

الفيزياء

الثاني عشر



نظرية الكم

الأستاذ : محمد عاطف

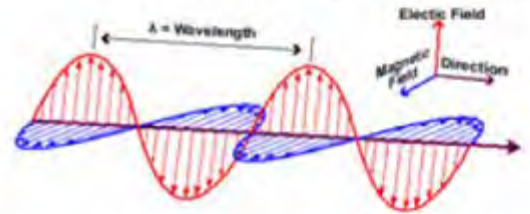
050 - 3136836

نظرية الكم

النموذج الجسيمي للموجات

مقدمة

- **نظرية الموجات الكهرومغناطيسية لماكسويل:** الضوء عبارة عن موجات كهرومغناطيسية وليس جسيمات.



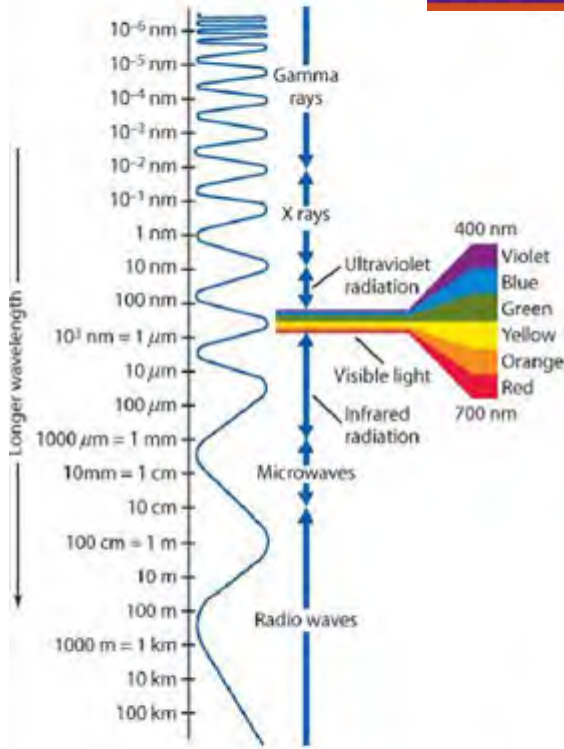
- **استطاعت نظرية ماكسويل تفسير الظواهر التالية:**

التداخل - الحيود - الاستقطاب

- **فشلت نظرية ماكسويل في تفسير الظواهر التالية:**

- انبعاث الإشعاع الكهرومغناطيسي: ومن ضمنها تفسير الطيف المنبعث من جسم ساخن.
- امتصاص الإشعاع الكهرومغناطيسي: ومن ضمنها تفسير تفريغ الجسيمات المشحونة كهربائياً من سطح فلزي عند سقوط الأشعة فوق البنفسجية UV عليها. (والتي سوف نتناولها في ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي)

الطيف الكهرومغناطيسي

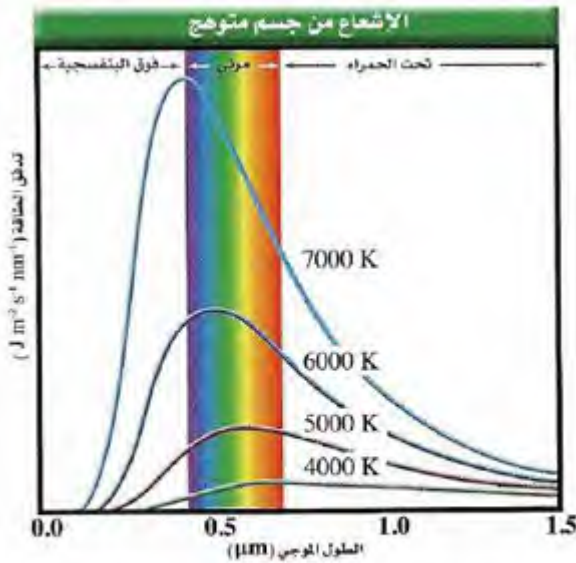


الإشعاع من الأجسام المتوهجة

- **أمثلة على إشعاع الأجسام الساخنة:**

1- فتيلة المصباح المتوهجة 2- الإشعاع المنبعث من الشمس.

- **الرسم البياني لطيف الانبعاث لجسم متوهج عند درجات حرارة مختلفة**



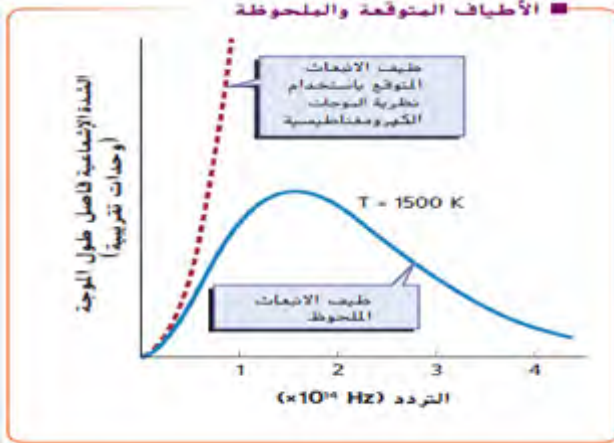
1. تتبع الفتيلة المتوهجة عند درجة حرارة معينة إشعاعاً على مدى من الأطوال الموجية في نفس الوقت ويشمل ذلك الطيف المرئي والغير مرئي مثل الأشعة تحت الحمراء والأشعة فوق البنفسجية ويسمى ذلك بطيف الانبعاث.
2. عند زيادة درجة حرارة فتيلة مصباح متوهج فإن الطول الموجي الذي تتبعته هذه الكمية العظمى من الطاقة يقل ، وبالتالي يتغير لونها من الأحمر إلى البرتقالي فالأصفر وأخيراً الأبيض (لأنها تشع جميع ألوان الطيف المرئي).
3. عند زيادة درجة الحرارة تزداد الطاقة المنبعثة من الجسم في كل ثانية على شكل موجات كهرومغناطيسية (القدرة الكلية المنبعثة) حيث وجد أن (القدرة المنبعثة $\propto T^4$). حيث T درجة الحرارة المطلقة (كلفن). أي أن الأجسام الأسخن تشع قدرة أكبر بالمقارنة بالأجسام الأبرد.

ملاحظة 1: تعتمد الألوان التي تراها العين من الأجسام المتوهجة على الشدة النسبية للموجات الكهرومغناطيسية المنبعثة ذات الترددات المختلفة وعلى حساسية العين لهذه الموجات.

ملاحظة 2: لم تستطع نظرية ماكسويل تفسير شكل الطيف الموضح بالرسم (طيف الانبعاث). وقد استطاع بلانك تفسير شكل الطيف باستخدام نظريته المشهورة واستطاع من خلال نتائج تجاربه الحصول على متحني مطابق.

سؤال: بالرجوع للرسم البياني بين الطول الموجي وشدة الإشعاع المنبعث لجسم متوهج. وضح أثر زيادة درجة الحرارة على كل من

- أ- الطول الموجي للطاقة العظمى المنبعثة. (يقل)
ب- شدة الإشعاع للطاقة العظمى المنبعثة. (يزداد)



نظرية ماكس بلانك

• فروض ماكس بلانك:

- 1- الذرات غير قادرة على تغيير طاقتها بشكل مستمر.
- 2- طاقة اهتزاز الذرات في الجسم الصلب لها ترددات محددة فقط. وتساوي:

$$E = nhf \quad (n=0,1,2,3,...)$$

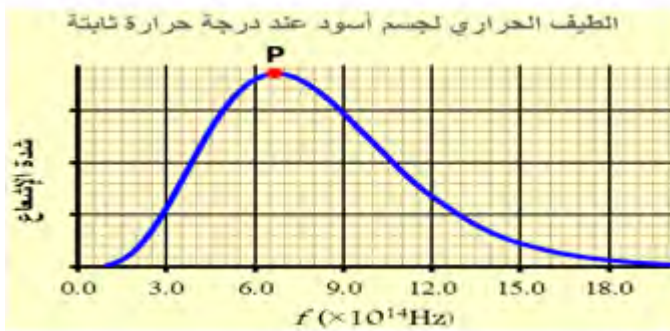
أي أن: طاقة الذرة المهتزة تساوي حاصل ضرب عدد صحيح في ثابت بلانك وفي تردد الاهتزاز.
حيث أن ثابت بلانك $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}$

- 3- الطاقة كمائة، أي أنها توجد على شكل حزم أو كميات معينة.

$$E = 0, hf, 2hf, 3hf, \dots \quad (n=0,1,2,3,...)$$

- 4- الذرة المهتزة تشع موجات كهرومغناطيسية فقط عندما تتغير طاقة اهتزازها من حالة لأخرى، على عكس توقع ماكسويل والذي يرى بأن الذرة المهتزة تشع موجات كهرومغناطيسية بشكل دائم ومستمر. كما وأن الطاقة المنبعثة تساوي التغير في طاقة اهتزاز الذرة.

$$\Delta E = E_f - E_i$$

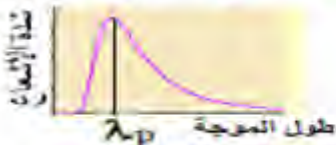


يظهر الرسم البياني المجاور شدة الإشعاع الحراري المنبعث من جسم أسود عند الترددات المختلفة للطيف الكهرومغناطيسي المنبعث عنه.

فسر ماذا يحدث لترددات الطيف الكهرومغناطيسي المنبعث إذا قلّت درجة حرارة الجسم الأسود ؟

ما الذي تدل عليه زيادة المساحة أسفل منحنى (شدة الإشعاع - الطول الموجي) لجسم أسود ؟

- درجة حرارة الجسم تقل وتزداد λ_p
□ درجة حرارة الجسم تزداد وتزداد λ_p
□ درجة حرارة الجسم تزداد وتزداد λ_p
الشكل يمثل شدة الإشعاع الصادر عن جسم أسود مع طول موجته عند لحظة معينة ، إذا استمر تسخين الجسم الأسود، ما الذي يحدث لكل من المساحة تحت المنحنى و **طول موجة القمة** (λ_p) ؟



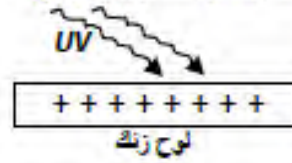
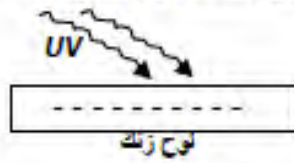
- تزداد كل من المساحة و λ_p
□ تقل كل من المساحة و λ_p
□ تزداد المساحة وتقل λ_p
□ تقل المساحة وتقل λ_p

التأثير الكهروضوئي (الانبعاث الكهروضوئي)

- **ظاهرة التأثير (الانبعاث) الكهروضوئي:** ظاهرة انبعاث الكثرونات من سطوح الفلزات عند تعرضها لاشعاع كهرومغناطيسي ذو تردد مناسب.

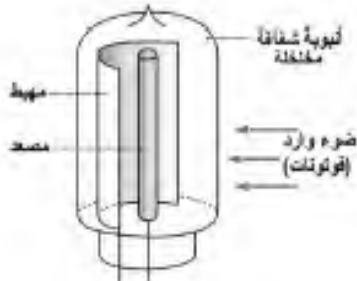
• الصعوبات التي واجهت النظرية الموجية لماكسويل:

- 1- لم تستطع النظرية الموجية لماكسويل تفسير الظواهر التالية:
- 1- عند سقوط الأشعة فوق البنفسجية على لوح زنك مشحون بشحنة سالبة ، فإنه يفقد شحنته، ولا يفقدها عندما يسقط عليه ضوء مرئي.
- 2- عند سقوط الأشعة فوق البنفسجية أو الضوء المرئي على لوح زنك مشحون بشحنة موجبة فإنه يظل مشحونا دون أن يفقد شحنته.



الخلية الكهروضوئية

- **الخلية الكهروضوئية:** أداة تستخدم لدراسة ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي.



• تركيب الخلية الكهروضوئية:

- 1- **قطبين كهربائيين فلزيين (المصدر والمهيبط).**
 - أ- **المهيبط (الكاثود):** القطب الأكبر ويتكون من صفيحة مقعرة مطلية بمادة السيزيوم أو أي فلز فلوي آخر.
 - ب- **المصدر (الأنود):** القطب الأصغر ويتكون من سلك رفيع وذلك لكي لا يحجب الاشعاع الساقط على المهيبط.
- 2- **أنبوب مخلخل من الهواء مصنوع من مادة الكوارتز.**

علل لما يأتي:

أ- خلخلة الهواء في الخلية الكهروضوئية.

