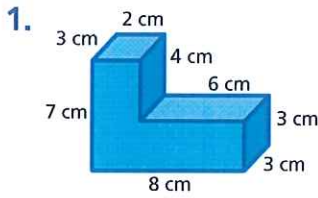
$$V = 80 \times 4$$

$$V = 320$$

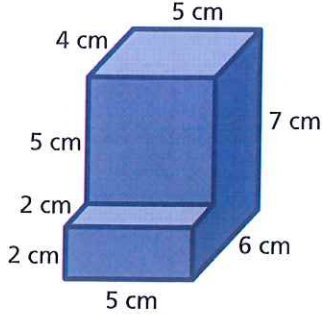
قسّم الجسم إلى شبه مكعبين.



في التمارين 1-6، أوجد حجم الجسم.

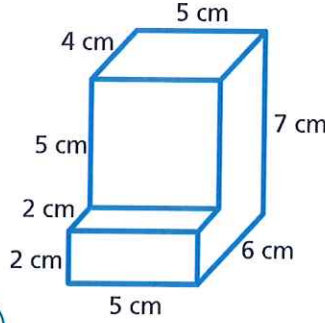


في التمرينين 7 و 8، استعمل المجسم المجاور.

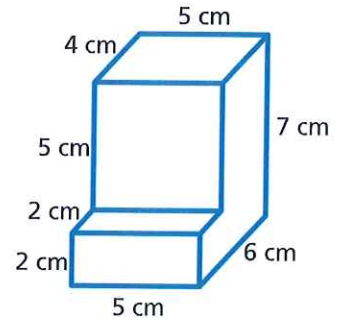


7. أوجد طريقتين مختلفتين لتقسيم المجسم المجاور إلى شبه مكعبين. ارسم على كل شكل أدناه خطأ متقطعاً لتوضح كل طريقة.

طريقة أخرى



طريقة للحل



كيف يمكنك إيجاد أبعاد المجسمين الناتجين؟



8. نمذج اختر إحدى الطريقتين اللتين توصلت إليهما اكتب معادلة لإيجاد حجم كل شبه مكعب وحلها. ثم أوجد حجم المجسم.

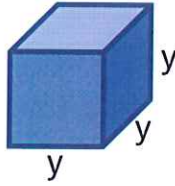
$$160 \text{ cm}^3$$

$$5 \times 6 \times 2 = 60, \quad 5 \times 4 \times 5 = 100, \quad 60 + 100 = 160$$

10. في الجبر اكتب مقداراً يمكنك استعماله لإيجاد حجم المكعب. ثم أوجد الحجم إذا كان طول ضلعه (y) يساوي 9 أمتار.

$$y \times y \times y$$

$$9 \times 9 \times 9 = 729 \text{ m}^3$$



9. مهارات التفكير العليا وضعت سميرة صندوقين الواحد فوق الآخر على أحد الرفوف. أبعاد

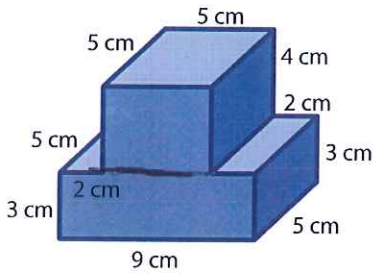
الصندوق السفلي 6 سنتيمتر طولاً و 5 سنتيمتر عرضاً و 5 سنتيمتر ارتفاعاً. أما الصندوق العلوي فهو مكعب طول حرفه 4 سنتيمتر.

ما حجم الصندوقين معاً في هذه الوضعية؟ وضح إجابتك  $214 \text{ cm}^3$

$$6 \times 5 \times 5 = 150, \quad 4 \times 4 \times 4 = 64$$

$$150 + 64 = 214$$

تقويم



11. يريد يوسف أن يبني هذا النموذج باستعمال الصلصال، لكنه لا يعرف كمية الصلصال التي يجب عليه شراؤها. ارسم خطأ متقطعاً يقسم هذا النموذج إلى شبه مكعبين. ثم اكتب مقداراً يمثل حجم النموذج. ما الحجم؟

$$235 \text{ cm}^3$$

$$(9 \times 5 \times 3) + (5 \times 5 \times 4)$$

## الدرس 5-8

حلّ مسائل لفظية  
تتضمن الحجم

Solve Word  
Problems Using  
Volume

أستطيع ...

حلّ مسائل لفظية تتضمن الحجم.

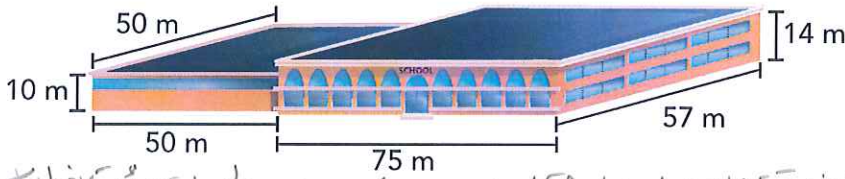
معايير الدرس

5.10.7

حلّ وشارك

يتألّف مبنى مدرسة من قسمين، كلٌّ منهما على شكل شبه مكعب. تخطّط إدارة المدرسة لتركيب مكيفات هواء في المدرسة وتحتاج إلى معرفة حجم مبناها. ما حجم مبنى المدرسة؟ حلّ هذه المسألة بأيّ طريقة تختارها.

نمذج اكتب مقدارًا رياضيًا لإيجاد حجم كلّ قسم من أقسام المبنى.



قبل: كيف تتكلم هذه المسألة مع مسائل الحجم التي رأينا في الدرس السابق؟  
رؤساء: ماهي الأشكال التي تكون أجنحة المدرسة؟  
ما هي صفته ما من حجم شبه مكعب؟  
بعد: مناقشة اجابات الطلبة وتوضيح انه عند حل المسائل اللفظية التي تتضمن  
ما من الحجم يجب تبسيط المسألة ووضع عنوان لتوضيح المسألة واستخدام  
معلوماتك السابقة لحلها. ما من الحجم  
الموسع: ما هو حجم المدرسة اذا قمنا بزيادة طول كل بعد بمقدار 1 م؟

