

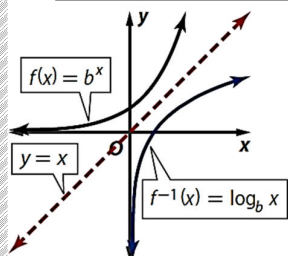


الموضوع : الدوال اللوغاريتمية

الأهداف : (1) – أن يقيم الطالب التعابير التي تتضمن لوغاريتمات .

(2) – أن يرسم الطالب التمثيلات البيانية للدوال اللوغاريتمية و يحللها .

الدوال والتعابير اللوغاريتمية

يطلق على معكوس $f(x) = b^x$ دالة لوغاريتمية بالأساس b .ويُرمز لها بـ $\log_b x$ ويقرأ لوغاريتم x للأساس b .

الربط بين التعبيرين اللوغاريتمي والأسّي

إذا كان $b \neq 1$ و $b > 0$ و $x > 0$ ، إذًا يكون

الشكل الأسّي

$$b^y = x$$

أس ← أساس

أن $\log_b x$ هو الأس

الشكل اللوغاريتمي

$$\log_b x = y$$

أس ← أساس

أنواع اللوغاريتم حسب الأساس :

يُسمى اللوغاريتم بالأساس 10 أو \log_{10} **لوغاريتم عادي**دالة اللوغاريتم العادي $y = \log x$ هي معكوس الدالة الأسية $y = 10^x$
 $y = \log x$ فقط في حالة $10^y = x$ ، لكل $x > 0$.يُسمى اللوغاريتم بالأساس e أو \log_e **لوغاريتم طبيعي** ويُشار إليه بالرمز \ln .دالة اللوغاريتم الطبيعي $y = \ln x$ هي معكوس الدالة الأسية $y = e^x$. $y = \ln x$ فقط في حالة $e^y = x$ ، لكل $x > 0$.

الخصائص الأساسية للوغاريتمات

إذا كان x عددًا حقيقيًا،

$$\ln 1 = 0$$

$$\ln e = 1$$

$$\ln e^x = x$$

$$e^{\ln x} = x, x > 0$$

إذا كانت $b > 0$ و $b \neq 1$ و x هو عدد حقيقي،

$$\log 1 = 0$$

$$\log 10 = 1$$

$$\log 10^x = x$$

$$10^{\log x} = x, x > 0$$

$$\log_b 1 = 0$$

$$\log_b b = 1$$

$$\log_b b^x = x$$

$$b^{\log_b x} = x, x > 0$$

تمارين

أوجد قيمة كل تعبير مما يلي :