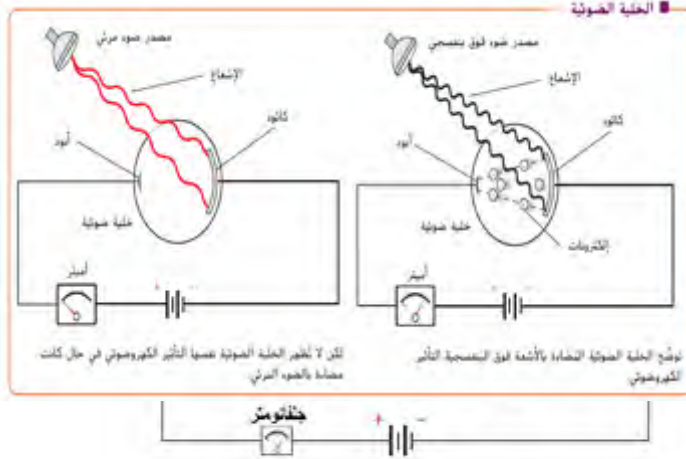
- 1- لمنع تأكسد سطحي الفلزيين.
- 2- لمنع الالكترونات من التباطؤ والتوقف نتيجة تصادمها مع جزيئات الهواء.

ب- استخدام أنبوب مصنوع من الكوارتز في الخلية الكهروضوئية.

وذلك للسماح للأطوال الموجية والأشعة فوق البنفسجية بالنفاذ من خلاله، لأن الزجاج العادي يمتص الأشعة فوق البنفسجية.

ج- يصنع المصدر (القطب الأصغر) من سلك رفيع جدا.

وذلك يسمح لمعظم الأشعة بالنفاذ ولا يحجب الا كمية صغيرة فقط من الأشعاع.



• كيفية عمل الخلية الكهروضوئية

- 1- عندما لا يسقط اشعاع كهرومغناطيسي على المهبط في الخلية الكهروضوئية لا يسري تيار كهربائي (لأن الدائرة الكهربائية مفتوحة).
- 2- عندما يسقط اشعاع كهرومغناطيسي ذو تردد معين (f) بحيث يكون أكبر من أو يساوي تردد العتبة (f_0) فإنه تتحرر الإلكترونات من المهبط وتتدفق باتجاه المصعد ، فيمر تيار كهربائي في الدائرة يتم قياسه بواسطة الجلفانومتر.

ملاحظات هامة:

- 1- يتغير تردد العتبة بتغير نوع مادة الفلز في المهبط.
- 2- لا تعتمد تحرير الإلكترونات (مرور التيار) على شدة الضوء الساقط ولكن يعتمد على تردده (أكبر من أو يساوي تردد العتبة).
- 3- زيادة شدة الإشعاع يؤدي لزيادة تدفق الإلكترونات الضوئية أي زيادة شدة التيار بشرط أن يكون تردد الضوء أكبر من تردد العتبة.

علل لما يلي:

- 1- تتحرر الإلكترونات من السيزيوم عند استخدام جميع الألوان في الطيف المرئي عدا الأحمر.
لأن تردد اللون الأحمر أقل من تردد العتبة للسيزيوم وبالتالي فإنه لا يمتلك الطاقة الكافية لتحرير الإلكترونات من الفلز.
على عكس بقية ألوان الطيف المرئي والتي تمتلك ترددات أكبر من تردد العتبة للسيزيوم.
- 2- لا تتحرر الإلكترونات من سطح الزنك عند تعريضها لأي طول موجي للضوء المرئي.
لأن نطاق ترددات الطيف المرئي أقل من تردد العتبة لفلز الزنك، لذا فإن طاقتها غير كافية لتحرير الإلكترونات من الزنك.
- 3- عند سقوط الأشعة فوق البنفسجية على لوح زنك مشحون بشحنة سالبة ، فإنه يفقد شحنته.
لأن تردد الأشعة فوق البنفسجية أكبر من تردد العتبة للزنك وبالتالي فإن لديها الطاقة الكافية لتحرير الإلكترونات (سالبة الشحنة) من سطح الفلز ، فينشحن اللوح بشحنات موجبة لتتعاادل مع الشحنات السالبة الموجودة عليه أصلاً، مما يؤدي لفقدان شحنته.
- 4- عند سقوط الأشعة فوق البنفسجية أو الضوء المرئي على لوح زنك مشحون بشحنة موجبة فإنه يظل مشحوناً دون أن يفقد شحنته.
لأن سقوط الأشعة فوق البنفسجية تعمل على تحرير الإلكترونات من لوح الزنك بفعل ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي (تردد الأشعة فوق البنفسجية أكبر من تردد العتبة للزنك) ، فينشحن اللوح بشحنات موجبة تضاف إلى الشحنات الموجبة الموجودة عليه أصلاً.

• تفسير نظرية الموجات الكهرومغناطيسية لماكسويل لظاهرة الانبعاث الكهروضوئي

فشلت نظرية الموجات الكهرومغناطيسية لماكسويل في تفسير ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي، وقد فسرها كالتالي:

1. عند سقوط اشعاع كهرومغناطيسي على سطح فلز ، يعمل المجال الكهربائي على تحرير الإلكترونات وتسريعها.
2. بزيادة شدة الاشعاع الكهرومغناطيسي يزداد شدة المجال الكهربائي ويزداد تحرر الإلكترونات وتسريعها.
3. عندما تكون شدة الاشعاع قليلة (ضوء خافت) ، فإن الإلكترونات في الفلز تحتاج فترة طويلة لامتصاص الطاقة وذلك لاكتساب طاقة كافية لتحريرها.

• تفسير نظرية أينشتاين لظاهرة الانبعاث الكهروضوئي

1. تتركز الطاقة على شكل كمات تسمى **فوتونات** ، طاقتها ترتبط بترددها من خلال العلاقة ($E=hf$)
2. ترتبط الإلكترونات الحرة بالذرات بقوة معينة تختلف من فلز لآخر . ولتحريرها يجب تزويدها بحد أدنى من الطاقة ($E_0=hf_0$)
3. إذا كان تردد الفوتون في الإشعاع الساقط أقل من تردد العتبة f_0 فإنه ليس لديه الطاقة الكافية لتحرير الإلكترونات.
4. كل فوتون يتفاعل مع إلكترون واحد ، وبالتالي لا يمكن تجميع الطاقة الغير كافية لعدة فوتونات لتحرير إلكترون.
5. إذا كان تردد الفوتون f في الإشعاع الساقط أكبر من تردد العتبة f_0 ، فإن جزءا من الطاقة يستخدم لتحرير الإلكترون (وتسمى دالة اقتران) الشغل ويرمز لها بالرمز W أو Φ) بينما تتحول الطاقة الزائدة الى طاقة حركية للإلكترون المتحرر.

حيث أن :

h : ثابت بلانك ومقداره $6.626 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}$

f : تردد الفوتون الساقط (Hz)

f_0 : تردد العتبة للفلز (Hz)

W : اقتران الشغل (Joule or eV)

$$KE = hf - W$$

$$KE = hf - hf_0$$

6. الضوء ذو الشدة العالية يحتوي على فوتونات أكثر لكل ثانية ، وبالتالي يتسبب بتحرير عدد إلكترونات ضوئية أكثر لكل ثانية أي تيار كهربائي أكبر (بشرط أن يكون تردد الضوء أكبر من تردد العتبة).

ملاحظة هامة: في الأنظمة ذات الحجم الذري نستخدم وحدة الإلكترون فولت (eV) لقياس الطاقة بدلا من الجول ، لأن وحدة الجول تعتبر وحدة طاقة كبيرة جدا للحجوم الذرية ، حيث أن ($1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$) ، وبناءا عليه تصبح طاقة الفوتون:

حيث أن :

E : طاقة الفوتون بوحدة الجول (J)

λ : الطول الموجي للفوتون بوحدة المتر (m)

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda}$$

حيث أن :

E : طاقة الفوتون بوحدة الإلكترون فولت (eV)

λ : الطول الموجي للفوتون بوحدة النانومتر (nm)

$$E = \frac{1240}{\lambda}$$

نظرية أينشتاين لتفسير ظاهرة التأثير الكهروضوئي :

- 1) الإشعاع عبارة عن سيل من الجسيمات (فوتونات) .
- 2) طاقة الفوتون الواحد تعتمد على التردد $E = hf$.
- 3) عدد الفوتونات يعتمد على شدة الضوء .

- 4) لكل فلز حد أدنى من الطاقة اللازمة لتحرير إلكتروناته تسمى **اقتران الشغل** (w) حيث $w = hf_0$

f_0 : تردد العتبة للفلز (أقل تردد يُحرر الإلكترون) .

- 5) الإلكترون الواحد يمتص فوتون واحد شرط ($E \geq w$) .

* ($E < w$) أو ($f < f_0$) : لن تتحرر الإلكترونات أبداً .

* ($E = w$) أو ($f = f_0$) : تتحرر الإلكترونات دون طاقة حركية .

* ($E > w$) أو ($f > f_0$) : تتحرر الإلكترونات بطاقة حركية قصوى (KE_m) تحسب من العلاقة :

$$K.E_m = E - w$$

- لحساب السرعة نستعمل : ($KE_m = \frac{1}{2} m_e v_m^2$) ($m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ Kg}$)

مهم : * (E) تعتمد على (f) أو (λ) .

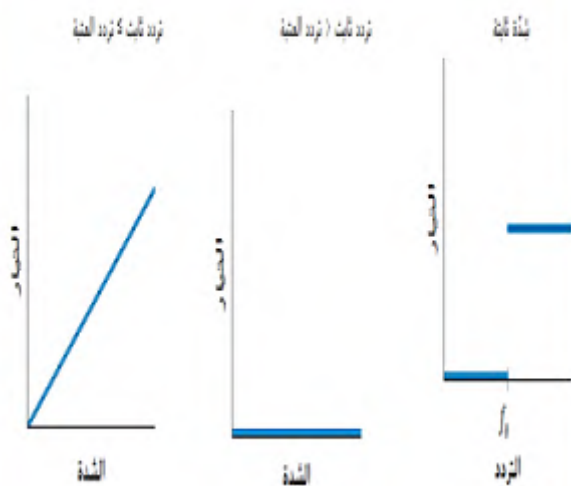
* () و (f_0) يعتمدان على نوع الفلز فقط .

* (KE_m) تعتمد على : 1) E (بزيادة E تزيد KE_m)

2) w (بزيادة w تقل KE_m)

$$K.E_m \propto (f - f_0) *$$

التيار مقابل الشدة



اختبار نظرية أينشتاين

س: كيف يمكن قياس الطاقة الحركية للإلكترونات المتحررة؟

وذلك باستخدام الدائرة الكهربائية الموضحة بالشكل والتي تتكون من خلية كهروضوئية جلفانومتر - مجزيء الجهد للتحكم في فرق الجهد المستخدم.

1- يتم توصيل الخلية الكهروضوئية بالبطارية بحيث يتصل مصعد الخلية بالقطب السالب للبطارية والمهبط بالقطب الموجب.

2- يتم تعريض مهبط الخلية لضوء (اشعاع) ذو تردد مناسب. فنلاحظ انحراف مؤشر الجلفانومتر وهو دليل مرور تيار كهربائي.

3- يتم زيادة فرق الجهد المعاكس تدريجياً، فنلاحظ نقصان التيار المار في الدائرة بسبب نقصان عدد الإلكترونات التي تصل للمصعد، فتصل تلك التي لديها طاقة حركية (أو سرعة) كبيرة فقط.

4- نزيد فرق الجهد المعاكس حتى ينعدم التيار المار في الدائرة. ونعين فرق الجهد الذي أدى لانقطاع التيار (يسمى جهد الإيقاف أو القطع V_0).

5- عند جهد الإيقاف تكون الطاقة الحركية للإلكترونات مساوية للشغل المبذول من المجال الكهربائي لإيقافها. أي أن:

حيث أن:

KE : الطاقة الحركية العظمى للإلكترون المتحرر (J)

q : شحنة الإلكترون وتساوي $-1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

V_0 : جهد الإيقاف أو القطع (J/C or V)

v : سرعة الإلكترونات العظمى (m/s)

$$KE = -qV_0 = \frac{1}{2}mv^2$$

ملاحظات مهمة:

- 1- سرعة الإلكترونات بعد تحررها تكون مختلفة، بسبب تصادمها مع الذرات قبل خروجها، لذا تكون سرعة الإلكترونات الذرات القريبة من السطح أكبر من سرعة الإلكترونات الذرات في الطبقات السفلى.
- 2- عند جهد الإيقاف أو القطع لا تستطيع أسرع الإلكترونات الوصول إلى المصعد، لذا ينعدم التيار الكهربائي.

س: كيف يمكن قياس طاقة فوتون ضوئي عملياً؟

ج: عن طريق قياس الطاقة الحركية للإلكترونات المتحررة من سطح فلز عند طولين موجيين مختلفين أو قياس الطاقة الحركية للإلكترونات المتحررة من سطح فلز معلوم عند طول موجي معين.

تطبيقات على ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي

1- الألواح الشمسية: تحويل ضوء الشمس إلى طاقة كهربائية.

2- فئات باب المواقف (الكراجات): التحكم في فتح الأبواب آلياً باستخدام دوائر كهربائية تحتوي على خلية كهروضوئية.