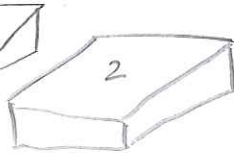


انتظر مجددًا! نمذج اكتب مقدارًا رياضيًا يمكن استعماله لإيجاد الحجم

الإجمالي لمبنى المدرسة. غاويج من أعمال الطلبة

$$V = 50 \times 50 \times 10$$

$$= 25000 \text{ m}^3$$



$$V = 75 \times 57 \times 14$$

$$= 59850 \text{ m}^3$$

$$25000 + 59850 = 84850 \text{ m}^3$$

$$V = (50 \times 50 \times 10) + (75 \times 57 \times 14)$$

$$= 25000 + 59850$$

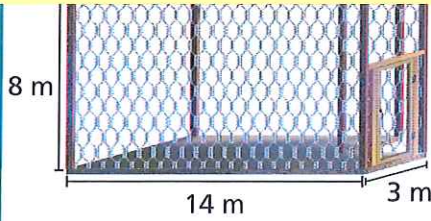
$$V = 84850 \text{ m}^3$$

- ① كيف يمكن أن نحل هذه المسألة؟
- ② كيف يمكن تبسيط هذه المسألة؟
- ③ ماهو النموذج الذي يمكن استخدامه لحل هذه المسألة؟
- ④ هل يمكن وضع 58 طير في القفص؟ وضح إجابتك؟

## التساؤل الأساسي

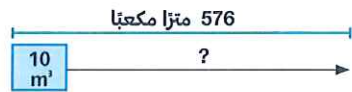
### كيف نحلّ

يوجد في عيادة بيطرية قفص كبير للطير من قسمين، كل قسم على شكل شبه مكعب. ارتفاع القفص 8 أمتار، مكعبية من حيز القفص لكل طائر يستوعبها القفص؟



يمكنك فهم المسألة بتفكيكها إلى مسائل أبسط.

اقسيم لإيجاد عدد الطيور التي يمكن أن يستوعبها القفص.



$$576 \div 10 = 57.6$$

يمكن للطبيب البيطري وضع 57 طائرا في القفص.

أوجد حجم كل قسم.

استعمل الصيغة  $V = \ell \times w \times h$  القسم الصغير:

$$V = 4 \times 3 \times 8 = 96$$

القسم الكبير:

$$V = 10 \times 6 \times 8 = 480$$

اجمع لإيجاد الحجم الإجمالي:

$$96 + 480 = 576$$

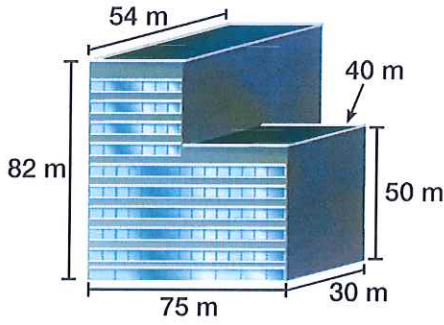
الحجم الإجمالي 576 مترا مكعبا.

**أقنعني! انقد وبرز** حلّ محمد المسألة أعلاه بطريقة مختلفة. أولاً أوجد المساحة الإجمالية للأرضية، ثم ضرب الناتج في الارتفاع. هل طريقة محمد صحيحة؟ وضح إجابتك.

## ☆ تدرّب موجّه ☆

### طبّق فهمك

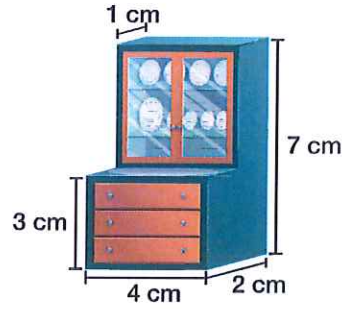
4. أوجد حجم المبنى أدناه.



5. في مركز للحياة البحرية حوض أسماك كبير على شكل شبه مكعب طوله 6 أمتار وعرضه 4 أمتار وارتفاعه 4 أمتار. تنصّ التعليمات على ألا يزيد عدد الأسماك فيه عن 3 سمكاتٍ متوسطة الحجم لكلّ مترٍ مكعبٍ من الماء. كم سمكةً من الحجم المتوسط يمكن أن يستوعب حوضّ الأسماك وفقّ التعليمات؟

### عبّر عن فهمك

1. كيف يمكنك إيجاد حجم نموذج الخزانة أدناه؟



الحجم = حجم الجزء العلوي + حجم الجزء السفلي  
الجزء العلوي = ارتفاعه × عرضه × عمقه  
الجزء السفلي = ارتفاعه × عرضه × عمقه

2. **بّرز منطقياً** ما ارتفاع القسم العلوي من الخزانة؟ وضح إجابتك.

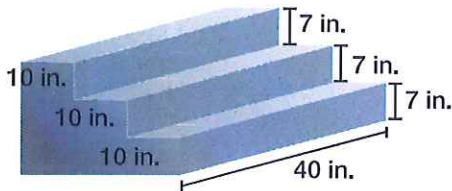
الارتفاع الكلي = 7 cm ، ارتفاع الجزء السفلي = 3 cm  
ارتفاع الجزء العلوي = 7 - 3 = 4

3. أوجد حجم الخزانة.

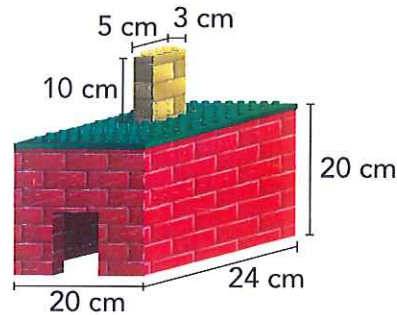
$$40 \text{ cm}^3$$

## ☆ تدرّب مستقلّ ☆

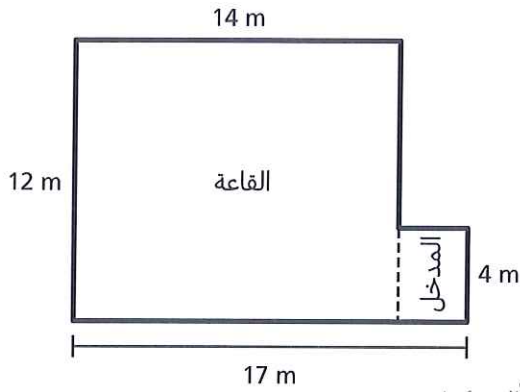
7. كم إنشاً مكعباً من الخرسانة يلزم لصنع السلالم الموضحة أدناه؟



6. بتّث منيرة بيتاً باستعمال القوالب. أوجد حجم البيت الذي بتّته منيرة.



## ☆ ممارسات الرياضيات وحل المسائل ☆

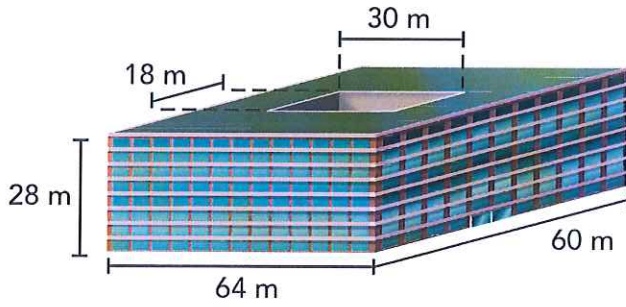


8. الشكل المجاور تصميم لطابق في مبنى يضم قاعة اجتماعات ومدخلًا. ارتفاع قاعة الاجتماعات 9 أمتار، وارتفاع المدخل 7 أمتار. ما الحجم الإجمالي للقاعة والمدخل معًا؟

$$1596 \text{ m}^3$$

9. انقذ وبزر هل من المنطقي إيجاد المساحة الإجمالية لأرضية القاعة والمدخل قبل إيجاد الحجم الكلي؟ وضح طريقة تفكيرك.