(1) $\log_2 8$

(2) $\log_6 \frac{1}{36}$

(3) $\log_{\sqrt{9}} 81$

(4) $\log 42$

(5) $\log 5275$

(6) $3 \ln e^4$

(7) $\log_{36} \sqrt[5]{6}$

(8) $\log 635$

(9) $\ln(-6)$

(10) $\ln 8$

(11) $\log 1000$

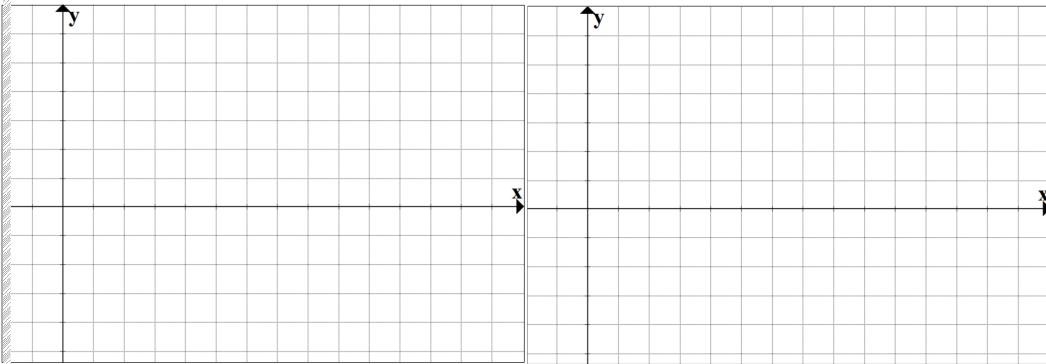
(12) $\log_{\sqrt[4]{4}} 64$

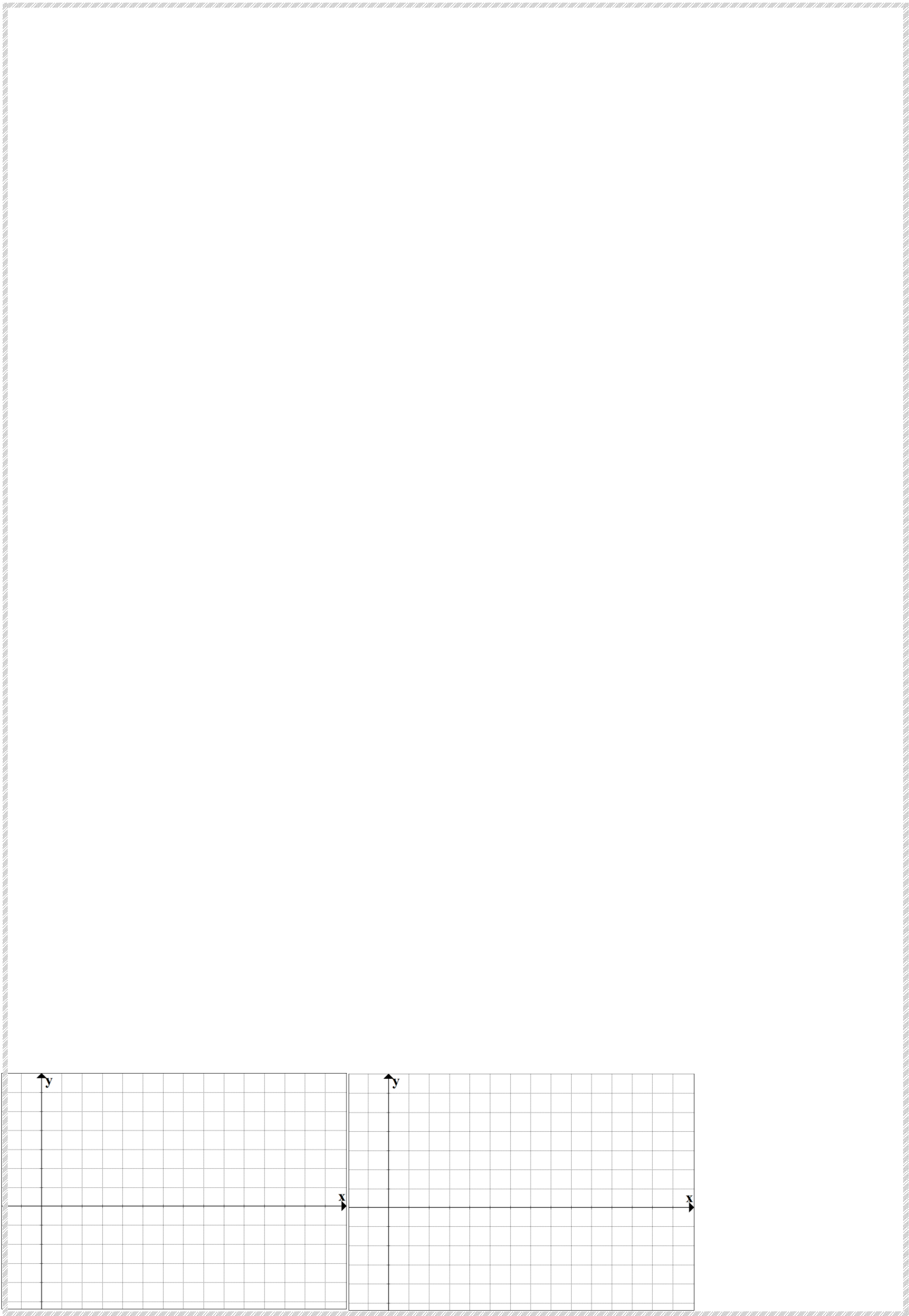
(14) $e^{\ln 4}$

(15) $\ln \left(\frac{1}{e^3} \right)$

(16) $10^{\log 3}$

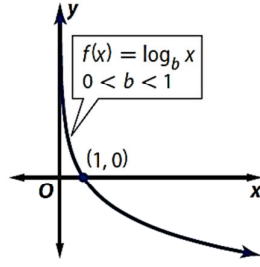
التمثيلات البيانية للدوال الوعائية



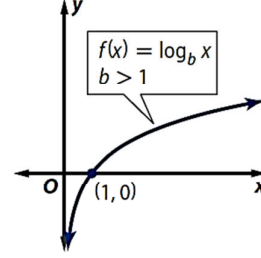


خصائص الدوال اللوغاريتمية

التضاؤل اللوغاريتمي



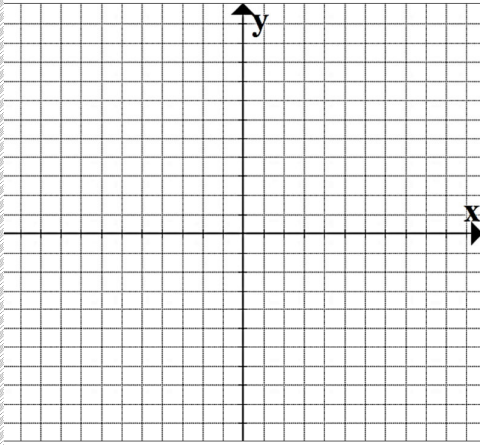
النمو اللوغاريتمي



ستستخدم التمثيل البياني لـ $f(x)$ لوصف التحويل الذي يؤدي إلى رسم $g(x)$. ثم ارسم تمثيلي $f(x)$ و $g(x)$ البيانيين.