3- التحكم في إضاءة مصابيح الشوارع وإطفائها (المفاتيح الإلكترونية).



العلاقة البيانية بين الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات المتحررة وتردد الفوتونات الساقطة



- عندما يكون تردد الفوتون الساقط أقل من تردد العتبة لا تتحرر الإلكترونات أبداً.
- عندما يكون تردد الفوتون الساقط مساوياً لتردد العتبة f_0 ، تكون طاقته كافية لتحرير الإلكترون فقط، دون تزويده بطاقة حركية.
- عندما يكون تردد الفوتون الساقط أكبر من تردد العتبة، يكتسب الإلكترون المتحرر طاقة حركية تزداد بزيادة تردده، عندها يمكن تمثيل العلاقة بينهما بخط مستقيم كما هو مبين بالشكل.
- يمثل ميل الخط المستقيم في منحني (الطاقة الحركية العظمى - التردد) ثابت بلانك h ، أي أن:

$$h = \frac{\Delta KE}{\Delta f} = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J / Hz}$$

- يمثل نقطة تقاطع الخط المستقيم مع المحور الرأسي

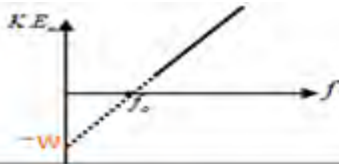
ملاحظات مهمة:

- 1- يمكن تعيين تردد العتبة f_0 بيانياً من خلال نقطة تقاطع الخط المستقيم مع المحور X ، ويختلف باختلاف نوع الفلز.
- 2- يمكن حساب دالة الشغل (أو اقتران الشغل W) من خلال العلاقة $W = hf_0$ ، وتقع على نقطة تقاطع الخط المستقيم مع المحور Y .

س: المقصود بكل من المصطلحات التالية:

- 1- **ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي:** ظاهرة انبعاث الإلكترونات من سطوح الفلزات عند تعرضها لإشعاع كهرومغناطيسي ذو تردد مناسب.
- 2- **الخلية الكهروضوئية:** أداة تستخدم لدراسة ظاهرة الانبعاث الكهروضوئي.
- 3- **تردد العتبة:** أقل تردد للإشعاع يمكنه تحرير الإلكترونات من سطح الفلز.
- 4- **دالة (اقتران) الشغل للفلز:** أقل طاقة لازمة لتحرير الإلكترون الأضعف ارتباطاً بالذرة (المدار الأخير) دون تزويده بطاقة حركية.
- 5- **جهد إيقاف (القطع):** أقل فرق جهد بين قطبي الخلية الكهروضوئية تنعدم عنده شدة التيار الكهروضوئي.
- 6- **الإلكترون فولت (eV):** الطاقة التي يكتسبها إلكترون يتسارع عبر فرق جهد مقداره فولت واحد.

- التمثيل البياني لـ $(K.E._m)$ مع تردد الضوء الساقط (f).



$$\text{الميل} = \frac{\Delta K.E._m}{\Delta f} = h$$

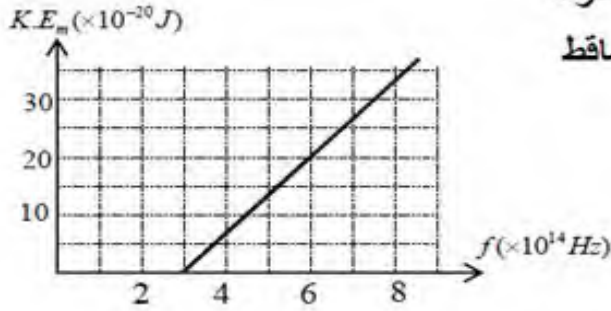
تفسير نتائج التأثير الكهروضوئي بناءً على نظرية أينشتاين

- 1) تحدث ظاهرة التأثير الكهروضوئي عند تردد أكبر أو يساوي تردد العتبة للمعدن .
- لأن طاقة الفوتون تكون أكبر أو تساوي **اقتران الشغل** فتستطيع تحرير الإلكترون من سطح المعدن .
- 2) لا تحدث ظاهرة التأثير الكهروضوئي عند تردد أدنى من تردد العتبة مهما كانت شدة الضوء الساقط .
- لأن طاقة الفوتون تكون أقل من **اقتران الشغل** فلا يستطيع تحرير الإلكترون، (طاقة الفوتون تعتمد على تردد الضوء وليس شدته).
- 3) طاقة حركة الإلكترونات المتحررة تعتمد على تردد الضوء .
- لأن $(K.E._m)$ تعتمد على طاقة الفوتون وطاقة الفوتون تعتمد على تردد الضوء . $K.E._m = (E - W) = h(f - f_0)$
- 4) طاقة حركة الإلكترونات المتحررة لا تعتمد على شدة الضوء .
- بزيادة شدة الضوء يزيد عدد الفوتونات الساقطة فيزيد عدد الإلكترونات المتحررة أما $(K.E._m)$ فتبقى ثابتة لأنها تعتمد على تردد الضوء و**اقتران الشغل** فقط .
- 5) الانبعاث اللحظي للإلكترونات عندما يكون تردد الضوء مناسباً .
- لأن الإلكترون يمتص فوتون واحد فقط فإما أن يتحرر فوراً إذا كانت $(f \geq f_0)$ أو لا يتحرر إذا كانت $(f < f_0)$.

يظهر الشكل المجاور الخط البياني للعلاقة بين طاقة الحركة

القصوى للإلكترونات المنبعثة من سطح معدن وتردد الضوء الساقط

عليه معتمداً على الشكل أجب عما يلي :



(1) ما تردد العتبة للمعدن .

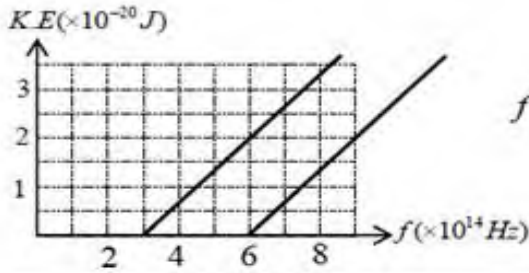
(2) احسب الطول الموجي للضوء الذي يسبب انبعاث

إلكترونات بطاقة حركية قصوى مقدارها $(20 \times 10^{-20} \text{ J})$.

(3) إذا استبدل المعدن بآخر تردد العتبة له مثلي تردد العتبة للمعدن السابق فارسم على نفس الشكل الخط

البياني للعلاقة بين طاقة الحركة القصوى وتردد الضوء الساقط ، وبين ماذا يحدث لميل الخط مع تبرير الإجابة

الحل :



(1) $f_0 = 3 \times 10^{14} \text{ Hz}$.

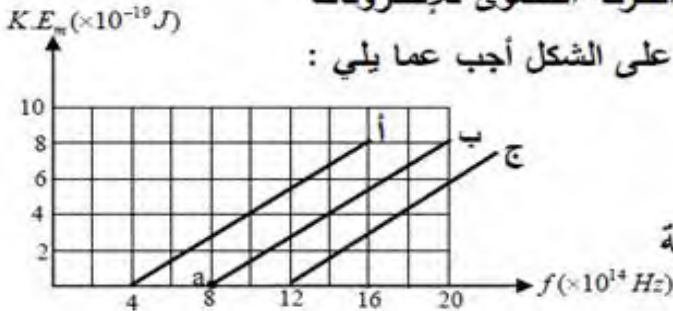
(2) من الشكل عندما تكون $K.E_m = 20 \times 10^{-20} \text{ J}$ يكون $f = 6 \times 10^{14} \text{ Hz}$:

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{6 \times 10^{14}} = 5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

(3) ميل الخط لا يتغير لأنه يساوي قيمة ثابتة (ثابت بلانك) .

يظهر الشكل المجاور الخط البياني للعلاقة بين طاقة الحركة القصوى للإلكترونات

المنبعثة من ثلاثة فلزات وتردد الضوء الساقط عليها ، معتمداً على الشكل أجب عما يلي :



(1) ما الذي تمثله النقطة (a) على الرسم ؟

(2) احسب دالة الشغل للمعدن (ب) .

(3) إذا سقط ضوء تردده $(7 \times 10^{14} \text{ Hz})$ فما مقدار الطاقة الحركية

القصوى للإلكترونات المتحررة من كل معدن .

(4) إذا سقط ضوء بتردد معين بحيث يحرر الإلكترونات من المعادن الثلاث فأي الإلكترونات تمتلك طاقة حركية أكبر .

(5) ما أقل تردد يلزم لتحرير إلكترون من جميع الفلزات (أ ، ب ، ج) ؟

الحل :

(1) تردد العتبة للفلز (ب) .

(2) من الشكل : $f_0 = 8 \times 10^{14} \text{ Hz}$

$$\phi = hf_0 = 6.63 \times 10^{-34} \times 8 \times 10^{14} = 5.3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

(3) لا تتبعث إلكترونات من (ب) و (ج) لأن $(f < f_0)$ ، ولكن تتبعث إلكترونات من (أ) حيث :

$$K.E_m = h(f - f_0) = 6.63 \times 10^{-34} (7 \times 10^{14} - 4 \times 10^{14}) = 2 \times 10^{-19} \text{ J}$$

(4) أ ، لأن طاقة الحركة تزيد بنقصان دالة الشغل . $(K.E_m = E - \phi)$.

(5) $12 \times 10^{14} \text{ Hz}$

تأثير كومبتون

أوضح أينشتاين أن الفوتون جسيم عديم الكتلة له طاقة حركية KE ، بالإضافة أن له زخم (كمية تحرك) P ، وأن زخم الفوتون يساوي حاصل قسمة ثابت بلانك على الطول الموجي للفوتون.

$$p = \frac{E}{C} = \frac{hf}{C} = \frac{h}{\lambda} \text{ Kg.m/s}$$

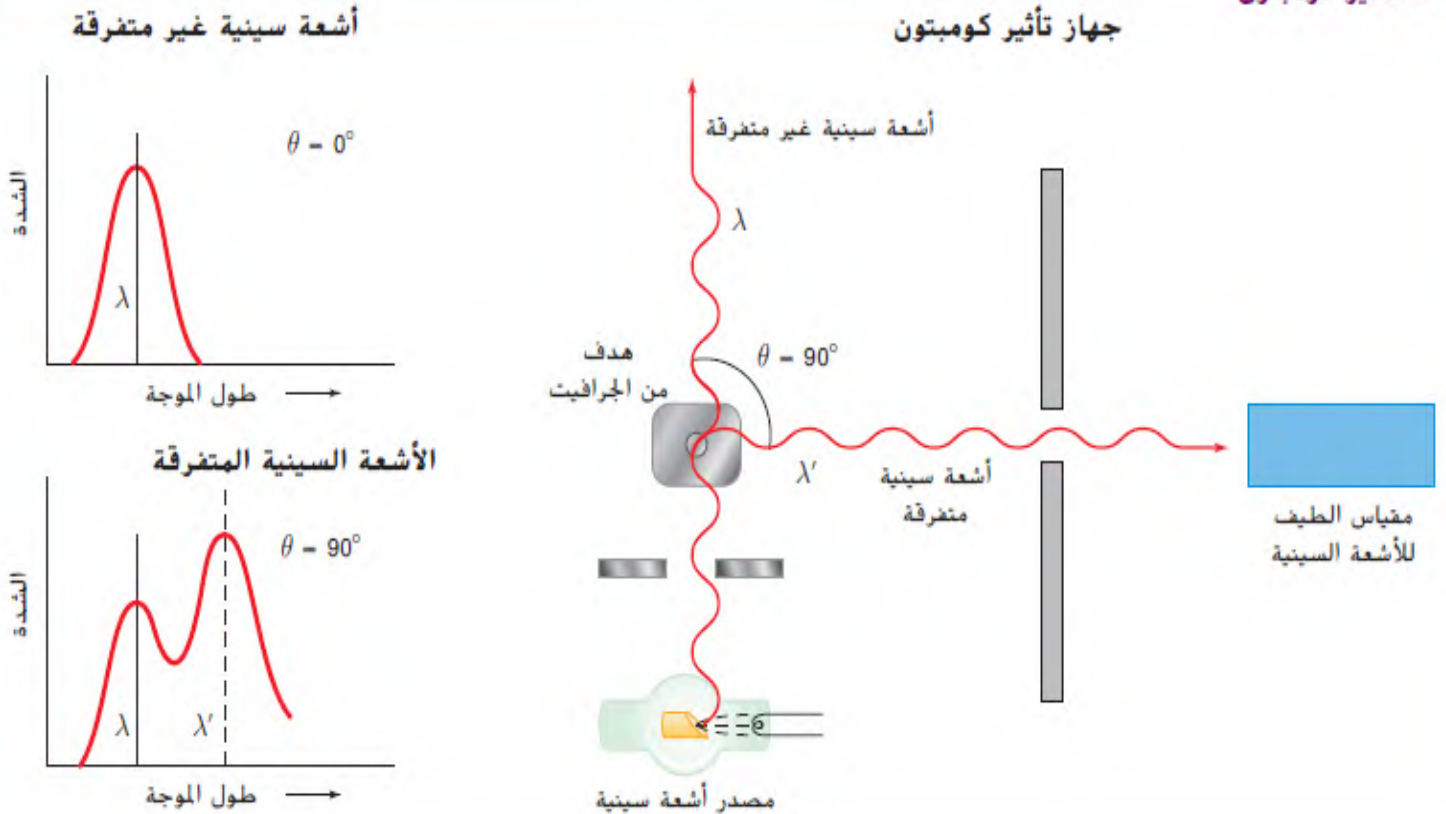
قام كومبتون بعدة تجارب لاثبات النموذج الجسيمي للضوء (أنه يتكون من فوتونات) ، وأنه يحقق قانوني حفظ الزخم (كمية التحرك) وحفظ الطاقة. والذي سمي فيما بعد "تأثير كومبتون".