لا كما أن معرفة النعم والحزاه ليس لها نفس الارتفاع



10. مهارات التفكير العليا يحيط المبنى المكتبي فناء مكشوفًا مستطيل الشكل.

ما حجم المبنى؟ كيف توصلت إلى الإجابة؟

$$92400 \text{ m}^3$$

حجم المبنى والفناء:

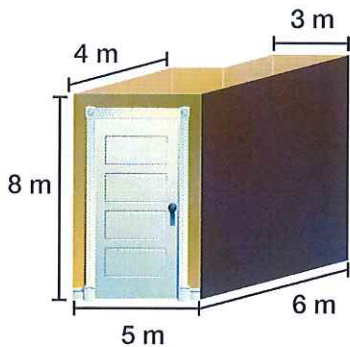
$$64 \times 60 \times 28 = 107520 \text{ m}^3$$

حجم الفناء:

$$30 \times 18 \times 28 = 15120 \text{ m}^3$$

$$107520 - 15120 = 92400 \text{ m}^3$$

### تقويم



11. تتكوّن خزانه فاطمة من قسمين كل قسم على شكل

شبه مكعب. تخطّط فاطمة لشراء كرات النفتالين

لإبعاد حشرة العتّ، وتحتاج إلى صندوق واحد لكل

32 مترًا مكعبًا من حجّز الخزانة.

كم صندوقًا يجب أن تشتري؟

وضح طريقة توصلك إلى الإجابة.

7 حنادير

$$(5 \times 4 \times 8) + (3 \times 2 \times 8) = 208 \text{ m}^3$$

$$208 \div 32 = 6.5$$

يجب ان تشتري فاطمه 7 حنادير



## تدرّب في المنزل 8-5

حلّ مسائل لفظيّة تتضمن الحجم

### بطريقةٍ أخرى!

بركةٌ سباحةٍ على شكلٍ شبه مكعبٍ طوله 9 أمتارٍ وعرضه 4 أمتارٍ. تسعُ البركةُ 108 أمتارٍ مكعبةٍ من الماء. ما عمقُ البركةِ علمًا أنّ أرضيتها أفقيّةٌ؟

استعمل صيغة الحجم.

$$V = \ell \times w \times h$$

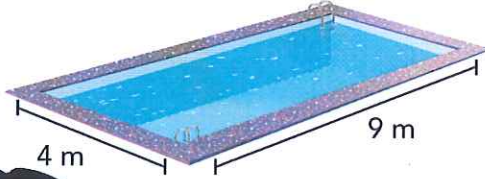
$$108 = 4 \times 9 \times h$$

$$108 = 36 \times h$$

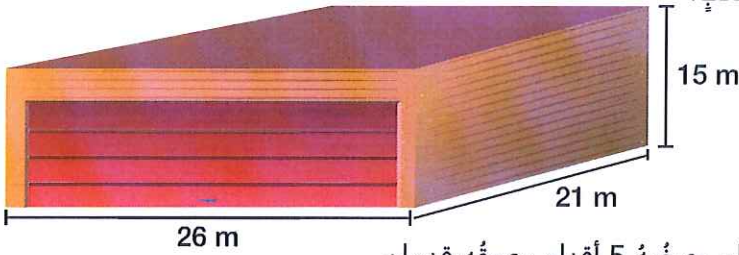
اقسم لإيجاد الإجابة.

$$108 \div 36 = 3$$

عمقُ البركةِ 3 أمتارٍ.



فكّر في العملية الحسابية التي يمكن أن تساعدك في إيجاد العامل الناقص.



1. موقف لركن السيارات على شكلٍ شبه مكعبٍ.

ما حجمه؟ بين عملك.

$$8190 \text{ m}^3$$

$$V = 26 \times 21 \times 15 = 8190$$

2. صندوق الرمل الخاصّ بنبييلٍ طوله 7 أقدامٍ وعرضه 5 أقدامٍ وعمقه قدمان.

ما حجم صندوق الرمل؟

$$70 \text{ ft}^3$$

3. علبةٌ من حبوب الشوفان أبعادها 24 سنتيمترًا طولًا في 5 سنتيمتراتٍ عرضًا

في 25 سنتيمترًا ارتفاعًا. وعلبةٌ من حبوب الأرز أبعادها 26 سنتيمترًا طولًا

في 4 سنتيمتراتٍ عرضًا في 28 سنتيمترًا ارتفاعًا.

أيّ العلبتين أكبر حجمًا؟ بكم هي أكبر؟

$$\text{علبة حبوب الشوفان، } 88 \text{ cm}^3 \text{ أكبر.}$$

4. لدى منى صندوقٌ مجوهراتٍ حجمه 440 إنشًا مكعبًا.

ارتفاع الصندوق 5 إنش وطوله 11 إنش، ما عرضه؟

$$8 \text{ إنش}$$

6. **عَبِّرْ عَنِ الْقَاعِدَةِ الْعَامَّةِ** استعمل عملية الضرب

لوصف العلاقة بين المقسوم والمقسوم عليه  
وناتج القسمة. ثم استعمل تلك العلاقة لتوضِّح

$$\frac{1}{8} \div 6 = \frac{1}{48}$$

العلاقة  $\times$  المقسوم عليه = المقسوم

$$\frac{1}{48} \times 6 = \frac{1}{8}$$

5. تبني إدارة حديقة الحيوان قفصًا كبيرًا للقرود على

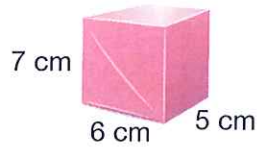
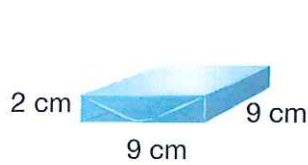
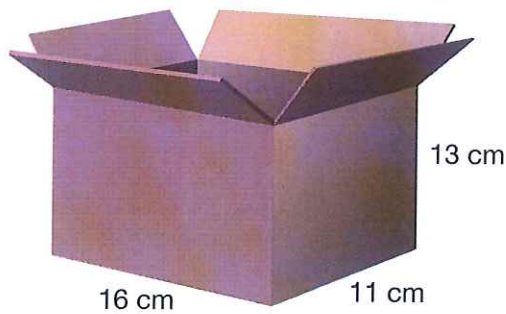
شكل شبه مكعب ارتفاعه 7 أمتار وطوله

8 أمتار. كم يجب أن يكون عرض هذا القفص

إذا كانت الإدارة تريدُه حيزًا سعته 280 مترًا مكعبًا؟

$$5 \text{ m}$$

$$280 = 56 \times w \quad , \quad 280 \div 56 = 5$$



7. **مهارات التفكير العليا** يعثُرُ سيفٌ عليّ هدايا

في علبة كرتونية. يريد سيفٌ أن يملأ المساحة

المتبقية بحبيبات التعبئة.