(20) $f(x) = \log_2 x$

$g(x) = \log_2 x + 3$



المجال :

المدى :

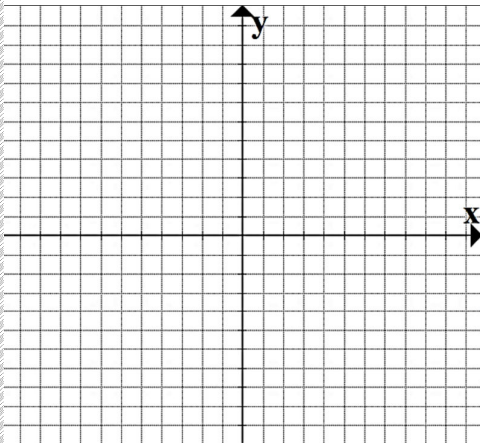
التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

(21) $f(x) = \log_3 x$

$g(x) = \log_3(x - 1)$



المجال :

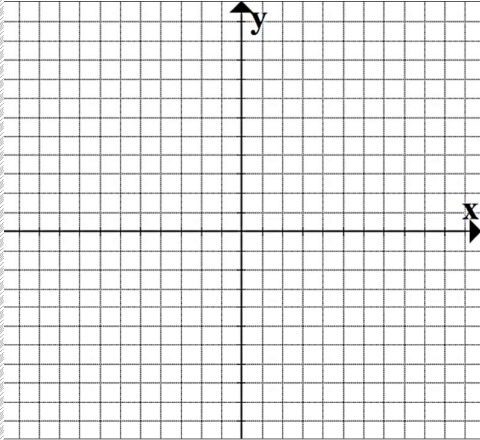
المدى :

التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

(22) $f(x) = \log x$



$g(x) = -\log(x - 2)$

المجال :

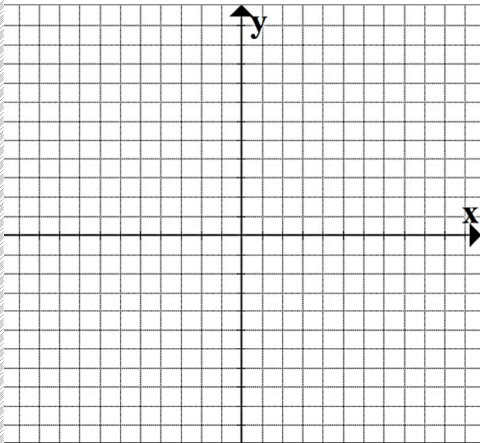
المدى :

التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

(23) $f(x) = \ln x$



$g(x) = 0.5 \ln x$

المجال :

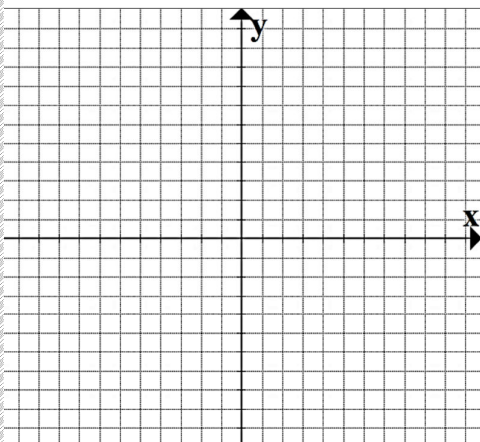
المدى :

التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

(24) $f(x) = \ln x$



$g(x) = 3 \ln x + 1$

المجال :

المدى :

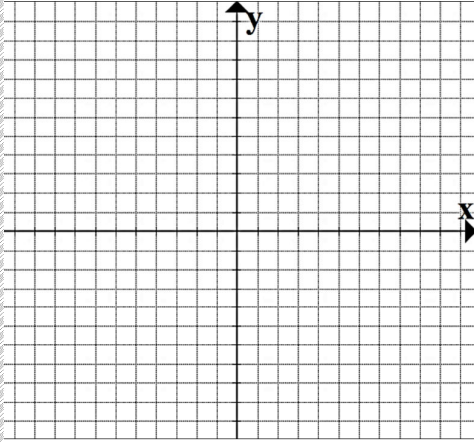
التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

(25) $f(x) = \log x$

$g(x) = -2\log x + 5$



المجال :

المدى :

التقاطع مع المحور الرأسي :

التقاطع مع المحور الأفقي :

الخط المقارب :

أوجد معكوس كل معادلة :

(26) $y = \log 2x$

(27) $y = 6\log 0.5x$

(28) $y = e^{3x}$

(29) $y = 4e^{2x}$