• **تأثير كومبتون:** ظاهرة تشتت الفوتون عند اصطدامه بمادة ، مما يسبب تقليل في طاقة الفوتون وزخمه.

تجربة كومبتون

سلط كومبتون أشعة X معلومة الطول الموجي (λ) على هدف من الجرافيت ، وقاس الطول الموجي لأشعة X المشتتة (λ'). كما هو موضح بالرسم.

تأثير كومبتون



ماذا لاحظ كومبتون من خلال التجربة؟

- 1- بعض أشعة X المشتتة لم يتغير طولها الموجي.
- 2- بعض أشعة X المشتتة طولها الموجي أكبر من الطول الموجي لأشعة X الساقطة وبالتالي فإن طاقتها وزخمها قلت تبعاً للعلاقات التالية:

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda}$$

$$p = \frac{h}{\lambda}$$

الاستنتاج:

الطاقة والزخم الذين اكتسبها الإلكترونات المتحررة من الهدف يساويان الطاقة والزخم اللذين تفقدها الفوتونات. أي أن الفوتونات تحقق قانوني حفظ الزخم وحفظ الطاقة عندما تصطدم بجسيمات أخرى.

موجات المادة

يتضح من خلال ظاهرة التأثير الكهروضوئي وتأثير كومبتون أن للموجات الكهرومغناطيسية العديمة الكتلة زخماً وطاقة كالجسيمات.

س: هل تسلك الجسيمات المادية سلوك الموجات؟

- 3- اقترح دي برولي أن الجسيمات المادية كالإلكترونات والبروتونات لها خصائص موجية كالتداخل والحيود وغيرها.
- 4- أثبتت تجارب العالم تومسون والعالمان دافيسون وجيرمر أن الإلكترونات تحيد عند تسليطها على بلورة رقيقة جداً ، وتكون نمط حيود مشابه لنمط الحيود الذي تكونه أشعة X التي لها نفس الطول الموجي. كما وتمكن العالمان من قياس الطول الموجي المصاحب للإلكترون من خلال تعيين زاوية الحيود عن البلورة واستخدام المعادلات الرياضية.

موجات دي برولي

تترك كرة البيسبول وزنها 0.145 kg تسقط بسرعة 38 m/s.

استخدم معادلة طول موجة دي برولي لاحتساب طول موجة كرة البيسبول.

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}}{(0.145 \text{ kg})(38 \text{ m/s})} = 1.2 \times 10^{-34} \text{ m}$$

الشكل 12 إن الطول الموجي للأجسام المستخدمة في الحياة اليومية قصير للغاية لدرجة أنه لا يمكن ملاحظته.

أشرح كيف يمكن أن يتغير الطول الموجي لكرة البيسبول إذا تحركت الكرة بشكل أسرع؟

زخم الجسيم المادي المتحرك $p = mv$

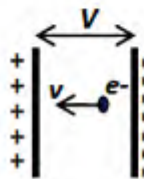
زخم الموجات الكهرومغناطيسية (الفوتونات) $p = \frac{h}{\lambda}$

وبمساواة الطرفين

$$p = mv = \frac{h}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$$

أي أن طول موجة دي برولي المصاحبة لجسيم متحرك تساوي حاصل قسمة ثابت بلانك على زخم الجسيم.



ملاحظة: يمكن إيجاد سرعة الكترون v يتسارع عبر فرق جهد معين V من خلال العلاقة:

$$KE = \frac{1}{2}mv^2 = -qV$$

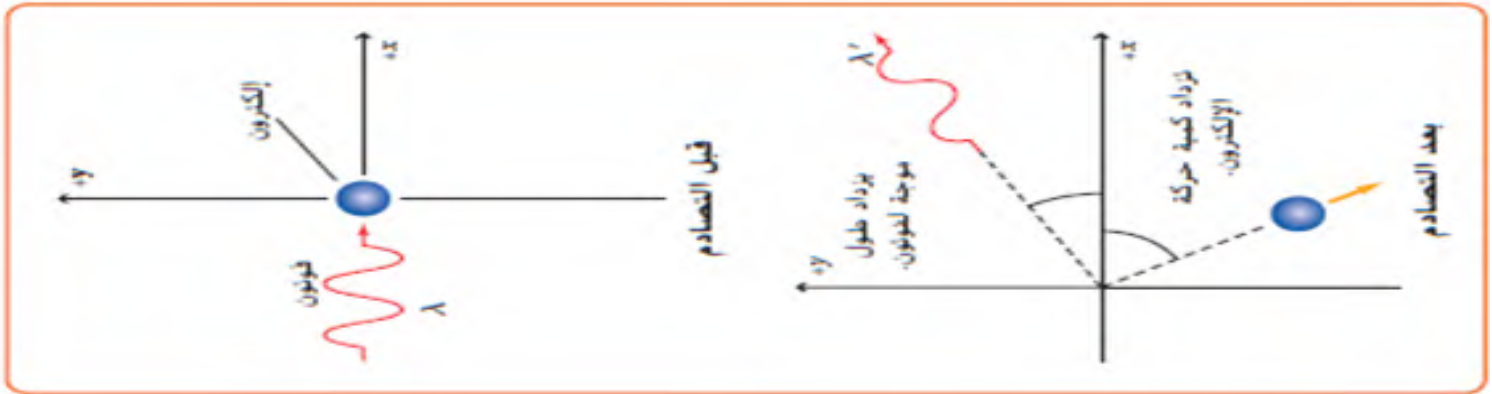
الجسيمات والموجات

يتضح مما سبق أن النموذج الجسيمي للضوء قد نجح في تفسير بعض الظواهر كالتأثير الكهروضوئي وتأثير كومبتون وانبعثات وامتصاص الإشعاع الكهرومغناطيسي ، فيما نجح النموذج الموجي للضوء في تفسير ظواهر أخرى كالحبيود والتداخل والاستقطاب. ولذا فإن النموذجان يلزمان معا لتفسير سلوك الضوء بصورة عامة.

تحديد الموقع والزخم لجسيم متحرك ومبدأ عدم التحديد لهايزنبرج

- لتحديد موقع جسيم صغير متحرك كالإلكترون مثلا يجب أن تسقط عليه ضوءا ، ثم تقوم بتجميع وتحليل الضوء المنعكس عنه بواسطة جهاز أو العين البشرية.
- يصعب تحديد الموقع بدقة بسبب تأثير ظاهرة الحبيود. ولتقليل ذلك نستخدم ضوءا أو اشعاع ذو طول موجي قصير (تردد كبير وطاقة عالية).
- عند استخدام اشعاع ذو طول موجي صغير وطاقة عالية فإن الجسيم يكتسب جزءا من الطاقة وبالتالي يتغير زخمه. أي أن كلما زادت الدقة في تحديد موقع الجسم زاد عدم التحديد في قياس زخمه ، والعكس صحيح. وهو ما نص عليه مبدأ عدم التحديد لهايزنبرج.

مبدأ عدم التحديد لهايزنبرج: لا يمكن قياس زخم جسيم وتحديد موقعه بدقة في الوقت نفسه.



الشكل 13 من الضروري حدوث اصطدام بين الفوتون والإلكترون لقياس موقع الإلكترون إذ يشتمل هذا الاصطدام كلاً من الإلكترون والفوتون مما يؤدي إلى تغيير كمية تحرك كل منهما.

قارن بين الطول الموجي للفوتون قبل الاصطدام وبعده. إلام يشير هذا التغير في الطول الموجي في ما يتعلق بمطاقة الفوتون؟

MR: mohamedatef
Tel: 0503136836

تدريبات متنوعة

تدريب 1: احسب طاقة الفوتونات لأشعاع تردده 1×10^{15} Hz

أ- بوحدة الجول ب- بوحدة eV

تدريب 2: احسب طاقة الفوتونات لأشعاع فوق بنفسجي طوله الموجي 348nm . أ- بوحدة eV ب- بوحدة الجول

تدريب 3: إذا كان طول موجة العتبة للترك 310nm . فأحسب:

أ- تردد العتبة للترك بوحدة Hz ب- اقتران الشغل بوحدة eV

تدريب 4: يسقط ضوء بنفسجي على مهبط خلية كهروضوئية من السيريوم . فإذا كان طول موجة العتبة λ_0 لمهبط السيريوم 633nm .

أ- احسب اقتران الشغل بوحدة eV

ب- إذا سقط ضوء بنفسجي طوله الموجي 425nm على السيريوم فما طاقة الإلكترونات المتحررة بوحدة eV

تدريب 5: إذا كان اقتران الشغل للباريوم 2.48eV ، فما أكبر طول موجي للضوء يستطيع تحرير الإلكترونات منه؟

تدريب 6: تنبعث الإلكترونات ضوئية من البوتاسيوم عندما يسقط عليه ضوء أزرق في حين تنبعث الإلكترونات ضوئية من التنجستن عندما

يسقط عليه أشعة فوق بنفسجية . أي الفلترين: أ- له تردد عتبة أكبر ب- له اقتران شغل أكبر

تدريب 7: يلزم جهد إيقاف مقداره 3.2 V لمنع سريان التيار الكهربائي في خلية كهروضوئية . احسب:

- الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية المتحررة.
- السرعة العظمى للإلكترونات المتحررة.

تدريب 8: اصطدم ضوء أخضر $\lambda = 532 \text{ nm}$ بفلتر ما ، فحرر الكترونات منه. إذا تم إيقاف هذه الإلكترونات باستخدام فرق جهد 1.44 V ، فما مقدار اقتران الشغل للفلتر بوحدة eV .

تدريب 9: احسب زخم فوتون الضوء البنفسجي الذي طوله الموجي $4.8 \times 10^2 \text{ nm}$.

تدريب 10: تتدحرج كرة بولنج كتلتها 7 kg بسرعة 8.5 m/s . أجب عما يلي:

- ما مقدار طول موجة دي برولي المصاحبة للكرة.
- لماذا لا تظهر كرة البولنج سلوك موجي ملاحظ؟

تدريب 11: يتسارع الكترون في انبوبة أشعة مهبطية من السكون خلال فرق جهد $5 \times 10^3 \text{ V}$. أوجد ما يلي:

- الطاقة الحركية للالكترون.
- سرعة الالكترون.
- زخم الالكترون.
- الطول الموجي المصاحب للالكترون.

MR: mohamedatef
Tel: 0503136836

تدريب 12: إذا علمت أن اقتران الشغل فلز ما يساوي 2.2eV. فاحسب:

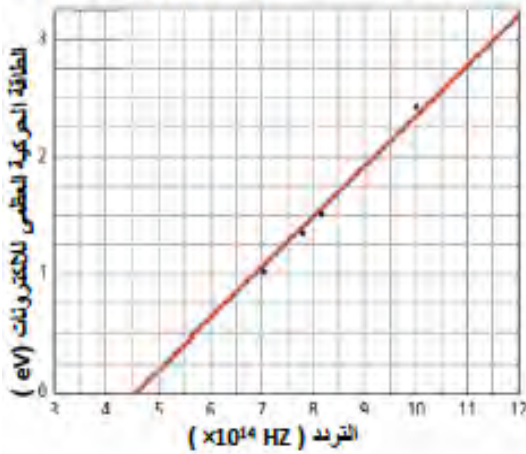
- تردد العتبة وطول موجة العتبة.
- الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية التي تنبعث من سطح الفلز عند تعرضه لإشعاع تردده 1×10^{15} Hz.
- جهد إيقاف.

تدريب 13: إذا علمت أن اقتران الشغل لكل من العناصر التالية هي:

$$(K=2.26 \text{ eV}), (Zn=4.24 \text{ eV}), (W=4.49 \text{ eV})$$

فأي منها تصدر عنه إلكترونات ضوئية عند ما يضاء بإشعاع فوق بنفسجي طوله الموجي 280nm ؟

تدريب 14: الشكل البياني الموضح أدناه يبين العلاقة بين الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية المنطلقة من فلز ما وتردد الإشعاع الساقط على الفلز. احسب:



أ- تردد العتبة. (أقل تردد للضوء يستطيع تحرير الإلكترونات)

ب- طول موجة العتبة. (أكبر طول موجي لضوء ساقط يستطيع تحرير إلكترونات من سطح الفلز)

ت- دالة اقتران الشغل.