ما حجم المساحة المتبقية؟

وضِّح طريقة توصلك إلى الإجابة.

$$1916 \text{ cm}^3$$

حجم علبة الهدايا:

$$(6 \times 5 \times 7) + (9 \times 9 \times 2)$$

$$210 + 162 = 372$$

حجم العلبة الكرتونية

$$16 \times 11 \times 13 = 2288$$

$$2288 - 372 = 1916 \text{ cm}^3$$

**تقويم**

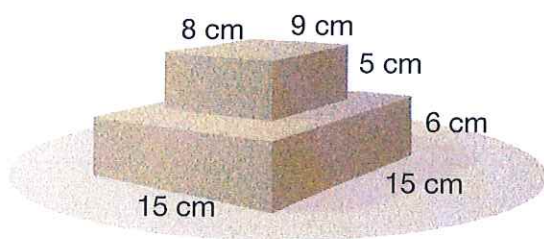
8. بتت مريم قلعة رملية مكونة من شبه مكعبين.

إذا كان في كيس الرمل الذي استخدمته

2 000 سنتيمر مكعب من الرمل، فما الكمية

المتبقية من الرمل بعد بناء مريم لقلعتها الرملية؟

وضِّح طريقة توصلك إلى الإجابة.



$$290 \text{ cm}^3$$

$$15 \times 15 \times 6 = 1350 \text{ cm}^3$$

$$9 \times 8 \times 5 = 360 \text{ cm}^3$$

$$1350 + 360 = 1710 \text{ cm}^3$$

$$2000 - 1710 = 290 \text{ cm}^3$$

حجم الجزء السفلي

حجم الجزء العلوي

حجم قلعة الرمل

كمية الرمل المتبقية

## ممارسات الرياضيات وَحَلُّ المسائل

### الدرس 6-8

#### استعمال الأدوات المناسبة

#### Use Appropriate Tools

#### أستطيع...

استعمال الأدوات المناسبة لحل مسائل  
الحجم.

#### معيّاز الدرس

5.10.7

#### عادات التفكير

أحسن التفكير!

- يمكن أن تساعدك هذه الأسئلة.
- ما الأداة التي يمكنني استعمالها؟
- لماذا علي استعمال هذه الأداة  
لتساعدني على حل المسألة؟
- هل هناك أداة مختلفة يمكنني  
استعمالها؟
- هل أستعمل الأداة بشكل مناسب؟

#### حلّ وشارك

يجري بناء نموذج لمحطة فضائية مكوّن من 24 وحدة مكعبة. يمكن بناء المحطة الفضائية في أي شكل، شرط أن توضع الوحدات بحيث يتطابق كل وجهين متجاورين. اختر أداة لوضع خطّتين مختلفتين لبناء نموذج المحطة الفضائية. وضح سبب اختيارك لهذه الأداة.

**انظر مُجدِّداً!** استعمال الأدوات المناسبة كيف قرّرت الأداة التي يجب استعمالها؟

## السؤال الأساسي

### كيف يمكنك استعمال الأدوات المناسبة لحل مسائل الحجم؟



أراد أمين عرض مجموعة من العلب في نموذج هرمي تتكوّن طبقتُه العلوية من علبة واحدة وارتفاعه 4 وحدات. إذا استخدم أمين علبة على شكل مكعب طول حرفه وحدة واحدة، فما عدد العلب التي استخدمها لبناء نموذج العرض؟

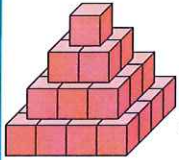
ما الخطوة التي يجب أن أقوم بها؟

يجب أن أختار أداة مناسبة لحلّ هذه المسألة.



ها هي طريقة تفكيري...

يمكنني أن أستعمل ورقة مرتعات لكنني سأستعمل مكعبات لأنّ عدّها في نموذج العرض أسهل.



كل مكعب يمثل علبة واحدة من علب نموذج العرض. يتألّف النموذج من 4 طبقات لأنّ ارتفاعه 4 وحدات، ولأنّ ارتفاع كلّ علبة وحدة واحدة.

يتكوّن نموذج العرض من  $30 = 1 + 4 + 9 + 16$ ، أي 30 مكعبًا.

إذن، استعمال أمين 30 علبة لبناء النموذج.

كيف يمكنني استعمال الأدوات المناسبة لتساعدني على حلّ هذه المسألة؟

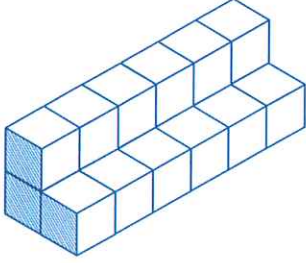
أستطيع

- تحديد الأداة المناسبة.
- استعمال المكعبات لحلّ هذه المسألة.
- استعمال الأداة بشكل صحيح.

**أقنني!** استعمال الأدوات المناسبة ما الأداة الأخرى غير المكعبات التي يمكنك استعمالها لحلّ هذه المسألة؟ وضح إجابتك.

## ☆ تدرّب موجّه ☆

### استعمل الأدوات المناسبة



يريد مدير متجر لأدوات الدهان عمل نموذج على شكل سلّم مكوّن من خمس درجات، طول الدرجة الواحدة 6 مكعبات، لعرض ما لديه باستخدام مكعبات متساوية الحجم. يريد مدير المتجر معرفة عدد المكعبات الإجمالي اللازمة لبناء نموذج العرض.

1. ما الأداة التي يمكن أن يستعملها المدير للتأكد من وجود حيّز كافٍ لنموذج العرض؟ وضح إجابتك.

2. ينوي مدير المتجر أن يبني نموذجهُ بمكعبات بلاستيكية طول الواحد منها 1 قدم. ما حجم هذا النموذج؟ وضح كيف استعملت الأدوات لتحديد ذلك.

## ☆ تدرّب مستقلّ ☆

### استعمل الأدوات المناسبة

تخطط سناء لصنع صندوق مجوهرات له شكل شبه مكعب، وتريد أن يكون حجمه 96 إنشاً مكعباً.

3. كيف يمكنك إيجاد الأبعاد الممكنة للصندوق؟

4. ما الأبعاد الممكنة للصندوق؟

5. هل يمكن لسناء أن تصنع الصندوق بعرض يساوي ضعف طوله؟

6. لدى سناء بعض الأشرطة لتزيين صندوق المجوهرات. ما الأداة التي يمكن أن تساعدنا على تحديد المقدار الذي يمكنها أن تزيته من صندوق المجوهرات؟



فكّر في أداة يمكنك استعمالها لتساعدك على تمثيل المسألة وحلّها.

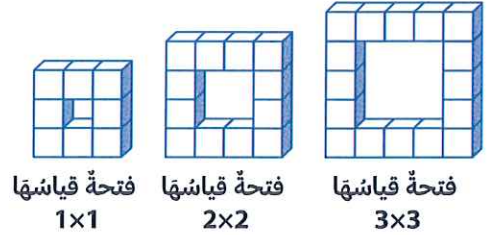
## ممارسات الرياضيات وحل المسائل

### تقويم الأداء

#### أحواض الزهور

صمّم مهندس معماري أحواض زهورٍ لحديقةٍ عامةٍ. لكلّ حوضٍ إطارٌ مكوّن من مكعباتٍ خرسانيةٍ طولُ ضلعِ الواحدةٍ منها 1 قدم (1 قدم = 30 سنتيمترًا تقريبًا). يحيطُ كلُّ إطارٍ فتحةً مربعةً الشكل. يزنُ كلُّ مكعبٍ خرسانيٍّ 60 كيلوجرامًا. يوضّحُ المخططُ أدناه المنظرَ العلويّ لبعضِ الأحواضِ.

تذكّر أن تفكر في الأدوات المنطقية لهذه المسائل.



7. استعمل البنية في الحلّ ما الحجمُ الإجماليّ لحوضٍ قياسُ فتحته

$$6 \times 6$$

8. استعمل البنية في الحلّ ما الحجمُ الإجماليّ لحوضٍ قياسُ فتحته

$$8 \times 8$$

9. استعمل الأدوات المناسبة ما الحجمُ الإجماليّ لحوضٍ قياسُ

فتحته  $12 \times 12$ ؟ هل يمكنكُ تحديدُ ذلك باستخدام ورقةٍ

وقلم رصاصٍ فقط؟ وضّح إجابتك.

10. نمذج ثمن كلِّ مكعبٍ خرسانيٍّ مستعملٍ في صنعِ الأحواضِ QR 12.00.

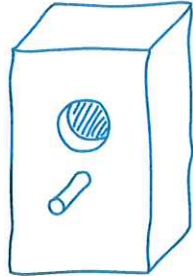
ما التكلفةُ الإجماليةُ لعددِ المكعباتِ اللازمِ لصنعِ حوضين بفتحتين قياسُ

كلِّ منهما  $6 \times 6$ ، وحوضين بفتحتين قياسُ كلِّ منهما  $8 \times 8$  وحوضين

بفتحتين قياسُ كلِّ منهما  $12 \times 12$ ؟ اكتب مقدارًا يمثّلُ التكلفةَ الإجماليةَ.

## تدرّب في المنزل 8-6

استعمل الأدوات  
المناسبة



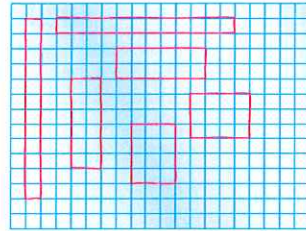
10 in.

### بطريقةٍ أخرى!

تصمّم هالة بيتًا صغيرًا للطيور له شكلٌ شبيه مكعبٍ حجمه 120 إنشًا مكعبًا وارتفاعه 10 إنش. ما الطول والعرض الممكنان لأرضيته؟ (الإنش وحدة لقياس الطول).

### طريقةٍ أخرى

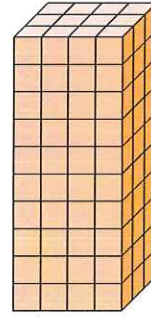
استعمل ورقةً مربعةً لتصميم الأرضية. الارتفاع 10 إنش. إذن، مساحة الأرضية تساوي  $120 \div 10 = 12$ ؛ استعمل ورقةً مربعةً لرسم بعض التصاميم الممكنة لأرضية مساحتها 12 إنشًا مكعبًا.



إذن، من الممكن أن يكون الطول 4 إنش والعرض 3 إنش.

### طريقةٌ للحلّ

ابن نموذجًا بالمكعبات. بما أنّ الحجم 120 إنشًا مكعبًا، استعمل 120 مكعبًا.



إذن، من الممكن أن يكون الطول 4 إنش والعرض 3 إنش.

### استعمل الأدوات المناسبة

يصمّم مهندسٌ معماريًّا أكواخًا مختلفةً على شكلٍ شبيه مكعباتٍ متجاورة.

1. ارتفاع أحد الأكواخ 3 أمتارٍ وحجمه 108 أمتارٍ مكعبة. ما الأداة التي يمكن أن تساعدك على إيجاد أبعادٍ مختلفةٍ لأرضيته؟ اذكر زوجين مختلفين من الأبعاد الممكنة لهذه الأرضية. وضح إجابتك.

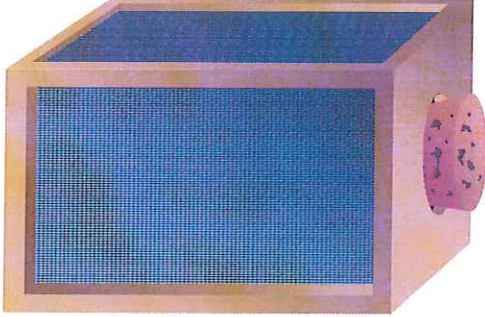
2. هل يمكنك التفكير في أداةٍ مختلفةٍ يمكن استعمالها لحلّ هذه المسألة؟ وضح إجابتك.

توجد أحيانًا  
أكثر من أداةٍ يمكنها  
مساعدتك على حلّ  
المسائل.

## تقويم الأداء

### صنع قفص حشرات

يريد وسام أن يصنع قفص حشرات على شكل شبه مكعب باستخدام شبك وقطع خشبية. يعتقد وسام أن صنع قفص الحشرات يستغرق ساعتين تقريبًا.



3. **استعمل الأدوات المناسبة** ما الأدوات التي يمكن أن يستعملها وسام؟

4. **بَرِّز منطقيًا** يريد وسام أن يكون الحجم 80 سنتيمترًا مكعبًا. ما الأبعاد الممكنة لقفص الحشرات؟

5. **بَرِّز منطقيًا** قرَّر وسام أن حجمًا مقداره 80 سنتيمترًا مكعبًا هو حجم صغير جدًا. لذلك خطط لصنع قفص بحجم 108 سنتيمترًا مكعبًا. ما الأبعاد الممكنة لقفص الحشرات هذا؟

6. **افهم وثابز في الحل** وجد وسام على الإنترنت قفص حشرات طوله 7 سنتيمترًا، وعرضه 4 سنتيمترًا، وارتفاعه 3 سنتيمترًا. إذا كان يريد صنع قفص بحجم أكبر من هذا، فأَيُّ من القفصين أعلاه يصلح؟ وضح إجابتك.