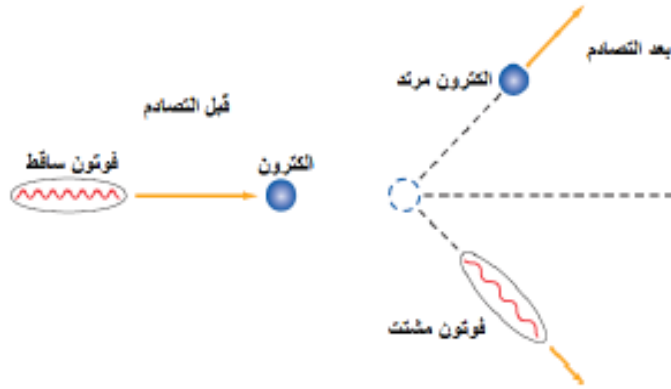
ث- احسب ثابت بلانك h من الرسم البياني.

ج- طاقة الفوتونات التي حررت إلكترونات ضوئية بطاقة حركية عظمى مقدارها 3.5 eV

د- سرعة الإلكترون المتحرر إذا كان تردد الفوتون الساقط عليه 9×10^{14} Hz ؟

هـ- طول موجة دي برولي المصاحب للإلكترون المتحرر في الفرع (د) .

و- زخم فوتون الذي لو سقط على إلكترون في ذرة الفلز لأكسبه طاقة حركية قدرها 1 eV .



تدريب 15: تأمل الشكل الموضح أدناه . ثم أجب عن الأسئلة التالية:

1- ماذا تسمى هذه الظاهرة؟

2- قارن بين الفوتون الساقط والفوتون المشتت من حيث:

الطاقة- الزخم- الطول الموجي.

تدريب 16: في تجربة كومبتون سقط فوتون طوله الموجي 1 nm على إلكترون ، لتخرج بطول موجي 4 nm ، احسب :

1- زخم الفوتون الساقط والمشتت.

2- زخم الإلكترون بعد اصطدام الفوتون به.

3- سرعة الإلكترون بعد التصادم.

4- موجة دي برولي المصاحبة للإلكترون.

تدريب 17: خلية كهروضوئية مهبطها من فلز له اقتران شغل يعادل 1.4eV ، أجب عن الأسئلة التالية:

1- احسب تردد العتبة لمادة المهبط.

2- إذا سقط شعاع طول له الموجي 800nm على الكترون ذرة الفلز المذكور فاحسب ما يلي:

أ- زخم الفوتون.

ب- طاقة الفوتون.

ت- طاقة حركة الالكترون.

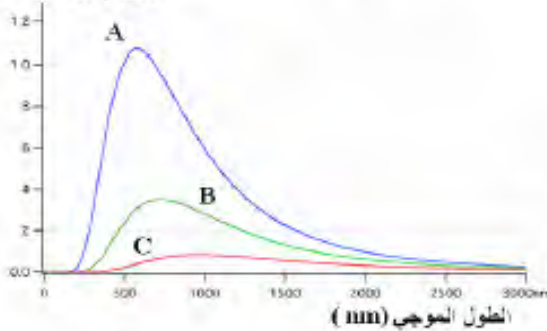
ث- سرعة الالكترون.

ج- طول موجة دي برولي المصاحبة للالكترون.

ح- جهد القطع اللازم ليقاف الالكترون.

تدريب 18: الشكل التالي يبين العلاقة بين شدة الأشعاع المنبعث من جسم متوهج مع الطول الموجي لكل شعاع منبعث عند ثلاث درجات حرارة مختلفة هي A, B, C. تأمل الشكل ثم أجب عما يلي:

الشدة (watt / m^2)



1- ما أعلى شدة للأشعاع عند درجة حرارة (A) ؟

2- ما الطول الموجي لأقصى شدة اشعاع عند درجة الحرارة (B) ؟

3- هل يجب أن يكون لون توهج الجسم مطابقاً للون اشعاع أقصى شدة ؟ وضح ذلك ؟

4- أي درجات الحرارة هي الأعلى (A) أو (B) أو (C) ؟

5- ما الفرق بين شدة الأشعاع الذي طول له الموجي 1000nm ما بين درجة حرارة (A) و (C) ؟

MR: mohamedatef
Tel: 0503136836

نظرية الكم

صفحة 46

مسائل تدريبية

النموذج الجسيمي للموجات

6. احسب تردد العتبة للزنك بوحدة Hz، واقتراان الشغل بوحدة eV، إذا كان طول موجة العتبة للزنك 310 nm.

$$f_0 = \frac{c}{\lambda_0} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m/s}}{310 \times 10^{-9} \text{ m}} = 9.7 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$W = hf_0$$

$$= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(9.7 \times 10^{14} \text{ Hz}) \left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}} \right)$$

$$= 4.0 \text{ eV}$$

7. ما مقدار الطاقة الحركية بوحدة eV للإلكترونات المتحررة من السيزيوم عندما يسقط عليه ضوء بنفسجي طوله الموجي 425 nm إذا كان اقتراان الشغل له 1.96 eV؟

$$KE_{\max} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{\lambda} - hf_0$$

$$= \frac{1240 \text{ eV.nm}}{425 \text{ nm}} - 1.96 \text{ eV}$$

$$= 0.960 \text{ eV}$$

8. تتحرر من فلز إلكترونات بطاقات 3.5 eV عندما يضاء بإشعاع فوق بنفسجي طوله الموجي 193 nm. ما مقدار اقتراان الشغل لهذا الفلز؟

$$KE = hf - hf_0$$

$$hf_0 = hf - KE = \frac{hc}{\lambda} - KE$$

$$= \frac{1240 \text{ eV.nm}}{\lambda} - KE$$

$$= \frac{1240 \text{ eV.nm}}{193 \text{ nm}} - 3.5 \text{ eV}$$

$$= 2.9 \text{ eV}$$

9. إذا كان اقتراان الشغل لفلز 4.50 eV فما مقدار أكبر طول موجي للإشعاع الساقط عليه بحيث يكون قادرًا على تحرير إلكترونات منه؟

$$hf_0 = 4.50 \text{ eV}$$

$$\frac{hc}{\lambda_0} = 4.50 \text{ eV} \quad \text{أي أن،}$$

$$\lambda_0 = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{4.50 \text{ eV}} = 276 \text{ nm}$$

1. ما طاقة إلكترون بوحدة الجول إذا كانت طاقته 2.3 eV؟

$$(2.3 \text{ eV}) \left(\frac{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}} \right) = 3.7 \times 10^{-19} \text{ J}$$

2. إذا كانت سرعة إلكترون $6.2 \times 10^6 \text{ m/s}$ فما طاقته بوحدة eV؟

$$KE = \frac{1}{2} mv^2$$

$$= \left(\frac{1}{2} \right) (9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}) (6.2 \times 10^6 \text{ m/s})^2$$

$$= (1.75 \times 10^{-17} \text{ J}) \left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}} \right)$$

$$= 1.1 \times 10^2 \text{ eV}$$

3. ما سرعة الإلكترون في المسألة 1؟

$$m = 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}, KE = \frac{1}{2} mv^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2KE}{m}} = \sqrt{\frac{(2)(3.7 \times 10^{-19} \text{ J})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}}$$

$$= 9.0 \times 10^6 \text{ m/s}$$

4. إذا كان جهد إيقاف لخلية كهروضوئية 5.7 V فاحسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات المتحررة بوحدة eV.

$$KE = -qV_0$$

$$= -(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(5.7 \text{ J/C}) \left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}} \right)$$

$$= 5.7 \text{ eV}$$

5. يلزم جهد إيقاف مقداره 3.2 V لمنع سريان التيار الكهربائي في خلية ضوئية. احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية المتحررة بوحدة الجول.

$$KE = -qV_0$$

$$= -(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(3.2 \text{ J/C})$$

$$= 5.1 \times 10^{-19} \text{ J}$$

باستخدام فرق جهد 1.44 V ، فما مقدار اقتران الشغل للفلز بوحدة eV ؟

$$E_{\text{الضوء الأخضر}} = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{532 \text{ nm}} = 2.33 \text{ eV}$$

$$\begin{aligned} KE_{\text{الإلكترون المتحرر}} &= -qV \\ &= -(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(1.44 \text{ J/C}) \frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}} \\ &= 1.44 \text{ eV} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W &= E_{\text{الضوء الأخضر}} - KE_{\text{الإلكترون المتحرر}} \\ &= 2.33 \text{ eV} - 1.44 \text{ eV} \\ &= 0.89 \text{ eV} \end{aligned}$$

15. طاقة فوتون تنبعث فوتونات طولها الموجي 650 nm من مؤشر ليزر. ما مقدار طاقة هذه الفوتونات بوحدة eV ؟

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{650 \text{ nm}} = 1.9 \text{ eV}$$

16. التأثير الكهروضوئي امتصت أشعة X في عظم، وحررت إلكترونات. إذا كان الطول الموجي لأشعة X 0.02 nm تقريباً، فقدر طاقة الإلكترون بوحدة eV .

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{0.02 \text{ nm}} = 6 \times 10^4 \text{ eV}$$

17. تأثير كومبتون أسقطت أشعة X على عظم، فاصطدمت بالإلكترون فيه وتشتت. كيف تقارن بين الطول الموجي لأشعة X المشتتة والطول الموجي لأشعة X الساقطة؟ أشعة X المشتتة لها طول موجي أكبر مقارنة بالأشعة الساقطة.

18. التفكير الناقد تخيل أن تصادم كرتي بلياردو يتمذج التفاعل الذي يحدث بين فوتون وإلكترون خلال تأثير كومبتون. افترض أن بروتوناً - وكتلته أكبر كثيراً من كتلة الإلكترون - وُضع بدلاً من الإلكترون، فهل تكون الطاقة التي يكتسبها البروتون نتيجة التصادم مساوية لتلك التي يكتسبها الإلكترون؟ وهل تكون الطاقة التي يفقدها الفوتون مساوية لتلك التي يفقدها عندما يتصادم بالإلكترون؟ إن الإجابة عن السؤالين هي لا، وكمثال على ذلك تستطيع كرة تنس نقل طاقة حركية أكثر لكرة لينة من الطاقة التي تنقلها لكرة بولينج.

النموذج الجسيمي للموجات

10. التأثير الكهروضوئي لماذا يكون الضوء ذو الشدة العالية والتردد المنخفض غير قادر على تحرير إلكترونات من فلز، في حين أن الضوء ذو الشدة المنخفضة والتردد العالي يستطيع ذلك؟ فسر إجابتك.

الضوء شكل من أشكال الإشعاع الكهرومغناطيسي، وهو عديم الكتلة. ومع ذلك لديه طاقة حركية. وكل مرة يسقط فيها فوتون على سطح الفلز؛ فإنه يتفاعل فقط مع إلكترون واحد. والفوتون ذو التردد المنخفض لا يملك طاقة كافية لتحرير إلكترون من سطح الفلز، لأن الطاقة ترتبط مباشرة بالتردد وليس بالشدة، في حين الضوء ذو التردد العالي يستطيع تحقيق ذلك.

11. تردد إشعاع الجسم الساخن وطاقته كيف يتغير تردد الإشعاع المقابل لأعلى شدة عندما ترتفع درجة حرارة الجسم؟ وكيف تتغير الكمية الكلية للطاقة المنبعثة إن كلاً من تردد قمة الشدة والطاقة الكلية المنبعثة يزدادان. إذ تزداد قمة الشدة بدلالة T ، بينما تزداد الطاقة الكلية بدلالة T^4 .

12. التأثير الكهروضوئي وتأثير كومبتون سلط عالم أشعة X على هدف، فانطلق إلكترون من الهدف دون أن ينبعث أي إشعاع آخر. وضح ما إذا كان هذا الحدث ناتجاً عن التأثير الكهروضوئي أم تأثير كومبتون. الحدث ناتج عن التأثير الكهروضوئي، وهو عبارة عن التقاط فوتون بواسطة إلكترون في المادة وانتقال طاقة الفوتون إلى الإلكترون.

13. التأثير الكهروضوئي وتأثير كومبتون مَيَز بين التأثير الكهروضوئي وتأثير كومبتون.

تأثير كومبتون عبارة عن تشتت الفوتون بواسطة المادة، منتجاً فوتوناً له طاقة وزخم أقل، في حين التأثير الكهروضوئي عبارة عن انبعاث إلكترونات من الفلز عندما يسقط عليه إشعاع ذو طاقة كافية.