7. **انقذ وبرز** يظن وسام أنه إذا ضاعف جميع أبعاد قفص الحشرات، فإنَّ حجمه يتضاعف أيضًا. هل هو على صواب؟ استعمل أبعاد أحد أقفاص الحشرات الواردة أعلاه لتوضيح حلك.



## تدريبات الطّاقة

الوحدة  
8



### أستطيع...

ضرب أعدادٍ كئيبةٍ مكوّنةٍ من عدة أرقامٍ بطلاقة.

### معيّز المحتوى

اعمل مع أحد زملائك. أشز إلى أحد التلميحات. اقرأ التلميح. انظر إلى التلميحات أدناه لإيجاد العملية الحسابية الموائمة. اكتب حرف التلميح في المربع أعلى العملية الحسابية الموائمة. ابحث عن عملية حسابية موائمة لكل تلميح.

**E** ناتج الضرب يساوي 550 000

**A** ناتج الضرب أكبر من 1 000 000 **تلميحات**

**F** ناتج الضرب يساوي 550 055

**B** ناتج الضرب يساوي 43 575

**G** يظهر الرقم 7 مرتين في ناتج الضرب.

**C** ناتج الضرب يساوي 51 192

**H** يظهر الرقم 2 مرتين في ناتج الضرب.

**D** ناتج الضرب يقع بين 150 000 و 200 000



$$\begin{array}{r} 6\ 400 \\ \times 25 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 648 \\ \times 79 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 50\ 000 \\ \times 11 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 4\ 702 \\ \times 56 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 1\ 245 \\ \times 35 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 50\ 005 \\ \times 11 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 685 \\ \times 42 \\ \hline \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 44\ 444 \\ \times 33 \\ \hline \end{array}$$

## قائمة المصطلحات

- المساحة
- الوحدة المكعبة
- الصيغة
- شبه المكعب
- مكعب الوحدة
- الحجم

## فهم المصطلحات

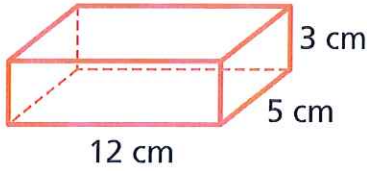
في التمارين 1-3، اختر المصطلح المناسب من قائمة المصطلحات واكتبه في المساحة الفارغة.

1. \_\_\_\_\_ هو عدد مكعبات الوحدة التي لها نفس الحجم وتملأ مجسمًا بدون تداخلات أو فجوات.

2. \_\_\_\_\_ مجسم له 6 أوجه مستطيلة ليست جميعها مربعة.

3. القاعدة التي تستعمل رموزًا للربط بين كميتين أو أكثر تسمى \_\_\_\_\_.

4. اشطب المقادير أدناه التي لا تمثل حجم شبه المكعب المجاور.



$$36 \times 5 \quad 3 \times 5 \times 12 \quad 60 \times 3 \quad 12 \times (3 + 5)$$

صل كل شكل ثلاثي الأبعاد في العمود A بحجمه في العمود B.

العمود B

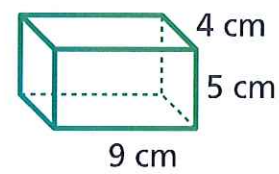
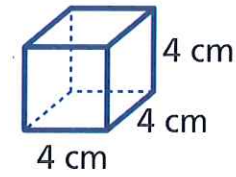
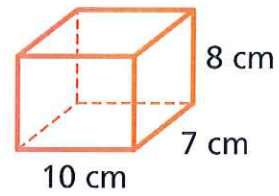
$64 \text{ cm}^3$

$100 \text{ cm}^3$

$180 \text{ cm}^3$

$560 \text{ cm}^3$

العمود A

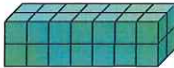

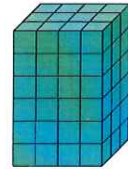


8. صندوق أبعاده 3 إنش في 4 إنش في 5 إنش. وصندوق ثانٍ أبعاده 4 إنش في 4 إنش في 4 إنش. وضح كيف تقرّر أيّ الصندوقين سعته أكبر.

## إعادة التدريس

**تذكّر** أنه لإيجاد حجم شبه مكعبٍ يمكنكُ عدُّ المكعبات في طبقةٍ واحدةٍ ثم ضرب عددها في عدد الطبقات.

أوجد الحجم. يمكنك استعمال مكعبات لتساعدك.

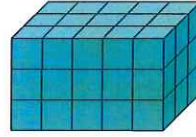
- 
- 
- 

## المجموعة A

الدرس 8-1

أوجد عدد المكعبات اللازمة لتكوين شبه المكعب أدناه.

الطبقة السفلية مكوّنة من 3 صفوف في كلٍّ منها 5 مكعبات. المكعب مكوّن من 3 طبقات. اضرب لإيجاد إجمالي عدد المكعبات.



$$3 \times 5 \times 3 = 45$$

إذن حجم شبه المكعب يساوي 45 وحدة مكعبة.

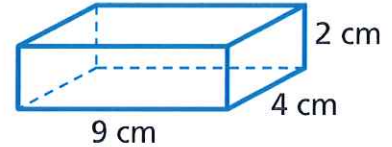


تذكّر أنّ بإمكانك ضرب الأعداد بأيّ ترتيب!

## المجموعة B

الدرسان 8-2 و 8-3

أوجد حجم شبه المكعب أدناه.



الحجم = الطول × العرض × الارتفاع

$$V = \ell \times w \times h$$

$$= 9 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2 \text{ cm}$$

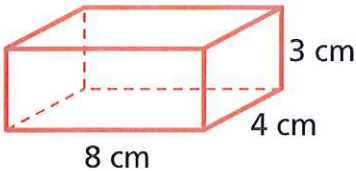
$$V = 72 \text{ cm}^3$$

إذن، حجم شبه المكعب يساوي 72 سنتيمتراً مكعباً.

**تذكّر** إذا كنت تعلم مساحة قاعدة شبه المكعب، استعمال الصيغة  $V = B \times h$  حيث  $B$  مساحة القاعدة.

أوجد الحجم. يمكنك استعمال مكعبات لتساعدك.

- مساحة القاعدة (B) تساوي 42 متراً مربعاً، والارتفاع يساوي 3 أمتار.
- مساحة القاعدة (B) تساوي 75 متراً مربعاً، والارتفاع يساوي 15 متراً.

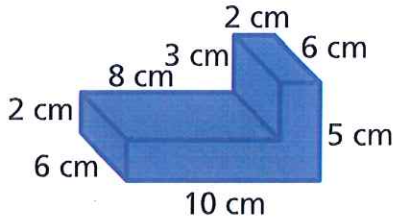
- 

## المجموعة C

الدرس 4-8 و 5-8

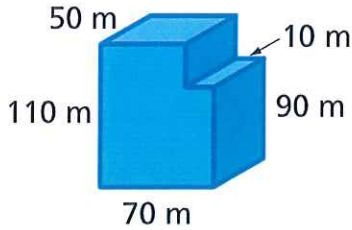
**تذكّر** أن تحدّد طول وعرض وارتفاع كلّ شبه مكعبٍ  
لكني تتمكّن من حساب حجم كلّ جزء.

1. أوجد الحجم.

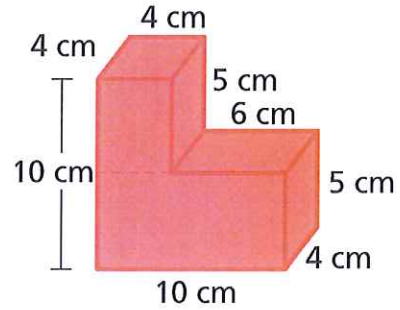


2. مبنّى مكتبيّ أبعاده موضحة أدناه.

ما حجم المبنى؟



يمكن تقسيم بعض المجسمات إلى شبه مكعبين.



إجمّع أحجام كلّ شبه مكعب لإيجاد حجم  
المجسم الكليّ.

$$\begin{aligned} V &= (4 \times 4 \times 5) + (10 \times 4 \times 5) \\ &= 80 + 200 \\ &= 280 \end{aligned}$$

إذن، حجم المجسم يساوي 280 سنتيمترًا مكعبًا.

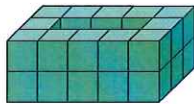
## المجموعة D

الدرس 6-8

**تذكّر** أنّ أدوات مثل قوالب القيم المنزلية والمكعبات  
وأوراق الرسم البيانيّ يمكنها أن تساعدك على حلّ  
المسائل التي تتضمن الحجم.

استعملت سلمي مكعبات طول حريف كلّ منها

1 سنتيمتر لبناء المجسم أدناه. تركت فتحة أبعادها  
3 سنتيمتر في 1 سنتيمتر في كلتا الطبقتين.



1. ما الأدوات التي يمكنك استعمالها  
لنمذجة المسألة؟

2. ما حجم المجسم الكليّ؟

فكّر في الأسئلة التالية لتساعدك على استعمال  
الأدوات المناسبة.

### عادات التفكير

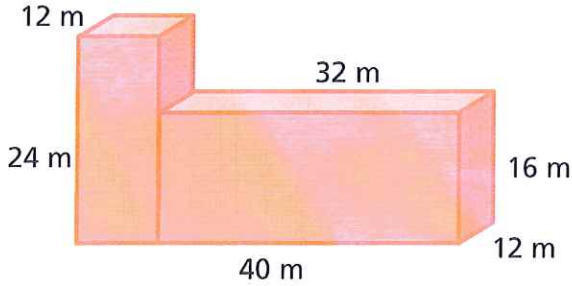
- ما الأداة التي يمكنني استعمالها؟
- لماذا يجب أن أستعمل هذه الأداة  
لحلّ المسألة؟
- هل توجد أداة مختلفة يمكنني  
استعمالها؟
- هل أستعمل الأداة بشكل صحيح؟



الوحدة  
8

4. مبنى صغير أبعاده موضحة أدناه.

تقويم



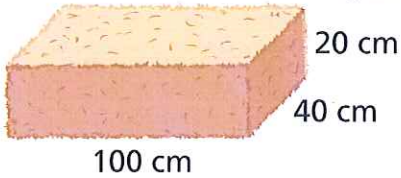
الجزء A

اكتب مقدارًا يمثل إجمالي حجم المبنى.

الجزء B

ما حجم المبنى؟

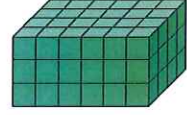
5. اختر كل المقادير التي لا يمكن استعمالها لإيجاد حجم بالة القش.



- $100 \times 40$   
  $4000 \times 20$   
  $(100 + 40) + 20$   
  $(100 \times 40) \times 20$   
  $(100 \times 40) + 20$

201 الوحدة 8 | تقويم

1. استعمل عيسى مكعبات الوحدة لإنشاء شبه المكعب أدناه. ما حجم شبه المكعب؟



- (A) 18 وحدة مكعبة  
(B) 54 وحدة مكعبة  
(C) 72 وحدة مكعبة  
(D) 108 وحدة مكعبة

2. صل حجم كل شبه مكعب بأبعاده الممكنة.

45 cm<sup>3</sup>

3 cm, 4 cm, 5 cm

56 cm<sup>3</sup>

3 cm, 3 cm, 5 cm

60 cm<sup>3</sup>

2 cm, 4 cm, 9 cm

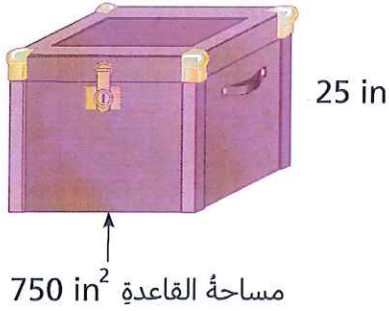
72 cm<sup>3</sup>

2 cm, 4 cm, 7 cm

3. بركة سباحة طولها 50 مترًا وعرضها 15 مترًا وعمقها 3 أمتار. ما حجم بركة السباحة؟

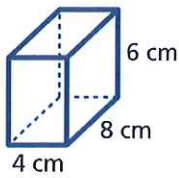
- (A) 4 500 متر مكعب  
(B) 2 250 مترًا مكعبًا  
(C) 900 متر مكعب  
(D) 750 مترًا مكعبًا

8. ما حجم الصندوق الموضح أدناه؟



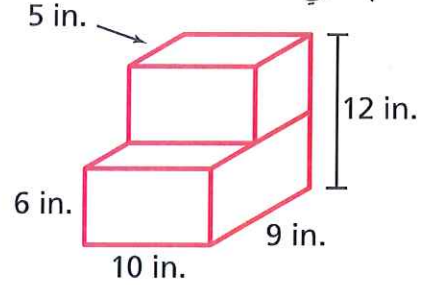
9. حجم حقيبة جمال 1 080 إنش مكعب، بينما حقيبة خالد عرضها 9 إنش وطولها 13 إنش وارتفاعها 21 إنش. ما مجموع حجمي الحقيبتين؟

10. في الأسئلة 10a-10d، اختر نعم أو لا. هل يمكن استعمال المقدار لإيجاد حجم الصندوق بالسنتيمتر المكعب؟



- 10a.  $8 \times 6$        لا    نعم
- 10b.  $32 \times 6$        لا    نعم
- 10c.  $(4 \times 8) + 6$        لا    نعم
- 10d.  $(4 \times 8) \times 6$        لا    نعم

6. صنع جاسم الدرج الخشبي أدناه. ما حجم الدرج؟



- (A)  $72 \text{ in}^3$
- (B)  $540 \text{ in}^3$
- (C)  $840 \text{ in}^3$
- (D)  $1\,080 \text{ in}^3$

7. لمشروع العلوم، تريد فاتن عمل شيء مكعب من قوالب من الإسفنج. يجب أن يكون حجم القالب 350 إنشًا مكعبًا وارتفاعه 5 إنش.