14. التأثير الكهروضوئي اصطدم ضوء أخضر $\lambda = 532 \text{ nm}$ بفلز ما، فحرر إلكترونات منه. إذا تم إيقاف هذه الإلكترونات

مسائل تدريبية

2-8 موجات المادة (صفحة 51-49)

صفحة 50

19. تتدحرج كرة بولنج كتلتها 7.0 kg بسرعة 8.5 m/s،
أجب عما يلي:

a. ما مقدار طول موجة دي برولي المصاحبة للكرة؟

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{(7.0 \text{ kg})(8.5 \text{ m/s})}$$

$$= 1.1 \times 10^{-35} \text{ m}$$

b. لماذا لا تظهر كرة البولنج سلوك موجي ملاحظ؟
لأن طول موجة دي برولي المصاحبة لكرة البولنج قصير جداً، ولا يكفي لأحداث تأثيرات يمكن مشاهدتها.

20. إذا تسارع إلكترون خلال فرق جهد 250 V، فاحسب
مقدار سرعته وطول موجة دي برولي المصاحبة له.

$$\frac{1}{2} mv^2 = qv$$

$$v = \sqrt{\frac{2qV}{m}} = \sqrt{\frac{(2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(250 \text{ J/C})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}}$$

$$= 9.4 \times 10^6 \text{ m/s}$$

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(9.4 \times 10^6 \text{ m/s})}$$

$$= 7.7 \times 10^{-11} \text{ m}$$

21. ما مقدار فرق الجهد اللازم لمسارعة إلكترون بحيث
يكون طول موجة دي برولي المصاحبة له 0.125 nm؟

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

$$p = \frac{h}{\lambda}$$

أي أن،

$$KE = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{p^2}{2m} = \frac{\left(\frac{h}{\lambda}\right)^2}{2m}$$

$$= \frac{\left(\frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{0.125 \times 10^{-9} \text{ m}}\right)^2}{(2)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})}$$

$$= (1.544 \times 10^{-17} \text{ J}) \left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}\right)$$

$$= 96.5 \text{ eV}$$

أي أنه يتسارع خلال فرق جهد مقداره 96.5 V.

22. طول موجة دي برولي للإلكترون في المثال 3 يساوي

0.14 nm. ما مقدار الطاقة الحركية بوحدة eV لبروتون
($m = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$) إذا كان له الطول الموجي نفسه؟

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$v = \frac{h}{m\lambda}$$

أي أن السرعة تساوي،

عندئذ تكون الطاقة الحركية،

$$KE = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} m \left(\frac{h}{m\lambda}\right)^2 = \frac{h^2}{2m\lambda^2}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})^2}{(2)(1.67 \times 10^{-27} \text{ kg})(0.14 \times 10^{-9} \text{ m})^2}$$

$$\left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}\right)$$

$$= 4.2 \times 10^{-2} \text{ eV}$$

مراجعة القسم

2-8 موجات المادة (صفحة 51-49)

صفحة 51

23. الخصائص الموجية صف التجربة التي أثبتت أن
للجسيمات خصائص موجية.

عندما تسقط حزمة من الإلكترونات على قطعة من
الكريستال فإن الكريستال يعمل كمحزوز حيود؛ بحيث
يجعل الإلكترونات تشكل نمط حيود. إن حيود الإلكترونات
(الجسيمات) يشبه حيود الضوء (الموجات) خلال المحزوز.

24. الطبيعة الموجية فسر لماذا لا تظهر الطبيعة الموجية للمادة؟
لأن الأطوال الموجية لمعظم الأجسام أصغر جداً من أن
يتم الكشف عنها.

25. طول موجة دي برولي ما مقدار طول موجي دي برولي
المصاحبة للإلكترون يتسارع خلال فرق جهد 125 V؟

$$v = \sqrt{\frac{-2qV}{m}}$$

$$= \sqrt{\frac{-2(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(125 \text{ V})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}}$$

تقويم الفصل

خريطة المفاهيم

صفحة 56

29. أكمل خريطة المفاهيم أدناه باستخدام المصطلحات التالية: الطبيعة المزدوجة، الكتلة، الخصائص الموجية، الزخم، الحيود.



إتقان المفاهيم

صفحة 56

30. الضوء المتوهج يضبط مصباح كهربائي متوهج باستخدام مفتاح تحكم. ماذا يحدث للون الضوء الصادر عن المصباح عند إدارة مفتاح التحكم إلى أقل قراءة؟ يصبح الضوء أكثر احمراراً.
31. وضح مفهوم تكميته الطاقة.
32. ما الذي تم تكميته في تفسير ماكس بلانك لإشعاع الأجسام المتوهجة؟ إن الطاقة الاهتزازية للذرات المتوهجة مكممة.
33. ماذا تسمى كمات الضوء؟ الفوتونات.
34. سلط ضوء على مهبط خلية ضوئية، وكان تردد الضوء أكبر من تردد العتبة لفلز المهبط. كيف تفسر نظرية أينشتاين للتأثير الكهروضوئي حقيقة زيادة تيار الإلكترونات الضوئية كلما زادت شدة الضوء؟ كل فوتون يحرر إلكترونًا ضوئيًا، والضوء ذو الشدة العالية يحتوي على عدد فوتونات أكثر لكل ثانية؛ لذا يسبب تحرير عدد إلكترونات ضوئية أكثر لكل ثانية.

$$= 6.63 \times 10^6 \text{ m/s}$$

$$p = mv = (9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(6.63 \times 10^6 \text{ m/s})$$

$$= 6.04 \times 10^{-24} \text{ kg.m/s}$$

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{6.04 \times 10^{-24} \text{ kg.m/s}}$$

$$= 1.10 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$= 0.110 \text{ nm}$$

26. الأطوال الموجية للمادة والإشعاع عندما يصطدم إلكترون بجسيم ثقيل فإن سرعة الإلكترون وطول موجته يتناقصان. بناء على ذلك، كيف يمكن زيادة الطول الموجي لفوتون؟ إذا كان الفوتون يخضع لتشتت كومبتون مع هدف ثابت فإن الطول الموجي للفوتون سيزداد.

27. مبدأ عدم التحديد لهيزنبرج عندما يمر ضوء أو حزمة من ذرات خلال شق مزدوج فإنه يتكون نمط تداخل. وتحدث كلتا النتيجةين حتى عندما تمر الذرات أو الفوتونات خلال الشقين في الوقت نفسه. كيف يفسر مبدأ عدم التحديد لهيزنبرج ذلك؟

ينص مبدأ هيزنبرج على أنه من غير الممكن قياس زخم جسيم وتحديد موقعه بدقة في الوقت نفسه، فإذا استطعت تحديد الموقع الدقيق لفوتون أو ذرة عندما تعبر خلال الشق فإنك لن تستطيع معرفة زخمه بدقة. لذلك فإنك لن تكون متأكدًا من أي الشقوق قد عبرت الحزمة الناتجة عن توزيع الفوتونات أو الذرات التي يمكن مشاهدتها في نمط التداخل.

28. التفكير الناقد ابتكر الفيزيائيون مؤخرًا محزوز حيود للموجات الضوئية الموقوفة (المستقرة). وتكون الذرات التي تمر خلال المحزوز نمط تداخل. إذا كانت المسافة الفاصلة بين الشقوق $\frac{1}{2}\lambda$ (تقريبًا 250 nm) فما مقدار طول موجة دي برولي المصاحبة للذرات تقريبًا؟

لمحزوز الحيود يكون $\lambda = d \sin \theta$ ، حيث d البعد بين الشقوق و θ زاوية الفصل بين القمم المتتالية. لذلك فإن طول موجة دي برولي تعطى بالعلاقة:

$$\lambda = (250 \text{ nm}) \sin \theta$$

إذا اعتبرنا أن $\sin \theta = 0.1$ فإن طول موجة دي برولي تساوي بضع عشرات من النانومتر.

35. وضح كيف فسّرت نظرية أينشتاين حقيقة أن الضوء الذي تردده أقل من تردد العتبة فلز لا يحرر إلكترونات ضوئية منه، بغض النظر عن شدة الضوء؟
الفوتونات ذات التردد الأقل من تردد العتبة ليس لها طاقة كافية لتحرير إلكترون. أما إذا ازدادت شدة الضوء فإن عدد الفوتونات يزداد ولكن طاقتها لا تزداد، وتبقى الفوتونات غير قادرة على تحرير إلكترون.
36. الفيلم الفوتوجرافي لأن أنواعاً معينة من أفلام الأبيض والأسود ليست حساسة للضوء الأحمر، فإنه يمكن تحميضها في غرفة مظلمة مضاءة بضوء أحمر. فسّر ذلك بناءً على نظرية الفوتون للضوء.
فوتونات الضوء الأحمر ليس لها طاقة كافية لإحداث تفاعل كيميائي مع الفيلم الذي يتعرض له.
37. كيف أظهر تأثير كومبتون أن للفوتونات زخمًا، كما أن لها طاقة.
تنقل التصادمات المرنة كلاً من الزخم والطاقة للفوتونات فقط إذا كان لها زخم يمكنها من تحقيق المعادلات.
38. الزخم p لجسيم مادي يعطى بالمعادلة $p = mv$. هل تستطيع حساب زخم فوتون مستخدماً المعادلة نفسها؟ وضح إجابتك.
لا. لأن استخدام هذه المعادلة تجعل زخم الفوتون صفراً لأن الفوتونات مهمة الكتلة. وهذه النتيجة غير صحيحة لأن الفوتونات المهمة الكتلة زخمها ليس صفراً.
39. وضح كيف يمكن قياس الخصائص التالية للإلكترون:
a. الشحنة
وازن بين قوة الجذب مع قوة المجال الكهربائي المؤثرتين في الشحنة.
b. الكتلة
وازن بين قوة المجال الكهربائي مع قوة المجال المغناطيسي لإيجاد $\frac{m}{q}$ ، ثم استخدم قيمة q المقاسة.
c. الطول الموجي
شتت الإلكترونات عن سطح الكريستال وقم بقياس زوايا الحيود.
40. وضح كيف يمكن قياس الخصائص التالية للفوتون:
a. الطاقة
قس الطاقة الحركية KE للإلكترونات المتحررة من الفلز بطولين موجيين مختلفين على الأقل. أو قس الطاقة الحركية للإلكترونات المتحررة من معدن معلوم عند طول موجي واحد فقط.
b. الزخم
قس التغير في الطول الموجي لأشعة X المشتتة بواسطة المادة.
c. الطول الموجي.
قس زاوية الحيود عندما ينفذ الضوء خلال شقين أو محزوز حيود، وقس عرض نمط الحيود للشق المفرد، أو قس الزاوية التي ينحرف الضوء عندها عند نفاذه خلال المنشور.
- تطبيق المفاهيم**
صفحة 56-57
41. استخدم طيف الانبعاث لجسم متوهج عند ثلاث درجات حرارة مختلفة كما في الشكل 1-8 للإجابة عن الأسئلة الآتية:
a. عند أي تردد تكون شدة الانبعاث أكبر ما يكون لكل من درجات الحرارة الثلاث؟
4000 k: $\sim 2.5 \times 10^{14}$ Hz, 5800 k: $\sim 3.5 \times 10^{14}$ Hz, 8000 k: $\sim 4.6 \times 10^{14}$ Hz.
b. ماذا تستنتج عن العلاقة بين التردد الذي تكون عنده شدة الإشعاع المنبعث أكبر ما يمكن وبين درجة حرارة الجسم المتوهج؟
يزداد التردد الذي تكون عنده شدة الإشعاع المنبعث أكبر ما يمكن بزيادة درجة الحرارة.
c. بأي معامل تتغير شدة الضوء الأحمر المنبعث عندما تزداد درجة الحرارة من 4000 k إلى 8000 k؟
تزداد شدة الجزء الأحمر من الطيف من 0.5 إلى 9.2 تقريباً، وتكون الزيادة بمعامل أكبر قليلاً من 18.
42. وضع قضيبان من الحديد في النار، فتوهج أحدهما

إتقان حل المسائل

1-8 النموذج الجسيمي للموجات

صفحة 57-58

46. اعتمادًا على نظرية بلانك، كيف يتغير تردد اهتزاز ذرة إذا بعثت طاقة مقدارها $5.44 \times 10^{-19} \text{ J}$ عندما تغيرت قيمة n بمقدار 1؟

$$E = nhf$$

$$f = \frac{E}{nh} = \frac{5.44 \times 10^{-19} \text{ J}}{(1)(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})} = 8.21 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

47. ما مقدار فرق الجهد اللازم لإيقاف إلكترونات طاقتها الحركية العظمى $4.8 \times 10^{-19} \text{ J}$ ؟

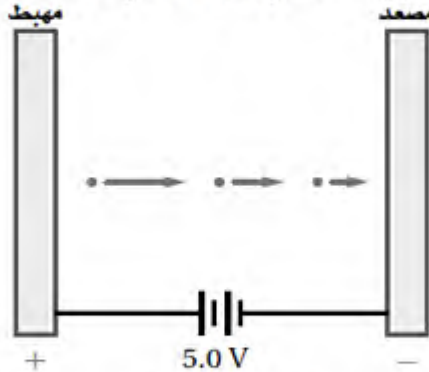
$$KE = -qV_0$$

$$V_0 = \frac{KE}{-q} = \frac{4.8 \times 10^{-19} \text{ C}}{-(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})} = 3.0 \text{ V}$$

48. ما زخم فوتون الضوء البنفسجي الذي طوله الموجي $4.0 \times 10^2 \text{ nm}$ ؟

$$p = \frac{h}{\lambda} = \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{4.0 \times 10^{-7} \text{ m}} = 1.7 \times 10^{-27} \text{ kg.m/s}$$

49. جهد الإيقاف لإلكترونات فلز معين موضح في الشكل 11-8. ما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية بدلالة الوحدات التالية؟



الشكل 11-8 ■

a. الإلكترون فولت

$$\begin{aligned} KE &= -qV_0 \\ &= -(-1 \text{ e})(5.0 \text{ V}) \\ &= 5.0 \text{ eV} \end{aligned}$$

باللون الأحمر الداكن، بينما توهج الآخر باللون البرتقالي الساطع. أي القضيبين:

a. أكثر سخونة؟

البرتقالي الساطع.

b. يشع طاقة أكبر؟

البرتقالي الساطع.

43. هل يحرر ضوء تردده كبير عددًا أكبر من الإلكترونات من سطح حساس للضوء مقارنة بضوء تردده أقل، مع افتراض أن كلا الترددين أكبر من تردد العتبة؟
ليس ضروريًا، إذ يتناسب عدد الإلكترونات المنبعثة طرديًا مع عدد الفوتونات الساقطة أو مع شدة الضوء وليس مع تردده.

44. تنبعث إلكترونات ضوئية من البوتاسيوم عندما يسقط عليه ضوء أزرق، في حين تنبعث إلكترونات ضوئية من التنجستن عندما يسقط عليه أشعة فوق بنفسجية. أي الفلزين:

a. له تردد عتبة أكبر؟

الضوء الأزرق له تردد وطاقة أقل من الضوء فوق البنفسجي، لذلك فإن التنجستن له تردد عتبة أكبر.

b. له اقتران شغل أكبر؟

التنجستن.

45. قارن طول موجة دي برولي المصاحبة لكرة البيسبول الموضحة في الشكل 10-8 بقطر الكرة.



الشكل 10-8 ■

قطر كرة البيسبول 0.10 m تقريبًا بينما طول موجة دي برولي 10^{-34} m . وبذلك يكون قطر كرة البيسبول أكبر 10^{33} مرة من الطول الموجي لموجة دي برولي المصاحب لها.

b. الجول

$$\left(\frac{5.0 \text{ eV}}{1}\right)\left(\frac{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}}\right) = 8.0 \times 10^{-19} \text{ J}$$

50. تردد العتبة لفلز معين $3.00 \times 10^{14} \text{ Hz}$. ما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات المتحررة إذا أضيء الفلز بضوء طوله الموجي $6.50 \times 10^2 \text{ nm}$ ؟

$$\begin{aligned} KE &= hf - hf_0 \\ &= h\left(\frac{c}{\lambda} - f_0\right) \\ &= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}) \end{aligned}$$

$$\left(\frac{3.00 \times 10^8 \text{ m/s}}{6.50 \times 10^{-7} \text{ m}} - 3.00 \times 10^{14} \text{ Hz}\right) = 1.07 \times 10^{-19} \text{ J}$$

51. ما مقدار الشغل اللازم لتحرير إلكترون من سطح الصوديوم إذا كان تردد العتبة له $4.4 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ؟

$$\begin{aligned} \text{الشغل} &= hf_0 \\ &= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(4.4 \times 10^{14} \text{ Hz}) \\ &= 2.9 \times 10^{-19} \text{ J} \end{aligned}$$

52. إذا سقط ضوء تردده $1.00 \times 10^{15} \text{ Hz}$ على الصوديوم في المسألة السابقة، فما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية؟

$$\begin{aligned} KE &= hf - hf_0 \\ &= h(f - f_0) \\ &= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}) \\ &\quad (1.00 \times 10^{15} \text{ Hz} - 4.4 \times 10^{14} \text{ Hz}) \\ &= 3.7 \times 10^{-19} \text{ J} \end{aligned}$$

53. مقياس الضوء يستعمل مقياس الضوء الفوتوجرافي خلية ضوئية لقياس الضوء الساقط على الجسم المراد تصويره. كم يجب أن يكون اقتران الشغل لمادة المهبط حتى تكون الخلية الضوئية حساسة للضوء الأحمر حتى $(\lambda = 680 \text{ nm})$ كحساسيتها للألوان الأخرى للضوء؟

$$\begin{aligned} W &= \frac{1240 \text{ eV.nm}}{\lambda_0} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{680 \text{ nm}} \\ &= 1.8 \text{ eV} \end{aligned}$$

54. الطاقة الشمسية يُستهلك $4 \times 10^{-11} \text{ J}$ من الطاقة كل عام في الاستخدامات المنزلية في دولة ما. إذا كانت أشعة الشمس تسقط على بعض أجزاء هذه الدولة لمدة 3000 h كل عام، فأجب عما يلي:

a. ما مقدار الطاقة الشمسية التي تسقط على المتر المربع الواحد كل عام؟
تستقبل الأرض 1000 J/m^2 في كل ثانية. أي،

$$\begin{aligned} E &= (1000 \text{ J/m}^2.\text{s})\left(\frac{3600 \text{ s}}{\text{h}}\right)\left(\frac{3000 \text{ h}}{\text{y}}\right) \\ &= 1 \times 10^{10} \text{ J/m}^2 \text{ كل عام} \end{aligned}$$

b. إذا كان بالإمكان تحويل هذه الطاقة الشمسية إلى طاقة مفيدة بكفاءة 20%، فما مقدار المساحة التي يجب استخدامها لإنتاج طاقة مساوية لتلك التي تستهلك في المنازل.

$$\begin{aligned} \text{المساحة} &= \frac{4 \times 10^{11} \text{ J}}{(0.2)(1 \times 10^{10} \text{ J/m}^2)} \\ &= 2 \times 10^2 \text{ m}^2 \end{aligned}$$

8-2 موجات المادة صفحة 58

55. ما مقدار طول موجة بروولي المصاحبة للإلكترون يتحرك بسرعة $3.0 \times 10^6 \text{ m/s}$ ؟

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{mv} \\ &= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(3.0 \times 10^6 \text{ m/s})} \\ &= 2.4 \times 10^{-10} \text{ m} \\ &= 0.24 \text{ nm} \end{aligned}$$

56. ما مقدار السرعة التي يجب أن يتحرك بها إلكترون لتكون طول موجة دي بروولي المصاحبة له $3.0 \times 10^{-10} \text{ m}$ ؟

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{mv} \\ v &= \frac{h}{m\lambda} \\ &= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(3.0 \times 10^{-10} \text{ m})} \\ &= 2.4 \times 10^6 \text{ m/s} \end{aligned}$$

57. يتسارع إلكترون في أنبوب أشعة مهيبة من السكون خلال فرق جهد $5.0 \times 10^3 \text{ V}$. ما مقدار:

a. سرعة الإلكترون؟

$$\frac{1}{2}mv^2 = qV$$

$$v = \sqrt{\frac{qV}{\frac{1}{2}m}}$$

$$v = \sqrt{\frac{(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(5.0 \times 10^3 \text{ V})}{(\frac{1}{2})(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})}}$$

$$= 4.2 \times 10^7 \text{ m/s}$$

b. الطول الموجي المصاحب للإلكترون؟

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(4.2 \times 10^7 \text{ m/s})}$$

$$= 1.7 \times 10^{-11} \text{ m} = 0.017 \text{ nm}$$

58. احتُجز نيوترون طاقته الحركية 0.02 eV فقط.

a. ما سرعة النيوترون؟

$$KE = (0.02 \text{ eV})(1.60 \times 10^{-19} \text{ J/eV})$$

$$= 3.2 \times 10^{-21} \text{ J}$$

$$= \frac{1}{2}mv^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2KE}{m}} = \sqrt{\frac{(2)(3.2 \times 10^{-21} \text{ J})}{1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}}}$$

$$= 1.96 \times 10^3 \text{ m/s}$$

b. أوجد طول موجة دي برولي المصاحبة للنيوترون.

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{(1.67 \times 10^{-27} \text{ kg})(1.96 \times 10^3 \text{ m/s})}$$

$$= 2.03 \times 10^{-10} \text{ m}$$

59. إذا كانت الطاقة الحركية للإلكترون ذرة الهيدروجين 13.65 eV فأحسب:

a. مقدار سرعة الإلكترون.

$$KE = \frac{1}{2}mv^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2KE}{m}}$$

$$= \sqrt{\frac{(2)(13.65 \text{ eV})(1.60 \times 10^{-19} \text{ J/eV})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}}$$

$$= 2.19 \times 10^6 \text{ m/s}$$

b. مقدار طول موجة دي برولي المصاحبة للإلكترون.

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ kg.m/s}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(2.19 \times 10^6 \text{ m/s})}$$

$$= 0.332 \text{ nm}$$

- c. محيط ذرة الهيدروجين ثم قارنه بطول موجة دي برولي المصاحبة للإلكترون الذرة. علمًا بأن نصف قطر ذرة الهيدروجين 0.519 nm .

$$C = 2\pi r$$

$$= (2\pi)(0.519 \text{ nm}) = 3.26 \text{ nm}$$

أي أن المحيط يساوي 10 أطوال موجية مكتملة.

60. إذا كان طول موجة دي برولي المصاحبة للإلكترون 0.18 nm

a. فما مقدار فرق الجهد الذي تحرك خلاله إذا بدأ الحركة من السكون؟

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

طول موجة

دي برولي،

$$v = \frac{h}{m\lambda}$$

بالعلاقة،

ومنها فإن السرعة تعطى

$$KE = \frac{1}{2}mv^2$$

الطاقة الحركية عندها

تساوي،

$$= \frac{1}{2}m\left(\frac{h}{m\lambda}\right)^2$$

$$= \frac{h^2}{2m\lambda^2}$$

وباستخدام مصطلح فرق الجهد فإن الطاقة الحركية تساوي: $KE = qV$
وباستخدام العلاقتين السابقتين للطاقة الحركية فإن فرق الجهد V يساوي:

$$V = \frac{h^2}{2mq\lambda^2}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})^2}{(2)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(0.18 \times 10^{-9} \text{ m})^2}$$

$$= 47 \text{ V}$$

b. إذا كان طول موجة دي برولي المصاحبة لبروتون 0.18 nm فما مقدار فرق الجهد الذي تحرك خلاله إذا بدأ الحركة من السكون؟

باستخدام الاشتقاق السابق فإن فرق الجهد يساوي:

$$V = \frac{h^2}{2mq\lambda^2}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})^2}{(2)(1.67 \times 10^{-27} \text{ kg})(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(0.18 \times 10^{-9} \text{ m})^2}$$

$$= 0.025 \text{ V}$$

مراجعة عامة

صفحة 58-59

61. ما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات المتحررة من فلز إذا كان جهد إيقافها 3.8 V ؟

$$KE = -qV_0 = -(-1 \text{ e})(3.8 \text{ V}) = 3.8 \text{ eV}$$

62. إذا كان تردد العتبة لفلز ما $8.0 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ، فما اقتران الشغل له؟

$$W = hf_0$$

$$= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(8.0 \times 10^{14} \text{ Hz})$$

$$= 5.3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

63. إذا سقط ضوء تردده $1.6 \times 10^{15} \text{ Hz}$ على الفلز في المسألة السابقة، فما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات الضوئية؟

$$KE = hf - hf_0$$

$$= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(1.6 \times 10^{15} \text{ Hz}) - 5.3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$= 5.3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

64. احسب طول موجة دي برولي المصاحبة لديوترون (نواة نظير الهيدروجين ^2H) كتلته $3.3 \times 10^{-27} \text{ kg}$ ويتحرك بسرعة $2.5 \times 10^4 \text{ m/s}$.

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})}{(3.3 \times 10^{-27} \text{ kg})(2.5 \times 10^4 \text{ m/s})}$$

$$= 8.0 \times 10^{-12} \text{ m}$$

$$= \left(\frac{1}{2}\right)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(1.82 \times 10^3 \text{ m/s})^2$$

$$\left(\frac{\text{eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}\right)$$

$$= 9.43 \times 10^{-6} \text{ eV}$$

65. إذا كان اقتران الشغل للحديد 4.7 eV

a. فما مقدار طول موجة العتبة له؟

$$W = \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{\lambda_0}$$

$$\lambda_0 = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{W} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{4.7 \text{ eV}}$$

$$= 2.6 \times 10^2 \text{ nm}$$

b. إذا أسقط إشعاع طوله الموجي 150 nm على الحديد،

فما مقدار الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات المتحررة بوحدة eV؟

$$KE = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{1240 \text{ eV.nm}}{150 \text{ nm}} - 4.7 \text{ eV}$$

$$= 3.6 \text{ eV}$$

66. إذا كان اقتران الشغل للباريوم 2.48 eV، فما أكبر طول

موجي للضوء يستطيع تحرير إلكترونات منه؟

$$2.48 \text{ eV} = hf_0 = \frac{hc}{\lambda_0}$$

$$\lambda_0 = \frac{hc}{2.48 \text{ eV}} \text{ أي،}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})(3.00 \times 10^8 \text{ m/s})}{(2.48 \text{ eV}) \left(\frac{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}}\right)}$$

$$= 5.01 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$= 501 \text{ nm}$$

67. طول موجة دي برولي المصاحبة لإلكترون 400.0 nm،

وهي تساوي أقصر طول موجي للضوء المرئي. احسب مقدار:

a. سرعة الإلكترون.