#### الجزء A

ما الأداة التي يمكن أن تساعد فاتن على إيجاد الأبعاد الممكنة لقاعدة القالب؟ وضح إجابتك.

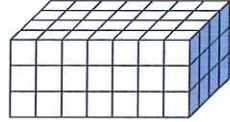
#### الجزء B

اذكر زوجًا واحدًا ممكنًا يمثل بُعدي القاعدة بحيث يكونان عددين كليين.

## المستلزمات الرياضية

يعمل عليّ في متجرٍ لبيع المستلزمات الرياضية.

1. يرتّب عليّ صناديقٍ متطابقةً من الجوارب الرياضية لي شكّل شبه مكعبٍ. كلُّ صندوقٍ عبارةٌ عن مكعبٍ.



### الجزء A

ما عدد الصناديق في منصة عرض الجوارب الرياضية؟

84 صندوق

### الجزء B

وضّح كيف أنّ عدد الصناديق الذي وجدته في الجزء A هو نفس العدد الذي ستجده

باستعمال الصيغة  $V = l \times w \times h$

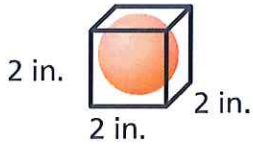
الطول 7 صناديق، العرض 4 صناديق، الارتفاع 3 صناديق

$$l = 7, w = 4, h = 3$$

$$V = 7 \times 4 \times 3 = 84$$

### الجزء C

يحتاج عليّ إلى إعادة ترتيب الصناديق لتصبح منصة العرض بارتفاع طبقتين وبعرض أقلّ من 14 إنش وبطول أقلّ من 30 إنش. حجم كلِّ صندوقٍ موضح في الشكل المجاور. اذكر طريقةً تستطيع عليّ بها ترتيب الصناديق؟ برّر إجابتك.



العرض 3 صناديق، الطول 14 صندوق، الارتفاع صندوقين

84 صندوق توزع على طبقتين، كل طبقة تحتوي 42 صندوق

$$3 \times 14 = 42$$

حافظه كل صندوق 2 in، لذلك لترتيب سيكون

3 صناديق أو بعرض 6 in و 14 صندوق أو طول 28 in

$$6 \text{ in} < 14 \text{ in}$$

$$28 \text{ in} < 30 \text{ in}$$

## الجزء D

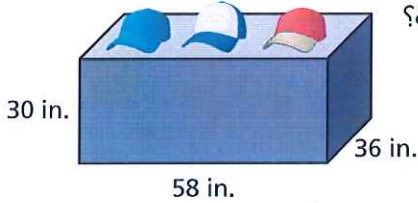
ما حجم منصة عرض الجوارب الرياضية بالإنش المكعب؟  
وضّح طريقة حلّك.

$$672 \text{ in}^3$$
$$2 \times 2 \times 2 = 8 \text{ in}^3 \text{ حجم كل صندوق}$$
$$84 \times 8 = 672$$

2. يبني عليّ منصتيّ عرض باستخدام قوالب الإسفنج المستطيلة.

## الجزء A

منصة عرض القبعات الرياضية



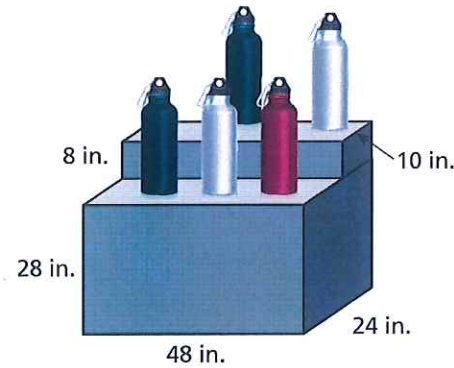
ما حجم قالب الإسفنج المستخدم لبناء منصة عرض القبعات الرياضية؟  
وضّح طريقة حلّك باستخدام الصيغة  $V = B \times h$

$$62640 \text{ in}^3$$
$$B = 58 \times 36 = 2088$$
$$V = 2088 \times 30 = 62640$$

## الجزء B

استعمل عليّ قالبين لبناء منصة عرض الزجاجات الرياضية.  
ما الحجم الكليّ للقاتلين؟  
وضّح طريقة حلّك.

منصة عرض  
الزجاجات الرياضية



$$36096 \text{ in}^3$$
$$V = 48 \times 24 \times 28 = 32256$$
$$V = 48 \times 8 \times 10 = 3840$$
$$32256 + 3840 = 36096$$

## الجزء C

اشرح كيف عرفت الوحدات التي ستستخدمها في إجابتيك عن الجزء B.

الحجم يتمّ قياسه بالوحدات المكعبة ، الطول محطى بالادته  
لذلك وحدة الحجم هي الادته المكعب .



# المصطلحات

الحجم

الصيغة

العدد الكسري

الكسور المتكافئة

الكسور المرجعية

المقام المشترك

الوحدة المكعبة

شبه المكعب

مكعب

مكعب الوحدة

# شكر وتقدير

## Photographs

Unless otherwise acknowledged, all photographs are the property of Pearson Education, Inc.

**1Background** Marcio Jose Bastos Silva/Shutterstock; **6Top Left** Pearson Education/Pearson Education; **8Center Left** beta757/Shutterstock; **24Top** Pearson Education/pearson Education; **48Top Right** Pearson Education/Pearson Education; **48Top Left** Esanbanhao/Fotolia; **60Top Left** Image Source/Jupiter images; **71Center Left** by-studio/Fotolia; **71Center Left** Paul Orr/Shutterstock; **89Background** margouillat photo/Shutterstock; **96Center left** Bikeriderlondon/Shutterstock; **110Top Left** Pearson Education/Pearson Education; **115Top Right** puaypuay/Shutterstock; **118 Center Left** spatuletail/Shutterstock; **157Background** Ministry of Education and Higher Education, Qatar/Ministry of Education and Higher Education, Qatar; **161Center left** Ron Dale/Shutterstock; **161Center Left** OLEG525/Shutterstock; **167Center Left** Nikola Knezevic/Shutterstock; **170Bottom Left** Pearson Education/Pearson Education; **204Center Left** Alfmalder/Shutterstock; **204Center Left** Mathee saengkaew/Shutterstock;