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$v = \frac{h}{m\lambda} \text{ أي،}$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}{(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(400.0 \times 10^{-9} \text{ m})}$$

$$= 1.82 \times 10^3 \text{ m/s}$$

b. طاقة الإلكترون بوحدة eV.

$$KE = \frac{1}{2} mv^2$$

68. المجهر الإلكتروني يعدّ المجهر الإلكتروني مفيداً لأنه

يمكن جعل الأطوال الموجية لموجات دي برولي المصاحبة للإلكترونات أقصر من الطول الموجي للضوء المرئي. ما مقدار الطاقة (بوحدة eV) اللازم تزويدها لإلكترون حتى يكون طول موجة دي برولي المصاحبة له 20.0 nm؟

$$\lambda = \frac{h}{mv} \text{ طول موجة دي برولي،}$$

$$v = \frac{h}{m\lambda} \text{ ومنها فإن السرعة تعطى بالعلاقة،}$$

$$KE = \frac{1}{2} mv^2 \text{ الطاقة الحركية عندها تساوي،}$$

$$= \frac{1}{2} m \left(\frac{h}{m\lambda}\right)^2$$

$$= \frac{h^2}{2m\lambda^2}$$

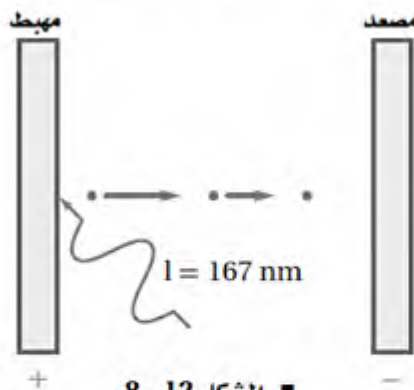
$$= \left(\frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})^2}{(2)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(20.0 \times 10^{-9} \text{ m})^2}\right)$$

$$\left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}}\right)$$

$$= 3.77 \times 10^{-3} \text{ eV}$$

69. يسقط إشعاع على قصدير، كما في الشكل 12-8. إذا

كان تردد العتبة للقصدير $1.2 \times 10^{15} \text{ Hz}$ فما مقدار:



الشكل 12-8 ■

a. طول موجة العتبة للقصدير؟

$$c = \lambda f$$

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m/s}}{1.2 \times 10^{15} \text{ Hz}} = 2.5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

b. اقتران الشغل للقصدير؟

$$W = hf_0$$

$$= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(1.2 \times 10^{15} \text{ Hz})$$

$$= 8.0 \times 10^{-19} \text{ J}$$

c. الطاقة الحركية للإلكترونات المتحررة بوحدة eV،
إذا كان الطول الموجي للإشعاع الكهرومغناطيسي
الساقط 167 nm؟

$$KE_{\text{عنتس}} = \frac{hc}{\lambda} - hf_0$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})(3.00 \times 10^8 \text{ m/s})}{167 \times 10^{-9} \text{ m}} - 8.0 \times 10^{-19} \text{ J} = 3.9 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$KE_{\text{عنتس}} (\text{eV}) = (3.9 \times 10^{-19} \text{ J}) \left(\frac{1 \text{ eV}}{1.60 \times 10^{-19} \text{ J}} \right) = 2.4 \text{ eV}$$

لتفكير الناقد

صفحة 59-60

70. تطبيق المفاهيم يبعث مصدر ليزر هيليوم-نيون فوتونات
طولها الموجي 632.8 nm.

a. احسب مقدار الطاقة بوحدة الجول لكل فوتون يُبعث
من الليزر.

$$E = \frac{hc}{\lambda} \quad \text{كل فوتون يمتلك طاقة تساوي}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})(3.00 \times 10^8 \text{ m/s})}{632.8 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

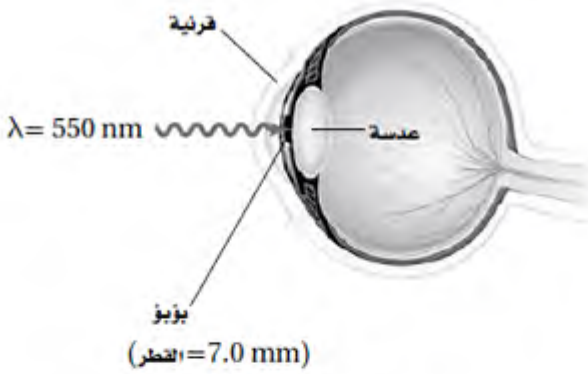
$$= 3.14 \times 10^{-19} \text{ J}$$

b. إذا كانت قدرة مصدر ليزر صغير تقليدي 0.5 mW
تكافئ (5 × 10⁻⁴ J/s)، فما عدد الفوتونات المنبعثة
من مصدر الليزر في كل ثانية؟

$$n = \frac{P}{E} = \frac{5 \times 10^{-4} \text{ J/s}}{3.14 \times 10^{-19} \text{ J/فوتون}}$$

$$= 2 \times 10^{15} \text{ فوتون /s}$$

71. تطبيق المفاهيم يدخل الضوء المرئي الذي شدته
1.5 × 10⁻¹¹ W/m² بصعوبة إلى عين إنسان، كما في
الشكل 8-13.



الشكل 8-13

a. إذا سلط هذا الضوء على عين الإنسان وتمر خلال بؤبؤ
عينه، فما مقدار القدرة التي تدخل عينه بوحدة الواط؟

$$(المساحة) (شدة الضوء) = القدرة$$

$$= (\pi r^2) (شدة الضوء)$$

$$= (1.5 \times 10^{-11} \text{ W/m}^2) (\pi (3.5 \times 10^{-3} \text{ m})^2)$$

$$= 5.8 \times 10^{-16} \text{ W}$$

b. استخدم الطول الموجي المُعطى للضوء المرئي
والمعلومات المُعطاة في الشكل 8-13 لكي تحسب
عدد الفوتونات التي تدخل العين في كل ثانية.

$$E = \frac{hc}{\lambda} \quad \text{طاقة كل فوتون}$$

$$= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})(3.00 \times 10^8 \text{ m/s})}{550 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 3.62 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$n = \frac{P}{E} = \frac{5.8 \times 10^{-16} \text{ J/s}}{3.62 \times 10^{-19} \text{ J/فوتون}}$$

$$= 1600 \text{ فوتونات /s}$$

الكتابة في الفيزياء

صفحة 60

73. في ضوء ما درسته عن مبدأ عدم التحديد، إبحث عن الحتمية وعدم التحديد في الفيزياء لهيزنبرج وأكتب بحثاً عن ذلك.

ستختلف الإجابات ويجب أن تتضمن، أن مبدأ هيزنبرج يتضمن أنه لا يمكن قياس خاصيتين فيزيائيتين (كالموقع والزخم) لجسيم (كالإلكترون) بلحظة واحدة معينة دون وجود قدر من عدم التأكد من دقة القياس لأحدى الخاصيتين، فإذا عرفنا موقع الإلكترون بلحظة ما أصبح مستحيلًا معرفة زخمه بالدقة نفسها. وينتج عدم التحديد عن عملية القياس نفسها، والتي تؤثر فيها أجهزة القياس على الكميات المقاسة، بما فيها الضوء المستخدم نفسه. فعلى هذا المستوى فإنه عند التعامل مع ذرات أو جزيئات أو جسيمات أولية نقوم بتصويب فوتونات لقياس سرعة هذه الجسيمات بدقة معينة، ثم نصوب فوتونات أخرى لقياس موضع هذه الجسيمات. ونظرًا لأن الفوتونات لها طاقة تقوم بدفع الجسيم عند الاصطدام به فيتغير موقعه، وبالتالي فإننا لا نستطيع تحديد موقعه بدقة ولا تحديد زخمه بدقة.

مراجعة تراكمية

صفحة 60

74. يتحرك شعاع من الإلكترونات بسرعة $2.8 \times 10^8 \text{ m/s}$ في مجال كهربائي مقداره $1.4 \times 10^4 \text{ N/C}$ ما مقدار المجال المغناطيسي الذي يجب أن تتحرك خلاله الإلكترونات حتى تحافظ على حركتها فيه دون انحراف؟

$$v = \frac{E}{B}$$

$$B = \frac{E}{v} = \frac{1.4 \times 10^4 \text{ N/C}}{2.8 \times 10^8 \text{ m/s}}$$

$$= 5.0 \times 10^{-5} \text{ T} = 5.0 \times 10^1 \mu\text{T}$$

72. إنشاء الرسوم البيانية واستخدامها أكمل طالب تجربة التأثير الكهروضوئي، وسجل جهد الإيقاف كدالة رياضية في الطول الموجي، كما في الجدول 1-8. وكان مهبط الخلية الضوئية مصنوع من الصوديوم. عيّن البيانات (جهد الإيقاف مقابل التردد) واستعمل الآلة الحاسبة لرسم أفضل خط مستقيم. استخدم الميل والمقطع وأوجد اقتران الشغل، وطول موجة العتبة، ومقدار $\frac{h}{q}$ في هذه التجربة. قارن قيمة $\frac{h}{q}$ مع القيمة المقبولة.

الجدول 1-8	
جهد الإيقاف مقابل الطول الموجي	
$V_0 \text{ (eV)}$	$\lambda \text{ (nm)}$
4.20	200
2.06	300
1.05	400
0.41	500
0.03	600

حوّل الطول الموجي إلى تردد، ثم مثل البيانات بعد ذلك بيانيًا، ثم حدد أفضل ميل للخط المستقيم من الرسم البياني.

$$\begin{aligned} \text{الميل} &= 4.18 \times 10^{-15} \text{ V/Hz} \\ &= 4.18 \times 10^{-15} \text{ J/Hz.C} \end{aligned}$$

القيمة المقبولة تساوي :

$$\begin{aligned} \frac{h}{e} &= \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz})}{(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})} \\ &= 4.14 \times 10^{-15} \text{ J/Hz.C} \end{aligned}$$

من الرسم البياني يكون تردد العتبة :

$$f_0 = 4.99 \times 10^{14} \text{ Hz,}$$

والذي يعطي طول موجة العتبة من خلال :

$$\lambda_0 = \frac{c}{f_0} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m/s}}{4.99 \times 10^{14} \text{ Hz}} = 601 \text{ nm}$$

ويكون الشغل يساوي :

$$\begin{aligned} W &= hf_0 \\ &= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}) (4.99 \times 10^{14} \text{ Hz}) \\ &= 3.31 \times 10^{-19} \text{ J} \end{aligned}$$

مسألة تحفيز

افترض أن قطعة نقدية كتلتها 5.0 g معلقة بنابض تهتز إلى أعلى وإلى أسفل، وكانت السرعة القصوى لهذه القطعة في أثناء اهتزازها 1.0 cm/s. اعتبر أن قطعة النقد المهتزة تمثل الاهتزازات الكمية للإلكترونات في الذرة، حيث تعطى طاقة الاهتزازات بالمعادلة $E = nhf$.



1. احسب الطاقة الحركية العظمى للجسم المهتز.

$$\begin{aligned} KE &= \frac{1}{2} mv^2 \\ &= \left(\frac{1}{2}\right) (5.0 \times 10^{-3} \text{ kg}) (1.0 \times 10^{-2} \text{ m/s})^2 \\ &= 2.5 \times 10^{-7} \text{ J} \end{aligned}$$

2. يبعث الجسم المهتز طاقة على شكل ضوء بتردد $5.0 \times 10^{14} \text{ Hz}$ إذا كانت هذه الطاقة تُبعث في مرحلة واحدة فاحسب الطاقة التي يفقدها الجسم.

$$\begin{aligned} E &= hf \\ &= (6.63 \times 10^{-34} \text{ J/Hz}) (5.0 \times 10^{14} \text{ Hz}) \\ &= 3.3 \times 10^{-19} \text{ J} \end{aligned}$$

3. حدد عدد المراحل التي ستقل فيها طاقة الجسم بمقادير متساوية من أجل أن يفقد طاقته كلها.

$$\begin{aligned} \text{عدد المراحل} &= \frac{2.5 \times 10^{-7} \text{ J}}{3.3 \times 10^{-19} \text{ J/مرحلة}} \\ &= 7.6 \times 10^{11} \text{ مراحل} \end{aligned}$$

MR: mohamedatef
Tel: 0503136836